





RACCOLTA
D' AUTORI
CHE TRATTANO
DEL MOTO
DELL' ACQUE
DIVISA IN TRE TOMI.

Tomo Secondo.

GIUSEPPE AGOSTINO
MOLFINO



IN FIRENZE. MDCCXXIII.

Nella Stamperia di S. A. R. Per gli Tartini, e Franchi.
Con Licenza de' Superiori.

RACCOLTA

DI

OPERE

DELLA

LIBRERIA

DI

LIBRERIA

DI

LIBRERIA

DI

LIBRERIA

DI

LIBRERIA

DI

Autori contenuti in questo Secondo Tomo.

DOT. DOMENICO GUGLIELMINI.

P. ABBATE D. GUIDO GRANDI.

M I S U R A
DELL' ACQUE CORRENTI
RICERCATA CON NUOVO METODO
DAL DOTTOR
DOMENICO GUGLIELMINI



Digitized by the Internet Archive
in 2016



MISURA DELL' ACQUE CORRENTI RICERCATA CON NUOVO METODO DAL DOTTOR DOMENICO GUGLIELMINI.

Libro Primo.

In cui si propone la general dottrina della velocità.



DEFINIZIONI

I.



Acqua corrente intendiamo quella, che pel momento della sua propria gravità discende per gli alvei de' fiumi, ovvero dei canali, verso il centro de' gravi.

II. *La sezione naturale* d' un fiume è la comune sezione dell' acqua corrente col piano, che ad angoli retti sega il fondo, e l' una, e l' altra ripa del fiume; la quale essendo per lo più varia, nè da potersi ridurre a regola, perciò

III *La sezione artificiale* d' un fiume s' intenda come fatta in un fiume, il fondo del quale sia parallelo all' orizzonte, e le ripe fra di loro pa-

rallele, e perpendicolari al fondo; La qual sezione farà sempre un parallelogrammo rettangolo.

IV. *L' altezza viva* dell' acqua corrente, ovvero della sezione, è la linea perpendicolare tirata dalla superficie dell' acqua, alla base della sezione, la quale ba-

se sia disposta in maniera, che cessata la corrente non possa rimanere in essa niente d'acqua stagnante; la quale si chiami col nome solo di perpendicolare.

V. *La velocità naturale* dell' acqua corrente è una forza, non da alcuna causa estrinseca cagionata, mediante la quale qualche parte dell' acqua è atta a scorrere in qualche tempo un determinato spazio, ed essendo questa varia in varie parti più, e meno remote dalla superficie, perciò

VI. *La velocità massima* sarà quella, mediante la quale alcune parti dell' acqua sono atte a scorrere in qualche tempo maggior tratto, rispetto all' altre, ovvero quella, la quale supera l' altre velocità, che sono nella medesima perpendicolare.

VII. *La velocità media* è quella, che essendo in qualche parte dell' acqua della medesima perpendicolare, è tale, che se con essa scorressero le parti superiori, e le inferiori; scorrerebbe per quella perpendicolare misura eguale d' acqua, a quella, che scorre essendo ineguali le velocità; ovvero è quella, che di tanto è superata dalle maggiori velocità, di quanto ella supera le minori.

Fig. 1.

E per maggiore intelligenza delle suddette definizioni si supponga la perpendicolare A B talmente immersa sotto la superficie dell' acqua corrente, che il punto A sia nella superficie, e il punto B nel fondo. Le parti dell' acqua fra A, e B, come l' esperienza fa noto, hanno diverse velocità, e noi a suo luogo lo dimostreremo. Imperocchè nella superficie sono minori, e quanto più sono lontane dalla superficie sono maggiori. Che se queste velocità si esprimeranno per via di linee rette sarà la B C la velocità della parte dell' acqua, che si ritrova in B, la D E la velocità dell' acqua in D; e così sempre. E per essere B C massima fra le linee B C. D E. F H, G I, essa B C si chiamerà massima velocità, ma la velocità media di-chiamo v. g. la linea F H, se ella è tale che posto che tutte le parti dell' acqua, che scorrono per A B, abbiano velocità eguale alla velocità F H, la medesima quantità d' acqua scorre per A B nel tempo, che da B, è portata in C, di quella che scorre nel medesimo tempo colle diverse velocità B C. D E. F H ec. ovvero se la velocità F H, si supponga esser superata da tutte le velocità fra F, e B con l' eccesso H M C, eguale all' eccesso col quale ella superi le velocità fra A ed F v. gr. all' eccesso K L H.

VIII. *Il complesso della velocità* è un unione di tutte le velocità, che sono in tutte le parti dell' acqua poste nella medesima perpendicolare, ovvero nella medesima sezione. Come nella figura superiore il complesso delle velocità della perpendicolare A B, è la figura A B C H K.

IX. *Le sezioni egualmente veloci* sono quelle, nelle quali le velocità medie sono eguali; cioè per le quali l' acqua scorre con la media velocità eguale.

X. *Le sezioni inegualmente veloci* sono quelle, nelle quali le velocità medie sono diseguali. E più veloce si dice quella, che ha la media velocità maggiore dell' altra, e così al contrario.

XI. *Quantità d' acqua* intendiamo tutta la mole dell' acqua, che in un dato tempo scorre per una data sezione.

XII. Quello che abbiamo detto intorno all' egualità, ed inegualità delle sezioni, è da applicarsi ancora alle perpendicolari. Siccome quel che si è detto delle velocità nelle perpendicolari, è da applicarsi proporzionalmente alle sezioni. Il che è da dirsi ancora intorno alle velocità massime, medie ec. che si debbono applicare alle sezioni.

Affiomi.

I. Nella medesima sezione artificiale, qualsivoglia perpendicolare, ha la medesima, o eguale velocità massima, media, minima ec. rimossi gl' impedimenti, di contatto, di fregamento, e qualsivoglia altro estrinseco impedimento.

II. Le velocità diverse si debbono fra di loro comparare rispetto agli spazi, li quali possono scorrere nel medesimo, o equal tempo con moto eguale.

Dimande.

I. Data qualsivoglia quantità, poterla intendere figurata, o ridotta in qualsivoglia figura del medesimo genere, v. gr. una figura piana, in un triangolo, in un rettangolo ec. una solida, in un prisma, o in una piramide ec. della medesima dimensione.

II. Date quali si vogliano quantità, poterle assegnare per via di rette linee, che abbiano fra di loro la medesima proporzione, che le dette quantità.

PROPOSIZIONE I.

Stando un fiume nel medesimo stato per tutte le sue sezioni passano eguali quantità d'acqua in tempi eguali.

Siano due sezioni A D. E H del medesimo fiume. Dico, che la quantità dell'acqua, che passa per A D, è eguale alla quantità dell'acqua, che Fig. 2. passa per E H in tempo eguale.

Imperocchè se maggior quantità d'acqua passasse per A D, che per E H, il fiume fra A, ed E continovamente crescerebbe, il che è contra il supposto: se minore quantità ne passasse per A D, che per E H: il fiume fra A, ed E continovamente scemerebbe, che è parimente contra il supposto. Se dunque nè maggiore, nè minore quantità d'acqua passa per A D: che per E H: nè passerà eguale quantità dall' una, e dall' altra sezione, il che ec.

PROPOSIZIONE II.

Se l'acqua passando per qualche sezione, o per qualche perpendicolare in un dato tempo, s' intenda ridotta in un prisma retto, la base del quale sia la sezione, l' altezza del prisma farà la media velocità di quella sezione.

Sia la sezione A D: sopra la quale, come base, s' intenda figurata in un prisma retto C F la quantità dell'acqua corrente per essa in un dato tempo. Dico che l' altezza A E è la media velocità della sezione A D. Fig. 2.

Imperocchè se tutte le parti dell'acqua dentro il rettangolo A D scorressero con eguale velocità, mentre la parte C è portata in G: la parte A farebbe portata in E, B in F, D in H, e tutte le parti del rettangolo A D

alle sue parti corrispondenti del rettangolo E H: e però se tutte le velocità della sezione A D, fossero fra di loro eguali, l'acqua naturalmente si ridurrebbe alla figura del prisma C F: ma il prisma C F è eguale all' acqua, che passa con diverse velocità per la sezione A D: adunque per la medesima sezione scorrerebbe una eguale quantità d' acqua con la velocità A E, ovvero C G, a quella che scorre con diverse velocità nel medesimo tempo, e però A E, altezza del prisma sarà la velocità media, Il che ec.

Il medesimo si dimostrerà dell' acqua che passa per la perpendicolare A C, se si intenda il prisma aver per base il rettangolo A G.

PROPOSIZIONE III.

Nelle sezioni del medesimo fiume, le velocità medie, sono in proporzione reciproca delle sezioni.

Fig. 2. Siano le sezioni A D. I M: Dico, come la velocità media della sezione I M, alla velocità media della sezione A D: così essere la sezione A D: alla sezione I M.

e 3. S'intendano le quantità dell' acqua scorsa in tempo eguale per l' una, e per l' altra sezione, figurate in prismi retti, la propria sezione de' quali gli serva per base; e sia della prima il prisma A H; e della seconda il prisma I N. E perchè eguale quantità d' acqua scorre nel medesimo tempo per A D, che per I M, saranno i prismi A H. I N eguali, ma le basi de' prismi eguali sono in reciproca proporzione dell' altezze, adunque A D, ad I M sarà come I P ad A E: ma I P, è la velocità media della sezione I M, ed A E, è la velocità della media sezione A D: adunque come è la velocità media della sezione I M, alla velocità media della sezione A D: così sarà la sezione A D, alla sezione I M: Il che ec.

Prop. 1. *diquello* *dell' 11.* *d' Eucl.*

Prop. 2. *diquello* *dell' 11.* *d' Eucl.*

Corollario.

Da questa proposizione è chiaro ancora il converso della medesima, cioè che se le sezioni, e le velocità medie delle medesime sezioni stanno fra loro in reciproca proporzione; le quantità dell' acque saranno fra loro eguali: imperocchè i prismi, che hanno le basi, che reciprocamente si rispondono coll' altezze, sono eguali fra loro.

PROPOSIZIONE IV.

Le quantità dell' acque, che scorrono in tempo eguale per sezioni ineguali, ma egualmente veloci, stanno fra loro come le sezioni.

Fig. 2. Siano le sezioni ineguali A D maggiore, I M minore, ma siano eguali le loro medie velocità, Dico che, come la sezione A D alla sezione I M, così essere la quantità dell' acqua che scorre per A D alla quantità dell' acqua che scorre per I M in tempi eguali.

e 3. S'intendano le quantità dell' acque conformate in prismi sopra le sue sezioni, e sia della prima il prisma C F, e della seconda il prisma M P: adunque A E sarà la media velocità della sezione A D, e I P velocità media della sezione I M: E perchè le sezioni si suppongono egualmente veloci saranno A E. I P, fra loro eguali, e però i prismi C F. A P egualmente alti. Ma i prismi egualmente alti, sono fra loro come le basi; adunque come

Prop. 2. *diquello* *dell' 11.* *d' Eucl.*

Prop. 3. *diquello* *dell' 11.* *d' Eucl.*

Prop. 4. *diquello* *dell' 11.* *d' Eucl.*

come A D, ad I M così il prisma C F al prisma M P, e però come la sezione A D alla sezione I M: così la quantità dell'acqua, che passa per A D alla quantità dell'acqua, che passa in tempo eguale per I M, Il che ec.

Corollario I.

Adunque se le sezioni siano artificiali, e della medesima altezza, ma d'inequale larghezza, le quantità dell'acqua faranno fra loro come le larghezze delle sezioni. *Prop. 1. del 6. d. Eucl.*

Corollario II.

E se le dette sezioni fossero della medesima larghezza, ma d'inequale altezza, farebbero le quantità dell'acqua, come l'altezze, supposta però, la medesima velocità media nell'una, e nell'altra sezione,

PROPOSIZIONE V.

Le quantità dell'acqua, che passano in tempi eguali per eguali sezioni, ma di velocità disuguali, sono fra loro come le velocità medie delle sezioni.

Siano le sezioni eguali A D. I M, e sia la sezione A D meno veloce della sezione I M: Dico che la quantità dell'acqua che passa per A D, alla quantità dell'acqua, che passa in eguale tempo per I M, è come la velocità media della sezione A D, alla velocità media della sezione I M. *Fig. 2. e 3.*

Si riducano, come sopra, le acque ne prismi C F. K O; e perchè sono eguali le sezioni A D. I M, faranno i prismi C F. K O, sopra basi eguali, ma i prismi costituiti sopra basi eguali, sono fra loro come l'altezze; adunque come il prisma C F, al prisma K O: così l'altezza A E all'altezza I P; ma il prisma C F è l'acqua che passa per la sezione A D, e il prisma K O è l'acqua che corre per la sezione I M, e l'altezza A E, è la velocità media della sezione A D, e l'altezza I P la velocità media della sezione I M: adunque, come la quantità dell'acqua per A D alla quantità dell'acqua per I M, così la velocità media della sezione A D, alla velocità media della sezione I M, Il che ec. *Comand. de Cent. tro Gra. vit. Prop. 2. di questo*

Corollario I.

Dal metodo, col quale abbiamo provato le superiori proposizioni, chiaramente apparisce, che se le quantità dell'acqua siano eguali, e le sezioni per le quali sono scaricate, egualmente veloci, faranno ancora le medesime sezioni eguali.

Corollario II.

E se le quantità dell'acqua siano eguali, ed eguali le sezioni, faranno ancora egualmente veloci.

PROPOSIZIONE VI.

Le quantità dell'acqua, che passano nel medesimo tempo, per le sezioni del medesimo, o di fiumi diversi, hanno fra loro proporzione composta, delle proporzioni della sezione alla sezione, e della velocità media della prima sezione, alla velocità media della seconda.

Fig. 2. e 3. Siano le sezioni A D. I M. Dico, che la quantità dell'acqua, che passa per A D, alla quantità dell'acqua, che passa in tempo eguale per I M, avrà la proporzione composta della proporzione della sezione A D alla sezione I M, e della velocità media della sezione A D alla velocità media della sezione I M.

Prop. 2. di questo Imperocchè s' intendano le quantità dell'acqua ridotte ne prismi retti C F. K O: sarà dunque A E la velocità media della sezione A D, e I P velocità media della sezione I M. Avendo dunque tutti i prismi proporzione composta delle basi, e dell' altezze loro, sarà la proporzione del prisma C F al prisma K O, composta delle proporzioni della base, ovvero della sezione A D alla base, ovvero alla sezione I M, e dell' altezza A E, ovvero della velocità media della sezione A D all' altezza I P, ovvero alla velocità media della sezione I M: ma il prisma C F, è la quantità dell'acqua, che passa per A D, e il prisma K O, è la quantità dell'acqua che passa per I M; E dunque l'acqua che passa per A D all' acqua, che passa per I M ha proporzione composta della proporzione della sezione A D alla sezione I M, e della velocità media per A D, alla velocità media per I M, il che ec.

Corollario.

Comandino alla Prop. 23. del 6. d' Eucl. Avendo le sezioni A D. I M per essere rettangoli, proporzione composta delle proporzioni d' A C, ad I K, e di C D, a K M, ne segue, che la quantità dell'acqua, che scorre per la sezione A D, alla quantità dell'acqua, che scorre in tempo eguale per la sezione I M: avrà proporzione composta delle proporzioni dell' altezza della prima sezione A D all' altezza della seconda sezione I M, della larghezza della sezione A D alla larghezza della sezione I M, e della velocità media per A D alla velocità media per I M.

SCOLIO:

Da questa universal proposizione ne segue la verità della quarta, e quinta proposizione; le quali apposta da se separatamente abbiamo dimostrare, per non confondere sul bel principio i Lettori con una moltitudine di Corollari.

PROPOSIZIONE VII.

Se un fiume gonfi per augumento di nuova acqua, la quantità dell'acqua, che scorre nel gonfiamento, alla quantità dell'acqua, che scorreva
avan-

avanti il gonfiamento in egual tempo, ha proporzione composta delle proporzioni della velocità media avanti il gonfiamento, alla velocità media nel tempo del gonfiamento, e dell'altezza avanti il gonfiamento, all'altezza nel tempo del gonfiamento.

Sia il fiume, la sezione del quale avanti il gonfiamento sia $A D$; e per accrescimento di nuova acqua gonfi fino ad $E F$, di maniera che faccia la sezione $E D$: Dico che la quantità dell'acqua, che scorre per la sezione $A D$ alla quantità dell'acqua, che passa per la sezione $E D$, avrà proporzione composta delle proporzioni della velocità media della sezione $A D$, alla velocità media della sezione $E D$, e dell'altezza $A C$ all'altezza $E C$.

Conciosiachè la proporzione della quantità dell'acqua, che passa per $A D$, alla quantità dell'acqua, che in tempo eguale passa per $E D$, è composta delle proporzioni della velocità media per $A D$, alla velocità media per $E D$; e della sezione $A D$, alla sezione $E D$; ma la sezione $A D$, alla sezione $E D$, è come $A C$, a $E C$; adunque la quantità dell'acqua, che scorre per $A D$, alla quantità dell'acqua, che scorre per $E D$ in egual tempo, è composta delle proporzioni della velocità media per $A D$, alla velocità media per $E D$, e dell'altezza $A C$, all'altezza $E C$: Il che è c.

Fig. 4.

Prop. 6.
di questo

S C O L I O.

Questa proposizione non ha luogo, se non nelle sezioni artificiali; imperocchè le naturali, per lo più non hanno la proporzione dell'altezze tutte però le proposizioni dimostrare avanti, si verificano ancora nelle sezioni naturali, quantunque per facilità della dimostrazione, le abbiamo supposte sezioni artificiali, ma nelle seguenti proposizioni, le sezioni si suppongono necessariamente artificiali.

P R O P O S I Z I O N E V I I I.

Nel medesimo fiume la velocità media di una sezione, alla velocità media d'un'altra, ha la proporzione composta delle proporzioni dell'altezza viva nella seconda sezione, all'altezza viva della prima, e della larghezza della seconda sezione, alla larghezza della prima.

Siano le sezioni $A B$, $D E$ del medesimo fiume, nelle quali siano l'altezze vive $A G$, $D H$, e le larghezze $G B$, $H E$, e sia la velocità media della sezione $A B$ la linea $B C$, e la velocità media della sezione $D E$ la linea $E F$; Dico che la $B C$ all' $E F$ ha proporzione composta delle proporzioni di $D H$ a $G A$, e d' $H E$ a $G B$.

Perchè dunque eguale quantità d'acqua passa per l'una, e l'altra sezione $A B$, $D E$, sarà come la velocità $B C$, alla velocità $E F$, così la sezione $D E$, alla sezione $A B$; ma la proporzione della sezione $D E$ ad $A B$, è composta delle proporzioni di $D H$ a $G A$, e d' $H E$ a $G B$; adunque la velocità $B C$ alla velocità $E F$ sarà in composta proporzione di $D H$, $G A$, e d' $H E$ a $G B$: Il che &c.

Fig. 5.
e 6.Prop. 1.
di questoProp. 3.
di questoCom. alla Prop.
24. del
6. d'Eucl.
Teor.

PROPOSIZIONE IX.

Nel medesimo fiume l'altezza viva dell'acqua d'una sezione, all'altezza viva dell'acqua d'un'altra, è in proporzione composta della proporzione della larghezza della seconda sezione, alla larghezza della prima, e della velocità media della seconda, alla velocità media della prima,

Fig. 2. e
3.

Siano le sezioni del medesimo fiume A D. I M: le altezze vive delle quali siano A C, I K, e le larghezze C D. K M; Dico che A C ad I K ha proporzione composta delle proporzioni della velocità media della sezione I M, alla velocità media della sezione A D, e della larghezza K M, alla larghezza C D.

prop. 1.
di questo

Prop. 2.
di questo

Prop. 29
dell' 11.
d' Eucl.

Com. al-
la prop.
24. del
6. d' Eu-
clid.

Si suppongano le quantità dell'acqua, che passano per l'una, e l'altra sezione in tempi eguali ridotte ne' soliti prismi C F. K O, i quali faranno eguali; e faranno C G, K Q le velocità medie delle sezioni A D. I M; ma degli uguali prismi si rispondono le basi reciprocamente all'altezze; adunque come l'altezza A C all'altezza I K, così la base K N alla base C H; ma la base K N alla base C H è in composta proporzione delle proporzioni di K M a C D, e di K Q a C G, adunque la proporzione di A C ad I K avrà proporzione composta di K M, a C D, e di K Q a C G, cioè l'altezza A C all'altezza I K, avrà proporzione composta della velocità media della seconda sezione I M, alla velocità media della prima sezione A D, e della larghezza K M della seconda sezione, alla larghezza C D della prima. Il che ec.

Corollario I.

Dal progresso di questa proposizione si fa manifesto, che se le larghezze delle sezioni C D. K M, si pigliano per altezze de' prismi, sarà la proporzione delle larghezze C D. K M composta delle proporzioni di I K, a C A, e K Q, a C G, e la larghezza della prima sezione alla larghezza della seconda, avrà proporzione composta della velocità media della seconda sezione, alla velocità media della prima, e dell'altezza viva della seconda sezione, all'altezza viva della prima.

Corollario II.

E parimente manifesto, che le passate due proposizioni, non solo hanno luogo nelle sezioni del medesimo fiume, ma ancora in quelle di diversi, purchè passino per esse eguali quantità d'acqua in tempi eguali.

PROPOSIZIONE X.

Fig. 5. e
6.

Se l'acqua d'un fiume entri in un altro fiume, l'altezza, che ha l'acqua del primo fiume nel proprio alveo, all'altezza, che la medesima, ovvero un'altra mole eguale ad essa, ha nel secondo fiume, ha proporzione composta della velocità, che ha nel secondo fiume, alla velocità che aveva nel proprio alveo, e della larghezza del secondo fiume, alla larghezza del proprio alveo.

Sia

Sia la sezione del primo fiume influente A B, l'altezza del quale sia A G, la larghezza G B, e la velocità media sia B C. Sia dipoi D H l'altezza, che ha nel secondo fiume l'acqua influente, e la larghezza del secondo fiume H E, e perciò D E la sezione, per la quale l'acqua del primo fiume scorre per lo secondo fiume, e la sua velocità E F. Dico che l'altezza A G, alla altezza G H, avrà proporzione composta della velocità E F alla velocità B C, e della larghezza H E alla larghezza G B.

Imperciocchè scorrendo eguali quantità d'acqua per le sezioni A B. D E, sarà A G a D H in proporzione composta delle proporzioni d' E F a B C, e H E a C B. Il che ec.

*Prop. 9.
di questo*

SCOLIO,

Si dee avvertire, che mentre diciamo A G, a D H avere una data proporzione, noi non pigliamo D H per l'augumento fatto nel fiume per causa dell'accrescimento della nuova acqua. Imperocchè A G all'augumento fatto nel fiume non ha sempre quella proporzione che ha a D H, ma per lo più l'ha maggiore, come a suo luogo farà manifesto.

Corollario.

Da questa proposizione, e dall'ottava si fa manifesto, che la velocità media, che ha l'acqua del fiume influente nel proprio alveo, alla velocità media, che ha nel secondo fiume, ha proporzione composta delle proporzioni della larghezza del secondo fiume, alla larghezza del primo, e dell'altezza, che ha nel secondo fiume, all'altezza, che aveva nel proprio alveo.

PROPOSIZIONE XI.

Se il complesso delle velocità di alcuna perpendicolare, si figuri in un rettangolo sopra alla perpendicolare come sopra base; farà l'altezza del rettangolo la media velocità di quella perpendicolare.

Sia la perpendicolare A B, e il complesso delle sue velocità naturali si contenga nella figura A B C K, e sia tal figura ridotta nel rettangolo B L, di maniera che abbia l' A B per base; Dico la sua altezza A L, essere la velocità media della perpendicolare A B. Imperciocchè il lato L M, parte sarà nella figura A B C K, e parte fuori di essa, come da se stesso è chiaro, che se fosse altrimenti il rettangolo, o sarebbe maggiore, o minore della figura; adunque segnerà la linea K C, in qualche punto v. gr. in H, pel quale si conduca H F parallela all'altezza A L. Perchè dunque il rettangolo B L è eguale ad A B H K se si leverà la parte comune A B M H K, farà la figura K H L eguale alla figura M H C; ma K H L è l'eccesso delle velocità, col quale F H una delle velocità fra A, e B supera le velocità fra A ed F, e M H C è l'eccesso delle velocità, col quale la medesima F H è superata dalle velocità fra F e B; adunque la velocità F H, tanto è superata dalle velocità fra F e B, di quanto ella supera le velocità fra F ed A, e perciò farà F H velocità media della perpendicolare A B, ma F H è eguale ad A L: Adunque ancora A L farà velocità media della medesima perpendicolare A B. Il che ec.

Fig. 1.

*def. 4.
di questo*

Corollario.

Essendo il rettangolo B L, per la costruzione, eguale al complesso delle velocità naturali dell'acqua nella perpendicolare A B, si potrà ancora il medesimo pigliare come per complesso delle velocità della medesima perpendicolare

PROPOSIZIONE XII.

Il complesso delle velocità di qualche perpendicolare, al complesso delle velocità d'un'altra, ha proporzione composta della velocità media della prima perpendicolare, alla velocità media della seconda, e della prima perpendicolare, alla seconda.

Fig. 7. e
8.

Siano le perpendicolari A B. C D: Dico, che il complesso delle velocità della perpendicolare A B al complesso delle velocità della perpendicolare C D, ha proporzione composta delle proporzioni della velocità media della perpendicolare A B, alla velocità media della perpendicolare C D, e di A B a C D.

Comand.
alla prop.
posf. 24.
del 6. d'
Eucl.

Prop. 11.
di questo

Poichè gli aggregati delle velocità delle perpendicolari A B. C D, si riducano ne' rettangoli B E. D F, le basi de' quali siano A B. C D, sarà dunque il rettangolo B E il complesso delle velocità della perpendicolare A B, e D F il complesso delle velocità della perpendicolare C D, ma i rettangoli B E, D F sono fra loro in proporzione composta delle proporzioni d' A E, a C F, e d' A B a C D; ma A E è velocità media della perpendicolare A B, e C F è velocità media della perpendicolare C D, adunque il complesso delle velocità della perpendicolare A B, al complesso delle velocità della perpendicolare C D, ha proporzione composta delle proporzioni della velocità media A E, alla velocità media C F, e della perpendicolare A B alla perpendicolare C D, Il che ec.

Corollario I.

Ne segue, da questa proposizione, che se le velocità medie sono eguali, gli aggregati delle velocità fra loro hanno la medesima proporzione che le perpendicolari.

Corollario II.

E se le perpendicolari sono eguali; gli aggregati delle velocità faranno fra loro, come le medie velocità.

Corollario III.

Se poi gli aggregati delle velocità delle due perpendicolari siano fra loro eguali, ne segue che le velocità medie delle medesime perpendicolari siano in proporzione reciproca delle perpendicolari.

Corollario IV.

E perchè i rettangoli, che hanno le basi, che reciprocamente si rispondono all'altezze, sono fra loro eguali, ne segue, che se le velocità medie, e le perpendicolari, siano fra loro in reciproca proporzione, gli aggregati delle velocità saranno fra loro eguali.

PROPOSIZIONE XIII.

Nelle sezioni egualmente larghe, le somme delle velocità d'una perpendicolare in ciascuna sezione, sono fra loro come le quantità dell'acqua, che passano per le medesime sezioni in tempi eguali.

Siano due sezioni A D, E D, della medesima larghezza C D, ma d'inequale altezza A C, E C, e sia G, l'acqua, che passa per A D, ed H l'acqua che scorre per E D, in tempo eguale. Sia dipoi I il complesso delle velocità della perpendicolare A C: ed L il complesso delle velocità della perpendicolare E C: E finalmente sia M, la velocità media della sezione A D, ed N la velocità media della sezione E D: Dico come I ad L così essere G ad H.

Imperocchè la ragione di G a H, cioè dell'acque, è composta delle proporzioni d' M ad N, cioè delle velocità medie, e di quella della sezione A D alla sezione E D, ma è come A D, ad E D, così A C ad E C, la proporzione adunque di G ad H farà composta delle proporzioni d' M ad N, e d' A C ad E C; ma la proporzione d' I ad L, cioè il complesso delle velocità, anch'essa è composta dalle proporzioni d' M ad N, e di A C, ad E C; Adunque come I ad L, così G ad H. Il che ec.

Fig. 4.

Prop. 6.
di questo

Prop. 12.
di questo

PROPOSIZIONE XIV.

Le quantità dell'acqua, che passano in tempi eguali per qualsivogliono sezioni artificiali, fra loro hanno proporzione composta delle proporzioni del complesso delle velocità d'una perpendicolare della prima sezione, al complesso delle velocità d'un'altra perpendicolare, nella seconda sezione, e della larghezza della prima sezione, alla larghezza della seconda.

Siano le sezioni A G, C H; Dico, che la quantità dell'acqua, che passa per A G, alla quantità dell'acqua, che in tempo eguale passa per C H, è in composta proporzione delle proporzioni del complesso delle velocità della perpendicolare A B, al complesso delle velocità della perpendicolare C D, e della larghezza B G della prima sezione, alla larghezza D H della seconda.

Fig. 7.
e 8.

Sia I la quantità dell'acqua, che passa per A G, e K la quantità dell'acqua, che passa in tempo eguale per C H, e si faccia come il complesso delle velocità della perpendicolare A B al complesso delle velocità della perpendicolare C D, così L ad M, e come la larghezza B G alla larghezza D H, così M ad N, farà la proporzione d' L ad N, composta delle proporzioni, che hanno fra loro gli aggregati delle velocità, e le larghezze delle sezioni. Sia dipoi O velocità media della sezione A G, e P velocità media della sezione C H, si dee provare come I a K, così essere L ad N.

Con-

Prop. 11. Conciossiachè L ad M è composta delle proporzioni d' A B a C D, e di O a P; adunque L ad N averà proporzione composta d' A B a C D d' O a P, e di B G a D H; ma delle medesime proporzioni è composta quella di I a K; adunque la proporzione di I a K farà la medesima di L ad N, Il che ec.

Corollario della prop. 11. di questo.

PROPOSIZIONE XV.

Gli aggregati delle velocità di due sezioni hanno fra loro proporzione composta delle proporzioni del complesso della velocità d' una perpendicolare nella prima sezione, al complesso delle velocità d' un'altra perpendicolare nella seconda sezione, e della larghezza della prima sezione, alla larghezza della seconda.

Fig. 2. Siano le due sezioni A D, I M, e le sue larghezze C D. K M; Dico che il complesso delle velocità della sezione A D al complesso delle velocità della sezione I M, ha proporzione composta del complesso delle velocità della perpendicolare A C, al complesso delle velocità della perpendicolare I K, e della larghezza C D, alla larghezza K M.

Fig. 3. Si faccia il rettangolo C E eguale al complesso delle velocità della perpendicolare A C, e s'intenda eretto al piano della sezione A D; similmente si costituisca un altro rettangolo D F eguale al complesso delle velocità della perpendicolare B D, e s'intenda parallelo al rettangolo C E; e si congiungano F E, H G. E perchè le perpendicolari A C, B D nella medesima sezione sono uguali fra loro, e a quelle parimente sono eguali qualsivogliano altre, ne segue, che la velocità media della perpendicolare A C, sia eguale alla velocità media della velocità della perpendicolare B D, e perciò saranno eguali fra loro le linee B F, A E, e per conseguenza ancora i rettangoli D F, C E saranno fra loro uguali, e simili, e similmente posti; ma sono ancora paralleli, adunque il solido C F, sarà un prisma, la base del quale sarà il rettangolo C E, e l'altezza C D, ovvero A B. E se si riducano in rettangoli gli aggregati delle velocità di tutte le perpendicolari fra A C, e B D, faranno tutti eguali al rettangolo C E de' suddetti rettangoli; e se si pongano paralleli a rettangoli C E, D F, i lati omologhi a lati E, G, F H faranno nel rettangolo F G, e tutti comporranno il prisma C F; adunque il prisma C F sarà il complesso delle velocità della sezione A D. Poste le medesime cose, si dimostrerà nell'altra sezione I M il prisma K O essere il complesso delle velocità della sezione I M; ma i prismi hanno proporzione composta delle proporzioni delle basi, e delle altezze; adunque il prisma C F al prisma K O, averà proporzione composta delle proporzioni della base C E alla base K P, e di C D. K M, ma C E è il complesso delle velocità della perpendicolare A C, e K P il complesso delle velocità della perpendicolare I K, adunque ancora il complesso delle velocità della sezione A D, al complesso delle velocità della sezione I M, sarà in composta proporzione del complesso delle velocità della perpendicolare A C, al complesso delle velocità della perpendicolare I K, e della larghezza C D alla larghezza K M, Il che ec.

Corollario della prop. 11. di questo.

Corollario.

E perchè per la 14. proposizione le quantità dell'acqua in diverse sezioni sono fra loro in ragione composta della proporzione, che hanno fra di loro gli aggregati delle velocità nelle perpendicolari di diverse sezioni, e della proporzione delle larghezze delle medesime, ed essendosi nella superiore proposizione dimostrato, che la medesima proporzione è composta degli aggregati delle velocità in diverse sezioni, ne segue, che le quantità dell'acqua sono fra loro nella medesima proporzione, che gli aggregati delle velocità delle sezioni, per le quali passano, o piuttosto, essere lo stesso il complesso delle velocità d'una sezione, e l'acqua che scorre per la medesima, presa astrattamente.

S C O L I O.

Queste ultime proposizioni intorno gli aggregati delle velocità, benchè si potessero ridurre all' antecedenti, o almeno dalle medesime si potessero ricavare immediatamente, contuttociò abbiamo intrapreso a dimostrarle qui separatamente, acciocchè dalla similitudine delle proprietà, e delle passioni, chiaramente apparisse la connessione, o l' identità, o almeno la proporzionalità, che hanno fra loro gli aggregati delle velocità, e le quantità dell'acque, o si considerino in una intera sezione, e solamente in una perpendicolare, e acciocchè fra tanto il Lettore s'ausasse a pigliare i complessi delle velocità in cambio delle quantità dell'acqua, essendo per essere frequente ne' libri seguenti l'uso di essi.

FINE DEL PRIMO LIBRO.



LIBRO II.

Nel qual si propone la misura dell' acque correnti ne' canali inclinati solitari.

SUPPOSIZIONE.



ER dare luogo alla Dottrina, supponghiamo gli Alvei de' Fiumi, ovvero i Canali, essere vasi lunghi, che abbiano il fondo loro sempre nel medesimo piano, e i suoi lati piani verticali perpendicolari al piano del fondo, per gli quali l'acqua scorre, o può scorrere dal più alto al più basso termine, e i medesimi non ritor- ti, ma indirizati dirittamente al suo termine.

DEFINIZIONI.

I. *Canale solitario* è quello, che piglia tutta la sua acqua dal principio, e quella scarica al termine del suo corso, senza accrescimento, o mescolamento d' altri canali, come sono queglii, che da suoi fonti, o laghi piglia- no tutta la loro acqua, la quale per tutto il tratto del loro corso non si me- scola coll'acque d' altri canali.

II. *Canale unito* si dica quello, che riceve l'acqua da due, o da più mi- nuti canali scambievolmente uniti, uno de' quali influisca nell' altro, o si fac- cia l' unione solamente in uno, o in più luoghi, come sono per ordinario tutti i fiumi, le acque de quali si radunano insieme per la confluenza di più rivi.

III. *Canale inclinato* è quello, le parti del quale inegualmente sono distanti dal centro de gravi, altre più, altre meno.

IV. *Prim-*

IV. *Principio d'un Canale* intendo quel punto, ovvero quella linea, nella quale prolungandosi il piano inclinato del canale, concorre colla superficie dell'acqua.

V. *Orizzontale* adunque per lo principio dell'alveo si dica quella linea, che si tira dal principio dell'alveo parallela all'orizzonte.

VI. *Orizzontale della sezione* è una linea, ovvero un piano tirato per lo fondo della sezione parallela all'orizzonte.

VII. *Angolo della inclinazione* di qualche canale è quello, che è fatto della linea orizzontale dal principio dell'alveo, e della linea della direzione del canale.

VIII. *Sezioni simili negli alvei declivi* ovvero inclinati, si chiamino quelle, che egualmente sono distanti dal principio dell'alveo, e questo è chiaro, che non si possono trovare, se non in diversi canali.

IX. *Sezioni similmente poste* si chiamino quelle, che si fanno in canali egualmente inclinati all'orizzonte.

X. *Luci* sono i forami di varia figura o circolare, o quadrata ec. fatti nei lati, o nel fondo di qualche vaso, per gli quali l'acqua, essendo ripieno il vaso, possa passare.

PROPOSIZIONE I.

Se da un vaso pieno di acqua si cavi dell'acqua da luci o forami simili, ed eguali, ma posti inegualmente sotto la superficie dell'acqua, le quantità dell'acqua cavata, faranno fra loro in sudduplicata proporzione dell'altezza dell'acqua, che fa forza d'uscire; purchè però perseveri sempre sopra i lumi eguale altezza d'acqua.

Questa proposizione vien dimostrata dall'esperienza; imperocchè oltre all'osservazioni degli altri, quelle del Sig. Mariotte in particolare sono state da me riesperimentate appresso il Reverendiss. Abbate D. Taddeo Pepoli l'anno 1683; il dì 14. di Ottobre: perciocchè nel convento di S. Bernardo de' PP. Olivetani di questa Città, favorendomi in persona il medesimo Reverendiss. Abbate (la memoria del quale sempre con animo grato sarà da me venerata, siccome in perpetuo mi dorrò della morte, benchè dopo una lunga vita, poco dopo ciò seguita) e D. Giovanni Lodovico Donello, Dottor collegiato di filosofia, e medicina, e con qualche lodenelle matematiche versato, mio strettissimo amico, e da lui medesimo, e da altri amici, ne' miei studj, ed esperienze aiutato, fu preparato un vaso cilindrico, d'altezza di quattro piedi, col diametro della sua base lungo due piedi, e divisa la sua altezza in sedici partieguali, furono dipoi fatti in un lato del vaso altrettanti fori circolari, eguali fra loro; a tutti questi furono messe le sue cannelle di legno egualissime, la cavità interiore delle quali da per tutto della medesima grossezza, e diligentissimamente spianata, e pulita, era più larga d'un oncia nel suo diametro, e alla loro parte esteriore fu adattato delle lame di metallo, con un foro circolare nel mezzo; eguale ad un quarto d'oncia, col suo centro per l'appunto corrispondente all'asse della cannella, che figillavano esattamente il resto del foro, che rimaneva. Dipoi ripieno il vaso d'acqua, e preparato un pendolo lungo once 28. e un quinto, fu osservata la quantità dell'acque, che uscirono nello spazio di quindici vibrazioni. Primieramente dalla cannella inferiore, chiuse le altre, nel suddetto tempo l'acqua cavata fu once 123. mantenendo nel vaso la superficie dell'acqua nella medesima altezza: e ferrata la can-

nella inferiore, e aperta la più alta di tutte, acciocchè l'altezza dell'acqua scemasse tre once, restando di gettare la detta più alta, fu aperta di nuovo l'inferiore, e l'acqua cavata in altre quindici vibrazioni fu once 118. e si seguì così successivamente nell'altre, finchè non s'arrivò all'altezza d'once 24. E per essere allora assai difficile mantenere l'acqua nella medesima altezza, durante il tempo che la cannella gettava, fu ferrata l'inferiore cannella, e di nuovo ripieno il vaso d'acqua, fu riaperta quella, che era sommersa once 24. sotto la superficie dell'acqua, e nel dato tempo si osservò essere escite once 93. d'acqua, e si seguì successivamente l'esperienza, secondo il metodo di sopra, fino che si arrivò a tre once d'altezza. E perchè la luce di quest'ultima cannella, benchè pochissimo, e quasi insensibilmente era maggiore del superiore; del che primieramente ci avvedemmo dalla quantità dell'acqua, che esciva: dipoi con esperienza fortissima dalla rettificazione, o riscontro del diametro; perciò dalla mutazione della luce doppia osservazione fondamentale si ebbe a fare, la prima in altezza d'once quarantotto, e la seconda in altezza d'once 24. Tutte le osservazioni sono nella sottoposta tavola, insieme colle quantità dell'acqua corrispondenti alla sudduplicata proporzione dell'altezza dell'acqua sopra i centri delle luci, cavate da due fondamentali osservazioni, acciocchè apparisca, quanto poca sia la differenza fra la ritrovata proporzione coll'esperienza, e la proposta proporzione sudduplicata.

Altezza dell'acqua sopra il centro della cannella, e del lume in once del piede Bolognese.

Quantità dell'acqua che esce in tutte a 15. le vibrazioni in once della libbra Bolognese.

Proporzione dell'acqua nella prima osservazione fondamentale, sudduplicata dell'altezza, in once della libbra Bolognese.

48
45
42
39
36
33
30
27

123
118
116
110
106
103
97
91

123
119
115
111
106
102 $\frac{1}{2}$
97 $\frac{1}{2}$
92 $\frac{1}{2}$

Proporzione dell'acqua cavate nella seconda osservazione fondamentale.

24
21
18
15
12
9
6
3

93
87
81
74
66
56
47
34

93
87 $\frac{1}{2}$
80 $\frac{1}{2}$
74
66
57 $\frac{1}{2}$
46 $\frac{1}{2}$
33 $\frac{1}{2}$

Da queste osservazioni è chiaro, che le quantità dell'acqua sono in sud-

duplicata proporzione dell' altezze, e benchè in qualche luogo faccia alcuna piccolissima differenza dalla proposta proporzione, contuttociò è insensibile, ed è da attribuirsi al contatto delle luci, o delle lamine, o a qualche piccolissima inavvertenza dell' osservazioni, di maniera tale, che la natura par che proceda con questa proporzione.

Oltre all' esperienze, alcuni cercano di dimostrare questa proposizione, che tutti per lo più pigliano, come principio, ovvero immediatamente la deducono dalla supposizione, tuttavia la più sicura dimostrazione mi pare che sia quella del Torricelli, che è tale.

Sia il vaso $A B C D$, che abbia il foro in E orizzontale, e sia la superficie dell' acqua $A B$, e similmente s' intenda un altro vaso $F G$, col foro in H , eguale al foro E , dico che la velocità colla quale esce l' acqua dal foro H , alla velocità colla quale esce dal foro E , è in doppia proporzione delle linee, ovvero dell' altezze $B L$, $F G$.

Imperocchè l' acqua, che esce da' fori E , H , levato l' impedimento dell' aria, sale fino all' orizzontali $A M$, $N K$, per l' impeto, o per la velocità impressa in E ed H , adunque la velocità in E ed H , è la medesima, che se scendesse l' acqua da M in E , e da K in H , ma la velocità in E dalla discesa per $M E$, alla velocità in H dalla discesa per $K H$, ha proporzione sudduplicata dalle linee $M E$, $K H$, o di $B L$, $F G$, adunque la velocità in E , ed H , è parimente in proporzione sudduplicata delle linee $B L$, $F G$, ed essendo le quantità dell' acque nelle sezioni, o luci eguali, come le velocità; ancora le quantità dell' acqua averanno proporzione sudduplicata dell' altezze. Il che ec.

Corollario.

E perchè la velocità in E , ed H , non è da altro causata, che dalla pressione dell' acqua, che sta sopra nel vaso, ne segue, che la pressione farà forza secondo la predetta proporzione, se si considera, che nella velocità opera solamente la pressione.

S C O L I O.

Quindi tanto è, che il foro E sia orizzontale, e volto per in su, che di sotto nel fondo $C D$, o verticalmente ne' lati $B L$, $F G$, talchè la direzione sia orizzontale; imperocchè l' acqua preme egualmente dappertutto egualmente, purchè abbia sempre, o eguale, o la medesima altezza sopra di se.

PROPOSIZIONE II.

L' acqua che passa per qualche sezione d' un canale inclinato scorre con la medesima velocità, che scorrerebbe uscendo da un vaso per una luce simile, ed eguale alla sezione, e tanto remoto dalla superficie dell' acqua, quanto la sezione è distante dall' orizzontale tirata dal principio del canale.

Sia il canale inclinato $A B$, pel quale scorra l' acqua nella sezione B , e sia la linea $A E$ l' orizzontale per lo principio del canale; Dico, che l' acqua

Fig. 9. e
10.

Galileo
nello scolio della
prop. 23
de motu
accelerato.

Galileo
nel medesimo
luogo prop.
2.

prop. 5.
del pr. di
questo.

Fig. 11.
qua

qua per la sezione B scorrerà con la medesima velocità, che se scorresse per la medesima sezione B, come se fosse un foro d'un vaso chiuso A B E, nel quale A E sia la superficie dell'acqua.

*Torricelli de
motu gr.
prop. 5.*

Conciosiachè essendol'acqua un corpo grave, se ci immagineremo, che da A sia scorsa per lo piano inclinato A B, farà in B la medesima velocità, che in D, se da A fosse piombata in D (supponendosi A D, perpendicolare all'orizzonte, e tagliata dall'orizzontale D B) ovvero da C in B, ma nel vaso chiuso la velocità della luce B, è la medesima, che averebbe l'acqua se scorresse da C in B; adunque scorra l'acqua per lo canale A B, nella sezione B, o scorra fuori dal vaso A B E per la luce B, farà sempre la medesima velocità. Il che ec.

Corollario I.

Da queste cose si ricava, le velocità in diverse sezioni d'un medesimo canale essere in proporzione sudduplicata delle perpendicolari tirate dalle sezioni all'orizzontale per lo principio dell'alveo. Imperocchè essendo le velocità nelle luci F. B, in sudduplicata proporzione delle linee F G. B C, ancora le velocità nelle sezioni F. B averanno la medesima sudduplicata proporzione.

Corollario II.

E perchè come F G, a B C, così è F A, a B A, faranno ancora le velocità delle sezioni F. B in sudduplicata proporzione delle linee F A, F B, cioè delle distanze dal principio dell'alveo.

Corollario III.

Ritrovata adunque la media proporzionale fra G F, e C B, ovvero fra A F, e A B, sarà come G F, o A F alla media, così la velocità F alla velocità B.

Corollario IV.

*Apol.
lib. 1. de
Conic.
prop. 11.*

Per la qual cosa se con l'asse A B, e 'l vertice A, si descriva la semiparabola A H L, e si tirino le semiordinate F H. B L faranno queste la misura delle velocità de' punti, ovvero delle sezioni F. B, e così degli altri.

Corollario V.

Dalle sopraddette cose se ne deduce, che sempre più crescono le velocità, quanto più si discostano le sezioni dal principio dell'alveo: al contrario poi, essendo che, stando nel medesimo stato il canale, le velocità contrariamente rispondano alle sezioni, ne segue conseguentemente, che sempre le sezioni sono minori, e se le medesime si suppongano egualmente larghe, l'altezze faranno sempre minori.

PROPOSIZIONE III.

In qualsivoglia sezione d' un canale inclinato, la velocità è maggiore nel fondo, che nella superficie dell' acqua.

Sia il canale inclinato AB , e in esso la sezione con l' altezza BC . Dico che la velocità in B , è maggiore di quella in C . Si tirino per lo principio dell' alveo l' orizzontale, alla quale da B , e C , si tirino le perpendicolari BE , CD ; e perchè l' angolo CBA , è retto, se da esso si cavi l' angolo acuto ABE , rimarrà l' angolo CBE acuto. Laonde tirata la perpendicolare CF , a BE , caderà dalla parte E , e taglierà la porzione FB minore di tutta la BE , adunque ancora DC farà minore della medesima BE , ma la velocità B , conviene alla discesa BE , e la velocità C , alla discesa DC , e alla maggior discesa si conviene la maggiore velocità, adunque la velocità in B è maggiore che in C . Il che ec.

Fig. 12.

prop. 2.
di questo

Corollario.

E perchè quanto è maggiore l' inclinazione, tanto più diminuisce l' angolo EBA farà conseguentemente maggiore l' angolo FCB , e però la perpendicolare CF caderà sempre più vicino al punto B , laonde la differenza fra la velocità del fondo, e della superficie, farà sempre minore, quanto più sarà inclinato il canale; ed essendo a perpendicolo, cadendo CF in C , le velocità si eguaglieranno fra loro.

PROPOSIZIONE IV.

In diverse sezioni del medesimo canale inclinato la proporzione della velocità del fondo alla, velocità della superficie, è sempre maggiore, quanto più le sezioni s' accostano al principio del canale.

Si supponga nella medesima figura la sezione G più vicina al principio del canale, che la sezione B . Dico che la velocità G alla velocità H averà maggior proporzione, che la velocità B alla velocità C . Perciocchè, fatte le medesime cose, GH è maggior di BC , e ne' triangoli IGH , FB C tutti gli angoli sono eguali; imperocchè oltre agli angoli retti F , I , gli angoli FB C , IGH sono eguali, essendo complementi degli angoli uguali AGK . ABE , farà ancora GI maggiore di FB , e perchè KG è minore di EB , tolta IG da KG , e FB da BE , rimarrà KI molto minore di FE , averà dunque GI a FB , maggior proporzione che KI ad EF , e permutando GI , a KI , averà maggior proporzione che FB , ad EF , e componendo GK ad IK ovvero a LH l' averà in maggiore che BE ad EF , o a DC . Sia X media proporzionale tra GK , e LH , e Y media proporzionale fra EB , e CD , adunque KG ad X averà maggior proporzione, che EB ad Y : ma la proporzione di KG , ad X è la medesima di quella della velocità G , alla velocità H , e la proporzione d' EB ad Y è la medesima di quella della velocità B , alla velocità C : Sicché la velocità G ad H averà maggior proporzione, che la velocità B alla velocità C . Il che ec.

Fig. 12

Coroll. 5.
prop. 2.
di questoCoroll. 3.
prop. 2.
di questo

Corollario.

Si fa manifesto da queste cose, che nelle sezioni molto remote dal principio del canale, può accadere, che la differenza delle velocità sia sensibilmente eguale, particolarmente in quelle di poca altezza, avvicinandosi sempre più la proporzione all'egualità.

S C O L I O.

E perchè quasi sempre nelle sezioni de' fiumi la distanza della superficie dell'acqua dal principio del canale, insensibilmente differisce dalla distanza del fondo dal medesimo principio, si potrà facilmente pigliare la velocità del fondo, eguale alla velocità della superficie, ritardandosi particolarmente l'acqua nel fondo della sezione, per cagion del contatto del medesimo fondo, d'onde ne segue, che ne' fiumi particolarmente di poca altezza, l'acqua alle volte sia più veloce nella superficie, che nel fondo.

PROPOSIZIONE V.

Assegnare una parabola nella quale si possa pigliare la misura delle velocità nella perpendicolare di qualche sezione.

Fig. 13.

Sia il canale inclinato $A B G$, il principio del quale sia A , la sezione B , e la sua altezza $B C$, bisogna assegnare una parabola, nella quale si possa pigliare la misura di tutte le velocità, esistenti nella linea $B C$.

prop. I. e
2. di
questo.

Dal punto A si tiri l'orizzontale $A F$, e si prolunghi $B C$ finchè non convenga con $A F$, in F , e d'intorno all'asse $B F$ si descriva la semiparabola $F H G$: Dico che questa sarà la ricercata parabola. Si tirino perpendicolari le $B D$, $C E$, ad $A F$, e le semiordinate $B G$, $C H$ ec. e perchè la velocità in B , alla velocità in C , è in sudduplicata proporzione di $B D$, a $C E$, ed è $B D$, a $C E$ per la similitudine de' triangoli, come $F B$ ad $F C$, sarà la velocità in B alla velocità in C in sudduplicata proporzione di quella, che ha $F B$ a $F C$, ma la medesima proporzione sudduplicata ha $B G$ a $C H$, adunque le velocità B , e C faranno fra loro, come $B G$ a $C H$; adunque se $B G$ s'intenderà essere la velocità del punto B , sarà $C H$ la velocità del punto C , e $L M$ del punto M , e così degli altri. Laonde la parabola $F B G$ sarà la misura di tutte le velocità della perpendicolare $B C$. Il che ec.

Corollario.

Da queste cose è chiaro, lo spazio parabolico $C B G H$ essere il complesso di tutte le velocità della perpendicolare $B C$.

PROPOSIZIONE VI.

Data la proporzione delle semiordinate in uno spazio parabolico, e dato il segamento dell' asse fra le semiordinate, ritrovare l' asse della parabola.

Sia dato nello spazio parabolico $A B C D$, la proporzione, che ha l' $A B$, a $C D$, e dato il segamento dell' asse, bisogna ritrovare l' altezza dell' asse della parabola.

Si faccia il quadrato della semiordinata maggiore $C D$, quale sia $E H$, e si faccia il quadrato della minore $A B$, che sia $E F$ posto nell' angolo comune E , e si faccia come la differenza de' quadrati, cioè come il gnomone $I L M$ al quadrato $E F$, così $A C$, all' altra per lo diritto continuovale $A G$, dico che $C G$ sarà l' asse ricercata.

Imperciocchè come lo gnomone $I L M$ al quadrato $E F$ così $C A$ ad $A G$, farà componendo, come lo gnomone insieme col quadrato $E F$, cioè il quadrato $E H$ al quadrato $E F$, così $C A$ insieme con $A G$, cioè tutta la $C G$, a $G A$. sicchè $G C$, a $G A$ starà come il quadrato $E H$ ovvero $C D$, al quadrato $E F$, ovvero $A B$, adunque il punto G sarà il vertice della parabola, il che ec.

Fig. 14.
e 15.

Corollario I.

Adunque se $A B C D$, siano assegnate nelle parti del segamento $A B$ non solo si darà l' altezza della parabola, ma ancora la sua larghezza.

Corollario II.

Segue da questa proposizione, che se si darà nella figura della precedente proposizione la ragione delle velocità $B G$, $C H$, e perpendicolare della sezione $B C$ si ritroverà l' asse $B E$ della parabola, che misura tutte le velocità della perpendicolare $B C$.

Fig. 13.

Corollario III.

Anzi di più, se sarà noto l'angolo dell' inclinazione $B A D$, si potrà trigonometricamente ritrovare l' $A B$, e $B D$, cioè la distanza del fondo della sezione dal principio dell' alveo, e la distanza del medesimo fondo dall' orizzontale pel principio dell' alveo; poichè ne' triangoli $A B D$. $A B E$ oltre il lato $B E$, faranno noti tutti gli angoli.

PROPOSIZIONE VII.

Riquadrare lo spazio parabolico.

Sia lo spazio parabolico $A B C D$ a cui si debba ritrovare un rettangolo eguale.

Si trovi l' asse $C E$, e si faccia il rettangolo $A F$, uguale alla parabola

Fig. 16.

B 4

A E B,

Archim.
de quad.
Parab.
prop. 24.

A E B, e similmente alla parabola C E D, si faccia uguale il rettangolo C G, e si prolunghi A B, e come C A ad A E, ovvero come H O ad O G, così sia K O ad O I, e si compisca il rettangolo H I: Dico che il rettangolo C I è eguale allo spazio parabolico C A B D.

Conciosiachè il rettangolo A F è eguale alla parabola A E B, e il rettangolo C G alla parabola C E D, cavato dal rettangolo C G, il rettangolo A F, e dalla parabola C E D, la parabola A E B, rimarrà lo spazio K F G H C A K eguale allo spazio parabolico C A B D, sicchè levato di comune il rettangolo C O, rimarrà il rettangolo F O eguale al rimanente spazio parabolico H O B D, ma il rettangolo F O, è eguale al rettangolo H I, avendo i lati reciprocamente proporzionali: adunque il rettangolo H I sarà eguale allo spazio parabolico H O B D, aggiunto adunque di comune il rettangolo C O; sarà tutto il rettangolo C I eguale allo spazio parabolico C A B D. Il che ec.

PROPOSIZIONE VIII.

Ritrovare in un canale inclinato la media velocità di qualsivoglia perpendicolare.

Fig. 17. Sia nel canale inclinato, la sezione B con l'altezza B C, bisogna trovare la media velocità della perpendicolare B C.

prop. 5. di questo Si descriva la parabola, che ha la misura delle velocità della perpendicolare B C, e tirate le semiordinate B E, C H, si faccia il rettangolo B F eguale allo spazio parabolico B C H E, il lato del quale F I segnerà la parabola in qualche punto G; e per G si conduca G K semiordinata all'asse B D, che seghi il medesimo asse nel punto K: Dico nel punto K essere la media velocità ricercata, e la medesima essere espressa dalla linea K G.

prop. 1. di questo Poichè, se tutte le parti dell' acqua nella perpendicolare B C scorressero con eguale velocità, è certo che nel tempo che C arrivasse ad F, ancora K arriverebbe a G, e B ad I; laonde il rettangolo B F sarebbe il complesso delle velocità della perpendicolare B C; ma lo spazio parabolico B C H E è il complesso delle velocità della perpendicolare B C, e il rettangolo B F è eguale allo spazio parabolico, adunque il complesso delle velocità è eguale, o scorra l'acqua con una sola, e uniforme velocità K G, ovvero con ineguali B E, C H ec. adunque dalle cose dimostrate nel primo libro, ancora le quantità dell' acqua sarebbero eguali, e conseguentemente K G farà media velocità.

Altrimenti.

Perchè il rettangolo B F è eguale allo spazio parabolico B C H E cavata la porzione comune C H G I B, rimarrà il trilineo H G F eguale al trilineo I G E, ma la velocità K G, supera tutte le minori velocità colle velocità, che possono essere contenute nel trilineo H G F, ma è superata dalle maggiori velocità, con quella porzione, che si contiene nel trilineo I E G, adunque essendo eguali i trilinei, H G di tanto supererà le minori velocità, di quanto ell' è superata dalle maggiori, e conseguentemente farà la media velocità, Il che ec.

Esempio.

Col quale si possono gli tre superiori Teoremi aritmeticamente risolvere. Sia l'altezza della sezione B C piedi 4., e la proporzione delle velocità B E, e C H sia quella, che ha 3. a 4. o pure per più facilità del calcolo del 9. a 12 (in che modo poi si debba trovare per via d' esperienze la proporzione delle velocità lo insegneremo di sotto) si facciano i quadrati delle velocità 9. 12. v. 81. e 144. e si sottragga dal maggiore il minore, sarà la differenza 63. adunque per la regola aurea, come sta il 63. all' 81. così il 4. al 5. e un settimo; e tanto sarà la C D residuo dell'asse intera della parabola, per conseguenza tutta la B D sarà 9. e un settimo: si moltiplichino l'asse B D che è 9. e un settimo, co' due terzi della linea B E cioè 8: il prodotto 73. e un settimo, sarà l'area della parabola B D E: similmente si moltiplichino l'asse D C co' due terzi della linea C H, cioè con 6. il prodotto 30. sarà la superficie della parabola D C H: si sottragga 30. e sei settimi, da 73: e un settimo, la differenza 42. e due settimi, sarà l'area B C H E, adunque se 42. e due settimi, si partito da B C, che è 4. il quoziente sarà 10. e quattro settimi, e l'altro lato del rettangolo C F eguale allo spazio parabolico B C H E. Per trovar dunque il luogo della linea K G eguale a C F nell'asse B D, si faccia il suo quadrato 111. e $\frac{37}{49}$ e per la regola aurea, come sta il quadrato 81. al quadrato 111. e $\frac{37}{49}$ così l'asse 5. e un settimo, all'asse D K 7. $\frac{295}{3037}$ laonde levato dall'asse D K, l'asse D C 5. e un settimo, rimarrà C K 1 $\frac{2941}{3037}$ o pure se la perpendicolare è in misura di piedi, sarà piedi 1. onc. 11. e mezzo prossimamente. Laonde tanto il luogo della velocità media sarà immerso sotto la superficie dell'acqua.

PROPOSIZIONE IX.

Ritrovare meccanicamente la proporzione delle velocità.

Da una data lunghezza d'un canale, o una data distanza del principio del medesimo canale da una sezione, e dall'angolo dell'inclinazione, facilmente si troverà la proporzione delle velocità della superficie, e del fondo.

Imperocchè avendo il triangolo A B D l'angolo retto in B, ed essendo cognito l'angolo dell'inclinazione D A B, e di più essendo noto il lato A B, ancora colla trigonometria si fa nota l'altezza della parabola B D, la quale ritrovata, e ritrovata ancora l'altezza di qualche perpendicolare nella sezione v. gr. B C, sarà la proporzione della velocità B alla velocità C, suddivuplicata di quella di D B a D C.

Che se non è cognita la distanza della sezione dal principio dell'alveo, dalle cose di sopra dimostrate nella 6. proposizione, è chiaro il converso, cioè data la proporzione delle velocità B E, C H ec. ritrovare le cose rimanenti.

Bisogna adesso assegnare un modo, col quale si faccia nota meccanicamente questa proporzione. Sia perpendicolare all'orizzonte la linea A D, e il pendolo A B, che sia sostenuto fuori del perpendicolo dalla potenza B C, dimostra l'Erigonio nella proposizione 9. della sua Meccanica, ch'è se da B si elevi la B E, parallela alla D A, e per E si conduca E F parallela a B C, e l'altra E C, parallela ad A B, sarà B E a B C come il peso B nel-

Fig. 17.

Corol. 2.
della 2.
di questo

Fig. 18.

la perpendicolare A D alla potenza B C. S' intenda alzato il pendolo in H e si faccia H K eguale a B E, sarà dunque ancora in questo caso il peso nella perpendicolare alla potenza H I, come H K ad H I, e essendo B E, ed H K eguali, sarà come la potenza B C alla potenza H I, così la B C all' H I; laonde se operano per via di linee orizzontali le potenze B C, e H I, essendo in quel caso gli angoli K H I, e B C retti, faranno H I, B C tangenti degli angoli dell' inclinazione H K I, B E C, per lo che in tal caso le potenze saranno, come le tangenti degli angoli dell' inclinazione. Ma se non siano le potenze orizzontali, ma però sia noto il loro angolo con la linea verticale, insieme con l' angolo dell' inclinazione del pendolo, si conoscerà tuttavia trigonometricamente la proporzione delle medesime potenze. Imperocchè supposta H K di qualsivoglia arbitraria quantità, sarà nel triangolo H K I noto il lato H K, e parimente noti gli angoli H K I dell' inclinazione del pendolo, e K H I angolo della vibrazione, ovvero del tratto, laonde sarà noto il lato H I; e parimente nell' altro triangolo E B C sarà noto B C per la misura comune con H I; se si supponga B E di tal misura, quale si è supposta K H; sicchè le H I, B C avranno fra loro la medesima proporzione, che le potenze traenti. Essendo dunque il medesimo se operi la potenza col tirare per l' H I, o collo spingere per l' M H, o N B, poichè da esse egualmente nell' uno, e nell' altro caso insieme colle potenze A H, A B si fa l' equilibrio col peso B ovvero H, sarà nota ancora la proporzione delle M H, N B, potenze spingenti.

Per ritrovar dunque la ricercata proporzione delle velocità, si adatti un pendolo ad un quadrante spartito in gradi, e in minuti, e si ponga uno de' suoi lati verticalmente, e si lasci andare il peso B nell' acqua di qualche canale, in modo che il suo centro sia al pari della superficie dell' acqua; è chiaro, che la velocità dell' acqua diventerà la direzione del pendolo verso il centro. Si osservi diligentemente l' angolo dell' inclinazione: Dopo lasciato andare il pendolo (senza variare la lunghezza del filo) fino al fondo del canale, di maniera però, che non sia dal medesimo fondo impedito, di nuovo si osservi l' angolo dell' inclinazione. E perchè la potenza, che tiene il pendolo nell' angolo dell' inclinazione, è la stessa velocità dell' acqua corrente, tanto nel fondo, quanto nella superficie, imperocchè nell' acqua stagnante il pendolo senza angolo alcuno s' indirizza verso il centro, sarà la proporzione delle potenze la medesima, che quella della velocità; sicchè se la superficie dell' acqua non è in alcun modo, o è insensibilmente inclinata all' orizzonte, le tangenti degli angoli dell' inclinazione avranno la medesima proporzione, che le velocità. Che se fosse sensibile l' inclinazione della superficie dell' acqua all' orizzonte, questa si dovrà misurare, e aggiungerla all' angolo retto, e si avrà l' angolo del tratto, il quale ritrovato, come sopra si è detto, si ricava la proporzione delle velocità. Il che ec.

PROPOSIZIONE X.

Dato il luogo d' una media velocità, e dato l' angolo dell' inclinazione del canale, determinare lo spazio, che può scorrere nel dato tempo una data velocità.

Fig. 19. Sia H il luogo della media velocità, e l' angolo D A B, bisogna determinare lo spazio, che possa essere scorso nel dato tempo B dalla velocità H.

E per-

E perchè nel trovare il punto H , prima si fa noto l'asse $B D$, sarà noto nel triangolo $D K H$ il lato $D H$, ed oltre all'angolo retto $D K H$, sarà ancora noto l'angolo $K D H$ complemento dell'angolo $K A B$ dell'inclinazione, laonde sarà noto il lato $K H$, adunque la velocità media H è la medesima, che se scorresse l'acqua, da un vaso, sotto l'altezza $K H$.

Sia dunque il vaso $N O$ con l'altezza $O M$, e la luce $M P$ sia di nota superficie v. gr. un quadrato d'un'oncia, e sia R la sua media velocità, dipoi sia l'altezza $R E$ eguale all'altezza $K H$, e si supponga dalla luce $P M$ sia scorso v. gr. un piede cubo d'acqua $Q S$, nel tempo L , che sia un minuto d'ora. Questa quantità s'intenda ridotta in un prisma retto, che abbia per base la medesima luce v. gr. $V K$, con l'altezza $K Y$, sarà dunque $K Y$ la velocità media della luce $P M$, e la propria del punto R . Perchè dunque è noto tanto la luce $V K$, quanto la base del cubo $Q T$, sarà nota anco la proporzione di $Q T$ ad $V K$, e perchè i prismi $Q S$, $V Y$ si suppongono eguali, sarà come $V K$ ad $Q T$ così reciprocamente $T S$ a $K Y$, ma $T S$, è altezza nota, adunque ancora sarà nota $K Y$. Il che ec.

Fig. 21.
e 22.

Esempio.

Nel caso nostro, perchè $Q T$, è base del piede cubo, cioè piede quadrato, sarà $Q T$ once quadrate 144. e $V K$ è un'oncia quadrata, come dunque un'oncia, a once 144. così un piede d'altezza $T S$ a 144. piedi d'altezza $K Y$, sicchè la media velocità del punto R , ovvero del punto H , è atta a scorrere 144. piedi nel tempo L , ovvero in un minuto d'ora.

Corollario I.

Sicchè ritrovata, con reiterate esperienze, la quantità dell'acqua, che passa dalla data luce, da un vaso, sotto una certa altezza nello statuito tempo, nel che invero è necessaria una grandissima diligenza, non solo si determinerà lo spazio corrispondente a quella velocità, ma ancora gli spazi di qualsivogliano velocità, sotto maggiori, o minori altezze, per la proposizione prima di questo libro. Noi a suo luogo daremo la tavola, per quanto s'è potuto ritrovare per via d'esperienze, della quale però non ci fidiamo tanto, che non istimiamo poterli ridurre a maggiore, e più sottile sminuzzamento.

S C O L I O.

E meglio per determinare la quantità dell'acqua, che passa per la data luce, in un dato tempo, servirsi di pesi, in cambio di misure lineari, poichè pesandosi l'acqua scorsa nel tempo d'un sol minuto, sino ad un grano, potremo precisamente determinare la sua quantità, poi preparato un vaso, che abbia la sua interna cavità cubica; ed il lato d'una sola oncia lineare, si empia il medesimo vaso d'acqua, dipoi con somma diligenza, alla bilancia si esamini il suo peso, che sarà il peso d'una sola oncia cubica; se dipoi si divida tutto il peso, per lo ritrovato peso d'un'oncia cubica d'acqua, il quoziente sarà il numero dell'once cubiche, alle quali è eguale tut-

tutta l' acqua; laonde questa s' intenderà, ridotta in un prima retto che abbia per base una sola oncia quadrata, con l' altezza di tante once lineari, quante faranno l' once cubiche nel predetto quoziente, del qual prima, se ce ne serviremo in luogo del cubo Q S, si averà l' altezza K Y secondo me, esattamente.

Si debbe avvertire, che quantunque le luci circolari, a prima vista, paiano più atte, per cagione della minor circonferenza, ed in conseguenza del minor contatto, contuttociò, per potere più facilmente determinare la distanza del luogo della media velocità dalla superficie dell' acqua, è meglio servirsi di luci quadrate, ovvero rettangoli fatti, in lama di bronzo ben liscia, e tirata più sottilmente che sia possibile, che abbia i lati superiori, e inferiori orizzontali, le quali luci quanto saranno più larghe, tanto daranno più giusta l' operazione, a causa del minor toccamento; purchè però si possa a un tratto aprire, e ferrare al principio, e al fine del dato tempo.

Si ritroverà ancora la media velocità della luce, con l' istesso metodo, che si è ritrovata nelle sezioni, nell' ottava proposizione, col supporre tra linea O M altezza dell' acqua sopra al margine inferiore della luce, essere asse della parabola, e l' altezza della luce M P, essere l' altezza della sezione.

Corollario II.

Dalle cose dette è chiaro, che se lo spazio dovuto alla velocità, e la perpendicolare, insieme con la larghezza della sezione, abbiano una comune misura, e si moltiplichino lo spazio per la perpendicolare, e il prodotto si moltiplichino per la larghezza, ne nascerà la quantità dell' acqua, che passa per la sezione, nel tempo, col quale è determinato lo spazio v. gr. se lo spazio corrispondente alla media velocità della sezione B C per un minuto di empo, sia 144. piedi, e sia l' altezza, ovvero la perpendicolare della sezione piedi 12. e la larghezza piedi 50. si moltiplichino 144. per 12. e il prodotto 1728. si moltiplichino per 50. il prodotto di questo 86400. sarà il numero de' piedi cubi, che passano in un minuto d' ora per la data sezione; Il medesimo segue moltiplicandosi la larghezza, e l' altezza della sezione. e lo spazio corrispondente alla velocità indifferentemente l' uno nell' altro, e il prodotto si moltiplichino pel terzo: poichè il quarto numero, che ne nasce, sarà la ricercata quantità dell' acqua.

FINE DEL SECONDO LIBRO.



LIBRO III.

Che contiene la misura dell' acque correnti per gli canali orizzontali, tanto solitari, che uniti con altri orizzontali.

DEFINIZIONI

I.



I. Il canale orizzontale è quello, che ha il fondo da pertutto egualmente distante dal centro de' gravi: cioè che s' accomoda alla sferica terrestre superficie, la quale perchè in poca distanza non differisce sensibilmente da un piano, perciò il fondo d' un canale orizzontale spessissimo lo consideriamo, come un piano.

II. La misura proporzionale dell' acqua corrente, non è altro, che una proporzione, che passa fra le quantità dell' acqua, che passano nel medesimo, o inegual tempo, per una, o più sezioni, la qual misura non solo ha luogo ne' canali orizzontali, ma ancora in altri di qualsivoglia sorte.

III. Il cubo dell' acqua, è un numero, che nasce da regole certe, il quale messo in paragone con un altro consimile, dimostra la proporzione dell' acque, delle quali sono cubi.

IV. Centro della velocità si chiama il punto di qualche perpendicolare nella sezione, che corrisponde alla media velocità della medesima perpendicolare.

PROPOSIZIONE I.

Ne' canali orizzontali aperti da una parte, se dalla parte opposta si infonda dell' acqua, che sia atta a scorrere con qualche altezza, comincerà a scorrere, e seguirà a scorrere fino all' uscita, purchè il fondo de' canali, o sia più alto dell' estremo termine del flusso, o con esso almeno sia nella medesima linea orizzontale.

Fig. 23.

Sia il canale AB aperto dalla parte B , del quale il fondo orizzontale AB , sia più alto, ovvero nella medesima orizzontale di B , estremo termine del flusso, e dalla parte in esso dell' acqua A s' infonda, che faccia l' altezza AC . Dico che l' acqua scorrerà da A fino in B .

E perchè l' acqua non può stare nell' altezza AC , se non ritenuta da un estremo termine, per la general natura de' corpi fluidi, non essendovi in B , per la supposizione, un termine tale, ne seguirà, che da se l' acqua si dovea egualmente distendere sopra il fondo AB , ma questo non può accadere, senza che l' acqua da A scorra in B , adunque da A fino B si farà il flusso; perchè dalla successiva pressione dell' altezza AC , e per la supposizione, somministrandosi successivamente nuova acqua atta a mantenersi nella medesima altezza, di nuovo l' acqua non potrà stare in quell' altezza, e si continuerà il moto successivo da A fino in B , escendo l' acqua per B . Il che ec.

PROPOSIZIONE II.

La velocità, colla quale scorre l' acqua per un canale orizzontale, è la medesima, che quella, colla quale scorrerebbe da un vaso pieno d' acqua, coll' altezza uguale all' altezza viva dell' acqua nel canale orizzontale.

Fig. 23.

Perchè s' intenda il canale orizzontale AB , che scorra coll' altezza AC segato da un piano verticale FD , e sia la sezione dell' acqua, e del piano il parallelogrammo FD , che impedisca il corso; è certo, che l' acqua fra A , e D spingerà in maniera il piano DF , che datole l' esito, ella scorrerebbe colla medesima velocità di prima, poichè l' acqua, che è sotto la sezione nel corso continuato, serve in luogo del piano, mantenendo nella sezione l' acqua nella medesima altezza. S' intendano pertanto nel piano DF molti fori, da' quali esca l' acqua, ovvero per maggior chiarezza della dimostrazione, s' intendano le luci prese nella perpendicolare DG , e siano D, H , ed altre quante si vogliano, che possano essere fra D , e G , in maniera che tutta la DG sia come infinite luci, o una luce sola, composta d' infinite luci, adunque scorrerà l' acqua per la perpendicolare GD colla velocità media, che scorrerebbe dal vaso chiuso CF , ma questa è la medesima, che la velocità, colla quale scorreva prima l' acqua per la perpendicolare GD , adunque l' acqua corre pel canale orizzontale, come se uscisse dalla luce GD , e conseguentemente tutta l' acqua, che fluisce pel parallelogrammo DF , fluisce colla medesima velocità, con cui scorrerebbe, se uscisse da un vaso pieno d' acqua per la luce DH , con l' altezza DG . Il che ec.

Corollario I.

Da questa, e dalla prima proposizione del libro secondo, si fa manifesto che le velocità delle perpendicolari nelle sezioni de' canali orizzontali sono tra loro in sudduplicata proporzione delle ascisse, o tagliate fino alla superficie dell'acqua. Come, se sia la perpendicolare A B, sarà la velocità del punto B alla velocità del punto C in proporzione sudduplicata delle linee A B, A C.

Fig. 24.

Corollario II.

Di quì è, che se coll'asse A B si descriva la parabola A E D B, es'intenda la linea C E come velocità del punto C, sarà B D la velocità del punto B, e così dell'altre, e tutta la parabola A E D B, sarà e misura, e complesso delle velocità della perpendicolare A B.

Corollario III.

Siccome è chiaro la velocità del fondo A D essere la massima, e le altre sempre essere minori, e minori, quanto più vicine alla superficie; purchè l'altezza G D sia viva, cioè non vi sia sotto qualche buca, o impedimento, perciocchè allora non solo è ritardata la velocità dell'acqua, in maniera che divien minore, che nelle parti superiori, ma alle volte diviene stagnante, e per lo più rivolta addietro il suo corso, il che più d'una volta l'ho esperimentato col pendolo, e questo sia detto, acciocchè nessuno sbagli nel far l'esperienze, imperocchè facilmente può accadere, che giudichi il falso ne' fiumi irregolari, se non avvertirà a tutto il necessario.

PROPOSIZIONE III.

Dato il complesso delle velocità di qualche perpendicolare in un canale orizzontale ritrovare la sua media velocità.

Sia la perpendicolare A B, e il suo complesso, e misura delle velocità sia la parabola B A E D, bisogna ritrovare la media velocità della perpendicolare A B.

Fig. 24.

Si divida B D in tre parti eguali B G. G H. H D. e da queste se ne pigliano due B G. G H, Dico che la B H, sarà la ricercata media velocità. Sialzi dal punto H la perpendicolare H I, che seghi la parabola in E, e per E si tiri la E C, semiordinata all'asse A B, e si compisca il parallelogrammo B I, e prolungata B D in F, si faccia D F eguale a G H, e si congiungano le A F. A D; perchè dunque la linea B F, è sesquiterzia della linea B D, per la costruzione, sarà ancora il triangolo A B F sesquiterzio del triangolo A B D, essendo tra di loro come le basi, ma ancora la parabola A E D B è sesquiterzia del medesimo triangolo A B D, dunque il triangolo A D F è eguale alla parabola B A E D, ma ancora il parallelogrammo B I è eguale al triangolo B A F, per essere nella medesima altezza, e nella metà della base, sarà dunque il parallelogrammo B I eguale alla pa-

Prima
del 6. d'
Eucl.

Archim.
della
quad.
della
parab.
prop. 24
ra.

parabola B A E D; levata dunque di comune la porzione B A E H, rimarrà il trilineo A E I, eguale al trilineo E H D, ma col trilineo A E I si misura la mancanza delle velocità superiori fra A, e C dalla velocità C E, e col trilineo H E D, si misura l'eccesso delle inferiori sopra C E, sicchè essendo la mancanza eguale all'avanzamento, farà la media velocità eguale a C E, ovvero a B H; laonde dato il complesso delle velocità ec. è ritrovata la media velocità. Il che ec.

SCOLIO.

Il medesimo si potrebbe dimostrare altrimenti, conciossiachè se tutte le parti della perpendicolare A B scorressero con eguale velocità, nel tempo che C arriva ad E, nel medesimo ancora A arriverebbe ad I, e B ad N, e così degli altri, e perciò il parallelogrammo A I sarebbe il complesso delle velocità della perpendicolare A B, ma la parabola B A E D è il complesso delle velocità naturali della medesima perpendicolare A B, adunque i composti delle velocità sarebbero eguali, e conseguentemente ancora le quantità dell'acque; o scorra l'acqua A B colla velocità uniforme C E, ovvero non uniforme, secondo la proporzione delle semiordinate nella parabola, e per conseguenza farà C E la media velocità. Il che ec.

*Coroll
della
prop. ul.
del 1. di
questo.*

Corollario I.

E perchè per l'Affirma primo, ciascuna perpendicolare ha la medesima velocità nella medesima sezione, farà la media velocità d'una sola perpendicolare ancora la media velocità di tutta intera la sezione.

Corollario II.

Di què chiaro, la massima velocità alla media essere in proporzione sesquialtera, poichè la massima delle semiordinate B D a D H ovvero a C E media velocità ha sesquialtera proporzione.

Corollario III.

Di più resta manifesto, che se la medesima, o eguali parabole, si piglieranno per misura delle velocità, le medie velocità nelle perpendicolari di diversa altezza, saranno fra loro in sudduplicata proporzione delle perpendicolari; poichè essendo le massime alle medie in proporzione sesquialtera, faranno tutte le massime alle sue medie nella medesima proporzione, e permutando, le massime fra loro faranno nella medesima proporzione, che le medie; ma le massime sono fra loro in proporzione sudduplicata delle loro perpendicolari; adunque ancora le medie faranno nella medesima proporzione.

Corollario IV.

E ancora manifesto il punto C della perpendicolare A B essere il luogo della media velocità, il qual punto si può chiamar centro della velocità.

Corollario V.

Sicchè questo centro della velocità sarà sempre demerso sotto la superficie dell'acqua in maniera, che la sua distanza dalla superficie sia quattro novesimi di tutta la perpendicolare: imperocchè essendo la massima velocità alla media in proporzione sesquialtera, se si supporrà la massima 3. la media 2. come il quadrato di 3. cioè 9. al quadrato 2. cioè 4. così A B ad A C, e però se tutta l' A B s' intenda divisa in 9. parti, l' A C sarà 4. di queste parti.

Corollario VI.

Adunque il centro della velocità segando similmente tutte le perpendicolari, cioè nella proporzione di 4. a 5. ne segue, che le parti segate dal centro della velocità faranno fra loro come l' altezze vive delle sezioni; avendo ciascuna ascissa alla sua perpendicolare la proporzione di 4. a 9. e perciò come una ascissa alla sua perpendicolare, così un'altra simile ascissa alla sua perpendicolare: e permutando, come l' ascissa alla ascissa, così la perpendicolare alla perpendicolare, in maniera che sempre si rispondano colla medesima proporzione fra se stessi l' aumento della perpendicolare, e l' abbassamento del centro della velocità sotto la superficie dell' acqua.

Corollario VII.

E perchè le velocità medie sono fra loro in proporzione sudduplicata delle perpendicolari, e sono le perpendicolari fra loro, come le ascisse, faranno le medie velocità in proporzione sudduplicata delle ascisse.

Corollario VIII.

Sicchè ne' canali orizzontali la media velocità cresce, e scema a causa della sola variazione dell' altezza, e cresce, o scema in sudduplicata proporzione delle diverse altezze vive, di qui segue, che i canali, che hanno eguali altezze d' acqua, hanno ancora eguali le medie velocità.

PROPOSIZIONE IV.

Se la proporzione delle massime ordinate delle parabole, che sono misura della velocità in tutte le acque correnti, farà la medesima che la proporzione delle velocità medie, o massime di diverse sezioni, quelle parabole saranno tutte eguali fra loro.

25. Siano due parabole $C A E$, $C B D$, quali si piglino per misura delle velocità di diverse sezioni, o ne' canali orizzontali, o ne' inclinati, e sia la proporzione della velocità massima, che corrisponde all' altezza della parabola $A C$ alla velocità massima corrispondente all' altezza $B C$, come $C E$ a $C D$. Dico la parabola $A C E$ essere eguale alla parabola $C B D$.

Imperocchè disposta l'una, e l'altra al comune asse, di maniera, che le massime semiordinate si adattino insieme, per lo punto D tirisi $D F$, parallela all' asse $A C$, che seghi la linea parabolica $A F E$ in F , e per F tirisi la semiordinata $F G$, e conseguentemente parallela a $C E$. Perchè dunque come $A C$ a $C B$, così il quadrato $C E$ al quadrato $C D$, ovvero $F G$, farà il quadrato $C E$ al quadrato $G F$, come $A C$ a $C B$, ma come il quadrato $C E$ al quadrato $F G$, così è $A C$ ad $A G$; adunque come $A C$ ad $A G$ così $A C$ a $C B$, e però saranno fra loro eguali le $A G$, $C B$, sicchè aggiunta di comune $G B$, farà $A B$ eguale a $G C$, ma $G C$ è eguale ad $F D$; adunque eziandio $A B$ sarà eguale alla medesima $F D$: similmente si dimostrerà $M H$ eguale ad $A B$, e perciò sarà eguale alla stessa $F D$: essendo dunque $A B$, $M H$, $F D$, ec. eguali, saranno le parabole $A F E$, $B H$ D eguali. Il che ec.

Greg. a
S. Vinc.
de Para-
bola pro-
pos. 333

Corollario.

Eperchè le parabole eguali, se hanno diverse cime, e siano costituite al medesimo asse, sono parallele fra loro, ovvero asintotiche, la proprietà delle quali è, che continuati i loro perimetri; sempre più, e più vadano scambievolmente accostandosi, nè mai si seghino, o tocchino, ne segue, che nella medesima sezione, sotto diversa altezza, le medie velocità saranno diseguali, ma però, gl' incrementi delle medie velocità, per eguali altezze sopraggiunte, più, e più si faranno minori.

PROPOSIZIONE V.

Le quantità dell'acque nelle sezioni de' canali orizzontali della medesima larghezza, ma di diversa altezza, sono fra loro in triplicata proporzione delle velocità massime.

Fig 26.

Siano le sezioni $B H$, $B I$ della medesima larghezza $B K$, ma d' altezza diversa $B C$, $B A$, e sia la massima velocità della sezione $B H$, la linea $B D$, e $B E$ sia massima velocità della sezione $B I$, di maniera che la proporzione delle velocità massime sia quella, che passa fra $B D$, e $B E$. Dico, che la quantità dell'acqua per $B H$, alla quantità per $B C$: è in proporzione triplicata di $B D$, a $B E$.

Imperocchè si tirino le parabole $B C D$, $B A E$, $K H G$, $K I F$, le quali per l' antecedente proposizione saranno tutte eguali, e perchè le perpendico.

dicolari B C, K H sono eguali, faranno ancora le massime velocità di esse eguali, cioè B D, a K G: similmente si mostrerà essere eguali le B E, K F ed essendo le due A B, B E alle due I K, K F parallele; sarà il piano A B E, parallelo al piano I K F, se dunque per lo perimetro delle due parabole si supponga rivolgersi la linea parallela A I, ovvero E F sarà descritta una superficie d' un cilindrico parabolico, s' intendano fatti questi cilindrici C B D G H K. A B E F I K. E perchè la parabola B C D, è il complesso delle velocità della perpendicolare C B, e la parabola H K G, è il complesso delle velocità della perpendicolare K H, e sono simili, ed eguali gli aggregati delle velocità nell'altre perpendicolari della sezione B H, sarà il termine di tutte le somme nella superficie del cilindrico parabolico C D. G H, e perciò il complesso delle velocità della sezione B H, sarà il cilindrico B G H D; e nel medesimo modo si dimostrerà la somma delle velocità della sezione B I essere il cilindrico parabolico B F I E, e perchè questi due cilindrici sono egualmente alti, faranno fra loro come le basi, cioè il cilindrico B G H D al cilindrico B F I E sarà come la parabola C B D alla parabola A B E, ma sono le parabole eguali in triplicata proporzione delle massime ordinate, adunque il cilindrico al cilindrico, sarà in proporzione triplicata di B D, a B E, ma i cilindrici si sono dimostrati essere il composto delle velocità delle sezioni; adunque il composto delle velocità della sezione B I, al composto delle velocità della sezione B H; ovvero l'acqua, che scorre per B I all'acqua, che scorre in tempo eguale per B H, sarà in triplicata proporzione della massima velocità B E alla massima velocità B D. Il che ec.

*Caval.**Geom.**lib. 2.**prop. 34**Corol. 4.**Greg. da**S Vinc.**prop. 241**de parab.**prop. 15.**1. di que-**sto.*

S C O L I O.

Questa proposizione in altra, e più spedita maniera si potrebbe dimostrare; imperocchè essendo le quantità dell'acque in proporzione composta delle proporzioni della sezione alla sezione, e della velocità media, alla velocità media, e essendo la proporzione delle sezioni d'eguale, o della stessa base, la medesima che dell'altezze, sarà la proporzione dell'acqua all'acqua composta delle proporzioni dell'altezza all'altezza, e della velocità media alla velocità media, cioè di quella dell'altezze, e della sudduplicata delle medesime altezze. Sia dunque la prima altezza A, la seconda C, se dunque fra A, e C, si trovi la media proporzionale E, e si aggiunga la quarta B, sarà la proporzione di A a B composta della proporzione di A a C, cioè dell'altezze, e di quella di C a B cioè delle velocità medie, ma la proporzione di A a B, è triplicata di quella di A a E, cioè della velocità media per A alla media per C, adunque la quantità dell'acqua per A, alla quantità dell'acqua per C, è in proporzione triplicata delle medie velocità. Il che ec.

*prop. 6.**1 di que-**sto.**Fig. 27.*

Corollario I.

E perchè le massime velocità sono proporzionali alle medie, faranno ancora le quantità dell'acque in triplicata proporzione delle massime velocità.

*Corol. 3.**prop. 3.**di questo*

Corollario II.

Parimente perchè le velocità medie sono fra loro in sudduplicata proporzione dell' altezze; ne segue, che le quantità dell' acqua sono fra loro in triplicata proporzione di quella, che è sudduplicata dell' altezze.

Corollario III.

Da queste cose nasce un facile metodo di ritrovare la misura proporzionale astratta, ovvero la proporzione, che hanno fra loro le acque correnti per diverse sezioni de' canali orizzontali d' eguale larghezza. Imperocchè se si moltiplicheranno fra loro le altezze di due sezioni, e dal prodotto sia cavata la radice quadrata; sarà la proporzione della maggior perpendicolare, alla radice ritrovata, quella, che ha la maggior velocità data alla minore, o siano massime, o siano medie, i termini delle quali se si cuberanno, cioè se si moltiplicheranno in se, e di nuovo si moltiplicherà il prodotto per la radice, sarà la proporzione de' cubi l' istessa, che quella dell' acque, che passano nel medesimo, o in egual tempo; imperciocchè i cubi delle velocità sono fra loro, siccome le quantità dell' acque, in triplicata proporzione delle velocità.

Esempio.

Fig 26. Sia la perpendicolare A B alta piedi 25. e la perpendicolare B C piedi 9. bisogna ritrovare la proporzione, che ha l' acqua, che passa per B C, all' acqua, che passa in tempo eguale per A B. Si moltiplichino 25. per 9., il prodotto sarà 225. la radice quadrata del quale sarà 15. perciò la proporzione della velocità B E alla velocità D B, sarà come 25. a 15. (essendo il 15. medio proporzionale fra 25. e 9.) o pure come 5. a 3. se dunque B E, si supponga essere 5. sarà B D 3. fatto il cubo del primo termine 5. cioè 125. e del secondo 3. cioè 27. sarà la proporzione dell' acqua, che passa per A B all' acqua che passa per C B, come 125. a 27. e questi numeri si potranno chiamare numeri cubici dell' acque correnti, i quali spesso verranno in uso.

Corollario IV.

Ma se le larghezze non siano eguali, ma eguali l' altezze, è chiaro essere le quantità dell' acque fra loro, come le larghezze, imperocchè i cilindrici farebbero nella medesima base; essendo dell' eguali perpendicolari eguali le velocità massime, e in conseguenza fra loro, come l' altezze, cioè come le larghezze delle sezioni.

Corollario V.

Se poi nè le larghezze, nè l' altezze saranno eguali; perchè tutti i cilindrici hanno fra loro la proporzione composta della proporzione delle basi, e della proporzione dell' altezze, sarà la proporzione dell' acqua, all' acqua, composta della proporzione della larghezza della prima sezione, alla larghezza della seconda, e della triplicata della media velocità nella prima sezione, alla velocità media nella seconda sezione; di quì è, che se si fanno i cubi dell' acque, che passano per l' una, e l' altra sezione, e colla proporzione di essi si componga la proporzione delle larghezze, che hanno le sezioni, sarà la risultante proporzione la medesima che quella dell' acqua. Come per esempio, se il cubo della prima sezione sia 125. e della seconda 27. e la larghezza della prima sezione, alla larghezza della seconda stia come 3. a 1. si faccia come 3. a 1. così 27. a un altro numero 9. sarà la proporzione di 125. a 9. quella che ha l' acqua, che passa per la prima sezione, all' acqua, che in egual tempo passa per la seconda.

*Cavalier.
Geom.
lib. 2.
prop. 34.
Corol. 4.*

PROPOSIZIONE VI.

Segare una parabola terminata con una ordinata all' asse in maniera, che tutta la parabola alla segata abbia una data proporzione.

Sia la parabola A B D da segarsi con una linea ordinata all' asse A B di maniera, che la parabola A B D alla parabola tagliata alla cima v. gr. A C E abbia la medesima proporzione di F ad H. Fra F ed H si trovino due medie proporzionali (le quali benchè non possano trovarsi geometricamente col mezzo de' luoghi piani, almeno potranno trovarsi per i luoghi solidi, e per le linee organiche, e ancora da numeri per approssimazione) e siano queste le rette G, I, e come F a G, così si faccia B D ad un' altra v. gr. C E, e si faccia come il quadrato D B al quadrato C E, così B A ad A C, e per C si applichi ordinatamente C E, la quale arriverà alla parabola. Dico la parabola A B D, esser segata in maniera, che alla parabola A C E averà la medesima proporzione, che F ad H.

Fig. 24.

Perchè la parabola A B D alla parabola A C E ha proporzione triplicata di B D a C E, e B D a C E sta come F a G, sarà la proporzione della parabola A B D alla parabola A C E triplicata di quella d' F a G, ma ancora F ad H è in tripla proporzione di F a G; adunque la parabola A B D, alla parabola A C E sta come F ad H. Il che ec.

SCOLIO I.

Che se si dovesse accrescere la parabola A C E secondo la data proporzione d' H ad F, il che più spesso suole accadere nella misura dell' acque, ritrovate come sopra le medie proporzionali I, G, e prolungato l' asse indeterminatamente, si faccia come H ad I, così E C ad un' altra v. gr. B D, e come il quadrato C E al quadrato B D, così si faccia A C ad A B, e dal punto B, si applichi l' ordinata B D, che arriverà alla parabola; imperocchè i quadrati C E, B D sono fra loro come A C ad A B, laonde continuata la linea parabolica A E, passerà per D, e farà la parabola C A E,

alla parabola A B D, come H ad F, il che facilmente si potrà dimostrare col metodo della precedente dimostrazione.

SCOLIO II.

E se si dovesse legare la parabola, in maniera, che la parabola tagliata dal vertice, al rimanente spazio parabolico, avesse la medesima proporzione v. gr. di F ad H, facilmente, per le cose di sopra dimostrate, ciò si potrebbe fare: poichè divisa la parabola A B D, in maniera, che tutta l'A B D, alla segata A C E abbia la medesima proporzione d'F insieme con H, ad F, farà fatto quello, che si cerca; imperocchè la parabola A B D alla parabola A C E, essendo come F H, ad F, farà dividendo, come lo spazio C B D E, alla parabola A C E, così H ad F, ovvero come la parabola allo spazio, così F ad H.

PROPOSIZIONE VII.

Data una quantità d'acqua corrente in un canale orizzontale per una sezione d'una data altezza, e larghezza, e data la larghezza d'un'altra sezione ritrovare l'altezza della medesima acqua nella seconda sezione.

Fig. 28.
e 29.

Sia la sezione del canale orizzontale C E la lunghezza del quale D E, e l'altezza D, C, e sia G H la larghezza dell'altra sezione nel medesimo canale, ovvero della medesima sorte, bisogna ritrovare l'altezza che farà l'acqua corrente per la sezione C E, nella sezione F H.

Cavalier.
Geom.
lib. 2.
prop. 34
Corol. 4.

E perchè la quantità dell'acqua, che passa per l'una, e l'altra sezione, è la medesima, faranno ancora i complessi delle velocità d'ambedue le sezioni fra loro eguali. Sia pertanto il complesso di tutte le velocità della sezione C E il cilindrico C E I, e quello della seconda sezione F H, sia il cilindrico F H K, e perchè le basi, e l'altezze de' cilindrici eguali si rispondono reciprocamente all'altezze, farà come la parabola C D I, alla parabola F G K, così G H, a D E, ma è data la proporzione di G H, a D E, adunque farà data altresì la proporzione della parabola C D I alla parabola F G K; si seghi pertanto la parabola C D I di maniera, che tutta la parabola C D I (quale è data, perchè è data l'altezza C D) alla parabola C L M, abbia la medesima proporzione, che la parabola C D I, alla parabola F G K, e la semiordinata, che sega, sia la retta L M, farà dunque la parabola C L M, l'istessa che la parabola F G K; e conseguentemente la C L farà eguale ad F G altezza ricercata. Il che ec.

Corollario I.

E perchè si assegna la proporzione di C D a C L; si assegnerà ancora la sua sudduplicata D I a G K, cioè la proporzione delle velocità massime, o medie.

Corollario II.

Dal progresso di questa dimostrazione, si fa manifesto, che se in vece della larghezza $G H$ nella seconda sezione, si assegnasse l'altezza $F G$, potrebbe ritrovarsi e la proporzione delle velocità, e la larghezza della seconda sezione, poichè data la proporzione dell'altezze, si dà ancora la proporzione delle velocità, le quali se si esprimono in linee come $D I$, $G K$; con moltiplicare due terzi dell'un, e l'altra, colla sua altezza, o asse, si averà la misura dell'una, e l'altra parabola; laonde si darà ancora la proporzione della parabola $F G K$, alla parabola $C D I$, ma come la parabola $F G K$ alla parabola $C D I$, così la $D E$ larghezza della prima sezione, a $G H$ larghezza della seconda: ed è $D E$ data, dunque sarà data ancora $G H$.

Corollario III.

Similmente, se in vece della larghezza, o dell'altezza della seconda sezione, si assegnerà la proporzione, che hanno fra loro le medie, o massime velocità dell'una, e dell'altra sezione, si darà ancora l'altezza, e larghezza della seconda sezione; conciossiachè se si faccia, come il quadrato della velocità della prima sezione, al quadrato della velocità della seconda, così $C D$ altezza della prima sezione, ad $F G$, questa sarà l'altezza della seconda, ritrovata la quale, pel corollario antecedente, sarà ancora ritrovata la larghezza.

Corollario IV.

Dal progresso della dimostrazione apparisce, che essendo la parabola $C D I$ alla parabola $F G K$ in reciproca proporzione delle larghezze $G H$, $D E$: ed essendo la proporzione delle parabole $C D I$, $F G K$ triplicata di quella, che ha $D I$ a $G K$; ne segue, che le larghezze sono in reciproca triplicata proporzione delle velocità; e che per conseguenza, le medie velocità di diverse sezioni dell'istesso canale orizzontale, sono fra loro in proporzione reciproca suttuplicata delle larghezze, ovvero come le radici cubiche delle larghezze reciprocamente.

PROPOSIZIONE VIII.

Dati due canali orizzontali d'una nota altezza, e larghezza, de' quali uno influisca nell'altro, ritrovate il ricrescimento dell'altezza, che farà il canale influente, sopra all'altezza dell'altro.

Sia la sezione del canale influente $A C$, d'una nota altezza viva $A B$, e di larghezza $B C$, e la sezione del secondo recipiente sia $D E$, di cui la viva altezza cognita sia $D F$, e la larghezza $F E$, bisogna ritrovare l'altezza che aggiugne l'acqua della sezione $A C$, all'altezza della sezione $D E$, se l'una, e l'altra acqua insieme scorra per la sezione $H E$.

Fra le $A B$, $D F$, si trovi la media proporzionale G , sarà pel corollario

rio 5. prop. 5. la proporzione dell'acqua A C all'acqua D E composta della triplicata di A B, a G, e di B C ad F E. Adunque sarà nota la proporzione dell'acque A C, D E, laonde se l'acqua A C, s'intenda aggiunta all'acqua D E, dimanierachè insieme facciano la sezione H E, sarà nota la proporzione dell'acqua H E, all'acqua D E. Sicchè essendo le quantità dell'acqua fra loro in proporzione triplicata delle medie velocità, faranno le velocità medie fra loro in proporzione subtriplicata delle quantità dell'acque, ovvero come le radici cube delle medesime quantità. Siano dunque queste radici cube K, M; adunque come M a K, così la velocità media dell'acqua D E alla velocità media dell'acqua H E, ma le velocità medie sono fra loro in proporzione sudduplicata dell'altezze, e l'altezze fra loro in duplicata delle velocità; adunque se si aggiungerà la terza proportionale N, sarà M ad N, ovvero il quadrato M al quadrato K, come l'altezza F D all'altezza F H, e perciò l'eccesso D H sarà il ricercato ricrescimento dell'altezze. Il che ec.

S C O L I O.

L'altezza H D s'intende per l'eccesso della seconda altezza F H sopra alla prima F D, avanti l'ingresso dell'acqua A C; non già per l'altezza, sotto la quale scorre l'acqua A C nella sezione H E; poichè il metodo per ritrovare questa, è differente.

Corollario I.

Dal modo col quale, si è ritrovato l'eccesso H D, è chiaro il metodo di ritrovare il converso del problema, cioè, data l'altezza viva, che fa l'acqua, che d'un canale orizzontale entrà in un altro canale orizzontale d'una nota altezza, e larghezza, ritrovare la proporzione dell'acqua influente, all'acqua del canale, nel quale influisce.

Corollario II.

E se inoltre sia nota la larghezza d'un canale influente, si troverà l'altezza viva del medesimo, e se sarà nota l'altezza si ritroverà la larghezza.

Corollario III.

Quanto si è detto intorno all'accrescimento dell'altezza, ancora vale pel decrescimento, mediante l'esito, o derivamento dell'acqua del canale orizzontale, e così data la proporzione dell'acqua, che esce a quella, che rimane, si darà il decrescimento dell'altezza, e dato il decrescimento dell'altezza, sarà ancora data la proporzione dell'acqua, che esce, a quella che rimane; di quì è, che se l'acqua, che esce sarà d'una quantità nota, sarà parimente nota la quantità dell'acqua rimanente, dell'una, e dell'altra insieme.

Corollario IV.

Similmente, quel che è detto dell' ingresso, e dell' uscita dell' acqua, per altri canali orizzontali, serve ancora per l' accrescimento d' un canale cagionato da qualsivoglia causa, o dalle pioggie, o dal maggior gonfiamento delle sorgenti, o de' laghi ec. come da per se stesso apparisce.

PROPOSIZIONE IX.

Dividere qualsivoglia sezione d' un canale orizzontale in maniera, che dalle parti esca l' acqua in una data proporzione.

Sia la sezione A D, e la sua altezza A B, bisogna dividerla v. gr. in tre parti A H. E I. F D; di maniera, che l' acqua, che passa per A H, all' acqua, che passa per E I abbia la medesima proporzione, che ha L ad M, e l' acqua, che passa per E I, all' acqua per F D, sia come O a P. Fig. 32.

Si faccia come O a P, così M ad N, e s' intenda L l' acqua, che passa per A H, farà M l' acqua che passa per E I, ed N quella, che passa per F D, e perciò tutta l' L N farà l' acqua che passa per l' intera sezione A D. Dipoi coll' asse A B si descriva la parabola B A K, e si divida pel coroll. 2. della prop. 6. nelle parti, che abbiano la medesima proporzione di L ad M, e d' M ad N, e siano A E G. E F X G. F B K X. e sia la divisione fatta per le semior ordinate E G. F X, le quali convengano coll' asse ne' punti E. F, e per essi si tirino E H. F I, parallele all' una, o all' altra A C. B D, dico che l' acqua per A H all' acqua per E I, averà la medesima proporzione, che L ad M, e che l' acqua per E I all' acqua per F D, averà la medesima proporzione di M ad N, o di O a P.

Conciosiachè A E G. E F X G. F B K X sono il complesso delle velocità dell' acque, che passano per le parti della perpendicolare A E. E F. F B; faranno per la costruzione i complessi delle velocità delle parti segate A E. E F. F B fra loro, come L. M. N, ma nelle sezioni d' eguale larghezza i complessi delle velocità sono fra loro, come le quantità dell' acque, ed è la medesima, o eguale la larghezza delle sezioni A H. E I. F D, adunque le quantità dell' acque per A H. E I. F D, faranno fra loro, come L. M. N, il che ec. prop. ul. del 1. di questo.

Corollario.

Da questa proposizione si fa manifesto, che se si darà la proporzione, che ha l' acqua d' un canale influente, all' acqua d' un canale recipiente, di cui parliamo all' ottava Proposizione, si potrà ritrovare l' altezza colla quale scorre l' acqua del canale influente, o altr' acqua di mole ad essa eguale, nella superior parte della sezione, intorno al che si è trattato nello scolio dell' ottava Proposizione. Conciosiachè se si divide la parabola secondo la proporzione, che ha l' acqua influente, all' acqua d' un canale recipiente, sarà l' asse della parabola segata alla cima v. gr. A B, l' altezza ricercata; e questa necessariamente ne' canali orizzontali sempre è maggiore dell' eccesso dell' altezza ricresciuta sopra alla prima, perchè ricresciuta l' altezza, cresce ancora la velocità dell' acqua fra E, e B, e l' altezza diminuisce

fce, secondo la proporzione dell'aggiunta velocità, ma il decrefcimento della prima altezza è compensato dall'altezza A E, la quale effendo fempre maggiore, forma l'eccelfo, intorno al quale fi è trattato nella Prop. 8. Vedi ciò che fi è notato alla Propofizione 10. lib. 1.

PROPOSIZIONE X.

Data la perpendicolare, o l'altezza viva di qualche fezione, e la larghezza della medefima in un canale orizzontale, ritrovare la quantità affoluta, e determinata dell'acqua, che paffa in un dato tempo per una data fezione.

Fig. 24. Sia la data altezza viva A B in qualche fezione d'un canale orizzontale: bifogna ritrovare la quantità affoluta dell'acqua, cioè corrente in una determinata mifura, nel dato tempo, per la fezione, la perpendicolare della quale è A B.

Si ritrovi, per la 3. di quefto, in A C il centro della velocità media, il quale fia C, farà dunque A C 4. nove parti di tutta l' A B, e perchè tutta l' A B v. gr. è data di piedi 9 ancora A C farà data di piedi 4. dunque per la Prop. 8. del lib. 2., o per la tavola, che a fuo luogo fi darà, quando l'averemo ridotta ad una fomma elattezza, fi trovi lo fpazio, che fi conviene alla velocità dell'acqua fottol'altezza A C, la quale v. gr. fi fupponga effere piedi 120. in un minuto, farà dunque C E piedi 120. la quale fe fi moltiplicherà per tutta l' A B di piedi 9. il prodotto 1080. farà la mifura della parabola B A D, o del rettangolo contenuto da B A. C E, che fe di nuovo fi moltiplicherà per la larghezza della fezione v. gr. di piedi 10. il folido che di lì ne refulta 108000 farà la quantità dell'acqua che paffa in un minuto in piedi cubi per la fezione data. Lo fteffo fegue, fe fi moltiplicherà l'area della fezione per lo fpazio, che fi conviene alla velocità. Adunque da quel che fi è detto, è chiaro, quefta effere la vera mifura, perchè fe tutte le parti dell'acqua, che fi ritrovano nella fezione, o nella perpendicolare A B fcorreffero colla velocità C E atta a fcorrere in un minuto piedi 120. ne refulterebbe un prisma retto, la bafe di cui farebbe la data fezione, e la lunghezza piedi 120. e la folidità di quefto prisma fi ha moltiplicando fcambievolmente le tre dimenfioni.

Corollario.

E perchè, per la Propofizione 5. fi dà la proporzione dell'acque correnti per le date fezioni di canali orizzontali, ne fegue che fe farà efattamente determinata una mifura d'acqua in una fezione, il che fi può avere ancora con particolare efperienza più, e più volte riprovata; ne fegue dico, che fi poffa avere determinata precifamente in qualunque altra fezione, come, fe fi fupponga, la quantità dell'acqua, che fcorre in un minuto di tempo per una fezione, la perpendicolare della quale è A B effere 10800. piedi cubi, e fia il cubo dell'acqua in quefta fezione, al cubo dell'acqua nell'altra, come 1 a 27. fi farà per la regola aurea, come 1 a 27 così 10800. a 291600. e quefto farà il numero de' piedi cubi correnti in un minuto folo di tempo per la feconda fezione.



LIBRO IV.

Nel quale si tratta della misura dell' acque correnti ne' Canali inclinati uniti in qualunque modo.

Affirma.



Acqua non può avere nel suo corso, eccettuata la violenza, maggior velocità, di quella, che averebbe, se solo discendesse liberamente per la linea perpendicolare, levato ogni impedimento.

Questa proposizione è certa, essendo che la velocità del corso dipende dalla gravità dell' acqua, e questa impiega la sua massima forza nella linea tendente al centro de' gravi, cioè nella perpendicolare; e perciò a ragione si può prendere come affirma.

DEFINIZIONI.

I. *Velocità intera* dell' acqua corrente è quella, che averebbe l' acqua in un punto d' un canale, o perpendicolare ec. se dal principio del canale fin lì discendesse senza alcuna resistenza.

II. *Velocità ritardata, o residua*, è quella, che ha realmente l' acqua nel discendere, quando è minore dell' intera velocità; ovvero è l' intera velocità, mancante di quella, che vien levata all' acqua corrente dagl' impedimenti, nel discendere.

III. *La velocità perduta* è la differenza tra la velocità intera, e la ritardata, ovvero è quella porzione di velocità, che è di tanto in tanto levata all' acqua corrente da gl' impedimenti.

IV. Dalle ineguali velocità delle dette tre specie in una perpendicolare
di

di qualche sezione, ovvero nella sezione medesima si può comporre una media velocità, secondo il senso della settima Definizione del Libro primo, e si dirà *media velocità intera*, *media velocità ritardata*, *media velocità perduta* d'una perpendicolare, o d'una sezione.

V. *La perpendicolare all'orizzonte di qualche sezione* è la retta linea perpendicolare all'orizzontale, tirata dal fondo della sezione.

VI. *La perpendicolare d'una sezione* è la linea tirata nel piano della sezione perpendicolare al fondo, la quale se rimane alla superficie dell'acqua, altrove si è chiamata altezza dell'acqua.

VII. *Prima sezione di qualche canale*, è quella, che avanti l'altre riceve tutta l'acqua, che dee scorrere pel canale, ovvero è quella, che è più alta di tutte l'altre, che possono darli in uno stesso alveo, per la quale scorre eguale quantità d'acqua, che per le inferiori. Come, se si supponga S O B A essere qualche conserva, o stagno, in cui l'acqua sia livellata fino all'orizzonte S A, e B E il canale pel quale debba scorrere l'acqua, sarà S principio del canale, secondo il senso della quarta Definizione del Libro secondo, e B prima sezione, perchè per essa primieramente passa tutta l'acqua, che si cava dalla conserva, l'altre poi sotto B si chiamino sezioni seconde, o inferiori, le quali si vanno distinguendo secondo la distanza diversa dal principio del canale S. E così B A si chiama perpendicolare all'orizzonte della sezione B, e B C perpendicolare prolungata della sezione, e supposto che M sia la superficie dell'acqua nella sezione B, chiamiamo B M semplicemente perpendicolare della sezione, ovvero altezza dell'acqua nella sezione.

Fig. 39.

PROPOSIZIONE I.

Ne' canali inclinati liberamente correnti, che hanno nel discendere l'intera velocità, l'altezza dell'acqua non cresce velocità.

Sia il canale inclinato A D, e il suo principio A, e l'altezza della sezione D E, la velocità della quale sia intera, e da D si eregga la D F perpendicolare all'orizzontale della sezione C D, e terminata alla superficie dell'acqua. Dico che l'altezza D F non accresce la velocità della perpendicolare, o della sezione D E.

Fig. 33.

Imperocchè per A tirisi l' A C perpendicolare all'orizzontale C D, e presi in D E, qualsivogliano punti v. gr. H ec. per H si tiri H I parallela a C D, e H G parallela a D F, e terminata in G alla superficie dell'acqua.

Torricel.
de motu
grav.
prop. 5.

E perchè per supposto, l'acqua in D ha l'intera velocità, tanto in D, che in C sarà la medesima velocità, adunque se l'altezza F D crescesse la velocità D, farebbe la velocità in D maggior della velocità in C; adunque l'acqua D più velocemente scorrerebbe per lo piano inclinato A D, che per la perpendicolare A C, mantenendosi pure la medesima cesa A C. Similmente, se l'altezza G H, crescesse la velocità H, farebbe la velocità in H maggiore della velocità in I, e conseguentemente l'acqua H più velocemente scorrerebbe, che se discendesse per A I. La medesima ragione serve per tutte le parti dell'acqua nella perpendicolare D E; adunque tutta l'acqua D E, più velocemente scorrerebbe per lo piano inclinato A D, che per la perpendicolare A C, il che è impossibile per l'Assioma di questo Libro, adunque le perpendicolari F D. G H ec. non accrescono velocità. Il che ec.

Corollario I.

Perchè dunque niuna perpendicolare, o altezza $F D$, minore dell'altezza $A C$ cresce la velocità D , ne segue, la pressione dell'acqua, che di sopra fa forza, non agire contra la velocità, quando la velocità dell'inferiore per altro, è maggiore di quel, che possa imprimere la pressione superiore.

Corollario II.

Ma se l'altezza $F D$ fosse eguale ad $A C$, o operi la pressione cessando la velocità acquistata per $A D$, o no (rimanendo la medesima velocità, e dalla medesima cagione) ne segue, che la velocità del punto D in questo caso, si può pigliare indistintamente, o dall'altezza $F D$, o dalla discesa per $A D$, secondo la perpendicolare $A C$.

Corollario III.

Che se l'altezza $F D$ superasse la perpendicolare $A C$, in questo caso, perchè la superficie dell'acqua da se stessa si livella alla linea orizzontale, proporzionalmente si alzerà il principio del canale $A v$. gr. in L , e la velocità si doverà misurare dalla scesa per la $L D$.

Corollario IV.

E perciò l'altezza v . gr. $M D$, potrà accrescere la velocità D , se ella prima farà tanta, quanta solo si conviene alla discesa per $A D$; imperciocchè, o cresca a causa della maggior discesa $L D$, o $L O$, ovvero a causa dell'altezza $M D$, è la medesima cosa, essendo che $M D$, $L O$ siano eguali.

Corollario V.

Adunque generalmente l'altezza dell'acqua in qualche sezione, non aggiunge velocità alle parti inferiori, se non hanno minore velocità di quella, che l'altezza dell'acqua può imprimere sopra al fondo della sezione.

S C O L I O.

E di qui si cava la ragione, perchè l'acque ne' canali orizzontali scorrono colla sola velocità proveniente dalla pressione, ma ne' canali perpendicolari, e inclinati colla sola velocità dependente dalla inclinazione dell'alveo, cioè perchè in quelli l'acqua inferiore nella sezione, non ha velocità, e per conseguenza minore di quella, che ad essa può contribuire l'altezza dell'acqua premente; ma in questi l'acqua inferiore, quanto comporta sua natura fluisce, con maggior velocità di quel, che le possa contribuire l'altezza.

tezza, e in questo caso l'altezza dipende dalla condizione della velocità, non la velocità dalla quantità dell'altezza, come negli orizzontali; il simile segue nelle fonti, nelle quali le sezioni verticali degli spilli, e le loro altezze perpendicolari all'orizzonte non influiscono nella velocità, o sianogli spilli orizzontali, o in qualsivoglia modo inclinati.

PROPOSIZIONE II.

Supposte le stesse cose, se per di sopra si chiuderà qualche poco la sezione, l'altezza dell'acqua nella perpendicolare della sezione tanto crescerà, che o supererà l'impedimento, e scorrerà di sopra, o tanto supererà l'orizzontale tirata dal principio dell'alveo.

Fig. 33. Poichè nel canale inclinato $A D$ si chiugga per di sopra parte dell'altezza della sezione $D E$, e sia la chiusa $H E$, e si continui l'impedimento, che ritienel'acqua, fino in Q , sotto l'orizzontale $A N$; Dico che l'acqua crescerà fino all'orizzontale $K Q$ talchè potrà scorrere sopra all'impedimento $H Q$, e se lo stesso impedimento, per di sopra si continui, di maniera che possa contenere tutta l'altezza ricresciuta. Dico che l'acqua solo ascenderà tanto, che superi l'orizzontale tirata dal principio dell'alveo.

prop. 3. di questo. Imperocchè diminuita l'altezza della sezione $D E$, e conseguentemente la sezione a cagione della chiusa $H E$, è impossibile, che scorra per la stessa sezione $D H$ la medesima quantità d'acqua, che per l'avanti scorreva colla medesima velocità per $D E$. Perchè a volere che scorra dall'una, e l'altra sezione la medesima quantità d'acqua, è necessario, che le velocità sian reciprocamente proporzionali colle sezioni; sicchè qualche porzione si ritarderà; e perchè in tutti i tempi si ritardano altre simili porzioni, queste non solo si stagneranno sopra all' $E Q$, ma per causa del continuo augumento accresceranno ancora l'altezza. Si supponga dunque l'altezza essere cresciuta fino all'orizzontale $K Q$. E perchè $K Q$ è fra l'orizzonte $A N$, sarà $A C$ maggior perpendicolare di $K C$, laonde la discesa per $A C$ imprimerà maggiore velocità di quella, che possa imprimere la pressione $K C$; adunque l'altezza $K C$, o $S D$ non crescerà velocità nella sezione $D H$; e in conseguenza non sarà cresciuto il flusso dell'acqua dall'altezza $D S$; dunque tutta la quantità dell'acqua, che sarà retardata, dopo l'acquistata velocità $D S$, sarà necessitata a scorrere sopra all'impedimento $H Q$; e nel medesimo modo si dimostrerà, che l'altezza $D B$ non cresce la velocità della sezione $D H$. Adunque, acciocchè l'altezza possa far crescere la velocità della sezione $D H$, sarà necessario, che ascenda sopra all'orizzontale $A N$. Il che ec.

SCOLIO.

La verità di questa proposizione, che da molti amici, veramente dotti, era tenuta per un paradosso, presi da un comune errore, che faceva loro credere per certo, che le velocità dependessero dall'altezza dell'acqua, almeno in parte, mentre io la dimostrava coll'esperienza alla loro stessa presenza, si osservarono alcuni accidenti, degni d'essere notati, quali io stimo molto a proposito manifestargli in questo luogo.

Fig. 34. Io feci fare di lama di ferro il vaso parallelepipedo $A F$, e nella sua faccia d'avanti fu aperto l'emissario $L S$, e ad esso fu adattato il canale della

la medesima materia, che si girasse intorno ad F G, in maniera che potesse avere diverse inclinazioni; il quale abbiamo notato colla sola linea S P con fezione verticale, per isfuggire la confusione delle linee, e le sue laterali sponde L S P M tanto erano alte, che impedivano, che l'acqua non iscorresse sopra di esse. Nel mezzo di questo canale fu adattata la cateratta M R ne' suoi canaletti, acciocchè ella si potesse, qualunque volta alzare, e abbassare. Per la qual cosa inclinato il canale v. gr. in P S, e serrate accuratamente tutte le fessure colla cera, si messe dell'acqua nel vaso con alcune cannelle torte, che l'attigevano uniformemente da un altro vaso, cioè da una conserva, che stesse sempre piena d'acqua, acciocchè la quantità dell'acqua tirata sù dalle cannelle in tempi eguali, fosse perpetuamente eguale, ed eguale fosse quella, che esciva dal canale. Fig. 34.

Questa dunque cominciò a scorrere formando la superficie, o linea I X N Q, e nella fezione O, l'altezza O N, le quali cose stando così, si lasciò andare la cateratta di maniera, che per l'appunto combagiasse colla superficie dell'acqua; e finchè le cose si lasciarono star così, non si vedde mutazione alcuna, ma tramutate le circostanze si scorsero i seguenti accidenti.

I. Lasciata immergere la cateratta nell'acqua v. gr. fino in R, l'acqua fra I ed N si cominciò ad elevare quasi fino all'orizzontale H I B, ma non vi arrivò precisamente; si alzò però tanto, che arrivò a superare quattro, o cinque volte l'altezza del restante della fezione O R.

II. Si cominciò ad elevare l'acqua con tumulto, e agitazione, come se avesse ribollito, di maniera che la parte dell'acqua, che passava per R O lasciò in parte la prima velocità, e cominciò a scorrere più lentamente, il che manifestamente si potè distinguere dalla diminuzione dell'acqua che scaturiva da basso sul piano inclinato, dalla qual cosa fu facile il dedurre, che la velocità dell'acqua acquistata nel discendere, a causa de' moti irregolari derivati d'altonde, come da impedimenti, riflessioni, vortici ec. patisce alterazione, e diminuzione considerabile.

III. Sollevata l'acqua fino all'orizzontale D X C termine dell'elevazione, quì si quietò; e essendo che quel tumulto appoco, appoco cessasse, crescendo l'alzamento, cominciò parimente a farsi maggiore l'ampiezza dell'acqua cadente, di maniera che primieramente tornò all'ampiezza di prima, e di poi ancora pervenne a maggiore.

IV. E stando in questo stato le cose, aggiunta l'acqua d'una cannella, di nuovo si rialzò ancor più la superficie, fino all'altro termine superiore, e di nuovo si osservarono le cose stesse, che furono osservate nel secondo, e terzo caso.

V. Di nuovo rialzata la cateratta, di maniera che l'acqua ritenuta scorresse, e ritornata l'acqua alla sua natural superficie I G N Q, di nuovo si lasciò andare la cateratta fino al combagiamento di essa; fatto questo, aggiunta l'acqua d'un altro sifone nel vaso A F, si osservò le stesse cose, che sopra furono osservate, quando fu lasciata andare la cateratta sotto la superficie dell'acqua.

VI. Tutte queste cose in contrario proporzionatamente si osservarono (rimosso il sifone aggiunto di prima, e alzata la cateratta, e di nuovo lasciata andare come prima) per la sola aggiunta di piccolissima quantità d'acqua v. gr. d'un'oncia, o due, anzi solamente di tanta, quanta si contiene da un cucchiaino, la quale si versasse immediatamente sopra alla fezione O R.

VII. Anzi lo stesso appunto accadeva senza alcuno accrescimento d'acqua, solamente col ritardare la velocità dell'acqua fra S O, o con una maz-

mazza, o con un dito, o con una mazza messa nell'acqua, e ancora col solo soffio.

SCOLIO II.

In queste esperienze è da osservarsi, che il sesto, e il settimo fenomeno riconoscono la medesima causa; poichè l'aggiunta dell'acqua, per quanto importa una certa aggiunta non continovata, averebbe dovuto tanto crescere la superficie dell'acqua, quanto richiede la sua mole, cioè pochissimo, ma perchè nell'aggiugner acqua, e in particolare con impeto, come quando si getta l'acqua da alto, si ritarda la velocità del corso, e sempre più se sia causata perturbazione, quindi l'aumento dell'altezza diviene più notabile per questo modo, che nel settimo caso al ritardamento fatto con un dito.

SCOLIO III.

Che poi, nell'addotta esperienza, nel primo fenomeno l'acqua non superasse l'orizzontale HB , come naturalmente doveva accadere, per le cose dimostrate nella passata Proposizione, clò segul perchè non era intera la velocità dell'acqua, cioè non era tanta, quanta ne richiedeva la scesa perpendicolare della TO , VR , ma ritardata dalla resistenza causata dal soffregamento del fondo, e delle sponde, la qual cosa non si può fuggire in tutto, nè pure per mezzo d'alcuno artificio; e ne' canali inclinati, è d'una grande importanza.

Contuttociò esporremo più sotto alla Prop. 10. Lib. 5. il metodo di ritrovare la proporzione, che ha questo impedimento, o piuttosto questa velocità ritardata, all'intera velocità.

PROPOSIZIONE III.

Supposte le stesse cose, e accresciuta l'altezza dell'acqua, di maniera che finalmente sempre rimanga nel medesimo stato. Dico che per la minor sezione HD , passerà la medesima quantità d'acqua, che passava prima per l'intera sezione DE .

Fig. 33. Conciossiachè cresciuta l'altezza dell'acqua fino ad ML sopra all'orizzontale AN , perchè pel canale AD passa la medesima quantità d'acqua di prima, se fosse maggiore la quantità dell'acqua, che passa per la sezione DH , di quella, che passava per l'avanti per la sezione DE , maggior quantità d'acqua si trarrebbe, di quella che fosse somministrata dal canale; adunque l'orizzontale ML discenderebbe, il che è contrario al supposto; e se minore fosse la quantità dell'acqua, che passa per la minor sezione DH di quella che passava per la maggiore, trattenendosi allora qualche porzione d'acqua la superficie ML s'alzerebbe; il che pure è contrario al supposto; sicchè, non passando, nè maggiore, nè minore quantità d'acqua, passerà l'istessa per la sezione HD , di quella che passava per la sezione DE . Il che ec.

PROPOSIZIONE IV.

In un canale inclinato, se l'acqua scorra facendo nella data sezione una determinata altezza, sopra alla quale si ferri dalla parte di sopra indefinitamente la sezione; e le sponde del canale siano tant'alte, che possano contenere tutta l'altezza dell'acqua, e s'intenda ritardata la velocità dell'acqua, si altera la superficie dell'acqua fino all'orizzontale per lo principio dell'alveo.

Nel canale inclinato A D scorra l'acqua facendo nella sezione D l'altezza D E, e da E s'intenda per di sopra continuato l'impedimento E P che chiuda, e il rimanente, che è supposto nella proposizione, e s'intenda a causa della chiusa essere ritardata la velocità, di maniera che non possa più passare l'acqua per la sezione D E colla sua prima velocità. Dico che la superficie dell'acqua s'alzerà tanto, che arriverà all'orizzontale A N per lo principio dell'alveo.

Fig. 33.

Poichè essendo ritardata la velocità nella sezione D E, non passerà per D E tant'acqua, quanta ne passava prima; laonde in tutti i tempi sarà trattentata qualche porzione d'acqua fra A ed E P, adunque dall'essere trattentata continuamente ciascuna porzione dell'acqua, sempre più, e più s'alzerà la superficie dell'acqua; finchè l'altezza sopra alla luce, o sezione D E non divenga tale, che possa restituire la perduta velocità; ma solo l'elevazione fino all'orizzontale A N può restituire la primiera velocità; conciossiachè la primiera velocità, essendo che era l'intera, era quella, che conviene alle perpendicolari B D. N H, ed è la medesima, che alla sezione D E viene impressa dall'elevazione, della superficie A N; adunque l'acqua si eleverà fino all'orizzontale A N per lo principio dell'alveo, nè si alzerà di più, imperocchè crescerebbe la velocità nella sezione, ed in conseguenza maggior quantità d'acqua uscirebbe per la sezione D E; di quella che conduce il canale A D, e così la superficie di nuovo si riabbasserebbe all'orizzontale A N, nè si abbasserebbe più, imperocchè la minore altezza non imprime la velocità dovuta alla maggior discesa. Il che ec.

Corollario.

Di qui è chiaro, che se il ritardamento cessasse prima, che fosse seguita l'elevazione fino all'orizzontale, per lo principio dell'alveo, cesserebbe ancora l'elevazione, che si fermerebbe in quello stato, laonde acciocchè sia vera la proposizione, bisogna, che duri il ritardamento, almeno fino all'elevazione predetta.

PROPOSIZIONE V.

Poste le stesse cose, come nella seconda proposizione, Dico che le velocità fra D, ed H fra loro, averanno proporzioni tali, che il punto D abbia la velocità che gli è contribuita dall'altezza D M, il punto H quella, che gli dà l'altezza H R, di maniera che il compo lesto delle velocità fra D, ed H, sia nello spazio parabolico, la cui cima sia P.

Fig. 33.

Imperocchè in D non può essere maggior velocità di quella, che vi im-

prop. 15.
11. di
questo
Coroll.
prop. 5
di questo

prima l'altezza $M D$, non essendovi causa che ve ne sia impressa maggiore, poichè l'accelerazione pel canale $A D$, ò più tosto $L D$ non ne può contribuire di più, come da per se stesso è manifesto, similmente nè meno può essere minore, essendo che la pressione $M D$ non permetta questa minore velocità, se dunque nè minore, nè maggiore è la velocità in D di quella, che le vien data dall'altezza $M D$; è necessario che sia eguale. Similmente si dimostrerà, che la velocità H è quella, che imprime l'altezza $R H$, e l'istesso si dimostrerà dell'altre velocità fra D , ed H , rispetto alle sue perpendicolari fino alla superficie dell'acqua $L D$, Ritrovata dunque la parabola, che sia la misura di queste velocità, cioè $P T V$, si tirino le $D V$. $H I$ semiordinate, e si faccia lo spazio parabolico $D H T V$, che farà il complesso delle velocità della perpendicolare $D H$. Il che ec.

SCOLIO I.

Lo stesso si può dimostrare, benchè non sia serrata la sezione, ma solo ritardata la velocità, secondo le cose supposte nella quarta proposizione, essendo la medesima dimostrazione.

SCOLIO II.

E perchè l'elevazione della superficie $L P$ accresce ancora la lunghezza del canale prolungato per di sopra il principio in L secondo il senso della quarta definizione del lib. 2. è chiaro che l'altezza $M D$, e la discesa per $L A D$, imprime i medesimi gradi di velocità alla sezione D , e di più che il canale diviene, come un vaso chiuso $L A D E P$, la luce del quale è H , e che ad esso è somministrata l'acqua in maniera, che conserva la stessa superficie $L P$; sicchè da questo capo ancora si deduce le velocità $D H$ avere tra loro tali proporzioni, che vengono nello spazio parabolico predetto, per le cose dimostrate nel secondo libro.

Corollario I.

prop. 3.
di questo
prop. 13.
di questo
Tirata adunque per X la parabola $D X Y$, e le sue semiordinate $D Y$. E &, farà lo spazio parabolico $D F \& Y$ complesso delle velocità della perpendicolare $D E$, eguale allo spazio parabolico $D H T V$ complesso delle velocità della perpendicolare $D H$, imperocchè essendo eguali le quantità dell'acqua; ancora i complessi delle velocità saranno eguali.

Corollario II.

prop. 7.
11. di
questo
prop. 8.
del med.
prop. 4.
d. 2 di
questo.
Adunque se si faranno sopra $D E$. $D H$, i rettangoli eguali agli spazi parabolici, faranno i lati rimanenti, ovvero le loro altezze le medie velocità, e ritrovato il centro della velocità della perpendicolare $E D$ v. gr. H , si faccia come il quadrato della media velocità della perpendicolare $D H$, al quadrato della velocità media della perpendicolare $D E$, così $X H$ a $P 2$, farà 2 il centro della velocità della perpendicolare $D H$, essendochè le medie velocità siano parallele, o eguali alle linee paraboliche, faranno gli assi fra loro in duplicata proporzione delle massime ordinate.

SCOLIO II.

E perchè per ritrovare il centro della velocità, bisogna, che sia nota l'altezza dell'asse DX , come s'è detto nella prop 8. del lib. 2. ricercando cioè la quadratura dello spazio parabolico, come nella 7 prop del medesimo, e di più per ritrovare l'altezza dell'asse, nella maniera, che nella 6. prop del medesimo si ritrova, bisogna che sia nota la proporzione delle semiordinate massime, e minima, o pure nel nostro caso, quella della velocità della superficie, e del fondo, la quale se si ricercherà coll'esperienza v. gr. col pendolo, non è certissima, potendo essere le velocità ritardate, e conseguentemente turbata l'astratta proporzione di esse, dovuta alla discesa, si potrebbe dubitare nel caso del precedente corollario, se sia ritrovato bene il centro della velocità, ma contuttociò, perchè la proporzione delle velocità si può trovare per altri versi, come per esempio dalla lunghezza del canale, e dal l'angolo dell'inclinazione, ed ancora colle li ellazioni fatte diligentemente, coll'istrumento in particolare del celebre Montanari di felice memoria, già mio maestro, pel mezzo delle quali cose, può averfi la distanza della linea orizzontale per lo principio dell'alveo, dal fondo della sezione, v. gr. $B D$, e di qui di DX , si avrà il centro della velocità, e di poi tutte le altre cose dedotte nel corollario precedente.

Corollario III.

Laonde se sarà noto l'angolo dell'inclinazione del canale, al quale è eguale l'angolo $B D X$, oppure 3. 2. P ; essendo noto l'angolo P 3. 2. retto, e il lato $P 2$; sarà ancor manifesta trigonometricamente la quantità della perpendicolare 3. 2, cioè l'altezza dell'acqua, sopra il centro della velocità della perpendicolare $D H$.

PROPOSIZIONE VI.

Se si infonda dell'acqua in una conserva per mezzo d'un canale perpendicolare influente, e sia la quantità influente maggiore della quantità di quell'acqua, che può uscire dalla sezione, o luce data, con quella velocità, che si conviene alla cascata dal principio del canale influente fino alla luce; l'acqua nella conserva ascenderà tanto, che superi l'altezza del canale influente.

Sia la conserva $C B D$, e il canale perpendicolare influente in essa $A B$, il principio del quale A , e sia in B la velocità del cadente intera, e l'apertura B non sia sufficiente a metter fuori tutta l'acqua, che gli vien somministrata dal cadente $A B$. Dico che l'acqua nella conserva si alzerà sopra al principio A del cadente.

Fig. 35.

Si continui la conserva fino alla cima del canale influente, e perchè in questo stato l'altezza della conserva non può imprimere maggior velocità di quella, che si conviene alla discesa perpendicolare $A R$, e la velocità, che a questa si conviene, cioè l'intera, non è tanta sicchè possa tutta l'acqua scorrere per l'apertura B , dunque, o traboccherà sopra alle sponde del canale; ovvero, continuato esso canale, acquisterà tant' altezza, di maniera che potrà spingere tutta l'acqua per B ,

coila ricercata velocità. Cioè più alto salirà che A. Il che ec.

Corollario I.

Di qui ne segue che se sarà l'apertura B proporzionata all' intera velocità B, cioè se la luce B alla sezione del cadente in M, sarà in reciproca proporzione della velocità M, alla velocità B, non si tratterà alcuna porzione d' acqua nella conserva, ma tutta scorrerà fuori. Lo stesso avverrà, se la luce alla sezione avrà maggiore proporzione, che reciprocamente le velocità. Al contrario poi se maggiore sarà la proporzione della velocità M, alla velocità B, di quella, che ha l'apertura B alla sezione M, che è il caso della proposizione pur ora dimostrata.

SCOLIO I.

La velocità M, e la sezione M in questo corollario non si possono intendere nel principio del canale, ma sotto esso, essendo che nel principio la velocità è nulla, e la sezione è infinita; imperocchè nella stessa proporzione dovrebbe essere la velocità B quanta alla velocità A nulla, che la sezione A alla sezione B, ma fra il quanto, e il nulla vi corre una infinita proporzione; adunque ancora dee essere infinita la proporzione della sezione A alla sezione B, quale appunto è quella che passa fra la sezione A infinita, e la sezione B finita.

Corollario II.

Adunque in questo senso, perchè la velocità M, alla velocità B ha maggior proporzione, che la luce B alla sezione M, si faccia come la luce B alla sezione M, così la velocità M, ad un'altra velocità F, e come il quadrato della velocità M, al quadrato della ritrovata velocità F, così si faccia A M, a G R, sarà G R l'altezza fino alla quale crescerà l'acqua nella conserva nel caso di questa ultima proposizione; e maggiore di A R, come facilmente si può provare da quel, che si è fin ora dimostrato.

Corollario III.

Ma se la velocità del canale influente sarà ritardata, essendo l'apertura proporzionata all' intera velocità, l'acqua salirà nella conserva fino al principio del canale A. imperocchè ascendendo l'acqua fin lì, restituirà l' intera velocità, e però per esso escirà tutta l'acqua.

Corollario IV.

Che se la luce sia proporzionata a qualche velocità ritardata, nè peranco l' acqua esca tutta, è evidente essere la velocità più ritardata di quel che comporti la reciproca proporzione de' fori, e delle velocità, cioè il foro essere minore di quel che richiegga la data velocità dell'acqua ritardata.

data, dunque l'acqua si alzerà nella conserva v. gr. fino all'orizzontale $C D$, di maniera che l'altezza $R C$ restituisca quella velocità, che è proporzionata alla luce.

Corollario V.

E di qui è chiaro, che l'altezza $C R$ della superficie dell'acqua $C D$ aggiungerà maggior velocità alla luce B , che tutta la caduta $A B$, ogni volta che è ritardata la velocità.

Corollario VI.

Ed in oltre non essere da considerarsi l'impeto del cadente perpendicolare nella conserva, ovvero non far nulla alla velocità delle luci, mentre sta fissa la superficie dell'acqua, se non quanto alcuna volta la superficie dell'acqua qualche pocolino per l'impeto del cadente, va in giù, e in su, ma essere solamente considerabile l'altezza della superficie dell'acqua sopra i centri della velocità delle luci.

Corollario VII.

Tutto quel che fin ora si è dimostrato, supposto la cadente perpendicolare, si dimostrerà nel medesimo modo supposta inclinata.

Corollario VIII.

Adunque supposte le stesse cose, e la stessa figura della seguente proposizione, perchè per la strettezza della sezione $D H$, l'acqua non può scorrere colla primiera velocità, e l'acqua ritenuta si livella alla superficie, che sta ferma $A X$; l'altezza $B D$ imprimerà la velocità in 2 (supponga 2 centro della velocità) minore di quel che fosse dianzi per la discesa $A D$, e in conseguenza la velocità 2, fatta dall'altezza 2 3, non sarà ritardata dal contatto, e soffregamento del fondo da A fino in D .

Fig 33.

Corollario IX.

Che se l'orizzontale $A X$ pareggerà precisamente il principio dell'alveo, farà l'altezza $D H$ della sezione, quella che averebbe l'acqua, se non fosse ritardata la sua velocità [che è il converso del quarto corollario] ma se l'orizzontale $A X$ sia sotto l'orizzontale per lo principio dell'alveo, farà l'altezza dell'acqua maggior di quella, che richiederebbe l'intera velocità, e al contrario, se sarà $A X$ sopra all'orizzontale per lo principio dell'alveo.

PROPOSIZIONE VII.

Se la velocità dell'acqua corrente per un canale inclinato sarà ritardata, facendo nella sezione una data altezza, e per di sopra si chiuda la sezione, di maniera l'acqua cresca ad un'altezza fissa, le diverse velocità dell'acqua talmente fra loro si proporzioneranno, che converranno in una parabola, il vertice della quale, è il punto comune alla perpendicolare per di sopra prolungata, e alla superficie dell'acqua, e l'asse la medesima perpendicolare prolungata.

Fig. 33.

Sia il canale $L D$, pel quale la velocità dell'acqua corrente ritardata faccia nella sezione D l'altezza $D E$, e si chiuda la parte superiore di essa; e crescendo l'acqua sia la sua ferma superficie $A X$. Dico che pel restante della sezione $D H$ l'acqua scorrerà in maniera, che tutte le velocità convengano nella parabola che abbia il vertice X , e l'asse $D X$.

prop. 1.
del 2 di
questo

E perchè $A X$ è la superficie dell'acqua, che sta sempre ferma nel medesimo stato, mentre dura l'uscita per la sezione $D H$, e l'entrata per lo canale $L A$, sarà $A D X$ una conserva; colla luce $D H$, $A X$ e la superficie dell'acqua, che si mantiene sempre nella medesima altezza, durante l'entrata eguale per $L A$; ma nelle conserve le velocità sono fra loro in sudduplicata proporzione dell'altezze dell'acqua, che per di sopra preme; adunque la velocità in D , alla velocità in H , è in sudduplicata proporzione delle linee $B D$, $N H$; ma come $B D$ a $N H$, così $D X$, a $X H$; adunque la velocità in D alla velocità in H , cioè $D Y$ a $H 4$, è in sudduplicata proporzione delle linee $D X$, $X H$, e conseguentemente converranno nella parabola $D X Y$, che ha il vertice X , e l'asse $D X$; e sarà lo spazio parabolico $D H 4 Y$ il complesso delle velocità della perpendicolare $D H$, e nel medesimo modo si dimostrerà, che tutte le velocità della perpendicolare $D H$ terminano al segmento parabolico $Y 4$. Il che ec.

S C O L I O.

Si è dimostrato la stessa proposizione per torre il dubbio, che l'acqua che viene possa crescere qualche velocità nella sezione $D H$, a causa dell'impeto del cadente $L A$, il che contuttociò è falso, sì per le cose ivi dimostrate, sì come ancora perchè l'impeto del cadente, e la superficie dell'acqua si equilibrano. E questa settima proposizione si è dimostrata più a questo fine, perchè da essa dipende immediatamente la misura dell'acqua corrente, che ora ricerchiamo; benchè d'altronde si potesse ricavare come corollario.

Corollario.

Sicchè da questa proposizione se ne cava la regola universale per misurare tutte l'acque correnti ne' canali, e siano orizzontali, o inclinati, o solitari, o in qualsivoglia modo uniti, ancora avendo riguardo al ritardamento della velocità, causato da qualsivoglia impedimento fino alla sezione; purchè le velocità massime, medie, minime ec. di tutte le perpendicolari della sezione, nella quale si dee far la misura siano eguali. Laonde sia

Regola generale per misurare l'acque di qualsivoglia fiume.

In primo luogo, acciocchè sia la velocità dell'acqua da pertutto simile a se, si scelga quella sezione del fiume, sopra, e sotto alla quale sia l'alveo, quanto più può esser diritto, cosa facile a trovarsi ne' fiumi grandi, e non gran cosa difficile a farsi ne' piccoli.

II. Eletto il sito proporzionato del fiume, per isfuggire l'irregolarità, se manca la naturale sezione, si adatti ad esso l'artificiale (ovvero come è chiamata dal Castelli, il Regolatore) fatta di pietra, o con regoli che gli servano per lati, come tornerà più facile, la base della quale A B, sia esattamente orizzontale, e i lati, o sponde perpendicolari; e in un lato v. gr. B D si segni una qualunque misura, che sia in uso, v. gr. Piedi, Braccia ec. e nella parte superiore si adatti la cateratta E G, che talmente si possa lasciare scorrere, che la sua inferior superficie E F, sempre resti nel sito orizzontale, e per questa sezione si sforzi a passare tutta l'acqua del fiume.

III. Stando il fiume nel medesimo stato, cioè non s'alzando, nè abbassando la sua superficie, si lasci andare la cateratta sotto la superficie dell'acqua, adunque per la proposizione seconda, e per le cose quivi notate, si alzerà la superficie dell'acqua fino ad un termine stabile, che sia v. gr. K L.

IV. Si osservi nel lato B D l'altezza B K della superficie dell'acqua sopra il fondo della sezione artificiale B A, la quale per lo più non supererà gran fatto la precedente altezza dell'acqua, sì per lo poco declive, che è solito essere negli alvei inclinati de' fiumi, che spesso fanno l'angolo coll'orizzontale insensibile, siccome pel ritardamento causato da vari impedimenti accidentali, come sono l'ineguaglianza delle ripe, e del fondo, e la scambievole inclinazione delle medesime, e le tortuosità, e le corrosioni, che tolgono la dirittura dell'alveo, la reciproca strettezza, e larghezza delle sezioni, le quali cose tutte son di grandissimo impedimento all'accelerazione del moto. Ma se le circostanze facessero temere, che l'acqua per la troppa effluenza superasse le ripe, e gli argini, si dovranno amare, e rialzare secondo il bisogno.

Così fatte, e osservate queste cose s'intenda la parabola B K H descritta coll'asse B K, e ordinatamente applicate B H F I, si ritrovi della perpendicolare B F il centro della velocità per la 5. prop. del lib. 2., imperocchè facilmente si ritroverà la proporzione F I a B H, per la natura della parabola, essendo nota per mezzo dell'esperienza B K. K F. Sia dunque M il centro della velocità; tirata M N semiordinata, questa sarà la media velocità della perpendicolare K B.

Se l'alveo sia sensibilmente inclinato, bisognerà ritrovare l'inclinazione, per sapere con quella, pel Coroll. 3. della prop. 5. l'altezza dell'acqua, che gravita sopra al centro della gravità, la quale ritrovata, o per la prop. 10. del lib. 2., o per mezzo d'una particolar tavola; si ritrovi lo spazio conveniente alla velocità, questo si moltiplicherà per la perpendicolare F B, e il prodotto si moltiplicherà per la larghezza della sezione A B, il numero che ne risulta, assegnerà la quantità delle misure cubiche dell'acqua, di quel genere di misura di che ci faremo servir in quest'operazioni.

La dimostrazione della verità di questa misura parte dipende dall'antecedente.

dente proposizione, parte dal Corollario della prop. 10. del lib. 2. essendosi ritrovata la misura di quell'acqua, che esce per la sezione BL , turata per di sopra; ma questa è eguale a quella, che per l'avanti esce per la sezione aperta, per quel che si è dimostrato nella 3. prop. di questo, farà dunque altresì la misura della quantità dell'acqua, che prima passò per la sezione aperta, cioè per qualunque altra sezione del medesimo fiume.

SCOLIO II.

Se non fosse bastante una sola cataratta se ne mette più, perchè torna l'istesso, fare una sola misura d'un fiume in una volta, o in più volte accoppiarne più insieme; siccome non importa niente in questo caso, che l'inferiori superficie di tutte le cataratte siano elevate alla medesima linea orizzontale, o a diversa: purchè lo stato dell'acqua sempre sia il medesimo, e si abbia riguardo distinto di tutte le perpendicolari, che hanno lunghezza diversa.

SCOLIO III.

Fig. 37.

L'inclinazione d'un canale facilmente si ritrova in diverse maniere, ma in particolare colla seguente. Sia una squadra doppia, composta da' regoli ABD . CB , che stiano tra loro ad angoli retti in B , sia accomodato un altro regolo EBG mobile, intorno al vertice dell'angolo retto B , il quale abbia una punta nella parte inferiore BG da potere ficcare nel terreno, l'altra parte BE , sia eguale a BC e si divida l'una, e l'altra in parti simili, e eguali comunque piace, e si prepari un altro regolo, o attaccato al termine delle divisioni dell'uno, e dell'altro di detti lati v. gr. nel punto E , ovvero (il che torna meglio) separato; diviso ancor esso in particelle simili a quelle delle divisioni di EB , BC . Si ficchi pertanto nel fondo del fiume, del quale si cerca l'inclinazione il regolo BG , finchè ABD per lo lungo sia esattamente accomodato al piano del fondo, ma bisogna, che il detto regolo EBG sia perpendicolare all'orizzonte, il che si può riscontrare col pendolo; così fermate le cose, l'altro regolo EC applicato insegnerà, quanto sia la base EC del triangolo EBG nelle parti de' lati EB . BC ; quale riconosciuta, farà noto trigonometricamente l'angolo EBG , che sarà l'inclinazione del canale, perciocchè tirata per B l'orizzontale HI , perchè gli angoli EBI . CBD sono retti, se si tolga il comune CB rimarrà l'angolo EBG eguale all'angolo IBD dell'inclinazione del canale.

SCOLIO IV.

Nè si debbe opporre a questo modo di misurare l'acque correnti, la grande spesa, e le difficoltà nel fabbricare le macchine, che si debbono preparare, poichè si dee rispondere quello, che intorno a ciò ammonisce egregiamente il P. Castelli, cioè nella misura de' gran fiumi esservi necessario ancora il comando di gran Principi, e per lo più queste idee non si mettere in pratica, se non vi fosse qualche gran necessità, e utilità, che diminuiscono le spese. Inoltre si trovano, quasi in tutti i fiumi certe macchine, come sono i derivatori dell'acque, ovvero steccate trasversali de' fiumi per de-

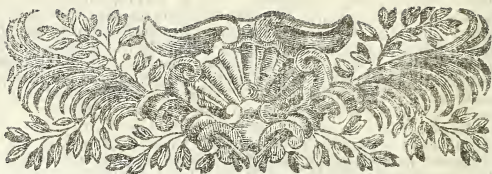
derivare l'acqua altrove, dette *Pescaie*, o *Chiuse*, sopra i piani superiori orizzontali delle quali ereggendovi perpendicolarmente colonne di legno, vi si possono accomodare le cateratte quali sono le cateratte versatili fatte per sostenere, e equilibrare l'acqua de' canali, dette *Sostegni*, o *Ecluse*, che sono quasi tutta la macchina, i pilastri, ovvero i ponti de' quali, fanno l'effetto medesimo delle sponde d'una sezione artificiale, e si può servirsene con poco negozio. Ho veduto spessissimo ne' fiumi gonfi d'acqua, e ne' quali la capacità degli archi, di cui sono fatti i ponti, non era sufficiente al corso dell'acque, essere alzato dalla parte superiore il livello dell'acqua, finchè acquistata la velocità richiesta scorresse l'acqua del fiume sotto agli archi de' ponti; quelchè ancora il Castelli nota essere accaduto nell'inondazione del Teverel'anno 1598. nella quale, benchè l'acque di quà, e di là superassero le ripe, contuttociò, tutte scorsero di sotto a' ponti Fabbrizio e Cestio, nel qual caso non sarebbe stato impossibile trovare la misura dell'acque del Tevere in tutte le perpendicolari della sezione, servendo in vece delle cateratte la parte superiore del ponte.

Finalmente se nel fiume non vi fosse alcuna di queste macchine, e fosse difficile il fabbricarvene, bisogna ricorrere a' minori influenti, de' quali prese puntualmente le misure, e sommate di poi insieme costituiscono l'intera misura del maggiore.

SCOLIO V.

Avendo di sopra nella regola generale fatta menzione d'una Tavola, per mezzo della quale si possono avere gli spazj, che convengono a qualsivoglia altezza, la doveamo por qui. Ma contuttociò abbiamo stimato cosa ben fatta differirla dopo il fine di questo trattato, sì per aver tempo di estenderla quanto conviene, come ancora per poterla staccare dal libro, e servirsi in qualsivoglia occorrenza.

FINE DEL QUARTO LIBRO.



LIBRO V.

Nel quale si considerano varie affezioni de' canali orizzontali perpendicolari, e inclinati solitari.

PROPOSIZIONE I.



E per mezzo d'un canale orizzontale l'acqua entri in qualche stagno, la superficie del quale sia permanente, e se n'escia per un altro canale orizzontale d'eguale larghezza, e sia il fondo dell'uno, e l'altro canale nel medesimo piano, sarà ancora la superficie dell'acqua dell'uno, e dell'altro canale, e dello stagno nella medesima orizzontale.

Fig. 38.

Sia l'influente canale AB , e lo stagno BDG ; e l'altro canale, pel quale se n'escie l'acqua, CO ; e siano AB , CO nel medesimo piano, e sia l'altezza dell'acqua del canale influente BF , e per F si tiri la linea $EF GH$, e da C si eretta la perpendicolare CG , che sia l'altezza dell'acqua in C . Dico che l'orizzontale BH sarà comune.

E perchè FG superficie dell'acqua nello stagno è fissa, tanta sarà l'acqua, che vi entra, quanta sarà quella, che esce; laonde supponendosi eguale la larghezza dell'uno, e dell'altro canale in C , B , sarà il complesso delle velocità della perpendicolare GC , eguale al complesso delle velocità della perpendicolare FB . Sia dunque, se è possibile, l'altezza GC minore di FB , sarà dunque minore la velocità del punto C , che del punto B ; sia CI la velocità del punto C , minore di BK velocità del pun-

prop. 3
lib 4 di
questa

to B, e si descrivano le uguali parabole $F B K$. $G C I$, che faranno i complessi delle velocità delle perpendicolari $F B$. $G C$, e perchè $C I$ è minore di $B K$, si faccia $B L$ eguale a $C I$, e eretta la perpendicolare $M L$, che segnerà la parabola in M , si tiri per M la semiordinata $M N$, che sarà eguale a $C I$, e $F N$ sarà eguale a $G C$, e in conseguenza la parabola $G C I$ si adatterà per l'appunto alla parabola $F N M$; ma $F N M$ è minore di $F B K$, adunque anco $G C I$ sarà minore di $F B K$; e sono, come si è dimostrato, $F B K$. $G C I$, i complessi delle velocità delle perpendicolari $F B$. $G C$, adunque il complesso delle velocità della perpendicolare $F B$ sarà maggiore del complesso delle velocità della perpendicolare $G C$; ma è ancora eguale, come si è dimostrato, il che è impossibile. Non sarà dunque $F B$ maggiore di $G C$. Similmente si dimostrerà, non potere esser nè anco minore; faranno dunque eguali le $F B$. $G C$. E nella medesima maniera si dimostrerà $E A$ essere eguale ad $H O$, e ancora alle predette $F B$. $G C$. Laonde $E F G H$ sarà la medesima orizzontale. Il che ec.

*Corol. 4.
prop. 2.
di questo*

Corollario I.

Da questo si ricava, che la superficie de' canali orizzontali è quando sia piana, ed equidistante al fondo del canale, essendo in tutte le sezioni la medesima larghezza.

Corollario II.

E benchè le sezioni siano ineguali, lo stesso contuttociò sarà vero, se la larghezza dell'ultima sezione sarà o la più piccola dell'altre, o eguale alla più piccola, imperocchè all'altezza di essa si livellano tutte l'altre, ma in questo caso le larghezze dell'altre sezioni non son vive, perchè rimane stagnante l'acqua nelle parti laterali, o gira formando vortici.

S C O L I O.

Per la qual cosa, che le superficie, ne' fiumi ancora orizzontali, siano più basse vicino allo sbocco, che lontano da esso, n'è causa l'essere nel primo caso maggior la larghezza delle sezioni, che nel secondo, la quale appoco appoco cresce quanto più l'acqua s'accosta allo sbocco; e questo accade naturalmente, perciocchè l'acqua vicino allo sbocco, conservata la medesima velocità, dovrebbe cadere perpendicolarmente, o poco meno; e così del troppo impeto, è necessitata a corrodere le ripe, e conseguentemente vengono a ridursi le sezioni proporzionate, tal che per quanto è possibile la superficie dell'acqua sia una sola. Ma di ciò diremo un'altra volta.

Corollario III.

Parimente si verificherà la proposizione, se il canale influente è inclinato; imperocchè in quel caso $F G$. $G H$ saranno nella medesima orizzontale, essendo che l'acqua nella conserva, o stagno si disporrà ad una tale altezza, quale richiederà la quantità dell'acqua influente, e la larghezza dell'emiss.
sa.

fario, o della prima sezione, la quale dipoi si continuerà, come è dimostrato.

Corollario IV.

Adunque farà lo stesso o essendovi qualsivoglia canale influente, o non ve ne essendo alcuno, se l'acqua sormonti dal fondo d' un ricettacolo B D C, il che suole per lo più ne' laghi accadere.

PROPOSIZIONE II.

Data l'altezza, che ha l'acqua in una conserva v. gr. o in uno stagno ec. sopra il fondo della prima sezione, ritrovare l'altezza, che ha la medesima acqua nella perpendicolare della prima sezione.

Questa proposizione suppone l'acqua stagnante, o almeno livellata in qualche conserva, peschiera, lago, palude ec. e suppone essere fatto nella conserva un emissario, che faccia il medesimo effetto d' una sezione artificiale, alla quale sia applicato un canale inclinato, del quale parlammo nella supposizione del libro 2.

Fig 39. Sia dunque A B l'altezza, che ha la superficie L S livellata della conserva, sopra al fondo della prima sezione B. Bisogna ritrovare l'altezza, che farà l'acqua nella perpendicolare della prima sezione B D.

Si prolunghi L S. B D finchè concorrano nel punto C, e col centro B, e con l'intervallo B A si descriva l'arco A D, che seghi B C in D, e intorno a C B descrittà la semiparabola B C E si pigliano fra B C. D C le due medie proporzionali F. G; e si faccia come B C ad F, così B E velocità massima della sezione B, a B H, e per H si tiri H N parallela a B C, che seghi la linea parabolica in N, perchè B H necessariamente è minore di B E, essendo B C maggiore di D C; e per N si tiri la N M parallela a B E, che seghi B C in M. Dico che B M sarà l'altezza ricercata.

prop. 7. Perchè il punto B della sezione B M ha la velocità conveniente alla scelta S B, ovvero alla pressione, che sia eguale a B A, e ancora averebbe la medesima il punto B, se O B prolungata v. gr. in P facesse da B fino in P un canale orizzontale, sarà la velocità nel punto B nell'uno, e nell'altro caso la medesima. Laonde presa B E come comune velocità, con l'asse B D si descriva la parabola B D E, che seghi B C E in E; perchè dunque B D è eguale a B A, e B E è la velocità del punto B, sarà la parabola B D E il complesso delle velocità della perpendicolare B A. Ma perchè B C, a C D è in tripla proporzione di B C ad F, e come B C ad F, così B E a B H, o ad M N, sarà B C a D C in tripla proporzione di B E ad M N. Nella medesima triplicata proporzione di B E a M N, è la parabola C B E, alla parabola C M N, dunque come B C a D C, così la parabola C B E alla parabola C M N; e dividendo come lo spazio B M N E alla parabola C M N, così B D a D C; ma come B D a D C, così la parabola B D E allo spazio C D E, dunque come lo spazio B M N E alla parabola C M N, così la parabola B D E allo spazio C D E; e convertendo come la parabola C M N allo spazio B M N E, così lo spazio C D E alla parabola D B E; e componendo, come la parabola C M N insieme collo spazio B M N E, cioè tutta la parabola C B E allo spazio B M N E, così lo spazio C D E insieme colla parabola D B E, cioè tutta la parabola C B E alla parabola D B E, e in conseguenza sarà lo spazio parabolico B M N E, ov-

ovvero il complesso delle velocità dell'altezza BM , eguale alla parabola BDE complesso delle velocità della perpendicolare DB , o BA : ma il complesso delle velocità della perpendicolare DB , è dell'acqua, che esce dalla conserva per lo canale orizzontale, pel quale tanta n' esce, quanta ve n'entra, adunque tanta n' esce per BM , quanta n' entra mantenendosi la medesima orizzontale LS , e così farà BM l'altezza ricercata.

SCOLIO I.

Si suppone che nella conserva la superficie dell' acqua sempre sia ferma, e che sia continuata l'entrata, di maniera, che l'acqua che esce pel canale orizzontale faccia l'altezza BA , e la larghezza del canale orizzontale sia la medesima, che quella dell'inclinato. Del rimanente se l'acqua della conserva fosse stagnante, e di nuovo non vi se ne somministrasse, in sul principio del flusso si farebbe l'altezza BM , ma di poi a poco a poco diminuirebbe, secondo che s'abbassasse l'orizzontale LA , e questo seguirebbe in qualsivoglia larghezza dell' emissario; imperocchè se la sua larghezza fosse maggiore della larghezza del canale influente, o effluente; primieramente manderebbe fuori più acqua di quella, che ve n'entra, e farebbe la medesima altezza BM , ma non si manterrebbe la superficie sempre la medesima, e tanto discenderebbe, che diminuito l'esito dell'acqua pel canale SBH , finalmente l'entrata, e l'uscita si agguaglierebbero, e di nuovo l'altezza BM risponderebbe colla medesima proporzione all'altezza BA .

Corollario I.

Dunque se BA si supponga raggio sarà BC secante dell'angolo dell'inclinazione, la quale se si caverà dalle Tavole Trigonometriche, e fra la secante, e l'eccesso di essa sopra il raggio si trovino le due medie proporzionali, farà la proporzione della secante alla prima media, la proporzione delle velocità BE . MN massima, e minima della prima sezione. Imperocchè supposto che BE sia eguale a BC , sarà MN , la seconda proporzionale; la qual proporzione della massima velocità, alla minima nella prima sezione, sarà moltiplicata di quella, che ha la secante dell'angolo dell'inclinazione alla differenza tra essa, e il raggio.

Corollario II.

E perchè la proporzione di BC , o di BE , a CM è doppia di BE ad MN , e parimente la proporzione di BC , o di BE a G , è per la costruzione duplicata di quella, che ha BE ad MN , sarà come BE a G , così BE a CM ; farà dunque CM eguale alla seconda media proporzionale G ; laonde se da tutta la secante BC si tragga CM , la rimanente BM sarà l'altezza ricercata nelle parti del raggio BD .

Appendice Geometrica.

Fig. 40. Dal Corollario precedente si fa chiaro, che nelle parabole terminate equicrui, cioè in quelle, che hanno i diametri eguali alle massime semiordinate, se si tiri qualsivoglia altra semiordinata, faranno la massima semiordinata, la seconda semiordinata, e la sesta della seconda semiordinata, cioè la parte del diametro intercetta fra la seconda semiordinata, e l' vertice della parabola in continua proporzione. Come se sia nella parabola $A G H$ qualsivoglia diametro $G B$, e la semiordinata $A B$ eguale al diametro $B G$, e da qualsivoglia punto E , si tiri $E F$ semiordinata, faranno le $A B$, $E F$, $F G$ in continua proporzione, essendo la proporzione di $G B$, o $B A$ a $G F$ duplicata di quella, che ha $B A$ ad $E F$.

Corollario III.

Sicchè la proporzione, che ha l'altezza dell'acqua nella conserva sopra il fondo della prima sezione all'altezza, che ha nella prima sezione, è quella che ha il raggio, alla differenza fra la secante dell'angolo d'inclinazione, e la seconda delle due medie proporzionali fra essa, e l'eccesso di essa sopra il raggio.

Corollario IV.

Da quel che si è detto, è chiaro, come dalla data proporzione fra la velocità del fondo, e la velocità della superficie nella prima sezione, si possa riconoscere l'angolo dell'inclinazione del canale, del quale è la prima sezione; e se dati sia l'altezza della prima sezione, come si possa ritrovare l'altezza dell'acqua nella conserva. Conciosiachè se sia data la proporzione di $B E$ velocità massima ad $M N$ velocità minima, sarà questa proporzione triplicata la medesima, che della secante dell'angolo dell'inclinazione alla differenza fra essa, e l'raggio; v. g. se a $B E$. $M N$ si aggiunga la terza proporzionale, questa sarà $M C$, alle quali se si aggiunga la quarta, questa sarà $D C$, la quale detratta da $B E$, supposta eguale a $B C$, lascerà $B D$, a cui è eguale il raggio $B A$, pel converso dell'Appendice Geometrica proposta; laonde se si faccia come $A B$ a $B C$, così 100000. ad un'altra, questa sarà la secante, che ritrovata nelle tavole dimostrerà l'angolo $A B C$ dell'inclinazione, e se sia data $M B$, sarà ancora data $B A$; essendo la proporzione di $B M$ a $B A$, quella, pel Corollario antecedente, che ha la differenza fra la secante, e la seconda delle due medie predette, al raggio. Ancora altrimenti si potrebbe ritrovare l'altezza $B A$ per la 6. prop. del lib. 2., e pel suo corollario terzo, ma ivi si suppone noto l'angolo dell'inclinazione, ma non già in questo corollario.

Corollario V.

Colla medesima dimostrazione resta provata questa Proposizione cioè: D. data l'altezza, che ha l'acqua in un canale orizzontale, ritrovare l'altezza che

che avrebbe in un canale in qualsivoglia modo inclinato. Conciofiachè nel canale orizzontale le velocità terminano alla linea parabolica, che ha per asse l'altezza della sezione, ovvero l'altezza dell'acqua sopra il fondo della prima sezione del canale inclinato, e però quel che si è detto, e si dirà intorno alle conserve, lo stesso appunto si adatta al canale orizzontale.

PROPOSIZIONE III.

Cresciuta l'altezza dell'acqua nella conserva, si cresce ancora proporzionalmente l'altezza dell'acqua nella prima sezione.

Sia la prima sezione B, sopra il fondo della quale l'altezza dell'acqua della conserva sia B O, che faccia nella sezione B l'altezza B I, e si accresca nella conserva l'altezza dell'acqua fino ad F, e corrisponda ad essa nella sezione B, l'altezza B E; Dico come B E a B F, così essere B I a B E. Fig. 41.

Conciofiachè B O a B I sta come il raggio alla differenza fra la secante dell'angolo dell'inclinazione, e la seconda delle due medie proporzionali fra essa, e la differenza di esso raggio, ma la medesima proporzione ha B F, a B E sarà dunque come B F a B E, così B O a B I e permutando, come B F a B O, così B E a B I; o come B O a B F, così B I a B E. Il che ec.

S C O L I O.

E da avvertire che il punto F non è nella superficie dell'acqua corrente; imperocchè questa da A a B è sempre sotto A C, la quale si piglia, sì in questa, comenella passata proposizione, per orizzontale per lo principio dell'alveo, ovvero per superficie livellata della conserva, e continuata fino in C; laonde quando si dice F B essere l'altezza dell'acqua nella conserva, sopra alla sezione B, intendiamo essere questa la distanza dell'orizzontale della sezione B dall'orizzontale per lo principio dell'alveo A, ovvero la perpendicolare A R.

Corollario I.

Da questo si raccoglie, che se colla linea O I si congiungano le prime altezze; e ad esse per F si tiri F E parallela, che segghi B C in E, sarà B E la seconda altezza nella sezione B.

Corollario II.

E perchè dividendo, come F O a B O così I E a I B, e permutando come F O ad I E, così B O ad I B; faranno ancora gli aumenti, e le prime altezze, o ancora le seconde fra loro proporzionali, e di più la prima altezza nella conserva al suo aumento, averà la medesima proporzione, che la seconda altezza al suo aumento ec.

Corollario III.

Corol. 2.
prop. 5.
lib. 3. di
questo.

E perchè le quantità dell'acqua nelle perpendicolari $B F$. $B O$ sono in triplicata proporzione di quella, che è sudduplicata fra le medesime perpendicolari, ed è come $B F$ a $B O$, così $B E$ a $B I$, ne segue, che le quantità dell'acqua per $B F$. $B O$, ovvero le quantità per $B E$, $B I$ eguali alle medesime, sono fra loro in triplicata proporzione di quella, che è sudduplicata fra $B E$. $B I$, laonde se $E H$ si ponga perpendicolare a $B E$, e ad essa eguale: e col vertice B , e coll'asse $B E$ si descriva la semiparabola equicrura $B H E$, e per I si tiri la semiordinata $I G$; farà la proporzione dell'acqua per $B E$ all'acqua per $B I$ triplicata di quella di $B E$ ad $I G$, imperocchè $G I$ è media proporzionale fra $H E$, o $B E$, e $B I$, per l'appendice Geometrica della precedente proposizione, e se si ponga quarta $B X$, farà la proporzione dell'acqua per $B E$ all'acqua per $B I$ quella, che ha $E H$, o $B E$ a $B X$.

Corollario IV.

Di quì si potrà ancora ricavare la misura proporzionale dell'acqua cresciuta, e non cresciuta, se farà nota la proporzione fra $B E$, e $B I$, o fra $B F$, e $B O$, vedi il corollario terzo prop. 5. del lib. 3.

Corollario V.

prop. 12.
lib. 1. di
questo.

Ma perchè le somme delle velocità di diverse perpendicolari; ovvero le quantità dell'acqua per esse, hanno ragion composta delle proporzioni dell'altezza prima alla seconda, e della velocità media della prima, alla velocità media della seconda perpendicolare, si potrà dalla data proporzione, che hanno fra loro l'acque, e l'altezze, ritrovare ancora la proporzione delle velocità medie; conciossiachè se fra $B E$, $B I$ si trovi la media proporzionale $I G$, e si aggiunga la quarta $B X$, farà la proporzione $E B$ a $B X$ la medesima, che dell'acqua cresciuta, e non cresciuta, ma la proporzione di $E B$ a $B I$, è la proporzione dell'altezze; adunque la proporzione $B I$ a $B X$ farà quella delle medie velocità; essendo la proporzione $E B$, a $B X$ composta della proporzione $E B$ a $B I$ e di $B I$ a $B X$, la prima dell'altezze, la seconda delle velocità.

Corollario VI.

Essendo dunque $B I$ a $B X$ come $B E$ ad $I G$, ne segue, essere la proporzione delle velocità fattuplicata di quella dell'acque, e similmente sudduplicata dell'altezze, e convertendo che la proporzione dell'acque è fattuplicata delle medie velocità, e la proporzione dell'altezze è duplicata delle medie velocità.

Corollario VII.

Similmente essendola velocità massima della perpendicolare B E alla velocità massima della perpendicolare B I. in ragione sudduplicata di B F a B O, o di B E, a B I, ed essendo nella medesima sudduplicata le velocità medie, ne segue, che le velocità massime delle due perpendicolari della prima sezione, siano proporzionali alle velocità medie delle medesime perpendicolari.

Corollario VIII.

Sarà dunque come la velocità massima B K dell'altezza B E, alla velocità massima B L dell'altezza B I, così la velocità media v.gr. M N dell'altezza B E, a P Q velocità media dell'altezza B I, e permutando, come B K ad M N, così B L a P Q; ma B K ad M N è in proporzione sudduplicata di T B a T M; adunque ancora la proporzione di B L a P Q sarà sudduplicata di T B a T M; ma la proporzione di B L, a P Q, è sudduplicata di quella, che ha V B ad V P; adunque come T B a T M, così V B ad V P, e come T M ad M B, così V P a P B; adunque i punti M, P, che si suppongono centri di velocità, similmente segheranno T B, V B, e conseguentemente i centri delle velocità delle due perpendicolari nella prima sezione, similmente segano gli assi delle parabole, che sono le misure della velocità di esse.

Fig. 43.

Corollario IX.

Quelche si è dimostrato intorno all'augumento dell'acqua, serve ancora proporzionalmente pel decremento.

S C O L I O II.

Da questa cosa apparisce una certa corrispondenza fra le sezioni de' canali orizzontali, e la prima sezione de' canali inclinati; poichè sì in quelli, come in questa; Primieramente gli aumenti, e gli scemamenti si fanno proporzionalmente; in secondo luogo le quantità dell'acque sono fra loro in sesquialtera proporzione dell'altezze; ed in terzo luogo le velocità medie hanno fra loro proporzione sudduplicata dell'altezze, e in questo le velocità medie sono proporzionali alle massime ec. Con tutto ciò in molte cose diversificano, imperocchè nella prima sezione il centro della velocità non è demerso a $\frac{1}{9}$ dell'altezza; e parimente in secondo luogo l'altezze dell'acque non sono similmente segate dal centro: ed in terzo luogo le velocità non terminano all'intera parabola, ma al segmento della parabola ed il complesso è uno spazio parabolico, e non parabola ec. come nelle sezioni de' canali orizzontali. Il che in vero è proprio di questa convenienza naturale di cose. Imperocchè essendo la prima sezione del canale inclinato il mezzo, col quale si connette il canale orizzontale coll'inclinato: è cosa convenevole, che le proprietà dell'una, e dell'altra si uniscano.

Fig. 43.

PROPOSIZIONE IV.

Se l'acqua escendo da una conserva, entri in un canale inclinato, facendo nella prima sezione di esso un' altezza determinata, la superficie dell' acqua si disporrà in un piano tirato per lo principio del canale, e per l' altezza della prima sezione.

Fig. 43. Dalla conserva A E C scorra l'acqua per la prima sezione C coll' altezza C D; e sia applicato il canale inclinato C N, quale si intenda prolungato sopra fino ad A superficie dell' acqua. Dico, che l' acqua della conserva, talmente scorrerà pel canale A C, che la sua superficie sia nella medesima retta A D.

Presi qualsivogliano punti fra A, e C, v. gr. K, G, si erleggano ad A B orizzontale per lo principio dell' alveo le perpendicolari K I, G F, C O, e K M, G M perpendicolari ad A C.

*Coroll. 3
della
prop. 2.
di questo*

E perchè C è prima sezione, ed è la sua altezza C D, farà C D a C O, come la differenza fra la secante, e la seconda delle due medie proporzionali ritrovate fra la secante dell' angolo O C D, e il raggio, ad esso raggio; ma la medesima proporzione ha G H a G F, essendo gli angoli O C D, F G H eguali, e G è prima sezione in riguardo all' acqua superiore G A; adunque come C D a C O così G H altezza dell' acqua in G a G F altezza dell' acqua nella conserva sopra il fondo della prima sezione G; similmente come C D a C O, così si dimostrerà K M a K I, e permutando, come C D, G H, K M, fra loro, così A C, A G, A K; C O, G F, K I; ma come C O, G F, K I, così adunque come A C, A G, A K, così C D, G H, K M; e permutando, come A C a C D, così A G, G H ed A K, a K M; e però faranno i punti A, M, H, D in una linea retta. Il che ec.

Corollario.

Di quì è chiaro, che se si cresce l'acqua nella conserva v. gr. fino a T V, di maniera che il principio del canale sia S la superficie dell' acqua si disporrà per la retta S R parallela ad A D; perchè essendo come C A ad A S, ovvero C O, ad O V, così C D a D R, farà pel Coroll. 2. della prop. antecedente C R altezza della prima sezione dopo l' accrescimento, e disponendosi l'acqua colla superficie S R, farà la superficie dell' acqua S R parallela ad A D, perchè sono segati proporzionalmente i lati del triangolo S C R.

PROPOSIZIONE V.

Fig. 44. Data l' altezza, sotto la quale l'acqua scorre per un canale orizzontale, ritrovare l' altezza della prima sezione in un canale perpendicolare, sotto la quale possa scorrere la medesima acqua.

Sia il canale orizzontale A B, e la sua altezza B D, e ad esso sia applicato il canale perpendicolare B C della medesima larghezza, bisogna ritrovare l' altezza, sotto la quale l' acqua del canale orizzontale A B possa scorrere per la perpendicolare B C nella prima sezione di essa.

Coll' asse B D si descriva la parabola equicure B D E, che sarà il comple-

pleffo delle velocità della perpendicolare D B, e ritrovata la media velocità F G, fi faccia come B E ad F G, così B D a B H. Dico B H effere la ricercata altezza.

Imperocchè la velocità media, colla quale scorre l'acqua pel canale orizzontale, è F G, e la velocità, colla quale dee scorrere per lo perpendicolare nella prima fezione B H, è B E; cioè quale fi conviene all'altezza B D; e le fezioni B D, B H, per effere di eguale larghezza, fono fra loro come l'altezze; farà la proporzione delle velocità B E, F G, reciproca delle fezioni B H, B D. Adunque eguale quantità d'acqua pafferà per l'una, e l'altra fezione B D, B H, laonde B H farà l'altezza ricercata. Il che ec.

Corollario I.

E perchè B E è fefquialtera di F G; ancora B D, farà fefquialtera di B H; e però due terze parti dell'altezza B D faranno l'altezza B H.

Corollario II.

Tirata adunque la D H, perchè F I è parallela a B H, e B D è fefquialtera di B H, farà ancora D F fefquialtera di F I, e conseguentemente paffata l'acqua dalla direzione orizzontale, alla perpendicolare, nel mezzo al paffaggio, fi difporrà colla fuperficie nella linea retta, che connette l'una, e l'altra altezza, come fi è dimoftrato ne' canali inclinati nella Propofizione fuperiore.

Corollario III.

Adunque nell'accrefcere dell'acqua in un canale orizzontale l'una, e l'altra altezza B D, B H crefcerà proporzionalmente ec. Vedi il Coroll. dell' antecedente Prop.; e qualche fi è notato ne' Corollari della terza Prop. conciofiachè l'una, e l'altra fpecie di quefti canali ha tra fe corrifpondenza.

Corollario IV.

E' ancora manifefto la proporzione della perpendicolare nella conserva, ovvero nel canale orizzontale, all'altezza nella prima fezione di qualunque canale applicato, non potere effere maggiore d'una fefquialtera.

Corollario V.

Tutto quefto fi verifica, fe nel fondo d'un canale orizzontale fi faccia un foro, o una fezione, che abbia la larghezza comune col canale; ma l'altezza due terzi dell'altezza dell'acqua, che scorre pel canale orizzontale; e lo fteffo vale ancora d'una conserva, a cui fia applicato un canale orizzontale, fe però il fondo di effa è nella medefima orizzontale col fondo

del canale; conciossiachè in questo, se si aprirà un foro nel fondo, tant'acqua manderà fuori, quanto prima ne scorreva pel canale orizzontale, se però s'impedisca per questo il flusso.

Corollario VI.

Che se la sezione B H non fosse della medesima larghezza, che B D, si faccia come la larghezza della sezione B H alla larghezza della sezione B D; così l'altezza B H ritrovata ad un'altra, che sarà l'altezza d'una sezione di diversa larghezza, poichè si faranno in questo modo due sezioni eguali, e sono ancora egualmente veloci, perciocchè l'una, e l'altra ha la medesima velocità B E, adunque per esse scorrerà eguale quantità d'acqua, cioè tutta quella, che pel canale orizzontale scorre sotto l'altezza E D, come si è dimostrato.

Corollario VII.

Ma perchè le sezioni egualmente larghe sono fra loro, come l'altezze; e le altezze delle sezioni d'un canale orizzontale, e della prima d'un canale perpendicolare, che hanno la medesima larghezza, sono fra loro in sesquialtera proporzione, ne segue, tutte le sezioni d'un canale orizzontale, alla prima d'un canale perpendicolare, essere in sesquialtera proporzione, o abbiano, o no la medesima altezza: ancorchè le prime siano rettangole, e le altre circolari, o ellittiche ec.

Corollario VIII.

Finalmente se la sezione prima d'un canale perpendicolare sia minore della narrata, non potrà per essa escire tutta l'acqua; ma se sarà impedito l'ulteriore corso pel canale orizzontale, crescerà nel canale orizzontale l'altezza dell'acqua, finchè sia tanta, che tutta l'acqua possa scorrere per la minor sezione. Nel qual caso l'acqua del canale orizzontale diventa, come l'acqua di qualche conserva, alla quale tant'acqua le venga somministrato, quanta n' esce. Ma se la sezione sarà maggiore della narrata, l'acqua non empierà tutta la sezione, ma lascerà vota la parte superflua.

SCOLIO.

Qui mi pare ben ricercare, che altezza acquisterà l'acqua in un canale orizzontale, se la prima sezione d'un canale perpendicolare sia minore di quello che si richiederebbe. Si faccia come la data sezione minore a quella, che sarebbe necessaria, così la velocità competente all'altezza della sezione nel canale orizzontale ad un'altra la quale ordinatamente applicata alla parabola D G E prolungata, darà la necessaria altezza, che l'acqua possa scorrere per la minor sezione; ma a voler, che per diverse sezioni scorra la stessa acqua, bisogna, che le sezioni, e le velocità, si rispondano reciprocamente, adunque ritrovata la velocità conveniente alla minor sezione que-
sta

questa sezione, sempre si conserverà nella medesima altezza, non ostante le escite multipliciti da diversi fori, o sia il canale regolare, o irregolare; cioè o siano tutte le sezioni naturali egualmente larghe, o nò, purchè le sezioni naturali non siano minori rispettivamente delle ristrette.

Corollario II.

E chiaro ancora, che se nell' accrescimento dell'acqua si conservi la proporzione medesima, che ha l'acqua distribuita a tutta avanti l' accrescimento, sarà orizzontale la superficie dell'acqua anche cresciuta, e in questo caso sarà ancora la medesima altezza d'acqua dappertutto, ma non sarà così, se sarà turbata la prima proporzione, essendochè il restringimento del canale nella sezione inferiore dee essere proporzionato alla quantità dell'acqua residua.

PROPOSIZIONE III.

Se in un canale orizzontale sia talmente ristretta la sezione inferiore, che non ostante la distribuzione dell'acque, fatte per più fori aperti più su, le basi de' quali siano nella medesima orizzontale, e la superficie dell'acqua sia pure orizzontale, sarà la proporzione dell'acque, che passano per diversi fori sempre la medesima, e superficie dell'acqua sempre sarà orizzontale, in qualunque accrescimento, o scemamento dell'acque nel canale.

Sia un canale orizzontale, il fondo del quale sia $A B C D$, e la larghezza viva $B A$, e la sua sponda $F C$, nella quale vi siano i fori aperti per di sopra $H K$, $L N$, che abbiano le basi $H I$, $L M$, nella stessa orizzontale $B C$, e sia ristretta l'inferior sezione $C D$ v. gr. in $C E$, di maniera che la superficie dell'acqua sopra a $C E$ sia orizzontale, v. gr. $O R$; Dico che, quantunque si elevi la superficie dell'acqua in $F G$, ancora $F G$ sarà orizzontale; e la proporzione che ha l'acqua per $I P$ all'acqua per $Q M$ sarà la medesima di quella dell'acqua per $H K$ all'acqua per $L N$, Fig. 52.

Perchè è la medesima altezza d'acqua tanto nella sezione $O A$, quanto ne' fori $P I$, $Q M$, sarà la quantità dell'acqua per $O A$ alla quantità dell'acqua per $P I$, come $B A$, ad $H I$; per la medesima ragione come $B A$ ad $L M$, così la quantità per $O A$ alla quantità per $Q M$, e come $H I$ ad $L M$, così la quantità per $P I$, alla quantità per $Q M$; e come $B A$ a $C E$ così la quantità per $O A$ alla quantità per $R E$. Laonde essendo l'acqua per $O A$ eguale all'acque $P I$, $Q M$, $R E$ insieme prese, sarà ancora la larghezza $B A$ eguale alle basi $H I$, $L M$, $C E$ prese insieme; e se $C D$ sia eguale a $B A$, sarà $E D$ eguale ad $H I$, $L M$ insieme prese. Si divida dunque $E D$ nelle parti $E S$, $S D$ eguali ad $H I$, $L M$ saranno $V S$, $S X$ eguali a' fori $P S$, $Q M$; essendochè siano eguali l'altezze $V E$, $P H$ ec.

Si intenda ora cresciuta l'acqua fino in $F G$, e chiudi i fori si supponga aperta tutta la sezione $G D$, perchè dunque $B A$, $C D$ sono eguali, sarà l'altezza $F B$ eguale all'altezza $C G$, e la sezione $F A$ eguale alla sezione $G D$; si divida la sezione $G D$ colle linee $E Y$, $S T$ perpendicolari alla larghezza $C D$, di maniera che siano come tre sezioni $G E$, $Y S$, $T D$; sarà $Y S$ eguale a $K H$, e $T D$ eguale a $L N$; e come $C D$ ovvero $A B$ a $C E$, $E S$, $S D$, così tutta l'acqua ovvero l'acqua per $G D$ all'acque per $G E$, per $Y S$, per $T D$; s'intenda a un tratto ri-

fretta la fezione C D, in C E, e aperti i fori K H. N L, e perchè K H è eguale Y S, e L N è eguale a T D, e l'altezza è la medesima, farà l'acqua per K H eguale all'acqua, che passa prima per Y S; e all'acqua che prima passa per T D è eguale l'acqua per N L, adunque tant'acqua escirà per le sezioni G E. K H. N L, quanta prima n'esciva per la fezione G D; laonde rimarrà la medesima superficie d'acqua, ma questa prima era orizzontale, adunque farà ancora dopo orizzontale. Stando adunque ferme l'altezze eguali I K, M N, farà l'acqua per K H all'acqua per N L, come H I ad L M, ma come H I ad L M, così l'acqua per P I all'acqua per Q M; adunque come l'acqua per K H all'acqua per N L, così l'acqua per P I all'acqua per Q M. Il che ec.

Lemma.

Se per G E, L N. K H passi eguale quantità d'acqua, che per F A. Dico che la superficie dell'acqua non si muterà.

Imperocchè se si mutasse, o s'alzerebbe, o s'abbasserebbe, il primo non può seguire, essendochè l'alzamento dell'acqua o suppone l'accrescimento, che è contra il supposto; ovvero minore uscita che entrata, il che pure è contra il supposto; similmente nè anco il secondo seguirà; perchè l'abbassamento della superficie, o suppone lo scemamento dell'acqua, o il maggiore esito, che ingresso, e l'uno, e l'altro parimente è contra il supposto. Di più nè meno può abbassarsi v. gr. in G E, nè alzarfi in L N, poichè essendo tutte le cose eguali, non v'è ragione alcuna, perchè si abbia ad innalzare o abbassare più di quel che li. Se dunque la superficie dell'acqua non s'alza, nè s'abbassa, è necessario, che si mantenga la medesima.

S C O L I O.

E' contuttociò vero, che in fatti passa qualche poca d'acqua più per la fezione G D, che per le tre sezioni G E, L N, K H, imperocchè vien meno diminuita la velocità dal contatto, e confrazione delle sponde, e del fondo, nell'intera fezione F A, o G D, che nelle sezioni G E. L N. H K, il che quantunque astrattamente non sia considerato, debbe però osservarsi praticamente: ma però in questo caso la superficie dell'acqua si solleverà un poco dappertutto egualmente, e la distribuzione si farà proporzionalmente, se non che l'impedimento della confrazione è maggiore ne' fori minori, che ne' maggiori, al quale inconveniente si può rimediare, per consiglio del famosissimo Abate Castelli, se siano tutti i fori eguali, e simili (noi ci aggiungiamo ancora nella medesima orizzontale) e se si faccia la distribuzione con assegnare più fori nella data proporzione.

Corollario.

Se dunque da un canale orizzontale si debba cavare dell'acqua, e tutta distribuir la secondo la data proporzione, basta nella fezione artificiale dividere la data altezza viva nella medesima proporzione; v. gr. se tutta l'acqua, che passa per la fezione artificiale d'un canale orizzontale, che abbia la larghezza viva A B, si debba distribuire, o dividere in maniera, che di quelle par-

parti che Tizio n' ha una, Sempronio n' abbia 3. Mevio 5. Cajo 7. Lucio, 8. Annio 6. e la rimanente parte dell' acqua, che dee scorrere pel canale, sia 60. si pigli tutta la somma, cioè 90. e si divida A B in altrettante parti delle quali 60. si lascino alla larghezza della sezione C E sotto le luci, per le quali si dee fare la distribuzione, e aperte le luci più su, si costituiscano colla base combaciante al fondo del canale; la base de' quali per Tiro sia 1. per Sempronio 3. e così degli altri, e così in questa maniera, essendo l' acque proporzionali alle larghezze, ovvero alle basi delle luci in qualunque altezza, e le basi fra loro nella data proporzione, saranno ancora l' acque fra loro nella data proporzione, tanto tutta, che la rimanente, che quella, che si cava da' fori fatti; essendo che sopra i fori, che distribuiscono l' acqua, si conservi sempre la medesima altezza d' acqua, come è stato dimostrato.

S C O L I O II.

Per fuggire tutti gli scrupoli giova applicare a tutte le luci, canali orizzontali di conveniente lunghezza, cioè tanta, che possa rimuovere il dubbio del mescolamento in esse luci col canale inclinato. E per supplire per quanto si può l' eccesso dell' acqua che passa per le maggiori luci, a questi si applichi un canale più lungo, acciocchè al flusso dell' acqua si aggiunga maggiore impedimento, e così provvedere alla superflua quantità dell' acqua; o si dee adoperare l' artificio Castelliano di sopra esposto, secondo che l' occasione ci insegnerà essere o l' uno, o l' altro più a proposito.

P R O P O S I Z I O N E IV.

Se da un canale orizzontale di eguale larghezza si distribuisca dell' acqua per più luci rettangole, e scolpite nella sponda del canale egualmente alti sotto la superficie dell' acqua; e nella sezione posta dopo le predette luci (cioè presa nella parte inferiore del canale dopo le luci) si pongano nel medesimo piano orizzontale, dove sono le basi delle luci, impedimenti eguali, simili, e similmente posti a tutte le luci de' fori. L' acqua fino all' inferior sezione si conserverà colla superficie nella medesima linea orizzontale; e in qualunque aumento d' acqua, l' acque derivate averanno la medesima proporzione.

Sia il canale orizzontale, il fondo del quale B A D C sia da per tutto d' eguale larghezza; e la sponda F C, nella quale siano fatte le luci rettangole P I. Q M, colle basi H I. L M nella medesima orizzontale v. gr. nel fondo del canale, e nella sezione G D nella linea C D, si piglino le linee S D, S E eguali alle basi delle luci H I. L M, e si alzino le perpendicolari V E, D X eguali alle altezze P H. Q L; e si compisca il rettangolo V D, di maniera che S X sia eguale a P I, ed V S eguale a Q M. Dico che, se V D si concepisca come impedimento; aperte le luci P I, Q M l' acqua della superficie verrà orizzontale, e che l' acqua per P I all' acqua per Q M in qualunque altezza sarà nella medesima proporzione.

Fig. 53.

Imperocchè essendo il canale B A D C da per tutto di eguale larghezza; sarà la superficie v. gr. O R parallela al fondo B C siccome R Z parallela a C D; laonde O B. K H. L N. R C. Y E, D Z saranno eguali, essendo tutte fra loro parallele adunque; levate l' eguali P H. L Q. E V.

D X; rimarranno K P. N Q. Y V. Z X eguali, e però le sezioni V S. S X. P I. Q M, avranno sopra di se la medesima altezza d' acqua, ed essendole sezioni simili, ed eguali, conseguentemente le loro velocità medie saranno eguali, essendo la velocità media di ciascuna quella che è perpendicolare v. gr. V E sotto l'altezza Y E, laonde le quantità dell'acque faranno fra loro come le larghezze; ma S D è eguale ad H I, ed E S è eguale ad L M; adunque l'acqua per S X farà eguale all' acqua per P I, e l' acqua per V S, è eguale all'acqua per Q M, adunque posto l' impedimento V D e insieme aperte le luci P I. Q M, tant' acqua scorrerà per la sezione rimanente R Z X V E C, e per le luci P I. Q M quanta prima n'era passata per l'intera sezione G D, ovvero quanta ne passa per F A, adunque pel lemma antecedente, non si muterà la superficie dell'acqua, ma sarà la medesima O R. Similmente si dimostrerà cresciuta l'altezza in F G in un libero canale senza luci, e di nuovo posto l'impedimento medesimo V D, e aperti i fori non mutarsi la superficie orizzontale F G. Sicchè essendo la superficie F G egualmente elevata sopra a tutti i fori, faranno le velocità medie di tutti eguali, e però le quantità dell'acqua in qualunque elevazione, ovvero in qualunque stato d'acqua, faranno fra loro come i fori, ed essendo questi egualmente alti; faranno le quantità dell'acqua fra loro, come la larghezza delle luci, o de' fori in qualunque altezza di canale ec.

S C O L I O I.

Fig. 54.

Di qui è manifesta la regola di distribuire l'acque, medianre la distribuzione da canali orizzontali per gli fori nascosti sotto acqua, ed in maniera, che sempre si conservi in qualunque altezza d'acqua la medesima proporzione, imperciocchè se la sezione sotto i fori, la larghezza della quale sia eguale alla larghezza viva della sezione sopra i fori, s'impedisca con un impedimento, la superficie del quale opposta al corso dell'acqua sia rettangola, e colla base combaci colla larghezza della sezione v. gr. C A B D, la di cui base A B, o si divida colle linee E F, G H ec. in una data proporzione; e si facciano i fori nelle sponde, eguali, simili, e similmente posti a' rettangoli A F, F G ec. e colla sua base, che convengano col fondo del canale; questi distribuiranno l'acqua nella data proporzione come si è dimostrato. Opposte le basi de' fori combacianti il fondo del canale, e fatta l'altezza di tutti eguale, ma la larghezza secondo la desiderata proporzione; da tutte queste cose messe insieme si potrà comporre l'area dell'impedimento da apporsi al corso dell'acqua nella sezione sotto a' fori.

S C O L I O II.

La medesima dimostrazione, vale se le luci siano d'altra figura, che rettangoli, e sotto diversa altezza, se si apponga a tutti nella sezione impedimenti simili, eguali, ed egualmente posti, di maniera che impediscano tanto d'acqua, quanta ne dee passare per la luce a se corrispondente. Noi dimostrammo la proporzione secondo la pratica più facile, da mettersi in opera senza alcuna fatica.

SCOLIO III.

Simile è la ragione di distribuire l'acqua da un lago, palude, conserva ec. se non che, non v'è bisogno d'alcuno impedimento, essendochè in questa sorte di ricettacoli d'acque la superficie dell'acqua è sempre nella medesima orizzontale, onde è chiaro, che se le basi delle luci si costituiscono nella medesima orizzontale, e tutte siano alla medesima altezza, le proporzioni dell'acqua sono fra loro come le larghezze delle luci, e che però è facilissima questa distribuzione d'acque, giusto in quel modo, che si è detto di sopra della derivazione da' canali orizzontali.

SCOLIO IV.

Da quanto si è dimostrato, si può chiaramente vedere, la distribuzione dell'acqua, che si fa per pollici, once, quinarie ec. non essere permanente, se non si fa la distribuzione in luogo, dove sempre si mantenga la stessa superficie d'acqua, non alterabile in verun modo; lo che di rado, o non mai accaderà; essendo, che se questa può alzarsi, o abbassarsi, è chiaro, se v. gr. una quinary, come appresso gli antichi, si prenda nella misura determinata, e assoluta in ordine all'area della luce, questa quinary essere sempre la medesima, ma che la quantità dell'acqua farà ora maggiore, ora minore. Ma se la quinary si prenda in una misura determinata non in ordine all'area della luce, ma in ordine ad una quantità certa d'acqua, che passa per una luce in un dato tempo, questa quinary ora più, ora meno della medesima luce diffonde, secondo la maggiore, o minore altezza dell'acqua sopra i centri della velocità delle luci. Ed è cosa molto difficile ritenere sempre in una conserva la medesima superficie, per emissari, o diversioni che abbiano il fondo nel piano della superficie, che pretendiamo mantenere nell'acqua permanente; imperocchè essendo necessario, pel vario accrescimento d'acqua, che l'acqua sopra il detto fondo scorra con varia altezza, ed essendo questa regola quella, secondo la quale si dispone la superficie dell'acqua nella conserva; conseguentemente ancora farà varia la superficie dell'acqua, secondo il vario accrescimento d'acqua; di maniera che, almeno secondo me, è difficilissimo, se non impossibile, ritenere sempre con macchina stabile la medesima superficie d'acqua.

SCOLIO V.

Similmente dalle cose dette pare, che si possa concludere, che se ne' canali inclinati si dia qualche artificio, col quale si faccia, che non ostante l'uscita per le luci fatte nelle sponde, la superficie dell'acqua sia parallela al fondo in qualunque altezza, si potrà fare la distribuzione dal canale inclinato col metodo, che abbiamo adoperato nel canale orizzontale.

SCOLIO VI.

Questo artificio potrà essere, se il canale inclinato sia diviso, come in più
ca-

Fig 55. canali orizzontali; come se il canale inclinato A B si divida in quattro canali orizzontali A F. C G. D H. E I; imperocchè l'acqua dopo la caduta perpendicolare F C. G D ec. quasi subito si dispone all'altezza, che richiede il corso sopra i fondi orizzontali C G. D H ec. in maniera, che si possano fare in luogo conveniente, nelle sponde del canale, le luci, che distribuiscano acqua secondo la desiderata proporzione. Vi possono ancora essere altri artificj pel medesimo fine come le diversioni laterali, ne' quali l'acqua cessante il flusso; orizzontalmente si livella, nelle sponde de' quali, si potranno disporre le luci distribuenti, come si è detto di sopra ec. ma questi, ed altri gli lasciamo da eleggere, o ritrovare secondo l'occasione al giudizio de' pratici.

SCOLIO VII.

Siccome lasciamo l'applicazione di questa dottrina a' diversi casi, che possono occorrere nella pratica, essendochè dà tanti che fin qui se ne son detti ciascuno facilmente può raccorre una regola di applicare la nostra dottrina secondo, che comporterà la varietà, e l'esigenza delle condizioni.

FINE DEL LIBRO SESTO.



A G G I U N T A.

Tavola degli spazi dovuti alle velocità.

PEravventura potrebbero sembrare imperfette, e per poco inutili queste nostre speculazioni Idrometriche, che in questi sei libri abbiamo esposte, se nella proposizione 10. del libro 2. io non avessi dimostrata la maniera di determinare gli spazj, che l'acqua può scorrere con una data velocità in un dato tempo. Ma sarebbe mancato qualcosa alla sua perfezione, se anco io avessi lasciato a carico del Lettore il tedio di far l'esperienze, e i calcoli. Adunque, acciocchè per quanto permette la tenuità delle forze mie, e del mio ingegno, non manchi mai alla pubblica utilità, determinai fin dal principio dell'opera far l'uno, e l'altro, riducendo in una particolar Tavola gli spazj dovuti alla velocità, determinando la velocità dalla sua cagione, cioè o dalla scesa, o dalla pressione, conciossiachè sufficientemente apparisce dalle cose fin qui dimostrate, che l'una, e l'altra tornano tutt'una.

Vero è che ho indugiato fino ad ora a far ciò, sì perchè rifacendo molte fiate l'esperienza, avessi un fondamento più certo di questa Tavola, sì perchè non si mettesse fuori questa tavola fatta con gran consumo di tempo, e di fatica prima di averne veduta la sua utilità, e necessità,

Adesso adunque finalmente la diamo, mediante la quale facilmente si potrà calcolare la misura di qualsivoglia fiume, giusta la norma da noi dimostrata, consistendo nella moltiplicazione della sola area della sezione artificiale, ovvero del regolatore collo spazio dovuto alla velocità media, il quale a ciascun'oncia d'altezza, o di scesa perpendicolare è dimostrato dalla Tavola; talchè per avventura tutta la dottrina nostra dell'acque correnti si raggiri nell'uso di essa, e si racchiugga in essa come in compendio.

Del resto noi ci aggiungiamo il fondamento, l'uso, e l'applicazione della tavola, non solo per rendere, come si dee ragione del fatto, ma anco per aprire colla dimostrazione, e co' precetti, e coll' esempio a' misuratori dell'acque una strada piana, e facile di misurar l'acque correnti, anzi per appianarla, e renderla loro libera da ogni ostacolo.

*Tavola delli spazj dovuti alla velocità, giusta
l' altezza, o scesa dell' acqua per un mi-
nuto d' ora.*

Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.		Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.	
Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once
	1	62	6	2	1	312	5
	2	88	4	2	2	318	7
	3	108	2	2	3	324	8
	4	124	11	2	4	330	7
	5	139	8	2	5	336	5
	6	153	0	2	6	342	2
	7	165	4	2	7	347	10
	8	176	8	2	8	353	5
	9	187	5	2	9	358	11
	10	197	7	2	10	364	4
	11	207	3	2	11	369	7
1	0	216	5	3	0	374	10
1	1	225	5	3	1	380	
1	2	233	9	3	2	385	2
1	3	242	0	3	3	390	2
1	4	249	11	3	4	395	2
1	5	257	7	3	5	400	1
1	6	265	1	3	6	404	11
1	7	272	4	3	7	409	8
1	8	279	5	3	8	414	5
1	9	286	4	3	9	419	1
1	10	293	0	3	10	423	9
1	11	299	8	3	11	428	4
2	0	306	1	4	0	432	10

che avesse l'orifizio superiore congruente alla prima sezione del cadente, e accomodato intorno all'asse dello stesso cadente; noi intendiamo di ricercare in questo vaso, quelle sezioni, che l'acqua cadente, cioè corrente con tutta la velocità, che alla sua caduta si richiede, senza eccesso, o mancanza empia per l'appuntò. Supposto questo dimostrerò, che l'acqua talmente scorre giù intorno all'asse, che quella proporzione, che ha la distanza d'un punto nella circonferenza della sezione dal punto dentro essa, che è toccato dall'asse, alla distanza d'un altro punto, dallo stesso punto dell'asse, la medesima l'averà in qualunque sezione inferiore la distanza dell'acqua ad essa corrispondente dall'asse, alla distanza dell'acqua corrispondente al secondo punto, dal medesimo asse. v. gr. Sia il punto A, al quale termina l'asse, ed i punti C D nella circonferenza della luce G D H C, l'asse A B, e l'acqua discenda da C in E, e da D in F, e siano F B, F E nello stesso piano orizzontale; Dico che D A, ad A C starà come E B, B E. Imperocchè tutta l'acqua della linea A C discende in B E, bisogna, che A C, a B E abbia la medesima proporzione, che la velocità in B alla velocità in A; similmente perchè l'acqua, che sta nella linea D A discende in F B; sarà ancora come D A ad F B, così la velocità in B alla velocità in A. Sarà dunque come A C a B E, così A D, ad F B, e permutando come A C ad A D, così B E ad F B.

Fig. 48.

Dimostrato questo, dimostrerò ancora, che il lume G D H C sarà simile alla sezione I F K E. Imperocchè l'acqua, da A C passando in B E, sfreccia giù per l'asse, faranno A C. A B. B E nel medesimo piano, discendendo A C sempre a se parallela nel medesimo piano verticale; laonde essendo la luce, e la sezione orizzontali, faranno A C. B E, comuni sezioni de' piani orizzontali [e in conseguenza paralleli] col verticale fra loro parallele, per la medesima ragione faranno parallele G A. B I. D A, F B ec. laonde gli angoli G A C. I B E saranno eguali; ma sono, come s'è dimostrato, G A. A C proporzionali alle rette I B. B E; adunque i triangoli G A C. I B E saranno simili. Per la stessa ragione G A D. I B E ec. si mostreranno simili, e in conseguenza il poligono G D H C sarà simile, e similmente posto al poligono I F K E; laonde il poligono G D H C al poligono I F K E sarà in sudduplicata proporzione de' lati omologhi, come prendemmo nella antedetta proposizione.

SCOLIO II.

Il punto A è centro di gravità della luce G D H C, e il punto B centro di gravità della sezione I F K E; essendochè l'uno, e l'altro discendano verso 'l centro della terra, è necessario, che discendano in maniera, che i centri di gravità siano nella linea tendente al centro de' gravi, laonde l'asse del cadente sarà la linea, che pel centro di gravità della luce si tira al centro de' gravi. Adunque essendo in molte figure il centro della gravità, e della grandezza il medesimo, in questa è evidente l'asse del cadente passare pel centro delle figure, come nel cerchio, ellissi, parallelogrammo ec. se di tal figura sarà la luce, o prima sezione.

SCOLIO III.

Laonde se qualsivoglia canale cadente sia segato da piani paralleli a qualche sezione.

zione, si faranno tutte le sezioni fra loro simili, e similmente poste, e quando sarà arrivata la velocità del cadente all'equabilità, faranno anco fra loro eguali.

Corollario I.

Fig. 47. Dalla dimostrazione della proporzione ne segue, che la linea curva, che congiugne i punti $M F G H$, e una delle iperboloide infinite, cioè nella quale l'ordinate all'asintota sono fra loro in proporzione reciproca subquadruplicata delle segate dal centro; imperocchè, essendo come il quadrato $B M$ al quadrato $T F$, così $C T$ ad $A B$, farà la proporzione della linea $B M$ a $T F$ sudduplicata della proporzione di $C T$. $A B$; ma la proporzione di $C T$ ad $A B$, è sudduplicata di $S T$ a $S B$; adunque $B M$, a $T F$ è in sudduplicata proporzione, di $S T$ a $S B$, cioè in proporzione quadruplicata delle segate dal centro $B M$. $T F$; cioè di quella che hanno le ordinatamente applicate ad essa $B M$. $T F$ reciprocamente. Adunque questa iperboloide farà la quarta in ordine cominciando da quella, che si ricava dal cono, come accennammo nel coroll. I. dell'antecedente proposizione.

Corollario II.

Di qui nasce $S X$ essere asintota, ed S centro della predetta iperboloide, pel quale se si tira la retta $S T$ ad angoli retti all'asintota, questa sarà l'altra asintota, imperocchè non essendo in S alcuna velocità, ne segue, che l'altezza della sezione S sarà infinita, e conseguentemente continuata la stessa iperboloide mai in alcun luogo non la toccherà.

Corollario III.

Adunque ne' numeri, se come $S B$ ad $S T$ così fa un quadratoquadrato $T F$ ad un altro, farà la sua radice quadratoquadrata la distanza dell'estrema acqua dall'asse della cadente; ovvero la distanza della cadente, dal centro di gravità della sezione, e lo stesso accaderà, se si pigli l'intero diametro $O F$ in cambio di $T F$; imperocchè si troveranno i diametri analoghi delle sezioni, e continuando la proporzione si troveranno consimili tutte le distanze, ovvero i diametri.

Corollario IV.

Se la luce $I M$ sia circolare, dalla rivoluzione della figura $B M H X$ intorno allo stabile asse $B X$, si descriverà, che il solido della cadente, e il vaso possa contenerla per l'appunto.

Corollario V.

Se la luce non sia circolare; ma almeno d'una tal figura, che tutte le linee tirate per lo centro di gravità siano divise pel mezzo, come le ellis-

ellissi, i parallelogrammi ec. i diametri trasversali delle iperboloide opposte, faranno eguali, ma se faranno ineguali le linee tirate dal centro di gravità alla circonferenza della luce, come nel triangolo equilatero ec. il centro di tutte le iperboloide sarà lo stesso, cioè la sublimità della cadente; ma i diametri trasversali ineguali, come sarà noto, a chi è versato nelle coniche sezioni.

Corollario VI.

Adunque data la proporzione di due sezioni, e la distanza tra l'una, e l'altra, si potrà ritrovare l'altezza della cadente, come se si dia la proporzione della sezione I M, alla sezione O F, e la distanza B T; basta applicare all'asse T B le perpendicolari B A. T C, le quali stiano fra loro reciprocamente, come le sezioni, e descrivere la parabola per gli punti C. A intorno all'asse B T prolungato in S, sarà S suo vertice, e insieme centro della predetta iperboloide, e principio della cadente. Il che ancora vale proporzionalmente nel caso dell'antecedente proposizione, come ancora molte cose ivi notate, quì proporzionalmente si debbono referire.

PROPOSIZIONE X.

Nella data sezione del canale inclinato, per quelle la velocità dell'acqua corrente sarà ritardata, ritrovare la proporzione, che ha la media velocità intera, alla media velocità ritardata. Fig. 49.

Sia il canale inclinato A B, nel quale sia la sezione B coll'altezza B E, e sia ritardata la velocità da A in B, bisogna trovare la proporzione, che ha la media intera velocità della sezione B E, alla velocità media ritardata della medesima sezione B E.

Si ferri la sezione B sopra B E, v. gr. si lasci andar giù la cataratta K E, di maniera, che la sua parte inferiore E combagi colla superficie dell'acqua, e ritardata da vantaggio la velocità della sezione B E, secondo il senso della quarta Proposizione del lib. 4. si osservi a quanta altezza si alzi l'acqua, e sia B M, e la permanente superficie H I.

Perciocchè sotto la altezza B M passa la medesima quantità d'acqua per la sezione B E, che prima passava per la maggiore avanti d'aver ritardata la velocità; restituita la medesima, sarà la velocità media l'istessa di prima; adunque descritta la parabola B I Q intorno all'asse B I, sarà B E P Q il complesso delle velocità della perpendicolare B E, di cui si trovi la velocità media B D, e sarà tanto il complesso, quanto la velocità media dell'acqua, che passa per B E, con velocità ritardata. Similmente intorno all'asse K B, si descriva la parabola K B C; parallela alla predetta e prolungate l'E P. B D si farà il complesso delle velocità B E S C, dovuto all'intera velocità della perpendicolare B E, e di questa si trovi la media velocità B N; perchè dunque le parabole B I Q. B C K sono parallele, faranno B N. B D proporzionali alle medie velocità; adunque come sta B N, a B D, così la media intera velocità della perpendicolare B E alla velocità media ritardata della medesima perpendicolare. Il che ec.

Corollario I.

Di qui è chiaro, che $B D$ a $D N$ sta come la velocità ritardata alla perduta, e al contrario $B N$ a $D N$ sta come l'intera velocità alla perduta.

Corollario II.

Descritti dunque sopra $B D$. $B N$ i rettangoli nell'altezza comune $B E$, cioè $B R$. $B O$, faranno questi i complessi delle velocità intere, e delle residue; laonde il complesso intero delle velocità al complesso residuo, averà la proporzione del rettangolo $B O$ al rettangolo $B R$; cioè della velocità media intera $B N$ alla residua, o retardata $B D$ ec. e lo stesso si dica de' complessi delle velocità di tutta la sezione.

Corollario III.

Dalle sopra esposte proposizioni, e dalla misura dell' acqua corrente colla residua velocità, ritrovata colla regola generale della Proposizione ultima del lib. 4. facilmente sarà manifesta la misura dell' acqua, che potrebbe scorrere per la sezione, in caso che non fosse ritardata la velocità; e similmente la misura della acqua non iscorsa, la quale per altro sarebbe potuta scorrere per la medesima sezione, rimossa la ritardazione, essendochè queste quantità sono proporzionali alle velocità medie predette, delle quali se ne farà cognita una in qualche misura assoluta, e determinata, ancora le rimanenti si fanno manifeste nella medesima misura.

S C O L I O.

Il ritardamento dell' acqua nella sezione serrata sopra alla superficie dell' acqua, si può avere in più modi, posto qualunque impedimento avanti alla sezione, la quale se ristignerà la sezione, fatta l' elevazione dell' acqua si dee rimuovere, e lasciare che di nuovo si fermi la superficie dell' acqua; imperocchè discenderà qualche poco con aver restituita la larghezza alla sezione, e se col lasciare andare la cataratta fra la superficie dell' acqua, l' acqua sarà cresciuta fino alla permanente superficie, questa si dee un poco rialzare, tanto che ritorni nel primiero sito, e si debbe osservare l' altezza, alla quale si fermerà l' acqua di nuovo discendendo.

P R O P O S I Z I O N E X I.

Fig. 49. Data la proporzione, che ha la velocità ritardata media alla velocità intera media, e l' altezza, che ha l' acqua correndo con velocità ritardata nella data sezione, ritrovare l' altezza nella medesima sezione, sotto la quale scorrerebbe la stessa acqua con velocità intera.

Sia la velocità residua all' intera, come $B D$ a $B N$, e l' altezza dell' acqua corrente colla velocità media $B D$ nella sezione B sia $B E$, bisogna ritro-

trovare l'altezza, che farebbe la stessa acqua correndo coll'intera velocità nella medesima sezione.

Si faccia come $B N$, a $B D$, così $B E$ ad un'altra $v. gr. B F$, dico $B E$ essere l'altezza ricercata. Imperocchè, essendo reciproche le altezze delle sezioni, e le velocità medie, e come le altezze delle sezioni, così le stesse sezioni, essendo della medesima larghezza, faranno le medie velocità reciproche alle sezioni; laonde la quantità dell'acqua, che esce per la sezione B coll'altezza $B E$ e colla velocità $B D$ media, sarà eguale alla quantità dell'acqua, che esce per la stessa sezione B coll'altezza $B F$, e colla velocità $B N$; ma $B N$ è la velocità intera, e $B D$ la velocità retardata, adunque per la sezione B coll'altezza $B E$, e colla velocità retardata, passerà eguale quantità d'acqua a quella, che può scorrere per la stessa sezione coll'altezza $B F$, e coll'intera velocità. E dunque l'altezza $B F$ quella che farebbe l'acqua del canale $A B$ correndo con intera velocità. Il che ec.

Corollario I.

Lo stesso problema si scoglie, se si darà la proporzione dell'intera velocità, alla velocità perduta, ovvero della residua, alla perduta; essendo che da queste facilmente si raccoglie la proporzione della velocità residua, all'intera.

Corollario II.

E chiaro ancora il converso del problema, cioè, se si desse per altro metodo l'altezza della sezione, quando l'acqua scorre con velocità retardata; e l'altezza della sezione, quando la stessa acqua scorre con velocità intera, o almeno la proporzione delle medesime, si darebbe ancora la proporzione dell'intera velocità, e della retardata.

FINE DEL LIBRO QUINTO.



LIBRO VI.

Nel quale si propongono, l'artificio, e il fondamento del distribuire con proporzione l'acque provenienti dagli acquedotti, da' canali, e dalle conserve.

PROPOSIZIONE I.



Fig. 50.

LN un canale orizzontale, che sempre seguiti colla medesima larghezza, se li si cresca l'acqua, l'altezza dell'a qua accresciuta, e quella non cresciuta in una sezione, è nella medesima proporzione, che è in tutte l'altre.

Sia il canale AB , che abbia tutte le sezioni d'una larghezza medesima, e la sua superficie sia FE ; la quale, per l'aggiunta di nuova acqua, s'intenda elevarsi fino in CD ; dico che l'altezza AF dell'acqua non accresciuta, all'altezza dell'acqua accresciuta AC nella sezione A , ha la stessa proporzione, che l'altezza dell'acqua non cresciuta BE all'altezza dell'accresciuta BD , nell'altra sezione B .

Conciosiache AB è canale orizzontale sarà la superficie FE , pel coroll. 1. prop. 1. lib. 5., parallela al fondo AB ; ma ancora la superficie CD per la stessa causa, è equidistante al fondo AB ; adunque le tre rette BA , EF , DC saranno parallele; ma sono ancora parallele AC , BD ; adunque come FC ad AF , così DE , ad EB , e componendo, come CA , ad AF , così DB ad BE , e invertendo, come AF a CA , così BE a BD , Il che ec.

S C O L I O I.

Se a un canale orizzontale sia applicato un canale inclinato, v. gr. se al canale A B orizzontale, si applichi B I inclinato, la parte di esso G B non si confidera, come canale orizzontale, ma come medio fra l'orizzontale, e l'inclinato; imperocchè facendosi H principio del canale inclinato, l'acqua fra H, e B sarà premuta, e farà la superficie H B più bassa di H C, come altrove abbiamo dimostrato.

S C O L I O II.

Perchè dunque è possibile ad un canale, che abbia il fondo orizzontale, applicarvene uno tanto poco inclinato, che il suo principio convenga colla prima altezza del canale, secondo il fondo del canale orizzontale, questo naturalmente parlando non farà canale orizzontale, ma una cosa di mezzo fra l'orizzontale, e l'inclinato, essendochè il vero canale orizzontale non debba niente partecipare col canale di altro genere.

S C O L I O III.

Di qui è, che se in vece del canale orizzontale non se ne sostituisca alcun altro, ma l'acqua liberamente possa scorrere; questa forma di canale, benchè abbia il fondo orizzontalmente posato, non ubbidisce però esattamente alle leggi de' canali orizzontali; poichè la cascata del predetto canale descrivendo una linea parabolica, per quel che è stato dimostrato dal sottilissimo Torricelli, è evidente, che l'acqua cadente prende infinite inclinazioni di canali secondo, che le figure di essa sono infinite tangenti; e però il canale, che si tiene per orizzontale, ha comunicazione con infiniti canali inclinati, e in conseguenza partecipa spesse fiate, e successivamente le proprietà di tutti.

S C O L I O IV.

Ma perchè quanto è minore l'inclinazione del canale applicato, tanto ancora è minore la differenza fra l'altezza nella prima sezione del canale inclinato, e l'altezza nell'orizzontale, di qui è, che in poca inclinazione d'un canale applicato si può fare insensibile la differenza dell'una, e l'altra altezza, ed impercettibile ad ogni senso; e però ancora fisicamente si può pigliare come eguale, ed il canale impropriamente orizzontale, si può considerare come se veramente fosse tale.

S C O L I O V.

Se un canale di questa sorte orizzontale abbia diversa larghezza, basta stringere talmente l'ultima sezione, che sia la minore di tutte l'altre, o almeno non minore della minima, acciocchè pel coroll. 2. prop. 5. lib. 5., sia dappertutto la medesima altezza.

PROPOSIZIONE II.

Se per un lume fatta nella sponda d' un canale orizzontale, che sia da perrutto di eguale larghezza, si derivi dal canale dell' acqua; sotto al foro sarà premuta la superficie dell' acqua; ma se data sia la proporzione dell' acqua derivata a tutta l' acqua del canale, e si ristringa la sezione sotto il foro, di maniera che, come sta tutta l' acqua a quella, che rimane nel canale, così stia la larghezza viva della sezione dirimpetto alla luce, o sopra la luce, alla simile larghezza della sezione inferiore, sarà parimente la medesima altezza dell' acqua nell' una, e nell' altra sezione.

Fig. 51.

Sia il fondo del canale orizzontale $A B C D$ pel quale scorra l' acqua permanente nel medesimo stato, ed i suoi lati $A C$, $B D$, siano paralleli; e pel foro $G F$ si derivi qualsivoglia porzione d' acqua. Dico che la superficie dell' acqua sotto F s' abbasserà; ma se si ristingerà la sezione $E F$, di maniera, che come sta l' acqua, che passa per $A B$ all' acqua, che dee passare per la sezione $E F$, così stia la larghezza $A B$ alla larghezza $H F$; dico che tanto in $A B$, quanto in $H F$ sarà la medesima altezza; e se da un altro foro $I L$ si derivi un' altra porzione d' acqua, e talmente si restringa la sezione $M L$, che come sta l' acqua $A B$ all' acqua per $N L$, così $A B$ ad $N L$. Dico che tanto in $A B$ che in $N L$ sarà la medesima altezza.

Imperocchè si tiri $H O$ parallela alla lunghezza del canale $B D$, che seghi $A B$ in O . E perchè $A B$ è eguale ad $H F$; sarà la proporzione di $A B$ ad $H F$, la stessa, che di $O B$ ad $O B$; ma come $A B$ ad $H F$, così l' acqua per $A B$ all' acqua per $H F$; adunque come $A B$ ad $O B$ così l' acqua per $A B$ all' acqua per $H F$; ma come $A B$, ad $O B$ così l' acqua per $A B$ all' acqua per $O B$; adunque come l' acqua per $A B$ all' acqua per $O B$, così l' acqua per $A B$ all' acqua rimanente, e in conseguenza sarà l' acqua per $O B$ eguale alla rimanente acqua, che debbe scorrere per la sezione $H F$; laonde, essendo le larghezze $O B$, $H F$ eguali faranno i complessi delle velocità d' una perpendicolare nella sezione $O B$, e d' una perpendicolare nella sezione $H F$ eguali; e sono le dette perpendicolari, asse delle parabole (essendo che da queste si circoscrive il complesso delle naturali velocità) adunque essendo le parabole eguali, ancora gli assi, o l' altezze delle sezioni $O B$, $H F$ faranno eguali. Nello stesso modo si dimostrerà, che nella sezione $N L$ verrà la medesima altezza d' acqua, che in $A B$. Essendo dunque necessario, acciocchè nelle sezioni $A B$, $E F$ sia la medesima altezza d' acqua, restringere la sezione inferiore $E F$, in $H F$; ne segue, che allargata la parte $E H$, e ancora l' altre sezioni inferiori, l' acqua scorrerà talmente, che la sua altezza sia minore dell' altezza della sezione $H F$ ristretta, ovvero d' $A B$. Il che ec.

Corollario I.

Di qui ne segue, che se si debba derivare dell' acqua da un canale orizzontale, per molte luci fatte ne' lati del canale, se si ristingerà in maniera la sezione sotto all' infima luce, che tutta l' acqua del canale abbia quella proporzione alla rimanente nel canale dopo la distribuzione, che ha la larghezza del canale avanti la distribuzione, cioè sopra la luce superiore, alla larghezza della sezione ristretta sotto la luce inferiore, l' acqua sopra a que-

sta darà l'altezza, dalla quale dipende, e questa pure si dee ritrovare nella parabola. Per la medesima ragione, data l'altezza, alla quale pervenne l'acqua, per potere scorrere per la sezione del canale perpendicolare, prima minore della necessaria, insieme colla precedente altezza del canale orizzontale, facilmente si trova la proporzione della minor sezione alla necessaria. Imperocchè assegnandosi l'una, e l'altra altezza dell'acqua, si darà ancora la proporzione delle velocità, la quale presa reciprocamente, dimostrerà la proporzione della minor sezione alla necessaria, ed in oltre perchè data la sezione del canale orizzontale, si dà la prima sezione del canale perpendicolare, e si dà la proporzione di questa alla minore, si darà ancora l'area della minor sezione.

PROPOSIZIONE VI.

Data un'apertura rettangola nel fondo del vaso, o d'una conserva, e l'altezza dell'acqua sopra di esso, ritrovare l'altezza della sezione del canale orizzontale, che abbia per larghezza un lato dell'apertura, per la quale tutta l'acqua scappando fuori, possa escire dall'apertura.

Fig. 46.

Sia nel vaso ACD l'apertura, e il rettangolo contenuto da' lati EG , FE , e la superficie dell'acqua nel vaso sia HI , o FL . Bisogna trovare l'altezza della sezione nel canale orizzontale, la larghezza del quale sia v gr. FG per la quale tutta l'acqua, possa scappar fuori dall'apertura EG .

Presa l'altezza dell'acqua FL come asse, col vertice L si descriva la semiparabola, e sia FP , la sua massima semiordinata, dalla quale, e da F si faccia il rettangolo EP , e si divida la parabola FLP , in maniera, che essa, al rettangolo EP , abbia la medesima proporzione, che ella ha alla parte della parabola QMK tagliata alla cima. Dico ML essere l'altezza, sotto la quale scorrerà l'acqua che esce fuori dell'apertura EG nel canale orizzontale, che sia largo quanto l'apertura EG .

Perchè il canale, pel quale dee scorrere l'acqua, si suppone orizzontale, sarà il complesso delle velocità in ciascuna perpendicolare una parabola, l'altezza della quale sarà quella dell'acqua; donde il complesso delle velocità dell'altezza LM nel canale orizzontale, è la parabola LMK , e l' MK massima velocità, competente all'altezza LM . Similmente perchè EP è semiordinata nella stessa parabola; sarà FP la velocità pel punto F , cioè dell'apertura EG : presa dunque FG larghezza, ed FE altezza, sarà il rettangolo EP , il complesso delle velocità della perpendicolare EF , ed EP velocità media di essa, essendochè tutti i punti nella apertura orizzontale hanno la medesima velocità. Ma il complesso FP , è eguale al complesso MLK , perchè la parabola ELP ha la medesima proporzione all'uno, e l'altro, adunque i complessi delle velocità, tanto della perpendicolare LM , quanto d' FE saranno eguali; e conseguentemente eguale quantità d'acqua passerà per la linea EP , e per la perpendicolare LM , ed essendo eguali le larghezze, cioè la medesima FG , passerà ancora per l'apertura EG , e per la sezione del canale orizzontale, che abbia l'altezza LM , e la larghezza FG , la stessa, o eguale quantità d'acqua. Il che ec.

Corollario I.

Lo stesso è, se $E F$ si supponga larghezza comune all' apertura, e alla sezione, ed $F G$ altezza dell' apertura, nel qual caso; il complesso delle velocità sarebbe contenuto sotto $F P$, $F G$,

Corollario II.

Se si vorrà determinare la larghezza della sezione d' un canale orizzontale, quale sia eguale all' uno, e l' altro de' lati dell' apertura $F G$, $F E$, facilmente si trasmuterà l' altezza $L M$ in un' altra competente alla data larghezza per la Prop. 7. lib. 3.

Corollario III.

Se sarà data l' altezza, che vogliamo, che abbia l' acqua in un canale orizzontale, facilmente si troverà la larghezza della sezione; poichè se si ritroverà della data altezza $L M$, la media velocità $M N$, e qual proporzione ha il rettangolo $L N$, al rettangolo $E G$, la stessa abbia reciprocamente la larghezza dell' apertura, ad un' altra, questa sarà la larghezza ricercata, per la Prop. 15. lib. 1.

Corollario IV.

Se dunque in luogo d' una conserva si intenderà un canale orizzontale, l' altezza del quale fusse arrivata alla superficie permanente, per causa d' esser minore del bisogno la prima sezione nel canale perpendicolare, si potrà ritrovare l' altezza prima del canale avanti il gonfiamento, essendo che questa è quella, sotto la quale scorreva la stessa acqua nel canale orizzontale, che ora scorre per la prima sezione del canale perpendicolare.

Corollario V.

Se in vece dell' apertura nel fondo della conserva; che è quel che si suppone nella Proposizione, ne sostituiremo un' altra fatta nel lato perpendicolare della conserva; lo stesso appunto si dimostrerà, se si troverà il centro della velocità della data apertura, insieme colla sua media velocità; dalla quale, e da un lato dell' apertura si faccia un rettangolo, analogo al rettangolo $E P$.

PROPOSIZIONE VI.

Data l' altezza dell' acqua nella prima sezione di qualche canale inclinato permanente in un medesimo stato, ritrovare l' altezza nelle rimanenti sezioni inferiori.

Sia il canale inclinato $A K$, la prima sezione del quale sia B , e la sua altezza $B D$. Bisogna ritrovare l'altezza in un'altra sezione inferiore C .

Prolungate $B E$, $C I$ perpendicolari delle sezioni, fino all'orizzontale per lo principio dell'alveo $A I$; si descrivano intorno ad esse, come assi, le parabole eguali $B E G$, $C I K$; e per D si tiri $D F$ semiordinata.

È perchè $D F$ è parallela a $B G$, sarà la parabola $E B G$ alla parabola $E D F$ in proporzione triplicata di $B G$ a $D F$; si faccia dunque come $B G$ a $D F$, così $M N$, ad $N O$, e ad esse si pongano in continua proporzione $O P$, $P Q$, e sia $N R$ eguale a $P Q$. Adunque sarà come $M N$ a $P Q$, o $R N$, così la parabola $E B G$ alla parabola $E D F$, e per la conversione della proporzione, come $M N$ ad $M R$, così la parabola $E B G$, allo spazio $B D F G$. Di nuovo perchè le parabole $E B G$, $C I K$ sono eguali, faranno in triplicata proporzione di $B G$ a $C K$. Si faccia dunque come $B G$ a $C K$, così $M N$ ad $M S$, e si pongano nella stessa continua proporzione di esse le $S T$, $T V$. Adunque come $V T$ ad $M N$, così la parabola $C I K$ alla parabola $E B G$; ma come la parabola $E B G$ allo spazio $B D F G$, così $M N$ ad $M R$; adunque per l'egualità, come $V T$ ad $M R$, così la parabola $C I K$; allo spazio $B D F G$. Si divida adunque la parabola $C I K$, di maniera, che $V T$ ad $M R$ sia come tutta la parabola $C I K$ allo spazio $C H L K$, sarà dunque lo spazio $C H L K$ eguale allo spazio $B D F G$, essendo la parabola $C I K$ nella medesima proporzione all'uno e l'altro, cioè di $V T$ ad $M R$; e sono i predetti spazi i complessi delle velocità delle perpendicolari $B D$, $C H$; adunque i complessi delle velocità, e conseguentemente l'acque, che scorrono con esse, faranno eguali; e però sarà l'altezza $C H$ quella, sotto la quale la medesima, o eguale quantità d'acqua passerà nella sezione inferiore C di quella, che passò per la prima sezione B sotto l'altezza $B D$. Il che ec.

*Scol.
prop. 6.
lib. 3. di
questo.*

Corollario I.

È perchè per la 2. Proposizione, data l'altezza dell'acqua sopra 'l fondo della prima sezione in una conserva, si dà l'altezza della prima sezione, e da questa si dà ancora l'altezza nell'altre, è chiaro, che data l'altezza dell'acqua sopra 'l fondo della prima sezione ec. viene ancora data l'altezza di qualsivoglia sezione.

Corollario II.

Dal progresso della dimostrazione è chiaro, che data l'altezza, che ha l'acqua nella prima sezione, si dà ancora la proporzione, che ha la parabola $C I K$ al complesso delle velocità $C H L K$.

SCOLIO I.

Adunque la proporzione della parabola $E B G$, allo spazio $B D F G$ si fa manifesta dalla proporzione, che ha $B G$ a $D F$, quale è nota pel Corol. 1. della Prop. 2. Ma se non fosse nota, a causa della mancanza de' dati della Prop. 2. si potrà ritrovare l'altezza dell'asse $B E$ per via di esperienza, quale ritrovata, insieme coll'altezza $B D$, sarà manifesta la proporzione del-

le velocità $B G$, $F D$, e di più ancora col pendolo, del quale si è trattato nel 2 lib., anzi dal solo angolo noto dell' inclinazione, si manifesta; essendo che la parabola $E B G$, allo spazio $D B G F$, sta come la secante dell' angolo dell' inclinazione al raggio, come può apparire dal seguente scolio,

SCOLIO II.

Con maggior brevità si sciorrà il problema di questa proposizione, se si troverà la secante del dato angolo dell' inclinazione, e stia $B G$ a $C K$, come la secante ad un altro termine, a cui si aggiungano due altri termini in continua proporzione, sarà la proporzione del quarto termine al raggio, quella che dee avere la parabola $I C K$, allo spazio $C H L K$. Imperocchè se si ponga $B G$ eguale a $B E$; sarà $B G$ secante, $D F$ secondo proporzionale, $D E$ terzo; e il quarto $X E$ differenza fra il secondo, e il raggio, e conseguentemente $X B$, sarà il raggio, ma è la proporzione di $B E$ a $B X$ quella, che ha la parabola $B E G$ alla parabola $B X G$, ovvero allo spazio $B D F G$ eguale ad essa; laonde essendo la parabola $B E G$ allo spazio $B D F G$, per le cose dimostrate, come $M N$, ad $M R$; se si supporrà $M N$ secante farà $M R$ raggio, e se $M N$. $M S$. $T S$. $V T$ si pongano in continua proporzione di $B G$ a $C K$, farà $V T$ ad $M R$ raggio, come la parabola $I C K$ allo spazio $B D F G$, a cui eguale dee essere lo spazio $C H L K$. E ancora di quì si vede, la proporzione della parabola $C I K$ allo spazio $C H L K$ essere composta della triplicata della velocità C alla velocità B , e della secante dell' angolo dell' inclinazione al raggio, ovvero della sesquialtera di quella che è tra C la $B E$, o $C A$. $B A$, che è eguale alla triplicata di $C K$, $B G$, e della proporzione della secante al raggio.

Corollario III.

E così ancora data in qualsivoglia sezione l' altezza dell' acqua, e ritrovato l' asse della parabola, perchè si dà la proporzione della massima velocità alla minima, ovvero del fondo, e della superficie, si potrà col metodo di questa Proposizione ritrovare l' altezza di qualsivoglia altra sezione, superiore, o inferiore.

Corollario IV.

E ancora manifesto il converfo della Proposizione, cioè data l' altezza dell' acqua in qualche sezione inferiore, ritrovare l' altezza della prima. E similmente perchè data l' altezza dell' acqua nella prima sezione, si dà ancora l' altezza dell' acqua nella conserva sopra il fondo della prima sezione, ancora data l' altezza dell' acqua in qualunque data sezione, sarà manifesta l' altezza dell' acqua ec. nella conserva.

Corollario V.

Siccome è evidente, in che modo, dato l' accrescimento dell' acqua nella prima sezione, e data ivi l' altezza dell' acqua non accresciuta, si possa
ri-

ritrovare l'accrescimento dell'altezza in qualunque sezione data. Imperocchè se si darà l'accrescimento, e la prima altezza, si darà ancora l'altezza dell'acqua accresciuta, dalla quale si troverà l'altezza dell'acqua nella data sezione; e perchè è data la minore altezza nella prima sezione, si potrà ritrovare l'altezza corrispondente ad essa nella medesima inferior sezione; adunque in questa sarà data l'una, e l'altra altezza dell'acqua accresciuta, e non accresciuta, la differenza delle quali sarà l'augumento, e in conseguenza sarà nota la proporzione dell'altezza dell'acqua accresciuta, e non accresciuta ec.

PROPOSIZIONE VIII.

Data l'altezza, che ha l'acqua in qualche sezione d'un canale perpendicolare, ritrovare nelle rimanenti sezioni del medesimo canale, l'altezze, sotto alle quali scorre l'acqua.

L'altezza d'una sezione in un canale perpendicolare, è la linea orizzontale, che misura l'altezza della sezione, sotto la quale discende l'acqua; è con tutto ciò differente il canale perpendicolare dal cadente, come si fa manifesto nel seguente scolio.

Sia dunque il canale perpendicolare S X pel quale s'intenda l'acqua scorrere, il che avverrà, se nel fondo della conserva N B M L vi si supponga una sezione, o una apertura rettangola posta orizzontalmente, dalla quale *Fig. 47.* esca l'acqua sotto la permanente altezza S B, e sia B M l'altezza dell'acqua nella sezione B. Bisognerà trovare l'altezze delle rimanenti sezioni T, V, X.

Coll'asse S X si descriva la semiparabola S C E, e si prolunghi M B in A, sarà B A semiordinata all'asse, supponendosi ad essa perpendicolare, e a T, V, X si pongano le altre semiordinate T C, V D, X E; e si facciano i rettangoli A B M, C T F, D V G, E X H eguali, ovvero, che è lo stesso, si faccia come C T, ad A B; così B M, a T F, e come D V a C T, così T F, ad V G ec, Dico T F, V G ec. essere le altezze delle sezioni ricercate.

Imperocchè essendosi descritta la parabola intorno all'asse S X lunghezza del canale, e le velocità essendo in sudduplicata proporzione dell'altezze, sarà B A velocità della sezione B, T C velocità della sezione T, ec. e sono queste per la costruzione reciproche all'altezze delle sezioni B M, T F; adunque le quantità dell'acqua, che passano per esse, saranno eguali. Similmente si dimostrerà V. G. X H essere altezze, sotto le quali passa l'acqua, che prima passò per B M; adunque stando ferma la stessa larghezza del canale, le altezze ricercate saranno T F, V G. Il che ec.

SCOLIO.

Bisogna distinguere il canale perpendicolare dal cadente, essendochè l'acqua del cadente appoco appoco si raccoglie secondo l'accrescimento della velocità, intorno all'asse tirata per lo centro della gravità della sezione perpendicolare all'orizzonte; ma ne' canali perpendicolari l'acqua corrente si debbe intendere, essere sempre attaccata al pismo, o al fondo del canale, il che naturalmente segue per essere fra loro le parti dell'acqua collegate, ed ancora questo si può fare artificiosamente, sforzando l'acqua a scorrere per

per un canale perpendicolare, contenuto da tre piani, de' quali due s'iano i lati del canale, ed il terzo il fondo, dalla superficie curva, la cui genitrice sia la linea simile $M F S H$, della quale si favellerà nel primo seguente corollario.

SCOLIO II.

Se in vece d'un vaso, o conserva si sostituisca un canale orizzontale, dal quale escendo l'acqua debba scorrere per un canale orizzontale applicato, quasi questo stesso ne segue, anzi ritrovandosi, per la 5. Proposizione, la prima sezione d'un canale perpendicolare da una nota altezza nell'orizzontale; si potrà ancora applicare un tubo perpendicolare ad un canale orizzontale, che subito l'acqua corrente tutto lo riempia.

Corollario I.

Dalle cose dimostrate apparisce, che i punti M, F, G, H sono in una iperboloido curva, un'asintota della quale, e $X S$, e le ordinate alla medesima $B M, T F$, ec. s'iano in reciproca sudduplicata proporzione di $S T$, ad $S B$; laonde se a tutti i punti del canale $S X$, si applichino le semiordinate all'asse della parabola, e si facciano eguali i rettangoli fatti dalle semiordinate all'asse della parabola, e dall'ordinate all'asintota fra loro corrispondenti; gli estremi punti delle semiordinate all'asintota, disegneranno la detta iperboloido, secondo la piega della quale si disporrà nel flusso la superficie dell'acqua. E questa iperboloido sarà la seconda in ordine, cominciando dall'iperbole comune, in cui l'ascisse dal centro stanno reciprocamente, come l'ordinate all'asintota in semplice proporzione; in questa poi reciprocamente, come l'ordinate all'asintota in doppia proporzione.

Corollario II.

Quel che si è dimostrato in un canale perpendicolare, vale ancora in un inclinato, se la velocità della superficie, e del fondo, sembri al senso eguale a causa della grandissima distanza dal principio, o per la grand'inclinazione, ovvero per la piccola altezza delle sezioni proporzionalmente all'inclinazione, o a causa degli impedimenti pareggianti tra loro le velocità, come nel corollario, e scolio della Prop. 5. lib. 2. abbiamo notato. Imperocchè la superficie dell'acqua, sarà la stessa, che la descritta, il frusto della qual solidità sarà cilindro, avrà la base contenuta da tre rette linee (cioè dalla lunghezza del canale tra le due sezioni, e dall'una, e l'altra perpendicolare delle prese sezioni) e dalla detta iperboloido. Del restante se si considera tutta la figura dell'acqua corrente, sarà la base di questa un trilineo infinito; cioè lo spazio fra l'asintota, e l'iperboloido, e l'altezza della prima sezione; e l'altezza, la stessa larghezza del canale. La qual figura dell'acqua sempre più s'altererà, quanto maggior sarà la proporzione delle velocità della superficie, e del fondo.

Corollario III.

Nella stessa supposizione, se le ripe dello stesso canale perpendicolari al fondo si proseguissero secondo la centinatura della predetta iperboloide; di maniera che il punto S fosse centro comune di due iperbolidi, e insieme principio d' un canale, e se si tirasse l' asintota pel mezzo dello stesso canale, di maniera che fosse comune all' una, e all' altra iperboloide; ed I M fosse la larghezza della prima sezione; sarebbero le altezze di tutte le sezioni eguali, essendochè le sezioni d' eguale altezza sono fra loro come le larghezze; ma le larghezze B M. T F, o le loro duple I M. O F sono in reciproca sudduplicata proporzione delle linee S T. S B, e nella stessa sudduplicata proporzione sono le velocità; adunque essendo le sezioni reciproche alle velocità, passerà per esse eguale quantità d' acqua, e conseguentemente se alcuno volesse nel predetto caso ritenere in tutti i luoghi delle sezioni la stessa altezza del canale, bisognerebbe, che prolungasse le ripe del canale secondo la detta iperboloide.

S C O L I O III.

Per la qual cosa essendo nulla la velocità nel punto S, è manifesto l' altro asintota essere S L, essendochè i rettangoli fatti dalle linee delle velocità, e dell' altezze, ovvero delle larghezze del canale debbano essere eguali, ed essendo nulla la linea della velocità nel punto S; ne segue che l' altezza, ovvero la larghezza della sezione S [supposto, che possa scorrere la quantità medesima d' acqua per S con niuna velocità, che per B colla data velocità] debba essere infinita, e in conseguenza che mai in alcun luogo non concorrerà coll' iperboloide: lo che però non può essere, perchè dal principio del canale, che è un sol punto, non può sgorgare alcuna quantità d' acqua, onde si schiva un infinita altezza di sezione.

Corollario IV.

Dalle sopradette cose chiaramente si vede, che se le larghezze delle sezioni ne' canali inclinati ec. siano eguali, saranno le altezze delle medesime fra loro in reciproca sudduplicata proporzione delle distanze dal principio dell' alveo; ma se le altezze si suppongano eguali, le larghezze saranno nella stessa proporzione.

Corollario V.

Similmente le altezze delle sezioni in un canale inclinato perpendicolare, saranno proporzionali all' altezze delle sezioni nell' altro canale in qualsivoglia modo inclinato, o perpendicolare, se si paragonino fra loro le simili sezioni, ed eguale sia dapertutto la larghezza dell' uno, e dell' altro canale.

Corollario VI.

Di quì è, che se lo stesso canale più, o meno sia inclinato, le altezze delle date sezioni saranno fra loro proporzionali in qualsivoglia inclinazione.

P R O P O S I Z I O N E IX.

Data una sezione di qualche cadente perpendicolare, e la distanza dal suo principio, ritrovare le rimanenti sezioni del medesimo.

Fig. 47.

Sia la cadente proposta $I Q H M$, l'asse della quale sia $S X$ perpendicolare all'orizzonte, ed il principio S , e la data sezione quella, che ha il diametro $I M$, bisogna ritrovare le rimanenti sezioni $I. V. X$. ec.

Coll'asse $S X$ si descriva la semiparabola $S A E$, e si facciano le altre cose, come nella superiore proposizione; ma come $C T$ ad $A B$, così si faccia il quadrato $I M$ al quadrato $O F$; o il quadrato $B M$ al quadrato $T F$, e come $D V$ a $C T$ così il quadrato $T F$ al quadrato $V G$; e nel medesimo modo si trovi $X H$ ec. Dico $B M. T F. V G. X H$ essere semidiametri delle sezioni $B. T. V. X$;

Imperocchè per gli Scolj seguenti, tutte le sezioni parallele di qualche cadente sono fra loro simili, faranno dunque fra loro come i quadrati de' semidiametri dal centro. Laonde come il quadrato $B M$ al quadrato $T F$, così la sezione $I M$ alla sezione $O F$, ma come il quadrato $B M$ al quadrato $T F$, così reciprocamente la velocità $C T$ alla velocità $A B$; adunque come la sezione $I M$, alla sezione $O F$, così la velocità $C T$ della sezione $O F$ alla velocità $A B$ della sezione $I M$; scorrerà dunque la stessa acqua per la sezione $I M$, che per la sezione $O F$. E nello stesso modo si dimostrerà, per le sezioni $P G. Q H$ ec. scorrere la stessa quantità d'acqua, e in conseguenza le sezioni $P G. Q H$ essere le sezioni del cadente ricercate.

S C O L I O.

Benchè il cadente perpendicolare di sua natura dovesse aver la forma di corpo conico, la base del quale sia la prima sezione, di qual figura ella si fosse, e la cima il centro comune di tutti i gravi, il quale con tutto ciò in gran distanza insensibilmente differirebbe dal cilindro; ma però, perchè per l'accrescimento della velocità, le goccioline dell'acqua, dentro la solidità del cilindrico, scambievolmente si dovrebbero separare, stante la pressione esterna dell'aria, e concorrendo ancora l'attaccamento, che chiamano viscosità, il cilindrico verrà premuto verso la linea perpendicolare, che è asse di esso, in maniera che si fa un altro corpo conoidale di sua natura infinito, che per altro degenererebbe (essendo arrivato il moto all'equilibrio, e perseverando la medesima velocità) in cilindrico, col suo asse direttamente indirizzato al centro de' gravi. E questo è vero, rimossa quella resistenza dell'aria inferiore, che fa, che comunicato al cadente grand' impeto, o più presto, o più tardi, secondo il suo maggiore, o minor diametro, si disperga, primieramente in parti minori, dipoi ancora in una tenuissima rugiada. Noi però discorrendo del cadente, rimuoviamo questo ultimo impedimento, ritenendo il concorso dell'acqua intorno al suo asse, come se si facesse un vaso tale, che

Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.		Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.	
Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once
4	1	437	4	6	9	562	4
4	2	441	9	6	10	565	9
4	3	446	2	6	11	569	2
4	4	450	6	7	0	572	7
4	5	454	10	7	1	576	0
4	6	459	1	7	2	579	5
4	7	463	4	7	3	582	9
4	8	467	6	7	4	586	1
4	9	471	8	7	5	589	5
4	10	475	10	7	6	592	9
4	11	479	11	7	7	596	0
5	0	483	11	7	8	599	3
5	1	488	0	7	9	602	6
5	2	491	11	7	10	605	9
5	3	495	11	7	11	608	11
5	4	499	10	8	0	612	2
5	5	503	8	8	1	615	4
5	6	507	7	8	2	618	6
5	7	511	4	8	3	621	8
5	8	515	2	8	4	624	9
5	9	519	0	8	5	627	11
5	10	522	9	8	6	631	0
5	11	526	5	8	7	634	1
6	0	530	2	8	8	637	2
6	1	533	10	8	9	640	2
6	2	537	5	8	10	643	3
6	3	541	1	8	11	646	3
6	4	544	8	9	0	649	3
6	5	548	3	9	1	652	3
6	6	551	9	9	2	654	3
6	7	555	4	9	3	658	3
6	8	558	10	9	4	661	2

Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.	Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.	Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.	Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.
--	--	--	--

Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once
9	5	664	2	12	1	752	4
9	6	667	1	12	2	754	11
9	7	670	0	12	3	757	6
9	8	672	11	12	4	760	1
9	9	675	10	12	5	762	8
9	10	678	8	12	6	765	2
9	11	681	7	12	7	767	9
10	0	684	5	12	8	770	3
10	1	687	3	12	9	772	10
10	2	690	1	12	10	775	4
10	3	692	11	12	11	777	10
10	4	695	9	13	0	780	4
10	5	698	6	13	1	782	10
10	6	701	4	13	2	785	4
10	7	704	1	13	3	787	10
10	8	706	10	13	4	790	3
10	9	709	7	13	5	792	9
10	10	712	4	13	6	795	2
10	11	715	1	13	7	797	8
11	0	717	10	13	8	800	1
11	1	720	6	13	9	802	6
11	2	723	3	13	10	805	0
11	3	725	11	13	11	807	5
11	4	728	7	14	0	809	10
11	5	731	3	14	1	812	2
11	6	733	11	14	2	814	7
11	7	736	7	14	3	817	0
11	8	739	3	14	4	819	5
11	9	741	11	14	5	821	9
11	10	744	6	14	6	824	2
11	11	747	1	14	7	826	6
12	0	749	9	14	8	828	10

Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.		Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.	
Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once
14	9	831	2	17	5	903	3
14	10	833	7	17	6	905	5
14	11	835	11	17	7	907	6
15	0	838	3	17	8	909	8
15	1	840	7	17	9	911	10
15	2	842	10	17	10	914	0
15	3	845	2	17	11	916	1
15	4	847	6	18	0	918	3
15	5	849	9	18	1	920	4
15	6	852	1	18	2	922	6
15	7	854	4	18	3	924	7
15	8	856	8	18	4	926	8
15	9	858	11	18	5	928	9
15	10	861	2	18	6	930	11
15	11	863	5	18	7	933	0
16	0	865	9	18	8	935	1
16	1	868	0	18	9	937	2
16	2	870	3	18	10	939	2
16	3	872	5	18	11	941	4
16	4	874	8	19	0	943	5
16	5	876	11	19	1	945	5
16	6	879	2	19	2	947	6
16	7	881	4	19	3	949	7
16	8	883	7	19	4	951	7
16	9	885	9	19	5	953	8
16	10	888	0	19	6	955	9
16	11	890	2	19	7	957	9
17	0	892	4	19	8	959	9
17	1	894	6	19	9	961	10
17	2	896	9	19	10	963	10
17	3	898	11	19	11	965	10
17	4	901	1	20	0	967	11

Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.		Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese.		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese.	
Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once	Piede	Once
20	1	969	11	22	9	1032	4
20	2	971	11	22	10	1034	2
20	3	973	11	22	11	1036	1
20	4	975	11	23	0	1037	11
20	5	977	11	23	1	1039	10
20	6	979	11	23	2	1041	8
20	7	981	11	23	3	1043	7
20	8	983	10	23	4	1045	5
20	9	985	10	23	5	1047	4
20	10	987	10	23	6	1049	2
20	11	989	10	23	7	1051	0
21	0	991	10	23	8	1052	11
21	1	993	9	23	9	1054	9
21	2	995	9	23	10	1056	7
21	3	997	8	23	11	1058	5
21	4	999	8	24	0	1060	3
21	5	1001	7	24	1	1062	1
21	6	1003	6	24	2	1063	11
21	7	1005	6	24	3	1065	9
21	8	1007	5	24	4	1067	7
21	9	1009	4	24	5	1069	5
21	10	1011	3	24	6	1071	3
21	11	1013	3	24	7	1073	1
22	0	1015	2	24	8	1074	11
22	1	1017	1	24	9	1076	9
22	2	1019	0	24	10	1078	6
22	3	1020	11	24	11	1080	4
22	4	1022	10	25	0	1082	2
22	5	1024	8	25	1	1083	11
22	6	1026	7	25	2	1085	9
22	7	1028	6	25	3	1087	6
22	8	1030	5	25	4	1089	4

Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese .		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese .		Altezza dell' acqua a misura di piede Bolognese .		Spazio dovuto alla velocità a misura di piede Bolognese .	
Piedi	Once	Piedi	Once	Piedi	Once	Piedi	Once
25	5	1091	1	27	9	1140	1
25	6	1092	10	27	10	1141	10
25	7	1094	8	27	11	1143	6
25	8	1096	6	28	0	1145	3
25	9	1098	3	28	1	1146	11
25	10	1100	0	28	2	1148	7
25	11	1101	10	28	3	1150	4
26	0	1103	7	28	4	1152	0
26	1	1105	4	28	5	1153	9
26	2	1107	1	28	6	1155	5
26	3	1108	10	28	7	1157	1
26	4	1110	7	28	8	1158	9
26	5	1112	5	28	9	1160	6
26	6	1114	2	28	10	1162	2
26	7	1115	11	28	11	1163	10
26	8	1117	8	29	0	1165	6
26	9	1119	4	29	1	1167	3
26	10	1121	1	29	2	1168	10
26	11	1122	10	29	3	1170	6
27	0	1124	7	29	4	1172	3
27	1	1126	4	29	5	1173	10
27	2	1128	1	29	6	1175	6
27	3	1129	9	29	7	1177	2
27	4	1131	6	29	8	1178	10
27	5	1133	3	29	9	1180	6
27	6	1134	11	29	10	1182	1
27	7	1136	8	29	11	1183	9
27	8	1138	5	30	0	1185	5

A P P E N D I C E.

Il fondamento della sopraddeſſa tavola ſi ha nella prop. 16. lib. 2. di queſto trattato, e dall' eſperienza ſeguento, di cui quivi ſi fece menzione, e che mentre queſte coſe erano ſotto il torchio, cioè il dì 7. del corrente Agoſto, di nuovo ſi riſcefe coll' ajuto di molti miei amici, e favorendomi della ſua preſenza l' Illuſtriſſ. Sig. Conte Girolamo Bentivogli degniſſimo Senatore di queſta Città.

Concioſſiachè piena una conſerva d'acqua vi ſiadattò una cannella, quale ſi deſcriſſe nella prop. 1. del lib. 2. ma che aveſſe la luce quadra forata in una lametta di metallo, un lato dalla quale era un quarto d'oncia; ed era poſta in tal maniera, che il lato inferiore, ovvero la baſe della luce fuſſe e orizzontale, e ſommerſa ſotto la più alta ſuperficie dell' acqua piedi tre, e once undici per l'appunto; ſicchè al ſuo centro ſopraſtaſſero piedi 3., e once 10. e ſette ottavi d'acqua (confondo qui il centro della figura, col centro della velocità, eſſedno differenti inſenſibilmente) Fermate in tal guiſa le coſe, nel tempo di 65. vibrazioni, che nel mio oriuolo a molla riſpondevano a un minuto d'ora, l'acqua eſcita dalla ſuddetta luce, mantenuta ſempre la medeſima ſuperficie dell' acqua, ſbattuto il peſo del vaſo, fu lib. 32. onc. 10., e ripetuta otto volte queſta ſperienza, ſempre ſenza alcuna variazione, eſcì la medeſima quantità d'acqua. Dipoi peſammo l' acqua contenuta in un vaſo di metallo, la cui interna cavità era cubica, e il lato era d' un' oncia per l'appunto; queſta peſò in una eſatta bilancia un oncia, e grani 146., cioè grani 786.

Suppoſte queſte coſe, le ſeguenti ſi fanno manifeſte pel calcolo. Diviſe libbre 32. once 10. d'acqua cioè once 394, ovvero grani 252160. per 786. grani peſo d' un oncia cubica d' acqua, ne vengono $320 \frac{320}{393}$ once cu-

biche d' acqua uſcita nel detto tempo. Laonde queſta acqua ridotta in un priſma retto, la cui baſe ſia un oncia quadra, averà di lunghezza, o altezza once $320 \frac{320}{393}$ e per conſeguenza ſe ſ' intenda ridotta in un priſma retto,

la cui baſe ſia $\frac{1}{4}$ d' oncia, farà ſedici volte più alto, poichè il quadrato d' $\frac{1}{4}$

d' oncia è ſubſeſtidecuplo del quadrato d' un oncia. Adunque farà l' altezza del ſecondo priſma once $5133 \frac{11}{18}$ cioè piedi 427. once 9. $\frac{11}{18}$ che farà la ve-

locità media, o lo ſpazio dovuto alla velocità dell' acqua ſotto l' altezza di piedi 3. once 10 $\frac{7}{8}$. Se adunque ſi faccia come once 46 $\frac{7}{8}$ a once 47 così il quadrato d' once $5133 \frac{11}{18}$ cioè 26347976 al quadrato 26418237 la

ſua radice d' once 5140 ovvero piedi 428 once 4 farà lo ſpazio dovuto alla velocità ſotto l' altezza dell' acqua once 47. ovvero piedi 3 once 11. Nel medeſimo modo l' altre velocità per tutte l' altezze eſpreſſe nella tavola ſi trovarono per mezzo di queſta ſperienza.

Se uno non ſi fida di queſta noſtra oſſervazione, che è la radice di tutta la tavola, o dubiti eſſer diverſa la prontezza, e la fluidità al moto di queſta,

o di quell'acqua, siccome è diverso il peso, potrà ripetere l'esperienze, e fare la tavola più esatta, e proporzionata a misurare la fluidità della sua acqua, in cui però schifera il lungo tedio del calcolare, e particolarmente in estrarre le radici quadrate, essendochè dalla nostra tavola possa ciascuno mutare per la sola regola delle proporzioni gli spazj dovuti alle velocità secondo la propria esperienza. A noi frattanto servirà l'aver accennato il modo, col quale si possono far manifesti questi spazj, e d'aver dalle nostre esperienze formate la tavola, che noi non abbiamo tirata avanti oltre la profondità di piedi 30., perchè di rado si sumipassano questa altezza, almeno nella nostra Europa; anzi se si debba aggiungere la sola velocità alla velocità del centio; potrà servire ne' canali orizzontali, e in quelli che sono ad essi simiglianti fino all'altezza di piedi 67. $\frac{1}{2}$ d'acqua.

L'uso adunque della tavola è questo. Ogni volta che si cerca lo spazio dovuto alla velocità, si trovi l'altezza dell'acqua nella colonna sinistra, e nella colonna addirimpetto si vedrà lo spazio, che l'acqua scorrerà nello spazio d'un minuto d'ora, di cui uno si debbe servire, come sopra si disse in varj luoghi, e particolarmente nella regola generale.

E se non si trova l'altezza precisa dell'acqua senza errore sensibile, si debbe trovare la parte proporzionale competente all'eccesso, o al mancamento per la regola delle proporzioni, e deesi sommare, o sottrarre dal maggiore, o dal minore spazio trovato nella tavola, secondo che l'altezza ritrovata supera quella della tavola, o di essa è minore, come si suol fare nella tavola de' seni, e in altre simili.

Per far manifesto tutto ciò coll'esempio, sommeremo tre di questi tali, che potranno essere in luogo di precetti, siccome gli distinsimo in precetti: il primo in un canale inclinato: il secondo in un canale orizzontale, l'uno, e l'altro secondo, che richieggiono l'apportate dimostrazioni: e il terzo secondo il metodo della regola generale, acciocchè in tutti i casi si vegga chiaro l'uso della tavola, e la nostra pratica di misurar l'acque.

E S E M P I O I.

Nel Canale inclinato.

Sia il canale inclinato A B. la cui acqua si debba misurare nella sezione B. e sia l'altezza dell'acqua B C. dieci piedi, la larghezza della sezione piedi 50., e la velocità di B a C come 4. a 1. Fig. 17.

I. Si trovi l'altezza dell'asse B D: cioè fatti i quadrati delle velocità 4. e 1. cioè 16. e 1. e trovata la loro differenza 15. si faccia come 15. al quadrato della minor velocità 1. così dieci a $\frac{2}{3}$ sarà D C $\frac{2}{3}$ di piede, ovvero once 8., e tutta la B D piedi dieci once otto.

II. Si trovi il complesso delle velocità, cioè lo spazio parabolico B C II E moltiplicando B D di piedi 10. e once 8. cioè once 128 con $\frac{2}{3}$ della velocità B E 4. (ovvero colla misura de' piedi once 48.) cioè once $\frac{3}{2}$.

32., verrà il prodotto 4096. similmente si moltiplichì $\frac{2}{3}$ della velocità C F di piedi 1. ovvero once 8. in D C once 8., e il prodotto 64. si sottragga da 4096. farà la differenza 4032. lo spazio parabolico B C H E.

III. Si trovi la velocità media K G. dividendo lo spazio B C H E 4032 per l'altezza B C di piedi 10. cioè once 120; e il quoziente once 33. $\frac{2}{5}$

ovvero astrattamente piedi 2. e $\frac{4}{5}$, farà la velocità media ricercata.

IV. Si trovi l'asse D K facendo come il quadrato della velocità massima B E 4. cioè 16, al quadrato della velocità media trovata ultimamente 2. $\frac{4}{5}$

cioè 7. $\frac{21}{25}$, così tutto l'asse B D di piedi 10. once 8. alla preporzione dell'asse D K di piedi 5. once 2. $\frac{18}{25}$ farà K centro della velocità.

Fig. 19. V. Si trovi K H altezza dell'acqua sopra il centro della velocità, o più tosto la scea perpendicolare del medesimo centro K, ovvero H risolvendo il triangolo rettangolo K D H, in cui l'ipotenusa D H è piedi 5. once 2 $\frac{18}{25}$ e l'angolo dell'inclinazione D H K si suppone v. gr. gradi 2. e ne verrà il lato ricercato K H piedi 5. once 2. $\frac{53261}{78125}$

VI. Si vada alla tavola degli spazj posta sopra ec., e si trovi lo spazio dovuto alla velocità dell' altezza di piedi 5. once 2. $\frac{53261}{78125}$; e perchè per l'altezza di piedi 5. once 2. lo spazio è piedi 491. once 11., e per piedi 5. once 3. piedi 495, once 11. la differenza sarà piedi 4 e la parte proportionale per $\frac{53261}{78125}$ farà piedi 2. once 8. che aggiunti a piedi 491. once 11. faranno la somma di piedi 494. once 7. $\frac{55528}{78125}$ che sarà lo spazio dovuto alla velocità sotto l'altezza, o scea di piedi 5. once 2. $\frac{53261}{78125}$

VII. Si faccia l'area della sezione moltiplicando l' altezza di piedi 10. nella larghezza di piedi 50., che farà 500. piedi quadri.

VIII. Finalmente si moltiplichì quest' area con piedi 494. once 7. $\frac{55528}{78125}$ e il prodotto 247321 farà il numero de' piedi cubici dell'acqua, che passano per la data sezione in un minuto di tempo.

E S E M P I O II.

In un canale puramente orizzontale.

IL calcolo della misura dell'acque correnti in un canale puramente orizzontale è facilissimo, come quello che mostra pianamente l'invenzione del centro della velocità, e della altezza dell'acqua sopra esso, intorno alle quali due cose, come intorno a due poli, si raggira la misura dell'acque. Tuttavia per dar un esempio, e i precetti anco di questa misura, supporremo i seguenti dati.

Riferisce l'eruditissimo Gio: Botero nella relazione, che ei fa del mare, inserita ne' suoi opuscoli, cercando quanta acqua scarichi nel Mar Maggiore nello spazio d'un anno il Danubio, riferisce dico, che la sua massima larghezza s'estende a un miglio, o secondo la misura Bolognese, a piedi 5000. e che ha di profondità 8., o 10. braccia (ponghiamo secondo la medietà aritmetica braccia 9., che ridotte alla medesima misura son 15. piedi) e di velocità almeno tre miglia all'ora. Dal che conclude che in un anno scarica in mare un prisma d'acqua, la cui base è l'area della sezione, e la lunghezza 26352. miglia, ovvero se ponghiamo 9. braccia d'altezza, come sopra, corrispondenti a piedi 15. sicchè l'area della sezione sia piedi 75000. perchè la lunghezza delle dette miglia 26352. è piedi 131760000. si troverà l'acqua d'un anno esser piedi cubici 988200000000. veggiamo adunque se il calcolo del Botero corrisponda al seguente, fatto giusta il nostro metodo dimostrato di sopra.

Supponghiamo che il Danubio abbia la sua massima larghezza non lungi dal mare, e per conseguenza, per lo suo lunghissimo corso, in sito orizzontale, o quasi orizzontale; talchè la declività dell'alveo, se pur v'è, non impedisca, che e' non si possa pigliare per orizzontale; e da' sopraddetti dati

I. Si trovi il centro della velocità pigliando cioè $\frac{4}{9}$ de' piedi 15. e saranno ⁹ piedi 6. $\frac{2}{3}$ ovvero piedi 6. once 8., e altro e tanto sarà sommerso il centro della velocità L sotto la superficie dell'acqua. *Fig. 26.*

II. Si trovi nella Tavola degli spazj ec. all'altezza di piedi 6. once 8. lo spazio dovuto alla velocità, che sarà piedi 558. once 10.

III. Si faccia l'area della sezione moltiplicando D E di piedi 5000. con D C di piedi 15. d'altezza, e ne verranno piedi 75000.

IV. Quest'area si moltiplichi con piedi 558 onc. 10. e ne verrà 41912500. numero di piedi cubici, che scorrono nel Danubio in un minuto d'ora.

Se il detto numero 41912500. si moltiplica per 60. minuti, di cui si compone un'ora, ne verranno 2514750000., e se di nuovo questo si moltiplichi per ore 24. d'un giorno, ne risultano piedi cubici 60354000000., e se questi di nuovo si moltiplichino per 366. giorni dell'anno (come appresso il Botero) ne verranno piedi cubici d'acqua 22089564000000. scaricati dal Danubio nel mare in un anno; il doppio più, di quello che ne raccoglie il Botero considerata la sola velocità della superficie.

E S E M P I O III.

In qualunque canale giusta il metodo della regola generale del Lib. IV.

SIA qualunque canale orizzontale, o inclinato, la cui acqua corrente per una sezione proporzionata si debba misurare.

Adattare tutte le cose, che disamo nella regola generale esser necessarie a questa operazione, e calata la cateratta sotto la superficie dell'acqua, dopo che l'acqua avrà acquistata l'altezza permanente, si supponga la pro-

fondità dell'acqua osservata dalla superficie al fondo del regolatore essere piedi 10., e dal fondo del regolatore alla prima parte della cateratta piedi 8. once 4. la larghezza della sezione piedi 20., e l'inclinazione del canale gradi 5. sopra i quali fondamenti.

Fig. 36.

I. Si trovi la proporzione delle velocità del fondo, e della superficie, cioè di B, ed F, cioè supponendo che la velocità B H sia 9. per la regola delle proporzioni, si faccia come K B distanza della superficie dell'acqua dal fondo del regolatore di piedi 10., e d' once 120 ad F B distanza del fondo del regolatore dalla ima parte della cateratta di piedi 8. once 4. ovvero once 100. così il quadrato della velocità del fondo 6. cioè 36. al quadrato della velocità della superficie 30. la cui radice $5\frac{1}{2}$ e' sarà la proporzione dell'una, e dell'altra velocità B H, F I quella di 6. a $5\frac{1}{2}$.

II. Si trovi il complesso delle velocità dell'acqua corrente sotto la cateratta per la sezione, o per la luce E B, ovvero lo spazio parabolico B' F I H moltiplicando $\frac{2}{3}$ della massima velocità B H 6. cioè 4. coll'altezza B K d' once 120., e sarà il prodotto 480. l'area della parabola B K H, e similmente moltiplicando $\frac{2}{3}$ della velocità K F $5\frac{1}{2}$ cioè $3\frac{2}{3}$ coll'altezza F B di once 20. e il prodotto $73\frac{1}{3}$ sarà l'area della parabola K F I, la differenza delle quali parabole $406\frac{2}{3}$ sarà lo spazio parabolico B F I H, che si cercava.

III. Questo spazio parabolico trovato $406\frac{2}{3}$ si divida per B F d' once 100., e ne verrà il quoziente $4\frac{1}{15}$ per la velocità media M N.

IV. Per trovare il centro della velocità si faccia come il quadrato della massima velocità B H, cioè 36. al quadrato della velocità media M N trovata in ultimo luogo $16\frac{121}{125}$ così l'asse K B d' once 120. alla porzione dell'asse, o all'altezza K M d'once 55. $\frac{17}{135}$ ovvero di piedi 4. once $7\frac{17}{135}$ luogo, ovvero centro della velocità media M tanto appunto sommerso sotto la superficie dell'acqua.

Se il canale sia orizzontale, ovvero se la sponda del regolatore sia perpendicolare e al piano del fondo del canale, e insieme all'orizzontale, si dee tosto passare al sesto precetto, e servirsi dell'altezza predetta per trovare nella tavola lo spazio ec. ma se sia inclinato.

Fig. 19.

Conciosiachè si suppone l'angolo dell'inclinazione del canale gradi 5. si trovi l'altezza dell'acqua sopra il centro della velocità, risolvendo il triangolo K H D in cui è data l'ipotenusa H D di piedi 4. once $7\frac{17}{135}$, e oltre l'angolo retto ad K anco l'angolo H di gr. 5., e ne verrà il lato K H di piedi 4. once $6\frac{6182299}{6750000}$ ovvero l'altezza dell'acqua sopra il centro della velocità.

VI. Nella tavola degli spazi ec. si trovi lo spazio dovuto alla velocità, secondo la trovata altezza di piedi 4., e once $6\frac{6182299}{6750000}$ che aggiunta la parte proporzionale, sarà piedi 462. once $11\frac{4797249}{6750000}$.

VII. Si faccia l'area della sezione di piedi 166. $\frac{2}{3}$

VIII. E in fine si moltiplichi l'area della sezione 166 $\frac{2}{3}$ collo spazio ec. ritrovato di piedi 462. once 11. $\frac{4797249}{6750000}$ e il prodotto $\frac{2}{3}$ 77162 once 421 mostrerà il numero de' piedi cubici d'acqua, che scorrono pel dato canale nel detto tempo di un minuto.

IL FINE.

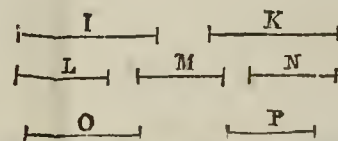
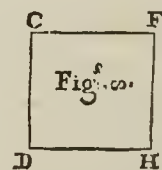
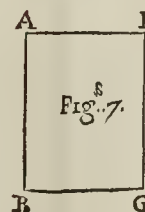
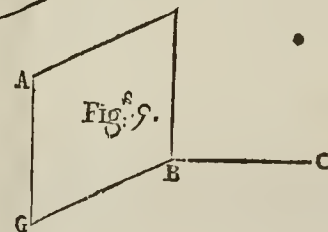
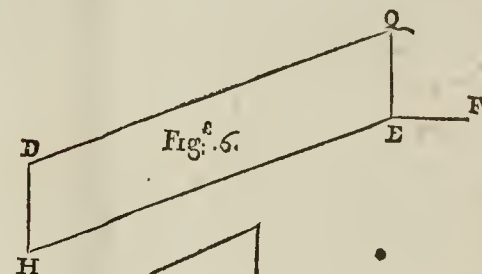
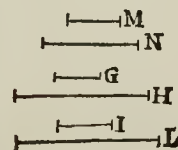
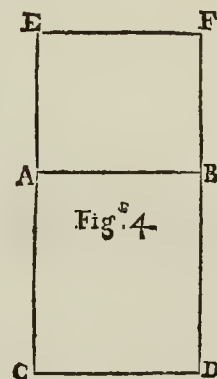
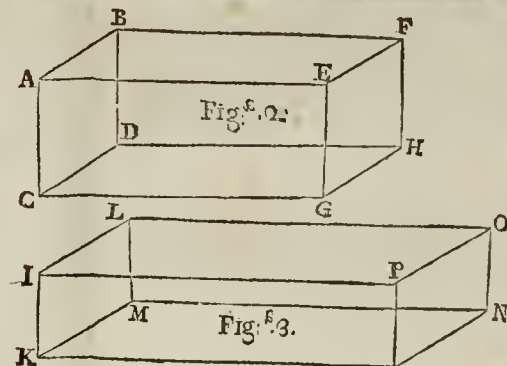
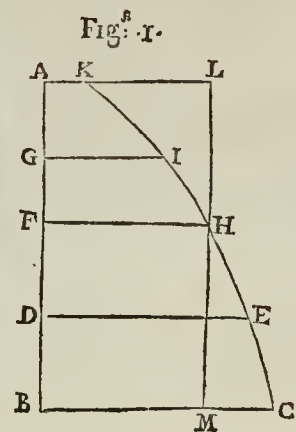


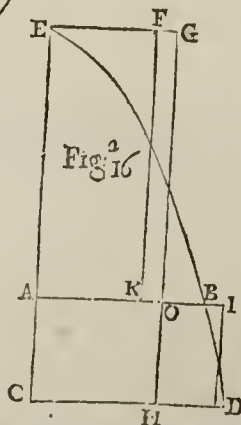
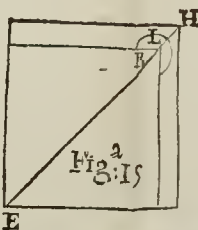
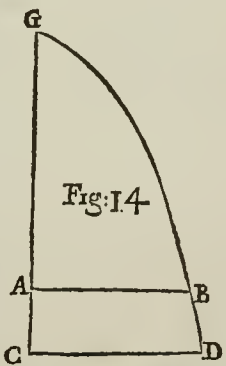
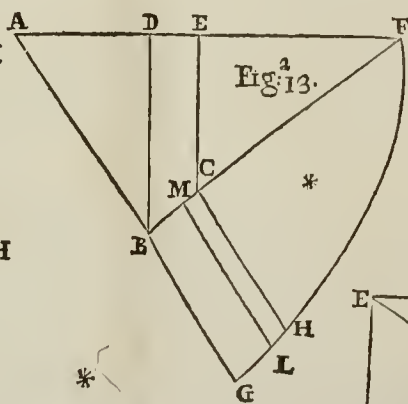
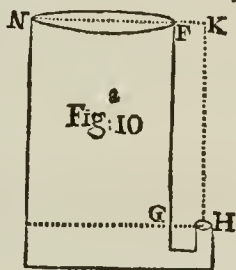
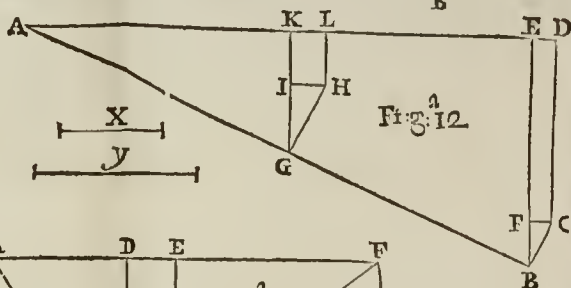
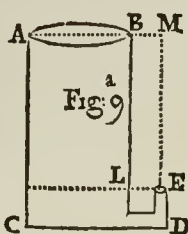
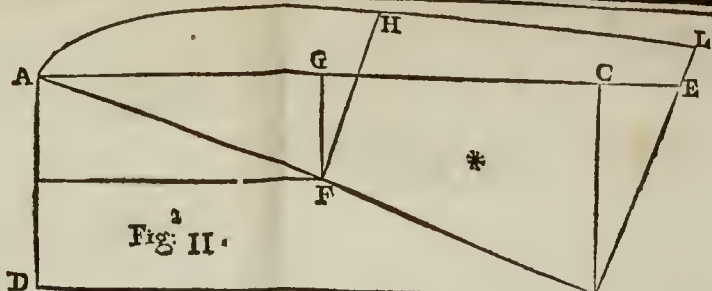
THE UNIVERSITY OF CHICAGO
LIBRARY
1100 EAST 58TH STREET
CHICAGO, ILL. 60637
TEL. 733-4331
Circulation Department
312-937-1234

11-11-11



*Offervi chi leggerà quest' Ope-
ra, a porre nel Secondo Tomo
a car. 103. queste 55. figure
comprese in 8. Tavole.*





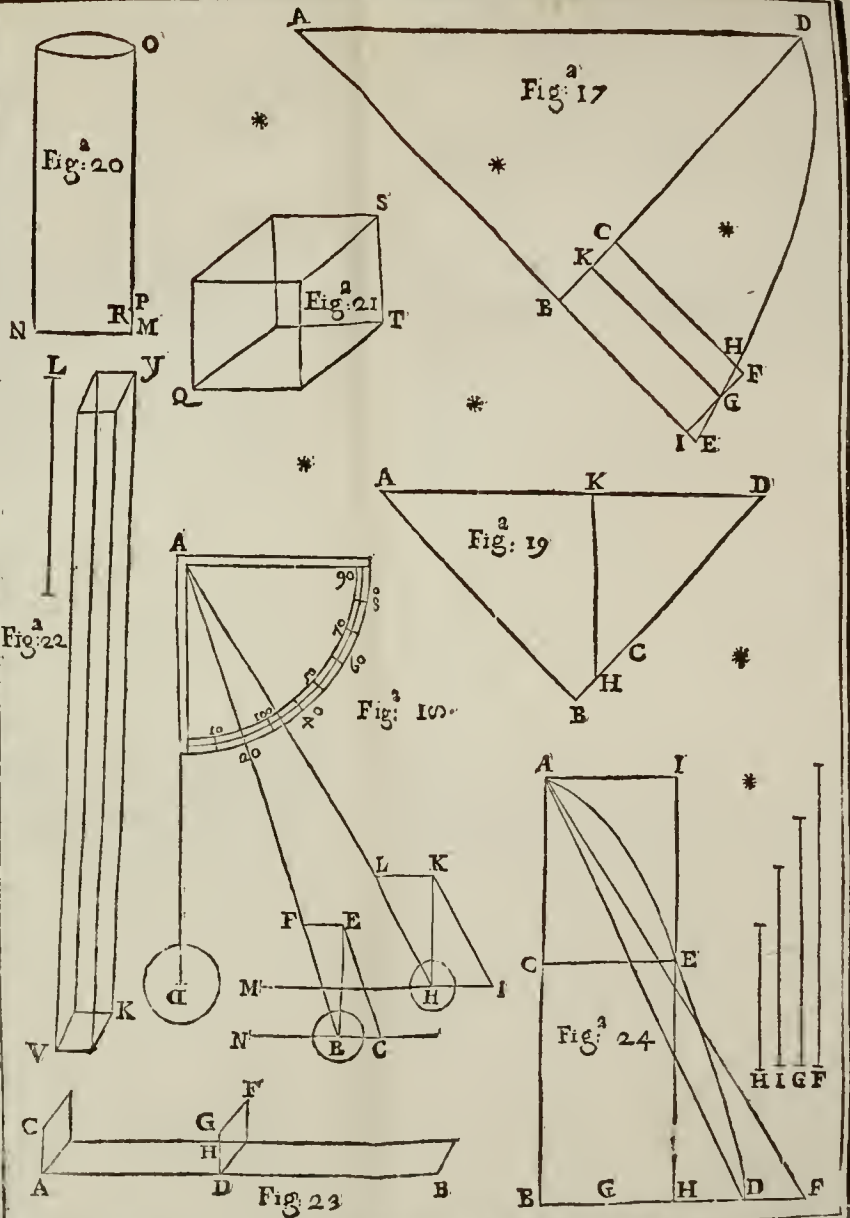


Fig. 25

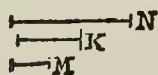
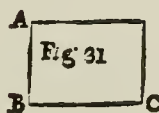
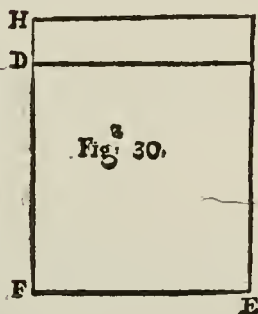
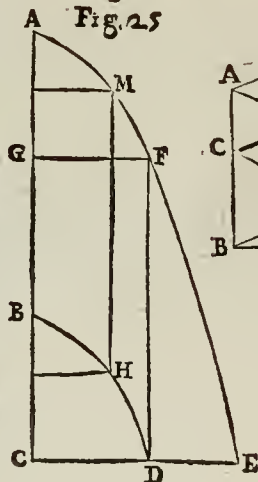


Fig. 26.

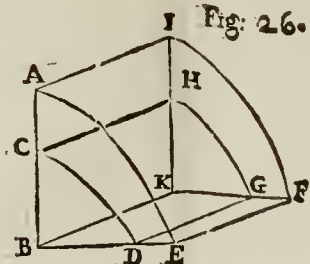


Fig. 27.

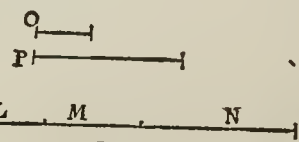
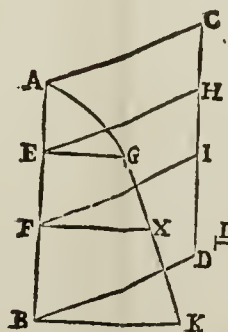
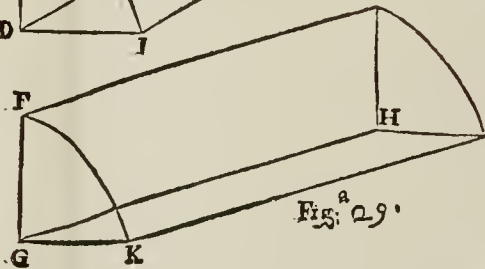
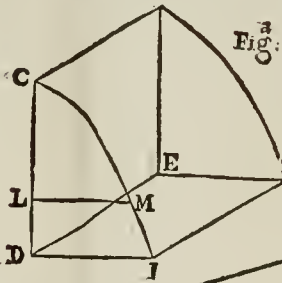
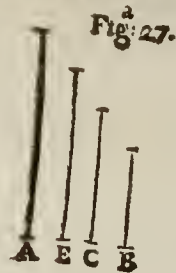


Fig. 32

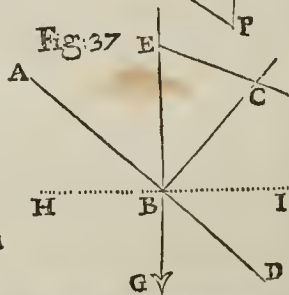
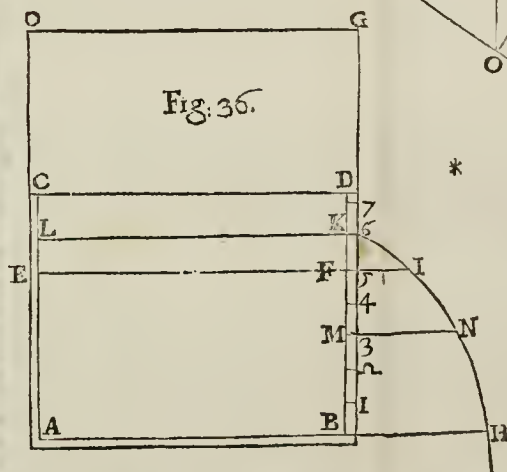
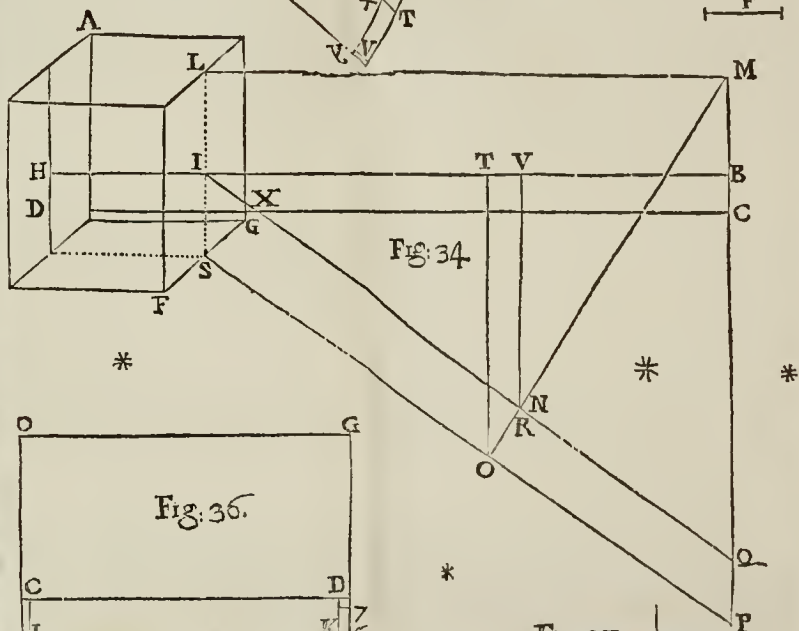
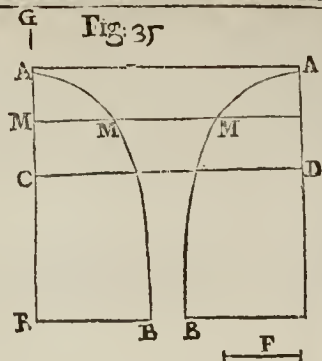
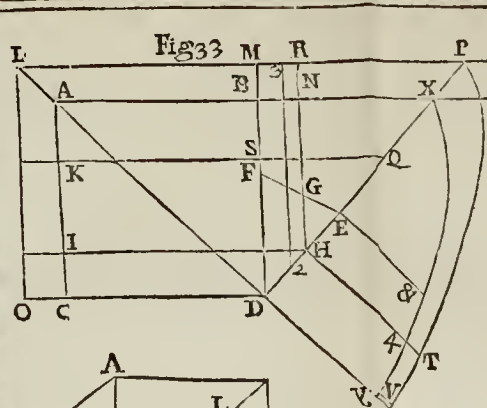


Fig:^a 30.

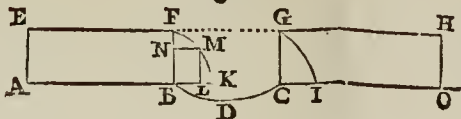


Fig: 39.

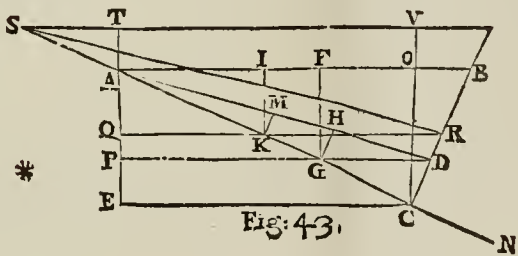
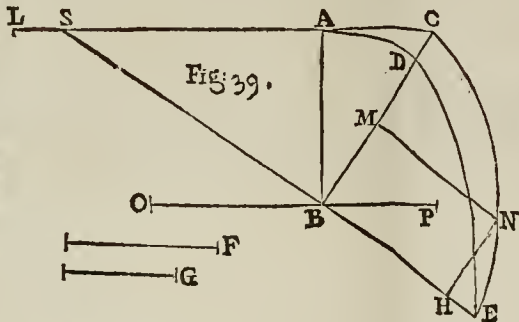


Fig:44

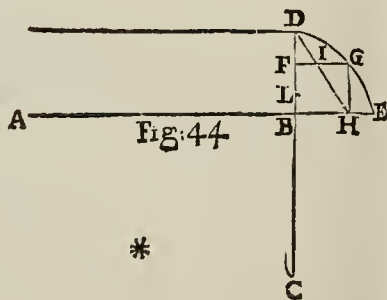


Fig: 40'

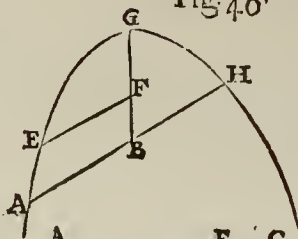


Fig 41

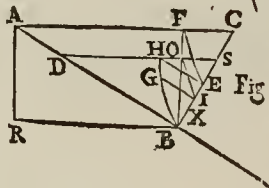


Fig: 42.

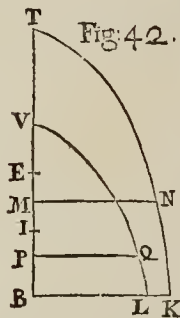
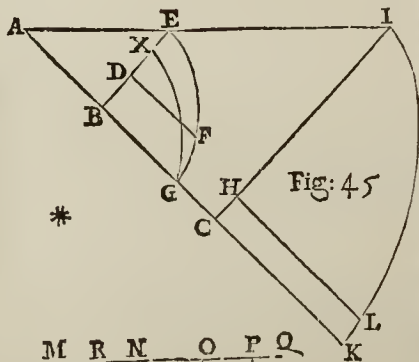
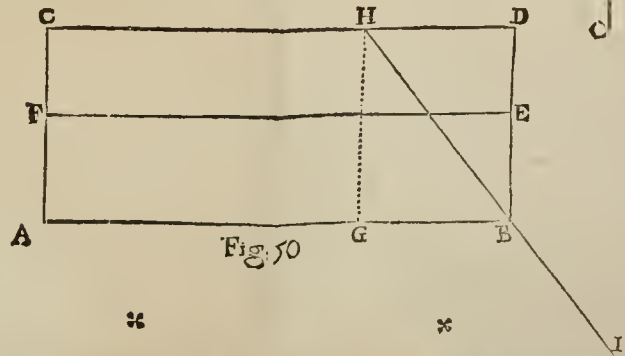
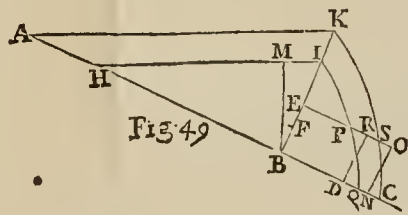
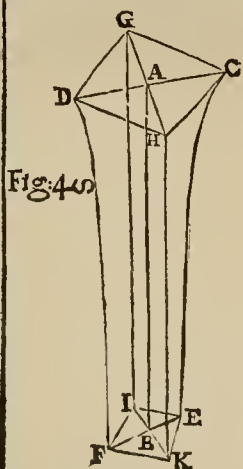
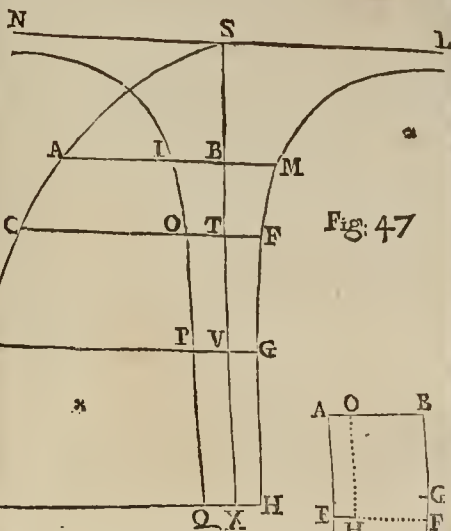
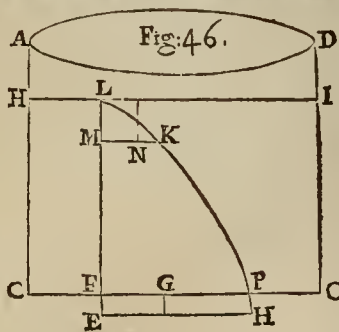
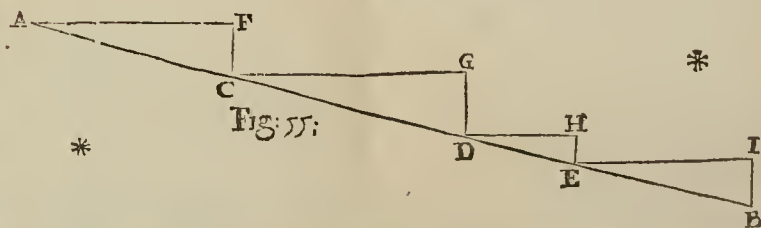
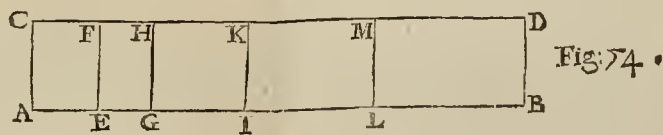
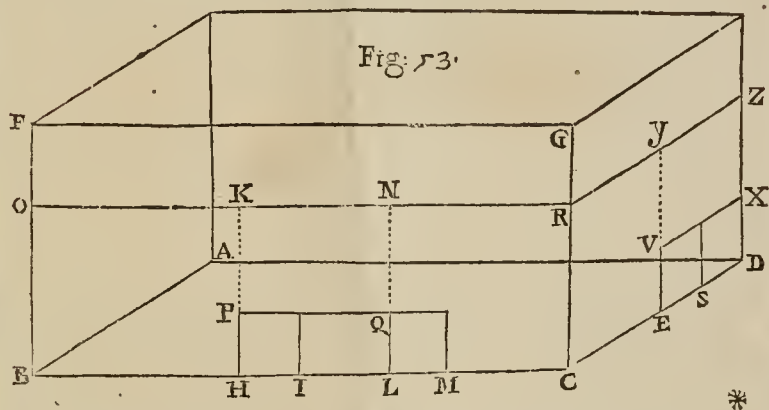
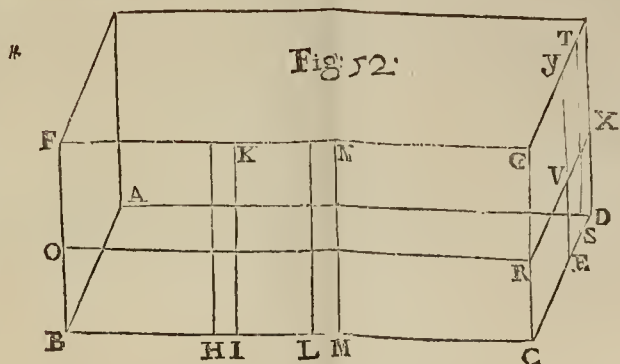


Fig: 45



V T S M R N O P Q K





DUE LETTERE IDROSTATICHE
D I
DOMENICO GUGLIELMINI
Medico, e Mattematico Bolognese.



LETTERA PRIMA

Scritta da DOMENICO GUGLIELMINI
a GOFFREDO GUGLIELMO LEIB-
NITZIO Consigliere, e Mattemati-
co del Serenissimo Duca d' An-
nover.



Ppena nel passato Mese d' Agosto aveva posti alle stam-
pe i miei tre ultimi libri della misura dell' acque; che
avendone inviato in Firenze al Signor Antonio Ma-
gliabechi nostro comune amico un esemplare, ac-
ciocchè lo mandasse per la prima occasione a voi, ven-
go dal medesimo avvisato, e della vostra attenzio-
ne verso la mia persona, e che Dionisio Papino uomo
chiarissimo aveva inserito negli Atti di Lipsia, come
voi stesso accennavassi, alcune obiezioni contro le mie
dimostrazioni della misura dell' acque. Confesso, che

essendomi già da gran tempo nota la fama di questo dottissimo uomo, e sa-
pendo quale fosse la sua perizia nelle scienze Mattematiche, subito ho du-
bitato, che nelle mie dimostrazioni potesse esser scappato qualche errore;
imperocchè, non ho mai avuto tanto ardire di credere per infallibili le mie
opinioni, onde non avendo ancora nelle mani le sue obiezioni, mi sono po-
sto a considerare, e a riconsiderare di nuovo attentissimamente tutte le mie
dimostrazioni, senza frutto però, non avendovi trovato alcun errore. Im-
paziente adunque andava cercando da per tutto in Città, e fuori gli Atti di
Lipsia, i quali finalmente nel passato Novembre mi furon dati dal Padre
Maestro Gaudenzio Roberti dopo il suo arrivo da Parma. E avendo ne me-
desimi letta la relazione della mia operetta interita nel Mese di febbrajo; nel
primo poi di Maggio vi trovai le osservazioni del Signor Papino apparte-
nenti all' Idraulica, e in quelle ho scoperto, che la mia proposizione secon-
da del secondo libro della misura dell' acque correnti, stampato l' anno
1690. viene piuttosto dall' Autore cortesemente esaminata, che impugnata,
perchè la mia opinione a prima vista gli pareva, che fosse contraria ad una
proposizione da lui inserita nell' anno 1690. negli stessi Atti de' Letterati la
qua-

ti la quale per questo s' impegna di dimostrare in queste osservazioni.

Mi sono tutto rallegrato, quando ho veduto la sua proposizione senza dubbio dimostrata non toglier punto alle mie dimostrazioni, ed esso chiedere solamente, che se gli levi questo dubbio, il quale levato approverà tutte le mie cose come dimostrate.

Acciocchè adunque dalla parte mia, per quantoposso, mi assicuri di avere soddisfatto a questo dottissimo uomo, dimando a voi il vostro parere, come quello che da tutti siete meritamente annoverato tra li più celebri Matematici de' nostri tempi. Imperciocchè in questa lettera, la quale per mezzo dell' eruditissimo Signore Magliabechi vi sarà fatta consegnare, voi troverete tutte quelle cose, che mi sono parute a proposito per annichilare le obiezioni, e tor via tutti i dubbi; se voi le stimerete tali, che possano indurre l'animo del Signor Papino a non più vacillare circa le mie opinioni, procurate di farne capitar al medesimo, o alli eruditissimi Autori degli Atti di Lipsia un esemplare, supplicandoli a nome mio, che nel medesimo libro, dove ci sono le obiezioni, soggiungano le risposte.

Ma per non trattenermi di vantaggio, contentatevi, che io riferisca qui parola per parola le osservazioni Papiniane impresse negli Atti dell' anno 1691. nel Mese di Maggio a carte 208. 209. 210. notate tutte con i suoi numeri, a' quali s' averanno da riportare le mie risposte, e sono tali.

Alcune osservazioni di Dionisio Papino circa le materie appartenenti all' Idraulica inserite nel Mese di febbrajo di quest' Anno.

Negli Atti degli Eruditi l' Anno 1691. nel Mese di febbrajo pag 74 si porta la dimostrazione, con la quale il celebre Domenico Gagliellini Autore del libro della misura dell' acque correnti si sforza di provare che L' acqua che corre per qualche sezione di un canale inclinato, abbia la stessa velocità, che se corresse da un vaso d' imboccatura simile, ed eguale alla sezione, ed altrettanto remota dalla superficie superiore dell' acqua, quanto la sezione si allontana dalla linea orizzontale tirata pel capo dell' alveo. Pavendo che questa proposizione a prima vista abbatta quello, che io l' anno 1690. nel mese di Maggio ho riportato negli Atti degli Eruditi a carte 225. acciocchè quest' apparente opposizione non lasci sospesi gli animi de' Lettori, stimo cosa opportuna il portare qui una dimostrazione di quello, che ivi aveva semplicemente asserito, e insieme dimostrare mancando qualche cosa in quel gran Libro, sperando che possa esser una volta riportata dall' Autore acciocchè per l' avvenire i Lettori non abbiano niente da dubitare. La mia proposizione adunque, come dal luogo citato facilmente si deduce, è questa: L' acqua corrente per un tubo uniforme (1) sempre pieno, ed aperto da l' una, e l' altra parte, si move colla metà della velocità di quella, che correrebbe da un vaso per un apertura simile, ed eguale al diametro del tubo altrettanto remota dalla superficie dell' acqua, quanto l' apertura inferiore, o sia sezione del tubo si allontana dalla linea orizzontale tirata per la bocca superiore dello stesso tubo.

Sia E G. il tubo uniforme E F aperto da tutte le parti, il quale unendosi col Fig. 1. fondo del vaso A B C D, e penetrandolo non lo trapassi: il vaso sia così pieno d' acqua, che lo stesso tubo [2] sia da essa continuamente coperto, e si riempia: e per la sommità del tubo si tirino le orizzontali sopra la superficie dell' acqua, conservandosi sempre la medesima altezza. In oltre vi sia un apertura G nel fondo dello stesso vaso posta orizzontalmente simile, ed eguale al diametro del tubo E F: Dico che

che la velocità per detto tubo è subdupla della velocità dell' acqua, che esce pel buco G. Imperocchè è cosa certissima, che l' acqua discende con egual velocità per tutta la lunghezza del tubo E F (3) mentre le parti inferiori non possono discendere, se lo spazio lasciato non viene riempito nel medesimo tempo dalle parti superiori. Di qui ne viene (4) che l' acqua uscita, se si muoverà orizzontalmente (5) colla velocità acquistata nel discendere in tempo eguale, passerà tanto spazio, quanto ne passa col discendere, essendo l' un', e l' altro moto uniforme, e equiveloce. Ma il Galileo (6) ha dimostrato che i gravi colla celerità acquistata nel discendere deono orizzontalmente passare il doppio dello spazio, che discendendo passarono in tempo eguale. Adunque la velocità dell' acqua per E è solamente la metà di quella, che il grave acquisterebbe mentre discendesse dalla medesima altezza, e perciò sarà ancora la metà della velocità dell' acqua per G, essendo manifesto, che la velocità dell' acqua pel buco G, è eguale alla celerità acquistata dal grave nel suo discendere dalla proposta altezza; adunque ec.

Questa medesima verità si potrebbe dimostrare per mezzo del numero dell' impressioni ricevute dalla gravità, considerata la quantità della materia, che si è mossa, ma questo lo passerò sotto silenzio per non esser troppo lungo, tanto più che la dimostrazione di sopra portata, non può esser negata da alcuno, per via della quale rimane provato (7) che i fluidi non seguitan sempre le medesime leggi dimostrate dal Galileo circa i gravi descendentì, come anco è falso il fondamento, nel quale si appoggia la dimostrazione del famoso Guglielmini.

Confesso però (8) che il caso proposto da questo eccellente uomo differisce qualche poco dal nostro, perchè io suppongo il tubo sempre pieno, ed aperto solamente in due estremi, ed egli un canale, che non solamente sia aperto da due parti per ricevere, e buttare l' acqua, ma ancora sia scoperto per tutta la sua lunghezza, e in se annetta l' aria: benchè questa disparità di casi non si possa negare, ad ogni modo ci rimane (9) una assai grande convenienza cavata dalla natura de' fluidi, così che non possa veramente annetterci l' opinione di questo eruditissimo uomo (10) essendo le parti superiori nel canale sempre diversamente agitate per la diversa velocità delle parti inferiori: Questo non succede ne' gravi, della discesa de' quali ha già trattato il Galileo (11) ed acciò la cosa si conosca più chiaramente, si guardi la figura seconda, nella quale si suppone A B esser il fondo del canale eguale per tutta la lunghezza, i di cui lati assieme col fondo facciano angoli retti, e sia la lunghezza A B divisa in 4 parti eguali ne' punti C. D. F, è manifesto, che il grave discendente per lo piano A B, acquisterà in B una velocità doppia di quella, che aveva acquistata in C. Adunque se l' acqua seguitasse le medesime leggi, dovrebbe nel punto B riempire nel canale una mezza parte solamente di quella, che riempiva in C: e la ragion è chiara, perchè correndo la medesima quantità d' acqua nello stesso tempo per tutta la lunghezza del canale, la di lui altezza dee essere tanto minore, quanto maggiore è la velocità, acciò la lunghezza della colonna aquea, che passa in B resti compensata dalla cinessa di quella, che corre in C: e perciò, se l' acqua in C riempie il canale infino ad E, quando sarà pervenuta in B arriverà solamente fino a G, supponendosi B G subdupla della stessa C E. Si fa adunque chiaro, che l' acqua, che sia in E, non discenderà per lo piano E H parallelo all' altro C B, il che dovrebbe seguire secondo le leggi dimostrate dal Galileo, ma bensì discenderà per un piano molto più inclinato: anzi quell' inclinazione non è eguale per tutta la lunghezza del canale, ma quanto più c' accostiamo alla cima, tanto maggiore diventa l' aumento della velocità, data un incerta lunghezza del canale. Mi pare adunque; che il nostro ingegnossimo Autore (12) abbia errato in questo, cioè abbia stimato doversi discorrere nella medesima maniera circa i fluidi descendentì, come circa i gravi supposti dal Galileo, e perciò a rendere l' opera compita gli resta solo da cercare (13) quale sia la linea E G, secondo la quale la superficie dell'

Fig. 2.

dell' acqua corrente dee declinare nel canale. Da quì facilmente comprenderemo quanto sia l' area dell' acqua in qualunque luogo si faccia la sezione, e da diverse aree di diversi segamenti, si raccoglieranno diverse velocità ne' medesimi luoghi. Tutto questo mio pensiero sicuramente credo, che sarà ricevuto in buona parte da quel uomo eccellentissimo.

Adunque dalle apportate osservazioni del Signor Papino chiaramente si conosce, che noi disconvenghiamo in questo, che egli pretende, che sia falsa la mia proposizione, colla quale stabilisco, che *L' acqua, che corre per qualche sezione d' un canale inclinato, abbia la medesima velocità, che averebbe se corresse da un vaso per un apertura simile, ed eguale alla sezione, altrettanto remoto dalla superficie dell' acqua, quanto la sezione dalla linea orizzontale tirata per la capo dell' alveo.* al contrario poi esser vera la sua asserzione, nella quale dice. *L' acqua corrente per un tubo uniforme sempre pieno, ed aperto dall' una, e l' altra parte, muoversi colla metà della velocità di quella, che correrebbe da un vaso per un buco simile, ed eguale al diametro del tubo, altrettanto remoto dalla superficie dell' acqua quanto l' apertura inferiore, o sia segamento del tubo dalla linea orizzontale tirata per la sommità del tubo.* E per levare ogni occasione di contraddizione dimostrerò in primo luogo, che la proposizione del Signor Papino poteva stare colla mia, essendo differenti le supposizioni dell' uno, e dell' altro, e secondariamente farò palese l' errore, e la falsità della detta proposizione; in terzo luogo renderò manifesta la vera proporzione della velocità nel tubo, alla velocità di qualunque sezione nel fondo del vaso, senza avere per altro riguardo alla similitudine, e dissimilitudine della sezione del tubo, e dell' apertura inferiore del vaso, non potendo questa in alcuna maniera variare la proporzione della velocità.

Primieramente suppone l' insigne Papino, che [n. 1.] l' acqua pel tubo F E corra in tal maniera, che riempia sempre la di lui cavità, dal che per via del corol. 2. prop. 5. lib. 1. della mia misura dell' acque correnti si deduce esser eguale la velocità dell' acqua pel tubo. Ma siccome l' acqua instigata solamente dalla sua natural gravità, va all' ingiù con moto accelerato, è evidente, che l' equabile velocità del tubo nell' acqua differisce necessariamente dalla natura, e conseguentemente è supposta tale proposizione dal Signor Papino, ma non già da me nel mio trattato, perchè la suppongo libera, e sciolta da tutti gl' impedimenti, come apertamente accennai nella prima definizione del libro primo, ed è tale. *Per nome d' acqua corrente intendo quella, che è cagione solamente della propria gravità, passa per i letti de' fiumi, o de' canali, e pende verso il centro de' gravi, e nel primo assioma escludo gl' impedimenti del contatto, unione, e tutti gli altri esterni.* Se la proposizione adunque del Signor Papino suppone alterato il momento dell' accelerazione, e la mia, libero, è manifesto, che non sono contrarie tra di loro, e che possono essere l' una, e l' altra vera in diverse proporzioni. Ma (n. 8.) conosco egli ancora la disparità de' casi, perciò non mi tratterò più lungamente in questo, ma passerò ad esaminare la dimostrazione della stessa proposizione.

Supplisco l' erudito oppositore a ricevere in buona parte i miei dubbi, i quali riporrò quì, acciocchè, se qualcheduno sostenesse mordacemente, l' asserita grandissima convenienza al (n. 9.) dedotta dalla natura de' fluidi tra l' una, e l' altra proposizione, conosca, che non essendo abbastanza dimostrata l' opinione del Signor Papino, nulla questa può nuocere alla mia dimostrazione. Non perciò nego, che l' acqua [n. 3.] dicenda con equabile velocità per lo tubo E F sempre pieno, imperocchè questo medesimo poco fa l' ho dimostrato; ma soggiungo bene, che ciò accade per la resistanza

za dell'aria verso l'orificio E, e nella medesima maniera, che s'alza il flusso dell'acqua ne' sifoni attraenti di due braccia, se essi sono eguali; perchè essendo disuguali si fa il corso più veloce per lo braccio, che attrae, se esso è più lungo dell'altro, restando per altro sempre piena la di lui cavità per diverse circostanze. Conforme io provo (n. 4.) *che l'acqua esce dall'apertura E se continuerà a muoversi orizzontalmente colla velocità acquistata in tempo eguale nel suo discendere, passerà altrettanto spazio, quanto ne passò discendendo.* Non provo già (n. 5.) *che continui a muoversi colla velocità acquistata nel discendere.* Mentre supponendosi, che l'acqua si muova uniformemente nel tubo E F, non si farà mai alcun accrescimento di velocità, ma in F riterà quella, che aveva in E, e la medesima conserverà ancora, se si muoverà orizzontalmente. Dopo questo [n. 6.] soggiunse *Il Galileo ha dimostrato, che i gravi colla velocità acquistata nel discendere in tempo eguale deono correre orizzontalmente il doppio dello spazio, che hanno passato discendendo, adunque la velocità dell'acqua per E ec.* Qui si che dimanderet volentieri al Signor Papino per qual ragione mi porti le proposizioni del Galileo, parlando del moto de' fluidi, quando mi oppone [n. 7.] *che i fluidi non seguitano sempre le medesime leggi dimostrate dal Galileo ne' gravi che discendono,* e più a basso (n. 12.) dice *che io ho sbagliato per aver creduto doverli discorrere nella medesima maniera de' fluidi discendenti, che de' gravi supposti dal Galileo.* Imperciocchè, se si ha da discorrere diversamente de' fluidi gravi, e de' solidi, che discendono, e se i fluidi non seguitano sempre le leggi de' solidi, che vanno all'ingiu, mal fa egli a servirsi delle proposizioni del Galileo per sostenere la sua dimostrazione, la quale secondo il suo istesso parere sarà di niun momento, se prima non dimostrerà, che questa conviene colle leggi de' fluidi, cosa difficile da farsi, quando [come egli stesso suppone] queste leggi dell'accelerazione si adempiscono perfettamente nella discesa de' gravi liberi, e non in quella de' gravi imbrogliati, ed incalzati. Ma con tutto ciò concediamo, che si possino applicare le proposizioni del Galileo a qualunque sorta de' gravi, che liberamente cadono; siccome poi dimostrerò, che veramente si può fare, senza errore alcuno, purchè si osservino le supposizioni, e l'istessi termini. Sò che il Galileo ha dimostrato la sopraddetta proposizione nel Scol. della Prop. 23. *Del moto accel.* Ma il sentimento è che se il grave con velocità accelerata casca da A in B, così che in B abbia la maggiore velocità, e da B, mantenendo lo stesso grado di velocità, si muova uniformemente per B C, lo spazio B C passato in tempo eguale alla discesa sarà doppio di quella, e questo perchè nella prima proposizione dimostra, che la velocità massima acquistata in B è doppia della velocità, che averebbe avuto il mobile, se movendosi da A gli fosse convenuto passare tutto quello spazio con moto uniforme nello stesso tempo, che viene corso da uno, che si muove di moto accelerato. Come poi si possa applicare questa proposizione al caso, del quale presentemente si discorre, io non lo sò, e forse non vi sarà alcuno, che lo sappia. Imperocchè acciò potesse aver luogo bisognerebbe dimostrare, che il moto per F E è accelerato, come suppone il Galileo, cosa contraria affatto al supposto della proposizione che ricerca il moto equabile, ed allora poi si farebbe potuto argomentare, che la velocità in E, o G è doppia di quella velocità, colla quale l'acqua da F in E farebbe calata uniformemente *nel medesimo tempo*, che si consumerebbe, se con moto accelerato da F discendesse in E: ma se questa poi celerità uniforme sia la stessa velocità E ha seco la medesima difficoltà, che la proposizione; la quale si pensa di dimostrare, imperciocchè non basta, che il moto sia uniforme per tutto il tubo F E acciò sia fatto in egual tempo del mo-

Fig. 3.

Fig. 1.

to accelerato da F in E, altrimenti, come da se è manifesto; non si distinguerebbero i diversi gradi di velocità tra diverse velocità uniformi. Laonde il primo errore in questa dimostrazione è, che il letterato Autore suppone il moto dell' acqua pel tubo F E uniforme, ed insieme accelerato, il che è impossibile, il secondo, che suppone quello, che si ha da provare, cioè che il grado della velocità equabile per F E è ladduplo del grado massimo in E acquistato coll' accelerazione, ò perchè non ha distinti i gradi de' moti equabili, come sarebbe stato necessario.

Ma per rendere la pariglia al gentilissimo, e cordialissimo Censore mi sia lecito di avvertire; che la sua proposizione, ne' termini, ne' quali è portata, non aggiuntavi altra condizione è impossibile, mentre pretende (n. 2.) che la sommità del tubo F si trovi nello stesso piano della superficie dell' acqua, e che il tubo F E sia sempre pieno, le quali cose non possono star insieme, perchè l'aria, deprimente la superficie dell' acqua in F, necessariamente subenterà nel tubo, non potendo un sottilissimo velo dell' acqua, o sia quasi punto aqueo resistere alla pressione dell' aria in F, e perciò il tubo non potrà sempre essere pieno d' acqua, come si suppone. Al contrario poi, volendosi salvare la supposizione del tubo pieno, bisognerà abbassare l' apertura F sotto la superficie dell' acqua e così (n. 2.) *le orizzontali tirate per la sommità del tubo, non faranno nella superficie dell' acqua*, come viene supposto per determinare la velocità in E. Ne si può rispondere essere la proposizione astratta, e per così dire dimostrabile nel vacuo, come si suole fare da Matematici; perchè supponendosi il tubo sempre pieno, questo non si può ottenere senza l' impedimento dell' aria in E, la quale o per l' ampiezza del tubo, o per qualche altra cagione potendo nell' istesso penetrare, va subito per terra la supposta pienezza del tubo, e conseguentemente l' uniformità del moto. Ne pure si può prescindere da questa aria in F, e ammetterla in E, perchè il moto non sarebbe all' ingiù da F in E, ma all' infu da E in F, e se poi si prescindesse in E, e si ammettesse l' aria solamente in F, per doppia ragione allora si torrebbe al tubo la supposta pienezza, tanto per il levato impedimento all' apertura E, quanto anche a ragione di una più forte pressione dalla parte F, come chiaramente si conosce dalle leggi Idrostatiche, ed Aereostatiche.

Si potrebbe per altro evitare la predetta impossibilità, e supplire al mancamento con l' aggiunta d' una condizione, la quale forse è stata a bella posta tralasciata, cioè, che il vaso A B C D nella parte superiore sia turato nello stesso piano dell' acqua da una laminetta A D, e perchè in questo modo non s' impedisca il flusso dell' acqua, e vi sia sempre la necessaria quantità sufficiente a mantenerlo, si potrebbe conservare il vaso sempre pieno da qualche fistola Q R S, che fosse congiunta lateralmente, e comunicasse con esso, aperta nella parte superiore, e nello stesso piano A D, avvertendo però di tenerla sempre piena nel tempo, che segue il flusso per F E.

Solamente adunque noto, che nella proposizione si chieggono alcune cose superflue, pretendendosi l' orificio G simile, ed eguale al diametro del tubo (meglio alla sezione, che passasse per l' asse del tubo) ancorchè la velocità non dependa dalla grandezza della sezione G, o del buco E, ma dall' altezza dell' acqua, la quale restando la medesima, la velocità, anche rimane l' istessa in qualsivoglia punto dell' apertura G ò maggiore, ò minore che sia, purchè ei sia orizzontale, come si dee supporre. S' inganna adunque malamente il Signore Papino, quando crede d' avere dimostrata la sua proposizione, e d' avere abbattuta la mia, che col Galileo suppone il moto dell' acqua come grave, essere accelerato, ed essere accelerato colla stessa proporzione, che dimostra quel grande uomo.

III. Ma per rimuovere tutti i dubbi dimostrerò, che la velocità E è eguale alla velocità G, benchè il cannello E F sia sempre pieno, come dal Signor Papino si suppone; e da questo conosceremo la mirabile costanza della natura, la quale essendo sempre uniforme, opera anche sempre secondo le medesime già stabilite leggi. Ma avanti di proporre la predetta dimostrazione,

Suppongo in primo luogo quello, che da nessuno può esser negato, cioè, che l'aria egualmente premea nell'uno, e nell'altro orifizio F. E, perchè la differenza, che v'è tra l'altezza dell'aria sopra F, e sopra E, è tanto piccola, che da' Mattematici in casi di questa sorta, è giustamente disprezzata; ma pure se vi farà ancora qualcheduno, che ne voglia far conto, dalla mia dimostrazione facilmente ne averà il modo di poterla computare.

Secondariamente suppongo, che la pression dell'aria è limitata, e che a questa ancora nella bilancia naturale, volendoci noi servire della frase del celebre Sinclario, o nel baremetro Torricelliano, vi si trova l'equivalente negli altri corpi fluidi, cioè nel mercurio, acqua, olio, spirito di vino ec. i quali tutti conforme la loro specifica gravità, si equilibrano ad una certa altezza col peso dell'aria; dall'esperienza essendo noi stati ammaestrati, che tutto il peso dell'aria viene equilibrato da 33. piedi d'acqua, che vengono sollevati a quell'altezza nel tubo del famoso Torricelli.

In terzo luogo finalmente suppongo, che il moto si faccia dalla potenza, e che venga impedito dalla resistenza, senza fare alcuna differenza tra le potenze, che procedono da diversi corpi, e perciò qualunque sia il corpo, che muove, e resiste non si varia il moto, e in vece d'uno si può sostituire un altro corpo, purchè omologamente in essi siano le potenze, e resistenze eguali, come spessissimo si fa da' meccanici, i quali consideran la potenza in se, ma non già il corpo, che ha tal potenza.

Ma già, come si propose, portiamo la nostra dimostrazione; e perchè l'aria preme contro l'orifizio E, s'intenda il cannello F Erivolto verso C, dipoi allungato fino in N all'insù, talchè l'altezza dell'orifizio N sopra A, sia tanta, che il cannello G N, di diametro eguale ad F E, possa capire tant'acqua, quanta serve ad equilibrare tutta la pressione dell'aria, cioè piedi 33. e si supponga, che sopra N sia tolta ogni pressione d'aria. Similmente prolunghisi il cannello R S in I, e l'altezza S I sia eguale all'altezza del cannello G N, di maniera che possa contenere tant'acqua, quanta basta a premere la superficie dell'acqua G, con egual momento alla pressione di tutta l'altezza dell'aria, supponendo, che sopra I non vi sia aria, come si è supposto di sopra. S'intendano i lati del vaso A B C D, essere prolungati alla predetta altezza alti, acciocchè possano mantenere l'acqua all'istessa altezza, che è in C N, o S I; dopo questo il vaso A B C D, ed i cannelli I S R Q. E C N, si suppongano ripieni d'acqua, è manifesto da quello, che abbiamo detto di sopra, che essendo stato sostituito al peso dell'aria in S, un egual peso del cilindro d'acqua I S, ed al peso dell'aria in E, un altro eguale del cilindro d'acqua N E, il moto, o la velocità dell'acqua resterà la medesima di prima; e se il cannello I S si conserverà sempre pieno, il moto ancora nel medesimo cannello F E continuerà ad essere lo stesso. Laonde supponendosi il cannello E C N uniforme al tubo F E, dalle cose già dimostrate ne segue, che la medesima velocità, che è in F E sia ancora in G N, e nel passare per l'apertura N. Escè adunque l'acqua colla medesima velocità da N, che da E, benchè si tolga via il cannello E C N; e perciò se si tirerà per N una linea orizzontale, che seghi il cannello S I nel punto M, manifesta cosa è, che l'acqua cadrà da H colla stessa velocità, che caderebbe da I in M, secondo ciò, che

Fig. I.

Io dimostro nella prima proposizione del libro secondo della misura dell'acque correnti. Ma anche IM è eguale alla PG , [perchè essendo SI . CN eguali, sottraendone da quelle NL . SM parti eguali, i residui IM . LC doveranno rimanere eguali, ma LC è eguale a PG , adunque ancora IM sarà eguale a PG] e però l'acqua escirà da N , opure da E con quella velocità, che averebbe avuta, se fosse discesa da P in G , ma la velocità in G , è ancora la medesima di quella, che averebbe un corpo, che si movesse da P in G , adunque la velocità in E è uguale alla velocità in G , il che si doveva dimostrare.

Perciò consideri il mio dottissimo oppositore come anco in questo caso sia vera la mia proposizione, che l'acqua corrente per qualche sezione di un canale inclinato, abbia la medesima velocità, che averebbe, se uscisse da un vaso per un'apertura simile, ed eguale alla sezione, altrettanto remota dalla superficie dell'acqua, quanto la sezione è dalla linea orizzontale tirata per lo principio dell'alveo; ogni qualvolta però s'intenda della sezione inferiore del cannello E , imperocchè se s'intenda delle sezioni F . N . O , allora veramente non si potrà verificare la mia proposizione, ma come appresso si vedrà le velocità in F . N . O , sono violente; essendo dirette dalla velocità dell'orifizio E , che solamente è naturale.

Ma è di non poca maraviglia l'osservare, in che modo convenga l'istessa esperienza colla dimostrazione. Ne' giorni scorsi per indagare meglio la verità, e la forza della proposta dimostrazione, pigliai un vaso di legno ABC , ed adattai ad un buco come sarebbe in E , il cannello uniforme di vetro inclinato come FE , incollando ogni fessura diligentemente, e riempito il vaso d'acqua, tanto che la sommità del cannello F fosse nello stesso piano della superficie dell'acqua, e subito aperto l'orifizio E , che prima io aveva turato col dito, e ponendovi via via dell'acqua, acciocchè la superficie di essa rimanesse alla medesima altezza della linea orizzontale, scappò l'acqua per lo cannello FE , ma in tal maniera, che l'aria subentrando dalla parte F , il cannello non gettava stando pieno, come di sopra ho fatto avvertire. Per tanto tagliai un tantino il tubo nella parte superiore H , acciocchè l'orifizio superiore fosse sommerso circa un grosso dito sotto la superficie dell'acqua, pure vi penetrò l'aria di sopra, ed il cannello restò in qualche parte vuoto. Finalmente tagliar il cannello circa due dita sotto, gettò stando pieno, e raccolta l'acqua, che passò in un certo tempo, fu pesata, e fu trovata sempre nella stessa quantità di quella, che in qualunque tempouguale uscì dall'orifizio E , avendo sempre più sminuito il tubo, finchè vi rimase il puro orifizio E : segno chiaro, ed evidente, che sempre fu per l'appunto la medesima velocità dell'acqua, che passò per E colla maggiore, minore, ed anco con niuna lunghezza del tubo EF , come colla mia dimostrazione io aveva accennato.

Ma per ora voglio trattenermi un poco in Fisica, e indagare la cagione della maggiore velocità in O , ed N , di quel che possa essere impressa dall'altezza della soprastante aria, imperocchè a prima vista pare un paradosso, che la velocità dell'orifizio E , come per via di una attrazione, o di virtù magnetica regga le velocità superiori. Per la qual cosa considero, che l'acqua contenuta dentro il cannello FE , è sospinta dalla pressione dell'aria da ambedue le parti, e come continuamente trattenuta, e di quì ne segue, che il cannello si conserva pieno; ma anche perchè l'acqua del cannello FE gravita secondo la sua altezza v. gr. PG , ne nasce, che la pressione fatta ad E , per via della direzione FE , sia composta dalla pressione di tutta l'aria, o pu-

re dall'equivalente di una mole d'acqua alta 33. piedi, e di più dall'altezza dell'acqua, che si trova nel vaso P G, adunque questa pressione farà molto più potente, che la pressione fatta in E per la direzione T E, o C E, la quale equivale alla sola pressione dell'aria, cioè dell'acqua alta 33. piedi. Laonde se non fosse d'impedimento la pressione dell'aria ad E, è chiaro che la velocità in E sarebbe quella, che è propria dell'acqua, che discende dall'altezza di 33. piedi accresciuta dall'altezza P G, e che la medesima velocità potrebbe essere impressa dalla sola altezza dell'aria superiore in qualunque sezione del tubo F E: ma perchè l'aria resiste in E, così si vanno contemperando a vicenda questi momenti, che equilibrare da l'una, e l'altra parte ad F e ad E queste contrarie eguali forze dell'aria, si ha in E quella velocità, che è propria solamente dell'altezza dell'acqua P G. Avendo adunque l'acqua, per via della pressione P G, in E una velocità di uscire competente alla sua pressione, e questa in tutte le sue parti, ed avendone poi in V una minore a cagione della minore pressione, di qui ne segue, che essendo uguali gli segmenti, e disuguali le velocità, l'acqua E debbe allontanarsi dall'acqua V, imperocchè si scarica per E più acqua di quella che possa ricevere la sezione V; con la velocità conveniente alla sua pressione, adunque cessa la resistenza inferiore tra E, ed V, e conseguentemente la pressione dell'aria in F, per quanto le è permesso dalla resistenza in E, nel tubo F E spigne l'acqua con tutta la maggiore forza. Ma avendo noi di sopra fatto vedere, che la velocità E non è altro, che la maggiore forza d'una pressione sopra l'altra, è manifesto, che la pressione dell'aria superiore caccia l'acqua dentro il cannello F E colla velocità E, propria della pressione P G, e conseguentemente che cessa ogni attrazione alla parte E, e che tutto questo negozio procede dalla sola pressione dell'aria. Da tutto questo resta provato, che il moto dell'acqua pel cannello non è puramente naturale, e dipendente dalla sola gravità, ma bensì (come sopra accennai) violento, e simile a quello, che si fa nelle trombe per forza dell'embolo; il qual moto non ho mai supposto nella mia proposizione, nella quale suppongo il moto dell'acqua nascere dalla sola gravità, ed essere libero affatto da ogni impedimento.

Levata in questo modo, come credo, la causa, per la quale fu opposto alla mia proposizione, adesso mi rimane solamente da rispondere alle obiezioni, la prima delle quali è [n. 7.] *che i fluidi non seguitano sempre le medesime leggi dimostrate dal Galileo circa i gravi, che discendono, soggiungendosi poco più giù nello stesso numero: Mi pare adunque che questo insigne Autore abbia errato per aver creduto, che si dovesse discorrere nella medesima maniera de' fluidi discendenti, che de' gravi supposti dal Galileo.*

La seconda obiezione è quando (n. 9.) dice, che benchè vi sia qualche poco di differenza tra' supposti della mia, e sua proposizione, *vi rimane ad ogni modo una assai grande convenienza proveniente dalla natura de' fluidi, talchè l'opinione del Signore Guglielmini apparisce non avere sussistenza, e ne rende la ragione.*

La terza difficoltà è quando (n. 10.) dice, *che sempre variamente le parti superiori nel cannello vengono agitate secondo la diversa velocità delle parti inferiori, e la cosa diversamente cammina ne' gravi, de' quali trattò il Galileo.*

In quarto luogo prova [n. 11.] la sua asserzione con una particolare dimostrazione con queste parole: *Ed acciocchè questo più chiaramente s'intenda, consideriamo la seconda figura, dove A B si suppone essere il fondo del canale, &c. quasi fino alla fine.*

In quinto luogo dice [n. 13.] che a me resta solo il cercare, quale sia la li-

nea E G, secondo la quale la superficie dell' acqua corrente nel canale si dee inclinare, imperocchè da quì si conoscerà quanta sia l' area, in qualunque luogo si faccia la sezione, e dalle diverse aree delle sezioni, si raccoglieranno ancora diverse velocità in diversi luoghi.

Fig. 2.

Debbo io dunque soddisfare al Signore Papino, circa le proposte difficoltà, acciocchè egli approvi le mie dimostrazioni. Per tanto nella prima difficoltà mi pare, che si cerchino due cose, una è se i fluidi, che discendono, nella loro discesa accelerino il moto: l' altra se possa questa accelerazione nella discesa dell' acqua, venghino osservate le leggi, che si credono dall' oppositore dimostrate dal Galileo per la sola discesa de' solidi.

Il primo dubbio resta sciolto dall' osservazione della natura, imperocchè l' acqua andando verso il centro colla sua naturale, e libera gravità, acquista sempre maggiori gradi di velocità, come si può vedere ne' canali, che sono molto inclinati, ne' quali le sezioni inferiori si fanno minori delle superiori, rimuovendosi però tutti gl' impedimenti, come spesse volte io stesso ho osservato, ed ogn' uno può liberamente farne la sperienza. L' igegnossimo Abate Castelli si dichiara d' avere osservato lo stesso, nel corol. 2. alla prop. 4. del lib. 2. della misura dell' acque correnti. E fu cosa degna d' essere osservata, che crescendo l' acqua per detto canale, la sua altezza viva era diversa in diversi siti del canale, cioè sempre minore, quanto più si avvicinava alla sboccatura, e questo è lo stesso che dire, che la velocità diviene sempre maggiore, e maggiore, secondo la maggiore distanza dal principio del moto, mentre corrispondono sempre le velocità reciprocamente alle sezioni, e nell' apporata esperienza all' altezze delle sezioni. Per questa ragione ancora l' acque, che liberamente cadono, come farebbe quelle, che discendono da tetti, come comunemente viene osservato, s' assottigliano, crescendo la velocità se le fila componenti non vengono separate dall' aria, cosa che spesse volte in una tal qual distanza suole accadere. Questo stesso può osservare il Signore Papino diligentissimo sperimentatore, nel cannello proposto nella sua proposizione, dal quale benchè pieno, entrando l' aria, non esce più l' acqua, e ritroverà che nel ingresso dello stesso l' acqua occupa una molto maggiore circonferenza del orifizio, che nell' uscita dallo stesso cannello, come è accaduto a me di osservare, mentre faceva questa esperienza; ma questo fu molto prima conosciuto da' mugnai, e da altri artefici di macchine, che sono mosse dall' acqua, facendo questi a bella posta che l' ale delle ruote si trovino sotto l' acqua, che cade da qualche luogo alto, acciocchè girino più presto, mentre per esperienza fanno, che questo più veloce moto difficilmente si potrebbe ottenere dalla sola gravità dell' acqua, ovvero anche dalla caduta di quella da piccola altezza. A questo si aggiunge la curvità degli spilli o siano orizzontali, o inclinati, la quale necessariamente dipende o da due moti, ovvero piuttosto da due principi, o direzioni di moto, de' quali moti se l' un, e l' altro sarà equabile, la linea non potrà mai essere curva, perchè essendo nel nostro caso la discesa proporzionale al tempo per l' uniformità del moto, le linee della caduta saranno sempre proporzionali a' segmenti pigliati nella linea della direzione, v. gr. orizzontale, nella quale il moto è necessariamente equabile, ed in conseguenza la linea del moto retta; come può conoscere ognuno, e specialmente il Signore Papino molto pratico delle leggi della statica. Si può aggiungere a tutte queste cose l' autorità del Torricelli, del Balliano, e del Mariotte, e di molti altri Matematici famosissimi, i quali tutti non solo hanno accordato all' acqua il moto accelerato, ma di più anche le stesse leggi, che il celebre Galileo, la cui fama viverà immortale, ha generalmente dimostrate de' gravi, che discendono.

Per

Pertanto venghiamo alla seconda parte della difficoltà, quale è, se l'acqua che cade abbia la medesima proporzione d' accelerazione, che hanno gli altri gravi. Per istabilire questo bisognerebbe di nuovo rifare i principj del Galileo, ed interrogare il mio dottissimo Oppositore, se anche l'acqua, *che parte dalla quiete in tempi eguali acquista eguali momenti di velocità*, e se ha difficoltà di amettere il postulato dello stesso Galileo da lui poi dimostrato, come si può vedere nella giunta stampata dopo la sua morte *alla proposizione seconda del moto accelerato*, cioè che i gradi di velocità della stessa acqua acquistati in diverse inclinazioni di piani, allora siano uguali, quando sono uguali l' elevazioni de' medesimi piani; le quali cose se non rigetta, dee, prima di riprovare le mie dimostrazioni, assegnarne i paralogismi colla dimostrazione del Galileo; ma al contrario rigettandole, o è tenuto di mettere in campo principj più evidenti d' Idrostatica, ovvero con qualche forte dimostrazione fare toccare con mano la falsità di quelli del Galileo. Ma per dimostrare, che i fluidi gravi sono sottoposti alle medesime regole dell' accelerazione de' solidi, primieramente pare che non poco conferisca a ciò, che le velocità provenienti dalla pressione crescono in proporzione fuddupla dell' altezze dell' acqua, nella medesima maniera per l' appunto, che fece vedere il Galileo circa i solidi, che cascano, o pure discendono per piani inclinati. Secondariamente, che la medesima, che la universale causa di gravità, e d' accelerazione in tutti i corpi discendenti (nello stesso fluido nel quale si fa il moto) qualunque essa si sia, debbe partorire proporzionalmente lo stesso effetto in tutte le parti della materia; ma circa questo coll' aiuto di Dio in un altro luogo, nel quale porrò in paragone alcuni principj Statici da me ultimamente trovati co' fenomeni della natura.

Ma tra tutte l' altre ragioni, ed autorità abbia il suo luogo l' opinione dello stesso ingegnossimo Papino, il quale nel *Suctore Rotatili, & Pressore Hassiaco*, del quale ne ha data un accuratissima descrizione al publico *negli atti dell' eruditi di Lipsia l' anno 1689. nel mese di Giugno a pag. 317.*, nel quale volendo, che si accomodi il cannello verticale al buco, dal quale con grande impeto dee poi escire l' acqua dice a car. 321. *Questo adunque si doverà osservare, che la capacità de' cannelli si cresce colla stessa proporzione, colla quale la velocità dell' acqua, che sale, si diminuisce, imperciocchè cost seguirà, che la medesima quantità dell' acqua passi nello stesso tempo.* E più di sotto mostrando il modo, col quale si debbono formare questi cannelli, conformandosi alla dottrina del dottissimo Galileo, stabilisce che in quelli i diametri di tutte le sezioni siano reciprocamente tra loro in proporzione subquadrupla delle loro altezze, cioè delle distanze dal segno, al quale l' acqua col concepito impeto può arrivare. Il che stabilito è facile cosa il dimostrare col metodo analitico, che il ritardamento dell' acqua ne' condotti verticali procede per numeri cassi verso l' unità, e che per conseguenza l' accelerazione cresce per numeri similmente cassi principiando dall' unità, o pure, che è lo stesso, che le velocità dell' acqua nel discendere sono tra loro in fuddupla ragione degli spazj passati: e nel salire, degli spazj che debbono passare, come veramente non può assegnarsi altro principio per mostrare l' asseita figura de' cannelli. Dalle quali cose è chiaro, che il Signore Papino non solamente ammette la medesima accelerazione tra gli gravi fluidi, e solidi, ma anco le leg- gi, che io aveva pigliato dalla dottrina del Galileo.

Perlochè avendo io tenuto lo stesso metodo nel filosofare de' fluidi, che scendono, che il Galileo de' solidi, nessuno errore averò fatto, per altro sono pronto a concedere al Signor Papino (n. 7.) *che i fluidi non seguitano sempre le medesime leggi dimostrate dal Galileo de' gravi discendenti.* Ma allora

solamente, quando non sono liberi nello scendere da tutti gl' impedimenti, il che senza dubbio accade ancora ne' solidi, imperocchè so anche io, che non s'accelerano i pesi eguali degli orologi, che nel discendere gli fanno muovere, siccome so, che nè pure acquistano maggiore velocità l'acqua, che corrono per canali curvi, e pel tubo Papiniano. Ma questa ritardo di moto non nuoce punto alla mia dottrina; per avere io supposto nella controversa proposizione, il moto libero, aspettando di parlare del ritardamento della velocità nell'altra parte, che io aveva promesso, come poi ho fatto nel libro quinto, e precisamente nella proposizione 10, e 11. Imperciocchè nel metodo da me pigliato è stato necessario prima di supporre, che l'acqua corrente per i letti de' fiumi non fosse ritardata da alcuno ostacolo; sì perchè fisicamente parlando, il caso non solamente è possibile, ma ancora frequente ne' canali, volgarmente detti, regolati, e perciò se ne dee fare qualche stima; come anche, perchè se non è impossibile, almeno sarebbe una cosa molto lunga, ed imbrogliatissima il volere considerare a parte tutti gl' impedimenti, come per esempio l'unione scambievolmente delle particelle dell'acqua: il soffregamento col fondo, e colle sponde del letto: le tortuosità facili ritrovarsi in qualunque fiume, molto più d'ogni altra cosa dannosa all'accelerazione: i venti contrari al corso dell'acqua, un fiume che entra nell'altro: i pignoni alzati per sostenere le sponde, e per rompere la forza dell'acqua negli alvei fatti a mano: la disuguaglianza delle sezioni, e simili altri impedimenti; oltre che quando anche avessi stabilito di dimostrare tutte le predette cose, e perfettamente mi fosse riescito il disegno, la fatica sarebbe stata buttata, senza prima conoscere, quale fosse la velocità, che doveva essere sminuita dagl' impedimenti; cioè il grado della velocità naturale, che poi viene ritardato da' sopradetti ostacoli. Ma finalmente mi pare in un certo modo di indovinare, che senza le precedenti cognizioni, e dimostrazioni del 2. lib. non farei mai arrivato alla seconda proposizione del 4. libro, la quale confermata dall'esperienza, è servita di fondamento alla regola generale dimostrata nella 7. prop dello stesso libro; dalla quale sono stato condotto, quasi per mano, a misurare qualunque sorta d'acqua, che corra con moto libero, e ritardato.

Alla seconda opposizione, cioè che non ostante la diversità de' casi, ad ogni modo vi sia tra le nostre supposizioni una certa *convenienza proveniente dalla natura de' fluidi*; rispondo che, se l'asserita convenienza si piglia da somiglianza di fluidità, gravità specifica, e simili altre cose, certamente confesso, che dalla parte della natura de' fluidi vi è un'intera convenienza, ma questa non è al caso nostro; ma se il paragone si fa in ordine al moto, v'è tanta diversità tra le supposizioni del Signore Papino, e le mie, quanta si trova tra il moto naturale, e il violento, tra l'impedito, e il non impedito, della quale niuna se ne può pensare maggiore, essendo affatto contraria.

Alla terza difficoltà, che ha forza d'argomento per provare la proposizione sopraposta, cioè che (n. 10.) *sempre variamente si muovono nel canale le parti superiori dell'acqua secondo la diversa velocità delle parti inferiori, e che il simile non accade ne' gravi, della discesa de' quali ha trattato il Galileo*: di nuovo rispondo, che se è vero, come evidentemente ho di sopra dimostrato, che i fluidi non impediti accelerano il moto nella loro discesa, non vedo per quale ragione possa farsi, che le parti antecedenti, avendo maggiore velocità, possano ritardare le seguenti, che si muovono con minore velocità; imperocchè siccome le due globi di mole, e di peso uguali scendessero per un piano inclinato A D, o per la perpendicolare A E, tal che uno immediatamente dopo l'altro cominciasse a muoversi dallo stesso principio

cipio A, e continuasse liberamente per A D, o per A E, il globo C in nessuna maniera potrebbe impedire la discesa del globo B; imperciocchè l'impedimento al moto non si può avere, se non da qualche corpo, che stia fermo, ovvero a guisa di fermo, e che riceva l'impeto dell'altro corpo mobile, come farebbe, quando un corpo si muove di moto contrario all'altro, o pure di moto minore, ancorchè colla stessa direzione, ma non mai questo può accadere, quando il moto è nella stessa direzione, è maggiore, perchè allora non può ricevere l'impeto del corpo, che lo segue; ma nel nostro caso il globo C fugge con altra e tanta velocità, con quanta viene seguitato dal globo B; adunque sarà impossibile che B possa comunicare qualche parte anche minima del suo moto al globo C, e per conseguenza che C sia impedito dal globo B; e così applicando questa dottrina alle parti d' innanzi, e di dietro, o di sopra, o di sotto dell'acqua, sarà impossibile che le parti inferiori dell'acqua, purchè non siano trattenute nel suo corso, possano cagionare diversità di moto nelle superiori, come precipitosamente, e senza badare alle mie supposizioni viene asserito dal Signore Papino. Che se poi egli mi opporrà gli impedimenti del fondo, delle sponde, della tortuosità dell'alveo, della viscosità della stessa acqua, o finalmente di altri corpi, che resistono al suo libero corso, di nuovo mi converrà rispondere, che le mie dimostrazioni, secondo il costume de' Matematici, prescindono da tutte queste cose, ed altre simili, come anche di sopra ho già accennato. Imperciocchè non mi sono proposto di considerare queste alterazioni accidentali ad una ad una, *ma solamente di considerare i canali col prescindere da ogni impedimento per dedurne da ciò certe leggi naturali, colle quali potessi arrivare ad altre cognizioni*, come chiarissimamente mi sono spiegato nella Prefazione. Del rimanente, se poi il Signor Papino, per la misura pratica dell'acque, cerca il calcolo degli impedimenti, legga la 7. prop. del 4. lib., e il suo coroll. e le citate proposizioni 10. e 11. del 5. lib. nelle quali vedrà considerati gl'impedimenti, che ritardano la velocità de' fiumi, ed insieme vi troverà una regola universale per la misura, sì della perdita, come della rimanente velocità.

Ma nella quarta difficoltà anche fa qualche forza contro la mia opinione provando colla 2. figura, che l'acqua, che dal canale A B esce per E non scende per lo piano E H, ma per un altro molto più inclinato, come ne segue dalla mia seconda proposizione, che egli impugna, ed io stesso nel 5. coroll. della stessa prop., ho espressamente affermato. Al che soggiungendo egli, che secondo la dottrina del Galileo doveva io tirare la linea E H parallela al fondo del canale; io non posso approvare questa sua prop., e credo che non sarà approvata da Mattematico veruno; imperciocchè la dottrina del Galileo è, che s'accelerano i gravi nello scendere, cosa che non accaderebbe, se l'acqua nel suo corso per lo canale A B descrivesse colla sua superficie una linea parallela al fondo, mercè che essendo chiaro, che nello stesso canale sempre uniforme, le sezioni sono reciproche alle velocità, come il mio oppositore piglia a dimostrare in questa sua proposizione, ed anche si deduce dalla mia 3. prop. del primo lib., ne viene di conseguenza, supposta la stessa larghezza in tutte le sezioni, che le velocità sono reciproche all'altezze: ma supponendosi essere parallela la superficie dell'acqua al fondo del canale, tutte l'altezze delle sezioni saranno uguali, adunque ancora saranno uguali tutte le velocità delle sezioni, onde l'acqua non si muoverà di moto accelerato, come da noi è stato dimostrato, e per la dottrina del gran Galileo viene supposto: si oppone adunque apertamente alla sentenza del Galileo la proposizione del Signore Papino, il quale pre-

tende che la linea della superficie dell'acqua si tiri parallela al fondo del canale, ma non già la mia, nella quale pretendo dimostrare, che tanto più si inclina la linea al fondo, quanto maggiore è l'allontanamento del canale dal suo principio. Del resto concordiamo nell'affermare che la declività della linea *E G* non è uguale per tutta la lunghezza del canale, ma quanto più c'acostiamo al principio, tanto maggiore è l'aumento della velocità in una data lunghezza del canale, imperciocchè questo stesso io ho asserito nel corollario della proposizione quarta del libro secondo, come una cosa, che necessariamente ne veniva in conseguenza non solamente dalle mie proposizioni, ma ancora dalla dottrina del Galileo.

Finalmente alla quinta difficoltà rispondo che se non mi resta altro da cercare, se non quale sia la linea *E G*, secondo la quale si dee accomodare la superficie dell'acqua, mentre corre per lo canale inclinato; mi posso rallegrare di avere fatto tutto quello, che io dovevo: imperciocchè nelle prop. 7. 8. 9. ho abbondantemente discorso di simile sorta di linee, e ho dimostrato il metodo, col quale da certe linee date, se ne possano descrivere, e ritrovare dell'altre curve nella stessa maniera, tal che dato qualunque sito di un canale, possiamo sicuramente investigare l'altezza delle sezioni.

Queste sono le cose, Illustrissimo Signore, che ho stimato opportune d'apportare all'opposizioni dell'eruditissimo Signor Papino, e per istabilire maggiormente la mia proposizione: ora tocca a voi giudicare se posso ottenere il mio intento appresso gli uomini letterati; perchè a me pare di non avere tralasciata cosa alcuna, che potesse essere necessaria, benchè avessi potuto inferirvi molte cose di più, le quali ho tralasciato, perchè essendo di poca considerazione, mi sono vergognato di proporle al vostro gran talento. Vi scongiuro, con tutto ciò, quanto so, e posso, a supplire colla vostra gran dottrina a quanto io ho mancato, imperciocchè non per altra causa ho stabilito di mandare a voi questa lettera, se non perchè passando per le vostre mani, la vostra erudizione le conciliasse maggiore stima, come anche perchè non paia, che io faccia poco conto del mio dottissimo avversario, che grandemente stimo.

Conservatemi in vostra grazia, e procurate di mantenervi sano per utile, e decoro della Repubblica Letteraria.

Bologna 24. Dicembre 1691.

LETTERA SECONDA IDROSTATICA

Scritta dal Signor DOMENICO GUGLIELMINI
all' Illustriss. ed Eruditiss. Signor ANTONIO
MAGLIABECHI Bibliotecario del
Serenissimo Gran Duca di
Toscana.

LA controversia, che è insorta tra l'eruditissimo Signore Papino, e me circa alcune materie appartenenti all' Idraulica, della quale da voi con tre gentilissime lettere qualche mese avanti ne era stato avvisato, m' ha stimolato, e m' ha postonelle mani i fondamenti di cercare il metodo per determinare la velocità dell'acqua, o d'altro fluido, che esce dalle trombe; dopo avere nell'altra mia lettera scritta al Signore Leibnitzio sostenuto abbastanza, almeno per quanto mi permettevano le mie deboli forze, l'attaccata dimostrazione; ed avendo a caso comprati gli atti di Lipsia dell'anno 1690. venuti di fresco in questa Città, accidentalmente nel mese di Maggio a carte 223. mi venne osservato l'esame, che fa il Signore Papino del sifone Wurtembergese ritrovato dal dottissimo Signore Reiselio, nel qual esame cercando il sopradetto Autore la quantità dell'acqua, che esce dal braccio, che porta fuori, del sifone, pose quella proposizione, dalla quale ne nacquerò poi tutte le opposizioni contro il mio sistema della misura dell'acque; ma già avendo dimostrato nell'altra lettera, che questa proposizione; come è dimostrata dal Signore Papino, non è troppo vera, anzi avendo io posto in chiaro, con quali principj, e con quale proporzione si può verificare, ora ho stimato ben fatto l'adornare, per quanto è possibile questa parte d'Idrostatica, o sia Idraulica fin adesso non toccata da altri. Tutto quello che ho operato in questi pochi giorni ho risoluto di comunicarlo a voi, che sete pel vostro grande, e profondo sapere il decoro della nostra Italia, e questo tanto più volentieri debbo fare, quanto più confidero, che mi sono risoluto a scrivere in questa materia a vostra persuasione.

Quello adunque, che mi sono prefisso di cercare, è in qual modo si abbia a determinare la velocità dell'acqua nelle trombe, e per fondamento di questa mia ricerca suppongo alcune proposizioni Idrostatiche, o da tenersi, o confermate dall'esperienze, e dimostrazioni d'altri Autori, e la prima sia questa.

I. I fluidi della stessa specie, o sia gravità specifica si equilibrano secondo l'altezza senza avere riguardo veruno all'ampiezza, o sia larghezza. Come se il vaso per esempio A B C D fosse unito, e comunicasse col cannello D E F, qualunque sorta di liquore si equilibrerebbe tanto nel vaso, quanto nel cannello, alla stessa orizzontale A B F o G H, senza distinzione alcuna non ostante, inegualità de' diametri A B, I F, purchè il cannello E F non sia piccolissimo, impe-

Fig. 5.

imperocchè allora l'acqua in quello si alzerà un poco sopra l'orizzontale A B; ma se l'acqua sarà più alta o nel vaso, o nel cannello, e questo si spezzi per esempio in H, l'acqua escirà da H, per non essere il cannello lungo a sufficienza da potere contenere tanta acqua in equilibrio.

II. Le parti compresse del fluido esercitano la loro forza indifferentemente verso qualunque luogo, ma l'effetto non si vede se non verso quella parte, dove la resistenza è poco, o nulla.

III. I fluidi di diversa gravità specifica, allora si equilibrano, quando le loro altezze sono in reciproca proporzione delle gravità specifiche, ovvero al contrario, come se nel vaso A B C D vi fosse l'acqua, e nel cannello E F l'olio, non si farà l'equilibrio, se non quando l'olio nel cannello E F avrà tanta maggiore altezza dell'acqua, che è contenuta dal vaso A B C D, quanto maggiore è la gravità dell'acqua della gravità specifica dell'olio, dal che ne segue.

IV. Che l'aria si equilibra in tal maniera coll'acqua, che circa 33. piedi di questa equiponderano alla gravità di tutta l'aria, e perciò l'acqua ne suffocerà, se non è impedita, si alza fino a quest'altezza, e non più.

V. Anzi al contrario l'aria adopra tutta la sua forza nell'aperture de' cannelli pieni d'acqua, che se la pressione fatta dall'acqua, o pure la velocità della stessa acqua nel cannello, dal quale esce, farà maggiore della velocità impressa dalla forza dell'aria, scenderà, se minore salirà, se eguale rimarrà sospesa nel suo stato senza muoversi.

Considerate queste cose ne vengono le seguenti.

Fig. 6.

1. Che ne' sifoni di braccia eguali ripieni d'acqua, l'altezza de' quali sia minore di 33. piedi, non seguirà alcuno flusso, ma il fluido resterà sospeso, ma se l'altezza sarà maggiore di 33. piedi, l'acqua escirà dall'una e l'altra parte, fino che sarà arrivata alla detta misura. Imperciocchè siano nel sifone A B C le braccia A B, B C eguali, cioè gli orifici A, e C terminino nella stessa orizzontale A F, ovvero l'una, e l'altra parte abbia la medesima altezza B D; l'orificio C sia immerso nel fluido E H, e tutto il sifone A B C sia pieno d'acqua, dico che, benchè l'orificio A pendaliberamente in aria, contutto ciò non escirà da esso parte alcuna del fluido, purchè le braccia A B, B C siano minori di 33. piedi, perchè essendo maggiori, dico, che l'acqua discenderà da tutte due gli orifici A, C, fino che l'altezza di quella in ambe le parti si riduca a 33. piedi.

Imperciocchè essendo che l'aria preme in tutti due gli orifici A, C del sifone con tutta la sua altezza, o come piace ad altri colla forza elastica, e tutta la pressione dell'aria viene equilibrata dall'altezza di 33. piedi d'acqua, se si leva la pressione dell'aria in C, e storto all'insù il tubo C I si sostituiscono in esso 33. piedi d'acqua, o pure più precisamente, quanto basta per equilibrio dell'aria, seguiranno li medesimi effetti di prima, imperciocchè non si muta la forza dell'acqua B C, e alla resistenza dell'aria si sostituisce un'eguale resistenza d'acqua. Per la medesima ragione, se invece della pressione, ovvero resistenza dell'aria in A, si sostituirà nell'altra parte del sifone, similmente storto all'insù, un'eguale altezza d'acqua A M, l'acqua conferverà la prima quiete, o pure il moto primo; ma nel sifone I C B A M si ha la quiete a cagione dell'equilibrio fatto nella stessa orizzontale I M, adunque ancora si averà la quiete nel sifone A B C di parti eguali, e per questo l'acqua non uscirà da A, purchè l'altezza B D sia minore di 33. piedi.

Ma se B D è maggiore di 33. piedi, e l'eccesso è N B, tirata per N l'orizzontale O N P, è manifesto, che l'acqua O A, o pure P C equilibra la

la pressione dell'atmosfera; per lo che s'intendano tronchi i tubi O M. P I, acciocchè l'acqua non acquisti in essi maggiore altezza di quella, che equipondera alla pressione dell'atmosfera; e perchè l'acqua B A ha maggiore altezza, che la O A, prepondererà la B A, e nel discendere spingerà all'insù la O A, e perciò l'acqua escirà da O fin tanto che la sua superficie sarà abbassata alla medesima orizzontale O P. Nello stesso modo l'acqua della parte B C si abbascerà alla stessa orizzontale, ma di sopra abbiamo dimostrato, che il moto, e la quiete nel sifone A B C è come in O A B C P, adunque ancora nel sifone A B C l'acqua si abbascerà sino all'orizzontale O P, e conseguentemente determinato il flusso dell'acqua per A, e C, cesserà il moto, e l'acqua non correrà più, il che si doveva dimostrare.

Ma si debbe notare, che se l'acqua, che esce dal sifone B C, può crescere l'altezza nel vaso F G, non discenderà in tanta quantità nel braccio B C, come nel B A, imperciocchè l'orificio del sifone s'intende sempre quella parte, che si unisce alla superficie dell'acqua, nella quale è immerso il sifone, come già a tutti è noto, e per questo coll'alzamento dell'acqua nel vaso F G sollevandosi l'orificio del sifone, si scorcerà la parte C B, e conseguentemente l'acqua non discenderà in tanta quantità in C B, come in A B.

Da qui si conosce, che l'equilibrio ne' cannelli di parti eguali non proviene universalmente dall'uguaglianza di peso de' fili d'acqua A B. B C, come da tutti finora, per quanto io so, è stato creduto, ma ne' cannelli più corti dall'equilibrio dell'aria fatto nella maggiore altezza B, imperciocchè ogni qual volta l'eguale pressione dell'aria in A, ed in C resta interrotta, o troncata da un'eguale resistenza B A. B C è necessario, che l'altre pressioni dell'aria in B, che opera oppostamente, cioè da una parte da A in B. e dall'altra da C in B, siano eguali, e perciò debba succedere l'equilibrio, Che se poi l'aria lasci di premere contra le parti A, allora è evidente, che l'acqua escirà da A non ostante l'uguaglianza de' bracci, e l'eguale peso dell'acqua in essi contenuta: nel quale caso tirata l'orizzontale B R, l'acqua in B averebbe la stessa velocità, che escendo dal vaso, nel quale l'altezza dell'acqua fosse I R, imperciocchè l'acqua salendo da C in B per C B passa appoco appoco tutte le velocità minori, e maggiori, che farebbero impresse dall'acqua medianti tutte le pressioni tra C, ed R sotto l'orizzontale I M secondo l'ordine delle parallele A C, O P, B R ec. e perciò in B averà la velocità I R, cioè quella, che averebbe se da I fosse liberamente caduta in R. Ma la velocità crescerebbe molto più, se cadesse da B in A, tal che non riempirebbe affatto il cannello A B, e la velocità in A corrisponderebbe alla velocità C, cioè all'altezza di 33. piedi d'acqua.

II. Ne' sifoni di braccia disuguali l'acqua correrà per lo più lungo colla stessa velocità, che escirebbe da un vaso, che tenesse l'acqua tanto alta, quanto è la differenza de' cannelli, purchè il più lungo non sia maggiore di 33. piedi.

Si supponga che la parte B A del sifone A B C sia prolungata in S, tal che l'altezza B V non passi 33. piedi, e tutto il sifone sia pieno d'acqua, che continuamente le venga somministrata dalla conserva F G, nel quale la superficie dell'acqua ferma sia F E, dico che l'acqua escirà dall'orificio S colla stessa velocità, che escirà da un vaso, che fosse alto quanto la linea D V; differenza che passa tra la lunghezza delle braccia del sifone.

Imperciocchè rivoltato il sifone in S T, tal che l'altezza di questo braccio rivoltato sia di 33. piedi, si fa manifesto dalle cose sopra dimostrate, che l'altezza dell'acqua T S farà le parti dell'aria, che preme contro l'orificio

sicio S, per lo che aggiunto il tubo S T, l'acqua non muterà il primo moto, mentre corre per lo tubo C B S. Tirata adunque da T l'orizzontale T Y, l'altezza V Z farà di 33. piedi, ma ancora la D X è tale, adunque D X, e V Z saranno eguali; ma D B si è supposta minore di 33. piedi, adunque il punto B farà sotto Z, e conseguentemente sotto T, per lo che l'acqua T S averà più forza che la B S, e perciò la resistenza dell'acqua T S si estenderà sino a B, e così la parte S B del tubo si conserverà piena: e perchè D V è la misura di quanto si abbassa l'orificio S sotto l'orificio C, ed è X Z o I Y la misura dell'abbassamento dell'orificio T sotto l'altezza del cannello I, l'acqua in T scorrerà colla velocità, colla quale discenderebbe da I Y, essendo X Z e D V eguali, adunque l'acqua in T si muoverà colla velocità della discesa D V, cioè con la velocità, colla quale escirebbe da un vaso, che avesse l'altezza D V: ma per quello che si è dimostrato l'acqua corre nel sifone C B S colla stessa velocità che da T, adunque l'acqua escirà dall'orificio S colla stessa velocità che escirebbe da un vaso, la di cui altezza fosse D V. il che si doveva dimostrare.

Da queste cose, che si sono dimostrate ne segue in primo luogo, che le velocità ne' sifoni uniformi sono tra di loro in suddupla ragione delle differenze, che hanno le braccia de' sifoni, la quale proporzione osservano anche le quantità dell'acqua, purchè i diametri de' sifoni siano tra loro uguali, e le sezioni simili. Se poi le sezioni saranno simili, e gli diametri disuguali, allora le quantità dell'acqua averanno la ragione composta di quella, che è doppia de' diametri, e suddupla delle differenze tra le braccia de' sifoni. E più generalmente averanno la ragione composta della ragione delle sezioni, e della ragione suddupla delle dette differenze. Tutte le quali cose sono già chiaramente proposte nella dottrina generale della velocità dell'acque, che io nel primo libro dell'acque correnti dopo il Castelli ho dimostrato. Ma di più ho anche con esperienze riprovato le quantità dell'acqua; imperciocchè da un sifone la differenza delle braccia del quale era di 714 parti, escirono 24. once d'acqua in tempo di 20. vibrazioni di un pendolo, e dallo stesso essendo la differenza delle braccia di parti 542. escirono sole once 20. $\frac{1}{3}$ d'acqua, la quale proporzione conviene assai esattamente alla suddupla delle ³differenze.

Ne seguita in secondo luogo, che se vogliamo investigare la determinata quantità dell'acqua, che in un certo tempo esce dal sifone, benchè questo si debba sperare più esattamente, e più facilmente dall'esperienza, ad ogni modo si potrà avere facilmente per via della nostra tavola *esposta nel sesto libro al fine del predetto trattato*. Imperciocchè trovata la differenza delle braccia sotto il nome dell'altezza ricercata dell'acqua, corrisponderà a questa nella tavola lo spazio dovuto alla velocità, il quale moltiplicato colla superficie della sezione ci darà la solidità dell'acqua, che in un minuto di tempo passa, e ce la darà in misura lineare, la quale a nostro beneplacito si potrà trasmutare in peso, o altre simili misure di liquidi. Questa misura si dee però rassare considerati gl'impedimenti secondo la varietà delle circostanze, e specialmente del fregamento dell'acqua colla superficie interna de' sifoni, imperciocchè dovendo questi essere molto stretti, acciocchè scorrino pieni, ne viene in conseguenza, che alle volte l'impedimento del contatto, e particolarmente ne' sifoni più lunghi, possa togliere qualche sensibile velocità, o sia accelerazione di moto all'acqua.

Fa qui a proposito l'esperienza riferita dal dottissimo Signore Mariotte nel suo libro stampato in Lingua Francese, e intitolato *Del moto dell'acque part. 3. dis-*

differ. 2. dopo la regola per la misura degli spili. Imperocchè il predetto Autore ha osservato, che se al fondo di un gran vaso si applichi una cannella perpendicolare lunga, ma stretta, esce più acqua dal vaso, quando non vi è la cannella, che dal buco fatto nel fondo del detto vaso eguale all'apertura della cannella; e così dalla conserva A B C D alta, e larga un piede, nel fondo della quale all'apertura E era applicato un cannello E F lungo 3. piedi, e nella parte E larga tre linee, e dalla parte F linee $3 \frac{1}{2}$ benchè senza

Fig. 7.

cannello, come egli scrive, dovessero escire per l'apertura E nello spazio di 60. minuti secondi 4. mezzette d'acqua, o poco meno, secondo le regole da lui date, e dalla medesima apertura col cannello F G, cioè coll' altezza d'acqua di 4. piedi, quanta si suppone essere l'altezza G F, altre volte fossero escite mezzette $8 \frac{1}{3}$ con tutto ciò dalla conserva non escì nè l' una, nè

l'altra copia d'acqua, ma una quantità mezza proporzionale tra 4. e $8 \frac{1}{3}$

Ma dopo murato il cannello, e pigliatone uno lungo solamente due piedi, e largo 4. linee posto sotto il vaso G E, che teneva 4. dita d' altezza d'acqua, escirono misure d'acqua $12 \frac{1}{2}$ di quelle, che levato il cannello ne

farebbero escite $8 \frac{1}{2}$ da E; e 18. supposto il vaso allungato sino ad F, cioè

alto 2. piedi, e 4. dita. Di questo effetto l' Autore ne assegna la ragione col dire, che ciò accade, perchè l'acqua s'accelera nel cannello, e colla sua viscosità ne tira l'altra, che è nel vaso A C, la quale trattiene scambievolmente l'altra acqua, che discende per E F, tal che la velocità dell'acqua, che proviene da questo acceleramento, e ritardamento, viene ad essere geometricamente media proporzionale tra le velocità acquistate nelle discese, ovvero nell' altezze dell'acqua G E. G F.

Ma benchè in quest' osservazione io m' accordi coll' Autore, mi ritiro però per più cagioni dallo stabilire la regola da lui proposta, e dall' assegnare la causa da lui assegnata, primieramente, perchè se fosse vera la causa assegnata, dipendendo l'aumento della velocità, e della rispettiva diminuzione dallo stesso principio, e perciò essendo composta da un eguale aggiunta, e scemamento. pare, che il resto della velocità dovesse piuttosto corrispondere alla media proporzionale Aritmetica, che alla Geometrica, come è noto dall' osservazione. Secondariamente perchè io stimo impossibile, come ho dimostrato nella lettera scritta al famoso Leibnitzio, che la velocità dell'acqua inferiore possa operare nella superiore. In terzo luogo perchè assolutamente credo, che l'accrescimento della velocità dipenda dalla pressione dell'aria fatta nella parte superiore, e che il ritardamento non derivi da altro, che dalla resistenza maggiore ne' cannelli stretti, e più lunghi, come è quello nell' esperienza presente, che non ha più di 4. linee di diametro, e tre piedi di lunghezza, come anche lo stesso Signore Mariotte peritissimo in queste cose poco più sotto soggiunse: questa opinione rimane confermata da due altre esperienze portate nello stesso luogo; imperciocchè essendo il cannello E F lungo due piedi, e di diametro $\frac{5}{6}$ d'una linea, vi passò tanta

copia d'acqua, quanta ne passò tagliato che fu il cannello all' altezza di un dito; impedendo il soffregamento ogni acceleramento, come nello stesso luogo è ottimamente notato. Al contrario poi applicato il cannello E F lungo 6 piedi, e largo un dito, il vaso A B C D di un piede, ad uso di cubo si vorò in 37. minuti secondi, ma segato il cannello in due parti eguali in H, solamente in 45. minuti se-

condi ed intieramente segato in B si vorò fin 95. dalla quale osservazione se ne può dedurre, che la proporzione della velocità media supera di molto la media proporzionale geometrica, e si accosta alla vera proporzione dell' accelerazione della velocità, siccome fatto il calcolo facilmente si conoscerà.

III. Dalle cose già dette è facile cosa il dimostrare, *che se la parte più lunga del sifone sarà alta 33. piedi l'acqua uscirà dall' orifizio S colla stessa velocità, che averebbe l'acqua nel cadere da I in R, cioè da D in V, che anche in questo caso è la differenza della lunghezza delle braccia. Ma se il braccio più lungo eccederà l'altezza di 33. piedi, non per questo si accrescerà la velocità, ma continuerà sempre la medesima, cioè della discesa I R.*

Imperciocchè equivalendo I C a tutta la pressione dell'aria, e impiegandosi la parte R C per sostenere l'acqua in C B, il resto della forza dell'aria, che preme in B, non sarà maggiore della pressione di I R, qualunque sia la lunghezza del braccio. Perciò si ha da notare, che essendo l'altezza B S minore di 33. piedi, allora sempre dall'aria, che preme in S viene impedita una simile pressione in C, o pure il rimanente di essa in B, e conseguentemente si sminuisce quella velocità, che per altro si averebbe. Ma quando l'altezza B S è precisamente di 33. piedi, supposto sempre, che 33. piedi equilibrino la pressione dell'aria, allora resta primieramente libera da ogni impedimento la velocità in B; e la pressione dell'aria in C non da altra forza viene combattuta, che da quella de' due fili, o cilindretti d'acqua B C, e perciò non potendosi avere dalla stessa potenza una maggiore velocità, che colla sottrazione di tutta la resistenza; tolta quella in B col maggiore allungamento del braccio B S, non si potrà crescere la velocità in B, e conseguentemente nè meno la quantità dell'acqua, che è determinata dalla velocità, e dalla sezione del sifone in B. Se poi sia per continuare ad essere pieno il sifone nella parte B S non lo saprei assolutamente determinare, imperciocchè sembra che la resistenza dell'aria in S possa trattenere piena una certa parte del sifone; al contrario poi quelle bolle, che escono dall'acqua non compressa dall'aria, e che vengono alla sommità del sifone, pare che possano alquanto impedire la pienezza del sifone B S. Questo bensì più risolutamente asserisco, che se il sifone rimane pieno in qualche parte del lato B S, in S non vi sarà maggiore velocità che in B; ma che se poi si voterà il sifone, tal che l'aria, possa penetrare per la parte S B che in B senza essere spinta all'ingìù dall'impeto dell'acqua in B, cesserà tutto il moto, e succederà la quiete nel sifone.

Continuando a tenere pieno il sifone, si potrebbe accrescere la velocità nella cima del sifone B colio scorcicare il filo, o cilindretto B C, come se si piegasse il sifone più giù, o pure si tirasse sopra il piano orizzontale C A, imperciocchè allora averessimo il massimo grado di velocità possibile, che verrebbe dalla pressione dell'aria, se colla lunghezza del braccio A S si levasse tutta la forza dell'aria, che preme in S.

Non crederei, che fosse per essere cosa inutile, e disdicevole investigare la verità di queste stesse speculazioni con altri metodi, cioè col mezzo delle parti de' sifoni, da' quali è composta la tromba. Imperciocchè è manifesto, che tal sorta di sifoni equivale a due cannelli perpendicolari, e ad un orizzontale, che li unisce, e perciò cercheremo secondo diverse combinazioni, qual moto sia nel tubo perpendicolare, che sale, quale in quello che discende, e quale nell'orizzontale, acciocchè da queste cognizioni venghiamo in chiaro, quali siano le mutazioni, e l'alterazioni de' fluidi ne' cannelli chiusi secondo la diversità de' casi.

Fig. 8. Consideriamo adunque il sifone perpendicolare, ed uniforme A B C D pieno

no d'acqua ma ferma, dalle cose sopradette si deduce, che esposto all'aria libera, sarà egualmente compresso dal peso dell'aria, tanto nella parte A B, quanto nella C D: per la qual cosa se l'acqua A B C D non fosse grave, o pure eguale in specie alla gravità dell'aria, a cagione di questa eguale pressione non seguirebbe alcun moto; ma perchè l'acqua è veramente grave, e più grave dell'aria, preme con tutto il suo peso contro il fondo C D colle forze, che provengono dall'altezza A C; laonde prepondererà la pressione in C D, che viene cagionata dall'aria, che preme sopra l'orifizio A B, e dall'acqua A D: equivalendo adunque la forza dell'aria all'altezza di 33. piedi d'acqua, aggiunta l'altezza A C, la quale si suppone essere per esempio di 4. piedi, tutta la forza in C D sarà di 37. piedi, ma perchè ancora l'aria inferiore preme contro C D con tanta forza, quanta ne ha tutta l'altezza dell'atmosfera, cioè di 33. piedi d'acqua, e con essa resiste al moto dell'acqua per C D, se si sottrarrà la resistenza di questa dalla forza, che fa quella per escire da C D, ci rimarrà solamente l'altezza dell'acqua A C. Dal che sene raccoglie, che la velocità colla quale escirebbe l'acqua dal predetto sifone nell'aria libera, sarebbe la stessa, che averebbe nel voto, a cagione dell'aumento, e decremento della velocità, che viene prodotta dall'aria. Ma supponghasi, che l'acqua scorra, e che alle parti A B ne venga somministrata tanta copia, quanta ne fa di bisogno; in questo caso due considerazioni possono averfi, una combinando col flusso dell'acqua la forza, e resistenza esercitata dall'aria nell'una, e nell'altra apertura la seconda prescindendo da essa, e se si prescinde non potendosi supporre l'acqua nella sezione A B senza velocità alcuna; imperciocchè in quel caso dovrebbe essere infinita, come dal *scil 3. prop 8. lib. 5. del mio trattato della misura dell'acque correnti* è manifesto; se s'intenda, che l'acqua in A B abbia qualche velocità, questa sarà uniforme alla velocità dovuta ad una certa discesa, per esempio, E F, e descritte circa l'asse prolungato del sifone dall'una, e l'altra parte le quarte di Iperbola, sarà l'area A I H B la sezione verticale dell'acqua, che cade nel sifone, e perciò non riempirà l'orifizio C D, ed il moto non si farà per tutte le parti del sifone, il che ancora accaderà, se l'aria inferiore per mezzo del maggiore diametro del sifone potrà entrare a riempire gli spazj C A I. D B H: nè però potrà comunicare coll'aria superiore in E a cagione della velocità A B, e dell'altezza dell'acqua sopra A B. Ma se, come nel primo caso, s'intenda il sifone immerso nell'aria, la quale per la strettezza dello stesso sifone non vi possa subentrare; allora la pressione di sotto, e di sopra conserverà il sifone pieno, l'acqua però escirà come sopra s'è dimostrato, con quella velocità, che può prodursi dall'altezza A C; e perchè non può essere, che l'acqua in tutta la discesa A C si muova colla velocità C prodotta solamente dalla sua gravità, abbiamo già nella lettera scritta al famoso Leibnizio dimostrato, che l'aria superiore incalza l'acqua in A B con tutta la sua forza, che equilibra l'altezza di 33. piedi d'acqua, acciocchè si faccia la velocità uniforme in tutto il sifone A D.

Mantenuto adunque pieno il sifone, si supponga unito al sifone A D un altro cannello orizzontale D F, il quale abbia lo stesso diametro, è manifesto, che essendo disuguale la pressione dell'acqua sopra D ed E, la media velocità sarà minore per la sezione D E di quello, che prima sia stata per C D, dove la mezza è eguale alla massima D; e perciò non passerà tant'acqua per D F, quanta ne passava prima per A D, e conseguentemente la velocità in A D sarà qualche poco ritardata dall'aggiunta del cannello D F. Essendo adunque aperto l'orifizio E D, o pure F H, l'acqua si muoverà colla velocità D H maggiore della E F, e tra E, e D faranno maggiori, o minori le

velocità secondo la maggiore, o minore pressione dell'aria in ragione suddupla dell'altezza; ed il tubo continuerà ad essere pieno per l'eguale pressione dell'aria in *FH*, ed *A B*. Ma se al cannello *D F* se ne aggiunga un altro perpendicolare *H K*, che volti all'insù, perchè l'impero dell'acqua in *F G* talmente si riflette, che può alzare l'acqua fino all'orizzonte *A N*; ne segue, che in tutta la sezione *F G* vi sarà la stessa velocità, che è in *L E*, cioè quella, che conviene alla discesa *B E*, che per altro è minore della primiera velocità media nella sezione *D E*, o *F H*, come che eguale alla minima *E F*: e perciò ne segue ancora, che per la piegatura del tubo in *F G* viene ritardata la passata velocità in tutto il sifone *A C M G*, e che la detta velocità diviene uniforme per essere eguale alla massima della discesa *B E*. Molto più si ritarderà la velocità ogni qual volta si allunghi il tubo in *I K*, poichè per la medesima ragione la velocità in *I K* è quella, che nascerrebbe dalla discesa *B O*, ovvero *N K*; e perciò essendo la stessa velocità in *I K*, ed in *F G* a cagione della supposta uniformità del tubo, mentre dovrebbe per altro secondo le leggi della natura essere maggiore in *F G*, che in *I K*, ne viene di conseguenza, che la velocità in *F G* si ritardata; e solamente eguale a quella, colla quale nella sezione *O P* il fluido discende naturalmente per *B O*; e per questo la velocità in tutto il sifone dipenderà dall'abbassamento della sezione *I K* sotto l'orizzontale *A B N*: come anche succederebbe, se sotto la sezione *P O* sempre si assottigliasse il sifone fino in *C* colla proporzione sopradetta, e fosse uniforme in *D F*, allargandosi sempre più colla stessa proporzione l'altro braccio rivoltato all'insù, tal che le sezioni del sifone fossero sempre reciproche alle velocità naturali accelerate, o ritardate secondo la ragione della salita, o della discesa. Per la qual cosa essendo il canale di tutto il condotto *P C M K* più largo, che non dovrebbe; è evidente, che la velocità è da per tutto ritardata, e solamente in *P O*, e *I K* è libera, è naturale, e per conseguenza, che o si muoverà solamente una certa porzione d'acqua nel tubo *P C M K*, o pure che se si muove tutta, come è più probabile, si muove con moto uniforme, venendo comunicata all'acqua, che non si muove, una quantità di moto dalla velocità maggiore, che detratto da quella che si muove, fa, che l'una, e l'altra si muova di moto uniforme.

Fig. 10. Ma s'intenda di nuovo congiunto al sifone *F K* un altro tubo orizzontale *I M* dello stesso diametro; e perchè l'acqua è spinta in *K* dall'altezza *N K*, ed in *D* dall'altezza *N D*, si fa manifesto, che la velocità sarà maggiore in *K*, che in *D*, e che l'acqua escirà dall'apertura *L E* con queste diverse velocità, e che conseguentemente sarà maggiormente ritardata la velocità a conto dell'unione del cannello orizzontale *I M*, imperciocchè la velocità media in *D K* è minore della velocità uniforme del cannello in *I K*, alla quale nel cannello *I M* è uguale la massima velocità *K L*, e perciò con questo ritardamento, o inuguaglianza di moto l'acqua escirà dall'apertura *L E*, o pure *M H*. Se poi il cannello ha l'apertura *L H*, che guardi all'ingiù, e sia orizzontalmente posta; nel discendere, che fa l'acqua da *M* in *H*, la velocità diviene uniforme, ed eguale a quella, la quale acquisterebbe nel discendere da *N* in *H*, o pure da *Q* in *H*. Ma se a questa apertura o sezione *L H* vi è connesso un altro cannello perpendicolare *L O*, che vada all'ingiù, segue allora lo stesso, che del cannello semplice perpendicolare abbiamo detto, imperciocchè essendo la velocità *L H* quella stessa, che deriva dalla discesa *N K*, o *Q H*, sarà ancora la medesima, che nel cannello *P H*: seguirà adunque lo stesso se al sifone storto *B F C M H* si congiunga il cannello perpendicolare *L O*, sicché lo stesso *L O* si supponesse unito solamente al cannello

lo P H; e perciò siccome, se il cannello P H si allungasse in N O, la velocità della sezione inferiore N O, si farebbe maggiore, che in L N, e corrisponderebbe alla discesa P N, così storto il cannello K L in N, la velocità in N O sarà maggiore che in L N ec. Laonde è manifesto, che per l'allungamento del cannello L O la velocità in L N, e conseguentemente in tutto il cannello in qualunque maniera storto, si accrescerà dalla pressione dell'aria in A B, come sopra si è detto.

Finalmente se al cannello L O si unisce primieramente un altro cannello orizzontale O T uniforme agli altri, ed a questo un altro perpendicolare T X, che volti all'insù, ne segue dalle cose premesse, che la velocità in O T, essendolibera l'uscita in T Z, sarà ineguale, e ritardata, e che dovendo essere riflesso il moto all'insù alla parte S V, si ritarderà sempre più, quanto più l'apertura, dalla quale ha da escire l'acqua, si accosterà alla linea orizzontale P X, tal che, se l'apertura sarà V X, in essa ne succederà la quiete, e se sarà C D, resterà ivi una tale velocità, quale si richiederebbe nella discesa V C.

Laonde acciocchè esponghiamo con una sola figura le cose fin qui dette, dico, che dalle ragioni sinora esposte si fa evidente, che l'acqua nel semplice cannello A B si muove colla velocità della discesa A B, in A B C con una velocità minore della discesa A B, ma proporzionale di mezzo tra A B e A I; in A B C D colla velocità della discesa A L, in A B C D E con una velocità media proporzionale tra M N. M D: in A B C D E F colla velocità della discesa O P; in A B C D E F G con una velocità media proporzionale tra O F. O P: e finalmente in A B C D E F G Q colla velocità della discesa H Q cioè con quanta (e questo serve in tutti gli casi predetti) escirebbe da un vaso, che nel fondo avesse l'apertura Q, ed avesse tant' altezza d' acqua, quanta è H Q, se non che quando dee escire per sifoni orizzontali, invece dell' apertura nel fondo del vaso, se ne dee fare, una eguale in uno de' lati del vaso, e toccante il fondo.

Di qui manifestamente ne segue, che supposto il sifone con C D E F, e l'apertura C immersa in un vaso pieno d' acqua, la di cui superficie si conservi sempre alla medesima altezza, e supposto, che cavata da questo sifone l'aria, l'acqua si muova per C D E F, l'acqua sarà premuta in C da tutta la forza dell'aria, che equivale all'altezza di 33. piedi d' acqua; ma che neli' alzarfi fino a C D verrà appoco appoco ritardata, tal che in D, o pure in E la velocità rimasa sarà eguale a quella, che conviene all'altezza di 33. piedi, sottrattane però l'altezza C D: ma nella discesa E F l'acqua si farà più veloce, tal che nella sezione R da me concepita nell'orizzonte C R, vi sia per essere di nuovo nel sifone tanta velocità, con quanta l'acqua veniva prima spinta in C dalla pressione di tutta l'aria, che non era da cosa alcuna impedita, di maniera che se l'aria preme egualmente in R, necessariamente dee succedere l'equilibrio; se poi il sifone sia maggiormente allungato come in F perchè la velocità viene accresciuta dalla maggiore lunghezza R F, la velocità solamente sarà quella, che deriva da tutta la pressione dell'aria, o dall'altezza di 33. piedi d' acqua accresciuta dall'altezza R F; e perciò se in F non vi fosse alcuna resistenza, l'acqua escirebbe da F colla predetta velocità; ma perchè l'aria resiste alla parte F con tutta la sua pressione equivalente all'altezza di 33. piedi d' acqua, se della predetta altezza si sottrae la resistenza di 33. piedi, il resto dell'altezza sarà l'altezza R F, e perciò l'acqua escirà da F colla velocità, che acquista nella discesa R F, o pure con quella, colla quale escirebbe dal fondo di un vaso, nel quale l'acqua fosse tanto alta, quanto R F, come ancora colle sopradette dimostrazioni abbiamo provato.

Da quello, che fin ora abbiamo detto si raccoglie prima, che ne' sifoni curvi, e ne' cannelli in qualunque maniera rivoltati, purchè il fluido esca da un cannello perpendicolarmente rivolto all'insù, o all'ingiù, le velocità sono tutte uniformi, e che, se l'acqua esca da un cannello orizzontale, non si muoverà di moto uniforme in tutte le sue parti, ma di disforme: e più generalmente se ne deduce, che ogni velocità del fluido, dopo che è uscito dall'apertura del cannello, se è all'ingiù, è ritardata: se all'insù, accelerata, e se nel piano orizzontale dell'apertura, rimane nel suo stato naturale.

Secondariamente ne segue, che l'apertura del cannello, dalla quale esce il fluido, è quella, che regge la velocità in tutto il corso per lo stesso cannello, tal che per essere quella ora posta in un piano, ora in un altro, accade, che nel cannello ora l'acqua si muova con una velocità, ora con un'altra.

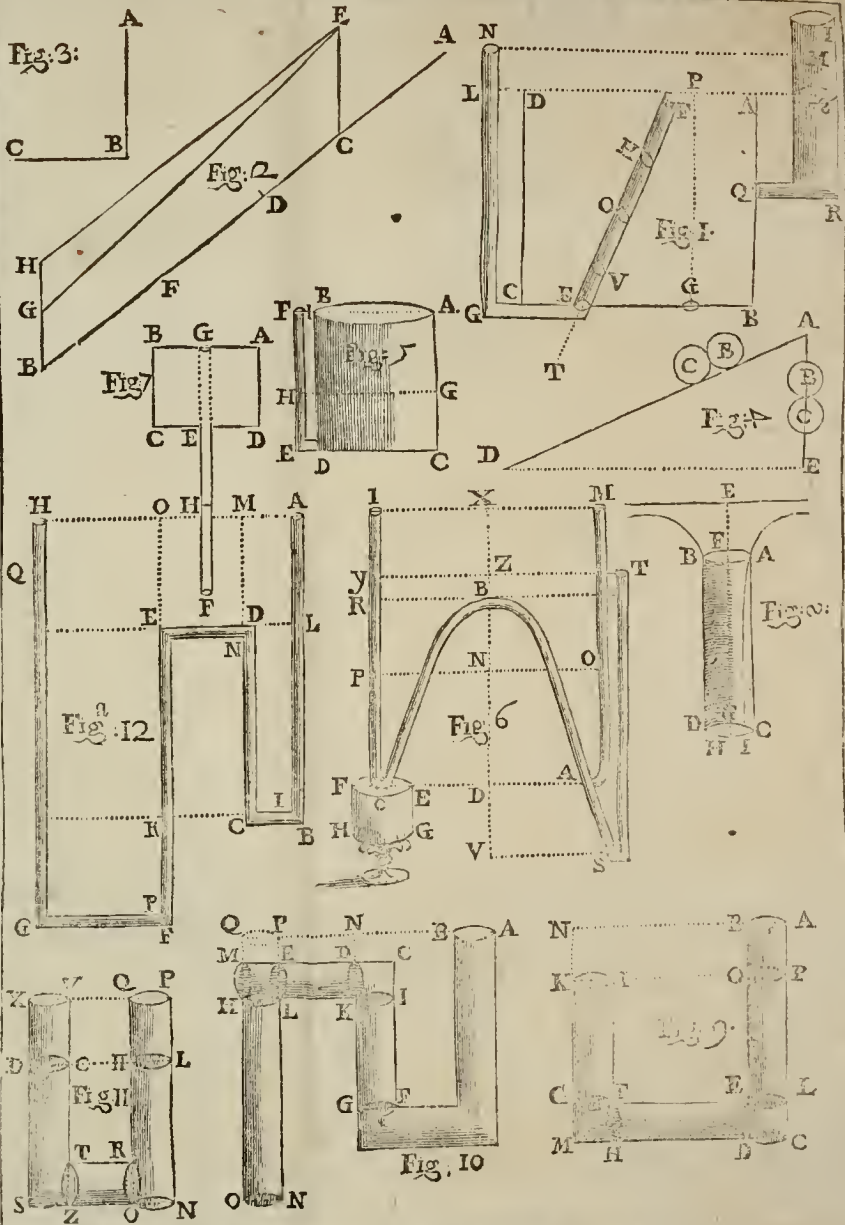
Finalmente è evidente, che allora quando l'apertura, dalla quale esce il fluido, è la stessa sezione del cannello orizzontale, la velocità nel cannello perpendicolare immediatamente unito, e per conseguenza in tutto il cannello, si potrà precisamente determinare nel dato caso, ritrovando o il centro della velocità dell'apertura, per la quale sgorga il fluido, o la velocità media, imperciocchè quella velocità, che conviene all'altezza dell'acqua sopra il centro della velocità, è la stessa, che uniforme, ed equabile si conserva in tutto il cannello, e la velocità media nel cannello orizzontale è la medesima di tutte le sezioni del cannello.

Questo è quanto, gentilissimo Signor Magliabechi, io ho pensato circa il moto dell'acqua ne' sifoni, ed ho potuto confermare con qualche esperienza, ringraziandovi tra tanto grandemente delle ragioni, colle quali mi avete persuaso ad applicare di nuovo allo studio della misura dell'acque correnti, in tempo, nel quale mi era dato alla medicina, il che ne riuscirà di non piccolo fondamento per l'una, e l'altra scienza. Ma debbo similmente ringraziare il Signore Papino mio oppositore, che colle sue osservazioni fatte intorno le mie dimostrazioni, mi ha dato motivo d'applicarmi a questa utile prima parte dell'Idrostatica, e d'acquistare queste nuove cognizioni; ricavandosi per verità dalle virtuose dispute, nate tra uomini onorati, sempre qualche utilità, imperciocchè se le obiezioni sono vere, levano lo scrittore d'errore, se sono dubbiose, o false, gli affortigliano la mente per dilucidare, e accrescere molto più quella parte della scienza, sopra la quale si era posto a scrivere; cosa che dee essere lodata, e desiderata da tutti gli uomini letterati. Se farete capitare una copia di questa mia al Signore Leibnitzio nostro comune Amico, mi farete un favore, che mi obbligherà ad essere sempre più.

Bologna 16. Febraio 1692.

Vostro Devotiss. Servo, e Amico.

Domenico Guglielmini.





RELAZIONE¹³¹

DI DOMENICO GUGLIELMINI

De' danni, che oltre quelli, che di presente patisce il territorio di Bologna, maggiormente patirà, quando dagli Eminentissimi Cardinali soprintendenti all' acque, non sia trovato rimedio all' acque particolarmente del Reno.



Danni, che patisce il territorio di Bologna dal corso fregolato de' fiumi ocularmente si manifestano, come apparisce dalla visita fin ora fatta. Quelli, che o si faranno maggiori, o nuovamente emergeranno, appariscono dall' osservazione d' alcune regole, che inviolabilmente osservano tutti i fiumi nel portare che fanno le loro acque al mare, particolarmente quando son torbide.

La prima di queste regole si è di formare dal sito, dove lasciano la ghiaia, ed arena grossa, una linea retta fino al suo sbocco, la quale ne' fiumi stabili, e raffettati di corso, perfettissima si osserva nella superficie dell' acqua corrente, abbenchè qualche poco diversifichi nel fondo dell' alveo, a cagione de' gorghi, e dossi, che per cause accidentarie vi si formano, siccome anco dall' aumento di acque tributarie viene qualche poco alterata la rettitudine della linea asserita, supplendo in vece della pendenza la maggior altezza del corpo dell' acqua, che ne risulta.

La seconda è, che per portare la torbida al mare hanno di bisogno i fiumi temporanei di una certa pendenza, ed altezza di corpo d' acqua, senza l' una, e l' altra delle quali, la depongono per istrada fino a formarsi quella caduta, che hanno di bisogno per scorrere senza intoppi, e questa linea si chiama linea cadente del fiume.

La caduta necessaria a portar via le torbide, si calcola da' periti, ne' torrenti della natura de i nostri, essere once 15. per miglio.

La terza regola è, che portandosi simili torbide per valli, o lagune, vanno appoco appoco, colle deposizioni laterali formandosi le sponde, ed alzandole maggiormente quanto più durano a correre circa riparo artificiale, e nel formarsi la sponda medesima vanno prolungando la loro linea, e per conseguenza si rendono bisognosi di maggior caduta per arrivare dal suo termine, e da ciò ne nasce l' interrimento degli alvei de' torrenti, come apparisce dalle misure, ed osservazioni fatte nella visita circa li fiumi Lamone, e Santerno, e si farà costare di quelli di Reno, Savena, e Idice.

Correndo dunque il Reno dentro le valli di Marara ha di già prolungata la linea da 14. miglia in circa, che vuol dire accresciuta d' un terzo per lo meno la lunghezza della propria cadente, ed essendo prolungata nelle valli di Marara, il di cui pelo d' acqua era orizzontale, certa cosa è, che a ragione del prolungamento, viene anco ad essere accresciuta la necessaria ca-

dura, che il fiume s'è acquistata da se colle deposizioni, ed alzamento del proprio letto, conseguentemente è stato necessario alzar gli argini molti piedi, ed a soggettarli con ciò a maggiori pericoli di rotte, non solo per l'elevazione degli argini, ma anco per l'alzamento del fondo; Dal che anche ne derivano le forgive copiose, che patiscono li terreni laterali.

La caduta delle valli di Marara al mare è stata calcolata dall'Aleotti piedi 15. once 7. m. 7. alle quali aggiungendo piedi 2. per l'alzamento dell'acqua delle valli di Marara seguito dall'ora in quà, somma piedi 17. 7. 7. Diciamo per abbondare piedi 25., e confideriamo se questa caduta corrisponde alla distanza che v'è dallo sbocco presente di Reno alla Lama delle Bilacque fino al mare. Questa non è per certo minore di miglia 40. alle quali volendo attribuire le once 15. dipendenza per miglio, per fare, che possano correre le torbide al mare senza deposizione, sarebbe la caduta necessaria piedi 50., adunque sarebbe difettosa la caduta presente di piedi 25. la quale dovrebbe ripararsi con altrettanto rialzamento di fondo nel Reno medesimo in detto sito.

Non molto minore dovrebbe essere l'alzamento incontro a Ferrara, e proporzionalmente si estenderebbe all'insù fino ad acquistare le once 15. di pendenza per miglio.

Se le dette once 15. pareissero superiori al bisogno, abbenchè ciò sia contro il sentimento de' migliori periti dell'acque, supponiamo anche per abbondare, che siano necessarie solo once 10. troveremo necessaria la caduta pel Reno dalle Bilacque al mare piedi 33. once 4. maggiore di quella, che vi si suppone di piedi 8. once 3.

Dal che apparisce quanto dovrebbe alzarli il fondo di Reno dovendo andare al mare senza obbedire alla cadente d'un'altro fiume maggiore di se, che li servisse di veicolo per portare le sue torbide ad un termine conveniente.

È dato anche, che la poca caduta delle valli al mare fosse tale, che bastasse al bisogno predetto, il che è manifestamente contro la verità, esperienza, e sentimento de' medesimi Signori Ferraresi, certa cosa è, che il Reno, o da se si farà le sponde, o li saranno formati gli argini dall'industria degli uomini, il che essendo non potranno mai gli scoli del Bolognese avervi esito dentro, per essere il di lui fondo presente superiore al piano della campagna, ed unendosi insieme il Reno con Savena almeno alle Cacupate, e con maggior certezza più in su refteranno rinchiusi l'acque tutte, che scorrono per le campagne situate fra detti due fiumi, che perciò doveranno, o restare stagnanti fino che il sole l'estate le beva, o pure alzarli tanto di corpo, che superino gli argini, o sponde, o dell'uno, o dell'altro fiume per entrarvi dentro, se non in tutto almeno in parte.

Da questo stato di cose che necessariamente dovrà succedere, può ognuno immaginarsi le desolazioni, che accaderanno alle tre Provincie, cioè rispetto a quella di Bologna di spaventosissime inondazioni, che assorbiranno, la maggior, e miglior parte del suo territorio, l'infestazione dell'aria, che si renderà pestifera agli abitanti, la perdita della navigazione, che porterà seco la desolazione della Città medesima per la perdita del negozio, per la carestia de' grani, ed altri frutti della terra necessari pel mantenimento degli abitatori, come anche delle sete, e canape, sul lavoro delle quali si sostenta la maggior parte del Popolo, e per la mancanza degli abitatori, che anderanno a cercare paesi più salubri, e più fertili.

Rispetto a Ferrara, quali danni non può ella aspettare dall'aver in faccia a se medesima un torrente furibondo, e vederlo camminare sollevato dal

piano di terra 20., o 25. piedi quando di presente paventa cotanto, avendolo nella bassezza, nella quale di presente si trova? Certamente succedendo rotte, che saranno irreparabili tanto dall'una, che dall'altra parte, come vorrà ella resistere all'impeto d'un fiume, che scorrerà verso di essa da tanta altezza? La perdita della navigazione, e commercio con Bologna, che vale a dire con tutta la Toscana, e porto di Livorno, la renderà elausa di denaro, e la Camera Apostolica resterà priva dell'entrata delle Gabelle, che copiosane ritrae. S'aggiunga la difficoltà, per dir meglio, impossibilità di chiudere una rotta, che seguisse, non potendosi fare con terra sola, che non resiste, nè con legnami, che non potranno mai trovarsi di lunghezza sufficiente al bisogno, e quando una di queste succedesse, specialmente dalla parte di Ferrara, non sarebbe altro, che una mutazione d'alveo, e una desolazione intera d'una campagna, che sta tutta orizzontale.

Rispetto poi alla Romagna, dovendosi necessariamente alzare per la suddetta ragione il fondo presente del Po di Primaro, si renderebbe questi incapace di ricevere per la sua altezza tutti gli altri fiumi, che di presente vi sgorgano, come anco di tutti gli scoli delle campagne adiacenti, ed abbenchè non tanto grandi quanto quelle de' Bolognesi, nondimeno anche in questa parte considerabilissime sarebbero le inondazioni, e dalla parte opposta del Polesine di S. Giorgio, e valli di Comacchio non sarebbero minori li pericoli delle rotture degli argini, e li danni delle sorgive, che per la maggiore elevazione del fondo del Po succederebbero, col totale estermínio della terra d'Argenta, e delle valli di Comacchio.

Molte altre ragioni potrebbero addursi in prova di questi, ed altri danni, che pur troppo si aspettano dal trattenerli il Reno imprigionato nelle valli, e senza quella direzione, che gli è stata destinata dalla natura; ma dipendendo questi dall'accennate fondamentali premesse, sarà facile a chi si sia di arguirle da se medesimo.

S C R I T T U R A

DI DOMENICO GUGLIELMINI

Mandata alli Signori Assunti d'acque di Bologna, l'anno 1692. che contiene le quattro linee da loro proposte per divertire il Reno nel Po grande.

Essendo, che tutti li danni a destra del Po di Primaro dipendono dallo fregolato corso de' fiumi delle Provincie di Bologna, e Romagna, da Reno sino al Lamone inclusivamente, e sul medesimo anche ha fondamento il timore de' Signori Ferraresi per la Città, e Fortezza di Ferrara, Polesine di S. Giorgio, e valle di Comacchio, ne viene in conseguenza, che tutto il rimedio dee consistere in dar regola, buona direzione, ed esito a' fiumi predetti, col dovuto riguardo a' mezzi, per li quali si dee fare tal regolamento, ed alla felicità, e sussistenza degl'istessi.

Ma perchè la maggior parte de' danni dipende dal solo Reno, essendo questo maggiore di corpo d'acqua, e superiore di sito agli altri, ed in maggiore distanza dal mare, essendo perciò necessario, che i di lui pessimi effetti si manifestino per tutto il tratto del suo corso sino allo sbocco, come resta liquidato nella visita, per ciò

Gran parte del rimedio dipende dal dare esito felice al Reno, e questo non si può avere in altra maniera, che coll'unire le di lui acque col Po di Lombardia per li seguenti motivi.

Primo perchè ciò seguendo se gli darà un fine stabile, e per conseguenza non alzerà il proprio fondo, come fa di presente, e come generalmente fanno tutti gli altri fiumi, che non avendo esito reale prolungano di tempo in tempo la sua linea.

Secondo perchè ha maggiore la caduta in questa parte, che in verun'altra, atteso che avendo il pelo del Po basso, poca, e quasi nessuna pendenza per portarsi al mare, viene ad avere il Reno in una breve linea, poco meno, che tutta quella caduta, che per una lunghissima ha di presente, e può avere incaminandolo per qualsiasi altra a dirittura al mare, che però introdotto, che fosse il Reno nel Po, non solo non alzerà di più il proprio fondo, ma in oltre si profonderà considerabilmente, fino ad inalvearsi, almeno in parte, sotto il piano delle campagne, e renderà minore il pericolo delle rotte, e più tollerabile la spesa in mantenere gli argini, levando intieramente la necessità di doverli mai più rialzare.

Terzo divertito il Reno dalle valli nel Po, si lasceranno in libertà tutti gli scoli, e non s'averanno più l'inondazioni sopra i terreni buoni, che formano il circondario della valle di Marara.

Quarto resterebbe sollevata la valle di Marmorta, e l'altre inferiori dal danno, che loro cagionano le Pavese, e per conseguenza il resto de' scoli del Bolognese, Romagnola, e Romagna acquisterebbero più felice lo sfogo in esse valli, gran parte delle quali facendo le escavazioni opportune per condurre le acque regolate nel Po di Primaro, resterebbero bonificate, e capaci d'ogni migliore cultura.

Quinto la navigazione da Bologna a Ferrara si rimetterebbe in stato migliore, che sia mai stata, potendosi essa continuare a dirittura senza l'incomodo de' traghetti fino a Ferrara, anzi fino a Po Grande, ed al mare, come più a basso si dirà.

Sesto la spesa per fare l'inalveazione del Reno nel Po è di gran lunga minore dell'utile, che ne risulterà alle tre Provincie, e facile da esigersi da i Popoli senza doglianze.

Settimo finalmente s'invita la natura, che ha per regola di unire li fiumi minori, e temporanei, particolarmente se sono lontani dal mare, con li più grandi, reali, e perenni, guadagnando così quella felicità di corso, che non potrebbero avere, andando ognuno di essi a sboccare da se solo nel mare.

L'inalveazione del Reno nel Po di Lombardia si può fare per diverse linee considerate ed esaminate ne' tempi addietro.

Quattro delle quali però paiono le più perfette per diversi capi, che si diranno.

A La prima è quella di Monsignor Corsini, che va da Vigarano per l'alveo vecchio di Reno a Po rotto, e quindi, o per una sola linea retta, o per due, secondo, che paresse più a proposito, va a terminare a Lago scuro.

Questa in tutta la sua lunghezza non è più, che 8. miglia, poco più di 5. da Po rotto a Lago scuro, ed ha di caduta dal fondo di Reno corrente al pelo basso del Po piedi 22. 4. 4., come costa dalle livellazioni ultime. Passa per terreni in gran parte di poca buona qualità, piglia l'acque del Reno perfettissimamente, e le porta a sboccare nel Po a seconda del corso. Traversa però li condotti Brunello, e Cittadino, Canal Bianco, e fossa Lavezuola, i quali potrebbero recapitarsi mediante una Chiavica nel Po al Lago scuro, dove hanno sufficiente caduta, o pure farli passare con botte sotter-

ranee al Reno, e lasciarli correre come adesso per il Polesine di Ferrara, e l'istesso si dovrà dire del Canalino di Cento. S'accosta ancora alla Città di Ferrara, ma non tanto da metterla in pericolo per la rettitudine della linea, al quale però, quando vi fusse, si contrapporrebbe il vantaggio, che gli argini di Reno formerebbero una difesa insuperabile contro le rotte di Panaro, e del Po Grande, dalla Stellata fino a Lago scuro, ed in oltre potrebbero le Barche grosse di Po grande avvicinarsi molto più alla Città di Ferrara, e così restituire a questa la tanto sospirata navigazione.

La seconda linea è quella altre volte risolta nelli Brevi de' Sommi Pontefici Gregorio XV., ed Urbano VIII., detta del Signor Cardinale Capponi, e detta di Monsignor Corsini.

Parte questa dalla Botta de' Signori Ghislieri a Mirabello, portandosi per linea retta al Bondeno, e di qui a Gambarone, levando con nuovo taglio alcune rivolte di Panaro, in maniera, che dal Bondeno fino alla Stellata camminassero questi due fiumi uniti al Po Grande. La sua lunghezza dalla Botta predetta alla Stellata è di miglia 10. ma quella del taglio, che si dovrebbe fare solo di miglia sette, e la di cui caduta dal fondo di Reno alla foglia della Chiavica Pilastrese, altre volte nella visita di Monsignor Corsini fu trovata di piedi 16. 8. 6. Li vantaggi sono allontanare dalla Città di Ferrara il Reno in maniera, da levarli ogni piccolo sospetto; Condurre il Reno a quel termine, che da se medesimo avrebbe trovato se non fosse stato divertito nella S. Martina; essendo notorio, che prima di detta diversione, il Reno correva all'infu ad unirsi con Panaro. Si escaverebbe maggiormente il suo fondo, sì per la maggiore caduta, sì per l'unione assieme dell'acque de' due fiumi, che s'aprirebbero maggiore, e più profondo il suo sbocco nel Po.

Lascia in tutti gli scoli del Polesine di Ferrara, e abbenchè traversi quelli della Schiavona di S. Bianca, di Burana, ed il Canalino di Cento, quelli nulladimeno potrebbero voltarsi a Panaro in altro luogo, e questo ricevere in Reno, o in Panaro, o farlo passare per botte sotterranea il Reno.

La terza linea, che fu considerata al tempo della visita Borromea, comincia dalla detta Botta di Mirabello, e voltando precisamente a settentrione, seguita per linea retta fino alla Chiesa di Salvatonica, nel qual luogo pigliando a destra, va a terminare mezzo miglio in circa sopra l'Osteria di Palantone.

La lunghezza di questa linea è di miglia 9. e secondo le misure, che stanno registrate in detta visita Borromea, ha di caduta sul pelo basso del Popiedi 23. passa per terreni in gran parte incolti, e privi di scolo. Non interseca condotto alcuno considerabile, ma il solo Canalino di Cento, e qualche poco nelle parti superiori il condotto Cittadino. Questo però si potrebbe voltare in Po sopra il pelo basso, del quale ha piedi 4. di caduta, ed a quello si provvederebbe come s'è detto di sopra.

La quarta linea, che si crede forse soggetta a minori opposizioni, parte dalla predetta Botta de' Signori Ghislieri a Mirabello, e come l'antecedente camminando a settentrione fino al Po di Ferrara, piega per l'alveo di questo, fino poco sotto il Bondeno; dove entra in Panaro all'interstatura, e quindi per un taglio dritto da farsi al lungo dell'alveo corrente di Panaro, proseguisce fino di sotto all'ultime rivolte dello stesso, raddrizzando il corso dell'uno, e l'altro, de' fiumi predetti fino alla Stellata, dove si potrebbe accomodare loro lo sbocco.

La lunghezza di questa linea dalla Botta de' Ghislieri fino al Po di Ferrara è di 4. miglia in circa, e meno di due sarebbe il taglio da farsi per le-

re le rivolte di Panaro, non occorrendo altro a perfezionarle, che fare qualche piccola escavazione al Po di Ferrara, rassettare gli argini del medesimo, ed allargare il Panaro ne' siti, dove fosse giudicato necessario, e tutta la lunghezza da punto a punto è l'istessa di quella del Signor Cardinale Capponi, ma minore nell'andamento per causa de' tagli, che si propongono da Bondeno in giù; e la caduta è maggiore molto de' piedi 16. 8. 6. per l'alzamento fatto maggiore del fondo di Reno, e per la maggiore brevità della linea.

Li vantaggi di questa linea sono, che dalla Botta Ghislieri sino al Po di Ferrara, cammina per terreni di poca buona qualità, non attraversa alcun condotto di momento, e le campagne tutte a sinistra della medesima, possono comodamente tramandare le sue acque alla Chiavica di S. Bianca, restando il solo canalino di Cento intersecato, al quale si potrebbe provvedere come sopra. Cammina per qualche tratto nell'alveo antico del Po, dove l'escavazione, e gli argini sono quasi interamente fatti; Non tocca gli scoli pel Polesine di Ferrara, leva le tortuosità a Panaro, tenendosi nel sito intermedio degli argini, che però viene a levare alla Città di Ferrara li pericoli delle rotte di Panaro, e verrebbe anche ad esser sollevata in gran parte da quelle del Reno, posciache di quelle, che succedessero alla parte sinistra non avrebbe di che temere, e quelle a destra non manderebbero acqua verso la Città, se non succedendo dalla Botta de' Ghislieri sino al Po di Ferrara, breve tratto, e minore di 4. miglia, e quelle, che succedessero nella parte superiore di essa Botta, sfogherebbero tutte dalla parte del Bolognese. E finalmente si lascia il comodo di fare dalle Dozze a Gambarone il taglio diviso dal Signor Cardinale Capponi.

Questa linea: come anco l'antecedente non piglia il filo dell'acqua perfettissimamente, ma non però è tanto male da poterne temere danno veruno. Si potrebbe nulladimeno perfezionare pigliando l'acqua alla Botta di S. Carlo, detta di Lucagna, a dirittura del filone dell'acqua, e portarla sul fine ad unirsi dolcemente alla linea predetta, poco di sotto dal suo principio, nel qual caso basterebbe far l'argine a ponente, potendo servire per l'altro a destra, quello, che ora serve alla sponda sinistra di Reno.

Quanto alla navigazione, divertito, che fusse il Reno nel Po, potrebbe questa aggiustarsi in perpetuo, e con poca spesa, escavando il canal vecchio delle Paradore, che va da Malalbergo al ponte della Braglia, ed introducendovi dentro il Canale Naviglio di Bologna, che da detto sito correrebbe per l'odierna navigazione sino alla volta de' dossi; e di quì si potrebbe per cavo manufatto condurre sino all'alveo di Reno nell'angolo del confine, e per questo intestato nella parte inferiore sino a S. Martino, da dove con nuovo cavo sino alla Torre della fossa s'introdurrebbe nel Po di Primaro, pel quale s'arriverebbe alla punta di S. Giorgio, sfogando l'acqua, o per il Po di Volano a beneficio della navigazione di esso, o pure pel cavo del Barco nel Po Grande, dove con un sostegno si potrebbe fare entrare questa navigazione nel Po medesimo, e con ciò verrebbe ad avere una navigazione libera, e sicura da Bologna sino al mare, la quale si potrebbe accrescere d'acqua col condurvi a sboccar dentro in diversi siti tutti gli scoli, ed acque vive, che ora appartengono alla valle del Poggio, e forse anche la Lorgana. Tuttociò, che sta anche espresso negli annessi disegni suggerisce la Città di Bologna in venerazione de i reveriti comandi dell'EE. VV. pronta però sempre ad aderire a quanto siano per risolvere, con sicurezza, che elleno non sapranno, che appigliarsi a quei partiti, che porteranno seco il maggior vantaggio di tutti questi Popoli, che oppressi da
tan-

S C R I T T U R A

De' Signori Bolognesi in risposta alla proposizione de' Signori Ferraresi di condurre Reno, e g'i altri fiumi al mare al Savio, per alveo nuovo, parallelo alla via Emilia,

EMINENTIS. E REVERENDIS. SIG.

S. 1. Quando si tratta di fare una di quelle operazioni, che per altro sogliono essere effetti della natura, il migliore fra tutti li consigli si è il procurar d'imi-

d'imitarla, osservando le di lei inclinazioni, e le regole, che essa medesima si prefigge nell'operare. Nel nostro caso, se si riflette alle direzioni, che hanno li fiumi della Lombardia, e Romagna dentro le valli; che formano fra le cortine de' monti, e parimente alle strade, che i fiumi da se medesimi si sono elette scorrendo per la pianura, si vedrà, che queste tutte vanno da mezzo di a settentrione, segno manifesto, che l' inclinazione, e sentimento della natura è di mandarli a sboccare ad un termine, che loro sta a settentrione, non a levante, cioè al Po Grande, non al mare, e realmente l'acque dalla creazione del mondo sino al principio del secolo presente, si son sempre scaricate nell' Adriatico, unite a quelle del Po, e seguiterebbero anche adesso a far lo stesso, se l' abbandono del Ramo di Primaro non avesse loro preclusa la strada; anzi l' operazioni fatte dagli uomini; essendo certissimo, che il Santerno, quando sboccava alla Rosetara, trovando nelle sue piene il Po basso, scorreva con tutti gli altri fiumi del Bolognese alla Stellata pel Po di Ferrara. Dal che apparisce, che il dire di voltare i fiumi predetti a levante, è un'aperto ripugnare al consiglio della natura, che ha per regola di mandare i torrenti, particolarmente lontani dal mare, ne' fiumi reali, e perenni, e dentro de' quali trovano esito più felice, e caduta maggiore, ed il tentare d' eseguirlo per conseguenza sarebbe niente altro, che una violenza non manuttenibile, con continuo dispendio, e pericolo. Se i nostri fiumi potessero scorrere più felicemente a levante, che a settentrione, bisognerebbe dire, o che il Sommo Creatore non fece l'ottimo quando segnò le strade a' fiumi della Romagna, e del Bolognese, o pure, che fra le cause seconde, più valevoli siano state le meno efficaci, l'una, e l'altra delle quali proposizioni è ugualmente erronea, e piena di contradizioni.

In prova di ciò rislettasi, che il Lamone s' introdusse da se medesimo nel Po di Primaro a S. Alberto, abbenchè per più breve linea avesse potuto andare senza mistura d'altre acque da se solo al mare. I periti nel principio di questo secolo stimarono tal successo essere un' errore di natura, e pretesero di correggerlo col divertirlo dal Po, ed incamminarlo al mare, per l'alveo, che ha di presente, e ne seguì, che quasi subito divertito, per salvare la Città di Ravenna bisognò tagliarlo due volte addosso alla Romagnola, e perchè ostinatamente si volle mantenere in tale stato, n'è seguito, che in vece di correre tutto fra terra, come prima faceva, ora ha bisogno d'argini altissimi, ed il suo fondo resta sollevato sopra il piano delle campagne di molti piedi, oltre l' avere intersecato, ed impedito gran parte degli scoli del Ravennano, e Faentino. Se questo solo esempio non bastasse, si rivolti il pensiero a Panaro, ed osservisi, che adesso, che corre nel Po alla Stellata, mantiene escavato il suo fondo, atto a ricevere gli scoli delle campagne adiacenti. Quando si tentò di voltarlo al mare pel Po di Ferrara, e Volano, ne' pochi mesi, che v' ebbe il corso, alzò il proprio fondo 5. piedi, interrì il condotto di S. Bianca, e fu necessitata la Città di Ferrara, per esimersi dal pericolo di restare sommersa, a spingere le di lui acque nelle valli di Marara, e S. Martina, fatte allora miserabile ricettacolo di tutte l'acque fregolate.

§. 2. In seguito di questa massima sarà bene considerare la situazione del paese, per loquale si pensa fare tal diversione. Egli è certissimo, che siccome tutte le pianure di questi contorni sono state fatte dalle alluvioni de' fiumi, così hanno avuto esito le acque, e perciò maggiormente pende la campagna a Settentrione, che a Levante, ed è più alta vicino alle sponde de' fiumi, che nelle parti intermedie, destinate perciò a ricevere condotti

ma-

*Vista
Corfini a
di 20;
Marzo
1623.*

manufatti per iscolo de' terreni. Pende bensì la campagna da Bologna a dirittura verso il mare, perchè l'acque de' fiumi più a Levante, come più vicine al suo termine, e con sfogo più facile non potevano tanto elevarsi, quanto quelle a Ponente, ma però non degrada regolarmente, e senza ondeggiamenti ben grandi.

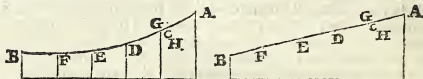
Quindi la pianura del Bolognese, e della Romagna nelle parti anche superiori, non può essere adattata a tenere incassati li fiumi, indrizzati che fossero verso Levante, perchè a tale effetto sarebbe stato necessario, che le alluvioni si fossero fatte con esitare l'acque a dirittura al mare, e non al Po, perchè in tal maniera avrebbero cagionato alzamento maggiore, e in se medesimo, e negl'interimenti, e fatto un degradamento regolato al mare, le quali cose mancando, bisognerà per lo meno servirsi d'argini più alti, e più bassi secondo la diversa costituzione della campagna, il che è contro la massima fondamentale di questa proposizione. Si prevede benissimo la risposta, che questo punto dipenda da un' esatta livellazione de' mezzi, ma egli è altrettanto vero, che il nostro discorso non può essere alterato, che dalle rotte seguite ne' fiumi, le quali abbiano elevata la campagna più in un luogo, che in un altro, e in qualche sito obliterate le inegualità della medesima, ma queste nelle parti superiori poi anche non succedono che di rado, e non possono portare mutazione considerabile; oltre che ne abbiamo esperienze, e prove sufficienti.

§. 3. Più strettamente però si può calcolare, almeno in corpo, la caduta, che ha Reno dal punto della sua diversione, che dal disegno si congettura poco sotto il passo di S. Vitale fino al mare. La caduta del ciglio superiore della Chiesa di Casalecchio, fino al pelo basso del mare misurata, calcolata, e considerata in questa visita, è di piedi 158. once 2. e minuti 6. Quello del predetto ciglio fino al pelo inferiore del sostegno del Grassi, poco sotto del quale passa la linea, è di piedi 88. 1. 7. onde detratta questa da quello; resta di caduta dal pelo inferiore di detto sostegno al mare piedi 70. once 0. minuti 11. e supponendosi detto pelo orizzontale al fondo di Reno verso il passo di S. Vitale (che certo non vi può correre gran divario, ed in ogni caso è facile di farne la misura) altrettanta sarà la caduta del Reno dal punto della sua diversione al mare, che divisa in miglia 55, lunghezza per lo meno della linea proposta, dà di caduta alla nuova inalveazione piedi 1. once 2. minuti 3. ²⁵ per miglio. Considerisi ora, se questa

caduta è sufficiente a spingere la ghiaia, e il sasso, che si troverà in quasi tutti li fiumi intersecati dalla nuova linea, ciò rispetto a Reno, Idice, Quaderna, Silaro è certo dalla visita; degli altri l'esperienza lo liquiderà. Li fiumi, che corrono in ghiaia hanno bisogno di dieci, o dodici piedi di caduta per miglio regolate nel più, e nel meno, dal corpo dell'acqua propria, e dal peso, e condizione della materia, che portano. Si prenda vicino l'esempio da Reno, il quale dalla chiusa fino al passo di S. Vitale, ha piedi 62. 10. 10. di caduta nel fondo in lunghezza di sole sei, in sette miglia, che è circa sopra nove piedi di caduta per ciascun miglio. Si tralasci anche questo rigore, ed a riguardo della mutazione delle cadenti supponiamo, che bastino cinque piedi, ed essendo, che tra Reno, ed il Silaro v'è distanza di miglia 17. la caduta necessaria sarebbe di piedi 85., e noi non potiamo far capitale di più, che di piedi 70. once 0. minuti 11. tralasciando di considerare quel di più, che è necessario di caduta dal Silaro fino allo sbocco del Savio. Potrà dunque crederci, che la caduta di poche once detta di sopra, sia per aver forza di spingere le acque al mare senza per-

a di 11.
e 13.
Aprile e
4. Mag-
gio
1693.

mettere, che si facciano nel fondo dell'inalveazione depozizioni enormissime?



§. 4. Fingasi fatto tutto il cavo dell'inalveazione proposta da Bologna in A, allo sbocco del Savio in B, e sia la linea A B la cadente del fondo disposta in una linea retta, ovvero in più, che formino una specie di curvità come A. C. D. E. F. B secondo la natura de' fiumi, che camminano uniti, e suppongasi, che in C entri Savena, in D l'Idice, in E la Quaderma, in F il Silaro, e dicasi se egli è mai credibile, che Savena v. gr. porti giusto nel punto C il termine della sua cadente intersecata, e non più alto nè più basso, come in G, o H? E supposto, che sì, consideriamone tutti tre li casi, e prima poniamo, che si trovi più alta in G, dovrà dunque scavarfi sino in C, per uguagliare il suo fondo, con quello dell'alveo nuovo, e così acquisterà maggiore la caduta nelle parti superiori, la quale se al presente è tale, che può spingere all'insù la ghiaia, molto più lo farà resa che sia maggiore, e detta ghiaia introdotta nell'alveo nuovo, non potrà smaltirsi in alcuna maniera, per difetto di caduta, adunque vi si formerà, ed alzerà il fondo sino a perderla interamente, e non portarne più, e tale alzamento influirà elevazione nel fondo del cavo tra C, ed A; ie quando anche per altro fusse per farsi in secondo luogo la cadente di Savena più bassa dell'alveo nuovo come in H, certa cosa è, che il letto di essa dov'è riempirsi almeno sino ad inalvearsi in C, ed essendo le sponde della medesima in oggi appena sufficienti a contenere le proprie piene, ne verrà la necessità di averle ad arginare, ed ecco cresciuta una nuova spesa, una soggiezione, ed un pericolo, ed anche un danno a' terreni superiori con infelicitar loro gli scoli. Ma supponiamo, che la cadente intersecata cada precisamente nel punto C, e non più alta, nè più bassa, nulladimeno potendo il fiume spingere la ghiaia anche più inferiormente, egli è chiaro, che egli la spingerà anco nel cavo nuovo, e non potendola mandare più avanti, sempre per difetto di caduta, dovrà elevarsi tanto da perderla, e da non portar più materia grossa, ed allora solamente averà stabilito il proprio fondo, nè v'è altro modo, che simile inalveazione potesse sussistere, se non in caso, che tutti li fiumi si riceversero dentro di essa nel sito, che di già avesse lasciata la ghiaia, e che le cadenti de' medesimi non si avessero sensibilmente ad alterare per unirsi alla cadente del fiume maggiore.

Il discorso fatto di Savena s'applichi a tutti gli altri fiumi, che si traversano in ghiaia, e si vedrà, quanto si moltiplicano gli sconcerti, atteso, che l'escavazione cagionata dalli fiumi inferiori, influisce sempre nell'alzamento del fondo de' superiori, e poi manifestamente si deduca, che il piano di Bologna, anche sotto la medesima Città, sebbene è tanto alto, che può contenere li fiumi, che scolano verso Settentrione, non è però di gran lunga

suf.

sufficiente a fare spalla naturale alli medesimi per obbligarli a correre a Levante verso il mare.

§. 5. Nè si dica di provvedere con argini, perchè prima questi non potrebbero farsi di tanta altezza, che bastasse; secondo già, è noto, che li fiumi, che corrono in ghiaia, non obbediscono a simili ripari; e terzo, li scoli de' terreni superiori non potrebbero aver ricetto nel fiume, il fondo del quale per necessità si eleverebbe di molto sopra il piano della campagna.

§. 6. Benchè il detto fin qui basti per mostrare l'impossibilità della pretesa inalveazione, più, che l'incertezza dell'esito della medesima, nondimeno quand'anche la campagna tutta fosse tant'alta, che bastasse a tenere incassata per tutto, e perpetuamente l'acqua, l'efeguir la farebbe un'operare alla cieca per più capi.

Primo perchè tale intrapresa non ha esempio, che possa dar norma. Secondo, non è stata trovata fin ora l'arte di proporzionare l'alveo in profondità, e la larghezza di più fiumi uniti insieme in sito, che portino il sasso, se non con andare allargando l'alveo, in modo, che nel fine sia la di lui larghezza uguale a quelle di tutti gli altri insieme unite; il che farebbe un consumo di denaro, e di tempo incredibile. Terzo, non basterebbe forse nè anche, perchè li torrenti vicino alli monti, non vogliono limiti alle loro larghezze, scorrendo ora da una parte, ora da un'altra, e benchè molte volte abbiano ampiezza d'alveo sovrabbondante al bisogno, nulladimeno corrodono le ripe de' campi, e dentro quelli si trovano nuovo letto, incapace perciò d'alcuna rettitudine di linea, e sono obbedienti a quella direzione, che è loro data dal caso, e però si vede Reno, per esemplo, al ponte della via Emilia avere sopra 80. pertiche di larghezza, laddove nelle parti inferiori, dove cammina rassettato di corso, 18. in 20. pertiche d'alveo gli bastano per scaricare le sue acque. Quarto finalmente quanti accidenti impenfati atti a diffcultarne, disturbarne, ed impossibilitarne l'esecuzione possono succedere in una proposizione non mai più discussa, ma solo semplicemente indicata, e quasi subito rigettata, e che per alcuni delli predetti, e per altri meno efficaci motivi, fu canonizzata per moralmente impossibile dal medesimo Padre Spersazzati, che pure tanto pensò senza alcun riguardo agli interessi, e soddisfazioni de' Bolognesi, per ben regolare l'acque a destra del Po di Primaro?

§. 7. Rispetto al punto della qualità della spesa, benchè questa non si possa accertare, che dopo fatta un'esattissima livellazione; nondimeno si può congetturarne la grandezza, discorrendo sopra li quattro correnti capi, e sono: primo, l'escavazione a detto: secondo la compra de' terreni, e fabbriche, che resterebbero dentro l'alveo: terzo gli edificj vecchi, che resterebbero inutili: e quarto quelli, che dovrebbero farsi di nuovo.

Quanto all'escavazione si lascia essa considerare di qual prezzo sia in lunghezza di miglia 55., ed in larghezza non si fa quanta. Supponendo, che il cavo da farsi dovesse essere di larghezza di pertiche 20. e profondo piedi 10., che di tal sezione ha di bisogno il solo Reno, la spesa ascenderebbe ad un milione, e 760. mila scudi, computando il conto dell'escavazione a giuli 4. il passetto, e non essendo assolutamente sufficienti le sole dette pertiche 20. di larghezza, per ogni pertica, che in questa s'accresca, s'aggiungono alla suddetta spesa 28. mila scudi, senza star qui a considerare, che la larghezza maggiore del cavo aggiunge proporzionalmente spesa maggiore nell'escavazione.

Li terreni, che si occuperebbero in larghezza di pertiche trenta sono tornature 5729., che valutate ragguagliatamente a scudi 80. l'una, costereb-

rebbero 458. mila, e 320. scudi per ogni pertica; che se occupasse di più in larghezza, bisognerebbe accrescere la spesa per questo capo scudi 15. mila, e 277., e un terzo.

Questi due capi scorsi almeno per la metà, secondo le predette considerazioni sommano due milioni, 218. mila, e 320. scudi.

La compra delle fabbriche, che resterebbero in tale alveo, non si compra, perchè non se ne fa per adesso nè il numero, nè la qualità. Si fa bene, che tutti li mulini del contado di Bologna, e Romagna, almeno quelli, che in buon numero sono di sotto, resterebbero inutili, e bisognerebbe reintegrarne o con l'entrata, o con il prezzo li possessori. Ma non potrebbe già supplirsi al danno de' popoli, che resterebbero privi del comodo tanto necessario di macinare li loro grani in vicinanza delle case loro, e quando si dicesse di derivare dal fiume maggiore canali, che portassero l'acque alli predetti mulini, vi bisognerebbe e chiuse, e chiaviche di spesa non prezziabile. Quantipontis' avrebbero a fare per mantenere il commercio de' territori con le proprie Città? nel solo Bolognese si traverserebbero cinque strade maestre, cioè quella delle Lame, di Galiera, della Mascarella, di S. Donato, e di S. Vitale, che tutte si partono dalla Città, e vi vorrebbero altrettanti ponti: sotto l'istessa considerazione cade la via, che da Medicina va a Castel S. Pietro, e molte simili; e di quelle della Romagna potranno l'Eminenze Vostre ritrarne da' Signori Romagnoli il numero preciso.

L'intestatura, che sarebbe necessaria per voltare il corso del Reno nel cavo nuovo, oltre l'essere d'incertissima sussistenza, sarebbe anco d'una spesa da non crederesi facilmente.

§. 8. Passando dal punto della spesa alla considerazione dell'utile, o del danno, che ne risulterebbe. Egli è vero, che data tale inalveazione fatta e sussistente, le valli resterebbero prive, e libere dall'acque de' fiumi, e capaci degli scoli delle campagne, e che perciò in gran parte si bonificherebbero; ma è ben anche vero, che calcolata la spesa necessaria di case, e dipiantamenti, di escavazione, di condotti ec., per ridurre li terreni essiccati a perfetta coltura, ed unita a quella, che importerebbe l'inalveazione proposta, verrebbero li terreni a comprarsi a prezzo rigorosissimo, e molti, per non dire ognuno, eleggerebbero piuttosto di abbandonare il dominio de' proprj fondi, erogando il danaro, che dovebbero spendere per la bonificazione, in compre di terreni sicuri, e fertili fuori di essa, che soggiacere, alla certezza dello sborso, egualmente che all'incertezza della riescita. Quattro milioni, che a dir poco, sarebbero necessari a perfezionare tale operazione importano alla ragione di 4. per cento 160. mila scudi di frutto annuo; e questi d'onde s'avrebbero a ricavare?

§. 9. La navigazione da Bologna a Ferrara sarebbe interamente perduta, come intersecata sopra a Corticella, con danno inestimabile dell'una, e l'altra città, per le gabelle, e pel commercio, e pel passaggio de' forestieri, e quando si pensasse continuarla per un Ponte Canale sopra di Reno medesimo, come si vocifera, s'accrescerebbe all'altre spese anco questa, e quella degli edificj, ed escavazione necessaria per ripararla, che ascenderebbe a più centinaia di mila scudi; essendovi necessari i sostegni nuovi, resi inutili li vecchi, oltre che è moralmente impossibile a fare, e più a mantenere un ponte canale atto a portare un'acqua tanto fregolata, come quella della navigazione di Bologna, comechè è cresciuta da diversi torrenti, fuori della Città, e dagli scoli di questa, e dal torrente Avvesa, che se gli unisce poco sotto il porto naviglio.

§. 10. Li mulini, ed altri edificj, che lavorano con acqua, se sono sotto alla linea, come s'è detto di sopra, si renderanno inutili per mancanza della medesima, e quelli della Città, ed altri molli, che restano al di sotto, patiranno lo stesso infortunio per difetto di caduta.

§. 11. Il territorio di Bologna da detta inalveazione, resterebbe tagliato, e diviso per la sua larghezza, ed il simile sarebbe della Romagna; e se Monsignor Corsini fra le ragioni, che lo mossero di unire il Reno a Panaro, asserisce, che la prima fu perchè si veniva a condurre per li confini dello stato Ecclesiastico: con gran ragione avrebbe egli anco per questo capo rigettata la proposizione di cui si tratta, la quale s'interna nel cuore di due Provincie le più belle, e più fertili di tutte quelle, che rendono obbedienza alla S. Sede. Anzi, se li Signori Ferraresi hanno tanto a cuore li loro Polesini, che aborriscono di udire chi discorre d'introdurvi acqua di sorte alcuna, benchè in minima parte, con qual fondamento possono credere, che li Romagnoli, e Bolognesi abbiano ad aderire a questa loro proposizione, che per tanta lunghezza loro toglie il più prezioso, il più ameno, ed il più abbondante de' loro territorj?

§. 12. Sebbene s'asserisce, che questa nuova inalveazione si farà quasi tutta fra terra, nondimeno dove la linea s'incurva confessarassi la necessità delle arginature, se non per altro almeno, per l'abbondanza dell'acque nelle piene unite di tanti fiumi, nel qual caso come averanno da scolare li terreni racchiusi v. gr. tra il Lamone, ed il Montone, tra questi, ed il Ronco, e tra il Ronco, ed il Savio? Se per via di chiaviche; ecco un nuovo capo di spesa, ma queste non gioveranno forse a causa della bassezza della campagna, e poi con qual fondamento di ragione obbligare li Faentini, Forlivesi, e Cesenati, che hanno li propri paesi esenti dall'acque, a tenere gli scoli imprigionati da chiaviche, quando nello stato presente gli godono in un'intera libertà?

§. 13. Succedendo poi una rotta nell'argine sinistro di questo nuovo fiume, non farebbe essa la desolazione di un tratto di paese fruttifero, che resterebbe pieno d'arena, ed in sterilità a quel segno, che si vede succedere per le rotte de' torrenti vicino alle montagne?

Le terre della Romagna, e la Città di Ravenna, che danni non ne sentirebbono in caso tale, nel quale non avrebbero per nemico un solo fiume, ma tutti insieme, e l'acqua non correrebbe attraverso la campagna, come adesso, con poca, o niuna caduta, ma al lungo della pendenza medesima, che vuol dire con furia da non immaginarsi, e da non potervi resistere? Il Po di Primaro potrebbe in qualche caso esserne il ricettacolo, e forse non potrebbe smaltire tutte queste acque senza roversciarne gran parte, o nel Polesine di S. Giorgio, o nelle valle di Comacchio. Il che farebbe tanto più facile, quanto, che si sente mettere in capitale di trascurare l'arginatura.

§. 14. Ma questi, ed altri simili punti si lasciano considerare alli Signori Romagnoli, tanto superiori, che inferiori, siccome anco alla Camera Apostolica, pel danno, che ne risentirebbe di una rotta, che succedesse alla destra del Savio, caricato da tante acque, se essa andasse ad accostarsi alle saline di Cervia.

Noi a' quali basta d'aver mostrata la nostra inalterabile prontezza in obbedire alli comandi dell'EE. VV. col portare loro sotto gli occhi, li più rilevanti motivi, che ci fanno credere impossibile, dispendioso, inutile, dannoso, e pericoloso la proposta de' Signori Ferraresi, speriamo nell'istesso tempo d'aver fatto apparire, che il trasandare l'osservazioni delle regole del-

della natura porta seco il danno, e la riforma di Provincie intiere, siccome di fatto da questa sorgente sono derivati tutti li pregiudizi, a' quali oramai per un' secolo stanno soggette le tre Provincie; e speriamo di potere ragionevolmente concludere, che il più sano consiglio in questa materia dell' acque, dee essere quello di Pisone applaudito, ed abbracciato dal saggio Senato di Roma: *optimè rebus mortalium consuluisse naturam, qua sua ora fluminibus, suos cursus, atque originem, ita fines dederit.*

SCRITTURA

*Che contiene l' informazione a ciò che aveva domandato
Gio: Domenico Cassini, mandata alli Signori Asunti
d' acque.*

MI RI
ILLUSTRISS. SIG.

MI hanno comandato le Signorie VV. Illust. con sua lettera di jeri, che io stenda in carta le informazioni di fatto richieste dal Sig. Gio: Domenico Cassini, affine di potere poi dar'egli il suo pensato giudizio nell' affare corrente dell'acque, ed io, che tengo perpetuo l'obbligo d' obbedire, concorro anche con particolare soddisfazione a porgere le opportune informazioni a detto Signore, venerato da me per la sua profonda dottrina, ed onorevole memoria, che del di lui merito conserva la nostra Patria, come il Principe de' matematici del nostro secolo. Per poter pertanto adempire a questa parte con maggiore agguisatezza, valerommi dell' ordine delle di lui scritture partecipatemi dalle Signorie VV. Illustriss.

Quanto alla prima delli 25. Maggio l' alveo di Volano dopo la chiusura della rotta Muzzarella, seguita circa 30. anni fa, non ha mai più avute acque torbide di Reno, ma solo le chiare del Canalino di Cento, e degli scoli del ferraglio di Vigarano, e di S. Bianca, e parte di quelle della Valle, che viene per rigurgito dal Cavo del Duca per la via solita, del cavo della Bonafina,, Taglio Imperiali, e per alveo del Po di Primaro, sino alla punta di S. Giorgio. Ben è vero, che qualche volta dette acque vi arrivano torbidette, particolarmente l'ultime, ma di sola terra, senza parte alcuna di fabbia, che tutta si depone nelle valli.

Con dette due acque, benchè di poca quantità, pensarono li Signori Ferraresi sotto la legazione dell' Eminentissimo Ghigi, di rimettere in istato mediocre la navigazione di Volano, con escavare a proporzione l' alveo, e con la fabbrica di tre sostegni, e ne seguì l' effetto col situarne uno a Quadrea, l' altro a valle di Pigliaro, e l' terzo a Tieni, con l' uso de' quali detta navigazione in oggi si va praticando meglio però l' inverno, che l' estate, perchè in questa stagione resta priva dell' acque della valle, e non ha sussistenza, che dalle poche del Canalino di Cento.

Il beneficio però di questa navigazione non è stato scompagnato da qualche danno di forgive, che patiscono li terreni fuori degli argini del Po predetto a causa del sostentamento dell'acqua, fatti dalli predetti edifizii.

Talchè l'uso di questo alveo presentemente non è più di scaricare l'acque delle valli di Bologna, che con grandissima scariezza, ma bensì quello di fare una competente navigazione, e dal sostegno di Tieni in giù, di ricevere gli scoli del Polesine di Ferrara, e di S. Giorgio, poichè a capo di Goro riceve il condotto Goro, e di sotto le Chiaviche Marefcalca, del lago di Rodi, della Silicata, della Pompofa, delle fornaci di S. Benedetto, del Durante delli Ducali, e dell' Agrifolio, le principali delle quali sono il condotto Goro, che traversa tutto il Polesine di Ferrara, da Ariano fino a Co di Goro, la Marefcalca ultimamente aperta a Marozzo per iscolo de' terreni della Massa, ed altri da quella parte, non potendo dicono averlo più per le Chiaviche dell'argine circondario del Polesine, e delle Galare nelle valli di Comacchio; e quella dell'Agrifolio, che riceve l'acqua delli condotti Ipolito, e Galvano, scoli della Bonificazione di Ferrara fabbricata in luogo dell'altra sotto l'osteria di Volano rovinata ultimamente dal mare. Vi sono anche diverse menate, o montate da pesce, che servono alle valli di Comacchio a destra, ed alle nuove della Pompofa dell' Eminentissimo Cardinale d' Este a sinistra; anzi perchè li Signori Ferraresi attribuiscono l'infelicità delli scoli del Polesine di Ferrara agli interrimenti fatti davanti il Porto, e Chiaviche dell' Abbate dal Po Grande, vanno meditando di voltare in Volano tutti gli scoli del detto Polesine, coll'esempio della Chiavica dell' Agrifolio, che ha portato grandissimo giovamento al Paese.

Li predetti due benefici di navigazione, e di scolo, fanno, che se mai li Ferraresi sono stati avervi a ricevere il Reno in Volano, ora più che mai ne sono alienissimi, e la credono proposizione la peggiore d'ogni altra.

Per altro poi sono anche in essere l'arginature, ed il cavo fatto in occasione dell'accennata navigazione, benchè per quanto s'aspetta alla larghezza di gran lunga non sufficiente all'introduzione di Reno.

Passando alla seconda Scrittura delli 31. Maggio 1693.

LE mutazioni accadute al Reno dopo la costruzione della pianta al tempo d'Alessandro Settimo sono tante, e tali, che non si possono brevemente descrivere. Le sostanziali sono, che il Reno nel fine nel Cavo Govone fatto fare d'ordine del Signor Cardinale Piccolomini, s'è diramato in due gran riazzi, che ora hanno 5., o 8. piedi di sponda, il primo a sinistra cammina verso Val Rosata, oramai tutta in territa, e si spande in certe valli situate a destra del Cavo del Duca in faccia a Gaibana, le quali non hanno più che due piedi di fondo, e l'acqua va poi a cadere col maggior corpo nelli lamazzi del Buttifrè, l'altro piega verso il confine al Gallo, per la linea del quale, che prima del 1680. serviva di navigazione, s'è inalveato, col farsi dall'una, e l'altra parte, 4. 5. e 6. piedi di spalla, e continuando per essa circa un miglio, e mezzo, volta poi sul Bolognese pure da per tutto inalveato, sino, che dopo avere traversata la Lorgana entra nella già Lama delle Bilacque, ora saranno due anni interi, a segno da fare in acqua ordinaria circa tre piedi di sponda al Reno, e quindi per la Scarfella passa alla Salarolla, e si porta alle Cacupate sempre inalveato a segno, che dalla Lama delle Bilacque in giù avrà sempre cinque, o sei piedi di fondo. In somma da pochi anni in quà, l'estate si può

andare da Bologna fino alle Cacupate sempre per le ripe del Reno a piede asciutto.

Nelle piene però l'acqua s'espande da pertutto, particolarmente nella parte superiore alle Bilacque, essendo ivi a destra di Reno qualche residuo di valli, di quelle de' Signori Volta; anzi essendo diventata valle quasi tutta la bella tenuta di Malalbergo di detti Signori.

Dall'anno 1680. in quà s'è perduta la navigazione per la linea di confine, e tre altre fatte dopo, e la odierna, che passa per li Terreni inondati de' medesimi Signori Volta, non può più in alcuna maniera sussistere, nè v'è rimedio da ritirarsi più a levante, perchè s'incontrano immediatamente gl' interrimenti di Savena.

La valle del Poggio adesso più non comunica con quelle di Marara, che per un canale manufatto di lunghezza tre miglia, e di larghezza 20. piedi in circa, ed in somma escrescenza, ha di caduta sopra le inferiori equilibrate sul pelo della Lorgana piedi 4. 9. 9. dalla quale si dovrà detrarre circa un piede per l'alzamento, che in tal caso di escrescenza fanno l'acqua dalla Lorgana predetta, e tal caduta s'è acquistata la valle superiore coll' alzamento dell'acque proprie sostenute degl' interrimenti, che la circondano, con cagionare nelle parti del Territorio di Bologna situate fra Reno, e Savena inondazioni, e perdite di terreni da non crederfi, che da persone dotte, e pratiche, come il Signor Dottor Cassini, che sa quanto lungo tratto di paese in queste pianure di poca pendenza corrisponda alla caduta de' detti piedi 4. 9. 9.

Gli argini di Reno alla destra terminano, come già una volta, a Gallino, tutto il resto di detta ripa continua abbandonato, e nelle piene per una infinità di riazzi tramanda buon corpo d'acqua delle Valli del Poggio, e di Malalbergo, ed alla parte sinistra continuano gli argini fino alla diramazione de' predetti due riazzi.

Nel Cavo del Duca non entra più altra acqua di Reno, che una piccola parte di quella, la quale per il riazzo sinistro di esso si porta nelle valli a destra del medesimo, scaricandosi la maggior quantità, come s'è detto di sopra, verso il Buttifrè. Il medesimo Cavo del Duca quasi del tutto interviro nelle parti superiori della S. Martina, ora serve principalmente per iscolo della medesima, per avere il quale più felice, è stata ultimamente levata l'intestatura dalli Ducali, ed escavato in parte, ma non quanto bisogna per tale effetto continua bene l'acqua dal Cavo del Duca fino a Ferrara, e per essa anco in oggi si naviga, ma non corre di forte alcuna trattenuta dalli sostegni di Volano, anzi quando la valle è bassa l'acqua del Canalino di Cento corre verso Gaibana, ed entra pel taglio Imperiali nella Valle, non avendo più l'impedimento dell'intestatura del Cavo predetto.

La caduta del fondo del Reno con acqua alta piedi 3. 9. 6. incontro la torre dell'uccellino sopra il pelo di Volano, come s'è detto di sostenuto è piedi 5. 5. 11.

E sopra il fondo di Volano piedi 10. 0. 9.

E sopra il pelo della Peschiera, fosse della Città, e Cavo del Barco piedi 9. 6. 10.

E quella del pelo del Cavo del Barco sopra il pelo del Po in tempo, in tempo, che era alto once 5. sopra la foglia della Chiavica pilastrese piedi 4. 10. 3.

Ed il pelo del Cavo del Barco è più alto del pelo del Canal Bianco piedi 0. 7. 3.

Ed il medesimo pelo del Cavo del Barco è più basso del segno di somma escres-

escrecenza piedi 13. o. 1. al qual segno l'ultima piena del 15. Giugno 1693. una delle maggiori, che siano seguite a memoria d' uomini, è quasi arrivata mancandone d'un' oncia sola.

Gli argini di Volano non si sono livellati, perchè non si ha avuta in animo tal proposizione.

Il vivo degli argini sopra la piena ultima misurato diligentemente in più luoghi, si dà in foglio a parte, dove starà anche espressa l' altezza de' medesimi sopra il piano delle campagne contigue.

La caduta di Volano desunta dalle cadute de' sostegni, è piedi 10. 3. 3. ed abbenchè l'acqua di questa nella giornata della visita non si vedesse muovere di sorta alcuna, e li Signori Ferraresi concordassero in crederla sfatto stagnante, nulladimeno, perchè veramente non poteva esser tale, e per salvare le correnti del Po di Primaro, ed altre misure, circa di esso, se gli sono dati in aggiunto 5. piedi, ed in oltre tre piedi per l'abbassamento dell'acque nel riflusso del mare; in maniera che pare di potere stabilire la caduta del pelo d'acqua di Volano alla punta di S. Giorgio, sopra il pelo basso del mare piedi 18. 3. 3.

Il flusso del mare per l'alveo di Volano arriva sino al sostegno di Tieni; ma non può estendersi più in sù, per l'impedimento, che trova. Nella visita di Monsignor Corsini fu deposto, che arrivava sino al migliaio in distanza da Ferrara, per l'andamento del medesimo alveo, sopra miglia 25. ma a dirittura non più di 18. ed il sostegno di Tieni è distante dal migliaio circa 5. miglia.

La Chiavica Pilastrese è nello stato di prima, ed in essa s'è notato alla presenza di questi Eminentissimi, che questa piena è restata di sotto al segno di somma escrecenza, indicato nella visita Borromea, piedi 1. 5. 6. in tempo, che a Lago scuro aveva sopravanzato di due once in circa il Piede del gialino dell'osteria, indicato per segno di somme escrecenze in detta visita. Circa alle bassezze del Po, noi nella visita abbiamo trovato il tuo pelo alto once 5. sopra la foglia della Chiavica Pilastre, ed in ordine al maggiore abbassamento fu deposto variamente; chi disse tre piedi, chi due, chi quattro, ma la maggior parte hanno detto piedi 1. $\frac{1}{2}$ in istato or-

dinario, e che per arrivare all'estreme bassezze poteva calare tre piedi.

Circa la prima Scrittura del dì primo Giugno, non ho che aggiungere, se non che la piena di quest'anno s'è alzata sopra la foglia della Pilastrese piedi 18. 7. 6. di misura di Bologna, essendosi in questa visita regolare col nostro piede tutte le operazioni fatte, e che gli argini del Po si trovano considerabilmente abbassati, fiasi per negligenza, o per malizia, particolarmente dalla parte sinistra. Che è quanto mi occorre significare alle Signorie VV. Illust. in ordine all'informazione richiesta dal Sig. Cassini. Mando annesse delineate le misure delle sezioni di Po, e di Reno, che ho fatto prendere, la prima a Lago scuro, l'altra alla Botta delli Annegati, comechè questi sono li siti più angusti, che danno il passo all'acqua de' detti due fiumi, per potere calcolare la quantità dell'uno, e dell'altro, e dedurne l'alzamento, che farà il Reno nel Po, ed in oltre invio a loro medesimi copia d'un'altra Scrittura preparata per dare a' Signori Cardinali quando mi ricercheranno del sentimento sopra Volano; La quale contuttoche mi credesse contenere motivi forti, nondimeno vedendo ora, che il medesimo Signor Cassini pensa, che l'introduzione in Volano non sia da sprezzarsi, comincio ad essere in dubbio della di lei sussistenza, ed a tal fine ardisco di supplicare le Signorie VV. Illust. di trasmetterla al medesimo, acciò si de-

gni correggerla, perchè si procurerà di trattenere l' esame di questa proposizione fino all' arrivo delle risposte, ed intanto si potrà dar mano a discutere l' altre, anzi io medesimo scrivo a detto Signore, acciò mi onori di scoprirme gli errori, con sicurezza, che la di lui sperimentata benignità verso di me non lascerà d' onorarmi de' suoi documenti, particolarmente se faranno avvalorate le mie suppliche dagli Uffizj delle Signorie VV. Illust., alle quali facendo umilissima riverenza, sempre più resto.

Umilifs. Devotifs. Serv. Obblig.
Domenico Guglielmini.

SCRITTURA

Sopra l' introduzione di Reno in Volano.

MI RI
EMINENTIS. E REVERENDIS. SIG.

QUando s' ha avuto discorso d' inalveare in Volano il Reno, è stato appoggiato il pensiero di chi l' ha creduto fattibile a tre punti principali, cioè primo al non essere tale operazione cosa nuova, comechè questo fiume vi correva per l' innanzi fino al 1604; secondo alla facilità con che si potrebbe eseguire, lasciandolo correre presso l' alveo vecchio nel Po di Ferrara, e quindi alla punta di S. Giorgio, dove intestando l' alveo di Primaro si farebbe spinto facilmente in Volano; e terzo alli molti vantaggi, e di navigazione, e d' altro, che se ne farebbero potuti sperare.

A questi motivi portati da Monsignor Corsini nella sua relazione fatta l' anno 1625. fu dal medesimo aggiustatissimamente risposto come in Somm. num. 1., anzi quanto alle ragioni ivi considerate ebbero la forza di persuadere quel degno, e dotto Prelato a risolvere di non tentarlo con tanta incertezza d' esito, e pericolo così grande, Sommario num. 2., e tanto basterebbe a' Bolognesi di addurre per esame di questa sempre posta in tavoliere, e non mai abbracciata risoluzione; ma per rendere maggiormente paghe della loro obbedienza l' Eminenze Vostre, si danno a fare sopra la detta proposizione le seguenti riflessioni.

La caduta di Reno dalla Chiesuola di Vigarano fino al pelo basso del mare è asserita nella predetta relazione piedi 26. 5. 6. nè si sa su quale fondamento di misure, non portando tal somma quelle, che sono notate nella visita. Egli è ben vero, che l' operazioni fatte fare dall' Eminenze Vostre in quest' ultima visita, non danno, che piedi 24. 10. ---. aggiungendovi piedi 8. per le ragioni espresse nel foglio delle cadute di già esibito, somma la caduta del fondo di Reno all' intestatura di Vigarano sopra il pelo basso del mare piedi 32. 10. ---. e la distanza da' detti due punti, si calcolano miglia 70.; se questa caduta sia sufficiente in tal lunghezza, sia giudizio degl' Ingegneri più pratici, che per li fiumi della qualità di Reno ri-

cer-

cercano, ad effetto, che non si depongano le torbide once 16. di caduta per miglio, che in miglia 70. importarebbe piedi 93. once 4. ne mancherebbono adunque piedi 60. 6. o. secondo tale supposizione. Ma regolandosi secondo quello, che s'è trovato ultimamente di caduta in Reno dallo sbocco della Samoggia fino a Mirabello, cioè a ragione di once 13. per miglio di Bologna; essendo, che miglia 70. di Ferrara non fanno, che miglia 50. di Bologna, nulladimeno vi farebbero necessarj da Vigarano al mare piedi 54. once 4. di caduta, e pure non ne abbiamo, che 32. 10. o. e ne mancherebbero piedi 21. 6. o. e tale difetto di caduta dovrebbe acquistarfi con alzamento di fondo, nella maniera, che più abbasso si dirà.

Per affodare meglio questa proposizione, bisogna riflettere, che i fiumi portano seco tre sorte di materia. cioè sassi, e sabbia, e lezza, o sia terra sottilissima. I sassi non s'incorporano nell'acqua, ma sono spinti dall'acqua nel correre che fa con gran pendenza, ordinariamente, però poco s'avanzano fuori delle foci delle montagne, e solo tant'oltre, quanto li obbliga la pendenza dell'alveo, e la quantità dell'acqua, essendo la prima assolutamente necessaria, comechè la copia dell'acqua sola, senz'al'inclinazione del piano, non è capace a smuovergli, e perciò si vede, che i fiumi reali quando corrono, o senza, o con poca pendenza, non hanno mai nel suo alveo materia salsosa, o ghiaiosa. S' unisce, bene, o per dir meglio, si confonde con l'acqua la sabbia, e la lezza, le quali come materie pesanti, non v'è, chi non sappia, non potere essere sostenute da un fluido più leggieri, senza una agitazione, o un moto di parti, che nell'acqua corrente non è altro, che la velocità, ed è determinato in natura, abbenchè a noi non affatto noto, il grado di essa sufficiente a sostenere sollevata nell'acqua la sabbia, e la lezza; quindi altra velocità è necessaria per sostenere la sabbia grossa, altra per la più minuta, ed altra per la lezza, e secondo che si diminuisce il peso, e la mole delle materie, altrettanto minore velocità è sufficiente per non lasciar deporre. Perciò dall'istesso principio dipendere la velocità dell'acque correnti, ed il sostentamento delle materie mischiate con esse. Che il principio del moto nell'acque correnti sia la gravità; che questa abbia per cause coadiuvanti, o meno impediienti la declività degli alvei, ed a cagione della propria fluidità, anche l'altezza dell'acqua, non v'è chi lo neghi, e si può provare dimostrativamente, anzi con l'esperienze oculari, che l'una, e l'altra di queste concause subentrando vi vicendevolmente, secondo, che l'una, o l'altra è di maggiore energia, anzi vediamo portarsi la sabbia dall'acqua del Po fino alle spiagge del mare, non ostante la poca pendenza del di lui fondo; ed al contrario il Reno depone la propria, abbenchè provveduto di molto maggiore caduta. Quindi nasce, che le cadute necessarie, perchè non si deponga negli alvei de' fiumi la torbida, non cadono sotto una regola generale di tante once per miglio; come pare, che sin'ora si siano regolati li Periti; poichè i fiumi egualmente torbidi, che hanno minore altezza di acqua, nelle piene hanno bisogno di maggior caduta, ed al contrario, il che costantemente si riscontra in tutti li Torrenti almeno di questi contorni. La più certa fra tutte le regole per determinare ciò, è la misura delle cadute degli alvei, che hanno stabilito il suo fondo, perchè dall'istessa natura s'impara qual sorte di pendenza sia necessaria in un fiume, quale in un'altro. Mentre adunque l'esperienza ci fa conoscere, che il Reno dopo avere ricercate l'acque della Samoggia vuole once 13. di caduta per miglio, e da lì in giù non può ricevere altre acque, dovendo scorrere per Volano, a me pare evidente, che questa almeno debba esserli necessaria quasi fino al suo sbocco, e dico quasi a cagione delle seguenti considerazioni. *Tomo II. K 3 E sta-*

E stato, ed è sentimento di molti, che i fiumi nel giungere in sito dove arriva il flusso del mare, non abbiano bisogno di veruna caduta, o almeno di molto minore dell' antecedente. Tal sentenza è stata fondata, sul moto continuo del mare, che non lascia mai quietar l' acqua, e per conseguenza gl' impedisce di deporre, e sull' osservazione immediata, che non si facilmente s' interriscono quegli alvei in tal distanza dal mare, come nella maggiore, e che perciò Monsignor Corfini nella sua relazione disse, in sentenza degli Assertori della proposizione di Volano, che la caduta presente di Reno di piedi 26. 5. 6. farebbe bastata fino a Co di Goro, dove trovando il flusso, e riflusso del mare si farebbe poi mantenuto l' alveo. Io non voglio negare, che tale opinione non sia vera in qualche parte, ma troppo grand' errore farebbe il lasciarsi ingannare dalla di lei apparenza, perchè se ho a considerare gli esempj, io vedo, che il Lamone, rivoltato, che fu al mare, ha interrito, ed elevato il proprio fondo in maniera, che in questa visita s' è trovato avere dal ponte di S. Alberto al mare piedi 6. 2. 6. di caduta, e pure non v' è tanta distanza, che non potesse arrivarvi il rigurgito del mare, come in realtà bisognava s' estendesse anco più in su, nel tempo, che il detto fiume fu divertito dal Po di Primaro; se adunque il flusso, e riflusso non è stato bastante ad impedire gl' interrimenti al Lamone, come lo farà a mantenere il fondo al Reno in distanza dal mare di circa 12. miglia, quante si contano da Co di Goro sino al Porto di Volano. Questo fiume non è già per esempio unico di questo fatto, poichè lo stesso s' osserva ne' due fiumi, Ronco, e Montone, nel Savio, ed in quant' altri torrenti sboccano al mare immediatamente per l' alveo, de' quali poco all' insù s' avvanza il gonfiamento delle maree, anzi molti piccoli torrentelli, perchè troppo insuperbiti in volere da se portare il proprio tributo al mare, ne sono rigettati con gl' interrimenti delle loro foci cagionate dalli flussi marini.

Egli è però vero, che ogni volta, che i fiumi, i quali sboccano in mare possano da se medesimi tenerli aperto lo sbocco nella spiaggia, e comunicare le proprie acque col pelo del mare, tanto basta per fare, che dal sito dove si risentono gli alzamenti delle maree in giù, resti il fondo un poco più escavato, che al disopra, e si mantenga con minore pendenza. La ragione si è, che nel flusso del mare dovendo il fiume appoggiarsi sopra d' un pelo d' acqua più alto, è altresì esso necessitato ad elevarsi di superficie per cagionare a se medesimo la velocità dovuta allo scarico delle proprie acque. Quindi nel riflusso, come più alto di corpo corre con maggiore velocità di quello, che farebbe, se il pelo del mare fosse sempre equilibrato all' istesso orizzonte; e perciò dipendendo lo scavamento dalla velocità, viene il fondo ad essere più profundato, e per conseguenza di minore pendenza, e questa è la causa per la quale tutti i fiumi dal sito dove risentono il mare mutano cadente facendosela meno declive.

Aggiungo, che dovendo sboccare l' acqua del fiume, non sopra la superficie del mare, come alcuno si crede, ma bensì tutta sotto della medesima, non bisogna regolare la pendenza dell' alveo sopra il pelo del mare; ma tanto più basso, quanto importa l' altezza della fezione, che dee occupare nello sbocco, ed in tempo delle sue piene maggiori, che però nel nostro caso alla caduta di piedi 32. 10. 0. se ne potrebbero senza scrupolo veruno aggiungere quattro piedi, in maniera che la caduta del fondo fosse piedi 36. 10. 0. e sminuisce d' altrettanto la necessaria pendenza sopra detta di piedi 54. once 4. in maniera, che restasse piedi 50. once 4. ma non ostante ne mancherebbono anche piedi 13. 6. 0. che tutto ridonde-

reb-

rebbe in eguale alzamento di fondo a Vigarano; e poco minore farebbe in dirittura della Città di Ferrara, per salvezza della quale se Monsignor Corfini cotanto temeva dall'intermissione di Reno in Volano, sul supposto, che l'alveo di questo non fosse per interrirsi, quanto maggiormente dovrassi dubitare di sommerzione, quando per l'accennata ragione, dovesse il di lui fondo elevarsi sopra il piano della Città predetta. E' poi facile il dedurre la difficoltà di mantenere gli argini ad una elevazione assai strana, che in molti luoghi sopra 35. piedi dal piano delle campagne; l'impossibilità di ripigliare le rotte, quando succedessero, le sorgive, che darebbe un fiume così elevato di fondo alle campagne adiacenti; gl'impedimenti de'li scoli, che da Co di Goro in giù in oggi vi hanno l'esito dentro; l'inutilità che succederebbe delle montate dapesce; il pericolo della Città, e Vali di Comacchio, e de' Polesini di S. Giorgio, e Ferrara: oltre che resterebbero inutili i tre sostegni fabbricativi ultimamente con gran spesa; e Dio fa in che stato si riducesse la navigazione presente di Volano, ed il di lui porto, che adesso è il migliore del Ferrarese, dovendosi piuttosto fare ogni sforzo per mantenerla, e questa, e quella, come di utile, ed onorevolezza considerabile alli stati della Santa Sede.

Tralasciandosi per ora di considerare la spesa, e presente, e futura, necessaria per eseguire, ed assicurar tal proposta, dipendendo essa da misure esatte de' fondi, e scavazione presente, ed altezza degli argini del Po di Volano per tutta la sua lunghezza; ma non si lascia però di considerarla assai grande; e senza dubbio maggiore di quello a prima vista fosse considerata.

Egli è ben vero, che le Valli di Marara quasi tutte si bonificherebbero, che quelle di Marmorta, e l'altre inferiori in parte resterebbero all'asciutto, ed in parte sollevate dal gran carico dell'acque presenti, e che in fine si metterebbero in salvo tutti li scoli da Reno al Lamone, ma non pretendono i Bolognesi veri, e devoti sudditi di S. Chiesa comprare a prezzo così caro della rovina del Territorio di Ferrara la propria salvezza; e quando anche, il che non credono, e non crederanno mai, fossero condannati dall'EE. Vostre a perpetuarsi nelle miserie, nelle quali ora si trovano liquidate dall'oculari inspezioni di tanto Paese dell'oro Territorio pochi anni fa fruttifero, ora inondato, e reso vallivo, desidereranno d'aspettarne un giusto sollievo dalla natura medesima, che non potrà eternamente durare nella presente violenza, piuttosto, che di consigliar mai alcuna proposizione, che non possa essere d'universale vantaggio, e di gloria dell'EE. Vostre.

Umiliss. Divotiss. Servitore Obblig.
Domenico Guglielmini.

SCRITTURA.

*In risposta de' Signori Bolognesi per l'introduzione del
Reno nel Po Grande.*

MI EMINENTIS. E REVERENDIS. SIG. MI RI

Molte sono l' opposizioni fatte nell' ultima Scrittura comunicataci dall' Eminenze Vostre alla nostra proposta, di recapitare il Reno nel Po Grande affine di liberare, o almeno sollevare il gran tratto di Paese situato a destra del Po di Argenta dalle sterminate inondazioni, che per la violenza, colla quale son trattenute l'acque, continuamente gli affliggono, e le quali chi volesse persuadere all' Eminenze Vostre con rettorici artifici, parrebbe volesse derogare la fede all' oculari ispezioni, ed al testimonio de' proprj sensi.

Per stabilire la realtà dell' accennato rimedio, si danno li Bolognesi nuovamente a dimostrarlo *Necessario, Giusto, Possibile, Innocente, e di effetto sicuro*, e tanto servirà per rispondere a tutti gli argomenti, ed opposizioni, che contro la di lui effettuazione sono stati fatti in ogni tempo, ed ora replicati da' Signori Ferraresi, sia, che realmente ne temano, per troppo tenero affetto alle cose proprie, o se ne insengano, per troppo poca compassione all' altrui miserie.

§. 1. La necessità di rimediare al presente sconcerto dell' acque, non è, non può, nè dee esser negata da chi ha orecchie per udire i lamenti de' popoli, ed occhi per vedere un gran tratto di paese reso inutile dal ristagno di acque impedito di sfogo, e portate da' fiumi, ma particolarmente dal Reno in tanta abbondanza nelle Valli, termine dannoso, e temporaneo, oramai ridotte per l'incapacità del proprio seno, a perdere il nome, col meritare piuttosto quello di fondi perduti per incuria degli uomini, o pure a comunicarle con dilatarsi sempre più all' infu ad occupare una gran distesa di terreno, non ha molto, fertile, ed abbondante, dal quale ne ritraeva la Città di Bologna, se non l' intero, almeno parte considerabile del proprio sostentamento, perdita giustificata l' anno 1690. avanti la Sacra Congregazione dell' Acque, e che ora si ripete nel tribunale dell' Eminenze Vostre, come in Sommario num. 1., ed in gran parte si potrà ad ogni lor cenno convincere ad evidenza, dal confronto dell' osservato in questa visita, col liquidato nell' altre de' Commissarj Apostolici, e si potrà dedurre unicamente dal riflettere, che l' acque delle valli di Malalbergo in oggi nelle somme escrescenze s' alzan più, che al tempo della visita Corsini, piedi 3. 3. 9. Sommario num. 2.; ma ciò è tanto evidente, che li medesimi Signori Ferraresi non lo negano, anzi nel proprio Territorio lo provano; e mossi dalla necessità del rimedio stimano bene impiegata ogni spesa, abbenchè esorbitante, per liberare se medesimi, e gli altri da' danni, e pericoli provati,

e temuti dallo fregolamento dell'acque, chiamano essi, Traspadane, come apparisce dalla moderna loro proposizione, e dalli tentativi, che hanno sempre fatti di ritirare un braccio del Po Grande nell'alveo di Primaro, non solo a titolo di restituire la navigazione perduta alla loro Città, ma anche col pensiero, che potesse servire a scaricare con felicità le acque Bolognesi, e Romagnole.

§. 2. Se egli è vero, che la natura elegge sempre li mezzi più facili, più compendiosi, e più giusti per arrivare a' fini prescrittiti dal di lei Autore, non si può negare, essere altrettanto facile quanto giusto, che l'acque del Reno vadano ad unirsi con quelle del Po di Lombardia. In prova di che si concepiscano il Po, ed il Reno affatto privi d'Argini, come farebbe se gli artificij degli uomini non ve gli avessero fabbricati, e poi si giudichi a qual parte il Reno averebbe indirizzato il suo corso. Certo non ad altro termine, che a quello, che esso medesimo s'eleffe quando fu abbandonato dal corso del Po, che passava vicino alla Torre dell'Uccellino, cioè ad unirsi con Panaro, poco sotto la terra del Finale, come testifica Flavio Biondo, e se ne riconoscono in oggi anche in gran parte manifestamente le vestigia, o pure al Bondeno per l'alveo di Ferrara, come faceva in acqua bassa, dopo che introdotto alla rotta di Madona Silvia in Po rotto, cominciò a mancare al ramo di Ferrara l'abbondanza dell'acque del Po medesimo. Se adunque il Reno da se medesimo per sola disposizione di natura ha sempre tentato di unire la sua corrente a quella del Po di Lombardia, e se presentemente farebbe l'istesso lasciato, che fusse in libertà, anzi lo pratica in occasione di rotte alla sinistra del suo corso, andando a scaricarlo alla Chiavica di S. Gio:, come più volte è succeduto, Sommario num. 3., chi negherà, che non sia sommamente giusto il secondare le inclinazioni della natura, incaminandolo verso Panaro con regola, ed inalterazione proporzionata, o pure a dirittura nel Po Grande, in qualunque sito, che dall'infinita perspicacità dell'Eminenze Vostre fosse più giudicato opportuno.

§. 3. Ne è già impossibile anzi piuttosto facile, e di poca spesa il farlo con tutte le buone regole, in ogn'una delle linee proposte, non ostante tutte le difficoltà più esagerate, ed enfatiche, che vere, e reali, addotte nella Scrittura, atteso che non sussiste, che la caduta di tal nuova inalveazione dovesse elevarsi sopra il piano delle campagne piedi 3., e piedi 8 come viene asserito, e si pretende provare, mediante il profilo della livellazione fatta, ed accordata da' Periti delle parti, e dall'Azzoni l'anno 1660., per la linea, che va a Palantone, poichè questo prova tutto il contrario delineata, che sia la linea cadente nella forma insegnata, e praticata tutto il d'ida' migliori Architetti d'acque, cioè regolata nel nostro caso quattro piedi almeno sotto il pelo basso del Po, e prolungata all'insu con la proporzionata acclività indicata dal genio dello stesso fiume, che dalle livellazioni ultimamente fatte dallo sbocco della Samoggia fino a Mirabello, apparisce essere once 13. per miglio di Bologna, poco dissimile dalla caduta di Panaro, il quale dalla Chiavica di S. Gio: fino al suo sbocco, ha di caduta piedi 5. 9 6. in distanza di cinque miglia, Sommario num. 4., e perciò è assioma comune accettato nella scuola de' Periti dell'acque, doverli l'escavazioni cominciare sempre al di sotto, perchè l'acqua ne insegna la quantità, e la misura.

Ora se tal metodo si praticherà in delineare la cadente della nuova inalveazione di Reno al Po Grande, per qualunque linea si voglia delle proposte, si vedrà evidentemente, che il fondo di essa in nessuna parte camminerà

vista
ultima

elevato sopra il piano delle campagne, ma considerabilmente profundato non meno di Panaro medesimo, che pure esaminò per campagne uniformi in elevatezza di superficie a quelle, sulle quali vengono disegnate le nostre linee; onde siccome questo in niuna parte patisce tal disastro, Sommario num. 5. così non si dee dubitare, che l' Reno non abbia da fare il medesimo, aperta, che le sia la strada di scaricare le sue acque nel Po di Venezia. In prova di che, si esibiscono all' Eminenze Vostre annessi i profili di tutte quattro le linee, che sentiranno, di Sommario num. 6., dalla semplice ispezione de' quali resterà chiarita la verità delle nostre asserzioni.

L' equivoco, sul quale è fondato il detto de' Signori Ferraresi, consiste in avere considerata la cadente del pelo di Reno su quello del Po, l' uno, e l' altro nello stato, nel quale furono trovati il giorno della livellazione dell' Azzoni, come linea cadente del fondo, e pure bisogna distinguere l' una dall' altra, perchè siccome la prima è instabile, dipendente dalla varia, e sempre instabile elevazione de' peli d' acqua, così la seconda è determinatissima, presa, che sia dal suo vero principio, e non a mezzo, come ora è stato praticato.

Cessando dunque il supposto de' Signori Ferraresi, che serve di premessa a tutte l' altre difficoltà, e danni asseriti, cessano altresì tutte le allegate conseguenti considerazioni. Poichè prima non vi vorrebbero, come si asserisce, nè li 17. nè li 23. piedi d' argine sopra il piano delle campagne, perchè si sa benissimo, che il Reno non si eleva nelle piene più di 10. piedi in circa sopra il proprio fondo; onde a riguardo del solo Reno questi basterebbero, ed in ogni caso potrebbe prendersene regola degli argini superiori, e rispetto al rigurgito del Po, non si nega dovessero essere più alti qualche cosa della misura predetta, ma basterebbe regolargli in maniera, che andassero a cadere su quelli del Po medesimo con la stessa proporzione di caduta, che hanno quelli di Panaro, o pure, che hanno quelli di Reno nella parte superiore; e finalmente quand' anche dovessero elevarsi [il che assolutamente è falso] all' altezza predetta, non farebbe cosa senza esempio, vedendosene de' pochi meno alti nel corso presente del Reno, e nel fiume Senio, e pure sussistono, senza disperazione de' Popoli, che gli hanno fatti, e mantengono, a difesa de' proprj beni. Secondo si vede benissimo, che la terra per farli dovrebbe prendersi nell' alveo, senza avere forse a toccare quella della campagna adiacente, che in minima parte, come costerà dalle livellazioni, e quando dovesse valerfene in buona copia, non perciò diventerebbero vallive le terre, come sono le più alte del Ferrarese; e siccome ciò non succede nelle parti inferiori adiacenti al Po grande in occasione di infrancare i froldi, e formare nuove coronelle, molto meno si dovrebbe temere nelle più alte, per le quali passano le linee delle diversioni. Terzo non sussiste, che le proposte inalveazioni altro non siano, che un ristringere l' espansione del Reno, che i di lui argini fossero per essere un froldo continuo, e che si fosse in necessità d' avere le ripe del fiume senza restare (frasi tutte sinonime) perchè dovendosi fare escavazione, e dovendo la linea cadente stare sotto il piano delle campagne, verrebbero senza alcun dubbio a rimanervi le sue restare, le quali poi coll' alluvioni si alzerebbero ad un' altezza proporzionata, come hanno fatto quelle di tutti gli altri fiumi, e perciò attela la rettitudine della linea cotanto amata, e lodata, in altre occasioni da' Signori Ferraresi, svanirebbe ogni sospetto di froldo, ogni corrosione di Ripa, ed ogni pericolo di rotte: alla quale sicurezza moltissimo contribuirebbe il mantenere
due

due strade al lungo delle restare, comechè dal frequente passaggio sempre più si addensa la terra, e la necessità del transito obbliga i paesani ad una continua applicazione, di mantenere con proporzionati rimedj le ripe dell' alveo.

§. 4. Coltivando adunque maggiormente questa sicurezza morale, egli è certissimo, che la rettitudine degli alvei contribuisce molto alla sussistenza degli argini, ed alla felicità del corso de' fiumi. Osservisi il Cavo Gavone in mezzo a i boschi, e senza alcuna assistenza, e si vedrà, che egli mantiene anco dopo trent'anni la sua primiera dirittura, non ostante sia imboccato da un froldo. Diasi un occhiata a tutta la riviera di filo nel Po di Primaro, nè si troverà differentemente, quantunque ella sia sottoposta a molte cause accidentali, che pure potrebbero introdurvi alterazione, e poi riflettasi, s'egli è mai credibile, che un'inalveazione diritta di non molto lungo tratto ben regolata, e fatta con tutte le debite cautele, abbia da permettere, che un'ingegno indifferente, e disappassionato concepisca timore di rotture, almeno a quel segno da defraudare del necessario sollievo tanta vastità di Terreni, che non hanno già il solo timore, o sospetto, ma patiscono gli effetti continui, e sempre maggiori delle rotte medesime, che vuol dire l'inondazioni delle campagne, gl'interrimenti, e la perdita de'li scoli de' fondi superiori. E poi non farebbe un buon cambio per la Città, Fortezza, e Territorio di Ferrara il liberarli dal pericolo di 13. froldi ora esistenti nell'arginature arenose di S. Martina, che stanno in faccia, ed in poca distanza dalla Città, anzi da quello di tutte le rotte, che potessero succedere a sinistra, con mettersi sotto la sicura tutela d'un argine diritto di terra buona, e non più lungo in qualcheduna delle nostre linee, di tre in quattro miglia? Nè occorre obiettare in vantaggio i regurgiti del Po, e li pessimi effetti, che ne possono succedere, perchè questi qualunque siano, o veri, o apparenti, non si diminuiranno, nè si accresceranno, provandosi in oggi nell'efcrescenze del Po il regurgito per l'alveo di Panaro fino al finale, e seguita che fosse l'inalveazione, si farebbe per quello del Reno fin dove risentisse lo stesso equilibrio; ed essendovi il pericolo, si cambierebbe del pari il presente del Panaro, e cavamento di Foscaglia con il futuro del Reno; e non essendovi, non vi sarà nè meno da temere cosa simile negli argini del Reno, anzi quelli stessi rimedj, che si praticerebbero in un caso, occorrendo si dovrebbero applicare nell'altro. La verità però si è, che siccome i regurgiti predetti del Po in Panaro, non s'ha memoria, che abbiano mai cagionata, nè rotta veruna, nè alcuno di quei perniciosissimi effetti, per giustificazione de' quali consoverchia confidenza son chiamate in testimonio di visita l'Eminenze Vostre, quasi, che nell'ultima loro visita avessero veduto non dirò in manifesto pericolo la Terra del Bondeno, ma almeno qualche cosa di straordinario nelle ripe, o negli argini, atta a sorprendere gl'ingegni anco meno sperimentati, e pure non si vide altro, che alcuni pericoli, e non considerabili dirupamenti di ripe, cosa solita, e consueta in ogni abbassamento d'acqua di fiume, che trova le proprie sponde, o a perpendicolo, o senza la dovuta pendenza. Così non s'ha da temere, che gli effetti de' regurgiti si habbiano da fare molto più grandi nel Reno, all'alveo del quale si darà tanto maggiore larghezza, e per conseguenza tanto più verranno distanti le sponde dell'alveo dall'arginatura, che si faranno; nè si può addurre alcuna disparità per le piene di Reno, che si pretendono provate mediante le fedì in Sommario de' Signori Ferraresi num. 4. venire replicatamente sei, o sette volte una dopo l'altra, e fino 40., o 50. volte l'anno, perchè tali fedì non possono indurre
fe;

fede veruna in chi ha qualche pratica della verità del fatto, posciachè rispetto al numero asserito di esse, bisognerebbe, che il Reno si gonfiasse una volta la settimana, o pure continuasse seguitamente mesi interi a non lasciarsi vedere fuori del suo stato ordinario, cioè bassissimo, come è accaduto ultimamente ne' due mesi della dimora dell' Eminenze Vostre in Ferrara, e rispetto al replicare delle piene, bisogna dire, che o li fidefacienti non abbiano in testa le nozioni degli altri uomini circa le piene de i fiumi, e secondo essi calcolando per una piena, e singolo alzamento d' acqua, bisognerebbe asserire, che le piene del Po succedono molto più frequenti di quelle del Reno, e pure non si asseriscono venire, che due, o tre volte l' anno al più, o piuttosto, che le piene del Reno non sono di maggior durata di sei, o sette ore, e da ciò si deduce qual credito s'abbia da avere al gran numero delle fedi alligate contrarie in buona parte alla verità del fatto, e senza la sincerità stimata da Monsignor Corsini al §. *La verità ec.* quanto necessaria in queste materie.

Moralmente adunque parlando non si dovrebbe temere di rotte, e succedendo [il che Dio non voglia] sarebbe d' uopo tollerarle in vece dell' altre del Reno, del Panaro, e in qualche nostra proposizione anche del Po Grande, o piuttosto difendersele con la manutenzione dell' argine Traversagno, sfogando l' acqua per l' alveo del Po di Ferrara, come già si faceva una volta, quando si tagliava nelle piene del Po Grande, l' intestatura del Bondeno; nel quale stato antico di cose non essendo mai stato necessario murare le porte della Città, e fortezza per impedire l' entrata all' acqua, nè essendosi questa mai inondata restando a porte aperte, come non fu mai quando era bagnata fin sotto le mura dalle piene maggiori del Po, molto meno si dee credere dovelle in avvenire patire l' ultima desolazione dalle rotte del Reno, particolarmente non sussistendo, che le mura della Città sian tanto più basse degli argini del Po, e di quelli, che dovrebbero farsi al nuovo alveo, e quando lo fossero, si fa bene, che l' acque delle rotte sparisse per le campagne, non conservano quell' altezza di corpo, che è loro necessaria, ristrette che sono fra gli argini, e per conseguenza non vale l' argomento: *l' acqua d' un fiume nelle sue piene, è più alta d' un' altro termine, adunque succedendo rotte lo formerà.*

§. 5. Cessando perciò ragionevolmente i pericoli delle rotte, e molto più quelli delle gran ruine, ed estermijn troppo iperbolicamente descritti, e senza altro fondamento, che d' un panico, ed apparente terrore asserita. Passiamo ora alla materia degli scoli, che s' interseccherebbero in ognuna delle linee da noi proposte; e primieramente rispetto alla prima di Monsignor Corsini, li scoli intersecati sarebbero i condotti Brunello, e Cittadino, il Canal Bianco, e la fossa Laverzuola; ma a questi di già s' è detto nella nostra Scrittura potersi provvedere in due maniere, cioè o unendoli tutti tre insieme, e facendoli passare sotto l' alveo nuovo per botte sotterranea, o pure per una Chiavica al Lago scuro nel Po, sul pelo basso del quale hanno sufficiente caduta, e lo stesso si praticherebbe rispetto al Canalino di Cento. Nella linea, che va da Mirabello, e Palantone a detto Canalino di Cento, si provvederebbe, o per botte sotterranea, o ricevendolo nell' alveo nuovo, ed il Gondotto Cittadino, che solo s' interseca, si potrebbe voltare al Pò, in luogo opportuno, e con tal mezzo si provvederebbe anco al timore, che nelle rotte, le quali potessero succedere a sinistra di Reno, fosse per essere sforzata la botte sotterranea, e desolata la Città.

Quando si mandasse il Reno da Mirabello al Bondeno, è vero, ches' intersecano alcuni condotti, ma col solito rimedio delle Botti vi si provvedereb-

rebbe, o pure col riceverli in Reno, o mandarli a sboccare a qualche altra chiavica di quelle, che si trovano a destra del cavamento di Foscalia.

Ma nel quarto nostro partito non si traversa scolo veruno, e quando ciò fosse, facilissimo sarebbe di mandarli tutti alla chiavica di S. Bianca, di cui si potrebbe aprire l'arco sinistro ora terrapienato, per maggior felicità di sfogo, ed i terreni, che ora scolano sul pelo del Po di Ferrara acquisterebbero sopra piedi 4. di caduta di più, Sommario num.7. dovendo scolare sul pelo basso di Panaro, beneficio da non sprezzarsi, non ostante tutta la soggezione di chiaviche. Si aggiunge, che qualunque fosse lo scolo, non potrebbero lamentarsi gl'interessati, essendo che sarebbe lo stesso per l'appunto, che loro averebbe data la natura medesima, se'l Reno per la via di Po rotto, si fosse lasciato correre ad unirsi col Po Grande alla Stellata. Per quello importa l'interesse del Casalino di Cento, per li benefizj, che apporta alla Città, e Fortezza, e Porto di Volano ec. Chi non vede, che abbondantemente si supplirebbe a tutti questi bisogni con ridurre, come s'è progettato il nostro Canale Naviglio augmentato dall'acque di tanti scoli sino sotto le mura di Ferrara, per valersene opportunamente.

§. 6. Non crediamo necessario di rispondere alli motivi portati per dimostrare il pregiudizio del Ducato in caso d' invasione per la separazione delle terre di Bondeno, Cento, Stellata, perchè tali politici riflessi sono proprj del Principe Supremo; ma pure, quando avessimo a discorrere sopra questa materia, non mancherebbero di dire, che facendosi l'introduzione del Reno in Po per la nostra quarta linea, le terre del Bondeno, e Stellata resterebbero nel medesimo sistema di cose, in che ora si trovano, anzi il Bondeno potrebbe ridursi nella confluenza di due fiumi, Reno, e Panaro, e così rendersi capace d'ogni migliore fortificazione, che servirebbe per piazza di frontiera allo Stato Ecclesiastico, e di sicurezza alla Stellata per la facile comunicazione, e rispetto a Cento quanto meglio potrebbe esso essere soccorso per la campagna aperta, e libera dalla parte destra del Reno, il quale dovrebbe passarsi solo sotto le fortificazioni di detta terra; che dalla sinistra in tanta angustia di sito, quanta è fra'l Reno predetto, e Panaro, nè le mancherebbero ajuti dalla parte del Bolognese, e Forte Urbano, essendo certissimo, che non può essere invasa una parte del Ducato di Ferrara senza chiamare da tutto il resto dello Stato Ecclesiastico le necessarie difese. Si lascia poi mettere in bilancia, se sia più vantaggioso aprire una comunicazione assai grande per terra fra le due Provincie di Bologna, e Ferrara, con togliere di mezzo il Reno, e le Valli, perdendo anche quella con Cento, o pure mantenere questa nello stato in che si trova, e voler restar privi dell'altra, siccome non si trasalacia di motivare, che i fiumi sogliono riuscire, almeno sul principio dell' invasioni, più in vantaggio, che in offesa degli stati, mantenendo le difese nelle circonferenze, e non mai restringendole nel cuore delle Provincie, perchè difficolzano i passi, e quando ne sono capaci allargano le campagne, levando la sussistenza a' nemici, in manifesta prova di che si dia un'occhiata alla sfuggita alle Provincie della Fiandra, ed Olanda. Più aggiugnerebbero in questo particolare, se li credessimo parte nostra, ma perchè assolutamente non crediamo, che sia, basteracci d'aver sin ora provato, che l'alveo nuovo del Reno, è fattibile senza gran difficoltà anzi senza gran spesa, non sussistendo per alcun capo il calcolo Gaetano, e senza danno veruno dello stato di Ferrara.

§. 7. Passeremo adunque a considerare gli effetti della introduzione del
Re-

Reno nel Po, e distingueremo le nostre riflessioni discorrendo sopra li due capi enunciati nella Scrittura; e prima ritrovandosi il Po in somma escrescenza, egli è confermato dall'esperienza di molti scoli, ed autenticato dal detto di tanti testimoni esaminati nella visita Sommario num. 8. (al detto de' quali fa debole contrasto la fede sospetta d' un ministro mercenario) che non mai s' incontrano le piene di Panaro, e del Reno con quelle del Po, e fanno benissimo l' Eminenze Vostre, che in quest' anno estremamente piovoso niuno de' detti due fiumi s' è alzato sopra il suo stato ordinario, in tempo, che il Po correva gonfio quasi al segno delle sue maggiori escrescenze, e tanto basterebbe per escludere il primo capo; ma perchè si vuol camminare con tutte anche le soprabbondanti, purchè ragionevoli, cautele, concedasi per cosa fisicamente possibile l'incontro delle due piene: In tal caso si oppone, che 'l Reno non potrà avere sfogo nel Po, ma ciò è contrario all' esperienza, perchè, se v' entrano tanti altri fiumi, per qual cagione dovrà essere denegato a questo solo l' ingresso? E se entrava senza squarciare le proprie sponde, quando correva per l' alveo suo vecchio nel Po di Ferrara, perchè non potrà fare lo stesso in quello di Lombardia? Nuova cosa sarebbe in natura, che un fiume tributario fusse rigettato da un Reale, mentre dall' indusso di questo, esso acquista e la natura, ed il nome. V' entrerebbe adunque, e sforzerebbe le massime escrescenze, come provveduto di declivio sufficiente a darli quel picciolo alzamento di superficie, che è necessario a' fiumi minori, per obbligare il maggiore a riceverli, senza alcuna necessità d' avere a scorrere, come s' asserisce sopra il pelo alto del Po, essendo comune osservazione, che i fiumi si spianano su l' acque siano del mare, o di altri fiumi, nelle quali hanno l' ingresso, ed entrano di sotto con quella velocità, che loro vien permessa dall' ampiezza della propria sezione, e dall' impeto, o per ragione di declivio, o di altezza di corpo, altrimenti dovrebbe dirsi, che vicino al mare, fosse necessaria l' istessa altezza d' argini, che s' osserva lontano da esso, e che quelli di Panaro fossero tanto più alti di quelli alla Stellata, quanto importa l' altezza delle piene sopra il pelo alto del Po; proposizioni l' una, e l' altra convinte per false dalla sola osservazione.

Nè con maggiore fondamento s' asserisce, che il Panaro faccia alzare il Po due, o tre piedi, mentre stanno in contrario i testimoni pratici esaminati giuridicamente nella visita Borromea, Sommario num. 9. li quali asseriscono, che l' alzamento dell' acque del Po a Lago scuro, fatto per la piena sopraggiunta di Panaro, non eccedeva mai mezzo piede; oltre altre ragioni, dimostrazioni, e calcoli, che si daranno in foglio a parte; rispondendo anche all' opposizione fatta, che l' escrescenza del Reno in Po alto non si possa definire, che se a riguardo di tal alzamento possibile per l' incontro delle piene doveranno alzarli gli argini del Po anche in lunghezza di 120. miglia, comechè si stima giusto, non si ricusa di farlo a proporzione, ed a tal fine sono state da Bolognesi dimandate, ed ottenute le misure del vivo degli argini per riconoscere ove sia il bisogno di tale operazione stimata da' medesimi Signori Ferraresi, unico, e conveniente riparo a tanti danni da essi temuti per l' elevazione maggiore delle piene, e sarebbe altrettanto più facile l' ottenerne l' intento, quanto che secondo la pratica, e l' asserzione fatta in quest' ultima Scrittura, riesce ottimamente di sostenere l' impeto del Po pieno con il debole riparo de' soprafogli; anzi con l' semplice arature fatte pel lungo degli argini, come s' è veduto essere stato praticato in questa ultima piena.

§. 8. Avanzandosi alla considerazione del Po in estrema bassezza si te-

mono da' Signori Ferraresi molti danni, che si riducono a quattro capi: cioè. Primo a' dirupamenti d' argini, ed avanzamenti di froldi; secondo, agl' interrimenti, che si fanno su li scanni dell' Abate a pregiudizio dell' scoli del Polesine di Ferrara; terzo al danno delle chiaviche, che si trovano a destra, ed a sinistra del Po Grande, e di Ariano; e quarto all' alzamento di fondo, che dovrebbe farsi nell' alveo del Po medesimo. Ma se si considerano bene tali asserzioni, vedrassi chiaramente che poco, o nulla rilevano; e primieramente in ordine al primo capo, non sussiste in fatto l' esempio di Panaro, che introdotto in Po basso si porti a percuotere le ripe opposte. Nella visita Borromea si vidde una piena di Panaro, e s' osservò, che la d' lei torbida tenevasi tutta dalla parte destra del Po, restando per lungo tratto separata dall' acqua chiara dello stesso, Sommario num. 10. e nella visita presente s' è veduta l' acqua di Burana limpida, nell' introdursi che faceva in Panaro correre tutta radente la ripa sinistra di esso, Sommario num. 11. Il Bonello della Stellata è egli effetto d' uno sbocco impetuoso, o pure piuttosto d' un rallentamento di moto, mentre se non s' è cominciato, s' è almeno secondo il detto de' Signori Ferraresi accresciuto, da che non si taglia più l' intestatura del Bondeno. La mutazione del fondo, o sia maggiore corrente ne' due rami, che abbracciano detto Bonello cambiata dalla parte di Figarolo dove era al tempo della visita Corsini, Sommario num. 12. e rivoltata alla parte della Stellata, come s' è osservato nella visita presente, Sommario num. 13. è certo, che non può derivare da altra cagione, che dall' introduzione dell' acqua di Panaro, che escava dalla parte della sua introduzione, non dalla corrosione della ripa opposta, che non è mai succeduto, nè mai per tale occasione succederà. Or vedasi se le piene del Reno dovessero fare effetto differente, particolarmente, se fosse dato sbocco ben aggiustato alla di lui introduzione, per mancanza del quale succedono dirupi di ripe, ed anche d' argini nella parte inferiore di Panaro, che cesserebbero ogni volta si fecondasse la natura de' fiumi, i quali non mai cessano di rodere le ripe della propria foce, fin tanto non se l' hanno aperta in sito dove trovino minore la resistenza, ed in vano suda l' arte di chi pretende mantenere ostinatamente la Coronella Riminalda, piuttosto, che valersi per difesa contro l' acque del Panaro, e del Po d' uno degli argini, che in gran numero si trovano più al dentro delle campagne altre volte ghiare, e golene dell' ultimo.

Nè meno si avanzerebbero le corrosioni per l' introduzione delle piene del Reno, o alla Stellata, o a Palantone, essendo troppo sottile l' argomento delle moltiplicate riflessioni de' froldi dal Bonello della Stellata alla Coronella Riminalda, da questa al froldo delle Gafelle, essendo certo, che l' impeto nelle tortuosità si rifrange, e perciò non sarebbe maggiore, che se il Po s' alzasse a quel segno, che lo farebbe alzare la sola piena del Reno, la quale rare volte, e non mai verrebbe, che non fusse seguitata da quelle degli altri fiumi, che scendono dall' Appennino, ed essendo che i froldi partiscono nel calare delle escretcenze, il danno, che ne perverrebbe non sarebbe effetto della piena del Reno, che sarebbe già cessata, ma di quelle degli altri fiumi, che resterebbero dopo di essa; e nè più, nè meno succederebbero, che se il Reno non vi avesse parte. Si rimette poi al giudizio di chi si sia il considerare, se tal riflesso, quando anche avesse sussistenza, abbia unito tanto di forza da divertire l' esecuzione d' un progetto per tanti capi utile, e necessario.

§ 9. Al secondo capo, de' danni, che risultano dagl' interrimenti fatti al Po dalle spiagge del mare, e su gli scanni dell' Abate, si risponde, che gl'

gl'interimenti si debbono considerare, o per se medesimi, o in ordine agli effetti, che producono. In se medesimi al certo non sono dannosi, poscia che accrescono terra all'abitazione degli Uomini, e Popoli, alla giurisdizione del Principe, due punti unicamente desiderabili; onde il solo danno si restringe agli effetti, i quali non ponno asserirsi, che due, cioè impedimento di scolo, e perdita, e deterioramento del Ramo, e Porto d'Ariano, o sia di Goro, e rispetto a quest'ultimo, chi considera le memorie antiche, facilmente conoscerà qual sorte di pregiudizio le sia arrivato. Al tempo della visita Corsini volendo li Periti riconoscere il Po d'Ariano, in tempo, che l'acqua era alta sopra la foglia della Chiavica Pilastrese once 5., essendovi entrati dentro con una Peotta per il breve tratto di 25. perliche, si ritrovarono obbligati a tornare indietro per non trovarvi, che un piede d'acqua; ma in questa visita essendo il Po all'istessa altezza fanno bene l'Eminenze Vostre che vi si navigò per tutto il tratto con un Bucentoro ben grande, e che il minor corpo d'acqua scandagliato ad istanza de' Signori Ferraresi fu piedi 4. Sommario num. 14., e non si trovò non ostante la bassezza dell'acqua impedimento al passaggio in alcuna parte. Ora chi dirà, che il Ramo di Ariano sempre più s'avvanzi all'annichilamento, e che il di lui Porto siasi omai interamente perduto, quando dalla medesima visita Corsini si riscontra anche a quel tempo farsi simili richiami, Sommario num. 15., ora non avvalorati da deterioramento alcuno, ma piuttosto, come s'è dimostrato, sminuiti a causa, o dell'introduzione del Panaro, o del lasciarsi correre di gran tempo in quà tutte le piene per il solo Po di Venezia, o pure [che è più credibile] dall'esserli avanzato con imperuosa corrente il Ramo della Donzellina a togliere di mezzo gli scanni, che una volta gl'impedivano lo sbocco, esserti tutti, che si farebbero, e più grandi, e più solleciti ogni volta, che per l'aumento dell'acque del Reno, si rendessero le cause di essi più energitiche, ed efficaci.

*Visita
Corsini
alli 7. 8
9. 10. e
13. Febraio.*

Per accertarsi poi dal deterioramento degli scoli del Polesine di Ferrara, egli è d'uopo riflettere la caduta, che essi godono nel Cavo del Barco fino al pelo basso del mare. Questa fu ritrovata nella visita Corsini piedi 13. o. 6. in lunghezza di circa 50. miglia, che viene ad essere per miglio once 3. 1. ¹⁴/₂₅ Ora il tratto del Canal Bianco per quanto dicono li Signori Ferraresi

nella loro Scrittura, s'è avanzato tre miglia, e perciò essendovi in miglia 53. la medesima caduta di prima, distribuita che sia questa nella destra distanza ne vengono once 2. 11. ¹⁶/₅₃ per miglio, con differenza di punti 2. ¹/₄

*Castelli
nella
scrittura
sopra
le Palu-
di pon-
tine.*

poco meno. Se tal differenza di pendio sia l'origine del deterioramento de' scoli, o piuttosto il non tenere espurgati i condotti dall'erbe, l'impedimento delle quali toglie la velocità, siccome con l'atturamento del condotto sminuisce lo scarico all'acque; o pure l'interrimento del fondo fin toma comune di tali piccioli fumi celli, si rimette a più sano giudizio. In ogni caso non è difficile il rimedio di voltare tutti li scoli nel Po di Volano, dove averanno tutta quella felicità d'esito, che loro è permessa dalla natura del sito.

§. 10. Passando a' danni, che apporterebbe il Reno alle Chiaviche esistenti nell'una, e l'altra ripa del Po assai esattamente indicate, con l'annoverarvi, non si fa con qual fine, anche quelle de' Ducati di Mantova, Modana, e Parma tanto superiori di sito, si riflette, che le Chiaviche in due casi si tengon ferrate; prima quando si teme di regurgito ne' condotti per causa dell'alzamento del Po, e secondo quando i condotti medesimi

sono affatto senz'acqua Sommario num. 16. In quest'ultimo caso egli è evidente, che il tener serrate le cateratte non arreca verun pregiudizio, ma nel primo, allora si chiudono quando l'acqua de' condotti resta più bassa di quella del Po. Per tal cagione è stato deposto da' custodi delle Chiaviche doverli tenere abbassate le Porte 5. 6. 8. 10. mesi dell'anno Sommario num. 17. ed in tale stato qualunque piena venisse nel Reno, non accrescerebbe, nè diminuirebbe il danno, come derivato da altra cosa per innanzi esistente; dunque tutto il male viene ristretto al resto dell'anno, quando le Chiaviche scorrono aperte; ma perchè le piene del Reno sono di pochissima durata, e tanto brevi, che possono replicare in un giorno, Sommario de' Signori Ferraresi num. 4., si vede benissimo qual danno sia questo d' avere ad interrompere qualche volta lo scolo per sette, ovvero otto ore; anzi per minore spazio, se egli è vero, che le escrescenze di Panaro, e del Reno, vengano quasi sempre congiunte, col solo intervallo di cinque, o sei ore, che la piena dell'ultimo precede quella del primo, come asseriscono i paelani, ed in oltre perchè la piena del Reno non può venire da se sola, che per qualche accidentalissima cagione, e di estate, rarissimi, e forse non mai verrebbero i casi, ne' quali le Chiaviche dovessero chiudersi, a di lei sola contemplazione, considerisi di questo argomento la forza: *Le Chiaviche stanno 5. 6. 8. 10. mesi dell'anno chiuse*, e non ostante stanno in essere i terreni, che per esse hanno lo scolo, *adunque* (per dire assai) *dovendo star chiuse dieci giorni di più i medesimi terreni si perdevano*; e pure così si pretende provare nella Scrittura.

Rispetto poi agl'interimenti, che si fanno nelle piene del Po avanti le porte delle Chiaviche, le quali bisogna levare con qualche dispendio, bisogna distinguere; perchè o si farebbero dal solo Reno introdotto in Po basso, ed allora non potendosi fare tant'alti da non potere essere levati dal solo corso dell'acqua ristagnata ne' condotti, non darebbero spesa veruna, essendo notorio, che allora solo si slezano i condotti quando gl'interimenti si fanno tanto alti, che l'acqua delle Chiaviche non può superarli, ovvero si farebbero dalle piene del Po unite quanto si voglia a quello del Reno, ed in tal caso sarebbe la spesa eguale a quella, che si fa presentemente, e s'è fatto per lo passato, s'egli è vero ciò, che è stato deposto nella visita Sommario num. 18. che gl'interimenti si facciano in oggi poco meno alti della piena medesima.

§. 11. Finalmente per convincere, che il Po della Lombardia non è interrito, e che l'introduzione del Reno non potrà cagionarvi, o accrescervi l'alzamento, basterebbe addurre quella famosa regola generale provata così nervosamente, e diffusamente da D. Scipion da Castro, *che fiume non interrisce fiume*; nondimeno per maggiormente sfodare tal verità, si offervi, che i fiumi, che hanno poca acqua, hanno ancora più caduta naturale, e profondità, e larghezza d'alveo minore, e che all'accrescersi di nuove acque, s'accresce altresì, e l'una, e l'altra, ma per lo contrario si diminuisce la caduta. Su questa regola, che si riscontra di eterna verità in tutti i fiumi del mondo, che hanno fondo, e sponde possibili a corrodersi da corso d'acqua, s'appoggia la ragione della gran profondità, e larghezza del Po di Lombardia, e dalla medesima ne nasce per necessaria conseguenza, che quanto più i fiumi reali si fanno maggiori col dar ricetto a maggior numero di tributarj, proporzionalmente si vanno sempre più allargando, e profondando, e non interrendo, ed elevando il fondo, come si vorrebbe far credere fosse per succedere, introdotto che fosse 'l Reno nel Po. A questa ragione, che pure è senza replica, non avendo più luogo la distinzione de'

fiumi torbidi, e chiari, s' accorda mirabilmente l' esperienza. Dopo che Panaro fu rivoltato interamente al Po, è notorio, che l' alveo di questo a Lago scuro, s' è considerabilmente allargato, e lo dimostrano le ruine di qualche fabbrica, e l' esistenza de' due froldi uno a destra, e l' altro a sinistra nella medesima dirittura. Il profundamento egualmente si manifesta dal confronto degli scandagli fatti nella visita di Monsignor Corfini con quelli fatti nella presente, Sommario num. 19. e da quanto s' è dimostrato di sopra rispetto al ramo d' Ariano. Nè leggiero argomento del profundamento dell' alveo si è il vedere, che le massime escrescenze, ne' tempi presenti non si elevano più tanto, come facevano ne' più antichi. Al tempo dell' Aleotti si alzavano le piene sopra il pelo basso piedi 20. $\frac{1}{2}$ di Ferrara, che sono

di Bologna piedi 21. once 3., e l' ultima veduta dall' Eminenze Vostre, che pure per confessione di tutti è stata una delle maggiori, non s' è elevata, che piedi 18. sopra la foglia della Chiavica Pilastrese, e sopra il pelo ordinario piedi 1., Anzi se il segno mostrato all' Eminenze Vostre nel muro dell' ala destra della Chiavica Pilastrese, fu fatto, come s' asserisce, per determinare l' altezza d' una delle piene passate, essendo l' ultima restata sotto detto segno piedi 1. once 7. manifestamente si conosce quanto sempre più s' abbassano l' escrescenze, effetto del maggiore allargamento, e profondità dell' alveo.

Ciò è tanto conosciuto da' medesimi Signori Ferraresi, che in vece di elevare gli argini come porterebbe l' elevazione asserita del fondo, piuttosto gli lasciano logorare dal calpestio, trovandosi in questi tempi molto più bassi, che negli andati, come apparisce da' calcoli, e confronti, che si danno in Sommario num. 20. ed in oltre si vedono molte soglie di Chiaviche più alte del pelo basso del Po, che secondo le buone regole avrebbero dovuto farsi inferiori al medesimo, e di fatto nel fare la chiavica nuova alla Massa, è stata tenuta la di lei foglia molto più bassa, che non è quella della vecchia, e lo stesso fu praticato alla Pilastrese, la moderna foglia della quale si confessò nella visita Corfini più bassa dell' antica once 19.

Ora se l' abbassamento delle soglie arguisce abbassamento del pelo basso, e questo va accompagnato dal profundamento dell' alveo, bisognerà fare una necessaria conseguenza, che il fondo del Po continuamente si va arando, non già alzando, come da' Signori Ferraresi viene supposto, e si pretende di provare col mezzo de' Bonelli, che si vanno accrescendo, degl' interrimenti delle chiaviche, e della protrazione della linea, argomenti frivoli, e facili da ritorcersi provando il contrario, sul fondamento, che i Bonelli si corrodono nella parte superiore, che quello della Guardia omai si ritrova ridotto al niente, che li froldi continuamente s' avanzano, e fanno maggiori, dal che si dedurrebbe, che il Po si escavasse, e rispetto alla asserita protrazione della linea, quanto sia ella abbreviata, dopo l' abbandono del Ramo delle fornaci, basta vedere una pianta per diffinirlo; ma questi argomenti nulla rilevano per l' una, o l' altra delle opinioni, perchè l' allungamento della linea non si attende ne' canali, che camminano a forza di proprio peso, e senza sensibile declivio, quale è l' alveo del Po dalla Stellata al mare; e le corrosioni, deposizioni, e mutazioni di corso ne' fiumi, sono cose altrettanto universali, che accidentali, e perciò niente influiscono nell' alzamento, ed abbassamento del fondo. Per altro poi manifestamente apparisce, che gl' interrimenti delle chiaviche non sono mezzo adattato per provare, che siano per farsene de' simili nel fondo del Po, essendo troppo facile il rispondere, che non sono pari gli effetti dell' acque correnti, e stagnanti.

§. 12. Si è dimostrata fin' ora la *necessità, giustizia, possibilità, ed innocenza* della nostra proposta, resta ora da fare apparire la certezza de' beneficij, che le ne pretendono. Per lo che fare, pare a noi necessario di secondare l'andamento dell' acque del Reno, sommariamente descrivendo i danni, che cagiona per tutto il tratto del suo corso; e senza stare a considerare, che il prolungamento della di lui linea dentro le Valli S. Martina di Cognola, di Malalbergo, ed i Marara, seguito dall' anno 1604. sino al corrente 1693 ha fatto alzare il di lui fondo molti piedi Sommario n. 21. e che di nuovo si scaverebbe introducendosi nel Po, come apparisce da' profili dati in Sommario num. . . . si avanza a vederne gli effetti da Galidino in giù. Quivi subito da una parte si trova la ripa sinistra disarmata d' argini, e perciò nelle piene si versa gran copia d' acqua per una infinità di riazzi, anzi per un continuo svalleggiamento di più miglia nelle Valli del Poggio, ed annesse, dal che ne segue l'inondazione de' terreni situati tra Reno, ed il Canale Naviglio, per non avere esse Valli altro esito, che quello della navigazione presente, in larghezza di soli 20. piedi, e dalla parte sinistra si trovano molti froldi a Cavaliere della Città, e Fortezza di Ferrara, de' quali tanto si teme per i danni, che ne possono seguire, e pel dispendio continuo in difenderli. Tali danni al certo non si negherà interamente levarsi colla diversione del Reno. Arrivando poi alla Lama delle Bilacque, e siti adiacenti si trova la navigazione da Bologna, e Ferrara intersecata, ed impedita a segno di non potersi più in alcuna maniera rimettere, senza levare la causa del di lei interrompimento, ed immediatamente l'intersecamento, ed interrimento del Condotto Lorgana, dal quale ne nascono tanti danni, a' quali sono soggetti i terreni tra la Savena, ed il Canale Naviglio; ed all' uno, e l' altro egli è evidentissimo, che resterebbe interamente rimediato voltando 'l Reno al Po Grande. Sotto la stessa ragione cadono tutti i terreni Ferraresi di quà dal Po di Primaro, da Vigara no sino alle Cacupate, oltre il rendersi capaci di cultura tanti boschi, e tante valli di poco fondo adiacenti al corso presente del Reno.

I disordini dell'alveo di Savena provengono dal dosso del Penna, che ha di caduta sul pelo alto di Primaro piedi 8. 3. 8. Sommario num. 22., e della quale, considerata quella, che ha sul fondo del medesimo, questo fiume non gode di sorte alcuna, restando perciò elevato di fondo sopra il piano delle campagne piedi 8. 9. 3. Sommario num. 23. onde levati, che fussero gl'impedimenti, tanto basterebbe per rimediare al danno di quei contorni.

E' giustificato nella visita Sommario num. 24., che il gurgito dell' acque del Reno si estende correndo all' insù per la Zennetta, Zena, o Fiumicello nelle valli di Diolo, e fino nelle larghe di Bagnara, e questo cesserebbe con la mancanza dell' acque di esso.

Le Valli di Marmorta bevono abbondantemente l'acque del Po di Primaro nelle piene di esso fatte dal Reno, e da Savena, Sommario num. 25. è quando non vi fossero le prime, alle quali le seconde non hanno sensibile proporzione, si consideri di quanto si diminuirebbero le Pavese di Marmorta, e perciò quanto renderebbersi felice l'esito alli scoli. che vi mettono dentro, e quanti terreni per tal cagione si scoprirebbero ora inondati, quanti se ne sanerebbero ora annalati per lo deterioramento degli scoli! Quanto timore si levarebbe agl' Interessati nel Polesine di S. Giorgio, liberandoli dalle forgive, che si renderebbero molto minori, a cagione del minore alzamento, e più breve durata dell' escrescenze del Po di Primaro. Le stesse considerazioni s' adattano alle valli di Buon' acquisto di Ravenna,

e del Passetto, le quali liberate che fossero dalla soggezione presente di ricevere l'espansioni del Po d'Argenta, parte si ridurrebbero ad ogni più perfetta cultura, e parte si renderebbero maggiormente capaci di ricettare li scoli di tutta la Romagnola, e di parte del Ravennano. Considerabile sarebbe l'utile della Città, e Valli di Comacchio, poichè l'arginature a sinistra del Po medesimo resterebbero scariche dal grave peso dell'acque, sotto il quale con tanto pericolo, e sì lungamente gemono di presente.

Per altro non è nè desiderabile, nè fattibile asciugare tutte le Valli, non il primo, perchè queste servono in vece di picciolo mare per dare un temporaneo ricetto alli scoli durando le piene de' fiumi; e non il secondo per la poca caduta, che hanno al mare in proporzione della distanza, e di fatto li Signori Romagnoli, che intendon bene il proprio interesse, non si curano di bonificare i residui, non ostante abbiano desiderato tal bonificazione per lo passato, e perchè ora sufficientemente l'hanno ottenuta, hanno solo in animo di liberarsi dall'espansioni, che troppo, e fuori d'ogni ragione li tormentano, come apparisce da' loro Memoriali presentati alle EE. VV., e registrati nella visita a C.

Da ciò apparisce con quanta sicurezza d'esito felice fosse per farsi la rimozione del Reno dalle Valli, che da noi con ogni maggior fermezza si crede non essere durabile, che con l'introduzione del Reno nel Po di Lombardia, per le ragioni addotte, e da addursi secondo le congiunture; è che la bonificazione, che se ne spera si per riuscire a proporzione del bisogno, secondo anche il sentimento dell'istesso Aleotti, che tanto disse, ed operò in beneficio del Territorio di Ferrara sua Patria.

Si conchiude, che l'introduzione del Po di Lombardia nel Ramo di Ferrara, quando sia possibile a farsi, non s'impedisce nè difficoltà con le nostre proposizioni, particolarmente quando dovesse cominciarli incontro il Bonello di Ravalle, a tenore del sentimento dell'Aleotti, come il meno difficoltoso in tal proposito, anzi piuttosto si faciliterebbono, se fosse vera alcuna delle proposizioni asserite nella Scrittura de' Signori Ferraresi, delle quali non vogliamo servirci, sapendo bene che gli argomenti *ad hominem* non vincono la natura. Ci dispiace bene, che i medesimi Signori Ferraresi si dolgano, che le nostre proposizioni condannino essi soli a patire, quasi che questo sia l'oggetto de' nostri pensieri, e non piuttosto il beneficio comune, che tanto ci sta nell'animo; e quando la natura, e la giustizia lo richiedessero, non devono essi essere così poco affezionati al bene degli altri, che li desiderino egualmente legati da quelle soggezioni, che in tal caso non sarebbero che proprie della natura del sito.

S C R I T T U R A

DI DOMENICO GUGLIELMINI

Sopra l' articolo primo.

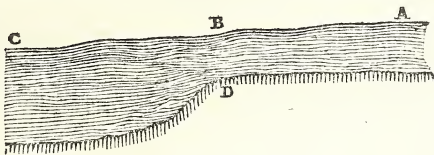
Con qual metodo si debbano delineare le linee cadenti alle nuove inalveazioni ec.

SI risponde da' Bolognesi doverfi praticare in ciò lo stesso metodo, che osserva la natura in formare, o stabilire il fondo a' fiumi.

Primo, egli è certo, che gli alvei de' fiumi hanno una certa pendenza, la quale tanto è loro propria, che perdendola, immediatamente la racquistano, colla deposizione della materia arenosa, e limosa nel fondo, ed acquistandose, o dandosegliene di vantaggio, ben presto lasciano il superfluo coll' escavazione del fondo nelle parti superiori.

Secondo, tal pendenza non è la stessa in tutti i fiumi, ma più grande in quelli, che hanno meno acqua, e minore in quelli, che ne hanno più; così il Po ha poche once di pendenza per miglio; più assai ne ha il Reno, ed anco più ne ha la Savena, e i piccoli Canaletti de' mulini, ne richiedono tanta, che non possono mantenersi, se non con escavazioni continue.

Terzo, quando i fiumi hanno l'ingresso nel mare, o in altro fiume reale spianano la propria superficie su quella del mare, o fiume recipiente v. gr.



Sia A B il pelo d'un fiume, che sbocchi in Po, di cui sia B C la superficie, egli è certo, che il pelo del fiume A B va ad unirsi con quello del fiume recipiente B C, in maniera che nel punto B dell' unione, tutta la profondità del fiume influente, come B D, bisogna necessariamente, che resti sotto la superficie dell'acqua B C.

Su queste tre osservazioni si appoggia il modo ricercato di delineare le

linee cadenti; poichè prima bisogna stabilire l'orizzonte alla superficie B C in sito il più basso, che sia mai possibile, v. gr. la somma bassezza del Po, e del mare, e la ragione è manifesta, perchè si danno tali casi, ne' quali il fiume che entra può correre grosso, in tempo, che l'acqua, che riceve sia bassissima.

Sotto il pelo basso di questo si dee dare tanta profondità al fiume influente A B v. gr. B D, quanta esso richiede per spingere l'acque proprie nell' altro.

Si dee dipoi accertare la pendenza del fiume, che si vuole inalveare, e questo in sito dove il fiume non riceva più nuova acqua, ma abbia tutta quella, che dee portare da lì in giù; ed avutane la misura giusta, dal punto D stabilito, si dee tirare una linea all' insù, che abbia tanto di pendenza, quanto l'osservazione ha mostrato esser necessaria al fiume di cui si tratta.

Ciò fatto, si dice, che questa sarà la cadente ricercata; perchè se ne fosse fatto un'altra, che avesse maggior pendenza, certo è per la prima osservazione, che il fondo maggiore si scaverebbe, e se l'avesse minore s'eleverebbe, non avendola adunque nè maggiore nè minore di quello, che bisogna, come che dedotta dall'osservazione del fiume stesso, resterà nello stato, che se li darà, senza elevarsi, o profundarsi; adunque il fondo della nuova inalveazione si disporrà secondo la situazione di tal linea, che si chiama da' Periti cadente del fondo del fiume; e restando essa sopra il piano di campagna in un profilo di livellazione ben fatta, anche il fondo del fiume farà lo stesso in fatto, siccome resterà sotto il piano della medesima ogni volta, che la cadente del profilo in tal maniera lo mostri.

Dal detto si arguisce, che il termine certo delle cadenti, è nella parte inferiore, e nello sbocco del fiume, restando il termine superiore incerto, come quello che nasce dall'intersecazione delle diverse cadenti di maggior pendenza, che s'incontrano nelle parti superiori, siasi o per diminuzione di corpo d'acqua, o per condizione di materia più grossa portata dal fiume, e perciò essere erroneo qualunque metodo riceva due termini fissi da connetterli con una linea retta, comechè perciò fare non si ha alcuna riflessione alla caduta, la quale pure è tanto necessaria da considerarsi essendo osservata dalla natura con tanta elasticità.

S C R I T T U R A

*De' Bolognesi sopra il foglio esibito da Signori Ferraresi
circa li punti Terzo, Quarto, e Quinto,
che sono.*

- I. L' unione di Reno con Panaro.*
- II. Lo sbocco, e danni, che ne possono provenire.*
- III. Se il Panaro dopo la sua introduzione abbia scavalato.*

Al §. In primo luogo ec.

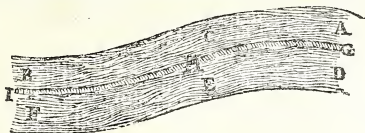
S' Avverte, che non contiene cosa concernente alcuno de' tre punti; ma al primo de' proposti di già esaminato, ed in parte ad altri non ancora discussi.

Al §. In secondo luogo ec.

L'unione dell'acqua del Reno con quella del Panaro non farà l'effetto nell'elevazione dell'acqua, bensì nel profundamento, ed allargamento dell'alveo; poichè dovendo l'una, e l'altra spianarsi sul pelo della piena del Po, e dovendo quanto maggiore è il corpo d'acqua, essere tanto minore la caduta, non solo del fondo, ma della superficie medesima, ne segue che se si lasciasse l'opera alla natura medesima, ben presto si proporzionerebbe l'alveo in larghezza, e profondità tale, da non provare il temuto alzamento, ma ciò non si vuol fare, anzi si pensa allargare tanto l'alveo di Panaro dal Bondeno in giù, che la natura abbia piuttosto a restringerlo per soverchia larghezza, che ad elevarsi l'acqua per troppo angustia di letto.

Si concepiscano gli alvei del Reno, e Panaro camminare divisi, ma vicini uno all'altro, a paralleli nell'andamenti v. gr. A C B sia Panaro; D E F Reno. l'uno ha larghezza sufficiente a portare le proprie acque, e che siano divisi v. gr. con un argine, come G H I, e sup-

pongasi, che l'uno, e l'altro siano nelle proprie piene; certa cosa è, che essendo di pendenza uguale, come costa dalle livellazioni, caderanno sul pelo del Po, qualunque sia, con ugual pendenza, e per conseguenza con elevazione di pelo eguale, e se vi dovrà essere qualche differenza, sarà minore quella del Reno, di quella di Panaro, per essere maggiore di corpo.



Intendasi ora levato di mezzo l'argine G H I in maniera, che l' uno, e l' altro diventino un sol fiume, certa cosa è, che non perciò l'acqua si eleverà, ma piuttosto si abbascerà, se non per altro, per essergli levate le resistenze laterali dell'argine G H I, e ridurrassi in G H I il filone dell'acqua, che prima era in A C B, ed in D E F; e come più lontano dalle resistenze delle ripe si farà più veloce, eprofonderà più l'alveo di quello prima potessero fare i filoni A C B, D E F; profundato l'alveo, si abbascerà il pelo necessariamente, e perchè la larghezza in tal caso viene ad essere maggiore del bisogno, comechè proporzionata a due fiumi con duplicate resistenze, e di profondità minore, quindi rallentandosi il moto alle sponde, vi seguiranno deposizioni, ed alluvioni, che s'avanzeranno verso il mezzo, sin tanto, che trovino nell'acqua il moto tanto gagliardo, che ne impedisca prosecuzione; e questo sarà il termine del necessario restringimento, e facendosi nell'atto del restringimento sempre maggiore la profondità, finalmente cessando il restringimento cesserà altresì il profundamento, ed allora sarà reso l'alveo proporzionato all'acque proprie. Da ciò evidentemente si deduce prima; che i fiumi quando s'uniscano nelle piene, s'abbassano di pelo, non si elevano, trovando l'alveo proporzionato; secondo, che escavano il fondo proprio; e terzo, che non hanno bisogno di larghezza uguale all'uno, e l'altro de' fiumi confluenti, bastando essa molto minore.

Se si dubitasse della verità di questa proposizione si consulti l'esperienza, e l'osservazione de' fiumi in casi simili, e se ne avranno sempre uniformi i riscontri.

Cessando perciò l'alzamento dell'acqua, ed in Panaro, ed in Reno, cessa altresì del pari la necessità di elevare gli argini di questo, e conseguentemente il pericolo delle rotte, che se ne deduce.

Al §. In terzo luogo ec.

Spettando questo §. Al punto da esaminarsi, *Se gli argini della nuova linea s'iano soggetti a prossimo pericolo di rotte*, si differisce a quel tempo la risposta.

Al §. In quarto luogo ec.

Questa pure contiene materia aliena dalla presente, e però si lascia.

Al §. In quinto luogo ec.

Si ripete lo stesso.

Circa il secondo punto cioè.

*Dello sbocco. e danni, che ne possono provenire.**Al §. In primo luogo ec.*

NON concerne a questo punto, ma perchè ha relazione all' antecedente si dice, che introdotto il Reno in Panaro, non solo non deteriorerà lo stato delle chiaviche di Burana, S. Bianca, Cantagallo ec., ma le migliorerà per lo maggiore abbassamento di fondo, che vi cagionerà. Se valesse l'argomento di questo §, cioè *si tratta di ag- giungere l'acqua del Reno al Panaro, adunque lo stato delle Chiaviche, che scolano in questo ultimo, si renderà più infelice, che ora è, valerebbe a fortiori anco questo altro: si trattava già di tirare l'acqua del Po Grande nell'alveo di Ferrara, ed unirli a quella di Panaro; adunque, se ciò si fusse eseguito, si sarebbe non deteriorato, ma perduto affatto l'uso delle chiaviche, che sono sulle ripe di Panaro, e del Po di Ferrara.* e pure tale introduzione si meditava, non solo per beneficio della navigazione; ma molto più per restituire lo scolo a tante terre, che l'aveano perduto. Leggasi la relazione del Padre Spernazzari, e deducasi, se la nostra sopra allegata dimostrazione concorda col fatto, e col sentimento de' medesimi Signori Ferraresi.

Al §. Secondariamente ec.

Le rotte, che succedono negli argini per essere troppo bassi sono colpa di chi ne dovrebbe aver cura; ma quanto sono questi tanto alti, che bastino a contenere l'altezza delle piene di Panaro, molto più basteranno per contenere quelle di Panaro, e Reno unite alle ragioni di sopra addotte, e colle operazioni necessarie da farsi.

Al §. In terzo luogo ec.

Si nega, che l'alveo di Panaro si sia interrto dalla visita Corsini sino al giorno presente, e s'è manifestamente provato il contrario, con osservazioni immediate, e calcoli, nella nostra risposta a questo punto al §. Quinto si conviene dal confronto ec. onde si stima necessario rispondere agli argomenti equivoci, che si adducon per mostrarlo. Vacillando però la verità del supposto non può star ferma la conseguenza, che su quella s'appoggia, cioè, che dovessero crescere gl'interrimenti per l'unione di Reno tanto più torbido; considerazione, che non ha che fare in questo caso, dove con accrescere della torbida si rende tanto maggiore la velocità, nemica capitale delle deposizioni.

Al §. In Quarto luogo ec.

Il regurgito del Reno per l'alveo di Panaro di sopra dell'introduzione farebbe lo stesso effetto, che quello del Po nel medesimo dalla Stellata al Bondeno ec. se il regurgito di Po sospendendo, e ritardando il moto a Pa-
na-

naro gl'interrisce l'alveo, succederà lo stesso di quello di Reno; e se seguendo qualche deposizione allo scemarsi, che fanno i regurgiti, essa di nuovo si abrade dal fondo, che in tal maniera ritorna nel suo pristino stato, il medesimo per appunto farà nelle piene del Reno. Generalmente però in tutti i fiumi confluenti, il primo, che viene, rigurgita all'indietro per l'alveo del secondo; ma perchè trova l'alveo maggiore del suo bisogno, resta più basso di superficie, dilatandosi l'acqua in larghezza. Sopraggiugnendo poi la piena dell'altro, si eleva all'altezza, che è propria all'effluenze unite, la quale come maggiore di quella del primo, mette in moto l'acqua del regurgito, e con essa s'incammina al suo termine, levando gl'interrimenti, se ne sono stati fatti nell'alveo proprio; effetto, che molto più succede al cessare della piena prima arrivata, seguitando anche la seconda. Ciò si vede in tutte le confluenze de' fiumi stabiliti; o senza andar molto lontano, in quella di Panaro col cavamento di Foscaglia; di Reno colla Samoggia; di questa col Lavino; del Sillaro con la Salustra; del Reno col Montone, di questo colla Cosna ec. ed abbenchè questo sia un piccolo rigagnoletto in proporzione del suo recipiente, non si lascia però interrre da' regurgiti l'alveo proprio. Si oblitererebbero gl'alvei tutti de' fiumi, se succedessero interrimenti per la supposta cagione.

Rispetto poi alli sbocchi, e della nuova linea nel Po di Ferrara, e di questo in Panaro, quando si vedesse, che li disegnati non riuscissero bene, in fatti si potranno aggiustare, obliquando, ed incurvando le linee nel loro termine, secondo i bisogni.

Al §. In quinto luogo ec.

Qui troviamo un argomento *ad hominem*, che ha premessa una delle nostre proposizioni del primo foglio delli 17. Luglio, e per conseguenza una Iliade di mali, che non mai la maggiore. La nostra proposizione è, *che i fiumi maggiori di corpo d'acqua abbisognano di minore pendenza, o come vogliono i Signori Ferraresi cadenza, o per meglio dire pendio; la conseguenza poi, che se ne fa è: adunque unito il Reno a Panaro, perchè formerà corpo d'acqua assai maggiore, non avrà bisogno di tanta caduta (sin qui concediamo) dunque s'eleverà la cadente, e però interrirà il suo fondo nella parte inferiore all'unione, danno, che ne partorirà molti altri ec.*

Se si fosse avvertito, ciò che da noi fu soggiunto nel foglio citato al §. Sotto il pelo basso ec. ed al §. Si dee poi accertare ec. e specialmente alle parole dal punto 3. stabilito si dee tirare una linea all'in su, che abbia tanto di pendenza (o più propriamente acclività) quanto l'osservazione ha mostrato essere necessaria al fiume di cui si tratta ec. si sarebbe concluso tutto il contrario, perchè unendo maggior corpo d'acqua lo sbocco in Po si farà molto più profondo, di quello che ora è; dovendo per tanto da un punto più basso cominciare a formarsi la cadente, e con minor pendio, o acclività di prima dovrà essa restare molto più profonda, che antecedentemente non era, e non molto più alta, come contro di noi si vorrebbe concludere. Levata per tanto di mezzo la verità del conseguente, cessa l'occasione d'interrirne il danno supposto, che ne partorirà molti altri augumentando sempre più ec. con quello, che segue.

Circa il terzo punto.

Al § Se il Panaro ec.

IL tendere dello sbocco di Panaro più a seconda, che contr'acqua, è una comparazione, che non toglie i mali effetti, i quali partorisce uno sbocco mal regolato, e li quali tanto dureranno quanto si tarderà a dargliene un buono positivamente, come abbiamo dimostrato nella nostra risposta al primo de' punti propostici.

Se poi sia stato bene, o male il voltargli lo sbocco a sinistra noi non entriamo a definirlo; crediamo solo, che non vaglia l'argomento: *Il Panaro sboccando nel Po contr'acqua fa de' danni gravi, adunque voltandolo a seconda aprirà una voragine*; perchè più ragionevolmente si dovrebbe concludere al contrario; *adunque dandoli un buono sbocco a seconda cesseranno i danni*.

Al §. Seguendo poi ec.

Se si stima orrore il veder correre Panaro contro il filone del Po, perchè mai spendere cinque mila scudi per essere spettatori di questa tragedia?

Al §. S'aggiungono, ec. ed al §. Susseguiscono.

Si risponderà quando si tratterà della materia che contengono



SCRITTURA

De' Bolognesi sopra alli tre Articoli proposti.

- I. L'unione di Reno con Panaro, e riflessioni, che possono cadere per quel tratto.*
- II. Lo sbocco, e danni, che possono provenire dal medesimo.*
- III. Se Panaro dopo la sua introduzione in Po, abbia scavato, o riempito il proprio alveo, e quali effetti da tale introduzione siano seguiti.*

AL primo Articolo si risponde prima, che l'unione del Reno non può partorire effetto veruno pregiudiziale per diversi capi.

Prima perchè s'uniscono tanti altri fiumi assieme, e non per questo restano di correre, o inalveati, o rinchiusi fra' suoi argini, senza pericolo d' inondazioni, o di rotte, particolarmente quando li sbocchi sono a seconda delle correnti. Li fiumi Ronco, e Montone correvano in mare separati uno dall'altro; e nel tempo che la Serenissima Repubblica di Venezia era padrona di Ravenna furono uniti assieme per fortezza della Città. Or dicasi che danno ne sia proceduto?

Secondo perchè in conformità delle osservazioni fatte dalli abitatori del Bondeno, la piena del Reno precede sempre di sei in sette ore quella del Panaro, e perciò la prima farebbe ordinariamente cessata nel sopravvenire della seconda.

Terzo perchè potrebbe proporzionarsi la larghezza dell'alveo in maniera, che fosse capace dell'acque unite dell'uno, e dell'altro; massime, che la distanza degli argini destro, e sinistro, alle volte regolata dal corso di tutto il Po, non lascia timore veruno d'avere a ritirare indietro gl'istessi, particolarmente se si facesse il taglio proposto, che viene ad essere delineato nel bel mezzo, fra l'uno, e l'altro degli argini.

Si risponde in secondo luogo, che ridonderebbe in gran vantaggio per molte ragioni.

Prima l'unione de' due fiumi farebbe profundar l'alveo presente, anche di sopra dall'unione, come generalmente s'osserva in casi simili; perciò le Chiaviche di Burana, e S. Bianca acquisterebbono di caduta sul fondo di Panaro.

Secondo s'aprirebbe maggiore, e più profondo lo sbocco nel Po, e perciò quando venisse una tola piena si scaricherebbe con maggior felicità, nè si alzerebbe tanto, come adesso nelle parti superiori atteta la maggior larghezza, e profundità dell'alveo, e dello sbocco.

Terzo con li tagli proposti si leverebbero diversi froldi, che ora mettono in pericolo gli argini, ed in timore il Polesine, e Città di Ferrara, e con la brevità, e retitudine della linea si darebbe miglior corso, ed esito più felice alle pienie.

Quarto s'avrebbe più felice la navigazione tanto per Panaro verso Mo
da-

dana, quanto per Reno verso Bologna, almeno fino a Cento, con utile manifestò di questa terra.

Quinto con l'altro taglio proposto dal Signor Cardinale Capponi non solo si migliorerebbe lo sbocco a Panaro, ma si ridurrebbe il Bondeno in buono stato di difesa.

Al secondo Articolo proposto si soddisfa col dire, che generalmente tutti i fiumi influenti acciò abbiano felicità di corso in se stessi, e non impediscano quello del recipiente, debbono avere lo sbocco quanto più si possa a seconda della corrente di questo, e la ragione si è, che i moti tanto meno s'impediscano l'un l'altro, quanto minore è l'angolo, che fanno le loro direzioni, ed esercitandosi i moti tutti verso quella parte, dove minori si fanno, o trovano le resistenze, s'equilibrano queste colle forze in tutte l'altre parti; ed allora si mantiene la direzione immutabile; v. gr. se il Po corre da A in B, ed il Panaro v'entri dentro in C colla direzione D C, diciamo che non potrà mantenerla ogni volta, che dentro l'angolo D C B vi sia una sponda possibi-

le a corrodersi. Po scia-
chè la forza A C incontrando la D C ad angolo retto, obbligherà sempre la D C a mutare direzione, che sempre inclinerà alla parte B, più o meno secondo la proporzione della forza A C alla D C; e se la resistenza della sponda D C B sarà minore della forza colla quale D C è rivolta all'ingiù, dovrà essa cedere, e dirupare la ripa, e per conseguenza ridursi la corrente di Panaro in D F, la quale incontrando la A C ovvero A F con angolo minore di prima, conseguentemente viene a diminuirsi la potenza di A F, ed accostarsi più all'equilibrio colla resistenza della sponda D E B, e perchè col rendersi sempre minore l'angolo, cala la forza, e la resistenza sempre resta la stessa, verrà una volta a pareggiarsi questa con quella, come in D E B, ed allora resistendo tanto la tenacità del terreno, quanto opera la forza dell'acqua per diruparlo, cesserà ogni sconcerto, e corrosione nello sbocco.

S' accorda questa dimostrazione con quello, che s'osserva in tutti i fiumi, che hanno l'ingresso in altri, ed all'assentimento universale di tutti gli Architetti dell'acqua.

E da esso si conchiude, che Panaro durerà a corrodersi le ripe del proprio sbocco fin tanto che se lo farà aggiustato, e che molto meglio farebbe in vece d'ostinarsi a voler sostenere la Coronella Riminalda, d'accomodare al detto fiume lo sbocco ec. come s'è detto nella nostra ultima Scrittura, e come abbiamo motivato nella proposta della quarta linea, circa la quale cade ora il principal discorso.

Il terzo Articolo si risolve distinguendo. Perchè o si parla di Panaro prima, che proporzionasse l'alveo del Po di Ferrara dal Bondeno alla Stelata, al corpo dell'acque proprie, e si concede esser seguito, ed alzamento di fondo, e ristringimento d'alveo, non solo perchè si fa, cioè esser seguito, ma anco perchè ciò è corrente alla natura de' fiumi torbidi, ma ciò stante non si può dire, che abbia interrito l'alveo proprio, bensì che interrendo quello di Ferrara se lo ha proporzionato senza avanzarsi in tal fun-

zione un pelo di più, di quello portava la misura dell'acque proprie.

O pure s'intende l'articolo dopo seguito tal proporzionamento d'alveo, e si risponde non esser seguita veruna sensibile alterazione nell'alveo di Panaro, e ciò si prova.

Prima perchè non s'ha alcuno indizio di tale elevazione di fondo.

Secondo perchè a tenore della natura de' fiumi stabiliti quale è Panaro, ciò non può nè dee succedere, perchè supposto lo stabilimento non si trova causa veruna, che possa partorire tale effetto.

Terzo si convince dal confronto delle misure prese nelle visite Gaetana, Corsini, Borromea, e presente.

Nella visita Gaetana il dì 21. Settembre 1605. si ha il fondo di Panaro al Bondeno più alto della foglia della Pilastrese

	piedi	4.	7.	6.
--	-------	----	----	----

La foglia della Pilastrese vecchia era più alto della nuova	piedi	1.	7.	0.
---	-------	----	----	----

Adunque il fondo di Panaro era più alto della foglia della Pilastrese nuova	piedi	6.	2.	6.
---	-------	----	----	----

Nella visita Corsini 14. Gennaio 1625.

Si trovò il fondo di Panaro al Bondeno più alto della foglia della Pilastrese nuova	piedi	5.	9.	6.
---	-------	----	----	----

Adunque dal 1605. al 1625. il fondo di Panaro si sarebbe escavato	piedi	0.	3.	0.
---	-------	----	----	----

Nella visita Corsini il dì predetto.

Si trovò il fondo di Panaro più alto della foglia della Chia- vica di S. Giovanni	piedi	0.	5.	0.
--	-------	----	----	----

Nella visita Borromea 28. Ottobre 1658.

Si trovò il fondo di Panaro più basso della foglia di S. Gio- vanni	piedi	0.	2.	0.
--	-------	----	----	----

Dunque dal 1625. al 1658. si sarebbe abbassato il fondo di Panaro	piedi	0.	7.	0.
--	-------	----	----	----

In altro luogo di questa visita 29. ottobre 1658. si trova il fondo di Panaro più alto della foglia di S. Giovanni	piedi	1.	3.	6.
---	-------	----	----	----

Dunque il detto fondo si sarebbe alzato	piedi	0.	10.	6.
---	-------	----	-----	----

Nella visita ultima li 11. Maggio 1693.

S'è trovato il fondo di Panaro più alto della foglia di S. Giovanni	piedi	0.	8.	0.
--	-------	----	----	----

Paragonando questo fondo colla prima misura della visita Borromea si sarebbe elevato il fondo	piedi	0.	10.	0.
--	-------	----	-----	----

E paragonandolo colla seconda si sarebbe scavato	piedi	0.	7.	6.
--	-------	----	----	----

Dalla Relazione, e visita di Monsignor Corsini 3. Aprile 1625. si ha, che il fondo di Panaro era più basso del fon- do del Cavo Serra	piedi	5.	0.	0.
---	-------	----	----	----

Dalla visita presente 12. Febbraio 1693. si ha in detto luo- go il fondo del primo più basso del secondo in misura di Ferrara	piedi	7.	0.	7.
---	-------	----	----	----

Dunque il fondo di Panaro del 1625. al 1693. si sarebbe profondato	piedi	2.	0.	0.
---	-------	----	----	----

Dalli quali alzamenti, ed abbassamenti che derivano da' dossi, e gorghi, ne quali sono state prese le misure evidentemente apparisce, che il fondo di Panaro non ha patito in tutto questo secolo alterazione veruna essenziale, ma solo qualche variazione accidentale, della quale non si può dar regola veruna.

Molti altri simili riscontri si potrebbero addurre in prova di questa verità; ma bastando gli addotti si tralasciano con animo di farlo ad ogni semplice cenno.

SCRITTURA

De' Bolognesi circa la replica de' Ferraresi alla loro risposta agli Articoli Terzo, Quarto, e Quinto.

Al §. Al primo capo ec. **S**I desidererebbe sapere la disparità tra 'l Reno, Panaro, e gli altri fiumi, per vedere se fa a proposito della presente materia, e lo stesso si replica in ordine all' ingresso in Po Grande.

Al §. Circa poi ec. La rotta seguita nel Montone l' anno 1636. ec. come mai si prova essere proceduta dall' unione di questo col Ronco? Vi sono altre cause delle rotte de' fiumi, senza la supposta ora da' Signori Ferraresi, come è noto ad ognuno.

Al §. Il Ronco ec. L' essere alto il fondo del Montone più di quello del Ronco, non procede dall' esser trattenute l' acque del primo, più di quelle del secondo, ma dalla regola generale più volte allegata da noi, cioè che i fiumi minori hanno bisogno di maggior caduta, che i fiumi più grandi, e concorda benissimo col fatto presente, perchè si confessa, che il Ronco è di corpo d' acqua maggiore del Montone.

Al §. Perchè dunque ec. Si confessa, che l' istesso fatto succederà in Reno, e Panaro, uniti che fossero assieme, cioè che il fondo di Reno in parità di condizioni, sarà sempre più basso del fondo di Panaro, se pure egli è vero, che questo sia minore di quello, ma s' aggiunge, che l' uno, e l' altro si scaverà più di quello fosse per essere andando ciascuno separatamente al Po.

Al §. Al secondo capo ec. la verità del fatto si rimette alle osservazioni; Certo è che da noi più d' una volta s' è udito dire da Bondenesi, che il Reno viene colle sue piene sei ore prima di Panaro, e non abbiamo avuto difficoltà a creder loro, perchè il Padre Riccioli asserisce la stessa differenza nella Geografia riformata lib. 6. cap. 3. *Primo enim aqua perennis Panari copiosior est quam Rheni, ejusque excrefcentia seu plenifluvia vulgò le piene, citius perveniunt, & huius sex circiter praeveniant Rheni plenifluvia.* Per altro il dire, che Panaro venga prima di Reno, o questo prima di Panaro non porta alcuna diversità nella sostanza.

Al §. Quanto al terzo capo ec. un alveo proporzionato a un corpo maggiore resta tanto più capace d' un corpo minore; onde quando venisse un solo de' fiumi, supposto, che lasciasse anche qualche deposizione nell' alveo comune, all' arrivare delle piene unite subito si sgombrerebbe ogn' impedimento. S' osservino altre simili unioni, e gli effetti di essi si trasportino al caso presente.

Al §. Che il primo ec. Quando si addurranno le ragioni contrarie al detto da noi, non mancheremo d' applaudire, purchè siano coerenti al fatto, ed alla natura de' fiumi.

Al §. Si replica ec. Non intendiamo ciò, che si voglia inferire.

Al §. Al terzo supposto ec. Se fosse vera la dottrina allegata non bisognerebbe mai far taglio veruno, e pure gli Autori gli approvano per rimedio reale delle corrosioni, e non si disapprova la pratica de' Signori Ferraresi, che l'anno passato ne fecero due in Panaro, ed altri in altri tempi, e ne hanno proposti con sommi encomi in altre occasioni. Rispetto allo sbocco di già abbiamo detto il nostro sentimento.

Al §. Alla quarta utilità ec. Se si scaveranno gli alvei di Panaro, e di Reno, per qual cagione non vi sarà maggior corpo d' acqua, e per conseguenza migliore la navigazione? Certo per Panaro si va verso Modona, e per Reno verso Cento, e noi non abbiamo mai detto, che sia per facilitarsi la navigazione di sopra dal Finale, nè che si debba aver per tutto, ed in tutti gli stati dell'acqua, ma solo, che si renderà migliore in paragone di tutti li stati.

Circa la replica sopra la materia del secondo articolo.

Al §. Ammettendo ec. Senza recedere dal nostro sentimento in ordine allo sbocco di Panaro, ed alle applicazioni delle nostre ragioni al caso di esso in concreto, ma senza contrastare più oltre circa questa materia, diciamo, che se i Signori Ferraresi stimano utile, il portare la corrente di Panaro a rintuzzare quella del Po, a cagione de' vantaggi allegati, molto più la rintuzzerà l'acqua di Reno unita con quella di Panaro; e perciò più facilmente otterranno il loro intento dall' unione di questi due fiumi.

Circa la replica sopra la materia del terzo Articolo.

Non si stima necessario aggiungere cosa alcuna al di già detto, pretendendo noi d' avere sufficientemente provato con misure autentiche, dedotte dalle visite, non esser seguita veruna alterazione nel fondo di Panaro dall' anno 1625. sino al corrente 1693, che sia delle cause del proporzionamento dell'alveo, degli allargamenti, e restringimenti del medesimo ec.



R I S P O S T A

De' Bolognesi sopra li punti Sesto, e Settimo della linea del Po Grande alla precedente Scrittura de' Ferraresi.

Annotazioni de' Bolognesi sopra il foglio esibito da' Signori Ferraresi circa li punti Sesto, e Settimo, che sono.

- I. Se gli argini della nuova linea saranno esposti a prossimo pericolo di rotte, o per le Piene del Reno, o per i regurgiti del Po.*
- II. Se le terre di Cento, Bondeno, e Stellata per la separazione del rimanente del Ferrarese resteranno dannificate.*

Circa il primo.

Al §. All' articolo primo.

QUante volte è stato detto, e replicato da' Signori Ferraresi, primo; che l' alveo della nuova linea sia per riuscire superiore di fondo al piano delle Campagne, secondo, che siano per mancarvi le restate; terzo, che gli argini debbano essere dell' altezza elorbitante allegata; quarto che non si possa evitare la necessità di prendere la terra per formarli, o immediatamente sotto il sito di essi, o in gran distanza entro le campagne, altrettanto è stata negata da noi la sussistenza di tali proposizioni, e se n'è mostrata la falsità colla delineazione della linea cadente sopra i profili fatti, ed anco coll' esempio di Penaro ec.

Il pericolo poi delle topinare è remotissimo, e manifestandosene alcuna negli argini, i Signori Ferraresi son quelli, che n' insegnano, e colla teorica, e colla pratica il rimedio, e tanto si farebbe quando ciò succedesse negli argini della nuova linea.

Al §. Non può negarsi ec.

Supposto, che il Po grande camminasse per altra parte lontana dal Ferrarese, e che si venisse in trattato d' inalvearlo con opera manufatta nel sito dove ora corre dalla Stellata, fino al mare, molto più valevoli certo sarebbono gli argomenti, e i sospetti, e più credibili le iperboli, e le descrizioni di rotte, e di desolazioni di Città, Fortezza ec. che ora sono portate per impedire l' introduzione del Reno nel Po Grande. E pure la pratica mostra,

che è possibile difendere anche con facilità, ma con la dovuta vigilanza la Città, e territorio di Ferrara da' pericoli, e danni che prima sarebbero stati esagerati per evidenti, ed irreparabili da opera umana. Lo stesso, e tanto più sarà nel caso nostro; nel quale non s'ha da contrastare rispetto al Po, che a' soli regurgiti che non hanno forza, e rispetto al Reno, e Panaro alle loro piene di non molta altezza, e non bastanti ad imprimere timore veruno nel cuore di chi ha avuto altre volte il coraggio di tentare il ritorno del Reno nel Panaro, e Po, che vale molto più del di lui solo regurgito sino sotto le mura di Ferrara, senza in quel caso temere delle rotte, e delle ruine, che ora così ben si descrivono.

Circa il secondo Articolo.

Non si ha che aggiugnere concorrendo nel sentimento de' Signori Ferraresi, da riservarne la cognizione al supremo intendimento dell' EE. VV., ed a quello, che può essere alle medesime rappresentato da persone intendenti delle materie politiche, e militari.

R I S P O S T A

De' Bolognesi alli Articoli Sesto, e Settimo.

- VI. *Se gli argini della nuova linea saranno esposti a pericolo prossimo di rotte, o per le piene, del Reno, o per li regurgiti del Po.*
- VII. *Se le terre di Cento, Stellata, e Bondeno per la separazione del rimanente del Ferrarese resteranno dannificate.*

Circa al VI. articolo non si vede in primo luogo quale differenza possa concepirsi tra le arginature della nuova linea, e quello degli altri fiumi; onde se questi non sono esposti a prossimo pericolo di rotte, perchè lo avranno da essere quelle di Reno?

Secondo non osta la novità degli argini, perchè quando siano fabbricati colle dovute maniere, e cautele, che vuol dire con cordolli bassi, e con carri, e carrette, equivagliano alli vecchi, rendendosi addensata la terra al pari negli uni, e negli altri; e poi rispetto alla quarta linea da noi proposta, alla quale ci siamo ristretti (senz'animo però d'abbandonare il pensiero dell'altre, quando in questa si trovasse qualche particolar difficoltà, che fosse creduta insuperabile) non ha luogo, che in poca parte la novità predetta degli argini, comechè il Po di Ferrara, ed il Panaro son provveduti d'arginature antichissime, e di tutta perfezione, e raddoppiate per quasi tutto il lor tratto.

Terzo giova di molto la rettitudine della linea, che non permette, che si facciano freddi essendo il corso dell'acqua parallelo agli andamenti degli argini.

Quarto vi farebbero le dovute restare, portando così la diversità della linea cadente del fondo, e perciò non farebbevi dubbio, che il piede dell' argine fosse bagnato da acqua bassa, e mancandovi per impossibile, si potrebbero fare a proporzione del bisogno.

Quinto generalmente si dice, che non succede rotta negli argini d' un fiume, senza corrosione della terra, cheli forma, e che tal corrosione non può mettersi in atto, se non per tre capi; primo per la trapelazione dell' acqua, a cagione del terreno troppo poroso; secondo per la bassezza degli argini, che lascia formontare l' acqua; terzo per l' impeto grande, che fa la corrente contro li stessi, e questo si dee considerare o in se stesso, o in ordine della debolezza del sussistente, ma per niun capo de' detti può temersi danno alcuno.

Non può temersi pel prossimo pericolo di rotte a causa della trapelazione dell' acqua per le porosità degli argini, perchè estendovi per tutto il tratto della linea terra atta alla di loro perfettissima fabbrica, non s' ha d' avere questo timore, ed in ogni caso supplirebbe la larghezza degli argini all' imperfezione del terreno.

Non per la bassezza dell' arginature; perchè non si niega di farle alte anche più del bisogno.

Nè per l' impeto grande dell' acqua, perchè la retitudine della linea ce n' assicura, come al numero terzo.

E finalmente non per la debolezza degli argini, perchè questi si faranno di robustezza conveniente a giudizio di perito disinteressato,

Il pericolo delle rotte non può temersi, che da tre cause, o dall' acqua del Reno nelle piene, o da quelle del Po ne' rigurgiti, o da quelle dell' uno, e dell' altro uniti nelle piene, e ne rigurgiti. Non da quelle del Reno per le ragioni già addotte, e di più perchè di fatto si mantengono gli argini del Po Grande, non ostante siano più tormentati, e dal corso d' acqua, e dall' impeto della corrente, dunque tanto più quelli del Reno.

Non da quelle del Po ne' regurgiti, perchè questi non fanno sforzo, e gli argini non hanno da sostenere, che il peso dell' acqua.

Per ultimo non da quelle del Po, e da quelle del Reno unite, come di sopra, perchè il sostentamento del Po altro rifrangerebbe l' impeto delle piene del Reno, e gli argini avrebbero da operare poco più di quello facefsero in resistere a' soli regurgiti.

L' esempio degli altri fiumi ben regolati, che entrano nel Po, farà conoscere all' E. E. VV. la vanità di tale insufficiente timore.

Al secondo Articolo.

S'è risposto nel §. Sesto della Scrittura ultimamente esibita, alla quale intieramente ci rimettiamo ec.

R I S P O S T A

De' Bolognesi al foglio de' Signori Ferraresi sopra gli Articolì VIII. e IX., suddivisi in cinque quesiti, che sono.

- I. Se il Reno alto potrà entrare in Po alto.*
- II. Che effetti produrrà.*
- III. Che alzamento d'acqua vi cagionerà.*
- IV. Con quale altezza d'argini converrà provvedervi.*
- V. Per quanto spazio si dovrà estendere questo alzamento.*

Al §. Primo.

SI ammettono tutte le misure addotte, e più abbasso ce ne serviremo ancor noi per provare il nostro intento, ma non si ammette già la conseguenza, *adunque il Reno pienissimo non potrà entrare per Panaro nel Po pienissimo*, perchè tale argomento proverebbe anco, che Panaro pienissimo non può entrare nel Po pienissimo, e pure ciò è contrario all'esperienza.

Al §. Secondo. In ordine all'alzamento delle piene, dopo il proporzionamento dell'alveo del Po, già abbiamo detto il nostro sentimento, che le piene s'abbasserebbono, e faremo costarlo meglio a suo luogo. Per quello poi che portasse l'alzamento dell'acqua del Reno sopra la superficie antecedente del Po, aggiungeremo qualche cosa nella risposta al seguente §. In tanto non si lascia di dire, che fin' a tanto, che non si addurranno ragioni, o esperienze convincenti non ci persuaderemo mai, che il Reno sia per interrire l'alveo del Po, non l'avendo interrito Panaro, nè altri fiumi, che li corrono dentro torbidissimi.

Al §. Terzo. Per quello s'aspetta alle misure delle sezioni delli due alvei di Po, e Reno, poco ci scostiamo dal sentimento de' Signori Ferraresi, se non che ci par molto lontano dalla verità il prendere quattordici piedi per misura ragguagliata dell'altezza delle piene del Reno alla Botta degli Annegati, dove pure è il gorgo mantenutovi dalla tortuosità, e dal passo, che vi s'è trovato nel maggior fondo sotto il piano degli argini piedi 14. 3. 7 ed al Pilastrino della Pieve piedi 13. 8. 5. bisogna pure nelle massime piene vi sia almeno un piede di vivo, onde la misura della piena nel maggior fondo non può mai essere più di piedi 13. 3. 7. e piedi 12. 8. 5., e molto minore detratta la profondità del gorgo, che nell'uno, e nell'altro luogo è notorio; ragguagliata poi questa maggior profondità ridotta ad altezza viva d'acqua colle minori di 9. 8. 6. ed anco piedi 5. che si trovano nella stessa sezione, chiaro apparisce, che più al vero s'accosta la misura rag-

guagliata di piedi 8. determinata dal Padre Riccioli, accresciuta da noi per maggior cautela fino a piedi 9 di quella modernamente assunta da Signori Ferraresi per fondare il loro calcolo. La velocità attribuita al Reno fino a farlo correre miglia 8. per ora, è un esorbitanza stravagante, convinta di falso dall'esperienza medesima, perchè se fosse vera bisognerebbe, che la piena del Reno da Bologna si portasse a Ferrara al più in quattro ore, e pure ne spende fino a dodici per giungervi. Il restringere poi la velocità del Po da cinque a quattro miglia per ora, è fatto senza fondamento veruno, non valendo la proporzione della maggiore, o minore caduta, dove si ha altezza viva d'acqua considerabile, che è quella, che regola la velocità. Il ritardo finalmente fatto alla corrente del Po da' venti, che vi soffiano contro non è così accertato, come si suppone, ed abbenchè venga asserito dal Padre Castelli nel corollario, tal sentimento però è impugnato dal Padre Cabeo della Compagnia di Gesù, che per esser di patria Ferrarese potè osservare gli effetti nel Po medesimo, asserendo affatto insensibile tale ristagno. Eccone le di lui precise parole desunte dal libro primo delle sue *Meteor. Com. 60. quest. 51. pag. 346. col. 2.* *Adverto pretereā quod mihi videor ex observatione notasse, quāvis dicatur a Castello, restante vento fluvium intumescere, re tamen verā vix sensibiler ex vento, & motum retardari, & fluvium intumescere. Vidi enim contra Padum stantem ventum vehementissime per plures non solum horas, sed dies, nec tamen fluvius sensibiler intumescere. Non tamen obstat neq. ex restante vento precisē motum non retardari, nec fluvium intumescere, sed ut dixi, videor mihi observasse venti effectum exiguum omnino esse, & hoc est quia verē ex restante precisa vento non retardatur, nisi in suprema superficie, nec ventus descendit ad profundum fluminis, retardantur quidem qui innant, sed non retardatur sensibiler aqua &c.* Ed in vero il vento non fa altro, che un ondeggiamento nell'acqua, il quale occulta la velocità della medesima, ed alle volte fa apparire, che corra al contrario, benchè essa seguiti come prima il suo corso, ed in fatti non eleva di superficie, se non quanto porta l'ondeggiamento, come dovrebbe fare se gli fosse ritardata la velocità.

Da dette alterate misure si calcola, che 'l Reno pienissimo farebbe alzare il Po pienissimo piedi 7. con una frazione, che si trascura, e supponendo la velocità del Reno ridotta a miglia sei, ed accresciuta quella di Po fino a cinque, e sei, si riduce l'alzamento a piedi 4. $\frac{1}{2}$, e poi finalmente a piedi 3. once 7.

Abbenchè nella copia della Scrittura comunicatoci manchi per inavvertenza del copista qualche riga, o parola, che oscura il metodo tenuto nel calcolare, nondimeno da' numeri espressi ricaviamo, che nel computo non si ha veruno riflesso alla velocità maggiore, che acquisterebbe il Po, per l'aggiunta dell'acque del Reno, se non per altro, perchè elevandosi la superficie dell'acqua del Po piedi 7. di più, altrettanti n'acquisterebbe la di lui superficie sopra il pelo del mare, e secondo il principio di regolare la velocità a ragione di caduta, dovrebbe considerabilmente accrescersi quella del Po.

Delli supposti, e metodo di questo calcolo non formato da alcuna dimostrazione; nè convalidato dall'autorità d'autore veruno, dimostreremo l'insufficienza da diversi assurdi, che ne derivano. Primieramente si calcola l'acqua, che scorre pel Reno pienissimo in un ora piedi cubi 67198320. e noi da' numeri di questo computo troviamo (non vedendolo espresso nella Scrittura de Signori Ferraresi) che il Po in tempo eguale, scarica piedi cubi d'acqua 298659200. dividendo la quantità maggiore per la minore,

re, troviamo nel quoziente 4. ²²/₆₇, che vuol dire, che l'acqua del Po pie-

nissimo non arriverebbe ad esser quattro volte, e mezzo maggiore di quella del Reno pienissimo: cosa fuori d' ogni ragione. Secondo, se ognuno de' fiumi, che entrano in Po eguali al Reno, che vengono giudicati dal Barettieri essere 38. supponiamo noi, che non siano più di 20. facessero piedi 7. d'altezza nel Po, bisognerebbe, che questa ascendesse a piedi 140. e pure non è maggiore di 31. in 32. Terzo, se Panaro, la di cui acqua è uguale, se non maggiore, o almeno poco minore di quella del Reno, avesse cagionata tale altezza, non essendo nella di lui rivolta al Po Grande, stari alzati gli argini, avrebber nella prima piena sormontati, e pure ciò non è seguito, non ostante, che la rivolta fosse non delle sole acque di Panaro, ma di più di quella parte del Po, che nelle piene correva verso Ferrara, quando s'apriva l'intestatura al Bondeno.

Al versicolo di detto §. Terzo *dal detto fin qui ec* si dà titolo di probabilissima, se non d'evidente all' asserzione fatta circa l' alzamento del Po per l'acque del Reno; ed a' nostri calcoli dimostrati quello di meno probabili, per poi renderli egualmente dubbiosi, l'EE. VV. potranno giudicare del merito dell' uno, e dell' altro.

Al resto di questo versicolo non si risponde perchè è affatto lontano dalla materia di questo quesito.

Alli versicoli prima, e seconda ec. quello che è stato necessario per ben stabilire, e con evidenza il nostro calcolo, è qualche anno, che sta sotto la censura de' letterati; tutto il resto sta notato nella nostra Scrittura. Se fosse stato bisogno di stabilire il corpo d'acqua, che il Reno pienissimo scarica in un ora, non ci sarebbero mancati i mezzi per farlo; ma perchè ciò non occorre, bastando di determinare la proporzione, che ha l'acqua del Reno pienissimo a quella del Po pienissimo, perciò s'è tralasciato di fare questo calcolo. Che il vento ritardi la velocità del Po si pretermetta senza concederlo, e senza negarlo, ma che tal causa non possa operare sensibilmente si prova così. Se il vento ritardasse la velocità d' un fiume in una sezione determinata, è dimostrato, che la velocità prima del tardamento alla velocità, che li resta dopo il ritardamento, ha da stare in proporzione reciproca dell'altezza viva dopo il ritardamento, all'altezza viva avanti il ritardamento: ma l'altezza dell'acqua prima, e dopo il ritardamento non hanno fra di se proporzione sensibile, adunque non l'avranno ne anche le velocità, e perciò la velocità colla quale corre il Po impedito dal vento, sarà insensibilmente differente dalla velocità non impedita dal medesimo. In oltre il Po non ha un alveo diritto ma assai tortuoso, e perciò il vento, che agisce sempre colla stessa direzione in un luogo impedirebbe, in un altro aiuterebbe, in altro non opererebbe, cosa impossibile da intendersi, senza immaginarsi il Po in qualche caso, come una scala, in un luogo alto, poco sotto più basso, ed in altro luogo anche più basso. Perciò non v'è alcun bisogno di rassare la velocità del Po a causa del vento, sia quel che si voglia de' riflussi marini, sopra il pelo de' quali già sono elevati gli argini a misura del bisogno.

Per far vedere ciò operino i regurgiti al di sotto per far elevare la superficie de' fiumi influenti, si ripiglino le misure addotte da' Signori Ferraresi nel principio della loro Scrittura, dalle quali concludono, che il regurgito del Po pienissimo non lascia di vivo alla Chiavica di S Gio: più che piedi 1. once 8. o piuttosto piedi 1. once 7. dal quale detratto il vivo di detta Chiavica sopra le massime piene di Panaro di once 4. in circa, resta-

stano piedi 1. once 3. Ciò supposto così si argomenta: O il Panaro è venuto coll' sue piene trovando tale regurgito, o no; se si dirà non esser succeduto tale incontro di piena, non ostante sia oramai un secolo, che corre stabilmente nel Po, non s'ha da dubitare, che tale accidente sia mai più per succedere; se poi si risponderà esser venuto, adunque coll' elevarsi solamente piedi 1. once 3. di più sopra il pelo del regurgito, ha scaricate le sue piene nel Po, e pure le di lui piene, quando corrono in Po basso, hanno tanto maggiore altezza.

Da ciò si deduce, che se un fiume, il quale ha piedi 14. o 15. di altezza nelle sue piene, come Panaro, dovendo cadere sopra un regurgito d' altezza di piedi 10. once 2. non si eleva più, che piedi 1. once 3 l' acqua del Reno, che scorrerà in altezza di poche once come s'è dimostrato sopra; quella del Po non si eleverà per superare i gonfiamenti del mare, che insensibilmente, e perciò ne anche per questo capo si toglie la verità del nostro calcolo.

Al §. Quarto ec.

Se fosse verà l' asserzione de' piedi 7. o. piedi 4. $\frac{1}{2}$, o 3. once 7. di alzamento in Po, altrettanto dovrebbero cessare, o farsi gli argini sopra la massima escrescenza presente, e lo stesso vale nel caso del nostro calcolo di once 8., $\frac{2}{3}$, e perciò l' elevazione degli argini da farsi dipende dal vivo presente degli stessi, ed alla quantità di detto alzamento, non si vede già perchè dovessero alzarli di più. In ordine poi al sesto dell' altezza pel calo degli argini nuovi, non si discorda quando la maniera, che si praticasse lo richiedesse.

Al §. Circa il quinto ec.

Ci rimettiamo alle misure delle lunghezze da prenderli, ed all' altre considerazioni da noi fatte sopra questa materia ec.

Finalmente il calcolo della spesa non è adattato al presente quesito.

R I S P O S T A

De' Bolognesi alli due articoli 'ottavo, e nono, che sono.

- I. *Quali effetti produrrà il Reno alto in Po alto, e se possa entrarvi.*
- II. *Che alzamento d'acque vi cagionerà, e con quale altezza d'argini convenga provvedervi, e fino a dove questi si devino rialzare.*

AL primo articolo si dice, che tutti i fiumi influenti entrano ne' suoi recipienti, siano questi o alti, o bassi, quando gli argini di quelli sono proporzionati a contenere fra se medesimi l'altezza d'acqua necessaria al proprio ingresso, ed essendo che ciò non è impossibile a farsi, rispetto all'introduzione del Reno nel Po, quindi non vi può esser dubbio veruno, che il primo non possa entrare nel secondo.

L'ingresso poi si faciliterà con dare alla nuova linea uno sbocco agguistato, e tale da non temerne danno veruno, come s'è provato nella nostra Scrittura sopra l'articolo quarto.

Rispetto agli effetti, che possa produrre il Reno alto in Po alto, dipendendo la risoluzione di questa parte dalle considerazioni proprie dell'articolo seguente ad esso ci rimettiamo.

Per rispondere adeguatamente all'articolo secondo, ci fa di mestieri ripetere ciò che altre volte abbiamo detto, cioè, che all'unirsi che fanno diverse acque correnti d'alveo stabilito, si scema nell'alveo comune la pendenza, cioè si profundano, ed in oltre s'allargano gli alvei, al che succede, che le piene s'elevano ad un orizzonte meno alto di quello succederebbe, se ognuno de' fiumi influenti si portasse al mare senza mistura d'altre acque.

Per manifesta prova di questa proposizione, s'osservi prima, che il Po è maggiore de' fiumi della Lombardia, anzi di tutta l'Italia, e non ostante le di lui piene sono le meno alte, perchè sono le meno inclinate di superficie.

Secondo se si trattasse d'aggiungere l'acque del Po a quelle del Reno, o del Lamone, si alzerebbero, o si sbasserebbono le piene nell'alveo comune? Certo ognuno risponderebbe, che ciò succedendo s'abbasserebbe l'altezza delle piene del Reno, e addurrebbe per ragione, che l'alveo del Reno si scaverebbe sino a proporzionarsi l'alveo; adunque similmente aggiungendo l'acqua del Reno a quella di Po farà lo stesso, e le piene di questo resteranno più basse.

Terzo da che il Po s'è intieramente rivoltato nel ramo di Venezia assorbendo nelle piene, e l'acqua di Panaro, e la porzione di quella di esso Po, la quale per l'alveo di Ferrara si portava per altra strada al mare, le di lui piene non si elevano più a quell'altezza, che altre volte gli era propria.

Quarto si può dimostrare la nostra asserzione *a priori* col fondamento degli allegati principj, e coll'ajuto delle figure necessarie, ma per non infastidire di soverchio l'EE. VV. si tralascia di farlo.

Ciò stabilito si fa chiaro, che se unite le piene di Po, e del Reno si porterebbero al mare con minor pendio, non solo non si eleverà la superficie dell'acqua nelle piene, ma resterà tanto più bassa, quanto richiede la porzione dell'acqua d'uno a quella dell'altro.

Questo effetto però non succederebbe così alla prima, ma solo con qualche lunghezza di tempo, e perciò sul principio dell'introduzione non si nega, che il Reno alto non cagionasse in Po alto qualche alzamento, e sopra di questo discorreremo brevemente.

Il Padre Castelli nell'appendice terza al corollario 16. della sua misura dell'acque correnti, condanna l'errore di quei periti, che giudicarono dal trovare la larghezza del Po piedi 1000., e la sezione del Reno piedi 200. che il Reno farebbe crescere il Po piedi 2. e nell'appendice 4. del corollario medesimo nota simile errore in altri ingegneri, e periti, che credevano, che mettendosi il Reno in Po non farebbe alzamento veruno, e conclude, che *la verità è, che mettendosi il Reno in Po farebbe sempre alzamento, ma alle volte maggiore, alle volte minore, secondo che troverà con maggiore, o con minor corrente il Po, di modo che quando il Po sarà costituito in gran velocità, pochissimo sarà l'alzamento, e quando il medesimo Po sarà tardo nel suo corso, allora l'alzamento sarà notabile.*

Per intelligenza di questa asserzione del P. Castelli s'avverte, che l'alzamento del Reno in Po si dee intendere in due maniere; prima rispetto all'alzamento delle massime piene unite dopo il proporzionamento dell'alveo sopra un termine stabile, ed in tal senso abbiamo detto, ed occorrendo, si dimostrerà, che le piene non solo non eleverebbero di più, ma si abbasserebbero, e tal forse fu il sentimento degli Ingegneri notati dal Padre Castelli nell'Appendice 4. Secondo si può intendere l'alzamento rispetto all'altezza, che si accrescerebbe dall'introduzione dell'acqua del Reno in quella del Po, cioè avendo per termine sopra il quale dee seguire l'accrescimento, o la superficie antecedente dell'acqua del Po, o pure il fondo del medesimo, e di questo precisamente parla il Padre Castelli, al sentimento del quale, perchè convinti dalla ragione di buona voglia ci sottoscriviamo.

Con tale intendimento si sono avanzati a determinare la misura precisa molti autori, li quali ne hanno pubblicati i calcoli, e fondamenti di essi, che noi qui sommariamente riferiremo, aggiungendovi il nostro defunto delle misure delle sezioni del Reno, e del Po, prese in quest'ultima visita.

Il Barattieri nella sua architettura d'acque prop. 2. lib. 5. pag. 222 dopo diverse considerazioni fatte sopra questa materia conclude. *Quando anche il Reno fosse la diciassettesima parte del Po non alzerebbe poi ne anche più di tre quarti d'un piede d'avvantaggio alla maggiore escrescenza, che fare possa il pienissimo Po, quando le fosse aggiunta l'acqua del pienissimo Reno ec.*

Il Signor Gio: Domenico Cassini ora Astronomo di Sua Maestà Cristianissima nelle sue Scritture fatte sopra questo particolare, che si trovano nel libro intitolato, *Raccolta di varie Scritture, e notizie concernenti la rimozione del Reno dalle Valli ec.* dice che il Reno non può alzare sensibilmente le maggiori escrescenze del Po; e di poi conclude, che tale alzamento non oltre passerebbe once 4. ec.

Il Padre Riccioli di Patria Ferrarese, e della Compagnia di Giesù, nel lib. 6. della sua Geografia riformata al cap. 30. tratta assai diffusamente questa materia, e calcola, che se l'acqua del Reno farà tre miglia per ora, l'aumento dell'altezza in Po farà poco più di once 6. se 4. miglia arriverà a once 9. e se cinque miglia, cioè che il Reno nelle piene sia egual-

mente veloce; che il Po (supposizione non vera) non eccederà once 11. e conchiude *Interim certe renunciare mihi posse videor, nunquam, Rhenum additurum Pado plus uno pede, immò nec pedem, nisi Rhenus plenissimus ingredietur Padum plenissimum &c.*

Il Padre Claudio Milliet de Chales della medesima Compagnia, nel tomo secondo del suo mondo mattematico al trattato *De fontibus naturalibus prop. 55.* valendosi delle misure desunte dal Padre Riccioli, e calcolando sul principio differente da quello del Castelli conclude, chel'alzamento ricercato sarebbe $\frac{6}{7}$ di piede con queste parole. *Dico ergo altitudinem Padi*

ante immissionem Rbeni Bononiensis, ad ejusdem altitudinem post immissionem ejusdem Rbeni esse ut 54. $\frac{1}{2}$ ad 55. $\frac{3}{4}$, seu ut 217. ad 223. fiat ergo ut 217. ad 223.

ita altitudo 31. ad altitudinem 31. $\frac{186}{217}$ seu fere $\frac{6}{7}$, hoc est fere uno pede intumescet Padus; ma non sono che once 10. 3.

Per fondare il nostro calcolo, prenderemo due sistemi in ordine al crescere le velocità. Il primo è, che le velocità siano proporzionali all'altezza viva dell'acque; ed il secondo, che le medesime velocità siano tra di se in proporzione sudduplicata dell'altezze vive delle medesime. Il primo è seguitato dal Castelli, Barattieri, Cassini, e Riccioli, ed il secondo dal Torricelli, dal Baliani, e dal P. de Chales, ed è da noi dimostrato nel libro terzo della misura dell'acque correnti al corollario primo della proposizione seconda.

Servendosi della prima supposizione, noi troviamo l'alveo del Po al passo di Lago scuro largo piedi 761. ma diciamo solo 760., alto nelle forme escrescenze piedi 31. misura concorde col sentimento di tutti gli autori, e non discorde dalle misure di quest'ultima visita. Similmente troviamo la larghezza dell'alveo del Reno alla botta degli Annegari piedi 189., e l'altezza ragguagliata supponiamola piedi 9. anche maggiore di quello è stata adoprata dal Riccioli, che la determina piedi 8. Facciasi in primo luogo il quadrato dell'altezza del Po piedi 31. e sarà 961. e questo moltiplicato per la larghezza del medesimo piedi 760. farà 730360. numero, come chiama il Barattieri l'atiquadro dell'acqua del Po. Similmente rispetto al Reno facciasi il quadrato dell'altezza piedi 9. e sarà 81. e questo moltiplicato per la larghezza del medesimo piedi 189. ed il prodotto sarà 15309. numero l'atiquadro dell'acqua del Reno, e del Po unite; si sommino assieme li predetti due numeri, e si avrà 745669. Partasi questo l'atiquadro per la larghezza del Po, e ne verrà il quoziente 985. $\frac{7}{76}$ la di cui radice

quadrata è 31. $\frac{12}{31}$, ovvero piedi 31. once 4. $\frac{2}{3}$ e perciò verrebbe il Po pieno per l'aggiunta del pienissimo Reno a crescere once 4. $\frac{2}{3}$

Nel secondo sistema ordinando il calcolo, come nella medesima proposizione ottava del lib. 3. *della misura dell'acque correnti.* Tra le due altezze piedi 31. del Po, e piedi 9. del Reno si trovi un numero medio proporzionale, che sarà 16 $\frac{23}{32}$, e farà la proporzione di 9. a detto numero, quella delle velocità, la di cui triplicata e di 9. a 57. $\frac{19}{32}$, e componendo questa con quella delle larghezze 189. e 760. ne nasce la proporzione dell'

a equa del Reno a quella del Po, quella che ha 9. a 235. ed unendo assieme queste due quantità si farà 244. cubo dell'acqua del Reno, e del Po unite assieme, ed il cubo dell'acqua del Po solo resterà 235., le radici cube de' quali numeri sono per Reno, e Po uniti 6. $\frac{28}{126}$; e per Po solo 6. $\frac{9}{126}$

la proporzione duplicata delle quali farà quella dell' altezze; e perciò riducendo alla denominazione del rotto le dette radici cube cioè a 775. e 784. e trovato un terzo proporzionale 793. farà la proporzionale di 775. a 793. quella, che avrà l'altezza del Po solo, all' altezza del Po accresciuto da Reno; talchè per la regola aurea così starà 775. a 793. come piedi 31. altezza del solo Po, a piedi 31. once 8. $\frac{2}{3}$ altezza del Po unito all' acqua

del Reno, e perciò aggiugnendosi il Reno altissimo al Po altissimo, non potrà farlo crescere che once 8. $\frac{2}{3}$

In tutti li soprannotati calcoli si dee avvertire, che gli Autori, secondo l'uso comune de' mattematici, prescindono dalla resistenza delle sponde, e del fondo dell'alveo, nel calcolare le quantità dell'acqua dell'uno, e dell'altro fiume; e perciò riescono sempre maggiori delle vere. E perchè maggior resistenza patisce il Reno nel proprio alveo, che Po nel suo, atteso, che le figure simili, quanto sono minori, tanto maggiore hanno la circonferenza in proporzione dell'area propria, e le resistenze sono proporzionali alle circonferenze resistenti, quindi molto maggior differenza intercede tra l'acqua calcolata del Reno, e la vera di esso, di quella sia tra l'acqua calcolata del Po, e la vera del medesimo. E perciò la proporzione dell'acqua del Reno a quella del Po viene ad esser minore della proporzione, che apparisce dal calcolo, e per conseguenza l'alzamento vero dovrà riuscire alquanto minore di quello concluda il calcolo medesimo.

S' avverte in secondo luogo, che gli alzamenti calcolati suppongono l'alveo invariato, cioè della stessa larghezza, e profondità, siccome il Reno col Po nelle massime piene. Quest' ultimo caso, o non verrà mai, o una sol volta nel corso d' un secolo; e perciò vi sarà tempo da proporzionarsi l'alveo, prima che esso succeda, e venendo troverà l'alveo allargato, e profundato tanto, che l'alzamento dell'acqua non succederà a quel segno, che si figurano gli Autori, supponendo l'identità delle misure dell'alveo presente. Quindi si potrebbe probabilmente, e ragionevolmente concludere, che non vi fosse bisogno d'alzamento veruno nell'arginature del Po, quand' anche fossero proporzionate all'acque sole di questo; ma perchè la serietà del presente trattato ricerca, che s'operi con'ogni maggior cautela, non ricusano i Bolognesi abbenchè persuasi di non esser tenuti a farlo, di concorrere all'elevazione degli argini predetti di Po, ne' luoghi, dove la livellazione già fatta ne indichi la necessità, e la quantità, la cognizione di che spetta interamente al purgatissimo giudizio, ed incorrotta giustizia dell' EE. VV.

Rispetto poi alla seconda parte di questo articolo *fin dove gli argini si debbano rialzare*, si riflette, che le piene del Po quanto più s'avvicinano al mare, tanto meno si rendono elevate sopra il piano delle campagne, sino che vicino alle spiagge interamente s'incassano. Quindi la linea della superficie degli argini cammina concorrente ad un punto con quella del pelo d'acqua, o sia cadente delle massime piene scaricate sul pelo alto del mare, nel qual luogo si trova il punto del concorso delle accennate due linee; e di quì ne nasce, che dovendosi v. gr. alzare gli argini once 9. alla Stella-

ta, ed essendo necessario un'alzamento proporzionale per tutto, a mezza strada tra la Stellata, ed il mare, basteranno once $4 \frac{1}{2}$, a i tre quarti del-

la medesima once $2 \frac{1}{4}$ ec. E rispetto al principio, e fine di tale rialzamen-

to, potranno questi desumerfi dalla nota del vivo degli argini trovato sopra l'ultima piena delli 15. Giugno prossimo passato. Il che tutto potrà far conoscere, che non molta sarebbe la spesa del rialzo necessario delle arginature del Po, e certo non tale da frastornare operazione sì avvantaggiosa, come questa, di cui ora si tratta.

Per fine non si fa conoscere qual altro effetto, oltre gli accennati possa partorire il Reno alto in Po alto, ed essendocene per avventura suggerito alcuno non mancheremo al solito di sottoporre riverentemente al giudizio dell'EE. VV. il nostro libero, e sincero sentimento, sopra di esso ec.

SCRITTURA

De' Bolognesi al foglio de' Signori Ferraresi sopra gli Articolì X. XI. XII. che sono.

- I. *Quali effetti possa fare il Reno alto in Po mezzano.*
- II. *Quali in Po basso, e se tali piene possano aumentare le froldi, e dirupamenti d'argini.*
- III. *Se le Chiaviche tanto a destra quanto a sinistra possano essere dannificate.*

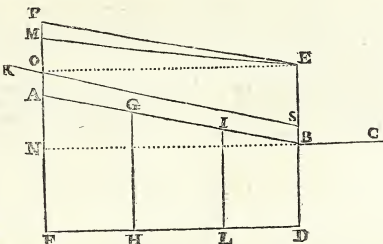
Circa il primo.

Al § Quanto al primo punto ec.

CHE'l Reno nel Po mezzano sia per fare maggiore alzamento, che in Po alto, non si vuol negare, e pure si potrebbe, e dovrebbe se fosse buono il metodo del calcolo usato da' Signori Ferraresi, nel quale non è considerato l'aumento della velocità, nella quale viene ad esser costituito il Po alto sopra quella, che ha il Po basso. Che poi dovesse detto alzamento farsi tanto maggiore, quando venissero piene replicate del Reno, da noi non s'intende, anzi ci pare alieno dalla verità, comechè il replicare delle piene non fa altro, che o mantenere, o rimettere nel Po la stessa altezza per prima cagionata, anzi per la ragione addotta, se il Reno è il primo ad entrare nel Po, e lo trovi mezzano vi farà qualche alzamento, che gli è proprio, ma rivenendo nuove piene giungeranno nel mentre anche quelle degli altri fiumi, li quali elevando maggiormente il corpo d'acqua nel Po, faranno, che la seconda piena del Reno non aggiungerà tanto d'altezza al Po, quanto la prima, e la terza, quanto la seconda ec.

Il ripetere, che si fa l'impedimento de' flussi marini, ed il contrasto del vento alla corrente, ci obbliga a far apparire quanto sia il valore del primo, parendoci, che a bastanza possa costare dal nostro foglio antecedente della instabilità del secondo.

Sia B C la superficie bassa del mare, A B il pelo cadente del Po fino al suo sbocco, B D la profondità di esso, e certa l'acqua del Po in tale stato, che sia permanente. Certa cosa è, che la velocità dell'acqua nello sbocco B D sarà precisamente quanto basta per scaricare nel ma-



re l'acqua corrente del Po, nè più, nè meno, e questa o sarà cagionata dall'impeto precedente, o pure dall'altezze A F, G H, I L, che superino d'attività l'altezza dell'acqua marina nello sbocco B D. Supponiamo ora, o pel flusso, o per la refitta, elevarsi l'acqua del mare da B in E, in maniera, che la superficie del Po da A B s'alzi in M E, la quale superficie acquistata che sia, non si muti più, sino che non si abbassa il punto, e supponiamo, che l'altezza D E sia doppia della D B; correrà dunque nel mare per la fezione dello sbocco D E d'altezza doppia della B D, e della medesima larghezza (che così vogliamo supporla, abbenchè in fatto riesca molto più larga) nè più, nè meno, che prima, tutta l'acqua del Po, e la velocità sarà precisamente quella, che basti per scaricarnela, saranno perciò reciprocamente proporzionali le velocità della fezione prima, e seconda, e le altezze delle fezioni seconda, e prima, e perciò sarà la velocità della fezione E D, la metà della velocità della fezione D B, ma per imprimere una velocità la metà minore d'un'altra, basta anche la metà della causa, e questa non è altra, che o la forza dell'altezze delle fezioni antecedenti, o l'impeto precedente, che però viene a risolversi finalmente nella prima; adunque basterà la metà della forza predetta, o dell'impeto; quindi supposto, che A N sia l'eccesso necessario dell'altezza A F sopra la B D, per dare la velocità necessaria alla fezione B D molto minore dovrà essere l'eccesso O M dell'altezza M F sopra la E D, per dare alla fezione D E la metà solo della predetta velocità; e perciò le due linee A B. M E cadenti del Po, prima, e dopo il gonfiamento del mare, saranno correnti dalla parte di sopra del Po, e dove s'incontreranno, ivi farà il termine, fino al quale risente la marea, che dal detto d'un testimonio registrato nella visita non oltre passa Francolino.

Si ricava da questa dimostrazione, che l'effetto maggiore del ristagno del mare, è nello sbocco, e che nelle parti superiori sempre si rende minore, e minore, fino al ridursi a niente.

Si raccoglie in secondo luogo, che quanto più si elevano i regurgiti, tanto meno inclinate sono le cadenti della stessa piena, perchè minore è la pro-

proporzione dell'altezza della sezione nello sbocco, durante il regurgito all'altezza della sezione fuori del tempo del rigurgito.

Supponiamo ora, che la superficie A sia quella, che compete alla somma escrescenza del Po solo, e che questa debba accrescersi per l'intromissione del Reno altissimo.

Dal dimostrato da noi mediante il calcolo esibito nel congresso antecedente, apparisce doverfi alzare il Po nel luogo della sua introduzione once 8. $\frac{2}{3}$ Tale altezza però è certo, che non potrà continuare fino allo sbocco;

ma dovendo la superficie del Po, anche elevata dall'acque del Reno, spianarsi allo sbocco sul pelo del mare, che però a ragione del maggiore influxo non si eleverà maggiormente, manifestamente apparisce, che l'altezza cagionata dal Reno nel Po, anderà scemandosi quanto più s'avvicinando alla marina, per appunto colla stessa proporzione dell'avvicinamento. Ma non ostante supponiamo pure, per abbondare in cautela, anche a pregiudizio della verità, che mantenga la stessa elevazione per tutto senza profundarsi l'alveo, come necessariamente dee seguire, e che giunta allo sbocco non si spiani, ma stramazzi sopra la superficie del mare dell'altezza predetta. Immaginiamoci poi, che sopraggiunga nello stesso tempo una burrasca di mare delle maggiori, che lo faccia gonfiare fino in E, eleverassi dunque la superficie R S v. gr. in P E, e per quello, che di sopra s'è dimostrato, faranno le linee S R, P E convergenti alle parti R, M vero, e non tanto quanto le A B, M E senza l'accrescimento fatto dal Reno, or vediamo, se sia sensibile l'elevazione della linea E B sopra la M E.

Dal preaccennato calcolo apparisce, che la proporzione dell'acqua del Reno pienissimo a quella del Po pienissimo è di 9. a 235., ovvero di 1. a 26. $\frac{1}{9}$; dovendo per ciò passare per la stessa sezione D E tanto il Po solo

eguale a 26. Reni, quanto il Po unito col Reno, che equivalerà a Reni 27. faranno le velocità, come le quantità dell'acqua, adunque come 27. a 26. così dovrà stare la velocità del Po unito col Reno, alla velocità del Po solo allo sbocco, e supponendo, che l'inclinazione della linea A B sia quanta basta, perchè l'acqua allo sbocco cammini con velocità di gradi 26. dovrà tanto elevarsi la P E, che basti, perchè l'acqua cammini colla velocità di gradi 27., ed aggiunga a tutta l'acqua del Po nella stessa sezione ventiseiesima parte della velocità precedente.

Supposto poi l'abbassamento necessario del fondo F D, che comincerà a farsi nella prima piena, accrescendosi la sezione, sarà necessaria minor velocità, e perciò sarà meno inclinata la P E, e molto più s'accosterà alla M E.

Sul fondamento, de' quali due motivi chiaro apparisce, che poca dovrà essere l'altezza da farsi dal Reno sopra l'acqua del Po sostenuta dal gonfiamento del mare, e minore delle once 8. $\frac{2}{3}$, perchè se le dette once 8. $\frac{2}{3}$

bastano per giungere il 26. della velocità necessaria in una sezione più piccola, e più veloce superiore al luogo del ristagno, molto più potranno aggiungerlo in una sezione maggiore, e meno veloce, quali sono tutte quelle, alle quali arriva l'effetto del sostentamento del mare, e se l'altezza vanno scemandosi a ragione delle vicinanze, che acquistano al mare, tanto minore dovrà essere l'alzamento del Po accresciuto dal Reno sopra la superficie di se solo fregolata sul mare alto.

Non ostante il rallentamento del moto, che accade all'acque del Po sotto-

stenuto dal flusso marino, non succede nello stato presente interrimento veruno, adunque molto meno succederanno tali interrimenti accresciuta, che sia la velocità $\frac{1}{25}$ come di sopra si è dimostrato.

Al § Non si lascia la percussione.

Tale percussione non si farà, e mostra l'esperienza, che Panaro non la fa, tenendosi colle sue piene alla ripa destra, come fu osservato nella visita Borromea, e l'avanzamento del Bonello della Stellata mostra, che poco s'avanza nel Po l'impeto dello sbocco di Panaro, ne accade portare l'esempio della fossa della Polesella, perchè il fatto non è accertato, e quando il fosse bisognerebbe esaminarne le condizioni, e finalmente dandosi un buono sbocco, come s'è proposto, a seconda della corrente del Po, verrà ad assicurarsi, e la banda destra del Bonello, e molto più la ripa sinistra.

Circa il secondo.

Al §. Del secondo punto ec.

LA maggior caduta del Reno farà avanzare qualche poco di più il suo corso dentro la corrente, ma non mai arrivarla alla sponda sinistra; ma dato anche tal supposto erroneo, si provvederebbe come s'è detto col darli buono sbocco.

Che il Reno deponesse nelle piene qualche materia sopra le ghiaie del Po, se non si concede non si neghi, ma si desuma la verità dagli esempj, che se n'hanno. Quante volte succede, che trovandosi il Po basso, venga la piena a qualche fiume dell' Appennino, di quelli, che corrono torbidissimi al pari, ed ancor più del Reno, tante volte l'acque torbide si spandono sopra le ghiaie in non molta altezza, si fanno in casi simili interrimenti? o pure fatti che siano al sopravvenire della piena sono essi di nuovo levati? certo non interrendosi l'alveo del Po, bisogna, che o l'uno, o l'altro succeda, e tanto sarà nel caso allegato, che l'Reno entrasse torbidissimo in Po basso. Circa il timore di perdere il Po d'Ariano, già s'è detto quanto occorre, ma se fosse vero, che il Po, da Crispino in giù stesse come stagnante, a quest'ora sarebbe obliterato il di lui alveo, ed il Po, ed Ariano non avriano più nome, anzi, o egli è vero, essendo manifesto che non ostante il Po si conserva profondo, bisogna dire, che la poca velocità, che vi resta, sia bastante ad impedire la deposizione del limo, e perciò a tale effetto molto più basterà la maggiore, che possiede nelle parti superiori. Se poi non è vera l'asserita quasi stagnazione, vacilla la conseguenza dell'interrimento futuro del Po d'Ariano, che si pretenderebbe provare, anzi accrescendosi la velocità per l'accrescimento dell'acqua se ne deduce da noi una certissima escavazione.

Al §. Ciò pure si vede ec. e seguenti.

L'esempio del Po di Ferrara è assai diverso da quello del Po di Venezia, non verificandosi in questo le condizioni, che in quello si trovarono, e questa diversità fu benissimo conosciuta dall'Argenta, perchè attribuendo egli l'interrimento del Po di Ferrara alle torbide del Reno, non temette, che

che il simile dovesse succedere in quello di Venezia, quando propose di sboccarvi dentro il Reno predetto.

Al §. E si portano ec.

Parte farà del finissimo giudizio dell'EE. VV. il riconoscere, se le supposte ragioni de' Signori Ferraresi bastino a render dubbiosissime le nostre, sicchè v'entri l'assioma, che *in dubio tutior pars sit eligenda*, e le medesime sapranno bene riconoscere, quali siano *le ragioni speculative, e metafisiche non evidenti*; cioè se o quelle de' Signori Ferraresi appoggiate a semplice asserzioni non provate, che con pronostico, e con un' apparente timore ec. o pure le nostre fondate sopra mezzi termini dimostrativi, e corroborate dall'esperienza.

Al §. La risoluzione ec.

La causa de' froldi non è l'acqua per se stessa, ma la direzione della di lei corrente, ed altre puramente accidentali.

L'esserfi fatti da 30. anni in qua froldi, lo certificano, perchè se l'aumento dell' acqua fosse la causa efficiente de' froldi, non essendo seguito da 30. anni in qua nuovo accrescimento all' acqua del Po, non si farebbe dovuto produrre anche l' effetto. Introducendosi adunque il Reno nel Po seguirebbe quello, che è seguito per lo passato; si farebbero nuovi froldi, se ne sanerebbero de' vecchi, altri s' accrescerebbero, altri si sminuirebbero ec. ma l'acqua del Reno non ci avrebbe colpa nè merito ec.

Circa il terzo punto.

Al §. Dal già detto ec.

NON sussistendo adunque gli alzamenti nell' alveo del Po, anzi stando noi per la parte dell' escavazione, non solo non patiranno gli scoli, ma guadagneranno.

Al §. Se cessassero gli alzamenti ec.

Abbiamo detto quanto occorre nella nostra risposta a questo punto.

Al §. S' accrescerà ec.

La caduta delle chiaviche per buona regola rispetto a' terreni bassi, non vi dovrebbe essere di sorta alcuna, onde le poche once, che hanno di caduta piuttosto loro pregiudica; ma questa nel nuovo caso non s' attende, bensì quella, che ha la superficie della campagna sopra il pelo basso del Po, e questa è di piedi, e non d' once, come s' asserisce.

Al §. Si degneranno ec.

La chiavica de' quattro occhi si trova registrato nella visita, che scolarva, e non si trova già la languidezza di moto in questo §. Asserita, nè la pie-

pienezza del Canal Bianco improbabile in quella stagione straordinariamente asciutta; e l'acqua del Po è certo, che non era nella sua estrema bassezza, se poi fosse indicato a parte all' EE. VV. non lo possiamo sapere; presumiamo però, che se ciò fosse stato non si sarebbe trascurato da' Signori Ferraresi di farne tener memoria nella visita come di cosa troppo essenziale.

Cadendo perciò tal supposto, cade altresì tutto il danno immaginato, e del' Polesine di Ferrara, e della stessa Città, per l'impedimento de' Docili, ed in oltre poco, e per poco s'impedirebbero le Chiaviche del Po d' Ariano per l'alzamento del pelo di esso fatto dall'acqua del Reno, dovendo in tale vicinanza al mare riuscire quasi che insensibile, e perchè le piene del Reno non durano che poche ore, onde non sussiste, che si perdessero, anzi per la maggiore escavazione del fondo di detto Po si migliorerebbero ec.

S C R I T T U R A

*De' Bolognesi sopra alli tre articoli X. XI. XII.
che sono.*

- I. *Quali effetti sia per fare Reno alto in Po mezzano.*
- II. *Quali effetti possa fare in Po basso, e se le di lui piene cagioneranno augumento di froldi, e dirupamento d' argini.*
- III. *Se le Chiaviche a destra, ed a sinistra rimarranno dannificate.*

Rispetto al primo, quando il Po fosse mezzano, e vi arrivasse la piena del Reno certo s'alzerebbe qualche poco più dell'once 8. $\frac{2}{3}$

calcolate nella risposta all' articolo 9. supponiamo, che arrivasse in tal caso anco all'altezza d' un piede, e per abbondare, d' un piede, e mezzo. Sarebbe adunque alto il Po piedi 1. $\frac{1}{2}$ di più di quello, che fosse

per essere senza l'acqua del Reno, ed equivalerebbe ad un Po mezzano d' un piede, e mezzo d'altezza di più, ma il Po alto piedi 1. $\frac{1}{2}$ sopra la sua

mediocrità non partorirebbe effetto veruno pernicioso, ed in fatti non si pone di guardia ec. adunque l' Reno aggiunto ad un Po mezzano non porterà alcun danno ec.

Le piene del Reno sono poi di breve durata, ed al più non eccedono 10. o 12. ore, onde a loro cagione non possono esser messi in contingenza gli argini ec.

Vedansi gli effetti di Panaro quando arriva sopr' un Po mezzano, e tali anco potranno presumersi da Reno in parità di condizioni.

Al secondo lo stesso proporzionalmente si repete del Reno alto introdotto in Po basso, e non si vede per qual cagione il Po costituito in gran bas-

fezza, che tale anco coll' introduzione dell' acqua del Reno, abbia da aumentare i froldi, e dirupare gli argini.

In risposta del terzo, circa il danno, che ne potranno ricevere le Chiaviche a destra, ed a sinistra del Po, si discorre così. I terreni, che non hanno scolo immediato al mare, lo hanno, o ne' fiumi, o nelle paludi, e tra quelli, che lo hanno ne' fiumi, che di questi principalmente si parla nel nostro caso, altri l' hanno naturale, altri artificiale. Lo scolo naturale è proprio di quei terreni, i quali sono tanto alti, che non possano essere formontati dalle piene de' fiumi, nell' alveo de' quali hanno l' ingresso; ma l' artificiale si pratica in caso, che si sia obbligato di difendersi dalle escrescenze del fiume con argini, nel qual caso, ogni volta, che l' acqua della piena sia tanto alta, che si renda superiore al piano delle campagne, che si debbono scolare, in vece, che le campagne tramandino le sue acque al fiume, questo piuttosto inonderebbe i terreni per la stessa foce de' condotti destinati allo scolo, se non vi si provvedesse colle chiaviche destinate a levare colla chiusura delle cateratte la comunicazione tra' l' fiume, ed il condotto, e durante tale accidente è necessario, che l' acque piovane siano trattenute ne' condotti, e fossi delle campagne, se pure non sono in tanta copia; che possano coprire la superficie del terreno. Quindi quelle campagne, che non hanno caduta sopra il pelo ordinario del fiume è di necessità, restino prive di scolo; e quelle, che sono più alte del medesimo, godono maggiore, o minore felicità a ragione della propria altezza; molti terreni perciò hanno tanta felicità di scolo, che appena terminate le piogge non hanno più acqua ne' loro condotti, ed altri per la poca caduta le tramandano così lentamente, che hanno bisogno di più giorni, ed alle volte settimane per l' berarsene intieramente. Queste principalmente a cagione di ciò si provvedono di condotti, quanto più si possa larghi, e profondi, perchè la larghezza supplisca al difetto della velocità, e la profondità dia caduta alle campagne, e maggior felicità allo spianamento dell' acqua, anzi a tale effetto le soglie delle chiaviche si tengono il più che si può sotto la superficie dell' acqua bassa.

Al chiudere, che si fa una chiavica, o pure all' alzamento dell' acqua del fiume, si eleva il pelo d' acqua ne' condotti sino ad equilibrarsi col suo principio più alto, e non mai di più, e sino, che l' acqua del condotto non sia alzata alla sua suprema altezza, sempre scolerà, comechè vi sarà sempre qualche caduta sul pelo del fiume, e la ragione per la quale li chiavicanti non hanno altra regola per chiudere, o aprire la chiavica, che di vedere se sia più alta quella de' condotti, o pure quella del fiume.

Molte volte succede, che ne' condotti non v' è acqua da scolare, ed in tal caso in ordine a questo motivo torna lo stesso a tener chiuse, o aperte le chiaviche, ma perchè trovandosi i condotti in tale stato possono venire le piene del Po; e rigurgitando colle torbide interrirli, quindi torna più conto tener chiuse le chiaviche, che aperte, e chi le lascia aperte si può vedere spesso obbligato a ferrarle per ogni poco d' alzamento d' acqua, che succeda nel fiume, senza, che perciò s' impedisca lo scolo alle campagne, le quali però essendo feraci d' acqua scolerebbero sopra un pelo molto più alto.

Tale chiusura di chiavica perciò non è mai necessaria, che per quel tempo, che dura la piena, cessando la quale ritorna la libertà di poterle di nuovo riaprire.

Applicando questo discorso al caso presente delle chiaviche, che si ritrovano nell' una, e nell' altra ripa del Po, chiaramente si vede, che non v' è

v'essendo campagna alcuna, nè da una parte, nè dall'altra, che non abbia molti piedi di caduta sul pelo basso di esso (posciachè nel tempo della visita correivano felicemente tutte le chiaviche, ed il Po non era bassissimo, dal che si conosce che se i condotti avevano caduta, molto più ne avevano i terreni, che sciolano ne' condotti) potrà alzarfi considerabilmente l'acqua bassa del Po per l'aggiunta dell'acque del Reno, senza che perciò si levi lo scolo a' terreni adiacenti.

Che se le chiaviche si chiudono al venire di Panaro, può essere, che ciò molte volte segua per impedire l'interrimento de' condotti.

Per altro quando si chiudessero coll'interrompimento dello scolo, bisogna bilanciare il danno, che vi accrescerebbe il Reno. Consta dalla visita, che molte chiaviche stanno ferrate tre mesi dell'anno, altre cinque, sei, otto, e più. Quante piene del Reno verranno a questo tempo? certo se non tutte almeno la maggior parte, e perciò è chiaro, che il Reno non opererà cosa alcuna di più di quella farà il Po stesso nel caso presente.

Quando viene la piena al Reno per lo più viene anco a Panaro, ed agli altri fiumi dell'Apennino. La piena di Reno precede quella di Panaro sei ore, adunque le chiaviche si dovrebbero ferrare sei ore prima, e questo sarebbe tutto il danno, che apporterebbe il Reno alle chiaviche; delle quali quelle, che stanno ferrate poco [segno, che hanno gran caduta] dal venire Reno in Po basso non patirebbero di sorta alcuna; al contrario quelle, che stanno ferrate 8. e 9. mesi poco danno riceverebbero, perchè nel tempo, che stanno aperte poche piene del Reno verriano, e Dio sa, se in un anno s'incontrerà a vederse pure una, e vedendosene alcuna, forse la somma del tempo, che dovrebbero star chiuse per causa del Reno non arriverebbe a 24. ore, differenza insensibile, quando anche i condotti non avessero sfogo ad altra parte.

Se poi fosse vero, quello, che asserisce il Padre Riccioli nel luogo altre volte citato, che le piene di Panaro vengono prima di quelle di Reno, egli è evidente, che non s'altererebbe mai lo stato delle chiaviche, se non quando venisse o Reno solo, ovvero Panaro, e dopo Reno solo, caso raro, e di poca durata. E poi si dovrebbe anche riflettere, che non ogni alzamento d'acqua bassa del Po fa chiudere le chiaviche, ma solo quella, che supera la caduta degli scoli, ed in tale stato certo è, che una breve piena non può durare, che pochi momenti, onde avendo considerazione a ciò viene anche a scemarsi il tempo della chiusura delle cateratte.

In somma se si rifletterà seriamente a questo fatto si conoscerà, o la nullità, o la insensibilità del danno, che si suppone fosse per apportare 'l Reno alle chiaviche, e quando vi fusse non sarebbe in alcuna maniera paragonabile a' tanti benefizj, che nasceranno a tutte tre le Provincie dall'introduzione del Reno nel Po.

Il motivo degl'interrimenti delle chiaviche si traslascia, perchè non merita riflessione veruna, e perchè è stato detto quanto occorreva nel §. 10. della nostra Scrittura al versicolo *Rispetto poi ec.*

SCRITTURA.

De' Bolognesi sopra il foglio di replica de' Signori Ferraresi toccante la materia delli punti X. XI. e XII.

Al §. Primo **L**A forza non consiste sul crescere più o meno il Po mezzano a cagione dell'acqua del Reno, perchè secondo il di lui diverso stato di mediocrità varia l'alzamento; ma bensì sull'istessa mediocrità del Po, di cui in tutti li statifia ha esperienza, essendo certo, che la mezza piena del Po poco opererà più o meno, per esser fatta, o dall'acqua de' fiumi col Reno, o senza di esso, purchè il resto delle condizioni s'uguaglino. Si restringe adunque il dubbio a paragonare il danno, che apporta ne' froldi ec. un Po mezzano di piedi v. g. 10. in altezza, con quello, che apporterebbe, se per esempio la piena fosse alta due piedi di più, e durasse in tale stato, quanto dura quella del Reno, e l'eccesso sarebbe il danno, che farebbe il Reno introdotto nel Po mezzano. A noi certo pare, che tal differenza non vi sia, o pure sia insensibile, ed esagerandola i Signori Ferraresi s'aspetta all'EE. VV. il giudicar la verità.

Al §. Secondo che poi le piene del Reno ec. per rispondere agli argomenti ad hominem replicatamente portati in detto luogo, basterebbe ritorcergli valendosi per antecedente delle proposizioni de' Signori Ferraresi. Ma noi comecchè sfuggiamo di valerci di simili logiche sottigliezze, per informare l'EE VV. in materia così grave, ci basta di chiarire la materia. Diremo adunque, che non ogni piena, nè in qualunque stato, o durata deteriora i froldi, perchè non ogni differenza di velocità basta a rodere le ripe ec. altramente bisognerebbe, che anche il Po basso facesse continuamente effetti simili, come l'esperienza dimostra ciò non succedere ec.

Perchè si facciano froldi, o si deteriorino vi vuole l'unione di più cause, come a dire d'impeto sufficiente, e farsi non con una sola direzione, ma vorticoso, tanto orizzontalmente che verticalmente, e perciò vi si richiede la disposizione delle ripe, le quali tanto più rovinano, quanto più s'accostano al perpendicolo, unica cagione, per la quale i Signori Ferraresi rimediano i froldi con il caricargli, che vuol dire con renderli inclinati considerabilmente verso il corso dell'acqua, e con levar loro tutti li risalti, i quali rompendo il corso all'acqua, ma non sufficientemente resistendo, sono la principal cagione di essi. Vi concorrono di più le disposizioni de' fondi, le direzioni delle ripe, del filone ec. come è manifesto; ed apparisce da quanto sopra questa materia hanno lasciato scritto copiosamente gli Autori. La minor parte adunque in produr tale effetto è quella della copia dell'acqua unicamente allegata da' Signori Ferraresi, e questa molte volte è rimedio, essendo certo, che spesso succede, che al cessare d'una piena si trova un froldo antecedentemente in pessimo stato, o non deteriorato di sorta veruna, e qualche volta, anche migliorato dalle deposizioni, che v'ha fatte la piena medesima.

Che in Reno vi siano froldi non dipende adunque dalla velocità del corso precisamente, ma vi concorre di più l'angustia delle ripe, che non si

trova el Po, siccome la strettezza delle svolte propria de' fiumi piccoli, non vale adunque l'argomento *Reno corrode le ripe del suo alveo, adunque anco maggiormente rovinerà quelle del Po introdotto, che vi sia.*

Al §. Cbe poi s'abbiano ec. ci rimettiamo all' osservazione degli effetti di Panaro nell'alveo del Po, non già alle fedi, che si dicono d' esibire, dipendendo tal cognizione non dal giudizio d'occhi materiali, ma da quello d'ingegni sperimentati, e dotti nell'Architettura dell'acque, che sapiano rinvenire le vere cause degli effetti veduti.

Al §. Circa ec. L'alzamento dell'acqua del Reno in Po basso non si nega, siccome non s'impugna quella di Panaro. Che poi da ciò provengano effetti perniciosi questo è quello, che non si fa vedere ec.

Al §. Segue ec. Per determinare se Reno possa partorire danno alle chiaviche, e di che peso esso sia, bisognava cercare il perchè si fabbrichino, si custodiscano, si aprono, si chiudano ec. ad effetto di levare gli equivoci, e le apparenze, una delle quali si è il dire, che trovandosi in qualunque stato l'acqua del Po, e quella de' condotti, e dato, che perciò non dovessero ferrarsi le chiaviche, sempre sarà vero che tanto meno acqua si scolerà, perchè esse quanto maggiore sarà l'elevazione del Po, atteso, che concessa anche tal proposizione, la quale patisce molte limitazioni, bisogna per stabilire il danno prima provare, che tal diminuzione v. gr fatta oggi, calando il Po dimani non si ripari, essendo certo, che l'acque trattenuate, quando s'apre loro libero il corso fluiscano con più velocità, come succede ne' fiumi, che risentono il flusso del mare, allo scarico de' quali il flusso predetto niente pregiudica non cagionando altro, che maggiore alzamento del pelo d'acqua finche egli dura, e cessando l'uno cessa l'altro, scorrendo il fiume con più violenza nel riflusso.

Che l'acque de' torrenti, le quali fanno crescere il Po continuo per molti giorni, può esser vero parlando di tutti i fiumi dell'Appennino, che vengono successivamente uno dopo l'altro; ma ciò non può applicarsi al Reno, che si considera nella sola sua piena, ed è certo, che cessando questa allo sbocco, dee cessare conseguentemente anco l'altezza, che fa nel Po; adunque non potrà durare tale elevazione, se non quanto dura la piena, non ha che fare in questo caso la maggiore velocità del Po, perchè questa influisce nell'altezza, e nel far distendere la piena del Reno più presto in se stesso, e conseguentemente farla giungere più presto al mare, e con pari ragione al cessare della medesima farlo tanto più presto mancare nell'alveo del Po, e non come si asserisce farla calare più presto di quello, che crebbe.

L'infelicità di scoli, che provano i Bolognesi nelle loro campagne non è un semplice interrompimento di poche ore, come al più sarebbe quello delle chiaviche, che sboccano nel Po, introdotto che vi fosse il Reno; ma bensì è continua, ed accompagnata da perpetue inondazioni, che sempre maggiormente s'avanzano, al qual danno non ha veruna proporzione, quello che in contrapposto si pone da Signori Ferraresi.

SCRITTURA

De' Bolognesi sopra la replica de' Signori Ferraresi al foglio de' Bolognesi sopra li articoli VIII. e IX.

Che si concepisce §. per §. secondo l'ordine di essi apposta segnati co' numeri nel foglio immediatamente comunicate da' medesimi Signori Ferraresi li 5. Agosto 1693.

Al §. 1. **Q**uando sarà stabilita con evidenza l'altezza ragguagliata del Reno piedi 14. allora concorreremo nel sentimento de' Signori Ferraresi in questa parte.

Al §. 2. Contiene la nostra obiezione in senso però diverso dal nostro.

Al §. 3. Lo scaricarsi delle piene del Reno, in più, o meno tempo, non arguisce la velocità dell'acqua, ma solo la durazione della causa di essa; per questa ragione bisognerebbe, che le piene di diversa durata v. gr. una di 10. ore, e l'altra di 20. avessero diversa velocità cosa contraria al fatto. Il nostro argomento è stato questo; se la piena del Reno avesse la velocità di 8. miglia per ora, bisognerebbe, che dopo arrivata al ponte della via Emilia giungesse in dirittura di Ferrara in ore al più 4. stante la distanza non maggiore di miglia 30., ma per giungere dal detto Ponte a Ferrara la piena di Reno vi consuma 10. o 12. ore, adunque la velocità della piena di Reno non è di miglia otto per ora, e questo è l'argomento al quale si dee rispondere; essendo perciò il nostro argomento stato concepito con equivoco non è maraviglia, se anche la risposta ha lo stesso difetto.

Al §. 4. Anche questa seconda risposta s'appoggia allo stesso equivoco, e perciò non si replica di vantaggio.

Il §. 5. Contiene la seconda nostra obiezione, nella quale s'include, che noi determiniamo la velocità del Po sino a nove, o dieci miglia, il che non si trova in alcuno de' nostri fogli, non avendo noi mai fatta tal determinazione, come non creduta necessaria.

Il §. 6. Contiene questo la risposta alla nostra obiezione, ma batte sempre sullo stesso equivoco d'arguire la velocità dalla durazione delle piene. Il dire poi, che Po ha 300. miglia di lunghezza, e non volere considerare le tortuosità, come s'è fatto per Reno nel §. secondo, è troppa parzialità. La distanza da' fonti del Po a linea retta sino al mare è sopra 300. miglia, e considerando l'andamento del Tesino dal suo principio sino al suo sbocco, e da questo al mare sempre per linea retta, oltre passa le 350. miglia, ma considerando le tortuosità poco si scosta dalle 600. E ponendo, che il Po pieno facesse 8. miglia per ora, la sua piena dovrebbe arrivare dal suo principio al mare in ore 75. o siano giorni 3. ore 3. il che non è lontano dalla verità, ma a ragione di 3. miglia per ora stenterebbe per arrivare al mare giorni 8. ore 8. intervallo esorbitante, ed a ragione di miglia 5. per ora richiederebbe lo spazio di giorni cinque, e pure quando regnano scirocchi, e si disfanno le nevi nell'alpi della Savoia, e de' Svizzeri

ri arriva la piena a Ferrara in giorni tre in circa, come portano l'informazioni de' Paesani, a quella del Reno al dire del Padre Riccioli richiedeva ore 24. per arrivare dal suo principio al Po di Ferrara in distanza di 100. miglia, che sarebbe a ragione di miglia $4. \frac{1}{6}$ per ora, e perciò la velocità

del Reno a quella del Po sarebbe come $4. \frac{1}{6}$ a 8., quasi come quella, che

noi abbiamo dedotta dal calcolo di 9. a 16. ³². Vedasi dunque quanto be-

ne s'accorda con gli effetti osservati il nostro calcolo, e quanto male le supposizioni de' Signori Ferraresi, dalle quali deriva, che Reno dovesse venire dal suo principio a Ferrara in ore 12. quando ne vuole il doppio, e per far lo stesso richiedesse il Po giorni 8. quando tre bastano.

Il §. 7. Contiene la nostra obiezione.

Al §. 8. Che contiene la risposta, si replica, che l'autorità del Castelli è grande, ma si deono prendere le di lui parole nel senso, che le porta di probabilità, particolarmente parlando esso d'un fatto da se non veduto, e dipendente dall'altrui relazioni. E poi molto maggior fede esigono le di lui dimostrazioni, che le opinioni probabili, onde non deono i Signori Ferraresi ridurre allo stato di probabili le di lui proposizioni dimostrate, e donare poi l'evidenza alle mere probabilità. In oltre facilmente si può conciliare il sentimento del Castelli con quello del Cabeo. Il primo dice, che l'accrescimento del Tevere seguito senza piogge, e disciamento di neve fu per il ritardo dell'acque, ed aggiunge da gagliardissimi, e continuati venti, e questo noi crediamo fosse verissimo, perchè in due maniere può intendersi, che il vento ritardi la velocità dell'acque ne' fiumi, o mediatamente, o immediatamente. Il primo col far gonfiare il mare, e tale dee essere ragionevolmente il sentimento del Castelli, il secondo col soffiare contro la corrente, e questo è quello, che è negato con verità dal Cabeo, ne occorre portare la dubbietà del *mibi videor &c.* di questo autore, perchè tal detto calca sopra l'insensibilità, e di fatto chi avesse dimandato al Cabeo, se il vento fa elevare il Po un piede? non avrebbe risposto, *mibi videor observasse &c.* ma avrebbe detto *se equidem observasse non &c.*

S'aggiunge che l'efficacia del vento finalmente dee avere i suoi limiti, oltre i quali non passa; cioè che può far gonfiare il Po tanto, e non più, ed è ragionevole il credere, che gli argini di esso siano d'altezza proporzionata a contenere tal gonfiamento, con di più il vivo necessario, ma è stato dimostrato da noi, che nelle sezioni quanto più son grandi, ed indolita la velocità, tanto minore dee essere l'augumento di velocità per scaricare maggior acqua, e che questa poca di velocità ogni poco d'altezza maggiore la dà, adunque che sia dell'impedimento fatto da flussi marini, e dal vento, che pure neghiano, non dovrà farsi per l'introduzione di Reno altissimo in Po altissimo, nè anche l'elevazione delle onde $8. \frac{2}{3}$ da noi

asserita, e questo dee servire per risposta a ciò, che si deduce dal Corollario 9. del Castelli nel fine, Che le condizioni sono quelle, che diversificano i casi, e che trattandosi d'un fiume arginato, e premonito contro tutti gli effetti delle cause accennate non vale la dottrina allegata; che solo s'adatta al Tevere disarginato.

Al §. 9. Non s'applica l'esempio delle Lagune di Venezia con questo del Po, perchè in quello si trova l'acqua equilibrata, e senza contrasto, e qui disequilibrata, e col contrasto della corrente.

Nel §. 10. S'adduce un'altra nostra obiezione.

Il §. 11. Risponde col Corollario 8. del Padre Castelli, che non toglie imaginabilmente la difficoltà.

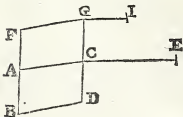
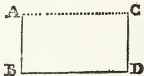
Al §. 12. S'aggiunge un'altra risposta all'obiezione del §. 12. ma si replica, che a noi non è mai occorso vedere, che l'acqua de' fiumi ne' siti stretti si alzi, e s'abbassi ne' larghi, bensì il fondo dell'alveo, che nel primo caso s'abbassa, e s'alza nel secondo, e fel Signori Ferraresi hanno luogo dove si faccia tale osservazione, sono pregati ad indicarcela, perchè possiamo soddisfarci. Ne' froldi si eleva qualche poco l'acqua di più, che nelle ripe opposte ad essi, e ciò nasce dall'impeto, che viene rintuzzato dal froldo, onde siccome tale alzamento è visibile, così dovrebbe molto più essere osservabile nel fiume, contro il quale tutto opera il vento, ma non si osserva, adunque ec.

Il ristagno del mare da noi non si nega, ma per vedere quanto operi nel nostro caso, considerisi la dimostrazione da noi esibita sopra questa materia.

Il §. 13. Il sentimento del Castelli intorno al reciprocarsi le sezioni de' fiumi colle loro velocità è dimostrato alla Proposizione 3. del Primo Libro, ed è replicata *in terminis* al Corollario 4 benchè ivi non esprima la proporzione. Il Baliani ripete lo stesso *de motu gravium* Lib. 5. Prop. 2., ed è assunto dal Torricelli *de motu gravium* Lib. 2. ed in fine pag. mihi 197. Il Riccioli *Geografia riformata* Lib. 6. cap. 29 pag 17. e pag. 10 *in terminis* ed abbenchè asserisca poi succedere qualche irregolarità, dimostreremo in questa materia quanto occorre.

Prima supporremo, che il Po corre sempre nel mare, o sostenuto, o nò da' venti, e dal gonfiamento del mare, la ragione è manifesta, perchè altrimenti in un tratto formonterebbè tutti gli argini.

Secondo che durante gli impedimenti nella maniera di prima, quando il Po sarà elevato a quell'altezza, che esso più non accresca, o sminuisca, tanto d'acqua esce dallo sbocco, e corre per qualsivisia sezione nel primo tempo, che nel secondo. Ciò pure è manifesto, perchè se lo sbocco scaricasse più acqua di quella che viene s'abbasserebbe il Po, se meno s'eleverebbe l'un e l'altro contrario al supposto.



Poniamo adunque, che A B, D C sia lo sbocco del Po nel mare, nel tempo, che è basso, e che l'acqua, che esso scarica in un dato tempo sia conformata in un prima retto, di cui la base sia lo sbocco A B C D, certo è che avrà qualche altezza, o lunghezza, che supponiamo sia C E, e questa sarà la velocità media dello sbocco A B D C, e la quantità assoluta dell'acqua sarà un prima, di cui la base A D, e l'altezza C E.

Supponiamo ora, che il mare si elevi, e con esso anche il pelo d'acqua del Po, e l'alzamento sia fino in F G, e lasciamo, che l'acqua del Po faccia la sua superficie permanente, cioè che più non si elevi, nè s'abbassi. Correrà adunque per la prima supposizione non ostante l'acqua del Po in mare, ma per lo sbocco fatto maggiore F D; e perchè si suppone che il Po non porti maggiore

nè minore corpo d'acqua prima del gonfiamento del mare, di quello faccia dopo il gonfiamento, e che la superficie del Po già sia resa permanente, dovrà scaricarsi per l'apertura dello sbocco F D in tempo uguale la stessa quantità d'acqua, che si scaricava prima del gonfiamento; e perciò conformata questa quantità in un prisma, di cui la base sia lo sbocco F D, farà la di lui altezza v. gr G I la velocità media dello sbocco F B, perchè adunque il prisma d'acqua uscito dallo sbocco A D prima del gonfiamento, è uguale al prisma uscito dallo sbocco F D, faranno le basi di tali prismi reciproche all'altezze, ma le basi sono li sbocchi, e l'altezze sono le velocità, dunque le velocità saranno reciproche agli sbocchi, ma gli sbocchi hanno la proporzione delle altezze, adunque le velocità hanno fra di se proporzione reciproca delle altezze, che ec. S'applichi questa dimostrazione alle sezioni diverse dello stesso fiume, e lo stesso si dimostrerà di questa ec. nè vale ciò, che adduce il Riccioli, che i fiumi reali gonfiano più lontano dal mare, che vicino ad esso attribuendo la causa all'incontro de' flussi marini, perchè ciò non è vero, che nel tempo fuori delle maree, e nasce dagl'impedimenti, che fanno le sponde, ed il fondo al corso dell'acqua, le quali scemano quando il fiume s'avvicina al suo spianamento; e molto meno osta il soggiungere, che *fluvius non deonerat in mare tantam aquam, quantam ante assum, sed immò recipit aquam a mare*, perchè ciò non è vero, che ne' primi momenti del ristagno, ne' quali sminuita la velocità, e non acquistata l'altezza sufficiente per fare la proporzione reciproca accennata resta trattenuta nell'alveo una parte dell'acqua del fiume, il quale perciò gonfia, ma giunto che sia il gonfiamento al segno, che le altezze, e le velocità si reciprocino, non si fa maggiore, e torna a scaricarsi nel mare la stessa quantità d'acqua di prima, segno di che si è il non trattenerfi più alcuna parte d'acqua nell'alveo del fiume, e perciò non cresce l'altezza.

Nel caso poi del ritardo fatto dal vento, non si vede, come si neghi da' Signori Ferraresi questa proposizione, *ma le altezze dell'acqua prima, e dopo il ritardamento non hanno proporzione sensibile*; perchè se il Cabeo osservando attentissimamente non ve la seppe trovare, come si potrà mai asserire, che il fiume trattenuto dal vento sia sensibilmente più alto, che non trattenuto, e poi se fosse sensibile tal differenza a cagione del vento non potrebbe cadere in controversia veruna, comechè il corso del vento contrario essendo frequente, gli effetti sarebbero noti a chi si sia.

Al §. 15. Contiene un'altra nostra opposizione.

Al §. 16. Quando il Po abbandonò l'alveo di Ferrara non lo lasciò del tutto sino all'anno 16. . . perchè nell'escrescenze correva verso Ferrara accompagnato con Panaro; onde le piene tutte di questo, che sboccavano in Po alto non mai andavano nel Ramo di Venezia; Quando poi Panaro fu obbligato a scorrere nel Po alla Stellata fu intrusa la piena di esso nel Po di Venezia, e trattenuta in esso Po quella parte d'acqua del Po, che prima nelle piene correva verso Ferrara. S'è dato dunque il caso, che il ramo di Venezia non avvezzo a portare nelle piene, che una parte dell'acqua del Po restò di slancio obbligato a portarla tutta, e di più tutta quella di Panaro, e pure non crebbe sensibilmente non ostante, che secondo il calcolo de' Signori Ferraresi, avrebbe dovuto per l'intromissione di Panaro alzarsi la piena di Po sette piedi, e tanto più quanto richiedeva l'acqua di esso nuovamente obbligata a correre pel ramo di Venezia. S'avverte poi, che il nostro argomento non ha forza sopra gli argini di Panaro da Boudeno alla Stellata, ma sopra quelli del Po dalla Stellata in giù.

Nel §. 17. Si trova espressa un'altra nostra obiezione.

Al §. 18. Che risponde alla predetta opposizione si replica, che introducendo il Reno nel Po, o in un luogo, o in un altro, anzi non introducendolo non si varia la proporzione dell'acqua del Reno a quella del Po dedotta dal calcolo de' Signori Ferraresi come 1. a 4. $\frac{1}{2}$ comechè essa di-

pende da un calcolo puramente aritmetico. Se poi tale proporzione sia consentanea alla ragione lo giudichi chi ha veduto l'uno, e l'altro de' fiumi predetti.

Il §. 19. Porta un'altra delle nostre obiezioni, e si repete al §. 21.

Il §. 20. Esamina la proporzione dell'acqua del Reno, e del Po; ma si replica, che nè autore, nè ragione veruna suggerisce di misurare l'acqua de' fiumi colli stessi mezzi co' quali si trova la capacità dell'alveo dalla sua origine sino al fine, come qui si vede praticato, perchè volendo sapere l'acqua, che porta la piena d'un fiume, bisogna tener conto del tempo, che dura, e della velocità, colla quale corre, e la lunghezza dell'alveo non v'ha che fare; perchè più acqua non porterà il Reno per avere l'alveo sbocante al mare, di quello porti scaricandola nella valle. Ciò pensiamo possa bastare per fare apparire l'erroneità di tal metodo, per altro diremmo, che non si sa quali siano le misure, che s'adoprono per rinvenire li piedi cubi 479998800. che si dicono essere il corpo di tutta l'acqua del Reno, e per qual cagione in vece delle miglia 57. che paiono attribuite alla lunghezza dell'alveo del Reno, non si prenda tutta la distanza dal principio di esso al mare, come s'è fatto del Po, aggiungeremmo, che l'alveo d'un fiume non è dell'istessa altezza, e larghezza per tutto, e perciò volendo anche misurare la capacità d'un alveo non si può applicare la larghezza, e profondità d'una sezione a tutto il tratto di essi, particolarmente quando il fiume viene di tanto in tanto accresciuto da altri influenti ec. Il restante del calcolo come appoggiato sopra falso fondamento, e piuttosto adattato a misurare acque stagnanti, che correnti, si trasalacia.

Al §. 22. Si risponde all'obiezione del §. 19. e 21. ma i Bolognesi replicano, facendo questo dilemma: o l'acqua del Po a lago scuro è stata sin ora qualche volta sostenuta da venti, e flussi marini, o no, teno, adunque tali cause non potranno operare almeno in tal luogo; se sì, adunque non ostanti tali impedimenti, non si eleva più di piedi 32., ma operando tali cause, si dice da' Signori Ferraresi, che il Reno alzerà il Po piedi 7. adunque 46. Reni de' quali si dice costare l'acqua del Po nella seconda replica, farebbero d'altezza piedi 322. Tale esorbitanza non si può dire, adunque bisogna dire, che l'acqua del Reno non alzerà il Po piedi 7. nè 4., nè 3., nè 2., nè 1. ma solo once 8. $\frac{2}{3}$ come nasce dal dividere li piedi 31. o 32. di altezza del Po egualmente in Reni 46.

La verità si è che l'acqua nell'alzarsi di corpo accrescono la velocità: che i venti contrari non ritardano loro il corso sensibilmente, e che i flussi marini operano, che minore altezza fa un fiume tributario, aggiunto ad un reale, in tempo, che è ristagnato, che quando corre liberamente senza ristagno. Nè vale a dire, che il Reno s'introdurrà in luogo dove manca la caduta, e comincia il ristagno, e perciò ivi farà maggiore l'altezza, perchè dato anche tal supposto non vero, già si discorre d'introdurlo nel luogo, dove operando tutto quello, che possono i venti contrari e flusso marino il Po non s'eleva più di piedi 31. e 32. cioè a dire dove è costituito in tal velocità da scaricare coll'altezza di once 8. 4. come viene calcolato da' i stessi Signori Ferraresi, un corpo d'acqua eguale a quella di Reno.

Che dunque s'ha da dubitare della verità del nostro calcolo; mentre anche lo stesso de' Signori Ferraresi appoggiato sopra i loro supposti non ne da di vantaggio.

Al §. 23. Che l'opinione del Castelli non si dimostri per vera, non si fa caso, ma ciò non si verifica della proposizione sulla quale abbiamo appoggiato, comechè dimostrata, e concordante coll'esperienze, anche a vantaggio dell'operazione, anzi col detto conforme di più testimonj esaminati nelle visite Borromea, e presente, che depongono, che Panaro alto non fa che crescere Po alto più di mezzo piede; e chi dubita, che Panaro, e Reno non siano due fiumi d'egual quantità d'acqua?

Al §. 24. Che non si possono calcolare le quantità d'acque col fondamento della sola proporzione della velocità senza sapere la quantità di questa, è sentimento non uniforme a quello di chi ha scritto sopra questa materia, e dimostrato in più luoghi da diversi autori altre volte citati, anzi senza tal proporzione, o abbiassi in termini reali, o pure astratti non si può fare cosa buona, Perciò non ci estenderemo a rispondere a questo nuovo sentimento.

S C R I T T U R A

*De' Bolognesi sopra li tre Articoli XIII. XIV. XV.
che sono.*

- XIII. Se si accresceranno gl'interrimenti nel Po con perdita del porto di Goro, e degli scoli del Polesine di Ferrara.*
- XIV. Se la linea del Po Grande dopo il taglio Veneto si sia prolungata, se ciò possa succedere senza rialzamento di fondo.*
- XV. Degli effetti che ha prodotto nel Po Grande l'introduzione di Panaro.*

Certo è che gl'interrimenti del Po non possono figurarsi che alla foce, o per dir meglio sopra gli scanni, e spiagge del mare, non mai nell'alveo proprio, perchè dove è velocità di moto non si fa interrimento, ma nell'alveo del Po si trova in ogni stato velocità di moto, adunque nell'alveo del Po non succederà interrimento.

Considerando adunque gl'interrimenti degli scanni, si dice, che bisogna distinguere l'articolo in più casi. Il primo è che il Po si sparga per qualche sacco di poco fondo, piuttosto Laguna, che mare. Il secondo, che s'incammini parallelo alla spiaggia. Il terzo, che s'inoltri a dirittura nel mare. Il primo caso è succeduto dopo il taglio Veneto detto di Porto Viro, quando il divertito dal Ramo delle fornaci fu voltato nella sacca di Goro, ed in tal stato di cose non v'ha dubbio, che succedono interrimenti, come dipoi è seguito obliterandosi la detta sacca intieramente, ed il simile ha fatto il Lamone in quella di testa d'Asino. Interrita la sacca di Go-

Goro, e cessato il primo caso, n'è seguito il secondo, mentre ora si vede da il ramo della Donzellina inoltratosi considerabilmente non nel mare, ma radente la ripa di esso fino ad unire le acque proprie con quelle del ramo d' Ariano, e ciò fa ben sì una grandissima apparenza d' interramento, perchè ordinariamente si misura colla lunghezza del fiume, ma in sostanza è poco, se si riferisce al ritiro del mare, che è quello, che nel nostro caso bisogna considerare. Il terzo caso finalmente si vede ne' rami della Doana, e della Balliona, che più degli altri sboccano a dirittura nel mare. E questi non ostante portino il maggior corpo dell'acqua, poco s'avanzano nel mare, e per conseguenza pochi sono gl' interrimenti, che da essi procedono, e sempre minori si renderanno quanto più s'avanzeranno a trovare il profondo del mare.

Non neghiamo, che per l' accrescimento dell' acque del Reno a quelle del Po non succedano alluvioni maggiori delle presenti, non tanto però quanta è la proporzione della torbida di Reno a quella del Po, ma molto minore, perchè attesa la velocità, che aggiungerà il Reno a quella del Po, tanto più saranno portate al largo del mare le torbide, e perciò saranno deposte nel più profondo senza manifestarsi sopra acqua.

Si considerano gl' interrimenti predetti, o in ordine a se medesimi, o in relazione degli effetti, che possono produrre. In ordine a se certo non sono perniciose, perchè aggiungono terra all' abitazione degli Uomini, e Popoli alla giurisdizione del Principe. Gli effetti poi di essi non si vedono asferiti; che due; cioè del Porto di Goro, ed intersecazione, e prolungamento della Linea de' condotti, o siano scoli del Polesine di Ferrara.

Rispetto al primo si dice, che il Porto di Goro, o sia d' Ariano non si perderà, anzi si migliorerà coll' introduzione di Reno in Po, e si prova così: l' accrescimento dell' acqua ne' fiumi, che sboccano al mare profonda la loro foce, non ostante tutti gl' interrimenti laterali, adunque unendosi l'acqua di Reno a quella del Po siprofonderà maggiormente la Bocca di questo nel mare; e tanto più profonda, e capace si renderebbe, se fosse vero, che la proporzione del Reno pienissimo nel Po pienissimo fosse quella di 1. a 4. $\frac{1}{2}$ ma le foci de' fiumi son quelle, che in queste spiagge

per lo più si chiameranno porti, adunque si renderanno tanto più profondi li porti; ma questi tanto sono migliori quanto più profondi, adunque i porti, tra i quali quello di Goro, si renderanno migliori. Secondo, l' esperienza ha mostrato, che dopo, che fu voltato Panaro al Po Grande, ed obbligata tutta l' acqua di questo a correre pel ramo di Venezia, il Po d' Ariano s'è maggiormente scavato, adunque voltandovi anche il Reno maggiormente si scaverà, l' antecedente è dimostrato dal Sommario 14. della nostra ultima Scrittura, e la conseguenza è manifesta. Terzo. se il Ramo della Donzellina s' unisce stabilmente, come di già ha cominciato a fare, con quello d' Ariano, chi negherà che l' unione di queste due acque sboccando con maggior forza nel mare non radesse in gran parte lo scanno, che sta d' avanti al Porto di Goro, e non aggiungesse maggior corpo d' acqua al medesimo? due condizioni sommamente desiderabili per renderlo in buono stato, ma tale unione farebbe più presto il Po unito all' acque di Reno, che solo, adunque l' acqua del Reno coopererebbe a rendere più presto migliore il Porto di Goro.

Rispetto poi alli scoli del Polesine di Ferrara, il danno de' quali si dice consistere nel prolungamento della linea, questo non si può stimare, che col considerare la loro natura, e gli effetti di detto prolungamento, la caduta

di 13. o. 6. del Cavo del Barco fino al mare misurata nella visita Cosini, distribuita che sia in miglia 50. da per miglio once 3. piedi 1. $\frac{14}{29}$ suppo-

niamo, che la linea s'accresca miglia 10. allungamento da non succedere in molti secoli, in maniera, che la detta caduta di piedi 13. o. 6. s'abbia da distribuire in miglia 60. ed allora ne verrà per miglio once 2. piedi 7. $\frac{3}{10}$

e perciò saranno l'acque de' scoli meno inclinati al piano basso del mare once 0. piedi 6. $\frac{13}{50}$ per miglio, differenza insensibile, e da non partorire ef-

fetto veruno. Altra dunque è la causa del deterioramento degli scoli del Po di Ferrara, ed alle allegate nella nostra scrittura al §. 9. verso per accertarsi ec. non lasciamo d'aggiungere, che le bonificazioni subito dopo fatte appariscono di superficie più alta, di quello siano dopo qualche tratto di tempo, la ragione si è, che il terreno bagnato per lungo tempo dell'acqua si fa porosissimo, e leggiero, e però s'alza di superficie, ma asciugato che sia comincia a condensarsi, e conseguentemente ad abbassarsi; adunque è possibile, che le bonificazioni del Polesine di Ferrara, in tempo, che erano più alte potessero scolare, ed ora, che sono più basse siano restate prive di scolo non per difetto de' condotti, o del prolungamento della linea di essi, ma per colpa de' medesimi terreni abbassati di superficie. Finalmente se tutto ciò non ostante, saranno capaci di scolo lo potranno avere nel Po di Volano, senza temere (secondo lo stato presente di cose) mai più prolungamento di linea.

Al Secondo Articolo.

Si risponde, che il prolungamento della linea del Po si dee intendere in due maniere, paragonando cioè lo stato presente, o coll' antico, prima del taglio di Porto Viro, o col più moderno dopo seguito detto taglio. Comparando lo stato presente coll' antico del Po, delle fornaci, diciamo, che la linea presente ora è più breve dell' antica, come si può vedere dalle piante dell' uno, e dell' altro, ma nell' altro paragone non neghiamo, che il corso presente del Po non si sia avanzato nel mare più di quello fosse immediatamente dopo il taglio Veneto; non però tanto, quanto si suppone da chi misura l' allungamento pel ramo della Donzellina, mentre dee prendersi allo sbocco maggiore, cioè alla Balliona, e alla Dogna.

Se il prolungamento della linea operi, o nò nell' alzamento del fondo de' fiumi, che corrono quasi che orizzontale, non ci arrischiemo di determinarlo, ma supposto che sì, ci assicuriamo bene di dire, che tale alzamento non può rendersi sensibile in pochissima pendenza quale è quella del Po, ed in così grande distanza. Aggiungiamo, che introdotto che fosse Reno nel Po di Lombardia, comechè necessariamente scaverebbe il fondo del Po per augumento dell' acqua, sarebbe esso il rimedio del rialzamento del fondo procedente dall' allungamento della linea.

Al Terzo Articolo.

GLI effetti di Panaro dopo la sua introduzione nel Po sono molti. Prima il Pos' è profundato, ed allargato corrodendo molte spiagge arenose che aveva nel fondo.

Secondo le piene del Po dopo l' introduzione di Panaro si son fatte sempre meno alte, come costa da' confronti registrati nel libro intitolato *Raccolta di scritture concernenti la rimozione del Reno ec.* a Car. 84. num. 8. 9. 10. 11. 12.

Anche nella visita ultima è stato mostrato alla Chiavica Pilastrese un segno, che nella visita Borromea fu detto di guardia, ed in questa di somma escrescenza; sotto il quale però la piena delli 13. Giugno prossimo passato è restata once 17., e pure per confessione di tutti questa è stata una delle più grandi, non mancandovi anche secondo il senso de' più scrupolosi, che due, o tre once al più per arrivare al segno delle massime escrescenze, e bisogna necessariamente fosse così, perchè se in alcuni luoghi sono stati necessarij li soprafogli, perchè l'acqua non sormontasse gli argini, crescendo once 17. di più sarebbe stato quasi impossibile il difendersi.

Terzo non sono perciò seguite tante rotte, come per l'avanti, come costa dal Sommario settimo della Scrittura de' Signori Ferraresi, dove si numerano otto rotte seguite nel Po dell'anno 1561. fino al 1596. e sole tre dal 1596. al 1686., ed in questo intervallo cominciò a corre Panaro nel Po di Venezia.

Quarto il Ramo d'Ariano s' è reso più profondo di prima, come già s'è detto ec.



S C R I T T U R A

De' Bolognesi al foglio de' Signori Ferraresi sopra la materia degli articoli XIII. XIV. XV. che sono .

- I. Se si accresceranno gl' interrimenti nel Po con perdita del Porto di Goro, e degli scoli del Polesine di Ferrara.*
- II. Se la linea del Po Grande dopo il taglio Veneto si sia prolungata, e se ciò possa succedere senza rialzamento di fondo.*
- III. Degli effetti, che ha prodotto nel Po Grande l' introduzione di Panaro.*

Circa il Primo.

Al §. Al primo de' quali ec.

Altro è l' interrimento dell' alveo del Po, o sia alzamento del di lui fondo, altro quello alla foce, ed altro, che si fa lateralmente sulle spiagge. Rispetto alli primi due costantemente si nega siano per seguire con tutta l' introduzione di Reno, e se n' è detto nel nostro foglio il perchè; e rispetto al terzo si concede, ma non ha che fare colla perdita del Porto di Goro, che si trova alla foce del Ramo d' Ariano, non nelle spiagge, dove succedono le alluvioni. In particolare degli scoli del Polesine di Ferrara, s' è sufficientemente esaminato nel nostro foglio al §. *Rispetto poi alli scoli ec.* il che crediamo possa bastare per escludere l' asserzione contraria.

Circa il secondo.

Al §. Si risponde ec.

NEL senso inteso da' Signori Ferraresi si concorre nell' asserire l' allungamento della linea del Po, col riflesso però di tutte l' altre considerazioni fattevi sopra da noi.

Al §. Che poi questa prolungazione ec.

Se l' alzamento del fondo del Po a causa dell' allungamento della linea,
non

non avesse altro fondamento, che l'asserito in questo §. da noi assolutamente si negherebbe, e non se ne sospenderebbe il giudizio, come si fa sul riflesso d'altre più potenti ragioni. Poichè non sussiste, che in tanto s'allunghi la linea, in quanto s'interrisce la foce, ma solo perchè le deposizioni laterali fatte sopra spiagge di poco fondo formano le ripe, dove antedecedentemente non erano, lasciando però sempre la stessa apertura allo sbocco, che per tal causa continuamente s'avanza. Secondariamente il dire, che il fiume prova difficoltà a sboccare nel mare, non ha che fare col prolungamento della linea; perchè quando succeda, come molte volte accade ne' rami minori particolarmente contrastati dalle borrasche, si aprono questi altro sbocco più breve, e più facile ad altra parte, e perciò più presto s'abbrevia, che s'allunghi la linea. Terzo l'impedimento, che fa il fondo nello sbocco, o dell'alveo al corso dell'acqua cagiona sì, che la velocità del fondo *ex natura rei* maggiore, che nel mezzo, diventa minore; ma però non come si asserisce quasi stagnante in maniera da lasciare deporre le torbide, altrimenti seguirebbero continui alzamenti negli alvei de' fiumi, e tutte le foci di essi in breve tempo si oblitererebbero.

Da questi motivi addotti non siamo persuasi, che al prolungamento della linea debba necessariamente susseguire in ogni caso l'elevazione del fondo de' fiumi; certo nel Po non se ne trova indizio veruno, non ostante la linea più lunga, come si dice, di 14. miglia.

La nostra difficoltà consiste in determinare, se quando il fiume per l'abbondanza dell'acque ha acquistato tanto di velocità da superare la contiguità delle parti costituenti il proprio fondo, fino a ridurle ad un piano orizzontale, possa perderla col prolungamento della linea; e perchè non sappiamo per ora sforzarci di tenere in sospeso la risoluzione di questo quesito. Camminando però secondo le regole comuni de' fiumi minori, che richiedono inclinazione di fondo, sappiamo di certo non potere tale alzamento, quando vi fosse, riuscire, che insensibile.

Circa il Terzo.

Al §. Sono li seguenti ec.

CHE il Panaro faccia crescere l'acqua del Po non si nega, essendo giustificato il di lui alzamento circa mezzo piede. L'impedimento delle Chiaviche è effetto del Po, non di Panaro, e per applicarlo a quest'ultimo bisognerebbe mostrare o terreni perduti per difetto di scolo dopo l'introduzione di Panaro, che non si possono dedurre, anzi piuttosto noi potremmo addurre in contrario la bonificazione di sotto, e di sopra, che scolano alle Chiaviche della Ca Rossa, e di Occhio Bello fatte dopo la rivolta, non solo di Panaro, ma di tutto il Po nel Ramo di Venezia, o pure fare apparire quale, e quanto sia il deterioramento della caduta delle Chiaviche predette colla comparazione dello stato antico col moderno, che noi crediamo migliorato dal considerare, che determinando li Signori Ferraresi nel loro foglio la estremissima bassezza del Po, forse da misure più antiche, alla foglia della Chiavica Pilastrese, in oggi molto più s'abbassa, come dal detto comune di più testimonj esaminati in questa visita; come di fatto s'abbassano le foglie dell'altre Chiaviche, come di quella della Massa, e più anticamente della Pilastrese.

Al §. Causa pure ec.

Quello, che s'è detto nel nostro foglio antecedente in questa materia, si repete in questo caso.

Al §. Ha causato nel Po ec.

Che li froldi descritti sieno effetti di Panaro ha bisogno di gran prova, non bastando le sedi allegate per dilucidarlo.

Al §. Ne occorre ec.

Concediamo, che li froldi, che si trovano a Lago scuro uno di rincontro all'altro, sieno effetto dell'accrescimento dell'acqua del Po per intromissione di Panaro; ma non li crediamo causati, che dall'angustia dell'alveo, che si ritrovava in quel sito, quale cessando, esse pure terminano, come che non hanno causa perenne, come gli altri.

Al §. Ha apportati ec.

L'isole si formano ne' fiumi per più cagioni. La materiale certo è la sabbia, e lezza portata da' fiumi; l'efficiente poi è un rallentamento di moto fatto in quel sito da qualsivisa causa, ma niente di ciò prova, che il Bonello della Stellata sia stato fatto da Panaro, essendo notato nella visita Centurioni, più antica della di lui introduzione, nè che l'alveo del Po sia stato interrito da Panaro, se non in quel luogo particolare; in cambio del quale se l'avrà presa in altra parte quanto li bastava, o pure per la troppa dilatazione si sarà ristretto in alveo sufficiente, e non eccedente. Che sia accresciuto detto Bonello non si niega, ma l'accrescimento non prova cosa alcuna di più di quello che faccia la sua prima produzione.

Al §. Ne può dubitarsi ec.

Che essendosi affondata una Barca di Botti in Panaro, ed alcuna di queste sia stata portata sul Bonello della Stellata, non prova, che tale traslazione sia stata fatta dalla corrente di Panaro, mentre può esservi stata spinta dal vento, o dall'impeto concepito nel venir giù per Panaro galleggiando, che l'abbia fatta trascorrere dalla corrente di Panaro in quella del Po, e da centomila altre cause differenti da quello, che si pretende provare.

Al §. Secondariamente ec.

Rispetto all'interrimento del Po, già s'è detto quanto occorreva in questo, ed altri fogli; nè qui si prova con maggiori argomenti, che gli argini sieno stati rialzati, cioè ritornati alla primiera loro elevazione, poco prima della visita Borromea può essere, perchè tutti gli argini, particolarmente, che servono per vie pubbliche, come quelle del Po, col tempo s'abbassano, ed hanno bisogno di riparo; ma che si sieno elevati di più per l'interrimento del Po, o per l'alzamento delle piene si niega, anzi s'è mostrato il contrario altre volte, da' confronti delle misure della visita presente, con quelle delle più antiche, e rispetto all'alzamento degli argini del Po d'

Ariano abbiamo detto quanto occorreva nel congresso antecedente.

Al §. 5.^o aggiungano le rotte ec.

Anche nella visita Corfini furono esagerate le rotte seguite negli argini di Panaro, dopo che dal Signor Cardinale Capponi fu intieramente rivoltato al Po Grande, e si dicevano seguite come ora per cagione di detta introduzione; ma quando questo degnissimo Prelato volle saperne il netto, trovò che dette rotte erano seguite per causa di topinare, e ne restò assoluta la rivolta di Panaro. Ciò costa dal rogito fatto dal Notaio Donati li 16. Aprile 1625. e dalla Relazione di Monsignor Corfini predetto al §. *La verità si è ec.* e fu la cagione, che l'obbligò a soggiugnere: *non posso qui astenermi di dire, che si converrebbe in somiglianti negozj comminare più sinceramente.*

Al §. Siccome in esso Po ec.

Che sieno seguite, rotte negli argini del Po, non si contrasta. Vediamo bene, che dopo che Panaro corre nel Po, succedono meno frequenti di prima; onde piuttosto, se da ciò dovesse prendersi argomento, dovrebbe dirsi, che Panaro è il rimedio delle rotte, non la cagione, tralasciando di notare quello che si dice in proposito della rotta alla Trombona, cioè, che essa seguisse nel sito della Coronella più forte, perchè ciò involve una manifestissima contraddizione.

R I S P O S T A

De' Bolognesi agli Articoli XVI. XVII. che sono.

- I. Se messo il Reno in Po Grande si sia provveduto d' un rimedio reale alla parte destra del Po di Primaro.*
- II. Di che spesa possa essere questa introduzione.*

Circa il primo.

IL nome di rimedio reale può avere diverse significazioni. Prima può intendersi per sicuro, Secondo per perpetuo, Terzo per adeguato, Quarto per universale.

La perpetuità all' immissione del Reno nel Po, non si può negare, perchè, se in diversi tempi è corso nel Po, e se abbandonato, ha sempre tentato di unire la propria alla di lui corrente, non si dee dubitare, che facendosi ciò con buona regola, non sia per mantenersi in eterno possesso di tributare l'acque proprie al suo sovrano.

La sicurezza pure è manifesta dal detto sin' ora in risposta degli articoli proposti dall' EE. VV., onde per questi due capi non si può temere, che non sia rimedio realissimo.

Che

Che poi il mettere il Reno nel Po sia rimedio adeguato a tutti li danni a destra del Po di Primaro, dipende dalle seguenti osservazioni.

Tutte le bonificazioni si fanno, o per efficaçione, o per alluvione. Per efficaçione, quando si ha luogo basso dove derivare l'acque stagnanti sopra i fondi bonificabili, come s'è praticato in quelle di Mellara, Bergantino, Sienta ec. sulla sinistra del Po, ed in quelle del Polesine di Ferrara alla destra. Per alluvione poi, quando i fondi sono tanto bassi, che non possono avere lo scolo, o al mare per la nostra distanza, o poca caduta, o in qualche fiume reale di gran fondo per mancanza di esso in quei contorni.

Essendo che li terreni a destra del Po di Primaro sono di diversa condizione, bisogna perciò distinguere quelli, che non sono bonificabili, che per alluvione. Certo che la valle del Poggio di Marrara ec. se non per lo passato, almeno oggi è tant'alta di fondo, che può quasi del tutto essiccarsi, derivando l'acque vive del Reno nel Po Grande, e regolando gli scoli verso quella parte, che più si credesse opportuna, la quale noi pensiamo possa essere il canale della navigazione tra Bologna, e Ferrara. Se poi fosse praticabile di voltare anche la Savena nel Po medesimo, non v'ha dubbio, che si scoprirebbero tutti li terreni situati a destra del Po d'Argenta, sino tutto il Tragheto, ma supposto, che ciò non sia fattibile, o per la lunghezza della strada, o per l'intersecazione de due Polesini, bisogna voltare il pensiero alla considerazione, se la caduta di questo fiume al mare sia tanta da sperarne buon successo.

Noi troviamo la caduta di Savena dal dosso del Penna sopra il pelo alto di Primaro immediatamente sotto il Cavedone di Marara piedi 8. 3. 8., come nel Sommario 22. della nostra Scrittura; ci par pure di potere determinare la caduta del detto pelo di Primaro, sopra il pelo basso del mare piedi 17. 8. 3; adunque la caduta del dosso del Penna sopra il pelo basso del mare sarebbe piedi 25. 11. 11. tal caduta al certo non è sufficiente per portare la torbida della sola Savena al mare, ma dovendosi unire con gli altri fiumi inferiori Idice, Quaderna ec. può esser che tal caduta per tutti bastasse, particolarmente se si ritornasse il Lamone nel Po a S. Alberto, che servirebbe per cavarli maggiormente il fondo, ed aggiungere caduta proporzionale a' fiumi superiori.

Sia quello, che si voglia intorno questo particolare, certo è, che siccome in tutti li tempi è sempre stato creduto, che le valli superiori possano bonificarsi per efficaçione; così è stato tenuto per fermo, non potersi far ciò nelle inferiori, che per alluvione, e perciò a tal fine furono al tempo di Paolo Quinto voltati tutti li fiumi inferiori nelle valli a destra di Primaro, acciò riempendole, acquistassero coll' elevazione de' proprj fondi la necessaria caduta per iscolare l'acque proprie, e facessero sponda a' fiumi, che vi scorrevano dentro. Se ciò sia sufficientemente ottenuto lo sapranno meglio di noi i Signori Romagnoli, che hanno la pratica del Paese, e della misura delle alluvioni seguite. Il che principalmente dipende dall'osservare, se li fiumi Senio, e Santerno, dopo la loro introduzione nel Po di Primaro, abbiano stabilito il proprio fondo, o pure continuamente lo elevino; perchè da ciò può dedursi ciò, che dovesse succedere a quelli, che sboccano in Marmorta, ed a Savena medesima.

Perciò, o gli alzamenti seguiti nelle valli inferiori sono sufficienti, o nò. Se sono sufficienti, divertito che sia Reno nel Po Grande, basta attendere al regolamento de' fiumi inferiori, ed a quello delli scoli, che vi stanno intermedj, e s'avrà una bonificazione adequatissima. Se nò, bisogna dire,

che non è anco venuto il tempo da consolare intieramente li popoli di quella parte; ma non perciò dovere trascurarsi di sollevare gli altri che possono avere il rimedio facile, e pronto.

In ogni caso, quand' anche la rimozione del Reno accennata non fosse rimedio adeguato, e curativo di tutti li mali, non lascia però d' esserlo universale [che è la quarta intelligenza del reale] perchè ognuna delle tre Provincie non lascerà di sentirne molti buoni, e desiderabili effetti.

Rispetto a Bologna.

Prima assicurerà il suo territorio dalle rotte, che ora possono seguire dal luogo della diversione in giù.

Secondo escavandosi a quel segno, che si prova dalla delineazione della cadente, l' alveo del Reno, cesserà la necessità che presentemente si ha di alzare maggiormente gli argini, e di costituirne di nuovi.

Terzo, si renderà lo scolo perduto a' terreni, che hanno l' esito immediato nell' alveo del Reno, come quelli di Bisana, e gli altri situati nella Penisola fatta dalla confluenza di Reno, e della Samoggia, e tal beneficio è evidente, che non si può ottenere, che dall' introduzione del Reno nel Po.

Quarto, non si spanderanno più sulla ripa destra del Reno verso le valli del Poggio le piene del Reno, e perciò.

Quinto non s' avvanzeranno più l' inondazioni all' insù, come anno fatto fino al presente, anzi si riacquisteranno i terreni perduti, e si scopriranno molti altri, che non hanno mai veduto l' occhio del sole.

Sesto, li scoli averanno esito felice.

Settimo, i molini della Ca gioiosa, e gli altri situati sul canale Naviglio dal Bentivoglio in giù, acquisteranno le sue cadute a beneficio de' Popoli abitanti in que' contorni.

Ottavo si stabilirà una navigazione perpetua, e continua, senza bisogno di Traghetti non solo da Bologna a Ferrara, ma fino a Venezia.

Nono la Valle di Diolo resterà esente da' regurgiti di quella di Marara, a' quali presentemente è soggetta, e se si regolasse la Savena, resterebbe intieramente bonificata.

Decimo la valle di Marmorta restando esente dalle Pavane di Reno, non si eleverebbe più alla gonfiezza presente; e potrebbe in gran parte ridurre a coltura, regolando, e stabilendo le linee a' fiumi Idice, Quaderina, e Sillaro, e liberandola da' regurgiti de' fiumi inferiori col beneficio delle Chiaviche.

Undecimo, si restituirebbe la pristina salubrità all' aria, ora infettata dalli avanzamenti, ed accostamenti della Valle alla Città, ed in fatti ora riesce di certo pericolo abitare la pianura l' estate, perchè la maggior parte di uelli, che vi si portano a villeggiare, ritornano alla Città infermi, cosa q' tempi andati insolita in questi paesi.

Rispetto a Ferrara.

Primo. S'assicurerà da tutte le rotte a sinistra del Reno, alle quali ora è così soggetta, particolarmente nella S. Martina, e sebbene dovrà difendersi da quelle a destra, ciò però sarà nel breve tratto di 3. in 4. miglia, e poco sarà il pericolo per la deficienza de' froldi.

Secondo, resterà esente dalle rotte, che possono succedere a destra di Panaro nelle parti superiori fino al Bondeno, anzi per tutto il tratto, non avendosi memoria, che dal Bondeno in giù sieno succedute mai rotte.

Terzo, assicurerà, oltre la San Martina, anche tutto il resto della riviera a destra del Po di Primaro.

Quarto, acquisterà un gran tratto di paese dentro il circondario delle valli di Marara, ora vallive, e Boschino, e tutto il terreno situato sulla riva destra del Reno da Gallino in giù resterà esente dalla di lui inondazione, e ridurrassi ad una perfetta, e sicura coltura.

Quinto, ricupererà la navigazione con Bologna resa disperata nello stato presente di cose, nella conformità detta di sopra.

Sesto, con disfare le valli del Poggio, e di Marara renderà molto più salubre l'aria della Città di Ferrara, e se l'allontanamento della valle San Martina le ha apportato in questo particolare tanto beneficio, quanto ne può ella sperare dall'efficace l'altre del tutto?

Settimo, si libererà anch'essa dalla spesa del continuo rialzo degli argini del Reno sul proprio territorio, anzi si potrà in sicuro da un evidente precipizio, che col tempo li minaccia Reno ritenuto nella parte di sopra della Città, perchè dovendosi sempre più elevare di fondo, arriverà a tant' altezza, che non potrà più trattenerli fra gli argini.

Ottavo, si diminuiranno li pericoli, che apporta l'acqua di Reno corrente di Primaro al Polesine di S. Giorgio, e si scemeranno di molto, se pure non si toglieranno affatto, le sorgive, che infestiliscono.

Nono, le valli di Comacchio si renderanno esenti, senon intieramente, almeno in parte dalli pericoli delle rotte, il che ridonda in sicurezza degli scoli del detto Polesine.

Decimo, nel circondario delle valli di Marmotta si acquisteranno molti terreni, parte perduti, parte sempre stati vallivi.

Undecimo, la terra d'Argenta resterà sollevata dal timore, e dal danno, in che ora si trova.

Rispetto alla Romagna.

PRima, si libererà dalle espansioni, che si fanno a destra del Po di Primaro, o perchè il Po predetto non si eleverà tanto, come ora, o perchè, rimosso il Reno, può essere lasciata in libertà da difendersi con argini, e perciò.

Secondo, si scoprirà gran quantità di terreni ora perduti, tanto nelle valli di Marmotta, quanto nelle inferiori.

Terzo, si migliorerà di scolo incomparabilmente, e li condotti non così presto s'interiranno, come adesso a causa delle espansioni del Po.

Quarto, si sminuirà il pericolo delle rotte ne' fiumi Senio, e Santerno per avere più felice lo scarico, e potrà arginarsi quest' ultimo fino al suo sbocco, con utile grandissimo delle campagne agiacenti, le quali ne' siti bassi potrebbero godere il beneficio delle alluvioni per via di Chiaviche.

Quinto, il miglioramento dell' aria anco in questa parte non è sprezzabile.

Sesto, s'assicureranno le bonificazioni fatte in questo secolo, le quali per altro sono in pericolo di perdersi per accrescersi sempre più l'acqua del Reno nel Po di Primaro.

Settimo, molti molini perduti per mancanza di caduta torneranno al suo essere primiero per l'abbassamento dell'acqua del Po.

Vi saranno forse altri considerabili benefizj, che a noi non possono esser noti, perchè privi della necessaria esattissima informazione della Romagna, e Romagna; ma questi potranno esser notificati all' EE. VV. dalli Signori Ravegnani, che sapranno bene esattamente rappresentarli.

Circa il secondo.

LA spesa della rimozione del Reno dalle valli ed introduzione nel Po, non può precisamente determinarsi, senza un' esatta livellazione de' terreni, per li quali si dee fare il di lui alveo, la quale non essendo ora stata fatta, nè accordata l'antica de' Signori Ferraresi, non può determinarsi cosa veruna. Immaginandoci però, che per ora possa bastare all' EE. VV. a un dipresso la notizia della quantità di detta spesa, non lasciamo di rammentare loro, che a car. 131. della nostra *Raccolta di varie Scritture ec.* si trova calcolata la spesa necessaria alla sesta diversione di Monsignor Corsini, che ascende alla somma di scudi 162364 dalla quale nella nostra ultima proposta, dovrebbero detrarsi scudi 30000. per le Chiaviche di Burana, e Botte sotterranea per il Canalino di Cento, ed altri scoli, spesa non necessaria nel nostro caso in maniera, che si ridurrebbe a scudi 132364. S'aggiunge, che molto meno costa per la di lei maggior brevità ec. la costruzione dell' alveo per la nostra ultima linea; ma computando l' eccesso per quello si dovrebbe spendere in elevare gli argini del Canalino di Cento, si crede, che la spesa poco si scosti dalli scudi 132364.

Similmente a car. 31. si calcola la spesa necessaria per la diversione di Reno da Mirabello a Palantone, scudi 235526., ma circa la metà basterebbe nella nostra linea avanzandosi tutto l' alveo dal Po di Ferrara sino a Palantone.

S' avverte, che l' alzamento degli argini del Po quando fosse creduto necessario per l' accrescimento dell' altezza nelle piene, con tutte le abbondanze, che imaginabilmente si possano dare, non ascenderebbe mai alla spesa di scudi 80000. dal che si conosce, che computando la spesa necessaria per la diversione di Reno, per l' alzamento degli argini del Po, per la navigazione, per lo regolamento de' scoli ec. non oltre passerebbe mai, anzi non arriverebbe a scudi 250000. spesa tollerabile, e facile ad esigersi, o in frutto, o in capitale senza veruno reclamo dalle Provincie interessate.

Finalmente quando venisse il caso, si farebbero esattissimi scandagli, e siamo certi, che da essi apparirebbe la spesa molto minore dell' enunciata.

A N N O T A Z I O N I

De' Bolognesi al foglio de' Signori Ferraresi sopra li punti primo, e secondo, che sono.

- I. *Se la nuova linea indipendentemente dalla caduta de' mezzi, quella che ha dal termine a quo ad quem, sia sufficiente per condurre l'acqua al mare.*
- II. *Con qual regola debba proporzionarsi il nuovo alveo, e se in esso potranno mantenersi incassati li fiumi, che vi s' introdurranno.*

Circa il primo.

Al §. Primo. **L**A lunghezza della linea, che mostra la pianta comunicata è di miglia 70. di Ferrara, e di Bologna qualche cosa più di miglia 49 noi la supponemmo nella nostra prima Scrittura miglia 55. quale ce la mostrano le carte Geografiche, e la distanza itineraria. Ora assumendo questi li Signori Ferraresi, bisogna si dichiarino di quali miglia parlino, acciò si possa fare il calcolo della caduta.

Al §. Secondo. La caduta della linea dal punto della diversione del Reno, sino al pelo basso del mare è stata da noi calcolata dalle misure prese nella visita piedi 73. 9. 0. ed accresciuta di piedi 8. riesce piedi 81. 9. 0. non sappiamo però con qual fondamento venga calcolata in questo §. piedi 88. 8. 0.

Gli autori, che parlano della caduta necessaria de' fiumi torbidi stabiliscono la 24. ma: della centesima di tutta la lunghezza, e noi non l'impugniamo, quando si parla di sola torbida, ma quando si tratta del fondo ghiaroso, l'esperienza dimostra l'aridità, come apparisce dalle livellazioni asserite nella nostra Scrittura. Che poi il fondo dell'inalveazione nuova sia per riuscire ghiaroso per lungo tratto, apparisce dalla visita a car. 240. 243. 247. 254. e 276.

Ma facciamo anche il calcolo della caduta necessaria, secondo la predetta supposizione. La lunghezza di tutta la linea a misura di Bologna è miglia 49. cioè pertiche 24500, la centesima parte è 245., e la ventiquattresima parte è 10. $\frac{1}{2}$ vi vorrebbero adunque pertiche 10. $\frac{1}{2}$ di pendenza,

o siano piedi 105. noi ne abbiamo 81. 9. adunque ne mancano piedi 23. 3. di Bologna. Facendo poi il calcolo a misura di Ferrara, miglia 70. sono pertiche 23333; la centesima è 233. $\frac{33}{100}$, e la ventiquattresima parte di

questo è pertiche 9. $\frac{3}{4}$, che sono di Ferrara piedi 93. $\frac{1}{2}$, ma noi non ne

abbiamo, che piedi 81. 9. di Bologna, che sono di Ferrara piedi 76. 7. 9. adunque ne mancano di Ferrara piedi 20. 10. 3. L' equivoco de' Signori Ferraresi in dire, che la caduta è soprabbondante, consiste in avere calcolare le misure di Bologna, e di Ferrara senza ragguaglio.

Al §. Terzo. Si assume quì da' Signori Ferraresi la dottrina da essi rigettata, quando si trattava della linea di Reno al Po Grande circa la mutazione delle cadenti, e dal principiare la delineazione di questi al disotto, desideriamo, che ciò s'avverta, e s'applichi a Panaro, e al Po Grande, ed aggiungiamo, che la mutazione delle cadenti è vera, ma bisogna dimostrare, che questa basti a consumare li piedi 103. once 3., che mancano, sul supposto, che debba la nuova inalveazione portarsi la sola torbida al mare, e non corra per fondo ghiaroso, e di più tutta quella, che è necessaria per correre sopra la ghiara per un tratto almeno di miglia 17. di Bologna, quanta è la distanza del Reno al Sillaro.

Per determinare quanto importi la mutazione delle cadenti non giova punto la livellazione. tutto che esattissima de' mezzi, anzi fin ora non s' ha regola veruna, nè dimostrata, nè indicata dalla proporzione, dalla quale si diminuiscono le cadenti per l'aggiunta di nuove acque, non potendosi asserire altro sopra ciò, se non che esse si rendono successivamente minori.

Circa il secondo.

Al §. Primo.

A Noi non sembra buona la regola di fare l' aggregato della larghezza de' fiumi, che debbono unirsi, a dedurne da essi quella dell'alveo comune, secondo la proporzione indicata dalla natura in un caso simile, dipendendo la larghezza dalla resistenza delle ripe, o maggiore, o minore, che varia, secondo che varia la condizione del terreno, che le forma, e lo stesso fa molto caso, nella mutazione delle cadenti, anzi non si ha nota proporzione veruna fra l'altezza, e larghezza del medesimo fiume in tutti li siti, e d'un fiume coll' altro, come apparisce dalle misure di essa, l'altezza del Po alla sua larghezza è come 1. a 22. $\frac{1}{2}$; Quella di Reno assumendo l'altezza di piedi 10. come 1. a 18., quella di Panaro, come 1. a 6.

Al §. Secondo. Mentre da' Signori Ferraresi non si giudica vera la dottrina allegata in questo §. chiaro apparisce la dubbietà, nella quale essi si trovano di proporzionare l'alveo a diversi fiumi uniti, senza levarli, la quale non è dovere impegnare li Popoli a spese sì eccedenti, quali sono le necessarie per l'esecuzione della proposta diversione. Per altro, quando ammetteremo per dimostrata, come veramente è tale dottrina, non lasceremo di far vedere l'impossibilità di applicarla al caso presente.

Al §. Terzo. Se il metodo fosse buono, non averemmo difficoltà in concedere, che a causa del poco di più, che può portare seco l'applicare le dottrine astratte alla materia, s'abbondasse in cautela, con dare qualche maggiore larghezza all'alveo, ma perchè il metodo è facilissimo potrebbe darsi il caso, che tutte l'abbondanze fossero anche scarse con gran pregiudizio di tutti.

Al §. Quarto. La livellazione, che tanto si desidera da' Signori Ferraresi non

si non mostrerà, che la situazione del mezzo, non mai, nè la situazione de' fiumi, nè la larghezza de' medesimi, nè la profondità ne' corpi d'acqua ecc. niente di questo può bastare per determinare, nè la larghezza, nè la profondità dovuta, alla nuova inalveazione, che è la materia di questo punto. E perciò non è necessaria, ma superflua, se prima non si mostra evidente la situazione della cadente, in relazione della quale, poi si può vedere, se li mezzi sono adattati a fare la sponda dovuta all'incassamento desiderato, e che la caduta in corpo sia sufficiente al bisogno.

A N N O T A Z I O N I

Seconde de' Bolognesi, sopra le risposte date dalli Signori Ferraresi alli obietti fatti loro ne' fogli, e nel congresso delli 12. Agosto 1693. circa li punti primo, e secondo.

Alla risposta della prima obiezione si replica, che la lunghezza della linea sia di miglia 49. o pure $47\frac{1}{2}$ porta poco divario, che la livellazione non vi ha che fare per determinare la lunghezza di essa, che per accidente, ma che la pianta già esibita, è determinata a quest' effetto. Che supponendosi errore nella pianta, non si può poi nè anche prestar fede alla livellazione, che si dimanda replicatamente, abbenchè affatto inutile, e superflua, se prima non si prova evidenza di determinare la situazione della linea cadente propria *ex natura rei* di questa inalveazione.

La caduta poi di piedi 93. 3. 3. asserita in questo luogo è una manifesta fallacia, perchè fondata sopra una parte di livellazione da' Signori Ferraresi ripudiata nella visita a car. 123. e 124. sotto li 27. Febbraio anno corrente 1693, e perchè paragonata ad un'altra parte di livellazione fatta d' accordo dovea assumersi o l'una, o l'altra intera, o (quello che era più proprio) valersi delle misure fatte d' accordo dalle parti registrate nella visita in forma autentica, e più sicure, per esser fatte la maggior parte ad acqua stagnante; e queste non danno, che piedi 81. 9. 0. che divisi in miglia $47\frac{1}{2}$ sono piedi 1. once 8. $\frac{62}{64}$ per miglio inferiori anche al bisogno,

come si dimostrò nell' altro nostro foglio sopra questi punti.

Alla risposta della seconda opposizione. Che darò, che il rimedio insegnato dal Padre Michelini per mantenere la retitudine a' fiumi, che corrono in ghiera, fosse ottimo, è certo, è però di spesa così eccessiva, da far perdere la volontà a chi si sia di mettersi in necessità di praticarlo. In ogni caso si potrà aggiungere anche questa considerazione per fare il calcolo della spesa, come si disse da noi nel congresso.

S' aggiunge un' altro equivoco fatto in questa risposta, che è il paragonare la manutenzione di circa 100. miglia d' arginatura, o di cavo da farsi per questa inalveazione. Si avverte però, che le cose fatte si mantengono

con poco, abbenchè sieno di lungo tratto; ma le nuove non si fanno, che con spese eccessive, abbenchè di lunghezza minore, e poi chi assicura della sussistenza?

Alla risposta della terza opposizione si soggiugue, che non vale rispetto al Po l'esempio del Lamone, ed altri fiumi minori; ben sì rispetto a questa nuova inalveazione. La disparità si è l'asserita da noi nel congresso, che il Po coll' unione di tante acque è giunto a farsi tanto di forza da escavar il proprio fondo a forma orizzontale; al quale stato non arriverà mai l'inalveazione proposta, comechè destinata a ricevere soli torrenti, che tutti assieme non equivaleranno ad una decima parte del Po Grande, e non hanno acque perenni, come il primo; onde rispetto a questa inalveazione dovrà avere qualche pendenza di fondo sino allo sbocco, e per conseguenza al prolungarsi della linea dovrà rendersi necessaria maggior pendenza, cosa, che non succede nel piano orizzontale del Po. Onde è manifesto, che l'argomento de' Signori Ferraresi è preso tutto il contrario, supponendo essi, che al prolungarsi de' fondi orizzontali, segua interrimento di fondo maggiore, che al protrarsi degli alvei inclinati: cosa convinta di falso, e dall'esperienza, e dalla ragione dimostrativa.

Niente poi suffraga il dire, che vi vorranno secoli a fare tal' interrimento sensibile; e che il rimediarvi sarà facile, perchè si farà appoco appoco, perchè concesso anche tutto, non potrà mai rimediarsi, che al solo capo delle inondazioni, non mai all' interrimento de' scoli, che ne suffeguirà alla perdita delle cadute de' canali, de' molini all' soggettar si a scolare per mezzo di Chiaviche, al pericolo, che si farà maggiore delle rotte ec. cose, che in caso proprio saprebbero li Signori Ferraresi ampiamente descrivere.

Alla risposta della quarta opposizione si replica, che la ghiaia nel caso presente fa li suoi danni limitati a proporzione della caduta, che trovano li fiumi nelle parti inferiori; la quale scemandosi giornalmente, giornalmente anche accrescono li pregiudizj, ma minore caduta s' avrebbe dalla parte di Levante, che a Settentrione; adunque maggiori si farebbero li danni, per la nuova linea, che per la presente de' fiumi. Diversissimo è poi il caso, perchè li fiumi Reno, Savena ec. lasciata, che hanno una volta la Ghiara, non più l'incontrano; onde si formano la cadente proporzionata alla sola torbida, ma nella nuova inalveazione, continuerebbe per lo meno per 7. miglia ad averli il fondo ghiaioso, e perciò li fiumi antecedenti farebbero obbligati ad elevare il proprio fondo tanto da superare la cadente di ghiaia formata dall' ultimo de' fiumi, che la portasse.

Si paragona poi di nuovo la spesa del mantenere gli argini presenti de' fiumi, con quella di riparare a' danni, che cagionerebbe la ghiaia, della quale si farà nuovo discorso più abbasso.

Alla risposta della quinta obiezione, si dice; che il nostro parlare iperbolico in dire, essere cosa impossibile il proporzionare coll' arte l' alveo a tanti torrenti, da noi si muterà immediatamente, che ci sarà insegnato un metodo assicurato di farlo. Sin' ora non lo crediamo tale, perchè non troviamo cosa, che ci soddisfaccia. Che poi l'ingegno umano sia per superare una volta questa difficoltà, non abbiamo motivo di dubitarne; ma se tale invento non si pubblica a' giorni nostri, faremo costretti di operare senza scorta in determinare di tratto in tratto le larghezze all' inalveazione di cui si discorre. De' due metodi insinuati da' Signori Ferraresi, già abbiamo detto il nostro sentimento, ed in voce, e in scritto; onde non stimiamo qui necessario ripeterlo.

Alla risposta della sesta opposizione, abbenchè non fatta da noi, si replica, che di già a tre cose è stato paragonato il mantenimento presente di 300. e più miglia d' arginatura. Prima alla costruzione, e manutenzione di quella, che sarà necessaria a questa nuova linea. Secondo alla manutenzione della rettitudine dell' alveo. Terzo all' alzamento delle medesime arginature per l' alzamento del fondo dalla protrazione della linea, e quanto al riparo de' danni, che causerebbe la ghiaia, ed è stato asserito particolarmente l' insensibilità della proporzione, che ha la prima con ognuna dell' altre. Considerisi ora la manutenzione degli argini, e si proporzioni alle spese necessarie per tutti gli altri quattro capi insieme, e tornisi a ripetere, se si può, che la spesa della prima è molto maggiore dell' altre. Riflettasi bene, e si vedrà quanto ognuna delle spese, e pregiudizj derivanti da' quattro capi predetti superi la spesa, a paragone, insensibile del mantenere le arginature presenti.

Alla risposta della settima opposizione non replichiamo, perchè non ci ricordiamo, che ella sia stata proposta da veruno.

R I S P O S T A

De' Bolognesi agli Articoli Terzo, Quarto, e Quinto, che sono.

- I. *Supposto, che il nuovo alveo corra dentro terra, se avrà bisogno d' argini, e saranno necessarie chiaviche per lo scolo delle Campagne.*
- II. *Come alli scoli, che resteranno intersecati, o in qualsivoglia altro modo impediti, si possa rimediare.*
- III. *Se vi sarà pericolo di rotte, e se da essi si dee temere danno notabile, ed in qual parte.*

Circa il primo.

IL supposto, che il nuovo alveo debba correre dentro terra, si può intendere in più maniere, cioè o in tutto, o in parte. Se si dee supporre, che il fondo dell' inalveazione venga *ex natura rei*; o sia per disposizione di cadente tanto profundato sotto il piano della Campagna, che il cavo sia sufficiente a contenere le massime piene de' fiumi rispettivamente uniti, certa cosa è, che in tal caso s' esclude la necessità degli argini, e delle chiaviche per iscolo delle campagne; ma tale felicità non può ripetersi, dove è così mancante la caduta, come s' è mostrato nell' esame del primo punto.

Supponendo poi, che l' inalveazione sia per seguire di tal maniera, che l' acque ordinarie corrano bensì fra terra, ma non già le piene, allora, perchè

chè queste non si portino ad inondare le campagne, saranno necessarj argini di maggiore, o minore altezza, secondo, che si troverà il piano della campagna restare più o meno sollevato sopra il fondo futuro del fiume, e sarà pure di necessità valersi di Chiaviche per iscolo delle campagne.

Ma quì si dee avvertire, che per accertarsi della necessità degli argini, e dell'altezza di essi, bisogna prima stabilire a luogo per luogo l'elevazione, che ha da avere sopra il pelo basso del mare il fondo dell'alveo, e con tal certezza, che non s'abbia a temerne, col tratto successivo del tempo, alterazione veruna; e secondo quale sia per essere l'altezza massima delle piene sopra il fondo di già stabilito; altrimenti sarà sempre inutile l'intraprendere alcuna livellazione. E per dimostrarlo supponghasi, che C D A sia l'andamento della campagna da Bologna al mare, ed A B il pelo basso di questo. Sia nota la caduta da C ad A piedi 81. 9., quella da D piedi 50. quella da E piedi 39. ec. e di più siano note le distanze da A da punti H, G, F, Certa cosa è, che le notizie delle cadute particolari de' punti C, D, E che determinano la situazione de' piani di Campagna a nulla serve, se prima non è determinata la situazione della cadente I L M per vedere quanto sotto la superficie della campagna debba profundarsi l'alveo



v. gr. I C, D L, M E, e se prima non si fa, se la profondità I C, D L, M E basti a fare spalla sufficiente all'altezza delle massime piene, o pure vi sia necessaria qualche elevazione d'argini sopra li punti C, D, E per supplire al difetto della bassezza della campagna. Come che adunque la livellazione non può mostrare altro, che la situazione del piano del terreno in ordine all'altezza, che ha sopra il pelo del mare, e non mai quella della cadente I L M A chiaro apparisce, che la livellazione de' mezzi, nulla serve, che a spendere inutilmente il tempo, ed il danaro, se prima non si determina per altro mezzo la cadente dell'inveazione, e l'elevazione delle massime piene.

Circa il secondo.

LI scoli delle campagne possono essere impediti in due maniere. Prima, se il fondo dell'inveazione dovesse restare superiore al piano delle campagne, ed allora non v'è altro rimedio, che quello delle Botti sotterranee. Secondo, se le sole piene avessero bisogno d'argini per essere spinte al mare, ed allora sarebbero necessarie le Chiaviche, come si pratica nel Po, ed altri fiumi.

Se poi gli scoli, che mettono la foce al mare fossero per essere impediti, si lascia considerare alli Signori Romagnoli, che hanno notizia della loro situazione, e de' quali è unico interesse.

Si rimette bene alla singolar prudenza dell' EE. VV. il riflettere di che dispendio sarebbe la costruzione di tante Borti, e di tante Chiaviche, e se egli è giusto, che li terreni vicini al monte, che godono il beneficio d' un secolo naturale, sieno soggetti a scolare artificialmente per via di Chiaviche, e di Borti.

Circa il terzo.

SE nella nuova inalveazione non dovesse entrare ghiaia di forte alcuna, e dovesse esser destinata a portare al mare le sode torbide, si potrebbe dire, che la vigilanza degli Uomini potesse tener lontano ogni pericolo di rotte: ma nelli siti di fondo ghiaioso, come questo di cui si tratta, non v'è arte sicura, che possa impedire le tortuosità, e le corrosioni, queste adunque necessariamente dovranno seguire, e facendosi in siti dove sia bisogno d'argini, ecco il pericolo prossimo, e manifesto essendo accertato dall'esperienza, che il riparo degli argini, è troppo debole ne' fiumi che portano sasso, e ghiara.

Il danno poi susseguente alle rotte sarebbe tanto grande da non potersi descrivere. S'interrirebbero le Campagne per la gran copia di ghiaia, e sabbia che porterebbero; non avrebbero limite, che nel Po di Primaro inondando tutte le Campagne in dirittura sino a detto termine; si profonderebbero alvei per esse; s'interrirebbero gli scoli; si porrebbero in azzardo il Polesine di S. Giorgio, e le Valli di Comacchio, le terre del Bolognese inferiore; e della Romagnola, la Città di Ravenna, e la Terra d'Argenta, la Città di Cervia, e le di lei Saline, e tanto maggiore sarebbe il precipizio, quanto, che le rotte non sarebbero d' un fiume solo, ma di più uniti, e potrebbero succedere in sito, che li fiumi inferiori rivoltassero il corso proprio all' insù a correre per la rotta con precipizio evidente.

ANNOTAZIONI

De' Bolognesi circa la replica de' Signori Ferraresi alla loro risposta alli Articoli III. IV. e V.

Al §. Al primo capo ec.

SI desidererebbe sapere la disparità tra Reno, Panaro, e gli altri fiumi, per vedere, se fa a proposito alla presente materia, e lo stesso si replica in ordine all'ingresso in Po Grande.

Al §. Circa poi ec. La rotta seguita nel Montone l'anno 1636. ec. come mai si prova essere proceduta dall'unione di questo col Ronco? Vi sono altre cause delle rotte de' fiumi, senza la supposta ora da' Signori Ferraresi, come è noto ad ognuno.

Al §. Il Ronco ec. L'essere alto il fondo del Montone più di quello del Ronco, non procede dall'essere trattenute l'acque del primo da quelle del secondo, ma dalla regola generale più volte allegata da noi, cioè, che li fiumi minori hanno bisogno di maggiore caduta, che li più grandi, e congeda benissimo col fatto presente, perchè si confessa, che *il Ronco è di corso d'acqua maggiore del Montone.*

Al §. Perchè dunque ec. Si confessa, che l'istesso fatto succederà in Reno, e Panaro, uniti che fossero assieme, cioè che il fondo di Reno in parità di condizione sarà sempre più basso del fondo di Panaro, s'egli è vero, che questo sia minore di quello. Ma s'aggiunge, che l'uno, e l'altro si scaverà di più di quello fosse per essere andando ciascuno separatamente al Po.

Al §. Al Secondo capo ec. La verità del fatto si rimette all'osservazione. Certo è che da noi più d'una volta s'è udito dire da Bondenesi, che il Reno viene colle sue piene sei ore prima di Panaro, e non abbiamo avuto difficoltà a creder loro; perchè il Padre Riccioli asserisce lo stesso nella Geografia riformata lib. 6. car. 3. *Primo enim aqua perennis Panari copiosior est quam Rheni, ejusque excrecentia, seuplenifluvia, vulgo le Piene, citius perveniunt, & horis sex circiter praeveniunt Rheni plenifluvia.*

Al §. Quanto al terzo capo ec. Un alveo proporzionato a un corpo maggiore resta tanto più capace d'un corpo minore; onde quando venisse un solo de' fiumi, supposto, che lasciasse anche qualche deposizione nell'alveo comune, all'arrivare delle piene unite, subito si sgombrerebbe ogn' impedimento. S'osservino altre simili unioni, e gli effetti di esse si trasportino al caso presente.

Al §. Che il primo ec. Quando s'addurranno le ragioni contrarie al detto da noi, non mancheremo di applaudirle quando siano coerenti al fatto, ed alla natura de' fiumi.

Al §. Si replica ec. Non intendiamo ciò, che si voglia inferire.

Al §. Al terzo supposto ec. Se fosse vera la dottrina allegata non bisognerebbe mai far taglio veruno; e pure gli Autori l'approvano per rimedio reale delle corrosioni; e non lo disapprova la pratica de' Signori Ferraresi, che l'anno passato ne fecero due in Panaro, ed altri in altri tempi; e ne an-

hanno proposti con sommi encomi in altre occasioni, rispetto allo sbocco, di già abbiamo detto il nostro sentimento.

Al §. Alla prima utilità ec. Se si scaveranno gli alvei di Panaro, e di Reno, per qual ragione non vi sarà maggior corpo d'acqua, e per conseguenza migliore la navigazione? Certo per Panaro si va verso Modana, e per Reno verso Cento; e noi non abbiamo mai detto, che sia per facilitarli la navigazione di sopra dal finale, nè che si debba avere per tutto, ed in tutti li stati dell'acqua; ma solo, che si renderà migliore in paragone di tutti li stati ec.



DELLA NATURA
DE' FIUMI

Trattato Fisico-Mattematico

DEL DOTTORE

DOMENICO GUGLIELMINI

Primo Mattematico dello Studio di Bologna,
e dell' Accademia Regia delle Scienze.

In cui si manifestano le principali proprietà de' Fiumi, se n' indicano molte sin' ora non conosciute, e si dimostrano d' una maniera facile le cause delle medesime.

DE PIUMI

DOMINICUS GULIELMUS

et alii

et alii

A' BENIGNI LETTORI.



O considerato più volte, da che provenga, che le Proposizioni Matematiche restino provate con ragioni cotanto ferme, che meritino nome di dimostrazioni, e sforzino gl'ingegni degli uomini all'assenso; laddove le Fisiche non ammettono, se non motivi probabili, che non oltre passano la sfera del verisimile. Negli andati tempi, quando i Filosofi si fermavano sulla corteccia de' soli nomi, e assegnata che aveano per cagione d'un effetto naturale, o una virtù, o una facoltà, o una qualità, sembrava loro d'essere arrivati all'ultimo termine del sapere, era facile il credere, che la diversa natura degli oggetti della Fisica, e della Matematica, potesse riputarfi autrice dell'incertezza dell'una, e dell'evidenza dell'altra: A' nostri giorni però, ne quali gli uomini penetrando più a dentro, e fino al midollo delle cose, hanno cominciato ad assegnare per cagioni degli effetti della natura, non più ideali virtù; ma in luogo loro la grandezza, la figura, e il moto de' primi componenti materiali, non può dirsi, che l'incertezza della fisica abbia origine dall'oggetto di essa, quale s'inalza di gran lunga sopra quello delle Matematiche: essendo che la grandezza, e la figura, sono pure gli oggetti della Geometria, siccome il moto si è quello della Meccanica.

Pertanto sempre più resta con gran ragione da dubitare, e da ricercare maturamente, d'onde nasca, che, sebbene restano occupate, l'una, e l'altra di queste due scienze, in trattare dell'oggetto medesimo, nulladimeno la Matematica si è tanto avanzata, e tutto 'l giorno così va avanzandosi, che sembra di non avere limiti alla sua estensione; ove, al contrario, la Filosofia naturale, abbenchè nel secolo presente abbia fatto qualche progresso, contuttociò resta così indietro, come se non avesse alcuna connessione colla Matematica suddetta: e pure bisogna confessare, ch'essa è obbligata di riconoscere tutto 'l suo, qualsivisia accrescimento dall'attenzione, che hanno avuta i Matematici d'impiegare in vantaggio della medesima, le regole della Geometria, e della Meccanica.

Considerando perciò, che i Matematici gelosissimi dell'evidenza delle Proposizioni, richiedono ne' loro supposti una perfetta astrazione da tutto ciò, che può alterare le conseguenze delle Dimostrazioni, il che per fare, assumono dell'idee puramente intellettuali, nelle quali non cade alcuna, benchè minima imperfezione; ove al contrario, i Fisici sono tenuti d'ammettere ne' loro supposti tutto quello, che concorre, o che può attualmente concorrere alla produzione d'un effetto; mi son persuaso di riconoscere in ciò l'origine dell'incertezza della Filosofia naturale; e mi sono confermato in tale credenza col riflettere, che in quelle scienze, nelle quali i Matematici prendono a discorrere d'oggetti fisici, come sono l'Ottica, le Meccaniche, l'Astronomia ec. si contentano, che le loro Proposizioni si verifichino, dentro una certa latitudine, ed in Teorica, poco curandosi, se l'esperienza fa riscontrare, nell'applicazione delle medesime, qualche picciola diversità. Ed in fatti non sono state ricevute nel numero delle Matematiche, anche miste, se non quelle scienze, che hanno un oggetto assai semplice, le cui affezioni dipendono, o da una sola, o da poche cagioni; e che possono essere poco mutate dalle resistenze, e dall'impurità della materia.

La moltiplicazione adunque delle circostanze, dalle quali, o si produce, o si varia, o s' accresce, o si scema un effetto, è quella, che apporta tutta la difficoltà di provare le proposizioni fisiche, colla stessa evidenza, colla quale sono dimostrate le Geometriche: ed in ciò non v' ha dubbio veruno; poichè chiunque ha avuta mano in cercare delle verità spettanti alla quantità anche astratta, sa bene per prova, quanto difficile si renda il metodo di rinvenirle, quando i supposti si moltiplicano oltre il dovere; e non per altro riescono facili gli elementi d' Euclide in proporzione della Geometria più recondita, se non perchè le loro Proposizioni, il più delle volte, poco altro suppongono, che la sola idea, o definizione della figura, e se tal volta v' è qualche cosa di più, non dà tormento all' immaginazione per essere conceputa: al contrario riesce astrusa la ricerca della natura delle linee di più alto grado, solo perchè i supposti s' accrescono di numero, e perciò è d' uopo di facilitarne i metodi coll' Analisi, che serve d' appoggio, o com' altri dicono, d' estensione all' immaginativa.

Se dunque nella più astratta Geometria, il moltiplicare i dati serve ad accrescere la difficoltà di rinvenire ciò, che da quelli può derivare; quanto più tal moltiplicazione avrà luogo, in rendere difficile la ricerca degli effetti naturali, e delle regole, con che opera la natura? posciache, posta sempre la cagione medesima, e perimente il medesimo soggetto, nel quale dee prodursi l' effetto; anzi data la cognizione di più cagioni insieme operanti, ciascheduna colla sua energia; e supposta la cognizione del soggetto in ordine a tutte le circostanze, nelle quali esso si trova; dato in oltre per conosciuto il concorso del mezzo, e di tutto ciò, che può estrinsecamente fomentare, o alterare, o impedire l' effetto; non è già impossibile, assolutamente parlando (abbenchè, oltre ogni credere, difficilissimo) di trovare per via di dimostrazione, ciò, che ne dee succedere, quando tutto il predetto debba operare per necessità di natura; ma non può finalmente averfi, in tutti i casi, veruna sicurezza, che tutto quello, che una volta ha cooperato a produrre un effetto, debba altresì concorrervi un'altra; e che non si vari per conseguenza l' effetto medesimo.

Questa, e niun' altra, è la cagione, per la quale i Medici hanno bel dare delle regole generali, concernenti alla curazione de' mali, ed al pronostico de' medesimi; perchè ad ogni modo rade volte si troverà, che si verifichi universalmente alcuno de' loro Aforismi, abbenchè sia esso stato dedotto immediatamente dall' osservazione: e questo anche è il perchè resta screditata la Chimica in molti de' di lei più rinomati esperimenti, come pure nota il famosissimo Boile nel suo Libro de Insiduo experimentorum successu.

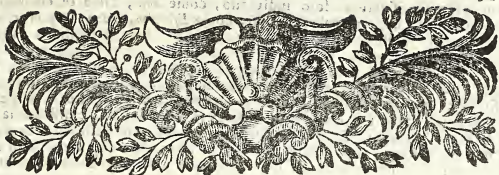
Quindi è, che per discorrere dell' Opere della Natura, non si può battere altra strada, che quella, o di considerare le cose individualmente; o pure, volendo formare delle proposizioni universali, di porre fra supposti quelle sole cagioni, che più frequentemente concorrono a dar l' essere a un nuovo prodotto, e lasciare al discernimento di chi vuole applicarle, la cognizione dello stato individuale di ciascun caso: acciocchè, riflettendo alle ragioni, possa dedurne, se, o lo statuto nella Proposizione sia in tutto applicabile; o pure se alcun' altra circostanza non considerata nella dimostrazione, possa alterare in qualche parte la verità della medesima, quando però non si voglia procedere per una via puramente matematica, quale è quella di prescindere da tutte le circostanze estrinseche, e di considerare l' effetto, come se fosse dalla sua cagione prodotto nel voto, o dentro d' una materia perfettamente omogenea; il che, quantunque possa praticarsi rispetto a certa sorta d' oggetti, che operano con una somma semplicità, come sono il Raggio della Luce, i tremori del suono, il moto de' gravi ec. non è però sempre praticabile, rispetto a quelle cagioni, che hanno un operar più composto, e più soggetto alle alterazioni.

Ho voluto prepararvi l'animo, Miei Benigni Lettori, col farvi conoscere la cagione dell' incertezza della Fisica, acciocchè vediate quello, che avete da promettervi di me nell' opera, che ora do in pubblico sopra la Natura de' Fiumi. E' questa un Trattato Fisico per quello, che riguarda l' oggetto, che nè meno è de' più semplici; ma il medesimo, rispetto al modo della considerazione, non lascia di appartenere in qualche maniera alle Matematiche. Avete dunque da prefigervi nella mente, di non aspettare da me, nè in tutte le dimostrazioni, quel rigore, che di ragione esigete da un geometra, nè in tutte le proposizioni, quell' universalità, colla quale sono proferite le asserzioni più astratte. Io vi diedi, alcuni anni sono, la Misura dell' Acque correnti, nella quale si d' aver caminato con più di rigore, dal che fui obbligato a prescindere dagl' impedimenti, da' quali, o non mai, o quasi mai, va scompagnata l'acqua, che corre per li canali; ma ora, che ho voluto darvi una Teorica de' Fiumi, non poteva io farlo con una perfetta astrazione, senz' incorrere la zaccia di fingermi una materia diversa da quella, della quale si vale la natura nel formare gli alvei a' fiumi medesimi. Quindi è, che necessariamente ha bisognato mettere a conto gl' impedimenti, i quali, perchè sono di tante sorte, e di così diversa natura nell' operare, che riesce moralmente impossibile il ridurli in classi particolari, perciò m' è convenuto considerarli nel loro genere, e dedurne ciò, che i medesimi possano, secondo le circostanze, tanto in alterare il corso dell' acque, quanto in produrre altri effetti, che sembrano maravigliosi. Non mi do già a credere di avere esauriti tutti i casi possibili, o considerate in ognuno di essi tutte le circostanze, che loro possono avvenire: essendo, e quelli presso che infiniti, e queste troppo variabili; bensì penso d' avere spiegati gli effetti, che più universalmente si riscontrano ne' fiumi, e d' avere dimostrata la connessione, che hanno i medesimi colle loro vere cagioni. Nel far ciò, credo essermi riuscito di scoprire molte proprietà degli alvei, per l' avanti affatto sconosciute, la cognizione delle quali porgerà a' professori molto di lume alle occasioni, per tenersi lontani da quegli errori, che per lo passato hanno prodotti sconcerti grandissimi; e darà l' apertura a' medesimi di esaminare i loro progetti prima di proporli, poscia di eseguirli colla scorta della ragione. Bisogna confessare, che l' Architettura dall' acque ha camminato fin ora son piede poco sicuro, a cagione del non avere mai trovato, chi le dia appoggio delle scienze necessarie, dal che ancora è proceduto, che la medesima è stata ripiena di falsi supposti, e d' equivoci. Io mi lusingo, d' averne scoperti molti; e per conseguenza di avere levati altrettanti inciampi alla felicità del di lei progresso, che giova sperare sia per succedere maggiore alla giornata, se i Matematici impiegheranno la Meccanica, la scienza del moto, e la Geometria (scienze affatto necessarie) all' avanzamento della medesima; e accertino di poter farlo con frutto, particolarmente se travaglieranno attorno quella parte delle Meccaniche, la quale fin' ora non è stata toccata da altri, che dal Signor Newton Insigne Matematico Inglese; ma non in maniera da potersene valere in proposito de' fiumi. L' utilità della materia può persuadere ognuno ad intraprenderne la fatica; poichè difficilmente troverassi altra parte della Fisica, la cognizione della quale, più di questa, sia necessaria agli usi degli uomini, essendo pochi i paesi, che, o da' fiumi non ricevano danni, o da' medesimi non ne ricavano utile, a misura delle condizioni diverse de' fiumi stessi, e dell' arte, colla quale i Popoli s' applicano alla loro condotta.

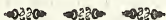
Quanto a me, so d' avere impiegato tutto lo sforzo possibile per promuovere questa scienza; ma non ho potuto farlo, che in piccola parte, e rozzamente: perchè avendola trovata quasi affatto incolta, m' è bisognato superare quella massima difficoltà, che suole incontrarsi nello stabilimento delle scienze nuove. Ciò, che di buono mi sia riuscito di fare, io non lo so; so bene di non aver avuto altra

mira in questo mio assunto, che di cooperare alla pubblica utilità; e perciò, quando non vi fosse altro di considerabile in esso, vi sarà almeno il motivo di averne scritto a tal fine, e soddisfatto all' obbligo, ch' a tutti corre, di adoperare il proprio, qualsivisa talento in pubblico vantaggio. Questo motivo medesimo m' ha fatto uscire, di quando in quando, dalla pura speculazione teorica, coll' aggiungere delle Regole attenenti alle principali operazioni dell' Architettura dell' acque, acciocchè, i Professori di essa possano, leggendovse, ridursi alla memoria ciò, che principalmente merita d' essere considerato nell' esecuzione delle medesime. Ho procurato altresì di rendermi chiaro, quanto ho potuto, sì ne' motivi delle dimostrazioni, tra' quali ho perciò scelti i più facili, e più familiari, sì nella frase, nella quale non ho avuto altro oggetto, che la chiarezza, sì finalmente nelle Figure, che voi dovete interamente all' aggiustatezza del Signore Egidio Bordonì, che nel delineare le medesime, ha voluto, oltre il renderle intelligibili, anco ornarle, col dare sfogo al suo pulito disegno; mentre io, per altro, non avrei saputo darvi, che rozzi sbozzi di pure linee, non bastanti a rendere pienamente instrutti del mio sentimento tutti quelli, che d' per genio, o per professione, s' applicassero alla lettura del Libro.

Rispetto al Metodo, voi vedrete, che ho distesa la materia in quattordici Capitoli, divisi, per una parte di essi, in diverse Proposizioni provate colle più limpide ragioni, che ho saputo, dalle quali ho dedotto gli opportuni Corollari. Contengono, e quelle, e questi, le principali proprietà de' fiumi, le quali hanno poi servito di base a molte considerazioni, parte, o inserite tra le Proposizioni medesime, o aggiunte nel fine de' Capitoli; e parte disposte sotto capi particolari. Avrei potuto molto più abbondare nel numero delle Proposizioni, ma per isfuggire la soverchia lunghezza, mi sono contentato di portare, in luogo loro, le semplici asserzioni, aggiugnendovi in succinto i motivi per prova, e tanto ho creduto bastare, a chi avrà inteso le cose precedenti; il che parimente ho praticato rispetto all' regole date per direzione della pratica. E perchè possano facilmente trovarsi, anco scorrendo il libro, le asserzioni sparse quà, e là; in luogo d' Annotazioni marginali, ho fatto porre in carattere corsivo ciò, che ho creduto più particolare. Per fine voglio avvertirvi, che una gran parte delle Proposizioni, non solo sono fondate sulle ragioni, che ho addotte in prova di esse; ma in oltre sono le medesime confermate dall' osservazione, e dall' esperienza; poichè con questi mezzi son io arrivato a conoscerne la verità nelle occasioni, che finora ho avute frequenti, di osservare, considerare, e speculare ad un tempo, sopra gli effetti de' fiumi; di far prendere le misure delle cadute di essi ec. Avrei potuto addurvi le predette osservazioni in prova delle proposizioni medesime; ma perchè non l' avrei fatto, che rispetto a quelle de' fiumi, al più, dell' Italia, ho voluto piuttosto valermi di ragioni più generali, ed astenermi dalle predette, col lasciare, che ciascuno ne' fiumi del suo paese ne riscontri la verità, che servirmi di prove, e d' osservazioni particolari, che nè meno sarebbero state intese da Forestieri. Gradite Benigni Lettori quest' effetto del mio buon desiderio a' impiegarmi in pubblico beneficio. E vivete felici.



TRATTATO DELLA NATURA DE' FIUMI



CAPITOLO PRIMO.

Della natura de' Fluidi in generale, e specialmente dell' Acqua, e delle di lei principali proprietà, necessarie a sapersi per la perfetta cognizione di questa materia.



NON è possibile a veruno (per quanto io creda) il ben' intendere la natura dell' acqua, se prima non ha ben capita l' essenza, e la costituzione de' corpi fluidi in generale, atteso il doverfi quella, senz' alcun dubbio, connumerare fra questi. Per arrivare adunque a tale notizia dee ricercarsi prima ciò che s' intenda sotto nome di corpo fluido, e secondo, ciò che debba avere realmente, e fisicamente quel corpo, che tale viene denominato, o, che è lo stesso, quale sia la mentale, e quale la fisica idea della fluidità. Per rinvenire e l' una, e l' altra, io la discorro così. Può avvertirsi da ognuno, che i corpi tutti dell' universo, si concepiscono dagli uomini, secondo l' apparenza, o come uno, o come molti, e perciò alcuni vocaboli sono de-

terminati a significare un solo individuo, come *Sole, Terra ec.* ed altri ad esprimere una congerie de' medesimi, come *Esercito, Selva, Popolo ec.* Abbenchè però questi ultimi sempre partecipino in qualche modo la ragione dell' unità, non è però, chi non sappia, non essere questi, che moralmente, un solo individuo; ma bensì un composto indefinito di molti: non così de' primi, ne' quali si concepiscono dal volgo le parti, come unite al suo tutto, insieme continuate, e quasi cospiranti alla formazione di esso, che perciò è concepito come una cosa sola indistinta in se medesima, e distinta da tutte le altre. Quegli però, che non si fermano del tutto nella corteccia delle notizie volgari, apprendono bene, che tutto ciò, che viene loro rappresentato da' sensi sotto specie d' un solo individuo, non è che un rammassamento di parti più piccole, una distinta dall' altra, e che unite insieme concorrono alla costituzione del tutto.

Queste parti componenti, o sono così unite una all' altra, che ripugnando all' essere separate, proibiscono, che un' altro corpo passi fra esse, o no. Nel primo caso i composti si chiamano duri, e quando fosse tale l' unione, ed il contrasto ad essere separate, che non potesse da veruno agente naturale essere superato, si direbbero i composti avere una perfetta durezza; ma perchè non se ne danno di tal sorta, quindi è, che i corpi naturali si chiamano duri rispettivamente, più, o meno secondo la diversa resistenza, che fanno le loro parti ad essere separate: e perciò nel secondo caso, permettendo li corpi naturali, che le loro parti siano separate una dall' altra, ciò può farsi in due maniere, o in modo, che quelle, che restano, non mutino la situazione, e i toccamenti, che hanno fra di se; o pure, che in luogo di quelle ne sottentrino successivamente delle altre consimili. I primi si chiamano corpi consistenti, e i secondi corpi liquidi; e perchè può essere, che le parti, le quali restano nel composto, nè ritengano la primiera situazione, nè entrino immediatamente in luogo delle perdute, quindi è, che bisogna aggiungere una terza affezione partecipante in un certo modo, e della liquidità, e consistenza, che si chiama mollezze, o lentore, siccome i corpi, che la possiedono, molli, o lenti.

Dovrà dunque chiamarsi corpo liquido quello, che essendo considerato come un solo, e permeabile da un altro corpo, in modo però, che il permeante sia sempre circondato dalle parti di esso; cioè a dire, che queste concorrano immediatamente a riempire il luogo successivamente lasciato da quello; e questa sarà l' Idea mentale idonea a farci distinguere i corpi liquidi da quelli, che sono tali.

Per maggiore intelligenza di che, si dee avvertire, che alla liquidità si ricercano due condizioni essenziali; la prima è l' unità della sostanza apparente nel corpo, che si chiama liquido; posciachè manifestandosi esso come una congerie di corpi minori distinti, non così facilmente sarà chiamato dall' universale degli uomini corpo liquido; ma bensì una massa di più corpicciuoli, come si dice de' cumuli di arena, di miglio, e simili, i quali abbenchè abbiano qualche proprietà de' corpi liquidi, nulladimeno non ne partecipano il nome; e ciò nasce perchè la denominazione, che si dà loro, è propria del componente, che apparisce al senso, e non del composto; ed all' incontro ne' corpi chiamati liquidi, il nome si dà al composto, non alla parte componente, che per essere insensibile non ha avuta la sorte di essere significata con un vocabolo particolare. Di qui nasce, che per la sensibilità, o insensibilità delle parti componenti sono distinti i corpi liquidi da' cumuli, o masse predette, che è una differenza affatto accidentale, e detunta dall' imperfezione de' nostri sensi: mentre per altro non può, che se-

secondo il più, e il meno distinguersi l'essenza de' primi da quella de' secondi. Pure affine di stare colla significazione comune del vocabolo di *Liquido*, è necessario richiedere in esso, come condizione essenziale, l'unità.

L'altra condizione è, che il liquido sia permeabile, senza però lasciare aperto il luogo del passaggio, che è lo stesso, che dire, che il corpo permeante sia sempre circondato, ed abbracciato dal corpo permeato. In questa condizione però vi sono alcune apparenti difficoltà, perchè non potendone succedere il liquido nel luogo abbandonato dal permeante, che per causa d'un conato vicendevole, che abbiano tutte le parti componenti fra loro, supponendo separato da esse questo conato, non potrebbero, che seguitare le direzioni de' moti impressi del permeante, e così in molti casi non succederebbero nel luogo di esso; onde è, che tal composto non dovrebbe più chiamarsi liquido, e pure non pare, che si muti essenzialmente la di lui natura. Ciò però non ostante egli è evidente, che in tal caso non potrebbe esso chiamarsi, che un corpo semplicemente permeabile: poichè in sostanza la liquidità, e così connessa col moto, o almeno colla potenza motiva delle parti, che non può, nè meno dall' intelletto separarsi da esso. Pare in oltre, che un corpo possa passare per mezzo d'un altro con moto così tardo, che sebbene questo non si chiami liquido, nulladimeno però possa sempre tenerlo circondato durante il suo passaggio; ma può dirsi, che non basta, che ciò succeda rispetto ad un certo grado di velocità nel permeante; ma bensì rispetto a tutti li possibili, e che sia un'indizio di lentore, non di una vera liquidità, il circondarsi sempre il corpo permeante, quando questo si muove tardamente, non quando si muove più veloce. E sebbene può per lo contrario intendersi tal grado di velocità nel corpo permeante, che non possano immediatamente portarsi ad abbracciarlo le parti del liquido: si dee avvertire, che ciò sarebbe necessario in un corpo perfettamente liquido, ma non negli altri, a' quali s'attribuisce maggiore, o minor grado di liquidità, secondo che più, o meno prontamente le loro parti succedono nel luogo del permeante; e perciò la liquidità anch'essa è una affezione relativa. Pochi perciò, per non dire nessuno, sono i liquidi, che non abbiano qualche lentore, il quale per appunto si discerne fra gli altri motivi, anche da quella poca difficoltà, che impedisce le loro parti d'unirsi al di dietro de' corpi, che dentro di essi si muovono.

Vogliono alcuni, che tutte le parti della materia siano gravi, cioè, che abbiano un conato intrinseco, o se non tale, almeno originato da una cagione perpetuamente operante, che la spinga verso un punto determinato, il quale si chiama Centro de' gravi. Ma altri ammettendo bene, che nel Mondo sublunare la materia tutta sia affetta di questo conato, lo negano alla materia celeste, alla quale danno alcuni una certa tendenza verso il Sole. Io non voglio entrare qui a decidere questa controversia; ma supponendo almeno come possibile, che la materia non sia tutta grave, bisogna dire, che vi possano essere fra liquidi altri gravi, ed altri no. I primi, perchè hanno la loro tendenza al centro, che li obbliga ad accostarsi, quanto più possono, al medesimo, e perciò (trovandosi liberi dagli impedimenti) a portarsi verso di esso con una maniera di moto, la quale con vocabolo latino si dice *fluxus*, si chiamano perciò specialmente fluidi; magli altri liquidi, che non sono stati creduti dagli uomini, affetti di gravità, come l'Aria, e l'Etere, sono stati da' più accurati, detti semplicemente corpi liquidi, o spirabili, avendo loro negato il nome di fluidi, perchè gli hanno creduti inetti a fluire. Ciò che siasi di questa distinzione io osservo, che tra i fluidi, cioè liquidi gravi, fra' quali annovero l'Aria, con la comu-

ne de' più sensati Fisici; altri sono compressibili, ed altri no, cioè a dire, altri possono da una mole maggiore ridursi ad una minore senza alcuna perdita della propria sostanza, altri contro qualunque sforzo mantengono la loro quantità senza accrescerla, o sminuirla, che coll'addizione, o detrazione d'altra materia. L'aria è il solo fluido compressibile, o elastico, che si abbia, per quanto sin ora si fa, nella Natura; tutti gli altri sono incompressibili, come l'Acqua, l'Olio, il Vino &c. e sebbene pare, che alcuno di essi sopporti qualche picciolissima, ed insensibile compressione, ciò probabilmente nasce delle minime bolle di aria, che stanno racchiuse nella tessitura delle parti di esso.

Ma egli è omai tempo, che dall'idea puramente mentale, che abbiamo portata del liquido, passiamo a darne l'idea fisica, cercando, quale sia la natura di esso, idonea non solo a rendere la ragione della prima: ma anche di tutte le altre proprietà, che ne' liquidi si manifestano. Noi abbiamo detto, che il liquido è quello, che è permeabile da un altro corpo, di maniera, che il permeante sia sempre circondato da esso: bisogna adunque, che il liquido s'accomodi sempre alla superficie del corpo permeante, ed acciocchè questo segua, è necessario, che le parti di quello siano spinte verso il luogo abbandonato da questo. Tale spinta può essere cagionata o dal moto del medesimo permeante, dal quale s'impresca che sia alle parti immediatamente contigue, ed opposte alla di lui direzione l' venga poi comunicata successivamente alle altre, e ribattuta dalle resistenze trovate all'indietro, in maniera, che si faccia una circonvulsione fino al luogo abbandonato dal mobile, come può succedere ne' puri liquidi: o pure può essere originata da qualche principio interno, o universale, come dalla gravità, e dalla forza elastica ne' corpi fluidi. In questi comeche la facilità d'accomodarsi alla figura del mobile nasce da uno de' due accennati principj, così è necessario, che da questi medesimi derivi una simile pronta disposizione di accomodarsi alla figura di un vaso, che li contenga, senza la resistenza del fondo, e sponde del quale la muterebbero, fino a figurarsi sfericamente attorno al centro de' gravi, o pure fino a quietarsi in un altro vaso, che li contenesse; quindi è, che la fluidità strettamente presa può definirsi, come fece Aristotele, per una pronta disposizione, che hanno i corpi di accomodarsi alla figura de' continenti originata dalla gravità delle parti, che li compongono: e perciò non potendo mutarsi la figura d'un corpo, senza che le di lui parti mutino sito, ed i contatti vicendevoli, o strisciando una sopra l'altra, o staccandosi d'insieme, è necessario, che la connessione delle parti di un corpo fluido sia niuna, o così picciola, che la gravità di esse ne possa prontamente superare il momento: dico la gravità, perchè essendo la forza elastica sempre eguale alla comprimente, ed essendo questa per lo più la gravità medesima del fluido, o pure potendo equivalere ad essa: poco importa, che si consideri la forza elastica immediatamente operante, o pure in luogo di essa il peso, dal quale la medesima prende la sua possanza.

Questo gran distaccamento di parti ne' fluidi, siccome è evidente, così è annesso da tutti i fisici, li quali ancora convengono, che esso debba essere di maniera, che una particella non possa riposare quietamente, e stabilmente sopra di un'altra, come farebbero due cubi; ma debba stare in una continua vacillazione, ed indigenza d'un sostegno laterale, come se si volessero porre più sfere, o palle d'artiglieria una sopra l'altra, le quali sebbene, teoricamente parlando, possono sostentarsi, se li punti tutti de' contatti, e i centri di gravità siano in una linea retta perpendicolare all'oriz-

zonte: nulladimeno però per ogni, anche menoma cagione, quando non fossero sostenute dalle bande, si sconcerterebbe la loro situazione perpendicolare, e rovinando al basso cercherebbero qualche sostegno. Non s'accordano però tutti gli Autori in assegnare la causa del predetto distaccamento, poichè altri vogliono, che ne' fluidi vi sia una certa perenne agitazione, che tenga in continuo moto le parti tutte de' componenti di essi; e di fatto per ispiegare la fusione de' Metalli, e la liquefazione della Cera, e delle Resine (che non sono altro, che il passaggio delle dette sostanze dallo stato di firmità, o consistenza a quello di fluidità) bisogna ricorrere al moto impresso nelle parti di esse, o dal calore, o da altro, anzi nell'acqua medesima si osservano le vestigia, e gli effetti d' un moto insensibile, come sono la dissoluzione de' Sali, e l' estrazione di diverse tinture ec. Altri però hanno creduto, non avervi veruna necessità di ammettere questo moto ne' fluidi, mentre la loro natura può egualmente spiegarsi per la sola figura de' minimi componenti; come per la Sferica, Sferoidea, e simili, le quali non ammettono per qualunque verso si voltino, il contatto colle vicine, che in un sol punto, o in una sola linea, abbenchè altri, secondo la diversità de' liquori, abbiano eletta la figura Ottaedrica, Dodecaedrica, ed Icosaedrica, e non sia mancato chi ha creduto, l' acqua essere composta di più cilindri sottili, e flessibili a modo di anguillette, pensando, che con questa più, che con qualsivoglia altra figura si possano rappresentare, e la natura, e le affezioni tutte, che le accadono. Io non voglio farmi partigiano di alcuna delle sopradette opinioni; ma piuttosto cercando di conciliarle, m' appiglio a credere, che de' corpi fluidi se ne trovino di due sorte; altri cioè, ch' io chiamo fluidi artificiali, o piuttosto corpi liquefatti, ed altri fluidi naturali, o liquori. I primi non si può negare, che ricevano la loro fluidità da una agitazione violenta, che sconcerta le parti, e toglie loro quell' unione, la quale per altro aspettano, onde al cessare di essa agitazione, ben presto ritornano alla primiera coerenza: e questi sono tutti quelli, che all' accrescersi l' energia della causa liquefaciente, fortiscono proporzionalmente maggiore fluidità, e col diminuirsi di quella, la vanno perdendo; ma i secondi abbenchè non siano mai privi di moto, attesa la facilità, che hanno di ubbidire a qualunque impressione, mercè il perfetto equilibrio, in cui d' ordinario si trovano, ad esso però non deono principalmente il loro fluore, ma bensì alla figura delle proprie parti, qualunque ella sia, purchè dotata di qualche curvità: e questi si distinguono da' predetti, perchè mantengono i gradi della propria fluidità in ogni proporzione di moto, che in loro si trovi: e se vi fosse qualche fluido, come io credo ve ne siano molti, che riconoscesse il proprio essere dall' uno, e dall' altro degl' accennati principj, io mi lusingherei di poterlo distinguere dagli altri due, coll' osservare i gradi della di lui fluidità accresciuti, o scemati, all' accrescersi, o scemarsi dell' agitazione, ma non in proporzione di essa.

Troppo mi dilungherei dall' assunto intrapreso, s' io volessi qui mostrare, che possono salvarsi colle supposizioni predette tutti i fenomeni appartenenti alla fluidità, o piuttosto valermi de' medesimi per dimostrare la verità de' supposti; solo adunque mi do a riflettere non ricercarsi veruna determinata figura ne' componenti de' fluidi artificiali, potendo la violenza del moto superare ogni momento di coerenza fra' medesimi, o provenga questa immediatamente dalla configurazione de' minimi del composto, o pure da una pressione esterna, che produca effetto maggiore nelle figure terminate da superficie piane, e che hanno fra di se maggiori tocamenti; ed in fatti non v'è sostanza, che a forza di fuoco o non si dissolva, o non si lique-

faccia. Vero è, che un medesimo grado di moto può rendere fluida una sostanza determinata, e lasciare nella sua quasi primiera fermezza un'altro corpo, che richiederà un grado di agitazione molto più grande, per essere liquefatto; e ciò proviene, non dall'efficiente, che si suppone invariato, ma bensì dalle diverse circostanze, fra le quali ha gran luogo la figura delle parti, ed il modo di combinazione, che hanno fra loro medesime. Si ricerca bene in tutti li fluidi, che le parti staccate l'una dall'altra, siano insensibili di modo, che non lascino fra loro apparenti interstizj, e perciò è necessario, che il moto predetto possa sminuzzare in parti simili la sostanza del corpo, s'egli dee chiamarsi un fluido piuttosto, che un cumulo di frangimenti; siccome fa di mestieri, che le parti sminuzzate conservino fra loro la contiguità, se il corpo si ha da dire liquefatto, e non risolto in varie sostanze, o in vapori; e perciò non si riducono alla fluidità per forza di fuoco violento, che le sostanze più sisse, quali sono le terree, e le minerali.

Ma ne' fluidi naturali, oltre le dette condizioni, è necessaria una determinata figura, per cagione della quale una parte non possa avere gran connessione colle vicine, quale sarebberò o la Sferica, o la Sferoidea, o altre simili; poich' egli è certo, che toccandosi queste figure in un sol punto, non possono avere molto contatto, e per conseguenza nè anche gran connessione di parti. Noi abbiamo detto di sopra, che i cumuli, o masse, per esempio, di miglio, d'arena, di limatura di ferro, e simili hanno gran similitudine co' fluidi, da' quali non sono differenti, forse che nella grandezza delle parti componenti, nella diversa pulitezza delle medesime, e nella condizione della figura più regolare: e perciò vediamo, che simili cumuli tanto più partecipano le proprietà de' fluidi, quanto le granelle sono più picciole, più lisce di superficie, e meno angolari; ond'è, che se noi c'immagineremo, per esempio, uno di questi cumuli formato di particelle minutissime, e per conseguenza insensibili, di figura curva, e di superficie ben tersa, di modo che non possa impedire lo strisciamento, dell'altre parti sopra di se; noi avremo o un vero fluido, o almeno un elastissimo modello di esso, senza che a renderlo tale concorra alcuna efficienza di moto.

Non occorre affaticarsi molto in cercare diverse figure, secondo la diversità de' fluidi, abbenchè il numero di essi sia indefinito: perchè, trattandosi di fluidi artificiali, o misti, ogni figura, come si è detto, può soddisfare, potendo la violenza del moto superare quel più di resistenza, che proviene dalla medesima: e per li fluidi naturali egli è certo, che non sono molti, se si prendono nella loro semplicità; e forse fra quelli, che si fanno; non v'è che l'Acqua, l'Aria, e l'Argento vivo. Per gli altri corpi fluidi può bastare o la misura dell'acqua in sufficiente abbondanza, che li renda tali, o pure quella degli altri fluidi naturali sopra enunciati, dipendendo ogni loro diversità dalla varia mistione, proporzione ec. delle materie, o saline, o solfuree, o terree, o bituminose, o d'altra natura. Basta dunque di determinare la figura delle parti di dettate fluidi, per intendere la natura della fluidità di tutti gli altri, che da essi la partecipano.

E cominciando dall'acqua, egli è manifesto per testimonio de' nostri sensi, ch'ella è trasparente, e ponderosa, ma non eccessivamente; e di più, ch'ella non è compressibile, cioè, che non può ridursi per forza esterna in un luogo minore di quello, che essa naturalmente occupa, prescindendo dalla rarefazione, e condensazione, che patisce nell'introdursi, e partirsi da quella il calore. Per spiegare queste affezioni, basta supporre, che le parti dell'acqua siano sferiche: posciache, per quello, che riguarda la
fluid.

fluidità, toccandosi le sfere in un sol punto, egli è evidente, che i contatti saranno indivisibili, e perciò, o niuna, o quasi niuna sarà la coerenza delle parti: La trasparenza è facile a spiegarfi col mezzo de' pori, che necessariamente debbono lasciare le sfere insieme combinate, i quali saranno disposti in linee sensibilmente rette, non potendovi mai essere altro divario, che il semidiametro di una di dette sferette, ch'è insensibile, e tale, che non potremmo assicurarci, con qualisia diligenza di tirare sopra un foglio di carta una linea ben dritta, che non avesse sinuosità maggiori di quelle, che in questo supposto, si concepiscono nella retitudine d'un raggio di luce, che passi per gl'interstizj lasciati da dette sferette: ed in fine l'incompressibilità, ed il peso nasce dalla solidità di detti componenti, e dal non potersi restringere li pori predetti.

Rispetto al Mercurio è necessario salvare in esso, oltre l'essere di fluido, anche la grande ponderosità, e l'opacità, il che non è così facile da ottenersi. Noi sappiamo, che il peso assoluto de' corpi nasce dalla quantità della materia, che li compone, ed il peso specifico de' medesimi è dovuto al più, ed al meno della materia compresa sotto una mole eguale. Egli è in oltre probabile, ed accettato da' migliori fisici, che la diafaneità provenga dalla retitudine de' pori; i quali si trovano nelle sostanze diafane, purchè essi siano permeabili da quella materia, che è il soggetto della luce; e perciò, o non avendo un corpo poro veruno, o avendo, se essi saranno disposti in linee sensibilmente oblique; o se pure saranno piccioli a segno, che non possa penetrarvi con libertà la sostanza eterea, che verisimilmente si crede la base della luce, o ch'ella non possa mantenere, durante il passaggio per essi, le agitazioni ricevute dal corpo luminoso, è necessario, che succeda l'opacità. Quindi è, che per ispiegare le accennate affezioni dell'Argento vivo, bisogna supporre, che le di lui parti, qualora siano semplici, ed elementari (come parmi di dovere ragionevolmente asserire) posseggano tal figura, che non permetta, se non minimi contatti. E perchè tal sorta di toccamento produce per necessità molti interstizj, e pori; perciò non potendosi unire alla natura del fluido omogeneo la loro deficienza, o obliquità, è necessario, che essi siano picciolissimi, anzi tanto pochi, che il loro difetto basti a supplire alla prevalenza del peso specifico. Tutto ciò mi è paruto potersi ottenere, ponendo, che le parti del mercurio siano di figura sferoidea, ma tale, che il di lei diametro maggiore abbia una grandissima proporzione al minore, il quale debba essere non molto più grande di quello di una particola d'etere, e ciò perchè l'interstizio resti tanto piccolo, che l'etere predetto vi passi sì, ma non con libertà, e che perciò la di lui azione, nella quale consiste l'essenza della luce, o venga a perturbarsi, o resti insensibile. La grandezza del diametro maggiore di esso sferoide, serve ad ispiegare la ponderosità di esso, perchè diminuisce il numero degl'interstizj, e per conseguenza da luogo a maggior copia di materia.

L'unione dell'elastica, o sia compressibilità colla natura del fluido naturale, che si osserva nell'aria non è stata finora sufficientemente spiegata. La maggior parte de' Fisici si accordano nel dire, che l'aria è composta di parti di figura spirale, il che io non negherei; ma non farei già facile ad approvare la spirale rivoltata intorno ad un cilindro, o pure ad un cono, e molto meno la semplice figura arcuata; perchè tal sorta di figure, o contrasta alla fluidità, o non soddisfa appieno alle condizioni dell'elastica. Quindi è, che io piuttosto eleggerei una spirale avvolta intorno ad una sfera, di maniera, che le distanze delle rivoluzioni fossero permeabili dal-

la sola materia eterea, che perciò potesse riempire la capacità della sfera medesima. Con tal supposto egli è chiaro, che si spiega perfettamente la fluidità sempre permanente dell'aria; posciache, siccome un gran cumulo di sferette di filograna, potrebbe dirsi godere qualche sorte di fluidità, così la medesima non può negarsi all'aria, se le di lei parti siano simili ad una di quelle. In oltre è evidente le compressibilità potendo ognuna delle rivoluzioni spirali sottrarre, o almeno accostarsi al piano della vicina, di maniera, che tale sferetta possa comprimersi, e compressa che sia, dilatarsi per la lunghezza dell'asse delle rivoluzioni medesime. E perchè tali compressioni riducono la spirale predetta dalla configurazione di una sfera a produrre la fluidità, manifestamente apparisce, che l'aria, compressa, o dilatata, che sia, non accresce, o sminuisce l'essere suo di fluido, ma è necessario, ch'ella lo conservi sempre; se pure non vogliamo porre tale la distanza delle rivoluzioni, che possano tutte spianarsi in un cerchio massimo della sfera medesima, nel qual caso pure dovrebbe mantenersi qualche sorte di fluidità.

La predetta figura ha un affezione particolare, che difficilmente si trova nell'altre ipotesi, ed è, che tale spirale sferica può essere compressa al lungo dell'asse, da qualunque lato riceva ella i conati della forza comprimente, siasi questa o esterna, o fatta dal peso delle parti superiori del medesimo fluido; Anzi, se noi vorremo ammettere un moto qualsiasi nell'etere, che lo porti a traverso di tutte le sostanze composte [come per salvare moltissime apparenze, pare necessario doverci fare] non sarà difficile nel medesimo supposto trovare la causa della stessa forza elastica; poichè posto, che una forza comprimente abbia così ristrette insieme le rivoluzioni della spirale predetta, che l'etere non possa con libertà passare fra l'una, e l'altra: di necessità, tentando egli l'entrata, dovrà far forza per allargarle, e scostarle una dall'altra, e questa forza sempre dovrà essere maggiore, quanto più ristrette fra di se saranno le rivoluzioni della spirale; Ecco adunque la causa, per la quale le parti dell'aria, compresse, che siano, tentano continuamente di ridursi a mole più grande, nel quale conato consiste la forza elastica. Per ultimo si manifesta la cagione del poco peso dell'aria, attesa la poca materia, che compone la di lei sostanza, e le grandi vacuità, che per conseguenza risultano non solo tra una sfera, e l'altra, ma anche dentro la corporatura di ciascheduna di esse.

Io ho pensato più volte quale differenza debba porsi fra le parti dell'acqua, e quelle dell'etere, il quale, sebbene è un liquido, che niente si manifesta per se medesimo a' nostri sensi; rende però con li proprj effetti altrettanto chiara la sua esistenza a chi lo riguarda con gli occhi d'una ben purgata ragione. Dopo molte meditazioni finalmente mi sono fermato a credere, che la figura delle parti dell'uno, e dell'altro sia la medesima, e che la differenza tutta, per quello spetta alla materia, sia costituita nella mole di esse di gran lunga maggiore nell'acqua, che nella sostanza eterea, e per quello che appartiene alla diversità delle affezioni, consista questa nella varietà de' movimenti, da' quali è agitata l'una, non l'altra sostanza. Se ciò vorrà supporci, facilmente se ne potrà dedurre, che l'etere contenuto dentro una mole eguale, per esempio di un piede cubo, ha meno di materia di quello abbia verun altro corpo, avvegnache i di lui interstizj, come che fatti dalle più picciole figure, che siano fra le parti materiali dell'universo, non possono essere riempiti d'altra materia, e per conseguenza restano voti; dove quelli degli altri corpi essendo aperti alla sostanza eterea, non hanno dentro di se altre vere vacuità, che quelle, che resta-

no fra le particole della medesima. Ho detto *verè vacuità*, perchè, se debbo confessare il vero, non molto mi convincono gli argomenti di Cartesio, con li quali pretende egli di provare l'esistenza d'una sostanza più sottile dell'etere, che riempia tutti gl'interstizj degli altri corpi, chiamata da esso primo Elemento.

Sin qui abbiamo supposto, ma non provato, che le particole de' fluidi sian orbicolari, e precisamente, che quelle dell'acqua [il che è il nostro principale intento] sian sferiche; ora è necessario darne qualche prova in modo, che non resti luogo di dubitare della verità di tale ipotesi: E perchè delle cose di fatto non si può avere altra evidenza, che quella, la quale nasce, o dall'apprensione immediata, come succede nella cognizione, che si ha di esse per mezzo de' sensi, i quali nel nostro caso non arrivano a darcela, ovvero dalla coerenza degl'effetti sensibili colle Idee fisiche formate nell'intelletto per spiegarli: ci daremo a dimostrare, che, posto che l'acqua sia un aggregato di picciole sferette gravi, deono succedere quegli effetti, che giornalmente s'osservano esser propri di essa, e degli altri fluidi, che da essa hanno la fluidità. Io suppongo le sferette dell'acqua gravi, senza stare a cercare d'onde provenga la loro gravità; perchè tale ricerca è più propria della Fisica, o della Statica, che di questo Trattato. Non si può per tanto negare, ch'ella si trovi nelle particelle de' fluidi; perchè essendo essi gravi, bisogna, che tali sian per la gravità delle proprie parti, siccome devono la propria mole all'aggregato delle picciole molecole, che li compongono.

Prima però di venire alle dimostrazioni, egli è necessario di premettere alcune definizioni per maggiore facilità del discorso. Per fare adunque strada alle medesime, si avverta, che del fluido, del quale abbiamo a parlare, si debbono intendere le parti contigue, e perciò dovendosi toccare, e supponendosi esse sferiche, sarà il contatto in un punto, per lo quale passerà la linea, che connette li centri. Supponiamo ora, che si trovino più sfere A, B, C, D, le quali abbiano i centri nella linea A D, questa [1.] *Fig. 1.* si chiami *linea de' centri*, e la serie delle sfere predette si chiami (2.) *linea di sfere*: due di queste linee contigue, e parallele possono combinarsi in due maniere, cioè, o supponendo, che la seconda linea di sfere sia talmente situata colla prima A D, che l'altra linea de' centri A E stia ad angoli retti con la A D; ovvero supponendo, che faccia colla medesima angoli obliqui, come A G. Nel primo caso egli è evidente, che le quattro sfere A, B, N, E, faranno spazj quadrangolari; ma nel secondo, come che tre sfere concorrano a fare uno spazjo, sarà ognuno di questi triangolare, come quello, ch'è fatto dalle sfere A, G, B. Nell'una maniera, o nell'altra, le tutte le sfere avranno i centri in un medesimo piano (3.) si dica questo *piano de' centri*, e (4.) le sfere tutte *piano di sfere*, il quale (5.) se sarà orizzontale si chiami *strato*, e questo nella prima combinazione (6.) si nomini *piano*, o *strato retto*, e [7.] nella seconda *strato*, o *piano obliquo*.

Sopra di uno strato si possono intendere parimente situate in due maniere le altre sfere, che formano l'altezza di una massa di esse: cioè, supponendo prima, che sopra ogni sfera insista a perpendicolo un'altra sfera, dimodo, che la linea, che connette il centro della sfera superiore con quello dell'inferiore, sia perpendicolare alle due A E, A B dello strato retto, ed alle due A C, A G, dello strato obliquo; o pure, che insistendo la sfera superiore a perpendicolo sopra gli spazj (siano triangolari, o quadrangolari) la linea, che congiunge li centri delle sfere superiore, ed inferiore sia obliqua al piano sottoposto. Io rigetto la prima maniera, ab-

benchè abbracciata dal Ciasfi, e da Monsignor Varignon, perchè io non so darmi ad intendere, per qual cagione le sfere del secondo strato non abbiano a posarsi nel luogo più basso, che da loro un appoggio più stabile di tre, o quattro sfere di base, piuttosto che nel più alto, sul quale stanno in bilico, posando sopra un sol punto. Assumendo adunque, che le sfere del secondo piano superiore insistano agli spazj lasciati tra le sfere del primo: io osservo, che o si pongano nel piano orizzontale gli strati obbliqui, o pure i retti, necessariamente dee succedere nella massa delle sfere il medesimo modo di combinazione; poichè nell' uno, e nell' altro caso ogni sfera resta circondata da dodici sfere, i contatti vicendevoli delle quali lasciano spazj, alcuni de' quali sono triangolari, altri quadrangolari, cioè otto de' primi, e sei de' secondi, come può ognuno osservare facendone la combinazione, e come si può anche facilmente dimostrare. Credo nulladimeno che vi sia qualche cagione, che determini gli strati ad essere piuttosto retti, che obbliqui, e perciò valerommi nelle seguenti dimostrazioni di tale supposto, col quale anche meglio, e più facilmente si arriva alle dimostrazioni.

Si consideri dunque, che, posto uno strato retto, ogni sfera superiore, insistente ad ognuno degli spazj del piano inferiore, tocca quattro sfere, come la sfera sopraposta allo spazio R tocca, e s'appoggia sopra le quattro L, N, O, P; e perchè sono posti intorno ad ogni sfera quattro spazj, perciò ogni sfera del piano inferiore, come N, sarà toccata, e premuta da quattro delle superiori, insistenti agli spazj R, S, T, V; ora o sia la sfera R premente le quattro sfere predette, o pure la N premuta da altre quattro: connettendo con rette linee li centri della premente, e delle quattro premute, o pure quelli della premuta, e delle quattro prementi, formeranno queste la metà di un ottaedro; posciachè i centri delle quattro premute sono disposti negli angoli d' un quadrato N P, il cui lato è L N doppio del semidiametro, perciò eguale al diametro delle sfere: E similmente le linee, che da N, L, vanno al centro della sfera sopraposta allo spazio R, passando per lo contatto di esse faranno un triangolo, del quale ognuno de' lati sarà eguale al diametro d' una sfera, cioè al lato N L della base quadrata; sarà adunque un triangolo equilatero, e la figura formata dalle linee connettenti questi centri, sarà terminata da un quadrato, e da quattro triangoli equilateri; e perciò faranno un mezzo ottaedro. Nella stessa maniera si dimostrerà, che le linee, le quali congiungono i centri della sfera N premuta, con quelli delle quattro prementi, sarà un mezzo ottaedro eguale di lato al predetto, tra' quali non sarà altra differenza, che di sito, essendo in un caso la base N P nel piano inferiore, ed il vertice nel superiore, e nell' altro caso la base T R nel piano superiore, ed il vertice N nell' inferiore; posto ciò, si vede ben chiaro, che tutte le sfere insistenti agli spazj del piano inferiore formeranno un secondo piano di sfere parallele al primo, le quali vicendevolmente si toccheranno: e che li predetti ottaedri rivoltati colle cime, l'una contro l' altra, riempiranno lo spazio, lasciando tra di se interstizj tetraedrici, come è stato dimostrato da noi nelle *Riflessioni Filosofiche*. Essendo adunque, che nel mezzo ottaedro, l'asse, cioè la linea tirata dal vertice al centro della base, cada ad angoli retti sul piano di essa; quindi è, che la linea perpendicolare verso il centro de' gravi, tirata dal vertice della piramide premente, passerà per lo punto R centro del quadrato N P, e dello spazio R; e similmente la linea tirata dal vertice N al centro del quadrato T R, che si dee intendere nello strato superiore sarà verticale. E perchè l'asse dell' ottaedro fa col lato di esso un angolo semiretto, quindi è, che la direzione col-

colla quale la sfera infistente a R, spingerà le sfere sottoposte N, L, P, O sarà semiretta. Ciò premesso, veniamo alle proposizioni.

PROPOSIZIONE I.

Se sarà uno strato retto di sfere, e sopra di uno de' di lui interstizj sarà situata un'altra sfera; premerà questa le quattro sottoposte egualmente, sì per la perpendicolare, che per l'orizzontale.

Sia sopra l'interstizio R posta una sfera, la quale, come si è detto, poserà sopra le quattro L, N, O, P: dico, che questa premerà la sfera N, colla forza perpendicolare eguale a quella, colla quale la medesima sfera superiore spingerà orizzontalmente la sfera stessa N. Posciachè intendasi, che la sfera superiore sia Y, la quale preme la N con una qualsivis forza, che noi esprimeremo colla linea Y N, e da Y si tiri verso il centro de' gravi la perpendicolare Y R, e per N l'orizzontale N R; è dimostrato dalla scienza meccanica, che la forza obliqua Y N operi spingendo la sfera N, per la direzione Y N, con due forze, una perpendicolare, l'altra orizzontale, e che queste hanno alla forza Y N la medesima proporzione, che hanno le linee Y R. R N alla Y N; ma Y R è eguale ad R N, essendo l'angolo R Y N semiretto, e l'angolo Y R N retto; adunque la forza, colla quale la sfera Y spinge perpendicolarmente la sfera N, è eguale alla forza, colla quale la sfera N è spinta da Y orizzontalmente. Il che ec.

Fig. 1.

Fig. 2.

Corollario I.

Di quì ne segue, che la forza esercitata dalla sfera Y, per la direzione Y N sia alla forza perpendicolare, o orizzontale come Y N ad N R, cioè come il lato dell'ottaedro N O, al semidiametro R N del quadrato N P.

Fig. 1.

Corollario II.

Nella stessa maniera si dimostrerà, che le sfere soprapposte agli spazj S, T, V, premeranno ognuna tanto perpendicolarmente, che orizzontalmente la medesima sfera N, colla stessa proporzione; ed essendochè ognuna di esse spinge obliquamente con egual forza, stante l'egualità degli angoli delle loro direzioni colla linea verticale, ne segue, che ancora le forze così perpendicolari, che orizzontali saranno eguali, e perciò la sfera N, sarà spinta perpendicolarmente verso il centro de' gravi da quattro forze, ognuna delle quali sarà eguale al semidiametro del quadrato T R; e conseguentemente la forza, colla quale la sfera N è spinta all'ingiù perpendicolarmente dalle quattro sfere soprapposte, sarà quadrupla del semidiametro del medesimo quadrato, e dupla del diametro; e questa sarà anche la misura della forza totale, o momento libero d'una delle sfere.

Corollario III.

Spingendo adunque le due sfere R, S, secondo le direzioni R N, S N,

la sfera N, contro gli spazj T, V, con due forze orizzontali R N, S N, fra loro eguali, ed inclinate insieme ad angolo retto; se si tirerà per S la linea S O, parallela ad N R, e per R, la linea R O, parallela ad N S, si uniranno queste nel centro della sfera O; onde tirata O N, sarà questa la misura della forza, colla quale le due sfere R, S, spingono la sfera N, per la direzione O N E, contro la sfera E, come è dimostrato da' Meccanici, e perchè O N è il lato del quadrato, il quale è anche misura della forza obliqua, ne nasce, che la forza, colla quale la sfera N, è spinta orizzontalmente contro una delle quattro sfere, che la toccano nello stesso strato, sia eguale alla forza obliqua di una delle quattro sfere sovrapposte. Nell'istesso modo, si dimostrerà, che le quattro sfere L, O, B, E, sono spinte ognuna contro la sfera N, con forza eguale alla forza obliqua. Ciò si può anche provare supponendo, che gli spazj T, S, V, R, restino senza sfere, che la sfera O sia spinta per O N, dalle sfere degli interstizj M, I; e che la sfera L, sia spinta contro N, dalle sfere insistenti agli interstizj H, 4 ec. le quali forze delle sfere O, L, saranno equilibrate da quelle, che posse le sfere in S, R, V, T, comporrebbero le S, K, contro O, e le V, R, contro L, ec. e perciò le due R, S, spingeranno N, per O N, e le due R, V, spingeranno N, per L N, ec. Sarà dunque la sfera N, spinta orizzontalmente con direzioni contrarie da forze eguali, e conseguentemente starà immobile pareggiandosi nel di lei centro le forze prementi.

Corollario IV.

Possio adunque, che la sfera N, sia spinta per le direzioni O N, L N, con forze eguali ad O N, L N; ne segue, che tirata per O la linea O P, parallela ad N L, e per L la linea L P, parallela ad N O, concorreranno queste nel centro P; e P N, sarà la forza, colla quale le due sfere O, L, spingeranno la sfera N, contro lo spazio T; sarà perciò questa forza eguale a T R diametro del quadrato T R, e per conseguenza sarà la metà della forza totale, o libera di una delle sfere.

PROPOSIZIONE II.

Se sarà uno strato di sfere, e sopra uno de' di lui interstizj sia posta una sfera premente quattro di esse, le quali siano spinte orizzontalmente da quelle, che sono insistenti agli altri spazj, con una forza eguale al diametro del quadrato, che è base del semiottaedro; sarà da queste forze unite sostenuta la pressione perpendicolare d'una sfera, ed ognuna la spingerà obliquamente all'insù, secondo la direzione dell'angolo semiretto, con una forza, che valerà il lato del medesimo quadrato.

- Fig. 1. Sia allo spazjo R insistente una sfera, la quale spinga obliquamente le quattro sfere L, N, O, P, le quali all'incontro siano spinte verso R, con forze eguali a P N, L O. N P, O L, secondo quello, che si è dimostrato al Corollario IV. della Proposizione antecedente; dico, che queste forze unite, faranno bastanti a sostenere il peso totale della sfera R, e che ognuna di esse spingerà all'insù obliquamente ad angolo semiretto la sfera R, con forza eguale al lato del quadrato N O; posciachè supposto, che N P sia la forza, colla quale la sfera N opera orizzontalmente contro lo spazio R, egli è da notarsi, che questa forza dovendosi esercitare per N P, incontra la resistenza delle due sfere Y, &, la prima superiore, la se-
- Fig. 2.
- con-

conda inferiore alla sfera N, e perciò la forza N P, si dividerà nelle due sfere Y, &, spingendole per le direzioni N Y, N &, egualmente inclinate alla linea N P; cioè, come si è dimostrato, ad angolo di gr. 45. condotta dunque per P la linea P Y, parallela ad N &, e per lo stesso punto P la linea P &, parallela a Y N, farà la forza di N, esercitata per l'orizzontale, alla forza di N, esercitata per le inclinate, come N P, a Y N, ed essendo N P, diametro del quadrato, sarà Y N il di lui lato; e perciò la forza, colla quale la sfera N, spinta orizzontalmente, spinge la sfera Y all'insù per la linea inclinata N Y, sarà commensurata dal lato del quadrato, base del semiottaedro. Di più, perchè la direzione obliqua N Y, si risolve nell'orizzontale N R, e nella verticale R Y, farà la forza, colla quale la sfera N, mediante la forza, e direzione N P, spinge insù verticalmente la sfera Y, commensurata dalla linea Y R, e perchè questa è la metà del diametro del quadrato, e la forza totale d'una sfera equivale al doppio diametro del quadrato; ne segue, che la forza colla quale è spinta la sfera Y verticalmente da N, sia un quarto della forza totale d'una delle sfere; e perciò concorrendo a spingere in sù la sfera Y, tre altre sfere, farà l'azione di tutte unita, eguale alla forza d'una di esse, e conseguentemente tanto premerà al basso perpendicolarmente la sfera Y, insistente allo spazio R, quanto le quattro L, P, O, N, che circondano lo spazio medesimo, spingeranno la medesima all'insù verticalmente; e tanto la sfera Y, spingerà al basso obliquamente una delle sfere, v. gr. L, quanto la medesima spingerà Y, colla medesima obliquità all'insù. Il che ec.

Fig. 1.
e 2.

Corollario I.

Intendendo adunque, che attorno della sfera N, dalla parte inferiore degli spazj T, S, R, V, sortentrino quattro sfere, queste spingeranno la sfera N all'insù con tanta forza, quanta è quella, colla quale la sfera N spinge le medesime all'ingiù.

Corollario II.

Essendo adunque, che le sfere sottoposte spingano obliquamente all'insù la sfera N, con una forza eguale al lato del quadrato, v. gr. V R, ed essendo la medesima sfera N spinta dalle quattro sfere orizzontali colla forza medesima, e similmente dalle quattro insistenti agli spazj T, S, R, V, ne segue, che tutte le dodici sfere, che circondano la sfera N, la spingano con direzioni centrali eguali fra loro.

Corollario III.

E perchè ogni sfera di qualsivisla strato sottoposta allo strato superiore, può concepirsi, e come una delle circondanti alcuna delle sfere, che la toccano, e come circondata da dodici altre; ne segue, che ogni sfera spinga, e sia spinta da tutte le parti egualmente; e perciò sia costituita in un perfetto equilibrio.

Corollario IV.

È perchè, come si è dimostrato al Corollario IV. della Proposizione antecedente, la pressione orizzontale sostenuta da una sfera per la forza delle soprapposte, è eguale alla metà della forza totale, e nell' istessa maniera può dimostrarsi, che la forza orizzontale, colla quale è spinta la medesima sfera dalle sottoposte, è eguale alla metà della medesima forza totale; sarà tutta la forza, colla quale è spinta una sfera orizzontalmente, eguale alla forza totale.

Corollario V.

Ogni sfera dunque circondata da dodici sfere sarà spinta perpendicolarmente, verticalmente, ed orizzontalmente con una forza, che equivale al peso d' una sfera, o di se medesima.

PROPOSIZIONE III.

Le forze, colle quali sono spinte due sfere esistenti in diversi strati sottoposti al primo superiore, sono proporzionali al numero degli strati soprapposti.

Fig. 1.

Noi abbiamo dimostrato al Corollario II della Proposizione prima, che la forza N, è spinta in giù perpendicolarmente da ognuna delle sfere T, S, R, V, con una forza, che è la quarta parte della forza totale, o libera d' una di esse; adunque la sfera N, così sarà spinta al basso, come se sopra di essa posasse a perpendicolo un'altra sfera, e così tutte l'altre; e perchè la sfera N è eguale di peso a quella, che si figura polare sopra di essa; premerà dunque essa le sfere del terzo strato con forza duplicata di quella, colla quale essa è premuta, e così tutte le altre; sarà dunque lo stesso, o che si considerino le sfere del terzo strato, come premute da quelle del secondo, e del primo, o pure come premute solo da quelle del secondo; e col supposto, che le sfere del secondo siano di materia il doppio più grave, e così successivamente; e perchè la moltiplicazione della gravità si dee fare secondo la proporzione del numero degli strati soprapposti, o che è lo stesso, della distanza dello strato inferiore dal primo, o sia dell' altezza; perciò le pressioni patite dalle sfere de' piani sottoposti saranno fra di loro in proporzione de' numeri de' medesimi, essendo le pressioni proporzionali alla gravità de' pesi prementi. Ma perchè le sfere, che ne circondano un'altra, sono situate in tre strati, si dee dimostrare, che le sfere del secondo, e terzo strato, non spingano la sfera di mezzo, che colla forza del primo.

Fig. 2.

Sia la sfera Y, situata in qualsivisia degli strati inferiori (supponiamo nel 4) dovrà ella perciò intendersi come di peso quadruplicato; lo stesso si dovrà intendere di tutte le altre sfere dello strato, nel quale si trova Y; ma perchè alla spinta esercitata per l' orizzontale del centro di Y, non aggiunge, nè leva cosa alcuna, la gravità della sfera Y; opererà solo il peso triplicato, cioè quello di tre sfere, o de' tre strati superiori. Dovrassi bene considerare la sfera N, premuta dalle sfere de' quattro piani superiori, come quadruplicata di peso, e con tal forza, a proporzione, ella agirà nella direzione orizzontale N P; mà perchè la spinta, che fa contro la sfera Y del pia.

piano superiore per la direzione N Y, trovai il peso particolare di Y, eguale al peso particolare di N, nella medesima direzione N Y; perciò il peso proprio di Y, dettrarrà dalla forza di N il peso proprio di N, o di una sfera moita per la direzione N Y, e perciò la sfera N, spingerà la Y contro quelle degli strati sovrapposti, con forza eguale a quella, colla quale le sfere superiori premono obliquamente la sfera Y; essendosi adunque dimostrato, che le pressioni superiori sono proporzionali al numero degli strati sovrapposti alla sfera Y, nella medesima ragione saranno anche le pressioni verticali, ed oblique all' insù; e conseguentemente le sfere poste in diversi strati patiranno per ogni verso le pressioni, che saranno proporzionali al numero degli strati sovrapposti. Il che ec.

Corollario.

Perchè adunque ogni sfera è spinta in ogni parte omologamente con pressioni eguali, e queste sono proporzionali all' altezze degli strati; ne segue, che per trovare la forza, colla quale una sfera è premuta, o spinta, non occorre considerare, che la sola altezza, e perciò qualunque sia l' ampiezza degli strati, abbenchè infinita, non si muteranno le pressioni sostenute da ciascheduna delle sfere.

Fin qui abbiamo supposti gli strati, come indefiniti in ampiezza, o piuttosto, come superficie sferiche descritte attorno il centro de' gravi, come quelle, nelle quali non v'è bisogno di alcun resistente per impedire, come era d'uopo, lo scostamento delle sfere degli strati sottoposti, a cagione della pressione delle sfere superiori; ma da qui avanti supporremo gli strati circoscritti da' suoi termini.

PROPOSIZIONE IV.

Se sarà uno strato di sfere, all' estremo del quale non si trovi alcun resistente, che possa impedire il moto orizzontale di esse, e se sarà sovrapposta ad uno degli spazi una sfera, spingerà ella le altre, e scostandole, faràsi luogo nel piano, o strato medesimo, nel quale discenderà.

Sia lo strato di sfere contenuto dalle linee A D, A X, X &, & D, e sopra lo spazio R s'intenda esservi una sfera insistente: dico, che questa discenderà, e faràsi luogo fra le sfere N, O, L, P. Poisciachè, essendo dalla sfera R spinte immediatamente le sfere predette con una direzione orizzontale, e con una forza eguale alla linea R O; sarà spinta la sfera O, da R verso O; e perchè la sfera O spinge le due F, C, per le direzioni O C, O F; per queste medesime linee saranno spinte le sfere C, F, e per la medesima tutte le altre esistenti nelle linee O F, O C: Per la stessa ragione sarà spinta la sfera N, per R N, e le sfere B, E, per le linee N B, N E ec. Lo stesso si dimostrerà delle sfere L, P, le quali saranno spinte per le linee R L, R P, e le loro con termine per le linee L Y, P Z; e perchè queste sfere non hanno impedimento veruno, il quale nè meno può nascere dal piano inferiore, che si suppone orizzontale; però le sfere N, L, P, O, obbediranno alla pressione della sfera R, e si allontaneranno l'una dall'altra fin tanto, che sia fatto luogo alla sfera R, nel piano predetto. Il che ec.

Fig. 1.

Corollario I.

Egli è dunque impossibile, che una sfera sia sostenuta sopra di quattro altre, ogni volta, che le sottoposte abbiano potere di scorrere per lo piano orizzontale, nel quale sono situate, e perciò un mucchio di sfere affetterà sempre di avere la superficie disposta in uno strato, o sia piano orizzontale, o più propriamente in una superficie sferica, il cui centro sia quello de' gravi.

Corollario II.

Ma se le sfere sottoposte saranno impedito mediatamente, o immediatamente dallo scorrere, potranno esse sostenere una, o più sfere sopraposte, e gl' impedimenti supporteranno dalle sfere contigue la pressione, che loro è fatta da una, o più sfere influenti allo strato inferiore.

Corollario III.

E perchè le pressioni patite dalle sfere inferiori sono proporzionali all' altezze degli strati superiori; quindi è, che le spinte fatte dalle sfere contigue alle resistenze contro di queste, saranno proporzionali anch' esse all' altezze degli strati sopraposti; ond'è, che supposto, che tali sfere disposte in più strati siano situate dentro di un vaso, saranno le diverse pressioni fatte da dette sfere contro le sponde del vaso, come le altezze degli strati superiori.

E' però da avvertire, che dovendosi riempire un vaso di sfere, farà quasi impossibile, che esse siano perappunto tante, quante bastano a coprire il numero degli strati, che quello può contenere; e perciò sopra gli strati compiti, potrà stare qualche numero di esse situate quà, e là sopra gl' interstizj dello strato superiore; ma queste trattandosi di sfere minime, e percosì dire, di punti filici, non vanno considerate, non alterando in concreto alcuna delle proposizioni dimostrate. E' anche da notarsi, che una sfera sola sopraposta all' interstizio d' uno strato, non urta tutte le sfere di esso di moto orizzontale, ne gli urti ricevono egual pressione; onde, perchè si verifichi l' asserito in quello Corollario, è necessario, che ve ne siano tante, quante bastano a spingere tutte le sfere del piano sottoposto nella maniera detta alli Corollari III. e IV. della prima Proposizione.

PROPOSIZIONE V.

Se in un vaso, le cui sponde siano oblique all' orizzonte, ed inclinate all' indenzro, siano diversi strati di sfere, che lo riempiano; tutte le sfere degli strati inferiori supporteranno le medesime pressioni, che patirebbero, se il vaso avesse le sponde perpendicolari all' orizzonte.

Fig. 3. Per dimostrare questa Proposizione si dee avvertire quello, che abbiamo detto di sopra al Corollario della Proposizione III. cioè, che per trovare la pressione, che patisce una sfera, non occorre far capitale alcuno dell' ampiezza degli strati, ma solo del loro numero, o altezza; e perciò (qualunque sia la figura del vaso *A C D E H I L B*, e quantunque picciola l' aper-

apertura della di lui bocca A B, faranno dalle sfere dello strato A B spinte al basso perpendicolarmente per N M le sfere, che si troveranno in essa linea; e perchè, mediante questa pressione, la sfera M è spinta orizzontalmente per la linea M O colla forza medesima, colla quale è spinta perpendicolarmente, come si è dedotto al Corollario IV. della Proposizione II; spingerà ella le sfere esistenti nella linea M O, colla forza medesima, non potendosi perdere, nè accrescere la spinta fatta per l'orizzontale M O: adunque la sfera O, sarà spinta mediante la pressione N M, come se sopra di essa fossero delle sfere situate nell'altezza P O; e perchè la sponda D E resiste all'alzamento della sfera O nella stessa maniera, che farebbe l'altezza delle sfere P O: eserciterà la sfera O le medesime pressioni, che avrebbe, se sopra di essa fossero le sfere P, O, e perciò potrà spingere all'ingiù, v. gr. per O R, colla forza della pressione N M, ovvero P O, ma spingendo per O R, colla forza predetta, la pressione andrà aumentandosi secondo il numero degli strati, cioè secondo l'altezza della perpendicolare O S; adunque la pressione fatta in R, ed S, sarà eguale alla fatta dalle altezze N M, O S, o pure dall'altezza P S, che è la medesima, che l'altezza delle sfere nel vaso. Lo stesso si può dimostrare rispetto a tutte le altre sfere situate sul fondo orizzontale H I. Il che ec

Si potrebbe dimostrare questa Proposizione col progresso delle dimostrazioni superiori, mediante la comunicazione delle pressioni, valendosi della figura settima; ma perchè ciò sarà facile a chi avrà inteso le precedenti; e perchè la dimostrazione addotta non manca della sua forza; non ci tratteremo più sopra di essa.

Corollario I.

Supposto, che nel vaso predetto sia tra le linee costituenti la sponda, il lato F E orizzontale, facilmente si dimostrerà nella stessa maniera, ch'esso patirà le pressioni verticali in proporzione della perpendicolare P T, posciachè essendosi dimostrato, che la sfera T è premuta dalle altezze N M, O T in quel modo, che sarebbe dall'altezza P T; spingerà ella orizzontalmente per T F, che si suppone nel secondo strato di sfere di sotto la linea E F; adunque quattro delle inferiori concorreranno a spingere all'insù contro il piano E E una delle superiori contigue al piano, e con tanta forza, quanta può fare l'altezza P T; adunque tutte le sfere, che toccheranno la sponda orizzontale F E la spingeranno all'insù a ragione di detta altezza; come si raccoglie dal Corol. I. della Prop. II.

Corollario II.

E perciò, se faranno due vasi A F, D G comunicanti insieme mediante la parte, o tubo G F, l'uno, e l'altro ripieni di quegli strati di sfere, di che sono capaci e se il numero, e l'altezza degli strati del vaso maggiore A F sarà eguale al numero, o all'altezza degli strati del vaso minore D G, tanta sarà la pressione sostenuta dalle sfere esistenti nel tubo di comunicazione G I, dagli strati del vaso D G, quanta è quella, che ricevono dagli strati del vaso A F, e perciò tanto potranno resistere colla prima alla discesa delle sfere del vaso A F, quanto colla seconda, alla discesa delle sfere del vaso D G, e conseguentemente faranno le sfere del vaso D G in equilibrio colle sfere del vaso A F.

Fig. 4.

Corollario III.

Ma se le altezze degli strati nell' uno, e nell' altro caso fossero diseguali (poniamo la maggiore nel vaso D G) allora la pressione, che sopporterebbero le sfere poste in G F, sarebbe maggiore da G verso F, che da F verso G: dunque le sfere G F sarebbero spinte da G verso F, ed entrerebbero nel vaso A F, spingendo all' insù gli strati esistenti in esso, e deprimendosi gli strati nell' altro vaso D G; e perchè all' accrescersi il numero degli strati s' accresce la forza della pressione, e diminuendosi gli strati, si diminuisce la pressione, andrebbe scemandosi la forza della pressione da G verso F, ed accrescendosi la resistenza da F verso G, sino a rendersi eguali; e perchè allora solo ciò succederebbe, quando il numero degli strati nell' uno, e nell' altro vaso si fosse reso eguale; quindi è, che tanto continuerebbero a passare le sfere da un vaso nell' altro, quanto seste a farsi eguale il numero de' piani, o dell' altezze, ed allora si fermerebbero in equilibrio.

Corollario IV.

Lo stesso succederebbe, se uno de' vasi comunicanti fosse inclinato all' orizzonte, come N M; e perchè essendosi dimostrato, che le sfere in C, M, sono così premute, come se avessero sopra di se l' altezza degli strati D C, D M; ne segue, che trovandosi egual numero di strati, sì in N M, che in D G, ed A F, s' equilibreranno egualmente con quelle, che sono in D G, o in A F.

Corollario V.

Fig. 3. Essendosi dunque dimostrato, che le sfere, che toccano il fondo orizzontale d' un vaso irregolare lo premono ognuna in ragione dell' altezza degli strati, qualunque sia la figura del vaso; ne segue, che il fondo predetto, v. gr. H I farà così caricato, come se sopra di esso vi fossero tanti strati eguali, quanti possono concorrere a formare l' altezza, cioè come se il vaso avesse la figura di un prisma retto di eguale altezza a quella del vaso irregolare, e sulla medesima base.

Corollario VI.

Fig. 5. Lo stesso succederebbe, se il vaso avesse il fondo stretto, e nell' avanzarsi all' alto s' allargasse, come A B C D; posciachè tirata la linea C E verticale, tanto sarebbe premuta la sfera C, quanto portasse l' altezza E C, ed il simile si dica delle altre sfere fino a B: dunque il fondo B C sopporterebbe la pressione delle sfere, che lo toccheranno ognuna a misura delle altezze, e perciò il fondo sopporrebbe tanto peso, quanto può essere contenuto da un prisma, la cui base fosse il fondo B C, e l' altezza C E.

Da tutte le Proposizioni fin' ora addotte, e da altre, che potrebbero aggiungersi per dimostrare co' principj fisici, e colla scorta della Meccanica tutte le proposizioni dell' Idrostatica, può bene vedere ognuno, che abbia qual-

qualche pratica della natura de' corpi fluidi, che tutto ciò, che si è detto d'una delle sfere, che compongono uno strato, s'adatta precisamente ad ogni punto fisico, o gocciola di un fluido; poichè d'ognuno d'essi è certo, e ricevuto come principio dagl' Idrostatici. (1.) Che non pesano, che secondo le altezze, (2.) Che le loro impressioni ricevute dal peso delle parti superiori si esercitano per ogni verso, come in una sfera. (3.) Che queste impressioni sono eguali in qualsivisa direzione. (4.) Che sono proporzionali alle altezze medesime. (5.) Che le superficie loro più alte si dispongono in un piano orizzontale, o in una superficie sferica, circa il centro de' gravi. (6.) Che ne' vasi comunicanti formati l'equilibrio per la sola altezza del fluido, e perciò poca quantità d'un fluido può equilibrarsi con qualsivisa quantità d'un fluido omogeneo a se medesimo, purchè, l'altezze siano eguali. [7.] Che il peso, col quale un fluido carica il fondo d'un vaso (di qualunque figura egli sia) è eguale a quello di un prisma retto di esso, di base eguale al fondo, e della medesima altezza ec. affezioni tutte, che s'osservano ne' fluidi, e si sono dimostrate dover succedere ne' cumuli delle sfere. E perciò (se può dedursi alcuna cosa dalla coerenza d'una ipotesi col fatto) bisogna asserire, che la costituzione de' Corpi fluidi da noi supposta, o sia affatto conforme al vero, o ne abbia almeno tutta quella apparenza, che può desiderarsi nelle cose della natura, onde crediamo di potere continuare senza scrupolo a valerci de' medesimi principj, per dimostrare una proposizione, che è il fondamento di quasi tutta la scienza del moto dell'acque, e della misura del corso delle medesime.

Noi abbiamo detto, annoverando poco di sopra le affezioni più principali de' fluidi quicquanti al numero 4. che le pressioni, o sostenute dalle parti di un fluido, o esercitate dal medesimo contro le sponde d'un vaso resistente, sono fra loro in proporzione delle altezze di esso sopra le parti prementute, la quale proposizione è stata riscontrata per vera ultimamente, anche mediante più esperimenti fatti dal Signor Dottore Geminiano Rondelli Professore Mattematico, nell'Accademia Esperimentale, che fanno l'onore di adunare in mia casa alcuni de' più qualificati Professori di questa celebre Università, delle fatiche de' quali spero, che a suo tempo debba vederne il mondo letterato preziosi frutti in avanzamento della Fisica, della Medicina, e delle Mattematiche: detta Proposizione ha fatto credere a molti abilissimi mattematici, che anco le velocità, che hanno l'acque nell'uscire da' fori, o dalle fistole aperte nelle sponde de' vasi, dovessero avere la medesima proporzione dell'altezze; asserzione, che non è conforme all'esperienza fatte, e riferite dal Torricelli, dal Mercenno, dal Baliano, e da altri, e che io per accertarmene ho voluto replicare, nella maniera, che ho distintamente riferita nel Lib. II. della Misura dell'Acque correnti, dalle quali costantemente apparisce, che dette velocità non sono come le altezze: ma bensì in proporzione dimidiata delle medesime.

Per far vedere dunque, che la prima Proposizione non ha relazione colla seconda, si osservi, che la causa, per la quale i gravi premono un piano sottoposto, è bensì la loro gravità, e la stessa è cagione, che i medesimi levato che sia loro il sostegno, discendono verso il centro; ma d'altra maniera si dee discorrere de' conati, che il grave esercita contro le resistenze, e de' gradi di velocità, per li quali egli passa nel discendere. Egli è ben vero, che un corpo di doppio peso, tenta con doppia forza di superare le resistenze, e perciò premerà al doppio una tavola sottoposta, di modo, che si può con verità asserire, che tali conati, sforzi, o pressioni, sono in proporzione de' pesi; ma non perciò si deduce bene, che un corpo

fig. 6.

doppio di peso, debba discendere con doppia velocità verso il centro de' gravi, essendo certissimo, che, prescindendo dalle resistenze, tutti i gravi discendono da altezza eguale in tempi eguali, come ha mostrato il Galileo ne' *Dialoghi*. Quindi è, che il diverso peso de' corpi non produce differenti velocità; e perciò il diverso peso del fluido può bene introdurre diversa pressione, ma non diversa velocità. Che se alcuno volesse porre in campo la differenza, ch'è tra' corpi fluidi, e i solidi; oltre ciò, che abbiamo detto nelle nostre *Epistole Idrostatiche*, potrebbe convincersi coll' esperimento seguente, che meglio d' ogni altro s' applica alla presente materia. Sia il vaso A B C D, il quale abbia nel fondo il foro D, e serrato col dito, si riempia il vaso di Mercurio sino all' orizzontale A B; di poi aperto il foro D, si misuri, mediante un pendolo, il tempo, che spende il mercurio nell' uscire tutto dal vaso. Empiasi poi il medesimo vaso d' acqua, sino alla misura predetta, e parimente si lasci votare, osservando il tempo: e si troverà, che nell' uno, e nell' altro caso, i tempi del votarsi, faranno sensibilmente eguali: ed io posso asserire di propria esperienza, che in poco più di cento vibrazioni di un pendolo ben corto, col quale misurai l' uscita, prima del mercurio, indi dell' acqua; non trovasi altra differenza, che d' una, o due vibrazioni, più nell' uscita dell' acqua, che del mercurio. Se dunque il maggior peso ne' fluidi prementi cagionasse, siccome maggior pressione, così maggiore velocità nel moto, sarebbe stato necessario, che il mercurio, il quale è circa tredici volte, e mezza più grave in specie dell' acqua, fosse uscito con velocità 13 volte in circa maggiore di quella dell' acqua; e pure è stata la medesima, rispetto tanto all' uno, che all' altra: ed in ciò non può ricorrersi agli sfregamenti, che patisce il fluido nell' uscire dal foro D; perchè, oltre che questi sono i medesimi nell' uno, e nell' altro caso, non possono essi detrarre tanto dalla velocità del mercurio. E perciò producendosi le medesime velocità, non ostante, che i pesi, e per conseguenza le pressioni, siano tanto differenti. egli è evidente, che i fluidi posti in moto, hanno le loro velocità regolate da altro principio: e che però di esse si dee in altra maniera discorrere, come apparirà dalla seguente dimostrazione.

PROPOSIZIONE VI.

Se un vaso sarà pieno di sfere, e nel fondo di esso sia un foro, per lo quale possano uscire con libertà alcune di esse sfere, e che il sito lasciato dalle sfere, che escono, venga riempito da altrettante, aggiunte nel tempo medesimo al di sopra, di modo che il vaso resti sempre pieno; usciranno esse dopo qualche tempo, colla stessa velocità, come se fossero discese da tanta altezza, quanta è la distanza dello stato superiore del foro.

Fig. 7.

Siano nel vaso A B C D situate le sfere G, H, I, M, X, N, ec. e s' intenda nel fondo B C, aperto il foro E F, il quale subito che sarà aperto, egli è certo, che la sfera G, trovandosi senza sostegno, discenderà perpendicolarmente verso il centro, come farebbe, se ella fosse cinque volte più grave del suo peso naturale, il che, come si è detto, non accresce le velocità. Giunta dunque, che sarà, la sfera col suo centro G, nel punto L, avrà la velocità corrispondente alla caduta G L; e perchè cadendo la G, manca il sostegno alle sfere H I; una di esse discenderà nel luogo di G; o pure vi farà spinta la sfera M, mediante la pressione di N, che le è sovrapposta, nel qual caso succederà lo stesso, che della sfera G, ma finalmen-

te bisognerà, che levato il sostegno a qualche sfera dello strato immediatamente superiore, discenda anch'essa verso E F; e perciò, arrivata che sia col suo centro in L; avrà la velocità competente alla caduta H O, e nell'istesso tempo si moverà verso E F qualche sfera del piano più alto P Q, discendendo, per la perpendicolare R L, o per le inclinate Q G, P G, e nell'uno, e nell'altro caso, arrivate ad L, avranno la velocità competente alla caduta R L; e così delle altre fino alla sfera S superiore, nel qual caso la velocità nell'arrivare ad E F, farà quella della caduta S L; dunque la velocità, colla quale le sfere dopo qualche tempo usciranno dal foro E F, farà quella, che avrebbero, se dallo strato superiore fossero cadute fino al luogo del foro. Che se s'intenderà, che in luogo di quelle che vanno uscendo dal foro E F, ne siano successivamente somministrare delle altre, di modo che si mantenga sempre lo strato superiore nell'orizzontale V S, continueranno le sfere ad uscire colla velocità dovuta ad una caduta, che sia eguale all'altezza di esse sfere. Il che ec.

Si può questa verità dimostrare in altra maniera; Poichè, diasi, che nel primo tempo escano dal foro E F quante sfere si vogliano; farà dunque necessario, che dal piano superiore V S, ne discendano altrettante ad occupare il luogo, lasciato pure da quelle del secondo piano per sotentrare nel terzo, e così successivamente, adunque nel primo tempo la velocità sarà la dovuta alla caduta da un piano in un altro. Nel secondo tempo dunque, o discenderanno le medesime dal secondo verso il terzo piano, o no; se discenderanno, dunque nel secondo tempo anderanno accelerando il suo moto in ragione della caduta; se non discenderanno, percuoteranno le sfere sottoposte del secondo piano, comunicando loro quel grado di velocità, o quella quantità di moto, che hanno acquistata per la caduta dal primo, e questo grado di velocità, o quantità di moto, si comunicherà rivoltandosi orizzontalmente, fino a toccare quella sfera del secondo piano, che dovrà discendere verso il terzo; adunque questa riceverà tanto di velocità, quanta è l'acquistata per la caduta dal primo piano; farà dunque lo stesso, come se ella fosse realmente caduta dal primo piano; continuerà dunque nell'istesso modo la discesa accelerando il moto comunicato. Così successivamente discorrendo si proverà, che nel tempo, che una sfera farà caduta dall'alto del vaso, fino al luogo del foro, le sfere, che sotentreranno in esso [o siano realmente cadute dal piano superiore senza ostacolo, o pure siano levate dagli strati inferiori, e spinte verso il foro] nel giungervi saranno affette di una velocità, che è dovuta alla caduta dal piano superiore. Usciranno dunque col medesimo grado di velocità, e mantenendosi l'altezza, continueranno la medesima velocità. Il che ec.

Corollario I.

Da questa dimostrazione apparisce, che *nel principio dell'uscita, le sfere non escono con tanta velocità, quanto dopo, e che questa va successivamente accrescendosi fino ad arrivare a quel grado, che è proprio della caduta dall'altezza sopra il foro: e finalmente, che il tempo di questo acceleramento, è tanto, quanto si richiede alla caduta dallo strato superiore fino al foro, che in poca altezza è insensibile.*

Corollario II.

E perchè le velocità acquistate per la caduta sono fra loro in proporzione dimidiata delle altezze; ne segue, che *le velocità, colle quali le sfere escono da' fori sottoposti allo strato superiore, sono tra loro in proporzione dimidiata delle altezze, come s'osserva appunto ne' getti d'acqua.*

Corollario III.

Essendo, che le velocità acquistate per la caduta, se dopo di questa, si rivoltino per qualsivisia altra linea, non perdono, nel punto del rivolgersi, il suo grado, ne segue, che *se i fori saranno, orizzontali, ò verticali, o inclinati come si voglia, le velocità dell'acqua, che esce per essi, faranno tra loro pure in proporzione dimidiata delle altezze.*

Il Signor Mariotte, il quale con una somma diligenza ha fatte, circa a' movimenti dell'Acque, una gran quantità di esperienze, trova, che in materia di questi getti, le prime gocce, che escono da fori, hanno una velocità molto minore di quella, che s'acquista dopo qualche poco di tempo, il che è conforme a ciò, che nelle sfere abbiamo poco di sopra dimostrato. Ed in fatti egli è evidente, che, se dal vaso A B C D pieno d'acqua, s'intenderà levato tutto ad un tratto il fondo B C, l'acqua immediatamente superiore ad esso, comincerà a discendere al basso, e nello stesso tempo sarà seguitata da quella, che è nella superficie; ma questa velocità nel primo tempo sarà molto minore, che in quello, nel quale la parte superiore dell'acqua farà discesa alla linea orizzontale, che prima era occupata dal fondo del vaso.

Io stimo superfluo di avvertire in questo luogo, che le dimostrazioni fin ora addotte suppongono una perfetta astrazione da tutte le resistenze, e coefficiente, che possono fare alterare qualche poco la loro verità; e perciò malamente opporrebbe, chi per provare, non esser vero, che i liquori spianino la loro superficie orizzontalmente, adducesse l'esperimento di una goccia d'acqua, che posta sopra una tavola, o sopra una foglia di cavolo colmeggia: ovvero, che ne' cannellini sottili l'acqua, ascenda più, che ne' più ampi, ed altre simili; poichè egli è certo, che queste diversità dipendono da altre concause, e circostanze, non dal solo peso, e fluidità dell'acqua, che sono le radici del moto dell'acque de' fiumi, circa il quale si debbano aggirare principalmente le nostre considerazioni nel presente Trattato.

CAPITOLO II.

Dell' Origine de' Fonti naturali.

NOI vediamo per esperienza, che dalla superficie della Terra scaturiscono in molti luoghi le acque, altre delle quali stanno racchiuse in luoghi, o cavità particolari, che si chiamano vasche, o cistini, ed altre formontando le sponde di essi, s'incamminano a qualche parte, operdendosi dentro poco spazio nel terreno, se esse sono scarse, o pure incamminandosi all'unione di altre simili, se sono più abbondanti, dalla qual'unione se ne formano ruscelli, e da questi insieme uniti i fiumi. Quindi non sarà fuori di proposito, ricercare l'origine di quest'acque, che si chiamano sorgenti, o fonti, e dedurne l'origine de' fiumi, per fondamento delle susseguenti considerazioni.

Sopra questa materia hanno i Filosofi diversamente congetturato, poichè altri hanno creduto, che i fonti abbiano origine dalle sole acque piovane; ed altri, che il mare sia quello, che somministri la materia a queste scaturigini. I Signori dell'Accademia Reale delle scienze istituita a Parigi da Luigi il Grande, hanno fatte moltissime osservazioni per decidere simile questione, e seguendo l'avviso del P. Cabeo, e del Wren, hanno cercato i Signori Perault, Mariotte, Sedileau, e la Hirdi assicurarsi della quantità dell'acqua, che cade dal Cielo in un anno, siasi in pioggia, o in neve, per paragonarla dipoi a quella, che corre dentro gli alvei de' fiumi al mare; ed osservando gli ultimi due, farsi anche una grande evaporazione, tanto dall'acqua medesima, quanto dalla terra bagnata, hanno nello stesso tempo osservata la quantità dell'acqua, ch'è svaporata negli anni medesimi.

Il Signor Mariotte fece fare da un suo Amico l'osservazione a Dijon, e da essa determinò, che la quantità dell'acqua caduta in un anno, fosse di once 17. di altezza: Il Signor Perault l'osservò 19 in circa, con che s'accordano gli esperimenti replicati delli Signori Sedileau, e de la Hir, computando un anno per l'altro; poichè nell'anno 1689. l'acqua delle piogge fu quasi once 19. nel 1690. once 23 nel 1691. once 14 $\frac{1}{2}$ e nel 1692.

once 22. $\frac{1}{2}$. Ma quello, che vi è di più considerabile, si è, che la quantità dell'acqua svaporata, sopravanza di gran lunga, quella delle piogge, determinandola il Signor Sedileau, once 32. $\frac{1}{2}$. per anno; ond'è, che sebbene

dalla terra bagnata non svapora tant'acqua, quanta dall'acqua sola; nulladimeno non si può assai accertare, che l'acqua piovana basti per mantenere tutti i fiumi, senza l'aiuto di quella del mare. Il medesimo Signor Sedileau, *Nelle Memorie dell'Accademia Regia dell'anno 1693.* servendosi della portata di diversi fiumi, determinata per estimazione in proporzione del Po, dal P. Riccioli *al Libro 10 della sua Geografia Riformata*, calcola, che molto più acqua sia portata da' fiumi dell'Inghilterra, dell'Irlanda, e della Spagna, al mare, di quella possano provvedere le piogge, senza confide-

derare la copia dell' evaporazione, che succede in un anno in tutta l' ampiezza di que' Regni, il che cagionerebbe tanto maggior differenza: ed abbenchè ragionevolmente si possa credere, attesa la difficoltà, che porta seco la misura dell' acque correnti, non assai ben conosciuta al tempo, che viva detto Padre, che le di lui estimazioni siano molto lontane dal vero (tanto più, ch' i fiumi non portano sempre ugal corpo d' acqua in tutto il tempo dell' anno, ed è assai difficile il trovarne il mezzo aritmetico) nulladimeno non può essere tanto il divario, considerata che sia l' evaporazione ec., che resti alterata la verità della conseguenza, che egli ne dedace. S' aggiunge, che molti sono i fonti, che sensibilmente non s' alterano dall' Estate all' Inverno, o almeno non a proporzione della quantità delle piogge, che cadono: e che altri sono situati nelle cime de' monti altissimi, e scaricano in tutto l' anno copia d' acqua molto maggiore di quella, che ne' siti più alti di quel contorno cada dal Cielo, come mi asserì di avere osservato nelle Alpi, due anni sono, nel suo ritorno in Italia, il Signor Gio: Domenico Cassini (soggetto, il cui solo nome vale per un' elogio intero) ed io pure ho veduto in diversi luoghi, e particolarmente nelle montagne, che dividono lo Stato di Milano da quello de' Svizzeri, e Valesani. Si trovano anche diverse fontane, che ne' tempi più secchi dell' estate profondo no l' acqua in maggior abbondanza, che ne' piovosi, e nell' Inverno; oltre che si sa, che l' acqua delle piogge, e delle nevi, non s' infina regolarmente, che pochi piedi sotto la superficie della terra, scorrendone una gran parte, durante le piogge più impetuose, ed il gran disfacimento delle nevi, per lo declive de' monti, e per lo dolce pendio delle pianure, senza entrare in minima parte dentro de' pori della terra.

Non si può per tanto negare, che le acque piovane non contribuiscano molto a far accrescere quella delle sorgenti; poichè manifestamente si vede, che ne' tempi più aridi molte di esse s' illanguidiscono, ed al contrario, dalle piogge ricevono nutrimento, e vigore. Quindi è, che l' acque de' fonti medicinali, nelle stagioni piovose perdono, o diminuiscono la loro virtù, anzi in vece di essere profittevoli, si tendono nocive; ma, che l' acqua tutta de' fonti non riconosca altra origine, che dal Cielo; questo è quello, che non pare s' accordi assai bene, nè colla ragione, nè coll' esperienza, non solo per li motivi sopra addotti, ma per altri molti, che portano l' Erbinio nel Libro eruditissimo *de Cattaractis*, ed il dottissimo Signor Bernardo Ramazzini nel suo giudiciosissimo Trattato *De Fontium Mutinensium admiranda scaturigine*.

Quelli poi, che hanno pensato, derivare i fonti dal mare, non si sono punto accordati nel descrivere la maniera, coa che l' acque marine ascendano alle cime de' monti; poichè altri credendo, che la superficie del mare sia più alta di qualsivoglia altissimo monte, hanno detto, ciò farsi per la sola legge dell' equilibrio: ma vacilla il supposto, come ripugnante alla ragione, ed al senso. Altri hanno indotta una circolazione perenne, comandata da Dio nella Creazione dell' Univero, il che si ammette, ma per non crederla un perpetuo miracolo, è d' uopo cercare la causa, che la promuove, e mantiene; onde è, che alcuni hanno avuto ricorso ad una facilità attrattiva della terra, per mezzo della quale siano rirate le acque dal basso all' alto; ma questa, oltre l' essere impercettibile, non si vede, per qual motivo debbe cessare, nel permettere, che fa il corso dell' acque per gli alvei, che le portano al basso. Altri perciò hanno posta in campo una forza di pulsione fatta da' flutti, e reciprocazioni delle acque sotterranee. o da' venti racchiusi, e compressi nelle caverne de' monti, alla maniera, che si for-

si formano le fontane pneumatiche: ma queste cagioni non sembrano di tanta energia, quanto basta per ispingere l'acqua fino a quella misura alla quale, in fatti, sono elevate le cime di alcuni monti sopra la superficie del mare.

Ha l'ingegnossissimo Descartes apportata un'opinione forse la più probabile, e la più prossima al vero. Suppone egli, che la terra sia, pressò che tutta, cavernosa, principalmente nelle viscere de' monti (proposizione, che non ammette dubbie veruno, tanti sono i riscontri, che se n'hanno nell'osservazioni della terra) che di dette concavità, le più basse abbiano commercio, o mediato, o immediato col mare, cioè a dire, che il mare vi si porti dentro senza alcun ostacolo, e senza mutare la qualità delle sue acque; o pure, che queste passando per qualche istmo intermedio di sabbia, o di ghiaia, o di argilla, o di tufo, depongano le materie eterogenee ne' loro colatoj, ed entino più purgate, e più pure nelle cavità della terra; E' poi certo, che questa possiede nelle sue viscere un calore assai sensibile (sia esso originato, o da' fuochi sotterranei, o d'altronde, poco importa) in maniera, che molte volte si vedono scaturire dalla terra acque così calde, che non possono essere tollerate dalla mano; siccome, dunque, si vede agitare il calore del sole nelle acque, che si trovano sopra la terra, o nella di lei ultima crosta, sminuzzandole in vapori, e facendole ascendere ad una considerabile altezza nell'aria; così egli è probabile, che il calore interno della terra faccia svaporare le acque contenute nelle caverne inferiori, e che i vapori appoco appoco ascendano, finchè, o sminuendosi l'azione del calore, o conglomerandosi, ed unendosi a forza di un resistente (quale è creduta comunemente la densità, e freddezza de' sassi) degenerino in gocce, e vadano a colare in qualche ricettacolo, dal quale finalmente per le vene della terra, si portino alle proprie scaturigini. In questo passaggio, non è difficile a comprendersi, che i ricettacoli superiori, cioè più vicini alla superficie della terra, possano altresì ricevere l'acqua delle piogge, e delle nevi insinuate, sì per li meati delle terre più porose, sì per le fessure de' sassi, che servono di fondamento al terreno; onde, quanto sono più frequenti, e copiose le piogge, tanto più cresce l'acqua ne' ricettacoli superiori della terra, che più in conseguenza ne somministrano a' fonti. Questi recipienti possono essere, o uno, o molti per grado disposti, nelle loro altezze, e non solo si possono intendere per cavità, o vasi, che contengano qualche copia d'acqua unita, ed ammassata in un luogo medesimo; ma anche per una sostanza terrea, e porosa, che s'imbeva, riceva, e tramandi gli uniori acquosi, o per nuova esalazione alle parti più alte, o pure per insinuazione alle parti più libere, o vote, o aperte all'aria, come sono le vasche, o crateri delle fontane. Il che posto, non credo, che possa immaginarsi alcuno accidente circa la natura delle sorgenti, che non si possa elastissimamente colla predetta supposizione spiegare; onde intieramente aquietandoci in essa, passeremo a de'urne l'origine de' fiumi,

Egli è certo, che tutta l'acqua, che corre dentro gl'alvei de' fiumi, ha origine immediata, o da' fonti, o dallenevi liquefatte, o dalle piogge; sotto nome di fonti, in questo luogo, comprendo anche i Laghi, Stagni, o Paludi, se queste non abbiano il loro essere dall'influsso de' fiumi, o rigagnoli, o altr'acque sopraterranee, ma bensì dalle sole sorgenti; e la ragione si è, che, o il lago è effetto di una sorgente sola, ed in tal caso non è egli altro, che la gran vasca d'una sorgente, o pure riceve l'acqua da più di esse, ed allora diventa una vasca sola, comune a più fonti, ed abbenchè vi siano de' laghi, che riconoscano la loro manutenzione da più cause, cioè,

cioè, e dalle sorgenti, e dagl' influssi di altre acque sopraterranee, e immediatamente dalle piogge medesime; nulladimeno sussiste sempre, che i fiumi tutti da qualcheduno de' tre principj sopra memorati derivino. Rare volte s'incontra, che da una sola fonte nasca un fiume considerabile, ma frequentemente, e per lo più, s'ingrossano i fiumi per lo tributo, che ricevono, d' altri rivoli, che da una parte, e dall'altra dentro vi corrono, e nel progresso, anche dall' influsso di altri fiumi, per un singolare artificio della natura, che ne manda molti ad unirsi insieme, acciò più facilmente possano scorrere al loro termine, come a suo luogo si dirà.

Secondo le diverse circostanze, ora comunicano i fiumi, per li pori della terra, una porzione dell' acque proprie alle parti vicine, ora da queste per la medesima strada, ricevono qualche picciolo tributo, vedendosi molte volte uscire dalle sponde de' fiumi minutissimi zampilli di acqua, e ciò succede ne' casi, che la superficie de' fiumi sia più bassa notabilmente, che il piano del terreno contiguo, e che questo sia ben pregno d' umore somministrato o dalle piogge, o d'altronde. Nè v' ha dubbio, che il fondo de' fiumi, se è di sostanza penetrabile dall' acqua, secondo la diversa altezza del di lei corpo, che sostiene, non ne riceva in qualche abbondanza, e che la tralmetta appoco appoco, lungo l' andamento del fiume medesimo al mare; poichè egli è certo, che ne' fiumi temporanei, i quali l' estate lasciano vedere il loro fondo asciutto, ogni poco di fossa, che si scavi, diventa una sorgente; e scavandone molte, queste hanno la loro superficie disposta in una certa pendenza parallela a quella, che gode l' alveo del fiume; segno evidente di qualche corso sotterraneo. Molto più è manifesto il corso de' fiumi sotterranei, quando in tutto, o in parte, essi si precipitano nelle voragini, che incontrano, e dopo qualche tratto, di nuovo escono alla luce; poichè di questi egli è certo, che trovano sotto terra alvei, e laghi, per li quali si portano al luogo del nuovo sboccamento. Per fine non si può negare, che i fiumi non ricevino anche l' acque delle piogge, che dentro vi cadono; perchè, siccome da queste si accresce l' acqua ne' laghi, ne i stagni, e nel mare, così niuna ragione vuole, che le medesime non somministrino anche qualche debole alimento al corso de' fiumi.

CAPITOLO III.

Della divisione de' Fiumi, e loro parti, attinenze, e denominazioni.

SIN quì ci siamo serviti del nome di Fiume in generale : ora è necessario di conoscere più distintamente le differenze de' fiumi, le parti, che li compongono, e tutte le cose concernenti ad essi, insieme colle denominazioni proprie di tutti, per non avere obbligo, in avvenire, di servirsi di perifrasi, e per potere in poche parole spiegar ciò, che occorrerà.

Le acque dunque, che corrono per la superficie della terra, esercitano il loro moto dentro una cavità distesa per lunghezza, dal principio superiore del suo corso, sino al fine, e si chiama *Alveo, Letto, o Canale*. La parte inferiore dell' alveo, cioè quella, ch'è premuta dal peso dell' acqua, si chiama *il Fondo*; e le parti laterali, le quali contengono l' acqua ristretta, e sollevata di superficie, a qualche altezza, si chiamano *Sponde, o Ripe*.

Possono essere queste, o naturali, o artificiali: *naturali*, quando non hanno ricevuto il loro essere dall' operazioni degli uomini, ed *artificiali* all' incontro. Le *sponde naturali* tono pure di due sorte, poichè o la natura le ha formate scavando il terreno, come sono quelle de' fiumi, che corrono fra terra, e queste saranno dette da noi *Sponde naturali per escavazione*, ovvero alzando le parti laterali al corso dell' acqua colle deposizioni del limo, e queste le chiameremo *Sponde naturali per alluvione*. Le artificiali possono essere di diversa natura, secondo la qualità dell' artificio, e della materia, ma per lo più si chiamano *Argini*, cioè quando sono formate di terra ammassata insieme, ed elevata a tanta altezza, che basti a sostenere la maggior' escrescenza dell' acque.

La diversa disposizione delle ripe è cagione della loro diversa denominazione; atteso che se la ripa è perpendicolare all' orizzonte, si chiama *Piarda*, che può essere *bassa, alta, o mezzana*, secondo che il sito perpendicolare si trova all' alto, al mezzo, o al basso della ripa medesima. *Ripa* semplicemente si dice, quando con una mediocre pendenza v' a posarsi sul fondo del fiume; ma se questa pendenza s' avvanza dentro l' alveo del fiume considerabilmente, ed in maniera, che si mettesse insensibilmente sotto l' acqua, spingendo il corso dalla parte opposta, si nomina *Spiggia*; ed *Alluvione* qualvolta, pure insensibilmente crescendo, arriva a formare nuova sponda al fiume, distinta dalla precedente.

I fiumi, che hanno bisogno d' argini, hanno anche, per lo più, distinte le sponde in più parti, osservandosi, che tra gli argini [che sono l' ultime sponde destinate a contener l' acqua nella sua maggior' altezza] stà disteso un canale, che propriamente si dice *Alveo del Fiume*, colle sue ripe non tanto alte, che nell' escrescenze non siano sormontate. Tutto il terreno, che stà fra detta ripa, e l' argine, si chiama *Golena, o Banca, o Gbiara*, abbenchè questi due ultimi nomi abbiano anche altra significazione; Dopo questa, immediatamente segue il *Piede dell' argine*, la cui pendenza dalla parte di Golena si chiama *Scarpa inferiore*, e quella dalla parte del-

la campagna *Scarpa esteriore*; siccome si chiama *Piano dell'argine* la parte superiore di esso, e *Basè dell'argine* la somma delle due scarpe, e del piano, e *Ciglio dell'argine* l'angolo, che forma la scarpa dell'argine col piano di esso.

Il corso, che hanno i fiumi per li loro alvei non è in tutti i luoghi uniforme, e si osserva, che la maggiore velocità cammina regolarmente, a seconda della maggior profondità, in maniera, che dove il fondo è più basso, ivi maggiore è la velocità; dove più alto, ivi minore: e questa parte più veloce si chiama *Filo*, o *Filone*, e da alcuni *Spirito del fiume*, e da altri *Tesla*, o *Via dell'acqua*, e si conosce dalle materie, che galleggiano sopra l'acqua, le quali a lungo corso, sono portate tutte ad unirsi, dove l'acqua è più veloce. Ne' fiumi, che sono distesi in linea retta, trovasi il filone nel mezzo, ma in quelli, che descrivono linee curve, s'accosta, ora alla destra riva, ora alla sinistra, secondando il giro del fiume, ed è causa, che quelle ripe, alle quali esso s'accosta considerabilmente, si chiamino *Botte*, e queste sono nella parte concava della curvità, e quelle di rincontro, dalle quali il filone si scosta, sono dette *Spiagge*, come di sopra si è accennato. Le botte o resistono alla corrosione delle ripe, o nò; se resistono non cambiano nome, ma le cedono, acquistano quello di *Botte corrosè*, o *Corrosioni*, che sono differenti, secondo la diversa situazione, che acquista la riva, denominandosi *Piarde*, secondo la già detta significazione, o *Frolidi*, se per la corrosione avanzata, si toglia la riva della golenà, sottrahendo l'argine a fare l'ufficio della sponda intiera, onde per differenza costitutiva di ciò, ch'è significato con questo nome, basta, che il piede dell'argine sia bagnato dal fiume in acqua bassa: Che se poi fosse anco corrosa, allora chiamerebbesi *Froldo in corrosione*, o *Argine corrosa*.

Le differenze de' fondi fanno, che questi si chiamano, o vivi, o morti: *Fondo vivo* è quello, che avrebbe il fiume, se l'acqua corresse uniformemente in tutte le sue parti, e questo si disporrebbe in uno, o più piani ecc. secondo le diverse circostanze, come a tuo luogo si dirà. Ma il *Fondo morto* è di due sorte, cioè, o più basso del fondo vivo, e si chiama *Gorgo*, ovvero più alto, e se è laterale al filone, si chiama *Spiagga*, atteso che questo nome è comune alle ripe, ed al fondo, come che partecipa, e dell'uno, e dell'altro; ma se occupa tutto il fiume da una riva all'altra si nomina *Dossò*, o *Secca*. Perciò *Morta di fiume* si dice quell'alveo, che resta, quando il fiume si muta di letto, o a caso, o per arte; abbenchè anche l'acqua vi corra, purchè altrove sia divertito il di lui corso principale, e *Mortizza*, quando lascia di corrervi l'acqua in maniera, che il fondo resti fangoso, o pantanoso; si chiama anche *Fiume morto* un alveo abbandonato dall'acqua corrente, sia esso ridotto, o no, a coltura, o pure incapace di esserlo.

Questi alvei dunque, che intersecano, e solcano la superficie della terra, si chiamano col nome generale di *Fiume*, abbenchè questo, più propriamente, convenga all'acqua, che dentro vi scorre: sono però da notare alcune differenze, che talvolta aggiungono, o mutano le denominazioni, poichè le piccole acque per lo più originate da fonti, si chiamano *Rivi*: L'unione di diversi rivi si dice *Fiumicello*, e l'unione di più fiumicelli diventa *Fiume*. Se l'acqua di questi è continua, in maniera che mai si scopra il fondo del tutto, si chiama *Fiume perenne*; ma se qualche volta accade, che resti affatto asciutto si nomina *Fiume temporaneo*. Fra' perenni ve ne sono di quelli, che sono navigabili, o continuamente, o interpolatamente, o per natura, o per arte. I Latini chiamavano *Amnes* que' fiumi, che sono navigabili da piccole barche; e *Fluvij*, o *Flumina* quelli, che godono tal larghezza, e pro-

profondità di acqua da sostenere barche mediocri, e maggiori. Fra fiumi temporanei si contano i *Torrenti*, quelli cioè, che portano le acque sole, che immediatamente ricevono dalle piogge, o dal discioglimento delle nevi: e ad essi si attribuisce principalmente una rapidità, e velocità impetuosa, ed un crescere, e scemare improvviso a misura della direzione, ed abbondanza delle piogge medesime.

L'unique di due fiumi si chiama *Confluenza*; e *Fiume tributario* quello, che nell'unirsi perde il suo nome, accomunandosi quello dell' altro, il quale, se sarà navigabile, e porterassi a sboccare nel mare, dirassi *Fiume reale*.

Hanno in oltre i fiumi alcune differenze prese dalla condizione del proprio fondo, e dalla correlazione, che ha questo col piano delle campagne contigue. Se il fondo del fiume, è ghiaioso, o sassoso, si dice *Fiume in ghiaia*; se arenoso, si dice *Fiume in sabbia*; se paludoso, si dice *Fiume paludoso*; se il piano delle campagne è tanto alto, che le piene maggiori del fiume non arrivino a toccarlo, si chiama *Fiume incassato*: se no, e che vi siano argini al fiume per sostenere le piene, si dice *Fiume arginato*, o in tutto, o in parte, e mancandovi gli argini, di modo che le piene si portino ad inondar le campagne, si chiama *Fiume inondante*.

Sbocco, *Bocca*, o *Foce di un fiume* si chiama quel sito aperto, per lo quale esce dall'alveo proprio, sia col mettere le sue acque in altro fiume, o nel mare, o altrove: con li due primi vocaboli però s'intendono, comunemente, le uscite di tutti i fiumi anche tributari; ma il nome di *Foce* più propriamente, secondo alcuni, si dice de' fiumi reali, quando entrano in mare. Se un fiume divide il proprio alveo in due, o più, allora ognuno di essi si dice *Braccio*, o *Ramo*; e se per tal divisione moltiplicata si perda l'alveo, allora ognuno de' detti rami piccioli, che fregolaramente si formano, si chiama *Riazzo*, o *Rivazzo*, o *Rivolo*, secondo ch' egli è maggiore, o minore: E l'angolo fatto da due braccia di fiume sul dividerli, dicesi *Divarciazione*, o *Bivio*.

Isola è il terreno racchiuso fra due braccia del fiume medesimo, le quali dopo tornino ad unirsi in un alveo solo, il piano superiore del quale, se sarà tant'alto, che sopravanzi le piene maggiori, allora si dice propriamente *Isola fluviale*, a differenza delle marittime; ma se non sarà tant'alto, si dice più propriamente *Bonello*, e ciò, particolarmente, s'egli è formato dalle alluvioni del fiume: che se le braccia, o rami del fiume, dopo la divarciazione, non si uniscano più, ma portino le loro foci separatamente al mare, in tal caso il terreno di mezzo si chiama *Polesine*.

Accade sovente, che partendosi l'acqua dalle proprie fonti, non comincia ella a scorrere a stille, ma si raguna in qualche vaso naturale, o artificiale, prima di cominciare il suo corso sensibilmente; e questo vaso si chiama, *Vasca*, o *Cratere*, o *Ricettacolo del fonte*, siccome anco *Capo*, o *Tesla d'acqua*.

Colla stessa significazione, possono anco chiamarsi *Crateri di uno, o più fonti*, quelle congregazioni di acque, che si chiamano *Laghi*; ma per goder con proprietà di questo nome, v'è necessaria una considerabile estensione, ed una conveniente profondità. Quindi è, che i laghi alle volte sono origine de' fiumi, ed alcune altre, sono figli de' medesimi, qualunque volta, cioè, corre un rivo, o fiumicello, o fiume dentro una cavità cieca, nella quale v'è bisogno, che l'acqua notabilmente si elevi, per poterne uscite. Egli è ben vero, che molte volte s'incontra, che la profondità del lago non serve per solo ricettacolo al fiume entratovi, ma li somministra in oltre nuova acqua, che le proprie vene; ed all'incontro, anche qualche volta,

ne disperde, e consuma, lasciandola uscire dalle rime, o voragini del proprio fondo, e somministrando nuova materia alle fontane, o sorgenti più basse. Quel lago, che si conserva per le proprie sorgenti, e non tramanda fuori di se medesimo le proprie acque, si dice *Lago chiuso*; ma, se ne riceve delle forestiere, e tramanda le proprie, o le ricevute, si dice *Lago aperto*: ed il luogo, per lo quale escono l'acque, chiamasi *Emissario*, e *Incile*; e quelle, per lo quale entrano, si potrebbe dire *Immissario*. Le altre espansioni di acqua sopra la superficie della terra, che non hanno immediata comunicazione col mare, si chiamano *Stagni*, *Paludi*, o *Lagune*. Gli *stagni*, o *paludi* sono acque di poco fondo, e perciò gli stagni l'estate s'alciugano, e sono fatti dalle piogge: Le *Paludi* non si seccano affatto in tutto il corso dell'anno, e sono conservate dall'inondazioni de' fiumi, o dall'ingresso di qualche fiumicello, o torrente: Le *Lagune* poi sono fatte dall'acque marine separate dal mare, col mezzo degli scannai, o staggi d'arena, col quale hanno solo la comunicazione, o per canali, o per aperture determinate, dalle quali sono ricevute le acque predette nel flusso, e tramandate nel riflusso.

Cadendo l'acqua d'un fiume da qualche luogo alto precipitosamente al basso, in maniera che l'alveo superiore sia considerabilmente più alto, che l'immediatamente inferiore; tale caduta si chiama *Cataratta*, o *Catadupa*, come sono quelle del Nilo, del Reno, e del Danubio ec. e queste sono o naturali, o artificiali; queste ultime si chiamano anche *Chiusè*, *Traverse*, *Pescaje*, o *Sassegni*, e servono per fare alzare l'acqua nella parte superiore del fiume, o per derivarla, o per servirsiene ad uso di navigazione, o per far muovere diverse macchine Idrauliche.

Le acque derivate, o cavate da un fiume, o da un lago, scorrendo regolarmente per alveo proprio aperto di sopra, si chiamano *Canali*, o *Acquedotti*; ma più propriamente *Acquedotto*, si dice, quando l'acqua si fa correre chiusa, come dice Frontino -- *aut per cuniculos subterraneos, aut opere arcuato*.

Per fine l'unione dell'acque piovane, che scolano dalle pianure ne' fossi, e da questi in piccioli alvei, si chiamano *Condotti*, *Scoli*, *Discursoj*, o *Tratturi*, e sono come piccioli fiumicelli formati nelle pianure, e per lo più manufatti, che vanno a terminare o in fiumi, o in paludi, o nel mare. Ed ultimamente col nome di *Fossa*, o *Cavo* s'intende un'elcavazione fatta in lunghezza, che contenga, o sia atta a contener acqua stagnante, o per uso di navigazione, o per difesa di Città, e Fortezze, ec.

CAPITOLO IV.

Del principio del moto nell' acque correnti, e delle regole di esso più principali.

DOpo di avere, ne' tre supposti Capitoli, dichiarato abbastanza tutto ciò, che si è creduto necessario, tanto per istabilire un sodo fondamento al presente Trattato, quanto per erudire chiunque ha in animo di professare la materia dell'acque; egli è oramai tempo, che insinuandoci più a dentro nella parte dottrinale, ci mettiamo a cercare, quale sia la causa principale del moto nelle acque correnti, o ne' fiumi.

Che il moto delle acque sia effetto della gravità, si renderà manifesto a chi semplicemente farà riflessione, che l'acqua, egualmente con gli altri gravi solidi, tende verso un centro, a questi, e ad essa comune; quindi ne nasce, che o consistendo la gravità in una naturale inclinazione, che ha la materia tutta elementare di tenersi strettamente unita al globo terracqueo, o pure dipendendo la medesima da un impeto impresso a tutte le menome particelle materiali, della sostanza eterea: è d'uopo credere, che congegnata alla gravità de' solidi, sia anche quella de' fluidi, e che con le medesime regole operi in ispingere al basso, e gli uni, e gli altri.

E' però vero, che le diverse affezioni de' corpi, siccome variano le proprietà di essi, così fanno, che in alcuni casi, diversamente si esercitino le impressioni ricevute dalla gravità; onde non è maraviglia, se alcuni hanno creduto, non poterli adattare a' corpi liquidi, le regole dimostrate dal Galileo, circa le cadute de' gravi, vedendo, che queste non riescono sempre così precise, come ne' solidi. Quindi è, che, per poter camminare con piè sicuro, farà bene, prima di ogn'altra cosa, di considerare tutto quello, in che convengono, e disconvengono le leggi delle cadute de' solidi, e de' fluidi.

E dimostrato dal Galileo, che un grave, il quale discenda liberamente per una linea perpendicolare verso il centro de' gravi, avrà in ogni punto della linea, che descrive, tali velocità, che tra loro saranno in proporzione subduplicata; o, che è lo stesso, dimidiata di quella, che hanno le lunghezze delle discese computate dal principio della caduta. Per esempio, se il grave A comincerà a discendere dal punto A, e col suo centro descriverà la linea A B; anderassi da A in B, sempre accrescendo la velocità, in maniera che la velocità, ch'egli averà in C, a quella, che averà in B, farà in proporzione subduplicata delle discese A C; A B; ovvero (che torna il medesimo) le discese A C, A B staranno fra loro in proporzione duplicata delle velocità in C, ed in B, ovvero, come i quadrati delle velocità predette.

Esponendo adunque le velocità in C, ed in B per due linee rette, perpendicolari alla A B, ed allungandole in D, ed E, di maniera, che i loro quadrati abbiano la medesima proporzione, che ha A C, ad A B; saranno i punti E, D in una linea parabolica, il cui vertice sia A, e l'asse A B, essendo una delle principali proprietà di essa linea, che le semiordinate C E,

Fig. 8.

B D abbiano la proporzione subduplicata, o dimidiata delle saette A C, A B. Quindi è, che, per avere un'idea di tutti i gradi di velocità, per li quali passa un grave cadente dall'alto al basso, basta dal principio della caduta descrivere una parabola, che abbia per asse la perpendicolare, ch'egli ha da descrivere; poichè allora le linee tutte tirate da ogni punto di essa perpendicolare, e terminate alla circonferenza parabolica, purchè ad angolo retto colla A B, esprimeranno ciascheduna la velocità, che avrà il grave nel punto, che ad essa appartiene.

Che se un grave A, invece di cadere per la perpendicolare A B, sarà obbligato a discendere per lo piano inclinato A G, in ogni punto della sua discesa, come in D, avrà quel grado di velocità, che avrebbe cadendo da A verso B, arrivato che fosse al punto E, cioè a quello, nel quale la linea A B è tagliata dall'orizzontale D E, e similmente in G avrà quella velocità, che avrebbe cadendo da A in B. Quindi è, che in due maniere si possono esprimere le velocità del grave discendente per lo piano A G; cioè, o descrivendo la parabola B A C circa l'asse A B, o pure l'altra parabola G A I circa l'asse G A; nell'una, e nell'altra delle quali, le semiordinate mostreranno la proporzione delle velocità ne' punti corrispondenti.

Fig. 9.

Tutto ciò è vero, ogni volta che il grave discenda, senza che alcuna cosa gli resista; e perciò le proposizioni predette non possono esattamente verificarsi, che rispetto ad un grave, che cada per un mezzo non resistente, se pure si ritrovi, ovvero nel voto, se in esso si desse la gravità, e la discesa de' gravi. Ma nelle cadute, che appresso di noi si osservano, come che esse, per lo più, si fanno nell'aria, non può la detta proporzione avere il suo intero, ma resta qualche poco alterata; attesoche, ostando l'aria [per la sua grossezza, e per la repugnanza, che ha all'essere divisa] al moto de' corpi, assume in se una parte dell'impressione, ed altrettanta ne leva al mobile; e perciò non può la gravità imprimere ne' gravi cadenti, tutto quel grado di velocità, che per altro loro darebbe, levata che fosse la resistenza del mezzo.

Restano dunque in fatti le velocità qualche poco minori di quelle, che richiede la natura della parabola, della quale essendo una proprietà, che, dividendosi l'asse in segmenti eguali, e tirandosi per le divisioni, le semiordinate non siano le differenze di queste, eguali in ogni parte, ma bensì maggiori, quanto più le semiordinate predette sono vicine al vertice della parabola, ed essendo la resistenza dell'aria sempre la medesima, se non maggiore, quanto più violento è il moto, ne segue, che sul principio della caduta, può darsi il caso, che l'effetto della resistenza dell'aria sia insensibile, e per conseguenza rimanga manifestissimo l'acceleramento, anche sensibilmente, nella proporzione accennata, ma che dopo un certo spazio di discesa [quando, cioè, la differenza delle velocità sia resa minore] la resistenza dell'aria cominci ad operare sensibilmente, finchè pareggiando essa la forza accelerante, impedisca, che la velocità più s'accresca; e perciò da lì avanti il moto si renda equabile.

Per maggiore intelligenza di ciò, supponghasi, che nel progresso della caduta di un grave, la resistenza dell'aria si accresca secondo qualunque data proporzione; di modo che, invece che le linee esprimenti i gradi della velocità, cadano co' loro estremi nella linea parabolica A H M I, (come porterebbe la natura del moto scelerato) restino accorciate, e terminino alla curva A N O, la quale andrà sempre scostandosi dalla parabola, secondo la proporzione degli eccessi, o differenza fra le velocità non impedito, e le impedito. Per cagione dunque della discesa, le velo-

Fig. 9.

cità

cità sempre si accrescono, e corrispondentemente, a cagione della resistenza dell'aria, sempre si diminuiscono. Ma perchè le differenze delle velocità libere DH , LM , GI , appartenenti a' punti dell'asse D , L , G presa distanze eguali DL , LG (che deono intendersi infinitamente picciole) sempre sono minori, cioè IO minore di MN ; ne segue, che l'augumento della velocità verrà a farsi una volta sì picciolo, che la resistenza dell'aria, resta sempre maggiore, verrà a pareggiarlo; e per conseguenza potrà impedire ogni ulteriore accelerazione. Ciò posto, perchè la resistenza dell'aria non cresce per altra cagione, che per l' accrescimento della velocità nel mobile; non crescendo più questa, nè meno si augumenterà quella; e però, pareggiata l'energia dell'acceleramento, con quella del resistente, continuerassi bensì la discesa, ma col ritenersi il grado di velocità acquistato; e perciò il moto si ridurrà all'equabilità.

Vi è anche un'altra cagione, oltre la predetta, del moto equabile, al quale finalmente si debbono ridurre i gravi cadenti; e si deduce dal considerare, che il Galileo assume per principio della sua dottrina del moto accelerato, che *i gravi cadenti aggiungano a loro medesimi in tempi eguali, gradi di velocità eguali*; ed essendo sentimento assai ragionevole, che gli sforzi della gravità non provengano da una forza intrinseca ad essi; ma bensì da una potenza esterna; acciocchè questa operasse sempre della medesima maniera nel mobile, sarebbe necessario, che essa lo trovasse nel secondo tempo nelle istesse condizioni del primo; di manierachè la potenza motrice avesse sempre la medesima proporzione alla resistenza del mobile in ogni tempo. Ciò però non può essere, se non si suppone la potenza movente infinita, perchè in tal caso, qualunque fosse la velocità del mobile, si dovrebbe esso considerare, come in una perfetta quiete; ma supponendo la forza predetta finita, egli è evidente, che questa, alla resistenza del mobile quieto, avrà una proporzione, che non potrà avere al medesimo, quando esso sarà costituito in qualche grado di velocità; e perciò meno aggiungerà nel secondo tempo, che nel primo; meno nel terzo, che nel secondo ec. e finalmente non potrà mai imprimere nel mobile, velocità maggiore di quella, che la medesima forza possiede; dal che ne viene, che giunto che sarà il mobile a quel grado di velocità, che non può accrescersi, necessariamente sarà ridotto all'equabilità, ancorchè il moto s'intenda libero da ogni resistenza. Egli è però vero, che la forza producente la gravità, può essere tanto grande, che, non ostante che ella sia finita, abbia sempre sensibilmente la medesima proporzione al grave, o in quiete, o in moto che sia; nel qual caso la dottrina dell'acceleramento de' gravi, non riceverebbe alcuna sensibile alterazione, come in fatti si vede corrispondere assai esattamente all'esperienze, che se ne fanno.

Supposta dunque la stessa dottrina, egli è chiaro, che se il moto de' gravi potesse farsi nel voto; i corpi più, o meno gravi che fossero, caderebbero colla medesima velocità, e passerebbero per li medesimi gradi di accelerazione; poichchè essendo la materia di tutti i corpi omogenea, ed essendo la forza, che la spinge al basso, la medesima, di tutta l'altra materia; sarebbero tutte le parti di essa nel principio della caduta affette della medesima potenza; e non potendo nel voto diversificarsi il moto per alcuna resistenza, non vi sarebbe alcuna ragione, per la quale la caduta d'un corpo dovesse farsi d'una maniera diversa da quella di un altro. Ma, comechè tutti i moti si fanno dentro qualche mezzo fluido, dipendono molto dalla condizione di questo, le affezioni de' moti medesimi.

Concorre perciò al farsi d'una caduta per l'aria, l'eccesso della gravità specifica del mobile sopra quella dell'aria; poichè egli è certo, che il fuoco meno gra-

ve di essa, non discende, ma ascende, e così il legno galleggia sull'acqua, perchè il di lui peso specifico è minore di quello dell'acqua medesima; e la ragione si è, che il fluido toglie tanto di peso assoluto al corpo, quant'è il peso, pure assoluto, d'una mole del fluido eguale a quel corpo: e perciò, quando il mobile è, specificamente meno grave del fluido, ha il fluido per discendere al basso più d'energia, che non ha il mobile; e conseguentemente lo sforza ad ascendere, o non gli permette di discendere: e così quando siano eguali i pesi specifici, non succederà nè ascesa, nè discesa; ma bensì, facendosi l'equilibrio, consisterà il mobile egualmente in tutti i luoghi del fluido. Ma quando la gravità specifica del corpo è maggiore di quella del mezzo, allora esso discende, come se fosse un corpo di peso assoluto tanto minore, quanto vale la mole predetta del fluido, e perciò, comechè il peso assoluto maggiore, o minore de' corpi, non influisce punto in renderli più, o meno veloci; come si è spiegato di sopra: ne nasce, che ne' gravi cadenti nè meno ha luogo per fare accelerazione diversa il maggiore, o minore peso specifico.

Ben è vero, che il maggior peso assoluto de' corpi compone una maggiore potenza di superare le resistenze, che loro s'oppongono, e la ragione si è, che ricevendo tutti i minimi della materia, eguali le impressioni della gravità; quanto più di numero essi sono (che è lo stesso che dire, quanto maggiore è la loro gravità assoluta) tanto maggiore è il momento, col quale essi spingono i corpi, che incontrano; e conseguentemente tanto più facilmente superano le resistenze: il che ha luogo molto più ne' semplici conati della gravità, che ne' moti accelerati.

Egli è anche vero, che se la mole de' corpi sarà grande, grande altresì sarà la resistenza, che essi riceveranno dal fluido, dentro il quale si muovono; e perciò maggiormente resiste l'aria al moto di una sfera, v. gr. di sei libbre, che ad una di tre; ma se si avvertirà, che i pesi assoluti sono proporzionali alla materia, ed a' corpi, cioè, intendendoli sotto figure simili, in proporzione triplicata de' lati omologhi, e che le superficie degl'istessi dalle quali sono regolate le resistenze, sono tra loro in proporzione solamente duplicata de' lati medesimi; facilmente si dedurrà, che crescendo le forze di superare le resistenze più di quello, che all'accrescersi della mole, e del peso, s'aumentino le dette resistenze; se maggiore sarà il peso assoluto del grave, maggiore anche sarà la forza di esso per superare la resistenza dell'aria. Quindi è, che i corpi di poco peso, ma di superficie assai grande, cadendo da alto, giungono all'equilibrio del moto, molto più presto di quello, che facciano i corpi più gravi compresi da superficie in proporzione minore; onde non è meraviglia, se una foglia di oro battuto, lasciata cadere dall'alto di una torre, si veda svolazzare per l'aria, e consumare molto tempo prima di arrivare a terra, e più presto giungervi una sferretta della medesima materia, e dello stesso peso; e perciò non a ragione della maggiore, o minore gravità assoluta, o specifica de' corpi; ma solo per l'effetto, che fanno in essi le resistenze maggiori, possono riuscire diversi, ne' gravi cadenti, i gradi delle velocità acquistate.

E perchè il peso assoluto de' corpi gravi posati sopra i piani inclinati non s'esercita tutto nella discesa di essi, ma una parte ne viene levata dalla resistenza obliqua, che loro fa l'inclinazione del piano, di modo che il momento in A G a quello, che avrebbe gravitando per A B, stia come A B ad A G; ne segue, che pesato un grave sopra il piano inclinato A G, non avrà tanta forza per superare la resistenza dell'aria, quanta averebbe discendendo per la perpendicolare A B, e perciò tanto più presto arriverà all'equilibrio, e paragonando insieme due piani eguali, e diversamente inclinati, farassi più facile, e più presto il moto equabile in quello, che avrà minore l'altezza.

za A B, o, che è lo stesso, in quello, nel quale l'angolo A G B sarà più acuto.

Tanto più s'impedirà l'accelerazione del moto d'un grave cadente per un piano inclinato, se la di lui superficie, e quella del piano avranno dell'inequalità, e dell'asprezze: poichè tutti i risalti del piano serviranno per altrettanti ostacoli alla discesa; siccome tutte l'asprezze, colle quali il mobile incontra detti ostacoli, saranno sempre di tanto maggiore impedimento all'accelerazione. Quindi è, che essendo minore il contatto della sfera R col piano A G, di quello sia il contatto del prisma S col piano medesimo; minore ancora sarà l'impedimento al discendere della sfera, che del prisma: e perciò, generalmente, quanto maggiori saranno gl'impedimenti alla discesa, tanto minore sarà l'ultimo grado di velocità acquistato dal mobile, prima di ridursi al moto equabile, e tanto più presto questo si otterrà.

Se un grave, che discenda per un piano A B inclinato, ne incontrerà un altro B C meno inclinato (parlo teoricamente, e prescindendo dalle resistenze) acceleratosi per A B, continuerà ad accelerarsi per B C; ma più lentamente, di Fig. 10. modo che in tutti i punti D, D abbia la velocità medesima, che avrebbe avuta ne' punti E, E corrispondenti, cadendo perpendicolarmente per A E. E se al fine de' piani inclinati, succedesse un piano orizzontale C F, non farebbe per esso alcuna accelerazione; ma solo vi conserverebbe il grado acquistato nel punto C, col quale correrebbe equabilmente per lo piano C F. In oltre, se il mobile, arrivato che fosse in B, o in C, trovasse qualche ostacolo, o causa, che rivoltasse la di lui direzione all'insù, o per la perpendicolare B G, o per l'inclinata B H, senza levarli alcuna parte della velocità acquistata; è certo, che il grado di velocità dovuto al punto B, sarebbe bastante a ricondurlo, o per l'una, o per l'altra strada, fino alla medesima altezza, dalla quale prima partì, cioè fino all'orizzontale A H, di moto però ritardato [cioè, che procedesse, diminuendosi col l'ordine medesimo, retrogradamente per li gradi dell'accelerazione] finchè, riportato in I, tornasse a quel grado di velocità, che prima aveva in D, o in E, e perciò: siccome in A non aveva il mobile alcuna velocità, così giunto in H, o G fosse tornato alla quiete.

Ma mettendo a conto le resistenze, non è mai possibile, che il mobile ne' punti D, D abbia la stessa velocità, che in E, ma sempre qualche cosa di meno, e maggiore sarà la differenza ne' punti del piano B C. Quindi è, che arrivato in B, non sarà bastante il grado acquistato, a riportare il mobile fino all'orizzontale A H; perchè, oltre la resistenza incontrata nella discesa A B, e dall'aria, e dal piano inclinato, dovrà, per risalire verso l'orizzontale A H, incontrarne altrettanta; e perciò tanto maggiormente diminuire i gradi di velocità, che, prescindendo da quest'ultima resistenza, nè meno sarebbero stati bastanti per arrivare all'orizzontale A H; e quindi è, che, prima di arrivarvi, avrà perduta tutta quella velocità, che aveva acquistata per la discesa A B. Molto maggiore sarebbe la differenza, se l'ostacolo trovato in B, a cagione del quale s'intende fatta la riflessione in B H, avesse levata, come succede, una parte della velocità al mobile, poichè egli è ben evidente, che il grado in B dovuto alla discesa libera A L, impedito che sia dall'accennate resistenze nel discendere per A B, e dalla medesima nell'ascendere per B H, se in oltre sarà scemato in B per l'ostacolo riflettente, di tanto minor forza sarà, e per conseguenza resterà appena atto a ricondurre il mobile alla metà, o alla terza parte dell'altezza B G.

Che se prima di avere compita la sua ascesa per la linea B H, troverà il grave qualche ostacolo, che l'obblighi a rivoltarsi all'ingiù nuovamente, come per lo piano I K, con qualche velocità residua di quella, ch'aveva antedentemente;

porrerà egli nella discesa per I K, ad accelerarsi, come per appunto, se egli avesse scorso il piano I K prolungato all'insù in M, e scendendo da M in I, avesse acquistato in I quel tal grado di velocità, che gli restò nel cominciare a discendere per I K; il che è vero, da qualunque causa dipenda la velocità in I, cioè, o sia acquistata cadendo, o pure impressa da forza esterna; con questa regola però, che se in I sarà un grado di velocità maggiore di quella, che avrebbe il grave, ridotto che fosse al moto equabile scorrendo per lo piano I K, allora il moto in vece di accelerarsi, si ritarderà, fino ad acquistare l'equabilità medesima.

Egli è perciò manifesto, che se un grave avesse, nel discendere, da scorrere per diversi piani inclinati, come A B C D E F G H, per alcuni de' quali avesse il moto discensivo, e per gli altri il moto ascensivo; riuscirebbe bensì difficile, e forse impossibile (senza una esatta cognizione di quanto possano le resistenze, che s'incontrano ora maggiori, ora minori) il determinare le velocità del mobile in tutti i punti del di lui viaggio; ma non perciò si concluderebbe con verità, che le leggi del moto de' gravi cadenti, non avessero luogo, o non si osservassero nella discesa di quello.

Passando da' corpi solidi, a' fluidi, bisogna ridursi alla memoria quanto si è detto nel primo Capitolo, cioè che i corpi solidi hanno le parti tutte collegate insieme; e perciò, abbenchè siano composti di più pezzetti di materia, nulladimeno deono essere considerati, come una cosa sola, non potendo un solido muoversi di moto semplice, o rettilineo, se tutti i punti, per così dire, della mole di esso, non concepiscono un impeto eguale, che in ognuno d'essi, cagiona altresì eguale, ed uniforme la velocità, altrimenti è necessario, che si spezzino. Quindi è, che gli statici tutti assegnano a' corpi solidi un certo punto, dentro, o fuori della loro mole, che chiamano Centro di gravità; (ch'io piuttosto direi Centro dell'impeto, perchè in esso s'equilibrano, tanto i momenti della gravità, quanto tutti gli altri delle potenze moventi) dal qual centro viene descritta la linea del moto.

Ma perchè i corpi fluidi sono un ammassamento di particelle solide, minutissime, e non legate insieme; succede, che ogni parte di essi può muoversi, con direzione, e velocità diversa dall'altre; e perciò ne' fluidi, negano gli statici medesimi, trovarsi alcun centro di gravità; non perchè anch'essi non siano gravi, o non siano obbligati a seguire le leggi universali della gravità; ma bensì, a mio credere, perchè, siccome non può assegnarsi un centro solo comune a più solidi staccati uno dall'altro [che però non abbiano alcuna dipendenza, o cospirazione ne' propri moti] ma bisogna ammetterne tanti, quanti essi sono; così, trattandosi di un fluido [che non è altro, che un'ammassamento di più corpi, ognuno in libertà di muoversi da se solo] non si può dare il centro di gravità all'unione, o al numero delle parti; ma bisogna considerarlo in ognuna di esse separatamente; come è manifesto in una massa di miglio, le cui granella non sono obbligate a seguire il moto l'una dell'altra, nè ad avere alcuna dipendenza dal centro di gravità, che potrebbe assegnarsi alla figura, sotto la quale la predetta massa fosse compresa. Accade però qualche volta, che il moto de' fluidi abbia qualche relazione al centro di gravità della figura, ma ciò è solo per accidente, e quando alcune delle parti del fluido, sono da qualche circostanza sforzate a seguire il moto delle altre.

Dovendo perciò ognuna delle parti d' un fluido considerarsi, come un corpicciuolo solido, e grave; non v'è alcuna ragione, che non persuada, dovere esso discendere al basso colle leggi medesime, che osservano i solidi maggiori, e perciò, per quanto è in lui, accelerandosi di moto, secondo

do la proporzione delle semiordinate alla parabola, il che si dee intendere non solo nelle discese perpendicolari, ma ancora in quelle fatte per li piani inclinati.

Ho detto *per quanto è in lui*; attesochè la resistenza dell' aria, non v' ha dubbio, opera molto ad impedire l' acceleramento, sì per la sua naturale adesione, o viscosità, sì per la picciolezza del corpicciuolo predetto, che perciò da se solo, non potrebbe nè meno discendere per l'aria; ma vi resterebbe sospeso, nella medesima maniera, che fanno i vapori, se colla compagnia di altri simili, i quali succedendo l' uno all' altro, s' aiutano vicendevolmente, non restasse finalmente superato l' ostacolo dell' aria predetta. Che dall' unione di più corpicciuoli d' acqua ciò succeda, è necessario per due ragioni: primieramente, perchè 'l corpo, che risulta da' componenti dell' acqua, cioè l' acqua medesima, è più grave inspecie dell' aria, e perciò è atta a superare la di lei resistenza: e secondariamente, perchè unendosi insieme più particelle d' acqua, viene il composto a crescere di peso assoluto, più di quello s' accresca la di lui superficie; e conseguentemente viene a scemarsi in proporzione la resistenza; quindi è, che successivamente accresciuta la potenza operante, e scemata maggiormente in proporzione la resistente, è necessario, che finalmente la prima superi la seconda, e perciò, che l' acqua discenda per l' aria.

Questi effetti della separazione, ed unione delle particelle dell' acqua, sono da noi quotidianamente osservati nell' ascendere, che fanno i vapori, e nel cadere delle piogge, posciachè, non essendo altro il vapore semplice, che acqua rarefatta, o più propriamente, che particelle d' acqua minime, e disunte, è facile, che ogni moto dell' aria le porti alla parte superiore, dalla quale non potendo partirsi, per lo poco peso, e gran superficie, cioè per la gran resistenza, che trovano, stanno, come notando, dentro l' aria medesima, ed obbediscano, al pari delle di lei parti, agl' istessi moti, da' quali ella viene agitata. Ma perchè le agitazioni dell' aria si fanno, non solo per linea retta, secondo la direzione de' venti; ma anche a moto di fermentazione, come vediamo nelle particelle polverose dell' aria medesima, che s' incontrano in uno spiraglio di sole; succede, che a cagione del moto, direzione, e contrasto de' venti, delle materie minerali, ch' essi portano, e della costituzione calda, o fredda dell' aria: vengano ad unirsi insieme le particelle acquee, le quali ridotte in goccioline, o sensibili, o insensibili, superano la resistenza dell' aria, e cascano al basso, in forma, o di rugiada, o di pioggia. Non v' ha dubbio, che quanto maggiori sono le gocce della pioggia, non cadano esse anche con maggiore velocità, il che, siccome è facile da osservarsi, così non è punto difficile di renderne la ragione, per le cose dette di sopra; poichè, quanto maggiore è di peso assoluto il corpo cadente, tanto più tardi si riduce all' equabilità del moto; e perciò accelerandosi il medesimo maggiormente in tempo più lungo, ne segue, che dopo acquistato il moto, conservi in se un grado di velocità maggiore: ed essendo probabile, che, per lo più, la velocità della pioggia sia equabile, allor ch' è vicina a terra; perciò, o paragonando le gocce cadute da eguale altezza, o pure l' una all' altra, ridotto, che siano a velocità equabile, il grado di questa sarà più grande nella goccia maggiore, che nella minore. Se però la goccia grande venisse da poca altezza, e la goccia picciola da altezza maggiore, può darsi il caso, che questa fosse più veloce dell' altra, siccome in questo particolare ha molto luogo l' azione del vento, che alle volte accresce, alle volte sminuisce la velocità della pioggia.

Fig 12.

Siccome un grado di polvere posato sopra di un piano, quantunque molto inclinato, e ben terso, non esercita sopra di esso alcun moto, abbenchè sia un corpo solido: così una goccia picciola di acqua posta in un simile piano, non potrà discendere al basso; ma siccome da più grani di polvere si può comporre un cumulo maggiore, e più grave, che non possa di meno che muoversi, posto che sia sopra del piano medesimo; così accrescendosi la quantità dell'acqua, sarà necessario, ch' anch' essa discenda. Ben è vero, che potrà un impedimento fare, che il grave solido s'arresti intieramente, e non potrà facilmente fermare il fluido. Per esempio, se sopra del piano A E poserà la sfera D B C, la quale incontri l'ostacolo F C, che sia almeno tale, che tra il punto del contatto D, ed il punto C sommo dell'ostacolo, stia di mezzo la linea di direzione I H; o almeno non sia dalla parte inferiore del punto C, allora la sfera D B C non si muoverà punto: e la ragione si è, che non può la sfera muoversi al basso, se il centro di gravità I non discende, il che non è possibile, se la sfera D B C non formonta l'impedimento; nel qual caso, dovrebbe il centro I descrivere la circonferenza di un circolo circa il punto C, e trovandosi I H tra' punti D, C, alzarli: il che è impossibile, succeda per la sola forza della gravità. Ma, se la sfera D B C, che, nel caso predetto, può intendersi di ghiaccio, s'intenderà tutta ad un tratto squagliarsi in acqua, cioè a dire, trasmutarsi dall'essere d'un corpo solido, a quello di un fluido, non potrà l'ostacolo F C impedire, che l'acqua non discenda, almeno in parte. Ciò farassi, perchè, levato che sia nello squagliamento il legame, che avevano le parti del solido insieme, potranno discendere quelle, che attualmente non faranno impedire, per appunto come farebbero, se la sfera si supponesse composta di grani d'arena, o di miglio prima collegati insieme da qualche corpo viscido, e poscia disuniti, per lo rimovimento dello stesso; e questa è la prima delle diversità, che s'incontrano nella discesa de' corpi solidi, paragonata a quella de' fluidi: se pure si può chiamare diversità quella, che nasce dall'errore commesso in volere considerare il moto di più solidi disuniti, come se fosse fatto in un solo.

Per altro non v'ha dubbio, che anche i minimi dell'acqua non s'acelerino più cadendo per la perpendicolare, che scorrendo per un piano inclinato, almeno sul principio della discesa, per la ragione medesima, che si è detta de' corpi solidi, massime osservandosi, che le cadenti perpendicolari molto più si assottigliano, che le inclinate. Ma devesi avvertire, che cadendo l'acqua perpendicolarmente, riceve molte impressioni dall'aria, dalle quali sono elen- ti i corpi solidi, posciachè, [1] le cadenti perpendicolari (così sono chiamate le figure alle quali s'accomoda l'acqua nel cadere a perpendicolo) almeno sul principio si assottigliano, il che procede anco dalla pressione dell'aria, che lateralmente spinge le parti dell'acqua, verso l'asse della cadente medesima; [2] Dopo qualche spazio della caduta, avendo l'acqua acquistata velocità considerabile, vengono le di lei parti divise l'una dall'altra, dall'aria inferiore, che resistendo al moto, s'insinua tra esse, e dispergendole, fa apparire, che in vece di maggiormente ristringersi, come esigerebbe la natura del moto accelerato, piuttosto s'allargano; e questa dispersione di particelle d'acqua [talvolta, ed in certe circostanze] così vassi moltiplicando, che in vece, che la cadente conservi la sua figura, si trasmuta in una rugiada, o pioggia di minutissime gocce.

Ma ne' piani inclinati la cosa cammina d'altra maniera; poichè l'acqua, che per essi scorre in qualche altezza di corpo, si va bene assottigliando nella medesima proporzione, che richiede la velocità dell'accelerazione, come nelle cadenti; ma non

mai, o rare volte, ed in pochissima quantità, si disperge in gocce, sì perchè è ella obbligata a stare ristretta fra le sponde, e tenerli unita al fondo, e per conseguenza non è esposta all'azione dell'aria; sì anche perchè a causa dell'inclinazione del piano, non arriva ella mai a tanta velocità, che la poca aria, la quale nel principio del corso le osta, abbia forza di dividere il di lei corpo in più parti, e ciò molto meno, dopo formatasi la superficie superiore dell'acqua corrente; mentre piuttosto l'aria, che sopra vi preme, coopera, insieme colla gravità dell'acqua, a tenerla unita in se stessa; onde volendo pure considerare l'acqua, come un solo corpo, possiamo addurre per seconda diversità, il ristringersi, che fa ella in se medesima, a misura della velocità, che per la caduta, o per la discesa va acquistando; al contrario de' solidi, che per tutta la caduta, conservano sempre la stessa mole.

Si considera bensì da' fisici nell'acqua, per essere fluida, uno slegamento di parti; ma non tale, ch'ogni di lei minima particella, possa staccarsi, senza veruna resistenza, dall'altra, che anzi è manifestò, trovarsi tra le di lei parti un tal qual vincolo. che è quello, che tiene unite insieme le gocce dell'acqua; e fa colmezzarle in forma di mezze sfere, quando esse posano sopra di qualche superficie. Il medesimo vincolo, o attaccamento, fa, che alle volte non si possa muovere una parte d'acqua, senza che con essa siano tirate in consenso le vicine, e per lo contrario, impedita nel suo moto una parte d'acqua, resta anche ritardata quella, che immediatamente le è contigua. Quindi è che se l'acqua fosse un perfettissimo fluido; cioè a dire, se le di lei parti fossero affatto staccate l'una dall'altra, come è d'uopo considerarla, quando si parla in astratto, per dar luogo alle dimostrazioni: scorrendo essa per un piano, o fondo, quanto si voglia diseguale, e scabro, potrebbero bene essere impedita quelle di lei parti, che a dirittura incontrassero gli ostacoli; ma non già le altre, le quali dovrebbero seguitare, o nella sua accelerazione, o nel grado di essa, acquistato nell'arrivare al moto equabile; ma considerando l'acqua nel concreto della sua viscosità; ne segue, che non solo sono ritardate le parti di essa vicine al fondo, o alle sponde, o in una parola, vicine agl'impedimenti; ma anche quelle, che restano più lontane da essi: e perciò, siccome ne' solidi, che hanno le parti perfettamente unite, il ritardamento di una, porta seco il ritardamento di tutte le altre, così ne' fluidi, che hanno le parti disunite, ma non perfettamente, l'impedimento del moto d'una di esse, influisce a rendere minore la velocità delle vicine, ma non egualmente; di maniera che maggiore è la perdita delle parti più prossime all'impedimento, minore nelle più lontane, sino a rendersi insensibile, e ridursi niente. E però, anche in questo, s'accordano le leggi del moto de' solidi con quelle de' fluidi, e dell'acqua, cioè che quanto maggiori saranno gl'impedimenti del piano declive, tanto minore sarà il grado di velocità, acquistato prima di ridursi al moto equabile; ma discordano in ciò, che gl'impedimenti del piano declive, quanto ritardano una parte del solido, altrettanto ritardano il tutto; ma ne' fluidi più levano alle parti vicine all'impedimento; meno alle più lontane. E questa è la terza differenza, che s'osserva nel moto de' fluidi, paragonato a quello de' solidi,

Non operando adunque le resistenze del piano, tanto in ritardare il moto del fluido; ne nasce, che rivoltandosi la direzione di esso ad altra parte, (siasi o discendente, o orizzontale, o ascendente) avrà esso, nel punto del rivolgersi maggiore velocità di quella, che avrebbe un corpo solido in pari circostanze; e perciò avrà maggior forza, per risalire all'orizzontale del principio della caduta. E qui è da avvertire un grandissimo vantaggio, che, per ben osservare le leggi de' gravi cadenti, riceve l'acqua dalla sua fluidità,

o per dir meglio, che ritrae una particella d'acqua dall'altre, che le stanno attorno.

Fig. 13. Intendasi per lo piano A B disposta una serie di sferette A B, e sopra di essa un'altra C D, e sopra questa, la terza serie E F ec. e si concepisca, che tutte queste si muovano sopra del piano A B, in maniera che l'ultima parte di B sia stata la prima a muoversi, e dopo d'essa immediatamente la penultima. Crescendo adunque ne' gravi cadenti gli spazj scorsi, secondo l'ordine de' numeri dispari dall'unità; è necessario, che la sfera prima partita dalla quiete, s'allontani sempre più dalla seconda; poichè, supponiamo, che nello spazio di tempo, il più picciolo, che si possa concepire, la prima sfera abbia fatto uno spazio, che chiameremo X; nel secondo farà 3 X, nel terzo 5 X ec. e dovendo la seconda sfera nel suo primo tempo, fare eguale spazio, che la prima; farà il di lei primo viaggio X, ed il secondo 3 X, fatto nel terzo tempo della prima sfera, nel quale avrà corso lo spazio 5 X; e perciò nel fine del secondo tempo, essendosi scostata la prima sfera dal suo principio 4 X, nel tempo, che la seconda non si è scostata, che X, la differenza dello spazio, o la distanza delle sfere sarà di 3 X; ma nel tempo susseguente, essendosi scostata la prima sfera dal suo principio 9 X, e la seconda solamente 4 X, viene la distanza delle sfere ad essere 5 X, e perciò maggiore della prima ec. Quindi, che negli spazj fra una sfera, e l'altra della serie inferiore A B, è necessario, che a cagione del proprio peso, e del mancar loro il sostegno inferiore A B, succedano le sfere della serie immediatamente superiore C D, e ne' luoghi di queste, le sferette della serie E F,

Da ciò rendesi evidente la ragione, per la quale i fluidi, durante il tempo della loro accelerazione, sempre si assottigliano, e si abbassano di superficie; nè è da dubitare, che le sfere della serie superiore, cadendo nell'inferiore, non abbiano nel punto di essa, giustamente quella medesima velocità, ch'avrebbero, se dal principio del piano fossero venute sino a quel punto; se si farà riflessione a ciò, che abbiamo detto di sopra. Ma se le sfere della serie inferiore A B, saranno portate di moto equabile, quelle della superiore C D non discenderanno ec. e la superficie dell'acqua non si abbasserà. E se, per lo contrario, la sfera antecedente della serie inferiore, si troverà ritardata da qualche impedimento, e succederà la susseguente, non ritardata; converrà, che o l'una, o l'altra sia spinta nella serie superiore e conseguentemente che la superficie dell'acqua, si elevi.

Nel moto di un corpo solido, egli è ben evidente, che il di lui ritardamento non può essere riparato da cagione veruna, salvo che da nuova discesa; ma nel moto fatto da più solidi, de' quali uno sta, e s'appoggia sopra di un altro, (che è l'istesso, che dire, nel moto de' fluidi) se la figura di essi vi concorra, la pressione del superiore può restituire immediatamente all'inferiore tutta, o parte di quella velocità, che gl'è stata tolta dall'impedimento; o piuttosto far sì, che questo non produca in esso quell'effetto, che per altro vi sarebbe succeduto; con questa regola però, chè la forza della pressione non può operare effetto veruno, se essa non sia valevole a produrre, secondo il modo spiegato nel primo Capitolo, un grado di velocità maggiore di quello, che resta al mobile dopo l'azione dell'impedimento. come pure è stato da noi dimostrato alla Prop. I del Lib. 4. della Misura dell'Acque Correnti, e come ho avuto l'onore di far vedere in esperienza a diversi personaggi qualificati, e fra questi, agli Eminentiissimi d'Adda, e Barberini, nel tempo, che si trovavano qui in Bologna per lo regolamento dell'Acque de' Fiumi di Bologna, Ferrara, e Romagna. La ragione positiva di questa regola si è, che un agente

te non può agire in un mobile, se il movente non è mosso, o almeno incomato a muoversi, e che il mobile non può essere mosso dal movente, se o in se, o almeno paragonato al moto del movente, non è costituito in istato di quiete; condizione, che non può verificarsi, quando il mobile è affetto di velocità maggiore di quella, che abbia, o possa produrre il movente: poichè allora solo, il mobile, anche mosso a ragione di quiescente, quando egli aspetta di ricevere, e non fugge l'azione del movente; e perciò non aspettando il corpo più veloce, anzi fuggendo l'azione del meno veloce, non può, nè essere considerato in istato alcuno di quiete, nè ricevere l'azione medesima.

Essendo dunque ritardata una, o più delle sferette della serie inferiore A B, o pure essendo ritardato il moto del fluido; converrà, ch'esso si elevi di superficie, e che la sferetta ritardata, v. gr. B, la quale aveva sopra di se, nel principio, solamente due serie di simili sferette, per lo ritardamento seguito, ne abbia quattro, o cinque, o più; e conseguentemente, che crescendo la pressione delle superiori, sopra la ritardata B, venga successivamente a proporzionarsi l'azione della pressione al grado di velocità residuo nella sfera B, e potendo, secondo la regola predetta, concorrere ad aiutarla, con imprimerle nuovo sforzo, atto a superare l'impedimento, o a risentire la di lui azione, meno di quello, che farebbe un corpo solido: quindi ne nasce, che essendo considerabiligl'impedimenti, anderanno tanto crescendo in altezza le serie delle sferette, che potranno, occorrendo, arrivare sino al livello del principio del piano declive, ed allora sarà costituita la sferetta B in uno strato, che potrà ricevere il grado di velocità dovuto alla discesa A B, ovvero A O, quando nessuna altra cosa le avesse resistito; il qual grado perciò sarà atto a cagionare il risalito dell'acqua sino all'orizzontale A G, e solo tanto minore, quanto può detrarre la resistenza, che fa l'aria alla salita B G; e sù questo fondamento s'appoggia l'assioma degl'Idrostatici, che l'acqua tanto riascende, quanto è discesa; cioè, sino ad equilibrarsi all'orizzontale medesima. Io ho nominata più volte la pressione, non come la cagione della velocità, che come si è detto nel primo Capitolo, d'altronde si dee desumere; ma solo, come causa del muoversi, e del superarsi più facilmente le resistenze per l'augumento del peso assoluto, che maggiormente opera contro di esse.

In questa quarta notabile diversità, che hanno i fluidi da' solidi, si rendono essi molto più obbedienti alle leggi de' gravi cadenti: poichè può bene darsi il caso, che un solido, dopo la discesa per A B, dovendo risalire per lo piano B C, non vaglia a superare la di lui acclività, ma questa impotenza non può succedere al fluido, il quale, quando sia in copia bastevole, purchè il punto C sia più basso di A, assolutamente lo trapasserà, e discescherà sino in H, posta anche qualsivisa resistenza, purchè non totale, al di lui moto. La medesima obbedienza si riscontra ne' fluidi in discendere per qualsivisa piano (quanto si voglia poco inclinato, e pieno di molti impedimenti) ed in accelerarsi a proporzione per essi, a differenza de' solidi, che, per picciole che siano le resistenze, in poca inclinazione di piano, possono non muoversi di sorte alcuna: anzi sopra de' piani orizzontali, ne quali assolutamente è negato qualunque moto a' corpi solidi, possono scorrere i fluidi, sottrahendo al diserto dell'inclinazione, il peso, e la pressione del proprio corpo.

Da tutte le antecedenti considerazioni, evidentemente apparisce, che le leggi de' gravi s'esercitano egualmente, e ne' corpi solidi, e ne' fluidi, e che, trattandosi della discesa semplice d'un solido solo, si possono ben riscon-

Fig. 11.

correre nel di lui moto più facilmente le leggi predette: che in un fluido, il quale è l'aggregato di molti solidi; ma in questo, facendosi operare la pressione, si ha il vantaggio della minore resistenza fatta dagl' impedimenti; e perciò in tal caso si ritrovano più sinceramente, ed esattamente eseguite le regole dimostrate dal Galileo attorno la caduta de' gravi. Siccome, dunque, non v'ha dubbio, che la gravità non sia la causa del moto nelle acque correnti; così non si ha da dubitare, che la fluidità non sia una causa coadiuvante del medesimo.

Quanto poi alle regole, che s'osservano dalle acque de' fiumi nel loro corso, egli è certissimo dovervi esse desumere dalle predette due cagioni; e perciò applicando la dottrina poco di sopra addotta, al moto de' fiumi, pare, che resti evidente, che --

Regola I.

L'acqua passando dalla quiete al moto, o nell'uscire dalle vasche dalle proprie fonti, o nello squagliamento delle nevi, o in altra maniera, acquista nella discesa per gli alvei de' fiumi, che sono altrettanti piani, per lo più inclinati all'orizzonte, qualche grado di velocità, ma questa ben presto si riduce all'equabilità per le grandi resistenze, che incontra l'acqua al suo moto, come sono la poca declività degli alvei medesimi, le grandi inegualità de' fondi, bene spesso pieni di sassi, o ghiaie, gli ostacoli lateralmente esistenti nelle ripe, le tortuosità de' fiumi ec. impedimenti tutti, che pongono un ostacolo considerabilissimo al corso dell'acqua, atto a distruggere, presto che del tutto, ogni velocità antecedentemente acquistata.

Regola II.

Ridotto che sia il corso dell'acqua all'equabilità, le dee però restare impressa quella velocità, che ha acquistata antecedentemente nello scorrere per lo suo piano, e questa è regolarmente maggiore, quanto maggiore è la declività del suo letto; poichè, avendo maggior forza di superare gl'impedimenti, l'acqua, che scorre per un alveo più inclinato, che non ha quella, la quale corre per un meno inclinato, viene ad avere maggior proporzione la forza al suo resistente nel primo caso, che nel secondo; e dovendo, per ridursi all'equabilità, essere eguale l'augumento della velocità, che succederebbe, all'impedimento del resistente; ne nasce in conseguenza, che più tardi si faccia tale uguaglianza, o che maggiori si aggiungano i gradi della velocità all'acqua, quanto maggiore è la declività. E questa è la ragione, per la quale i torrenti, che scendono dalle montagne con precipitose cadute, superano facilmente gli ostacoli ordinarj, che loro si oppongono per freno del corso,

Regola III.

Dalla medesima ragione facilmente si può dedurre, che la velocità d'un fiume alla fine sarà maggiore, quando più grande sarà il corpo d'acqua, che porterà peselachè, (supposto il medesimo pendio, e le medesime resistenze) avrà più forza di superar queste, la copia più grande dell'acqua, come più grave,

ve, che la minore; e perciò i fiumi nelle loro pieve, corrono con maggiore velocità, che ne' tempi, ne' quali sono più magri d'acqua: il che è vero ancora per un'altra ragione, cioè, perchè l'acqua più alta, e per conseguenza maggiormente lontana dal fondo, più si scosta dalle resistenze di esso. Bisogna però avvertire di non lasciarsi ingannare dall'apparenza, che ordinariamente lusinga gli uomini a giudicare della portata dell'acqua d'un fiume, dalla grandezza della sezione di esso, senza considerazione della velocità; poichè può darsi il caso, che l'altezza maggiore dell'acqua dipenda dal ritardamento della velocità, non dall'accrescimento di acqua nel fiume; e che in vece, che dall'altezza maggiore si possa arguire maggior velocità, piuttosto si riscontri minore; ma ciò non succederà ne' nostri supposti.

Regola IV.

Ne' fiumi, ne' quali la maggiore altezza viva dell'acqua aiuta le parti impedita di essa, a non cedere tanto alla forza degli ostacoli, quanto minore sarà la larghezza dell'alveo, tanto maggiore sarà la velocità. La ragione è manifesta; perchè negli'alvei più ristretti, il medesimo corpo d'acqua corrente, più si eleva di superficie; ma, per lo supposto, maggiore altezza d'acqua, maggiormente aiuta a superare gl'impedimenti, e quanto più facilmente si superano gl'impedimenti, tanto maggiore riesce la velocità: adunque negli'alvei più ristretti ec. maggiore si farà la velocità; e per conseguenza più tardi si arriverà al moto equabile, e più gradi di velocità si avranno in esso. Vero è, che le sponde più ristrette, accostandosi più a tutte le parti dell'acqua, fanno, che gl'impedimenti laterali altresì più operino; ma ciò non ostante, se non s'arrivi all'eccesso, più potrà sempre l'accrescimento della velocità acquistata per l'altezza, che il ritardamento fatto dalle sponde.

Regola V.

Ma que' fiumi, ne' quali l'altezza del corpo d'acqua non accresce la velocità, e che vanno tuttavia accelerandosi, quanto maggiore avranno la larghezza, tanto più veloci faranno. La ragione si è, perchè, in maggiore larghezza, più abbassandosi la superficie dell'acqua, viene ogni parte di essa ad aver fatta maggiore discesa; e perciò ad aver acquistati più gradi di celerità. Dee però avvertirsi, che l'abbassamento dell'acqua non sia tanto grande, che avvicinandosi di soverchio al fondo, non risenta maggiormente gl'impedimenti del medesimo; altrimenti succederà tutto il contrario: e perciò la proposizione si dee intendere in termini abili.

Regola VI.

Se la velocità d'un fiume, dopo una conveniente discesa, sia resa equabile, e dopo ritrovi tali impedimenti, che bastino a distruggere una parte di essa; in tal caso bisognerà, ch'ella si diminuisca, e ne seguano nel fiume quegli effetti di alzamento, che debbono succedere al rallentarsi del moto; ma cessati, o oltrepassati gl'impedimenti, tornerà l'acqua a riasumere i perduti gradi di velocità, sino a riacquistare quello, che è dovuto al pendio del letto, al corpo di acqua, ed alla qualità

degli impedimenti, che sono continui per tutto l'alveo. Quindi è, che trovando, per l'ordinario, l'acqua corrente nel suo flusso nuovi ostacoli, e non essendo questi, per lo più, continuati, non si trova quasi mai, in essa una perfetta eguaglianza di moto, se non quando questa deriva solamente dagli sfregamenti col fondo, e colle ripe, che sono resistenze necessarie, e continuate per tutto il tratto dell'alveo. Da ciò anche deriva, che i fiumi, che corrono in ghiaia, non ostentano, che abbiano l'alveo inclinato considerabilmente, sono sempre in un continuo acceleramento, e ritardamento; ed al contrario, quelli, che corrono in sabbia godono una maggiore uniformità di moto.

Tra gl'impedimenti, che si frappongono al corso dell'acqua, uno de' più considerabili, è la perdita, o la diminuzione della pendenza, alla quale succede il ritardamento della velocità dell'acqua, la quale, quando prima sia stata eguagliata, non mai potrà riacquistarsi, se non torni in essere il primiero pendio, o non si diminuiscano a proporzione le resistenze. Che se il corso dell'acqua non sia interamente ridotto all'egualità; lo scemarfi del declivio farà almeno, che la velocità più presto s'eguali, e potrà anche far sì, che il grado di velocità acquistato si scemi, secondo la differenza, che sarà fra il pendio antecedente, e il susseguente.

Se l'acqua fossero corpi solidi, non dovrebbe cercarsi la velocità del loro moto, che nell'accennata inclinazione dell'alveo; ma per l'altra parte, la declività, che ordinariamente si trova nel letto de' fiumi, anzi quella, che si riscontra ne' torrenti più rapidi, non sarebbe bastantissima, per ragione dell'ineguaglianza de' fondi, a permettere, che l'acqua potessero discendere al basso, come non lo permette a' corpi solidi di maggior peso, e specifico, ed assoluto; ed in fatti, gelata che sia l'acqua de' fiumi, cessano essi dal correre. Noi abbiamo, perciò, detto di sopra, che, acciò le acque possano scorrere per li loro alvei, si richieda l'aiuto della fluidità, per causa della quale può impedirsi, o ritardarsi una parte di esse, senza che questo ritardamento tiri seco egualmente quello di tutte le altre. La fluidità, perciò, opera molto in permettere, che la gravità cagioni velocità nell'acqua corrente, perchè, essendo certo, per la stessa ragione della fluidità, che trovandosi l'acqua in qualche altezza di corpo, le parti superiori premono le inferiori, e colla forza della caduta, le obbligano a ricevere uno sforzo di muoversi verso qualsivoglia differenza di luogo, che, ridotto all'atto, produce nelle parti, che ne sono dotate, quel preciso grado di velocità, che loro avrebbe data la discesa dalla superficie dell'acqua fino al luogo, nel quale ciascheduna di esse si trova: bisogna confessare, che la velocità dell'acqua non solo dipende dalla discesa fatta per un alveo declive: ma ancora dal peso, o pressione esercitata dalle parti superiori sopra le inferiori, secondo la regola assegnata di sopra.

Regola VII.

Quindi è, che ne' fiumi, presso le loro origini, dove regolarmente hanno cadute considerabili, la velocità dell'acqua si desume più dall'accelerazione, che dall'altezza del corpo dell'acqua medesima, ma nello scostarsi, che fanno, dal loro principio (resa insensibile, e talvolta levata affatto la declività dell'alveo) ne segue, che contrastando sempre gl'impedimenti alla velocità del fiume, finalmente si distrugga ogni grado di velocità acquistata per la caduta; ma non perciò si tolga il corso al fiume, sottrahendo l'altezza dell'acqua a produrne quella velocità, che è necessaria allo scarico dell'acqua sommini-

strata dalla parte superiore dell'aveo: perciò i fiumi di poca declività, sono più veloci di corso, quanto maggiore è l'altezza viva dell'acqua, che portano.

Dipendendo dunque il corso de' fiumi, e dalla caduta, e dall'altezza del corpo dell'acqua, e non riconoscendo mai una parte di acqua, la sua velocità, che da un solo principio; può darsi il caso, che, trattandosi di tutta quella quantità di acqua, che passa nel medesimo tempo per una data sezione di fiume, una parte, per esempio, l'inferiore, abbia la velocità regolata dall'altezza viva dell'acqua; e l'altra parte, v. gr. la superiore, dalla discesa: trovandosi anche qualch'altra, nella quale si pareggino l'efficienze delle due cause, di maniera che tutte le parti d'acqua inferiori ad essa, siano veloci per l'altezza dell'acqua, e tutte le superiori per la caduta.

Sia per esempio, il lago, o fonte A B C E, dal quale esca l'acqua, che debba scorrere per lo canale connesso, ed inclinato B K, e l'acqua nella prima sezione abbia l'altezza B A, e sia la linea E S l'orizzontale per la superficie dell'acqua del lago: certa cosa è, che essendo l'acqua in B nel primo punto della pendenza B K, non può avere altra velocità, che la dovuta all'altezza, che ha la superficie del lago, sopra il fondo B del emissario, e perciò il punto B avrà la velocità, ch'è dovuta all'altezza B R, o alla discesa E B, e la superficie dell'acqua nella prima sezione in A, avrà quella velocità, che è propria della discesa E A, o dell'altezza S A; continuandosi poscia il moto per lo canale B K, ed accelerandosi continuamente tutte le parti dell'acqua, si disporrà la superficie di questa in una linea curva A L I, che andrà sempre accostandosi al fondo B K a misura dell'accrescimento, che avviene alla velocità. Tirata perciò per lo punto E, la E O perpendicolare all'orizzonte, circa di essa, come asse, si descriva la linea curva E B D F P, che, astraendo da tutti gl'impedimenti, dovrebbe essere parabolica. E supposto, che l'acqua del fondo, giunta che sia in G, incontri tali impedimenti, che possano ridurla all'equabilità, si tiri per lo punto G la linea G D M orizzontale, la cui parte M D mostrerà la velocità del punto G; e supponendo pure, che le resistenze da G in K, continuino senza accrescersi, o sminuirsi, sarà la velocità da G, in K sempre la medesima; e perciò, per lo punto D tirata la linea D T, parallela alla M O, tutte le velocità del fondo anderanno a terminare nell'ambito della figura E B D T, composta della curva E D, e della retta D T. Ma perchè nella medesima sezione, la superficie L non è tanto veloce, quanto il fondo G, per avere minore la discesa, la cui differenza è C M: continuerà il punto L ad accelerarsi, v. gr. sino al punto V, l'orizzontale del quale coincida con quella del punto G; ed allora l'acqua nella perpendicolare della sezione V X: sarà di eguale velocità, tanto nella superficie, che nel fondo del canale X K.

Questo caso però, se non è impossibile, almeno è molto raro, perchè regolarmente l'acqua è più impedita nel fondo, che nella superficie; e perciò, fattasi eguale la velocità di V a quella di G, non cesserà la velocità di V d'aumentarsi di vantaggio. Supponiamo dunque, che l'accrescimento della velocità si renda sempre maggiore sino in I, e quivi si faccia l'equabilità; condotta dunque per lo punto I l'orizzontale I N, sarà F N la velocità di I; e perchè questa più non può accrescersi, condotta per F la linea F H, parallela ad N O, tutte le velocità della superficie dell'acqua da A in I ec. anderanno a terminare alla circonferenza E B F H, composta della retta F H, e della curva E B F, e le velocità di tutte le altre parti fra la superficie, ed il fondo, avranno la sua equabilità ne' punti fra D, ed F, da ciascheduno de' quali, se si tireranno delle parallele all'asse

Fig 14.

E O, faranno queste racchiuse fra le due D T, F H: Dal che si raccoglie, che in tal supposto la maggiore velocità del canale, o fiume nella parte inferiore al punto V, è nella superficie dell'acqua, minore nel fondo, e nelle parti di mezzo, tanto è maggiore, quanto più l'acqua sta lontana dal fondo, che è quello, ch'io notai nello Scolio della Prop. IV. *del secondo Libro della Misura dell'acque correnti.*

Ciò esposto, se dopo ridotte tutte le parti dell'acqua all'equabilità, s'incontrassero nuovi impedimenti, che levassero gran parte della velocità acquistata, dovrebbe alzarsi il corpo d'acqua; la quale, quando nell'elevarsi, ricevesse dalla sua altezza tanta energia, che potesse imprimere nelle parti più basse delle sezioni, velocità maggiore di quella, che loro era restata, dopo la porzione levata dagl'impedimenti; non v'ha dubbio, che elevatafi l'acqua a tanta altezza, che le potesse bastare per iscaricarsi, non crescerebbero ella di vantaggio, ma in tale stato continuerebbe il suo moto, quando si continuassero gl'impedimenti medesimi.

Per esempio, supponiamo, che l'acqua, nel correre, abbia acquistata nell'atto di ridursi all'equabilità una velocità competente a dieci piedi di caduta, o di discesa, e che perciò l'acqua, attesa anche la sua quantità reale, debba scorrere con un'altezza di corpo di quattro piedi nella sua sezione. Questa altezza dunque dovrebbe sempre mantenersi, continuandosi gl'istessi impedimenti, e la stessa larghezza, e pendenza di alveo; ma incontrandosi maggiori resistenze, supponiamo, che queste levino a tutta la sezione del fiume, la metà della velocità antecedente; è certo per la prop. 3. *del primo libro della Misura delle Acque correnti*, che in tal caso l'altezza dell'acqua dovrebbe crescere il doppio, cioè a piedi 8. ma perchè, se alla discesa di piedi 10. corrisponde una velocità determinata, la metà di essa non compete, che a una quarta parte della predetta caduta, cioè a piedi due, e mezzo, potrà l'altezza primiera dell'acqua fare qualche sforzo contro le resistenze; ma non bastando, nell'elevarsi che farà l'acqua, trovando la velocità competente alla caduta di soli piedi due, e mezzo, sosterrà essa a premere le parti inferiori dell'acqua, e ad imprimere loro gradi maggiori, non permettendo, che gli ostacoli levino tutta quella velocità, che per altro avrebbero levata; onde, quando si farà alzata l'acqua tanto, che basti a restituire alla sezione intiera tutta quella somma di velocità, che le è dovuta per iscaricarsi, non s'alzerà di più, ma fermerassi nell'alzamento acquistato. E perchè in tale stato necessariamente dee darsi, che in tutte le parti dell'acqua, si trovi dimezzata la primiera velocità, ma in alcune più, in altre meno della metà, di maniera che gli eccessi, e i difetti da questa, vicendevolmente si compensino, quindiè, che quelle parti, che averanno velocità tale, che possa essere accresciuta dall'altezza dell'acqua, nell'accrescersi che fa successivamente, ricupereranno qualche parte della perduta velocità; e quelle, che non ostante la perdita fattane, ancora conservassero il rimanente maggiore di quella, che potesse contribuire l'altezza dell'acqua predetta, la riterrebbero nello stato medesimo senza veruna alterazione, se pure i moti fregolati, che fa l'acqua nell'alzarsi di corpo, non servissero di nuovo impedimento; dal che apparisce, che l'acqua predetta non si eleverebbe a gli otto piedi supposti, se non nel caso, che la velocità dell'acqua vicino al fondo, restasse scemata della sua metà; ed altrettanta fosse la velocità, colla quale scorressero gli altri quattro piedi di altezza aggiunta.

Perchè dunque, come si dirà a suo luogo, le inclinazioni degli alvei sempre più si sminuiscono, quanto più si scostano dal loro principio: quindi

ne nasce; che trovandosi sovente essere così poca la declività dell' alveo, che l'angolo formato dalla linea del fondo coll'orizzontale, non arrivi ad essere sensibile (come appunto è in un pendio simile a quello del nostro Reno, che nelle parti inferiori non arriva a cinquantadue seconde) perciò tal declività in alcuni casi poco opera a rendere veloci le acque de' fiumi fuorchè nelle parti molto vicine alla superficie dell'acqua, che sono assai delicate per risentire ogni picciolo sconcerto del loro equilibrio: onde è, che le parti più vicine al fondo, non scorrono al basso per cagione del declivio dell' alveo, ma solo per l'altezza dell'acque superiori, così le mezzane, e le più alte, secondo la diversa declività del fondo dell' alveo.

Regola VIII.

Ciò fa conoscere, che l'acque libere de' fiumi hanno diverse velocità in ognuna delle perpendicolari della stessa sezione; poichè le parti superficiali possono avere una velocità apparentemente considerabile, le più basse un poco meno, quelle di mezzo molto più, e le vicine al fondo (prescindendo dalle resistenze) anche più: ma in realtà [mettendo queste a conto] qualche cosa di meno di quelle del mezzo; dal che pare a prima vista, rendersi dubbia ogni regola di misurare le acque correnti. Con tutto ciò, se il metodo assegnato da noi nel lib. IV. della Misura delle acque, s' applicherà a' luoghi proporzionati, ne quali l'altezza viva dell' acqua sia la più grande, che avere si possa; e che l'alveo sia di poco pendio, e coll' avvertenza, negli altri casi, di toglier di mezzo tutta la velocità acquistata per la caduta, che ordinariamente è nelle parti superficiali dell'acqua (il che si fa esquisitamente coll'abbassare le cateratte motivate in detto Libro; anzi si può farne la prova, con fare il calcolo dell'acqua corrente più volte, tenendo abbassata la carerata, ora più, ora meno: il che anche maggiormente assicura, che le larghezze de' regolatori siano vive) non sarà affatto impossibile di misurare qualunque acqua corrente: Anzi ne' casi di poca pendenza di alveo, e ne' fiumi, che si chiamano rassettati di corso, la velocità della superficie trascurata, non può fare molto divario: anzi piuttosto con questa aggiunta, si può assai bene compensare ciò, che detrae alla vera misura, l'impedimento delle sponde, e del fondo de' regolatori.

Non è da tacere un'altra cagione, che opera nel far crescere, o diminuir la velocità nelle parti dell'acqua, o debbasi essa desumere dalla caduta, o dall'altezza: ed è l'aderenza, o viscosità, o collegamento, benchè poca, che hanno insieme le particelle, tutto che minime, dell'acqua: Perchè, siccome vediamo, che rallentandosi il moto vicino alle sponde, vengono similmente, benchè sempre meno, impediti anche le parti da esse più lontane: e che all'incontro, ristringendosi il filone alla ripa, la velocità di questo influisce ad accelerare l'acqua vicina, non ostante la resistenza, che vi trova, così è fuori d'ogni dubbio, che, trovandosi le parti inferiori con moto assai veloce, ne dovranno comunicare qualche parte alle superiori, e che nella medesima maniera gl'impedimenti del fondo ritarderanno, non solo l'acqua, che vi sta immediatamente vicina, ma anche quella, che da esse maggiormente si scosta: e questa è una delle ragioni, per la quale ne' canali orizzontali s'osserva qualche velocità nella parte superiore dell'acqua; mentre, per altro, non avendo questa veruna pressione, parerebbe, che, secondo ogni ragione, dovesse restare priva d'ogni moto, o solo averne quel tanto, che può conciliarle in qualche parte la declività della su-

perficie, che è insensibile. E da ciò anche deriva in parte, che nelle piane de' fiumi, le acque si rendono più veloci; poichè accrescendosi per la maggiore altezza dell'acqua, la velocità alle parti inferiori; questa viene ad essere partecipata ancora alle parti superiori, per ragione dell'aderenza, che hanno queste con quelle. Di tale variazione però, nella misura dell'acque, non si dee tener conto veruno; attesochè, quanto di moto le meno veloci assumono in se, per la comunicazione delle più veloci, altrettanto queste ne perdono, e non per altro le più veloci si ritardano per la vicinanza di altre meno veloci, se non perchè le prime si spogliano di una parte della propria velocità, partecipandola alle seconde; ond'è, che per tale ben aggiustata compensazione, non accrescendosi, nè sminuendosi la somma del moto, nè meno si altera la velocità media, dalla quale principalmente dipende la misura dell'acque correnti.

Da tutto il predetto si può raccogliere per modo di Epilogo (1) che *due sono le cause immediate della velocità nelle acque de' fiumi*, cioè una, la declività dell'alveo, e l'altra, l'altezza viva del corpo dell'acqua; e per dir meglio l'accelerazione del moto acquistata nel discendere dell'acqua per l'inclinazione dell'alveo; e la celerità dovuta alla caduta dell'altezza viva della sezione, fino alla parte di acqua, da essa resa veloce (2) Che *dette due cause non operano unite, ma solo per ragione della prevalenza*, di modo che, se più vale l'accelerazione del pendio, che l'altezza viva dell'acqua, a quella, e non a questa deve la velocità, e per lo contrario. (3) Che *nella medesima sezione, ma non nella medesima parte dell'acqua, può avere luogo l'una, e l'altra di dette cause, nello stesso tempo*, di modo che una parte riconosca la sua velocità dall'altezza dell'acqua, l'altra dal pendio dell'alveo. (4) Che *ne' fiumi di poca declività ha luogo, per la maggior parte, la velocità nata dall'altezza dell'acqua, ed in quelli, che hanno molta caduta, può aver luogo questa, più che l'altezza, in rendere l'acqua veloce, ed in qualche caso può operare la sola caduta*. (5) Che *la velocità della superficie dell'acqua è sempre effetto della declività di essa, e ne' canali orizzontali, anche della viscosità, che si trova fra le parti dell'acqua* (6) Che *nella misura dell'acque correnti, si dee far in modo, che tutta la velocità della sezione dipenda dalla sola altezza, il che si può ottenere, abbassando delle cateratte sotto la superficie dell'acqua, che obblighino ad elevarsi, e ad accrescere le velocità inferiori, se ve ne sono, provenienti dall'accelerazione per lo pendio*. Dal che si può dedurre (7) Che *i fiumi, i quali non hanno sensibile declività, tanto saranno più veloci, quanto maggiore sarà il corpo d'acqua, che porteranno, supposta in essi eguale la larghezza dell'alveo; o pure, quanto maggiore sarà la loro altezza viva*. E (8) finalmente Che *i fiumi, i quali portano eguale quantità d'acqua, quanto saranno più ristretti, saranno anche tanto più veloci, quanto più larghi, tanto meno veloci; e perciò nelle sezioni più strette del medesimo fiume, s'osserva maggiore velocità di corso*.

CAPITOLO V.

Della situazione del fondo de' fiumi, cioè delle profondità, larghezze, e declività de' medesimi.

Ammettendo per certo ciò, che diffusamente abbiamo spiegato nel Capitolo antecedente, passeremo ora, per così dire, ad anatomizzare gli alvei de' fiumi, in ordine alle loro profondità, larghezze, e declività; e perchè queste meritano maggior riflessione, s' incomincerà a discorrere di esse.

È concetto, quasi universale, degli Uomini, che i fiumi richiedano della caduta, acciò l'acque possano correre; cioè, che sia necessario, che il fondo del fiume sia inclinato all'orizzonte, acciò le acque possano portarsi al loro termine. Non s'accordano però tutti gli Autori in assegnare la quantità necessaria di questo declivio; poichè Vitruvio *lib. 7. cap. 8.* per gli acquedotti ricerca un mezzo piede di caduta, per ogni cento piedi di lunghezza, *ne minus in centenos pedes semi pede*, cioè a dire 25. piedi per miglio. Il Cardano de *Variet. lib. 1. cap. 6.* per condurre canali d'irrigazioni, si contenta d'un' oncia ogni 600. piedi di lunghezza, che sono oncie otto, e un terzo per miglio; ma per gli acquedotti chiusi, come per gli sifoni, e per li tubi, *omnis*, dice egli, *differentia satisfacit -- in canalibus, & rivis non ita*. Leon Battista Alberti, e lo Scamozzi, ne vogliono un piede per miglio; ed il Barattieri *Architet. di Acque part. 1. lib. 6. cap. 5.* determina, col consenso de' migliori architetti, che la caduta necessaria ad un fiume debba essere la milleottocentesima parte della lunghezza; cioè a dire, piedi due, e tre quarti per miglio.

Io non posso darmi a credere, che alcuno degli Autori predetti voglia intendersi, che, se un fiume, o acquedotto non abbia un piede, o due, o tre ec. di caduta, non possa per esso avervi corso l'acqua; ed in fatti il Barattieri, sapendo bene, che molti fiumi scorrono al mare, senza che i loro alvei abbiano la caduta da esso ricercata, asserisce essere ella solo necessaria, acciò le acque possano correre *comodamente bene*: forma di parlare assai equivoca, come esprime un grado di velocità estimativo, il quale, secondo le circostanze, può essere diverso, e necessaria perciò diversa declività per ottenerlo; anzi nel *cap. 6.* cerca egli il modo, con che le acque possano farsi l'impulso necessario da fare il moto, per correre sopra piani orizzontali, ovvero poco pendenti.

Basta riflettere al principio d'Archimede, addotto da esso nel libro de *In-sidentibus Aqua*, ed a ciò, che da noi è stato dimostrato nel primo capitolo alla *prop. 4.* per mettere in chiaro, che le acque per portarsi da un luogo all'altro, non hanno bisogno d'alcuna inclinazione di alveo, e se non altro basta consultare l'esperienza, la quale giornalmente mostra, che le acque stagnanti dispongono la propria superficie in un piano orizzontale, e che, ag-

giungendosi da una parte acqua nuova, non resta essa sollevata sopra la primiera; ma abbassando se medesima, o spinge l'altra fuori del vaso, o l'alta alzarla di superficie, fin che di nuovo si faccia l'equilibrio: e ciò, qualunque sia la disposizione del fondo. Noi dimostreremo dunque questa Proposizione.

PROPOSIZIONE I.

Acciò un fiume corra al suo termine, non è necessario, che il di lui fondo abbia alcuna declività.

Fig. 15.

Sia A B il fondo d'un canale, sopra cui sia l'acqua equilibrata all'orizzontale F C, e comunicante con C D, che s'intenda essere la superficie del mare; e suppongasì, che dalla parte A F sia aggiunta l'acqua F G: certa cosa è, ch'ella non potrà restare in F G; ma premendola sottoposta A H, l'obbligherà a scorrere verso B, qual volta le sia impedito il flusso dalla parte di A F; e perciò l'acqua del canale A B, scorrerà sopra il fondo A B orizzontale, verso il mare C B E D. che se s'intenderà, che successivamente, dalla parte di A F, venga somministrata nuov' acqua, dovrà conseguentemente continuarsi il corso da A in B, che sarà sempre uniforme, se uniforme sarà l'ingresso dell'acqua nel canale, e resti nello stato medesimo la superficie del mare C D. Non è dunque necessaria alcuna declività nel fondo d'un fiume, o canale, acciò l'acqua vi scorra; ma basta, che la superficie della posteriore sia più alta di quella dell' anteriore, abbenchè la differenza sia insensibile. Il che ec.

Corollario I.

Di qui è manifesto, che potendo l'acqua F G aggiunta, essere così poca, che non abbia sensibile proporzione a quella del canale A B, può darsi il caso, che il corso dell'acqua del detto canale A B restasi impercettibile, e che la superficie dell'acqua corrente F C, resti come orizzontale, e stagnante; ma, se l'acqua F G sarà in maggior copia, sarà anche più sensibile il corso, e più manifesta l'inclinazione della superficie.

Corollario II.

Quindi è evidente, non potersi determinare veruna declività, necessaria alla superficie dell'acqua, acciò essa possa correre, come pretende il Barattieri nell'allegato cap 6. ma solo in genere può dirsi, che quanto maggiore è il corpo d'acqua, che dee passare, per l'istesso canale orizzontale, tanto maggiore, necessariamente sarà la declività della superficie: prescindendo però sempre dall'impeto impresso, in vigore del quale può l'acqua scorrere colla sua superficie non solo orizzontale, ma ancora acclive, come s'osserva in molti casi.

Fig. 16.

Ciò è vero ogni volta, che il fondo A B s'intenda più basso del livello dell'acqua C D, ed in maniera, che l'altezza di essa C B, sia d'impedimento al corso del canale orizzontale A B; ma se il fondo A B fosse nella stessa linea orizzontale con B D, o più alto; allora avrebbe luogo ciò, che da noi è stato dimostrato al Corollario primo della Prop. prima del 5. libro della Misura dell'Acque correnti; cioè, che la superficie dell'acqua, la quale scor-

re per li canali orizzontali, dee essere sempre parallela al fondo di essi; e ciò pure si dee intendere, o prescindendo dalle resistenze del fondo, e delle sponde, o pure supponendole, da per tutto, eguali; altrimenti, perchè vicino all'uscita si sminuiscano le predette resistenze, ivi l'acqua si renderà più veloce, e conseguentemente s'abbasserà di corpo, descrivendo, colla superficie, la linea curva F G H. Ma se il canale A B s'intenderà prolungato indefinitamente dalla parte di A, di modo che il corso dell'acqua non risenta il difetto delle resistenze, vicino all'uscita, allora si verificherà esattamente la proposizione predetta.

Essendosi adunque dimostrato, che l'acqua per condursi da un luogo all'altro, non ha bisogno di declivio nel fondo dell'alveo; ma solo, che la di lei superficie sia regolarmente, qualche poco più alta di quella del luogo, al quale essa ha da terminare il suo corso; e che, quanto maggiore è il corpo d'acqua, che dee correre per lo stesso canale orizzontale, tanto maggiore nell'uno, e nell'altro de' due casi proposti, dee essere la predetta differenza d' altezza. Io non so abbastanza maravigliarmi, perchè mai siano state così concordi le opinioni degli Autori in volere, che sia necessaria la declività del fondo de' canali, alle acque correnti; e nello stesso tempo, così discordi in determinarne la quantità! Se forse non egli è stato dal credere, che l'unica causa della discesa dell'acque per gli alvei de' fiumi, sia l'inclinazione del fondo; e che questa misurata da essi, sia poi stata trovata differente, secondo la diversità de' fiumi medesimi. Può essere adunque, che Vitruvio trovasse negli acquedotti di Roma un mezzo piede di caduta, ogni cento piedi di lunghezza, e che gli altri misurassero ne' fiumi de' loro paesi, le declività assegnate, e finalmente, che ognuno dalle proprie osservazioni, deducesse una regola generale per tutti gli altri fiumi.

Quanto sia erroneo questo metodo, non occorre dimostrarlo per altra strada, che per quella dell'esperienza; poichè, se si livellerà la caduta di diversi fiumi, i quali in siti omologhi portino diversa quantità di acqua, non si troverà ella la medesima in tutti, ma sempre minore in quelli, che nelle loro escrecenze camminano più gonfi, anzi, misurando la caduta dello stesso fiume in luoghi diversi, si troverà, che tra le montagne avrà esso inclinazioni d'alveo precipitose, e nelle pianure molto minori, e che alcuni fiumi sono veramente declivi di fondo, ed altri affatto orizzontali; dal che evidentemente apparisce, che *la caduta non tanto è cagione della velocità de' fiumi, quanto effetto della medesima*, essendo comune osservazione, che i fiumi assai veloci si approfondano l'alveo, e con ciò si scemano le cadute: e che i tardi di moto, se corrono torbidi, s'interfiscono i letti, e con ciò accrescono le declività a' loro fondi; ond'è, che da alcuni sono chiamati i fiumi divoratori delle campagne, e da altri, bonificatori delle medesime, verificandosi d'essi l'uno, e l'altro epitero, in diversità però di circostanze. Quindi è, ch'io non ho mai saputo immaginarmi di dover cercare, qual caduta sia necessaria ad un fiume, per altro fine, che per accertarmi, che il medesimo non interisca il proprio alveo colle deposizioni, non avendone quanto basta, o avendola maggiore del bisogno, non l'escavi di soverchio, con danno notabile delle proprie ripe.

Perchè ciò resti fuori d'ogni dubbio, io prendo a discorrerla in questa maniera. Egli è certo, che i fiumi in tanto si approfondano, ed allargano l'alveo, in quanto per la violenza del proprio moto corrodono, e portano via la terra, che forma le sponde, ed il fondo; egli è dunque necessario, che la forza scavante superi la resistenza della terra, o d'altra materia, che forma l'alveo al fiume; altrimenti essendo l'una eguale all'altra, non suc-

cederà effetto veruno di escavazione, e molto meno, se la resistenza sarà maggiore della forza. Egli è altresì evidente, che un fiume non va sempre approfondando il proprio alveo in infinito; altrimenti quelli, che nel principio del mondo, corrodendo il terreno, si formarono il letto, colla diuturnità del corso si farebbero a quest'ora profondati nelle più alte viscere della terra; bisogna dunque dire, che nell'escavarfi, che fa un fiume, o la forza dell'acqua vada appoco appoco mancando, o la resistenza del terreno egualmente accrescendosi, o pure, che nello stesso tempo, e quella si diminuisca, e questa si accresca, fin che si giunga ad una specie di equilibrio, nel quale tanto operi la violenza dell'acqua per escavare, quanto resiste il fondo per non essere alterato dal proprio essere. Nell'istessa maniera si dee discorrere delle larghezze de' fiumi, che sono effetti, parte dell'abbondanza, e velocità dell'acque, e parte del contrasto, o resistenza che fanno le sponde ad essere ulteriormente corrose. Quindi tanto i fondi, quanto le larghezze degli alvei, vengono ad essere determinate dalla natura; cioè a dire dalla combinazione delle cause operanti, e delle resistenti in un certo grado di attività; e però alterandosi tanto quelli, che queste, con l'arte, non cessano mai le cause operanti di ridurli al loro stato primiero. Ed in fatti, l'esperienza dimostra, che in un fiume stabilito di fondo, (cioè a dire posto in tali circostanze, che non si alzi colle deposizioni, nè si abbassi colle escavazioni) e parimente stabilito di larghezza (cioè, che per propria attività, più non si allarghi, nè più si restringa) se nel di lui alveo si faranno, coll'arte, nuove escavazioni, ben presto, essendol'acqua torbida, le riempirà, formandosi nuovi dossi, ben presto gli escaverà; allargandosi l'alveo da una parte più del bisogno, ben presto, colle alluvioni, si restringerà, e finalmente, restringendosi oltre il dovere, sempre farà forza per superare le cause restringenti.

Per maggiore spiegazione di tutto ciò, supponiamo, che un fiume cammini con una determinata velocità, cagionata, o dal declivio, o dall'altezza, e che l'acqua affetta di detta velocità, possa, come farebbe una lima, staccare l'una dall'altra, le parti della terra, che sono contigue al di lei corso. Niuna ragione adunque, in tal caso, vi può essere, per la quale l'acqua non disunisca le parti della terra vicina, e staccandole dal fondo, ecco il profondamento, siccome l'allargamento, se ciò succede alle sponde. Egli è anche facile da concepire, che esercitandosi verso il fondo, maggiore la forza, quivi anche più agevolmente, si corroda il terreno in qualche larghezza; e che, per l'ordinario, non potendosi lungamente sostenere la terra sopra d'un taglio fatto a perpendicolo, dirupino le parti superiori delle ripe, formandosi una scarpa conveniente, ed atta a sostenere la mole della terra superiore. S'intanto dunque, che la velocità dell'acqua non trova un resistente, che pareggi la di lei forza, sempre continuerà ad allargare, e profondare. Ma perchè scavandosi giornalmente il fiume, viene esso a perdere, appoco appoco la propria declività, e per conseguenza anche qualche volta, la velocità derivata da essa; e per lo contrario, rendendosi sempre più resistente la terra alla disunione delle proprie parti, quantopiù la di lei superficie s'accomoda al piano orizzontale; segue, che profundandosi il fiume, cresce la forza nel resistente, e cala nella potenza operante; e perciò sia necessario, che finalmente l'una, e l'altra si riducano all'egualità; il che accadendo, viene ad averfi posto il termine al profondamento. Disi, essere necessario, che la forza operante finalmente si pareggi colla resistente; ma ciò non succederà sempre a cagione dello scemarfi del pendio; poichè, se bene ciò per lo più avviene, può nulladime-

no darli il caso, che la forza dell'acqua sia tanto grande, che (non ostante tutto il deterioramento, che riceve dal diminuirsi della declività, e tutto augumento, che si fa, per la stessa ragione, nella resistenza della terra) nulladimeno resti tanto vigorosa, da scompigliare le parti dell'alveo, anche disposte in un piano orizzontale; ma allora succederà un'altra sorta di resistenza alla forza dell'acqua, e quella sarà, se non altro, l'acqua del mare, o d'un lago, dentro cui entri colle proprie acque il fiume, per virtù della quale, sminuita la forza dell'acqua, s'uguagli ella colla resistenza del fondo.

Similmente, perchè nell'allargarsi l'alveo del fiume, l'acqua cala di altezza, e molte volte di velocità, e generalmente scostandosi dal filone si rende meno veloce; ne segue, che rallentandosi il moto, nè perciò calando la resistenza della ripa, anche in questa parte debba succedere il sopraccennato equilibrio. E qui è da considerare, che *la resistenza del fondo più presto uguaglia la sua potenza contraria*, per essere due le cause dell'uguagliamento; la prima, cioè, la minore inclinazione dell'alveo, e la seconda, la diminuzione della velocità; laddove la resistenza delle ripe, arriva molto più tardi all'equilibrio, con la potenza contranimente; perchè la sola forza dell'acqua è quella, che si sminuisce, ed anco assai lentamente; come che ciò, quasi solamente deriva dallo scostamento del filone, e la resistenza delle ripe resta sempre tale, quale era prima; supposto che il terreno corrosivo, e da corrodere sia in tali luoghi della stessa natura. Questa è la ragione, per la quale *i fiumi, che corrono dentro alvei formati di materia omogenea, e facile da essere corrosa dall'acqua, hanno la larghezza maggiore della profondità*; come s'osserva per esempio nel Po di Lombardia, che al Lagoscurò ha settecento piedi di larghezza, e trentacinque di altezza, e nel Reno nostro, il quale s'allarga, alla Botta degli Annegati, piedi cento ottanta, e nelle sue maggiori piene s'eleva piedi nove; di modo che nell'uno, e nell'altro, *la proporzione dell'altezza alla larghezza sta come uno a venti*. Non è però da credere, che questa proporzione s'osservi sempre negl'altri fiumi, nè meno in diverse sezioni del fiume medesimo, concorrendovi molte cause accidentali, a variarla: Egli è ben certo, e confermato, sì dalla ragione, che dall'esperienza, che *i fiumi, quanto maggior copia d'acqua portano nelle loro escrescenze, altrettanto sono più profondi, e più larghi; e perciò essendo mantenuti ristretti dall'arte, maggiormente s'escavano; e lasciandoli allargar di soverchio, o dividendosi in più rami, maggiormente si alzano di fondo*.

Concorrono adunque tre cause, o circostanze, a stabilire l'alveo de' fiumi. La prima si è *la condizione della materia*, della quale sono composte le ripe, ed il fondo; poichè *le terre arenose cedono più facilmente alla forza dell'acqua corrodente, che le cretose; e queste più facilmente, che il sasso*. La seconda è *la situazione del fondo, o delle ripe del fiume*, essendochè, *quanto più sarà declive un fondo arenoso, o ghiaioso, tanto più la medesima forza dell'acqua sarà potente ad escavarlo*; E la terza, che più d'ogn'altra, merita nome di causa, si è *la forza dell'acqua*: poichè, dove questa è maggiore, ivi più presto, e più facilmente cede la tenacità, o peso della materia, della quale è composto l'alveo, e meno resiste la poca inclinazione delle ripe, e del fondo. Ma perchè la forza escavante non è altro, che la velocità dell'acqua applicata al terreno, e questa riceve il suo essere, o dall'altezza dell'acqua, o dalla discesa, bisogna considerare le forze escavanti, secondo la proporzione, che portano le cause produttrici della velocità. Nell'istessa maniera, diversificandosi la condizione del terreno; sì dalla glutinosità, resistenza, o aderenza delle parti di esso; sì anche dal peso, grossezza, e figu-

ra delle medesime; egli è di uopo di mettere a conto l'una, e l'altra di queste circostanze, acciò possa dedursi, quanto esse vagliano, per resistere alla forza dell'acqua, e per conseguenza, qual pendio si richieda per pa- reggiarla.

Fig. 17.

Per ben intendere, come operi la resistenza del fondo, dipendente dalla di lui obliquità; siano circa il centro B descritti diversi piani, variamente inclinati all'orizzontale A B, e questi s'intendano formati di terreno, che abbia una determinata collegazione di parti. Non si può dubitare, che siccome più facilmente si muove un grave, discendendo per la verticale E B, che per l'inclinata D B, e più facilmente per D B, che per C B, di maniera che sull'A B orizzontale non ha forza alcuna per muoversi; così, se a cagione della resistenza, o inegualità de' piani C B, E B ec. non potesse muoversi per essi un grave, senza l'aiuto di una forza esterna, questa verrebbe ad essere maggiore in A B, minore in F B, e così successivamente, secondo, che andassero crescendo, gli angoli A B F, A B C ec. e la ragione si è; perchè, sebbene i gravi predetti non possano muoversi per li piani A B, F B, C B, non lasciano però di esercitare tutta la loro energia, per superare le resistenze, che per essere maggiori, loro impediscono il moto; e di fare sforzo maggiore, quanto maggiori sono gli angoli colla linea orizzontale. Quindi è, che accresciuta l'inclinazione, v. gr. fino al sito D B, e mantenendosi le medesime resistenze; potrà il grave avere acquistato tanto di momento, che basti a superare gl'impedimenti, e comincerà a muoversi per lo proprio peso; e perchè le forze accresciute intrinsecamente (sìasi, o per aggiunta di nuova potenza, o per diminuzione di resistenze) non hanno bisogno di tanto aiuto estrinseco, per arrivar ad un certo grado; ne segue, che minor forza estrinseca richiederassi, per fare, che il grave si muova per lo piano C B, maggiore, per ispingerlo per F B, e molto maggiore, per farlo muovere per A B.

Ciò premesso, osservisi, che le parti del terreno, massimamente bagnato che sia dall'acqua, non hanno, che rade volte, tanta aderenza di parti, che basti per sostenerle a perpendicolo, come succede ne' marmi, e nelle materie più consistenti; onde, poste in situazione verticale, come in E B, dirupano, formandosi un pendio, v. gr. D B, che supponiamo sia la massima inclinazione tra tutte le possibili, colle quali il terreno si sostiene senza dirupare: e questa nelle terre più tenaci, regolarmente non eccede gradi sessanta, ma ordinariamente oltrepassa di poco, i gradi quarantacinque. Posto adunque, che D B sia quella pendenza, la quale, accresciuta che fosse, non potrebbe trattenere il terreno, che non si staccasse dal suo vicino, cadendo, o scorrendo al basso, è chiaro, che aggiuntavi qualsivia, benchè minima forza, che lo spinga da D in B, non potrà sostenersi, e converrà, che si disgiunga la rimanente: Intendiamo, che, per tal cagione, ne sia staccata la parte D B C, e che perciò il piano si sia abbassato in C B; questa inclinazione dunque non sarà più quella, che precisamente basta, per impedire la disunione delle parti della terra; ma bensì tale, che potrà resistere a qualche grado di forza; ma non ad un maggiore, il quale solo potrà essere impedito dal piano, v. gr. F B meno declive. Unite dunque le forze estrinseche, al conato, che fanno le parti della terra per disunirsi; quelle si richiederanno sempre maggiori, quanto le inclinazioni coll'orizzonte, saranno minori; e perciò nell'orizzontale A B, non avendo la forza estrinseca alcun vantaggio dall'inclinazione del piano; converrà, che sia tanto vigorosa, che basti, colla sola sua virtù, a superare l'aderenza delle parti della terra, ed a muoverle da luogo a luogo; altrimenti non succederà al-

cuna corrosione del piano A B. Egli è perciò evidente, che non essendo la forza estrinseca (cioè, nel nostro caso, la velocità dell' acqua) bastanta a ridurre il piano al sito orizzontale; necessariamente bisognerà, che lo lasci declive, ed in tale declività, che sia la prima, che basti a pareggiare la forza di essa, e da ciò chiaramente apparisce, che *la violenza del corso dell' acqua non è sempre effetto della declività dell' alveo*, come sinora è stato creduto; ma *la declività dell' alveo, è bensì sempre effetto della violenza del corso dell' acqua*, fuorchè in alcuni casi particolari, de' quali discorreremo più abbasso.

Stabilita la verità del detto di sopra, non è difficile il dedurre le seguenti Proposizioni, le quali si debbono intendere, in parità di tutte le circostanze non espresse; e nel caso di fondi stabiliti per mezzo dell' escavazione fatta antecedentemente dall' acqua.

PROPOSIZIONE II.

Ne' fiumi, quanto maggiore sarà la forza dell' acqua, tanto le declività degli alvei faranno minori.

Posciachè, supponendosi eguale la resistenza della materia, che compone l' alveo, e maggiore la forza dell' acqua; è necessario, che questa, applicata a quella, produca effetto maggiore; ma quest' effetto non è altro, che l' escavazione, e l' allargamento dell' alveo; e l' escavazione dell' alveo, quanto è maggiore, tanto minore rende la declività dell' alveo; dunque, quanto maggiore sarà la forza dell' acqua, tanto minore farà la declività dell' alveo del fiume. Il che ec.

Corollario I.

E perchè la forza dell' acqua, vicino al fondo del fiume, per lo più dipende dall' altezza della medesima; e perciò in tal caso, *quanto maggiore sarà l' altezza viva dell' acqua, tanto meno declivi faranno i fondi.*

Corollario II.

Similmente, perchè l' altezza viva del corpo d' acqua, dipende, in qualunque parte, dalla quantità di essa, che scorre per l' alveo in un dato tempo: quindi è, che *quanto maggior copia d' acqua porterà un fiume, tanto minore sarà la di lui caduta.*

Corollario III.

E perciò i fiumi uniti, dopo le confluenze sempre si spianano il fondo più di quello, fosse prima dell' unione; e per conseguenza perdono di caduta.

Corollario IV.

Dal che ne nasce, che i fiumi, i quali si fanno grandi per lo concorso d' altri
mi-

minori, hanno il loro fondo disposto a modo di un Poligono, o sia di una figura di più lati, de' quali i più alti facciano angolo maggiore coll' orizzontale ed i più bassi minore, ed in oltre gli angoli tutti siano all' intorno de' punti delle confluenze; il quale poligono si può anche considerare, in un certo modo, per una specie di linea curva, concava nella parte superiore.

Corollario V.

Ma que' fiumi, che conservano sempre il medesimo corpo d' acqua, debbono avere il fondo in una linea sensibilmente retta, se si parla di picciole distanze; ma realmente, ed in grandi distanze, in una spirale, le cui tangenti facciano sempre angoli eguali colle perpendicolari tirate dal centro della terra, che viene anco ed esser il centro della spirale medesima; e questa s'accofterà sempre più alla circonferenza di un circolo, quanto più l'angolo fatto dalle tangenti colle perpendicolari, s'accofterà all'angolo retto.

Corollario VI.

In caso poi, che la velocità dell'acqua dipenda dalla discesa, non dall'altezza viva; allora la determinazione del fondo, si desume dal grado di velocità acquistato per essa; e per ciò, fin tanto, che l'acqua anderà accelerandosi [quando la condizione della materia, che forma l'alveo sia sempre la medesima] s'anderà sempre mutando il pendio, e sarà minore nelle parti dell'alveo, nelle quali sarà maggiore la velocità; in quelle cioè, che saranno più lontane dal loro principio.

Corollario VII.

Ma perchè due corpi di peso diseguale, e di velocità eguale, operano differentemente contro i piani, sopra de' quali scorrono; quindi è, che, se si daranno due fiumi, le acque de' quali s'accelerino per la discesa; ma una sia maggiore di altezza dell'altra, più opererà in escavare la maggiore, che la minore; e per conseguenza, anche in questo caso, ne' siti di eguale velocità, meno declive sarà quel fiume, la cui altezza viva sarà maggiore.

Corollario VIII.

Perchè dunque, come più volte si è detto, le velocità fatte dalla discesa crescono, all'augmentarsi delle distanze dal principio del moto; ne segue, che, succedendo a maggiori velocità, maggiore escavazione, e per conseguenza minore declività nelle parti inferiori, che nelle superiori; dovranno, in tal supposto, disporsi i fondi, durante lo spazio dell'accelerazione, in linee curve concave, le tangenti delle quali facciano successivamente angolo maggiore con le perpendicolari tirate dal centro della terra.

Corollario IX.

Ma cessata l'accelerazione, e ridotta la velocità dell'acqua all'equabilità, il fondo si disporrà in una linea sensibilmente retta, o pure nella spirale predetta, nella quale si conservi sempre la pendenza medesima.

PROPOSIZIONE III.

Se la forza dell'acqua di un fiume sarà bastante, senza l'aiuto di qualche declività, a sovvertire le parti del fondo, ed a portarle via; allora l'alveo di esso non riceverà alcuna pendenza.

Poichè, essendo, per lo supposto, la forza dell'acqua tanto grande, da potere scomporre le parti del fondo, e portarle via senz'aiuto di declività; niuna diminuzione di questa sarà bastante, ad impedire una nuova escavazione; posta, dunque, qualsivisia declività, l'acqua continuerà ad escavare; e perciò si toglierà di mezzo la declività del fondo, che è lo stesso, che dire, che il fondo non avrà alcuna pendenza. Il che ec.

Corollario I.

E però disporrassi il fondo in una linea circolare, essendo in questa tutte le tangenti ad angolo retto colle linee, che vengono dal centro; la quale però, in poca distanza, non sarà sensibilmente differente da una retta orizzontale.

Corollario II.

Aumentandosi la forza dell'acqua, farassi ben maggiore l'escavazione; ma non si muterà la situazione orizzontale del fondo, supposta, per tutto, la medesima resistenza della materia, che forma l'alveo, e l'uniformità di tutte l'altre circostanze.

Quì si dee avvertire, che avendo un fiume tanto di forza, che basti, a scompigliare il fondo dell'alveo, situato in qualsivisia, benchè minima declività, o pure anco in un piano orizzontale; se quella siaugumenterà, o per ristringimento di alveo, che cagioni maggior altezza, o per aggiungerfi di nuova acqua, accrescendosi con tal mezzo la velocità del fiume, avrà maggior forza per escavare; farassi dunque tal escavazione sino ad un piano orizzontale, più basso dell'antecedente, come, v. gr. al piano C G, sopra del quale la copia dell'acqua corrente richieda l'altezza viva A B C; siccome la copia di quella, che scorre per lo piano, pure orizzontale, E B, si suppone, che addimandi la sola altezza viva A B. Posta dunque tal differenza di piani, egli è evidente, che se l'altezza in A B, ha tanta forza, da portar via la materia dell'alveo sul piano orizzontale; molto più potrà farlo per lo perpendicolare B C; e perciò corroderà l'angolo H B C, formando l'alveo pendente in H C; e per la stessa ragione, colla declività H C, corroderà il fondo, riducendolo sempre men declive; di modo che, se la forza dell'acqua, non ostante l'abbassamento del fondo, resterà potente a mantenerlo orizzontale; si scaverà il fondo E B sino al piano oriz-

zontale M C, di maniera che M C G sia tutta nella medesima orizzontale. Ma perchè, abbassandosi il fondo in M C, non si può abbassare la superficie D A, per cagione della superficie A F; sarà necessario, che l'altezza A C, la quale acquisterà il fiume D E, cessi d'essere viva, e per conseguenza, che si ritardi l'acqua in D E, la quale, se con questa perdita, perderà altresì la forza necessaria, per mantenere il fondo orizzontale, resterà nel fondo M C qualche picciola declività; e perciò può darsi il caso, che un fiume, che da se avrebbe la forza, per mantenersi il fondo spianato all'orizzonte, entrandovene un altro dentro, la perda, e ricerchi della pendenza; ma questa non sarà mai tale, che cagioni dell'alzamento nel fondo di esso, ma sempre dell'escavazione; poichè, supposto, che la declività fosse E C, ogni volta che la linea E C s'incontrerà colla linea B E, avrà il fiume nel punto E riacquistata la sua altezza viva: e perciò potrà da lì insù tenere scavato il fondo all'orizzontale. Tale declività E C renderassi sempre minore, se il fiume D B, vicino alla confluenza, si restringerà a causa dell'impedimento della velocità; essendochè l'angustia della fezione, concorre assai a rendere viva l'altezza. Questa considerazione non solo si applica a canali orizzontali, ma ancora agl'inclinati; e perciò abbiamo detto nel *Coroll. IV. della Prop. antecedente*, che gli angoli del Poligono ivi accennato, debbono essere non ne' punti, ma all'intorno de' punti delle confluenze; ma di ciò si parlerà più a lungo, nel Capitolo sopra l'unione de' fiumi insieme.

Corollario III.

E perchè i fiumi coll'allargarsi perdono l'altezza, e conseguentemente la velocità: ne segue, che i fiumi orizzontali, allargandosi ordinariamente il loro alveo vicino al mare, perdono la forza per mantenersi scavati; e perciò vicino allo sbocco restano più alti di fondo, che lontani da esso, al che concorrono però altre cause: e questa è una delle ragioni, per le quali gli sbocchi de' fiumi nel mare, se non sono tenuti ristretti dall'arte, regolarmente sono men profondi degli alvei nelle parti superiori.

Siccome nell'annotazione al *Coroll. II. precedente*, abbiamo detto, potersi dare il caso, che un'acqua ritardata, conservi anche la forza, per mantenersi il fondo orizzontale; così può darsi il caso, che la forza di un fiume sia tanto grande, che, sebbene, ritardata che sia, non possa muovere le parti grosse, e pesanti; e perciò s'elevi il fondo [come abbiamo detto, in questo Corollario, succedere alle foci de' fiumi nel mare] non ostante però, conservi tanto di virtù, abbenchè riascenda sopra d'un piano acclive, da spingere, o portar seco le parti meno pesanti; e questa è la ragione, per la quale, sopra degli sbocchi, gli alvei si conservano profondi, abbenchè le foci siano più alte di essi.

Corollario IV.

Se l'acqua d'un fiume avrà tanta forza, da stabilirsi il fondo orizzontale, pressamente, e niente di più, supposta una determinata resistenza nel fondo, se questa si accrescerà, non sarà ella più valevole, a spianarsi il fondo orizzontalmente; e perciò sarà più alto nelle parti più vicine allo sbocco, che nelle più lontane. E perchè può darsi il caso, che tale alzamento di fondo non ritardi l'acqua, che

sopravviene; perciò in tal supposto non si altererà il fondo nelle parti di sopra *Fig. 19.* ma mantenendosi, e connettendosi col più alto, si renderà acclive come B C D. Che se poi l'alzamento del fondo inferiore C D, ritarderà l'acqua, che sopraggiunge da A B; in tal caso, se l'acqua porterà materia atta, riempirà l'alveo A B C fino all'orizzontale E C, e finalmente, se ritarderà le parti vicine a C D, più che le lontane, come per l'ordinario succede, formerassi l'interrimento B C, che si alzerà a proporzione della forza diminuita. E questa è la ragione del mantenersi, che fanno i dossi, e i gorgi negli alvei de' fiumi.

Che il dosso C B possa non impedire il corso dell'acqua in A B, può succedere principalmente per due cause; la prima si è, perchè il fiume si divide in più rami; e la seconda, perchè si allarghi nelle parti inferiori, più che nelle superiori, purchè la larghezza sia viva: l'una, e l'altra causa però ricade in una sola, che è la diminuzione dell'altezza viva dell'acqua. Supponghasi dunque, che il fiume A D cammini per lo fondo C D orizzontale, coll'altezza viva A C, o B D, e che arrivato in D, o si allarghi, o si divida in più rami, di maniera che l'altezza viva sia B E; supponiamo però, che nel principio, l'altezza dell'acqua nella parte B G, fosse D B, e che il fondo fosse continuato in D G orizzontale; sarebbe dunque l'altezza D B non viva, e perciò l'acqua, in quel sito, ritardata. Quindi è, che supponendo, che la forza dell'altezza viva A C, sia precisamente quella, che basta a tenere il fondo orizzontale, non sarà la forza B D ritardata, bastante a fare il medesimo in D G; adunque, portando l'acqua materia idonea, si faranno delle deposizioni sopra D G, formandosi il fondo E F declive, che si alzerà fino a lasciare l'altezza viva B E; ma perchè l'ostacolo D E ritarda l'acqua, che sopravviene, e nell'istesso tempo, l'acqua sopravveniente batte l'interrimento D E, non potendo questo sostenerli sul lato D E a perpendicolo, è necessario, che si spunti l'angolo, v. gr. I E L, nel mentre che l'acqua H I D ritardata, permette le deposizioni, o interrimenti H I D; e perchè, quanto più l'acqua verso C è lontana dall'impedimento I D, tanto meno resta ritardata; perciò non si farà eguale deposizione da per tutto, ma sempre minore, e finalmente cesserà; dunque al di sopra di H, conserverà l'acqua la forza primiera; e conseguentemente manterrassi il fondo orizzontale. E' però da notare, che nel tempo, che si formasse l'acclività H L, sminuendosi in essa l'altezza viva dell'acqua, e conseguentemente la forza; sarebbe necessario, che l'acqua s'elevasse colla superficie; ma perchè elevandosi, e dovendo ricadere sulla superficie B A, farebbe forza contro le ripe, e corrodendole, allargherebbe l'alveo; perciò, senza elevarsi sensibilmente, si andrebbe allargando proporzionalmente l'alveo, a misura, che si andasse formando il dosso H L; ch'egli si facesse più alto, e che l'allargamento, fatto sempre maggiore, continuasse per tutta la lunghezza dell'alveo, occupata dal medesimo dosso H L, finchè in L si formasse la cadente declive; e continuando la medesima altezza viva B E, si conservasse ancora la medesima larghezza,

Corollario V.

Può darsi il caso, che un fiume abbia tanto di altezza viva d'acqua, e tanto di forza, che basti a formarsi, ed a mantenersi il fondo orizzontale; ma restando questa impedita, non possa più spingere la materia, che porta, senza l'aiuto di qualche declività, come (Figura 16.) farebbe il fondo A B, orizzontale al pelo

Fig. 15.

dell'acqua B D; ma trovandosi il fondo A B più basso del pelo del mare C D, allora l'impedimento dell'acqua C B, ritarderebbe la forza dell'acqua corrente A C, che in conseguenza non farebbe più valevole a mantenerfi il fondo orizzontale, e perciò facendosi delle deposizioni, si alzerebbe il fondo, tanto che acquistasse quel pendio, coll'aiuto del quale potesse spingere la materia portata; e facendosi l'alveo per via di escavazione, tanto continuerebbe l'acqua ad escavare, quanto arrivasse a formarfi quella declività, che può bastare a non permettere deposizioni, ed insieme ad impedire maggior escavazione.

PROPOSIZIONE IV.

Quanto maggiore sarà la tenacità del terreno, che compone il fondo del fiume, tanto esso sarà più declive.

Essendochè, quanto maggiore è la tenacità del terreno, cioè il legame, che hanno le di lui parti, l'una coll'altra, tanto maggiore è la resistenza, che in separarle incontra la forza dell'acqua; ne nasce, che supposta questa essere sempre la medesima, minore sarà l'effetto, se maggiore sarà la tenacità della materia; ed essendo l'effetto della forza dell'acqua, la disunione delle parti, e l'escavazione dell'alveo, ne segue, che quanto maggiore sarà la tenacità della materia, tanto minore sarà l'escavazione; ma quanto minore è l'escavazione, tanto più resta declive il fondo dell'alveo; adunque, quanto più sarà tenace la materia, che forma l'alveo al fiume, tanto sarà esso più declive. Il che ec.

S'osservi però, che siccome due lime, l'una adoperata con maggior forza dell'altra, possono egualmente sminuzzare un pezzo di ferro, abbenchè in tempo differente; così può parere ad alcuno, che l'effetto della tenacità del terreno sia solo quello, di fare consumare più tempo all'acqua in escavare, ma non già d'impedire l'escavazione. Ciò però non ostante, se si considererà, che la tenacità della materia, in questo luogo, non solo si prende per lo legame vicendevole delle parti, ma ancora per la resistenza, ch'esse fanno all'essere separate, la quale sempre è maggiore, quanto meno coopera il peso di esse, alla disunione; manifestamente apparirà, che operando questo meno ne' piani, altresì meno declivi; viene in un certo modo ad accrescersi, collo sminuirsi della pendenza, la tenacità della materia; e che per lo contrario, facendosi minore la forza ne' piani meno declivi, può succedere, che la tenacità accresciuta, uguagli la forza dell'acqua sminuita, e così succeda, non solo maggiore consumo di tempo, ma altresì maggiore declività.

E da notare in secondo luogo, che quando, in qualche caso impensato, la tenacità della materia, non s'accrescesse per la minore inclinazione del fondo, o la forza dell'acqua, per la medesima ragione, non si scemasse; allora la Proposizione non si verificherebbe, che in ordine al tempo dell'escavazione, che si dovrebbe più lungo alla materia più tenace; e perchè in tal tempo, può darsi il caso, che succedano altre cause, che cooperino allo stabilimento del fondo dell'alveo, a queste pure si dee avere riflesso.

In terzo luogo si dee avvertire, che la Proposizione s'ha da intendere in termini idonei, cioè, che la tenacità della materia non sia tanta, da resistere in ogni inclinazione, abbenchè quasi perpendicolare alla forza dell'acqua, come farebbe nel marmo, o nel sasso vivo; e parimente, che la forza dell'acqua non sia tale, che poste due diverse tenacità, possa superare l'una, e
l'al-

l'altra in qualſia picciola inclinazione di alveo: poichè, nel primo ſuppoſto, tanto potrà la forza maggiore, che la minore; e nel ſecondo, ſi renderà, nell' uno, e nell' altro caſo, il fondo orizzontale.

Corollario I.

I fiumi perciò, che hanno il fondo cretoſo, o di tiarro, ſono più declivi di quelli, che l'anno arenoſo, o limoſo.

Corollario II.

E perchè il continuo bagnamento contribuiſce molto, ad ammolliſce la tenacità della materia del fondo, e per lo contrario, il rafeugariſce della medefima, fatto dal Sole, accreſce nella materia atta, la tenacità; perciò i fiumi perenni ſono, per tal cagione, qualche volta meno declivi, che i temporanei in parità di tutte l'altre circonſtanze.

Corollario III.

Se il fondo del fiume farà di materia così tenace, e dura, che la forza dell' acqua tenti sì, ma non vaglia a corroderla, come ſe foſſe compoſto di ſaſſo, o di muro; in tal caſo quella declività, che li farà ſtata data dalla natura, o dall' arte, ſi manterrà ſempre, ſe non quanto la continuazione del corſo dell' acqua, potrà qualche poco, in lunghezza di tempo, conſumarla; e da ciò naſce, che le cateratte interrompono la continuazione dell' alveo de' fiumi, e ſi conſervano per ſecoli intieri, ſenza conſiderabile mutazione, ſi ſuppone però, che le pendenze ſiano tali, che non permettano depoſizione di materia alcuna, ſopra de' fondi.

Corollario IV.

Se un fiume avrà il fondo in diverſi luoghi variamente tenace, muterà di pendenza, ſempre proporzionata alle reſiſtenze del fondo; e perciò, dove queſto farà arenoſo, ſi faranno maggiori eſcavazioni, dove cretoſo, minori; al che ne naſcono alle volte i gorgi, e i doſſi, che ſi vedono dentro i letti de' fiumi. Quà ſi poſſono ridurre proporzionalmente i Corollari 3. 4. e 5. della Propoſizione antecedente, e principalmente le loro annotazioni.

PROPOSIZIONE V.

Supponendo il fondo d' uno, o più fiumi, compoſto di parti ſtaccate l' una dall' altra, come ſono i ſaſſi, e l' arena; minori faranno le declività, quando il peſo ſpecifico delle parti farà minore.

Ciò è manifeſto; perchè, ſuppoſta la medefima forza nell' acqua, egli è certo, che queſta più facilmente, o ſeparerà dal fondo, o ſpingerà avanti quelle materie, che faranno di minor peſo ſpecifico: ma ciò facendo, abbaſterà il fondo medefimo; adunque, di quanto minor peſo ſpecifico ſaràn-

no le parti, che staccate l'una dall'altra compongono il fondo; tanto più facilmente questo si abbascerà, e per conseguenza si renderà meno declive, il che ec.

Corollario I.

Quindi è, che i fiumi, i quali corrono fra le montagne, dove hanno il fondo sassoso, ivi hanno anche maggiore la pendenza, che nelle pianure, nelle quali i fondi per l'ordinario sono composti di pura sabbia: e similmente in que' siti, ne' quali il fondo è arenoso, le cadute sono maggiori, che in quelli, ne' quali il fondo è composto di puro limo, o belletta senza tenacità.

Corollario II.

E perchè nelle parti grosse, come ne' sassi, e nella ghiaia, ha molto luogo la qualità della figura; allora il fondo sarà più pendente, quando la figura delle parti, che lo compongono, sarà più difficile a muoversi, ed a scorrere sopra le altre.

Corollario III.

Parimente perchè i fiumi, nelle parti superiori del loro corso, hanno frequentemente gli alvei ripieni di sassi assai grossi, e conseguentemente pesanti, e di figura in oltre angolari, i quali sono sempre spinti al basso dal corso dell'acqua, o portati dentro gli alvei dalle rovine delle montagne, ed osservandosi, regolarmente, che detti sassi sono più grossi nelle parti più alte, vicino alle fontane, e più piccioli ne' siti degli alvei, più lontani da esse; ne segue, che due fiumi, che corrono in ghiaia, la linea del fondo, anche a riguardo di questa sola causa, debba disporli in una curva concava, che nel suo progresso, sia sempre meno inclinata all'orizzontale.

Corollario IV.

E perchè concorrono a questo effetto medesimo, e l'acceleramento dell'acqua per la discesa, e l'unione di più acque in un tol alveo, ne segue, che unendosi le due cause predette colla resistenza dell'alveo, resta gradatamente minore, tanto maggiore concavità avrà la linea del fondo, e tanto maggiore sarà la disformità, o differenza fra le cadute in diversi siti del fiume.

Corollario V.

Se un fiume, dopo aver corso fra le montagne sopra un fondo ghiaioso, si vi durà nella pianura a muoversi, sopra un letto di arena uniforme, e porterassi al mare, senza ricevere tributo di nuove acque; la linea del fondo, durante il corso per la ghiaia, sarà una linea curva concava, a cui connett-rassi una curva convessa, competente alla qualità uniforme del terreno arenoso,

Dalle Proposizioni dimostrate in questo Capitolo, le ne potrebbero dedur-

durre molte altre, tanto su i medesimi semplici supposti, quanto combinando insieme le diverse condizioni del fondo, e della potenza dell'acqua ec. ma sarà facile a chi che sia, il farlo, colla scorta delle accennate verità; le quali, oltre l'essere dimostrate, sono anche osservabili in fatto; particolarmente da chi saprà distinguere gli effetti delle cause accidentali, da quelli dell'essenziali.

Tutto l'esposto di sopra concerne principalmente lo stabilimento degli alvei, fatto per via di escavazione dell'acqua: resta ora da considerare l'altra parte; cioè come, e quando si stabiliscano i fondi per alluvione, replezione, o sia deposizione di materia. E prima, si consideri, che pochi sono i fiumi, che portino acque chiare, cioè, non mescolate con materia alcuna terrestre, posciachè i fiumi, quasi tutti almeno nelle piene, s'intorbidano. *Supposto*, nulladimeno, *che le acque di un fiume fossero in ogni tempo chiarissime, queste potrebbero bene profundare, ma non riempire l'alveo proprio*, mancando loro la materia per farlo, se non quanto potrebbero le parti staccate dal fondo, o dalle ripe, esser levate da un luogo, e portate in un altro, o per spinta, o per deposizione. Quindi è, che supposti gli alvei inalterabili di fondo, e di ripe, a cagione della resistenza eguale, o maggiore della potenza: le acque chiare non potranno mai in alcuna maniera mutare il sito dell'alveo, nè in profondità, nè in larghezza, quantunque siano basse di corpo, ed i fondi poco, o niente declivi. Quindi è, che *gli scoli delle campagne, soliti a portare, per lo più, acque chiare, si conservano lungo tempo, senza interrirsi; ma entrandovi acque torbide, abbenchè in molta quantità, come succede nelle rotte de' fiumi, in poco tempo si riempiono di terra*. Il dire però, che un fiume porti acqua assolutamente chiara, è supporre un caso, se non impossibile, almeno molto raro, perchè scorrendo l'acque per lo terreno, è difficile, che non s'imbrattino; e cadendo, almeno in tempo di pioggia, l'acqua di essa, giù per la gran declività delle sponde dell'alveo, non può di meno, che non si irtellano da esse, molte parti terree, le quali perciò siano portate nell'alveo a rendere torbida l'acqua. Ed in fatti io ho osservato, che il Tesino, poco sotto la sua uscita dal lago maggiore, lascia nell'escrescenza manifesti segni di torbidità sopra l'erbe bagnate dalla piena, i quali però non sono altro, che un sottilissimo velo di balletra, che le cuopre, e piuttosto fa loro cangiare il color verde, in olivastro, che detergendole, o lavandole, si perde: indizio di qualche picciola torbidità; e pure il luogo, dove ciò osservava, non era lontano cento pertiche dall'emissario del lago. Lasciando dunque di trattare di questo caso, passeremo a considerare gli effetti de' fiumi, che corrono qualche volta torbidi, e che si stabiliscono il fondo co' proprj interrimenti.

Di tre sorte sono le materie portate da' fiumi; poichè altre sono spinte, sempre radente il fondo, senza incorporarsi coll'acqua, altre s'incorporano coll'acqua medesima, ed altre galleggiano. Quest'ultima ha la sua gravità specifica, minore di quella dell'acqua; ma le altre due l'hanno maggiore, o eguale: L'egualità però del peso specifico, che può trovarsi nelle materie, veramente incorporate, coll'acqua, quì non merita considerazione verana: comechè e cagione, che esse seguano i moti, e per così dire, la sorte dell'acqua medesima; perciò nel nostro caso possono considerarsi, come non differenti da essa; Resta dunque, che nelle materie, tanto spinte, che incorporate, si debba intendere una gravità specifica maggiore di quella dell'acqua: con questa differenza però, che le prime (essendo di mole, e peso assoluto assai grande) resistono più all'essere sollevate dal fondo;

ma l'altre, per la picciolezza della loro mole, non possono impedire, che il moto dell'acqua non le sollevi, e mantenga quasi unite alla propria sostanza, la quale però, perdendo nella mescolanza di tanti corpiciuoli opachi, la sua diafaneità, si chiama torbida; mentre al contrario le altre, che restano al di sotto, o al di sopra, non turbano la sostanza dell'acqua. E qui pure dee mettersi da parte un altro caso, come non adattato alla materia presente. Si trova nell'acqua [anche stagnante, ed a giudizio d'ogni senso, in riposo] un moto perenne, che può tenere sollevate delle particelle di materie più dell'acqua gravi; le quali perciò restano unite al corpo dell'acqua medesima, come sono i ramenti de' sali, delle tinture, e di altre simili sostanze. Queste non si separano da essa, che col mezzo dell'evaporazione, o precipitazione, o con gran lunghezza di tempo, come succede alle parti tartaree, che trovandosi nell'acqua, anche limpidissima, delle fontane, incrostano per di dentro, i loro condotti, e qualche volta empiendoli quasi affatto, serrano la strada al passaggio dell'acqua; di queste dunque noi non abbiamo da parlare; come che, per lo più, seguitano il moto dell'acque, o se talora si depongono, ciò è un caso straordinario, che però ne' fiumi non fa regola alcuna; oltrechè, se si volesse discorrerne, sarebbe necessario prenderne i principj, forse dal più astruso della Fisica, e della Chimica.

Le materie pesanti, che non possono, se non con violenza separarsi dal fondo, per lo più, sono sassi, e ghiaie, ed in qualche caso, arene assai grosse, oltre altre materie, che per accidente possono trovarsi ne' letti de' fiumi; queste rare volte sono sbalzate in alto dall'acqua (il che succedendo, quasi immediatamente, precipitano al fondo) ma bensì sono spinte, o lateralmente, o al lungo del corso, o pure cumulate in un luogo; dal che ne nasce; sì la varietà, e sempre costante mutabilità degli alvei de' fiumi, che corrono in ghiaia; sì quel continuo corso, non solo di acqua; ma di sassi, all' in giù, che rende maraviglia a chi osserva, ciò sempre succedere, senza che perciò i fondi si elevino. Ed in fatti sembra a prima vista difficile da concepire, che dalle rupi vicine, continuamente si svellano sassi, e siano portati negli alvei de' fiumi, da' quali mai non escono, che alle volte per opera umana; e con tutto ciò non oltrepassino un certo sito, assegnato a ciascun fiume dalla natura; o sia dalla combinazione delle cause, che concorrono a questo effetto, senza però formarli negli alvei, montagne di sassi, come pare a prima vista, dovrebbe succedere a riguardo della loro abbondanza.

Se però si considererà la natura delle arene, che niente altro sono, che pezzetti di sasso stritolato; siccome i sassi molte volte sono composti di arene insieme unite; ed in oltre, se si osserverà, che la forza dell'acqua opera contro di essi, continuamente col suo corso, spingendoli a percuotersi, ed a farli scorrere, l'uno sopra l'altro, al che va necessariamente congiunto un continuo sfregamento, mediante il quale si vanno perpetuamente logorando vicendevolmente: come ne fa piena fede il continuo mormorio, che si sente ne' fiumi, i quali corrono in ghiaia: effetto non tanto del moto dell'acqua, che urta, e si rompe in essi, quanto del reciproco dibattimento de' sassi, e di più, se si avvertirà alla gran copia de' rottami, alla pulitura, che ricevono; ed a molti altri manifesti segni di logoramento, che si riscontrano nelle ghiaie de' fiumi; se dico, tuttociò si considererà, facilmente si potrà credere, che i sassi continuamente si disfiacciano in arene, e che richiedendosi al loro intero consumo una quantità determinata di questo sfregamento (che in un certo grado, porta seco una determinazione di tempo, e di spazio) venga tutto ciò terminato dentro il sito, che

che sta di mezzo fra il principio del fiume, e l'ultimo limite delle ghiaie.

Per esempio, supponiamo, che un sasso, sfregandosi con un'altro (come farebbe sopra una ruota da pulire) con un certo grado di velocità, arrivasse ad essere intieramente consumato, dentro lo spazio di un giorno; certa cosa è, che nel medesimo tempo si consumerebbe, se esso fosse mosso seguitamente per un piano, che fosse tanto lungo, quanto richiede la velocità dello sfregamento reciproco d'un sasso, coll'altro (se pur la forza, e l'asprezza fosse nell'uno, e nell'altro caso eguale) e che non varierebbe l'effetto, se tal logoramento succedesse interpolatamente; purchè la quantità del tempo fusse d'una giornata. Varierebbesi bene, se o il moto, o il tempo, o la durezza, o la grandezza del sasso, o l'asprezza del piano, si alterassero; o se mancasse il piano medesimo, sul quale si fa lo sfregamento, prima che il sasso fosse intieramente consumato.

Essendo dunque nel fiume una forza determinata, che cagiona una determinata velocità nel moto de' sassi; ed essendo, che questi hanno una grandezza, e durezza limitata, che ordinariamente non oltrepassano (potendo però avere l'una, e l'altra minore) ne segue, che la velocità del moto impresso dall'acqua ne' sassi, dovrà richiedere un tempo determinato, che sia proporzionato alla durezza, grandezza ec. de' sassi medesimi, per intieramente stritolarli; e perciò, altresì dovrà essere determinata la lunghezza dello spazio, necessario per l'effetto medesimo; come che questa è figlia della velocità, e del tempo. Non è dunque maraviglia, se ne' fiumi si riuniscono i limiti delle ghiaie, e se gli alvei non si riempiono, per lo continuo entrarvi di queste; essendo equilibrata, per così dire, la quantità di esse, che giornalmente entra nell'alveo, col consumo, che se ne fa. E' ben facile anche l'intendere, perchè alcuni fiumi portino le loro ghiaie fin dentro il mare; allora, cioè, quando viene a mancare, lo spazio addimandato dalle altre circostanze, per stritolarle in arena.

Sminuendosi adunque continuamente la mole de' sassi, e rendendosi, con ciò, l'alveo sempre meno declive (come si è detto nel Coroll. 3. della Prop. 5. di questo Cap.) ne segue, che un sasso, il quale sotto una mole maggiore, contrastando alla forza dell'acqua, poteva sostenersi in un alveo più declive; ridotto poscia ad una mole minore, ceda all'impeto della medesima, lasciandosi spingere all'ingiù, fino a trovare quella declività, che resti proporzionata alla diminuzione della di lui mole. Quindi è, che ne' fiumi in ghiaia succedono continue escavazioni, ed altresì continue replezioni; ma così attemperate l'una coll'altra, che ne resta il fondo stabilito; di maniera che, alterato che sia da cause accidentali, o in soverchia escavazione, o in soverchia replezione, ben presto si ristabilisca, per l'efficacia delle cause perpetuamente operanti; e perciò, se l'alveo di un fiume in ghiaia, sarà meno declive, di quello porti la sua natura; non mancandoli materia per cagionar replezioni, eleverassi nel fondo, in maniera da acquistarcela: ed avendola più del bisogno, ne seguiranno escavazioni proporzionate, fino al termine, nel quale si pareggino le forze delle cause escavanti, con quelle delle resistenti.

E qui cade in acconcio di dimostrare un'altra Proposizione, che contiene un caso possibile a succedere ne' fiumi che corrono in ghiaia.

PROPOSIZIONE VI.

Se un fiume, che corra sopra un fondo, resista all' escavazione, richiederà tanto tempo per compirla fino al segno, che richiede la propria forza, e permette l' inclinazione dell' alveo, e che prima d' esser essa compita, sia portata nell' alveo altra materia della medesima natura; anderà il detto fiume continuamente scavando il suo fondo, che sarà stabilito fra due termini, l' uno determinato dalla massima altezza, che può farsi per replezione, l' altro dalla massima bassezza, fatta nell' escavazione.

Fig. 21. Sia il fondo A B quello, che a riguardo della forza dell' acqua, e della condizione della materia ec. si chiama stabilito, e sia sopra di esso la materia contenuta nel triangolo A B C, della medesima natura di quella, della quale è composto il fondo A B; egli è evidente, che correndo l' acqua con una forza determinata per lo fondo C B, potrà escavarlo; ma perchè tal' escavazione non può farsi istantaneamente, ma, per lo supposto, richiede molto tempo; poniamo, che l' acqua, corrodendo abbia scavato il fiume, sino in D B; ma non sia giunta alla A B; e che, arrivata l' escavazione a detto termine, sia allora portata dentro il fiume, v. gr. da' torrenti influenti, altrettanta materia, che basti a rimetter di nuovo in essere la pendenza C B. Continuando dunque la medesima forza d' acqua, tornerà a farsi l' escavazione, e se di nuovo arrivata sino in D B, sarà riportata nuova materia nel fiume, di nuovo si tornerà ad escavare, e così successivamente: supponiamo perciò, che la pendenza D B sia quella, alla quale può giungere l' escavazione, durante il massimo intervallo di tempo, tra l' uno ingresso, e l' altro della materia nell' alveo A B; dunque non si arriverà mai coll' escavazione, alla pendenza A B, ma solo al più, alla D B: parimente supponiamo, che C B sia la massima altezza, che può fare, detratte le escavazioni, la materia, ch' entra nel fiume; adunque la declività non oltre passerà mai la C B; e perciò il fondo sarà stabilito, o piuttosto anderà librandosi, tra le due declività C B, D B. Il che ec.

Non si può pensare, che entri più materia nel fiume di quella, sia smaltita coll' escavazione fatta del fondo, e per conseguenza, che questo debba sempre elevarsi; perchè supposto che ciò succeda, e chiaro, che la declività si renderà sempre maggiore; e perciò la materia sarà disposta, a cedere più facilmente alla forza dell' acqua, che, anch' essa, si accrescerà; onde maggior quantità di materia si smaltirà in un dato tempo; accrescendosi dunque lo smaltimento di detta materia, finalmente si arriverà ad una elevazione, nella quale si pareggerà il consumo coll' entrata; e tale suppongo, che sia l' inclinazione G B.

Avvertasi, che sebbene per l' escrescenza del fiume, e per l' abbassamento dell' alveo, la forza dell' acqua non può essere la medesima (siccome nè meno è la medesima la quantità della materia portata via nella piena, per l' alveo più declive C B, e la portata via, cessata la piena, per l' alveo meno declive D B) nondimeno tuttocciò può ridursi ad una medietà aritmetica, nella quale gli eccessi compensino i difetti; e può supporri, che l' escavazioni siano proporzionali a' tempi, ne' quali saranno state fatte; poichè, negli estremi, torna la medesima cosa.

Corollario I.

Perchè adunque l'entrata della materia grossa ne' fiumi, suole succedere, per l'influsso de' torrenti nelle loro piene; ne segue, che in tal supposto, *quanto maggiori saranno gl' intervalli di tempo, tra l'una piena, e l'altra de' torrenti, tanto meno declive sarà l'alveo del fiume.*

Corollario II.

Similmente, perchè le piene de' torrenti, quanto sono più grosse, e di maggior durata, riducono ancora maggiore quantità di materia ne' fiumi; perciò *quanto le piene saranno minori, e più corte di tempo, tanto meno sarà declive il fiume.*

Corollario III.

Parimente; essendo che, quanto maggiore, e di più lunga durata è la piena del fiume, tanto più opera in escavare il proprio fondo: ne segue, che *quanto più lungo, e maggiore sarà la piena del fiume, tanto meno declive sarà il fondo di esso*; Dipendendo perciò la piena del fiume, tanto nella durata, quanto nella grandezza, dalle piene de' torrenti, e facendo la prima maggiore escavazione, e le seconde maggior riempimento; bisogna osservare, come s'attemperi una cauta coll'altra, e giudicare la qualità dell'effetto, a misura di quella, che prevalerà.

Corollario IV.

E quanto maggiore di corpo sarà l'acqua ordinaria del fiume, sarà ancora tanto meno declive l'alveo; quali declività, tanto in questo, quanto ne' Corollari sopradetti, si deono intendere in tempi omologhi, come ancora la minima di tutte.

Corollario V.

Parlando de' fiumi temporanei, dentro i medesimi supposti, *gli alvei tanto meno saranno declivi, quanto più breve sarà il tempo della loro aridità, e in cui saranno esauisti d'acqua.*

Corollario VI.

Abbenchè questa Proposizione principalmente si verifichi ne' fondi, composti di parti staccate l'una dall'altra, come sassi, ghiaia, ed arena; nondimeno può applicarsi in qualche maniera a' fiumi temporanei, che depongono nel fine delle loro piene, materia limosa, e che si rende tenace per l'efficazione fatta dal sole; ho detto *in qualche maniera*: perchè ordinariamente

mente la materia limosa, che è quella, che riceve tenacità dall' efficcazione, non si depone, che con una gran diminuzione di velocità, che appena si riscontra nell' acque de' fiumi, quando però vi si deponesse, per qualche accidentale cagione, caderebbe sotto i supposti di quest' ultima Proposizione.

Le materie poi, che s' incorporano alla sostanza dell' acqua, sono arene sottili, parti terree, ed altre di simile natura: sono queste, non spinte, come le ghiaie, ma sollevate dal fondo, e portate sino all' ultima superficie dell' acqua: abbenchè il loro peso specifico superi quello del fluido, al quale perciò non sono unite, per la gravità uniforme, ma solo per la violenza del moto, e per la resistenza, che trovano le loro superficie al discendere, impedita dalla viscosità dell' acqua medesima, in quella maniera per appunto, che i vapori acqueei si sollevano, e stanno sospesi lungo tempo nell' aria, come si è spiegato nel cap 4. quindi, acciocchè le particelle di terra restino unite all' acqua, si ricerca un certo grado di agitazione proporzionato al loro peso, mole, figura, e superficie, cessando il quale, cominciano a discendere, ed a lasciar l' unione, che prima avevano colle parti dell' acqua. Dal che ne nasce, richiedesi maggiore agitazione, per tenere unite all' acqua le parti più grosse, e pesanti, che le più sottili, e meno gravi. L' agitazione parimente, o è la velocità dell' acqua, esercitata lungo il corso del fiume, o pure i moti vertiginosi, fatti sopra un piano verticale, cioè dal fondo alla superficie, e da questa al fondo; o pure sopra un piano orizzontale, o inclinato, come s' osserva ne' vortici; nè può negarsi, che questi, ed altri moti disordinati, non operino (tanto a corrodere il fondo, e le ripe, quanto a tenere sollevata la materia) molto più di quello, possa la velocità esercitata per la linea di direzione del fiume; nulladimeno perchè i moti fregolati non possono comprendersi sotto regole semplici, ci contenteremo in questo luogo di considerare l' azione della sola velocità predetta: e ciò faremo tanto più giustamente, quanto che i moti predetti irregolari, sono ordinariamente più, o meno vigorosi, quanto maggiore, o minore è la velocità del fiume.

Dipendendo adunque, come si è detto nel capitolo antecedente, la velocità dell' acqua de' fiumi, e dall' altezza del proprio corpo, o dalla discesa: ed essendo, secondo l' uno, e l' altro principio, più veloce l' acqua in un luogo, che nell' altro; ne segue, che una parte dell' acqua può essere così veloce, che possa sostenere materie più grosse, e più pesanti: e che un' altra non basti, per portare le più sottili, e leggiere. Quindi è, che dove i fiumi sono più veloci, cioè nel filo dell' acqua, si mantengono più profondi; e dove hanno meno di forza, si fanno delle alluvioni, e deposizioni di materie più grosse; e questa è la ragione, per la quale nelle parti connesse delle tortuosità de' fiumi si generano spiagge, o arenai, e dalla parte opposta restano corrose le ripe. Dal medesimo principio deriva pure, che per lo più, ne' fiumi, che hanno acque più veloci verso il fondo, che alla superficie, le arene più grosse non si alzano al pelo dell' acqua, dove giunge la sola terra; e perciò le alluvioni, che si fanno sulle restate o golene, sono di natura molto differenti, quanto alla materia, da quelle, che succedono dentro l' alveo; e similmente le bonificazioni fatte regolarmente, e col prendere l' acqua torbida verso la superficie, sono molto più fertili di quelle, che sono state fatte a fiume aperto, e con prendere l' acqua dal fondo dell' alveo. Non vi è dubbio, che continuandosi in tutte le parti del fiume, quel moto, che rendesi necessario, per tenere sollevata la torbida, non mai si deporrebbe essa, e sarebbe portata coll' istesso moto dell' acqua, sino all' ultimo termine; ma rallentandosi l' agitazione, è ben chiaro, che le materie eterogenee mischiate coll' acqua, si deporrebbero successivamente, secondo la loro gravità; e perciò sboccando fiumi

sorbidi in lagune, o paludi, le interrisciono. e fanno, che il terreno si manifesti in più luoghi, ne' quali prima non si osservava, che espansione di acqua.

Per la stessa ragione *gli alvei de' fiumi, ne' luoghi, ne' quali sono larghi più del dovere, s'interriscono alle sponde, ristringendosi l'alveo a quella capacità, che è richieduta dall'abbondanza dell'acqua, che vi scorre; il che anco fanno nelle paludi ec. facendosi l'alveo, dentro gl'interrimenti medesimi: e perchè rare volte un fiume scorre, sempre colla stessa violenza, osservandosi maggiore velocità nelle piene maggiori, che nelle minori; e parimente nel colmo della piena, più che nel crescere, o cessare della medesima, in parità di circostanze; quindi è, che correndo l'acqua torbida per un alveo, con poca velocità, seguono interrimenti nel fondo, ed alle volte tali, che cessata l'escrescenza, il letto del fiume si vede mezzo ripieno, e fa dubitare a chi è poco pratico della natura de' fiumi, ch'esso non possa essere capace di una piena maggiore; seguendo poscia la quale, di nuovo si scava alla primiera profondità. Perciò, sebbene un fiume può scorrere al suo termine, sopra d'un fondo affatto orizzontale; portando però acqua torbida, se non avrà esso tanta altezza di corpo d'acqua, da tenere la terra sempre incorporata, necessariamente dovranno seguire delle deposizioni, le quali anderanno sempre crescendo, fino ad acquistare quel pendio, che più non può resistere alla forza dell'acqua, acciocchè non porti via la materia, che per altro resterebbe deposta sopra la di lui linea; e perciò nelle piene minori si mutano le cadute, accrescendosi, e nelle maggiori, sminuendosi.*

Da ciò, che finora si è detto, evidentemente apparisce, rendersi inutile qualunque opera umana, che tenti di accrescere, o scemare le dovute pendenze a' fiumi torbidi; posciachè, se non s'inducano nuove cause perpetuamente operanti accresciute che siano dette pendenze, succederanno nuove escavazioni; e sminuire, nuove deposizioni; e perciò, nel mutare il letto a' fiumi, per via di cavi, si dee ben'avvertire la caduta, che ha un termine sopra l'altro, e paragonarla alla necessità del fiume, ed alla situazione della campagna, per non incorrere in quegli errori, che per simili inavvertenze, hanno spesso fatto, e fanno lagrimare le Provincie intiere, a causa dell'alzamento seguito ne' fondi degli alvei, dell'impedimento degli scoli delle campagne, e dell'inondazione delle medesime. Dissi *se non s'inducano nuove cause perpetuamente operanti*: perchè in tal caso potrebbe anche perpetuarsi l'effetto. Perciò, in proposito di volere sminuire le pendenze, potrebbe giovar, essendo praticabile, il ristringimento dell'alveo ad un fiume, o l'unione di più acque in un'alveo medesimo; e quando le cadute siano troppo precipitose, e comune la pratica di traversar loro l'alveo con chiuse, o pescare, per far elevare i fondi, ed impedire il dirupamento delle ripe; nel qual caso si tolgono bene alcuni de' cattivi effetti, che partorisce il soverchio approfondimento del fiume; ma le cadute, in poco tempo, si ristabiliscono a misura della necessità dell'alveo. Solo, ad accrescere realmente le cadute, può contribuire la diversione dell'acque, o l'allargamento dell'alveo, quando possa mantenersi in tale stato.

Quale sia il grado di velocità, che può bastare per tenere sollevata la materia arenosa, nell'acqua, e quale, la materia semplicemente terrea, è difficile da determinarsi; egli è ben'evidente, che *il Po, il quale nelle sue massime piene ha trentacinque piedi di altezza viva di acqua, non permette, che nel suo letto si faccia deposizione veruna, sopra il fondo già stabilito: che Reno, e Panaro, i quali non hanno, che nove, o dieci piedi di altezza, depongono l'arena, fino però a formarsi il pendio, rispetto a Reno, di tredici in quattordici*

onca di caduta per miglio, ma non lasciano già la terra, nè meno l'arena sopra detta pendenza. E' ancora probabile, che l'arena medesima possa andare, col lungo corso de' fiumi, così affottigliandosi, che possa paragonarsi colla terra: se pure l'una, e l'altra non sono una stessa sostanza, cioè l'una più semplice, l'altra più composta; ed in fatti si vede, che le arene del mare, le quali non sono altro, che le portatevi dentro da' fiumi, sono sottilissime, e tanto più: quando provengono da' fiumi maggiori; e di corso più lungo; il che essendo vero, tanto minor forza addimanderebbero per non deorsi; siccome anche minore la richiede il limo sottile; e perciò pochi sono i fiumi, i quali lo depongano nel proprio letto, fuorchè in poca quantità, e per cause affatto accidentali.

Non è la sola agitazione dell'acqua quella, che concorre a tenere sollevate le arene; avendovi anche gran parte la copia delle medesime. Per intelligenza di ciò, si consideri, che, siccome il moto dell'aria può ben fare ascendere, e tenere sospesi i vapori, ma non in ogni quantità, che si trovino; e perciò è necessario, che cumulate una gran copia finalmente ricadano in pioggia; e così l'acqua, mediante l'agitazione, che si trova avere, non può sostenere qualsivoglia quantità di parti più gravi di essa; ma debbono essere limitate, non tanto dal grado, che dalla somma del moto, che si trova nella medesima. Quindi è, che il grado dell'agitazione corrisponde alla grossezza, o sottigliezza delle parti; e la somma del moto al numero, o quantità delle parti medesime. Può darsi perciò il caso, che il grado, o velocità dell'agitazione, non sia potente a sollevare, e sostenere un grano di arena; ma sminuzzato che sia, resti esso sospeso nell'acqua; non sarà però il medesimo grado valevole a sostenere infinite granella della medesima misura; se non s'intenderanno essere dell'acqua infinite le parti, e per conseguenza infiniti gradi di moto, rispetto al numero, ognuno de' quali sostenga un grano di arena; egli è perciò necessario, che il numero di questi sia limitato, e proporzionato alla somma del moto, che si trova in una certa quantità di acque; o pure, se così dir vogliamo, in una sezione di un fiume.

E' facile assicurarsi di ciò coll'esperienza; poichè presa una quantità di acqua dentro di un vaso, ed agitata questa con un moto sempre uniforme [il che si può ottenere con diversi artifici] se a detta acqua sarà infusa della polvere, si vedrà, che sul principio si mischierà ella coll'acqua, la quale perciò diverrà torbida; ma, se continuerassi ad aggiungere sempre altra quantità della polvere medesima, si vedrà, ch'essa non si mescolerà più coll'acqua, ma caderà al fondo del vaso, al che può concorrere non solo la deficiency della quantità del moto necessario a sostenere la quantità della terra aggiunta; ma ancora la vicinanza delle parti medesime, che facilmente unendosi insieme, formino una mole più pesante, che richieda un grado d'agitazione maggiore, per essere tenuta sospesa nell'acqua. Per l'una, e per l'altra dunque delle suddette ragioni, egli è evidente, che quantunque il grado del moto possa sostenere più parti di terra incorporate all'acqua, non potrà sostenere però tutta quella quantità, che a lui sarà somministrata; e perciò può darsi il caso, che in un fiume sia portata tanta quantità di terra, che l'acqua di esso non possa portarla via, se non in un tempo determinato: incidente, che porge motivo alla seguente Proposizione, i supposti della quale, sebbene di rado accaderanno, non sono però impossibili.

PROPOSIZIONE VII.

Se ad un fiume sarà somministrata, v. gr. da' torrenti influenti, tanta quantità di terra, o di arena, che non possa tutta incorporarsi coll'acqua d'esso; si deporrà ella, ed alzerà il fondo; ma cessato l'influsso de' torrenti, la terra deposta sarà corrosa, e portata via dal corso del fiume; e se a far ciò, si richiederà più tempo, di quello intercede fra un influsso, e l'altro de' torrenti, non potrà il fondo del fiume ridursi a quella minore declività, che addimanda la forza dell'acqua, e la resistenza della materia, che compone il fondo; ma si stabilirà fra due termini, l'uno de' quali sarà quello, che compete alla massima corrosione, che può fare il fiume in detto tempo; l'altro sarà quello, che è limitato dal massimo alzamento, che può fare la materia portata in esso.

Io non stimo necessario il dimostrare a parte, questa Proposizione, potendo applicarsi ad essa proporzionalmente la prova della Prop. VI. di questo Capitolo, dalla quale non è in altro differente, che nel supposto della materia portata da' torrenti nel fiume: ed a questa Proposizione possono applicarsi i Corollari, ed Annotazioni fatte a quella. Solo si può avvertire, che tanto è più facile la corrosione della materia in questo caso, quanto essa non ha bisogno, per essere corrosa, di essere spinta radente il fondo del fiume; ma può incorporarsi all'acqua, la quale, sebbene entrasse chiara nell'alveo del fiume, nulladimeno per tal corrosione s'intorbirebbe; e perciò difficilmente verrà il caso, se non accidentalmente, che nel tempo, che corre tra l'una piena, e l'altra de' torrenti, non sia compita la corrosione, e stabilito il fondo.

Questa Proposizione ancora si verifica, in parte, in que' casi, ne' quali le piene de' fiumi, nel suo maggior colmo, fanno delle deposizioni, che poi sono levate, nel calare delle medesime, o in acqua ordinaria, cessando le cause, che hanno cooperato, a fare dette deposizioni; e perciò non bisogna maravigliarsi, se alle volte si vede un fiume basso corrodere l'arena, che taluno crederebbe, dovesse essere stata portata via, non deposta, dal fiume più alto; perchè in alcuni luoghi si fanno, per cause accidentali, delle alluvioni nelle piene, che per altro non succederebbero fuori di esse; come a suo tempo si spiegherà.

Rispetto finalmente alle materie, che sono portate a galla dall'acqua, queste meritano poca considerazione; posciache, se esse non s'uniscano col fondo, o colle ripe, si depongono nelle golene, o pure sono portate fino all'ultimo sbocco. Talvolta però cessando l'acqua ne' fiumi temporanei, restano esse nel fondo, o nelle spiagge del fiume, ma sopra venendo nuova acqua, di nuovo si alzano a galla, e seguivano il corso della medesima, sempre nella parte, che è più veloce, cioè nel filone; salvo che talvolta, secondo la loro diversa condizione, o si frammischiano alle deposizioni terree, e servono ad accrescere la resistenza del fondo; o se sono rami d'arbori, e capaci di farlo, s'abbarbicano, e radicano nel fondo, o nelle sponde, e talora lo fanno così stabilmente, che servendo d'un considerabile impedimento, mutano la direzione al corso dell'acqua, o scostandolo, o stringendolo contro una ripa. Lo stesso succede per cagione de' semi delle piante, che portati dall'acqua, e deposti in qualche luogo idoneo, nascono, e vegetano, o vestendo d'erba le sponde de' fiumi, e con le radici sostentandole, che non dirupino; o imboscando le golene, e le scarpe delle ripe dell'alveo, e le spiagge medesime; cagionando con ciò diversi ef-

fetti, ora utili, ora nocivi. Rare volte però, e forse non mai, succede, che le materie galleggianti sopra l'acqua, alterino considerabilmente, e stabilmente la positura del fondo; abbenchè molte volte mutino la situazione delle ripe.

Dalle cose fin ora dette, concernenti le deposizioni delle materie portate dall'acqua, si potrebbero dedurre alcune altre Proposizioni; ma queste ricaderebbero nelle dimostrate di sopra, in proposito dell'escavazione; Poichè egli è evidente, che se si facessero deposizioni maggiori di quelle, che sono permesse dalle cause escavanti, comincerebbero queste ad operare; e tanto più facilmente, quanto che minor forza si ricerca per corrodere la materia deposta, come senza tenacità, che a staccare le parti d'un fondo antico, le quali rare volte saranno prive d'ogni legame colle vicine. E perciò torna lo stesso, o considerare il fiume stabilito per via di sola escavazione, senza alcuna deposizione; o pure per sola deposizione, senza alcuna escavazione, mentre nell'uno, e nell'altro caso, la forza dell'acqua tralascia di escavare, perchè la resistenza della materia, che compone il fondo, unita alla poca declività della di lui linea, la impedisce di ulteriormente operare.

Abbiamo fin ora addotte le cause, che concorrono a stabilire la situazione del fondo; resta ora, per compimento di questo Capitolo, da determinare il principio, dal quale vien regolata la distanza delle di lui parti dal centro della terra; atteso che possono due fiumi avere nel fondo una situazione affatto uniforme, sì nella lunghezza, che nella degradazione delle cadute; ancorchè le parti simili degli alvei dell'uno, e dell'altro, sian diversamente distanti dal centro della terra, come evidentemente dovrebbe succedere, se uno entrasse nel mare, cadendo da una cateratta, chiusa, o sostegno; e l'altro entrasse placidamente, portando la sua superficie ad unirsi insensibilmente a quella del mare. Questo caso assai bene insegna, che l'altezza, o bassezza degli alvei de' fiumi, de' quali sia stabilita la linea cadente de' fondi, unicamente dipende dagli sbocchi, il fondo de' quali dee servire per base a tutta la parte superiore del fiume, disponendo sopra di esso tutte le linee, o declività, che competono a tutte le parti dell'alveo, sino alle fontane, dalle quali tirano l'origine i primi rivi. Se però il fiume non avrà il letto seguito, e continuato dal principio al fine, come se sarà interrotto, o da cateratte, o da laghi, paludi, e simili; si debbono considerare queste, come il fine del fiume, ed assumere la parte superiore della cateratta, o la foce dell'emissario, come un nuovo sbocco, sul quale s'appoggi l'intera situazione delle parti superiori. Ma di ciò, più a lungo discorreremo nel Capitolo ottavo; siccome tratteremo più ampiamente della larghezza de' fiumi in altri luoghi. secondo che porterà l'occasione della materia,

CAPITOLO VI.

Della rettitudine, e tortuosità degli alvei de' Fiumi.

DOpo d'aver indagato, nel Capitolo precedente, le cause radicali delle due principali proprietà de' fiumi, cioè della profondità, o piuttosto della declività, e larghezza degli alvei; pare, che il buon ordine porti a considerare, quali sieno le vere cagioni della loro diversa situazione nella superficie terrestre, riscontrandosi in questo particolare molte circostanze, degne d'una particolare avvertenza. Si vede tutto il giorno, da chi considera il corso de' fiumi, che altri di questi si stendono in una linea retta, dal suo principio sino al fine; ed altri, ora s'incurvano, formando angoli assai grandi, ora s'increspano nelle curvità delle corrosioni, ora si aggirano in mille meandri: nel che si dee riconoscere, o un fine particolare della natura, o pure una necessità inevitabile, che obblighi i fiumi a prendere strade diverse, l'uno dall'altro.

S'io considero la natura nella sua semplicità, difficilmente posso darmi a credere, ch'ella affetti altra strada, che di linee rette, poichè corre un'asfissia comune fra' Fisici, che *la Natura opera sempre per i mezzi, e strade più compendiose*; Quindi è, ch'essendo l'intento della natura di portare per gli alvei de' fiumi le acque di essi al suo termine, cioè al mare, o a' fiumi maggiori; è difficile d'immaginarsi il fine, per lo quale sceglie ella vie oblique, e tortuose per lo corso de' fiumi, duplicando molte volte, e triplicando la lunghezza dell' strada, che per una sola linea retta, s'avrebbe brevissima. E' dunque necessario il dire, che *l'obliquità del corso de' fiumi, sia una necessità indotta dalle circostanze, e dall'azioni delle cause parziali, che concorrono alla generazione*, per così dire, degli alvei; e che, essendo sommamente difficile il fare, che un moto prodotto, e diretto da più cagioni, seguiti la rettitudine di una linea; necessariamente perciò succeda, che i fiumi prendano strade oblique, e tortuose, secondo la diversità, o delle resistenze, o delle cause, che o s'uniscono, o succedono l'una all'altra nell'operare.

La necessità, che hanno avuta gli uomini d'impedire la voracità de' fiumi, che ingoiano, colla corrosione delle ripe, molte volte le sostanze d'una famiglia, e col mutar corso, ed abbandonando i ponti, sotto i quali avevano l'esito, non rare volte intersecano le strade, ed interrompono la libertà del commercio, oltre mille altri mali dipendenti dall'instabilità de' fiumi medesimi, è stata quella, che ha acuiti gl'ingegni degli architetti di acque a cercarne i rimedj, e ad indagarne le cause; onde è, che niuna altra parte dell'architettura dell'acque, è stata trattata più di questa, parendo forse, che essa non si estendesse, oltre questa materia. Bisogna però confessare, che non si è sin ora fatto molto profitto; o siasi, che troppo moltiplicate sieno le cause, che cagionano le corrosioni, e le mutazioni di corso, o che sia troppo difficile il misurare l'energia delle medesime, e il proporzionar loro la resistenza de' ripari, o che sia facile lo sbaglio nella
in-

investigazione della vera causa produttrice dell'effetto, che si vorrebbe rimuovere; e perciò, il più delle volte, vanamente si travaglia, ed inutilmente si spende il tempo, ed il danaro, in volere resistere al corso incaminato d'un fiume, anzi molte volte il rimedio è peggiore del male, non essendo rari que' casi, ne' quali un riparo portato via dal fiume, ha tirata seco in un giorno la ruina della ripa, a cui egli era connesso, e la quale, per altro, avrebbe resistito più lungo tempo.

Io non pretendo con ciò di condannare l'uso di difendere le sponde de' fiumi, e molto meno di dar regole di farlo sicuramente. So quanto egli sia difficile, e quanti riguardi, e cautele si richiedano, a chine intraprende la pratica. Nè mi è ignoro, che molto insegna l'esperienza, e l'esperienza del fiume, in cui si travaglia, la cognizione del quale rispetto alle proprietà individuali, è affatto necessaria. Non dee però l'esperienza andare scompagnata dal lume, che somministrano le cognizioni teoriche; altrimenti rimarrà ella affatto allo scuro, qualunque volta manchino le circostanze, alle quali resta ella appoggiata. Pretendo bene di porgere qualche lume alla pratica, per altro cieca, degli architetti dell'acque, acciocchè dalla cognizione delle cause, possano condursi più facilmente a quella degl'effetti, e proporzionare a quelle, ed a questi, le loro invenzioni; e ciò senza uscire dal mio istituto, qual'è di rendere palese la Natura de' fiumi, addurre le cagioni degl'effetti, che in essi si riscontrano, e di mettere in chiaro le regole osservate dalla natura medesima, nella condotta de' fiumi.

So che il Barattieri, ed il Michelini hanno trattato ampiamente questa materia; e molti sono stati quelli, che hanno proposti de' modi di riparare le ripe, acciocchè in esse non succedano corrosioni; onde io prendendo da' primi ciò, che ho creduto conforme alla verità; ho aggiunto quello di più che mi è venuto in mente sopra questa materia, e che mi è paruto non lontano dal vero. Mi è ben convenuto di separare le cause, l'una dall'altra, considerando ciò, che dall'una, presa sola può derivare, senza unire l'efficienza di più di esse insieme congiunte; poichè (oltre che, avendo destinato di fare altrimenti, mi sarebbe stato necessario d'intraprendere un trattato intero) ho creduto, che chi avrà ben inteso il modo di operare d'ognuna delle cause addotte, potrà facilmente dedurre ciò, che possano due, o più di esse congiunte. Nè ho mancato di dare di passaggio qualche avvertimento a' pratici, che potrà loro giovare nella costruzione, sì de' ripari, che degli argini, i quali si fanno alle sponde de' fiumi tortuosi. Seguitando perciò l'intrapreso metodo, ho difesa tutta la materia in alcune Proposizioni, dalle quali ho dedotti gli opportuni Corollari, ne' quali ho, cred'io, spiegato tutto ciò, che può appartenere al soggetto di questo Capitolo.

PROPOSIZIONE I.

Se un grave sarà posato sopra d'un piano inclinato: lasciato che sia in libertà, discenderà per quella linea, che dal centro del mobile caderà perpendicolare alla comune sezione del piano inclinato col piano orizzontale.

Fig. 22. Sia il piano orizzontale I G C H, e l'inclinato E F C D, e la comune sezione di essi sia la linea D C: dico, che se il grave A sarà posato sopra il piano inclinato E F C D, lasciandolo cadere, prenderà esso nel discendere la linea A B, perpendicolare alla D C, posciachè egli è certo, che i gravi tutti prendono nel loro discendere quella strada, per la quale più

più presto possono avvicinarsi al centro; o ch'è lo stesso, per la quale più presto arrivano a toccare il piano orizzontale; ma la linea AB , come perpendicolare alla DC tirata sul piano orizzontale, è più breve della linea AD , e generalmente di tutte, quelle, che dal punto A possono tirarsi alla DC ; adunque il grave A descriverà nel suo discendere la linea AB . Il che ec.

Corollario I.

E perchè l'acqua anch' essa è un corpo grave; perciò trovandosi dell' acqua in A , senz' altra direzione, che quella, che le può dare la propria gravità, discenderà anch' essa per la linea AB .

Corollario II.

Similmente: perchè la linea AB è quella, che fa l'angolo maggiore col piano orizzontale (come facilmente si può provare, lasciando cadere dal punto A una perpendicolare al piano orizzontale v. gr. AK ; e dal punto A tirando le linee KB , KD , dalla quale costruzione farassi l'angolo ABK maggiore di ADK , per essere le due AB , KB minori ad una ad una, delle due AD , DK , e la linea AK comune] ed essendo perciò la linea AB quella, che ha più di caduta in eguale lunghezza; ne segue, che, dovendo l'acqua discendere per la sola virtù della propria gravità, sceglierà quella linea per la quale troverà maggiore caduta, o la quale (che è lo stesso) sarà più inclinata all' orizzonte.

Corollario III.

Non essendo però l'acqua un solo corpo; ma l'aggregato di più corpicciuoli insieme; n' avverrà, che posta una quantità d' acqua in A , non potrà ogni parte di essa discendere per la linea AB ; ma diverse parti sceglieranno diverse linee: tutte però, per questa ragione, parallele ad AB .

Corollario IV.

Essendo però impossibile, che l'acqua corra giù per lo piano BC , senza qualche altezza di corpo: bisogna, che tale altezza in virtù della pressione, spinga lateralmente qualche parte di acqua, quale venga obbligata a prendere una linea obliqua, v. gr. AD . Ma, essendo maggiore la velocità per AB , che per AD ; maggiore anco sarà il corso, e lo scarico dell' acqua per essa AB : e in conseguenza non potrà allargarsi molto il corso di tutta l' acqua, a destra, ed a sinistra della linea AB .

Corollario V.

Che se il corso per AB sia fatto con tanta velocità, che basti a disunire, l'una dall' altra, le parti del piano AB , farassi l'escavazione per la linea AB ; e per-

ciò profundandosi l'acqua sotto la superficie del piano E C, serviranno le sponde di questo scavo, ad impedire l'allargamento dell'acqua; e perciò discendendo essa per un piano tanto declive, che possa coll'escavazione, formarvi dentro l'alveo, sarà questo disposto in una linea retta, che abbia la caduta maggiore di quella, che possano avere tutte l'altre linee tirate da quel punto sopra del piano medesimo. Lo stesso succederà, se non essendo il piano tanto declive, che possa essere escavato, l'acqua sia torbida, e possano farsi delle alluvioni; perchè in tal caso, la materia terrea si deporrà lateralmente alla linea A B, ed alzandosi le sponde, succederanno gli effetti medesimi dell'alveo scavato.

Queste dimostrazioni però suppongono, che la materia, della quale è composto il piano, sia omogenea, almeno nella resistenza delle parti all'essere staccate; altrimenti potranno succedere delle alterazioni, come si dirà più abbasso.

PROPOSIZIONE II.

Se un grave sarà gettato sopra un piano declive con qualche direzione obliqua, descriverà esso sopra del medesimo piano una linea curva, fin tanto che la forza, che lo spinge per detta direzione, li si tolga dalle resistenze di esso piano; indi discenderà per la linea retta, di cui si è parlato nella prima Proposizione.

Prima d'accingermi alla dimostrazione di questa Proposizione, devo avvertire in primo luogo, ch'io non parlo di piani matematici, ma di piani fisici, e conseguentemente ineguali (come, parlando di acque, farebbe un piano di terreno) ne quali perciò si possono intendere delle resistenze, che impediscano la velocità del mobile, e finalmente l'estinguono: ed in secondo luogo si dee pure intendere, che la natura del moto attuale, o di traslazione, è di tal sorta, che non si può concepire senza intendere il mobile con qualche direzione, cioè senza intendere, che sia trasportato verso qualche parte, e con qualche velocità, mediante la quale sia vevole a scorrere un dato spazio in un dato tempo.

Per quello, che s'aspetta alle direzioni, queste o sono semplici, o sono composte: semplici direzioni si chiamano quelle, che si esercitano per linee rette; come sono comunemente, quelle delle cadute de' gravi: e queste sono prodotte da una, o da più forze operanti per la retta medesima. Questo si può intendere in due maniere, o perchè veramente operando da se ognuna delle forze spinga il mobile per detta linea; o perchè, operando le forze separate per linee diverse; quando poi si congiungono, uniscano la propria forza in una terza linea retta, nella quale si trovi eguale obbedienza all'una, ed all'altra delle direzioni delle potenze motrici; ciò però non ostante, si chiamano semplici direzioni; perchè, quantunque le forze siano diverse, e diversamente operanti: nulladimeno possono equivalere ad una terza forza eguale di energia a quella; che si esercita nel mobile.

Direzioni composte si chiamano poi quelle, che sono prodotte da diverse potenze operanti, per diverse direzioni semplici; ma non con moti equabili; e perciò queste vanno a terminare i loro effetti in linee curve, come sono le circolari, le ellittiche, le paraboliche ec. Ma perchè il moto prodotto dalle semplici potenze, e di sua natura uniforme, ed equabile, e per conseguenza, non impedito, continuerebbe eternamente, e colla direzione di prima; perciò non si può intendere, che una direzione si muti, se non incontri qualche impedimento, o non s'aggiunga, di tempo in tempo, nuova forza al mobile.

Fig. 22.

Supposto per esempio, che il mobile A sia trasportato di moto equabile per

per la linea A B, continuerà egli a muoversi per essa indefinitamente; ma e arrivato in B, troverà il resistente C D, che lo impedirà di portarsi più avanti per detta linea, ma non gli levi alcuna parte della forza intrinseca, che l'obbliga a muoversi; cambierà esso direzione in B E: ma non muterà velocità, e saranno gli angoli C B A, E B D eguali: questo adunque è il primo caso, nel quale si muta la direzione di un mobile.

Ne moti composti poi, se ambedue i moti componenti siano equabili, come A B, F B, benchè diversamente veloci; e se l'uno, e l'altro di essi spinga il mobile B, non prenderà esso la direzione B E, nè la B D; ma un'altra terza B C, che sarà il diametro di un parallelogrammo, i cui lati B D, B E siano le linee continue de' moti componenti, ed abbiano la proporzione delle velocità F B, A B. Che se i moti non fossero equabili ambedue, ma o uno uniforme, e l'altro ritardato, o accelerato; o puè l'uno accelerato, l'altro ritardato; o tutti e due accelerati, o ritardati, ma diversamente; non potrà il mobile scorrere per una linea retta, ma dovrà descrivere col suo centro dell'impeto una curva, nella quale perchè ad ogni momento si muta direzione; perciò si dee questa intendere in ogni punto di essa curva di tal maniera, come se il mobile fosse nella linea tangente, che passa per lo punto medesimo; qual tangente sarà la linea di direzione del mobile. E quindi nascono molti casi, ne quali i mobili sono sforzati a mutare direzioni, o in una maniera, o in un'altra, secondo la proporzione, che hanno fra loro le potenze moventi, ec.

Fig. 24.

Quello, che più importa sì è di esaminare, da qual principio siano derivate le prime direzioni del mobile. Io considero dunque, che qualunque forza agente non solo imprime nel mobile quella quantità di moto, o di impeto, che la porta da un luogo all'altro; ma in oltre lo determina a muoversi per una linea determinata. Questa forza agente, o è la prima causa del moto, e rispetto a questa, non si può assegnare altra cagione della direzione del mobile, che il di lei libero arbitrio, essendo stato in piena libertà del Sommo Creatore il far muovere le materie da esso create per quelle linee, che più gli sono piaciute: ovvero per forza agente s'intende una causa seconda, o occasionale della comunicazione de' moti: e da essa succedono le direzioni, secondo certe leggi particolari. Poichè egli è certo, che non mai si muoverà un corpo, se ad esso non sarà comunicata una certa potenza, da un altro corpo, o attualmente mosso, o in conato al moto. Se il corpo movente sarà altresì necessariamente con qualche direzione: e perciò la regola è, Che se la linea retta tirata dal punto della percossa, o della comunicazione de' moti, al centro dell'impeto, o di gravità del mobile, sarà in dirittura della direzione del movente; seguirà il mobile la medesima direzione del movente; ma, se queste due linee faranno angolo fra loro, la direzione del mobile seguirà quella linea che connette il punto della percossa, col centro di gravità del mobile, e lascerà la direzione del movente.

Similmente ne' conati, poichè anche questi hanno sempre qualche determinazione, s'ella sarà una sola; è necessario, che il mobile obbedisca alla medesima, nella maniera, che si è detta di sopra; e perciò, secondo l'applicazione di esso alla forza energetica, talora prenderà la medesima direzione del conato, e talora un'altra, che sia obliqua alla predetta: e generalmente, s'appiglierà a quella, che è insegnata dalla linea tirata dal punto dell'applicazione, al centro di gravità del mobile. E finalmente, se le direzioni del conato saranno diverse in una medesima parte, come se saranno fatte in essa da altrettante direzioni determinate [che possono equivalere in un certo modo ad un conato, o indeterminato nelle direzioni, o piuttosto determinato

ad ognuna di esse, come succede ne' corpi fluidi a causa della propria pressione, e ne' corpi elastici per ragione della loro forza espansiva] allora la determinazione delle direzioni nel mobile, si dee tutta al difetto delle resistenze; e ciò [per non uscire dalla materia, della quale trattiamo] manifestamente apparisce ne' vasi pieni d'acqua, ne' quali, da pertutto, ove s' aprono fori, sboccano le acque colla direzione de' fori medesimi, che sono quelli, che danno la forma dell'applicazione del mobile al conato del movente.

Passando dalla direzione alla velocità del mobile, è d'avvertirsi, esser questa un effetto cagionato dalla forza comunicata, o impressa dal movente, ed attemperata dalla copia della materia del mobile; poichè la medesima forza movente farà muovere più velocemente un picciolo corpo, che un grande, mancando nell'intensione, quanto si perde nell'estensione. Può dunque essere, che la velocità del mobile, o per difetto di forza, o per troppa abbondanza di materia, sia così picciola, che, in ogni tempo sensibile, venga comunicata tutta la forza alle resistenze; e che perciò, perdendola il mobile esiga il fomento di nuova potenza per continuare a muoversi, come si vede nelle carrozze, le quali d'ordinario, se non sono tirate da' cavalli, si fermano; e questa maniera di muoversi, si chiama *Moto per impulso*. Ma essendo la velocità del mobile assai grande, e tale, che non possa tutta ad un tratto essere assorbita, per così dire, dalle resistenze, si continuerà bensì il moto, ma non con la primiera velocità; la quale perciò sempre scemandosi, permetterà finalmente, che il mobile, perduta che abbia affatto la forza, si riduca alla quiete, come succede nelle palle d'artiglieria, le quali, anche lontane dalla forza del fuoco impellente, continuano a portarsi avanti con grande velocità; e questa continuazione di moto, senza l'aiuto di nuova forza, si chiama *fatta da un impeto impresso*, o pure *Moto di proiezione*. Ciò supposto, è manifesto, che i corpi, che si muovono per impulso, mantengono, quanto a loro, la direzione dell'impellente, quale sempre è necessario, per così dire, che sia loro alle spalle, per ispingerli avanti. Ma i corpi mossi per impero, seguitano, almeno sul principio, quella direzione, che loro vien data dal movente; per altro poi, nel progresso, sono pronti a mutarla, se o altre forze con altre direzioni, o le resistenze incontrate li obbligano a prenderne d'altra forte.

Io mi sono esteso su questo particolare delle velocità, direzioni ec. de' mobili, più di quello era necessario per la dimostrazione della Proposizione di sopra enunciata: ma ciò non sarà stato affatto fuori di proposito; pościachè la materia di questo Capitolo addimanda, di quando in quando, molte delle notizie, che in questa occasione abbiamo apportate.

Fig. 25. Sia dunque il piano inclinato $A B D C$, sopra il quale scorra un grave E , portato dal proprio impeto per la direzione $E F$, e supponiamo, che la lunghezza della strada $E F$, sia quella, che basta a trovare tante resistenze, che possano distruggere l'impeto di esso: dico, che il grave E , supposta la direzione obliqua $E F$, descriverà una linea curva, v. gr. $E G$, uguale alla retta $E F$, ed arrivato in G , discenderà rettamente per la $G H$, perpendicolare alla $C D$, che si suppone la comune sezione del piano inclinato $A D$ con un piano orizzontale.

Pościachè, essendo E spinto per la linea $E F$ dal proprio impeto (il quale, abbenchè di sua natura sia atto a fare un moto equabile; nulladimeno a cagione delle resistenze del piano, converrà sia ritardato) ed essendo, che nell'istesso tempo, che il mobile tende verso F , la propria gravità lo porta con moto accelerato, verso la linea $C D$, per quello si è dimostrato nella Proposizione antecedente; perciò combinandosi un moto ritardato, ed

uno accelerato nel medesimo mobile E, converrà ch'esso descriva una linea curva, per la quale vada sempre accostandosi al punto F, e nello stesso tempo ancora alla linea C D; e questa sarà, v. gr. la curva E G, la cui natura dipende dal modo, o proporzione del ritardamento, secondo la direzione E F e dell'acceleramento, secondo la direzione G H. E perchè si è supposto, che la lunghezza del viaggio E F sia quella, che basti per fare incontrare al mobile tante resistenze, che siano sufficienti ad assorbire tutto l'impeto di esso; allora parimente sarà cessato l'impeto nel mobile G, quando egli avrà fatto per E G tanta strada, che gli abbia somministrate tante resistenze, quante ne avrebbe avute per E F; cioè, quando E G sarà eguale ad E F; adunque arrivato il mobile in G sarà distrutto in esso ogni impeto precedente; e per conseguenza ogni direzione verso F: restandogli perciò il grave, privo d'ogni altra direzione, fuor di quella della propria gravità, discenderà per la linea G H. Il che ec.

Corollario I.

Quanto maggiore sarà l'impeto del mobile, e quanto minori saranno le resistenze del medesimo, e parimente quanto minore sarà la di lui inclinazione all'orizzonte; tanto più lunga sarà la linea curva E G, ma minore sarà la curvità di essa, ed al contrario. Il Galileo prescindendo da ogni sorta di resistenze, ha dimostrato, che tale curva sarà una linea parabolica; ma in caso di resistenze considerabili, grande ancora sarà la differenza da essa.

Corollario II.

L'acqua anco' essa, (che non meno d'un grave solido, si può muovere per impeto impresso, ed accelera i suoi moti, discendendo verso il centro de' gravi) se entrerà a scorrere sopra d'un piano con qualche direzione, ed impeto, come le dopo aver corso fra le montagne, sboccasse dalle foci di queste in una pianura, nella quale non trovasse alveo alcuno, farà l'effetto medesimo, descrivendo una linea curva col suo moto. Ben è vero, che per le ragioni dette di sopra al Corollario IV. della Proposizione antecedente, si farà qualche spargimento d'acqua laterale, tanto dalla parte superiore, che dall'inferiore, e questa volteràsi per linee oblique di maggiore curvità, che finalmente termineranno in linee rette perpendicolari alla retta C D: ma l'acqua sparsa dalla parte superiore della linea E G, converrà, che ricadendo verso di essa, seguiti il di lei corso, ed al più, faccia col suo peso in maniera, che la curvità E G si renda maggiore.

Corollario III.

E quando la velocità, della quale è dotata l'acqua corrente per la linea E G sia bastante ad escavare il piano A D, tale escavazione si farà per detta curva E G; e parimente, quando l'acqua sia torbida, e la di lei forza non bastante per fare escavazioni; si formerà essa l'alveo d'alluvioni per la linea predetta, ed a misura che si andranno alzando le ripe, s'impediranno dall'altezza di queste, l'espansioni laterali dell'acqua. Ben è vero; che in questo caso, le ripe non si alzeranno egualmente, ma più si eleverà, in egual tempo, quella che ri-

sguarda la parte più alta del piano, e menola contrapposta; la quale, giunta che sia ad una determinata altezza, può succedere, che non s'alzi di vantaggio, per essere la dilei declività acquistata verso la parte C D, giunta a tal segno, che non permetta deposizione alcuna di torbida.

Corollario IV.

Siccome, portandosi l'acqua da E verso G, vaperdendo l'impeto, e conseguentemente la velocità; così è necessario, che procedendo da E verso G, si vada sempre allargando, e minori succedano l'escavazioni, ma per lo contrario, impedendo le sponde dell'alveo formato, l'espansione dell'acqua, rendesi essa più vigorosa, sì per non avere più tante resistenze da superare, come prima; sì perchè l'altezza del corpo di essa può sottentrare a dar fomento all'impeto perduto: e perciò, a misura che maggiore succederà l'incassamento del fiume dalla parte di E, ne seguirà sempre maggiormente la formazione dell'alveo nelle parti più lontane verso G.

Corollario V.

E perchè la forza dell'altezza dell'acqua, ch'è un conato esercitato per tutte le direzioni, viene ad essere determinata, dal difetto delle resistenze, ad una direzione parallela all'andamento delle sponde; quindi è, che l'escavazione dell'alveo non solo contribuirà a formare più presto il letto al fiume verso G; ma sarà cagione, che sboccando da G l'acqua con una certa direzione, e con un impeto determinato, non possa essa scorrere per la linea G H; ma la curvità si prolunghi più avanti, v. gr. sino in L, accostandosi però, sempre più, al parallelismo di G H, dopo di che finalmente si ridurrà a formarsi l'alveo parallelo a G H; e ciò s'intende sempre, supposta l'uniformità della materia del piano A D.

Corollario VI.

E perciò è manifesto, che, nell'uno; e nell'altro caso delle due Proposizioni dimostrate, l'acqua, quanto è in se, ha propensione di scorrere per alvei retti, ed al più che sia possibile, declivi.

PROPOSIZIONE III.

Se sarà una sezione di un fiume retto, per lo quale, cioè, siano le direzioni di tutte le parti dell'acqua corrente perpendicolari al piano della sezione medesima: se il fiume sarà stabilito di fondo, e di sponde, non potranno queste essere corrose dall'acqua, quando sia eguale da per tutto, la resistenza della materia, che compone detta sezione.

Questa Proposizione è manifesta; poichè essendo, per lo supposto, le direzioni dell'acqua perpendicolari al piano della sezione, e per conseguenza parallele alle sponde; non potrà mai l'acqua andare a battere le sponde, nè rettamente, nè obliquamente; e perciò a causa dell'impeto non le altererà: ed essendo il fondo stabilito, non potrà esso, nè deprimerli, nè elevar.

varsi; e per conseguenza non potrà ristringersi la sezione, nè le sponde potranno allontanarsi l'una dall'altra; e perciò per tal cagione non potranno restar corrose: similmente, supponendosi la resistenza delle ripe equilibrata colla forza delle piene massime, avranno esse potere di conservarsi contro la medesima, e contro ogn'altra minore. E finalmente, essendo la resistenza dell'alveo eguale per tutto, non vi è ragione alcuna, per la quale l'acqua debba corrodere più una sponda, che l'altra; non potranno esse dunque essere corrose dall'acqua. Il che ec.

Corollario.

Di qui ne nasce, che i fiumi, i quali hanno gli alvei in linee rette, non possono farsi tortuosi, che per cagioni accidentali, delle quali parleremo più abbasso.

PROPOSIZIONE IV.

Se la sezione di un fiume retto sia stabilita, tanto in larghezza, quanto in profondità, e la figura di essa sia quella di un parallelogrammo rettangolo; si che le sponde della medesima siano perpendicolari all'orizzonte; non sarà mai essa alterata dal corso dell'acqua, quando questa sia chiara; ma se la medesima sarà torbida, o porterà sasso, sarà altresì necessario, che le sponde si corrodano, e che nella sezione si faccia il fondo inclinato, dalle sponde verso il mezzo di essa.

Suppongasi, per escavazione manufatta, formato un alveo retto, il cui fondo sia un piano così declive, che non possa essere alterato, nè scavato dalla forza dell'acqua corrente per esso; e siano le di lui sponde perpendi- Fig. 26. colari all'orizzonte, e di tal materia, che possano reggerfi in detta situazione, non ostante la forza dell'acqua corrente per detto alveo, ma niente più, e sia detta sezione il rettangolo B D F C: dico in primo luogo, che, se per essa correrà acqua chiara, non si altererà di sorte alcuna. Suppongasi, che B C sia la superficie dell'acqua, il cui mezzo sia A, e similmente sia il fondo della sezione D F orizzontale, ed il di lei mezzo E (che supponiamo stabilito, nel senso del precedente Capitolo) e diasi, che la materia, della quale è fatto l'alveo, sia uniforme, ed uniformemente resistente. Introdotto dunque a correre un corpo d'acqua in questa sezione coll'altezza E A, non l'altererà di sorte alcuna; perchè non potendo profondarsi a cagione di supporfi stabilito il fondo D F, nè elevarsi per mancanza di materia, essendo l'acqua chiara; ne segue, che in tale stato durerà sempre. Similmente, perchè le sponde B D, C F si suppongono di tal materia, da poterli sostenere sul taglio perpendicolare in proporzione della forza, che le rade, ed essendo la larghezza D F stabilita, non potranno mutare situazione, nè essere corrose; adunque la sezione B D F C non potrà essere alterata di sorte alcuna.

Dico in secondo luogo, che, se l'acqua corrente farà torbida, sarà necessario, che il fondo della sezione s'abbassi nel mezzo, s'elevi nelle parti laterali, e nelle parti superioris s'allarghi. Posciache, supponendosi, che la forza dell'acqua sia tale, da mantenere il fondo E colla forza del filone; scostandosi questo da E verso F, perderà di forza per l'avvicinamento alla ripa C F; e conseguentemente non potrà mantenersi il fondo scavato alla profondità di E; E perchè in E la forza dell'acqua è precisamente tan-

ta, quanto basta per impedire le deposizioni della materia terrea, non potrà essere sufficiente a farlo, per esempio, in H, e molto meno in F; adunque fra E, ed F si deposerà della materia, e tanto più sene deposerà, quanto più impedirà farà la velocità dell'acqua; cioè, quanto più il sito sarà vicino alla sponda C F; ma ciò facendosi, è evidente, che la sezione B D F C si renderà minore; e per conseguenza converrà, che la superficie dell'acqua si elevi; e ciò seguendo, o accrescerassi la velocità dell'acqua in E, o almeno il pelo, il quale colla forza della velocità potrà correre il fondo, v. gr. da E sino in K, adunque la sezione siprofonderà; posto adunque il maggior fondo in K, col medesimo discorso si proverà, che le deposizioni dovranno elevare il fondo verso la ripa, come K H. E perchè l'alzamento della superficie dell'acqua, accresce velocità proporzionalmente in tutte le parti di essa, non potrà la ripa C F, (la cui resistenza si suppone equilibrata con una forza minore) resistere ad una maggiore; e per conseguenza diruperà, ed allargherà la sezione; v. gr. da C in G, formando la sponda G H di tal declività; che basti a resistere al corso accresciuto dell'acqua. Il che ec.

Corollario I.

Di qui è manifesto, che essendo uniformi le condizioni della sezione dall'una parte, e dall'altra, sarà la figura del fondo, e della ripa di essa dalla parte opposta B D, eguale in tutto, e per tutto alla K H G.

Corollario II.

E perciò le sezioni naturali de' fiumi retti avranno il fondo più grande nel mezzo, che da' lati; disposto perciò, o in due linee, che formino angolo insieme nel mezzo della sezione; o pure in una linea curva, il cui vertice sia nel mezzo dell'alveo. Ma le sponde saranno disposte, per lo più, in una linea retta, che faccia angolo coll'andamento del fondo della sezione.

Corollario III.

Lo stesso succederà in un fiume, che porti acqua chiara, purchè esso si affievoli l'alveo colla forza del proprio corso; essendo che tanta a un dipresso, o poco maggiore, è la forza, che si richiede per fare dell'escavazioni, quanto quella, che è necessaria per impedire le deposizioni.

Corollario IV.

Dalla predetta dimostrazione resta pure evidente, che ne' fiumi retti, siccome il maggior fondo, così la maggior velocità è nel mezzo dell'alveo; e per conseguenza ivi è il maggior corso, o il filone dell'acqua.

Corollario V.

Supponendosi, che in tutte le sezioni di un fiume diritto, sia uniforme la resistenza della materia, della quale è composto l'alveo, e parimente, che per tutto sia uniforme il modo dell'introduzione dell'acqua corrente nell'altre sezioni; non potrà il fiume, se non per cause accidentali, lasciare la primiera dritture.

PROPOSIZIONE V.

Se l'alveo di un fiume retto sarà composto di materia, la quale disegualmente resista al corso dell'acqua; ivi maggiormente si escaverà il fondo, dove sarà materia meno resistente; e si eleverà, dove la materia sarà più tenace.

— Sia la sezione del fiume retto $A C D E B$, che supponiamo in prima, sia di un fiume, che abbia l'alveo composto di materia poco uniforme; e *Fig. 27.* perciò supponiamo, che la parte $C D$ sia di materia poco resistente, e la $D E$ di materia molto resistente: dico, che la parte del fondo $C D$ siprofonderà, e la $D E$ si eleverà.

Posciachè: o sia l'alveo fatto per escavazione, o per deposizione, supponendo, che eguale sia la forza dell'acqua tanto in $C D$, che in $D E$; e che in $C D$ sia minore la resistenza del fondo, se la forza agente sopra $D E$ è quella, che precisamente impedisce le deposizioni, e la resistenza di $D E$ quella, che impedisce le escavazioni; non potrà il fondo $D C$ resistere al profondamento, addimandando minore declività per ostare alla separazione delle parti del terreno; Supponiamo adunque, che l'escavazione siasi fatta sino in $F D$, essendo adunque in $F D$ accresciuta l'altezza dell'acqua v. gr. $C F$, ivi correrà con maggior velocità di prima, e renderassi più potente a maggiormente scavar; Ma quanto cresce la velocità dell'acqua in $G F$, tanto scema in $H I$, anche per essersi accresciuta la sezione, di quanto importa la figura $C F D$; adunque, se la velocità primiera in I era precisamente, quanto bastava per impedire le deposizioni, scemata che sia, non farà più sufficiente ad impedirle, e per conseguenza facendosene ivi, s'alzerà il fondo $D E$ v. gr. in $D K$, sino a formare la pendenza, che s'uguagli colla velocità $H M$; adunque il fondo $C D$ si abbasserà, ed il fondo $D E$ si eleverà, se la resistenza di essi sarà diseguale. Il che ec.

Corollario I.

Perchè, adunque, la velocità dell'acqua è maggiore verso la riva $A C$ di quella, sia verso la riva $E B$, converrà, che la resistenza della riva $A C$ ceda alla forza dell'acqua, e restando corrosa s'allontani da esso; ed al contrario la riva $B E$ restando più lontana dal maggior corso del fiume; e per conseguenza ritardata la velocità dell'acqua, vicino ad essa si faranno delle deposizioni, e la riva $B E$ s'accosterà più verso il mezzo del fiume, perdendo l'alveo in questa parte la primiera rettitudine.

Corollario II.

Anzi, se la poca resistenza del fondo DC sia tale, che permetta l'escavazione al pari, o più bassa del fondo D , mezzo dell'alveo; lascerà il filone il sito D , e porterassi verso F ; il che tanto maggiormente contribuirà alla corrosione della riva AC , alla formazione della spiaggia DK , ed all'avanzamento della riva BK verso D , mezzo dell'alveo.

PROPOSIZIONE VI.

Se un mobile sarà posto senz'alcuna direzione sopra d'una superficie inclinata, nella quale sieno delle concavità continuate fino al fine di essa, le quali sempre s'avvicinino al centro de' gravi; o pure alla linea, che è la comune sezione del piano orizzontale coll'inclinato; discenderà il mobile per esse concavità, purchè l'inclinazione sia tanta, che basti a farli superare le resistenze, che sia per incontrare.

Sia il piano FG inclinato, il cui lato GH sia la comune sezione di *Fig. 28.* esso col piano orizzontale, e sia una concavità, o canale $ABCE$ più basso della superficie del piano FG , e sia tale seguitamente, ed in modo, che da A in E sempre più s'avvicini alla linea HG : Dico, che un grave posto in A senza veruna direzione, discenderà per $ABCE$, purchè l'inclinazione della linea $ABCE$ sia sufficiente, acciò il grave possa discendere per essa. Poisciachè, essendo, per lo supposto, l'inclinazione di $ABCE$ tale, che il grave in essa non possa sostenersi, ma non ostante le resistenze, debba discendere; certo è, che il mobile A discenderà da A in B per AB , essendo la linea AB [che si può prendere sensibilmente per una retta] inclinata all'orizzontale HG . Per l'istessa ragione, essendo BC inclinata all'orizzontale, potrà il mobile A , giunto che sia in B , discendere per BC , e così dal restante; adunque il mobile A discenderà per $ABCE$. Il che ec.

In questo caso la celerità acquistata dal mobile per le discese AB , BC ec. e la disposizione delle sponde, che formano la concavità del sito $ABCE$, possono fare diversi effetti; perchè può essere tanta la velocità acquistata nella discesa da A in B , che possa fare ribalzare il mobile, più alto di quello sia la sponda in B , la situazione della quale può, o permettere, o impedire il rialto di A sopra B , secondo che la linea di essa sponda fa l'angolo, o retto, o ottuso colla direzione AB , poisciachè, se l'angolo sarà retto, la sponda impedirà il ribalzo; ma, se sarà ottuso, il mobile per la velocità acquistata riascenderà per la sponda opposta in B ; ed avendo egli tanto impeto da potere tormentare la sommità di essa, non continuerà per BC , ma prenderà altra strada. Ma supponendosi nella Proposizione, che l'inclinazione di $ABCE$ sia tale, che basti per fare superare al mobile le resistenze; e non tale da accelerare il mobile considerabilmente, perciò o mancando la forza dell'impeto in B , o mutata la di lui direzione dall'ostacolo in B , sarà il mobile in B , o senza alcuna direzione; e perciò prenderà quella, che gl' insegnerà il difetto delle resistenze, cioè verso BC ; o se pure si troverà con qualche direzione, sarà questa rivoltata dalla resistenza della sponda in B , lungo l'andamento della concavità BC , e perciò descriverà il mobile la linea $ABCE$.

Corollario I.

Lo stesso, e più esattamente, si dee intendere dell'acqua, la quale, mercè della fluidità, è più facile a muoversi, ed a rivoltarsi in qualsivisia direzione, ed a cagione della sua gravità, è prontissima a scegliere quelle strade, per le quali può scorrere più brevemente verso il centro de' gravi; e perciò, essendo in *A* dell'acqua senza altra direzione, che quella, che le suggerisce lo sforzo della gravità, necessariamente dovrà discendere, anch'essa per la concavità seguita *A B C D E*. Vero è, che essendo in *B* accelerata di moto (il che le è più facile, che se fosse un corpo solido) se troverà, discesa che sia per *A B*, la sponda opposta inclinata alla verticale *D B*, secondo la misura dell'angolo *D B M*, potrà scorrere qualche poco all' in su sopra *B M*; ma, se l'acceleramento non sarà tale da fare ribalzare l'acqua sino alla sommità della sponda *M*, sarà necessario, ch'ella torni a discendere, per esempio, per *M B C*, e perciò ritornata in *B*, seguiti il corso della concavità *B C* ec.

Fig. 29.

Corollario II.

Se tale sarà la velocità per *A B*, che, paragonata all'inclinazione di *A B*, ed alla resistenza della materia, possa escavare formersì l'alveo al corso dell'acqua per la tortuosità predetta, e la concavità si farà maggiore. Vero è, che, se le sponde saranno composte di materia, che possa essere corrosa, non si stabilirà l'alveo, precisamente secondo il tipo della concavità *A B C D E*, ma solo a un dipresso; potendosi, per la troppa strettezza delle tortuosità, formare delle corrosioni ne' concavi, e delle alluvioni ne' convessi di esse, come si dirà a suo luogo.

Fig. 28.

Corollario III.

Questa è la ragione, per la quale le rotte de' fiumi, sul principio, ed in tempo, che le acque hanno dell'impero, seguitano per qualche spazio, la direzione di esso; ma, estinto ch'egli sia, cominciano a correre ne' luoghi più bassi, e trovando qualche concavità seguita, prendono il corso per essa, facendo alluvioni ne' luoghi, ne' quali l'acqua torbida perde il moto, ed escavando in quelli, ne' quali conserva, o acquista tanta velocità, che basti a portar via la Terra.

Corollario IV.

E siccome, lasciando correre una rotta di fiume, comincia essa subito, [parte colle escavazioni, parte colle alluvioni, secondo la disposizione diversa del piano, per lo quale scorre] ad operare, per formarli l'alveo: così, se un fiume, ascendendo dalle montagne entrerà in una pianura per la quale sia obbligato a prender corso, per portarsi al mare, ed in essa, vicino allo sbocco, si trovi qualche cavità continuata, che possa, almeno in parte, servirli d'alveo; seguirà esso per quella il suo corso; ma se la medesima concavità non sarà continuata, dopo riempitala di acqua, trasfonderà quella, che sopravverrà, per la

cam-

campagna, allagando all'intorno, fino a trovarne un'altra; e così seguitamente, *fin tanto che ne trovi una, che abbia esito*: o non trovandone di sorte alcuna, o non a misura del bisogno, coprirassi d'acqua tutta la pianura, al termine della quale, o troverassi qualche insigne declivita (e per essa scorrendo l'acqua, formerassi l'alveo, per escavazione, nella maniera detta nella prima Proposizione) o pure incamminandosi l'acqua verso quella parte, dove troveranno lo sfogo, abbandoneranno negli altri luoghi, la campagna allagata; e [proporzionato che sia l'alveo, in qualche maniera, all'acqua corrente] resterà quella affatto asciutta. In quello caso la rettitudine, o tortuosità dell'alveo si dee a' supposti della prima, seconda, e terza Proposizione; cioè alla diversa caduta della campagna verso la parte dello sfogo, all'impeto precedentemente concepito con qualche determinata direzione, ed alle concavità continuate della campagna: condizioni, che possono avervi parte, ora unite, ora separate, di maniera che non se ne può dare regola veruna. Che se al termine della campagna si trovasse l'acqua del mare, o d'un lago, sarebbe necessario, che ivi si formasse una palude, o laguna. E finalmente, se la campagna fosse tutta chiusa all'intorno, di maniera che l'acqua, per uscirne, dovesse elevarsi considerabilmente di superficie, dovrebbe in tal caso formarsi un lago, il quale avesse l'emissario in un sito, il più basso di tutti quelli, che circondano de rapianura; e quindi uscirebbe l'acqua del fiume, se pure per meati tortuosi, non trovasse luogo all'uscita, prima di elevarsi all'altezza necessaria; o pure, se non cessasse l'influsso di quella copia d'acqua, che si richiede a riempire tutta la concavità.

PROPOSIZIONE VII.

Se un fiume, è retto, o tortuoso, che corra con insigne velocità, incontrerà un resistente; perderà l'acqua qualche grado della velocità primiera, ed elevandosi, si formerà un conato, atto a spingere il corso del fiume dalla parte opposta del resistente

Nella antedetta Proposizione abbiamo supposto, che l'acqua corrente non abbia alcuna direzione, nè impeto veruno, differente da quello, che è proprio della gravità; ma in questa noi supponiamo, che l'acqua corrente abbia acquistato qualche impeto, e direzione, che possa spingerla per qualche linea diversa da quella, che prenderebbe l'acqua senza di essa; ed in ciò si comprendono due casi, che giornalmente s'osservano ne' fiumi; poichè alcuni di questi sono così languidi di moto, che senza dare quasi niuno tormento alle ripe, seguitano quella strada, che loro è mostrata dall'escavazione dell'alveo, come sono le acque che corrono con poca caduta, e poca altezza di corpo, che è il caso della Proposizione antecedente; ed altri corrono con tant'impeto, che incontrando un resistente, fanno molto sforzo per superarlo, ed abbattearlo, come sono i fiumi, che hanno, o gran caduta, o grande altezza viva di acqua; e questo è il caso della Proposizione presente.

Fig. 30. Sia dunque l'alveo A B C D quello di un fiume di tal natura, che corra da A verso B, con impeto, e direzione parallela alle sponde A B, C D, ed arrivato in B, incontri il resistente B E; dico, che l'acqua in B E si eleverà, e spingerà il corso del fiume verso O, ovvero M, ec

Poichè, essendo il resistente B E capace di ricevere in se, e comunicare a' corpi vicini qualche parte dell'impeto dell'acqua corrente da A in B; egli

B; egli è certo, che incontrandosi il fiume colle direzioni A B, G H, I E, nel resistente B E, quanto di impeto comunicherà a questo, tanto ne perderà esso: rallentata perciò la velocità dell'acqua, converrà, che passi con minore velocità, e sopravvenendone dell'altra, che si elevi. Supponga adunque, che l'altezza del resistente B E, sia B F, e che l'altezza dell'acqua non impedirà fosse per essere B P, e dell'impedita B F; è perchè l'altezza F B produce in B, maggiore velocità, accrescendosi F B, si riparerà la velocità perduta in B; ma essendo la velocità nata dall'altezza dell'acqua, figlia di un conato, che può produrre le direzioni verso tutte le parti, e le produce verso quella, nella quale sono minori le resistenze; e perciò l'altezza B F, rivolterà il fiume, verso quella parte, alla quale mancheranno le resistenze, cioè lo scosterà dal resistente B E v. gr. verso O, M. Ma qui restano da considerarsi due cose; la prima si è, che si suppone, per virtù del resistente B E levata una parte dell'impeto, ma non tutto; perciò l'acqua portata per la direzione A B, sarà ribattuta per la B O, la cui direzione sia tale, che faccia l'angolo di riflessione prossimamente eguale a quello dell'incidenza: e similmente l'acqua portata per G H sarà rivolta in H M, ec. il secondo punto, al quale si dee riflettere, è, che quando le direzioni A B, G H, I E ec. non s'impediscono l'una l'altra, veramente sono parallele; ma quando la direzione, v. gr. A B è rivolta in B O, allora B O viene impedita dalle altre direzioni G H, I E, ec. quindi è, che l'acqua B ribattuta per B O, arrivata che sia in R, troverà un'altra forza, e direzione G R, dalla quale sarà spinta; e perciò dovrà abbandonare la linea R O, e volgersi per un'altra, che sia diametro di un parallelogrammo, i cui lati abbiano la proporzione delle forze, o degli impeti G R, B R, come si è spiegato alla Proposizione seconda. Supponiamo dunque, che la proporzione delle forze B R, G R, sia quella di R S ad R H; adunque l'acqua, ch'è nel punto R, si volterà per la linea R T; e di nuovo arrivata in T, perchè ivi si combinerà colla direzione S T, non potrà seguitare la R T, o la S T; ma dovrà portarsi per un'altra, che sia di mezzo fra le medesime; e perciò considerando le combinazioni, che si fanno d'una linea riflessa con tutte le direzioni parallele G R, I E ec. non potrà farsi la riflessione da B in O: ma per la strada v. gr. B R T ec. di nuovo si porterà verso il resistente B E. Se però si metteranno a conto tutte le riflessioni fatte da' punti tra B ed E, colle loro direzioni, e potenze, e si combineranno colle parallele tra A B, I E, e le loro potenze; si formerà dal corso dell'acqua una linea, la quale in B sarà più lontana della linea B E, ma in E più vicina: e la ragione si è, che le direzioni A B, G R, hanno minor impeto, per essere assai vicine alla ripa, e la I E molto maggiore, per essere più vicina al mezzo; ed al contrario le riflessioni in B, ed H, si fanno più vigorosamente, per essere meno impedita dalle combinazioni delle direzioni parallele, che verso E, e perciò maggiore sarà la riflessione in B, che in E; tal linea può essere o retta, o curva, secondo la proporzione, colla quale si accrescono le potenze, procedendo da B verso E; ma per lo più sarà curva, attesa la rigorosa uniformità, che si richiede nelle proporzioni, e ne' moti, acciò tal linea sia retta. Saranno adunque dal resistente B E rivolte tutte le direzioni parallele, verso la sponda C D, e conseguentemente, intersecando esse, tutte le altre parallele, che non incontrano il resistente B E, faranno loro cambiare direzione, e voltare contro la ripa D; la quale sarà corrosa (1) per essere battuta dalle direzioni mutate, e rese più vigorose dall'alzamento dell'acqua lungo B E, il cui conato, non potendo agire contro il resistente,

nè contro il corso del fiume, darà maggior impeto all' acqua per la direzione B E, o per quella, che risulterà al corso del fiume dalle cause sopradette, (2) perchè ristringendosi tutto il corso dell' acqua in D E, dovrà questa elevarsi; e per conseguenza, resa più veloce, siprofonderà, e si allargherà l' alveo dalla di D, nella quale si suppone minore la resistenza.

Corollario I.

E perchè, secondo la combinazione delle forze, che si trovano nelle direzioni parallele, e nelle riflesse, il corso dell' acqua più, o meno si scosta dal resistente B E; perciò, se le seconde avranno alle prime una proporzione insensibile, si prenderà dall' acqua un cor o parallelo, o radente il resistente B E; e perciò, *quando le acque corrono con poca velocità, accomodano il loro corso alle linee de'gl' impedimenti, e delle sponde.*

Corollario II.

Ed al contrario, *quanto più la detta proporzione si accosterà alla proporzione di egualità, tanto più si allontanerà il corso dell' acqua dal resistente.*

Corollario III.

Similmente, perchè la corrosione della ripa opposta al resistente, si fa, in parte, dalle direzioni mutare dell' acqua, che vanno a batterla; e perciò *quanto più l' angolo di esse colla ripa, s' accosterà all' angolo retto, tanto più danno ella ne riceverà, e perciò ha molto luogo, per fare questo effetto, l' inclinazione dell' angolo, che fa il resistente colle direzioni parallele del fiume.*

Corollario IV.

Per la stessa ragione, essendo causa della corrosione della ripa C D, l' angustia della sezione, o il ristringimento dell' alveo in D E, ed essendo fatto tal ristringimento dal portarsi B E dentro il corso del fiume; perciò *quanto maggiormente si allungherà il resistente verso il filone dell' acqua, tanto più la ripa opposta sarà corrosa, e renderassi tortuoso l' alveo.*

Corollario V.

Sebbene *quanto meno è veloce il corso dell' acqua per le linee, e direzioni parallele, tanto più s' accosta la di lui direzione mutata a quella del resistente, e perciò si dirige a battere con angolo maggiore, la ripa opposta: ad ogni modo, perchè tale direzione si fa senza molt' impeto; non può rivoltare con molta efficacia verso la sponda C D, le direzioni dell' acqua non impedisce dal resistente, che non vale per questa cagione a fare molto effetto, il quale, in tal caso, quasi tutto si dee attendere dal ristringimento della sezione; e conseguen-*

guentemente per la regola degli opposti, quanto più veloce sarà il fiume, e quanto più il resistente ribatterà il corso dell' acqua; cioè, quanto meno d' impeto assumerà in se medesimo: tanto maggiore succederà la corrosione della riva opposta. E perciò ne' lavorieri, che si fanno per rivoltare il corso de' fiumi, si dee considerare, fra le altre cose, la robustezza de' medesimi, la direzione, che hanno, paragonata al corso del fiume; la velocità di questo; e la lunghezza del riparo per potere in qualche maniera presagire la qualità dell' effetto, che è per succedere.

Intorno alla direzione del resistente B E, sarebbe molto da discorrere, e richiederebbesi un intero trattato, tante possono essere le di lei diversità. Parlando però generalmente, si possono considerare sei differenze, tre delle quali risguardano l'angolo, che il medesimo resistente fa orizzontalmente colla corrente del fiume; e le altre tre risguardano l'angolo fatto colla medesima corrente, ma verticalmente. Quanto a gli angoli orizzontali, quelli, o possono esser retti, come quello, che fa F D colle direzioni parallele C D, G F; o acuto, come C D H; o ottuso, come C D I. Quanto a quest' ultimo, di già si è veduto ciò, ch' egli sia per operare; onde resta da considerare brevemente, quale sia per essere l' effetto degli altri due E D, D H; e quanto ad F D. Fig. 31.

Corollario VI.

Si deduce da quest' ultima Proposizione, che le riflessioni si faranno all' opposto delle direzioni C D, G F, e che; essendo il fiume veloce, e stabile il resistente D F: converrà, che le riflessioni opposte alle direzioni, finalmente si equilibrino, e l' acqua si renda stagnante dentro l'angolo C D F, quanto, cioè, per esenpio, prenderà il triangolo K D F; dico il triangolo K D F; perchè maggiori saranno le riflessioni, vicino la riva C D, che lontano da essa; e ciò per più ragioni; prima, perchè il resistente D F è più robusto ordinariamente vicino alla riva, che lontano da essa; e perciò toglie meno d' impeto all' acqua, e la ribatte con più vigore: secondo, perchè l' acqua C D è meno veloce, come impedita dallo sfregamento colla sponda; e perciò meno resiste alle riflessioni; onde è, che maggior proporzione può avere la forza ribattuta alla diretta, verso D, che verso F: terzo, perchè elevandosi l' acqua per la resistenza D F, e facendo un conato inclinato alle direzioni parallele a G F, potranno le direzioni composte, prese vicino al resistente, incontrare nuovamente l' opposizione del medesimo, e prendere con ciò nuova occasione di ristagnare: cosa che non potrà succedere, facendosi più lontano dal resistente D F la composizione delle direzioni; perchè supposto, che tal direzione composta, sia quella, che colla sponda faccia l'angolo F K D; sarà K F la prima, che non troverà opposizione; e perciò tutte l' altre tra K, e D, essendo impedite, renderanno l' acqua, se non affatto stagnante, almeno ritardata; e perciò ne seguirà l' effetto della deposizione della torbida dentro il triangolo K D F. Fig. 32.

Corollario VII.

Però, secondo la diversa forza del resistente D F, e secondo la diversa velocità della corrente, sarà l'angolo F K D, ora più acuto, ora più ottuso; e la linea K F ora retta, ora concava. Perchè egli è certo, che se il resistente F D, o cedendo, o in altra maniera, permetterà il corso suo in L; o se la forza della di-

direzione CL farà tanto grande, che commensurata alla resistenza, che fa DF , possa giungere fino in L , sarà l'acqua resa stagnante, solamente dentro il triangolo LDF minore del primo; e conseguentemente; minore sarà la deposizione della torbida. E finalmente, se DF permettesse il corso, fino a se medesimo, senza fare veruna riflessione; il covato s' eserciterebbe per la medesima direzione DF ; ma questo caso è assai difficile da succedere.

Corollario VIII.

Quindi è chiaro, che i ripari, che secondo il corso del fiume, sono meno atti a cagionare delle alluvioni, avanti di se, di quello siano gli opposti ad angolo retto al corso del medesimo; e perciò restano in un quasi continuo tormento, che ricevono dalla corrente, che sempre coopera alla loro demolizione. Vero è, che tali ripari, retti al corso del fiume, richiedon tanto maggiore robustezza, quanto è maggiore la forza della percossa ricevuta ad angoli retti, che obliqui; e perciò un vantaggio vien compensato con un disavvanaggio e ricercasi il giudizio dell' architetto, a saper scegliere, secondo le occasioni, quello, che sia per riuscire più profittevole.

Corollario IX.

Di qui è manifesta la ragione del diverso modo, che si pratica in diversi luoghi, per riparare alle corrosioni de' fiumi; vedendosi, che altri adopran resistenze robuste, per ostare alla corrente: altri si contentano di piccioli ripari, che facilmente cedono al corso: altri li dirigono in un modo; altri in un altro: potendo essere tutte le predette maniere utili, secondo la diversità de' casi; poichè, chi usa di fare i ripari con frasche d' arbori flessibili, che possono radicarfi nel fondo, ha ragione di praticar questo modo, o in fiumi di poco veloce corso, e torbidi, a quali ogni picciolo resistente basta per far deporre la torbida; o in fiumi di corso molto veloce, che non tollerano grandi ostacoli, ne' quali la flessibilità del resistente serve, a non dar pena al fondamento del riparo; e appoco, appoco può fare quello, che non farebbe un ostacolo più rigido, contro il quale operando gagliardamente la corrente, facilmente lo svellerebbe: ed in questo caso, quello che si leva alla brevità del tempo, s' aggiunge alla sicurezza dell' opera; ma si richiede maggiore, e più lunga l' attenzione al mantenimento, e protrazione del riparo. Chi ha buoni fondi, e buone sponde, per assoldare i ripari, e chi sà fabbricarli di tal struttura, che una parte concorra alla robustezza dell' altra, può intraprendere di farli grandi, e molto resistenti; ma veda di non ingannarsi, in proporzionarli alla corrente del fiume. Opera più sicuramente, ma con minore effetto, chi seconda co' ripari, in qualche modo, il corso dell' acqua: ma v' è bisogno di una continua vigilanza per conservarli; ed al contrario, con più effetto; ma con minore sicurezza, chi li spinge ortogonali alla corrente; poichè quando questi si sono fortificati colle alluvioni da una parte, e dall' altra: non è soggetta al tormento dell' acqua, altra parte di esso, che la più lontana alla ripa.

In questo caso si dee però avvertire, che essendo più veloce l' acqua per OP , che per CD , ed essendo trattenera, e ristagnata; può darsi il caso, come molte volte si dà, che l' acqua più si elevi in P , che in D ; e che per-

perciò dividendo il suo corso, una parte porti verso la punta del riparo F, ed un'altra verso D. Succedendo ciò, si farà un vortice dentro il triangolo F D K, che impedirà la deposizione della torbida, anzi potrà corrodere la prima L D; ma sarà facile il rimediarsi, se il riparo D F non si spingerà tutto in una volta, contro la corrente, ma appoco appoco; e se si lasceranno fare le alluvioni, prima di prolungarlo più avanti, lasciando sempre tanto di esito al fiume nella parte B F, che non possa fare forza considerabile contro il riparo, nè cagionare vortice di momento in K D F; ed avvertendo d'incastare il riparo nella ripa, tanto che, corrodendosi essa qualche poco, non possa il fiume trovare sfogo dalla parte di essa, e prendere in mezzo il lavoro.

Corollario X.

Ma se i ripari saranno opposti ad angolo acuto alla corrente, come F D, egli è certo, che battendo l'acqua in F D per la direzione G F, sarà essa ribattuta in F K; e la H I, in I L: e che arrivando alla ripa, di nuovo sarà riflessa in K M, L N, le quali direzioni, e riflessioni combinate con altre, faranno passare le direzioni rette dell'acqua in un vortice, che impedirà le deposizioni, e corrodere la ripa C D. Il corso però del fiume non potrà farsi, che secondo la direzione E F, per la cagione detta di sopra, supposta la resistenza della ripa E D. Vero è, che tali vortici non potranno estendersi alla punta dell'angolo D; ma essendo le loro linee circolari, o spirali, solo si faranno in quel tratto del triangolo E F D, che sarà comune al circolo, o spirale predetta, che necessariamente dovrà toccare il riparo F D in due punti, che faranno i luoghi, ne' quali, el' uno, e l'altra patiranno maggiori danni; quindi è, che se questi luoghi saranno maggiormente fortificati, tanto che resistano, almeno fin che la ripa opposta sia corrosa; allora abbandonando l'acqua il corso verso l'ostacolo F D, si scemerà, o si toglierà la forza del vortice; e succederà l'alluvione dentro il triangolo E F D. In questo particolare si dee ancora avvertire, che se l'angolo E D F sarà molto acuto, più dalla di lui punta D si sceglierà il vortice; ma per lo contrario dovrà molto prolungarsi il riparo, acciocchè faccia effetto sensibile nella corrosione della ripa opposta. Io però non farei mai autore di anteporre, in parità di circostanze, questi ultimi ripari agli ortogonali; perchè, quando anche egualmente operassero, quanto a se, e gli uni, e gli altri; i retti però in eguale lunghezza, respingono sempre più la corrente verso la ripa opposta, e danno occasione di operare alla seconda cagione predetta, che è l'angustia della sezione.

Corollario XI.

Rispetto all'angolo fatto da' ripari, sul piano verticale, colla corrente de' fiumi, non è da dubitare, che la direzione del riparo a lungo della corrente non sia la migliore. Per più chiara spiegazione di ciò, s'avverta, che può darsi, che il riparo riceva la corrente A B ad angoli retti, come B D; o ad angolo acuto, come B C, o ad angolo ottuso come B E. Intendasi prima il resistente C B ad angolo acuto colla corrente: in questo caso egli è evidente, che la direzione del resistente ribatterà la corrente dell'acqua verso il fondo; (come per G I, quella, che viene per la direzione H G ec.) la quale spinta dalla corrente A I, e dalle altre tra H G, A I, parallele insieme;

e combinata con esse, opererà per la direzione obliqua EB , e perciò *vederà il fondo in B*; e se il riparo non sarà piantato ben profondamente, potrà scalzarlo, e portarlo via. *Lo stesso succederà, benchè meno, all'acqua ribattuta dal resistente BD, la quale, sebbene sarà riflessa con direzione opposta ad HK*; nulladimeno, per virtù della medesima direzione, sarà divisa, parte verso D, parte verso B; e perciò in B succederà l'escavazione del terreno; che potrà togliere il fondamento al resistente B D, e conseguentemente sventolare. Ma il riparo B E; perchè ribatte la forza dell'acqua all'in su, non potrà essere scalzato nel fondamento; e per conseguenza, se avrà forza bastante, da non rompersi per lo corso dell'acqua, sussisterà, anzi rincalzandosi a causa delle alluvioni, che si faranno al di lui piede; si renderà sempre più forte; e più resistente.

Corollario XII.

Fig 30. Non solo il resistente B E rivolterà la corrente verso la riva opposta D; ma essendo cagione, che s'impedisca il moto dell'acqua nel triangolo X B E, necessariamente dovrà farsi in detto triangolo, dell'alluvione; e perciò sarà il resistente rincalzato al di dietro di terra: ciò però s'intende, ogni volta che il resistente, abbia tanta altezza, quanto basta, per non essere sormontato dal fiume, e che l'acqua vi si porti di rigurgito, girando attorno ad E, ed equilibrandosi con quella, che corre al disotto del resistente; altrimenti, se l'acqua potrà sormontarlo, e se vi sia considerabile differenza tra 'l livello della di lui superficie, di sopra, e di sotto, dal resistente; come se detta differenza fosse EP; dovendo l'acqua cadere da E in P, scaverrebbe il fondo del fiume verso B, ed ivi impedirebbe l'alluvione, la quale però potrebbe manifestarsi poco più lontano. Quando però l'acqua è di sopra, e di sotto da B E, fosse quasi nel medesimo livello, o almeno nella medesima linea, che il restante della superficie del fiume, ciò non dovrebbe succedere; ma solo la deposizione della materia terrea. Questo effetto non solo è proprio de' resistenti inclinati alla corrente, ma anche degli altri, o retti, o contrapposti alle medesime, e perciò bisogna avvertire, quale sia la natura de' fiumi, dentro de' quali si fabbricano i ripari; poichè, se essi avranno le piene subitanee, o la velocità grande, o il pendio del fondo considerabile; considerabile anche sarà la predetta differenza de' livelli, della quale non dovrà tenerli conto ne' fiumi di poco corso, di fondo piano, e che durino molto tempo in portare la piena al suo maggior colmo.

Prima di levar mano dalla considerazione degli effetti de' ripari (ch'io mi protesto di non aver toccati, che leggermente, e per digressione, non essendo questo il mio principal fine in questo trattato) io non voglio lasciare di motivare alcuni punti necessarj in questa materia. Il primo di essi è; che quanto più alto è un riparo, tanto riesce egli più debole, non solo per le maggiori spinte, che riceve dall'acqua, quanto per ragione della leva, l'ipomochio della quale si dee intendere nel punto, nel quale quello sorge dal terreno. 2 Che, desumendosi la direzione de' fiumi dalla direzione del filone, e seguitando regolarmente la maggiore profondità dell'alveo, che può essere cagionata dall'azione de' ripari anche bassi, questa perciò il più delle volte poco, o nulla serve il fabbricarli molto alti. 3 Che si dee avere riflesso alle cause produttrici delle corrosioni; perchè la rimozione di esse, alle volte, serve molto più, che tutti i ripari del mondo; e frequentemente succede, che la spontanea cessazione delle medesime, perchè non avvertita, dà un gran credito, benchè non

non meritato, ad un opera male intesa, e peggio eseguita; quindi è, che chiunque rinverrà le vere cagioni degli effetti perniciosi, che accadono ne' fiumi, potrà molte volte con poco di spesa, e fatica ottenere l'intento desiderato; e serva per regola universale, che sempre più sicuro sarà il rimediare alle cause, che l'ostare all'effetto. 4 Che si dee scegliere tal luogo al riparo, che possa superare, non essere superato dal corso dell'acqua; che possa fare l'effetto desiderato; e darli quella direzione, che più richiederanno le circostanze. [5] Che qualunque riparo, obbligato a soggiacere all'impeto dell'acqua, richieda una continua vigilanza, e precauzione, tanto in conservarlo, quanto in ripararlo, dove porta il bisogno; altrimenti essendol'azione dell'acqua continua (atta perciò a vincere colla lunghezza del tempo qualsiasi ostacolo) facilmente verrà il caso, che il riparo sia danneggiato; ed allora bisogna rimetterlo, quando per altro se ne trovi buon effetto; altrimenti può darsi, che, demolito il riparo, e indebolito perciò il fondo del fiume, il danno da esso ricevuto resti maggiore di prima.

PROPOSIZIONE VIII.

Ne' medesimi supposti della Proposizione antecedente, se il resistente sarà composto di parti amovibili, e di tanta altezza, che possa sostenere l'effetto, che si dirà; sarà corroso inegualmente, e formerà una concavità, le cui direzioni spingeranno il corso dell'acqua alla parte opposta.

Intendasi nuovamente il fiume A B C D, di cui tutte le direzioni siano parallele ad A B, o C D; e che correndo da C in D, incontri il resistente D E composto di parti amovibili, come sarebbe una sponda di terreno tanto alta, che non possa essere sormontata dall'acqua: dico, che detta sponda non potrà sussistere nella situazione D E; ma corroendosi, si ridurrà in forma di una linea curva v. gr. D F G, dalle direzioni della quale sarà rivolta la corrente, verso la sponda A B. Fig. 35.

Perciachè essendo il moto per le direzioni parallele impedito maggiormente, quanto più le linee di esse sono vicine alla sponda; farà l'impeto per C D minore, che per H E, ed essendo D E in linea retta; faranno tutti gli angoli, fatti dalle linee di direzione con essa, eguali; e perciò maggiore sarà lo sforzo dell'acqua per la direzione H E, che per la C D: ed in oltre essendo la sponda D E verso il suo ultimo termine [come non fortificata dall'unione, e rincalzamento delle parti vicine] meno resistente in E, che in D; maggiore per l'uno, e per l'altro capo sarà l'effetto in egual tempo in E, che in D; e perciò in E si farà maggiore corrosione, che in D; e perchè simili effetti sempre più si diminuiscono, quanto più obliquo è l'angolo dell'incidenza; accrescendosi sempre più l'obliquità all'accrescersi della corrosione, e diminuendosi l'impeto per la direzione K I, finalmente si arriverà ad un angolo K I D così acuto, che la resistenza, nata dall'adesione delle parti del terreno, sarà bastante a pareggiare la forza dell'acqua; e perciò la ripa si stabilirà in D I inclinata alla corrente K I. Quindi è, che equivalendo essa ad un resistente composto di parti non amovibili, comincerà a ribattere la corrente verso la ripa opposta A B per la Proposizione antecedente, e conseguentemente farà voltare qualche poco la direzione L M, verso la medesima sponda A B; ma perchè, voltata questa direzione, come in L O P, farà colla sponda un angolo minore di L M D; perciò, essendo questa battuta ad angolo più obliquo, resterà con maggiore possanza, per resistere all'impeto della direzione L M, seb-

bene esso sia qualche poco maggiore di quello della direzione KI ; e perciò l'angolo $LM D$ sarà qualche poco maggiore dell'angolo KID ; al quale in fine (cioè quando la sponda sia stabilita in P) sarà eguale l'angolo OPM . Nella stessa maniera si dimostrerà, che l'angolo NFM dovrà essere maggiore dell'angolo LMI ec. ma ciò essendo, non potrà la linea DFG essere retta; perchè la linea retta fa angoli eguali con tutte le direzioni parallele; adunque sarà una curva, le cui tangenti facciano sempre angolo maggiore colle direzioni, più lontane alla sponda CD , cioè una curva concava, la cui specie dipende dalla diversa proporzione, che ha l'impero dell'acqua alla resistenza del terreno, del quale è composta la sponda. Poichè se maggiore sarà la resistenza in I , con maggior forza ancora sarà riflessa l'acqua da I , che unita colla direzione susseguente, farà sì, che resti battuta più obliquamente la sponda; e per conseguenza meno sia ella corrosa; onde resti l'angolo LMI tanto maggiore. Secondo la proporzione adunque colla quale cresceranno gli angoli fatti dalle direzioni parallele colle tangenti della curva DFG , sarà ella, o di una specie, o di un'altra. Resta da provarsi, che detta curvità DFG spingerà l'acqua alla riva opposta; ma ciò è evidente; perchè, correndo anche l'acqua sul tipo di una linea curva, che le fa sponda, viene a mutare ad ogni punto direzione, che è quella delle tangenti di essa; ed essendo tutte queste inclinate alla sponda CD , prolungate che siano, anderanno a tagliare la riva AB ; e per conseguenza verrà ad essere indirizzata l'acqua verso di ella. Il che ec.

Corollario I.

Da questa Proposizione apparisce, che le corrosioni de' fiumi, arrivate che siano a formarli la curvità, che richiede la combinazione delle cause, e delle circostanze, non crescono di più; ma sono lasciate dal corso dell'acqua le ripe intatte, egualmente, come fossero parallele fra di loro, ed alle direzioni del fiume; e su questa ragione s'appoggia la forma praticata da gli architetti Ferraresi nel ripararsi dalle corrosioni del Po grande, che è di tirarsi addietro colle arginature, e solamente di difendersi dagli effetti delle corrosioni, cioè dalle inondazioni, con nuovi argini; ma non mai di ostare alle cause, che producono la corrosione.

Corollario II.

Perchè la forza delle direzioni, unita a quella delle riflessioni, fa accrescere l'impeto; perciò è evidente la causa, per la quale il filone si tiene più vicino alla riva nelle corrosioni, che ne' siti retti del fiume; perchè cioè l'acqua resta più veloce, meno patisce dalla vicinanza della riva. E similmente si manifesta la cagione, per la quale il filone, nel principio della corrosione, meno s'accosta alla riva corrosa, di quello faccia più a basso; posciachè non solo unite le forze di più direzioni, e di più riflessioni in G , che in M , rendono l'acqua più veloce; ma anco, perchè le direzioni più violenti, come HI G , spingono la corrente più vicino alla riva in G , che in M .

Corollario III.

Perciò nelle corrosioni non stabilite, maggiore sarà il tormento della ripa in quella parte di essa, alla quale più s'acosta il filone (questo sito sia chiamato vertice delle corrosioni) ma nelle stabilite sarà eguale per tutto; e perciò in quelle corrosioni, colle quali il filone si porta sempre più a basso, succedono delle alluvioni nelle parti superiori, e delle corrosioni nelle inferiori.

Corollario IV.

E perchè i fiumi, quanto sono più larghi, tanto sono più atti a portare il vertice della corrosione più lontano dal principio di essa; perciò ne' fiumi maggiori, le corrosioni prendono maggior giro, ed occupano più terreno, internandosi nelle campagne; e conseguentemente i fiumi più grandi hanno meno frequenti le tortuosità.

Corollario V.

Ed essendo, che nel vertice della corrosione s'unisce il maggior impeto del fiume, operante per una direzione determinata, ch'è la tangente del vertice: ed incontrandosi da là in giù le direzioni parallele sempre più languide, e le riflessioni più vigorose; perciò il filone dovrà scostarsi dalla ripa corrosa sempre maggiormente; e ciò serve a far ribattere la corrente verso la parte opposta con angolo meno obliquo.

Corollario VI.

Dal che ne segue, che facendosi dentro d'un fiume, disteso in linea retta, per qualche causa accidentale, la corrosione, v. gr. della ripa destra, dovrà seguirne una eguale, o poco minore nella sinistra; e questa ne cagionerà un'altra nella destra ec. E perciò i fiumi, per ordinario, si vedono correre dentro alvei composti di parti, o tronchi retti, inclinati l'uno all'altro, ed uniti negli angoli con linee curve, che sono le formate dalle corrosioni.

Corollario VII.

E perchè, posta la medesima resistenza nelle ripe, le corrosioni succedono tanto maggiori, quanto più i fiumi sono veloci, e servendo al corso la rettitudine per renderlo più veloce; quindi è, che succedono maggiori quelle corrosioni, che sono imboccate nella parte superiore da' tronchi retti del fiume medesimo, per li quali cioè, il fiume abbia potuto prendere quella velocità di accelerazione, che gli è permessa dalle sue condizioni. E qua cade la considerazione di tutte quelle cause, che possono rendere più veloce il corso d'un fiume.

Corollario VIII.

Similmente, perchè supposta la medesima velocità d'un fiume, tanto più opera ella in corrodere la riva, quanto più questa se le oppone rettamente; perciò maggiori succederanno le corrosioni, quanto meno ottusi saranno gli angoli, formati dalle direzioni del medesimo fiume colla situazione della riva dalla parte inferiore.

Corollario IX.

Per una simile ragione più facilmente cederà una riva arenosa, che una cretosa; e perciò, secondo la diversità della resistenza delle ripe, maggiori, o minori si faranno le corrosioni.

Corollario X.

Fig. 36. Essendo, che nelle corrosioni sempre, per lo meno, si ritarda notabilmente la velocità dell'accelerazione acquistata per lo pendio dell'alveo; perciò se un fiume retto incontrerà la resistenza d'una riva, v. gr. se A B incontrerà B C col farsi rivoltare il corso in B C, farà la corrosione in B; ma potrà darsi il caso, che ribattuta l'acqua in C, non potendo per B C rendersi nuovamente tanto veloce, quanto per A B; e per conseguenza percolando C con forza minore, di quella, con che ha prima, percossa la sponda B; non faccia ivi tanta corrosione; e per conseguenza sia la corrente ribattuta in D ad angolo più obliquo; e così successivamente. Dal che ne può avvenire, che dopo alcune battute, e ribattute, trovando l'alveo F G retto, di nuovo s'indirizzi il corso dell'acqua per esso.

Corollario XI.

A questi ultimi Corollari si dee avere riflesso ne' tagli, che si fanno per raddrizzare il corso a' fiumi; nelle quali operazioni si dee avvertire per regola (1) d'imboccare coll'incile del taglio il filone del fiume; altrimenti, o egli non vi entrerà, o entrandovi, di nuovo si farà tortuoso (2) di mandare lo sbocco del medesimo taglio, quanto si può, a seconda del filone delle tortuosità susseguenti, se non si vogliono fare cambiare al fiume i siti delle corrosioni inferiori, il più delle volte, con grave danno. (3) che quando non sia possibile ottenere quest'ultima condizione, si dee fare il taglio in due linee, che facciano fra loro un angolo, il più che sia possibile, ottuso. [4] che, quando non riesca di ottenere una buona imboccatura del filone superiore nel taglio, è necessario di sformarlo ad entrarvi con qualche lavoriero fatto nell'alluvione opposta alla corrosione; o pure con travagliare la corrente, almeno in parte, con buone palificate. (5) che quando la caduta del taglio fosse assai grande in proporzione di quella, che avesse il fiume per le tortuosità, potrebbe questa supplire, in qualche parte, al difetto della buona imboccatura ec.

Corollario XII.

Alle cose predette si dee anco riflettere, in destinare il luogo agli argini, che si fanno, o ad uno de' tagli predetti, o ad un nuovo alveo di fiume; perciò in ciò succedono errori infiniti, fabbricandosi alle volte argini in certi siti, che sono dovuti alle corrosioni, le quali necessariamente sono per accadere, se non sul principio, almeno quando tutta l'acqua del fiume si porterà a correre per gli alvei arginati; ed io potrei addurne quì molti esempi, se non stimassi meglio di star lontano dal condannare le operazioni degli altri,

PROPOSIZIONE IX.

Se in una palude, lago, laguna, ec. entrerà un fiume torbido, ivi deponendo la materia terrea, la eleverà di fondo, e si formerà l'alveo dentro di essa, in mezzo alle proprie alluvioni, prendendo quella strada, che li sarà insegnata dalla direzione della foce, dalle resistenze, che troverà, e dall' esito, se vi sia, del lago, o della palude ec.

Che un fiume d'acqua torbida, entrando v. gr. in una palude, perda il moto, è manifesto per esperienza, e per ragione; siccome è fuor di dubbio, che perdendosi l'agitazione nelle acque torbide, succedano delle alluvioni; resta solo da spiegare in qual maniera possa un fiume, con esse, formarli l'alveo, e quali siano le cagioni, che concorrono a determinare il sito di esso.

Sia adunque il fiume A B C, che entri nel palude C D E F G; e sia in *Fig. 37;* C lo sbocco del fiume, la cui ultima direzione sia B C; e sia in E, l'emisfario di essa palude. Dico, che per determinare il sito al fiume da C in E, concorrono la direzione B C, il sito di E, e gl' impedimenti, che di quando in quando incontra il corso dell'acqua nella palude. Posciachè egli è certo, che dovendo l'acqua, nel tronco dello sbocco B C avere qualche velocità, ed eguale, se non maggiore, altezza di superficie in B, che in C; dovrà il semplice conato dell'acqua della palude in C, cedere alla velocità del moto attuale per B C; adunque l'acqua non solo correrà dentro l'alveo B C, ma prolungherà, per qualche spazio, il suo corso dentro della palude v. gr. da C fino in H; sempre però indebolendosi, fino a perdere ogni moto sensibile. Supponiamo, che ciò succeda in H; adunque l'acqua entrando torbida, sarà poi renduta stagnante per tutta la palude, fuorchè nel sito C H; e perciò lateralmente a C H deporrà la torbida, e succederanno delle alluvioni, le quali colla loro altezza; chiuderanno un sito lasciato basso da C in H; e per questo continuerassi il corso del fiume. Risguardando dunque la sola direzione B C, dovrà tal principio d'alveo discendersi in una linea retta C H, e continuarsi sempre la medesima, elevandosi maggiormente le sponde laterali, fino a sopravanzare la superficie dell'acqua della palude, costringendo con ciò il fiume a continuare il suo corso per un alveo nuovo, ed a prolungare lo sbocco dentro la palude sempre a dirittura.

Ma, se qualche cosa si opponesse al moto dell'acqua per la direzione C H: come erbe, arbori ec. (che sono assai familiari alle paludi,) o fossi di v. nri, o correntie d'altre acque, benchè occulte, ed insensibili; come per esempio, se dentro d'una palude piena di un canneto, o di erbe, fosse aperta

una strada senza impedimento, come C I; allora, perchè la direzione per B C, uscita l'acqua dallo sbocco C, sempre s'illanguidisce, farebbe bene il fiume qualche sforzo, per ispingersi in C H, e sul principio ne prenderebbe, per qualche picciolo spazio, la linea; ma finalmente vinto dalle resistenze, farebbe obbligato a prendere a un dipresso la strada meno impedita per C I. Lo stesso succederebbe, se nella direzione C H s'incontrasse qualche resistente, valevole a rivoltarla ad altra parte, e per far ciò non si richiederebbe gran forza, purchè esso resistesse più delle parti vicine; perchè, in tal caso, l'impeto in gran parte perduto, facilmente indirizzerebbe ad altra parte. E da questo principio nascono i molti rivoli, o rigagnoli, ne quali si dividono i fiumi, che mettono la foce nelle paludi di poco fondo.

E' considerabile in questo caso un'altra sorta di resistenza, che nasce dall'inequalità del fondo della palude, la quale, sebbene sul principio nulla opera, nel progresso però cagiona un impedimento maggiore di ogn'altro. Poichè, supposto, che il maggior fondo sia in C H K L E; egli è certo, che facendosi deposizioni eguali in que' siti, ne quali l'acqua egualmente stagna, ed è egualmente torbida; necessariamente dovrà succedere, che ne' siti laterali a' fondi continuati C H K L E, dovranno le alluvioni elevarsi più presto sopra la superficie della palude, che nel mezzo; e conseguentemente formeranno come un alveo, dentro il quale dovrà il fiume prendere il suo corso; e perciò molte volte i fiumi, che hanno esito nelle paludi, e lagune, seguitano, nel formarsi che fanno l'alveo dentro le proprie alluvioni, la via delle maggiori profondità di esse paludi. Per la stessa ragione operano tutte le cause, che fanno una strada, o più aperta, e spedita, o più bassa d'un'altra, come sono, oltre le tagliate dell'erbe, qualche picciola escavazione; e la via tenuta da' navicelli nel passare da un luogo all'altro; perchè in tali siti, l'acqua posta come in equilibrio, seguita la via delle minori resistenze.

Finalmente supposto, che la palude ec. non possa avere altro sfogo, che in E, è manifesto, che l'acqua portata dal fiume in essa, dovrà avere corso considerabile in E, e che, non potendo il fiume avere sfogo in altra parte, finalmente bisognerà (quando anche dovesse prima circuire tutta la palude) che arrivi al luogo, dove comincia il corso dell'acqua, che esce per E, col quale combinandosi quello del fiume, s'incamminerà a quella parte medesima. Egli è dunque dimostrato, che le tortuosità, o sinuosità de' fiumi, i quali si formano l'alveo colle alluvioni, debbono la loro situazione, parte alle direzioni dello sbocco del fiume in alveato; parte alle resistenze trovate dentro la palude; e parte al sito dell'emissario della medesima. Il che ec.

Non si dee però credere, come pure si è accennato di sopra, che tal fiume inselveandosi, seguiti con un ramo solo una sola direzione; anzi piuttosto, secondo le diversità delle cause, vicino allo sbocco, si dovrà dividere in moltissimi rami, divisi anch'essi in altri minori, i quali appoco appoco saranno lasciati dal fiume, e serrati colle alluvioni, a misura della forza, che prenderà per uno di essi il più facile, e meno impedito; di modo che rare volte succede, che si mantengano più rami insigni, se il fiume non ha, o notabile abbondanza d'acqua, o ne' rami diversi, un certo equilibrio di condizioni, non così facile da succedere.

Ecco dunque da quante cause può provenire, che i fiumi si facciano tortuosi, e come avvega, che tali si mantengano; succede ora da esaminarsi, quali sian gli effetti di essi, e quali quelli de' fiumi retti. Ma prima è d'avvertire, che i fiumi, i quali corrono in ghiaia, difficilmente possono mantenere la rettitudine; perchè spingendo essi fregolatamente, e con moto lento le ghiaie.

ghiaie, molte volte le ammassano, e le lasciano, al cessare della piena, nel mezzo del proprio corso; ond'è che facendosi dossi, sforzano questi la corrente a voltarsi da quel lato, ove, trovando qualche volta materia poco resistente in tempo di acqua bassa, può profondare un nuovo alveo, e fare come una chiamata alla piena sopravveniente. Di qui anche nascono, la molteplicità de' rami, che hanno i medesimi fiumi in ghiaia; le isole, che dalla divisione, e riunione di detti rami derivano; ed in oltre la continua variazione del letto, e del filone, osservandosi ad ogni piena, in ciò qualche notabile mutazione. Quindi è ancora la larghezza soprabbondante degli alvei ghiaiosi, e la poca sicurezza, che si ha da' ripari fabbricati per difesa delle ripe; e conseguentemente il poco frutto; che si ricava da' mezzi, che si adoprano per mutarli di corso, ed obbligarli a correre, quanto più si possa, retamente; potendosi dire, che *i fiumi in siti simili siano, quasi indomabili*, o almeno richiedano una più che ordinaria vigilanza, ed assistenza per essere mantenuti in dovere; e ciò è sempre tanto più vero, quanto le ghiaie, o sassi sono più copiosi, e più grandi di mole. Al contrario *i fiumi, che corrono in sabbia sono molto più maneggiabili*, per la quasi intiera uniformità della materia, della quale viene composto l'alveo; e perciò, *essendo diritti, facilmente si conservano, le loro botti più agevolmente si difendono; e mantenendosi il corso, quasi sempre, nel luogo medesimo, non hanno bisogno di tanta larghezza di letto*: onde in molti casi è facile di mutare loro l'alveo, o con cavi proporzionati, o con ripari ben intesi, o con accrescimento di caduta, o con maggiore facilità di sfogo, regolandosi in questi casi la maggiore, o minore facilità dalla considerazione della velocità del corso dell'acqua; dalla direzione, ed impeto in essa impresso; dalla situazione della ripa ec.

Passando ora agli effetti de' fiumi retti, e tortuosi, facilmente si possono quelli dedurre da ciò, che abbiamo finora detto. E prima, *i fiumi retti mantengono più scavato il loro letto, i tortuosi meno*: e la ragione si è, perchè essendo la linea retta, tirata dal principio al fine del fiume, la più corta, ed essendo la caduta proporzionata alla lunghezza del corso; ne segue, che conservando lo stesso alveo la medesima declività, debba essere più alto il fondo nel principio del fiume tortuoso, che del retto, quando nell'uno, e nell'altro si trovi la medesima distanza de' termini.

Per esempio, supponiamo, che l'origine d'un fiume sia distante in linea retta dalla foce del medesimo cento miglia, e richieda un piede di caduta per miglio; certo è adunque, che tutta la caduta necessaria a questo fiume sarà di cento piedi; e tanta dovrà essere l'elevazione del principio di esso sopra il fondo della sua foce, qualunque volta abbia esso il corso per detta linea retta. Ma se il medesimo colle sue tortuosità s'allungasse la strada, sino a cento cinquanta miglia; altrettanti piedi vorrebbe egli di caduta (tralascio di considerare in questo luogo la differenza, ch'è tra un fiume retto, ed un tortuoso, la quale fa, che il primo a cagione delle minori resistenze, riesca più veloce, e meno declive del secondo) e perciò dovrebbe il principio del fiume essere più alto, che nel caso precedente; il che è vero anche di tutti i siti del fiume, paragonando la loro distanza dalla foce per la linea retta, e per la curva; quindi è, che desumendosi la profondità del fiume dalla distanza del di lui fondo dal piano della campagna, se la caduta di questa sopra il fondo dello sbocco, sarà maggiore di quella, ch'è dovuta al fondo del fiume, necessariamente correrà questo incassato nel terreno, e tanta sarà la profondità, quanta la differenza tra la caduta maggiore della campagna, e la minore del fondo del fiume. E perchè la caduta de' fiumi, tanto

falli maggiore, quanto è più lunga la linea del corso; però può darfi il caso, che un fiume correndo rettamente al suo termine, abbia il suo fondo assai basso sotto il piano della campagna; ma facendosi tortuoso, e per conseguenza elevandosi, abbia bisogno di argini per essere trattenuto, che non inondi. Il paragone della caduta della campagna con quella, ch'è necessaria al fiume, fa anche conoscere, quale sia la causa, che alcuni fiumi camminino per fondi elevati sopra il piano del terreno contiguo; che altri corrano affatto incassati dentro la campagna, e ch'altri si profondino di soverchio dentro le viscere di essa. La medesima comparazione può portarci anche alla cognizione de' rimedj opportuni, per impedire la nociva elevazione del fondo de' fiumi, e le estreme loro profondità. *Ne' fiumi però che hanno il fondo orizzontale, la rettitudine, o tortuosità degli alvei non contribuisce cosa alcuna al maggiore, o minore profondità: ma la sola copia dell'acqua, che quanto è maggiore, mantiene più basso il fondo del proprio letto: la caduta sì della campagna opera qualche cosa, paragonata alla cadente del pelo del fiume; perchè, se la caduta del terreno sarà maggiore di quella, che tira seco la declività della cadente del pelo d'acqua nelle massima piene, non vi sarà bisogno d'argini al fiume; e perchè, anche in questo caso, la linea più lunga ricerca maggiore caduta, può essere, che la tortuosità induca una necessità di arginature, che forse non si avrebbe, se il fiume camminasse retto: la tortuosità dunque, in questo caso, potrà ben fare elevare il pelo dell'acqua, ma non il fondo dell'alveo.*

Le altre proprietà de' fiumi retti sono, ch'essi, come si è dimostrato, conservano il loro maggiore fondo nel mezzo dell'alveo, restando le altre parti in ciascuna sezione omologamente disposte; e perciò non si scava il loro fondo più in un luogo, che nell'altro: non si fa alcun gorgo, o irregolarità di letto, che accidentalmente; e stabilita che sia la loro larghezza, non alterano la situazione delle proprie ripe; le quali perciò non fanno altra forza, che di sostenere l'altezza dell'acqua nella medesima maniera, che farebbero, se fosse stagnante, cioè in proporzione della propria altezza. Ma al contrario i fiumi tortuosi portano la maggior profondità degli alvei ora verso una ripa, ora verso l'altra, e la linea del filone dell'acqua è sempre più curva di quella delle ripe, accostandosi alle parti concave delle rotte, e scostandosi dalle convesse. Per lo che ne nasce da una parte la generazione delle spiagge, e delle alluvioni, o arenai; e dall'altra, anche frequentemente, la corrosione delle ripe, che sogliono in detti siti, avere al piede gorgi profondi. *Il carico, che portano le sponde battute dalla corrente del fiume, è molto maggiore, che ne' fiumi retti, come non fatto dal solo conato; ma dall'impero dell'acqua, del quale è tanto maggiore la forza, quanto l'energia della percossa supera lo sforzo della sola gravità. S'aggiunge, che ne' fiumi retti le direzioni del corso procedono parallele alle sponde; e perciò non possono cagionare que' vortici, che solo nascono dalla combinazione di diverse direzioni insieme; e che sono tanto frequenti ne' fiumi tortuosi, con danno indicibile delle sponde.*

Procede anco dalla curvità degli alvei un effetto assai considerabile, ed è la direzione, che ha il fondo dell'acqua, diversa da quella del mezzo, e della superficie: dal che ne nasce, che le piene maggiori, alle volte, mostrano di battere la ripa opposta in un luogo, le mezzane in un altro, e l'acqua bassa in un altro. Ciò deriva, perchè camminando il maggior fondo colla medesima curvità delle alluvioni, e delle spiagge, che sono nel fondo del fiume, la corrente del fondo segue la direzione di questo; ma quella, che essendo più alta, copre tutte le spiagge, quanto è in se, s'accomoda alla curvità delle sponde delle golene, che per lo più non sono parallele alla maggiore profondità dell'alveo: e finalmente le piene più alte, coprendo

il piano delle golene, prendono qualche direzione dalla situazione degli argini, i quali non mai secondano la curvità delle medesime; ma, il più delle volte, servono di corda al loro arco. Queste diverse direzioni però non si conservano così indipendenti l'una dall'altra, che non vengano di quando in quando alterate; e perciò combinandosi tutte e tre, il filone batte la ripa in un sito; cessandone una, cioè la superiore, l'incontro del filone colla ripa si fa in un altro luogo; e finalmente, non essendovi, che la direzione più bassa, di nuovo si muta sito. E perciò si dee avvertire, nel destinare i luoghi a' ripari, che si formano per difesa delle corrosioni, di non avere unicamente riflesso al filone dell'acqua bassa; ma bensì di considerare, anche lo stato mezzano, e sommo delle piene del fiume.

L'altezza maggiore, che ha l'acqua corrente nella parte concava delle botte, è un effetto non disprezzabile delle tortuosità degli alvei; poichè, siccome in quel sito gli argini si ricercano più vigorosi, più larghi, e di miglior costruzione; così deono essere più alti, acciò l'acqua non trabocchi dalla sommità di essi; e tanto deono essere più alti, quanto più sono vicini al vertice della corrosione; perchè ivi è anche maggiore l'altezza dell'acqua; e perciò nella costruzione, o riparazione degli argini non occorre sopra d'una linea uniformemente declive regolare il piano superiore di essi; ma piuttosto giova tenerlo (col prendere norma dal pelo di una piena) tanto più alto, quanto si può credere, che basti, a sostenere una piena straordinaria, quando ella venisse.

Sebbene pare, che gli effetti delle tortuosità de' fiumi siano tutti perniciosi, nulladimeno (perchè anche nel male si trova sempre mischiata qualche cosa di bene) oltre l'utile, che ricavano i possessori de' fondi con termini alle alluvioni, v'è alle volte qualche cosa di necessario all' economia universale de' fiumi; posciachè i giri di essi (particolarmente se sono reali) possono, secondo il bisogno, avvicinare, o allontanare gli sbocchi de' fiumi influenti all' origine di essi; e per conseguenza accrescere, o sminuire la necessaria caduta: ch'è un punto assai considerabile nella condotta dell'acque; ma di ciò parleremo più ampiamente nel Capitolo 9. Si dee però avvertire, che la direzione de' fiumi s'intende in due maniere; l'una cioè universale l'altra particolare. La direzione universale non tien conto delle piccole curvità, che ha l'alveo d'un fiume, quando anche fossero tali, che spingessero le correnti in un luogo a Levante, nell'altro a Ponente; ma solo mette a capitale la strada, che tiene il fiume, prescindendo da esse. Così vien detto da' Geografi, che il Po cammina da Ponente a Levante, che il Danubio nell'Austria tiene la medesima strada, nell'Ungheria volta a Sirocco, dopo Belgrado ritorna verso Levante; e vicino a' suoi sbocchi nel Mar Nero, tende verso Greco; e queste sono le tortuosità, che possono essere utili, ed instituite con qualche fine dalla natura; ma la direzione particolare è quella, che gode la corrente, o filone in ciascheduna parte dell'alveo, e della quale si tiene conto da chi pretende fare una pianta esatta di un fiume in una carta di geografia, nella quale si voglia esprimere lo stato di esso con ogni maggiore diligenza; e queste piccole tortuosità, rare volte avviene, che portino vantaggio; anzi sono abborrite dall'universale degli uomini, che tutto 'l giorno s'affaticano, o per togliere, o per impedirne gli effetti dannosi.

E' congenera alla materia di questo Capo la quistione promossa dal Varenio nella sua Geografia generale Lib. 1. Cap. 6. Prop. 8. Se gli alvei de' fiumi siano stati fatti dalla natura, o dall'arte. Egli distingue i fiumi contemporanei alla terra, da quelli, che hanno avuta la necessità di avere formati gli

alvei dopo la creazione del globo terraqueo: circa i primi non ispiega il suo sentimento; ma circa gli ultimi si dà a credere, che abbiano gli alvei manufatti, asfumdendo per fondamento della sua opinione, l'osservarli, che le nuove fontane, nello scaturire che fanno dalla terra, non iscavano gli alvei per lo corso delle acque proprie, essendo perciò necessitate a spandersi per li terreni vicini: che molti alvei sono stati fatti per opera umana, desunendone la certezza dalla fede indubitata delle storie; e finalmente che i fonti, o forgive, le quali scaturiscono dalle pianure, generano paludi, per essiccazione delle quali bisogna scavarle fosse, che divertiscano da esse le acque: e in fine conferma il suo sentimento col dire, che molti fiumi siano stati uniti, per artificio d'uomini, ad altri, coll'esempio del Tanai, dell'Eufrate, e della Volga; e che perciò si debba credere il simile di tutti gli altri.

Io, siccome non ardirei di negare, senza motivo, fatti d'istoria, non posso dubitare, che le acque d'alcuni fiumi non corrano per alvei scavati a mano, sapendosi, che quelle del Po furono unite in un sol alveo da Emilio Scauro; che la Brenta è stata cambiata d'alveo dalla Serenissima Repubblica di Venezia; così il Lamone, ed il Reno nostro dalla Santa Sede; per non dire delle fosse tirate dal Nilo ad Alessandria, da Alessandro Macedone: di quelle fatte da Druso per lo Reno; da Tiberio per lo Tevere ecc. ma per l'altra parte, sono ben di parere, che la maggior parte de' fiumi siano stati fatti dalla natura, e che, lasciandola operare da se sola, ella formerebbe col tempo gli alvei a tutte l'acque; come di molti, formati per sola disposizione di cause naturali, se n'hanno indizj evidenti. Poichè, se si considera la parte più alta della terra, cioè quella, che noi chiamiamo montuosa, si può ben facilmente comprendere, che le spaccature, le quali in essa da per tutto si trovano, per lo fondo delle quali scorrono i rivi, i torrenti, ed i fiumi, e che sono, come termini divisi d'una montagna dall'altra; e facile, dico, comprendere, ch'esse sono state fatte dalla forza dell'acque, che le ha scavate col corso; nella maniera già diffusamente spiegata nel Capitolo antecedente, osservandosi molte volte, che dalla maggiore, o minore profondità, viene determinata la distanza delle cime de' monti, che soprastano, dall'una, e dall'altra parte, al corso del fiume, benchè, a ciò fare, anche concorra la condizione della materia, di che sono formate, sì le montagne, che i fondi degli alvei. Quindi è, che per impedire l'escavazioni superflue, e dannose, e i dirupamenti della terra ad esse succedenti, sono obbligati gli abitanti di fare, e mantenere un'infinità di chiuse, che sono fabbriche, per lo più, di legnami, o di sassi, le quali colla loro altezza sostentano il fondo de' torrenti alla necessaria altezza.

Non può intendersi una fonte di nuova origine, che abbia qualche abbondanza d'acqua, e che col continuo aumento, uscendo dal proprio ricettacolo, e trovando esito da qualche parte verso il mare, non incontri o un declivio, per lo quale scorra, o una caduta, dalla quale precipiti, la quale essendo grande più del dovere, è necessario, che succedano escavazioni, che sono quelle, che danno l'essere agli alvei. Quando queste hanno potuto farsi seguitamente, si sono formati i letti continuati, ma incontrandosi ostacoli da tutte le parti, essendo sforzata l'acqua ad elevarsi di corpo, per trovare l'esito sopra gl'impedimenti, si sono formati i laghi, che servono di temporaneo ricettacolo a' fiumi, e talora si sono fatte cateratte, o cascate d'acqua, quando nella dirittura dell'alveo l'acqua ha trovati impedimenti, i quali non ha potuto superare col roderli; e che perciò hanno sostenuta la parte superiore dell'alveo più alta dell'inferiore. Accade talvolta, che

che i fiumi, scorrendo fra' monti, trovano voragini, che li assorbiscono: e però sono interrotti i loro alvei dalle montagne, che stanno in faccia del loro corso: queste voragini, o hanno esito al mare, o pure trasfondono le loro acque di nuovo sopra la terra, o formano nuovi fiumi: e questa è la ragione, per la quale se ne trovano di quelli, che entrano in laghi, ma non ne escono, e che alle volte si vedono scaturire dalla terra fiumi ben grandi, piuttosto, che fontane, delle quali l'origine è tanto lontana, che non se ne tien conto. Toppo lungo sarebbe il voler qui rendere la ragione di tutti gli accidenti, che si osservano ne' fiumi dentro le valli delle montagne; ma sarà ben facile a chi che sia, sulla norma delle cose dette di sopra, d'indagarne le cause; onde passeremo a discorrere degli alvei fuori delle foci de' monti.

Io credo assai probabile, che poche siano nel mondo le pianure, che non siano figlie delle alluvioni de' fiumi, essendo state per l' innanzi, o senì di mare, o paludi, posciachè, se si osserverà la condizione del terreno disposto in istrati di sabbia, e di terra, come nel cavamento de' pozzi, o altri simili si riscontra; e se si farà riflessione alle materie in casi simili trovate, cioè a dire, pezzi di barchè, giunchi, ed alghe marine, come riferisce il Bertazzolo essere accaduto nel cavare i fondamenti del sostegno di Governolo sul Mantovano, ed inoltre se si considereranno l' istorie antiche, come di Erodoto, che asserisce tutto l' Egitto essere composto di terra portata dal Nilo; e che la Lombardia bassa, quasi tutta è bonificata, dopo due mila anni, dalle alluvioni del Po, e d' altri fiumi, che scendono dall' Appennino, e dall' Alpi; e finalmente se si avvertirà, che i fiumi, che scorrono per le pianure, hanno, in gran parte, bisogno d' argini, che vuol dire, che senza d' essi, sarebbero soggette le campagne alle inondazioni d' acque per lo più torbide (alle quali vanno necessariamente connessi gl' interimenti) bisognerà dire, che, siccome levando tutte le opere manufatte, le pianure si ridurrebbero in paludi, così prima, che fossero formati gli argini, non può essere di meno, che i piani delle campagne non si andassero elevando sempre più, col beneficio dell' acque torbide; e che perciò nel principio delle cause, fossero siti inondati, forse anche dall' acqua del mare. Ciò fa vedere, che gli alvei de' fiumi nelle pianure non sono fatti, come quelli fra' monti, per escavazione; ma solo per alluvione, cioè colla deposizione delle materie terree portate dall' acqua.

Egli è manifestissimo per un' evidentissima ragione, e per un' esperienza sempre costante, che i fiumi torbidi, i quali hanno il loro sbocco nelle paludi, nelle lagune, o anche in seni, e spiagge di mare di poco fondo, si formano se ripe da se medesimi, ed alzando il fondo de' propri ricettacoli, fanno loro cambiare natura, riducendosi in istato di terreno fertile [come è indubitato, essere succeduto a tutto il Ducato di Ferrara, a una gran parte di quello di Mantova, del Bolognese, del Modanese, del Mirandolano, della Romagna ec.] e che dentrogl' interimenti, formano, e conservano l' alveo proprio; e perchè le acque vaganti facilmente perdono la direzione; secondando quella d' ogni picciolo impedimento, come si è dimostrato nell' ultima Proposizione; quindi è nata la tortuosità de' fiumi nel loro primo nascimento, inclinata però sempre secondo la direzione universale, verso quella parte dove l' acqua ha trovato più facile l' esito, e dove la maggior caduta l' ha destinata. Quindi è, che la superficie delle campagne viene, a un dipresso, ad essere disposta sul tipo della cadente della superficie de' fiumi, la quale avrebbe precisamente imitata, se la necessità dell' abitazione, non avesse obbligati gli uomini ad effiecare le campagne coll'

coll'artificio degli argini: accidente, che fa; che il piano di esse resti in molti luoghi più declive, e finalmente più basso del fondo de' fiumi; e che perciò richiedasi altezza maggiore di argini, per difenderle. Al contrario ne' luoghi; dove l'espansioni hanno avuto più lungo tempo da operare; dove l'acque sono state più torbide; e dove si sono unite più cause simili; ivi si sono fatti maggiori gl'interrimenti, e quantunque i siti siano più lontani dalla fonte del fiume: nulladimeno hanno il piano di campagna più alto, come si osserva nelle confluenze degli alvei formati in questa maniera.

E' anche regola generale, che le pianure fatte per alluvione sono più alte alle sponde de' fiumi, e scostandosi da quelle, sempre si rendono più basse; e perciò ne' siti di mezzo a' due fiumi s'osserva una concavità seguita, dove l'acqua piovana delle campagne s'unirebbe, se la provvidenza degli uomini non avesse scavato in que' luoghi fosse proporzionate a ricevere l'acque degli scoli particolari delle campagne, ed a scaricarle, o nelle parti più basse de' fiumi medesimi, o al mare, o in paludi, secondo la contingenza. Ciò però è vero, qualunque volta il fiume, prima d'essere stato arginato, non abbia mutato sito da un luogo all'altro, in maniera da fare alluvioni quasi per tutto eguali; o non siano state trattenute le torbide dentro il circondario degli argini particolari, a ciò destinati; perchè in tal caso gl'interrimenti succedono quasi orizzontali. Le osservazioni di queste particolarità, che regolarmente si fanno nelle pianure, danno ben a conoscere, che gli alvei de' fiumi, che le bagnano, sono, per lo più fatti per alluvione dalla natura, non dall'arte; e che quando questa v'ha luogo, si danno indizj tali da conoscerlo, anche prescindendo da qualsivisia notizia di fatti antichi.

I condotti dell'acque piovane riconoscono ben tutti il loro essere dall'artificio degli uomini, se non quanto, alcuna volta, possono avere per canale l'alveo derelitto d'un fiume, o altra simile concavità naturale. Lo stesso s'intende dell'acque de' fonti, che nascono nelle pianure, se esse sono in poca quantità; poichè tanto queste, quanto quelle, per correre regolate, richiedono escavazioni di canali; e la ragione si è, perchè, essendo chiare, non possono deporre materia alcuna; e perciò non vagliono a farsi l'alveo per alluvione, e perchè scorrendo per campagne, che hanno, a un dipresso, il declivio richieduto dal fiume, non possono, essendo molto minori di corpo, fare escavazione alcuna, e per conseguenza profundarsi un'alveo sotto il piano della campagna. Egli è dunque necessario, che sopra de' terreni si spandano, e scorrendo sempre ad occupar i luoghi più bassi, procurino l'uscita da qualche parte, la quale, essendo l'acque vive, troveranno finalmente, se non altro, coll'alzamento della superficie, che rendendosi, o per sorgive temporanee, o per espansioni di qualche fiume ec. superiore agli ostacoli, li formerà; e sopra di essi acquistando quell'altezza, che proporzionata alla larghezza, e velocità, è necessaria per iscaricare tutta l'acqua, che di nuovo si va somministrando, terrà occupate, ed inondate tutte all'intorno, le campagne, che saranno più basse del livello dell'uscita dell'acqua, nella stessa maniera appunto, che succede ne' laghi. Ma non essendo le acque perenni, può darsi il caso, che siano sì bassi gl'impedimenti da superare, ch'ogni poca altezza d'acqua basti, per iscaricarne una parte, e cessando l'afflutto (sia o per siccità, o per altro) cessi il corso fuori dello stagno, e l'acqua impedita resti trattenuta, fin tanto che il sole, o il vento la consumi in vapori; o pure ch'essa da se medesima s'imbeva ne' pori della terra.

Quindi è, che per efficare gli stagni, e le paludi, mezzi proporzionati sono, o la diversione dell'acque, che le fomentano, e mantengono; o la rimozione degli'impedimenti, che le sostentano ad un'altezza non necessaria: che vuol dire, l'escavazione d'emissari, e canali proporzionati; ovvero in ultimo luogo, quando ogni altro mezzo si riconosca frustraneo, la immissione di acque torbide, che elevino il fondo della palude, uguagliandolo con ciò le concavità, che servono di ricettacolo all'acque stagnanti. L'elezione dell'uno, o dell'altro di questi mezzi, dipende dalla considerazione di tutte le circostanze; poichè, se vi sarà luogo a proposito per divertire, o regolare le acque, che hanno il loro sfogo nelle paludi; sano consiglio è di praticar questo mezzo, qualunque volta però il fondo di esse sia tant'alto, quanto basta per tramandare al suo termine le acque, che sopra vi pioveranno,

Ma, se avendo il fondo della palude questa ultima condizione, sarà effetto de' soli ostacoli la stagnazione, e la elevazione dell'acque, in tal caso basta, colla rimozione degli'impedimenti, dare sfogo proporzionato all'acqua ristagnata, e portarla per canali manufatti a qualche termine reale; ed occorrendo, scavarne degli altri per mezzo della palude, che servano a dar passaggio all'acque, che dentro vi mettono, o che debbono uscirne. E finalmente, se il fondo della palude non avrà la caduta necessaria al suo scarico, è d'uopo di procurargliela con l'arte, elevandole, coll'acque torbide, il fondo, il quale ridotto che sia ad un'altezza sufficiente, bisogna poi praticare uno de' due mezzi suddetti: senza di che mai non si arriva ad una perfetta efficazione.

Già che siamo entrati a discorrere delle paludi, non fare che bene, per fine di questo Capitolo, di avvertire una considerazione assai necessaria alla materia, di cui si tratta. Alcuni hanno creduto, che le paludi siano un errore della natura: e che perciò bisogni sempre cercare di correggerlo. Io però le stimo in molti casi, non so, se mi dica, o una necessità; o un artificio della natura medesima, la quale somministra agli uomini il comodo, di tenere asciugate campagne vastissime, col sottometerle all'inondazione una picciola parte. Poichè, prima egli è evidente, che molte terre sono così poco alte sopra il termine, il quale dee dar loro lo scolo, che se l'acque, anco scolarizie, dovessero unirsi in un'alveo solo, continuato sino al termine predetto, dovrebbero avervi altezza tale, che manterrebbe pantanoso tutto il terreno vicino, cosa, che non succede, quando l'acque escano presto da' loro condotti, e trovano un'espansione, e profondità considerabile, dove trattenerli per qualche tempo, e sino all'estate, che può in gran parte consumarle. Quindi è, che si trovano molti stagni, che non hanno esito alcuno, e servono ne' tempi piovosi come di picciolo mare, a dare ricetto alle acque delle campagne contigue. [2] molti fiumi scorrono per campagne, e danno ricetto agli scoli delle medesime: perchè, entrando nelle paludi, mantengono il loro fondo più basso, che non farebbero, interrto che fosse il fondo delle medesime. Sia A B il fondo stabilito di un fiume influente in una palude, di cui la superficie orizzontale sia B C, e che uscendo dalla medesima, scorra per lo fondo C D parallelo ad A B; e sia E F il piano della campagna superiore alla palude. Ciò posto, egli è evidente, che la campagna E F può avere scolo, sinel fiume A B, sianche, e molto meglio, sopra il pelo della palude B C; ma interrita che questa sia, egli è certo, per le cose dette di sopra, che il fondo A B si eleverà in G C, per mantenere la caduta proporzionata al suo corpo d'acqua; e perciò non potranno le campagne avere lo scolo, nè nel fiume, nè nella

Fig. 38.

palude; ma solo nella parte inferiore C D, il che può essere impedito per più cause, cioè o per l'unione di qualche altro fiume; o pure perchè s'incontri la spiaggia del mare, che suol essere d'impedimento allo sbocco de' piccioli condotti; e perciò, non potendo l'acque piovane avere più ricetto, bisognerà, che restino a coprire le campagne, dalle quali prima derivavano, il che maggiormente accaderà a que' siti, che necessariamente debbono avere lo scolo nella parte del fiume, superiore al punto C. Casi simili, derivati dal prolungamento degli alvei dentro le paludi, si vedono frequenti nel nostro territorio di Bologna, nel Ferrarese, e nella Romagna; perchè essendo le campagne disposte a scolarfi sopra il pelo basso dell'antica Padusa, ch'era orizzontale a quello del mare; ed essendosi questa divisa in più parti, ed alzata di fondo, e di pelo, per le alluvioni, si vedono quasi tutti i fiumi obbligati a scorrervi dentro, così alzati di letto, che restano superiori di molto al piano delle campagne, negando con ciò lo scolo a' terreni; anzi inondandoli, ed ampliando, ogni dì maggiormente, le paludi in vece di renderle fertili, come sembra, che dovrebbe succedere, dopo gl'interrimenti, a chi non è capace di considerare, a quale altezza dovrebbero questi elevarsi, per potere scolarfi dentro gli alvei de' fiumi vicini; mentre per l'impedimento degli altri fiumi inferiori, non possono avere la strada aperta al mare per cavi separati. Questa è la ragione, per la quale non sempre sono utili le bonificazioni per alluvione; bensì quelle per efficcazione, particolarmente, quando si fanno per via di diversione di acque copiose, e per rimozione degli ostacoli, che fanno stagnanti le acque; essendo per altro (fuorchè ne' casi, ne' quali le terre hanno pochissima pendenza al termine dello scolo) insensibile l'effetto del prolungamento de' cavi manufatti, particolarmente, quando questi si mantengono espurgati, ed escavati alla dovuta profondità.



CAPITOLO VII.

De' moti, che s' osservano nell' acque de' fiumi in diverse circostanze.

Abbiamo toccate, in più luoghi di questo trattato, molte particolarità concernenti al movimento dell' acqua, dentro gli alvei de' fiumi secondo che ha portato l' occasione, e la materia; ma perchè ve ne restano molte altre, che meritano e di essere avvertite, e di essere risolte nelle loro cause, perciò ci daremo a considerarle separatamente in questo Capitolo, passando dall' una all' altra, coll' ordine medesimo, che porta il progresso d' un fiume, dal suo principio al suo fine.

Per intraprendere dunque questa ricerca, immaginiamoci una fonte, che dia il primo alimento ad un fiume, somministrandoli, per esempio, in un secondo di tempo, cento determinate parti d' acqua, le quali, per uscire dalla vasca del fonte, siano obbligate a passare per la sezione d' un canale, la quale sia tanto angusta, che atteso la velocità, la quale possono avere in essa le parti dell' acqua, nell' uscirne, non permetta il passaggio, che alla metà di esse, nel detto tempo di un secondo. Se ciò è, parimente è necessario, che la metà dell' acqua, che dà il fonte, sia trattenuta nel ricettacolo; e che perciò elevandosi di superficie l' acqua dalla vasca, cresca egualmente in altezza dentro la prima sezione, fin tanto che questa o per l' accrescimento dell' area, o della velocità, rendasi capace di scaricare, in un dato tempo, tant' acqua, quanta nel medesimo viene somministrata dalla fonte.

E qui, prima d' inoltrarci maggiormente nella materia, sono d' avvertirvi alcune particolarità intorno al modo, con che si dispongono le velocità di una perpendicolare d' una sezione d' un fiume, considerandole dentro il complesso delle circostanze, che ordinariamente loro avvengono: perchè, spiegato che ciò sia, darà gran lume a quello siamo per dire da qui avanti. E prima è da considerarsi, che trovandosi l' acqua trattenuta, come si è detto, per metà, l' altezza dell' acqua nella prima sezione d' un canale orizzontale (che per ora suppongo annesso all' incile della vasca) non crescerà il doppio, a cagione del doverci per essa scaricare acqua duplicata; ma molto meno; e la ragione si è, perchè non solo la sezione diventa più grande; ma ancor più veloce: essendo che nel crescere l' acqua in altezza, aggiunge qualche grado di velocità alle parti inferiori; e conseguentemente la velocità media riesce maggiore nel secondo caso, che nel primo; ond' è, che ad effetto di pareggiare l' entrata coll' uscita, non v' è necessario di doppia altezza nell' acqua. Noi abbiamo dimostrato in altri luoghi, che supposto, che *A B* Fig. 39. sia l' altezza dell' acqua, ch' esce dal fonte, le velocità saranno, disposte nella parabola *B A C*; ed è certo, che trovandosi una velocità media frà le maggiori, e le minori, come *D E*, non si varierebbe l' altezza dell' acqua; perchè tanto s'fugo avrebbero tutte le velocità dovute a' punti di *A B*, essendo ogn' una eguale a *D E*, quanto ne hanno le medesime; ma diseguali *B C*, *D E*, ec. come porta la natura della parabola *B A C*.

Per la stessa ragione non si varierebbe l'altezza, se scemandosi la velocità dell'acqua in un punto d'una perpendicolare, s'accrescesse egualmente, in un altro punto della medesima; come per esempio, se le velocità fra D, e B, fossero impedita di maniera, che tutta la parte levata da esse, alla residua stesse, come la figura E G C, alla D E G C B; e l'una e l'altra, prese insieme componessero la somma delle velocità non impedita; ma per lo contrario le velocità fra A e D fossero, per qualsivisa causa, accresciute, e l'accrescimento fosse la figura A F E, eguale alla E G C; è ancora manifesto che essendo la somma delle velocità contenute nella figura B A F E G C, eguale alla somma delle velocità della parabola B A C, manterrebbe l'altezza medesima A B: e generalmente, quando la velocità media non resti alterata, qualunque siasi la ingegualità delle velocità maggiori, o minori, è impossibile, che l'altezza dell'acqua si vari, ma quando le velocità in alcuni punti della perpendicolare A B, si diminuissero: e negli altri, o di niuna sorte, o non quanto basta, si accrescessero; cioè a dire, ogni volta, che la velocità media si diminuisse, converrebbe, che l'altezza della sezione, della quale si suppone invariata la larghezza, si facesse maggiore.

Come per esempio, se le velocità della perpendicolare A B fossero smi-
 Fig. 41. nuite da D in B, quanto è il valore della figura E F C, e fra A, e D non fossero mutate di sorte alcuna, non potrebbe mantenersi l'altezza A B; ma bisognerebbe, che l'acqua si elevarie in H, tanto che tra le velocità di A H aggiunte di nuovo, contenute nella figura A H I, e gli accrescimenti fatti per tale alzamento alle velocità di A D, contenuti nella figura A I E, si facesse l'accrescimento A H I E eguale al difetto E F C. Tralascio qui di considerare l'aumento delle velocità in D B; poichè, messo egli a conto, non fa altro, che rendere un poco minore l'altezza A H, e la figura A H I E, la quale dovrà essere sempre eguale alla E F C, ristretta a minor mole. Tutto ciò si dee intendere non solo ne' casi, ne' quali le velocità terminano alla circonferenza di una parabola intera; ma ancora in quelli, ne' quali le velocità di una perpendicolare sono terminate, di sua natura, dall'arco d'un segmentoparabolico. Da ciò rendesi manifesto, che non mutandosi la quantità dell'acqua somministrata dal fonte, sempre le somme delle velocità saranno eguali fra loro, dovendo sempre equivalere alla parabola A B C; ma le altezze potranno essere disuguali, se si varierà la velocità media di tutta la sezione; e perciò, come si è dimostrato nel primo libro della Misura delle acque, le quantità delle acque sono proporzionali alle somme delle velocità di tutta la sezione; e parimente sono in proporzione composta di quelle delle sezioni, e delle velocità medie delle sezioni medesime; e ciò è vero, o sia impedita, o no, la velocità dell'acqua.

Per accostarsi più da vicino a ciò, che abbiamo in animo di spiegare;
 Fig. 42. intendasi correre l'acqua colle velocità della parabola B A C; e supponga, che, per lo sfregamento del fondo, l'acqua sia impedita; e sebbene abbia un'altezza, che possa produrre tutta la velocità B C; nondimeno, detratta la forza degli impedimenti, non produca, che la B D: e così restino sminuite tutte le velocità superiori, ma sempre meno, di maniera che le velocità così impedita terminino alla curva A E D C: egli è ben evidente, che essendo levata dalla parabola la parte A E D C, non potrà, coll'altezza A B, avere l'acqua tutto lo sfogo, che l'è necessario; ma bisognerà, che si elevi, v. gr. in N. Imprimendo dunque con tale accrescimento di altezza, maggiore velocità a tutte le parti dell'acqua sottoposte; accrescerà la B D, v. gr. in P; e tutte le altre proporzionalmente, in ma-
 nic.

niera che coll' elevarsi che farà successivamente l'acqua, e coll' accrescersi nel medesimo tempo le velocità dell'acqua inferiore; alzata che sia l'acqua in N, si sia fatto l'accrescimento A N O, eguale al disotto P O C; farà dunque la linea N O P quella, che regolerà le velocità impediti della perpendicolare N B, e che più, o meno varierà dalla natura della parabola, secondo che maggiori, o minori saranno gl' impedimenti del fondo.

Di nuovo, mettendo a conto quello, che può nascere dalla viscosità dell'acqua, perchè, a cagione di questa, le parti più veloci aggiungono della velocità alle meno veloci, perdendone esse altrettanta, ne segue, che le parti più veloci, v. gr. X Y, resteranno veloci, come X Z, e che si toglie la convessità della linea N O P, la quale perciò nella parte superiore N V, sarà sensibilmente una linea retta, che esprimerà la velocità, che riceve l'acqua, comunicatale dalle parti inferiori più veloci; emolte volte acquistata dall'acceleramento per la discesa, come si è detto nel Cap. 4. Tale trasformazione di linea dee succedere di maniera, che la figura N V Z S B, sia eguale alla N Y P B: e conseguentemente alla parabola B A C; ma non si dee mutare l'altezza N B; poichè quella causa medesima, che aggiunge velocità ad una parte, altrettanta ne toglie ad un' altra. Ecco adunque in qual maniera gl' impedimenti, e le circostanze alterano la linea regolatrice delle velocità, che prescindendo da ogni impedimento, e supponendo una perfetta fluidità nell'acqua, dovrebbe essere parabolica; o un segmento della medesima, quando vi abbia luogo l'accelerazione della discesa per lo pendio dell'alveo.

Fig. 43.

Tre adunque sono i casi, secondo i quali si regolano le velocità delle acque correnti. Il primo è, quando il fondo del canale è orizzontale; ed in questo caso la linea regolatrice, parlando teoricamente, dovrebbe essere perfettamente parabolica; e praticamente, la figura, che forma la somma delle velocità, sarà sempre eguale ad una semiparabola, ed avrà l'asse tanto maggiore, quanto le resistenze del fondo, e delle sponde saranno maggiori; con questa regola, che le predette linee regolatrici s' accostino sempre più alla natura della parabola, quanto minori sono gl' impedimenti; quindi è, che se le predette resistenze saranno disuguali, e maggiori nel principio, minori nel fine dell'alveo: dovrà andarsi diminuendo l'altezza dell'acqua, la cui superficie, perciò sarà inclinata dalla parte del corso. Ma se le medesime resistenze continuassero sempre d'una maniera uniforme, sarebbe necessario, che l'altezza dell'acqua sopra il fondo del canale fossero per tutto eguali, supposta eguale la larghezza di tutte le sezioni; e per conseguenza, che la superficie dell'acqua fosse parallela al fondo, ed anch'essa orizzontale.

Il secondo caso è, quando il canale si trova inclinato; e di maniera, che, correndo l'acqua per esso, acquisti velocità maggiore, tanto in superficie, che nel fondo: ed allora la somma delle velocità, parlando pure teoricamente, sarà un segmento parabolico, tagliato da una parabola, il cui asse sia la perpendicolare della sezione, prolungata fino all'orizzontale del principio dell'alveo. Ma mettendo a conto le resistenze, secondo la diversa attività di queste, acquisterà diversa natura; e bisognerà sempre, che le linee della velocità d'una perpendicolare, formino una figura eguale al detto segmento; quando poile resistenze continuassero sempre le medesime, allora, o il canale sarà ridotto all'equilibrio, o no: se l'acqua del canale sarà resa equabile, continuerà anche la medesima altezza dell'acqua; la cui superficie perciò sarà parallela al fondo: ma se potrà ancora accelerarsi, scemerà, appoco a appoco, l'altezza dell'acqua medesima, fino al termine dell'acceleramento.

Il terzo caso, ch'è il più frequente, e tanto, che ne fiumi rassettati di corso, può quasi dirsi universale, si ha quando, benchè il fiume sia qualche poco declive, ha però tale altezza viva, che può dare la velocità alle parti inferiori dell'acqua; ma le superiori, scorrendo al basso per una linea declive egualmente che il fondo dell'alveo, si vanno qualche poco accelerando; di maniera che le velocità, parte sono dovute alla pressione delle superiori, parte all'accelerazione. E quì è evidente, che, *supposta*

Fig 44. *A B l'altezza dell'acqua, e D il termine delle velocità terminanti alla parabola E C, di modo che D E sia la medesima, o si consideri fatta dall'accelerazione, o dalla pressione, le velocità tra D, e B termineranno al segmento E C, e le altre tra A, e D termineranno ad un altro segmento pure parabolico F E; ma considerando gli effetti delle resistenze ec. a' due segmenti delle linee di sopra enunciate; siccome adunque in questo caso la somma delle velocità sarebbe la figura B A F E C, così, togliendosi l'effetto dell'accelerazione, cioè A F E, bisognerà, che l'altezza A B, sia maggiore, quel tanto, che basta a compire una parabola intera, eguale alla predetta figura; il quale accrescimento però sarà insensibile, perchè colla nuova altezza, aggiungendosi velocità a tutte le parti dell'acqua, la parabola si renderà più ampia, ed in gran parte supplirà coll'ampiezza, e nel resto coll'altezza, al difetto A F E.*

Tutto ciò si è detto, non solo per dimostrare la maniera, colla quale, secondo le diverse circostanze, si dispongono le velocità di una perpendicolare d'un'acqua corrente, nell'uscire da' ricettacoli delle proprie fonti, nel che non è ella sottoposta alla molteplicità degl'impedimenti, che in altri luoghi fanno perdere l'uso a tutte le regole; ma ancora per far vedere, come possano, coerentemente a' nostri principj, spiegarsi l'esperienze, colle quali altri hanno trovate le acque più veloci in superficie, che nel mezzo, e nel fondo: altri più veloci nel mezzo, che nel fondo, e nella superficie, ed altri, più veloci nel fondo, che in altro luogo; poichè, quantunque quest'ultimo sia più coerente alla natura dell'acque; possono però essere vere, per accidente, e per l'efficienza degl'impedimenti, e delle circostanze, l'esperienze sopradette; siccome per lo più è vero in fatti, che l'acque de' fiumi sono più veloci nel mezzo, che in altri luoghi.

Uscendo adunque l'acqua dalla vasca di un fonte per un emissario competente, troverà il canale o orizzontale, o inclinato; e l'inclinazione o sarà tale da permettere maggiore acceleramento a tutte le parti dell'acqua; o solo alle superficiali; ed in ognuno de' casi, già abbiamo detto, in qual modo si debbano disporre le velocità di una perpendicolare. Queste velocità, non solo prendono la direzione delle sponde del canale; ma ancora quella del fondo del medesimo: ed essendo la natura dell'impeto, tale, che impresso una volta in un mobile, e cominciato ad esercitarsi verso una parte determinata, non si estingue mai, nè muta direzione, se ciò non sia a cagione degl'impedimenti incontrati; ne segue, che quanto a se, l'acqua continuerebbe a muoversi per la primiera direzione: ma perchè la di lei gravità la tiene sempre unita al fondo dell'alveo, ch'è la parte più bassa; perciò mutando il fondo declività (sia o maggiore, o minore) è d'uopo, che l'acqua medesima muti la direzione, accrescendo, o diminuendo l'impeto, secondo le circostanze.

Se il fondo d'un alveo di fiume, fosse un piano perfetto, non darebbe esso alcuno impedimento alle di lui direzioni; ma perchè, particolarmente *fra le montagne, gli alvei de' fiumi sono assai scabri, come che ripieni di sassi, quindi è,*

di è, che sebbene la direzione di tutta l'acqua è inclinata ad una sola parte; i moti però particolari della medesima, si fanno quasi da tutti i lati: poichè l'incontro de' sassi la obbliga a divertire lateralmente da una banda, e dall'altra: ed incontrandosi queste direzioni, ne nascono certi come bollimenti di acqua, e talora vortici. Per la stessa ragione, dall'incontro de' sassi in parte ristagnata, ed in parte ribattuta verso la superficie l'acqua corre, cagiona un gonfiamento nella propria superficie, il quale sta in un continuo disfarfi, e ripararsi, il quale pure in poca altezza di corpo d'acqua può passare per uno spezzamento di onda; ma, quando l'acqua è assai alta, non si rompe già la di lei superficie; ma si ripiega con un continuo, e stabile ondeggiamento. Per maggiore intelligenza di ciò, supponghasi, che la linea *F A* sia *Fig. 45.* il fondo di un fiume, per lo quale scorra l'acqua, la cui superficie sia *D E*, e sia detto fondo così inclinato, che l'acqua arrivata in *E*, abbia un impeto, o velocità dovuta alla discesa *G E*: ed ivi ritrovi l'impedimento *A B*, il quale faccia angoli ottusi colla direzione *D E*; ed inoltre sia la di lui altezza perpendicolare, molto minore della *G A*, e la lunghezza tale, che possa essere scorsu, non ostanti gl'impedimenti, per virtù dell'impeto prima conceputo dall'acqua. Ciò posto, arrivata che sia l'acqua in *F*, non v'ha dubbio, che incontrando l'ostacolo *A B*, non sia per ritardarsi; ma non interamente; onde, conservando qualche parte del proprio impeto, potrà scorrere per l'acclività *A B*, ed anche sormontarla, finchè trovando la discesa libera per *B C*, possa continuare il suo corso. In questo caso egli è evidente, che sebbene una porzione di acqua ricadesse da *B* in *E*, ciò però non ostante, la forza di *D E* di nuovo la respingerebbe verso *B*, e se a tanto non bastasse, una parte ristagnerebbe nella concavità *E*, e facendo crescere l'altezza fino ad *A H*, abbrevierebbesi, e renderebbesi meno acclive la strada *H B*, la quale finalmente potrebbe essere scorsu dall'acqua, mediante l'impeto acquistato per la discesa *D H*. Quindi è manifesta la ragione, per la quale, quando un fiume di tal sorte incontra un ostacolo, si alza la di lui superficie sopra l'ostacolo medesimo, più di quella, che le sta attorno; e se l'ostacolo è continuato da una riva all'altra, come sarebbe una chiusa, o pelcaia, tutto il fiume corre, in qualche parte, all'in sù, prima anche di arrivare all'ostacolo, sopra del quale sta a perpendicolo la maggior altezza del corso acclive. E questa è una eccezione alla regola, che l'acqua sempre corra al basso.

Da ciò, che si è detto finora, si può desumere un indizio per conoscere, se un fiume corra per impeto conceputo: e si avrà dall'osservare, se incontrando degli ostacoli nel fondo, s'alzi la di lui superficie sopra di essi; poichè egli è certo, che la forza della sola altezza non può fare ribaltare l'acqua, più alto della superficie regolare del fiume; essendo eguale il contrasto dell'acqua superiore alla forza del ribalzo; e da ciò pure deriva, che, posti gli ostacoli medesimi del fondo, in diverse altezze dell'acqua, non sono eguali i gorgogliamenti della superficie, i quali sempre sono maggiori in acqua bassa, che in piena di fiume; posciachè, non dipendendo l'impeto dell'acceleramento dall'altezza dell'acqua, ma solo dalla quantità della discesa; resta egli invariato, sia alto, o basso il fiume: ma per lo contrario, la resistenza, che fa all'acqua ribattuta verso la superficie il corpo della medesima, è maggiore, quando altresì è maggiore l'altezza dell'acqua: il perchè è necessario, che allora succeda più sensibile l'effetto, quando la resistenza al risalito dell'acqua è minore, cioè, quando il fiume è più basso; ond'è, che per eleggere i guadi sicuri, si ha riguardo a' luoghi, ne quali l'acqua, risentendo le alpezze del fondo, si frange: segno della minore altezza in que' luoghi;

ghi: e si sfuggono quelli, ne' quali il fiume sembra correre più eguale; poichè ivi è sempre maggiore profondità.

Tutto il contrario succede a quegli impedimenti, che spuntano fuori dell'acqua, come sono le ripe de' fiumi; poichè non tanto s'alzano le acque vicino a' freddi, in fiume basso, quanto nella piena di esso; e la ragione si è, perchè, quando il fiume è pieno, maggior copia d'acqua viene impedita, e perciò dee maggiormente alzarfi, che quando è mezzano, o basso: concorre ancora a ciò parzialmente il rinfrangersi, che fa l'impeto della discesa, maggiore in acqua alta, che in acqua bassa; sì perchè la superficie è più lontana dagli impedimenti del fondo; sì ancora perchè la cadente del pelo è più declive; Questa pure è la causa, che un palo piantato dentro l'alveo d'un fiume, se questo è basso, o poco veloce, viene lambito dolcemente dall'acqua: ma essendo il fiume pieno, o costituito in velocità considerabile, s'eleva l'acqua incontrandolo.

Il mantenersi dell'acqua più alta, vicino alle concavità delle botti, che sopra le spiagge all'incontro, procede dal continuo farsi, e disfarsi di tale altezza; poichè nel tempo, che l'acqua elevata sopra il livello della sua vicina, tenta di spianarsi sulla superficie di essa, ne sopraggiunge dell'altra, che ritorna in essere l'effetto primiero; quale perciò tanto dura, quanto le cause, che lo producono.

Un non fo che di simile s'osserva nelle cadute dell'acque per li canali molto declivi, e ristretti, i quali terminano in canali molto meno declivi, e più larghi. Sia il canale più declive A B, ed il meno declive B G, e sia la lunghezza del canale A B: discenda l'acqua per A B, accelerando il suo moto, ed abbia in B quella velocità, ch'è dovuta alla caduta C H: Supponiamo ancora, che l'acqua, uscendo da B, ed entrando nel canale B G meno declive, ma più largo, richieda, per iscaricarsi, l'altezza B E minore della C H: s'osserva in tal caso, che l'acqua per A B non porta la sua superficie C D, ad unirsi con quella di E F: ma si profonda, come in E D, sotto del livello E F, e l'acqua resta in E D sospesa, conservandosi la superficie dell'acqua corrente in C D E F. La ragione di questo fenomeno è, che avendo l'acqua, per la discesa, acquistata velocità maggiore di quella, che possa produrre l'altezza F B; è necessario conseguentemente, ch'essa scacci l'acqua I D B dal suo luogo, e continui il corso per I B: e perchè l'acqua B D uscita dal canale A B, ricerca l'altezza B E; perciò arrivata in B, si eleva in E, e comincia a discendere in E D I; e perchè arrivata in D, è trasportata con maggiore velocità di quella, possa ella essere somministrata, cadendo da E in D, essendo maggiore la velocità della discesa C D, di quella dell'altezza F D; perciò è necessario, che vi resti il vacuo E D I, se non in tutto, almeno in parte. Per la stessa ragione, possono sostenersi alla medesima altezza I E, le sponde di acqua laterali al vacuo I D E; le quali però, comechè vanno somministrando maggior copia d'acqua alla vacuità I D E, la renderanno minore; onde più sensibile sarà l'effetto predetto, se continuandosi le sponde del canale inclinato, impediranno la caduta dell'acqua laterale. Il medesimo effetto s'osserva, se annesso al canale inclinato ne succeda uno, o orizzontale, o poco inclinato; ma della medesima larghezza del predetto, e che finalmente termini in uno assai largo: poichè nel canale di mezzo si vedrà l'acqua correre colla superficie molto più bassa, che nell'inferiore più largo, continuando per qualche tratto nel canale di mezzo la velocità acquistata nella discesa per lo primo; e vi è apparenza, che se il detto canale di mezzo fosse lungo considerabilmente, la superficie dell'acqua corrente per esso si dovrebbe rendere acclive, a misura, che le resistenze di esso impedissero la velocità, acquistata nella discesa per lo canale inclinato.

E' os-

E' osservazione accertata, che molte volte nelle piene de' fiumi, gonfi l'acqua nel filone, di maniera, che alcune volte riesca ella in tal sito più alta delle sponde del fiume. Ciò succede, perchè essendo nel sito del filone l'acqua più veloce, ogni impedimento, che trovi, per picciolo che sia, le toglie molto dell'impeto antecedente; e perciò bisogna, che l'acqua s'elevi più in detto luogo, che negli altri, ne quali essendo l'acqua meno veloce, e con poco impeto; ancorchè gl'impedimenti egualmente operassero, sotterrebbe l'altezza dell'acqua a restituire la velocità perduta; e per conseguenza, non facendosi ivi tanta perdita di velocità; nè meno dovrebbe farsi tanta altezza; e da ciò si deduce la ragione, per la quale i fiumi di corso debole nelle piene, e quelli, che nell'abbassarsi perdono considerabilmente la velocità, e l'impeto, hanno in tale stato la superficie assatto eguale, e senza veruno colmeggiamento. E questo è un altro indizio per conoscere, quali siano i fiumi, che hanno l'acqua, almeno in superficie, veloce per acceleramento di caduta.

Quegli, che vogliono assicurarsi del sito del filone d'un fiume, osservano, quale sia la strada, che tengono le materie leggieri portate dall'acqua, come sono foglie d'arbori, pezzetti di legno, spume, e simili, e giudicano, quella essere il sito del filone. Ciò è appoggiato ad un ottima ragione: perchè realmente i galleggianti debbono appoco appoco ridursi nel sito, nel quale l'acqua è più veloce, ed arrivativi, non possono, che per accidente, partirsene; posciachè, avendo ogni corpo qualche grandezza, è portato, o spinto da più linee d'acqua, che, secondo la diversa distanza dalla riva, sono meno veloci; e perciò quella parte di esso corpo, ch'è più verso il mezzo del fiume, viene a ricevere più di moto, che la più lontana; quindi è necessario, che il corpo tutto si volti in giro verso il filone; e facendo ciò, viene ad opporsi al moto di più altre linee d'acqua, di velocità disforme; e perciò sempre più viene ad accostarsi al filone medesimo, fin tanto, che trovi tal sito, nel quale tanto la parte destra, quanto la sinistra siano spinte di moto uniforme; il che solo si ha nel luogo del maggior corso, cioè nel filone, o vicino ad esso.

E' superfluo di ripetere in questo luogo le cause, per le quali, negli alvei diritti, il filone mantiene il sito di mezzo dell'alveo, e ne' tortuosi passa da una sponda all'altra, accostandosi alla riva nel vertice delle corrosioni, e delle botte; e parimente, per qual cagione il medesimo filone segua, col suo andamento, la maggiore profondità dell'alveo, e talora l'obliquità delle sponde; poi chè questi, ed altri simili problemi sono stati spiegati ne' Capitoli antecedenti. Passo adunque a considerare due particolari, che sono i vortici, che si fanno ne' fiumi; ed i gorgi, che si generano negli alvei de' medesimi. Quanto a' primi, è da sapersi, che questi sono di due sorte; posciachè altri derivano dalle voragini, che assorbiscono l'acqua dal fondo, o dalle sponde de' fiumi, e sono causati da due direzioni combinate, l'una perpendicolare verso il foro della voragine, l'altra o orizzontale, o inclinata lungo il corso del fiume. Nella generazione di questi vortici ha anche gran parte la pressione dell'aria; e perciò molte volte sono aperti, e come forati nel mezzo a modo d'un imbuto; onde è, che l'acqua, cadendo con gran velocità nel vacuo del foro predetto, porta al basso i corpi galleggianti, che vi precipitano dentro, spinti dall'aria superiore, che fa sforzo per sottrarre nel luogo di quella, che dal vortice medesimo continuamente viene ingoiata: accidente, che apporta un grandissimo pericolo alle navi, che sopra vi passano. Di tali vortici se ne trovano non solo ne' fiumi, ma anche nel mare, le proprietà, e cause de' quali sono state diffusamente, e seria-

mentre trattate dal Signor Geminiano Montanari, già mio riverito Maestro, nella sua operetta postuma, intitolata *Le Forze d' Eolo*.

Gli altri vortici de' fiumi si chiamano ciechi, e non sono altro, che certe circolazioni senza veruno assorbimento d'acqua, ch' esce dall' alveo del fiume, cagionate dalla diversità delle direzioni, fatte, o dall' inegualità del fondo del fiume; o dall' incontro delle ripe, ed altri ostacoli; o dalla disuguaglianza del livello nelle parti dell' acqua. E questi, o sono mutabili di sito; o no, secondo che le loro cause efficienti, o sussistono sempre nel medesimo sito dell' alveo, o pure mutano luogo, e cessano. I primi sono frequentissimi, e per lo più sono portati a seconda della corrente, risolvendosi in nulla in breve spazio di tempo, per lo conato, che fa la direzione del corso primario del fiume, di unire a se medesima, quella di tutti gli altri moti; ma i secondi, se non sono tanto frequenti, sono ben più considerabili per li cattivi effetti, che partoriscono nell' escavazioni, che succedono al fondo, e nella corrosione delle ripe. Riconoscono questi il più delle volte l' inclinazione degli ostacoli ad angolo retto, o acuto contro la corrente, da' quali è ribattuta la direzione dell' acqua verso la ripa; e non trovando esito, è obbligata a rivoltarsi all' insù, fin tanto che, unendosi col corso del fiume, viene di nuovo rispinta al basso. Nelle parti inferiori di questi vortici, trovasi l' acqua molte volte più alta, che nelle superiori, a causa degli ostacoli, che fanno elevarla; e perciò, tanto più facilmente succede il moto contrario al filone; dal quale, quanto più il vortice è tenuto stretto alla ripa, tanto maggiormente opera contro di essa.

In questa maniera si generano i vortici nel principio delle corrosioni, e vicino a' ripari, ed alle ale de' ponti: e dalla medesima causa derivano quelli, che succedono al di sotto delle cateratte, poichè dalla violenza di esse allottigliandosi, e restringendosi il corpo d' acqua, è necessario, che dopo la caduta, si rifrangano impeto così grande, nel contrasto fattoli dal fondo; e perciò, che l' acqua ritardata s' alzi di corpo: il che succedendo maggiormente verso il mezzo della cascata (per la stessa ragione, che rende il filone più alto dell' acqua dalle bande) e non trovando l' acqua elevata, sostegno laterale, comincia a scorrere di quà, e di là, ed a tormentare perciò le sponde; le quali, cedendo, allargano in quel sito l' alveo, più che nelle parti inferiori, dove restringendosi le ripe, a proporzione del corpo d' acqua, che dee correre tra esse, vengono ad opporsi in parte alla corrente, non ancora tutta diretta al lungo dell' alveo; e perciò è sforzata una parte dell' acqua a radere con moto contrario la sponda medesima, che vuol dire, a formarvi un vortice.

E' ben regolare ne' fiumi, i quali hanno le ripe parallele, anzi in quelli, che non hanno, che una sola ripa da ciascuna parte; che la maggiore velocità, cioè il filone, sia sempre perpendicolare al maggior fondo, e che la direzione delle parti inferiori dell' acqua sia la medesima con quella delle superiori. Ma egli è ben anche vero, come abbiamo dimostrato nel Capitolo antecedente, che la diversa situazione delle sponde inferiori, mezzane, e superiori, fa, che le direzioni dell' acqua in diverse altezze, s' inclinino fra loro, e perciò sieno idonee, anche sole, a generare de' vortici stabili. E di qui nasce ancora, che i vortici non sempre sono continuati dalla superficie al fondo del fiume; poichè ve ne sono di quelli affatto superficiali, come nati dall' incontro della direzione dell' acqua superficiale colle sponde più alte ec. e degli altri, che hanno l' essere solamente da cause operanti vicino al fondo, i quali poco, o nulla si manifestano alla superficie, e perciò

si dà il caso, che si osservi in un fiume basso, o mezzano, qualche vortice, o altro moto particolare, che in acqua alta non fa apparenza veruna; e può anch'essere, che in acqua bassa si trovino de' moti accidentali, i quali realmente cessino, quando il fiume è pieno, cioè a dire, quando per lo gran corpo d'acqua, accresciuta la velocità, acquista una gran proporzione alle resistenze; e perciò superandole, quasi del tutto, non lascia, che le medesime partoriscono effetti sensibili, i quali molto bene ritornano in essere, dopo cessata la piena.

Le sezioni de' fiumi, nelle quali si trovano vortici, deono essere, per questo capo, necessariamente più larghe, o più profonde di quelle, nelle quali l'acqua cammina tutta al lungo dell'alveo. La ragione è manifesta, dovendo le prime essere capaci di scaricare l'acqua, che viene dalle parti superiori dell'alveo, ed in oltre di dar luogo a quella, che con moto contrario de' girarsi ne' vortici; e da ciò nasce, che questi riescono cotanto perniciosi alle ripe, ed a' fondi degli alvei, rodendo le prime, ed escavando i secondi ne' luoghi, dove accadono.

Sembra maravigliosa a qualcheduno la conservazione de' gorgbi, che per lunga serie d'anni si mantengono e nel luogo stesso, e colla medesima profondità. La meraviglia nasce dal credere, che nell'escrescenze l'acqua di essi debba restare stagnante, come si vede essere in fiume basso; al che, se fosse vero, necessariamente dovrebbe succedere qualche deposizione di materia; e per conseguenza il riempimento del gorgo, il che non si osserva. Questa ragione, che, per se medesima, non difetta in alcuna parte, ci fa molto bene vedere, che siccome è falso, che i gorgbi si riempiano, senza mutare le circostanze, che corrono alla loro generazione; così non è vero, che l'acqua di essi nelle piene si conservi in quella placida quiete, che apparisce in magrezza d'acqua; e perciò egli è d'uopo rinvenire, come, e d'onde nasca la velocità, che può bastare a mantenere il fondo del fiume, in quel sito scavato ad una profondità sempre uniforme, il che non sarà difficile, se seguiremo le vestigia delle notizie fin ora date.

Egli è certo, che i gorgbi si trovano, per lo più, al piede delle botti, o piarde, o degli ostacoli incontrati, come sono i pilastri, che sostentano gli archi de' ponti ec. oltre quelli, che sono fatti dalle acque cadenti dalle cataratte, de' quali è manifesta al senso la causa della generazione, e della conservazione. L'incontro quasi retto, fatto dagli ostacoli alla direzione dell'acqua, è quello, che la sforza a rivoltarsi, parte verso la superficie, parte verso il fondo del fiume; la prima cagiona l'elevazione maggiore dell'acqua in quel sito; l'altra agisce contro il fondo del fiume, e lo scava; ed ecco la prima origine del gorgo. In fatti non si può concepire, che una direzione, parallela alla cadente naturale del fondo del fiume, possa fare alcuna escavazione, essendo a ciò necessario, che la direzione faccia angolo col resistente; quindi è certo, che l'acqua, scavando, si spinge sotto il piano del fiume per una direzione, o obliqua, o perpendicolare; ma incontrando finalmente la resistenza del terreno, ed essendo spinta dall'altra acqua, che seguita, bisogna altresì, che dal fondo del gorgo riascenda alla di lui superficie, in sito, nel quale l'altezza dell'acqua superiore sia minore, e non faccia tanto contrasto all'uscita la direzione perpendicolare di essa; dal che nasce, in parte, la determinazione della lunghezza, e larghezza del gorgo; e per l'altra parte, dalla qualità, e dalla disposizione de' impedimenti; siccome la profondità è fatta dalla qualità dell'incontro, dalla forza della direzione, dall'altezza dell'acqua, e dalla resistenza del fondo del fiume.

L'ea

L'entrare, e l'uscire dell'acqua de' fiumi dalla cavità de' gorgi, può farsi, o in maniera, che l'acqua entri nella parte superiore, ed esca dalla inferiore; o al contrario. Se il primo, risalirà l'acqua dal fondo del gorgo per un piano acclive, come si è spiegato in più luoghi; ma se l'acqua uscirà dalla parte superiore del gorgo, si formerà un vortice verticale; perchè l'acqua uscita al disopra, si unirà alla corrente del fiume, che di nuovo dee essere spinta dagli ostacoli dentro del gorgo medesimo; e di qui ne viene, che i corpi trasportati dal fiume, incontrandosi in gorgi vorticosi, sono più volte ribalzati dal fondo alla superficie, e rispinti dalla superficie al fondo, prima che escano dal sito del gorgo. *Questa sorta di vortici verticali*, i quali molte volte riescono inclinati all'orizzonte per cagione di altri impedimenti, sono quelli, che più danneggiano il fondo de' fiumi, scavando i gorgi in profondità incredibile; e ciò maggiormente succede, quando l'escavazione arriva a trovare il terreno fradice de' fossati, che per la sua poca resistenza, è in istato di cedere a qualsivisia picciola forza. Anche i vortici orizzontali, de' quali abbiamo parlato di sopra, se arrivano a toccare il fondo, lo scavano in gorgi, perchè, rivoltata l'acqua all'incontro della corrente, trova l'inclinazione dell'alveo; e perciò incontrandola, benchè ad angolo molto obbliquo, comincia a staccarne le parti, ed a formare una cavità, dalla quale dovendo poi uscire l'acqua, è necessario, che il vortice prenda qualche inclinazione, ed appoco appoco, di orizzontale si faccia o perpendicolare, o inclinato a modo di una spirale: e perciò si renda in istato più potente di fare maggiore escavazione. Ben è vero, che i gorgi cagionati da' vortici orizzontali, non riescono così profondi, come quelli fatti da' vortici perpendicolari: perchè quelle rare volte producono delle direzioni perpendicolari; ma se si combinano insieme e questi, e quelli, allora si squarciano le viscere, per così dire, del fondo del fiume, e si formano piuttosto voragini, che gorgi.

Incontrandosi, che un ostacolo sia abbracciato dalla corrente: come succede a' pilastri de' ponti, succedono de' gorgi, che abbracciano l'ostacolo dalla parte superiore, e terminano in niente da' lati: effetto, che succede dalla riflessione dell'acqua verso il fondo nel luogo dell'incontro, e dal vortice perpendicolare, che vi succede, il cui esito è dall'uno, e dall'altro lato dell'ostacolo: dopo del quale il vortice degenera in due orizzontali, e superficiali. E qui mi viene il taglio di osservare, che alle volte sotto d' i vortici delle piene si formano gorgi, come si è spiegato di sopra: ed alle volte nel calare dell'acqua, si vedono ivi maggiormente elevate le alluvioni. La differenza nasce da ciò, che nel primo caso i vortici continuano dalla superficie fino al fondo del fiume; ma nel secondo, sono affatto superficiali; e questi, in vece di escavare il fiume, se hanno sotto di se acqua, o stagnante, o di poco moto, sono causa, che succedano maggiori deposizioni; poichè, dopo che l'acqua, ivi trattenuta, ha deposta la sua materia più grave, il vortice serve a portarvi nuova torbida: e perciò mutandosi continuamente l'acqua, è ivi, siccome portata nuova torbida, così fatta maggiore deposizione, al contrario degli altri siti, ne quali non si trovano vortici simili; poichè restando in questi sempre l'acqua medesima, o cambiando più lentamente, non si può fare, che poca deposizione di materia terrestre; e perciò non è maraviglia, che al di dietro de' pilastri de' ponti, sebbene si formino vortici orizzontali, nulladimeno si osservino ancora dosi ben grandi.

Questi moti vorticosi, per lo più, non sono osservabili in acqua bassa: e la ragione si è, perchè in tale stato non avendo ella velocità, e corpo che basti, servono i gorgi, come di piccioli laghi, per ricever l'acqua del fiume,

me; la quale, trovando in essi larghezza, e profondità maggiore di quella, che richiede il corpo dell'acqua corrente, perde la velocità, e lascia, che in quel sito la superficie dell'acqua si disponga, quasi ad un piano orizzontale, e sembri come stagnante; il che maggiormente è vero, quanto minore è il corpo d'acqua, e la di lei velocità, in proporzione della capacità del gorgo; nel qual caso egli è evidente, che non arrivando l'acqua ad incontrare con impeto gli ostacoli; nè meno possono succedere alcuni di quegli effetti, che dalla mutazione della direzione, e dall'impedimento della velocità derivano. Per altro ne' fiumi, che in ogni stato conservano velocità considerabile, e corpo d'acqua sufficiente, s'osservano in ogni tempo; anzi, se corrono sopra fondi sassosi, e ghiaiosi, più in tempo di scarsità d'acqua, de' moti vorticosi, ed irregolari; e ciò succede, perchè in tempo di abbondanza d'acqua, gli effetti cagionati dagl'impedimenti del fondo, non si manifestano alla superficie, osservandosi in tale stato solamente quelli, che derivano dalla situazione delle sponde.

Tutto ciò appartiene a' fiumi, che dalla loro origine si partono, scorrendo per alvei non interrotti, nè da cateratte, nè da laghi, ec. onde l'ordine porta, che discorriamo dell'uno, e dell'altro di questi interrompimenti. Sono le cateratte certe cadute d'acqua precipitose, che succedono, quando, o per natura, o per arte, incontra il fiume un resistente, che lo traversa da una riva all'altra, e non potendo corrodere, è necessario, che lo formonti. Tale impedimento serve a mantenere elevato il fondo dell'alveo superiore, che necessariamente viene ad essere regolato dalla di lui foglia; ma niente contribuisce allo stabilimento dell'alveo inferiore, che prende regola, e determinazione, o dalla foglia di una nuova cateratta o dallo sbocco d'esso fiume in un lago, nel mare ec. Quindi è, che, se le condizioni del fiume richiederanno nel sito della cateratta, l'alveo o egualmente, o più elevato della sommità di essa, riempiendosi l'alveo inferiore, cesserà essa dal suo ufficio; ma se per lo contrario l'alveo inferiore dovrà restare più basso della cateratta, per grande che sia la quantità della materia, che col fiume precipiti da essa, non potrà egli interrarsi; ma si manterrà sempre nello stato medesimo.

Variansi i moti dell'acqua, in questi siti, per più cagioni; la prima si è la direzione della cateratta, che può essere, o ad angoli retti col corso precedente del fiume, o ad angoli obliqui. Se sarà ad angoli retti, l'acqua seguirà a correre per lo medesimo piano verticale di prima; ma se ad angoli obliqui, preserverà sempre una strada un poco inclinata a quella parte, alla quale la cateratta fa angolo ottuso colla corrente. La seconda cagione è l'impeto acquistato nell'alveo superiore, il quale, quanto è maggiore, tanto più tiene la caduta vicina alla direzione antecedente del corso; e non essendovene di forza alcuna, come sarebbe se la cateratta costituisse l'emissario d'un lago, la caduta dell'acqua sarà in un piano verticale, che cada ad angoli retti sopra la linea della direzione della cateratta. La terza si è la figura di essa cateratta, la quale può essere tagliata quasi perpendicolarmente, in maniera che l'acqua cadente, formata la sommità di essa, non la tocchi più in verun luogo; ed in tal caso descriverà l'acqua nel precipitare dall'altezza della cateratta una figura curva, che, prescindendo da ogni resistenza, dovrebbe essere parabolica.

Ma qui si dee avvertire, che in alcune cateratte altissime, sul principio della caduta, l'acqua si mantiene bensì unita sotto una sola superficie; ma nel progresso si frange in più parti, e mostra una bianchezza simile a quella della neve; anzi in qualche parte si risolve in vapori, che producono una continua rugiada, e porgono occasione al Sole di dipingervi dentro i colori dell'iride.

Che

Che se, come per lo più succede nelle cateratte artificiali, alla soglia superiore d'esse, sia connesso un piano molto declive, scorrerà l'acqua per esso, prendendo le strade, delle quali si è avuto discorso nel Cap. VI. alle Prop. 1. e II. E finalmente, se alla sommità della cateratta succederanno degli scogli continuati, dentro de' quali di quando in quando l'acqua cadendo si spezzi, succederanno diversi moti irregolari, procedenti dalla quantità dell'impeto: dalla direzione de' sassi, opposti a quella dell'acqua cadente: e dalla combinazione di più direzioni diverse ec.

Le cadute della sorta predetta, se trovano materia adattata nell'alveo inferiore, vi formano sempre un gorgo profondissimo, ed in esso de' vortici, alcuni de' quali, che sono i più regolari, abbiamo descritti poco di sopra: dopo di che finalmente riassume il fiume il suo corso primiero, e produce quegli effetti, che sono comuni agli altri fiumi. Ma nell'alveo superiore è da notare, che, dovendo l'acqua precipitare da una cateratta, prima di arrivare ad essa, acquista della velocità considerabile: effetto non solo della viscosità dell'acqua; ma ancora della mescolanza de' canali, nella maniera spiegata allo Scolio 3. della Prop. 1. del Libro 6. della Misura dell'acque, ma di ciò discorreremo più ampiamente nel seguente Capitolo: solo rispetto alle cateratte sono da osservare alcuni effetti, che potranno illuminare la mente a chi, o assume di farne delle artificiali, o di demolirne delle naturali.

Primieramente adunque servono le cateratte a sostenere l'alveo superiore più elevato, di quello che sarebbe, mancando le medesime; e perciò impediscono quelle soverchie escavazioni, che potrebbe fare il corso del fiume. Non trattengono già, che i sassi cadenti dalle montagne non si portino al basso, se non in piccola parte; quanto, cioè, basta a riempire il vano, che forma l'altezza della cateratta; quale, riempito che sia, torna il fiume a portare la materia di prima, o poco meno [2] Perciò fanno buon effetto ne' fiumi, de' quali è soverchia la caduta; ma non in quelli, che ne mancano (3) Molte volte formano laghi, i quali, essendo profondi, possono essere rimedio alla deficienza della caduta (4) Servono per la derivazione de' canali, che non possono avere molta caduta, e ne aggiungono alle fabbriche de' mulini, & altri edifici (5) Se le cateratte sono stabili, interrompono le navigazioni; ma essendo amovibili, servono per facilitare la medesima, come apparisce ne' sostegni, che sono una specie di piccole cateratte

Il secondo interrompimento degli alvei sono i laghi: questi alle volte servono di fontane a' fiumi, non essendo altro, che un aggregato di più sorgenti, che tramandano le loro acque in un solo ricettacolo, dall'emissario del quale le scaricano; e di questi non è luogo qui a discorrerne; ma solo di quelli, che in un luogo ricevono l'acque de' fiumi alle quali servono, come di un picciolo mare, ed in un altro le tramandano fuori. Si dee adunque discorrere al presente dell'acque, che entrano ne' laghi, e di quelle, che n'escono. Qualunque volta adunque entra un fiume in un lago, è necessario, che abbia qualche velocità, e direzione, le quali, benchè appoco appoco dopo lo sbocco vadano scemando; nulladimeno però a causa dell'impero preconceputo, il più delle volte si conservano per qualche tratto, fin tanto che, comunicato che sia il moto alle parti laterali, ed opposte, parte di esse tendono verso le ripe, parte ritornano vorticosamente verso l'immissario, e parte s'indirizzano verso l'incile, o emissario del lago. Sin tanto, però, che il fiume influente conserva velocità osservabile in alcuna parte, la di lui superficie resta più bassa di quella del lago, cioè sul principio; ed in altri luoghi, cioè nel progresso, colmeggia sopra la medesima, in conformità di ciò, che si è dimostrato sul principio di questo

Capitolo, dipendendo questa apparenza dalla velocità, o impeto, col quale il fiume si porta allo sbocco; poichè s'egli entrerà con poca forza, sul bel principio s'equilibrerà colla superficie del lago.

Credono alcuni, che le acque de' laghi siano, da un capo all'altro, equilibrate, come se fossero perfettamente stagnanti. Io però non saprei dirlo accertatamente, parendomi verisimile, che vicino a' luoghi, che danno l'ingresso a' fiumi, debbano essere qualche poco più elevate di pelo, che negli altri luoghi; siccome è certo, per lo contrario, che vicino all'emissario sono qualche poco più basse. Il motivo di tale asserzione è, perchè, se il lago non ricevesse influsso di acqua veruna, ma solamente ne scaricasse; dovrebbe egli dalla parte dell'incile, restare più basso, che negli altri luoghi, per tutto quel tratto, ch'è determinato dall'unione della superficie del lago colla linea del fondo dell'alveo applicato all'emissario, prolungata dalla parte superiore; e però è impossibile da concepirsi, che il restante dell'acqua, supposta orizzontale, non iscorra, benchè con moto lentissimo, ad occupare il luogo lasciato dall'acqua, che esce dal lago; e perciò, che la di lei superficie non s'inclini verso l'uscita; tanto più adunque vi si inclinerà, se dalla parte opposta sia somministrata nuova copia d'acqua da qualche fiume; e conseguentemente non potrà la superficie d'un lago essere perfettamente orizzontale. Ben'è vero, che la differenza sarà insensibile nelle parti di mezzo; ma ne' siti, vicini agl'immissari, ed agl'incili, può esser tale, che non solo con livelli esatti, ma ad occhio libero, si manifesti. Se però, tanto il fondo del fiume influente, quanto quello dell'effluente, fossero orizzontali, e situati nel medesimo piano, allora la superficie dell'acqua del lago sarebbe anch'essa affatto orizzontale per la Prop. I. del Lib. V. della Misura dell'acque. Quindi è chiaro, che l'acque de' laghi, e delle paludi, molto più s'accostano ad avere la loro superficie a livello, quanto meno sono inclinati i canali influenti, ed effluenti; e perchè, se il lago fosse angusto, quanto i canali predetti, la superficie dell'acqua continuerebbe sulla cadente dovuta al canale influente: perciò quanto maggiore è lo spazio, che ha l'acqua per espandersi lateralmente, tanto si rende più esatto il livello del lago. Ciò si dee intendere, quando la copia dell'acqua, ch'entra, è eguale a quella, che esce; poichè se la prima fosse maggiore della seconda, come succede sul principio dell'escrescenze de' fiumi influenti, in tal caso è evidente, che tutta l'acqua del lago dee essere declive verso l'emissario, verso il quale anche sono più osservabili le direzioni, ed i moti dell'acqua.

Tutto ciò, che si è detto de' laghi, si dee intendere proporzionalmente ancora delle lagune, e paludi, nelle quali però tanto è maggiore la differenza del livello, quanto che l'erbe, che in queste nascono, servono molto a sostenere l'acqua più alta in un luogo, che in un altro: e perciò si vedono spesse volte calare l'acque delle paludi considerabilmente vicino agli sbocchi: e ne' siti più lontani appena essere sensibile l'abbassamento. Per tanto si queste, che i laghi, producono l'effetto dimostrato nel fine del Cap. VI. cioè di rimediare al difetto delle cadute; poichè egli è certo, che interrendosi un lago, dovrebbe il fiume, che dentro vi s'inalvasse, avere per lo tratto di esso, molto più di caduta, di quello, che abbiano le acque del lago; il che opererebbe, che il fiume influente si elevasse di fondo, e formontando le proprie ripe, si portasse ad inondare il paese all'intorno; o formando un altro lago, o elevandolo colle alluvioni, sino ad incassarsi dentro di esse, e ciò continuerebbe a farsi, fin che coll' altezza del proprio letto avesse acquistata quella pendenza, che gli è dovuta, oltre le altre circostanze, dalla lunghezza del viaggio.

Ha non so che di simile all'ingresso d'un fiume in un lago, il passaggio dell'acqua corrente da una sezione angusta ad un'altra più ampia; essendo che *gli alvei dilatati possono ottimamente paragonarsi ad un piccolo laghetto*, dentro il quale sbocchi l'acqua da una sezione più angusta, che in tal caso ha ragione d'immissario; siccome la susseguente pure angusta, di emissario. Quindi egli è facile di dedurre le cause delle apparenze diverse, che si osservano nell'uno, e nell'altro sito; poichè, se si vedrà, che dove i *fiumi* sono soverchiamente larghi, ivi l'acqua non corra, o abbia moto più lento: se vicino alle ripe si troverà l'acqua, quasi essere stagnante, o pure correre con moto vorticoso all'indietro, radendo le ripe medesime, dal che dipende principalmente la conservazione delle sezioni più larghe; se ne' siti medesimi la cadente del pelo d'acqua sarà meno declive di quello, sia, dove l'alveo è di larghezza uniforme, e proporzionata; ed al contrario, se nelle sezioni più strette l'acqua del fiume si vedrà tutta correre con maggiore velocità, e con maggiore pendio di superficie ec. facil' cosa sarà applicare le ragioni sopradette, per il spiegare queste, ed altre simili apparenze: poichè *il lago altro non è, che un fonte, o fiume dilatato, ed il fiume non è, che un lago ristretto.*

Sono *gli alvei de' fiumi, quasi sempre, più larghi di quello, che richiede il bisogno dell'acqua, che portano;* e perciò molte volte sopportano, che loro sia ristretto l'alveo considerabilmente, senza veruna alterazione del loro pelo, il che non accaderebbe, se le larghezze fossero vive: anzi col tenere ristretti gli alvei de' fiumi s'impediscono que' moti fregolati, che sono, come la lussuria de' fiumi medesimi, e che apportano danno considerabile alle sponde, per la deviazione, che fa l'acqua, dalla direzione del suo filone; e perciò non è meraviglia, se i fiumi grandi, senza veruna maggiore dilatazione, sono molte volte capaci di ricevere nel proprio seno l'influsso di nuov'acque; poichè rendendosi in tal caso l'acqua proporzionata alla grandezza dell'alveo, viene essa ad essere tutta mantenuta in officio, ed obbligata a conservare la sua direzione al lungo dell'alveo, senz'alcuno laterale svagamento, ed è ben facile di concepire, che *l'acqua stagnante, o corrente vorticosamente all'insù, non contribuisce cosa alcuna allo scarico del fiume;* e che questa parte dell'alveo, per altro inutile, può benissimo dar luogo, quando vi sia una forza maggiore, al corso di nuov'acqua; e perciò è stato veduto il ramo del Po di Venezia assorbire, da se solo, tutta l'acqua del ramo di Ferrara, e di Panaro, senza che perciò si abbia avuta la necessità di ritirare gli argini verso la campagna, o si sia veduto maggiormente dilatarsi l'alveo.

Appartengono a questo capo gli effetti, che procedono dall'unione di due fiumi insieme, e dagli sbocchi nel mare: ma perchè abbiamo determinato trattare tutto ciò più particolarmente, richiedendo la materia, speciale considerazione; pertanto passeremo a discorrerne ne' due seguenti Capitoli.

CAPITOLO VIII.

*Dello sbocco d' un fiume in un altro ,
o nel mare .*

NON si trova alcuna particolarità nella materia, che abbiamo fra le mani, la quale sia, per se medesima, quanto più evidente, tanto più controversa, e meno intesa, dello sbocco de' fiumi. Io ho sentito, in diverse congiunture, pronunziare, sopra di questo fatto, asserzioni così strane, che prima avrei credute impossibili da cadere nella mente degli uomini; e quello, ch' è più, ho osservato, che hanno maggiore facilità a prendere sbagli in questo particolare le persone mediocrementemente versate, che le affatto idiote; poichè le prime sul fondamento di alcune regole, o ignote, o non avvertite dal volgo, e credute universali, quando in realtà patiscono molte eccezioni, ne deducono in varj casi conseguenze falsissime. Una di queste è, che l' acqua non possa correre, se non ha caduta, al suo termine, ed è assioma così universale appresso di quelli, i quali si chiamano Periti, che non dubitano punto di dedurne, che un fiume non possa sboccare, o nel mare, se questo si trovi gonfio; o in altro fiume, durante la di lui piena; e che i fiumi influenti debbano scaricare l' acqua propria, tutta sopra il pelo del recipiente, con altre simili asserzioni erronee, e perniciose, le quali conducono a spese inutili, a proposizioni dannose; e molte volte divertiscono l' animo di chi le promuove, da quelle, che riuscirebbero più salutari.

Entrano i fiumi influenti, non v' ha dubbio, nel mare, nè qualunque forza di esso è bastante, a rispingere un fiumicello, quantunque picciolo: purchè egli sia provveduto di sponde sufficienti, come più abbasso si dirà; posciachè, come può mai immaginarsi, che un fiume perenne, se fosse impedito del tutto il di lui corso, non si elevasse, quasi istantaneamente, ad altezze enormi per l' abbondanza dell' acqua sopravveniente, uscendo con ciò dal proprio letto, ed inondando le campagne; il che sebbene qualche volta succede, ciò però non nasce, perchè il fiume non sia valevole, col tempo, ad acquistar forza da superare il contrasto, che fa il mare al suo ingresso; ma perchè, o non ha, o non si mantiene le sponde all' altezza necessaria; e perciò de' fiumi stabiliti di alveo non si può con verità asserire, che il mare impedisca loro affatto lo scarico. Similmente, s' egli è vero, che i fiumi s' ingrossino per l' unione d' altri fiumi, chi potrà sanamente sostenere, che un fiume reale, nella sua piena, proibisca l' ingresso ad un influente, e che questo sia perciò obbligato a ritenere le sue acque nel proprio alveo, fino allo sgonfiamento dell' altro? Procureremo noi dunque di spiegare il modo, col quale ciò succeda, il che faremo nella seguente Proposizione.

PROPOSIZIONE I.

Spiegare il modo, col quale i fiumi entrano in altre acque, o correnti, o stagnanti.

Per ben intendere ciò, è necessario ridursi alla memoria due Proposizioni di eterna verità; la prima delle quali è: Che quando un fiume corre, e la di lui superficie non si alza, nè si abbassa di livello, allora per tutte le di lui sezioni passano delle quantità d'acqua precisamente eguali. Ciò è vero in astratto, in concreto, ed in tutte le circostanze, e condizioni possibili; dal che ne nasce, che ogni volta, che la superficie dell'acqua d'un fiume perenne, ed influente, e resa stabile; allora esce dal di lui sbocco, ed entra nel recipiente quella copia d'acqua, nè più, nè meno, ch'è somministrata dalle parti superiori del fiume. Ma, se la superficie predetta si andava abbassando, sarà scaricata dallo sbocco acqua in copia maggiore, che non è quella, che viene di sopra: e finalmente, se la predetta superficie si eleva, più acqua viene dal fiume di quella sia vomitata dallo sbocco. Questi sono tre segni infallibili della qualità degl'impedimenti, apportati dall'acqua del recipiente al corso dell'influente; perchè se in un fiume, che porti sempre eguale quantità d'acqua, si vedrà la superficie di esso allo sbocco elevarsi; segno sarà, che il recipiente impedisce lo scarico al fiume; mentre l'acqua trattenuta è quella, che aumenta l'altezza; ed al contrario, abbassandosi la superficie del fiume allo sbocco, sarà indizio dello sminuirsi, che faranno, gl'impedimenti opposti dal recipiente allo scarico; portandosi ad uscire dalla foce del fiume, non solo la quantità dell'acqua corrente, somministrata dalle parti superiori; ma in oltre tutta quella, che prima era stata trattenuta dal ristagno.

Quando l'acqua cresce per gli ostacoli trovati alla foce, non seguita però ella ad elevarsi all'infinito; ma arrivata ad un certo termine, stabilisce la propria superficie: segno, ch' allora è eguale lo scarico all'influsso. quindi è, che se le ripe del fiume non saranno tant'alte, quanto si richiede per sostenere la superficie dell'acqua a quell'altezza, ch'è determinata dalla natura per lo scarico di tutto il fiume influente; sarà necessario, che l'acqua di esso, formontandole, si sparga lateralmente a cercare altra strada, o accesso più facile al suo termine; o pure alcun seno, dove contenersi, ed equilibrarsi.

Da qual principio sia desunta dalla natura la determinazione dell'altezza necessaria all'intero scarico del fiume, si raccoglie dall'altra Proposizione, che dee rammemorarsi; cioè, che ne' fiumi, de' quali le sezioni tutte scaricano egual copia d'acqua in un dato tempo, le velocità medie deono sempre essere reciproche all'area delle sezioni: perciò passando, come si è detto di sopra, per la foce altrettanta acqua, quanta si trasfonde da una delle sezioni superiori; forza è, che la velocità media dello sbocco, stia alla velocità media della sezione superiore, come l'area di questa, all'area dello sbocco. E perchè l'area delle sezioni, e dello sbocco è composta d'altezza, e di larghezza; se la larghezza sarà inalterabile, sarà altresì necessario, che l'altezza dello sbocco si accresca di tanto, quanto importa la diminuzione della velocità media di esso, considerando l'alterazione, che si fa nella velocità all'alzarsi della sezione.

Per più chiara intelligenza di ciò, si dee avvertire, che un fiume, il quale entri in un altro, può entrarvi in tre maniere: (1) o cadendo dall'alto, come nelle cateratte: e ciò succede, quando il fondo del fiume influente è

più alto del pelo recipiente; o pure (2) *spianando la sua superficie su quella dell'altro*, in maniera, che la larghezza superiore dello sbocco, che sta distesa trasversalmente sulla superficie dell'acqua, sia come la comune sezione di due piani, l'uno de' quali sia la superficie dell'influente, l'altro quella del recipiente: e ciò accade, quando il fondo dell'influente è basso sotto il pelo del recipiente, almeno quanto basta a formare la predetta proporzione reciproca; o finalmente [3] *quando la superficie dell'acqua dell'influente fa qualche notevole discesa, per introdursi nel recipiente; senza però, che tutta l'acqua vi cada*: e questo effetto nasce dal fondo dell'influente, più basso del pelo del recipiente; ma non quanto basta per dare lo scarico a tutta l'acqua propria, per la sezione; compresa trà la linea trasversale della larghezza del fondo dello sbocco, ed il pelo dell'acqua del recipiente.

Nel primo caso, quando, cioè, il fondo dell'influente è più alto del pelo del recipiente, non v'è chi possa dubitare, farsi uno scarico libero, ed in niuna maniera impedito dall'acqua del recipiente; anzi piuttosto, cessando nella caduta gl'impedimenti del fondo, e delle sponde, nel principio di essa, l'acqua scorre più veloce, e si assottiglia; e conseguentemente resistendo meno all'acqua, che immediatamente la seguita, questa anch'essa si rende più veloce, e così gradatamente per qualche spazio all'insù, fin che, non risentendosi più la felicità dello sbocco, l'acqua corre con quella velocità, che le attribuiscono le cause di essa, e che le viene permessa dalla qualità degl'impedimenti: Quindi è, che *i fiumi, vicino a' loro sbocchi di tal natura, si diminuiscono di corpo, e formano la loro superficie sempre più inclinata all'orizzonte, disponendola nelle cadute libere, secondo il tipo d'una linea curva*. E qui si dee applicare tutto ciò, che abbiamo detto nel Capitolo antecedente, parlando delle cateratte.

Ma perchè *i fiumi, che hanno il fondo capace di corrosione, non sopportano simili cadute* (mantengono ne' luoghi, dove si trovano, o dall'arte, o dalla resistenza insuperabile del fondo) perchè, a causa della gran violenza, escavandosi il fondo, viene finalmente a profundarsi; perciò si fa luogo al secondo caso, che in fatti è il più frequente, osservandosi, che *i fiumi influenti si spianano sulla superficie de' recipienti: s'elevano, e s'abbassano di pelo con essi*: e si mantengono il fondo tanto basso, che possa dar esito alle loro massime piene sotto la superficie più bassa del recipiente; e perciò *i fiumi temporanei, non solo s'uniscono, colle superficie dell'acqua, ma ancora co' fondi de' propri letti* come pure fanno, per la ragione medesima, *i fiumi confluenti perenni, le portano eguali quantità di acqua*.

Ne' fiumi adunque temporanei, che s'uniscono insieme, se uno verrà colla sua piena, trovando l'altro in istato di siccità, non succederà altro effetto, che quello, che farebbe un fiume, quale da un alveo più angusto passasse ad uno più dilatato; solamente rigurgiterà l'acqua dell'influente all'insù per l'alveo dell'altro, fino a quel segno, che sta a livello coll'altezza della piena, nell'alveo comune; ma, se il fiume recipiente sarà perenne, non si dee dubitare, che l'altezza dell'acqua di esso non faccia qualche impedimento, e contrasto a quella, che influisce. Ciò rendesi manifesto dal considerare, che, cessando l'acqua influente, quella del recipiente rigurgiterebbe: come in tal caso di fatto rigurgita per l'alveo dell'influente; e perciò quella forza medesima, che può spingere l'acqua del recipiente all'insù, s'oppone all'ingresso dell'influente. Può questa considerarsi in due maniere; cioè, (1) o come il solo momento della pressione dell'acqua; e questa, siccome non può spingere il rigurgito, che fin dove arriva l'orizzontale della superficie dello sbocco, così non può estendere maggiormente gli effetti dell'im-

pedimento, che apporta all'influente, o pure [2] vi si aggiunge l'impeto acquistato per la caduta, o per qualche altra forza esterna; e questo, se non si risfrange dagl' impedimenti dell'alveo influente, come per lo più succede, è potente a fare avanzare il rigurgito ec. qualche cosa di più, di quello, che porta la forza del solo equilibrio.

Co' mezzi medesimi può operare l'acqua del fiume influente, affine di superare il contrasto del recipiente; poichè ella può fare lo sforzo alla fonte, o per solo momento di pressione, o per quello dell' impeto preconcepito. Per lo solo momento di pressione, trovandosi l'acqua tanto dell' uno, quanto dell' altro all'altezza medesima, tanto contrasta l'acqua, che impedisce lo sbocco, quanto fa forza quella, che tenta di acquistare lo scari-co; e perciò essendo equilibrate le forze per questo capo, resta, che la prevalenza del fiume, che esce dallo sbocco, si desuma dall' impeto. Può questo nascere, o in tutto, o in parte (1): dalla discesa, la quale, avendo cominciato a rendere veloce l'acqua assai più alto dello sbocco, non può di meno, di non essere maggiore, e di non superare il momento della sola pressione dell'acqua recipiente [2] Può nascere il medesimo impeto dalla sola pressione; ma perchè l'impeto è accompagnato da una velocità attuale, con una determinata direzione; ed il conato della pressione non è, che una velocità potenziale, senza alcuna vera determinazione, ma bensì indifferente a riceverle tutte; ne segue, che l'impeto dell'acqua dell'influente prevlerà alla sola pressione; e perciò, scacciando dallo sbocco l'acqua del recipiente, entrerà nell'alveo di questo, e prenderà i di lui moti, e direzioni.

Fig. 47. Sia per maggiore chiarezza $A C$ l'altezza dell'acqua del fiume influente, e sia il punto A la superficie dell'acqua nello sbocco: certa cosa è, per le cose dette di sopra, che se il fiume correrà per velocità acquistata nella discesa per l'alveo inclinato, le velocità della perpendicolare $A C$ termineranno al segmento parabolico $B H D$, di modo che la figura $A B D C$ sarà il complesso, o somma delle velocità di detta perpendicolare. In oltre, se ci immagineremo, che operino dalla parte opposta i conati soli della pressione del fiume recipiente; essendo questi tra loro in proporzione delle altezze, faranno le loro impressioni contenute nel triangolo $C A D$, il quale detratto dal segmento parabolico, resterà il triangolo misto $A B H D$, che misurerà l'eccesso delle velocità, sopra l'energia de' conati; e perciò, essendo questi superati da quelle, potrà il fiume influente entrare nel recipiente. Similmente, posto, che il fiume influente corresse colla sola velocità dovuta all'altezza del corpo d'acqua; essendo che tali velocità occupano la figura di una parabola, come $C A D B$, ele im-

Fig. 48. pressioni del conato quella del triangolo $C A B$; le velocità dell'influente supereranno, anche in questo caso, le impressioni de' conati, che fa l'acqua del recipiente, di quanto importa la figura $A B D$: con questa avvertenza però, che dette figure residue, non danno alcuna cosa di assoluto, per non potersi determinare la proporzione della forza della velocità massima alla forza del conato massimo, nella medesima maniera, che non è paragonabile la forza della percossa, a quella della semplice gravità, essendo però certo, nell'uno, e nell'altro caso, che maggiore è la forza di un grave mosso, di quella, che avrebbe il medesimo, trovandosi nel semplice conato al moto: il che, nel nostro caso, vuol dire, che la base della parabola $C A B$, o del segmento $C A B D$, dovrà sempre essere maggiore della base del triangolo $C A B$, dal che ne nasce la prevalenza delle velocità sopra de' semplici conati.

Non è dunque possibile, che un fiume influente, il quale abbia lo sbocco a seconda del corso del recipiente, o che entri in un'acqua stagnante, sia rigettato da essa; anzi piuttosto, a misura dell'impeto, che avrà nell'ingresso, farà mutare, o prendere qualche direzione all'acqua, dentro della quale esso si scarica; come abbiamo detto, dovere succedere a' laghi ec. nel Capitolo antecedente. Non v'ha dubbio però, che, se l'acqua del fiume recipiente crescerà, restando invariata quella dell'influente, non possano crescere i conati della prima tanto, da pareggiare, o superare le velocità della seconda; ma in tal caso, ritenuta l'acqua nell'alveo dell'influente, s'alzerà ben presto di corpo, in soccorso delle velocità ritardate, che però mai non potrà rimettere allo stato di prima; perchè accresciuta la sezione, per l'alzamento dell'acqua allo sbocco, l'impeto preconciputo si spargerà per essa; e perciò resterà in ogni parte minore. Che se l'acqua del recipiente crescerà con più celerità di quello, possa elevarsi l'acqua dell'influente, come succede, quando questo è assai magro; allora l'acqua dell'altro, non solo sul principio le impedirà l'ingresso, ma ancora entrerà nel di lui alveo; e concorreranno a farlo elevare di pelo, non solo l'acqua trattenuta, ma la rigurgitata; e fatto che sia l'alzamento, a un dipresso, sino al livello della piena del recipiente, resterà l'acqua, quasi senza moto apparente, e farà l'effetto di un lago, che riceva dalla parte superiore, l'afflusso continuo di poca acqua; onde, siccome ne' laghi l'acqua esce dall'emissario, così anche in questo caso, è necessario, che l'acqua esca per la foce del fiume, che ha ragione di un emissario eguale, se non maggiore, del lago medesimo. La ragione di ciò si è, perchè, sebbene l'acqua rigurgitata sembra stagnante; non è però priva affatto di moto, tutto che inosservabile, a cagione del quale viene spinta a scaricarsi; e la causa efficiente di ciò non è altra, che quella piccola elevazione di acqua, che fa l'inclinazione alla superficie del rigurgito, e che la rende qualche poco più alta nelle parti superiori, che allo sbocco: ed in conseguenza atta a generare maggiore velocità di quello, che possa il conato dell'acqua recipiente; e sebbene in casi simili la predetta differenza di altezza è impercettibile ad ogni senso; è però benissimo attestata dalla natura, che non l'addimanda maggiore di quella, che basta, per dare quella minima velocità, ch'è sufficiente a fare scaricare per una sezione ampissima (quale in tal caso è la foce del fiume) una picciolissima quantità di acqua. E poi l'acqua del fiume recipiente esercitasse contro lo sbocco, non solo il conato, ma anche il moto attuale con qualche velocità, e direzione, o retta, o obliquamente a lui contraria; in tal caso, o la velocità dell'influente sarà maggiore, o no; se sarà maggiore, è certo, che rispingerà, e rivolterà ad altra parte la direzione del recipiente, e con ciò si farà luogo all'uscita; ma essendo minore, converrà, che si elevi di superficie molto più, che nel caso antecedente, per imprimere alle parti inferiori dell'acqua tanto di sforzo, quanto può bastare a superare la velocità, e direzione contraria, il che finalmente dee succedere col successivo alzamento di superficie, che tanto durerà a farsi maggiore, quanto lo sforzo dell'influente continuerà a non essere maggiore di quello del recipiente; cioè a dire, fin che detto alzamento possa imprimere ad ogni sezione tali gradi di velocità, da quali attraendone un medio, sia esso ad un simile, dentro di una sezione non impedita dal rigurgito, in proporzione reciproca delle sezioni medesime.

Di qui si può comprendere ciò, che operino alle foci de' fiumi i flussi, e le burrasche del mare, e l'alzamento, che cagionano all'acque de' fiumi medesimi, i quali, se avranno le sponde così alte, che siano sufficienti a so-

stenero l'acqua a quell'altezza, ch'è necessaria per ispingersi al mare, al sicuro sforzeranno qualsivisia impeto dell'onde. E' ben anche evidente, che le sezioni degli sbocchi, e tutte quelle, che restano impedito da' rigurgiti, deono acquistare tanto maggiore ampiezza (sia in larghezza, o profondità,) quanto viene indebolita la loro velocità; e perciò i fiumi reali si conservano le foci così aperte, che alle volte fanno l'ufficio di porti a' vascelli di alto bordo, quando la spiaggia del mare permetta loro di accostarvisi. Questa è anche la ragione, per la quale molti fiumi richiedono più foci, alcuna delle quali alle volte si ottura, cioè la più impedita, o la meno veloce; nel qual caso, o l'acqua si volta per gli altri sbocchi, ne quali sono minori gl'impedimenti, e per conseguenza il corso è più vigoroso, o pure se n'apre un nuovo, più facile, e più spedito.

E' da notare nel particolare delle foci de' fiumi al mare, che tanto i flussi, quanto i riflussi fanno diversi effetti considerabili, i quali possono essere altrettanti Corollari, dedotti dalle cose dette di sopra, per ispiegazione del modo, col quale i fiumi entrano in altri fiumi. Il che ec.

Corollario I.

Durante il flusso, o marea alta, la velocità media delle acque del fiume si diminuisce; e perciò dà luogo alla deposizione delle torbide nel fondo dell'alveo; ma sopravvenendo il riflusso, o marea bassa, perchè, levandosi l'ostacolo alla foce, l'acqua trattenuta in maggior altezza di quella, che conviene alla sua quantità, acquista considerabile velocità; perciò tutta la materia deposta, di nuovo s'incorpora all'acqua, e viene portata nel mare.

Corollario II.

E perchè l'impedimento, che fa un fiume all'ingresso di un altro, è equiparabile al flusso marino, e maggiormente quando rigurgita nell'alveo di esso; perciò il medesimo effetto succede anco agli sbocchi de' fiumi in altri fiumi, interrandosi gli alvei degl'influenti, durante il ristagno, o rigurgito; e di nuovo escavandosi al cessare de' medesimi; tuttocchè dunque, che si dirà più a basso, circa le foci al mare, si dee proporzionabilmente intendere degli sbocchi ne' fiumi.

Corollario III.

Perchè il fiume dee poter entrare nel mare nella di lui maggiore bassezza, anco colle sue massime piene, incontrandosi frequentemente, che entrino fiumi pienissimi nel mare bassissimo di superficie; perciò egli è necessario, che computata la larghezza della foce, acquisti nel resto, in profondità, una sezione proporzionata al corpo della massima piena; e tale profondità dee regolarsi sotto il pelo più basso del mare; dal che ne nasce poi, che alcuni fiumi non molto abbondanti d'acqua, i quali sboccano in mare di tal sorte, che ne' loro flussi si alzino venticinque, o trenta piedi; fanno una gran mostra di loro medesimi, e si rendono navigabili in tempo del flusso da qualsivoglia legno, per tutta quella lunghezza, che risente la marea.

Corollario IV.

Incontrandosi di venire i fiumi pienissimi in tempo delle burrasche maggiori, che vuol dire, in tempo, nel quale hanno luogo i più grandi impedimenti, che possano succedere alle loro foci; sono stati avvertiti gli uomini dell'altezza delle sponde, che si richiede per provvedere all'espansioni laterali; e perciò, occorrendo, vi hanno fatti argini di altezza sufficiente a contenere l'acqua in quello stato; che, come si è detto di sopra, è quello, che cagiona lo scarico intero del fiume per la sua foce; quindi è, che cessando la burrasca, o calando la marea in tempo, che anco duri l'altezza del fiume, si scarica nel mare copia d'acqua maggiore di quella, sia somministrata dalla fiumara; e perciò dal punto, nel quale i fiumi sono alterati dalle agitazioni, o ristagni del mare, il fondo degli alvei si rende meno declive, e la declività va sempre scemando, quanto più s'accosta alla foce. Che se il fiume, per se medesimo, avrà tanta copia d'acqua da mantenersi il fondo orizzontale, in tal caso siprofonderà maggiormente, e tanto per appunto, quanto s'egli portasse di acqua propria tutta quella abbondanza, che li viene aggiunta, o ristagnata dentro l'alveo, per lo gonfiamento del mare. E questo è ciò, che vogliono inferire gli architetti dell'acque, quando dicono, che i flussi, e riflussi del mare mantengono espurgati gli alvei de' fiumi per tutto quel tratto, al quale essi arrivano.

Corollario V.

Ne' fiumi, che hanno lo sbocco aperto al mare, se l'acqua di essi non si altera di sostanza, o di sapore, dentro l'alveo proprio, per quel tratto, che consente col mare, segno è, essere ella copiosa, almeno in proporzione del contrasto, che le fa il mare, e ciò maggiormente, se un fiume, come si narra di molti, porterà le sue acque per buonospazio, dentro la marina, il che si conosce dal sapore, dal colore, ed anche in parte, dalla direzione del moto dell'acqua; ma se la medesima cangia di natura, col partecipare o la falsedine, o altra qualità dell'acqua marina, allora è indizio, che l'acqua propria del fiume è poca: o che i contrasti del mare sono violenti, o per l'alzamento, o per l'impero de' venti; e tanto più, quanto a maggior segno s'avanza la falsedine.

Corollario VI.

Perciò in que' fiumi, che hanno poco acqua, si vede correre quella del mare al contrario di quella del fiume nel tempo del flusso, e nel riflusso s'osserva correre l'una, e l'altra verso il mare; e perchè questo corso richiede qualche tempo; perciò si dà il caso, che il ritorno dell'acqua del fiume verso la marina, non cominci precisamente sul punto del riflusso; ma ora qualche poco dopo, ora qualche poco prima, accordandosi i tempi di questi riflussi allora solo, quando l'acqua dal mare rigurgitata s'uguaglia, a un dipresso, all'acqua trattenuta del fiume, ed in questo caso il pelo della medesima sarà orizzontale; ma negli altri due casi, sarà inclinato al contrario del fiume, e solo sarà orizzontale nel momento del riflusso.

Corollario VII.

L'ingresso de' fiumi nel mare si fa a mezz'onda, che vale a dire, che la superficie dell'acqua non viene regolata, nè dalla parte superiore dell'onda, spinta contro lo sbocco (sia ella o di moto ordinario, o pure burrascoso) nè dal basso dell'onda medesima; ma bensì dal punto di mezzo tra l' maggiore alzamento, e l'abbassamento dell'acqua ondeggiante; e la ragione è fondata sulla velocità del bilanciamento dell'acqua, la quale non permette, che il pelo del fiume si elevi alla sommità dell'onda, nè si abbassi alla di lei maggiore concavità; e perciò viene ad equilibrarsi con questi contrarij conati in un sito di mezzo.

PROPOSIZIONE II.

L'alzamento delle piene, vicino agli sbocchi de' fiumi riesce sempre minore, che nelle parti più lontane;

Ciò è stato osservato da diversi, e principalmente dal P. Castelli; ed è vero, quando il fiume cresce per nuova acqua sopravveniente; anzi s'osserva, che negli sbocchi medesimi, l'acqua ordinariamente non si eleva, che tanto, quanto il corpo dell'influente fa elevare il pelo del recipiente; cioè a dire, rispetto al mare, insensibilmente. E la ragione di ciò è, che entrando i fiumi, per esempio, nel mare, hanno, per quello si è detto di sopra, tutto il loro ingresso al disotto della di lui superficie, proporzionandosi lo sbocco in largo, ed in profondo; e perciò la cadente del pelo d'acqua del fiume influente, non variandosi la superficie del mare, tende sempre al termine medesimo; e perciò è necessario, ch'ella sia più inclinata verso lo sbocco in tempo di piena, che in acqua bassa. E perchè due linee diversamente inclinate all'orizzontale, e concorrenti in un punto medesimo, tanto più si scostano l'una dall'altra, quanto più si allontanano dal punto dell'unione; perciò necessariamente le piene deono fare, lontano dallo sbocco, maggiore alzamento, che vicino al medesimo. Il che ec.

Per ispiegare, da quale cagione dipenda la diversa inclinazione dell'acqua bassa, e dell'alta, si dee rammentare, ciò, che abbiamo detto nel Capitolo precedente, trovarsi cioè, delle sezioni morte, nelle quali l'acqua, o non corre, o corre lentamente, più di quello esiga la propria altezza; e che, per conseguenza, sono molto maggiori del bisogno. Tali tra l'altre sono quelle de' fiumi ne' siti, che risentono i rigurgiti; cioè le vicine agli sbocchi. Quindi è, che sopravvenendo la piena, basta, che l'acqua stagnante, o moscia lentamente, acquisti velocità maggiore verso lo sbocco, il che si ottiene con ogni poco d'altezza, che si aggiunga alla primiera, attesa la grandezza soprabbondante nella sezione, e la facilità, che ha l'acqua sul principio del moto di crescere in velocità, molto maggiore di quella, che ha, affetta che sia di velocità considerabile; il che non trovandosi nelle sezioni superiori lontane dal rigurgito, che sono, o proporzionate solamente al bisogno, o poco maggiori; si ricerca in esse maggiore accrescimento di velocità in ciascuna parte di acqua; e per conseguenza maggiore altezza di corpo, anche a riguardo della maggiore velocità precedente, come si fa manifesto dal considerare la natura della parabola, primaria regolatrice delle velocità.

Corollario I.

Quindi è, che *i fiumi, i quali sono assai declivi di fondo*, e che, perciò, non sentono gl'impedimenti del rigurgito molto lontano dallo sbocco, anche *in poco spazio fanno vedere questo effetto*; ma per lo contrario *i fiumi reali, che camminano con poca pendenza*; e perciò sono soggetti per più lungo spazio al rigurgito, *godono di questa proprietà in maggiore distanza dal mare*, la quale però mai non si manifesta sensibilmente, che poco più oltre al sito, dove arriva la forza del rigurgito medesimo.

Corollario II.

Da questo principio anche dipende la causa d'un'apparenza assai sorprendente, la quale rendesi impercettibile a molti: ed è, che trovandosi un fiume influente con poca acqua propria; ma con un grande rigurgito del recipiente, che lasci poco di vivo agli argini, o sponde del primo, sembra a molti, che, venendo una piena a questo, dovrebbe formontare le proprie sponde, parendo loro inverisimile, che pochi piedi, e talora poche once di ripa, che sopravanzano al pelo del rigurgito, possano essere sufficienti a contenere una piena, che sopravanza; e pure, quando sono succeduti di tali casi, si è veduto, che la piena non ha sormontate le sponde, e si è elevata pochissimo sopra la superficie del rigurgito predetto, ma nell'istesso tempo si è osservato, che tutta l'acqua, che prima pareva immobile, ha cominciato a muoversi verso lo sbocco.

Corollario III.

Dal detto in questo proposito ne nasce ciò, che nota il P. Castelli, cioè, che dall'osservazione di poche once di altezza fatta da una piena di un fiume, vicino allo sbocco, si può dedurre l'elevazione di molti piedi d'acqua nelle parti superiori; ma non è già conforme alla verità ciò, ch'egli avverte al Corollario 14. che i fiumi vicino al mare crescano di velocità; se non in quanto la vicinanza dello sfogo libero, può contribuire a renderli più veloci; o almeno a non impedire il loro corso tanto, quanto in parità di circostanze si fa più lontano.

PROPOSIZIONE III.

Se l'alzamento dell'acque di un fiume allo sbocco si farà per cagione di qualche impedimento opposto, e ritardante il corso di esso; e particolarmente per lo ristagno del mare, o per rigurgito della piena di qualche fiume recipiente, in tal caso l'acqua si eleverà più vicino allo sbocco, che nelle parti superiori.

Ciò è manifesto dovere succedere; perchè essendo la superficie del fiume influente inclinata verso lo sbocco, viene ella ad essere intersecata nelle parti superiori, dalla linea del pelo del rigurgito. Lo stesso succede, ma con minore divario, nel ristringimento degli sbocchi, che obbliga l'acqua influente in quel sito ad alzarli di pelo; perchè a causa del ristringi-

mento accennato, restando tutte le sezioni superiori, colle loro larghezze morte, cioè con acque alle sponde stagnanti, o per tutto ritardate, succedè quasi lo stesso, che se tutto il fiume s'andasse ristringendo; onde, siccome in questo caso l'acqua s'alzerebbe più nelle sezioni ristrette, che nelle più ampie, le quali non avessero alcuna connessione, o dipendenza dalle prime; così, nell'istessa maniera, nel caso del solo ristringimento dello sbocco, l'acqua si eleverà per lungo tratto; ma finalmente nelle sezioni superiori non patirà alcuna elevazione, e nelle inferiori sempre più, quanto esse saranno maggiormente vicine allo sbocco. Il che ec.

Di quì si conosce la ragione, per la quale la piena di un fiume, entrando in una palude, o lago scarso di acqua, v'entra con maggiore velocità, e con minore altezza di corpo, di quello faccia, trovando la predetta palude, o lago in colmo; benchè la quantità della piena si supponga, nell'uno, e nell'altro caso, la medesima. Posciachè, nel primo supposto, non trovando la piena tanta resistenza nell'acqua del recipiente, non sono le di lei sezioni inferiori, tanto ritardate; e perciò l'acqua vi entra con maggiore velocità, e per conseguenza, con minore altezza di corpo; ma nel secondo caso, essendo il recipiente colmo d'acqua, accresce le resistenze all'influente, il cui corpo è necessario si alzi a proporzione della velocità maggiormente perduta, colla regola addotta nella Proposizione prima.

Ciò, che sia per succedere nel terzo caso, addotto sul principio di questo Capitolo; cioè, quando il fiume influente ha il fondo dello sbocco più basso della superficie del recipiente, ma non quanto basta per dar luogo a tutta l'acqua corrente per esso, è facile a dedursi dal detto finora nell'esame degli altri due casi; e però in questo proposito si possono proporre i seguenti Corollarij.

Corollario I.

Poichè apparisce assai chiaramente, che la superficie dell'influente non si spianerà su quella del recipiente, ma sarà sostenuta nelle parti superiori, e formerà allo sbocco un gonfiamento, inclinato alla parte dell'influsso, che con tale caduta agirà contro le sponde, tentando di allargarle colla corrosione; il che non potendo succedere, come per esempio, se le sponde fossero di sasso, conserverassi detto gonfiamento nello stato di prima; ma allargandosi lo sbocco, anche la detta superficie, in proporzione, s'abbasserà.

Corollario II.

Ma perchè in tanto dee succedere il gonfiamento predetto, in quanto la sezione dello sbocco resta minore del bisogno; scemerassi ella, ed anco toglierassi affatto, sì per la diminuzione dell'acqua del fiume influente; sì per l'alzamento della medesima nel recipiente; perchè nell'uno, e nell'altro caso, la sezione resta in proporzione accresciuta; ed al contrario, si manifesterà il gonfiamento, o coll'accreverci dell'acqua nell'influente, o col calare nel recipiente; il che anche succede in alcune cateratte delle minori, che si manifestano in fiume basso, e non sono osservabili nelle piene maggiori.

Corollario III.

In fatti detto gonfiamento è una specie di piccola cateratta, che secondo la diversità delle circostanze, ora farà una caduta libera, ora una corrente più veloce, ed alle volte, cioè, quando il fiume è grosso dalla parte di sotto, non farà effetto osservabile. Di tal genere sono le mutazioni delle cadenti del fondo de' fiumi, da una minore inclinazione, ad una maggiore; poichè nulla impedisce, che l'ultima sezione della cadente meno inclinata, non si consideri per uno sbocco della specie predetta. Della stessa natura sono le angustie, che fanno i pilastri de' ponti alla sezione del fiume in quel sito, sotto gli archi de' quali, per lo più, si vedono l'acque accrescere la forza del corso; poichè non si varia l'effetto, purchè l'acqua, o per l'alzamento del fondo, o per la strettezza delle sezioni, sia obbligata ad elevarsi di corpo, e non possa mantenere l'altezza acquistata, nelle sezioni inferiori.

Corollario IV.

Egli è anco manifesto, che l'acqua, la quale gonfia sopra la superficie del recipiente, può godere d'una velocità maggiore di quella del restante della sezione medesima allo sbocco, attesa la mancanza delle resistenze a questa, e non all'altra; siccome è chiaro, che dirigendosi detta velocità verso il fondo, vi cagionerà qualche gorgo: effetto assai frequente, non solo di questa, ma ancora di altre cause, negli sbocchi de' fiumi.

Corollario V.

Quindi pure apparisce la causa, per la quale, sebbene ne' tempi de' grandi o rigurgiti, o ristagni, si fanno delle deposizioni nel fondo degli alvei, o degli sbocchi de' fiumi, non crescono però esse mai tanto, da impedire lo spianamento delle superficie dell'acqua, l'una coll'altra: poichè, se più crescessero, gonfierebbe il pelo dell'influente sopra quello del recipiente, e succederebbero, o gli effetti addotti al Corollario primo; o pure di nuovo (il che sarebbe più facile) verrebbe, per la forza della corrente maggiore, ad escavarli il fondo; e perciò si attemperano gli effetti, di maniera, che succeda tutta quella alluvione, ch'è possibile a farsi, senza che l'acqua, per soverchio rifringimento della sezione, possa gonfiare.

La direzione delle foci è una delle principali circostanze, necessarie da considerarsi in questa materia; posciachè da essa derivano, ora buoni, ora pessimi effetti. Quello che s'accorda alle regole, o alla necessità della natura, si è, che

PROPOSIZIONE IV.

Le foci de' fiumi influenti deono secondare, colla direzione dell'ultimo tronco del loro alveo, il filone del fiume recipiente.

Sia A B il filone del fiume recipiente, e la direzione di esso da A in B; Fig. 49. e supponiamo, che il fiume influente vi porti dentro le sue acque, secon-

do la linea DC perpendicolare alla AB . Perchè dunque i moti, secondo i principj della Statica, tanto meno s'impediscono l'un l'altro, quanto minori sono gli angoli, che fanno le linee delle loro direzioni (di maniera che non può esservi impedimento veruno, quando le linee predette sono parallele, e tendenti alla stessa parte) ne segue, che incontrando A C la corrente DC ad angolo retto, s'impediranno vicendevolmente; e perciò la direzione DC non potrà ritenere la primiera linea, e farà, per così dire, strascinata in DG , nello stesso tempo, che il filone G B sarà spinto dalla direzione DC , o DG , in GH , facendo l'angolo H G B maggiore, o minore, secondo la proporzione, che ha la velocità di A B a quella di D C ; ond'è, che essendo tal proporzione assai grande, come, per lo più succede, per essere la velocità del fiume influente pochissima, a riguardo dell'impedimento del riflusso, o ristagno, e quella di A B in alcun modo, o pochissimo alterata; necessariamente sarà l'angolo H G B insensibile, e tanto minore, quanto più acuto sarà l'angolo A C D , o A G D ; incontrandosi adunque, che in D G vi sia ripa atta a patire corrosione, questa si farà dalla parte di D G , e rallentandosi il moto dell'acqua verso D C , ivi si farà l'alluvione, e lo sbocco si volterà tutto in D G . Ma perchè, sminuendosi l'angolo A G D , si sminuisce anco la forza, che fa la corrente A B contro la D G ; e perchè ancora il terreno della ripa, bisogna pure, che abbia qualche resistenza all'essere corroso; (che supponiamo sia sempre la stessa) perciò, se la potenza di A H contro D G farà tale da superare la resistenza della ripa; per necessità si farà nuova corrosione, sino in D F , ovvero in D E B ; ed allora stabilirassi la situazione dello sbocco, quando per l'obliquità della ripa D E B , la forza dell'aderenza delle parti del terreno, resterà tale da non cedere all'impressioni del filone A B , rendute minori per l'acutezza dell'angolo A B E . È adunque impossibile, che si mantenga la direzione dello sbocco in D C , ad angolo retto colla corrente del filone A B ; e per conseguenza è necessario, che si porti in D E B , a seconda di A B . Il che ec.

Corollario I.

Molto maggiore sarà l'impressione della corrente A B contro la direzione D A inclinata all'opposto di essa: perchè non solo, essendo la direzione A B più valida della A D , la sforzerà a rivoltarsi all'in giù, e per conseguenza a rodere la ripa; ma ancora, per lo contrasto della D A , si faranno vortici potentissimi a rovinare le ripe; e la corrente A B , operando contro l'angolo D A B col continuo batterfi, finalmente lo spunterà, e rivolterà lo sbocco v-gr. in K C , facendosi l'alluvione dalla parte di K A .

Corollario II.

Tutti i detti effetti succederanno con maggiore facilità, se il filone del fiume recipiente si stringerà contro la ripa, nella quale è aperto lo sbocco; e più difficilmente, se batterà la parte opposta; ma in tutte le maniere la natura opererà sempre, per rivoltare, o presto, o tardi, lo sbocco a seconda del filone del recipiente.

Corollario III.

Quindi è manifesto, che se le sponde dell'ultimo tronco del fiume influente, non potranno essere corrose, nè meno si altererà la situazione dello sbocco; ma ciò non ostante, sempre maggiore farà lo sforzo dell'acqua dalla parte del corso del recipiente.

Corollario IV.

Se l'influente sarà molto veloce, ed il recipiente molto tardo, allora l'ingresso del primo potrà rivoltare il filone del secondo; e perciò essendo l'influente pieno, ed il fiume recipiente scarso d'acqua, molto più si avanzerà il corso di quello nell'alveo di questo, che se l'uno, e l'altro fossero nelle massime piene; nel qual caso l'acqua dell'influente si manterrà, per lungo tratto, dalla parte della ripa, nella quale è tagliato lo sbocco, fin tanto che i moti fregolari del fiume maggiore, particolarmente nelle curvità delle botti, confondano tutta l'acqua insieme, e ciò in fatti si osserva succedere, quando il fiume influente entra torbido in un recipiente, che porti acqua chiara, o al contrario.

Corollario V.

Da ciò si manifesta l'errore di quelli, i quali pretendono, che gli sbocchi de' fiumi influenti, cagionino delle curvità, e delle botti nelle sponde opposte de' recipienti: il che quantunque sia vero, se l'influente porti del fango, ed il recipiente no: appena può verificarsi, quando l'uno, e l'altro corrono in sabbia; essendosi dimostrato, che la velocità del filone del fiume maggiore, molte volte non ha sensibile proporzione con quella del fiume influente, allo sbocco.

Corollario VI.

Se però, ambedue fossero torrenti, e che venendo la piena dell'influente, non venisse quella dell'altro; in tal caso si potrebbe temere qualche cosa; se però la larghezza dell'alveo del recipiente non fosse tale, che potesse ritardare la velocità dell'influsso, quindi è, che in casi simili particolarmente essendo le quantità dell'acqua, e le velocità eguali, quel fiume, che prima entra nell'alveo comune, mantiene il suo filone a rispetto della corrente di quello, che sopravviene, benchè qualche poco alterato dalla primiera situazione.

Corollario VII.

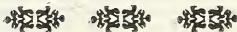
Gli sbocchi de' fiumi nel mare, sono pure obbligati a secondare le correnti di esso, siano queste, o perpetue, o cagionate temporaneamente da' venti; quindi è, che i fiumi della Romagna, e del Ferrarese, rivoltano gli sbocchi a destra, perchè la corrente dell'Adriatico rade il lido dell'Italia partendosi da

da Venezia verso la terra di Bari; ed in altri luoghi i venti burrascosi obbligano i fiumi ad aprirsi nuove foci in luoghi coperti, o secondanti la furia di essi. Vero è, che le correntie del mare, se sono lente, non hanno gran forza per cagionare l'effetto predetto; ma pure, quando nulla viosti, non lasciano di fare quello, che possono.

Corollario VIII.

E perchè nelle foci de' fiumi influenti, per lo più, si fanno de' vortici, e per conseguenza de' gorgbi; sono frequentemente gli sbocchi di detti fiumi, altrettanto chiamate al filone del recipiente, per ispingerli alla parte di essi: contrasta però sempre la forza dell'influente per ribatterlo, almeno tanto da insinuarsi colle sue acque tra 'l filone del recipiente, e la di lui sponda contigua, pressochè la quale, come si è detto di sopra, durano per qualche spazio a correr separate dalle altre; e lo stesso si osserva anche negli sbocchi al mare, quando qualche vento obbliga l'acque di questo, a prendere corso verso una parte determinata.

Dalla mala situazione degli sbocchi, si vede chiaramente, che deono molte volte succedere effetti dannosi, i quali mettono in pericolo gli argini, ed alle volte cagionano delle inondazioni, il che dal volgo viene attribuito alla resistenza, che incontra il fiume influente allo sbocco; e perciò meglio farebbe, in tal caso, provvedere il fiume influente di una foce di buona direzione, che d'intraprendere, o ostinatamente di conservare la mala situazione dello sbocco, o di fare delle diversioni dispendiosissime, e alle volte male intese. Tale è il fine della natura, nell'aprire che fa molte foci ad un fiume solo: benchè rare volte si serva di tutte per iscarico dell'acque di esso, eleggendo, secondo le occasioni, quella, per la quale è più facile, e più spedito lo sfogo; e ciò principalmente si osserva a' liti del mare, l'onde del quale, per causa de' venti, ora scorrono ad una parte, ora ad un'altra. Si dee però avvertire, che la mutazione degli sbocchi si faccia col minore allungamento di linea, che sia possibile, per non fare elevar di troppo il fondo del fiume, coll'allontanare la foce dal suo principio; essendo, come si è detto il fondo dello sbocco, la base, sulla quale s'appoggia la cadente di qualsivisium fiume.



CAPITOLO IX.

*Dell' unione di più fiumi insieme ,
e loro effetti .*

E UN artificio assai rimarcabile della natura quello d'accoppiare fiumi a fiumi, e di mandarli così uniti a sboccare nel mare; e talora è anche effetto di una necessità, che non permette il corso di un fiume, separato da quello d'un altro, siasi, o per l'intrecciamento, che porta seco la diversa direzione de' fiumi distinti; ovvero per lo pendio, che insegna la strada all'acque, per la quale possono avere lo sfogo più facile; anzi le obbliga molte volte a prenderne una determinata. Questa necessità però, o non mai, o rare volte, va scompagnata dall'utile, che apporta l'unione di più acque in un alveo solo, di maniera che pare solo istituita dalla natura, per servirsi di essa, come di un mezzo efficacissimo, per ottenere i vantaggi, che si diranno; e perciò può passare per una necessità artificiosa. Per assicurarsi di ciò, si prenda una carta geografica, nella quale siano delineati tutti i rivoli, torrenti, e fiumi, che tributano le loro acque ad un fiume reale, e nella medesima sia parimente espresso il corso di esso fino al mare; e si faccia prova di correggere gli errori, per così dire, che qualcheduno potesse credere, essere stati fatti dalla natura, nell'unire le acque di tutti que' fiumicelli in un solo maggiore; indirizzando perciò ogni corso di acqua a dirittura verso il mare. In ciò fare facilmente ognuno si chiarirà, qual esser dovrebbe l'ampiezza della superficie della terra, necessaria per tanti fiumicelli; quali gl'impedimenti, che frapporrebbero al commercio le intersecazioni moltiplicate dalle strade; quali ostacoli si opporrebbero agli scoli delle campagne; e quante altre cose difficolterebbero la medesima nuova delineazione sopra una carta, che non esige, nè considerazione di caduta, nè livello di piano di campagna, nè riflesso alcuno a' luoghi, dov'essa maggiormente decliva col pendio, o ad alcuna delle altre circostanze, che sono altrettanto necessarie, quanto bene avvertite dalla natura nel regolare, che ha fatto, il corso de' fiumi: e tanto, cred'io, potrebbe bastare per disingannare quelli, che pretendono, che la buona regola della condotta delle acque sia, d'incamminare i fiumi al mare per linea retta, come per la più breve, sull'unico fondamento della nota proprietà del triangolo, due de' cui lati presi insieme, sono sempre maggiori del terzo; stimando essi perciò essere un errore di natura il portarsi di un fiume a scaricarsi in un altro, e per esso al mare, cioè per due linee, quando senza tale unione, potrebbe per una sola linea, dotata conseguentemente di maggiore declività provvederli di alveo, e di sbocco, secondo il loro credere, proporzionati al bisogno.

Per fare anche meglio apparire l'artificio della natura, trasandando per ora la necessità, che dipende da varj principj, secondo la diversità delle circostanze, ci daremo a spiegare, e dimostrare le utilità, che risultano dall'unione di più fiumi in un sol alveo, e gli effetti ad essa succedenti.

PROPOSIZIONE I.

Se faranno due fiumi eguali di larghezza, e profondità, ed affatto simili l'uno all'altro, i quali scorrano, e sbocchino separatamente nel mare; sarà la somma delle loro larghezze maggiore di quella, che avrebbero, se uniti insieme correßero dentro un sol alveo.

Fig. 50. Siano i fiumi l'uno A B C D, l'altro C D E F, de' quali le larghezze A C, C E siano eguali; e siano, nelle altre circostanze tutte, affatto simili, cioè di eguale profondità, di equal corpo d'acqua, di eguale caduta ec. e s'intenda, che questi due fiumi corran paralleli, l'uno all'altro, separati solamente dalla sponda comune C D, che supponga, per esempio, un argine. Dico, che la somma delle larghezze A C, C E sarà maggiore, comendo i fiumi separati, di quello sia per essere, se levato l'argine C D, s'unirà il corso del fiume A D con quello di C E.

Poßiachè egli è certo, che, attesa la resistenza della sponda C D, l'acqua tanto d'un fiume, che dell'altro sarà vicino ad essa impedita nel suo corso; e perciò il filone sarà v. gr in G, ed H: ma levato l'argine C D, cioè a dire tolta di mezzo la resistenza della sponda C D, si ridurranno i due filoni in un solo, che sarà in C D, come parte dell'alveo più lontana alle sponde A B, E F; farà dunque in C E la maggiore velocità del fiume, e sarà anche maggiore di quello fosse prima in G, ed H: atteßa la maggiore distanza del filone C D dalle sponde: e perchè l'acqua de' due fiumi separati corre impedita dalla resistenza di quattro sponde; e quella de' medesimi uniti non patisce la resistenza, che di due sole, la quale si rende anche minore nel luogo del filone; ne segue, che quanto di velocità s'accresce all'acqua nella parte C D, tanto ne scemi vicino alle sponde A B, E F; adunque, essendo l'acqua torbida, si faranno deposizioni alle ripe, e la larghezza dell'alveo A E renderassi minore. Il che ec.

In questa dimostrazione non si è considerato, che il solo accrescimento di velocità, nato dalla rimozione dell'impedimento della sponda comune C D; e tanto bastava per dimostrare il restringimento dell'alveo; ma se metterassi a conto il profondamento maggiore, che succederà al fondo dell'alveo, tanto minore sarà la larghezza, alla quale si ridurrà il fiume unito.

La verità di questa Proposizione, si prova anche coll'esperienza, se si misureranno le larghezze di tutti i fiumi, che unendosi formano un fiume maggiore, si troverà infallibilmente, che esse insieme unite, superavano quella del fiume maggiore, come nota il P. Castelli al Corollario XI. essere stato fatto, e trovato dal Fontana nel misurare i fiumi, e i fossi, che mettono foce nel Tevere, e nel paragonarli all'alveo di questo, e particolarmente all'apertura del Ponte Quattrocapì.

PROPOSIZIONE II.

I predetti due fiumi uniti, maggiormente profonderanno il loro alveo, che non farebbero correndo separati.

Fig. 50. Ciò è manifesto; perchè si è dimostrato nella Proposizione antecedente, che il filone C D del fiume unito, correrà più veloce, che i filoni G, H, de' fiumi separati; adunque, supponendo, che la materia, che compone il fondo, sia della medesima natura di prima, dovrà ella cedere alla velocità

tà accresciuta, e per conseguenza l'alveo siprofonderà; ma profondandosi, acquisterà l'acqua maggiore altezza, e per conseguenza maggiore velocità; adunque tanto maggiormente potrà ella corrodere il fondo, ed abbassarlo; E perchè profondandosi l'alveo del fiume, e correndo l'acqua in maggior copia, e con maggiore velocità nel mezzo, di quello, faceva prima, è necessario, che il moto dell'acqua vicino alle sponde si ritardi; ne seguiranno, per questo capo, nuovi restringimenti. E perchè quanto le sezioni d'un fiume sono più strette, tanto guadagnano in profondità; contribuirà l'angustia della sezione a rendere più profondo l'alveo: e per conseguenza tanto continuerà a profundarsi, e ristringersi il fiume, fin che equilibrandosi la resistenza delle ripe, e del fondo colla forza dell'acqua, si stabilisca l'alveo, come si è detto *nel Cap 5.* Saranno adunque le profondità de' fiumi uniti, maggiori di quelle de' solitarij, e disuniti. Il che ec.

Per un'altra ragione deono profundarsi gli alvei de' fiumi uniti, ed è, che richiedendo essi sbocco maggiore nel mare, non solo deesi esso rendere più grande in larghezza, ma ancora in profondità. Ma sopra degli sbocchi più profondi disposte delle cadenti, anche egualmente, non che meno declivi, lasciano il fondo del fiume più basso; adunque i fiumi uniti richiederanno l'alveo più profondo, non solo per la minore declività, che loro compete; ma anco per la maggiore bastezza del fondo dello sbocco.

Corollario I.

Dalla predetta dimostrazione evidentemente apparisce, che le larghezze de' fiumi uniti saranno anche minori della somma de' disuniti, non solo per la mancanza delle resistenze, minori ne' primi, che ne' secondi; ma anche per la maggiore profondità, e velocità dell'acqua degli uniti.

Corollario II.

E' anche chiaro, che le sezioni de' fiumi uniti saranno sempre minori della somma delle sezioni de' disuniti, perdendosi molto più in larghezza, di quello che s'acquitti in profondità; posciachè dovendo le sezioni essere reciproche alle velocità medie, e riuscendo queste maggiori col profundamento dell'alveo; ne segue, che le sezioni debbano restare minori.

Corollario III.

E perchè moralmente è impossibile, che tutti i fiumi tributari entrino in un tempo colle loro acque nell'alveo del recipiente, osservandosi, che per lo più succedono l'uno all'altro; di modo che di già sarà passata la piena di un fiume influente, quando arriva quella di un altro; perciò non è necessario, che la sezione del fiume maggiore sia equivalente alla portata dell'acqua delle piene di tutti i fiumi influenti; e conseguentemente le sezioni di esso riusciranno, anche per questo capo, minori della somma delle sezioni degl' influenti.

PROPOSIZIONE III.

Ne' medesimi supposti, non solo s'escaverà il fondo del fiume unito, dopo l'unione; ma ancora siprofonderanno gli alvei de' fiumi confluenti, avanti dell'unione.

Sia la cadente della superficie del fiume influente F B; e quella del fiume unito, o del recipiente B C, e la profundità dello sbocco B D; e sup-
 Fig. 51. pongasi, che unito il fiume F D con un altro simile, ed eguale, dopo la confluenza siasi profundato in B G, secondo ciò, che si è dimostrato nella Proposizione antecedente, disponendoti il fondo nella linea G H, la quale sarà meno declive, che la E D, che si suppone la cadente del fondo, che averebbe il fiume, se da se, senza unione di altri, sboccasse nel mare. Perchè adunque l'altezza dell'acqua nel fiume unito B G, dovrà essere maggiore, che nel disunito B D, sarà la differenza D G, e perchè i due fiumi, che compongono il fiume unito B H, si suppongono eguali, e simili, dovrà il fondo d'ognuno di essi essere unito al fondo G H; e perciò il fondo dell'influente E D, non potrà essere mantenuto in I D, ma dovrà andare ad unirsi col punto G; e perchè le condizioni del fiume E D, richiedono la declività di E D, sarà necessario, che la cadente di esso, prima del sito dell'unione, sia una linea, come I G, parallela alla E D; e perciò bisognerà, che il fondo E D s'abbassi in I G. Il che ec.

Corollario I.

E perchè gli sbocchi sono i fondamenti delle cadenti superiori ad essi; benchè anco il fiume influente fosse minore del recipiente, nondimeno, quando lo sbocco del primo o nel secondo dovesse restare più basso, che se corresse da sé al mare, proporzionalmente si escaverrebbe il fondo del fiume influente, come si è dimostrato nel Capitolo ottavo.

PROPOSIZIONE IV.

Supposte le medesime cose, la cadente del pelo d'acqua del fiume unito sarà sempre meno inclinata all'orizzonte, di quella del fiume disunito.

Ciò è manifesto, sì per la maggiore abbondanza dell'acqua, che in maggior quantità, sempre fa maggiore sforzo per ridursi all'equilibrio col pelo d'acqua del suo recipiente; sì per le ragioni seguenti. Poichè i fiumi, quando sono maggiori, hanno regolarmente maggiore larghezza di alveo; e perciò hanno minori, in proporzione, le resistenze; e conseguentemente, in parità di circostanze, maggiore velocità, alla quale susseguendo maggiore scarico; ne deriva in conseguenza minore l'altezza dell'acqua sopra la superficie del recipiente. Ma disponendosi seriatamente altezze minori dallo sbocco in su, ne nasce minore la declività della superficie; e conseguentemente i fiumi, quando saranno maggiori, tanto minore avranno la declività del loro pelo; ed essendo i fiumi uniti, maggiori, che i disuniti, sarà la cadente del pelo de' primi, meno declive della cadente del pelo de' secondi. Il che ec.

La seconda ragione si desume dalla minore declività del fondo ne' fiumi uniti, che ne' disuniti; i quali perciò ne' siti omologhi, sono più vicini al gen.

centro della terra. Ma l'acque, che corrono sopra fondi più bassi, restano altresì più basse di superficie; adunque i fiumi uniti saranno più bassi di pelo. E perchè la cadente del pelo d'acqua dee regolarmente sempre andare ad unirsi col pelo del recipiente, che si suppone, nell'uno, e nell'altro caso, invariato, ne segue, che tirate due linee da' predetti siti omologhi, ma da altezze disuguali, sarà meno declive quella, che avrà il termine più basso, cioè quella, che sarà propria del fiume unito.

Può alcuno dubitare, se sia vero, che l'acque correnti sopra fondi più bassi restino colla superficie anche più bassa ne' siti omologhi, cioè egualmente distanti dallo sbocco; perchè quantunque sia vero il primo, può però l'aumento dell'acqua essere tanto, che richieda altezza di corpo maggiore di quello, che la medesima altezza, e velocità susseguente possa produrre di profondità nell'alveo. E certo, se si supponesse, che un fiume corresse per un alveo, le cui sponde, e fondo fossero molto resistenti, potrebbe darsi il caso, che la superficie dell'acqua nel fiume unito fosse più declive, che se non v'entrasse alcuno degl'influenti. L'esperienza però fa vedere, che negli alvei fatti di terra, più può, per escavare il fondo, ogni poco di velocità aggiunta, che per elevare la superficie la copia dell'acqua influente; e perciò, sebbene l'abbondanza dell'acqua fa crescere l'altezza della sezione; l'abbassamento però del fondo supera il di lei effetto, e le piene restano più basse di superficie ne' fiumi uniti, che ne' disuniti.

Se si considera inoltre, che gli sbocchi de' fiumi dentro il mare, sono impediti; e perciò bisogna, che si allarghino, e si profundino più di quello, che richiederebbe la quantità dell'acqua, che passa per essi, non essendo impedita; facilmente si persuaderà ognuno, che crescendo l'acqua nel fiume, dovrà di molto abbassarsi il fondo dello sbocco; e per conseguenza anche il fondo del fiume; e per lo contrario, non essendo molte volte sensibile l'alzamento della superficie dell'acqua del medesimo, chiaramente si manifesta, quanto prevalga l'escavazione del fondo, e la maggiore larghezza dell'alveo, all'accrescimento dell'altezza dell'acqua in una data sezione di fiume.

In prova di tutto ciò si può aggiungere un fatto evidentissimo. Correva sul principio del secolo presente il fiume Lamone dentro il Po di Primaro, vicino alla Villa di S. Alberto: dal qual luogo fu divertito, e mandato a sboccare da se solo nel mare Adriatico. Quello, che n'è seguito si è, che il detto fiume ha così elevato il proprio fondo, che in oggi, a dirittura di S. Alberto, resta più alto del pelo delle piene del Po predetto; e per conseguenza il pelo delle di lui piene riesce tanto più alto, ed ha bisogno di argini altissimi, per essere mantenuto nel suo letto. Ciò supposto, si può discorrere così: Se l'acque di detto Po di Primaro si dividessero in tanti fiumi, eguali al Lamone, e si mandassero a sboccare per più alvei nel mare, certa cosa è, che in ciascheduno di essi succederebbe l'effetto medesimo, ch'è succeduto al Lamone; adunque le piene di essi si vedrebbero molto più elevate di pelo, che non sono ora quelle del Po di Primaro; e per lo contrario, se detti alvei così divisi, si tornassero a riunire nell'alveo del Po di Primaro, non oltrepasterebbe la di lui piena il segno, al quale in oggi si eleva; adunque più fiumi uniti farebbero delle piene meno alte di superficie, di quello faccia uno di loro disunito. E perciò è evidentissimo, che i fiumi uniti hanno la cadente pel pelo d'acqua, più bassa, e meno declive di quello, che l'abbiano i fiumi disuniti.

Corollario I.

Lo stesso si verifica rispetto a' fiumi maggiori, i quali, siccome sono meno declivi di fondo; così hanno la superficie meno inclinata all'orizzonte, se si paragonino gli stati simili: cioè, o nelle massime altezze d'acqua, o nelle massime bassezze, o in istati d'acqua proporzionalmente distanti dall'uno, e dall'altro degli estremi predetti. Ciò pure è manifesto per l'esperienza; atteso che, se si prenderanno due fiumi correnti al mare, l'uno, e l'altro nella sua piena massima (col pendio della quale vuol camminare il piano superiore degli argini) e se si livellerà, o la superficie della piena, o il piano predetto degli argini, sempre si troverà, che maggiore sarà l'inclinazione ne' fiumi minori, che ne' maggiori.

Corollario II.

Ed essendo ciò vero, anco rispetto alla cadente dell'acqua bassa, ne segue, che le campagne molte volte potranno avere lo scolo ne' fiumi grandi, e loro sarà negato ne' minori; e perciò giova in molti casi, per dare lo scolo alle terre, che per altro non potrebbero averlo, unire insieme più fiumi; perchè abbassandosi con ciò il fondo del fiume unito, e la di lui superficie in acqua bassa, o ordinaria, potranno le terre scolarvisi dentro.

Corollario III.

E perchè (sebbene ne' fiumi influenti non si altera così considerabilmente la cadente del pelo, tanto alta, che bassa) si profonda l'alveo, e conseguentemente il pelo dell'acqua bassa ec. potranno anche negli alvei di questi, quando l'abbassamento sia sufficiente, ottenere lo scolo le campagne contigue.

Corollario IV.

Similmente, perchè le piene de' fiumi influenti debbono, portare la loro superficie ad unirsi con quella della piena nel tronco comune de' fiumi uniti, e dovendo ella avere una determinata pendenza; ne segue, che abbassandosi la superficie della piena del fiume unito, resterà anche più bassa quella della piena del fiume influente; e perciò non avrà bisogno di argini tanto alti, quanto richiederebbe, se dovette portarsi da se solo al mare.

Corollario V.

E tanto meno alti si richiederanno vicino allo sbocco, e per quanto può durare il rigurgito del fiume recipiente; perchè trovandosi in questo tratto tutte le sezioni dell'alveo maggiori di quello, richiede la quantità dell'acqua, che vi passa (come che questa ha la sua velocità impedita) ne segue, che la cadente della piena sarà meno inclinata in questo pezzo d'alveo, che nel restante più alto; e perciò gli argini, in detta parte, si richiederanno più bassi.

Co.

Corollario VI.

Potendo molte volte incontrarsi, che l'unione di più fiumi in un alveo solo, lo scavi talmente, che la superficie delle piene non giunga al piano della campagna: perciò, in tal caso non sarebbe necessaria alcuna costruzione d'argini, e si provvederebbe a tutti que' danni, che portano seco le rotte de' medesimi: insomma si riceverebbero tutti que' vantaggi dall' unione, che procedono dall' avere il fiume incassato piuttosto, che arginato.

Corollario VII.

Perchè *l'acque unite* corrono con maggior corpo, e perciò con maggiore profondità, e sboccano al mare con foce più ampia, più profonda, e più libera; perciò *formano porti*, e *si rendono navigabili per buon tratto*; al che contribuisce ancora la poca declività della superficie del fiume, che rende più facile il navigare contr'acqua. Qual'utile apportino le navigazioni alle Provincie, non è quel luogo di parlarne, come d'un punto affai noto; sapendosi, che molte Città debbono la loro origine, accrescimento, e conservazione a tale prerogativa.

Tutto ciò, che finora si è detto, si dee intendere, quando i fiumi siano stabiliti d'alveo, e portino acque torbide, che possano contribuire al loro stabilimento; e perciò non è applicabile a' condotti dell' acquepiovane, le superficie delle quali, o per essere chiare, o perchè gli uomini hanno l'attenzione di mantener loro scavati gli alvei, a misura della necessità, regolarmente sono più basse (anche nelle loro maggiori escrescenze) delle piene de' fiumi. Si dee parimente avvertire, che *quantunque tutti i predetti buoni effetti si verificano nel tronco del fiume unito, non è però necessario che succedano sempre negli alvei di quelli, che si portano all' unione*, potendo darli il caso, che riesca di maggior utile il portarsi un fiume da se al mare, che l'unirsi con un maggiore; dipendendo la determinazione del vantaggio, o svantaggio, da diverse circostanze, che meritano di essere esaminate; come sono, per esempio, la situazione del fiume, che si vorrebbe unire al maggiore; la condizione della campagna di mezzo, e degli scoli di essa: e la caduta, esito, e distanza della foce, poichè, se la di lui linea, fino allo sbocco, fosse più breve, e con caduta al mare maggiore di quella, che può avere sul pelo basso del fiume, col quale si pretendesse di unirlo; egli è certo, che niun buon effetto si potrebbe sperare nell'alveo di esso, benchè fossero per succedere tutti gli accennati nell'alveo di quello, che lo ricevesse. Anche però in questo caso può succedere, che torni il conto di fare l'unione di due fiumi; come, se lo sbocco al mare fosse impedito o in una spiaggia di poco fondo: e che perciò lasciasse luogo di dubitare che il prolungamento della linea, potesse in breve togliere la necessaria caduta al fiume, o pure s' egli portandosi al mare a dirittura, dovesse passare per siti bassi, che richiedessero grand' elevazione di argini, e simili. In somma è necessario un ben pesato giudizio di tutte le circostanze, ed una ben distinta cognizione di ciò, che succede all' unione de' fiumi, prima di determinare i quali siano i benefizj, che possono ricavarli, dal mandare un fiume a sboccare nel mare, o pure in un altro maggiore.

Ecco adunque quanto bene la natura provveda, mandando i fiumi ad unir-
 A a z fin-

fi insieme, a molti pregiudizi, che succederebbero alla loro disunione, e che di fatto sono molte volte succeduti, quando diversi accidenti hanno tenuti separati i fiumi, l'uno dall'altro. Era piena la Lombardia, ne' contorni di Piacenza, di rami moltiplicati del Po, e de' fiumi a lui tributari, che la tenevano tutta ripiena di paludi; quando Emilio Scauro, riducendoli tutti in un sol tronco, bonificò quel paese, e lo rendette abitabile. È tal volta gli uomini, ingannati dall'apparenza, hanno pensato di sgravare gli alvei de' fiumi maggiori dall'acque, che si credevano soverchie, e lo hanno fatto col divertire qualche fiume, o torrente solito a sboccare in esso; non hanno tardato molto a sentirne i cattivi effetti: testimonj di ciò ne possono essere i Ravennati, per la diversione sopraddetta del Lamone dal Po di Primaro; e gli abitatori della Romagna bassa, per le diversioni de' fiumi Santerno, e Senio; nè lasciano i Ferraresi di sentire gli effetti dell'alzamento del fondo, e delle piene del Po di Primaro, seguito non solo per la rivolta di tutto il Po grande nel ramo di Venezia: ma anco per la rimozione de' fiumi predetti dal di lui alveo.

Io non intendo perciò di riprovare le risoluzioni di tutti quelli, che divertiscono acqua da' fiumi, siasi, o per irrigazioni, o per condotta di canali navigabili da un luogo all'altro; perchè vi sono de' fiumi, che lo permettono senza danno notabile: tali sono per lo più, (1) quelli, che corrono chiari; atteso che, per difetto di materia, non possono nè elevarsi, nè ristringersi l'alveo; (2) quelli, che corrono per campagne alte di superficie, rispetto al fondo del fiume; poichè, benchè questo qualche poco si elevi, tale alzamento poco, o nulla pregiudica (3) quelli, che hanno grandissima abbondanza d'acqua, di maniera, che la parte divertita non abbia sensibile proporzione colla rimanente [4] quelli che portano materia sottile, la quale non richiede molta velocità per essere portata fino allo sbocco (5) quelli, ch'entrano nel mare in luoghi, ne' quali i flussi, e i riflussi sono molto grandi; poichè l'acqua del mare, che nel tempo del flusso entra negli alvei de' fiumi, ritornando indietro nel tempo del riflusso, serve a tenere netto l'alveo dalle deposizioni: al che mi do a credere, s'appoggi la durabilità de' molti canali navigabili, che si trovano nell'Olanda, e in altri luoghi.

In contrapposito de' benefizj, che apporta l'unione de' fiumi, vi è qualche danno da non trasandarsi in questo luogo; poichè (1) i fiumi uniti, che sono anche i maggiori, hanno le tortuosità più grandi di giro; e perciò qualunque volta si danno a corrudere una ripa, riesce più difficile, o almeno più dispendioso il difenderla; di modo che in casi simili sovente accade, che si stimi minor danno il ritirarsi indietro con gli argini, che l'impedire con opere manufatte l'avanzamento della corrosione. Questo danno però viene in parte ristorato dal fiume medesimo; perchè quanto escoleva di terreno da una parte, tanto ne aggiunge colle alluvioni dall'altra. (2) Accadendo una rotta negli argini di un fiume grande, occuperanno le di lui acque uscite dall'alveo, più grande ampiezza di terreno, che se fosse succeduta in un fiume picciolo; e perciò potranno essere causa di danni maggiori [3] Queste rotte, come che riescono di più ampia apertura, portano maggior dispendio, e molte volte più difficoltà in chiuderle, secondo le circostanze (4) Quello, che è più notabile in questo particolare, si è ciò, che dà motivo alla seguente proposizione.

PROPOSIZIONE V.

Se un fiume maggiore correrà con poca caduta, e dopo lasciata di portare ghiaia, se gli unirà un fiume, che ne porti dentro il di lui alveo; sarà il fiume maggiore obbligato, o a mutar corso, o ad elevare il proprio fondo nelle parti superiori.

Poichè egli è evidente, che l'acqua d'un fiume, benchè mossa con velocità considerabile, non può spingere molto all'innanzi un sasso gettatovi dentro, se non ha molta caduta nel fondo dell'alveo, e particolarmente se il fondo predetto non sarà resistente. Vero è, che sul principio, e per poca quantità, la forza dell'acqua, scavando d'intorno al sasso il terreno, lo seppellirà in esso: ma finalmente non potendo detto sasso essere profundato all'ingiù fino al centro della terra, converrà, che il primo sasso seppellito arrivi ad un sito, sotto del quale non possa passare; e perciò potranno bene, sopra di esso, sostenersi altri sassi, che basteranno a riempire tutto il sito fino al piano del fondo del fiume, ma non più, nel qual caso non potendo più profundarsi il sasso, nè smaltirsi lungo il corso dell'acqua, attela la poca declività del fondo dell'alveo, converrà, che entrati i sassi nell'alveo del fiume maggiore, ivi si fermino, e comincino ad elevare il fondo, per formare quella pendenza all'alveo, che è necessaria per impellere avanti i sassi, e le ghiaie, avendo riguardo alla forza dell'acqua del fiume unito, non più a quella dell'influente; ed in questo caso, facendosi come una chiusa di sassi attraverso dell'alveo del fiume unito, converrà che la di lui acqua, nella parte posteriore, si elevi di superficie, per potere sormontare col suo corpo l'impedimento de' sassi portati dal fiume influente; e restando l'acqua del fondo, per causa dell'impedimento medesimo, priva, o rallentata di moto; ne seguirà, che ivi si faranno delle deposizioni; e per conseguenza il fondo dell'alveo s'eleverà, tutto al contrario di quello, che succederebbe, se il fiume influente portasse materia; omogenea a quella, che porta il fiume unito in dirittura dello sbocco; e la ragione di questa diversità si è, che nell'ultimo caso l'unione de' fiumi accresce forza, ma non aggiunge impedimento; ma nel primo aggiunge più impedimento, che di forza; e se accadeisse, che tanta fosse la forza, quanto l'impedimento accresciuto, allora non si altererebbe in conto alcuno il fondo del fiume unito.

Tal elevazione di fondo nelle parti posteriori dell'alveo suppone una condizione difficile da ottenersi; ed è, che la ripa opposta allo sbocco del fiume influente resista alla corrosione; altrimenti, deponendosi il sasso dalla parte dello sbocco, e spingendosi avanti a scarpa verso la ripa opposta, lascerà il fondo maggiore della sezione dalla parte di essa ripa; alla quale perciò voltandosi il filone dell'acqua, comincerà ad aprirsi il passo verso quella parte, cagionando un giro di corrosione, per lo quale, appoco appoco, volterassi tutta la corrente del fiume, proporzionandosi l'alveo in quel sito; al che seguirà, che il fiume influente prolungherà la sua linea, formandosi l'alveo dentro le ghiaie deposte nel sito vecchio del fiume maggiore, e s'aprirà nell'alveo di esso un nuovo sbocco. E qui nuovamente si torneranno a produrre i medesimi effetti di prima, rispingendosi sempre la corrente del fiume maggiore al lato opposto, e facendo nuove corrosioni; e tutto ciò s'anderà continuando, fin che il fiume tributario si farà prolungata la linea tanto, che cessi dal portar ghiaia nell'alveo del fiume, dentro del quale deve egli avere l'ingresso. Il che ec.

Da questo principio mi do io a credere, proceda, che i fiumi reali, i quali ricevono il tributo di altri fiumi minori, se corrono per pianure, tengano la loro corrente lontana dalle radici de' monti; poichè, siccome può essere, che il Po, per esempio, abbia avuto una volta il suo corso vicino, o agli Appennini, o agli Euganei [dal che non discordano le tradizioni de' popoli, e le notizie, che dello stato antico di esso s' hanno dall' istorie] così può esserne stato rispinto, nella maniera predetta, da' fiumi, che scendono da essi, e che allora solo abbia trovato un sito stabile, quando trovato, quasi in mezzo della gran valle della Lombardia, s'è assicurato, che non entrino nel di lui alveo sassi, e ghiaie portate da' fiumi influenti; ed in fatti s' osserva, che dopo, che il Po lascia di correre in ghiaia, non ne riceve più di sorta alcuna da' fiumi tributarj.

Da questa medesima causa può anche nascere la tortuosità, o piuttosto l' obliquo, e serpeggiante corso di alcuno de' fiumi reali; poichè, come si è detto, dovendo essere rispinta da' sassi la corrente di esso, fino ad essersi sufficientemente prolungata la linea del fiume influente (per esempio, essendosi rivoltato in C D E, l' andamento del fiume reale, fino a dar luogo al necessario allungamento della linea del fiume A B fino in B, che sia l' ultimo termine delle ghiaie) può darsi il caso, che il fiume G F, anch' esso, richieda il prolungamento G F fino al punto F, supposto esso pure l' ultimo termine della portata de' sassi; nel qual supposto è evidente, che il corso del fiume C E F non potrà passare tra F, e G, ma necessariamente dovrà essere rispinto in E F; e per la stessa ragione potrà dal fiume H I essere nuovamente rispinto in F I, di modo che il fiume reale prenda, per tali cause, il corso serpeggiante C D E F I, che in questo caso, non sarà un errore di natura; ma bensì un rimedio necessario a provvedere a quegli sconcerti, che senza detta tortuosità, necessariamente succederebbero.

Da questa considerazione si cavano alcuni avvertimenti necessari; il primo de' quali è, di non introdurre mai alcun fiume, che corra in ghiaia, dentro l' alveo d' un fiume reale, che abbia il fondo arenoso, o limoso; (2) di non abbreviare mai la linea a que' fiumi influenti, che portano il sasso assai vicino alla propria foce (3) che le corrosioni delle ripe de' fiumi reali, prodotte da' sassi, portati dentro de' loro alvei da' fiumi tributarj, sono irrimediabili, ed è opera, e spesa egualmente inutile, che danno al corso del fiume reale, l' ostarvi. (4) che, quando sia cosa possibile, torna più a conto, o portare più basso la foce del fiume influente; o allungargli la strada colle tortuosità, per fargli deporre il sasso, prima dell' introduzione.

Noi abbiamo detto nel principio di questo Capitolo, che molte volte l' unione de' fiumi è fatta per una necessità di natura. Ciò è manifesto in tutte le congiunture; perchè non essendo altro la natura, che la combinazione delle cause operanti, senza la direzione artificiosa della mente umana; tutte le volte, che più fiumi si sono uniti insieme senza opera di uomini, ciò è succeduto per virtù di cause necessariamente operanti, le quali sempre agiscono verso quella parte, dove trovano maggiore facilità. E perchè, come si è fatto vedere, i fiumi, quanto sono maggiori, tanto più facilmente smaltiscono le proprie acque; perciò quelle, che scorrono sopra la superficie della terra, si sono portate ad introdursi ne' fiumi grandi, facendo prima picciole unioni, e poi maggiori, fino al formarli gli alvei de' fiumi reali. Tale necessità però molto si manifesta ne' fiumi, che scorrono fra le montagne, dalle radici delle quali sono sforzati i fiumi a scorrere verso una parte determinata, cioè verso quella, dove si trova l' apertura di esse, che dà

dà l'uscita al fiume medesimo; e pereid i fiumi, che scorrono fra' monti, seguitano, tanto nel loro corso, quanto nelle unioni, la direzione delle valli formate dalle montagne; sianli esse valli effetti del corso de' fiumi, o pure formate dalla natura prima d'essi; e perciò non si uniscono i fiumi insieme, prima che una valle non sia aperta in un'altra, se pure non vi siano condotti sotterranei, per li quali possano i fiumi avere il loro esito. Gli effetti però sono i medesimi, tanto ne' fiumi, che scorrono fra le montagne, quanto in quelli, che per le pianure si portano al mare; nè variano in altro se non in ciò, che i primi hanno il sito de' loro alvei più determinato, e ristretto fra le radici de' monti; ma i secondi possono variar corso da un luogo all'altro, portandolo ora più a Levante, ora più a Ponente; e perciò pochi sono i luoghi della Lombardia, che in un tempo, o in un altro non siano stati bagnati dalle acque del Po, di cui, anche in oggi, si vedono tante vestigia di alvei derelitti.

Tutto il soprad detto appartiene principalmente agli effetti, che s' osservano negli alvei de' fiumi uniti; ma per quello, riguarda le alterazioni, che arrivano all'acqua corrente per essi, si dee distinguere; perchè, o si parla degli sbocchi, e di ciò abbiamo trattato nel Capitolo antecedente, siccome di quello, che accade a' fiumi tributari; o pure si discorre degli effetti dell'acque accomunate con quelle del recipiente, e di già abbiamo detto, che la direzione dello sbocco fa diversi effetti; onde resta da discorrere dell'alzamento, che fanno i fiumi influenti nel recipiente, il che procureremo di fare nel seguente Capitolo.



CAPITOLO X.

*Dell' escrescenze, e decrescenze de' fiumi,
e della proporzione, colla quale s'
aumentano l'acque de'
medesimi.*

POchi, per non dir niuno, sono i fiumi, che corrono sempre colla medesima quantità d'acqua, senza accrescimento, o diminuzione; se pure non sono canali regolati, ne' quali s'attemperi l'introduzione dell'acqua con diverse fabbriche, o diversivi; il che anche riesce d'una somma difficoltà, particolarmente senza una continua vigilanza, ed assistenza alle macchine regolatrici. Gli altri tutti s'accrescono d'acqua per diverse cagioni. Ma qui si dee per maggiore chiarezza distinguere; perchè o si parla della quantità assoluta dell'acqua, o pure della sezione, che occupa nel passaggio, per un dato sito del fiume. Se si parla della *quantità assoluta dell'acqua*, non v'ha dubbio, che questa *si accresce per lo maggiore vigore delle sorgenti; per la quantità delle piogge; per le nevi liquefatte; e per l'acqua de' fiumi influenti ec.* ma se si discorre dell'area della sezione, che occupa, oltre le predette cagioni, può concorrervi il *risugno del mare, o de' fiumi maggiori*; ed anche, sebbene insensibilmente, la *forza del vento contrario alla corrente; il restringimento dell'alveo*; e generalmente tutti gl'*impedimenti inferiori*, che levano la velocità al corso del fiume.

L'accrescimento d'acqua ne' fiumi, per causa delle sorgenti più abbondanti, rare volte è repentino; ma per l'ordinario si fa gradatamente, e per lunghi intervalli di tempo. Non così quello, ch'è prodotto dalle *piogge, e dalle nevi liquefatte*, le quali *fanno crescere ad un tratto i fiumi minori*, benchè (di rado incontrandosi, che i fiumi influenti s'accrescano tutti in un tempo) non procedano a proporzione le piene de' fiumi maggiori. Questi, se hanno lungo tratto, *possono aumentarsi d'acqua nelle parti più vicine allo sbocco, senz'alterarsi nelle più lontane*; perchè può darsi il caso, che l'acqua delle piogge faccia crescere un fiume influente inferiore, e che, non pioven-do nell'istesso tempo in quel tratto di paese, che tramanda le sue acque ad un altro superiore, questo non si alteri dal suo stato ordinario; siccome può anche succedere, che cresca il fiume nelle parti superiori, e non ricevuti motivi d'accrescimento da' fiumi inferiori; ma non perciò *faranno essenti dall'escrescenza le parti più basse dell'alveo*. Ciò d'ordinario succede nella liquefazione delle nevi, la quale facendosi ne' monti più alti solo l'estate, e scalfando il scirocco, i fiumi inferiori, che d'ordinario nascono dalle montagne più basse, nelle quali si disfanno più presto le nevi, non possono a quel tempo per mancanza di queste, aumentarsi; ed ordinariamente, non succedendo l'estate piogge tali da far correre i fiumi gonfi, nè meno per causa di queste possono, moralmente parlando, venire le piene a' fiumi inferiori.

feriori. Quindi è, che attemperandosi l'accrescimento d'una causa, col difetto d'un'altra, ha ciascun fiume, siccome tutte l'altre cose, così il suo massimo stato, che non può eccedere naturalmente, cioè a dire i limiti del suo alzamento; e benchè non sia impossibile l'unione di tutte le cause, e l'accrescimento della loro energia, nulladimeno *sunt certi denique fines*, i quali trasgredendosi, succederebbero diluvi irreparabili, come quando s'aprirono le cateratte del Cielo, e gli abissi della Terra. Resti dunque determinato, che ogni fiume ha il suo termine d'altezza, oltre il quale non passano le di lui piene maggiori, ed al quale deono essere superiori le ripe, e gli argini del fiume, acciocchè non succedano inondazioni.

Non è perciò maraviglia, se le piene de' fiumi minori durano meno di quelle de' maggiori: perchè, accrescendosi i primi per l'escrescenze degl'influenti, che hanno gli sbocchi in poca distanza, l'uno dall'altro, corre poco divario dall'entrata di uno all'entrata dell'altro; e richiedendosi poco spazio di tempo, per la brevità del cammino, allo scarico dell'acqua introdotta in essi; al cessare della causa produttrice della piena, cessa altresì, poco dopo, la medesima; ma ne' fiumi maggiori, quando anche le cause operanti concorressero tutte in un tempo, i fiumi inferiori più presto si scaricherebbero; di modo che al sopravvenire della piena cagionata dall'influsso de' fiumi più alti, quelli avrebbero di già smaltite le proprie acque, e perciò non aggiungerebbero, più dell'ordinario, al fiume maggiore; ond'è, che frequentemente s'osserva, che al cessare della piena dell'ultimo influente, sopravviene quella dell'altro immediatamente superiore, e mantiene nel fiume recipiente quell'accrescimento, che non può essere effetto dell'influente inferiore; e così procedendo successivamente, chiaramente si vede, che tanto dee durare la piena, quanto basta per dare scarico a tutti i fiumi, che debbono tramandare le loro acque al mare in diverse distanze da esso.

Molto più durano le piene fatte dal disfacimento delle nevi, richiedendo queste lungo tempo al loro intero consumo, particolarmente, se esso dee succedere a forza di Sole, che non opera egualmente in tutte le parti delle montagne, che hanno le loro faccie esposte più, o meno a' raggi di esso; o pure opposte a' medesimi, e sono per lo più tali, che non ricevono il di lui calore, che dopo molte ore del giorno, e lo perdono molte ore prima della sera. Quindi è, che durando lungo tempo lo scioglimento delle nevi, durano a proporzione le piene de' fiumi, le quali, siccome non arrivano al mare il primo momento, che le nevi cominciano a disfarsi, ma addimandano lo spazio tal volta di molti giorni, ne' fiumi di lungo tratto; così non cessano immediatamente, dopo il totale consumo delle medesime, ma continuano qualche giorno dopo, quanto cioè ricerca l'acqua per arrivare al mare, per lo tratto dell'alveo, nel quale corrono. Da ciò si toglie la maraviglia, che ostentano alcuni, nel veder venire tal volta le piene de' fiumi a ciel sereno, e senza pioggia veruna, per ispiegare il quale effetto hanno indotte cause occulte, ricorrendo agl'influssi delle Stelle, ed alle cause universali.

Succede anche talvolta, che ne' siti alti d'un fiume venga una piena considerabile, e nelle parti inferiori non porga motivo di farvi sopra alcuna riflessione, tanto riesca ella moderata. Ciò succede, se la piena è fatta da' soli fiumi influenti superiori: perchè ne' proprj alvei, e nel tronco comune, può darli il caso, che formino una sezione assai alta; ma arrivandone i siti dell'alveo più dilatato, e non occupato in quel tempo dalle piene de' fiumi inferiori, è necessario, che per la larghezza della sezione, s'abbassi la superfic

ficie dell'acqua, e perciò non renda considerabile la piena. Ne' fiumi temporanei s'accoppia alla predetta, un'altra causa dell'effetto medesimo; ed è, che incontrandosi dopo una gran siccità, che il fiume s'accresca d'acqua, una parte di questa può essere imbevuta dal fondo, e dalle sponde dell'alveo, e fare l'effetto medesimo, che alle volte fanno le voragini incontrate per istrada da' fiumi; bisogna però, che l'acqua imbevuta dal terreno, abbia qualche manifesta proporzione a quella, che resta, acciò succeda l'effetto sensibile; che perciò non può osservarsi, che ne' fiumi piccioli, e nelle piene di poca durata.

Quando un fiume entra a correre nell'alveo d'un altro, se questo avrà il fondo, e le sponde stabilite, e proporzionate all'acqua di tutti gli altri fiumi, che dentro vi mettono, non v'è dubbio, che sarà crescere l'altezza della di lui acqua più, o meno, secondo lo stato, in che lo troverà. E' regola universale, ch'entrando i fiumi influenti in acqua bassa del recipiente, accrescono l'altezza di questa più, che non fanno in acqua alta, in maniera che il minimo accrescimento succede nelle piene più grandi del recipiente, e ciò, supposta la medesima quantità della piena dell'influente. Quindi è, che a stimare gli alzamenti, che fa un fiume in un altro, è necessario considerare lo stato di quello, che lo riceve. Similmente, se un fiume influente entrerà, colla sua piena torbida, in acqua bassa del recipiente, farà interrimenti nell'alveo di questo, sì nel fondo, che nelle spiagge; ma tali interrimenti, siccome si fanno nel proprio alveo da ciascun fiume, per causa delle piene minori, e nelle maggiori si consumano; così al sopravvenire d'una piena più grande nel recipiente, tutti gli interrimenti fatti dalla piena dell'influente, immediatamente si levano nell'atto di crescere, ch'ella fa successivamente; onde non è buon argomento, per determinare, se un fiume interrisca l'alveo di un altro, quello, che si fonda sopra l'osservazione degli effetti delle piene dell'influente. Per altro tali interrimenti non s'osservano, quando il fiume influente entra in acqua alta del recipiente, se l'altezza sia viva, e non indebolita dal ristagno del mare, o altro.

Entrando un influente pieno in un recipiente basso, e cagionandovi, come si è detto, altezza considerabile, non solo si volterà verso il mare; ma può darfi il caso, che rigurgiti all'insù per l'alveo del recipiente, fin dove arriva l'orizzontale dell'altezza da lui fatta. Ciò però sarà vero, quando, o il recipiente non avesse acqua di sorta alcuna; o pure così poca, che non potesse superare, colla sua acqua, sopravveniente nel tempo dell'alzamento, il rigurgito dell'influente; ed in questo caso, benchè nella parte inferiore succedano interrimenti, non però si faranno nella parte superiore; perchè l'acqua del recipiente ristagnata, obbligherà tutta la torbida a voltarsi all'ingiù; ma per altro, non potendo essa impedire il rigurgito, s'interirà l'alveo anche nelle parti superiori, che però tornerà al suo essere primiero sopravvenendo la piena del recipiente. Quest'effetto s'osserva nel Po di Primaro allo sbocco del Santerno, le piene del quale anticipando, dimolte ore, quelle degli altri fiumi superiori (trattenuti di più, e ritardati dallo svagamento, che hanno per le paludi) rigurgitano per l'alveo del Po predetto per molte miglia, correndo all'insù, quando trovino le acque basse; ed interrendo l'alveo del medesimo. Ma, venendo le piene in acqua alta, non si fa rigurgito di sorta alcuna, e facendosi picciolo l'alzamento del pelo del recipiente, nel sito dell'introduzione, poco anche, o niuno è il ristagno, e l'elevazione dell'acqua del recipiente nelle parti superiori; che perciò sempre si rende minore, quanto più si scosta dallo sbocco, fino a farsi insensibile in poco spazio.

La medesima diminuzione d'altezza di pelo d'acqua si fa nell'alveo del recipiente, alla parte inferiore dello sbocco; perchè andando la cadente del pelo dell'acqua bassa ad unirsi colla superficie del mare, ed il simile dovendo fare la cadente del pelo della piena, è necessario, che la distanza di queste due linee concorrenti [le quali ogni ragion vuole, che sieno congeneri, e simili] si faccia minore, quanto più si avvicinano al punto del concorso, cioè alla foce; e perciò l'altezza aggiunta dalla piena sopra il pelo del recipiente, è maggiore in faccia allo sbocco, e poi sempre si fa minore, quanto più la piena s'accosta al mare; e conseguentemente non v'è necessario tanto di ripa, o d'argine per contenerla.

Le piene maggiori dell'istesso fiume, osservate nell'istesso sito, sono sempre più veloci delle minori; e se qualche volta si vede il contrario, ciò è segno, che la piena non è veramente maggiore, benchè tale apparisca, a causa de' ristagni inferiori; posciachè il segno della grandezza reale delle piene non è l'altezza sola dell'acqua, ma piuttosto la velocità, ed inclinazione maggiore del pelo della medesima; mentre è certo, che restando la superficie del mare sempre nello stato medesimo, allora potranno ben dedursi le piene maggiori dalla maggiore altezza, che però sarà sempre congiunta con maggiore velocità, ed altresì, con maggiore inclinazione di superficie: ma crescendo l'altezza dell'acqua per lo ristagno del mare, e non crescendo la piena, allora la velocità si ritarda, e la superficie dell'acqua si rende meno declive. Non deono perciò annoverarsi tra le piene tutti gli alzamenti dell'acqua; mentre questi possono essere effetti anco degl'impedimenti inferiori.

Abbiamo detto di sopra, essere proprio de' fiumi maggiori, l'avere le piene di più lunga durata, e ne abbiamo all'egua la causa, che è il diverso tempo dell'introduzione de' fiumi influenti colle loro piene nell'alveo comune; e la medesima ci fa conoscere, che i fiumi maggiori non passano dallo stato basso al maggior segno della piena con quella celerità, che fanno i fiumi minori, attesa la differenza maggiore del tempo, che intercede tra l'arrivo d'un fiume influente, e quello di un altro, il quale ne' minori, e ne' torrenti è poco meno, che contemporaneo; e perciò particolarmente gli ultimi arrivano colle piene così improvvisamente, che non danno tempo molte volte a' passeggeri, i quali s'incontrano a passarli a guado, di porsi in salvo. Ma v'è ben un'altra, anche più potente ragione, cioè che aumentandosi successivamente i fiumi con eguale quantità d'acqua somministrata in tempi eguali, non s'accrescono egualmente in altezza; ma maggiori sono sempre gli alzamenti sul principio, che sul fine, in maniera che un palmo di elevazione aggiunta ad un fiume già gonfio d'acqua, può essere effetto di una causa tre, o quattro volte maggiore di quella, che può accrescere all'acqua bassa due, o tre palmi di altezza; quindi è, che le piene sul principio si vedono crescere più sollecitamente; e perciò un fiume, che s'alzi nelle piene sette, o otto piedi, arriverà al suo colmo in poche ore; ed un altro, le cui escrescenze s'elevino a quindici, o sedici piedi, stenterà ad arrivarvi in molte giornate.

Colla medesima proporzione dell'accrescimento, succede il decrescimento de' fiumi, posciachè quelli, che crescono poco, e sollecitamente nelle piene, anche presto si sgonfiano; ma gli altri, che spendono molto tempo per arrivare al sommo della piena, durano più a mantenersi in tale stato; perchè siccome l'accrescimento di molt'acqua in un fiume pieno non fa che una picciola elevazione, così la detrazione di altrettanta, non fa, che un simile abbassamento.

Sono più frequenti le piene maggiori in un fiume minore, che in un maggiore; e

la ragione si è, ch'è più facile l'incontro di poche cause in operare, cioè sceduna nel suo sommo vigore, di quello sia l'unione di molte; onde, dipendendo le piene massime de' fiumi grandi dal concorso di più fiumi influenti, è difficile, che s'incontrino tutti a portare succellivamente, ed in tempo proporzionato le loro piene nell'alveo del recipiente; siccome è difficile, che le piogge s'incontrino a cadere, e le nevi a disfarsi in un tempo medesimo in tutti i luoghi d'un paese vastissimo, e molte volte di clima differente, come è quello, che occupa il corso d'un fiume reale: all'incontro in un fiume picciolo, che comincia, e finisce in una Provincia, è facile l'unire due, o tre fiumi influenti, a crescere nell'istesso tempo; e perciò a cagionare una piena anche massima nel recipiente.

Hanno i fiumi certi tempi determinati, ne quali, per lo più, succedono le maggiori escrescenze di tutto l'anno; poichè altri si gonfiano la primavera, e l'autunno, altri, restando bassi tutto il resto dell'anno, s'accrescono solo l'estate; e ciò dipende dalle cause delle piene maggiori, operanti più in un tempo, che in un altro; posciachè quelli, che s'ingrossano per lo disfacimento delle nevi, hanno le loro piene a quel tempo, che regnano gli Sciroccbi, o altri venti caldi, che in questo nostro clima succede qualche volta l'inverno, ma per lo più ne' mesi di Marzo, e di Aprile; ma ne' luoghi più alti, non bastando lo Scirocco, e richiedendosi accoppiato il fomento de' raggi solari, si prolunga la liquefazione delle nevi, a' mesi di Maggio, e di Giugno: i fiumi poi, che si gonfiano per le piogge, hanno le loro massime piene l'autunno; perchè a quel tempo cominciano le piogge più frequenti, e durevoli, i torrenti di poco corso si vedono più gonfi l'estate, e nella primavera; quando, cioè, per cagione de' temporali cadono le piogge più impetuose, ed abbondanti, benchè di minore durata; e non sarà difficile a chi si sia, considerando la cagione delle piene, ed il tempo, nel quale dette cause si rendono più efficaci, il dedurre anche, in qual tempo succedano le massime piene d'un fiume.

Molti fiumi però hanno dell'escrescenze sregolate, delle quali non si vede alcuna manifesta cagione; possono però procedere da cause meno cognite, siasi o perchè rendasi difficile l'indagarle; o pure, perchè la lontananza del luogo, dov'esse operano, induca un'ignoranza, che gli uomini non curano di levarsi, col disagio de' viaggi: tali sono le inondazioni del Nilo, del Tevere, e d'altri fiumi, delle cause delle quali vanno anche in traccia i filosofi, e gli architetti delle acque, senza averle potute finora accertare. Generalmente perciò pare, che non possa crescere l'altezza dell'acqua in un fiume, se o non s'accresce il di lei corpo, o non si scema la velocità; onde, per dire qualche cosa nel particolare di dette inondazioni, sarà bene discorrere sopra l'uno, e l'altro di questi capi.

L'accrescimento del corpo d'acqua si fa, o perchè le fontane ne somministrino in maggiore abbondanza; o perchè le piogge discendano più furiose; o perchè le nevi sian più copiose; o perchè le medesime si disfaciano con maggiore celerità. Quest'ultime cause si rendono patenti per osservazione immediata; poichè ognuno può bene giudicare della quantità della pioggia, e dell'altezza delle nevi, e della prestezza del loro scioglimento; può anche conoscere l'abbondanza delle sorgenti, quando queste sono manifeste, come quelle, che danno l'origine a' fiumi; ma perchè ve ne possono essere anche di quelle, che sian ignote; può darli il caso, che senza disfacimento di nevi, senza pioggia, senza aumento d'acqua alle sorgenti del fiume, il di lui corpo s'accresca. Ognuno, che sia versato nell'osservazione de' fiumi, o pratico delle storie di essi, sa, trovarsi alcuna volta negli alvei de' medesimi delle voragini, alcuna del-

delle quali assorbe l'acqua di essi, e fa scemarla; ed alcun'altra ne somministra loro della nuova, e fa accrescerla: di queste voragini sene trovano anche nel mare, ed è famosa quella di Norvegia, che sei ore riceve l'acqua, e sei altre la rigetta; così la Cariddi di Sicilia ec. e tra quelle de' fiumi s'annoverano quelle del Danubio, alcune delle quali ingoitano, ed altre vomitano l'acqua; e se non altro, si trovano nella superficie della terra delle aperture, che ricevono tutta l'acqua di fiumi grandi; ed altre, dalle quali scaturiscono fiumi interi; perciò può darsi il caso, che nell'alveo di qualche fiume, sempre coperto dall'acqua, o nel fondo di qualche lago, vi sia alcuna di queste voragini, la quale, per la maggior parte del tempo assorbendo le acque (e perciò mantenendole sempre basse) cessi, per qualche giorno, dal suo solito ufficio, e cagioni piene non prevedute; o piuttosto, che dalla medesima scaturisca un'abbondanza di acqua così grande, ed insolita, che aumentando quelle del fiume, le obblighi a gonfiarsi straordinariamente.

Io non ardisco di asserire, che la causa dell'inondazioni del Tevere sia di questa natura; ma quando sussista ciò, che vien riferito da qualche Autore, cioè, essere accadute inondazioni spaventose a ciel sereno, in calma di mare, senza venti, e senza nevi alle montagne; crederei giusto il motivo di dubitare, che le sorgenti, o coperte, o scoperte, ne fossero stata la causa, e che tornasse a conto l'accertarsi, se nell'alveo, o del Tevere, o de' tributarij di esso, vi sia alcuna voragine di tal natura. Egli è certo, che nell'alveo de' fiumi, che sono assai profondi, si manifestano sorgive; e di fatto, in tempo d'acque basse, si vedono grondare dalle ripe de' fiumi debolissime scaturigini d'acqua; ma di queste, in caso simile, non se ne tien conto veruno; siccome non si fa caso del consumo dell'acqua, che succede, come si è detto ne' fiumi temporanei, quando venendo le piene, e trovando l'alveo asciutto, una parte dell'acqua resta imbevuta dalla siccità della terra, che l'attrae anco molto da lontano; e perciò alle prime piene dell'autunno, si vedono ravvivare le vene de' pozzi, e le sorgive delle campagne: sono però queste apparenze niente altro, che un picciolo modello di ciò, che operano gli assorbimenti più grandi, e le sorgenti più gagliarde esistenti ne' letti de' fiumi. Si potrebbero addurre molte cagioni, per le quali le predette voragini possono non operar sempre nella stessa maniera, o assorbendo, o rigettando l'acqua; ma perchè questo non è il principale oggetto di questo Trattato, tralasciando di far ciò passeremo a considerare l'accrescimento dell'altezza dell'acqua, per la diminuzione della velocità.

Le cause, che ritardano la velocità de' fiumi, sono l'elevazione del pelo del recipiente: la direzione del moto di esso, opposta a quella del filone dell'influente; il vento contrario: il restringimento dell'alveo: e tutti gl'impedimenti inferiori. Dell'elevazione del pelo del recipiente, e della direzione opposta allo sbocco, abbiamo parlato abbastanza, trattando delle foci; e perciò tralascieremo di discorrerne quì. Rispetto alla forza del vento, questo due considerasi in due stati; perchè, o ella s'esercita per una linea parallela all'orizzonte; ed allora poco toglie di velocità all'acque del fiume, potendo al più, ritardare quella sola, ch'è nella superficie; e perciò non mai si vede, che il vento cagioni elevazione sensibile nell'acque correnti; ma solo un certo increspamento, che fa credere a poco pratici, che il fiume corra all'insù, attribuendo essi a tutta l'acqua quel moto, che vedono nell'alzamento successivo dell'onde: ovvero la direzione del vento è inclinata al piano orizzontale, e non v'ha dubbio, che secondo la diversa inclinazione, e la forza, che ha

in essa, non possa produrre effetto più manifesto, facendo l'onda del fiume più elevata; ed in ciò forse consiste tutto l'alzamento, che può fare la direzione, e la forza del vento. Ma perchè il vento più inclinato all'orizzonte, meno si oppone alla corrente; perciò anco meno opera in ritardarla, almeno nelle parti inferiori, le quali si fa per prova, anche ne' mari più burrascosi, non risentire il moto delle tempeste; anzi vi è, chi crede, portarsi la parte inferiore dell'onde con moto contrario a quello del vento. Quindi è, che per cause delle grandi inondazioni de' fiumi, non possono accusarsi i venti, se non quanto fanno elevare la superficie del mare, dentro il quale deono avere i fiumi l'ingresso. Finalmente il restringimento dell'alveo, e gli altri impedimenti inferiori, o sono perpetui; ed in tal caso operano, anche fuori del tempo delle piene; o pure sono accidentali, e temporanei; erade volte s'incontrerà, che siano di tal forza, che possano fare elevare notabilmente l'acque del fiume, ed in ogni caso è da considerarsi la loro qualità, per potere adeguatamente discorrerne.

Abbiamo di sopra addotto per regola, che le piene de' fiumi escavino il loro letto, quando si trova interrito dalle piene minori, o da altra cagione; tale Proposizione però si dee intendere in termini abili, perchè si danno de' casi, tutto che accidentali, ne quali le piene maggiori fanno delle deposizioni nel loro letto, che non sono fatte da altre minori. Per esempio, una piena mezzana d'un fiume, che sgorgi nel mare, in tempo della di lui somma bassezza, potrà, o profundarsi il letto, o pure mantenerlo espurgato, il che non farà una piena maggiore, che trovi il mare burrascoso; mentre ritardato il moto alle di lei acque, si deporrà nel fondo la materia più pesante, la quale, cessando il ristagno, e continuando la piena, o sopravvenendone un'altra, di nuovo si sollevierà, e sarà portata al suo termine. La diversità parimente delle direzioni, che hanno l'acque d'un fiume durante una piena maggiore (che nel diminuirsi di essa, riducendosi l'acqua ad un solo filone, si toglie) è cagione, che nelle piene più grandi, contrastando una direzione coll'altra; e per conseguenza rallentandosi il moto, si deponga qualche materia arenosa, ma cessando il contrasto predetto delle direzioni, e perciò obbedendo l'acqua ad una sola di esse, riacquista il moto, che prima aveva perduto, e la materia deposta, di nuovo viene incorporata all'acqua, e portata altrove.

Lo stesso accade al cessare repentino dell'abbondanza dell'acqua, che forma la piena, perchè essendo dalla violenza precedente rapita qualche materia pesante, e portata a seconda del fiume, mancando d'improvviso la forza, che la sosteneva, cade in un tratto al fondo, e cagionandosi, l'elevazione de' quali sopra il piano del fiume, porta seco un'inclinazione di superficie, molte volte maggiore di quella, che può sostenere la corrente dell'acqua bassa, senza corrosione; e perciò, non rare volte, s'osserva essere corrosi il fondo del fiume, o piuttosto riportate via dall'acqua bassa dopo la piena, le deposizioni fatte nel tempo di essa; i ribalzi fatti in tempo di piene dal fondo alla superficie, e che cessano sminuendosi la velocità dell'acqua (siansi essi prodotti, o da impedimenti sollevati sopra il piano del fiume; o da' gorgi, che rivomitino l'acqua per una direzione inclinata all'orizzonte) fanno gli effetti stessi, che il contrasto delle direzioni moltiplicate; e perciò anche in questo caso possono succedere delle deposizioni, le quali nel cessare della piena di nuovo si tolgano. Da queste osservazioni sono stati persuasi alcuni, che i fiumi torbidi interiscano tanto più, quanto sono maggiori, e che i fiumi chiari sempre scavin; ma da ciò, che abbiamo detto circa lo stabilimento degli alvei, chia.

chiaramente apparisce, che questi sono effetti di cause accidentali, e che le deposizioni, e l'escavazioni nascono da altro principio, che dalla torbidità, non bastando la presenza della causa materiale, ma ricercandosi di più l'efficiente, per produrre un effetto.

Tra gli effetti delle piene si contano le corrosioni delle ripe, e degli argini, e le rotte de' medesimi. Della generazione delle prime abbiamo detto, quanto occorreva nel Capitolo 6. solo si dee avvertire, che le corrosioni non sono un effetto derivante da' soli moti, e direzioni del fiume; ma molte volte vi concorre la gravità della terra, la quale privata del suo fondamento nelle parti più basse della ripa, supera col suo peso l'aderenza delle proprie parti, e staccandosi dal restante, cade nel gorgo sottoposto, nel qual luogo macerata dal continuo corso del fiume, si scioglie in picciole particelle, ed incorporata all'acqua, viene portata altrove. Quindi è, che nel maggior vigore delle piene scalzandosi il piede delle sponde, si toglie il sostegno inferiore alla terra; ma essendovene un laterale, cioè l'altezza dell'acqua, che fa spinta contro la ripa, e tiene in qualche modo unite le parti della terra, questa durante la piena si sostiene, ma nel calare della medesima si vede dirupare, e manifestarsi la corrosione. E quindi è, che le ripe, che stanno a perpendicolo sul pelo dell'acqua, sono più facili a corrodersi; e perciò utile è il consiglio di quelli, che scaricano le ripe de' froldi, cioè, che le dispongono ad un piano inclinato all'orizzonte; sì perchè questa situazione più resiste all'impeto del fiume; sì perchè le corrosioni inferiori non cagionano così grande staccamento di terra nelle parti superiori della sponda; sì finalmente, perchè la terra levata dalla ripa può servire, occorrendo, per rinforzo dell'argine alla parte esteriore.

Le corrosioni grandi, se non s'ha tempo, e forza d'impedire, o di provvedervi, in un fiume incassato altro non fanno, che renderlo sempre più tortuoso, mutargli la via del filone, e per conseguenza trasportare più alto, o più basso il vertice della corrosione; ma ne' fiumi, che addimandano argini, sono causa delle rotte de' medesimi, e delle inondazioni ad esse susseguenti. Non ostante però, che la corrosione anteceda qualunque rotta, non è quella sempre la principal causa di questa; posciachè il montare, che fa l'acqua il piano superiore degli argini il trapelare per li pori della terra, che li compone: l'impeto laterale contro argini deboli, che possono esser tali, o per la qualità della terra, o per la loro strettezza; e mille altre cagioni, possono concorrere a rovinarli. Pertanto nelle rotte s'osservano comunemente vari effetti, i quali, o sono comuni a tutte le rotte, o ricevono qualche particolarità, secondo la diversità delle cause, dalle quali procedono. Gli effetti adunque sono:

Prima: lo scemarsi repentino della piena nelle parti superiori del fiume, più, o meno, a misura della maggiore, o minore felicità dello scarico, che ha il fiume per essa. Questo effetto nasce da ciò, che si è detto di sopra, cioè che le sponde del fiume fanno considerabile resistenza al corso dell'acqua, che questa inferiormente ritardata, da occasione alla maggior elevazione, non solo del proprio corpo, ma anche di quello dell'acqua superiore. Levata perciò la resistenza della ripa, a causa della rottura dell'argine, e della libera espansione per le campagne, necessariamente l'acqua si rende più veloce [al che concorre, anche alle volte, la caduta precipitosa, che si trova al di sotto della rotta medesima] e perciò abbassandosi di pelo, permette, che la superficie del fiume nella parte superiore, anch'essa, si dispenga ad un simile abbassamento. Effetto simile è stato dimostrato dal Signor Lorenzo Bellini Insigne Medico, e Mattematico Fiorentino. e fame-
nti.

fissimo per le sue opere ricevute dal mondo con tanto applauso, dovere succedere nella cavata del sangue dalle vene, e dall'arterie degli animali; avendo una grande analogia il corso del sangue per li proprj vasi, a quello dell'acque per gli alvei de' fiumi, ed equivalendo l'apertura della vena alla rottura di un argine; siccome con questo simbolizzano le tuniche de' vasi predetti; il che ho voluto in questo luogo motivare, acciò appaja, non essere così disparate le dottrine Idrostatiche dalle Mediche, anche pratiche, com'altri per avventura si crede; anzi essere affatto necessarie le prime, a chi vuol ben intendere in molte parti le seconde, come spero di far vedere a suo tempo, applicando molte notizie desunte da questo Trattato, alla Fisiologia Medica, ed alla dottrina de' mali particolari.

Il secondo effetto delle rotte de' fiumi è, che *nelle parti inferiori alla rotta, il corso dell'acqua si rende più tardo*; e ciò nasce dallo scemarsi, che fa l'acqua in quel luogo, divertita al disopra, per l'apertura della rotta medesima.

Terzo: Perciò *al disotto delle rotte, i fiumi torbidi fanno qualche deposizione, o desso*, effetto del moto, reso più languido.

Quarto: E per lo contrario, *al di sopra succede maggiore escavazione nel fondo, e maggior corrosione nelle ripe*, procedente dalla velocità maggiore del corso; il che tutto maggiormente s'osserva nelle rotte, che si chiamano *in cavamento*, cioè in quelle, nelle quali la sponda è corrosa, e portata via, sino sul fondo del fiume; e più particolarmente, se il fiume avrà maggiore felicità di esito per la rotta, che per lo sbocco naturale.

Quinto: *Non solo nelle parti inferiori si rallenterà il corso dell'acqua; ma anche potrà rivoltarsi all'insù*, particolarmente, se di sotto alla rotta, entrerà in vicinanza qualche fiume influente, l'acque del quale, può darsi il caso, che di tutte si portino a scaricare per la rotta; o pure si dividano, scorrendo parte verso la rotta, parte verso la foce.

Sesto: *In caso, che le acque del fiume influente inferiore scorrano tutte per la rotta, si muterà la cadente dell'alveo inferiore inclinandosi al roverscio*, cioè verso la rotta, non con la declività propria del fiume recipiente; ma bensì con quella, che compete all'influente; ciò però non può succedere perfettamente, che col progresso del tempo, qualora tal cadente debba farsi per deposizione; ma se essa dovrà farsi per escavazione (come quando la rotta succede nella sponda d'un fiume, che abbia il fondo notabilmente elevato sopra il piano delle campagne) allora poco tempo si richiede a formare, quasi del tutto, tale cadente, ed in questa circostanza, può darsi il caso, che poco dopo seguita la rotta, l'acqua del fiume influente si rivolti tutta a correre per essa, ed abbandoni il letto inferiore; non già così, quando la cadente si dee fare interimento; poichè sul principio l'acqua dee scorrere bipartita, benchè dopo, alzandosi colle deposizioni l'alveo inferiore al fiume influente, appoco appoco, sia per escludere il corso dell'acqua per esso, o in tutto, o in parte, secondo la diversità delle circostanze.

Settimo: *Sin tanto, che dura la libera dilatazione dell'acqua usciva dalla rotta, saranno manifesti, e dureranno, sino a stabilirsi, gl'effetti predetti*, e la rotta medesima si dilaterà a misura del corpo d'acqua, e della velocità del di lei corso; ma quando, o comincerà a riempirsi la vastità del sito, nel quale ebbe prima lo sfogo; o pure quando le alluvioni cominceranno a formare le sponde all'acqua corrente della rotta, cominceranno gl'effetti medesimi a mancare: e perciò il pelo delle piene co-

mincerà ad elevarsi; il fondo scavato ad interrarsi di nuovo; il corso dell' acqua accelerato a ritardarsi; il ritardato ad accelerarsi, ec. Quindi nasce l' errore di molti, i quali si danno a credere, che gli effetti immediatamente susseguenti alle rotte, siano per continuar sempre, se si lasciano, che i fiumi corrano liberamente per esse; e di questa natura è quello, che saviamente corresse il P. Castelli al Corollario 13. della sua *Misura dell' Acque*. Per altro egli è evidente, che gli effetti delle rotte deono cessare, chiuse che esse siano; perchè cessata la causa, cioè l' apertura dell' argine, è di necessità, che manchino ancora i di lei prodotti.

Octavo: Quando l' acqua delle piene sormonta gli argini, e cadendo dall' altezza di essi per lo pendio loro esteriore, li corrode, e facilmente li rompe, si forma un gorgo a piedi dell' argine aperto, che impedisce il prendere la rotta, cioè il rifar l' argine nel sito primiero, il che succede anco sempre ne' fiumi, che hanno il letto superiore al piano delle campagne.

Nono: Ma quando l' argine si rompe alla prima nel mezzo, il che succede specialmente, quando, o l' argine è troppo debole, o la corrosione s' avvanza gagliardamente ad indebolirlo; o pure quando l' acqua, insinuandosi per li di lui pori, comincia a dilatarsi, ed a farsi strada per essi, allora il gorgo si forma più lontano dall' argine nella campagna.

Decimo: E se potesse darsi il caso, che l' argine fosse sotto senza alcuna caduta d' acqua, come qualche volta succede nelle rotte degli argini di poca altezza, e di molto superiori colla sua base al fondo del fiume; in tal caso non si genererebbe gorgo veruno, spandendosi l' acqua quietamente per le campagne.

Undecimo: Quando si osserva, una rotta avere generati più gorgi in diversa distanza dall' argine, allora, prescindendo dall' altre cause, che possono prodursi; è necessario, che l' argine sia stato sotto in diversi tempi, cioè prima più alto, e poi più basso, o al contrario: o pure, che l' acqua ribalzata dal primo gorgo, ne abbia formato un altro, il qual in tal caso sarà molto minore del più vicino all' argine.

Duodecimo: L' acqua, ch' esce dalle rotte, sul principio corre bensì velocissima, effetto e della caduta abbondante, che trova in essa, e della dilatazione immediata; ma dopo breve tratto rallentandosi il moto, e perduta la direzione, si allarga per le campagne; portandosi a riempire i luoghi bassi, che trova; e rigurgita anche all' insù, sino a formare il livello alla propria altezza, la quale si rende sempre maggiore, fin tanto, che trovando l' acqua esito proporzionato a qualche parte, si pareggi l' entrata coll' uscita; ed allora non si fa più altro alzamento. Quindi è, che la direzione ricevuta nell' uscire della rotta, spinge bensì l' acqua per qualche tratto a traverso della campagna, facendola anche sormontare siti alti, quali non toccherebbe, voltata che fosse la rotta, anche in quel sito, ad altra parte; ma tal effetto non succede, che in poca distanza, mentre per altro l' acqua si porta a correre verso quella parte, dove maggiore è la caduta della campagna, maggiore l' apertura, e per conseguenza più facile l' esito, concorrendo anche a ciò la continuazione de' fossi, e degli alvei degli scoli delle campagne.

Per quello, che appartiene alla proporzione, con cui s' aumentano l' acque de' fiumi nelle piene, è dimostrato dal Castelli alla Proposizione IV. del primo Libro della *Misura dell' acque correnti*, che se un fiume en-

trerà in un' altro fiume; l' altezza del primo nel proprio alveo, all' altezza, che avrà nell' alveo del secondo, avrà la proporzione composta delle proporzioni della larghezza dell' alveo del secondo alla larghezza dell' alveo del primo, e della velocità acquistata nell' alveo del secondo a quella, che aveva nel proprio, e primo alveo, ed alla Proposizione V. Se un fiume scaricherà una quantità d' acqua in un tempo, e poi si sopravverrà una piena, la quantità dell' acqua, che si scaricherà in altrettanto tempo della piena, a quella, che si scaricava prima, mentre il fiume era basso, avrà la proporzione composta della velocità della piena, alla velocità della prima acqua, e dell' altezza della piena all' altezza della prima acqua. E finalmente alla Proposizione VI. Se due piene eguali del medesimo torrente, entreranno in un fiume in diversi tempi, le altezze fatte dal torrente nel fiume, avranno fra loro la proporzione reciproca delle velocità acquistate nel fiume.

Tutte queste Proposizioni sono vere in teorica; ma egli è ben molto difficile in pratica di rinvenire la proporzione della velocità d' un fiume nel proprio alveo a quella, che acquista nell' alveo di quello, al quale s' unisce: la quale proporzione, nell' uso della quarta, e sesta Proposizione, indispensabilmente si richiede, per determinare l' altezza, colla quale corre il fiume influente per l' alveo del recipiente. Inoltre, nella pratica della quinta Proposizione, che pure è verissima, si ricerca la proporzione, colla quale crescono le velocità al crescere dell' altezze, ad effetto di determinare quella, che hanno insieme le velocità del fiume alto, e basso; e questa non cammina della stessa maniera ne' canali orizzontali, e ne' inclinati, ne' quali ha luogo l' accelerazione del moto per cagione della discesa, essendo per altro difficile, anzi impossibile, il rinvenire detta proporzione col mezzo dell' esperienza, o di galleggianti trasportati dalla corrente, o di liquori colorati, framschiati all' acqua; poichè egli è fuori d' ogni dubbio, che le parti dell' acqua d' un fiume corrono con velocità differenti; o si desuma la diversità dalla larghezza, o dall' altezza della sezione.

Per avvicinarsi dunque più al vero, io stimo, che si debba ricorrere all' misura dell' acqua, che porta in un dato tempo la piena d' un fiume influente, insieme con quella del recipiente; e figurandosi, che debbano correre unite: adattare la velocità di tutto il corpo alle condizioni dell' alveo del recipiente, per quindi rinvenire l' altezza, che in esso può fare l' influente. Poichè egli è certo, che un torrente, che corra per un alveo di gran pendio, e perciò con gran velocità di discesa, farà una picciola sezione nel proprio letto: ma portando quantità grande d' acqua in un fiume, che corra con poca caduta, potrà fare in esso, alzamento d' acqua considerabile; ed all' incontro un fiume influente di poca velocità nel suo alveo, benchè abbia per tal cagione grand' altezza di corpo, poca ne aggiungerà a quella del recipiente, se questo avrà considerabile pendenza, e perciò molta velocità. Egli è ben vero, che per l' ordinario, i fiumi corrono, non con la velocità della discesa, ma bensì con quella, che imprime loro l' altezza del proprio corpo; e perciò in casi di tal natura si può senza scrupolo di errore considerabile (particolarmente avendosi le necessarie avvertenze) valere di questa Proposizione: Se un fiume crescerà per una piena sopravveniente, la quantità dell' acqua prima della piena, a quella della piena, avrà la proporzione composta della proporzione dell' altezze, e della dimezzata dell' altezze medesime; e conseguentemente può aver luogo la regola addotta da noi alla

Proposizione VIII. del Libro III. della Misura dell' Acque; le quali Proposizioni, sebbene si deono intendere in termini astratti, e prescindendo da ogni sorta di resistenza; nulladimeno però, perchè è meglio, che l' errore porti piuttosto qualche cosa di più, che di meno: egli è certo, che in fatti correndo i fiumi con molte resistenze alle loro velocità, queste, in parità di circostanze, vengono sempre più impedito negli alvei minori, che ne' maggiori; e calcolandosi la proporzione dell' acqua de' primi a quella de' secondi maggiore di quella, che realmente sia; ne nasce altresì l' alzamento fatto nel fiume influente, qualche poco maggiore del vero.

A vantaggio della medesima proporzione sta l' ampiezza delle golene, che ne' fiumi maggiori è assai grande, la quale allargando la sezione nella parte superiore, contribuisce a rendere l' altezza reale tanto minore di quella, che nasce dal calcolo. Per evitare però questo secondo errore, buon consiglio sarà [quando non si abbiano regolatori, che formino una sezione ben giusta] quello di prendere le misure dell' altezza, e larghezza dell' uno, e dell' altro fiume nelle sezioni più anguste di essi; essendo certo, che correndo per esse, egualmente che per tutte l' altre più larghe, la medesima quantità d' acqua, si trovano nelle medesime, le larghezze, e le altezze delle sezioni, più vive.

In questo proposito deesi in oltre considerare, ciò, che abbiamo detto più volte darli, cioè, ne' fiumi maggiori delle larghezze d' alveo soprabbondanti, dal che nasce, che, siccome restringendosi esse al dovere, non si alzerebbe l' acqua del fiume un pelo, e nel sito del loro restringimento potrebbe molte volte correre il fiume influente; così si possono dare de' casi; che un fiume influente entri pieno nel grand' alveo d' un recipiente, e non vi faccia alzamento sensibile, quando; per altro, dal calcolo, che suppone sempre le larghezze vive, può essere, che risulti notabile; bastando a questo effetto, che l' acqua stagnante, o girata ne' vortici delle sezioni più larghe, prenda direzione seguita all' ingiù, e nella maniera medesima, che le piene de' fiumi influenti appena si elevano di superficie sopra il pelo dell' acque, rigurgitate per li loro alvei dal recipiente. E perchè vicino agli sbocchi (s' aprano essi, o nel mare, o in altri fiumi) la capacità dell' alveo si fa sempre maggiore; perciò le piene sopravvenienti in que' luoghi, fanno regolarmente minore alzamento al punto dell' unione, e (come si è detto di sopra) sempre minore, quanto più la piena s' avvicina allo sbocco. Se c' immagineremo, che due fiumi sbocchino nel mare con foci separate, ma, quanto dir si possa, vicine, egli è certo, che non elevandosi, per l' influsso di alcuno d' essi, sensibilmente il pelo del mare, la piena d' uno non dovrà alterare quella dell' altro: lo stesso succederebbe, se avessero il solo sbocco comune; ma se gli alvei s' unissero insieme al disopra della marina, ognuno facilmente giudicherà, dovere farsi qualche alzamento maggiore nelle piene unite, benchè poco, ed insensibile, con questa regola, cioè, che sia minore nelle minori distanze dal mare, e maggiore nelle maggiori, sino però a un certo termine, e non più oltre, il qual termine è definito dal sito, al quale si estendono i rigurgiti del recipiente. Quindi apparisce, quanto importi di scegliere siti proporzionati, quando si vogliano fare le misure delle sezioni de' fiumi, per avere quella dell' acque, che passano per essi; e fra l' altre può servire anche questa regola, di non considerare

per buone le sezioni degli alvei, che patiscono il rigurgito, come quelle, nelle quali, sì le altezze, che le larghezze non sono mai vive. Deriva anche dalle predette considerazioni un altro avvertimento, cioè la cognizione del vantaggio, che si ricava dal mandare a sboccare i fiumi minori ne' maggiori, in sito, dove arrivi il rigurgito del mare; poichè ivi crescono meno in altezza i fiumi recipienti, per l' unione degli influenti, mancando, in questo caso, dal suo ufficio il calcolo dell' altezze sopraggiunte, che sempre darà di più del vero; siccome le sezioni del fiume sono sempre maggiori delle vive in altri luoghi di esso.



CAPITOLO XI.

Degli scoli delle campagne, e loro regole.

Oltre i fiumi maggiori, i quali hanno origine dalle proprie fonti nelle più alte montagne: ed i torrenti, che sebbene non hanno alimento da acque vive, nulladimeno anch'essi nascono da' monti; v'è un'altra specie di fiumicelli, che portano acque di sole piogge, ma cominciano nelle pianure. Questi poche volte, o non mai, sono fatti dalla sola natura; bensì dall'arte degli uomini, i quali, per essiccare le campagne, e renderle idonee alla coltura, hanno scavati fossi, ne quali immediatamente s'introduce l'acqua delle piogge, e che vanno ad unirsi con altri, e finalmente a sboccare in un alveo comune, pure manualmente scavato, che si chiama con nome generale *Scolo*, *Fossa di Scolo*, *Condotto*, *Tratturo*, *Discurforio*, o in altra maniera, secondo la diversità de' paesi, e tali scoli hanno i nomi propri, come si pratica rispetto a' fiumi. Sono dunque *gli scoli per lo più di pubblica ragione*; perchè è comune a molti il diritto d'introdurvi dentro le loro acque piovane, che per l'alveo de' medesimi scorrono verso il loro termine. Si dà però il caso, che alcune campagne non abbiano bisogno di pubblico scolo per essere mantenute asciutte; e queste sono quelle, le quali sono contigue alle ripe de' fiumi, che corrono incessati, dentro de' quali, per fossi particolari, introducono l'acque loro; ma questi non meritano veruna considerazione, come che sono piccioli, e perchè la natura medesima insegna di maneggiarli.

È il pendio delle pianure ordinariamente così poco, e la superficie delle medesime così disuguale, che non sarebbe possibile, che l'acqua delle piogge, se non fossero impetuose, senza l'uso de' fossi, potessero scorrere per esse dall'alto al basso, e lasciare le campagne in istato di perfetta coltura, particolarmente in tempo di primavera, e di estate, quando l'erbe cresciute facessero al loro scarico notabile impedimento. È vero, che tutte l'acque finalmente si riducono a' luoghi bassi, e lasciano scoperti i più alti; ma è altrettanto vero, che per far ciò, è necessario lungo spazio di tempo, nel quale la terra imbevuta di soverchio umore, s'inferilisce, e che si trovano sparsi per le pianure luoghi bassi, e racchiusi, d'attorno attorno, da' terreni più alti, ne quali adunandosi l'acqua, e non potendone uscire, di necessità farebbe una palude, come vediamo succedere ne' paesi negletti dagli uomini. Ciò ha posti in necessità i popoli di ridurre le pianure tutte comunicanti per via di fossi scavati, e d'indirizzare questi a que' luoghi, dove l'esperienza ha mostrato, trovarsi con che, o basse continue, e lungo di esse scavarne canali capaci a ricevere l'acque delle piogge per lo mezzo de' fossi delle campagne, dal quale artificio è nata l'efficacia d'intero provincie, rese, e mantenute fertilissime dalla continua conservazione delle primiere escavazioni.

Hanno il loro termine questi condotti, o ne' fiumi vicini, o nelle paludi, stagni ec. o nel mare. Quelli, che sboccano ne' fiumi, bisogna, che servano

a campagne, che siano più alte, a' meno del fondo di essi, se sono temporanei; o pure del pelo basso de' medesimi, se so o perenni. La foce parimente, che hanno al fiume, può essere, o libera, o difesa con chiaviche, possono avere la foce libera, cioè aperta in ogni tempo, gli scoli, il fondo de' quali è più alto, o almeno non più basso delle piene maggiori del fiume; altrimenti, se il fiume farà torbido, rigurgitando per lo condotto, lo interrirà, e gli turerà lo sbocco. Quindi è, che i soli terreni assai alti possono scolare, a condotto aperto, ne' fiumi; ma se questi avranno argini (segno manifestissimo, che le piene di essi s' elevarno sopra il piano delle campagne) non sarà possibile d' avere lo sbocco sempre aperto allo scolo; ma bensì sarà necessario d' impedire con qualche macchina, che le piene del fiume non s' introducano nel condotto, e che l'acque piovane, se ve ne sono, restino in esso, o ne' fossi delle campagne, fin dopo la piena; terminata la quale, levando l'impedimento dallo sbocco del condotto, si dà scarico alla di lui acqua nel fiume.

Sono molti gli artifizj adoprati per impedire il rigurgito de' fiumi negli scoli, de' quali non è qui luogo a trattarne; e può vedersi il Barattierinell' *Architettura dell' Acque* parte prima Lib 8 Cap 19. i più comuni però sono le chiaviche predette: si deono bene avvertire in questi casi alcune circostanze, che danno motivo ad altrettante regole. Poichè (1) se i terreni, che deono scolarfi per un condotto munito di chiavica, sono nello stesso piano orizzontale, non è necessario, che le sponde del condotto siano arginate, perchè l'acqua in tempo, che la chiavica sta ferrata, o non potrà formontarle in alcuna parte, o formontandole per troppa abbondanza, dovrà allagare egualmente tutte le campagne, effetto, che non possono impedire gli argini; i quali perciò non porteranno veruna utilità; se questa non sia (in caso che la chiavica si rompesse: accidente assai raro) d' impedire l' inondazione delle campagne, per lo qual fine si richiederebbero altre cautele. (2) Ma se i terreni saranno declivi verso lo sbocco, come il più delle volte sono, sarà d' uopo, che gli argini del condotto, nella parte della campagna più bassa, siano elevati tanto, che bastino a pareggiare l' altezza della campagna più alta; altrimenti l' acqua, ch' è tramandata da questa, potrà formontarli, e fare inondazioni. Quindi è (3) che i terreni, quali hanno gran declività nella loro superficie, non possono avere lo scolo con chiavica, senza allagare i terreni inferiori, nel tempo della chiusura; e perciò in tal caso (4) bisogna separare lo scolo de' torrenti alti (tanto almeno, quanto la massima piena del fiume) da quello degli altri, che sono più bassi, e mandare il primo a sboccare a foce aperta, ma munito d' argini tant' alti, che possano sostenere il rigurgito, nel fiume: e provvedere il secondo di chiavica, arginandolo, quando occorra, nella maniera di sopra accennata. È vero, che se l' acqua dello scolo aperto non correrà anch' essa, ed in tale abbondanza, che basti ad impedire il rigurgito della torbida, venendo la piena al fiume, l' interrirà; e può darsi il caso, facilissimo a succedere, che l' acqua dello scolo sia in sì poca quantità, che non basti, fatti che siano gl' interrimenti, a rimuoverli; e conseguentemente, che siano necessarie nuove, e replicate escavazioni. In tal caso [5] può aver luogo la chiavica da chiudersi nel venire della piena del fiume, fin tanto che l' acqua dello scolo siasi alzata al pari di quella della piena, e poi da aprirsi di nuovo, per dar esito alla nuov' acqua dello scolo, che sopravverrà, poichè così sarà impedito il rigurgito della torbida, e la sopravveniente dello scolo avrà il suo scarico, e s' impediranno le inondazioni (6) *Eo scolo de' terreni più bassi può aver esito, col beneficio delle chiaviche, o nel fiume, o nel condotto predetto; ma più facilmente in quello, che in questo; perchè più s' abbassa l' acqua del fiume, che quella dello scolo, anche a causa degl' interrimenti, che*

succedono nell'alveo del condotto, e non possono accadere in quello del fiume, nel quale per conseguenza si averà maggiore la caduta.

Gli scoli, che vanno a terminare nelle paludi, stagni, e simili, ordinariamente hanno lo sbocco aperto; e la ragione si è, perchè la differenza fra il maggiore alzamento, e il maggiore abbassamento dell'acque delle paludi, per lo più, non è tanta, che meriti, per impedirne il rigurgito, l'applicazione alla fabbrica della chiavica, e la fatica di maneggiarla, tanto più, che i terreni, i quali debbono scolarfi in esse, sono più alti del pelo altissimo della palude medesima, comechè da essi deriva la copia dell'acqua, che la rende gonfia; oltre che non si dee temere di alcuno interrimento per lo rigurgito dell'acqua, che sempre è chiara. E' alle volte però così poca la declività dal piano di campagna nelle parti inferiori contigue alla palude, che restando per la sua altezza, la maggior parte dell'anno, asciutto, solo in tempo de' maggiori gonfiamenti si bagna per lungo tratto. In tali circostanze torna a conto il difendere con argini circondanti il terreno più alto, acciocchè, crescendo l'acqua della palude, non s'inondi, ed in detto tempo trattenere nelle campagne l'acque piované, che poscia, nel calare della palude, possono scaricarsi in essa per uno, o più tagli fatti nell'argine medesimo. Tali fitti non si riducono a coltura perfetta, come di sua natura paludosi, ma bensì si mantengono ad uso di pascoli, o di prati, a' quali giova l'umidità del terreno. Similmente, quando le paludi patiscono notevole accrescimento, come quando v'entrano dentro de' fiumi, o sono soggette a ricevere le acque de' medesimi per espansione sopra le sponde di essi, allora possono aver luogo le chiaviche agli sbocchi degli scoli; ma prima di risolvere di velerse, bisogna avere riflesso alla durata del gonfiamento della palude; all'altezza di esso; alla condizione de' terreni; e simili: perchè da tali circostanze può essa essere resa, o fruttuosa, o infruttuosa.

Que' condotti, che hanno esito immediato nel mare, richiedono anch'essi diverse considerazioni, secondo la diversità delle circostanze. Posciachè il flusso, e riflusso, ed il gonfiamento delle burrasche, talora riescono di danno alle foci degli scoli, e talora d'utile. Ognuno sa, che il mare si forma da se medesimo gli argini all'intorno, con monticelli di arena continuati, che da alcuni sono chiamati *Dune*, e da altri *Albaioni*. L'altezza di questi difende il terreno interiore dall'inondazioni, che seguirebbero in tempo di burrasca, e tal volta, anche in tempo della consueta marea. Bisogna tagliare queste dune, per introdurre il condotto nel mare; ma nello stesso tempo bisogna armarlo di forti argini, acciò introducendosi, per lo taglio delle dune, l'acqua del mare burrascosa, non s'allarghi per le campagne a sommergerle, come qualche volta è succeduto ne' paesi bassi, per sempre. Quindi per non mettersi a tal'azzardo si suole provvedere con forti chiaviche, che serrandosi, quando il mare è alto, lo obbligano a contenersi ne' soliti limiti, ed aprendosi in mar basso, danno scolo alle acque trattenute nel tempo della chiusura. In alcuni scoli però, che, o per la lunghezza del viaggio, o per altra cagione sono abbondanti d'acqua in ogni tempo, ed equivagliano a piccioli fiumi, può darsi il caso, che le chiaviche non siano necessarie, bastando l'influsso perenne di acqua abbondante, a riimpingere quella del mare; siccome non occorrono in que' fitti, ne' quali la campagna, scostandosi dal lido, si alza sempre considerabilmente. L'osservazione dell'alzamento, che fa il mare tempestoso, paragonato al livello del piano della campagna, farà ben conoscere, quali siano gli scoli, che richiedono chiaviche, e quali no; e di qual forte d'argini debbano essere provveduti. Vi sono degli scoli di campagne, i quali hanno le sue foci al mare così ampie, e profonde, che formano piccioli porti, e dan-

danno ricovero a qualche nave di mediocre grandezza: tal effetto può nascere, o dal fondo naturale del mare in quel sito; o dall'abbondanza dell'acqua dello scolo; o dalla situazione del lido; o dalla direzione dello sbocco, non soggetta a que' venti impetuosi, che spingono nelle tempeste l'arena alla spiaggia; o dal flusso, e riflusso copioso del mare; o da qualche altro principio, che rimuova le caute degl' interrimenti, e promuova quella dell'escavazioni, difficile ad immaginarsi senza l'osservazione oculare, e particolare del luogo. All'incontro *ve ne sono degli altri, lo sbocco de' quali*, per così dire, *ad ogni soffio di vento contrario si ferra*; e questi fa di mestieri, o divertirsi ad altra parte; o pure restringendo l'acqua con palificate, fare, *ch' essa entri nel mare velocemente*, di modo che vaglia a corrodere l'arena deposta, e ad impedire nuove deposizioni.

Nell' uso de' gli scoli non basta avere una buona foce; ma di più v'è necessario, che le campagne possano tramandarvi dentro l'acqua delle piogge, e che l'alveo de' gli scoli medesimi non le spanda lateralmente; perciò bisogna riflettere, che essendo, per lo più, l'acqua di tali fiumicelli assai scarsa, in paragone di quella de' gli altri fiumi, se la medesima fosse torbida, acquisterebbe una considerabile caduta prima di stabilirsi l'alveo, la quale farebbe, che nelle pianure di poco pendio, il fondo si elevasse notabilmente sopra il piano di terra, e si rendesse incapace a ricevere l'acqua delle campagne: quindi è, che da tal sorte d'acque non occorre aspettare vana escavazione; ma piuttosto è necessario con opera manuale formare loro l'alveo, e preparare la strada, che deono tenere per portarsi al loro esito.

Qui è d'avvertire, che l'escavazione de' condotti dee essere fatta così profonda, che possa ricevere l'acqua in grande abbondanza, e non lasse elevarsi di lei peso sopra il piano delle campagne; e se è possibile, nè meno sopra il fondo de' fossi, che dentro vi scorrono. O're questi termini, è superflua ogni escavazione; perchè allo scolo de' terreni basta, che i fossi privati restino asciutti dopo le piogge. Tale beneficio però in luoghi bassi, molte volte, non si può ottenere con tutta l'escavazione possibile; attesoche, disposto che sia il fondo del condotto a' la situazione orizzontale, più bassa del livello del recipiente, quanto dee essere il fondo della foce del condotto; se sorto di esso si farà maggiore escavazione, a poco altro servirà, che a tirare all'insù maggiore rigurgito, o a fare de' gorgi nel fondo del condotto; oltre che le escavazioni; quanto più sono profonde, addimandano maggior la ghezza nella parte superiore di esse, che nel nostro caso sarebbe un consumo di terreno ben grande, senza corrispondente utilità. Egli è ben vero, che nell'escavazione di questi condotti è meglio abbondare nel molto, che mancare anche in poco; e la ragione si è, perchè, non ostante, che gli scoli delle campagne non portino che acque chiare; queste non possono però essere mai tanto limpide, che non ammettano qualche mistura di limo, il quale viene portato via dalla superficie de' campi, particolarmente in tempo di piogge impetuose, e se non altro dal dirupamento, e slivamento delle ripe del condotto medesimo; e perciò, godendo l'acqua poca velocità di corso, a causa sì del poco pendio dell'alveo, sì del poco corpo d'acqua, è necessario, che la materia terrea deponendosi, alzì il fondo del condotto; e per conseguenza si elevi il peso dell'acqua, sul quale non potranno più avere esito felice le acque delle campagne; perciò quanto maggiore sarà l'escavazione, tanto più starà il fondo del condotto ad arrivare a quel segno d'interimento, che può rendersi nocivo. Ma per lo contrario essendo difettosa la primiera escavazione, immediatamente, e sempre più, si sentiranno le conseguenze del difetto, che anderà accrescendosi; e sarà necessario di

pensare ad una nuova escavazione. Quindi è, che gli scoli non potendo da se mantenersi scavati, e necessariamente dovendo interrirsi, per le cause sopradette inevitabili [oltre altre molte, che o l'ignoranza, o la malizia, permette, e frapponne] hanno bisogno che fosse di scolo di temporanei, e replicati scavamenti, che alle occasioni deono intraprendersi con buone regole.

I Verre la prima circa lo sbocco, *il fondo del quale, quanto più s'abbasserà sotto il pelo dell'acqua, in cui dee avere esito il condotto, tanto più sarà felice lo scolo*; il che però si dee intendere ne' casi, ne' quali la situazione della campagna addimandi, che si procuri tutta la possibile felicità di scolo. Per altro, *quando i terreni sono alti, basta provvederli abbondantemente di scolo, e trascurare quel più, che si potrebbe avere, sì per non intraprendere spese inutili, sì per impedire i mali effetti dell'escavazioni troppo profonde. L'abbassamento perciò dello sbocco mai non si dee fare sotto il fondo del fiume, palude, o altro vaso, dentro il quale egli s'apre, perchè ciò sarebbe un getto inutile, e di fatica, e di spesa; nè meno si dee sempre abbassare lo sbocco fino al fondo predetto, se la necessità non lo richiede. Ma occorrendo di farlo, come molte volte succede a quelli, che entrano nelle paludi*; perchè la maggior profondità di queste non si trova, che rare volte, nella circonferenza, ma per lo più al dentro di esse; si dee prolungare l'escavazione, fino al luogo più profondo; e s'è possibile, aperto, e libero dagl'impedimenti, che portano allo scarico delle acque, l'erbe nascenti ne' luoghi paludosi.

II La seconda regola è, *che l'escavazioni, che si fanno dentro le paludi per gli scoli, non deono essere secondate da argini, se per altro motivo non sono necessari*; ma se pure la terra dell'escavazione dee fare qualche alzamento alle iponde, si dee con tagli, dare comunicazione all'acqua della palude con quella dello scolo; e la ragione di ciò è, perchè quanto più presto l'acque correnti trovano il pelo d'acqua, sul quale debbono spianarsi, tanto più restano basse di superficie nelle parti superiori.

III Quanto lo sbocco, e profondato quanto basta, si ha da determinare il fondo dell'escavazione, che ha da essere regolato dalla superficie de' terreni, che dentro vi deono scolare, avendo riguardo a' più bassi; e perciò talora nelle parti inferiori può essere necessaria l'escavazione fino all'orizzontale del fondo dello sbocco, e tal volta può avere qualche declività maggiore, o minore secondo la diversità de' casi; perciò non è necessario, che il fondo de' condotti stia disteso, secondotutta la sua lunghezza, sul tipo d'una sola cadente; ma può averne diverse, secondo la differente pittura della superficie delle campagne; ond'è, che questa, prima di determinare cosa alcuna, dovrà bene esaminarsi colla livellazione; nel fare la quale (per isfuggire gli errori, che inevitabilmente si commettono nell'uso degli altri livelli, quantunque provveduti di cannocchiali ec.) consiglierai sempre, a valersi dell'acqua de' conlotti medesimi, resa stagnante con argini trasversali; e di quelli de' fossi delle campagne, per esaminare la situazione di esse.

Qui mi si presenta l'occasione di manifestare un errore assai commune, ch'è di congetturare la felicità d'uno scolo dalla velocità, colla quale si vede correre l'acqua di esso. Non v'ha dubbio, per quello, che tante volte si è detto, che la velocità dell'acqua non dipenda, o dal declivio dell'alveo, o dall'altezza viva della medesima; ogni volta adunque che l'acqua si vedrà correre con gran velocità, bisognerà dire, o che l'alveo sia molto declive, o che l'altezza del corpo d'acqua sia grande: e ciò (sia nell'una, o nell'altra maniera) porta pregiudizio allo scolo; poichè, se si parla della de-

clività dell'alveo, certo è, che quando l'alveo è più declive, il di lui fondo progredendo dal basso all'alto, si va più elevando; e per conseguenza va avvicinandosi al piano delle campagne, più che non farebbe, quando il medesimo alveo avesse minore declività; il che vuol dire, che *la gran caduta dello scolo ne leva altrettanta a' fossi particolari*, che è quella, che principalmente dee desiderarsi. Rispetto poi all'altezza viva dell'acqua dello scolo, ognuno sa, che *quanto è maggiore l'altezza dell'acqua, tanto più difficilmente v'entra dentro quella de' fossi laterali*; e perciò per l'uno, e per l'altro capo, *la velocità dell'acqua del condotto non arguisce bontà in esso; ma piuttosto interimento del di lui fondo*. Ed in fatti l'acque degli colli interriti, nel formontare, che fanno, i dossi dell'interimento, acquistano velocità maggiore, precipitando, per così dire, da essi; e da ciò principalmente si deduce l'esistenza del dosso medesimo. *Perchè uno scolo goda di tutta la felicità è possibile, conviene, che il di lui pelo d'acqua sia sempre orizzontale a quello del recipiente; e ciò è incomparabile colla caduta del fondo dell'alveo, e colla grande altezza viva dell'acqua, che corre per esso: bensì concorre a rendere il pelo medesimo, se non affatto orizzontale, almeno insensibilmente differente da esso, il togliere tutta la caduta al fondo del condotto, ed il darli tale latitudine, che per la soprabbondanza di essa, renda l'acqua, quasi stagnante, ed abbassata, quasi sul pelo del recipiente: circostanza, che toglie a questa quel grado di velocità, che per altro avrebbe, ristretto che fosse l'alveo. Piuttosto adunque, dal vedere l'acqua d'uno scolo, seguitamente fino al suo termine con poco moto, si può arguire, ch'esso faccia il suo ufficio con felicità, che dall'osservare in esso le acque assai veloci.*

Io non voglio perciò negare, che la velocità dell'acqua in un condotto, non sia una condizione desiderabile, ed utile per mantenere espurgato il di lui alveo, o almeno per impedire, che l'interimento non si faccia così sollecitamente; ma tale io l'asserisco solo ne' casi, ne' quali i fossi particolari hanno in esso tutta la caduta, che loro fa di mestieri, e ne avanza al condotto tanta, che basti a smaltire l'acqua con gran velocità; altrimenti, *se la caduta del condotto, come il più delle volte accade, leva a' fossi quella, che loro è necessaria, bisogna toglierla al primo, ed aggiungerla a' secondi, resti, o no, veloce il corso dell'acqua del pubblico scolo*. Prescindendo da ciò, torna sempre a conto di fare, che l'acqua del predetto scolo corra, il più veloce che sia possibile, al suo termine, acciocchè la velocità influisca in tenere più bassa la di lei superficie. *Ciò si otterrà, se si allontaneranno tutti gl'impedimenti; siano essi, o erbe nate nel fondo dell'alveo, che in luoghi simili sono solite crescere ben alte, e impedire col loro corpo, restringendo le sezioni del condotto, ed in altra maniera, la velocità all'acqua; o ponti; o lavorieri da pesche; o ripari; o simili: similmente se lo scolo (quando le altre circostanze lo permettano) si porterà al suo termine per la più breve linea; se si toglieranno, quanto sia possibile, le tortuosità; se lo sbocco de' fossi particolari entrerà a seconda della corrente; e generalmente, se si terrà lontano tutto ciò, che serve di ritardo al corso dell'acqua.*

IV. La terra escavata dal condotto (siasi, o nella primiera costruzione di esso, o nelle reiterare escavazioni) si porti, o si getti al largo, lontano dalla riva del condotto, acciocchè le piogge non ve la riportino dentro; e per la stessa ragione bisognava regolarla in argine, si procuri, che la scarpata d'esso verso il condotto, sia poco declive, e tale sia anche quella dell'escavazione.

V. Rispetto alla larghezza degli scoli, è certo, che quanto sarà maggiore, tanto sarà migliore; si dee però avvertire di non consumare inutilmente il terreno; particolarmente ne' casi, ne' quali la caduta de' terreni può am-

mettere minore la larghezza, e collo stesso beneficio. Ma negli scolì, che sono muniti di chiavica, le fosse deono essere tanto larghe, che possano contenere, occorrendo, coll' aiuto de' fossi delle campagne, tutta, o la maggior parte dell' acqua, che può piovere nel tempo, nel quale regolarmente suol' stare serrata la chiavica.

VI. Nell' elezione del luogo, nel quale si si deono fabbricare le chiaviche, si dee avere una particolare avvertenza; poichè debbono farsi in tale distanza dal fiume, che la corrosione non possa avanzarsi a scuotere i di lei fondamenti, altrimenti si sarà in pericolo di perdere in breve tempo l' uso di essa, e di obbligare gl' interessati alla spesa di nuova fabbrica; non dee però detta distanza essere soverchia; attesochè interrendosi ad ogni piena del fiume recipiente, quando sia torbido, il canale, che dalla chiavica va al labro del fiume, rendesi maggiore la spesa dell' escavazione, quanto più il detto canale è lungo. In oltre dee lo sbocco di detto canale secondare colla sua direzione la corrente del fiume, e non mai terminare in un' alluvione, per la ragione allegata. Quindi è, che bisogna talmente attemperare le cose, che s' uniscano insieme la sicurezza delle chiaviche, e la minore spesa possibile per l' escavazione del canale, che sta avanti di esse.

Quanto al maneggiare le medesime, non vi ha dubbio, che le regole dipendono dalla pratica, e dall' esperienza degli effetti, sì del fiume, nel quale esse sboccano, sì del condotto, il quale da esse è terminato. Generalmente però si può dare per regola, che le chiaviche debbano stare aperte, ogni volta che l' acqua del condotto è, o farebbe, chiusa che fosse la chiavica, più alta di quella del fiume, e sempre serrata, quando quella del fiume è più alta di quella del condotto; perciò può darsi il caso, che un fiume corra con una piena altissima, e, non ostante, restino aperte le porte delle chiaviche; ed all' incontro debbano restar chiuse le medesime in una piena mezzana; perchè, se nel primo caso il condotto porterà acqua abbondante, potrà la di lei altezza preggiare, ed anco superare quella della piena; ma nel secondo, può essere l' acqua dello scolo così scarsa, che la piena mezzana la superi di molto nell' elevazione della superficie.

Serve anche per regola universale la seguente, cioè: Se l' interrimento fatto nel canale esteriore alla chiavica, cessando la piena, resta più basso, che il pelo dell' acqua ritenuta nel condotto interiore; purchè in tale stato si possano aprire le porte, basta dar' esito all' acqua del condotto; poichè questa coopererà ad escavare, o totalmente escaverà col suo corso l' interrimento di detto canale; tanto più, ch' egli suol essere facile ad essere levato, quando non sia ancora stato asciugato dal Sole; poichè, in tale stato suol essere, per così dire, di natura mezzana fra l' acqua, e la terra. All' incontro restando l' interrimento più alto del pelo dell' acqua interiore alla chiavica, conviene escavare manualmente un picciolo fossito, e profundarlo tanto, che, alzata che sia la porta della chiavica, possi correre per esso l' acqua trattenuta; ed attendere, che col beneficio, o del solo corso dell' acqua, o d' aiuto aggiuntovi, si elevi il restante dell' interrimento; avvertendo sempre, che ciò, che si conosce non potere ottenersi dalla sola forza uell' acqua, si dee impetrare dalla fatica degli uomini.

VII. Hanno gli scolì le loro piene in tempo di piogge, e correndo ristretti fra le ripe, può essere, che il corpo d' acqua di essi tanti s' elevi, che passa sopra le sponde ne' siti inferiori. In tal caso è necessaria la difesa degli argini, per impedire le inondazioni, ma i medesimi difficultano l' uso dello scolo a' terreni contigui; quindi fa di mestieri, che questi abbiano uno scolo particolare, e in niuna maniera comunicante col primo; e pure, dovendo essi scolare in.

in questo, che si provveda di chiaviche da chiudere in tempo di piena, e da aprirle dopo, che sarà cessata. Può anche darsi il caso, che, se il condotto principale entrerà senza chiavica in un fiume, gl'interimenti fatti da' rigurgiti di questo, non pregiudichino già allo scolo de' terreni superiori; ma bensì a quello de' terreni inferiori, e riesca troppo dispendioso il levarli ad ogni piena, allora, se vi sarà altro luogo più idoneo, non torna conto di sbuccare lo scolo minore nel maggiore, ma bensì di portarlo ad altro termine più basso; e sebbene, qualche volta, osta l'andamento del medesimo scolo maggiore, il quale interseca la strada, che dovrebbe fare il minore; nulladimeno si può per via di botte sotterranee, far passare l'acqua sotto il di lui fondo, ed incamminarla a luogo conveniente, come ordinariamente si pratica ne' casi simili, e quando i terreni sono così bassi di superficie, che richiedono, per lo scolo dell'acque proprie, maggiore bassezza alla foce del condotto.

Già che l'occasione ha portato di avere a far menzione delle borti sotterranee, non sarà fuori di proposito di aggiungere, per compimento di questa materia, qualche considerazione intorno di esse. Non è cosa nuova, che due corsi d'acqua s'intersechino l'un l'altro, senza mischiarsi insieme di sorta veruna, e siccome procedono da diverse parti, così si portino, dopo l'intersecazione, verso parti contrarie. Ciò s'osserva frequentemente ne' canali d'irrigazione, che bagnano quasi tutta la Lombardia; e ne' condotti, pure di scolo, che tengono essiccar gran parte del Ferrarese, del Polesine di Rovigo, e del Padovano. Si pratica ciò col far passare un canale sotto, o sopra di un altro, facendogli un alveo separato, o di muro, o di legname, per lo quale si porti da una ripa all'altra del canale, che si traversa. Se tale fabbrica si fa in maniera, che possa servire di alveo ad un canale, che passi sopra dell'acqua di un altro, il quale scorra per un alveo di terra, ella si chiama *Ponte canale*; perchè, per l'appunto, fa l'ufficio di ponte, ed insieme quello di canale: ma se la medesima fabbrica porterà l'acqua sotto il fondo di un altro fiume, o canale, che pure abbia l'alveo suo formato di terra, allora si chiama *botte sotterranea*.

I Ponti canali sono di due sorte; poichè, o essi sono così elevati sopra il pelo del canale, sopra del quale passano, che il detto pelo, nè anche in tempo di piena, arrivi a toccarli; o pure così poco, che o in tempo di piena, o sempre si faccia del ristagno dalla parte superiore. Sopra de' primi cadono poche considerazioni: solo si dee avvertire, che la loro altezza non pregiudichi alla caduta, necessaria alla parte superiore del canale, che dentro vi corre, e che perciò non obblighi a soverchie, e replicate escavazioni. Buona regola perciò sarebbe, che il loro fondo s'accomodasse alla cadente naturale del fondo di esso canale; perchè situandolo alla prima più basso, si leverà la caduta alla parte inferiore, e perciò succederanno deposizioni, che obbligheranno a fare nuovo alzamento di sponde: o pure a mantenere scavato l'alveo predetto; e facendolo più alto, si faranno interimenti nella parte superiore, e nella inferiore vi sarà una cateratta, che col corso troppo veloce dell'acqua potrà mettere in pericolo la fabbrica; ben è vero, che in tali casi, ne' quali, per lo più, i canali sono piccioli, le cadute sono altresì difettose, e l'escavazione supplisce ad ogni cattivo effetto. Ma, se si dovesse praticare tale artificio in fiumi grandi, sarebbe necessaria ogni maggiore avvertenza, e si dovrebbe anche considerare ciò, che potesse succedere, quando per alcuno di quelli accidenti, de' quali non manca l'incertezza delle cose mondane, restasse, o deteriorata, o distrutta la fabbrica del Ponte canale, che mezzi potessero tenerli nella di lui riedificazione, o ristorazione; a qual parte si dovesse nel tempo dell'operazione divertire

il fiume; onde s'avesse a ricavare il denaro; e se l'enormità della spesa necessaria, per eseguire simili intraprese, avesse in contrapposto quell'utile, ch'ella merita. Quindi è, che le fabbriche di tal sorta non si vedono in uso, che per acque mediocri, e per lo più, chiare, circa le quali non sono necessarie tante cautele.

I Ponti-canalì poi, i quali col loro fondo arrivano a toccare la superficie dell'acque del fiume, che traversano, oltre le predette riflessioni, addimandano la ponderazione degli effetti, che possono succedere nel fiume inferiore, i quali, quando veramente non succeda ristagno d'acqua, non saranno differenti da quelli, che fa un ponte ordinario, de' quali abbiamo avuto discorso nel Cap. VII. ma quando faccia ristagno, cioè, quando la superficie dell'acqua del fiume inferiore sia obbligata, a causa dell'impedimento incontrato; ad elevarsi nella parte superiore al ponte-canale, più della di lui apertura; allora, secondo la diversa velocità dell'acqua, nasceranno effetti diversi; poichè in ogni maniera l'acqua impedita vorrà farsi, davanti al ponte, quell'altezza, che può essere sufficiente ad acquistare tanta velocità, da passare tutta per lo vano del ponte medesimo. E perchè, trovandosi l'acqua molto veloce, per causa de' gradi di celerità acquistati nella discesa, non accresce a se medesima, nuova velocità per poca altezza d'acqua sopraggiunta; può darsi il caso, che questa si faccia tanto grande, che formonti le ripe, o l'ostacolo del ponte-canale; e con ciò, o trovi altra strada al suo corso, o renda inutile, ed anche rovini la fabbrica di esso. Ordinariamente però, ciò non accaderà; ma acquisterà l'acqua tale altezza, che potrà passare per lo vano del ponte. Ben è vero, che accrescendosi con questo mezzo la velocità dell'acqua medesima, se il fondo del canale inferiore non avrà una soglia stabile, si formerà un gorgo sotto il ponte, che potrà mettere in pericolo i fondamenti di esso; i quali, perciò, nell'ideare la fabbrica del medesimo, si deono determinare molto profondi, ad oggetto di prevenire il pericolo. È superfluo il motivare, che la larghezza di queste fabbriche, non dee essere minore di quella dell'alveo ordinario del canale; che dee passare per esse, e che la loro lunghezza non dee estendersi solamente per tutta la larghezza del fiume inferiore, ma molto più, col fine d'impedire, che l'acqua del canale superiore, o trapelando per li pori della terra, o rodendo, da alcuna parte, le proprie sponde, non si faccia strada, o non si apra una foce nelle sponde dell'inferiore; e perciò de' fiumi, le corrosioni de' quali non sono facili da impedire, l'esito de' ponti canalì è incerto, non avendosi sicurezze, che essi debbano sempre andare ad imboccarli.

Simboleggiano co' ponti canalì di quest'ultima sorta le botte sotterranee; poichè queste non sono altro, che il vano, che lasciano essi sotto di loro, fortificato con fabbrica di muro, o di legno. Queste pure sono di due sorti, cioè, o col fondo piano, o col fondo concavo; le prime di nuovo si dividono, perchè, o l'acque passano per la botte liberamente, e senza essere trattennute; o pure con ristagno. Le botte libere traversano il fiume, o canale superiore per di sotto, senz'alcuna variazione nel corso dell'acqua del canale inferiore; ma dee avvertirsi, che non possono aver luogo, che in caso di traversare un fiume, il fondo del quale sia molto elevato sopra quello del canale, che passa per esse; ed è necessario, che la differenza delle calce, addimandate dall'uno, e dall'altro canale, per condursi al suo termine, sia almeno tanta, quanta dee essere l'altezza della botte, compresa la grossezza del voto di essa; e la caduta sia maggiore nel canale superiore; altrimenti, parlando di acque, che iniettano gli alvei propri, o la botte muterà natura, o si renderà inutile in breve tempo. Le botte ristagnanti, poi, producono quegli effetti, che di so-

Vedi la
Fig. 55.
e 56.

pra abbiamo detto succedere, quando l'acque, che passano sotto i ponti canali, fanno del ristagno, ed a questo si dee avere riguardo, nel munire di argini il canale dalla parte di sopra. Finalmente le botti, che hanno il fondo concavo, sono del genere di quelle, che hanno necessario il ristagno; e si praticano ne' casi, ne' quali si deono traversare fiumi, o canali più bassi di fondo di quello permetta la cadente del canale, che dee passare per la botte; poichè, se il canale traversato esigerà caduta minore di quella, che addimanda il canale traversante, bisognerà, che questo, o passi sopra, per un ponte canale; o non potendo (come quando la differenza di dette cadure è minore del corpo d'acqua, che porta il canale traversato) passi sotto il di lui fondo, ma per una botte concava, dentro la quale discendendo l'acqua dalla parte superiore, risalti poi, e torni fuori a forza d'equilibrio nella parte inferiore, dove trovando un alveo proporzionato, s'incammini per esso al suo viaggio. L'acqua, che corre per botti di questa sorta, s'ella è perenne, bisogna, che le mantenga sempre piene; perchè è necessaria la continuazione dell'acqua, e la resistenza delle sponde, acciò la forza dell'equilibrio possa operare; anzi le parti interiori tutte della fabbrica patiscono dall'acqua medesima, una spinta considerabile, che rende maggiore, quanto più grande è la saetta della concavità, cioè a dire, quando più la medesima botte resta profonda; quindi è, che nel destinare le grossezze delle volte di essa, bisogna avere riflesso alla forza, alla quale deono resistere; ed abbondare piuttosto, che mancare nella robustezza, e buona costruzione del lavoro, attela la difficoltà, che si può incontrare nell'aver di nuovo a porvi le mani, a cagione, sì del canale, che vi passa sopra, sì di quello, che dentro vi dee scorrere. Le botti concave non possono servire per acque, che portino sassi, o ghiaie, perchè queste materie non trovano già difficoltà veruna ad entrare in esse; ma ne incontrano molta all'uscirne, che si rende loro difficile, se non impossibile, contrastando al rimontare in alto, la gravità delle medesime. Quindi è, che in tali circostanze riempiendosi, si chiude il passaggio all'acqua, e la botte cessa dal suo ufficio; lo stesso fanno, ma in più lungo spazio di tempo, l'acque, che depongono de' tartari da' lati de' condotti, che le portano; e perciò bisogna esaminare la natura dell'acqua, prima d'intraprendere il lavoro.

Gli effetti sono di dare il passaggio assai buono alle acque da una parte all'altra del fiume, che traversano, quando anche portino materia limosa; perchè questa, restando incorporata all'acqua, seguita con facilità i moti di essa, e cessando il corso, può ben deporvi il limo, ma restando bagnato dall'acqua continua, che resta stagnante nel concavo della botte, è facile a sollevarsi di nuovo, e ad uscirne al primo corso d'acqua, che sopravvenga. Maggiore difficoltà s'incontrerà nelle materie arenose, che possono essere di differente peso, e grossezza; delle quali perciò, altre usciranno con facilità, altre con difficoltà; ed altre di niuna maniera, dipendendo ciò dalla proporzione, che ha la forza dell'acqua alla resistenza della materia, che da esse dee essere trasportata. Per determinare la forza dell'acqua, serve molto l'osservazione della differenza del livello de' peli d'acqua, tanto all'entrare, che all'uscire dalla botte; poichè, se il pelo dell'acqua, che entra, sarà orizzontale con quella dell'acqua, che esce, [come succederà, quando i fondi del canale superiore, ed inferiore sono nella cadente medesima, e l'acqua non riceve impedimento veruno all'entrata] eguale sarà la forza dell'acqua, da una parte, e dall'altra della botte; ma, se l'acqua avrà il pelo più alto all'entrare, che all'uscire dalla botte, allora maggiore sarà la forza dell'acqua, che esce. La resistenza poi della materia, che dee essere tra-

trasportata, si varia dalla mole, e gravità de' piccioli rottami di essa; e quando non possa essere sollevata, ed incorporata all'acqua, come succede alle arene più grosse, si varia in più modi la resistenza di queste, secondo la diversa inclinazione del piano, sul quale deono scorrere. Quindi è, che la diversa concavità della botte contribuisce molto, o a lasciarle uscire, o a trattenerle le materie pesanti, essendo certo, che la medesima molecola di arena, potrà essere trasportata da una forza determinata per un piano poco acclive, e non potrà essere spinta un pelo, dalla forza medesima, accrescendosi l'acclività. Tutto ciò fa conoscere, che l'uso delle botte sotterranee, particolarmente di quest'ultima spezie, s'estende poco più oltre, che a piccioli canali, che portino acque chiare, come sono gli scoli delle campagne, e simili; e che i ponti canali a poco altro servono, che a canali regolati, o a piccioli fiumicelli temporanei, i quali poco importa, se siano torbidi, o portino materia ghiaiosa, purchè il fondo del ponte-canale sia accomodato alla naturale cadente di essi.

Ritornando alla materia degli scoli, resta da determinare un punto, che suol cagionare molte volte disparei ben grandi fra quelli, che si credono interessati in pubblico condotto; ed è *Se sia meglio unire tutte l'acque di una regione, o tratto di paese, in una sola fossa di scolo, o pure dividerle, mandandole per diversi condotti al loro termine*. Noi abbiamo detto nel Cap. IX. parlando dell'unione di più fiumi insieme, che quanto maggiore è il corpo d'acqua, che corre per un fiume, tanto maggiormente si profonda il di lui alveo, tanto più s'abbassa la di lui superficie nelle massime piene. Se questa dottrina si potesse applicare agli alvei degli scoli, sarebbe decisa la questione, a favore dell'unione di tutte le acque in un solo condotto; ma in fatti ella non è applicabile, perchè parlando di fiumi, s'intende, che abbiano gli alvei stabiliti, e non possano elevarsi per deposizione di materia, il che non succede negli scoli, che hanno sempre dall'escavazione manuale declività minore di quella, che richiede l'unione delle loro circonferenze; Non mantenendosi, adunque, gli scoli escavati a forza di corso d'acqua, nè meno può l'acqua aggiunta, se non sia quella di un fiume ben grande, accrescer loro il profondamento dell'alveo; e perciò converrà, che quanto maggiore è il corpo d'acqua, che scorre per esso, tanto più alto sia il di lei pelo; e per conseguenza può darsi il caso, che pregiudichi allo scolo de' fossi particolari, che deono avere l'ingresso nell'alveo medesimo. Si dee dunque avvertire all'alzamento del pelo, che possono fare nel condotto tutte le acque unite; e quando esso resti in istato di non rendersi nocivo a veruno; quante più acque s'uniscono, tanto è più utile; perchè, oltre il consumare meno di terreno, e il non intersecare la campagna con tanti condotti, s'uniscono altresì più borse in un solo interesse, cioè alla manutenzione dell'alveo dello scolo, che riesce meno dispendiosa a' particolari. Bisogna adunque, quando si tratta di aggiungere nuovi acqua ad un condotto di scolo, nè subito rigettare la Proposizione, nè subito approvarla; ma bensì ponderare gl'effetti, che ne possono succedere; e rinvenuti, mettere in bilancia i vantaggi, ed i pregiudizj, che se ne possono ricevere; e secondo la prevalenza, o degli uni, o degli altri, risolverli, o ad ammettere la Proposizione con equità, o a rigettarla con giustizia, e quando la disposizione della legge obblighi la parte inferiore a ricevere le acque, tutto che nuove, della superiore, anche con pregiudizio, pensare a que' ripieghi, che possono togliere, o almeno sminuire il danno, fra quali non ha picciola parte la dilatazione dell'alveo del condotto.

Circa l'elezione de' luoghi, per li quali si deono far passare le fosse di scolo.

scolo, abbiamo detto di sopra, essere essi, per lo più indicati dalla natura, col fare da sè la strada allo scarico dell'acque; e perciò non è, alle volte, troppo sano consiglio, col motivo di abbreviare la linea dello scolo, mutargli situazione; perchè i terreni più bassi restando in sito lontano dal condotto, può essere, che comincino a patire di scolo. E' però certo, che, in parità di circostanze, la linea retta è sempre da preferirsi alla curva; ma sopra ciò non si può dare regola veruna, dipendendo l'elezione del luogo per lo scolo, da molte condizioni, che debbono osservarsi sul fatto.



CAPITOLO XII.

De' canali regolati, e delle regole più principali da osservarsi nella direzione di essi.

SI pratica appresso i popoli più industriosi, di derivare da' fiumi maggiori qualche porzione di acqua, che serva a varj usi degli uomini: cioè, o alle irrigazioni; o alle navigazioni; o a far muovere edifici; diretti a diverse sorti di lavoro; o a fontane; o ad altro; in tali derivazioni però, se non sono ben maneggiate, s'incontrano frequentemente delle difficoltà, e ne nascono molti pregiudizj: e questa è la ragione, per la quale abbiamo creduto di dovere, in questo Capitolo, separatamente discorrerne.

Sono tali acque derivate, dette *Canali regolati*; perchè ne' loro alvei, per lo più, è così regolata l'introduzione dell'acque, che, ad ogni volontà di chi li regola, possono esse e sminuirsi, e affatto togliersi; senza di che, equivalerebbero ad un ramo, o braccio di fiume naturale; ed in tal caso non potrebbero dirsi regolati; simbolizzano nulladimeno i canali regolati co' rami de' fiumi, i quali ricevono l'acqua dal loro tronco principale, per sola regola di natura, ed hanno, secondo il più, ed il meno, le proprietà del fiume, dal quale si partono; onde è, che per inrendere la natura de' canali regolati, è d'uopo di ben intendere, prima, quella de' rami de' fiumi.

Si dee adunque osservare, che ad effetto; che questi si mantengano, si richie-
de eguale caduta nell'uno, e nell'altro di essi; egualmente spedita l'introduzione dell'acqua nell'imboccatura de' medesimi; eguali le resistenze nelle ripe, e particolarmente nel fondo degli alvei; ed in fine, eguali tutte le circostanze, che possono, o accrescere, o conservare, o ritardare la velocità dell'acqua, che scorre per essi; dall'egualità delle quali cose si forma un esatto equilibrio, al quale succede una perpetua conservazione de' rami, ne' quali si divide il tronco primario di un fiume. Può però darsi il caso, che si abbia l'equilibrio delle circostanze; e per conseguenza, che si mantenga il corso del fiume per li suoi rami, senza che le medesime siano eguali ad una ad una; purchè il difetto della prima sia compensato coll'eccesso della seconda: essendo certo appresso i geometri, che dalle proporzioni reciproce si compone la proporzione di egualità.

Possono anche conservarsi i rami d'un fiume, presso a poco, nello stato medesimo, per cagione di un continuo sconcerto del sopraccennato equilibrio, purchè la prevalenza delle condizioni si permuti a favore, ora dell'accrescimento, ora del decrescimento del ramo medesimo; poichè allora le cose si mantengono, a un dipresso, nell'istesso stato, quando continuamente, e per brevi intervalli di tempo, crescono, e calano, librandosi, per così dire, attorno il termine di mezzo, che è quella, che sta tra il massimo accrescersi, ed il massimo di-

minuirsi. Ciò ne' fiumi il più delle volte, succede per la diversa direzione dell' *imboccatura*, la quale, secondo ch'è più favorevole ad un ramo, che all' altro, fa entrare maggior corpo d'acqua nel primo, che nel secondo, il che contribuisce alla di lui escavazione, e dilatazione; ma cambiandosi, come molte volte avviene, la direzione del filone, e voltandosi all' altra parte, ne segue, che il ramo, il quale pareva, tendesse all' essere abbandonato dal fiume, di nuovo lo riceva abbondantemente; e l' altro, che correva gonfio, ritorni alla sua primiera debolezza. Per altro, quando in un ramo vi sono impedimenti stabili, e nell' altro perpetua facilità di corso: in una parola, quando un ramo gode continuamente delle condizioni più vantaggiose al di lui corso, alla di lui dilatazione, ed escavazione, nè mai si viene all' equilibrio, colle condizioni dell' altro, è necessario, che il medesimo asserbisca, col tempo, tutta l' acqua del fiume, e che l' altro ramo sia interamente abbandonato, particolarmente in caso di acque torbide, le quali, illanguidendosi il moto, interriscano il proprio letto. Ho detto particolarmente in caso di acque torbide; perchè, essendole acque portate dal fiume in ogni tempo chiare, possono, per molti altri capi, mantenersi nel medesimo diversi rami, i quali tutti portino acqua in diversa proporzione, senza considerabile alterazione, da un tempo all' altro, come succede ne' canali d' irrigazione, e simili.

Quando dunque si vuole derivare l' acque da qualche fiume, è necessario, per prima regola, di superare in qualche maniera la forza, colla quale esso corre per l' alveo proprio, acciòchè possa prendere strada diversa, il che ne' fiumi incassati difficilmente, negli arginati facilmente si consegue; posciachè in questi il continuo sforzo, che fa contro le sponde l' altezza dell' acqua, serve per principio efficiente a farle prendere altra direzione; e basta tagliar l' argine, perchè l' acqua n' esca, e s' introduca, dove si vuole, come abbiamo detto, parlando delle rotte de' fiumi. Quindi è, che se avanti l' incisione dell' argine sarà stato preparato un canale proporzionato, che abbia sufficiente caduta al suo termine, l' acqua ussita dal fiume comincerà a correre per esso, e vi si manterrà, in guisa che il predetto equilibrio di circostanze; e perdendosi, converrà ricavarlo coll' arte. Non è però sicuro il fare la sola incisione dell' argine, anzi la facilità, colla quale gli argini sono corrosi dal corso dell' acqua, particolarmente in quei luoghi, dove il fiume si divide in più rami, e perciò egli è necessario fortificare le parti laterali dell' incile con fabbrica di muro, e di costruzione simile a quella, che si pratica nelle chiaviche, che servono agli scoli, alla quale applicandosi delle porte, o cateratte di legno, potranno queste servire per regolare l' introduzione dell' acqua, che si riceve, a misura del bisogno, e sforzare la soprabbondante a correre per l' alveo del fiume.

In caso, si desideri l' acqua in tempo, ch' ella è bassa, è necessario, che le foglie di queste chiaviche restino inferiori al pelo basso del fiume; ma volendosi solo in tempo di piena, si deono fare più alte. E quando le medesime chiaviche, o tagli d' argine, avessero a servire per diversi, diretti al fine di dare sfogo, o respiro all' acque del fiume, bisogna porre le foglie a quell' altezza, che si può credere necessaria all' intento desiderato. In proposito però di questi diversi, e da rifletterli quì al poco utile, che apportano, come avvisò il Castelli al Corollario 13. e come può dedursi da ciò, che noi abbiamo detto di sopra al Cap. 9. attesa, sì la poca acqua, che scaricano in proporzione di tutta quella del fiume; sì la poca altezza, che levano da quella, che senza di essi farebbersi nell' alveo del fiume medesimo; sì l' interrimento degli alvei, che succede al di sotto de' diversi; sì il pericolo, a cui si sog-

soggettano le campagne contigue all'alveo, per lo quale debbono scorrere l'acque divertite; sì finalmente la perdita del terreno, che viene occupato dal medesimo. Perciò, a titolo di dare scarico all'acqua d' un fiume, di rado accaderà, particolarmente nelle pianure, che i benefizj d' uno di questi diversi meritorio la spesa di fabbricarlo. Ma, se la diversione sarà fatta, anche per altri fini, come per rendere facile il com mercio delle parti d' una provincia, mediante la navigazione, o per altri ufi egualmente profittevoli; potranno simili diramazioni essere utilmente praticate, come si vede nel Polesine di Rovigo, ove la moltiplicazione de' canali, derivati dall' Adige dalla Serenissima Repubblica di Venezia, rende non mediocre vantaggio a que' popoli.

De' fiumi incassati è ben più difficile fare delle diversioni, particolarmente, quando le sponde sono alte, e superiori al bisogno del fiume, e che il termine, al quale si vuole condurre l'acqua, è più alto del pelo del fiume medesimo. In tal caso è necessario cercare nelle parti superiori del fiume, un sito tant' alto, che da esso possa l'acqua scorrere al sito destinato; molte volte è necessario traversare tutto l'alveo con qualche fabbrica di muro, o di legname, (che volgarmente si chiama chiusa, o pescaia; e da altri, a riguardo della caduta d'acqua, che vi succede, si dice ancora cateratta) affine di elevar il pelo dell'acqua, tanto che possa entrare nel canale preparato per la di lei condotta. Si vedono simili machine, fatte per diramare canali ad uso delle Città ec. quasi in tutti i fiumi, a riserva de' reali (dentro l'alveo de' quali è difficile, se non affatto impossibile, il fabbricarle) e fanno degli effetti, che meritano una particolare considerazione.

I. Primieramente, edificata che sia una di queste cateratte, negando ella il passaggio alla acqua del fiume, è d' uopo, che questa si elevi, e riempia tutto il tratto dell'alveo superiore, che sta sotto il livello della soglia, o sommità di detta cateratta, formando con ciò uno stagno d'acqua, a modo di un laghetto, la cavità del quale, in breve tempo, sarà riempita di materia portata dal fiume, cioè di sassi, arena, terra, e simili; e con ciò alzandosi il letto del fiume, fino all' altezza della chiusa, darà altresì occasione ad un simile, e proporzionato alzamento nelle parti superiori dell'alveo medesimo.

II. Nelle parti inferiori di detto alveo, non si altera, perciò, la situazione del fondo, quando esso altramente sia stabilito, e non si dia luogo ad alcuna di quelle cause, che sono proprie per fare elevar il fondo de' fiumi, come farebbe la costruzione di qualche altra chiusa più al basso; il prolungamento della linea dell'alveo ec. E ciò è assolutamente vero, quando la chiusa non serva, a cavare acqua dal fiume; ma se la medesima sarà destinata a questi effetti, sarà altresì necessario, che, ogni volta che l'acqua derivata abbia alla rimanente una sensibile, e considerabile proporzione, il fondo del fiume inferiore alla chiusa si elevi; poichè, non alzandosi più in tal sito le piene alla misura di prima, richiederanno queste maggiore declività di fondo per non deporre la torbida ec. e non avendola dovrà elevarsi l'alveo, fino ad acquistarla; per altro, essendo insensibile la proporzione dell'acque predate (come per lo più succede, e come si è detto dovere succedere, parlando de' diversi) insensibile parimente sarà l'effetto dell'alzamento del fondo al di sotto della chiusa, nel qual sito, a cagione della caduta del acqua, si farà immediatamente un gorgo, e poscia un dosso composto della materia più pesante, che porri il fiume in quel sito, dopo del quale si disporrà il fondo a quella cadente, ch'è dovuta alle cause, e circostanze del fiume. Questa osservazione facilissima da farsi ne' siti delle cateratte, fa assai ben conoscere, che lo stabilimento de' fondi degli alvei non ha alcuna correlazione

al principio del fiume: ma bensì in gran parte, allo sbocco del medesimo.

III. Se il fiume, prima della costruzione della chiusa, porterà ghiaia, per qualche tratto di sotto al sito di essa, non lascerà di portarla, dopo che la chiusa medesima sarà edificata, sino al termine di prima: posciachè, ristabilito il fondo nella parte superiore alla chiusa, tornerà col tempo alla primiera declività, e il fiume ripiglierà il suo antico genio di portare materia simile a quella di prima, e non essendo sensibilmente alterato il fondo inferiore, questo ne permetterà l'avanzamento sino al luogo, per altro destinato dalla natura. S'ingannano perciò quegli, che pretendono, colla costruzione delle chiuse, di trattenere le ghiaie, ed i sassi dentro i valloni delle montagne, e negli alvei de' torrenti, e con ciò d'impedire l'alzamento de' fondi de' fiumi, dentro de' quali hannosfogo i torrenti medesimi: poichè, sebbene con tal arte si fosse per ottenere qualche parte del fine, che si pretende, non se ne potrebbe per tanto sperare, quanto bisogna; attesochè non si tratterebbe fra le montagne altra ghiaia, se non quella, che potesse capire nel vano delle chiuse; o che potesse derivare dalle falde de' monti, le quali restassero sepolte dentro gl'interrimenti, come più basse della nuova cadente di fondo, acquistata dal torrente dopo la costruzione della chiusa.

IV. Non ostante, che nell'edificazione della chiusa s'abbia l'avvertenza di non fare la di lei sommità, o soglia superiore a livello; ma più bassa verso la bocca del canale, che ha da ricevere l'acqua (e ciò affine di mantenere il corso della medesima da questa parte, e di tenere il fondo del fiume più basso della sommità della chiusa) è però così incoostante il corso de' fiumi, che corrono in ghiaia, che alle volte, volgendosi questi dalla parte opposta, formano dossi in faccia all'imboccatura del canale, e vanno a sormontare la chiusa nelle parti lontane, tutto che più alte; nel qual caso elevandosi il fondo del fiume ad altezza eguale a quella del piano superiore della chiusa, non serve più ella a spingere l'acqua nel canale. A questo effetto può ancora concorrere l'interrimento del canale medesimo, che il più delle volte non avendo caduta sufficiente a portar ghiaia, procura colle deposizioni di farfela; e con ciò concorre all'otturamento del proprio incile, ed al rivoltarsi dell'acqua del fiume ad altra parte.

Quest'apparenza ha fatto credere ad alcuni, che l'alzamento del fondo de' fiumi si faccia continuamente maggiore, e senz'alcun termine limitato dalla natura; e che perciò sia necessario d'alzar di tempo in tempo le chiuse, perchè facciano il loro ufficio di spingere l'acqua ne' canali laterali. Ma se si avverte, che la natura della chiusa non è, che di fare sollevare il fondo del fiume sino al pari del suo piano (come farassi manifesto, d'ovvero succedere, se c'immagineremo una chiusa di un fiume, senz'alcun canale, per lo quale debba essere derivata l'acqua da esso) e che lasciandola in questo stato, non potrebbe farsi alzamento di fondo più grande; chiaramente si conosce, che la diversione dell'acqua dal canale, non si fa per alzamento del fondo del fiume, ma bensì per lo di lui sregolato corso; che si forma la sponda verso l'imboccatura del canale medesimo; e per l'interrimento del fondo di questo, perciò è manifesto, che la soglia dell'incile dee essere sempre più bassa del piano della chiusa, almeno quanto richiede il corpo d'acqua, che si vuole nel canale; e che mantenendosi la comunicazione di questa soglia coll'acqua del fiume, e senza interrimenti sopra di essa, tanto nell'alveo del canale, quanto in quello del fiume, non può di meno, che l'acqua non v'entri. Quindi è, che in luogo di elevare il piano della chiusa, come alle volte è stato praticato, basta procurare, che il

fiume si rivolga col corso alla parte dell' imboccatura del canale; e che questo resti sempre aperto, o a forza di corso d' acqua, quando il canale abbia tanta caduta, e forza, che basti; o mancandogli l' una, e l' altra, con escavazioni manufatte; o pure coll' uso de' paraporti, de' quali quì brevemente descriveremo e l' uso, e l' artificio.

Sono questi paraporti fatti a modo di forti chiaviche, fabbricate nella sponda del canale, che riguarda la parte del fiume, le soglie delle quali sono considerabilmente più basse del fondo del canale medesimo, e sono provvedute di buone porte, o cateratte di legno, che s' alzano, e s' abbassano, secondo l' opportunità, o di dare sfogo all' acqua del canale, o di mantenerla dentro di esso. È solito, che s' aprano queste porte in tempo d' acqua abbondante, ad effetto di scaricare, o l' acqua tutta, entrata nel canale; o pure la sola soprabbondante, portandola nuovamente dentro il fiume nella parte di sotto alla chiufa. *La velocità, che acquista l' acqua nel cadere dalla foglia del paraporto, la quale ordinariamente ha la caduta poco minore di quella della chiufa, è quella, che in tal caso, scava in poco tempo il fondo del canale; e se il paraporto non sia troppo lontano, espurga la foglia dell' incile, quando sopra di essa si siano fatte delle deposizioni; e molte volte prolunga l' escavazioni all' insù dentro l' alveo del fiume superiore alla chiufa, formandosi dentro di questo un canale, che nelle piene indirizza il filone verso l' incile. Coll' artificio di più fabbriche di tal natura, disposte ordinatamente, l' una dopo l' altra, come si vede in tutto quel tratto del nostro canal di Reno, ove riceve ghiaia dal fiume, si mantiene il di lui fondo sufficientemente scavato, e quando si ha la dovuta attenzione di far correre i paraporti a tempo, si mantiene il corso del fiume sempre vicino alla bocca del canale, ed il di lui fondo sempre più basso della sommità della chiufa; e perciò non è stato necessario finora alzarla, nella maniera, che hanno fatto quelli, che privi di questo aiuto, non hanno avuto ricorso all' escavazione manufatta.*

Di simile artificio non hanno tanto bisogno le chiuse fatte ne' siti, ne' quali il fiume non porta ghiaia; perchè la sola apertura del canale, quando questo sia provveduto di sufficiente caduta, è vaevole, per lo più, a mantenere il fondo arenoso, scavato sulla foglia dell' imboccatura; ed in ogni caso è facile da farsi, quando sia necessaria, l' escavazione. In caso però di difetto di caduta, servirebbe infinitamente, per mantenere profondo il canale, l' uso de' predetti paraporti, almeno in vicinanza del di lui incile, e negli altri luoghi, ne' quali sia possibile il farli; e perciò, in vece de' regolatori, o risoratori, che si tengono avanti gli edifizj, per iscaricare a fior d' acqua la soprabbondante, sarebbe meglio avervi una porta, o cateratta, la quale, alzata che fosse, prendendo l' acqua dal fondo del canale, impedisse, se non altro, gl' interrimenti, coll' aprirla in tempo di escrescenze.

Servono i paraporti predetti, oltre l' uso di mantenere scavati i canali regolati, anche a quello di regolare l' acqua, ch' entra ne' medesimi, acciocchè non vi corra con soverchia altezza di corpo; posciachè alzandoli, più, o meno, in tempo di piena, portano fuori del canale quella copia d' acqua, che si desidera, al qual fine tendono anche i diversivi a fior d' acqua, che tramandano nel fiume la soprabbondante, e trattengono nel canale quella, ch' è necessaria: nella stessa maniera, per regolare l' introduzione dell' acqua, s' applicano alla bocca dell' incile alcune porte, che aprendosi più, o meno, lasciano altresì entrare nel canale, maggiore, o minor corpo d' acqua. Da tutte queste macchine si ha, che i canali regolati, non si gonfiano mai eccessivamente: si conservino sempre nel medesimo tenore: e non riescano

di danno veruno a' terreni contigui, per troppo grande abbondanza di acqua.

Di rado s'incontra, che un canale regolato abbia tale caduta al suo termine, che non richieda, di quando in quando, di esser scavarato, acciò colle disposizioni non si alzi il fondo ad un segno pernicioso; posciachè, o dopo divertiti simili canali è di necessità, che rientrino nel fiume medesimo, dal quale prima partirono; o pure possono avere altro termine al loro corso. Quando rientrano nel fiume medesimo, è d'avvertirsi, che il canale derivato, come quello, che porta di gran lunga minor corpo d'acqua, che il fiume; per necessità, in pari circostanze, avrà bisogno di caduta maggiore di quella, che ha il fiume medesimo; e perciò è necessaria l'osservanza di alcune regole.

I La prima si è, che se il fiume, ed il canale, dal punto del loro disunirsi, a quello della riunione; avranno eguale la lunghezza della strada; necessariamente, avendo bisogno il canale di maggior caduta (se il piano di campagna non sia estremamente alto) bisognerà, o che il fondo si alzi più del medesimo con danno de' terreni contigui, e si ferri con gl' interrimenti l' incile del canale; o pure, che si soggetti, chi ne intraprende la derivazione, alla spesa di una continua escavazione. Ciò s'intende, quando la somma della caduta necessaria a tutto il viaggio del canale, sia maggiore di quella, ch'è necessaria al fiume in uguale lunghezza, più di quanto importa la differenza del livello dal fondo dell' incile al fondo del fiume, al di sotto della chiusa.

Per maggiormente spiegarmi in questo particolare molto essenziale in questa materia; sia il fiume A B C D, dal quale per causa della chiusa A si parta il canale A D, che rientri nel medesimo in D; e suppongasi, che il fiume A B C D richieda un piede di caduta per miglio; e che la lunghezza di esso sia di dieci miglia. Egli è evidente, che la caduta dal fondo del fiume al di sotto della chiusa A, fino a D, sarà piedi dieci. Supponiamo ancora, che la via del canale A D sia parimente di dieci miglia; ma che la caduta necessaria per non deporre la torbida in esso, attesa la poca quantità d'acqua, che porta, sia di piedi due per miglio; adunque la necessaria caduta da A in D sarà di piedi venti, maggiore di quella del fiume piedi dieci; e conseguentemente dovrà il fondo del canale A D, nel suo principio verso A, essere altrettanti piedi più alto di quello del fiume nel sito di sotto alla chiusa A. Se adunque l'altezza di questa sarà tale, che sostenti il fondo del canale a detta altezza, è certissimo, che l' incile di esso potrà mantenersi senza interrimento, col solo sforzo dell'acqua, che vi entra; ma se la differenza in altezza de' predetti due punti, sarà minore di dieci piedi, è altrettanto chiaro, che il fondo del canale, per mantenersi basso al bisogno, ricercherà, di tempo in tempo, dell'escavazione, e sarà necessario, che l'opera degli uomini, in questo caso, supplisca al difetto della natura.

Da ciò si deduce, che quanto più breve sarà il corso del canale avanti di rientrare nel fiume, tanto maggiore sarà il vantaggio della caduta di esso; poichè, supposto, che la lunghezza del fiume, e del canale tra A, e D, fosse di sole cinque miglia, e che l'altezza della chiusa A fosse atta a fare la differenza de' loro fondi di dieci piedi, farebbe la caduta del fiume, da A a D, piedi cinque; e quella, che è necessaria al canale, piedi dieci; adunque in A il fondo del canale dovrebbe restare più alto del fondo inferiore alla chiusa, piedi cinque; e potendo l'altezza della chiusa medesima sostenere il fondo di detto canale all'altezza di piedi dieci, resterebbero al canale cinque piedi di caduta più del bisogno, che potrebbero impiegarsi
utili-

utilmente, nel progresso di esso, per una caduta d'acqua ad uso di mulini, o d'altro, secondo l'opportunità. Quindi è, che i canali, i quali uscirò dal fiume a forza di chiuse, dopo breve corso vi ritornano dentro, non mai sono diftetti di caduta. Al contrario, se le lunghezze A D del canale, ed A B C D del fiume fossero di miglia venti; ritenendo l'altre misure supposte di sopra, farebbe la caduta del fiume piedi venti; e quella, ch'è necessaria al canale, piedi quaranta; e perciò il fondo, nel principio del canale A D, dovrebbe essere elevato piedi venti sopra quello del fiume; adunque non potendo la chiufa A sostenerlo sopra il fondo medesimo, che piedi dieci, è chiaro, che mancherebbero al canale dieci piedi di caduta; e conseguentemente, per impedire, che il fondo di esso non s'elevasse a tale altezza, farebbe necessario d'impiegare l'opera degli uomini nell'escavazione, come il più delle volte succede; perchè, avendo bisogno i popoli di valersi di canali simili per lungo tratto, la caduta acquistata col beneficio della chiufa, distribuita nella lunghezza del corso, si perde, e non può supplire all'esigenza, che ha il canale, di caduta maggiore.

II. La seconda regola è, che se la lunghezza del fiume, a quella del canale, avrà la proporzione reciproca delle cadute necessarie all'uno, ed all'altro, avrà il canale sufficiente caduta per non interrarsi; anzi glie ne avanzerà tanta, quanta è l'altezza, alla quale può essere sostenuto il fondo del canale sopra il fondo del fiume di sotto alla chiufa. Ciò pure è evidente; perchè, supposto, che A D sia miglia cinque, ed A B C D miglia dieci, sarà la caduta di miglia dieci, a ragione di un piede per miglio, altrettanti piedi; e però eguale a quella di A D in cinque miglia, a piedi due per miglio; e conseguentemente non sarà necessario, che il fondo del canale in A, sia un pelo più alto del fondo del fiume in A; e perciò avrà il medesimo canale tanto di caduta più del bisogno, quanta è l'altezza, alla quale la chiufa può sostenere il fondo di esso.

III. Dalla predetta ne dediva la terza regola: ed è, che per eleggere il luogo, nel quale si dee restituire al fiume il canale regolato, bisogna riflettere all'uso, al quale dee esso servire, diversificandosi da ciò considerabilmente il luogo medesimo. Foscicchè (1) dovendo servire ad uso di navigazione, e potendosi avere tanto corpo d'acqua, che non sia necessario di sostentarla, bisogna avere notizia della caduta del fiume, si varj, o no, nel progresso di esso; e similmente di quella, che può essere necessaria al canale da farsi, e (quando non si varj la caduta del fiume) aggiungendo alla prima l'altezza, che può nascere dalla chiufa, bisogna trovare un sito nel fiume, nel quale la caduta del fondo del canale di sopra alla chiufa, sino al fondo D, sia a quella, ch'è necessaria al canale, come la lunghezza A D è alla lunghezza A B C D: o pure per trovare l'altezza della chiufa A, basta fare, che, come la lunghezza A B C D sia alla lunghezza A D, così stia la caduta necessaria al canale A D, ad un'altra caduta, la quale se sarà maggiore di quella del fiume da A in B; basta regolare l'altezza della chiufa secondo l'eccesso, che si troverà; facendola tanto più alta di detta differenza, quanto è il corpo d'acqua, che si vuole nel canale. (2) Lo stesso metodo si dee adoperare, quando il canale debba servire ad uso di mulini, o altre macchine idrauliche, con questa sola differenza, che in conto della caduta necessaria al canale, per non deporre la torbida, si dee porre anche quella, ch'è necessaria per gli edifizj, o macchine predette: e nel resto servirsi della regola indicata di sopra. [3] Ma quando il canale sia destinato all'irrigazioni, si dee riflettere, che la di lui necessaria caduta non sarà uniforme in tutte le parti dell'alveo; ma bensì maggiore nelle parti in-

feriori, a cagione delle moltiplicate diramazioni d'acqua, ch' escono per le chiaviche, che si trovano alle sponde del medesimo; e minore nelle superiori, come quelle, che portano maggior corpo d'acqua; e perciò, in tal caso, di tanto dee accrescersi la caduta del canale, quanto si può credere, essere bisogno in tali condizioni.

Quale sia la caduta necessaria ad un canale regolato, è difficile da determinarsi, a riguardo delle molte circostanze, dalle quali dipende simigliante determinazione. Pure, per non errare notabilmente, può l'architetto regolarsi coll'esempio d'altri canali, simili a quello, che si vuol fare, de' quali sia nota la caduta, e proporzionarla al medesimo; e se non si trovasse canale affatto simile, può prendersi norma da altri, o maggiori, o minori, sminuendo, o accrescendo la caduta colle dovute ponderazioni; e quando si prendesse errore di qualche oncia di caduta per miglio, o di più, o di meno, se l'errore influisca in alzamento di fondo, si può tollerare; perchè ordinariamente sono tanti, e tali i benefizj, che si ricavano da' canali regolati, che possono ben soggiacere a qualche aggravio di annua spesa, per l'escavazione degl' interimenti, che vi si facessero: ma se l'errore preso nella stima della caduta, influisse in maggior profondamento d'alveo, è facile il rimedio, o col sostenere il fondo di esso con una chiusa, che può utilmente servire a qualche edificio; o con un sostegno all'imboccatura, o in altro luogo; o pure con prolungare il canale quel di più, che porterà il bisogno. Quando poi le acque, che deono correre per lo canale, fossero chiare, allora ogni difetto di caduta è tollerabile; perchè, attesa la lunghezza del tempo, nel quale succedono interimenti nocivi, ogni picciola annua spesa basta, per mantenerlo scavalato a sufficienza.

IV. Essendo il sito del fiume, nel quale è fabbricata la chiusa, ghiaioso, necessariamente dovrà la ghiaia prolungarsi anco al di sotto della chiusa medesima, più, o meno, secondo le circostanze; e similmente dovrà entrare nel canale, dentro il quale richiederà cadute esorbitanti; perciò la quarta regola è, che in tal caso è necessario l'uso de' paraporti di sopra descritti, col beneficio de' quali si faccia rientrare nel fiume, dentro il minore spazio possibile, la ghiaia entrata nel canale, come succede nel nostro canale di Reno, dentro il quale non si protrae la ghiaia, che mezzo miglio, o poco più: benchè nell'alveo del fiume s'estenda al presente cinque miglia, e s'estendesse, per lo passato, molto più; anzi si sarebbe potuto impedire, che la ghiaia non occupasse tanto sito dentro il canale predetto, se il luogo della situazione de' paraporti fosse stato meglio inteso; e se si facessero operare più frequentemente, e in tempo opportuno, se ne avrebbe maggior vantaggio; di maniera che potrebbe succedere, che dentro di detto (benchè il fondo sia ghiaioso) si conservasse però orizzontale. E perciò, mancando la caduta, è molto utile di fare il canale, per qualche tratto, contiguo, il più che si può, al labro del fiume, e fabbricarvi alle sponde quel numero di paraporti, che può crederesi necessario, avvertendo di non farli troppo lontani l'uno dall'altro, acciocchè l'operazione del secondo incominci, dove termina quella del primo; e ciò perchè, non potendosi i predetti paraporti tenere lungo tempo aperti, per non lasciare tanto tempo il canale privo dell'acqua necessaria, bisogna, che in poch'ore, che stiano aperti, si facciano le dovute escavazioni, le quali si fanno sempre più sollecitamente nelle parti più vicine al paraporto, e gradatamente sempre più tardi nelle maggiormente lontane; siccome succedono maggiori, quanto più la foglia del paraporto medesimo è abbassata sotto il fondo ordinario del canale.

V. Serva per quinta regola l'osservazione da farsi, se il fiume, dalla chiusa fino al sito dello sbocco, che si pensa dare al nuovo canale, conservi sempre la stessa caduta di fondo; o pure la varj per alcuna delle cause, dette a suo luogo; poichè variandola, non basta fare la livellazione del fiume per un miglio o due di lunghezza, ma bisogna compirla fino al sito accennato; nel che io consiglierai (come che si tratta di una operazione importante) a non fidarsi de' livelli materiali, i quali, come in altro luogo si è avvertito, tutto che fabbricati con ogni possibile esattezza, e adoperati con ogni immaginabile diligenza, sono soggetti ad errori esorbitanti, come apparirà a chi vorrà farne la prova, col ripetere più volte l'operazione medesima; ma bensì eleggerei di fare le livellazioni con acqua stagnante, il che, in molti luoghi, ed in opportuna stagione, è facile da farsi, valendosi de' fossi destinati allo scolo delle campagne ec.

VI. La sesta regola è: Che per diminuire la necessità della caduta al canale, torna sempre il conto di mantenerlo ristretto il più, che sia possibile; perchè maggior corpo d'acqua contribuisce sempre a tenere più basso il fondo dell'alveo; e se non altro, ad impedire, che gl'interimenti non si facciano così alti; nè con tanta sollecitudine, come per altro farebbero, se il canale avesse maggiore larghezza.

VII. La disposizione del piano di campagna, per lo quale si pretende di far correre il canale, ha molto luogo in questo particolare; perchè si danno de' casi, ne quali bisogna sostenerlo tutto sopra il piano di terra, con grave pericolo, e sconcerto; e degli altri, ne quali è d'uopo fare dell'escavazioni esorbitanti, e perciò bisogna regolare il tutto con un'esatta livellazione de' siti, per li quali si pensa di condurre il canale. Generalmente però (e sarà la settima regola) bisogna portare i canali regolati al lungo dell'inclinazione della campagna; non mai, o di rado, a traverso di essa; perchè in tali siti la livellazione non regge: s'interfaccano i condotti di scolo, e si ha bisogno d'argini molto alti, per tenerli inalveati, oltre molti altri danni, che succedono in occasione di rotte ec.

VIII. L'ottava, ed ultima regola sia quella di non intramettere nel canale altr'acque, se anch'esse non sono regolate, e particolarmente, se portano sasso, o ghiaia; perchè simiglianti materie sconcertano di molto la caduta del fondo, ed il più delle volte sono pregiudiziali al fine, per lo quale si fa la spesa della condotta del canale. Tali incontri debbono isfuggirsi: e quando non sia possibile, bisogna ricorrere al rimedio de' ponti-canali, per mezzo de' quali riesce molte volte di portare simili corsi d'acqua da un lato all'altro del canale regolato, al di sopra del pelo del medesimo. Le fosse però di scolo, ed altre acque chiare, non possono nuocere, che per la soverchia abbondanza; e perciò, quando s'abbia sicurezza, che non riescano troppo copiose, non occorre prendersi gran cura; per impedir loro l'ingresso; ed in ogni caso le botti sotterranee possono servire per dar esito alle medesime sotto il fondo del canale, e sono praticabili particolarmente in quei casi, ne quali piuttosto le predette fosse restassero impeditte, dovendo entrare nel canale medesimo.

Da ciò, che finora è stato diffusamente spiegato, può dedursi, quale sia il metodo da servirsi nella condotta di que' canali derivati, che più non rientrano nel fiume, che loro diede l'origine, ma devono metter foce, o in paludi, o in lagune, o simili; perchè anche in questo caso, è necessario di regolarsi colla caduta, che si ha: con quella, ch'è necessaria alla condotta del canale: colla disposizione del piano di campagna ec. ed anche a questo caso possono applicarsi i rimedj sopraccennati per rendere minore la necessità della ca-

caduta. In somma, fuori delle predette, non vi è altra regola di più, che di tenere la linea più breve, che si può, da un termine all'altro, per averne tutta la possibile caduta, che rade volte in fatti succede, sia superiore al bisogno.

Le predette regole servono anche in caso di volere portare un canale derivato da un fiume, a sboccare in un altro, il che molte volte accade, per facilitare il commercio con nuove navigazioni; ma in ciò si dee avvertire, ad oggetto di non fare proposizioni, che siano affatto impossibili da riuscire, che *il canale derivato dee procedere dal fiume minore, ed avere lo sbocco nel maggiore*, e non mai al contrario; perchè, essendo il fondo del primo, in siti omologhi, più alto di quello del secondo, non può riuscire, che l'acqua portata da questo possa aver esito in quello; se pur ciò non sia in sito molto basso, e poco lontano dallo sbocco. Si dee ancora avvertire, che *la caduta di detto canale non sia maggiore del bisogno; ed assolutamente minore di quella del fiume*; altramente, se non si hanno buone macchine regolatrici nell'introduzione dell'acqua, si corre pericolo, che il canale derivato, appoco appoco, tiri a se tutta l'acqua del fiume, e facciasi l'alveo del medesimo; il che alle volte può riuscire con utile, alle volte con danno.

Il mantenimento de' canali regolati, come si è detto di sopra, per lo più, dipende dall'opera degli uomini, rare volte dalle forze della natura; e perciò non bisogna scordarsi, nè differire di far quello, che si fa per prova, *essere necessario a tal fine*; poichè molte volte è succeduto di lasciar perdere canali utilissimi per mera trascuraggine, non avendosi voluto apporre i dovuti rimedj a' piccioli sconcerti, che resi poscia maggiori, hanno ricercate, per essere rimossi, spese tanto grandi, che hanno spaventati i popoli incapaci di farle, i quali perciò non volendo soggettarli a spese eccessive, hanno eletto per lo meglio di lasciare andare il canale a disposizione di natura. Per altro sono i canali regolati, *facili da maneggiare*, a cagione del poco corso, e del poco corpo d'acqua, che portano: al che succede, che facilmente si rimedia alle loro corrosioni, e si mantiene la dirittura dell'alveo ec. cose, che difficilmente s'ottengono ne' fiumi più grandi, co' quali però hanno comuni le proprietà essenziali.

Gli usi, a' quali sono destinati i canali regolati, possono essere diversi: poichè primieramente servono a far muovere diversi edificj idraulici, come sono mole da grano, valche, magli ec. i quali tutti hanno il loro primo moto da una ruota, fatta girare dall'acqua. In questi canali, perchè il corso dell'acqua per ordinario è debole, è necessario di sostentarla, e farle della caduta, dalla quale riceve poi impeto, e forza bastevole a fare il moto, che da essa si ricerca. Tale sostentamento si fa con picciole chiuse, dette ancora *Stramazzi*, tant'alte sopra 'l piano del fondo inferiore del canale, quanto ricerca la caduta necessaria a far muovere l'edifizio. Sopra del piano, o foglia superiore di questi stramazzi, si collocano più portine di legno, divise l'una dall'altra con pilastri, che vi stanno di mezzo co' loro correnti, o incastri, a' quali s'adattano le portine predette, che s'aprono, e serrano a modo di saracinesca. Aperta una di queste, dà l'esito sotto di se (cioè per lo vano, che resta tra la foglia dello stramazzo, e la parte inferiore di essa portina) all'acqua del canale, che s'introduce a correre per un altro canale di legno, dal quale viene portata alla ruota, che dà il moto a tutto il restante della macchina. Quanto è maggiore l'altezza dell'acqua sopra la foglia dello stramazzo, tanto maggiore è la velocità, colla quale ella esce dal vano delle portine; e tanto più s'accresce,

fce, quanto più grande è la caduta del canale di legno, che la riceve; di maniera che l'impeto, col quale è spinta la ruota, è per appunto quello (prescindendo dalle resistenze) che compete alla discesa dalla superficie dell'acqua sostenuta dalle portine, sino al luogo dell'applicazione dell'acqua alla ruota; sebbene poi la velocità, con che questa si muove, sia varia, secondo la quantità dell'acqua, che spinge l'ala della ruota; secondo il modo dell'applicazione di quella a questa; e secondo la quantità della resistenza, che incontra; provenga ella, o dalla struttura, e condizioni della macchina, o dall'acqua del canale inferiore, che suole ostare al giro della ruota medesima.

Possono essere le predette portine, o una sola, o più; e ciò dipende dalla quantità di acqua, che si ha nel canale, e dal numero degli edifizj, che si hanno da muovere; e quando questi ricerchino tutta l'acqua, come che il corso di essa viene ad essere nelle parti vicine al fondo del canale, poco moto s'osserva nella di lui superficie, che apparisce al senso, quasi stagnante; ma se con istrumenti idonei si misurerà la velocità, si risconterà, quanto ella sia grande vicino al fondo del canale. Ne luoghi però del medesimo, che sono molto al di sopra delle portine predette, si vede la superficie dell'acqua più veloce, e si riscontra non essere tanta la differenza tra la velocità della superficie, e quella del fondo, fin che, cessando gli effetti del ristagno fatto dalle portine, l'acqua corre con quelle regole, che sono proprie de' fiumi liberi. Ma quando l'acqua sia più copiosa di quello, può richiedere l'uso degli edifizj, si ha necessità di avere de' regolatori, o sfogatori, i quali divertiscano l'acqua superflua; e possono essere di due sorte, cioè, o alti a fior d'acqua ordinaria; o paraporti. I primi hanno la soglia tanto alta, quanto basta per ritenere nel canale la quantità d'acqua necessaria, e lasciano passare sopra di quella, la soprabbondante; questi diversivi a fior d'acqua sono di uso facilissimo; perchè sono sempre in opera, e preparati al loro ufficio; ma per lo contrario, non fanno, molte volte, tutto l'effetto, che si vorrebbe, e niente contribuiscono a mantenere scavato il canale. Ma i paraporti, sebbene sono più difficili da maneggiare, ed addimandano maggior vigilanza, fanno effetti più sensibili in regular l'acqua a misura del bisogno, in caso di escrescenze; e mantengono scavato il fondo al canale, come si è detto di sopra, trattando de' medesimi. Accade sovente, che non si abbia luogo, dove smaltire l'acqua estratta dal canale; e perciò è necessario, rimetterla dentro il medesimo, nella parte di sotto allo stramazzo, il che si fa ordinariamente in due maniere: o con canali laterali, che dopo poco spazio si riuniscano al canale principale; o pure facendo una porta grande, che stia in mezzo alle portine, provveduta al di sotto d'un canale particolare, e proporzionato, che non abbia alcuna comunicazione con quelli delle portine, e che porti l'acqua, che riceve, al di sotto dell'edifizio, ed in luogo, che l'acqua uscita da esso, non dia impedimento veruno al moto delle ruote: e con tale avvertenza si dee pure procedere nell'eleggere il sito dell'ingresso del canale laterale del diversivo; e perciò, in caso, che lo stramazzo scarseggi di caduta, meglio riescono i diversivi laterali, come quelli, che rendono l'acqua al canale in quella distanza, che si vuole, e che si trova non essere nociva.

Quando ad un edifizio si pensi farne succedere degli altri, che addimandino anche essi della caduta, bisogna prima riflettere, se la caduta del canale lo permetta; posciachè, come si è detto di sopra, le cadute di tutti gli stramazzi prese insieme, non possono eccedere quella, ch'è soprabbondante al canale, se pure non si pretendesse di sottomettersi all'obbligo dell'esci-

escavazione. Coll'avvertenza a questa regola, poco importa, se gli edifizj siano o in poca, o in molta distanza, l'uno dall'altro; purchè le ruote del primo non risentano il ristagno fatto dalle portine del secondo; e tal riguardo ancora si dovrebbe avere, quando, mancando la caduta, si pensasse di mantenere basso il fondo del canale coll'escavarlo di tempo in tempo; ed allora sarà venuto il caso d'intraprendere ciò, quando l'elevazione del fondo sarà fatta tale, che cagioni tanto di altezza d'acqua nel canale inferiore, che cominci a pregiudicare al moto delle ruote dell'edifizio superiore; poichè l'interrimento d'un canale, in caso simile, mai non opporta danno all'edifizio inferiore, ma solo a quello, che immediatamente gli sta al di sopra.

Il secondo beneficio, che si ritrae da questi canali, è quello delle navigazioni. Richiedesi a questo fine tant'altezza di acqua, che basti almeno a sostenere le barche, di maniera che, essendo cariche, non tocchino il fondo; e tanta larghezza, che possano comodamente darsi luogo, nell'incontrarsi due barche. Quindi è, che secondo la qualità di queste, addimandano maggiore, o minor corpo d'acqua i canali navigabili; o pure [che è il più facile, e consueto] bisogna proporzionare la qualità, e grandezza delle barche all'altezza d'acqua, ed alla larghezza d'alveo, che si ha. Ma perchè molte volte, dando la larghezza necessaria al canale, riesce l'altezza dell'acqua così scarfa; che si rende incapace di portar le barche, che si vorrebbero adoperare; perciò è necessario di provvedere coll'arte a questo difetto; trattendo l'acqua, ed obbligandola ad alzarci di pelo sino a quel segno, che può soddisfare al bisogno; quindi è, che con debolissimi corsi d'acqua si possono fare canali navigabili da ogni sorta di barche. Non basta, però dare corpo all'acqua con trattenerla, se nello stesso tempo non si provvede al transito delle barche, che per altro resterebbe interrotto dagli ostacoli, opposti al corso del canale per elevarlo di superficie. Ciò s'ottiene col fare, che gli ostacoli possano rimuoversi a piacimento, e la maniera più praticabile è quella de' sostegni, che sono una specie di cateratte artificiali.

Vedi la
Fig. 59

Sono composti i detti sostegni di due ordini di porte, ognuno de' quali ferra attraverso tutto il canale, e sono distanti l'uno dall'altro, quanto basta per dar luogo libero, nel sito di mezzo, ad una, o più barche, rispetto tanto alla lunghezza, quanto alla larghezza di esse. Essendo chiuse le porte superiori, l'acqua al di sopra di esse resta elevata a quel segno, che si desidera, ed al di sotto resta bassa, più, o meno, secondo le circostanze; e lo stesso succede, quando, aperte che siano le porte superiori, restano chiuse le inferiori, di modo che nel sito compreso fra i due ordini di porte (che dee essere fortificato di muro) l'acqua, ora si trova alta, ora bassa, con quella differenza fra l'altezza, e la bassezza, che porta la caduta del sostegno. Da ciò deriva, che entrata che sia una barca nel sostegno, quando le porte inferiori sono chiuse, ed aperte le superiori, (il che porta per necessità, che il pelo dell'acqua del sostegno sia in quel tempo a livello colla superficie del canale superiore) si possono di poi chiudere le porte di sopra, impedendo l'afflusso di nuova acqua nel sostegno medesimo. Indi scaricando regolatamente l'acqua racchiusa fra le porte, si viene appoco appoco ad abbassare il di lei pelo, sino ad equilibrarsi con quello del canale inferiore; ed allora aperte le porte di sotto, si lascia luogo alla barca di proseguire il suo viaggio. In modo contrario si dà il passo dalla parte inferiore del canale alla superiore; posciachè introdotta la barca nel sostegno, trova in esso il pelo dell'acqua assai basso, comechè le porte superiori impediscono, che l'acqua del canale più alto non v'entri: chiuse poi le porte inferiori, ed introdotta con regola nuov'acqua nel

sostegno, questa appoco appoco va elevandosi di superficie, e solleva la barca, fin che equilibratosi il pelo del sostegno con quello del canale di sopra, si aprino le porte, e la barca, uscendo dal sostegno, ripiglia il suo cammino.

Nell'empire, e votare i sostegni, s'osservano diverse particolarità rimarcabili; poichè nell'empirli si vede un continuo bollimento d'acqua, composto di vortici d'ogni sorte, il quale scuote molte volte la barca, e la aggirerebbe, se non fosse legata a qualche luogo stabile. Ciò procede dalle diverse riflessioni, che patisce l'acqua dalle sponde del sostegno, e dalle porte inferiori, siccome ancora da' risalti, che fa dal fondo alla superficie. Questi moti sono maggiori, e più evidenti, quanto maggiore è la caduta del sostegno; e perciò anche sul principio del riempirsi, s'osservano maggiori, e e più patentemente, e poi vanno scemandosi gradatamente, fin che empuito affatto il sostegno, terminano in una placidissima quiete. Parimente s'osserva, che prima che l'acqua del sostegno arrivi col suo pelo a livello di quella del fondo del canale superiore, o pure a livello del fondo dello sfogatore, che dà l'acqua al sostegno medesimo, il riempimento si fa sempre con eguale celebrità, ma dopo, questa comincia a scemare, e sempre più, quanto minore si rende la differenza de' peli d'acqua. Questo effetto nasce dalla velocità dell'acqua, che prima essendo uniforme, e scorrendo sempre per la stessa apertura, porta nel sostegno in tempi uguali quantità uguali di acque; ma poscia trovando il contrasto dell'acqua nel sostegno comincia a sminuirsi e la velocità, e la copia dell'acqua; e perciò in tempo uguale non può fare l'alzamento di prima. Per questa stessa ragione, in alcuni casi, ad effetto di non dare scuotimenti violenti alle barche, sul principio del riempimento, si dà minore apertura all'acqua, ch'entra nel sostegno, ma verso il fine s'accresce: perchè allora essendo minore il di lei impero, non può cagionare moti dannosi, come farebbe nel principio, quando la medesima vi entra con più velocità.

Nel votarsi poi de' sostegni si vede tutto il contrario; perchè sul principio gli abbassamenti dell'acqua sono maggiori, che nel fine; e ciò nasce dall'altezza di essa, che quanto è maggiore, cagiona più velocità in quella, che esce, facendo la proporzione medesima, colla quale si vota un vaso pieno d'acqua, come è stato dimostrato dal Torricelli, e da altri. E perchè il votarsi d'un sostegno altera poco il pelo dell'acqua del canale inferiore, e perciò la di lui acqua non apporta impedimento di considerazione a quella, che esce; ne nasce, che più presto voterassi un sostegno di quello, che s'empia; e tanto maggiore sarà la differenza del tempo, quanto il fondo del canale superiore sarà più alto del pelo dell'acqua ordinaria del sostegno, come renderassi manifesto dal considerare, che l'altezza, la quale dà la velocità all'uscita, è uguale alla caduta del sostegno; ma quella, che rende l'acqua veloce nell'entrare, è tanto minore della predetta, di quanto importa l'alzamento del fondo del canale superiore sopra il pelo d'acqua dell'inferiore. In fine l'acqua nell'uscire dal sostegno non fa in esso que' moti sregolati, che cagiona nell'entrare; ma bensì nel canale inferiore, benchè, a causa dello sfogo, che dà loro il canale, siano di gran lunga meno rimarcabili degli altri.

Siccome deono avere i sostegni un'acqua regolata, altrimenti correrebbero rischio di essere in breve roversciati dall'impeto delle piene, e sarebbero incomodi al transito delle barche; così hanno bisogno di diversi, e di sfogatori, che rimuovano la superflua, anzi l'ordinaria, quale non dee mai avere esito per lo sostegno, che in tempo di bisogno; ma bensì essere sostenuta in modo, che il tratto superiore del canale abbia acqua abbondan-

zè per l'uso della navigazione ; e perciò dee essa star sempre appoggiata all' uno, o all' altro ordine di porte del sostegno . Queste diversioni d' acqua utilmente s' adoprano a far muovere diverse macchine ; e perciò cadono sotto le considerazioni già fatte .

Devesi ben' avvertire , che diminuendosi , per cagione del sostentarsi dell' acqua , il corso alla medesima , qual volta questa sia torbida , succedono degl' *interrimenti di fondo* ; che però si *tolgono almeno in gran parte coll' aprire , di quando in quando , le porte de' sostegni , o paraporti , che vi si trovano , e fare , che la velocità del corso dell' acqua in quel tempo escavi il canale , fino alla foglia delle porte superiori , o del paraporto ; la quale escavazione viene molto facilitata dalla copia dell' acqua trattenuta , digran lunga maggiore di quella , che averebbero , se il canale fosse aperto , essendo quest' effetto simile a quello , che fanno i rigurgiti del mare negli alvei de' fiumi , che visboccano immediatamente . Giova anche molto al fine medesimo il moto delle barche , che nel loro passaggio agitano l' acqua , e la rendono più veloce , particolarmente nelle parti inferiori , e quando sono tirate contro il di lei corso ; al che succede , che staccata l' arena dal fondo , appoco appoco viene spinta all' in giù , e finalmente portata al suo termine . Se il sostegno non avrà le foglie più alte del fondo stabilito del canale , egli è evidente , che la sola apertura delle porte di quello , in tempo d' acqua grossa , è bastante per espurgarlo da tutti gl' *interrimenti* , succeduti nel tempo , ch' esse sono state chiuse ; perchè siccome , libero che fosse il canale , non interdirebbe se medesimo , così quando sia interrito , è valevole senz' alcun' ajuto esteriore a ristabilirsi sul suo fondo primiero ; e non v' ha dubbio , che dopo aperle le porte del sostegno , il medesimo canale non sia costituito in istato d' intera libertà . Quindi è , che non occorre mai , con foglie attraverso il canale , fare elevare il fondo dello stesso , se non si ha caduta sovrabbondante ; ma basta , in caso di avere per appunto la sufficiente , o pure qualche poco deficiente , fare il predetto doppio ordine di porte , tutte dell' altezza medesima , e situate le foglie di queste , e di quelle al piano del fondo del canale . Per altro , quando l' escavazione del canale interrito non possa ottenersi coll' apertura , più volte replicata , delle porte ultimamente descritte , converrà ricorrere all' *escavazione manufatta* , che è l' unico rimedio in que' casi , ne' quali la natura ricufa di cooperare al nostro fine .*

Giacchè la materia ha portato di avere a discorrere delle navigazioni , non sarà fuori di proposito d' indicare qui brevemente i mezzi , co' quali si rendono navigabili i fiumi . Tutto ciò , che impedisce , che un fiume non sia navigabile , o appartiene all' alveo , o all' acqua , che scorre per esso . Gl' *impedimenti alla navigazione , che derivano dall' alveo , sono [1] Gl' interrompimenti del medesimo , come sono le cateratte , la copia de' sassi , particolarmente di mole smisurata &c . (2) La soverchia larghezza del letto occupato dall' acqua nella sua mediocrità , la quale fa , che non si possa avere la necessaria altezza del corpo di questa . (3) Gli scogli , che s' alzano dal fondo dell' alveo . (4) I vortici , particolarmente quelli , che per qualche apertura esistente nel fondo , ingojano l' acqua , e con essa molte volte le cose , che sopra di essa galleggiano . (5) La soverchia angustia delle tortuosità , che non permette , che le barche si voltino con facilità , e fa , che difficilmente siano tirate contr' acqua [6] Il difetto delle sponde , o troppo alte , e scoscese , sicchè non lascino il luogo conveniente a gli animali , che devono tirare le barche al contrario del corso del fiume ; o troppo basse , di modo che siano formontate da ogni escrescenza d' acqua , che le renda pantanose , ed impossibili a praticarsi ; o troppo distanti dal filone del fiume ,*

me, di maniera che da esse non si possa ricevere ajuto alcuno in caso di bisogno &c.

Di questi però, alcuni sono rimediabili, altri nò. Poichè le cateratte, se sono artificiali, possono avere altr' uso più importante, che di rendere navigabile il fiume, e se sono naturali, e il fiume perenne, o sono impossibili da rimuoversi, o troppo dannoso sarebbe l' effetto, che ne fosse per seguire, atteso il profundamento, che si farebbe nell' alveo del fiume superiore ad esse, quando però fosse possibile, ed il sito lo permettesse; *si potrebbe derivare un canale dall' alveo superiore, e portarlo a sboccare nell' inferiore, facendo in esso quel numero di sostegni, che bisognasse, per fare ascendere le barche dall' alveo di sotto a quello di sopra, ed al contrario; in somma far conto, che la cateratta fosse il diversivo d' un sostegno. I sassi grossi, che si trovano negli alvei de' fiumi, che col loro ostacolo impediscono il transito alle barche, possono levarsi, o rompersi, qual volta però sia da sperarsi, che levati essi, non ve ne rientrino degli altri simili; e perciò, quando la qualità de' sassi portati da' torrenti ordinariamente nell' alveo del fiume, è quella, che toglie al medesimo la navigazione, è altresì vana ogn' opera per levarli, se non si divertiscono i torrenti, il che più volte riesce impossibile.*

Alla soverchia larghezza dell' alveo si rimedia, *col tenere ristretta l' acqua, o con lavorieri alle ripe, che producano delle alluvioni, e che vogliono essere proporzionati al fiume, ed al sito, nel quale si hanno da fare, o se la larghezza dipendesse dalla qualità del fondo difficile da escavarli, col procurare di fare coll' arte, e coll' opera manuale, quello, che non può fare il fiume da se: o pure col fargli mutar corso, e condurlo a scorrere per luoghi, ne quali sia più facile da mantenersi ristretto. Si deve però avvertire, che i fiumi hanno la loro larghezza determinata dalla natura, la quale solo con violenza può diminuirsi; ma in questo caso bisogna riflettere, se il fiume conservi la stessa soverchia larghezza in tutti i siti: o pure, se tale larghezza è in un luogo solo. Se questo sia, è parimente segno, che l' alveo troppo dilatato è effetto di cause accidentali, che possono superarsi: ma se la larghezza sia uniforme in tutti i luoghi, il difetto non procederà da essa, ma dalla scarsità dell' acqua; e quando pure il medesimo difetto volesse superarsi, bisognerebbe prepararsi a fare un continuo sforzo alla natura; o pure valersi dell' acqua, che si ha, introducendola in un canale regolato, per lo quale potesse avere, ridotta in alveo più angusto, un altezza necessaria al bisogno.*

Gli scogli, che s' alzano dal fondo dell' alveo, *se restano sempre coperti dall' acqua, sono difficili da levarsi; pure non è impossibile, e in ciò si ricerca il giudizio di chi ha da operarvi; ma se alle volte si scuoprano in acqua bassa possono spezzarsi, o collo scarpello, o con mine fattevi dentro; ma rare volte, se non sono bene spessi, impediscono, che un fiume non sia navigabile, ma bensì lo rendono pericoloso in certa altezza di acqua.*

I vortici, se sono ciechi, *si tolgono colla rimozione delle cause, che li producono, le quali quasi sempre stanno alle sponde, qualche volta nel fondo degli alvei; e perciò chi ben intenderà le cagioni di essi, facilmente comprenderà, come si possa loro provvedere; rade volte però sono questi pericolosi. Ma le voragini, che ingojano l' acqua, non hanno rimedio alcuno; solo se fosse praticabile, si potrebbe derivare un canale, che uscisse dal fiume al disopra, e rientrasse al disotto della voragine medesima. La qualità di questo pericolo non si può diffinire, che dall' esempio, che hanno dato agli altri i più temerari, siccome in molti casi l' esperienza insegna, quale sia la strada, che debba tenerli per sfuggirne il pericolo.*

AlP

All'angustia delle tortuosità si rimedia in quelle stesse maniere, che si praticano per le corrosioni; e perciò, quando riesca inutile ogn'altro tentativo, si possono fare due tagli, e con essi raddrizzare il corso del fiume.

Perchè le barche vadano a seconda del fiume, poca, o niuna considerazione si dee avere alla qualità delle sponde; ma se devono tornare indietro contr'acqua, e se la forza del vento non è bastante a spingervele, bisogna adoprare cavalli, o altri animali, che colla loro forza superino quella della corrente; perciò *bisogna, che per questi sia preparata una strada, il più che sia possibile, facile, che ne' fiumi arginati suol essere sopra gli argini, e sul labbro delle golene; e ne' disarginati, in tempo d'acqua bassa, per le ghiaie, ed in tempo di piena per le ripe de' fiumi medesimi.* Quindi è, che i siti di queste strade devono essere liberi, e senza arbori dalla parte del fiume, e tanto alte, che l'acqua del fiume non v'arrivi, ma poco di più, e di buon fondo, perchè gli animali predetti non vi s'impantanino. Perciò, *se un fiume avrà le sponde scoscese, come se fossero di sasso, e troppo alte, non sarà navigabile, quando dentro del dirupo non si tagli una strada proporzionata, bassa quanto basta, per non avere una tirata troppo obliqua; e tanto alta, che non sia bagnata dal fiume; e quando le medesime fossero pantanose, perchè il fiume le formontasse, bisognerebbe alzarle a modo d'argini; e in questa maniera renderle più asciutte.* Finalmente, se fossero troppo lontane dal filone, come quando i fiumi di gran larghezza nelle piene, sono assai magri d'acqua, e questa si spinge col corso ora a una ripa, ora all'altra, bisogna assodare una strada temporanea per le spiagge del fondo dell'alveo, e praticare questa nella maniera, che si può.

Gl'impedimenti delle navigazioni, che appartengono all'acqua, la quale scorre per li fiumi, che si vorrebbero rendere navigabili; sono questi. (1) *La scarchezza dell'acqua medesima.* [2] *La di lei soverchia velocità.* (3) *Il caminar ella senza regola.* La scarchezza non è rimediabile per altra strada, che con accrescerla mediante l'unione di più fiumi in un sol'alveo; e con acquistare de' rigurgiti, o dal mare, o da' fiumi reali. Alcuni fiumi, che entrano nell'Oceano, non sarebbero navigabili, se dovesse servire alla navigazione la poca acqua, che portano; ma perchè assorbiscono ne' flussi un ristagno d'acque marine in alcuni luoghi di trenta, e più piedi d'altezza, si rendono con tal mezzo capaci di portar barche grossissime. Nella stessa maniera i fiumi tributarj, che sboccano ne' reali, sono navigabili per qualche tratto coll'acqua, che ricevono di rigurgito da questi; oltre il quale alle volte non sono atti a portare un piccolo battello, tanto poca è l'acqua, che hanno. Per questa ragione pochi sono i fiumi dell'Italia, che siano navigabili; perchè essendo di breve corso, hanno poca acqua, e per conseguenza gran declività di fondo; ed entrando, o nel golfo Adriatico, o nel Mediterraneo (mari, che hanno poco flusso, e riflusso) non godono del beneficio del rigurgito dell'acque marine; *L'unico rifugio adunque in caso di scarchezza d'acqua, è quello di cavarla dal fiume, e d'introdurla in un canale regolato, che co' gli artifizi sopra descritti, può rendersi idoneo a qualunque sorta di navigazione.*

La velocità dell'acqua de' fiumi anch'essa ricusa ogni sorte di rimedio; se non è quello di *superarne la violenza del corso a forza di animali, che tirino le barche*, dipende la velocità in casi simili, come si è detto, dall'inclinazione degli alvei, la quale, come determinata, che è dalla natura, è insuperabile. L'arte di navigare all'ingiù fiumi anche velocissimi (benchè pieni di scogli, e di correntie impetuossime) è arrivata a tal segno, che

che si può dire avere toccati i limiti della temerità; ma quella di navigare all'incontro de' medesimi corfi, non oltrepassa il segno di valersi della forza degli animali; e quando questa non basta, non arriva ella più oltre. Perciò alcuni fiumi sono bene navigabili, ed altri potrebbero rendersi tali, quasi dalla loro prima origine sino allo sbocco nel mare; ma il navigarli al contrario riesce impossibile, se non dentro uno spazio determinato, nel quale le declività degli alvei non sono eccessivamente grandi, e ciò qualunque sia il corpo d'acqua, che portano.

Il *divagare dell'acque*, o sia il correre senza regola, è un difetto il più facile da correggere d'ogn'altro. Non è altro questo corso fregolato, che l'uscire, che fa l'acqua dal proprio alveo, dentro il quale correva ristretta, e dividersi in più piccioli rami, ed in fine espandersi, o in una campagna, o in una palude, o in una laguna &c. a cagione della quale diramazione, ed espansione, non ritiene più quell'altezza di corpo, ch'è necessaria a reggere le navi. A ciò si può rimediare in diverse maniere; posciachè, se nel sito dell'espansione si trova terra da far' argini, basta chiudere i rami superflui, ed obbligare l'acqua a correre per un solo, dentro il quale avrà altezza maggiore, e arginare le sponde di detto alveo, acciò il fiume non le formonti; se però ciò solamente succedesse in tempo di piena, e che l'acqua ordinaria, correndo inalveata, bastasse alla navigazione, non occorrerebbe per questo fine fabbricar argine alcuno. Ma mancando la terra per la formazione dell'alveo predetto, si può con pali piantati, ed intrecciati di rami d'arbori flessibili, racchiudere da una banda, e dall'altra un sito eguale a quello, che occuperebbe l'alveo, formato che fosse colle alluvioni, e introdurvi a sboccare dentro il fiume, il quale, se sarà torbido, potrà col tempo, e col mezzo delle deposizioni stabilirsi, per la strada medesima, l'alveo; bisogna però procurare di secondare con questa operazione l'inclinazione del fiume; altrimenti si getterà la spesa senza ottenere il fine desiderato. Serve ancora al medesimo fine, o l'escavare il fondo della palude, o il togliere gl'impedimenti al corso; perchè il fiume s'inalveerà per quel sito, nel quale troverà de' concavi continuati, e nel quale incontrerà minori impedimenti, oltre che ciò è necessario per dare il corpo d'acqua, e l'adito necessario alle barche: diverse altre circostanze possono suggerire rimedj d'altra natura, che lasceremo scegliere al giudizio dell'Architetto.

Ma egli è omai tempo di ritornare sulla materia di questo Capitolo, e di riassumere la considerazione degli usi de' canali regolati; il terzo de' quali è di *distribuire le acque per l'irrigazioni, e per altri commodi*, che ne ricevono quelli, che se ne servono. Per condurre con buon metodo, da un luogo all'altro, canali di tal natura, si debbono osservare due regole, la prima delle quali è, che il canale sia costituito in luogo alto, se pure non si vuole cavare l'acqua da esso col mezzo di macchine; e perciò si dee formargli l'alveo, non all'uso degli scoli, nel sito più basso delle campagne, nè al lungo della loro pendenza, ma bensì in piani sufficientemente elevati, e piuttosto artraverfo delle campagne; e perciò quelli, che sono destinati a questo fine ne' nostri paesi, per lo più costeggiano le falde delle montagne, poco importando, che ad oggetto di portarli da un luogo all'altro si richiedano arginature molte volte assai alte. Anche però nella condotta di questi canali si debbono osservare le cadute, e la disposizione del piano di campagna, per non dare in isconcerti grandi, che tolgono la durabilità all'operazione; e perciò è bene (e farà l'altra regola) che il pelo dell'acqua d'uno di questi canali s'elevi poco sopra la superficie della terra, o almeno non

abbia il fondo più alto della medesima, almeno dalla parte di sopra; altrimenti le sorgive, e l'intersecazione degli scoli faranno de' danni. Io ho osservato in molti di questi canali, che traversano le campagne, come nel nostro canale di Reno, e in quello che viene da Savena, l'uno, e l'altro de' quali entrano in Bologna, nel Naviglio di Milano, ed in quello, per lo quale da Padova si passa a Monfelicce, che la loro ripa dalla parte della montagna, o non ha bisogno d'argini, o pure questi sono bassissimi; ma dalla parte opposta, in molti luoghi conviene sostentar tutta l'acqua a forza d'argini, e non ho saputo comprendere, se ciò dipenda dall'avvertenza degli Architetti, che prima li disegnarono; o pure dalla natura, che col tempo abbia proporzionato il sito al bisogno del canale. Io credo però più facilmente quest'ultimo; perchè supposto, che sul principio sia un canale munito d'argini dall'una, e dall'altra parte, egli è certo, che accadendo rotte, o espansioni dalla parte di sopra, si debbano fare delle alluvioni ne' siti bassi, e (allargandosi l'acque in poco sito, e non avendo altr'esito, che nel canale medesimo) molto più alte di quello, possano essere, succedendo rotte negli argini del medesimo canale, che risguardano la pianura, dalla qual parte, l'acqua uscita dalla rotta, s'espande in maggior latitudine, e fa le alluvioni di gran lunga più basse. Quindi è, che il piano di campagna, dalla banda più alta del canale, appoco appoco, può essersi alzato al pari degli argini; e quello dalla parte opposta, non essendosi potuto alzare egualmente, nè meno può far sponda al canale, e lascia la necessità di supplire al bisogno coll'elevazione dell'argine. Sia in un modo, o nell'altro, noi potiamo da ciò intendere, quale sia il metodo mostratoci dalla natura nella derivazione de' canali simili, e procurare d'imitarlo nelle occasioni.

Per fare poi una giusta distribuzione, o erogazione delle acque di un canale regolato, si dee avvertire (1) Che i centri di tutte le bocche, le quali cavano acqua da esso, siano egualmente depressi sotto la superficie della medesima; altrimenti darassi il caso, che due bocche uguali ricevano quantità d'acqua disuguale, e che la differenza sia assai grande (2) Che la superficie dell'acqua corrente sia perciò, al possibile, sempre nello stato medesimo; o pure, che alzandosi, o abbassandosi, si conservi sempre parallela al pelo antecedente; in altra maniera si varierà la proporzione dell'acque distribuite. Ma perchè ciò è difficile da ottenere, io consiglierei, che la distribuzione si facesse proporzionata, supposto il pelo del canale nella sua maggiore bassezza; perchè allora anche succede il caso d'avere maggiormente bisogno dell'acqua; e se alcuna lesione, o improporzione ha da succedere, è meglio, che ciò sia in tempo d'acqua abbondante. Il restringimento proporzionato del canale può contribuire a mantenere il pelo dell'acqua sempre parallelo a se medesimo, e noi abbiamo dato il metodo di farlo nel VI. Lib. della Misura dell'acque; ma ivi abbiamo supposto teoricamente, ed in astratto, che le larghezze del canale siano vive: punto del quale è assai difficile l'assicurarsi nella pratica. [3] E' necessario ancora, che il fondo del canale si conservi sempre invariato; posciachè elavandosi, farà alzare il pelo dell'acqua, e le bocche superiori riceveranno acqua più del dovere in pregiudizio dell'inferiori ed abbassandosi, succederà tutto il contrario. Quindi è, che dopo la costruzione d'un canale, non si dee fare immediatamente, o almeno assodare la distribuzione dell'acque, regolandosi sul fondo dell'escavazione; ma bensì dee aspettarsi, che il medesimo si stabilisca colle regole della natura; e dopo distribuire la quantità dell'acqua a chi si dee. [4] Le bocche tutte si assegnino ne' luoghi, ne quali il filone cammina parallelo, e in mezzo all'

all' una, e all' altra ripa; poichè è certo, che se la direzione dell' acqua incontrerà una di queste bocche, v' entrerà in copia maggiore di quella, che uscirà per un' altra, che (in parità di tutte l' altre circostanze) sia lontana dal filone predetto, e nella quale debba entrare col solo sforzo dell' altezza dell' acqua. (5) S' elegga una misura invariabile, alla quale abbiano da essere eguali tutte le bocche dell' erogazioni, e dovendosi maggior copia d' acqua all' uno, che all' altro, se gli assegnino più bocche separate nella dovuta proporzione, le quali s' uniscano poi, se così si vuole, in un canal solo dopo la distribuzione; altrimenti regolandosi la proporzione secondo l' aree delle bocche, sempre n' avrà più del dovere la bocca maggiore, come quella, che a riguardo dell' area ha minore la circonferenza, e per conseguenza minore l' ostacolo dello sfregamento fatto all' uscita. (6) Che i canali, i quali ricevono immediatamente l' acqua dalle bocche predette, siano tutti della stessa lunghezza, larghezza, e pendenza, e nella parte interna egualmente lisci; potendosi ragionevolmente credere, che l' acqua ricevuta in canali più larghi, più corti, e più declivi, riesca anche più copiosa; siccome è certo, che la diversa asprezza interiore de' detti canali, apporta maggiore impedimento all' uscita dell' acqua; sotto nome di canale in questo luogo, s' intende un tubo, che sia applicato al foro della bocca, e trasfonde l' acqua in un canale aperto, per lo quale viene poi portata al luogo destinato. (7) Perchè alle volte una bocca sola serve a più d' uno, occorre, che l' acqua uscirà da essa, correndo per lo suo canale aperto, debba di nuovo dividersi: il che può farsi col preparare un canale di pietra, che abbia il fondo per ogni verso orizzontale, o pure un bottino, nel quale si riceva l' acqua; ed intestato nella parte inferiore con un muro, incastrare in esso un marmo, o altra pietra dura; nella quale siano tagliati più fori eguali, secondo le regole dette di sopra; che diano a ciascheduno la sua parte dell' acqua, da portarsi poi ne' fondi de' Padroni per via di canali separati. S' avverta però in questa divisione ciò, che si è detto di sopra al numero quarto. (8) Quando la divisione s' ha da fare in due parti uguali, basta, preparato che sia il canale predetto, fare in esso un divisore, che tagli il corso dell' acqua nel mezzo, ed obblighi la metà del canaletto a portarsi ad una parte, e l' altra metà, all' altra parte; nel che però si dee procurare, che lo scarico sia ugualmente felice, e che vi sia una perfetta uguaglianza di tutte le circostanze, a favore tanto dell' una, quanto dell' altra parte.

Quelli, che distribuiscono, e vendono le acque ad once, si vagliono di una quantità per base fondamentale di tutte le altre, che loro è affatto incognita; poichè ordinariamente si desume questa denominazione dall' area del foro, o bocca, che la deriva dal canale, o altro ricettacolo; e sebbene questa può essere invariabile, la quantità però dell' acqua, che passa per essa in un tempo determinato, varia notabilmente, a cagione dell' altezza dell' acqua, che sta sopra del foro. Appresso gli antichi Romani, che prima di distribuire le acque, le radunavano in una gran vasca, e situavano tutti i fori all' istesso livello, poteva servire il nome d' *uncia d' acqua*, se non per esprimere una quantità assoluta, e determinata nella sua grandezza, almeno per significare una quantità ideale, o piuttosto proporzionale, che sebbene variasse nella quantità, ritenesse però la stessa proporzione alle altre moltiplici, o submoltiplici della medesima, come sono i gradi del circolo affunti da' Geometri per misurare la quantità degli angoli; ma ne' nostri tempi, ne' quali le erogazioni si fanno da' canali, e non si ha avvertenza veruna di situare le bocche alla stessa profondità sotto la superficie dell' acqua, il nome d' *uncia* nient' altro significa, fuorchè

l'apertura della bocca del erogazione. Quindi è, che Monsieur Mariotte nel suo altre volte lodato Libro *del Moto dell' Acque*, stimò di dovere stabilire la quantità assoluta dell'acqua, che debba chiamarsi un oncia; e dopo più esperienze fatte per trovare la quantità dell' acqua, che esce da un foro circolare, che abbia un pollice, o un' oncia di diametro, e che sia appena sommerso sotto la superficie dell' acqua del riservatoio; ferma la quantità d' un oncia, o pollice d'acqua, a quella quantità di essa, che, essendo uscita dal suo foro in un minuto di tempo, può essere precisamente contenuta da quattordici pinte di misura di Parigi, ciascuna delle quali contenga due libbre, dimodochè un oncia d'acqua, secondo il detto famosissimo Autore, verrebbe ad essere ventotto libbre Parigine. Ciò è affatto arbitrario; ma non ostante, converrebbe pure, che gl' Idrometri s' accordassero in determinare una quantità, alla quale potessero avere relazione le altre, o maggiori, o minori.

Discorrendo della distribuzione dell'acque, io non ho preteso, che perciò si debbano togliere gli abusi, che in essa si commettono; poichè so, quanto sia difficile di correggere gli errori inveterati, particolarmente quando sono generali, e ridondano in vantaggio di qualcheduno: e nè meno ho pensato di trovare i rimedj a tutti i casi possibili, bensì di aprire l'intelletto a' Professori, acciocchè, occorrendone de' non preveduti, possano trovare i ripieghi adattati a fare in tutti i casi la più giusta distribuzione delle acque, che sia possibile, particolarmente quando si debbano mettere in essere nuovi canali. Onde per fine voglio avvertire, che dubitandosi, che una distribuzione fatta, sia giusta, è facile, trattandosi di piccioli canaletti, di escavare fosse eguali nel terreno, per esempio, di cinque piedi per ogni verso, ed osservare, se si riempiano in tempi eguali; e ciò sarà una prova certa, quando non si possa dubitare, che il terreno sia in un luogo più poroso, che nell'altro.

Servono anche i canali regolati a fare delle bonificazioni; ma perchè abbiamo destinato di averne particolarmente discorso, affine di scoprire alcuni errori, che ordinariamente si commettono, passeremo a discorrerne nel seguente Capitolo.



CAPITOLO XIII.

Delle bonificazioni, e del modo, con che esse possano farsi utilmente.

HA questo nome di *bonificazione* diversi significati, ma qui si prende solamente per l'atto di *render buono il terreno*, o reso, o mantenuto infruttifero dall'acque, che stanno stagnanti sulla di lui superficie, o continuamente, o la maggior parte dell'anno. Ciò s'ottiene in due maniere; cioè, o per l'efficacazione, o per alluvione: Le *bonificazioni fatte per efficacazione sono quelle, per ottenere le quali non alterandosi la superficie del terreno bonificabile, si procura, che, o l'acque si divertiscano altrove, e perciò, cessando la causa, cessi anche l'effetto dell'inondazione; o pure, che camminino regolate al loro termine* (il che si fa mediante l'escavazione di canali proporzionati) *senza occupare altro sito, che quello del loro condotto*. Le acque si divertiscono dal luogo inondato, o col trattenerle dentro l'alveo proprio, ed impedire loro l'espansione, che prima avevano, armando d'argini le sponde dell'alveo predetto; o pure, quando ciò non basti, coll'obbligarle a prendere altra strada, e dar loro nuovo sbocco; ed il mezzo di ottenere questo fine sono le nuove inalveazioni, delle quali discorreremo nel Capitolo seguente. Colla prima maniera è stata bonificata una gran parte della Lombardia, e generalmente sono stati resi fertili tutti que' siti, che sono soggetti alla manutenzione degli argini de' fiumi; in prova di che basta osservare gli effetti, che fanno i fiumi medesimi, quando, rompendo gli argini, escono dal proprio letto, e si portano ad inondare le campagne; e nella seconda maniera sono stati bonificati altri siti sul Mantovano, Ferrarese, e Romagnola, e ne sarebbero bonificabili mole' altri, quando gli uomini s'applicassero a studiare i mezzi per effettuare le diversioni dell'acque, che, senza molto studio, da tutti si conoscono necessarie.

Dell'escavazioni delle fosse di scolo, che sono i mezzi più idonei per efficcare i terreni occupati dalle acque, abbiamo trattato di sopra nel Capitolo XI. parlando degli scoli delle campagne, ed altrove: solo in questo luogo si dee aggiungere, che le *fosse predette rare volte possono far più, che dare lo scarico alle acque piovane, o paludose, e non mai a quelle de' fiumi, se non con grandissima difficoltà, e lunghezza; e quello, che è più, con danno degli'alvei proprj, i quali, essendo l'acque torbide, vengono ad interirsi; &c. resta perciò da trattare in questo luogo delle bonificazioni per alluvione, delle quali non abbiamo fin'ora avuto sufficiente discorso.*

Si pratica questo rimedio a que' siti, i quali sono così bassi di superficie, che non possono avere scolo da parte veruna; e perciò conviene, che restino paludosi, anche a cagione della sola acqua delle piogge. Quindiè, che a fine, che possano siti similgianti avere lo scolo necessario, per mantenersi asciutti, e d'vopo alzargli di superficie; il che, quantunque per piccioli luoghi si possa otte-

nere, conducendovi la terra d'altronde; rispetto a più estesi però è moralmente impossibile; e per lo contrario facilmente s'ottiene, col mettere in opera le forze della natura, che vale il dire, col far sì, che l'acqua de' fiumi torbidi ve la porti. *In due modi, adunque, si possono adoperare le acque torbide de' fiumi per alzare terreni bassi; cioè, o col mandarvi a sboccare un fiume, torrente, o canale, contro il suo corpo d'acqua: ovvero col prendere dal fiume vicino quella quantità d'acqua torbida, che si stima possa bastare per ottenere il fine preteso.*

Quando un fiume sbocca tutto in un sito basso, [il che non si può fare con utile, se questo sito non è una palude vastissima in proporzione del fiume; e se non si mettono anche in opera molte altre necessarie cautele] non v'ha dubbio, che tutta, o la maggior parte della materia terrea, che l'intorbida, non sia per depositarsi; e per conseguenza, che il sito basso non sia per elevarsi, riempendosi di terra le di lui concavità. Ma qui debbono osservarsi diversi effetti di questi sbocchi aperti; poichè (1) l'altezza della palude si renderà maggiore di prima; e perciò, dilatandosi la di lei circonferenza, occuperà de' terreni antecedentemente buoni; e perchè ordinariamente le paludi si trovano nelle parti più basse delle pianure, e la superficie di queste ha una insensibile declività; quindi è, ch'elemandosi il pelo della palude, il più delle volte s'estenderà ad occupare spazio considerabile de' terreni fertili, che prima la circondavano, che per questa causa diventeranno paludosi. [2] Se nella palude entravano gli scoli de' campi superiori, l'acqua della medesima elevarasi, e tanto più in tempo di piena del fiume, rigurgiterà per li loro alvei, con interrirlisi allo sbocco, e per qualche tratto all'infu, arrivandovi torbida; e ne seguiranno quegli effetti perniciosi, che apporta l'alzamento dell'acqua dello scolo, e quello del di lui fondo. (3) Lasciando il corso del fiume a disposizione di natura, non è possibile di ottenere la bonificazione di tutta la palude; perchè esso vi s'inalveerà nel mezzo, o in altri luoghi, dove più lo porterà il genio della natura, formandosi colle alluvioni le sponde, e separerà la palude in due parti, lasciandone l'una a destra, e l'altra a sinistra. (4) Le sponde del fiume predetto saranno più alte al labbro di esso, che negli altri luoghi, e si porteranno a spalto (a modo delle spiagge, che si trovano negli alvei de' fiumi) a sepellirsi sotto il pelo d'acqua della palude. [5] Molte volte accaderà, che il prolungamento del fiume chiuda l'esito, non solo alle parti, destra, o sinistra della palude; ma ancora agli scoli, che dentro vi sboccavano; effetto ripieno molte volte di lagrimevoli conseguenze. (6) Perchè il fiume nelle sue piene, disarginato che sia, dee sormontare necessariamente le proprie ripe; quindi è, che spingendo buona copia d'acqua in dette parti serrate della palude, le alzerà così di pelo, che saranno obbligate a spingersi colle inondazioni considerabilmente all'infu. (7) I luoghi vicini agli sbocchi del fiume, si alzano colle alluvioni di pura sabbia, i più lontani col limo; ma protraendosi il fiume sopra le deposizioni di buon terreno, se ne fanno dell'altre arenose, e sopra queste nuovamente si depone il limo, quando, cioè, le alluvioni si fanno coll'espansione superficiale del fiume. [8] Sin che la palude conserva il suo fondo, il fiume influente non vi si prolunga dentro con gran sollecitudine, e dà a credere, di poterli avere dentro ricetto de' secoli interi, prima d'essere giunto coll'inalveazione alla parte opposta; ma, ridotta che sia colle deposizioni a poca altezza d'acqua, allora comincia a scoprirsi terreno con gran prestezza in più luoghi, e di gran passo s'avvanza la linea del fiume [9] Nel protraersi l'alveo dentro la palude, se pure non è così copioso d'acqua, che possa mantenerli il fondo orizzontale, il che rade volte succede in casi simili, è necessario, che es-
si si

so si vada alzando di fondo nelle parti superiori; e perciò che obblighi i popoli a maggiore alzamento di argini ne' luoghi, dove prima erano, ed a farne de' nuovi, dove prima non erano necessarj. (10) *L' alzamento medesimo di fondo impedisce l'esito agli scoli, che sboccano nel fiume, e colle lorgive molte volte infertilisce le campagne contigue.* (11) Dandosi il caso, che il fiume, il quale sbocca nella palude, ne riceva qualchedun' altro nel proprio letto, e per conseguenza, che i terreni serrati fra due fiumi influenti non possa no scolare, che, al più, nel punto della confluenza, *Se lo scolo di detti terreni, per l' alzamento del fondo del fiume sarà impedito, indispensabilmente dovranno diventare paludosi.* (12) *Lo stesso succederà, quando nella medesima palude sbocassero due, o più fiumi, i quali dalla natura fossero portati ad unirsi, colla protrazione delle loro linee, in un alveo solo.*

Da tutti questi effetti chiaramente può comprendersi da ognuno, quali sianò i danni, che procedono dal farsi le bonificazioni a fiume aperto; quanto poco utile portino queste all' universale; e con quanta ragione sveglino i riclami degl' interessati, particolarmente quando non vi sono applicati gli opportuni rimedi, che potrebbero essere [1] *Gli argini circondanti la palude, quando il terreno somministri materia idonea per farli resistenti. e questi ad effetto d' impedire l' espansioni della palude medesima; ma bisogna avvertire di non prendere errore, sì nell' altezza, che nella grossezza, e buona fabbrica di essi:* (2) *Buoni, ed ampi sbocchi alla palude, per iscarico dell' acque del fiume, e ciò serve ad impedire la soverchia elevazione del pelo della medesima:* (3) *Le chiaviche agli scoli, quando il sito, e le circostanze ne permettano l' uso; o pure la diversione degli stessi ad altra parte, quando sia possibile, e ciò provvederà anche a' rigurgiti, e impedimenti de' condotti.* Se o l' uno, o l' altro di questi provvedimenti non sia praticabile, è irrimediabile il male: (4) *La divisione del fiume in più rami, che portino l' acqua ad interrre regolatamente, prima le parti superiori della palude, e dopo le inferiori:* (5) *Gli argini laterali al fiume, che impediscano l' espansioni sopra i fondi sufficientemente bonificati:* (6) *Il mantenere il ramo principale del fiume nel mezzo della palude, acciò la bonificazione possa farsi nell' istesso tempo egualmente da una parte, e dall' altra, e non si chiuda mai l' esito all' acque chiare della medesima.* [7] *Il dar l' acqua limosa alle bonificazioni arenose, per dare loro quella fertilità, che non è propria della sola sabbia:* (8) *Il salvare qualche picciolo corpo di palude, quando si conosce necessario, per dare ricetto agli scoli de' terreni superiori, e molte volte anche a quelli della bonificazione, compita che sia.* (9) *In caso, che i più fiumi sbocchino nella palude medesima, si deono, per quanto è possibile, tenere separate le alluvioni di ciascheduno, per non impedire lo scarico agli scoli intermedj.* (10) *Quando l' alzamento del fondo superiore del fiume arrivi ad impedire lo scolo de' terreni, che non possono averlo ad altra parte, che in esso; e non si possa impedire in modo alcuno, che continuando l' alzamento non si rendano paludosi, bisogna divertire il fiume dalla palude, e restituirlo al suo corso primiero, acciocchè escavandosi nuovamente il di lui fondo, si rimettano i terreni superiori in buono stato,* [11] *Quando il fiume inalveandosi per la palude, necessariamente debba così alzarsi di fondo, che non possano scolare in esso i terreni bonificati, bisogna pure divertirlo.* (12) *Alzato che sia il terreno, in maniera che possa avere, e mantenere lo scolo necessario, bisogna divertire l' acquatorbida, o arginando il fiume, quando sia capace di essere inalveato, senza danno de' terreni superiori, per la palude medesima: o pure dargli altro sbocco, ed inviarlo a termine più reale, essendo affatto impossibile, che un fiume di tal natura possa da se medesimo interamente inalvearsi fra le proprie alluvioni.* D d 4 Ciò,

Ciò, che s'è detto delle bonificazioni fatte a fiume aperto nelle paludi, si dee proporzionabilmente intendere di quelle, che alle volte si pretendono fare col lasciare aperte lungo tempo le rotte de' fiumi, nelle quali in oltre è d'avvertire, che de' terreni bagnati dalle rotte, altri s'alzano molto, ma di materia cattiva; e sono quelli, che soggiacciono immediatamente alle rotte medesime, ne' quali anche si formano gorghi, e canali, che rendono disuguale il piano della campagna; altri s'elevano meno, ma di terra migliore, e sono i situati in mediocre distanza dalla rotta stessa; ed altri finalmente, ricevendo l'acque chiarificate, non s'alzano d'alcuna maniera, ma solo per l'inondazione s'insteriliscono, e sono i più lontani. Effetti perniciosi di questa sorta di bonificazioni, sono l'intersecazione degli scoli; l'interrimento de' medesimi, e de' fossi delle campagne; la perdita delle case, e degli arbori; e il danno, che s'apporta a' terreni (e sono la maggior parte) che senza ricevere alcun beneficio di alzamento, o d'alluvione, restano privi delle raccolte per lungo tempo; e se l'acqua della rotta non troverà esito proporzionato, si formerà una palude, la quale caderà sotto le considerazioni precedenti.

Più innocenti perciò, e di maggiore utilità, sono le bonificazioni regolate, che si fanno prendendo l'acqua da' fiumi, o canali torbidi, ed introducendola in que' siti, che si vogliono bonificare; e in ciò pure si debbono aver alcune avvertenze. Prima: *Deesi avere una buona chiavica nella sponda del fiume*, che possa ricevere l'acqua più, o meno abbondante, a misura del bisogno, ed in sito, che non sia battuto dal filone, sì per la tema, che possa accadere una rotta in quel sito; sì anche, acciocchè per la chiavica non entrino rami d'arbori, che, attraversandosi impediscono o l'entrata dell'acqua, o l'abbassamento della porta di essa, occorrendo; o pure partoriscono altri cattivi effetti. (2) *Immediatamente dopo la chiavica, si dee preparare un canale arginato al pari degli argini del fiume*, per lo quale si riceva l'acqua torbida, e s'introduca nel sito da bonificarsi. [3] *Questo sito si dee circondare d'argini*, acciocchè dentro la circonferenza di essi, l'acqua possa renderfi stagnante, e deporre la terra portata: tal circonferenza dee racchiudere il maggior sito, che sia possibile, purchè proporzionato alla quantità della torbida, che può essere somministrata dalla chiavica, e con tal mezzo si fa un gran risparmio di spesa. (4) *Si ha d'avere luogo preparato, dove scolare l'acqua, chiarificata che sia, e non prima; siasi, o canale, o palude, o scolo pubblico*. (5) Per buona regola, si dee osservare di bonificare prima i terreni immediatamente contigui all'argine del fiume, e bonificati questi, progredire colla bonificazione a' più lontani. Con ciò s'affodano gli argini del fiume, anzi si viene ad incassare il fiume fra gl'interrimenti; e conseguentemente con più sicurezza si può proseguire a valersi dell'uso della chiavica. Similmente è anche bene di cominciare a fare le bonificazioni ne' terreni più alti, cioè più lontani dallo sbocco del fiume, e da questi passare immediatamente a' più bassi; perchè con ciò si ha più libero, e aperto l'esito all'acque chiare. [6] Se il canale derivato per la chiavica predetta, porterà abbondanza di acqua, si possono intraprendere in un tempo medesimo bonificazioni in più luoghi, diramando l'acqua dal canale maggiore, e portandola per altri minori, dove occorre. (7) Se la bonificazione dovrà farsi in altezza considerabile, potrà sul principio introdursi per la chiavica la torbida dal fondo del fiume; perchè portando arena grossa, più presto si farà l'alluvione: ma quando questa sia arrivata ad un'altezza conveniente, e similmente quando il terreno da bonificarsi ricerchi poco alzamento; allora è meglio situare la foglia della chiavica, alta sopra il fondo del fiume

me a proporzione. (8) Perchè i terreni bonificati, benchè asciugati dal Sole, restano nondimeno molto porosi, e perciò, ridotti la prima volta a cultura, s'abbassano considerabilmente; quindi è, che per condurli ad un perfetto stato di bonificazione, fa di mestieri alzarli con nuove torbide fino a quel segno, che probabilmente si crede dovere bastar loro, perchè siano capaci di buono scolo; anzi se il fiume, che somministra le torbide, andasse alzandosi di fondo per lo prolungamento della linea, e che il sito, nel quale debbono avere lo scolo, s'andasse altresì elevando, converrebbe, di tempo in tempo, far correre le chiaviche della bonificazione, e andare rialzando i terreni di già bonificati. [9] Intrendosi i canali della bonificazione, come ben spesso succede per la poca caduta, che hanno, debbono di nuovo scavarsi, perchè ricevano acqua abbondante dal fiume; se pure non si desse il caso, che in quel tempo si avesse bisogno d'acqua torbida senza arena; posciachè allora l'interrimento del canale serve ad escludere l'acqua del fiume vicino al fondo, e a ricevere solamente la più superficiale, che suol essere gravida di solo limo. (10) Se gli argini delle bonificazioni saranno a livello con quelli del fiume, allora torna l'istesso, o si chiuda, o stenga aperta la chiavica, dopo riempito d'acqua tutto il sito circondato dagli argini, purchè i medesimi non minaccino qualche rottura; ma quando fossero più bassi, assolutamente, ripieni che siano di torbida i siti da bonificarsi, dee serrarsi la chiavica, acciocchè sopravvenendo maggior copia d'acqua, non trabocchi sopra gli argini delle bonificazioni. E' però bene sempreerrarla, e in un caso, e nell'altro. (11) Quando si tratta, non tanto di alzare, quanto di migliorar terreni, si dee osservare la qualità della torbida portata dal fiume, trovandocene di quella, che in cambio di rendere fertili, infertilisce i fondi, sopra de' quali si depone. [12] Quando non si abbia altro comodo di scolare l'acqua chiarificata, ciò può ottenersi, il più delle volte, nel sito inferiore del fiume medesimo, per un'altra chiavica destinata, non a ricevere le torbide, ma a trasmettere le chiare nel di lui alveo, la quale, fatta che sia la bonificazione superiore, potrà servire a bonificare i terreni inferiori. (13) Se si fosse affatto senza luogo, dove scolare dett'acque chiare, non per questo si dee trascurare di fare la bonificazione; poichè tra l'imbeverarsi, che fa d'acqua il terreno, e tra l'evaporazione, la quale continuamente succede, anderà abbassandosi il livello dell'acqua, e potrà dar luogo a nuova torbida, finchè, fattosi tanto alzamento, che basti, si possa rimettere, cessata la piena, nel fiume medesimo, per lo stesso canale, e per la medesima chiavica, l'acqua chiara della bonificazione. (14) Lo scolo di quest'acque chiare, quando si possa avere in qualche altro luogo, che nel fiume, dal quale prima partirono, si promuove con un taglio fatto nell'argine della bonificazione, che, terminata l'escolazione, si deve subito tornare nello stato di prima; o pure è meglio valersi d'una chiavichetta fatta in sito proporzionato, da aprirsi, e serrarsi conforme il bisogno. (15) Non avendosi terra sul principio, per fare gli argini accennati al num. 3. si può lasciare correre la chiavica senza di essi per qualche tempo, fin tanto che gli interrimenti, i quali succederanno, ne somministrino il comodo, e la materia; allora poi bisogna costituirli, secondo le regole già dette.

Coll'osservanza di queste regole si faranno le bonificazioni con maggior spesa sì, ma con effetto anche più sollecito, rispetto a una parte di terreno circondata da' suoi argini, la quale ridotta a perfetta bonificazione, e cultura, restituisce in poco tempo, col frutto, le spese fatte. Vero è, che tutto il corpo del terreno da bonificarsi richiede lungo tempo a perfezionarsi, quando abbia della vastità considerabile; ma dee ben preferire la si-

la sicurezza, e l'indennità de' vicini, accompagnata dal vantaggio di dare buon fondo alle bonificazioni fatte in questa maniera, alla brevità del tempo, con che si bonificano i siti a fiume aperto; i quali poi anche non possono chiamarsi interamente bonificati, prima che il fiume non sia stato rimesso nel suo antico alveo, o non si sia stabilito, e regolato il di lui corso fra le bonificazioni, alle quali riesce sempre di danno; oltrechè, se si vuole abbreviare il tempo alle bonificazioni regolate, possono mettersi in pratica più chiavi, l'una dopo l'altra, e tante, che assorbiscano tutta l'acqua del fiume. Ma il fine più desiderabile si è, che a questa maniera s'alzino i terreni superiori, e laterali al fiume, prima, o nell'istesso tempo, che gl' inferiori, e più lontani, e la campagna tutta, bonificata che sia, viene ad acquistare un pendio eguale a quello, che ha la cadente del pelo del fiume, levando in gran parte la necessità degli argini coll' incassazione, che succede al fiume medesimo, che è uno de' più potenti rimedj, che si possano avere, per impedire le inondazioni, e per dare buono scolo alle campagne: laddove le bonificazioni a fiume aperto possono bene elevare i siti più bassi; ma nell'istesso tempo tolgono lo scolo alle campagne più alte, e rendono paludosi molti siti, che prima erano fruttiferi. La facilità ancora, che s'ha di maneggiare i canali delle bonificazioni regolate, fa, che si riempiano tutti i siti bassi, e che si possa scavare, o lasciare un buono, e facile scolo per li terreni più alti, il quale è altrettanto necessario a questi, quanto alle bonificazioni medesime, per iscarico delle loro acque, tanto nel tempo, che si fanno, quanto dopo che siano perfezionate.

Ridotta, che sia una bonificazione al suo ultimo stato, si dee prevederla di scolo per l'acque delle piogge; ma circa questo particolare non credo doverci qui aggiungere cosa alcuna, oltre ciò, che è stato detto, trattando degli scoli nel Cap. XI. Solo voglio avvertire, ch'è necessario di pensarvi, prima d'intraprendere la bonificazione; posciachè le fosse pubbliche di scolo, in questi casi, sogliono essere quelle, per le quali prima si scollavano le bonificazioni; e perciò il pensiero, che l'Architetto si prende per ben situare, e regolare queste, serve ancora per quelle.



CAPITOLO XIV.

Delle considerazioni da averfi, quando si vogliono fare nuove inalveazioni de' fiumi.

EL'inalveazione de' fiumi, qual ora si debba fare colle regole dell' arte, non colle forze della natura, una delle più difficili operazioni, che accadano ad un Architetto d' acque; siasi, o perchè, ad effetto d' intraprenderla con metodo, si richieda una perfetta cognizione teorica: o pure perchè pochi siano nel mondo gli esempj di tali intraprese, da' quali possa dedursene quel lume, che basta per non inciampare, come talvolta è succeduto, in errori gravissimi, che hanno renduta inutile la spesa di somme immense di denaro, ed obbligati i popoli a desistere dall' impresa, perchè l' esperienza ne ha mostrata l' insufficienza, e il danno: ed in fatti si vedono, anche a nostri giorni, come disse Tacito della fossa proposta da Severo, e Celeno; cominciata a fare scavare da Nerone dal monte Averno ad Ostia, si vedono, dico, sparse in diverse parti della terra, *vestigia irrita spei*. Quindi è, che noi averemmo creduto di mancare gravemente al debito, che hanno tutti gli uomini, di comunicare, e contribuire alla pubblica felicità i proprj trovati, se in questo Trattato ci fossimo astenuti dal discorrere d' una materia così importante; e dal donare al mondo la notizia di quegli avvertimenti, che le occasioni, l' esperienza, e le dimostrazioni proposte ne' precedenti Capitoli, ci hanno fatto credere, doverfi avere, quando si hanno simili Proposizioni da esaminare, prima di risolverle; sì per non impegnare i Popoli a spese inutili; sì per non renderli soggetti, con nuove operazioni malpensate, a gravissimi danni, che molte volte tirano seco l' estermio d' intere Provincie. Io entrerò dunque a darne in succinto gli avvertimenti, che crederò necessari da averfi ne' casi accennati; ma non mi estenderò già a provare, ad uno ad uno, la verità de' medesimi, dipendendo questa immediatamente da ciò, che finora è stato detto negli antecedenti Capitoli, e particolarmente nel Quinto, in proposito delle cadute ec. che è il punto più essenziale da considerarsi.

Le mutazioni, adunque, di alveo, che si fanno a' fiumi, sono di più sorte; ma tutte si possono ridurre a due capi. Poichè, o si tratta di mutar l'alveo senza mutare lo sbocco, o pure di portare il fiume a sboccare in un luogo diverso da quello, dove prima aveva la foce. Quelle, che si fanno senza mutazione di sbocco, per lo più s' intraprendono a fine di allontanare il fiume da qualche sito, al quale colle corrosioni, o in altra maniera, pregiudica; ed alcune volte per avvicinarlo ad altri, a' quali dee servire per difesa, o apportare qualche altro vantaggio. Quest' ultime mutazioni si chiamano Tagli, e si fanno con sicurezza d' esito; quando vi concorrano le necessarie circostanze. (1) La prima è, che la via, o linea del taglio sia più breve di

quella, che dal punto dove comincia, a quello dove termina, è fatta dal corso del fiume; quindi è, che i tagli distesi in una linea sola, godono d'una prerogativa essenziale per riucire giovevoli, e sicuri. (2) Che il filone superiore del fiume sia ricevuto a dirittura dalla bocca del taglio, altrimenti, non ostante la brevità minore della linea, il fiume da se non v' entrerà con quell'impeto, ch'è necessario per mantenerli il corso, allargarlo, ed escavarlo; ma piuttosto di nuovo l'interrirà, e sarà gettata la spesa (3) Che il terreno, per lo quale si dee fare il taglio, sia facile ad essere corrosivo; perchè in altra maniera, incontrandosi tali e fondo, e sponde, che dalla violenza dell'acqua introdotta non possano essere corrose; può ben darsi il caso, che si derivi un canale d'acqua della grandezza, che si vorrà, ma non per questo si muti l'alveo antecedente del fiume; se pure la larghezza, e profondità del canale non si faccia eguale a quella del fiume.

In queste condizioni basta scavar un canale per la linea disegnata, largo venticinque, o trenta piedi (ed in alcuni casi anche meno, bastando, che l'acqua possa cominciare ad avervi corso) e di profondità conveniente, comunicante dall' una parte, e dall' altra col fiume, al quale si vuole mutare l'alveo; poichè nelle prime piene comincerà ad allargarsi, e profundarsi, e col tempo renderassi alveo di tutto il fiume, che si vorrà, ma non per questo si muti l'alveo antecedente del fiume; se pure la larghezza, e profondità del canale non si faccia eguale a quella del fiume.

Ne' fiumi, che corrono in ghiaia, non sono di esito sicuro i tagli; perchè essendo di loro genio particolare il mutar corso di quando in quando, cambiandolo da una parte all' altra, per le cagioni addotte a suo luogo; rade volte s'incontra di goderne lungo tempo il beneficio, il quale può essere così grande, che si abbia a desiderare di ottenerlo, anche temporaneo, e con azardo. Ma ne' fiumi, che hanno il fondo arenoso, sono di più lunga durata; ed anco si conservano perpetuamente, quando s'abbia la dovuta attenzione a mantenerli in dovere.

Incontrandosi, che il filone del fiume non entri tanto bene, quanto basta, nella bocca del taglio, riesce utile la moltiplicazione delle bocche, e de' canali sul principio, facendoli tutti in sito, il più, che sia possibile, esposto alla corrente; e ciò, non solo per facilitare maggiormente l'ingresso all'acqua; ma ancora, perchè può darsi il caso, che il filone dell'acqua bassa, ne imbocchi uno; quello della mezzana, un altro; e quello della piena, un altro; di modo che in tutti gli stati del fiume diasi luogo facile all'ingresso dell'acqua, e conseguentemente si faccia tale allargamento; che possa render il taglio idoneo a ricevere a dirittura tutta la corrente; al qual fine concorrono ancora le intestature, o palificate basse, piantate poco di sotto alle bocche del taglio; perchè l'impedimento, ch'esse fanno, serve molto a far voltare l'acqua per le bocche medesime.

Se la strada, che si vuole far prendere al fiume, sia più lunga dell'antica, e per conseguenza di minore caduta, non si potrà ottenere l'intento, che a forza d'una buona imboccatura del filone, che molte volte anche riesce inutile, senza l'aiuto di qualche ostacolo inferiore, il quale obblighi l'acqua a prendere la strada, che si desidera; e non mai forse arriverassi all'intento di divertire il fiume totalmente, senza intestare l'alveo vecchio di tal maniera, che l'altezza maggiore delle piene non possa superare l'intestatura.

Quando l'acqua del fiume sia sempre chiara, come che questa non porta materia, colla quale possa interrre l'alveo antico, può ben darsi il caso, che il corso dell'acqua s'introduca nell'alveo nuovo anche per la maggior parte; ma non già, ch'abbandoni del tutto la strada antica, se non si fabbrica l'intestatura sopraddetta; è ben vero, che lo smagrimento dell'acqua, la velocità sminuita, e la diversione, ch'ella ha per l'alveo nuova, può renderne più facile la costruzione.

Incontrandosi nell'escavazione del canale, terra resistente, e tale da non cedere alla forza del fiume (accidente, che rade volte accaderà) fa di mestieri preparare l'alveo in quel sito di tutta larghezza, e profondità, senza sperare alcun beneficio dall'introdurvisi il fiume; ma succedendo questo caso, forse porterebbe tanto dispendio da non intraprendere l'escavazione.

Quanto poi alla diversione de' fiumi, accompagnata dalla mutazione degli sbocchi, che si chiama *nuova inalveazione*, si debbono distinguere due casi: il primo si è, quando l'acqua, che dee introdursi nell'alveo nuovo, ha da condursi al suo termine, senza mescolanza di nuove acque; e il secondo, quando dee ricevere, per istrada, l'influsso di altri fiumi.

Nel primo caso l'impresa è assai facile; perchè il fiume medesimo insegna le qualità, che ha d'avere il nuovo alveo, spettanti alla larghezza, altezza di ripe, ed escavazione; ma però dee considerarsi il termine, al quale si vuole portare il di lui sbocco, e la lunghezza della strada, che se gli assegna. Perciò avanti di risolvere circa la possibilità nell'opera, e circa la sussistenza de' vantaggi, che se ne vogliono ricavare, *deono* (1) *ponderarsi le condizioni tutte dell'alveo vecchio*, e considerare, quali sieno quelle, che consigliano la mutazione del letto; perchè non essendo esse per migliorarsi, sarebbe inutile l'intraprenderla. (2) Se il fiume ha l'alveo stabilito, bisogna fare un'esatta livellazione della di lui declività, con avvertire alle mutazioni, che alla medesima possono accadere, a causa, o della materia, che porta in siti diversi, o dell'influsso di altri fiumi, che a lui s'uniscano nelle parti inferiori. (3) Si debbono misurare le sezioni del fiume stesso, prima che patisca alcuna alterazione da altri fiumi influenti, ad effetto di accertarsi della larghezza dell'alveo, e dell'altezza delle ripe, che addimanda; avvertendo di non prenderle in sito di rigurgito, qual volta egli vi sia soggetto. [4] Si dee livellare la campagna per quella linea, per la quale si pretende formare il nuovo alveo, fino al termine, al quale si vuole sboccarlo, e quivi accertarsi della massima bassezza di questo; come per esempio, se è il mare, del sito, al quale il medesimo s'abbassa nel riflusso; e se è un altro fiume, del termine dell'acqua bassa, essendo perenne, o pure del di lui fondo, qualora sia temporaneo. (5) Quando il nuovo alveo abbia da sboccare in acqua perenne, si dee cercare, se nel contorno v'è altro fiume, il quale, presso a poco, sia della stessa grandezza, e qualità di quello, che si vuole inalveare, e scandagliare in esso, quale altezza d'acqua il medesimo abbia al suo sbocco, in tempo d'acqua bassa del recipiente, coll'avvertenza di sfuggire i gorghi, che accidentalmente vi si fanno. [6] È necessario di ponderare la caduta, che ha il fondo del fiume nel principio della nuova inalveazione sopra il fondo, che dee avere lo sbocco, il quale sarà tanto più basso della superficie dell'influente, quanto si sarà trovato essere quello dell'altro fiume sopradetto; e trovando caduta minore di quella dell'alveo vecchio, sarà difficile, che, in vece di ricavare vantaggio dalla nuova inalveazione, non se ne riportino danni maggiori de' primi; ma, trovandola eguale, o maggiore, si dee osservare, come la medesima s'accomodi alla

alla superficie della campagna. (7) E perciò, si dee *delineare il profilo della campagna livellata*, colle sue misure di altezza, e lunghezza, e sopra di esso descrivere la linea cadente del fondo della nuova inalveazione, cominciando dalla parte inferiore; cioè, del fondo, che si pretende dover essere quello della foce, e continuandola all'insù colla stessa inclinazione, che ha quella del fiume vecchio. In questa operazione si troverà, quale, e quanta debba essere l'escavazione sotto il piano di campagna; se il fondo del fiume cammini in alcun luogo sopra di esso; se abbia bisogno d' argini, o se sia per correre incassato; e perciò se sia per portare nocumento agli scoli delle campagne, in caso, che ne venisse intersecato qualcuno; se i medesimi debbano essere obbligati alla suggezione delle chiaviche, o pure aver esito nell' alveo nuovo con foce aperta; ed in sostanza *paragonando le condizioni dell' alveo nuovo con quelle del vecchio, facilmente si conoscerà l' utile, che se n' è per ricavare*, e se questo meriti la spesa dell' operazione. [8] Se il termine della nuova inalveazione è un altro fiume, bisogna *mettere a conto l' escavazione del fondo, che dee succedere al fiume recipiente, e quella, che dovrà succedere nell' alveo del nuovo fiume, a causa de' rigurgiti*, le quantità delle quali due escavazioni non si possono esattamente determinare; ma è certo, che influiscono nell' abbassamento dello sbocco; e conseguentemente di tutta la linea cadente del fiume nuovo; e facendosi lo sbocco al mare, si dee pure *far capitale degli effetti del flusso, e riflusso*, che sono già stati annoverati a suo luogo, particolarmente quando la foce sia ben disposta, e non impedita da' venti. (9) Occorrendo di munire con argini la nuova inalveazione, si determini l' altezza di essi da una linea tirata dalla parte inferiore all' insù, che dee cominciare poco sopra il pelo più alto del recipiente, e mantenersi sempre superiore all' altezza, che può avere il fiume nell' sue piene; e perchè queste riescono meno declivi di superficie per tutto il sito, che risente il rigurgito del recipiente; perciò vicino allo sbocco possono essere gli argini, anch' essi, meno inclinati; ma più lontano debbono, presso a poco, secondare col loro piano superiore, la cadente del fondo dell' alveo. [10] La distanza degli argini si desume dal fiume vecchio, se pure l' esperienza non avesse mostrato, ch' essa fosse, o maggiore, o minore del bisogno; ma vicino allo sbocco deesi ben' avvertire di tenerli abbondantemente distanti l' uno dall' altro, a riguardo delle mutazioni di sito, che per cause accidentali possono avvenire allo sbocco medesimo; particolarmente, quando non s' incontra di eleggerlo buono sul principio. (11) La larghezza dell' escavazione può determinarsi in due maniere; perchè, se si pretende di volar il fiume tutto in una volta per l' alveo nuovo; allora bisogna darli la larghezza, ch' è propria del fiume vecchio; e ciò è necessario, quando, o la lunghezza dell' alveo nuovo sia maggiore di quella del vecchio; ed eguale la caduta dell' uno, e dell' altro; o il filone del fiume non imbocchi bene la nuova escavazione; ed in tal caso bisognerà intestare il fiume vecchio poco sotto l' imboccatura del nuovo, per obbligare l' acqua a correr vi dentro; ma quando il guadagno della caduta fosse considerabile, e eguale, o minore la lunghezza della strada; ed inoltre, quando il filone entrasse a dirittura nell' alveo nuovo, basterebbe escavare l' alveo per la quinta, o sesta parte [più, o meno secondo le diverse condizioni ec.] della larghezza naturale del fiume; perchè cominciando a correre l' acqua dentro l' alveo nuovo, e trovandovi facilità di corso, col tempo se io proporzionerà al bisogno, e interrirà l' alveo vecchio.

Tutto ciò si dee intendere rispetto a' fiumi torbidi; poichè quelli, che portano acque chiare, basta, che abbiano apertura al termine inferiore, e non siano più

no più bassi di superficie del medesimo per potervisi portare. Quanto però alla larghezza degli alvei, all' altezza, e distanza degli argini, e alla facilità del corso, non sono diversi gli uni dagli altri: si dee però considerare la possibilità degli interrimenti, anche ne' fiumi d'acque chiare, per la corrosione, e dirupamento delle ripe, escavazioni di gorghi ec. e la morale impossibilità di escavarli, interriti che sianò, e perciò non torna il conto d'azzardarsi con difetto di caduta, a fare nuove inalveazioni di gran lunghezza, e larghezza; particolarmente quando l'acqua è perenne, e non si ha dove divertirla, in occasione di voler espurgare i fondi interriti.

Quando l'inalveazione nuova ha da essere destinata a ricevere più fiumi, che dentro vi scorrano, e abbiano foci diverse, debbono distinguersi due casi. Perchè, o i fiumi sono di simile, o di differente natura: sono di simil natura quelli, che nelle confluenze portano materie omogenee: e di differente natura sono quelli, de' quali la materia portata sino alle foci, è di sostanza diversa.

Se si darà il caso, che i fiumi da unirsi in un solo letto portino tutta materia omogenea [per esempio, arena ec.] nel sito dell'unione; e che quello, che ha da ricevere gli altri, abbia caduta, e forza sufficiente a spingerla sino al suo termine, e che la situazione della campagna concorra a mantenerlo incassato, sarà di esito sicuro la nuova inalveazione: perchè essendo l'unione di più acque correnti cagione di maggiore profondità negli alvei, e di maggiore bassetta nelle massime piene; ed inoltre rendendosi con ciò minore la necessità della caduta dell'alveo; manifestamente ne segue, che *quel pendio, che basta ad un solo fiume, sarà tanto più bastevole a molti uniti insieme*; e se il piano di campagna può tenere incassato il primo, potrà essere molto più capace di tenerne incassati molti; anzi, quando nell'inalveazione di un solo fiume, si potesse dubitare di qualche piccolo danno dipendente dalla soverchia altezza del fondo; l'accoppiamento di altri potrebbe esserne il rimedio. Solo resta in questo caso incerta la larghezza dell'alveo, la quale, dipendendo dalla natura del terreno, più, o meno facile da cedere al corso del fiume e dall'abbondanza dell'acqua del medesimo, non si può esattamente determinare; nulladimeno non vi potrà correre grande sbaglio, se si avvertirà a ciò, che succede in casi simili a quello, che si ha tra le mani; oltrechè, se si ha bisogno d'argini, basta abbondare nella loro distanza piuttosto, che mancare; e se questi non saranno necessari, l'elevazione, che farà la terra scavata dall'alveo nuovo, e gettata sulle sponde di esso, potrà servire di riparo, occorrendo, alle espansioni del fiume, fin tanto che, acquistando il fiume da se larghezza dovuta alle sue circostanze, si averà proporzionato l'alveo.

Si dee in oltre riflettere, che la nuova inalveazione può esser cagione, che i fiumi influenti in essa, benchè prima portassero materia omogenea, comincino poscia a portarla eterogenea. Ciò potrà succedere, quando il fondo dell'influente, nel sito, dove fosse intersecato dal nuovo alveo, restasse molto superiore alla linea cadente del fondo dell'inalveazione, e che dovendo abbassarsi, aggiungesse caduta considerabile al suo letto superiore, il quale perciò si renderebbe idoneo a spingere la ghiaia nell'alveo nuovo. sebbene prima non ne portava: il che accadendo, potrebbe esservi qualche dubbio di buon'esito, e avrebbero luogo delle considerazioni ulteriori. Quindi è, che per accertarsi, che i fiumi uniti si conservino sempre della stessa natura, è necessario tal sito per l'inalveazione, che, quando anche s'accrescesse la caduta ad alcun fiume influente, non possa sensibilmente mutarsi la di lui natura nella confluenza; o pure quando la necessità ricercasse l'elezione di

ne di sito diverso, bisognerebbe provvedervi con fabbriche di muro, a modo di chiuse, o cateratte, atte a sostenere il fondo del fiume allo sbocco, e ad elevarlo anche qualche poco di più, se si ha dubbio, che la velocità dell'acqua cadente dalla chiusa, possa rapire dalle parti superiori materia pesante, e portarla nel nuovo alveo.

Al contrario, se il fiume influente avrà, nel sito dell' introduzione, il fondo considerabilmente più basso della cadente della nuova inalveazione, egli è evidente, che dovrà alzarsi allo sbocco, sino al sito, ch' è dovuto alla natura delle foci, e che in conseguenza interrirà il proprio alveo sino a quel segno. Quindi è, che prima di fare simili operazioni, non solo è necessario di considerare il sito dell' alveo nuovo; ma inoltre quello di tutti i fiumi influenti, per assicurarsi, se, fatta che sia l' inalveazione, siano i loro letti per elevarsi, ed interrirsi, o per abbassarsi, ed escavarli: e ciò a fine di trovare i rimedj opportuni alla qualità degli sconcerti, che nell' uno, e nell' altro caso fossero per succedere. Per altro, *anco in questa sorte d' inalveazione sono necessarij tutti gli avvertimenti, e regole addotte di sopra, per l' inalveazione d' un fiume solo.*

Quando i fiumi siano di differente natura, è d' uopo distinguere più casi; perchè, se i fiumi superiori porteranno materia più pesante degl' inferiori, come sarebbe a dire, se il fiume principale portasse ghiaia grossa; il primo influente più minuta; il secondo anche più minuta; e così gradatamente sino agl' inferiori, che portassero sola arena, o limo; in tali circostanze (se, per tutto lo spazio, nel quale i fiumi portano ghiaia, vi sarà caduta eguale a quella, che ha d' avere il fiume principale, nel principio della nuova inalveazione: e da lì in giù, eguale a quella, che ha il fiume predetto in sito, dove corre in arena; e che concorrano tutte le altre circostanze per una utile, e buona operazione) si potrà assicurare della buona riuscita di essa. La ragione, anco in questo caso, è manifesta; perchè, se il fiume principale potrebbe portarvisi da se medesimo, maggiormente potrà farlo, unito che sia con altri; tanto più, che si suppone la caduta idonea a spingere ghiaie più grosse per tutto il tratto, nel quale i fiumi influenti possono portare la ghiaia nel nuovo fiume; e sebbene si può dubitare, che l' unione di più acque possa spingerla più giù di quello, che si figura; ciò non ostante però, questo difetto sarà probabilmente compensato dalla caduta, che nell' unione di più fiumi richiedesi minore di quella, che si suppone convenire ad un solo; e dalla diminuzione delle ghiaie, che tira seco la necessità di minore pendio. *Questo però è un punto da considerarsi sul fatto, e che richiede un giudizio ben pesato, per fare un' aggiustata compensazione degli eccessi, e de' difetti.*

Ma quello, che porta seco maggiore difficoltà, e che non può accertatamente praticarsi, se non quando si ha caduta esorbitante, ed altezza di piano di campagna considerabile, si è il caso, nel quale i fiumi influenti portano materie più pesanti di quelle del fiume principale, nel punto dell' intersecazione. Poichè egli è certo, che, quando anche la caduta del nuovo alveo fosse tanta, che bastasse per lo corso del primo fiume, che v' entra; non perciò si può con sicurezza concludere, che possa bastare per tutti; atteso che, se i fiumi inferiori vi porteranno dentro ghiaia grossa, che faccia in esso qualche elevazione, può essere, che questa sia tanto grande, che tolga la caduta al fiume principale, e l' obblighi perciò ad elevarsi di fondo; potendo ben giovare l' unione dell' acqua a fare, che la materia deposta non renda l' alveo tanto declive, quanto richiede d' essere quello dell' influente; ma non già ad impedirne affatto la deposizione, la quale in certi ca-

ti casi, potrebbe essere tanto grande, che faceffe elevare il fondo del nuovo alveo sopra 'l piano delle campagne. Lo stesso può succedere al primo fiume influente per le deposizioni del secondo; al secondo per quelle del terzo, e così successivamente, finchè s'arrivi ad uno, la cui caduta al suo termine basti (senza far nuovo alzamento, o tale da formontare le ripe,) per ispingere le ghiaie proprie sino al termine prescritto loro dalla natura, e per farlo correre felicemente allo sbocco.

Per assicurarsi della quantità dell'alzamento di fondo, ch'è per seguire in questi casi, sarebbe necessario d'inventare un metodo di delineare le linee cadenti del fondo de' fiumi uniti, in ogni possibile circostanza; ma questo sinora non è stato tentato, nè trovato da alcuno: e forse, se non è impossibile, almeno è tanto difficile, che moralmente può equipararsi allo stesso impossibile. Quindiè, che mancando una regola certa per fare inalveazioni di questo genere, si ha bisogno di cercare altri mezzi per potere, se non certamente, almeno con molto di verisimilitudine, giudicare della loro possibilità.

Pare assai conforme alla natura, ed alle osservazioni, le quali si sono fatte de' fiumi, che le ghiaie introdotte in un fondo orizzontale, non possano essere trasportate all'ingiù per qualunque forza d'acqua corrente; e di fatto non si vede, che i fiumi reali ne portino di sorte alcuna al loro sbocco: anzi io ho sempre creduto, come ho motivato in altro luogo, che la cagione, per la quale il Po ha stabilito il suo alveo per mezzo della gran pianura della Lombardia, sia stata, che i fiumi influenti dall'una, e dall'altra parte, colla deposizione delle materie ghiaiose, lo abbiano impedito di stabilirsi in altro luogo, che in quello in circa, dove egli corre al presente; ed in fatti si vede, che tolto quel tratto del di lui alveo, per lo quale corre sul fondo continuamente ghiaioso, non riceve più da alcuno de' fiumi influenti altra materia, che arenosa. Quindi pare, che si possa raccogliere, che le cadenti de' fiumi in ghiaia, quantunque abbondanti d'acqua, desiderino qualche declività, la quale probabilmente dee essere maggiore di quella, ch'è dovuta a' fiumi mediocri, che corrono in arena; cioè a dire più di quindici, o sedici oncie per miglio, e tanto maggiore, quanto i fiumi sono più scarsi d'acqua, e le ghiaie più grosse. Egli è poi certo, che le cadenti superiori debbono appoggiarsi sopra le inferiori; cioè a dire, che, siccome la cadente ultima del fiume viene regolata dalla bassezza dello sbocco, così il termine di quella, che è immediatamente superiore a questa, si regola dall'altezza dell'ultima nel suo principio, e così successivamente. Quindi è, che quando nelle parti inferiori d'un fiume sia necessaria molta declività, ragionevolmente può dubitarsi, che 'l piano di campagna non possa sostenere l'inalveazione; e perciò nell'ultimo caso addotto, è più da dubitarsi di sinistro esito, che da sperarsi buona riuscita.

Un sol metodo v'è, che possa dare qualche barlume in materia così ardua, ed è di considerare l'inalveazione gradatamente, come se si dovesse inalveare solo l'ultimo fiume al termine preteso, e vedere ciò, che sia per riuscire: indi figurandosi fatta questa inalveazione, qual volta sia ella possibile, o in istato da potere migliorarsi coll'unione d'un altro fiume, cercare, qual esito avrebbe l'introduzione del fiume immediatamente succedente, nell'alveo del già detto; e parendo, che questa sia riuscibile, passare alla considerazione del terzo, e così successivamente sino al fiume principale: e quando si trovasse, che, ad uno ad uno, dessero speranza di buona riuscita, allora, in caso di precisa necessità, potrebbe farsi l'inalveazione del fiume inferiore, e aspettarne il successo, il quale corrispondendo al figurato, si po-

si potrebbe passare all'inalveazione dell'altro; e così proseguire, osservando sempre, prima d'intraprendere nuova operazione, il successo della precedente; e trovando qualche effetto non pensato a svantaggio dell'inalveazione, segno sarà di essere arrivato a quel termine, che la natura permette: e conseguentemente non sarà buon consiglio l'avanzarsi più oltre.

La considerazione dello stato della campagna, per la quale si pretende far passare il nuovo alveo: dell'altezza, e declività della medesima: del modo, con che ella è stata fatta, cioè, se naturale, o fatta dalle alluvioni: degli effetti de' fiumi, i quali la bagnano: delle loro circostanze: della situazione degli scoli, e loro termini: e molto più il riflesso ad altre operazioni di simil natura, qual volta sen'abbia l'esempio: el'esame degli effetti, che ne sono derivati; possono alle occasioni suggerire de' motivi per maturare, o negleggere le Proposizioni di questa sorta d'inalveazioni. Le livellazioni esatte de' termini, e de' mezzi dell'inalveazione proposta, regolata ne' termini di già addotti; l'osservazione del fondo de' fiumi influenti, e della materia, che portano; quella d'altri fiumi uniti, ad oggetto di dedurne dall'esperienza la degradazione delle cadenti; e tutte l'altre ispezioni proposte negli altri casi di sopra mentovati, potranno poi somministrare i mezzi per istimare, presso a poco, gli effetti, che potranno derivare da ciascheduna delle inalveazioni, da esaminarsi col metodo precedente, prima di mettere mano all'operazione.

IL FINE.



DEL MOVIMENTO DELL' ACQUE
TRATTATO GEOMETRICO
DEL P. A B A T E
D. GUIDO GRANDI
C A M A L D O L E S E

*Mattematico dell' Altezza Reale di Toscana, e pubblico Professore
delle scienze mattematiche nello Studio di Pisa.*

THE UNIVERSITY OF CHICAGO

LIBRARY

OF THE

D. GILBO GRANT

CHICAGO

CHICAGO, ILL., 1900



PREFAZIONE



Eco stesso più volte sono andato pensando, onde avvenisse, che da tanti acutissimi ingegni essendo stata in questi ultimi secoli la scienza del moto illustrata, e dà sì belle, e profonde speculazioni arricchita, tuttavolta la cognizione del moto dell'acque, tanto necessaria al ben pubblico, non abbia fatti sì gran progressi, in paragone dell'avanzamento, che intanto si ritrova aver fatta la stessa scienza del moto applicato ad altre materie, che paiono di minore importanza. La Teoria del moto de' gravi cadenti, sottilmente inven-

tata dal gran Galileo, dopo lunghi, e rigorosi esami, si è trovata sodamente resistere al cimento della ragione, e della speranza, purchè si volesse astrarre (come espressamente egli avvisò) dagli accidentali impedimenti delle resistenze, che si affacciano a ritardare il moto de' mobili, ed alterarne in gran parte la proporzione. Queste stesse resistenze, secondo varie ipotesi, che potessero sembrare più verisimili, sono state poi calcolate dal Newton dal Leibnizio, dal Varignone, dall'Ermanno, e determinate quindi le leggi, secondo cui il moto de' gravi, o naturalmente cadenti, o scagliati in alto, regolar si dovesse. Le proprietà della forza centrifuga, scoperte felicemente da Cristiano Ugenio, hanno molto contribuito ad illustrare questa scienza del moto, e ci hanno fatti accorgere, che ne' moti curvilinei essa sempre incontrandosi, veniva contrubbilanciata da qualche altra segreta forza analoga alla gravità, e detta comunemente centripeta, perchè co' suoi manen.e spinge il mobile verso qualche centro, ritirandolo dalla tangente, che per altro seguir dovrebbe, sulla curva da lui descritta, ed obbligandolo a proseguirla. Così le Teorie de' moti celesti sono state perfezionate, ed a suoi veri principj ricondotte, conciliando l'Astronomia colla Fisica, tra le quali due scienze, già da molti secoli, non pareva che passasse troppo buona corrispondenza. E' ben vero, che in questa parte, se i nostri antichi non ebbero molta felicità, non avendo però mancato, nè di sollecitudine in osservare, nè d'ingegno per inventare ripieghi, tanto si erano adoperati in congegnare deferenti, epicieli, ed

altri tali arzigogoli, che a un dipresso venivano pure a capo dell' intento loro, calcolando, assai giustamente, per l' uso da essi bramato, gli aspetti varj de' Pianeti, le diverse apparenze della Luna, gli equinozj, i solstizj, le eclissi, predicendole molto tempo avanti, e determinandone la quantità, e la durazione con non molto divario dal vero tempo, e dalle esatte misure, che in oggi più precisamente si accertano. Ma nella scienza dell' acque, dopo che il P. Abate Castelli fece osservare, che nella misura loro dovea farsi entrare la velocità, con troppo grossolano errore da' nostri buoni vecchi non avvertita; e dopo di avere dimostrato, che le sezioni d' un medesimo fiume, nello stato di permanenza, erano proporzionali reciprocamente alle loro velocità, con pochi Corollarj da ciò dedotti; è bensì stata applicata all' acque dal Torricelli, dal Baliani, dal Guglielmini, e dall' Ermanno la dottrina del moto accelerato de' gravi cadenti; ma per verità non si è ancora bastevolmente illustrata questa materia, nè secondo i suoi veri principj, nè con qualche ipotesi corrispondente agli effetti, e però equivalente al vero artificio praticato dalla natura in condurre i fiumi, e i torrenti dall' alte cime de' monti, in cui hanno la sorgente loro, al vasto seno del mare, dove trovano il loro termine. Quindi l' incertezza de' ripari, che opporre si debbono al corso di essi, per impedire i disordini, che spesso fanno a danno delle campagne. Quindi la perplessità dell' esito felice, o pernicioso, che possa avere il progetto di unire più fiumi in un solo, e di deviare un influente dal suo recipiente, o di aprire ad essi altra strada, secondo che talvolta occorre, per rimediare a' gravissimi sconcerti, a cui le intere Provincie soggette si trovano. E sembra pure la strana cosa, che di soggetti così lontani da noi, come sono Giove, e Saturno, sappiamo tanto tempo avanti determinare i moti, prevederne le congiunzioni, calcolarne l' eclissi, che ricevono da' loro Satelliti, e quali di questi da quì a due mil' anni debbano in un tal punto di tempo essere da' loro primarj occultati, e quali rimanere scoperti, e verso qual banda ritrovarsi disposti; laddove de i moti dell' acque, che tutto giorno abbiamo sotto gli occhi, e potiamo così da vicino contemplare a bell' agio, senza bisogno di cannocchiale, che ce li scuopra, ne siamo così scarsamente informati, che non ne potiamo accertare gli effetti, che siano per fare da quì a pochi mesi, non che mille, o cent' anni avanti: con tutto che ciò dovrebbe assai più interessarci, che la situazione dell' anello di Saturno nel punto del solstizio estivo dell' ultim' anno di questo secolo.

*Voglio ben credere, che in gran parte debba scemare la maraviglia di ciò, riflettendo che i moti celesti dipendono da cagioni universali, necessarie, e costanti, nè soggette a quelle vicende, che quì sotto la Luna si osservano: laddove il corso de' fiumi riceve grande alterazione dalla varia intemperie delle stagioni, e talvolta dall' arbitrio degli uomini, che pongono bene spesso, o a bella posta, o ancora non accorgendosene, degl' impedimenti, che ritardano, o divertono il moto dell' acque, secondo i loro particolari interessi. So ancora, che forse, con tutta la cognizione, che abbiamo del moto de' Pianeti, le nostre predizioni non saranno poi tanto esatte, che non vi si trovino realmente di grandissimi svari, i quali però in tanta lontananza scompariranno all' occhio, perchè quando ancora siasi posto il centro d' un Pianeta tremila miglia lontano dal vero sito, non ci saremo finalmente ingannati, che di un minuto secondo nella distanza di 180 mila semidiametri terrestri, che possono correr-
vi tra-*

vi tra la terra, ed il sito di quello. In fatti non abbiamo così perfetta la Teoria della Luna, come quella di Giove, per esser quella tanto più vicina alla terra, onde abbiamo occasione di accorgerci meglio delle sue irregolarità, le quali non ci si scoprirebbero così manifestamente da maggior lontananza; e così, se da lungi solamente mirassimo sulla superficie di qualche immenso globo da noi separato, scorrere de' fiumi, ci sembrerebbe d'averne ottenuta una piena cognizione, numerandoli, e distinguendoli ad uno ad uno, fissandone la posizione; e paragonandone insieme la grandezza senza scoprirne altra particolarità; ma vedendoli ne' nostri stessi paesi, e risentendone tanti notabili effetti, che hanno gran rapporto al comodo del nostro vivere, non potiamo rimanere soddisfatti di quella poca cognizione, che ce ne danno le scarse osservazioni fattevi sopra, e quelle universali leggi del moto de' gravi, che da tanti celebri Matematici sono finora generalmente state dimostrate, senza distinguere tra' corpi solidi, e fluidi, e senza chiaramente discernere ciò che aggiunga la ragione della fluidità alle comuni passioni de' corpi pesanti.

Tutto ciò pertanto non serve a giustificare la penuria, in cui siamo, di ben fondate, e sicure leggi Idrostatiche, e molto meno ad appagare il desiderio, che si ha comunemente di vedere una volta ben perfezionato il sistema del moto dell'acque, per la pubblica utilità, che unitamente con esso verrebbe a promuoversi; che però sarebbero molto benemeriti, non solo della Repubblica Letteraria, ma di tutto il mondo, que' Matematici, che ad illustrare materia così importante volgessero tutte le forze dell'ingegno loro, e vi applicassero i metodi più profondi, tanto coltivati da essi in quest'ultimo secolo, ed a sì belle, e sottili ricerche adattati. Ma soprattutto converrebbe prima, con pubblica autorità, da persone pratiche, fedeli, e diligenti, che unicamente la pura verità de' fatti cercassero, e non da ingegno, parzialità, o interesse alcuno prevenute fossero, far fare varie sperienze, e numerose osservazioni esattissime, degli accidenti, che occorrono nel corso de' fiumi, circa l'altezza delle maggiori escrescenze, e le varie circostanze, che le accompagnano; e circa i limiti della bassezza maggiore, a cui si riducano nelle stagioni più secche; e circa la velocità, con cui scorre la superficie di essi in varj siti, secondo che più si scostano dalla origine loro; e non solamente nel filone, ma ancora più vicino alle ripe; e ciò in diversi stati di ripienezza di esso fiume, e di più in varie profondità di ciascuna sezione, e prima, e dopo il concorso de' loro influenti; ed altre simili particolarità, che possono dare gran lume, per dichiarare questa oscurissima natura del moto dell'acque, e dare occasione da specularvi sopra, e rinvenirne i veri principi. Un'abbondante raccolta di queste notizie di fatto, ben sicure, e con replicati esperimenti accertate, oh quanto buon capitale sarebbe, per accingersi all'impresa tanto necessaria, e tanto bramata, di stabilire, e fondare le massime più essenziali, che mancano a questa scienza! Ma non può intraprendersi da un particolare nè la fatica, nè la spesa, che richieggono tante osservazioni: onde conviene aspettare la mano benefica di qualche Principe, a cui sia a cuore una sì grand'opera, e la voglia coll'autorità sua, e col suo polso promuovere.

Il principale difetto dell'Idrostatica si è, il non essere ancora certificati, con qual legge proceda la velocità dell'acque correnti. Il P. Abate Castelli suppose, che la velocità fusse proporzionale all'altezza del corpo d'acqua corrente in un alveo, e cercò in varie maniere dimostrare un tal principio, siccome

poi tentò la medesima cosa il Borelli, e volle ancora il Cassini persuaderlo con alcune sperienze, ma non riuscì a veruno di essi di stabilirlo, insinuandosi delle petizioni di principio nelle ragioni addotte da quelli, ed alcune non avvertite circostanze rendendo equivoci gli sperimenti di questo. Il Torricelli considerò dover crescere la velocità in ragione sudduplicata dell'altezza, da cui l'acqua è caduta: ciò che più universalmente fu abbracciato, come assai conforme alle sperienze dell'acqua, che si fa uscire da varj enissari de' vasi, che la conservano, posti in diverse altezze sotto il livello dell'acqua stagnante in essi vasi. Il De Sales, ed il Guglielmini seguitarono questa dottrina, siccome ancora l'Ermanno, il Gravesand, ed altri che hanno trattato di queste materie; ma sarebbe da desiderarsi, che le sperienze fatte ne' vasi, potessero con eguale facilità replicarsi negli alvei de' fiumi, perchè il divario, dello stare l'acqua stagnante sopra l'apertura, che gli dà l'esito, e del correre che fa attualmente l'acqua superiore a qualunque sezione d'un fiume, non desse sospetto, che il paragone fusse in qualche parte manchevole. Il determinare poi, che fa il Guglielmini la velocità ne' fiumi orizzontali, come se fusse in ragione sudduplicata dell'altezza medesima de' corpi d'acqua, che scorrono ne' loro alvei, patisce le sue difficoltà, perchè quindi ne seguirebbe (come ancora nella prima ipotesi del Castelli) che la superficie dell'acqua punto non si muovesse, come quella che non avendo altezza veruna, sarebbe priva d'ogni grado di velocità: il che ripugna a' sensi, che la scorgono visibilmente scorrere: e che vicino agli sbocchi, dove l'altezza de' fiumi diminuisce, senza molto alterarsi gli alvei loro in larghezza, minore velocità dovrebbe notarsi, che nelle parti superiori, e però minore quantità d'acqua scaricherebbero nel mare di quella, che ne ricevessero dalle sezioni precedenti; il che pure è un assurdo gravissimo.

Per tali ragioni io mi sono determinato a seguire da per tutto, senza distinzione di cavali orizzontali, o inclinati la ragione sudduplicata dell'altezza, onde cade l'acqua, per la più legittima misura, che fin ora si abbia, delle velocità; non mettendo in conto le resistenze del fondo, e delle ripe; le quali in poca distanza da queste, e da quello possono avere il suo effetto, onde non alterano gran cosa il moto del corpo vivo dell'acqua corrente, ma solo, per dir così, la prima corteccia dell'acqua all'uno, ed all'altre immediatamente contigua, per quanto almeno tale resistenza può dipendere dal soffregamento coll'asprezze della terra, dell'arena, o della ghiaia, che compongono le parti del letto del fiume, coll'acqua, che sopra, o lung'h'esse va strisciando: perchè circa il ritardo, che può cagionare la varia loro positura obbligando l'acqua a mutare direzione, variamente riflettendola, e deviandola dal suo corso, ciò appartiene ad un'altra ispezione, che non è stata da me del tutto in questo Trattato negletta, come vedrassi a suo luogo. Per altro io non voglio dissimulare, di non essermi sopra di ciò interamente appagato, essendomi passate spesso per la mente altre idee di nuove Ipotesi, le quali mi si rappresentavano in aria di maggiore verisimiglianza; ma non ho avuto ardire di adottarle, mancandomi le sperienze, che necessarie sarebbero per accertarsene. Può essere però, che una volta le proponga, come semplici ipotesi matematiche, esaminando le conseguenze, che ne verrebbero, per farne poi il paragone colle osservazioni de' fiumi, quando potremo averci in tale materia esatte abbastanza, da poterle fidare, per decidere della verità, o insufficienza delle medesime ipotesi.

zessi. Per ora non mi permettono le gravi occupazioni, che ho fra le mani, di potere stendere sopra di ciò i miei pensieri, anzi nè meno di poter dare l'ultima mano al presente Trattato, che io per me non avrei voluto per ora pubblicare, se l'autorità di chi presiede alla pubblicazione di questa Raccolta, non mi avesse costretto a concedergliene l'arbitrio, tal quale mi ritrovava d'averlo scritto per uso de' miei scolari; che però se così rozzo, ed imperfetto vi comparisce avanti, o benigni Lettori, saprete compatirlo, e gradire il buon animo, che ho avuto di giovare al pubblico, esponendogli queste mie poche speculazioni, di cui sebbene una gran parte non ha da me avuto, se non l'ordine, e talvolta qualche nuova maniera di dimostrarle, essendo già inventate da chi prima di me ha illustrata questa materia; molte però affatto nuove ne incontreranno, degne di qualche osservazione, e non del tutto inutili allo scopo prefissomi di promuovere in qualche maniera questa scienza, e renderne non meno facile, che sicura l'applicazione alla pratica.



THE
HISTORY OF THE
CITY OF LONDON
FROM THE
EARLIEST
TIMES TO THE
PRESENT
BY
JOHN STOW
1618



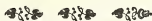


TRATTATO



DEL MOVIMENTO DELL'ACQUE

Libro Primo.

De principj più universali concernenti il moto de' fiumi principalmente di fondo orizzontale, loro flesuosità, confluenze, diramazioni, e varie velocità, prescindendo da qualunque particolare ipotesi circa la stessa.



DIFFINIZIONI.

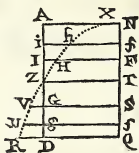
- I.  **D**E' *Letto regolare* de' fiumi s' intende qualsivoglia canale, il fondo di cui sia a un dipresso piano, senza notabili asprezze, parallelo, o inclinato che siasi all'orizzonte: e le ripe altresì piane, perpendicolari al fondo medesimo, e tra di loro egualmente distanti.
- II.  **D**E' *Irregolare* è il letto de' fiumi, quando gli mancano le suddette condizioni, come per lo più accade, essendo il fondo scabro, con varj dossi, e gorgi quà, e là sparsi, e le ripe variamente inclinate, e con più tortuosità serpeggianti, e con varie misure di larghezze in siti diversi.

III. *Direzione* del fiume chiamasi la retta, secondo cui verso il mezo

zo dell'alveo, e comedicesi, nel suo filone, con velocissimo corso l'acqua si muove.

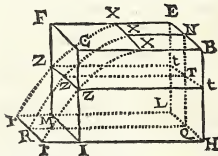
IV. *Sezione d'un fiume* dicesi quella porzione di un piano, che segando il fiume perpendicolarmente alla sua direzione, resterebbe nel primo istante bagnata dall'acqua, come accaderebbe, se una cateretta lo tagliasse in un tratto, dividendolo in due parti, superiore, ed inferiore, ed esattamente occupandone tutta l'altezza, e larghezza sua, senza lasciarne trappolare gocciola alcuna: perchè allora ciò che rimarrebbe bagnato di essa cateratta nell'atto dello scendere fino al fondo [prima che si accumulasse altr'acqua ad accrescerne l'altezza] esprimerebbe appunto la sezione del fiume in quel sito.

V. Sapendosi per esperienza, che non tutte le parti dell'acqua, anche nella medesima sezione, si muovono colla stessa velocità; però tirata una perpendicolare, come sarebbe N Q al fondo del fiume, o alla base di qualunque sezione di esso, la qual perpendicolare



esprimerà l'altezza dell'acqua, se si supporrà, che in un certo tempo, come farebbe in un minuto secondo la particella dell'acqua superiore N venga in X, e quella che è in F venga in H, quella che è in S venga in V, e quella che è in Q si promuove in R, e così dell'altre; allora le rette N X, F H, S V, Q R rappresenteranno le velocità di ciascuna parte dell'acqua in varie altezze, e la figura N X H V R Q dirassi *Scala delle velocità* corrispondente alla detta altezza N Q nella sua sezione, e nel sito, in cui essa fu presa.

VI. Facendosi poi alla scala della velocità N X R Q un uguale rettangolo N Q D A applicato alla stessa altezza N Q; allora la sua larghezza N A, o pure Q D si dirà la *velocità media* della detta perpendicolare N Q, come quella che appunto è mezzana tra le minori N X, F H, e le maggiori Q R, S V; e dove il lato A D sega la linea X V R, come in Z, applicando la Z T parallela alla base, ritrovasi il punto T, dove realmente ha l'acqua una velocità T Z eguale alla media fra tutte l'altre, e tale, che se tutte le parti dell'acqua camminassero colla stessa velocità, egual copia in egual tempo si scaricherebbe per la detta altezza, come di fatto se ne scarica, andando ciascuna colla sua naturale velocità, che è varia in ogni punto; essendo il complesso delle linee disuguali N X, F H, S V, Q R, eguale al complesso delle linee N A, F I, S G, Q D le quali sono della stessa lunghezza.



VII. Nella stessa maniera, se in ciascuna perpendicolare della sezione d'un fiume B H L E si adatterà la sua scala delle velocità, la somma di tutte queste scale B H r X, N Q R X, E L r X rappresenterà la massa delle velocità corrispondenti a tutta la data sezione; ed immaginandosi un corpo prismatico B E F M I C H eguale al corpo B E X X r r L H, applicato all'istessa base B E L H, la cui altezza B C, ovvero H I; dirassi questa la *media velocità*

assoluta di tutta la sezione, con cui se ciascuna particella di acqua si muovesse, tanta copia se ne scaricherebbe, come di fatto dalla medesima se-

zione in un dato tempo si scarica con quelle disuguali velocità. Onde è chiaro, che chi notasse lo spazio NX fatto da una parte superficiale dell' acqua in un dato tempo, e raccogliesse tutta l' acqua, che in detto tempo esce dalla data sezione, in un vaso prismatico, la cui base uguagliasse appunto la detta sezione, quell' altezza, a cui si alzerebbe l' acqua in detto vaso, sarebbe la media velocità, di cui si parla, in relazione alla velocità superficiale rappresentata dalla lunghezza NX già notata.

CAPITOLO I.

Delle generali proprietà dell' acque correnti.

PROPOSIZIONE I.

STando il fiume nel medesimo stato, egual copia d' acqua in un dato tempo scarica per una sezione, che per qualsivoglia altra, presa però in quel tratto, in cui il fiume non riceva altro influente, o non ne dirami dell' acqua di sua portata per qualche canale.

Ciò viene dimostrato dal P. Abate Castelli, ed è la sua proposizione fondamentale; ed è cosa quasi per se nota; perchè se per una sezione inferiore uscisse in un dato tempo maggiore copia d' acqua, che per la superiore non entra, non si manterrebbe il fiume nello stesso grado di ripienezza, ma verrebbe ad abbassarsi più di prima ne' siti intermedj; e se al contrario minore copia ne uscisse di quella, che vi entra, dovrebbe rigonfiare, ed alzarsi ne' siti di mezzo: il che è contro l' ipotesi; dunque la stessa quantità di acqua scarica il fiume per qualunque sua sezione, quando sta nel medesimo stato di bassezza, o di ripienezza, per tutto quel tratto, per cui cammina unito colle sole sue acque, senza ricevere altri influenti, o dividerli in altri rami; il che ec.

Corollario I.

Vale lo stesso di più fiumi, che si riuniscano in un tronco, o di uno stesso fiume, che dividasi in più rami, purchè si paragoni la somma delle sezioni de' canali separati, a quella sola, per cui passa l' acqua nel tronco unito; cioè, che stanti le medesime circostanze, la medesima copia d' acqua in un dato tempo passa per quelle, che per questa, quando non si faccia mutazione da uno stato, o grado di piena ad un altro.

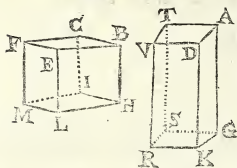
Corollario II.

Viceversa per finattanto che la stessa copia d' acqua si scarica per qualunque sezione d' un fiume, ovvero per quella del tronco unito, e per la som-

somma delle sezioni de' canali separati, confluenti in uno stesso, o da quello derivanti, l'acqua sarà consistente nel medesimo grado di bassezza, o di ripienezza nell'alveo comune, e ne' rami divisi; purchè ciascuno da se scarichi copia eguale d'acqua come prima, e non solamente tutti insieme la stessa quantità totale: perchè ciò potrebbe derivare da più alterazioni, che avessero patito, uno per gonfiamento, l'altro per mancanza d'acqua, sicchè l'eccesso dell'uno compensasse il difetto dell'altro.

PROPOSIZIONE II.

Le velocità medie assolute in diverse sezioni dello stesso fiume, nelle circostanze della proposizione antecedente, sono reciproche alle medesime sezioni.



Siano le sezioni $ADKG$, $BE LH$ e l'acqua ch' esce dalla prima in un minuto secondo di tempo sia raccolta in un prisma, che abbia la stessa base $ADKG$, ed in esso ascenda all' altezza AT ; similmente quella, ch' esce dalla seconda si conformi in un prisma della stessa base $BE LH$ eguale alla sua sezione, dove faccia l' altezza BC . Sarà dunque (per la definiz. 7.) la velocità media assoluta della prima sezione, alla velocità media assoluta della seconda, come AT , a BC [per la prop. anteced.] essendo eguali le moli d' acque $ADRT$, $BE MC$, sarà la base $ADKG$ del primo prisma alla base del secondo $BE LH$, come reciprocamente l' altezza di questo BC all' altezza AT di quello (29. 1. elem.) dunque le dette sezioni sono reciprocamente, come le loro medie velocità assolute. Il che ec.

Corollario I.

Quindi è chiaro, che l'acqua d' un fiume nel passare da una sezione più larga ad una più stretta, o dovrà scavare per acquistarsi nell' altezza ciò che manca di capacità nella larghezza della sezione: o non potendo profundarsi, dovrà acquistarsi maggiore velocità, il che facilmente potrà seguire, perchè passando da una maggiore larghezza ad una minore, vengono più parti dell' acqua a deviare dalla direzione parallela, che avevano, ed inchinarsi verso il filone del fiume, e così urtandosi insieme, e cozzando, possono accrescersi la velocità, come quando due palle cospirano da diverse bande a spingere una terza per una direzione di mezzo: secondo che intenderassi meglio, per le cose, che si diranno nel Capitolo quarto.

Corollario II.

Al contrario, passando l' acqua d' un fiume da una sezione stretta ad una più ampia, o dovrà diminuire l' altezza, riempiendo colle deposizioni il fondo, o dovrà ritardarsi, scemando la sua media velocità: il che può succedere.

cedere, perchè spandendosi l'acqua in maggiore larghezza, viene a scomporre il suo moto, dividendolo in altre direzioni laterali, e così snervando il movimento progressivo per la direzione del filone; o finalmente, in parte raffrenerà la velocità, ed in parte scemerà l'altezza [siccome nel caso del precedente Corollario potrà in parte accrescere l'altezza, ed in parte accrescere la velocità] tanto che sempre riesca la velocità media assoluta reciproca della capacità delle sezioni.

Corollario III.

Ancora paragonando insieme diversi fiumi, che sieno di eguale portata d'acqua, si verifica che le loro sezioni siano reciproche delle medie velocità assolute; siccome viceversa, quando in due fiumi si ritrovino le sezioni reciproche delle medie velocità, saranno essi di eguale portata d'acqua.

Corollario IV.

Ma quando fusse maggior ragione tra la sezione d'un fiume, e quella d'un altro, che non è reciprocamente della media velocità di questo alla media velocità di quello: o pure qualunque volta la velocità del primo alla velocità del secondo avesse maggior ragione, che la sezione del secondo alla sezione del primo, sarebbe di maggior portata d'acqua il primo fiume, che il secondo; perchè il prisma $A D R T$ sarà maggiore del prisma $B E M C$, o sia che la base $A D K G$ alla base $B H L E$ abbia maggior ragione, che l'altezza $B C$ all'altezza $A T$; o sia che l'altezza $A T$ alla $B C$ abbia maggior ragione, che la base $B E L H$ alla base $A D K G$; esprimendo le basi di essi prismi le sezioni dell'uno, e dell'altro fiume, e le altezze essendo, come sopra, omologhe alle loro medie assolute velocità.

PROPOSIZIONE III.

Le quantità d'acqua, le quali colla stessa media velocità passano per disuguali sezioni d'uno stesso, o di più fiumi diversi, sono proporzionali alle stesse sezioni.

Imperocchè intendendo le dette quantità d'acqua ridotte in prismi, le cui basi sieno le stesse sezioni, l'altezze loro riusciranno eguali, essendo queste (per la def 7.) le misure delle medie assolute velocità, già supposte eguali: ma i prismi egualmente alti sono come le basi, cioè come le dette sezioni; dunque le moli d'acqua scaricate per varie sezioni d'uno stesso, o di diversi fiumi, colla stessa media velocità, sono proporzionali alle stesse sezioni. Il che si dovea dimostrare.

Corollario

Supposte le sezioni egualmente alte, ed egualmente veloci, le quantità d'acqua scaricate in un dato tempo, saranno come le mezzane larghezze di esse sezioni; ed essendo le sezioni egualmente larghe, le dette moli d'acqua saranno come le altezze; ed insomma, stante la medesima velocità,
le

le moli d'acqua sono in ragione composta dell'altezza, e della media larghezza delle sezioni, chiamasi *media larghezza* quella, che avrebbero le sezioni ridotte in rettangoli, ritenuta la primiera loro altezza; imperocchè tali rettangoli hanno appunto la ragione composta dall'altezze, e delle larghezze.

PROPOSIZIONE IV.

Per le uguali sezioni scaricandosi diverse quantità di acqua, saranno queste proporzionali alle loro medie velocità.

Imperocchè conformandosi al solito le moli d'acqua, che nello stesso tempo si scaricano, in prismi eretti sopra basi eguali alle corrispondenti sezioni, le altezze saranno omologhe alle medie velocità, ma i prismi avendo basi eguali sono come l'altezze: dunque ec.

PROPOSIZIONE V.

Le moli d'acqua scaricate per diverse sezioni d'un medesimo, o di fiumi diversi, sono in ragione composta della ragione di esse sezioni, e di quella delle loro medie velocità.

Perchè ridotte le moli d'acqua ne' soliti prismi, le cui basi uguagliano le sezioni, e l'altezze denotano le medie velocità, è chiaro, avere questi la ragione composta di esse basi, e delle altezze, e però le moli d'acqua sono in ragione composta delle sezioni, e delle velocità suddette; il che ec.

Corollario.

Quindi le medesime quantità d'acqua sono altresì in ragione composta dell'altezze ragguagliare, delle medie larghezze, e delle medie velocità: di maniera che esponendo in numeri le proporzioni di questi termini, e moltiplicando insieme gli omologhi, cioè gli antecedenti tra loro, e li conseguenti altresì fra di essi, risulterà ne' prodotti numeri la ragione delle quantità dell'acqua.

Per dare un esempio in pratica. Sia la larghezza dell'acqua d'un fiume di 80. braccia, l'altezza di braccia 12. la velocità media tale, che in un minuto secondo si trasporti l'acqua per 3. braccia. Questi numeri moltiplicati insieme faranno 2880. Un altro fiume abbia di larghezza braccia 50. di altezza braccia 10., e la sua velocità muova l'acqua in un minuto secondo per braccia 2. questi ultimi 3. numeri moltiplicati insieme fanno 1000. e però diremo, che nel tempo, in cui il primo fiume scarica 2880 barili d'acqua, il secondo ne scarica solamente 1000., ed insomma, che le moli d'acqua scaricate nello stesso tempo da ambi i fiumi saranno in ragione de i detti numeri, cioè come 72. a 25. riducendola in minimi termini.

PROPOSIZIONE VI.

Le velocità medie sono in ragione composta di quella delle moli d'acqua scaricata
nel

nel medesimo tempo, e della reciproca delle sezioni; siccome la ragione delle sezioni si compone di quella delle moli d'acqua scaricate nello stesso tempo, e della reciproca delle medie velocità.

Segue ciò dalla precedente, in vigore d'una proprietà generale delle proporzioni composte (che ben meriterebbe di essere annoverata fra le proposizioni elementari) ed è, che se una proposta ragione A. B sia composta di quante si vogliano ragioni C. D, E. F, G. H; qualunque delle componenti si comporrà direttamente della proposta, e reciprocamente dell'altre; imperocchè sarà A. B, come il prodotto degli antecedenti C E G al prodotto de' conseguenti D F H, onde A D F H sarà eguale a B C E G; per la qual cosa, paragonando ora i termini di qualunque ragione componente, come sarebbe E. F, starà come A D H a B C G, cioè in ragione diretta di A a B, che era la proposta, e delle altre D. C; ed H. G, che sono le reciproche delle componenti: sicchè essendo la ragione delle moli d'acqua scaricate in egual tempo composta di quella delle sezioni, e di quella delle medie velocità, sarà la ragione delle velocità composta direttamente di quella delle moli d'acqua scaricate in egual tempo, e reciprocamente di quella delle sezioni: e la ragione delle sezioni si comporrà altresì della diretta delle moli d'acqua, e della reciproca delle medie velocità: il che ec.

PROPOSIZIONE. VII.

La quantità d'acqua, che esce da una medesima, o da eguali sezioni, supposta la stessa media velocità, è proporzionale al tempo, che dura l'acqua a scolare.

Ciò è manifesto, perchè in duplo tempo verrà dupla quantità d'acqua, in triplo tempo, tre volte altrettanta, e così secondo qualunque molteplicità di tempo, si avrà un egualmente moltiplice copia d'acqua, corrispondendo sempre al maggior tempo maggiore quantità d'acqua, al minore altresì minore, ed all'eguale una eguale: sta dunque la quantità d'acqua nella stessa proporzione del tempo; il che ec.

Corollario.

Quindi si raccoglie, che le quantità d'acqua, scaricate da varie sezioni di diversi fiumi, o del medesimo in varj tempi, saranno in ragione composta di quella delle sezioni, di quella delle medie velocità, e di quella di essi tempi: o pure, in vece delle sezioni prendendo l'altezza, e la media larghezza loro, si dirà che le dette quantità d'acqua sono in ragione composta delle altezze, delle larghezze, de' tempi, e delle velocità, sicchè, se una quantità d'acqua si chiami Q, un'altra q, ed il tempo, in cui scola la prima dicasi T, la sua velocità V; l'altezza della sezione per cui passa A, la larghezza L: ma il tempo, che dura a scorrere l'altra sia t, la velocità u, e l'altezza della sua sezione a, la larghezza l, sarà Q a q, come A L T V ad a l t u, essendo questi prodotti in ragione composta de' loro coefficienti. Così se la piena d'un fiume durò nello stesso grado ore 10. avendo l'altezza di braccia 8. in larghezza di 500. colla velocità di gradi 6. e la piena d'un altro durò ore 12., ed ebbe un'altezza di braccia 9. in larghezza di braccia 400. avendo gradi 5. di velocità: sarà la copia d'acqua scaricata dal primo fiume a quella, che scaricò il secondo,

come 24000 (prodotto de' numeri 10. 8. 500. 6.) a 216000. (prodotto degli altri 12. 9. 400. 5.) cioè in minimi termini, come 1. a 9.

PROPOSIZIONE VIII.

Eguale quantità d'acqua scaricheranno due sezioni di uno stesso, o di due fiumi diversi, in ciascuno de' 22. casi seguenti.

- I. Stante la medesima velocità, se le sezioni faranno reciproche de' tempi.
- II. O pure il prodotto dell' altezze ne' tempi reciproco delle larghezze.
- III. Ovvero il prodotto de' tempi, e delle larghezze reciproco delle altezze.
- IV. Posta la medesima altezza, se il prodotto della velocità, e della larghezza farà reciproco de' tempi.
- V. O pure il prodotto della larghezza, e del tempo reciproco della velocità.
- VI. O quando il prodotto della velocità, e del tempo sia reciproco delle larghezze.
- VII. Supposta la medesima larghezza, se faranno i tempi reciprochi del prodotto della velocità nell' altezza.
- VIII. Ovvero se le altezze faranno reciproche del prodotto del tempo nella velocità.
- IX. O pure, se le velocità faranno reciproche del prodotto del tempo nell' altezza.
- X. Posto il medesimo tempo, se l' altezze faranno reciproche del prodotto della velocità nella larghezza.
- XI. O pure le velocità reciproche del prodotto dell' altezza nella larghezza, che è quanto dire, reciproche delle sezioni.
- XII. Ovvero se le larghezze faranno reciproche del prodotto della velocità nell' altezza.
- XIII. Se poste le sezioni eguali fossero i tempi reciprochi delle velocità.
- XIV. Se essendo i tempi reciprochi delle larghezze, fossero le velocità reciproche dell' altezze.
- XV. Se le altezze essendo reciproche de' tempi, fossero le larghezze reciproche delle velocità.
- XVI. Se il prodotto delle velocità per l' altezze farà reciproco del prodotto de' tempi per le larghezze.
- XVII. Ovvero il prodotto delle velocità per le lunghezze sia reciproco al prodotto de' tempi per le altezze.
- XVIII. O pure il prodotto delle velocità de' tempi sia reciproco delle sezioni.
- XIX. Se il prodotto delle velocità per le sezioni sia reciproco de' tempi.
- XX. Ovvero il prodotto de' tempi per le sezioni sia reciproco delle velocità.
- XXI. O che il prodotto della velocità, e del tempo, e dell' altezza sia reciproco delle larghezze.
- XXII. O che il prodotto del tempo, della velocità, e della larghezza sia reciproco dell' altezze.

Imperocchè ritenendo i simboli del corollario della proposizione precedente, allora Q sarà eguale a q , quando $A L T V$ pareggerà a $a l t u$; per tanto se V è eguale a u , averemo $A L T$ eguale ad $a l t$, e però $A L$ ad

ad $a l$, come reciprocamente $t a T$, che è il primo caso.

Ed ancora $A T$ ad $a e$, come l ad L , che è il secondo.

Siccome ancora $L T$ ad $l e$, come a ad A , che è il terzo.

Che se A è eguale ad a , sarà $L V T$ eguale ad $l u t$; onde $L V$ ad $l u$, sia come $t a T$, che è il quarto caso.

E altresì $L T$ ad $l e$, come u ad V , che è il quinto.

E di più $V T$ ad $u e$, come l ad L , che è il sesto.

Essendo poi L eguale ad l , si avrà $T A V$ eguale a $t a u$, onde $T a t$, come $a u$ ad $A V$, che è il settimo.

Ed in oltre A ad a , come $t a a T V$, che è l'ottavo.

O pure V ad u , come $t a a T A$, che è il nono.

Ma prendendo T eguale a t , sarà $A V L$ eguale ad $a u l$, onde A ad a , come $u l$ ad $V L$, che è il decimo caso.

Ovvero V ad u , come $a l$ ad $A L$, che è l'undecimo.

O pure L ad l , come $a u$ ad $A V$, che è il duodecimo.

Quando poi le sezioni sono eguali, cioè $A L$ eguale ad $a l$, allora $T V$ è eguale a $t u$, e però $T a t$, come u ad V , che è il caso decimoterzo.

Che se i tempi si reciprocano colle larghezze, sarà $T L$ eguale a $t l$, e indi $V A$ eguale ad $u a$, onde V ad u , come a ad A , che è il decimo quarto.

E reciprocandosi le altezze a' tempi, avremo $A T$ eguale ad $a t$, onde $L V$ è eguale ad $l u$, e L ad l , come u ad V , che è il quindicesimo.

Di più si avrà la detta egualità $A L V T$ eguale ad $a l u t$, se $V A$ ad $u a$ sia reciprocamente, come $l t$ ad $L T$, che è il caso sedicesimo.

O pure se $V L$ ad $u l$ sarà come $a t$ ad $A T$, che è il decimosettimo;

Ovvero se $V T$ ad $u t$ sia come $a l$ ad $A L$, che è il decimottavo.

O ancora $V A L$ ad $u a l$, come $t a T$, che è il decimonono.

Ovvero $T A L$ a $t a l$, come u ad V , che è il vigesimo.

Come ancora $V A T$ ad $u a t$, come l ad L , che è il vigesimoprimo.

E finalmente se $V T L$ ad $u t l$ sia, come a ad A , che è il caso vigesimo secondo, e ciò è quanto si era proposto da dimostrare.

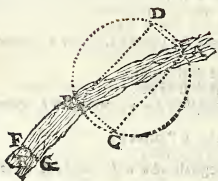
CAPITOLO II.

Come nelle piegature, e sinuosità de' fiumi si varj la loro velocità.

PROPOSIZIONE IX.

SE il fiume $A B$ per l'opposizione d'una riva, o di un argine sia forzato a torcere il corso, mutando la sua direzione in $B E$, si muterà altresì la primiera velocità, e sarà la nuova all'antica, come il seno di complemento dell'angolo della sua deviazione $A B D$ (contenuto da entrambe le direzioni nuova, e antica) al seno totale.

Descritto sul diametro $A B$ un cerchio $A D B C$, e prolungata dentro di esso la nuova direzione $B E$ verso D , congiungasi $A D$, e compicasi



il rettangolo $A D B C$. Se dunque la velocità dell'acqua, che scorre per $A B$, si rappresenti dalla stessa $A B$, si potrà intendere composta delle due velocità laterali, secondo $A C$, e secondo $A D$, proporzionali alle lunghezze medesime de' lati del detto rettangolo $C A D B$: imperocchè da queste ne risulterebbe la stessa velocità del moto composto $A B$. Ma una di quelle velocità componenti, cioè la $A D$, ovvero $C B$ viene totalmente impedita dalla opposizione della ripa, a cui è perpendicolare; e però non potrà avere alcuno

effetto circa il promuovere l'acqua, ma tutta s'impiegherà nel corrodere, o percuotere invano la stessa ripa, o argine opposto; sicchè la sola velocità secondo $A C$, come quella che riesce parallela alla nuova direzione $B E$, rimarrà viva, e libera, e si spenderà tutta in promuovere il corso dell'acqua per la detta direzione, senza punto diminuirsi: dunque la velocità nuova all'antica, starà, come $A C$, ovvero $D B$ alla $A B$; ed è $D B$ seno di compimento dell'angolo della deviazione $A B D$; dunque ec. Il che ec.

Corollario I.

Quando l'angolo della deviazione fusse infinitamente piccolo, come allorchè l'acqua si svolge per una piegatura curva, che viene toccata dalla prima direzione, allora punto non si diminuisce la primiera velocità, essendo come nullo l'angolo del contatto, ed il suo compimento ad un retto non differendo sensibilmente dall'angolo interamente retto: sicchè riunendosi i punti A, D , il seno $B D$ non è disuguale al seno totale $A B$. Vedi le mie Note al Trattato del moto accelerato del Galileo nel Corol. 1. della Prop. 8. e al num. 28. e 29.

Corollario II.

Secondo che l'angolo $A B D$ sarà maggiore, o minore, il suo compimento $B A D$ sarà viceversa minore, o maggiore, ed il suo seno $B D$ altresì scemerà tanto più, o tanto meno dal seno totale $A B$, e con pari passo la velocità nuova si scosterà, o si avvicinerà più all'antica.

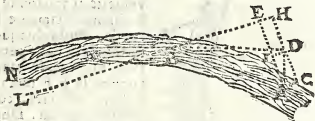
Corollario III.

La sezione $G F$ del ramo $B E$ dovrà ampliarsi dopo la deviazione, corrispondendo reciprocamente (per la prop. 2.) alla velocità, che si è veduto dover sempre alquanto diminuire; che però l'alveo si farà più largo, o più profondo, o parte in larghezza, parte in altezza acquisterà tanto da compensare la diminuzione della sua velocità.

PROPOSIZIONE X.

Se il fiume A B si pieghi in B M, e quindi si ripieghi in M N, la velocità, che in questa terza direzione converrà al fiume, sarà la medesima con quella, che preso averebbe se immediatamente dalla prima direzione A B fosse passato alla terza M N.

Si conduca dal punto A sopra la direzione M B continuata verso D la perpendicolare A D. Sarà per la precedente proposizione la B D misura della velocità competente alla seconda direzione B M, possa B A misura della primitiva velocità, con cui camminava il fiume nella prima direzione: e condotta pel punto B la B L parallela alla terza direzione M N, e dal punto A la perpendicolare A E sopra la medesima B L prolungata, sarà B E misura della velocità, con cui andrebbe il fiume per la B L, cioè per la stessa M N, se immediatamente passasse in essa dalla prima direzione A B. Dico adunque, che detta B E misura altresì la velocità, con cui andrà il fiume per la M N passando dalla seconda direzione B M: perchè sebbene tirata dal punto D la perpendicolare D H sopra la B L parrebbe, che nel passaggio da B M a M N, ovvero dalla D B nella B L, essendo B D la velocità per essa B D, ovvero B M, dovrebbe la B H essere la velocità per la susseguente B L, ovvero M N; tuttavolta è da avvertirsi, che nel detto passaggio, quantunque sia vero, che resti impiecata all'acqua la velocità B H derivata dalla B D, si altera però l'effetto della velocità A D, la quale prima totalmente spendevasi nel premere la ripa parallela a B M, ed ora non così viene applicata contro la ripa parallela a B M, cui non è perpendicolare: onde conviene risolverla nelle due componenti A I, A C, conducendo la D I perpendicolare sopra A E, e compiendo il rettangolo D C A I; dalla quale risoluzione si conosce, che della velocità A D la sola A I coopira colla D H a premere la ripa opposta alla B L, e fa tutta la velocità A E diretta contro di essa; ma la A C essendo direttamente contraria alla H B, viene ad eliderne la porzione H E eguale alla detta A C: e per tanto viene a restare viva la sola velocità E B secondo la direzione M N, come sarebbe accaduto, se dalla direzione A B il fiume passato fosse immediatamente alla B L parallela ad M N; = che ec.



Corollario.

Quindi si avverta, che quando si è detto nella proposizione 9. e quando dirassi altrove, che nel mutar direzione la velocità nuova del fiume sta all'antica, come il seno di compimento dell'angolo della deviazione, al seno totale, si considera la velocità antica, come quella che primitivamente conviene al fiume, e che tutta s'impiega nel farlo correre parallelo alle ripe, senza tormentarle con una porzione di velocità già derivata da un'altra precedente, e diretta contro le dette ripe. F f 2

PRO-

PROPOSIZIONE XI.

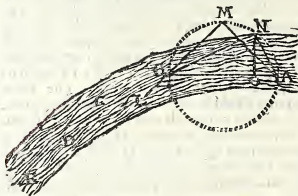
Per quante si vogliano direzioni intermedie B C, C D, D E passi un fiume dalla prima direzione A B nell'ultima E F, eserciterà in questa la stessa velocità B L, come se immediatamente dalla prima A B passato fusse nell'ultima piegandosi subito nella B O parallela ad E F.



Imperocchè per la precedente proposizione, tal velocità si trasfonde nella terza C D, come se questa immediatamente succedesse ad A B, o fusse seconda. Posta dunque C D seconda, tal velocità si trasfonderà nella terza D E, come se questa stata fusse in secondo luogo; ma posta la D E seconda, sarebbe la E F terza, ed in essa si trasfonderebbe la stessa velocità, come se immediatamente succedesse alla prima. Dunque mediante le intermedie direzioni s'imprime nell'ultima E F la stessa velocità L B, che immediatamente si deriverebbe in essa dalla prima A B; il che ec.

PROPOSIZIONE XII.

Negli alvei curvilinei de' fiumi si mantiene la stessa velocità non ostante qualunque lungbissima piegatura de' medesimi purchè altronde non si accelerino, o si ritardino: cioè se faranno di fondo orizzontale, e di ripe sempre equidistanti.



Potrebbe parere secondo la precedente proposizione, che qualunque in ogni minima piegatura non possa avervi sensibile diminuzione di velocità per lo Coroll. 1. della Prop. 9 ad ogni modo questa dovesse dopo un lungoratto diventare sensibile. Imperocchè sia A B la prima direzione d' un fiume, e dopo il lungo tratto A B C D sia l'ultima la direzione D R, a cui sia

parallela B M, e prolunghisi altresì la direzione C B che immediatamente succede alla prima, verso N. Sebbene l'angolo di contatto A B N non è sensibile, questo però infinite volte replicato in ogni punto della curva A B D R forma finalmente un angolo A B M, contenuto dalla direzione ultima D R, e dalla prima A B, che è sensibilissimo, onde gli corrisponde un seno di compimento B M notabilmente minore di B A; se dunque talmente nell'ultima direzione D R resta modificata la velocità, passando per le direzioni interposte A B, B C, C D, come se l'ultima D R succedesse immediatamente alla prima A B, dovrà la velocità della parte D R misurarsi dalla B M, come si misurerebbe, se dalla A B si piegasse il fiume in B L parallela a D R.

Ma

Ma per levare all'argomento la maschera, basta notare, che la diminuzione di velocità derivata dall'insensibile piegatura, che fa in ogni punto la curva, non è solamente infinite volte più piccola della diminuzione, che accaderebbe, se l'angolo dell'inclinazione delle direzioni fusse sensibile; ma anzi è infinite volte infinitamente piccola, cioè del secondo ordine dell'infinita piccolezza: perchè descrivendo col raggio BN l'archetto NO , perpendicolare sopra AB , farà AO la diminuzione della velocità nel passaggio da AB in BC , e per l'infinita piccolezza dell'angolo del contatto ABN farà la corda AN infinitamente piccola, e sta BA ad AN , come la stessa AN ad AO ; dunque di bel nuovo AO è infinitamente minore di AN , la quale già era infinite volte più piccola di AB ; e però la detta AO è infinite volte infinitamente piccola, cioè nel secondo grado d'infinita piccolezza rispettivamente ad AB : ed è come una seconda differenza, la quale ancora infinite volte replicata non giunge a fare una parte finita sensibile, ma al più si alza al primo grado degl'infinitamente piccoli. Per tanto la velocità in qualsivoglia punto della curva $ABCD$ farà sempre come la stessa, ch'era ne' punti precedenti, senza sensibile diminuzione, per quel che dipende dalla flessuosità del fiume, cioè se da altre cagioni non viene alterata; Il che ec.

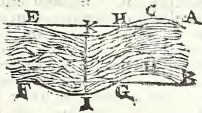
Corollario.

Quindi è, che molto giova al felice smoltimento dell'acque la placida curvatura delle ripe, piuttosto che la piegatura di esse ad un angolo sensibile, e troppo risentito: onde la natura medesima per lo più affetta una dolce curvatura, e riempie gli angoli troppo acuti, se sono concavi verso il corso dell'acqua, e li spunta se sono convessi, riducendosi presso ad una via curvilinea, come quella che trova essere la più facile per condurre l'acque al suo termine, quando la frequenza degl'impedimenti, che incontra per istrada la distoglie dal condurvela per una sola linea dritta.

PROPOSIZIONE XIII.

Essendo la medesima velocità d'un fiume orizzontale nel suo alveo curvilineo, e sperggiante $ABDCE$, come nell'alveo diretto ABE della stessa larghezza, e collocato fra i medesimi termini; si scaricherà l'acqua in più lungo tempo mediante il primo, che mediante il secondo.

Perchè essendo la stessa velocità delle parti dell'acqua nell'uno, e nell'altro, e la stessa sezione, ma più lungo il tratto curvilineo ACK , dell'altro retto AE interposto fra i medesimi termini, dovrà spendere l'acqua maggior tempo per venire da un termine all'altro per la via curvilinea, che per la sola retta. Il che ec.



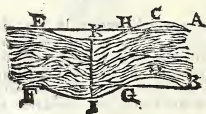
Corollario.

Quindi lo scorciamento dell'alveo de' fiumi, che suole praticarsi per le-

varne le tortuosità, può giovare solamente a far sì, che in tempo più breve si scarichino nel mare, o in altri fiumi loro recipienti: ma non giova già a farli più presto sgonfiare della pienezza loro, o ad impedire, che non s'alzino a tanta altezza, e così scalfare il pericolo delle inondazioni; imperocchè scorrendo l'acqua colla stessa velocità in pari larghezza, si disporrà sempre in eguale altezza, siasi diretto, o curvo il tratto dell'alveo per cui passa, ed eguale quantità d'acqua dovendo scaricarsi per ciascuna sezione; ma essendo in linea retta, il fiume terrà in soggezione minor quantità di terreni adiacenti nel tempo delle piene, senza però liberare più presto dal timore, e dal pericolo dell'inondazione ciascuno de' confinanti. Così un esercito di soldati camminando in ordinanza, ovvero una processione ben regolata di gente, passando per due strade diverse interposte fra i medesimi termini, una più lunga, un'altra più corta, giugnerà più presto al suo termine per questa, che per quella: ma non passerà già più presto avanti qualunque casa posta nella via più corta, che avanti ad una posta nella strada più lunga.

PROPOSIZIONE XIV.

Molti altri vantaggi si hanno dall'alveo curvilineo, e serpeggiante de' fiumi, più che dall'alveo rettilineo.



Primo perchè un alveo curvilineo, per essere più lungo, ci dà un luogo più capace per contenere la copia dell'acque. Così se la via curva B D I pareggerà la strada B F, giunta che sia l'acqua in I K, non farà nel termine del suo corso, come lo farebbe nell'alveo rettilineo, essendo arrivata in egual tempo alla sezione F E, onde avrà ancora il residuo dell'alveo K I F E, per cui potersi stendere, e dilatarsi. Secondo perchè tutta la materia, che depone il fiume nell'alveo A E F B diretto, la deporrà nel tratto curvilineo eguale A B D I K, e per lo residuo della strada I K E F ne deporrà dell'altra, onde più puro, e più ripurgato entrerà nel suo recipiente, senza portarvi tanta materia a riempirlo. Terzo per la lunghezza del viaggio entrando il fiume più tardi nel recipiente, darà tempo a questi di avere già in gran parte scaricata la propria piena, e degli altri superiori influenti, prima di accrescerlo colla sua, la quale se si fosse unita coll'altra, avrebbe forse cagionato troppo grande altezza d'acque, con pericolo d'inondazione: è però vero, che per questo capo si porrebbe ancora dar caso, che in altre circostanze tornasse meglio l'essere retto, che curvo il corso dell'acqua, perchè più presto si scaricasse nel recipiente, avanti che in esso si accumulino le piene degli altri influenti. Quanto finalmente, essendo il fondo dell'alveo, o almeno la superficie dell'acqua di qualche notevole pendenza, si potrà dare più spedito corso all'acqua per un alveo curvilineo, che per il rettilineo, come bene considerò il Galileo nella scrittura del fiume Bisenzio. Veggasi ciò che ho detto nelle note al Trattato del moto accelerato di esso Galileo prop. 9. e 10.

CAPITOLO III.

Come in occasione di piene sopravvenienti, o d'altr' acque portate nel medesimo fiume da altri influenti, cresca l'altezza di esso.

PROPOSIZIONE XV.

SE un fiume cresca per nuova acqua sopravveniente, la quantità d'acqua, che in un dato tempo si scarica da una sua sezione, durante la piena a quella che in altrettanto tempo prima della piena si scaricava nello stesso sito, è in ragione composta della media velocità acquistata nello stato di piena, a quella, che avea per l'avanti, e dell'altezza della presente sezione all'altezza, che prima ivi avea, supposto l'alveo regolare.

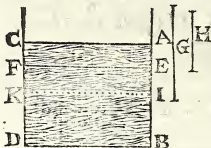
Imperocchè nell'alveo regolare si mantiene la stessa larghezza, e però le sezioni sono come le altezze; onde le moli d'acqua, la cui ragione compone di quella delle medie velocità, e di quella delle sezioni per la prop. 5. sarà composta nel caso nostro delle medie velocità, e dell'altezze dell'acqua; il che ec. O pure dicasi, che essendo per lo Coroll. della prop. 7. Q eguale ad $A L T V$, e q eguale ad $a l t u$, se Q significa la quantità d'acqua che scorre pel fiume in tempo di piena, e q quella, che vi scorreva avanti, in tempi eguali, ed in eguali larghezze, essendo T eguale a t , ed L eguale ad l , sarà Q a q , come $A V$ ad $a u$: che vuol dire in ragione composta dell'altezze, e delle velocità.

Corollario

Data dunque l'altezza dell'acqua in varj stati del fiume, e la media velocità, si dà la proporzione dell'acqua; come per esempio, se l'altezza dell'acqua avanti la piena era di braccia 5. e correva in un minuto secondo due piedi, ma sopraggiunta la piena si trovi nel fiume un'altezza di braccia 9. e tale velocità, che in un secondo passi piedi 4. farà la copia dell'acqua ordinaria che prima vi scorreva, alla quantità che porta in tempo di piena, come 10. a 36. (il che si raccoglie moltiplicando insieme i due primi numeri, e i due ultimi) cioè in ragione di 5. a 18.

PROPOSIZIONE XVI.

L' altezza A B, a cui giugne un fiume nel suo alveo regolare per sopraggiunta di nuove acque, all' altezza E B, che prima avea, ha la ragione composta della quantità d' acqua, che scorre per la sezione A B D C a quella, che scorreva per la E B D F, e reciprocamente della velocità H esercitata prima della piena nell' altezza E B, alla velocità G, che esercita in tempo di piena nell' altezza A B.



Supponiamo, che avanti la piena si fusse mosso il fiume colla stessa velocità G, ed in tale ipotesi portasse l' acqua sua ordinaria al livello I K nella sola altezza B I. Sarà dunque per la proposizione seconda la sezione E B D F alla I B D K, cioè l' altezza E B, alla I B, come la velocità G alla H; e perchè colla stessa velocità G si scarica l' una, e l' altra sezione I B D K, A B D C, sarà la prima sezione alla seconda, cioè I B ad A B, come la quantità d' acqua

ordinaria a quella che corre in tempo di piena, per la prop. 3. ed è A B a B E in ragione composta di A B a B I [cioè della quantità d' acqua in tempo di piena, alla quantità dell' acqua ordinaria, che vi era prima] e di B I a B E (cioè della velocità H alla velocità G) dunque l' altezza a cui giugne un fiume per acqua sopravveniente, all' altezza, che aveva avanti, è in ragione composta della quantità d' acqua presente alla quantità di prima, e reciprocamente delle loro mezzane velocità; il che ec.

Corollario I.

Data dunque la proporzione dell' acque, e delle velocità si averà la ragione dell' altezze. Per esempio: debba introdursi di nuovo in un fiume reale un torrente, che vi porti la trentesima parte dell' acque, che prima solea contenere; e si sappia, che per la giunta di detto torrente si accrescerà d' una centesima parte la sua primiera velocità. Sarà dunque la quantità dell' acqua dopo l' introduzione, a quella ch' era avanti, come 31. a 30., e la velocità primiera alla nuova velocità, come 100. a 101. Però la ragione composta delle quantità d' acqua direttamente, e delle velocità reciprocamente, sarà come di 3100. a 3030., cioè di 310. a 303; per tanto l' altezza dopo l' introduzione sarà cresciuta solo 7. parti trecentesime terze: sicchè se prima era l' altezza di 25. piedi, e 3. once, l' aumento sarà di once 7. divenendo di piedi 25. e once 10.

Corollario II.

Se le velocità fossero proporzionali alle quantità d' acqua, allora l' altezza punto non crescerebbe, nè diminuirebbe per la giunta dell' acqua introdotta: perchè la ragione composta di due ragioni eguali reciprocamente applicate, è ragione di egualità; come se nel precedente caso la velocità crescesse un trentesimo, siccome cresce l' acqua, rimarrebbe l' altezza la

medesima, essendo allora in ragione composta di 31. a 30. e reciprocamente di 30. a 31., il che dà la stessa altezza di prima.

Corollario III.

E se le velocità crescessero in maggior ragione delle quantità d' acqua, l'altezza del fiume scemerebbe in vece di crescere, come per esempio, se crescendo l'acqua un trentesimo, la velocità crescesse la vigesimaquinta parte, farebbe la ragione delle quantità d' acqua, come 31. a 30., e quella delle velocità reciprocamente prese, come 25. a 26. delle quali due si compone quella dell'altezza nuova all'antica, come 745. a 780.; onde farebbe scemata, dopo la sopraggiunta copia d'acqua, l'altezza della sezione di 7 parti centesime cinquantefimeseste: cioè, se prima l'altezza era 13. piedi, si farebbe diminuita 7. once, riducendosi a piedi 12., once 5.

Corollario IV.

Solamente dunque cresce l'altezza de' fiumi per giunta di nuova acqua, quando l'accrescimento di velocità ha minor ragione alla velocità primiera, che l'aumento dell'acqua alla copia d'acqua di prima; il che merita d'essere considerato diligentemente, per confutare molti volgari errori, in cui sogliono incorrere quelli, che senza il lume della Teorica vogliono farla da pratici in queste difficilissime materie di fiumi.

SCOLIO I.

Si è qui computata solamente l'altezza delle sezioni, supponendosi l'alveo regolare, cioè d'eguale larghezza dappertutto; ma in pratica per lo più suole nelle parti superiori ampliarsi la larghezza della sezione, per esse e le ripe disposte a scarpa, e colle sue banchine interiori, o golene: di maniera che la sezione loro non è un rettangolo, ma un trapezio, o più trapezj, ed anche sovente una figura curvilinea irregolare, che però sempre si dilata più nelle parti di sopra. Quindi, in vece della uniforme larghezza supposta nella sezione, si farebbe dovuta mettere in conto la mezzana larghezza avanti, e dopola giunta dell'acqua, con dire, che l'altezza nuova all'antica è in ragione composta della diretta delle quantità d'acqua, che corre presentemente, e che prima correva, e reciproca sì delle velocità, come delle medie larghezze nel primo stato, e nel secondo. La quale considerazione non solo non accresce l'altezza dell'acqua, che può risultare in un fiume per la giunta d'una piena, o d'un nuovo torrente introdottovi, ma anzi la scema: come per esempio, se nel caso del Coroll. I. l'acqua nuova all'antica stia come 31. a 30., e la velocità di prima alla presente, come 100. a 101. e la media larghezza avanti la giunta stia alla susseguente, come 50. a 51. (sicchè si aumenti l'acqua un trentesimo, cresca la velocità un centesimo, e si dilati la media larghezza un cinquantesimo) moltiplicando gli antecedenti, ed i conseguenti, avremo la ragione dell'altezze nuova, ed antica, come 155000. a 154530; o pure 15500. a 15453.; la qual ragione è più prossima all'egualità, che non era la trovata di sopra in detto corollario, di 310. a 303., equi-

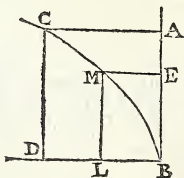
equivalendo a quella di 310. a 309. con poco meno d'un sedicesimo: che però anche minore in pratica riesce l'alzamento, che si dee aspettare dall'unione del torrente suddetto al fiume reale, non accrescendo più 7. once sopra il 25. piedi, e 3. once d'altezza, che si supponeva aver prima, ma solo alquanto meno d'un oncia.

SCOLIO II.

Si avverta ancora da' principianti di non prendere equivoco in credere, che quando si dice, l'altezza del fiume, prima di ricevere l'acqua sopravveniente, essere la B E, e dopo giunta la nuov' acqua, essere la B A, tutto l'eccesso dell'acqua aggiunta debba correre sotto la sola altezza E A, rimanendo l'acqua ordinaria nella solita altezza B E. Tale immaginazione sarebbe erronea, essendo molto maggiore l'altezza sotto cui si scarica l'acqua nuova, e minore quella, per cui dopo fatta la giunta, scorre l'antica, essendo l'altezza di quella per esempio A I, e di questa il residuo I B, che sta alla B E, come reciprocamente la velocità antica H alla nuova G, mercecchè scaricandosi ora l'acqua stessa ordinaria colla maggiore velocità G, per essere spinta, e premuta dalla giunta della nuova acqua sopravveniente, dovrà, per così dire, assottigliarsi, abbassandosi alla detta altezza A I, e rimanendo il resto d'altezza I A per la nuov' acqua: e così può intendersi, come talvolta la giunta dell'acqua possa fare, che scemi l'altezza primiera, secondo il coroll. 3. potendo I A riuscire minore di I E, quando la velocità spinga sì fortemente l'acqua inferiore, che l'abbassi sotto il primo livello a tal segno, che anzi ancora più luogo, che non bisogna per l'acqua sopravveniente.

PROPOSIZIONE XVII.

Se le velocità fossero proporzionali alle altezze dell' acqua, farebbero i quadrati dell' altezze proporzionali alle quantità dell' acqua: ovvero le altezze come le radici quadre delle dette quantità.



La quantità d'acqua, che scorre sotto l'altezza A B, si esprima per A C, e quella, che scorre sotto l'altezza E B, si esprima per E M, sarà per la precedente, A B a B E in ragione composta di A C ad E M, e della velocità per B E alla velocità per B A, cioè (in questa ipotesi delle velocità proporzionali alle altezze, che è del P. Abate Castelli, del Cassini, e altri) della stessa B E a B A; per tanto avremo A B B E, come il rettangolo di A C in E B al rettangolo di E M in B A, o come D B E ad L B A, e però il prodotto degli estremi L B A in B A sarà eguale al prodotto de' mezzani D B E in B E; onde sarà il quadrato dell' altezza B A al quadrato dell' altezza B E, come D B a B L, cioè come la quantità d'acqua A C alla quantità E M: Il che ec.

Corollario I.

Applicando le A C, E M esprimenti le quantità dell'acqua alle loro rispettive altezze A B, E B, la curva B M C, che ne nasce è una parabola quadratica.

Corollario II.

Per sapere, che altezza debba fare in un fiume la giunta d'una data quantità d'acqua, si cavi la radice quadra dell'acqua prima, e della somma di essa con l'aggiunta; che l'altezza nuova starà all' antica, come la radice di detta somma alla radice della prima acqua ordinaria. Per esempio la portata d' un fiume sia 30. e debba aggiugnervi una parte trentesima, sicchè la somma sia 31. le loro radici quadre sono 5. con 48. centesimi per il primo numero, e 5. con 57. centesimi per il secondo. Dunque in questa ipotesi l'altezza nuova all'antica dovrebbe stare, come 557 a 548, o come 139 e un quarto, a 137. cioè se la prima altezza era undici piedi, e cinque oncie, dopo la giunta crescerebbe 2 oncie, e un quarto di più, diventando 11. piedi, e 7. oncie, con 3. minuti, o dodicesimi d'oncia.

PROPOSIZIONE XVIII.

Che se l' altezze fossero in duplicata ragione delle velocità, riuscirebbero le altezze medesime come le radici cube de' quadrati delle quantità d'acqua: cioè i cubi dell' altezze sarebberò come i quadrati delle dette quantità d'acqua.

Perchè, tante le suddette cose, A B a B E sarà in ragione composta di A C ad E M, e della velocità per E B alla velocità per B A; le dunque le dette velocità sono come le radici quadre di E B, e di B A, avremo A B a B E, come il prodotto di A C nella radice quadra di B E al prodotto di E M nella radice quadra di A B: e moltiplicando gli estremi, ed i mezzani, sarà E M in A B moltiplicato nella sua radice quadra, eguale ad A C in B E moltiplicato nella radice della stessa B E; onde E M ad A C sarà, come B E moltiplicato per la sua radice, ad A B moltiplicato per la radice sua; e quadrando dall' una, e dall' altra parte, farà il quadrato di E M al quadrato di A C, come il cubo B E al cubo B A; il che si dovea ec.

Corollario I.

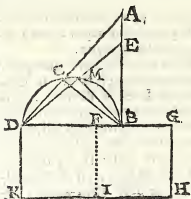
In questa ipotesi, che è del Torricelli, del Guglielmini, ed altri, applicando le A C, E M esprimenti le quantità dell' acqua alle loro rispettive altezze A B, E B, la curva B M C riesce una parabola cubica del second' ordine, in cui i cubi dell' applicate D C, L M, sono come i quadrati delle distanze dal vertice B D, B L.

Corollario II.

Per determinare l'altezza, che farà la giunta d'una determinata quantità d'acqua; si quadrino i numeri esprimenti l'acqua di prima, e la somma di essa coll'aggiunta: le radici cubiche de i detti quadrati faranno proporzionali alle altezze. Per esempio, se al solito le quantità d'acqua siano 30. e 51., i di cui quadrati sono 900., e 961. le radici cubiche di essi sarebbero 9. con 66. centesimi, e 9 con 81. centesimi, cioè in ragione di 322. a 327., la quale è poco maggiore della già ritrovata nel coroll. 2. della precedente nell'altra ipotesi, essendo quella di 137. a 139 e un quarto, e questa di 137. a 139 con poco più d'un ottavo, cioè esattamente con 41. parti trecentesime ventidueime: onde se la prima era 11. piedi, e 5. once, l'aumento sarà di once 2. e un minuto e mezzo in circa.

PROPOSIZIONE XIX.

Se le velocità fossero proporzionali a' seni dell'inclinazione, che ha la superficie dell'acqua coll'orizzonte, ovvero a' momenti della gravità nel piano, che fa detta superficie: determinare l'altezza B A, che averà il fiume aumentato d'una data quantità d'acqua, oltre quella che ha nell'ordinaria sua altezza B E. Supposto però, che il fondo del fiume sia come orizzontale.



Tirisi l'orizzontale B D, concorrente col pelo dell'acqua E D nel punto D, dove il fiume averà il suo termine: e sopra il diametro B D si descriva il mezzo cerchio B M D, che sega la cadente dell'acqua in M. Indi, come sta la quantità d'acqua, che corre nella altezza B E alla somma di essa, e della giunta, che dee sopravvenire al fiume, così stia E M ad un'altra linea, che sia D F. Poi si applichi alla D F un rettangolo G D K H eguale al quadrato B D, ed eccedente d'una figura quadrata G F I H: sicchè B D sarà media proporzionale fra tutta la D G, e la G H, ovvero la G F; onde sarà D G maggiore della B D, e potrà dal punto D sopra la B A applicarsi la retta D A eguale a D C, segante la periferia del mezzo cerchio in C. Dico adunque, che la B A è l'altezza che si ricerca; perchè congiunte le rette B M, B C, che sono i seni d'inclinazione delle cadenti E D, A D, sarà il rettangolo A D C eguale al quadrato B D, cioè al rettangolo D G F, onde essendo D A eguale a D G, sarà D C eguale a G F, e la rimanente C A eguale alla residua D F; e però starà E M ad A C, come la quantità d'acqua che corre sotto l'altezza E B alla somma di essa, e dell'acqua che debbe aggiungersi; e B M a B C, per l'ipotesi sta come la velocità dell'acqua nell'altezza B E alla velocità, che averebbe nell'altezza B A, la quale altezza sta alla B E in ragione composta di A B a B D, e di B D a B E; ma la prima ragione eguaglia quella di A C a C B, e la seconda pareggia quel-

to D sopra la B A applicarsi la retta D A eguale a D C, segante la periferia del mezzo cerchio in C. Dico adunque, che la B A è l'altezza che si ricerca; perchè congiunte le rette B M, B C, che sono i seni d'inclinazione delle cadenti E D, A D, sarà il rettangolo A D C eguale al quadrato B D, cioè al rettangolo D G F, onde essendo D A eguale a D G, sarà D C eguale a G F, e la rimanente C A eguale alla residua D F; e però starà E M ad A C, come la quantità d'acqua che corre sotto l'altezza E B alla somma di essa, e dell'acqua che debbe aggiungersi; e B M a B C, per l'ipotesi sta come la velocità dell'acqua nell'altezza B E alla velocità, che averebbe nell'altezza B A, la quale altezza sta alla B E in ragione composta di A B a B D, e di B D a B E; ma la prima ragione eguaglia quella di A C a C B, e la seconda pareggia quel-

quella di B M ad M E, onde B A a B E sta come il rettangolo di A C in B M al rettangolo di E M in B C, ma ancora la altezza che si cerca dee stare ad E B in ragione composta della quantità d' acqua B C alla quantità E M, e reciprocamente delle velocità, cioè de' seni B M, B C, che è quanto dire, come il rettangolo di A C in B M a quello di E M in B C; dunque l'altezza B A è quella perappunto, che si cerca, perchè soddisfa alle condizioni, che debbe avere. Il che dovea ritrovarsi.

PROPOSIZIONE XX.

La stessa quantità d' acqua sopraggiungendosi al medesimo fiume in diversi stati, non gli cagiona eguale accrescimento di altezza, ma quando lo trova basso lo rialza più, e quando alto lo innalza meno

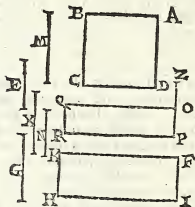
Se il fiume è regolare, avendo la stessa larghezza in cima, che in fondo, già è manifesto, che avendo minor copia d' acqua sarà meno veloce, o dipenda la velocità dall' altezza, o dalla pendenza sopra il suo recipiente; perchè allora il pelo dell' acqua è ancora meno inclinato all' orizzonte: e la stessa giunta di acqua non potrà più accelerare il pigro moto del fiume basso di quello accelleri il corso del fiume alto: sicchè la velocità dopo la giunta dell' acqua nel primo caso riuscirà minore, e nel secondo maggiore; dunque l' acqua aggiunta, per la prop. 2. scorrendo sopra il fiume, che era basso con minore velocità, vi farà maggiore altezza, e sopra il fiume alto camminando con velocità maggiore, vi farà minore altezza, come richiede la corrispondenza delle sezioni reciproche alle velocità nel medesimo corpo d' acqua; dunque quando ancora l' antica rimanesse al suo primo livello, la nuova giunta vi si alzerebbe sopra, meno quando ritrova il fiume più grosso, e più, quando l' incontra più magro; ma inoltre abbassandosi più l' acqua grossa, che l' acqua magra, come quella resta afferrata di maggiore velocità di questa, tanto a più basso livello dee giugnere l' acqua sopravveniente al fiume grosso, che quella la quale sopravviene ad un fiume magro: in quella maniera, che se un gigante colla sua statura arriva ad una certa finestra, ed un uomo d' ordinaria statura ad un'altra, caricandosi l' uno e l' altro di un ragazzo sopra le spalle, ma sotto del peso di esso più s' incurvasse il gigante, che l' uomo di giusta statura, ed il fanciullo stesso più rannicchiassse sulle spalle del primo, che del secondo: certamente si alzerà meno il detto ragazzo sopra la finestra, a cui prima giungeva il gigante, che sopra quella a cui l' uomo di statura ordinaria arrivava. Il che ec.

CAPITOLO IV.

Del concorso d' un fiume con un altro.

PROPOSIZIONE XXI.

Date le sezioni *O R*, *A C* di due fiumi, e le loro velocità *N*, *M* avanti il concorso, ritrovare quella mezzana velocità *E*, con cui comunemente scorrendo per le stesse sezioni le loro acque, egual copia se ne scaricherebbe in pari tempo, come se ne scarica da amendue i fiumi andando separatamente colle proprie loro velocità. Chiamisi la detta velocità *E* una velocità ragguagliata.



Si faccia, come la sezione *O R* del primo alla sezione *A C* dell' altro, così la velocità *M* di questo ad un'altra velocità *X*, indi, come la somma delle due sezioni *O R*; *A C* sta alla prima *O R*, così la somma della velocità *N*, con cui questo camminava, e della velocità *X* ora ritrovata, ad un'altra velocità *E*. Dico, che questa è la velocità ragguagliata, che si cercava. Perchè essendo *O R* ad *A C*, come *M* ad *X*, la stessa quantità d'acqua passerà per *O R* colla velocità *X*, che passa per *A C* colla velocità *M*. Aggiungasi di comune l'acqua, che nello stesso tempo passa per *O R* colla velocità *N*; dunque le due quantità d'acqua, che scorrono per ambi i fiumi, cioè per la sezione *A C* colla velocità *M*; e per *O R* colla velocità *N* uguagliano la quantità d'acqua, che sgorgerebbe per *O R* colle due velocità *X* ed *N*; Ma stando la somma delle sezioni *O R*, *A C* alla sezione *O R*, come la somma delle velocità *X*, ed *N* ad *E*, bisogna che la quantità d'acqua, che scorrerebbe per ambidue le sezioni insieme *O R*, *A C* colla stessa comune velocità *E*, uguagli la quantità, che scorrerebbe per *O R* sola colla somma delle velocità *X*, *N*, cioè quella che attualmente sgorga per la *O R* colla velocità *N*, e per la *A C* colla velocità *M*; pertanto la velocità *E* è quella velocità ragguagliata, con cui se ambi i fiumi colle stesse loro sezioni si scaricassero, imaltirebbero la stessa copia d'acqua, che di fatto tramandano per le medesime sezioni, andando ciascheduno colla propria velocità. Il che ec.

S C O L I O.

In pratica si può adoperare una più breve costruzione aritmetica, ed è la seguente. La somma delle quantità d'acqua, che portano ambidue i fiumi, si divida per l'aggregato dell'una, e dell'altra sezione; ed il quoziente fa.

re sarà la velocità ragguagliata, supposto che si esprimano le velocità di ciascun fiume separatamente, per la quantità della sua acqua divisa per la propria sezione. Per esempio sia l' altezza della sezione A C piedi 7. e la larghezza piedi 130. di maniera che la sezione medesima sia piedi quadri 510., e la sua velocità sia di gradi 4, essendo la sua quantità d'acqua 3640. L' altezza poi della sezione O R dell' altro fiume, sia piedi 15. la larghezza piedi 500, e la misura conseguentemente di tutta la sezione sia piedi quadri 7500. la sua velocità sia di gradi 6., essendo la quantità dell' acqua sua 45000. la somma delle quantità d' acqua sarà 48640. la quale divisa per la somma delle sezioni, che è 8410. darà di quoziente cinque, con 559. parti ottocentesime quarantunesime, che sarà la velocità ragguagliata, di cui si tratta: in fatti se questo quoziente si moltiplica per la somma delle sezioni 8410. restituirà 48640, che è la somma dell' acqua scaricata da ambi i fiumi; e però se ciascuno per la sua sezione camminasse colla velocità espressa dal detto quoziente, scaricherebbero la stessa quantità d' acqua tra tutti e due, che ne sgorgava prima, andando colle proprie loro velocità.

PROPOSIZIONE XXII.

Concorrendo un fiume con un altro, la quantità d' acqua, che si scarica per qualsivoglia sezione del recipiente dopo il concorso, a quella che scorreva per esso avanti di ricevere l' influente, sta in ragione composta della somma delle sezioni d' ambi i fiumi avanti il concorso, alla sezione sola del recipiente superiore al sito dell' influenza, e della velocità ragguagliata, alla velocità del medesimo recipiente avanti il detto concorso.

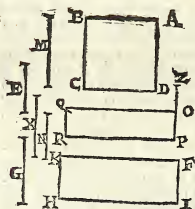
Imperocchè per lo coroll. 1. della prop. 1. è eguale l' acqua scaricata nello stesso tempo per una sezione del recipiente dopo il concorso, alla somma delle due acque portate dall' influente, e dal recipiente prima dell' influenza: ma questa, uguagliando il prodotto delle due sezioni dell' influente, e del recipiente sopra il sito del concorso, moltiplicate per la velocità ragguagliata d' ambedue, sta alla copia d' acqua portata dal solo recipiente prima del concorso, in ragione composta della somma delle suddette due sezioni alla sezione di questo, e dalla velocità ragguagliata alla velocità propria del recipiente avanti di ricevere l' influente: dunque ancora la quantità d' acqua, che porta il recipiente dopo il concorso, a quella che portava prima sta nella stessa ragione composta come sopra; il che ec

PROPOSIZIONE XXIII.

La velocità del recipiente dopo il concorso, sta alla velocità ragguagliata, come la somma delle sezioni d' ambi i fiumi avanti il concorso, alla sezione del recipiente dopo la confluenza.

Perchè scaricandosi egual copia d' acqua per lo recipiente dopo il concorso, che per le sezioni dell' influente, e del recipiente avanti la confluenza, essendo affette ciascuna dalla propria velocità, o tutte, e due dalla stessa comune velocità ragguagliata, bisogna siano reciproche le velocità alle sezioni, e però che la velocità del tronco comune stia alla velocità ragguagliata d' amendue i tronchi separati, come la somma delle sezioni di questi alla sezione, che ha quello dopo il concorso dell' influente; il che ec.

Co-



Corollario.

Essendo evidente per l'esperienza, che sempre la somma delle sezioni de' fiumi separati riesce maggiore della sezione del tronco unito, ancora la velocità del recipiente dopo il concorso, sarà sempre maggiore della velocità ragguagliata.

PROPOSIZIONE XXIV.

Date le velocità M, N, e le sezioni A C, O R di due fiumi concorrenti in un tronco, la cui sezione F H, ritrovare la sua velocità, con cui dopo la confluenza camminerà il fiume nella detta sezione.

Si trovi la ragguagliata velocità E, per la prop. 21. e come la sezione del tronco unito F H sta alla somma delle sezioni A C, O R de' fiumi separati, così stia E a G: questa sarà la velocità competente alla sezione del comune tronco F H, per l'antecedente. Il che ec.

SCOLIO.

Per la pratica, basta dividere la somma delle due quantità d'acqua, portate da i fiumi separati, per la data sezione dell'alveo comune, ed il quoziente ci darà la ricercata velocità: come nel caso dello scolio della prop. 21 se di più fusse l'altezza della data sezione F I piedi 16. la larghezza piedi 505. onde la capacità della sezione fusse piedi quadri 8080 essendo la somma delle due quantità d'acqua portate da ambi i fiumi, come sopra 48640 dividendo questo numero per quello, si avrà 6 con due parti centunesime per quoziente; e questa sarà la velocità ricercata, onde questa velocità sarà maggiore di quella, che avea il recipiente prima del concorso (che supponevasi solamente come 6.) delle dette due parti centunesime.

PROPOSIZIONE XXV.

I momenti, o le forze motivate dell'acque correnti sono in ragione composta di quella delle sezioni, e della duplicata delle velocità.

Essendo che generalmente i momenti, o le forze motrici hanno la ragione composta di quella delle quantità di materia mobile, e di quella delle velocità, con cui le stesse materie si muovono: ma nel caso nostro la materia, che si muove è l'acqua corrente, la di cui quantità già sta in ragione composta delle sezioni, e delle velocità per la prop. 5. aggiungendovi dunque un'altra volta la ragione delle velocità, con cui si muove, si avrà la ragione de' momenti, o delle forze motrici dell'acqua che corre, in ragione composta di quella delle sezioni, e della duplicata delle velocità, cioè de' loro quadrati; Il che ec.

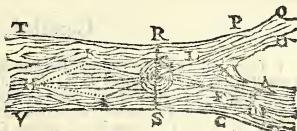
Corollario.

Quindi moltiplicando il valore delle sezioni col quadrato della loro velocità, si trova il momento, con cui l'acque scorrono, e con cui incontrandosi vicendevolmente si urtano insieme. Per esempio la sezione d'un fiume sia come 10. e quella d'un altro, come 7. la velocità del primo a quella del secondo sia come 4. a 3. i di cui quadrati sono 16. e 9. dunque la ragione delle loro forze mottrici, o de' momenti co' quali possono fare impressione urtando insieme, o in altro ostacolo, sarà come di 160. a 63.

PROPOSIZIONE XXVI.

Se il fiume O Q X P concorre con l'altro A B C X, dopo il concorso l'acqua del fiume recipiente si torcerà dalla prima direzione, e prenderà un'altra di mezzo tra la sua prima, e quella con cui è investito dall'influente.

Si concepisca una palla G galleggiante nella confluenza de' filoni L G, F G d'ambi i fiumi, sicchè resti investita dalla corrente d'amendue, essendo questa adunque spinta sì dalla forza dell'influente, secondo la direzione L G; sì da quella del recipiente secondo la sua prima direzione F G, dovrà secondo le leggi meccaniche quella palla muoversi per una direzione G H mezzana fra le dette due direzioni, ed in cui risulti il moto composto da' ambidue i moti, ad essa impressi dall'una, e dall'altra forza. Ma il moto di detta palla seguirà appunto quello del filone del fiume dopo il concorso d'entrambi i confluenti, lasciandosi del tutto trasportare da esso; dunque l'acqua del recipiente sarà deviata secondo l'intermedia direzione G H fra le due proprie de' confluenti L G, F G. Il che si dovea dimostrare.



Corollario I.

Dalle stesse leggi meccaniche può determinarsi la positura della nuova direzione G H; imperocchè è dimostrato, che posta nella direzione L G la parte G I, e nell'altra F G la porzione G K porporzionali alle velocità impresses al galleggiante dalla forza di ciascun acqua, e compiuto il parallelogrammo I G K H, e tirato il diametro G H, questo sarà la direzione ricercata.

Corollario II.

Anzi la lunghezza di esso diametro G H ci darà la velocità del moto

composto, che risulta in detta palla da ambedue le correnti in relazione alle velocità impresse da ciascuno de' confluenti, rappresentate da' lati del suddetto parallelogrammo, che però la GH farà ancora la velocità del recipiente, in relazione alle GI , GK che esprimono le velocità impresse nel globo G da ambi i fiumi, cioè le stesse velocità de' fiumi, da quali viene trasportato; imperocchè ciascun fiume, se fusse solo, lascerebbe venir giù seco il globo, che placidamente in esso galleggia, e che si suppone totalmente indifferente al moto, colla sua stessa velocità, con cui esso si muove; ed essendo uniti debbono trasportarlo con quella velocità, che dall'unione loro risulta, la quale insieme soddisfa all'esigenze d' ambedue le correnti. Così, se una formica andasse rampicando per lo fuscello GI colla velocità GI movendosi da G verso I , nel mentre che il medesimo fuscello trasportato dalla corrente FG per la direzione del suo filone FG , colla velocità GK , venisse dal sito GI al sito KH , non vi ha dubbio, che la formica col moto composto di questi due sarebbe venuta da G in H , descrivendo il diametro GH colla velocità GH , avendo passato il detto diametro, passando per ciascun punto di esso appunto nel tempo, in cui il fuscello avrebbe passato col suo estremo G lo spazio GK , e coll'estremo I lo spazio IH , ed in quello stesso tempo in cui la formica col moto suo proprio avrebbe scorsa la lunghezza GI del fuscello.

Corollario III.

Il seno dell'angolo, con cui si devia il recipiente dalla sua direzione, cioè il seno dell'angolo $H GK$, sta al seno dell'inclinazione delle direzioni d'ambi i fiumi $I GK$, come la velocità dell'influente, alla nuova velocità, che rimane al recipiente dopo il concorso: essendo chiaro, che nel triangolo KGH , il lato HK al lato GH è come il seno dell'angolo opposto $H GK$ al seno dell'angolo $H KG$, o del suo supplemento a due retti $I GK$; ma HK eguale a GI misura la velocità dell'influente, e GH è la velocità del recipiente dopo il concorso; dunque ec.

Corollario IV.

Per la stessa ragione il seno della deviazione dell'influente, cioè dell'angolo $I GH$, sta al seno dell'inclinazione d'ambi i fiumi, che è lo stesso angolo $I GK$, ovvero del supplemento a due retti GIH ; come la velocità primiera del recipiente, cioè IH , ovvero GK , alla velocità nuova, che hanno tutti due uniti nell'alveo comune, cioè a GH .

Corollario V.

E il seno della deviazione del recipiente a quello della deviazione dell'influente, sta reciprocamente, come la velocità dell'influente a quella del recipiente avanti il concorso; perchè il seno dell'angolo KGH , a quello dell'angolo HGI , o dell'alterno $G HK$, sta come HK , cioè GI a GK .

Corollario VI.

Stante la stessa velocità GK del recipiente prima del concorso, e la stessa inclinazione de' fiumi KGI , ovvero FGL , quanto maggiore sarà la velocità GI dell'influente, tanto maggiore sarà la deviazione di esso recipiente, cioè maggiore l'angolo KGH , perchè crescendo GI , cresce KH , che corrisponde al suo seno.

Corollario VII.

E maggiore ancora in detto caso risulta la nuova velocità GH del recipiente dopo il concorso, perchè crescendo KH , e l'angolo GKH non minore del retto, stando il medesimo, siccome ancora rimane lo stesso il lato GK , dee crescere la base GH del triangolo GKH .

Corollario VIII.

Ma stante la medesima velocità GI dell'influente, e la stessa inclinazione de' fiumi, tanto maggiore sarà la deviazione del recipiente, quanto sarà minore la velocità GK , ovvero IH , di cui egli era dotato, facendosi più aperto l'angolo KGH , e minore l'angolo HGI , secondo che al punto H nel lato IH raccorciato, si va più accostando al punto I .

Corollario IX.

E la velocità nuova GH del recipiente dopo il concorso, si fa allora tanto minore, sottraendo lo stesso angolo GHI non minore del retto, collo stesso lato IG , ma con un lato IH raccorciato.

Corollario X.

Quanto minore è l'angolo dell'inclinazione de' fiumi IGK , tanto maggiore è la nuova velocità GH risultante nel recipiente dopo il concorso, stanti le stesse velocità dell'influente, e del recipiente prima dell'influenza: perchè tanto maggiore s'è l'angolo GKH supplemento della detta inclinazione IGK a due retti, e però essendo i medesimi lati GK , GI esprimenti le velocità d'ambi i fiumi divisi, riesce maggiore la sottotela GH , misura della nuova velocità.

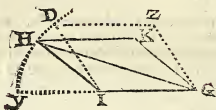
Corollario XI.

La detta nuova velocità GH è però sempre minore della somma d'ambel velocità GK , e GI , ovvero KH de' fiumi confluenti, essendo sempre due lati maggiori del terzo.

Corollario XII.

Quanto maggiore è l'angolo dell'inclinazione de' fiumi IGK (purchè non sia ottuso, come di fatto in pratica non suole accadere, nè potrebbe così mantenersi lungamente) tanto sarà maggiore la deviazione di ciascuno de' confluenti, come quella dell'influente IGH ; imperocchè quanto

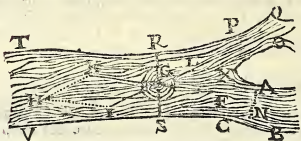
maggiore è l'angolo $I G K$, tanto minore è il suo supplemento a due retti $G I H$; descrivendo adunque col centro



I, e col raggio $I H$ l'arco circolare $Y H D$, se si restringe l'angolo $G I H$, e si faccia diventare come $G I D$ minore di $G I H$, e si compisca il parallelogrammo $G I D Z$, per essere la retta $I D$ superiore alla $I H$, congiungendo $G D$ farà maggiore l'angolo della deviazione $I G D$, che non era il primo $I G H$. Nella stessa maniera si proverà, che

diventerà maggiore ancora la deviazione $H G K$ del recipiente, diventando $D G Z$, descrivendo il cerchio col raggio $K H$.

SCOLIO I.



Vi ha chi pretende nella ricerca della direzione composta dopo il concorso de' fiumi, doverli porre i lati $G K$, $G I$ proporzionali non già alle velocità de' fiumi concorrenti, come si è fatto di sopra, ma piuttosto alle forze motrici di essi fiumi, le quali da noi ancora nella Propoziz. 25. sono sta-

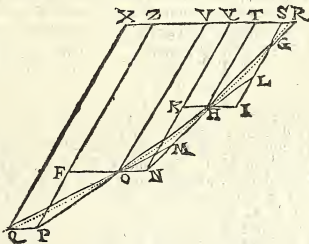
te dimostrate in ragione composta delle sezioni, e de' quadrati della velocità. Ma questi doveano osservare, che la dimostrazione del moto pel diametro composto de' moti per ambi i lati di un parallelogrammo, unicamente dipende dal farsi nello stesso tempo l'uno, e l'altro de' moti componenti, ed il moto che ne risulta composto; ed in conseguenza esige i lati proporzionali alle velocità impresses nel mobile, e non alle forze, da cui viene spinto; che se alle volte si prendono i lati proporzionali alle forze, ciò accade solo, quando si suppone, che le dette forze applicate ad uno stesso mobile v'imprimano le velocità proporzionali a loro stesse: stimandosi appunto la grandezza delle forze, secondo il grado di velocità che possono imprimere ad uno stesso mobile, standovi applicate nella stessa maniera, e nel medesimo minimo spazio di tempo. Nel nostro calo adunque de' fiumi, supponendosi che il galleggiante G , di cui ci siamo serviti nella proposizione, sia del tutto indifferente al moto, e si lasci trasportare da quelle correnti, che lo involgono, dovrà esso muoversi con quelle stesse velocità, colle quali andavano gli stessi fiumi divisi, e che poi va il tronco unito; e però i lati $G I$, $G K$ esprimenti le velocità impressegli separatamente da ciascun fiume, debbono necessariamente esprimere ancora le velocità, con cui l'uno, e l'altro fiume separatamente si muove. Tanto più, che non tutto il fiume influente, nè tutto il recipiente colle forze loro si applicano a muovere il galleggiante, ma solo al più una parte di ciascuno eguale al massimo cerchio del globo; nè l'influente $O Q X P$ urta nel suo corso con tutto il recipiente $B A X C$ per vasto che si sia:

ma solo colla parte A N uguale alla sezione O Q dell' influente medesimo. E perchè le forze di moli eguali d' acqua, o di porzioni eguali d' altra materia, sono come le loro velocità; quindi è, che volendo ancora porre i lati G K, G I proporzionali alle forze de' fiumi, che s' incontrano in una medesima sezione, prescindendo ancora dalla finzione di quel galleggiante; e considerando, che l' urto si fa in parti eguali d' acqua dell' uno, e dell' altro fiume, dovranno prendersi i detti lati appunto proporzionali alle velocità d' entrambi i confluenti, e non alle assolute, ed intere loro forze, che non tutte si applicano a cozzare insieme nella confluenza.

SCOLIO II.

E' ben vero, che essendo il recipiente con notabil vantaggio maggiore dell' influente: la direzione composta, e determinata come sopra, tornerà presto a distorbarsi: perchè oltre quella parte del recipiente contigua all' influente, la quale contrasta con esso nel primo incontro dell' unione, l' altra parte del recipiente, che scorre lungo la ripa opposta, e poco, o nulla viene urtata dall' influente vicino allo sbocco del medesimo, seguita a undipresso a scorrere per qualche tratto colla direzione sua appena sensibilmente alterata, finchè s' incontra più abbasso colla nuova direzione composta, che ha preso il recipiente mescolato coll' influente; onde si fa una nuova deviazione, rispingendosi vie più l' acqua verso la ripa contigua all' influente, e scostandosi dalla opposta, sicchè non venga a batterla tanto presto, ma alquanto più in giù. Queste replicate deviazioni, che si vanno cagionando delle parti susseguenti, fanno come una curva, la quale torna a restituire al recipiente la primiera sua direzione, ma con una velocità molto maggiore.

Imperocchè si ripigli il triangolo G J H di cui G I rappresenta la velocità, e direzione dell' influente, I H quella del recipiente avanti il concorso, e G H la composta d' ambidue. Prolungata G H altre tanto in N, e condotta N O parallela, ed eguale ad I H, sarà la H O la susseguente direzione, e velocità, composta delle due H N, N O, cioè della prima composta G H, e della H I, che si conserva, come prima del concorso, nelle parti del fiume, non per altro raggiunte dalla spinta dell' influente; e di nuovo prolungata H O altrettanto in P, e posta P Q parallela, ed eguale ad N O, ovvero ad I H, congiungendo la O Q si avrà in essa la direzione, e velocità, che in terzo luogo si compone dalla seconda composta H O, ovvero O P, e dalla P Q, ovvero I H, che si mantiene nelle parti ulteriori dell' acqua, e così di mano in mano. Ove si vede, che l' angolo della deviazione del recipiente sempre più si ristringe, diventando di I H G, N O H, e poi P Q O,



Q O, ed accostandosi sempre più la direzione composta alla prima direzione del recipiente, perchè O H prolungata verso L divide l'angolo I H G, e taglia per mezzo G I in L, e di nuovo Q O prolungata verso M, divide l'angolo N O H, tagliando per mezzo N H in M, e così sempre; ed essendo N H, cioè G H maggiore di G I, come opposta all'angolo ottuso G I H, ed N O eguale ad I H, e l'angolo O N H eguale ad I H N maggiore di H I G, la sottotesa O H sarà maggiore della N H, cioè della H G; e similmente la O Q maggiore di O P, cioè di O H; sicchè sempre si fa maggiore la velocità composta in infinito. Anzi talvolta è tale la forza delle parti del recipiente contigue alla sponda opposta allo sbocco del recipiente, che obbliga l'acqua di questo a tenersi quasi tutta dalla sua banda: come si riconosce allorchè l'influente è torbido, trovandosi chiaro il recipiente, o viceversa qualora è chiaro l'influente, ritrovandosi torbido il recipiente; perchè allora sensibilmente si distingue, l'acqua nuovamente entrata nell'alveo tenersi tutta per lungo tratto contigua alla propria sponda, senza quasi mescolarsi con quella del recipiente. Così fu notato nel Tesino, e nel Panaro influenti del Po, nelle visite fatte in quelle parti per pubblica autorità, e si ha registrato negli atti autentici di quelle Commissioni.

Ma per tornare alle suddette deviazioni infinite del recipiente, può notarsi di passaggio, che i punti G, H, O, Q, ed altri che in infinito si possono in simigliante maniera determinare, sono in una parabola, da determinarsi come appresso. Si prolunghi I G in S, e facciasi G S eguale alla metà di G I: per lo punto S tirisi la R T parallela ad I H, e fatta S R eguale all'ottava parte di H I, col lato retto eguale al duplo della terza proporzionale dopo H I, I G si descriva, per la cima R al diametro R T, nell'angolo G S R la parabola R G H O Q: questa passerà per tutti i punti sopra determinati; perchè condotte le H T, N Y, O V, P Z, Q X parallele alla G S; siccome I S è tripla di G S, così H T è tripla della medesima, onde il quadrato H T sta al quadrato G S, come 9. ad 1.; ma essendo R S eguale $\frac{1}{8}$ d' H I, cioè T S eguale ad un 8, e però ancora T R ad R S sta, come 9. ad 1.; dunque T R ad R S sta, come il quadrato di H T al quadrato G S. In oltre, siccome N G è dupla di G H, così Y S è dupla di T S, cioè di H I, a cui è eguale N O, ovvero V Y; dunque Y S è 16. e V S è 24., e V R sarà 25.; ma per essere N K eguale ad I G, come N H uguaglia H G, tutta la N Y è quintupla di G S; dunque ancora il quadrato di N Y, anzi di O V, sta al quadrato G S, come 25. ad 1., cioè, come V R ad R S. Parimente per essere V Z eguale ad V T, siccome O P uguaglia O H, ed X Z eguale a P Q; cioè ad H I, avremo tutta la X R alla R S, come 49. ad 1. e per essere P F eguale ad N K, cioè ad I G, tutta la P Z, cioè la Q X è eguale a 7. G S, onde il quadrato Q X al quadrato G S sta, come 49. ad 1., cioè come X R ad R S; dunque i punti G, H, O, Q e simili sono nella stessa parabola sopra determinata, corrispondendo all'ordinate S G, T H, V O, X Q crescenti nella ragione de' numeri dispari 1. 3. 5. 7. ec.

S C O L I O III.

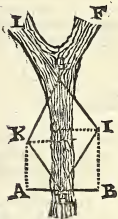
Se le ripe del recipiente allo sbocco dell'influente, e poco sotto di esso, non cedessero all'impressione fatta dal concorso de' fiumi, allora non si muterebbe direzione dal recipiente, ma si manterrebbe in quella di prima, ac-

crefcendosi però l'antica fua velocità di tal parte, che fia alla velocità dell'influente, come il feno di compimento dell'inclinazione de' fiumi, al feno totale; imperocchè non potendo il recipiente F G torcerfi in G H, ma effendo obbligato dalla refiftenza delle ripe a tenerfi fua direzione F G K; eferciterà in effa la velocità G E determinata dalla H E perpendicolare fopra G K tirata dal punto H, rilolvendofi la velocità G H impreffavi dall'urto vicendevoles de' fiumi, nelle due G E, E H, delle quali quefta refta inutile, effendo direttamente oppofta alle ripe, che fottengono la fua impreffione, fenza lafciarle avere alcuno effetto; ed era G K la velocità del recipiente; e la parte K E ita alla K H, ovvero G I velocità dell'influente, come il feno di compimento dell'angolo E K H, ovvero I G K, per cui fono i fiumi inclinati l'uno all'altro, al feno totale; onde ec.



PROPOSIZIONE XXVII.

Benche le due velocità dell' influente, e del recipiente G I, I H prese insieme sieno assolutamente maggiori della nuova G H risultante dal concorso di essi come nel coroll. XI. della precedente; tuttavolta sono eguali quelle a questa, rispettivamente al piano della sezione nell' alveo comune

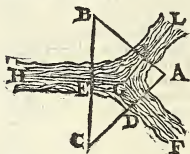


Tirisi per lo punto H la retta A B perpendicolare alla direzione nuova G H, risultante dalle due concorrenti G I, G K. Sieno condotte ancora le perpendicolari I C, K N sopra G H, e I B, K A sopra B A. La velocità del fiume L G, che è G I ovvero K H, si può intendere composta delle due K A perpendicolare al piano della fezione A B, e della K N parallela alla detta fezione. In quanto la velocità K H ha in se la velocità K N, non fa veruna impressione sul piano della fezione A B, che gli è parallelo, ma solamente inquanto importa la velocità perpendicolare K A, con cui urta in esso. E però la velocità del fiume L G, che assolutamente è come K A, in ordine al piano della fezione A B del tronco comune non conta, se non come K A, ovvero N H. Similmente si mostrerà, che la velocità G K, ovvero I H dell'altro fiume F G, rispettivamente allo stesso piano A B della fezio-

ne del tronco unito non può valutarfi, se non come la perpendicolare I B, cioè quanto la G N, riucendo l'altra porzione I C vota di effetto, per essere parallela a B A, ed inoltre per essere eguale, e direttamente opposta all'altra K N, ficchè ambidue vicendevolmente si distruggono. Ma le due N H, G N uguagliano appunto l'intera G H; dunque le velocità particolari de' fiumi confluenti, prese in riguardo al piano della sezione del tronco, in cui comunemente si uniscono, pareggiano la velocità nuova della direzione composta, e risultante da esse. Il che ec.

PROPOSIZIONE XXVIII.

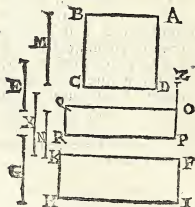
Date le direzioni F G, L G di due fiumi concorrenti, e la direzione G H dell'alveo comune, in cui si uniscono, trovare la proporzione delle velocità di ciascuno.



Si conducano a ciascuna delle date direzioni, per qual punto si voglia le perpendicolari D C, E B, I A, che incontrandosi formeranno il triangolo A C B (altrimenti non converrebbero insieme nè meno le direzioni de' fiumi, contro l'ipotesi) dico che la velocità del fiume F G, è come A C, quella del fiume L G, come A B, e l'altra del fiume G H, come C B. Imperocchè nel quadrilatero D G E C, essendo retti gli angoli in D, ed E, faranno gli altri due D G E, D C E eguali a due retti, e averanno lo stesso seno. Similmente sarà lo stesso seno degli angoli I B E, I G E; e lo stesso quello degli angoli I G D, I A D; ma per li corollarj 3. 4. 5. della prop. 26. la velocità dell'influente, del recipiente, e del tronco unito, sono per ordine, come i seni della deviazione del recipiente, della deviazione dell'influente, e dell'inclinazione d'ambi i fiumi concorrenti; dunque la velocità di L G, a quella di F G, e di G H sta rispettivamente, come il seno di D G E, o sia dell'angolo C al seno di I G E, cioè dell'angolo B, ed al seno di I G D, ovvero dell'angolo A; ma in seni di detti angoli sono proporzionali agli opposti lati A B, A C, C B; dunque le velocità ricercate sono come i lati del suddetto triangolo A B C perpendicolari sopra ciascuna direzione; Il che ec.

PROPOSIZIONE XXIX.

Date le quantità dell'acqua, che debbano scaricare in un dato tempo li due fiumi, le cui sezioni A C, O R, e le velocità M, N, confluenti in uno stesso alveo comune, la cui larghezza data I H, colla velocità G, che da tale concorso risulta, ritrovare l'altezza I E, che dee fare l'unione di dette acque.



Trovifi per la Proposizione 21. la velocità ragguagliata E d'ambi i fiumi confluenti, ed applicando alla retta O Q larghezza della sezione O R la superficie dell'altra sezione A C, ne risulti l'altezza O Z, sicchè il rettangolo Z P R uguagli la somma d' ambe le sezioni date: dunque la stessa quantità d'acqua, che passava per le dette sezioni, passerà per la sola Z P R, colla velocità ragguagliata E; si faccia dunque come il prodotto della nuova velocità G, e della larghezza I H dell'alveo comune, al prodotto di E nella larghezza P R, così l'altezza P Z ad un'altra I F. Questa sarà l'altezza, che si cercava; imperocchè tant'

acqua smalterà la sezione F I H colla velocità G, quanta ne tramanderà l'altra sezione Z P R colla velocità E: cioè quanta ne portavano insieme i due fiumi concorrenti, per essere il prodotto di G nella sezione F I H, eguale al prodotto di E nella sezione Z P R. Il che ec.

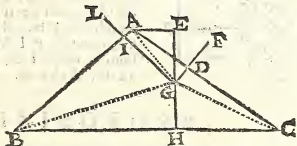
SCOLIO.

Per la pratica si spedisce il quesito arimmeticamente, congiungendo insieme le due quantità d'acqua portate da' fiumi, e dividendo la somma per il prodotto della nuova velocità dell'alveo comune nella sua larghezza. Sia per esempio A D 7. piedi, D C 130., onde tutta la sezione piedi quadri 910., la sua velocità sia tale, che faccia 4. miglia l'ora, e si tassi per gradi 4. e però la portata della sua acqua sarà 3640. sia altresì O P piedi 15. P R piedi 500., onde la sezione O P R Q piedi quadri 7500. la sua velocità sia di gradi 6. e però la portata della sua acqua si valuti 45000. La larghezza dell'alveo comune I H sia 505., la velocità G gradi 6., e un cinquantesimo, il prodotto di questi due termini sarebbe 3040. e un decimo ovvero 30401. decimi, per cui dividendo la trovata somma dell'acque portate da ambidue i fiumi, si ha per quoziente quasi 16. piedi, cioè precisamente 16, meno sedici parti denominate dal numero 30431. e tanta sarà l'altezza I F risultante nell'alveo comune.

PROPOSIZIONE XXX.

Date le direzioni F G, L G di due fiumi concorrenti in un alveo comune, la cui direzione G H, e date le sezioni de' due primi, ritrovare la sezione del terzo, e la velocità di ciascuno.

Si faccia G D a G I, come la sezione del fiume G F a quella del fiume G L, e condotte per D, e per I, le perpendicolari C D A, B I A alle date direzioni, dal punto del concorso A si tiri la perpendicolare A E sopra la terza direzione G H dell'alveo comune, prolungata oltre l'angolo F G L, quanto bisogna: ed alla G E posta eguale G H, tirisi ad essa la perpendicolare C H B, che chiuda il triangolo A B C, e si congiungano le A G, B G, C G. Dico, che la sezione dell'alveo comune sarà, come G E, ovvero G H, in relazione all'altre due sezioni rappresentate dalle G D, G I, e che le velocità di ciascun fiume faranno, come i lati A C, A B, B C perpendicolari alle loro direzioni, e comprendenti il triangolo A B C. Questo secondo già resta dimostrato nella prop. 28. Il primo si dimostra così. I triangoli A C G, A G B hanno la ragione composta di quella delle basi A C, A B, rappresentanti le velocità de' fiumi F G, L G, e di quella dell'altezza G D, G I esprimenti le sezioni di essi fiumi: ma ancora le quantità d'acqua da essi portate sono in ragione composta di quella delle velocità, e di quella delle sezioni, per la prop. 5.; dunque i detti triangoli A C G, A G B sono, come le quan-



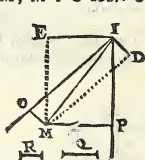
tà d'acqua portate da' fiumi F G, L G; ma per essere G H eguale a G E, cioè la metà della E H, altezza del triangolo A C B, sarà il triangolo C G B la metà di esso A C B, e conseguentemente eguale alla somma dei triangoli A G C, A G B, siccome la quantità d'acqua, che portar dee l'alveo comune G H, dee perappunto uguagliare le due quantità portate dagli due fiumi in altr' e tanto tempo. Sta dunque il triangolo C G B al triangolo C G A come la quantità d'acqua portata dall' alveo comune G H alla quantità portata dal solo fiume F G, cioè in ragione composta delle velocità C B, C A, e delle sezioni; ma è ancora in ragione composta delle basi medesime C B, C A, e dell' altezze G H, G D, dunque stanno queste come le sezioni, onde esprimendo G D la sezione del fiume F G, esprimerà G H la sezione dell'alveo comune; il che ec.

SCOLIO.

In molte altre maniere si può sciogliere lo stesso problema, premesso però il seguente:

Lemma.

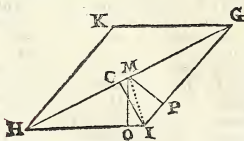
Dividere l'angolo dato PIO , in maniera, che i seni degli angoli PIM , MIO abbiano una data ragione di Q ad R .



Si alzi sopra il lato PI la perpendicolare IE , e sopra il lato IO la perpendicolare ID , tagliando IE , e ID nella data ragione di Q ad R ; e per lo punto E tirando EM parallela ad IP , e per D la DM parallela ad IO , dove s'incontrano in M si congiunga IM , e conducansi le perpendicolari MP , MO sopra i detti lati, è manifesto, per essere MP eguale ad IE , ed MO eguale ad ID , che i seni degli angoli PIM , MOI ; preso per raggio IM sono le stesse IE , ID , cioè nella data ragione di Q ad R : Il che cc.

PROPOSIZIONE XXXI.

Ritrovare in un'altra maniera la sezione dell'alveo comune date le sezioni de' flumi confluenti.



Sia il solito parallelogrammo GKH , che esprime le velocità, e direzioni de' fiumi divisi, e del tronco unito, co' lati GK , GH , e col diametro GH . Si tiri sopra GH dall'angolo H la perpendicolare HC , ed esso angolo divida colla retta HM in maniera, che il seno dell'angolo GIM a quello dell'angolo HIM , stia come la fezione del fiume GI alla fezione del fiume GK , e tirisi le perpendicolari MP , MO .

M O sopra i lati G I, I H. Dico che, esprimendo i seni M P, M O le sezioni de' fiumi confluenti, esprimerà la perpendicolare I C la sezione ricercata dell'alveo comune. Perchè il triangolo G M I al triangolo I M H è in ragione composta di G I ad I H (che sono le velocità de' fiumi confluenti) e di M P ad M O (che sono le loro sezioni) ed anche la quantità dell'acqua portata dal fiume G I a quella portata dall'altro è in ragione composta delle medesime, starà quel triangolo a questo, come la quantità d'acqua del primo fiume alla quantità del secondo, e componendo, il triangolo G I H al triangolo I M H starà come la somma delle due quantità d'acqua portate da ambi i fiumi (cioè come l'acqua che si scarica per l'alveo comune colla velocità G H) all'acqua sola del secondo confluyente, e però in ragione composta di G H ad H I (che sono le velocità) e della sezione dell'alveo comune, alla M O che rappresenta la sezione del secondo fiume; ma il triangolo G I H al triangolo I M H è ancora in ragione composta di G H ad H I, e di I C ad M O, dunque I C rappresenterà la sezione dell'alveo comune, in relazione delle M P, M O esprimenti le sezioni de' fiumi confluenti, il che ec.

PROPOSIZIONE XXXII.

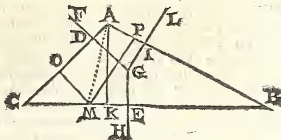
Date le quantità d'acqua portate da' fiumi confluenti, ritrovare la ragione delle loro sezioni, e di quella dell'alveo comune, supposte, come sopra, le direzioni, e velocità loro.

Si faccia, come la quantità dell'acqua, che porta il primo fiume G I, a quella che porta l'altro confluyente, così G M ad M H. Condotte le perpendicolari M P, M O, I C sopra i lati, e sopra il diametro del solito parallelogrammo G I H K, si rappresenteranno da esse rispettivamente le sezioni del primo, e del secondo confluyente, e dell'alveo comune perchè come G M ad M H, così stanno i triangoli G M I, M I H, saranno questi, come la quantità dell'acqua portata da' fiumi confluenti; e tutto il triangolo G I H, come la quantità portata dall'alveo comune; però li detti triangoli saranno in ragione composta delle velocità rispettive di ciascun fiume, e del comune tronco, e delle loro sezioni; ma sono ancora in ragione composta delle basi, e dell'altezze, dunque essendo le basi G I, I H, G H omologhe alle velocità, faranno l'altezze M P, M O, I C come le sezioni; il che ec.

PROPOSIZIONE XXXIII.

Date le stesse cose, trovare le medesime sezioni in altra maniera.

Si ripigli il triangolo A B C fatto dalle perpendicolari condotte sopra ciascuna delle date direzioni de' fiumi L G, F G, G H, ed esprimenti le loro velocità, come nella Prop. 28., e il lato B C omologo alla velocità dell'alveo comune G H, dividi in M, di maniera che sia B M ad M C, come la

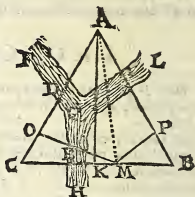


quan-

quantità d'acqua portata dal fiume GL a quella che porta l'altra FG ; ed in conseguenza tutta la BC sarà come la quantità d'acqua, che dee scaricarsi per l'alveo comune GH ; onde ancora i triangoli ABM , AMC , ABC saranno come le dette quantità d'acqua, cioè in ragione composta delle velocità AB , AC , BC , e delle sezioni rispettivamente de' fiumi LG , FG , GH ; ma condotte le perpendicolari MP , MO dal punto M ne' lati, e AK dall'angolo A sulla base, sono i detti triangoli ABM , AMC , ABC ancora in ragione composta delle basi AB , AC , BC , e dell'altezze loro MP , MO , AK ; dunque faranno queste perpendicolari, come le sezioni per ordine de' fiumi LG , FG , GH ; Il che ec.

Corollario I.

Se i due fiumi LG , FG fossero inclinati ad un angolo LGF di 120. gradi, e fossero egualmente veloci, onde il tronco unito GH egualmente deviando da ambedue, sarebbe altresì a ciascuno di essi inclinato ad un pari angolo di 120. gradi, e però il triangolo ABC averebbe ciascun angolo di 60. gradi, cioè sarebbe equilatero, allora la somma delle sezioni d'amendue i fiumi confluenti uguaglierebbe la sezione dell'alveo comune: perchè essendo AC eguale ad AB , la somma de' triangoli AMC , AMB uguaglia un triangolo, che abbia per base AC , e per altezza la somma delle perpendicolari MO , MP ; la detta somma uguaglia altresì il triangolo intero ABC , la cui base è BC , e l'altezza AK , dunque essendo AC eguale a BC , sarà ancora AK eguale alla somma delle due perpendicolari MO , MP , e le dette perpendicolari sono come le sezioni de' fiumi; dunque le due sezioni de' fiumi LG , FG uguagliano la sezione del tronco unito GH , o siano i confluenti d'eguale portata d'acqua (nel qual caso il punto M coinciderebbe col punto K , e le sezioni MP , MO sarebbero anch'esse eguali) o siano di diversa portata d'acqua, ma egualmente veloci, dividendosi BC nel punto M in parti disuguali.



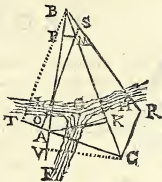
Corollario II.

Ma se detti fiumi confluenti, essendo egualmente veloci, non fossero inclinati al detto angolo di 120. gradi, ma ad un altro qualsivoglia, sarebbe generalmente la somma delle loro sezioni alla sezione dell'alveo comune, come la velocità di questo alla velocità di ciascuno di quelli; perchè il triangolo ABC sarà isoscele, colla base BC disuguale a' lati, ma per le cose dette nel coroll. antecedente sarà la somma delle due perpendicolari MO , MP alla perpendicolare AK , come la base BC al lato CA , e però la somma delle sezioni de' confluenti alla sezione dell'alveo unito, come la velocità dell'alveo comune alla velocità di ciascheduno de' confluenti, o sia la portata dell'acqua loro eguale, o no.

PROPOSIZIONE XXXIV.

Essendo la medesima quantità d'acqua, che tra tutti e due i confluenti L G, F G portano nell'alveo comune G H, quanto più disugualmente sarà distribuita fra essi, di maniera che il più veloce ne porti meno, avendo ancora minor sezione, tanto maggiore sarà la somma delle sezioni d'ambidue i confluenti.

Perchè fatto il solito triangolo A B C, che rappresenta le velocità di ciascuno, ed espressa la quantità dell'acqua, che portano insieme ambidue i fiumi nell'alveo comune, per lo lato B C; dividendolo, come nella Prop. precedente in M, sicchè stia C M ad M B, come la quantità d'acqua del fiume F G a quella dell'altro L G, se questo è il più veloce, sarà B A maggiore di C A; e l'angolo B C A maggiore dell'altro C B A, e la perpendicolare B T (che è il seno di quello, prendendo per raggio C B) maggiore della perpendicolare C V [che similmente è il seno di questo] e posta C R perpendicolare al lato C A, e eguale alla perpendicolare C V, congiunta R B, se per lo punto M si tireranno le perpendicolari M P sopra il lato B A, ed M O sopra il lato C A, prolungata O M al concorso di R B in S, sarà M S eguale ad M P, come C R uguaglia C V, e però la somma delle perpendicolari V P, M O, sarà eguale ad S O; ma nel trapezio B T C R, essendo B T maggiore della parallela C R eguale a C V, le rette B R, T C prolungate converrebbero dalla parte di R C, e però le parallele ad essa, come O S si fanno minori, secondo che più si accostano ad R C, e maggiori secondo che più si avvicinano alla B T, cadendo il punto M più vicino al punto B. Dunque secondo che la quantità dell'acqua C B portata da i due confluenti F G, L G sarà distribuita più disugualmente, di maniera, che il più veloce L G colla sua sezione minore M P ne porti minor porzione M B, e l'altro meno veloce F G colla sua maggior sezione M O, ne scarichi la maggior parte C M, la somma delle loro sezioni M P, M O sarà necessariamente maggiore, che se crescesse la quantità dell'acqua portata dal primo, e diminuisse altrettanto quella del secondo. Il che ec.



Corollario.

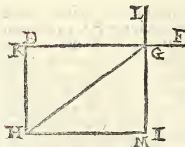
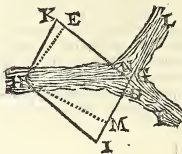
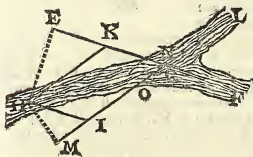
Si osservi, che dalla sezione del fiume L G portando assai minor copia d'acqua B M. della quantità M C portata dall'altro fiume F G, la sezione di questo M O riesce molto maggiore della sezione A K del tronco unito G H, essendo M O ad A K nella stessa ragione di C M a C A. Sicchè quindi ancora s'inferisce, che avendo maggior ragione la quantità d'acqua C M del recipiente F G alla somma delle quantità C M, M B portate dal detto recipiente, e dall'influente L G, che non ha la velocità C A del recipiente avanti il concorso, alla velocità C B dell'alveo comune, sempre la sezione di questo riesce minore della sezione di quello, ed essendo in pari larghezza, l'altezza dell'acqua scema in vece di crescere per l'unione dell'influente L G.

CAPITOLO V.

Della divisione di un fiume in più rami.

PROPOSIZIONE XXXV.

SE i due fiumi orizzontali LG , FG , mossi colle velocità GI , GK si uniscano in un tronco, la cui velocità, e direzione sarebbe GH ; e poi viceversa si supponga, che lo stesso tronco HG colla stessa velocità HG dovesse con moto retrogrado diramarsi ne' due rami GL , GF , non restituirà loro le velocità IG , KG uguali alle prime, se non quando l'angolo $LG F$ fusse retto.



Perchè quando il detto angolo sia acuto, ovvero ottuso, tirate dal punto H le perpendicolari HF , HM sopra le direzioni GK , GI , si consideri che il moto per la direzione HG si comporterà del moto per la direzione EG , e di quello per la perpendicolare HE ; dunque la porzione dell'acqua, che si deriva per l'alveo GF , vi andrà affetta di queste due velocità, una come EG parallela alla stessa direzione GF , l'altra come HE per una direzione perpendicolare alle ripe, dalla resistenza delle quali verrà impedito il suo effetto, onde rimarrà viva la sola velocità EG nell'acqua diramata pel canale GF , e con questa velocità dovrà muoversi, non colla primitiva sua velocità GK , con cui era venuta nell'alveo comune. Similmente si proverà, che pel ramo GL sarà derivata l'acqua colla velocità GM , non colla primitiva GI , da cui era affetta nell'unirsi alla confluenza; dunque non ritornerebbero l'acque ne' suoi canali, diramandosi dal tronco suo comune, colle medesime velocità, con cui si erano unite ad esso; eccetto che, quando l'angolo $FG L$ (come nella altra fig.) fusse retto, perchè allora le perpendicolari HE , HM confondendosi co' lati HK , HL , le velocità derivare ne' rami sarebbero eguali alle loro primitive. Il che ec.

Corollario.

E' manifesto, che le velocità EG , MG da derivarsi ne' rami sono maggiori.

giori delle loro primitive GK , GI , quando l'angolo LGF della confluenza è acuto (fig. 1.) Ma quando è ottuso [fig. 2.] allora sono minori quelle di queste.

SCOLIO.

Per intender bene la ragione di tale diversità, si osservi, che in tanto nel primo caso dell'angolo acuto, le velocità GK , GI componevano la velocità GH , la quale perfettamente si compone delle due HE , EG , ovvero delle due HM , MG , in quanto ciò che mancava di velocità ad uno de' fiumi confluenti nella sua direzione, veniva appunto supplito dall'altro. Per esempio il fiume FG da se stesso non avrebbe potuto contribuire all'alveo comune, se non la velocità GK secondo la sua direzione; ma l'altra velocità del fiume LG , cioè GI , o pure KH , suppliva il residuo della velocità KE , ed aggiungeva di più la velocità secondo la perpendicolare HE (mercecchè la stessa velocità KH si compone perfettamente delle due suddette KE , HE , ed in esse può risolversi) sicchè da' due fiumi confluenti veniva così comunicata al tronco unito la velocità GE , colla velocità EH , dalle quali si compone la stessa GH .

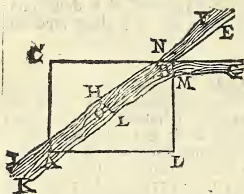
Similmente nel secondo caso dell'angolo LGF ottuso, è vero che il fiume FG avrebbe da se portato nell'alveo comune tutta la velocità GK , di cui per la sua direzione era affetto; ma l'altro confluyente LG comunicandovi la sua velocità GI , ovvero KH , la quale si risolve nelle due KE , EH , viene a distruggere colla velocità KE contraria quella porzione EK di tutta la velocità GK comunicata dal primo fiume FG , e però resta nell'alveo comune la sola velocità GE , coll'altra EH , le quali perfettamente compongono la detta GH .

Ma quando il comune tronco HG si dee viceversa diramare ne due canali GF , GL , non si può il moto GE talmente distribuire, che nel caso dell'angolo acuto la sola parte KG passi nell'alveo GF , e l'altra parte KE si restituisca all'alveo GL , non essendovi comunicazione tra l'acqua distribuita in diversi canali, sicchè l'una possa contemperare la velocità dell'altra: e similmente nel caso dell'angolo ottuso, non può la velocità GK risvegliarsi interamente, dopo d'essere stata la sua porzione EK smorzata dalla contraria velocità KE ; e però nell'alveo GF passerà la velocità EG , siccome nell'altro GL la sola MG .

PROPOSIZIONE XXXVI.

Si può dar caso, che dello stesso fiume KN , una parte si derivi nel canale BG deviando dal suo corso, continuando l'altra parte pel canale BE colla stessa direzione, e velocità di prima.

Perchè scorrendo tutte la parti del fiume KN con moto parallelo alle ripe, ancorchè l'intendessimo diviso in due canali separati da un sottilissimo piano AB interpostovi, parallelo anch'esso alle medesime ripe, tanto seguiterebbe ciascuna parte del fiume così diviso a scorrere colla stessa direzione, e velocità, non potendo essere impedita, nè alterata dall'interposizione di esso piano, prescindendo da ogni soffregamento, che potesse accadere nell'accostarsi ad esso le parti dell'acqua, che non credo possa alcuno pretendere dovercene fare un minimo conto. Dunque continuando-
si la



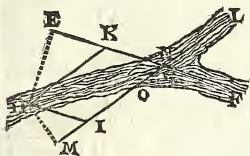
B serve a promuovere l'acqua distorta pel canale G B, e l'altra A C, se urtasse nell'acqua del canale contiguo B F, potrebbe distortarla dalla primiera sua direzione: tuttavolta il massiccio G B E della ripa interposta a questi canali, sostenendo tutto l'impero A C, che gli è perpendicolare, non permette, che veruna alterazione possa apportare all'acqua, che direttamente continua il suo viaggio pel canale B F. Il che ec.

S C O L I O.

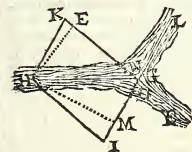
Quindi ancora si conferma la verità della Prop. precedente, cioè che se due fiumi si uniscono in un solo, componendo nell'alveo comune una certa velocità risultante da quelle de' confluenti, non ne segue, che viceversa dovendo un fiume dotato della detta velocità diramarsi in due canali egualmente inclinati al tronco, come erano prima li due confluenti, ed egualmente capaci, debba restituirsi a ciascuno di essi la medesima velocità componente, che prodotta avea la velocità del comune tronco; imperocchè se dovessero i canali F B, G B concorrere in un solo tronco, andando il primo colla velocità B A, il secondo colla B C, non sarebbe possibile, nè che si mantenesse il tronco unito sulla direzione B A propria del primo influente, se non per qualche violenta resistenza insuperabile nelle ripe così artificialmente disposte; nè che potesse camminare colla sola velocità B A del medesimo primo canale; e pure secondo questa proposizione può il tronco K N diramarsi naturalmente ne' due rami B F, B G, ritenendo in un solo di essi la prima direzione, e l'antica velocità A B. Il che avviene, perchè se si unissero l'acqua F B, G B nel tronco B A, non potrebbero fare a meno, per l'inclinazione del corpo loro, di non urtarsi vicendevolmente, e così cagionare nell'unione dell'acqua una direzione, ed una velocità composta delle direzioni, e velocità loro particolari; laddove scorrendo l'acqua pel tronco comune K N sino all'imboccature B N, B M de' due canali, non si urta altrimenti, ma cammina parallela alle sponde, e però quella che si torce nel canale B G non può alterare il corso di quella, che proseguisce a scorrere continuamente per l'altro ramo B F posto in diritto col tronco principale.

PROPOSIZIONE XXXVII.

Date le direzioni de' canali G L, G F, ne' quali dee diramarsi il fiume H G, la cui direzione, e velocità si esprima colla stessa H G, determinare le velocità da comunicarsi a ciascuno di quelli.



Tirinsi le perpendicolari H M, H E sopra le date direzioni G L, G F. Dico che la velocità da comunicarsi al canale G L farà M G, e quella da comunicarsi all'altro ramo G F, farà E G. Imperocchè dividasi mentalmente con un piano verticale G H il tronco superiore in due fiumi contigui, e paralleli, H N, H O; e si concepisca, che l'acqua del canale H N trovando l'ostacolo in G è forzata a piegarsi nell'alveo N L, siccome ancora l'acqua dell'altro contiguo canale H O è obbligata a piegarsi per l'alveo G F; dunque per la prop. 9 la velocità del fiume N nell'alveo H G starà alla velocità dopo il suo piegamento per G L, come il seno totale al seno di compimento della sua deviazione H G I, cioè come H G ad M G. Similmente torcendo il fiume H O dalla direzione H G nella G F, starà la sua velocità per H G a quella per G F, come il seno totale H G al seno di compimento della sua deviazione H G K, che è la



E G; dunque le dette linee M G, E G esprimono le velocità, colle quali si dirama l'acqua del tronco H G ne' rami G L, G F; il che ec.

Corollario I.

Se gli alvei G L, G F saranno egualmente inclinati al tronco principale H G, si comunicherà ad essi l'acqua con eguale velocità, perchè essendo gli angoli H G I, H G K eguali, il seno di compimento G M pareggerà l'altro G E; e la quantità d'acqua derivata in essi sarà proporzionale alla loro capacità, o ampiezza.

Corollario II.

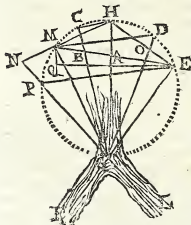
Ma essendo disegualmente inclinati, quell'alveo, che fa angolo più acuto col tronco ne parteciperà maggiore velocità dell'altro; perchè essendo minore l'angolo H G I dell'altro H G K, il compimento del primo G H M è maggiore di quello del secondo G H E, onde il seno G M, che misura la velocità derivata nell'alveo G L, sarà maggiore del seno G E, che misura la velocità dell'altro G F.

Corollario III.

Onde in pari larghezza de' due rami $L G$, $F G$ il più inclinato al tronco principale, come $L G$, deriverà da esso più acqua, che il meno inclinato $G F$.

PROPOSIZIONE XXXVIII.

Diramandosi il fiume, la cui direzione, e velocità $H G$ ne' canali $G L$, $G F$, a quali comunica le velocità $G M$, $G E$, come sopra determinate: e data la proporzione, con cui si divide l'acqua ne' detti canali, trovare le loro sezioni.



Circoferivasi al quadrilatero $H E G M$, i cui angoli M , E sono retti, il cerchio $E D M G$, e condotta $E M$, segante il diametro $H G$ in A , esprima la detta $E M$ la quantità dell'acqua di tutto il tronco $H G$, e dividasi nella data ragione con cui si distribuisce l'acqua ne' rami $G L$, $G F$. Il punto della divisione, o cade nel punto A , o altrove, come in B . Nel primo caso adunque, essendo la quantità dell'acqua, che si deriva in $G L$, a quella che si deriva in $G F$, come $M A$ ad $A E$, faranno le sezioni di essi rami $G L$, $G F$ rispettivamente, come $H M$ ad $H E$, essendo la sezione del tronco $H G$, come la perpendicolare $E Q$ tirata dal punto E sopra $M Q$ parallela ad $H G$; imperocchè allora la quantità d'acqua, che si comunica a $G L$, a quella che si deriva in $G F$, essendo come M

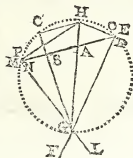
A ad $A E$, sarà ancora come il triangolo $H G M$ al triangolo $H G E$, cioè in ragione composta delle velocità $G M$, $G E$, e delle altezze $H M$, $H E$; ma è ancora in ragione composta delle dette velocità, e delle sezioni; dunque $H M$ ad $H E$ è come la sezione del ramo $G L$ a quella del ramo $G F$; essendo la quantità dell'acqua di tutto il tronco $H G$ omologa alla somma di detti triangoli, che è in ragione composta della base $H G$, e della $E Q$ somma delle loro altezze; onde esprimendo $H G$ la velocità del tronco, esprimerà $E Q$ le sezioni di esso, in relazione all'altre sopra determinate.

Ma nel secondo caso, cadendo la divisione in B ; si congiunga $G B$ stesa alla circonferenza in C ; e alla corda $C H$ si tirino da punti M , E le parallele $M D$, $E P$, e si congiungano $G D$, $G P$, di cui quella concorra alla corda $H E$ in O , e questa colla corda $H M$ in N . Dico che la sezione del ramo $G L$ a quella del ramo $G F$ farà, come $H O$ ad $H N$, essendo quella del tronco, come $E M$. Perchè essendo $D M$ parallela ad $H C$, sarà l'arco $C M$ eguale all'arco $D H$, e l'angolo $B G M$ eguale all'angolo $O G H$; ma ancora l'angolo $B M G$ uguaglia l'angolo $O H G$, per essere nello stesso segmento, dunque sono simili i triangoli $M G B$, $H G O$, e sarà $G M$ ad $M B$, come $G H$ ad $H O$, onde il prodotto di $G M$ in $H O$ uguaglierà il prodotto di $G H$ in $M B$. Similmente si proverà, che

che l' $E G H$ uguagliando l'angolo $C G P$, apponendovi di comune l'angolo $H G C$, sarà l'angolo $E G B$ uguale all'angolo $H G N$, e per essere gli angoli $G E B$, $G H N$ nello stesso segmento, i triangoli $G E B$, $G H N$ sono simili; onde $G E$ ad $E B$ sta come $G H$ ad $H N$, e però il prodotto di $G E$ in $H N$ eguaglia il prodotto di $G H$ in $E B$. Ma la quantità d'acqua dell'alveo $G L$ a quella dell'alveo $G F$, sta come $M B$ ad $E B$, essendo tutta l'acqua del tronco $H G$, come tutta la $M E$, ed in conseguenza le dette quantità sono, come i prodotti per ordine di $H G$ in $M B$, di $H G$ in $E B$, e di $H G$ in $E M$; dunque sono ancora, come i prodotti di $G M$ in $H O$, di $G E$ in $H N$, e di $G H$ in $E M$; e sono ancora, come i prodotti delle rispettive velocità, e delle sezioni: dunque essendo $G M$, $G E$, $G H$ come le velocità, faranno $H O$, $H N$, $E M$ come le sezioni degli alvei $G L$, $G F$, $H G$. Il che ec.

Corollario I.

Se accade, che la stessa $M E$ sia parallela ad $H C$ allora coincidono i punti O , D col punto E , ed i punti P , N col punto M ; onde la sezione di $G L$ a quella di $G F$, è come $H E$ ad $H M$, cioè reciprocamente come il seno dell'inclinazione del ramo $G F$, al seno dell'inclinazione del ramo $G L$ verso il tronco $H G$, essendo la sezione di questo $E M$, come il seno dell'inclinazione tra loro d'ambidue i rami.



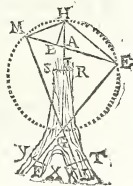
Corollario II.

Le larghezze degli alvei, supposto che almeno nello sbocco de' rami sieno d'eguale altezza col tronco, faranno come le sezioni sopra determinate.

PROPOSIZIONE XXXIX.

Se la sezione del tronco $G H$ a quella del tronco $G L$ sta come $M E$ ad $E H$, ancora all'altra del tronco $G F$ starà come $E M$ alla corda $M H$, e le sezioni de' rami suddetti faranno come le corde $H E$, $H M$.

Imperocchè essendo $H G$ la velocità del tronco, quando $E M$ esprime la sezione $R S$ di esso, il rettangolo di $H G$ in $E M$ è omologo a tutta la quantità d'acqua della sua portata, ed essendo $G M$ la velocità del fiume diramato $G L$, ed esprimendosi dalla $H E$ la sua sezione $T Y$, il rettangolo di $G M$ in $H E$ è omologo alla quantità d'acqua derivata per l'alveo $G L$; ma pel teorema famoso di Tolomeo, il rettangolo di $H G$ in $E M$ uguaglia la somma de' rettangoli $G M$ in $H E$, e di $G E$ in $H M$, siccome tutta la quantità dell'acqua, che scorre pel tronco $H G$ uguaglia la somma delle quantità d'acqua derivate ne' rami $G L$,



$$H h : G F,$$

G F; dunque il residuo rettangolo di G E in H M è omologo alla quantità d'acqua derivata per l'alveo G F; ed è il lato G E come la velocità di esso: dunque l'altro lato H M è come la sua sezione X Y; onde è manifesto ciò che si era proposto da dimostrare.

Corollario.

La quantità d'acqua trasmessa per l'alveo G L, a quella che si deriva per l'altro G F, fatto l'angolo M H B eguale all'angolo E H A, farà come E B a B M; imperocchè il triangolo M H B è simile all'altro E H G, onde H M ad M B sta come G H ad G E, e però il rettangolo di H M in E G, omologo all'acqua derivata pel ramo G F, uguaglia il rettangolo di G H in M B. Similmente il rettangolo di G M in E H, omologo alla quantità d'acqua derivata pel canale G L, uguaglia il rettangolo di G H in E B; dunque la quantità d'acqua di questo ramo G L alla quantità dell'altro ramo G F, è come E B a B M, e a tutta l'acqua del tronco H G, come la stessa E B a tutta la E M.

CAPITOLO VI.

Varj metodi per misurare attualmente la velocità de' fiumi.

PROPOSIZIONE XL.

Misurare la velocità della superficie d' un fiume, per mezzo di un galleggiante.

Scelgasi un tratto il più lungo, ed il più diritto, e regolare, che avere si possa nel fiume, e misurando sulla ripa un intervallo di quella lunghezza, che parrà convenevole, come sarebbe di cento, o dugento pertiche, o un mezzo miglio ec. (quanto maggiore sarà l'intervallo, più esatta riuscirà l'osservazione, e più prossima al vero) si accordino due osservatori, uno che stando in una barchetta verso il mezzo del fiume, sia pronto ad un dato cenno [per esempio ad un fischio, al suono d' un campanello, al tiro d' una pistola, o mortaletto ec. secondo che sarà opportuno, attesa la lontananza, la quale se sarà piccola, basterà ancora alzare la mano con un fazoleto, o altro segno visibile] a porre il galleggiante nell'acqua nel filone del fiume, lasciandolo trasportare dalla corrente; l'altro stia sulla ripa nel termine inferiore della distanza già misurata, subito udito il segno, colla mostra d' un orologio in mano osservandone i minuti; o pure accostandola all' orecchio, per udire, e novare i varj colpi, che intanto danno le palettine del fusò, o asta del tempo, urtando nei denti della ruota serpentina; ovvero numerando le vibrazioni d' un pendolo di nota lunghezza, che misuri i secondi, o i mezzi secondi; aspetti, che il galleggiante sia giunto dirimpetto a lui; che così po-

potrà conoscersi in quanto tempo il detto galleggiante trasportato dall'acqua, ovvero l'acqua medesima, che lo porta, abbia passato il già determinato spazio; e conseguentemente si farà nota la velocità di esso fiume in superficie; e ripetendo l'esperimento in altri fiumi, o in altre parti del medesimo, si conoscerà la proporzione delle velocità, di cui sono affetti. Il che ec.

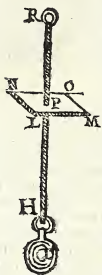
SCOLIO.

Si osservi, che nel tratto, per cui dee farsi l'esperimento, non vi sia cosa, che possa alterare il corso dell'acqua, o distornare il galleggiante dalla direzione del filone, o accelerarlo, o ritardarlo; per la qual cosa, quello che colla barchetta ha posto il galleggiante nell'acqua non si curi di seguirlo colla barca, anzi aspetti a tornare a ripa, dopo che il medesimo galleggiante è già lontano da quel sito. Sia ancora scelto un tempo di aria quieta, e tranquilla, acciocchè il vento a seconda, o contrario al corso dell'acqua, o comunque inclinato ad esso, non acceleri, non ritardi, o non ditorni il detto galleggiante dalla sua direzione. Per la qual cosa ancora si abbia avvertenza, che la materia scelta per galleggiare non sia gran cosa più leggiera dell'acqua, sì perchè essendo quasi della medesima gravità specifica con essa, verrà mossa colla stessa velocità, come se fusse altrettanta mole d'acqua, quanto è il luogo, che vi occupa, e si ancora acciocchè non sopravvanzi molto la superficie di essa acqua, ed il vento non vi abbia su presa, nè l'aria possa contrastare gran cosa al movimento di essa, urtando nella parte, che sopravanza al livello dell'acqua: ma dovrebbe sciogliersi come una palla, che colla maggior parte di se fusse sommersa, purchè tanto ne avanzasse, che rimanesse visibile il suo arrivo agli osservatori.

Il P. Cabeo nel libro 1. delle meteore al testo 58. quest. 3. propone, in vece della palla suggerita dall'Abate Castelli, un' asta di legno assai lunga, con un peso D attaccatovi in fondo, per tenerla diritta, ed una corona di zucche, o vesciche B, C legatevi dal capo A, sicchè immersa nel fiume possa galleggiare la sola parte B A C, ed il resto rimanere sommerso. Ma dubito, che l'aria, incontrata dalla medesima porzione B A C posta a fior d'acqua, non alterasse troppo il suo movimento. Inoltre, ciò non servirebbe a misurare la velocità della superficie dell'acqua, nè di altra parte inferiore determinata di essa, perchè essendo tutta la lunghezza sommersa dell'asta investita da varie velocità competenti a diverse parti dell'acqua in varie distanze dalla sua superficie, ne nascerebbe in essa un moto misto, ed attemperato, che avrebbe una velocità, di cui non sapremmo dire, a quale altezza dell'acqua corrisponderebbe, se prima non ci fusse nota la proporzione della velocità di varie parti dell'acqua in diverse altezze: il che appunto è quello, che si voleva indagare. Si aggiunga la gran difficoltà di adattare in tal maniera il peso D, che faccia stare ritta l'asta, e non inclinata; il che se non si ottiene, resta molto turbata la ragione della velocità, che si doveva determinare.

Il Barattieri Architetto dell'acque prop. 2. lib. 1. cap. 6. propone una tavola di legno fortile, e piana come sarebbe L O M, in cui parimente sta infilata un'asta di legno R H, dalla banda di sotto nel termine H più





pesante, o renduta tale col peso D attaccatovi, tale, che basti a tenerla ritta, quando sarà immersa nell'acqua, in maniera, che il piano di essa tavola L M O N si adatti alla superficie del fiume, e si muova con essa. Certamente sarà più facile il mantenere diritta quest'asta, mercè della tavola, che dee stare a fior d'acqua, che non sarebbe rispetto a quella del P. Cabeo; ma non arderei assicurare, che questo strumento fusse lontano da ogni eccezione, anzi che non avesse tutte l'altre difficoltà considerate nell' altro già proposto di sopra.

PROPOSIZIONE XLI.

Esaminare, se in un fiume si muovano le inferiori parti dell'acqua con maggiore, o con minore velocità.



Si piglino due palle di cera L, M, e si connettano con un filo L M di quella lunghezza, che bisogna, secondo la distanza delle parti d'acqua, la cui velocità si desidera di paragonare; ma si faccia la palla M alquanto più grave, mescolandovi delle schegge di pietra, o di mattone, acciocchè essendo poste tutte e due dentro l'acqua, si mantenga inferiore all'altra L, e tirandola abbasso la faccia meglio infondere, di quello che farebbe, se fusse da se staccata, e così la tenga come a fior d'acqua. Se abbandonandosi le dette palle alla corrente del fiume, si vedrà l' inferiore rimanere addietro della superiore, sarà segno, che le parti inferiori dell'acqua sieno affette di minore velocità, che le superiori, e al contrario, quando si veggia l' inferiore precedere la superiore, indicherà maggior

velocità nelle parti dell'acqua profonda, che nella superficie. Il che ec.

Monsù Mariotte nel suo Trattato del Movimento dell'acque prop. 2. disc. 3. dopo la regola quinta, attesta di aver sempre osservato, che la palla inferiore rimaneva addietro ne' canali di soli tre piedi di profondità, principalmente quando la palla di sotto passava assai appresso al fondo, ove fußero dell'erbe, o sterpi, che doveano raffrenare la naturale velocità dell'acqua in quelle parti: ma allora che si mettevano le dette palle in qualche luogo, dove l'acqua incontrando qualche ostacolo si elevasse un poco, acquistando così un corso più rapido, come discendendo per un maggiore declivio [ciò che suole accadere sotto a ponti, ove l'acqua e obbligata a restringersi passando tra le pile di essi] la palla inferiore avanzava la superiore.

PROPOSIZIONE XLII.

Se da una funicella E A, penda un peso A, il quale s'immerga dentro l'acqua corrente, l'impeto di cui lo distorni dal perpendicolo E G, e lo disponga nel suo obliquo E A, sarà il momento della gravità del peso A alla forza dell'impeto impresso al medesimo dall'acqua, come il seno dell'inclinazione della funicella coll'orizzante, al seno della sua declinazione dal perpendicolo.

Essendo CB a CD, ovvero BA, come il raggio costante EG alla GI tangente dell'angolo di declinazione dal perpendicolo GEI, è manifesto, essere la forza della gravità alla forza dell'impeto dell'acqua generalmente, come il raggio alla tangente della declinazione della funicella del perpendicolo.

Onde, se altrove si trovasse, che immersa la palla dentro l'acqua, declinasse la funicella ad un altro angolo $G E H$, essendo allora la forza dell'impeto dell'acqua alla forza della gravità, come la tangente $G H$ del suddetto angolo al raggio $E G$, si concluderebbe, che le forze degli impeti, da diverse parti dell'acqua impressi al medesimo globo, sono come le tangenti degli angoli, per cui declina nell'uno, e nell'altro caso la funicella dal sito perpendicolare.

Misurare la velocità dell'acqua per mezzo d'un quadrante.

Dal centro del quadrante G K F E pendano due fili, uno E P, che debba rimanere in aria colla palla di piombo attaccata P, per denotare il perpendicolo, l'altro più lungo E A colla palla A da infondersi nell'acqua, a quella profondità, di cui si desidera sapere, quanto impeto vi si eserciti, e con quanta velocità il fiume vi scorra. Sinora adunque nel lembo del quadrante, assestato prima in modo, che il lato E G convenga col perpendi-

colo E P, e conseguentemente il lato E F sia orizzontale, si noti, dissi, il grado G K, m sura dell'angolo, per cui declina la funicella E A dal perpendicolo, e la tangente di detto angolo misurerà la velocità dell'acqua, nel luogo B A, dove stava immersa la palla; siccome, scorciando, o tirando lu dal centro E il predetto filo, per fare il saggio della velocità in minore profondità col filo E M, si averà nel lembo del suddetto quadrante il numero de' gradi G L corrispondenti all'angolo della declinazione G E M, la di cui tangente ci esprimerà la velocità dell'acqua nel sito M, e colle tavole de' seni, e tangenti, si potrà venire in cognizione della proporzione dell'una, e dell'altra velocità, paragonandole alle tangenti ivi espresse de' gradi G K, G L, cioè G I, G H tassate in numeri. Il che ec.

S C O L I O.

Questo modo è del Guglielmini nella misura dell'acque correnti lib. 2. prop. 9. approvato ancora dall'Ermanno nella sua Foronomia alla prop. 41. del libro 2. se non che questi vuole primieramente, che la direzione C D, ovvero B A dell'acqua non si pigli per orizzontale, ma per parallela al fondo, che può essere inclinato all'orizzonte, e quasi sempre si trova tale; ed in secondo luogo, vuole che le velocità non sieno come le impressioni dell'acqua, ma in sudduplicata ragione di esse, onde le linee omologhe alle forze esercitate dall'acqua sopra la palla, stima che sieno come i quadrati delle velocità. Quanto al primo, discorrendosi in questo primo libro principalmente di fiumi orizzontali, e non sensibilmente inclinati, non ha luogo quella avvertenza, che per altro sarebbe necessaria, dove fusse notabile la pendenza dell'alveo. Oltre di che pochi fiumi si troveranno, la cui superficie, e fondo regolato si distingua sensibilmente dal piano orizzontale: perchè quando ancora avessero 3. piedi di caduta per miglio, non giugnerebbero ad inchinarsi 2. minuti sotto l'orizzonte: e però le linee, cui sarebbero proporzionali le impressioni dell'acqua, prese sulla direzione di tale pendenza, non si potrebbero in pratica distinguere dalle tangenti degli angoli della declinazione del pendolo dal perpendicolo, determinate come sopra. Quanto al secondo, mi rimetto a quanto ho avvertito nella Scolio I. della prop. 26. di questo libro, senza che faccia bisogno di aggiugnervi altro.

P R O P O S I Z I O N E XLIV.

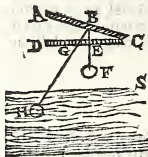
Con una squadra, ed un pendolo, col perpendicolo, misurare le velocità di varie parti dell'acqua.

Ad una squadra N O P sia connesso, pendente dal termine superiore N il perpendicolo N Q, ed al termine inferiore P il pendolo P M, ovvero P L, il quale s'infonda dentro l'acqua, sino che arrivi al luogo, di cui si vuole esaminare la velocità; che sia primieramente il luogo M, e si disponga nel sito obliquo P M, tagliando la superficie dell'acqua in C. Si giri la squadra, sino a tanto, che la gamba O P sia per diritto al filo P M, ed allora il perpendicolo N Q seghi la stessa gamba O P in R. Similmente volendo esaminare la velocità dell'acqua nel sito L, si disponga la gamba della squadra O P in dirittura della direzione P L ivi presa dal pendolo, segnante il livello dell'acqua in D, ed allora si noti il punto S, dove il perpen-

ti, ch'entrano nella costante lunghezza del braccio ON , omologo alla gravità, si averà la relazione di essa alla forza, che fa l'acqua nel sito esaminato. Per esempio sia divisa ON in cento parti, e la OP in mille. Si trovi, fatto l'esperimento ne' luoghi M , L , essere l'intercetta OR parti 350., e l'intercetta OS parti 175. sarà dunque la velocità in M a quella in L , come un trecencinquantesimo ad una parte centesima settuagesima quinta; o pure si concluderà essere quella cento parti trecencinquantesime della gravità, e questa cento parti centesime settuagesime quinte, cioè ivi due settimi, e quì quattro settimi della forza della gravità.

Chi volesse mettere in conto la declività della superficie dell'acqua, sin ora presa come orizzontale, potrebbe attaccare il pendolo NQ alquanto più alto, sicchè la retta NO in vece di far angolo retto colla OP , fusse tanto sopra squadra, come suol dirsi, quanto è l'angolo, per cui la superficie dell'acqua s'inclina sopra l'orizzonte, onde l'angolo NOP fusse ottuso, ed eguale all'angolo CIM ; ovvero DHL fatto dalla direzione della gravità, e dal livello superiore CH della cadente dell'acqua, che si supporrebbe altresì in tal caso essere ottuso; perchè così rimarrebbe la similitudine de' triangoli CIM , RON , ovvero delli due DHL , SN O ; e collo stesso raziocinio di sopra s'inferirebbe, essere la forza dell'acqua in M alla forza in L , come reciprocamente OS ad OR . Sicchè basta nella larghezza della gamba ON descrivere col centro O , e raggio ON un archetto di un grado, o due divisi ne' suoi minuti, ed in esso alzare il punto N , dove si attacca il pendolo NQ , secondo il bisogno, cioè a tanti minuti del detto archetto, quanti ne apporta la declinazione della superficie dell'acqua dall'orizzonte, operando poi come sopra.

PROPOSIZIONE XLV.



Misurare con un compasso la velocità di varie parti dell'acqua.

Nelle visite fatte del Po, e de' suoi influenti, da Pavia sino agli sbocchi nel mare, alle quali intervenni come Mattematico di Sua Santità Nostro Signore Papa Clemente XI di gloriosa memoria, ho veduto adoperarsi dal Signor Dottore Bernardino Zendrini, Mattematico del Serenissimo di Modena, indi della Serenissima Repubblica di Venezia, per misurare le velocità dell'acqua un certo strumento fatto a modo di un compasso di proporzione, quale sarebbe ACD , che si apriva, con tenere la gamba inferiore C D parallela, per quanto potevasi, al corso dell'acqua, cioè alla superficie del fiume, alzando tanto l'altra gamba superiore CA , che il perpendicolo BF attaccato ad un punto interiore B , battersse nell'altra gamba in un determinato punto E , dal quale contando verso l'estremità D vi erano segnate le divisioni, che corrispondono alle tangenti di varj gradi, o sia angoli E B G , che faceva col perpendicolo il pendolo BH immerso dentro l'acqua. Misuravasi esattamente, sì la lunghezza del filo di seza BH , che reggeva la palla H di legno scavato, e ripieno dentro di piombo, e sì l'altezza del centro B sopra la superficie SR dell'acqua, per sapere in quale profondità fusse la palla H , quando stendeva il filo nella direzione BH , che faceva col perpendicolo BF l'angolo E B G , indicato da i gradi notati nella tangente E G : da cui credo, che intendesse il suddetto

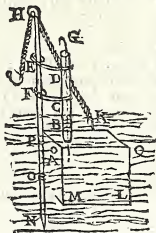
Signore Zendrini d' inferire la proporzione delle velocità, secondo i medesimi principj già spiegati nelle due proposizioni precedenti; sebbene, per varie eccezioni, e ragioni oppostegli dalle parti, fu stimato bene di non farne più precisa applicazione, e non servirsene a conseguenza veruna, che richiedesse più esatto, e delicato squittinio.

PROPOSIZIONE XLVI.

Per mezzo d'una fiasca idrometrica ricercare le proporzioni della velocità in varie parti d'un fiume.

Nell' ultima parte delle suddette visite fu posta quest' anno 1721. da' Signori Bolognesi la presente macchina. A L M è un vaso parallelepipedo di latta assai più lungo, che largo, ben chiuso da per tutto, eccetto che per un sottilissimo foro A, aperto verso la sommità della parte più stretta. poteva entrarvi dentro l' acqua, allora che aperta fusse una cataratta, che lo chiudea per di dentro. Si apriva poi la detta cateratta per mezzo d' una fusta congegnatavi, la quale poteva alzarsi con un filo di ferro, che per un sottilissimo tubo B G attaccato al coperchio di esso vaso, passava al di sopra, ed arrivava sopra la superficie dell' acqua; anzi poteva ad arbitrio, e secondo richiedesse il bisogno d' immergere più profondamente la macchina, vie più allungarsi, aggiungendo altri canaletti simili sopra il primo B G, l' uno inserito nell' altro, e bene stuccato, perchè non vi entrasse acqua nell' immergersi entro l' alveo del fiume. Lo stesso tubo B G dava esito all' aria quando si voleva introdurne l' acqua in detto vaso. H N è un palo di ferro, che si pianta nel fondo del fiume, per tenere ferma la macchina, e per mezzo della fune K H I attaccata alla fiasca in K, la quale passa per un anello, o puleggia posta in cima del ferro H si alza, e si abbassa la detta fiasca, che ancora in O, P, F, E ed altri simili punti ha varj occhielli inseriti in esso palo di ferro, per mezzo de' quali può scorrere sù, e giù, rimanendo sempre diritta, ed attaccata al detto palo. Nel tubo B G vi sono alcuni cerchiati a luogo, a luogo, i quali lo dividono in piedi, e mezzi piedi, ed onces, perchè mandando in giù la macchina finattanto, che uno di detti segni notati nel tubo, resti a fior d' acqua, si sappia, a quale profondità resti immerso il foro A, che dee ricevere l' acqua.

Volendo adunque esaminare, che proporzione di velocità abbia l' acqua in varie altezze, per esempio a due piedi, ed à cinque piedi di profondità; stando gli osservatori sopra una barca, la quale si tenga vicino al luogo, dove si vuole fare l' esperimento, si mandi giù prima il palo di ferro H N, e si ficchi nel fondo, che servirà ancora a tenere più ferma la barca; la quale vi si appoggia colla sua sponda; indi si cali colla fune H K la fiasca Q M B sotto acqua, notando ne' segni del tubo B G, quando il foro A si trova sotto la superficie dell' acqua due piedi, ed allora essendo uno sulla ripa ad osservare le vibrazioni d' un pendolo di nota lunghezza, si dia segno a questi, che cominci a contare le vibrazioni, ed a quello che maneggia la macchina, che nel medesimo tempo alzi il ferretto G, e con esso



essio la molla, che apre la cateratta, e dà l'ingresso all'acqua. In capo ad un determinato numero di vibrazioni, per esempio di sessanta, si dia segno a chi maneggia la macchina, che lasci andare il ferretto G, e subito la molla chiude la cateratta, onde non entra più acqua nella fiasca. Colla fune H K si alzi dunque la fiasca fuori della superficie dell'acqua, e girandola sulla sponda della barca si giri un galletto posto nel fondo della fiasca in L, con che si farà uscire per un cannellino ivi disposto l'acqua chiusa in essa fiasca, raccogliendola in un vaso, per pesarla. Di nuovo chiuso il detto galletto s'immerga la macchina dentro l'acqua, finchè da' segni del tubo B G si conosca, essere il foro A sotto la superficie dell'acqua in profondità di piedi cinque, e di nuovo fatto cenno, torni l'osservatore del tempo a contare altrerante vibrazioni, e chi maneggia la macchina, alzi nello stesso istante il ferretto G, aprendo la cateratta, e lasciando entrare l'acqua nella fiasca, finito il medesimo numero di vibrazioni, si dia cenno, come prima, che lasciando andare la molla, si chiuda il foro A, e si estragga la fiasca, e da essa si cavi l'acqua, e si pesi. Dico che la proporzione dei pesi delle due quantità d'acqua, raccolte, come sopra, ci darà la proporzione della velocità dell'acqua in profondità di due piedi alla velocità, che ha nella profondità di piedi cinque; e così secondo le varie altezze si troverà qual grado di velocità loro corrisponda.

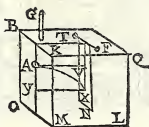
Imperocchè passando per lo stesso foro A in tempo eguale l'acqua del primo, e del secondo esperimento, la sua proporzione sarà quella della sua velocità, per la prop. 4. ma la proporzione della mole dell'acqua è quella del loro peso; dunque ec.

SCOLIO I.

Essendosi fatte varie osservazioni con questo strumento, sì nell'acqua stagnante, come nella corrente, in diverse profondità, sempre si è trovato, che a un dipresso le velocità sono in sudduplicata ragione dell'altezze; e ciò che pare un paradosso, la superficie de' fiumi, e d'altri canali d'acqua corrente, non apparisce affetta di velocità alcuna, perchè tenuto il foro A a fiore d'acqua, per moltissimo tempo, non ne entrava nella fiasca nè pure una goccia: quasi che la superficie dell'acqua, che pur si vede muoversi tanto notabilmente, non fusse se non trasportata dall'acqua inferiore, e questa fermandosi, per la opposizione delle pareti del vaso A L, ancora quella rimanesse immobile, o fusse di quà, e di là divertita dall'acqua stessa inferiore, che di quà, e di là dal detto vaso scorre, senza potere imboccare nel foro A, che pure stava aperto, e disposto a riceverla. Per queste, ed altre circostanze, siccome molti diffidavano della giustezza di questa macchina in ordine alla misura delle velocità dell'acqua corrente, pretendendo, che solamente servir potesse a confermare la proporzione degli imperi, co' quali l'acqua stagnante esce dall'aperture poste in diversa distanza dal suo livello superiore; così nè meno io ho voluto fare fondamento sopra tali iperienze da me replicatamente vedute; ed attentamente osservate, in ordine allo stabilire la teoria della proporzione della velocità in varie altezze dell'acqua corrente; ma ho stimato meglio in questo primo libro di prescindere, e stare sopra i generali principj di questa materia, spingendoli fin dove si poteva, senza attaccarsi ad alcuna particolare ipotesi, come farò per fare poi nel libro seguente, attenendomi a quella, che comunemente è giudicata per più verisimile.

SCOLIO II.

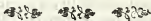
Fu pensato ancora ad un altro artificio, per inferire la proporzione delle velocità in diverse parti dell'acqua. Si volea nella cassetta A L Q simile alla passata, e da maneggiarsi con simigliante maniera, nell'applicarla allo sperimento, al foro A porre un cannellino, che obbligasse l'acqua nell'entrarvi dentro, a farvi un zampillo parabolico A X; e da una assicella F T N inferita dentro pel coperchio di sopra, che potesse levarsi, e riporsi dirimpetto al detto foro verticalmente sospesa in una proporzionata distanza, si pretendeva di poter determinare l'impeto dell'acqua, secondo che da esso zampillo fusse percossa in un punto X più, o meno distante dalla orizzontale A V tirata dal foro. Imperocchè bagnandosi l'assicella dall'acqua intrusa dal cannello A nel punto X, era certo che l'acqua ivi tanto impeto, o velocità esercitasse, che potesse scorrere lo spazio A V secondo la sua direzione nel tempo, che per la forza della gravità era tirata abbasso per l'altezza V X; onde se fatto l'esperimento, si trovasse bagnata l'assicella in un punto superiore, o inferiore ad X, era certo che la velocità dell'acqua ivi farebbe gli passare lo stesso spazio A V in minore, o maggior tempo, quale è quello, in cui la gravità dell'acqua le farebbe scendere un'altezza minore, o maggiore della V X; sicchè essendo le velocità reciproche de' tempi, ne quali si scorre il medesimo spazio, ed essendo i tempi in sudduplicata ragione dell'altezze scorse per la forza della gravità, ne seguiva, che le velocità ricercate erano reciprocamente in ragione sudduplicata delle altezze V X interposte fra l'orizzontale V A, ed il luogo ove batterebbe il zampillo parabolico dell'acqua A X; ma si considerarono tante difficoltà in potere, senza equivoco, distinguere il preciso punto X, ove batteva il detto zampillo, che ne meno fu tentato di mettere in pratica questo artificio; ma io non ho voluto qui dissimularlo, potendo essere, che altri meglio speculandovi sopra lo perfezionasse, e lo depurasse da quelle eccezioni, a cui nella prima idea fu giudicato essere sottoposto.





LIBRO II.

Del moto, velocità, e figura de' fluidi nell'uscire da' vasi, e del corso loro per canali inclinati, e della pressione del fondo, e delle ripe, o altri ostacoli opposti alla direzione di essi.



SUPPOSIZIONI.



Enchè la maggior parte delle proprietà finora considerate negli alvei orizzontali de' fiumi, senza dubbio convengano ancora a' canali di fondo notabilmente inclinato all'orizzonte, e vi cagionino simili effetti: tuttavolta l'aumento della velocità, che accade all'acqua in conseguenza della varii inclinazione de' piani, sopra di cui è obbligata a scorrere, vi cagiona altri effetti degni di una particolare considerazione. Suppongasi dunque.

I. Che l'acqua è grave, e colla sua gravità, non meno degli altri corpi più solidi, fa uno sforzo continuo d'avvicinarsi al comun' centro de' gravi, che è lo stesso col centro del globo terracqueo; e però, se non è impedita, scorre all'ingiù.

II. Che l'acqua discendendo accelera il suo moto secondo le leggi dimostrate dal Galileo, e ricevute oramai di comune consenso da tutti i Filosofi.

losofi, e Mattematici di prima riga, e confermate dalla sperienza: cioè in maniera che gli spazi scorsi dal principio del 'moto sieno in duplicata ragione de' tempi; o pure, che le velocità medesime nel mobile, che discende, sieno in subduplicata ragione di quella dell' altezze, dalle quali è caduto.

III. Che vi passa questo divario tra i corpi fluidi, ed i corpi duri, e massicci, che questi, avendo tutte le sue parti collegate insieme, si uniscono a premere il piano orizzontale, o inclinato, sopra di cui si appoggiano non premendo altrimenti i piani verticali, che li toccano: ma quelli avendo le parti sciolte, esercitano la loro pressione verso qualunque parte, onde premono ancora i piani verticali, da cui sono contenuti, di maniera che giungono ancora a romperli, e penetrarli, quando non sieno di proporzionata resistenza dotati.

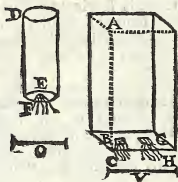
Ciò viene bensì negato da Famiano Michelini, il quale crede, che siccome un prisma di diaccio contenuto in un vaso preme solamente il fondo, e non le pareti laterali, che lo toccano, così debba ancora l'acqua esercitare tutta la sua pressione contro il fondo de' fiumi, o contro le ripe, e gli argini fatti a scarpa, perchè vi passa sopra, come su tanti piani inclinati, ma non contro le sponde erette perpendicolarmente all' orizzonte. La sperienza però è manifesta in contrario, perchè forando le pareti d' un vaso pieno d' acqua, subito questa esce, il che dimostra, che già stava ivi premendo la detta parete, la quale colla sua resistenza ne raffrenava, e sosteneva l' impeto, onde levata la detta resistenza, subito prevale la pressione dell' acqua, ed esce a suo talento, con maggiore, o minore velocità, secondo il carico dell' altezza, che ha sopra di se. Quindi è noto, che non si può d' ogni minima grossezza far le pareti ad una vasca, o ad altro vaso, che contenga un fluido, ma si richiede in essa una determinata robustezza, perchè non cadano, il che è pur segno apertissimo della pressione esercitata dall' acqua non solamente contro il fondo, o contro le ripe inclinate, ma ancora contro le sponde verticali d' un vaso, dentro cui debba contenersi.

CAPITOLO I.

Della proporzione, con cui l' acqua contenuta ne' vasi esce dalle loro aperture.

PROPOSIZIONE I.

SE faranno due tubi, $A B$, $D E$, i quali si mantengano pieni della stessa specie di fluido, come sarebbe l' acqua, le velocità, colle quali uscirà da essi il fluido attraverso due fori B , E aperti nel fondo di ciascun tubo, saranno in subduplicata ragione di quella dell' altezze $A B$, $D E$.



Si consideri, che la forza, la quale spigne l'acqua fuori del tubo A B è il cilindro, o prisma d'acqua, la cui base è l'apertura B, e l'altezza la B A; e che similmente la forza, che caccia l'acqua dal tubo D E, è un cilindro o prisma di acqua, la cui base è l'apertura E, e l'altezza la E D; imperocchè il resto dell'acqua circonfusa viene sostenuto dalla solidità del fondo, e però non ispinge l'acqua sovrapposta all'apertura B, ed E, nè la sforza a discendere; e se lateralmente la strigne, ciò non ha effetto alcuno, essendo quell'azione corrisposta con altrettanto sforzo laterale della stessa colonna A B, ovvero D E, la quale tende egualmente a dilatarsi, come farebbe se vi fusse minore azione, che non vi è nell'acqua circonfusa. (Per non dir nulla, che potrebbe supporfi il foro eguale alla base medesima de' tubi, come se a questi in un tratto fusse levato il fondo, ed allora non potrebbe darsi colpa all'acqua circomposta, quasi che coll'azione sua turbasse, o in parte oscurasse il nostro raziocinio) dunque le forze, che spingono le dette acque all'uscita, sono in ragione composta di quella dell'aperture B, E, e di quella dell'altezze A B, D E; ma gli effetti essendo sempre proporzionali alle loro cagioni, ancora le quantità del moto, o le impressioni, cioè i momenti dell'acqua B C spinta colla sua velocità V, e dell'acqua E F spinta colla velocità O, debbono essere come le dette forze; dunque essendo i detti momenti, per la prop. 25. del libro I. in ragione composta delle sezioni, o delle aperture, per cui passa l'acqua; cioè di B ad E, e del quadrato della velocità V al quadrato della velocità O, avremo che la ragione composta di quella de' fori B, E, e dell'altezze A B, D E uguaglia la composta di quella delle medesime aperture B, E, e di quella de' quadrati delle velocità V, O, e però detratta di comune la ragione delle aperture B, E rimarrà la ragione dell'altezze suddette eguale a quella de' quadrati delle velocità, cioè in ragione duplicata di esse, o diciamo la ragione delle velocità V, O, resta eguale alla sudduplicata dell'altezze A B, D E. Il che ec.

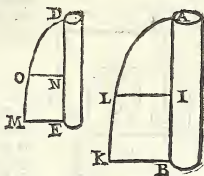
Corollario I.

Ancora se le aperture fussero fatte verticalmente nelle pareti del tubo vicino al fondo, e non nel fondo medesimo, seguirebbe lo stesso; imperocchè premendo i fluidi per ogni verso, dovunque hanno l'adito aperto all'uscita, esercitano la forza; e però sempre ne segue, che la forza, da cui è spinta l'acqua all'uscita, è un cilindro, o prisma d'acqua, che abbia per base l'apertura del foro, da cui l'acqua ha l'efiro, e per altezza, la medesima altezza dell'acqua, dal centro dell'apertura fino al suo livello superiore.

Corollario II.

Se all'altezze A B, D E, come ass, si faranno due parabole A L K, D O M, descritte collo stesso parametro, o lato retto, le ordinate B K, I L

I L della prima, e l'ordinate E M, N O della seconda, esprimeranno le velocità, colle quali uscirebbe l'acqua dal primo tubo, se fusse aperto in B, ed in I, e colle quali uscirebbe dal secondo, se altresì fusse aperto in E, ed in N, supposto che l'acqua si mantenesse nell'uno, e nell'altro al supremo livello A, ovvero D; imperocchè dette ordinate dalla parabola sono appunto in sudduplicata ragione dell'altezze, come si è mostrato essere le velocità dell'acqua, che esce dalle dette corrispondenti aperture.



Corollario III.

Ancora le quantità dell'acqua, che esce da eguali aperture in egual tempo, essendo in ragione delle velocità, faranno in sudduplicata ragione dell'altezze, come con innumerabili sperienze hanno mostrato il Torricelli, il Maggiotti, il Mariotte, il Guglielmini, e noi ancora provato abbiamo colla fiasca idrometrica descritta di sopra nel libro 1. prop. 46.

Corollario IV.

E conseguentemente ancora la quantità d'acqua ch' in un dato tempo esce dal tubo A B per l'apertura B, a quella che uscirebbe da una eguale apertura I sotto l'altezza A I, sta come l'ordinata B K all'ordinata I L della stessa parabola A L K.

Corollario V.

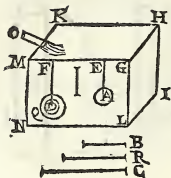
Ed essendo le aperture disuguali, faranno le quantità d'acqua in egual tempo scaricate da esse, in ragione composta di quella di esse aperture, e della sudduplicata dell'altezze suddette, o delle ordinate corrispondenti nella parabola.

PROPOSIZIONE II.

Data la quantità d'acqua, che esce in un dato tempo dal lume A, il quale ha sopra di se l'altezza d'acqua E A, aprire un altro lume nell'altezza data F D, per cui sgorgi altrettanto acqua nel medesimo tempo, quanta ne veniva dal lume A.

Si trovi tra le altezze date E A, F D la media proporzionale P, e come P ad E A, così stia la superficie del lume A alla superficie d'un altro lume D. Questo manderà altrettanto acqua in egual tempo; imperocchè la velocità in A alla velocità in D, avendo ragione sudduplicata dell'altezze E A, F D; sarà quella a questa, come A E alla media proporzionale P, cioè per costruzione, come la superficie del lume D a quella

dell' A; pertanto, reciprocandosi le sezioni colle velocità, si tramanderà dall' uno, e dall' altro lume eguale quantità d' acqua. Il che ec.



PROPOSIZIONE III.

Dare le stesse cose, aprire nell' altezza F D tal lume Q, che tramandi una quantità d' acqua, la quale sia alla somministrata dal lume A nella data ragione di C a B.

Facciasi il lume D (già determinato come sopra) al lume Q come B a C; dunque l' acqua ch' esce dal lume D a quella, ch' esce dal lume Q in pari altezza, o distanza D F dal centro del lume al livello superiore dell' acqua, sta come il lume al lume, cioè, come B a C; ma quella ch' esce dal lume D eguaglia quella, che sgorgava dal lume A, dunque l' acqua trasmessa dal lume A sta a quella, che tramanda il lume Q, come B a C, cioè nella data ragione. Il che ec.

SCOLIO.

Due difficoltà quì si affacciano, per le quali non sembra, che possa essere accurata la soluzione di questi Problemi. L' una si è, per non essere la medesima velocità in tutte le parti del diametro verticale d' una apertura, onde rimane incerto qual sia il centro, per dir così, dove il lume ha la sua mezzana velocità, dal quale centro alla sommità dell' acqua si dee determinare l' altezza vera, proporzionale a' quadrati delle medie velocità. L' altra si è, per qualche resistenza, che incontra l' acqua nel soffregamento col contorno dell' aperture, per cui passa. La prima difficoltà non è quasi sensibile, dove i lumi sono assai piccioli, non essendo allora gran divario di velocità tra le parti dell' acqua corrispondenti alle dette aperture, per non essere nè meno gran cosa differente l' altezza dell' acqua, che vi è sopra il lembo inferiore da quella che sta sopra il lembo superiore, onde preso il centro di grandezza di questi lumi, non vi sarà gran divario dal centro suddetto della media velocità. La seconda al contrario non è sensibile ne' lumi di maggiore diametro, ma bensì, in quelli più minuti; per la qual cosa, si cercherà di rimediare ad ambedue le suddette difficoltà nelle due seguenti proposizioni.

PROPOSIZIONE IV.

Trovare la mezzana velocità dell' acqua, che passa per la sezione del lume B C.

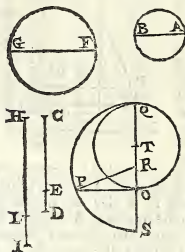
Si descriva sull' asse A B, che è l' altezza dell' acqua, la parabola A B E, saranno le ordinate di essa, come le velocità corrispondenti all' altezza, cui sono applicate, e però il trapezio parabolico C B E D sarà la scala delle velocità, per l' altezza del lume B C; e quadrando questo spazio parabolico, riducendolo in un rettangolo C B H F eguale ad esso; ed applicato all' altezza medesima B C, la sua larghezza B H sarà, secondo la diffin. 6. del libro 1. la media velocità, che si cerca, e dove il lato F H sega

The diagram shows a three-dimensional rectangular prism. On the left face, points are labeled from top to bottom as F, G, E, and H. On the right face, points are labeled from top to bottom as A, C, L, and B. A vertical dashed line connects A to B. A horizontal dashed line connects F to B. A curved line starts at F and goes towards the center of the prism. Inside the prism, there is a circle passing through point L. Other points like D, N, M, G, and K are also indicated with various connecting lines.

Opure più direttamente tirate per D, ed E le rette R D S, E P V parallele all' asse A B, che convengono colla tangente della cima A T in S. V, stendasi l' ordinata C D in P, e congiunta R P convenga colla suddetta tangente in T, e compiuto il rettangolo B A T O si ponga B H eguale a due terzi della B O, ovvero della A T; dico, che tirata H G F parallela all' asse, la quale concorre colla parabola in G, e ordinata G I, farà I il centro della velocità, e la stessa G I farà la media ricercata. Imperocchè essendo la parabola A E B due terzi del rettangolo A B E V, e la parte A C D parimente due terzi del rettangolo A C D S, farà il trapezio parabolico C D E B due terzi dello spazio C B E V S D; ma essendo S D P V eguale ad E P Q O, per essere questi supplementi del parallelogrammo S R O T, giuntovi di comune C B E P; farà il rettangolo C B O Q eguale al suddetto gnomone C B E V S D; dunque il trapezio parabolico C D E B eguaglia due terzi del rettangolo C B O Q, e però eguaglia il rettangolo C B H F, che ha la base B H eguale a due terzi della B O. Il che ec.

Data la sezione del lume A B, il quale per se stesso dovrebbe dare la quantità d'acqua C D, ma per ragione della resistenza nel soffregamento dell'acqua intorno a' vangi di detta sezione, dia la sola quantità d'acqua C E, si cerca quante

Acqua dovrà uscire per una sezione simile d'un altro lume di un dato diametro F G, in pari altezza d'acqua.



Si faccia, come il quadrato A B al quadrato F G, così C D ad H I, e come il diametro A B al diametro F G, così D E ad I L. Dico che H L farà la quantità dell'acqua, che di fatto si scaricherà dal dato lume F G. Imperocchè, senza il soffregamento de' margini, le quantità d'acqua, che usciranno da' lumi A B, F G di figura simile, farebbero come i quadrati de' loro diametri, essendo proporzionali alle capacità di dette sezioni, e però farebbero, come C D ad H I; onde se C D esprimeva la quantità d'acqua, che per se stesso, senza soffregamento, darebbe il lume A B, ancora H I farebbe la quantità d'acqua, che senza tale resistenza verrebbe dall'altro lume F G; ma le resistenze nate dall'urto ne i margini di tali lumi, sono come gli orli, o contorni di essi, cioè proporzionali a' diametri, cioè come D E ad I L; dunque se D E è quello, che toglie all'acqua il soffregamento del margine A B, farà I L ciò, che si diminuisce alla quantità dell'acqua, che dovea passare pel lume F G, mercè del soffregamento dell'orlo suo; e però la vera quantità d'acqua, che passa per esso, è la rimanente H L, sopra determinata. Il che ec.

Corollario.

Quindi è manifesto il metodo per determinare la quantità d'acqua raffrenata dal soffregamento dell'orlo d'una data apertura, dipendente però da qualche speriencia già conosciuta. Per esempio se l'apertura, che abbia il diametro d'un quattrino del nostro braccio, sotto una determinata altezza d'acqua di cinque soldi, dà in un minuto primo libbre 9. e mezzo d'acqua, in vece di libbre dieci, che si potevano aspettare, se non vi fusse stato il soffregamento, di maniera che la quantità d'acqua resti diminuita della vigesima parte di quello, che doveva essere, per sapere quanto sarà diminuita l'acqua, che esce nel medesimo tempo, e sotto la stessa altezza, da un lume di diametro maggiore, come sarebbe di un numero M di quattrini, basta moltiplicare un tale difetto assoluto, cioè 6. once, o pure mezza libbra, per il numero M de' quattrini, che misurano il diametro di esso lume, e tanto farà il defalco, che importerà il soffregamento dalla vera quantità dell'acqua, che dovea quel lume somministrare; come se il diametro sarà d'un soldo, o di 3 quattrini, in vece di 90. libbre, che ne dovrebbero uscire, ne getterà quel lume solo libbre 87. e mezzo, dovendosi defalcare 3. mezza libbre; e così degli altri casi.

PROPOSIZIONE VI.

Dato il diametro A B di un lume, che tramanda attualmente la quantità d'acqua C E in un dato tempo, trovare il diametro F G d'un altro lume, da cui nello stesso

lo stesso tempo sgorgar possa la quantità d'acqua H L, sotto la medesima altezza d'acqua, non ostante il soffregamento, che patirà l'acqua nell'uscire dall'orlo di esso.

Si trovi, per l'antecedente, la diminuzione d'acqua E D, corrispondente alla resistenza nata dal soffregamento nel margine del lume A B; e come D C a D E, così stia A B alla T O, e come D C ad H L, così stia il quadrato A B al quadrato O P, essendo posta O P perpendicolare alla T O; e divisa T O per mezzo in R, si congiunga R P, col quale raggio R P sia descritto il cerchio Q P S; e finalmente pongasi F G eguale a Q O; Dico che il lume del diametro F G, ovvero Q O, soddisfarà al quesito: imperocchè, posta ancora D E ad L I, come A B a Q O, per essere il quadrato O P eguale al rettangolo Q O S, ovvero O Q T (essendo i punti O, T egualmente distanti dal centro R) cioè dall'eccesso del quadrato O Q sopra il rettangolo T O Q, avremo il quadrato O Q eguale alla somma del quadrato O P, e del rettangolo Q O T; e moltiplicando il tutto in D C, si farà il prodotto del quadrato O Q in D C eguale a i prodotti del quadrato O P nella D C, e del rettangolo T O Q nella stessa D C; ma essendo D C ad H L, come il quadrato A B al quadrato O P, sarà il prodotto del quadrato O P in D C eguale al prodotto del quadrato A B in H L; dunque il prodotto del quadrato O Q in D C eguaglia il prodotto del quadrato A B in H L, e del rettangolo T O Q nella D C; ma D C è a D E, come A B a T O; onde T O in D C uguaglia D E in A B, ed il rettangolo T O Q moltiplicato in D C pareggia il prodotto di Q O, in D E, in A B; sicchè il prodotto del quadrato O Q in D C equivale a' prodotti del quadrato A B in H L, e di O Q in D E, in A B; di più essendo A B a Q O, come D E ad L I, il rettangolo di O Q in D E pareggia quello di A B in L I, ed il prodotto di O Q in D E in A B eguaglia il prodotto del quadrato A B in L I; sicchè finalmente il prodotto del quadrato O Q in D C, è eguale a' prodotti del quadrato A B in H L, e dello stesso quadrato A B in L I, cioè pareggia il prodotto del quadrato A B in tutta la H I, onde avremo, essere il quadrato A B al quadrato O Q, come D C ad H I; e però siccome dal lume A B sarebbe provenuta senza impedimento l'acqua D C, così dal lume Q O, ovvero F G sgorgherebbe senza un simile impedimento l'acqua H I; ma siccome D E è la diminuzione dell'acqua cagionata dal soffregamento del margine A B, così sarà I L la diminuzione originata dal soffregamento dell'orlo F G, essendo per costruzione tali diminuzioni proporzionali a' diametri; dunque la proposta quantità residua H L proverrà dal lume F G sopra determinato, non ostante il soffregamento del suo contorno: Il che ec.

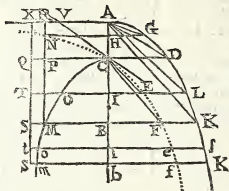
SCOLIO.

Questa resistenza, nata dal soffregamento delle parti del fluido, non pare che possa dipendere, se non o dall'attaccarsi dell'acqua all'orlo de' lumi, per la quale aderenza resta diminuita la capacità di esso lume, che lascia libero il passo alle parti intermedie; o dalla diminuzione della velocità in quelle parti, che urtano alquanto obliquamente nel medesimo orlo, perdendo così quanto aveano di moto perpendicolare allo stesso, proseguendo con quella porzione sola, che aveano nella direzione parallela al margine del medesimo; o in parte dall'una, in parte dall'altra cagione.

Comunque siasi, se ad alcuno parrà verisimile, che tale resistenza ceda alla maggiore velocità, in maniera che la diminuzione della quantità d'acqua, che dovea scaricarsi dal lume, tanto sia minore, quanto la detta velocità è maggiore, si potrà dimostrare la seguente.

PROPOSIZIONE VII.

Se nella parabola $ALKB$, le cui ordinate KB , LI esprimono le velocità competenti all'acqua nell'uscire dall'apertura B , I del tubo AB , ovvero le quantità che in egual tempo scaricare si dovrebbero per le dette aperture supposte eguali, si prenderanno le porzioni dell'ordinate KF , LE corrispondenti alle diminuzioni della quantità d'acqua, o della velocità, nate dal soffregamento nell'orlo delle dette aperture, la curva $FE C$ quindi originata, avrà per asintoti la medesima curva parabolica ALK , e la retta AV , che la tocca nella cima A .



Imperocchè, essendo per l'ipotesi dello scolio antecedente queste diminuzioni reciproche alle velocità, sarà KF ad LE , come LI a BK ; onde crescendo in infinito la ragione di KB ad LI , con ampliare la parabola all'ingiù, e prendere una maggiore ordinata bK più lontana dalla cima A , così crescerà in infinito la ragione di LE a KF , onde KF diverrà nelle maggiori lontananze minore in infinito; e però la curva EF ha per asintoto la parabola ALK ; in oltre i rettangoli BKF , ILE saranno sempre eguali, e crescendo nell'avvicinarsi alla cima

A le porzioni LE , ma diminuendosi le ordinate LI , verranno a pareggiarsi in un certo punto dell'asse C , dove la diminuzione della velocità DC eguaglia appunto la velocità primitiva CD , e farà allora il quadrato dell'ordinata CD eguale a ciascuno de' rettangoli BKF , ILE . Poi continuando la descrizione della curva; le diminuzioni HN diventeranno negative, ed essendo reciproche all'ordinate HG , che diminuiscono in infinito andando verso la cima A , cresceranno le HN applicate alla nuova curva in infinito, e però averanno per asintoto la retta AV tangente della parabola nella cima A . Il che ec.

Corollario 1.

Essendo grandissima la velocità dell'acqua, espressa dall'ordinata Kb ; sarà piccolissima la diminuzione dipendente dal soffregamento, espressa dalla porzione Kf ; sicchè appena meriterà d'essere posta in conto.

Corollario II.

Se è vera questa ipotesi, vi farà tale altezza $A C$, che per essere troppo piccola, non lascerà da un lume ivi aperto scappare il fluido, perchè tutta la velocità $D C$, che può cagionare la detta altezza, verrà distrutta nel soffregamento all' orlo di esso lume, come quando un piccolo anello infuso nell' acqua, e indi sollevato, ne porta via un sottilissimo velo, che dall' orlo di esso non cade, per non avere forza da vincere la coerenza delle parti dell' acqua attaccate al margine di esso. Questa altezza $A C$ sarà quasi insensibile, e forse quella sola, che suole corrispondere al colmeggiare, che fa l' acqua sopra l' orlo de' vasi, l' altezza del qual colmeggiamento non lascia però traboccare l' acqua dall' orlo medesimo, con tutto che sia aperto l' esito all' acqua, quanto mai esser possa, essendo maggiore la forza dell' aderenza delle parti dell' acqua, che la velocità, la quale può imprimerle quella piccola altezza.

Corollario III.

Onde se piccolissima è l' altezza $A C$, piccola ancora sarà l' ordinata $C D$, e molto minori, e più insensibili saranno le diminuzioni di velocità competenti all' altre maggiori altezze, cioè le porzioni $L E$, $K F$, che sempre vanno diminuendo verso le parti inferiori della parabola.

Corollario IV.

Per descrivere questa curva $F B C N$, tirata qualunque ordinata della parabola $L I$, e congiunta la corda $A L$, basta dal punto C tirare la $C E$ parallela ad $A L$ (siccome ancora nelle parti superiori, tirando l' ordinata $G H$, congiunta $A G$, basta dal punto medesimo C condurle la parallela $C N$) imperocchè essendo il quadrato $D C$ al quadrato $L I$, come $C A$ ad $A I$, cioè (per le parallele $A L$, $C E$) come $L E$ ad $L I$, faranno $L E$, $D C$, $L I$ continuamente proporzionali, onde il rettangolo $L E$ sarà eguale al quadrato $D C$; e però il punto E nella curva, di cui si tratta.

Corollario V.

La tangente di questa curva in C , cioè la $C V$ farà parallela alla corda $A D$, come apparisce per la costruzione ultimamente data.

Corollario VI.

Posta $A X$ eguale al lato retto della parabola $A L K$, e condotta $X S$ parallela ad $A B$, se per lo punto C si descriverà l' iperbole ordinaria $C O M$ tra gli asintoti $A X$, $X S$, sarà il quadrato dell' ordinata $F B$ nella curva sopra descritta, eguale sempre al rettangolo $C B M$, siccome il qua-

drato della $E I$ eguale al rettangolo $C I O$, e però i quadrati delle dette ordinate sono proporzionali a' suddetti rettangoli; perchè essendo il quadrato $K B$ eguale al rettangolo $A B S$, ed il rettangolo $B K F$ eguale al quadrato $C D$, cioè al rettangolo $A C Q$, il rimanente rettangolo $K B F$ eguaglierà il residuo rettangolo $C B S Q$, ovvero $A B M R$, e però come $B M$ ad $F B$, così $K B$ a $B A$, ovvero la stessa $F B$ a $B C$, ed il quadrato $F B$ eguaglierà il rettangolo $C B M$.

Corollario VII.

Le linee poi $F B$, $E I$ faranno come i rettangoli $K B M$, $L I O$, essendo ciascuno di questi eguale al rettangolo del lato retto $A X$ nell'ordinate suddette $F B$, $E I$ rispettivamente, imperocchè si è veduto essere $B M$ ad $F B$, come $K B$ a $B A$, cioè come $A X$, ovvero $S B$ ad $K B$, onde il rettangolo $K B M$ eguaglia il rettangolo della costante $S B$ in $B F$; e così $L I O$ è eguale a $T I E$ ec.

PROPOSIZIONE VIII.

Le diminuzioni delle quantità dell'acqua, cagionate dal soffregamento negli orli de' lumi, che danno all'acqua stessa passaggio, faranno in ragione composta della diretta de' diametri de' lumi, e della reciproca delle loro medie velocità.

Ciò è manifesto, perchè in parità di velocità sono le dette diminuzioni come i diametri de' lumi, ed in parità de' diametri de' lumi seguono, nell'ipotesi suddetta, la ragione reciproca delle velocità.

Corollario.

Se i diametri de' lumi faranno, come le velocità, cioè in ragione duplicata dell'altezze, eguale sarà la diminuzione, che patirà l'uno, e l'altro lume nel soffregamento.

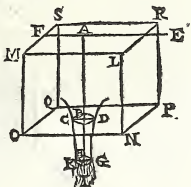
CAPITOLO II.

*Della figura dell' acqua, ch' esce da' vasi,
senza essere sostenuta.*

PROPOSIZIONE IX.

Determinare la figura dell' acqua cadente da un lume orizzontale.

Sia l' altezza dell' acqua in un vaso racchiusa BA , e si mantenga sempre alla medesima altezza, coll' infondervi altrettanta acqua, quanta ne esce, o per mezzo d' una fonte perenne, o d' un' sifone adattatovi; e dalla apertura DC fatta orizzontalmente nel fondo di esso vaso, esca l' acqua sotto la forma del solido $DI C$. Cercasi di quale specie di figura egli sia: prescindendo dalle resistenze, sì del soffregamento nell' orlo del lume DC , sì dall' incontro dell' aria ec.



Suppongasi primieramente la detta apertura circolare, e per lo centro B passi il piano verticale BAE , la cui sezione col supremo livello dell' acqua sia la retta EAF , e con l' area del lume sia il diametro DC : e per lo punto C , fra gli asintoti BA , AF sia descritta l' iperbola del quarto grado CKI , in cui l' ordinata HK all' ordinata BC stia in suquadrupla proporzione dell' altezze reciprocamente prese AB , AH , e girando questa iperbola intorno il suo asse ABH produca il solido $CKIGD$; Dico essere questo la figura dell' acqua cadente; imperocchè segandola col piano GK parallelo al lume DC , averemo il cerchio GK al cerchio DC , come reciprocamente la velocità in B alla velocità in H , scaricandosi egual copia d' acqua nel medesimo tempo per l' una, e per l' altra sezione; dunque il quadrato del raggio HK al quadrato del raggio BC è in sudduplicata ragione dell' altezza BA all' altezza AH , ma le ordinate HK , BC sono di nuovo in sudduplicata ragione de i suddetti quadrati; dunque faranno in suquadrupla ragione delle suddette altezze reciprocamente prese, BA , AH ; e però il contorno della figura $CKIGD$ è determinato dall' iperbola del quarto grado sopra descritta. Il che ec.

Se poi la figura del lume aperto nel fondo fusse quadrata, o triangolare ec. col-

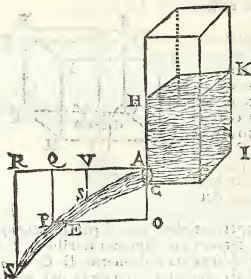


collo stesso argomento si dimostrerà, che il corpo dell'acqua cadente è circoscritto da tante curve iperboliche $C K$, $G D$ del quarto grado, che passano per ciaschedun'angolo, e dalle curve superficie iperboliche interposte, adiacenti a ciascun lato della figura, e così dicasi de' lumi di figure ellittiche, o irregolari ec.

Nel che però si prescinde, come già si è avvertito, dalla resistenza sì del soffregamento, sì dell'aria, per cui scendendo la vena dell'acqua viene ritardata, anzi divisa, e dispersa in minutissime goccioline, in vece di stare continuamente unita al filo iperbolico, che dovrebbe formare.

PROPOSIZIONE X.

La curva descritta dall'acqua, ch' esce da un vaso per un lume verticalmente aperto ne i lati di esso, è una parabola.



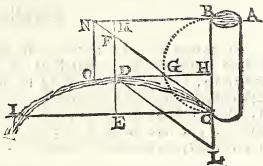
Sia primieramente la direzione del lume $A C$, o del cannello ivi adattato, la retta $A Q$ orizzontale. Si moverà allora qualunque goccia con doppio moto, l' uno equabile per la direzione $A Q$, secondo la forza impressagli dal carico dell' altezza dell'acqua, che vi sta sopra, come $H A$, e l' altro accelerato naturalmente dalla gravità della stessa acqua, che liberamente può cadere per l'aria. Avendo adunque la goccia in A l' impeto competente alla caduta $H A$, dovrà nell' orizzonte scorrere lo spazio $A Q$ duplo di $H A$ nello stesso tempo, in cui per forza della gravità viene tirata in giù per lo spazio $A O$, ovvero $Q P$ eguale alla stessa $H A$: dunque nel fine del detto tempo eguale a quel-

lo della caduta da H in A , dovrà trovarsi la goccia nel punto P ; determinando poi qualunque altro tempo maggiore, o minore $A R$, in cui farebbe venuta la goccia per forza dell' impeto impressole per la direzione orizzontale da A in R (essendo gli spazi del moto equabile proporzionali a' tempi) essendo frattanto abbassata della gravità per lo spazio verticale $R S$, è manifesto, che saranno gli spazi $Q P$, $R S$ fatti con moto accelerato per forza della gravità, in ragione duplicata de' tempi, o degli spazi scorsi equabilmente nell' orizzonte, $A Q$, $A R$; dunque il viaggio della goccia è per una curva di tale proprietà, in cui le ordinate $Q P$, $R S$ sieno come i quadrati delle distanze $Q A$, $R A$; ma questa è la proprietà essenziale della parabola; dunque le gocce, che vengono fuori dal punto A descrivono una parabola $A S P$. Similmente le gocce, che escono da qualunque altro punto C , descrivono una parabola come $C B$, e così tutte l' altre; e però tutta la vena d'acqua, ch' esce dal lume verticale $A C$,

è co'

è come un fascetto di tante curve paraboliche. Il che ec.

Sia in secondo luogo la direzione, per cui esce l'acqua da un lume, o da un cannello C, inclinata all'orizzonte, ne nascerà quindi altresì tale parabola, che avrà per tangente la medesima direzione del cannello C F, e si determinerà nella seguente maniera. L'altezza dell'acqua B C serva per diametro al mezzo cerchio B G C, tagliato in G dalla direzione del cannello C F, e condotta l'orizzontale H G pel punto G, si



prolungati altrettanto in G D, e tirata la verticale D E parallela a B C, si descriva sull'asse D E per lo punto C la parabola G D I, che ha la sua cima in D. Questa farà la strada, che dee fare lo zampillo dell'acqua. Imperocchè, tirate le orizzontali B M N, C E I, e pel punto D condotta D L parallela a C F, che concorre colla B C in L, per essere D L dupla di C G, siccome D H di H G, il quadrato D L farà quadruplo del quadrato C G, o diciamo del rettangolo B C H, cioè B C L (per essere ancora C H eguale a C L) per tanto il detto quadrato D L eguaglia il rettangolo della C L nel quadruplo della B C; ma se nel tempo della caduta per B C la goccia cadente passerebbe con moto equabile, e colla stessa velocità uno spazio duplo di B C, certamente nel tempo della caduta per la sola H C, ovvero C L, o pure F D (il qual tempo sta a quello della caduta per B C in ragione sudduplicata degli spazj H C, B C, cioè sta come C G a C B) la stessa goccia passerà collo stesso impero uno spazio duplo di C G, quale è C F, ovvero L D, adunque nel tempo della caduta per H C, ovvero per C L, cioè per F D la goccia nella direzione del cannello passerà lo spazio C F, cadendo frattanto da F in D; e però il punto D sarà nella strada, per cui passa lo zampillo dell'acqua: ed essendo il quadrato D L eguale al rettangolo C L nel quadruplo di B C, sarà il punto D nella parabola, il cui diametro la stessa C L, e lato retto il quadruplo di B C, e per essere D E eguale a C H, cioè a C L, o pure a D F, è manifesto, che la C F sarà tangente della detta parabola; siccome per essere C E, ovvero H D dupla di H G, il quadrato C E è quadruplo del quadrato H G, o sia del rettangolo C H B, e però eguaglia il rettangolo della C H, ovvero D E, nel quadruplo di B H, ovvero D M; onde M D è la sublimità, cioè la quarta parte del lato retto appartenente all'asse D E di detta parabola, siccome B C è la quarta parte del lato retto del diametro C L. Nè può dubitarsi, che gli altri punti, per cui passa la goccia, non sieno altresì nella stessa parabola, mercè della composizione del moto equabile per la C F N, col moto accelerato nelle verticali parallele ad F D; perchè la scesa F D alla scesa N O sarà in duplicata ragione de' spazj fatti con moto equabile C F, C N; dunque la via dell'acqua, che sgorga pel lume, o canale C, secondo la direzione C G è la parabola C D O I. Il che eg.

Corollario I.

Si avverta, che ancora nel primo caso l'altezza dell'acqua A è la sublimità della parabola $A S P$, essendo la quarta parte del lato retto, perchè essendo $P Q$ la metà di $Q A$, e come $P Q$ a $Q A$, così essendo questa al lato retto, farà $Q A$ la metà del lato retto, e la $P Q$, ovvero $A H$ la quarta parte di esso: come nel caso secondo si è dimostrato, essere la $B C$, e la $M D$ similmente la quarta parte del lato retto appartenente a' diametri $C L$, $D E$ rispettivamente.

Corollario II.

Si può ancora notare, che la velocità dello zampillo dell'acqua in ciascun punto del suo zampillo parabolico, è sempre tale, quale si sarebbe acquistata l'acqua medesima cadendo dall'altezza del supremo livello $B M N$, fino a quel punto, dove di man in mano essa ritrovasi: così la velocità in C è quanta si sarebbe acquistata cadendo per $B C$; in D quanta cadendo per $M D$, ovvero $B H$ (avendo la salita $C H$, ovvero $E D$, distrutta quella parte della velocità originata dalla caduta $B C$, che si era acquistata cadendo per $H C$ dopo $B H$) similmente la velocità in O è quale si acquisterebbe cadendo per $N O$; e così sempre, intendendosi tanto essere caduta di fatto la goccia, quanta differenza di altezza vi è tra il livello $B M N$, e il punto O : siccome realmente dal detto livello $A B$ è caduta l'acqua in O , per qualunque strada siavi arrivata.

Corollario III.

Di più, stante questa dottrina, si può indovinare l'altezza dell'acqua $H A$ che è nel reservatorio $H I$, dal vedere solamente il suo zampillo $A P$ fatto colla direzione orizzontale $A Q$; perchè la detta $H A$ sarà un quarto della terza proporzionale dopo l'altezza $A O$, e l'ampiezza $O P$ del medesimo zampillo; e quando abbia un'altra direzione inclinata (come nel secondo caso) ritrovando il colmo, cioè il punto altissimo D dello zampillo parabolico $C D I$, farà la $B H$ un quarto della terza proporzionale dopo $D E$, $E C$, onde congiunta l'altezza $D E$, si avrà nota tutta l'intera altezza $B C$ dell'acqua chiusa nel vaso $A B C$.

S C O L I O.

Si vede, che quanto più la direzione del cannello C è sollevata dall'orizzonte, la parabola $C D I$ riesce più alta: dimanierachè, elevandosi il cannello C perpendicolarmente all'orizzonte, si dovrà parimente alzare lo zampillo parabolico alla stessa altezza dell'acqua chiusa nel vaso, perchè la corda $C G$ conviene col diametro $B C$, e l'orizzontale $H G D$ si confonde colla $B M N$; ed in fatti la sperienza mostra, che tanto ascende l'acqua ne' getti delle fontane, quanta è l'altezza del reservatorio, da cui discende: se non in quanto l'aria resistendo al movimento dell'acqua, suo-

le te-

le tenerla alcune dita più bassa, e talora qualche piede, se il reservatorio sarà d'altezza di 18. e più piedi in maniera tale, che per ogni piede d'altezza del getto, vi debbano corrispondere nel reservatorio altrettante parti trecentesime di più di tutta l'altezza di esso getto: come se il getto è di 15. piedi d'altezza, di cui la trecentesima parte importerebbe 7. linee, e un quinto, dovrà l'altezza del reservatorio avere 15. delle dette trecentesime parti, che fanno 108. linee, o sia 9. dita di più; se fusse il getto piedi 20., la cui trecentesima parte è quattro quintid' un dito, dovrà l'altezza del reservatorio, oltre i piedi 20. avere altrettante di quelle trecentesime parti, che fanno 16. dita, cioè un piede, e un terzo di più; il che si confronta colla regola, che da il Mariotte nel Trattato del movimento dell'acque parte 4. disc. 1. reg. 2.

Questa stessa osservazione, dell'ascendere l'acqua, prescindendo dagli impedimenti, ad altezza pari a quella del reservatorio, dimostra essere verissimo, che l'acqua esce da' vasi con una velocità pari a quella, che si farebbe acquistata cadendo dall'altezza, che avea nel vaso stesso, mentre la può ricondurre appunto alla medesima altezza, come di sopra abbiamo supposto, e come viene asserito ancora dal Torricelli, dal Baliani, dal Borelli, dal Guglielmini, dal Newton nella seconda edizione de' suoi Principii lib. 2. prop. 36. (benchè nella prima edizione avesse proposta un'altra proporzione, seguitata al solito dal Viston suo compilatore) e dall' Ermanno nell' appendice alla sua Foronomia num. 10. ove cerca di darne una dimostrazione più esatta.

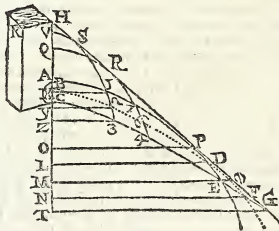
Non è però senza difficoltà questo asserito, perchè sebbene le sperienze ci rendono certi, essere la velocità dell'acqua in sudduplicata ragione dell'altezza, pare che nel medesimo tempo ce la dimostrino assai minore di quella che si acquisterebbe un grave cadendo dalla medesima altezza, che avea l'acqua nel vaso; e la differenza è tanto grande, che dubito possa risponderli nelle resistenze dell'aria, e del soffregamento nel contorno dell'apertura, da cui ha l'escito. Perchè quando ancora non vogliamo stare sul rigore de' piedi 15. e una linea, che può scendere un grave dalla quiete partendosi in un minuto secondo con moto accelerato, come dimostra Cristiano Ugenio nel suo Orologio Oscillatorio: nella quale supposizione, la velocità concepita cadendo dalla detta altezza farebbe tale da scorrere trenta piedi, e un sesto orizzontalmente con moto equabile, nel medesimo tempo d'un minuto secondo, e per conseguenza 1810. piedi in un minuto primo; quando, dico, non si voglia stare su questo rigore, e si ponga, che l'acqua scenda in un minuto secondo soli 12. piedi, come il Merfeno, ed il Mariotte ricavano da immediate osservazioni, nelle quali è framischciata la resistenza dell'aria, sicchè la velocità concepita da tale caduta farebbe passare con moto equabile in un secondo minuto piedi 24. ed in un minuto primo piedi 1440., paragonando ciò a qualunque sperienza o del Guglielmini, o del Mariotte, si trova un grandissimo divario; perchè il piede di Parigi è circa dieci once, e un quarto del piede di Bologna, faranno 12. piedi di Parigi eguali a piedi dieci, ed once 3. di Bologna, a cui nella tavola del Guglielmini corrisponde una velocità, che passi in un minuto primo 692. piedi, ed undici once di Bologna, ma la velocità acquistata dalla caduta di 12. piedi di Parigi, ovvero piedi 10 once 3. di Bologna dovrebbe passare in un minuto primo piedi 1440. di Parigi, che sono 1230. di Bologna; dunque la velocità dell'acqua, che sgorga da un vaso alto piedi 10. once 3. di Bologna è assai minore di quella, che si farebbe acquistata l'acqua cadendo ancora per aria (non che nel vuoto) dal-

dalla medesima altezza; e sta quella a questa, come 1663. a 2952.

Ma per non imbrogliarci nella riduzione delle misure, si prenda qualche sp erienza del Mariotte. Secondo quest' Autore, un piede cubico d' acqua pesa 70. libbre, o pure uguaglia 35. pinte di due libbre l' una. Se questo cubo si ridurrà in un parallelepipedo, che abbia per base il quadrato di 3. linee, cioè della quarantottesima parte della lunghezza d' un piede, la lunghezza di tale parallelepipedo sarà 2256. piedi, e se la base in vece di essere quadrata, fusse circolare, col diametro pure di 3. linee, sarebbe ridotto il detto cubo in un cilindro lungo piedi 2871., e un quarto in circa: ma dicasi per ischivare le minuzie, piedi 2870. dunque ogni libbra d' acqua, formata in un cilindro, che abbia per base l' apertura circolare di 3. linee, sarà lunga piedi 41. in circa; ma esserisce il suddetto Mariotte nel Trattato sopracitato parte 3. disc. 2. che per più sperienze esatissime, un apertura retonda di 3. linee di diametro essendo a piedi 13. (non che soli 12.) sotto la superficie superiore dell' acqua d' un largo tubo, dava in un minuto 14. pinte di quelle, che pesano due libbre, e di cui 35. fanno il piede cubico: dunque l' acqua uscita in un minuto dall' apertura circolare di 3. linee pesava libbre 28., e conformata in un cilindro, che avesse per base la detta apertura, si sarebbe stesa a una lunghezza di piedi 1148. e questa è la velocità, che mostra di avere l' acqua uscita da un vaso con 13. piedi di altezza sopra di se, assai minore di quella che si acquisterebbe cadendo liberamente ancora da soli 12. (non che 13.) piedi d' altezza, la quale velocità, come abbiamo veduto, le farebbe passare in un minuto primo una lunghezza di 1440. piedi: e cadendo da piedi 13. ne passerebbe circa a 1493. Quale sia lo scioglimento di questa difficoltà, si lascia a più sollevati ingegni, e di maggior ozio abbondanti l' indagarlo, per maggiore perfezione di questa scienza.

PROPOSIZIONE XI.

Quando l' altezza *AC* del lume, per cui esce l' acqua, è di sensibile grandezza, le gocce, ch' escono da varj punti *A, B, C*, descrivono varie parabole, le quali s' intrecciano vicendevolmente, sigandosi, e componendo come una funicella raggruppata in un nodo, oltre il quale poi si vanna separando l' una dall' altra, come appresso esporremo.



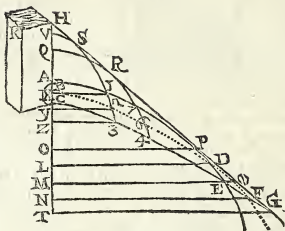
Sia *AP* la parabola, che descrivono le gocce, le quali escono dalla cima dell' apertura *A*, e sia *CE* la parabola descritta dall' infime gocce tramandate dal punto *C*, siccome la *BD* venga da un punto di mezzo *B*, è manifesto, che per essere la sublimità *HB* maggiore della sublimità *HA*, e minore della sublimità *HO*, sarà la parabola *BD* descritta dalla goccia *B* più ampia della pa.

la parabola A P descritta dalla goccia A, ma più angusta della parabola C E descritta dalla goccia C, secondo la diversa grandezza de' lati retti quadrupli delle dette sublimità, a' quali corrispondono nella stessa ragione diverse ampiezze di ordinate alle dette parabole nella stessa distanza dalla cima di ciascheduna. Posta adunque B L eguale ad A H, e conseguentemente A L eguale ad H B, e però il rettangolo H A L eguale al rettangolo H B L, ed il quadruplo di quello sarà eguale al quadruplo di questo: cioè il quadrato dell'ordinata dal punto L tanto alla parabola B D, che alla parabola A P, è della stessa quantità, e però queste due parabole hanno comune l'ordinata L D condotta dal punto L, e si intersecano amendue nel punto D, andando quindi in poi disgiunte, mutato vicendevolmente il loro sito, sicchè la superiore A P diventa inferiore, e la B D ch'era inferiore, si fa superiore ad essa. Similmente posta C M eguale ad A H, si mostrerà, che le due parabole A P, C E hanno comune l'ordinata M E, convenendo insieme in E, ove segandosi cambiano alla stessa maniera il loro sito; ed altresì posta C N eguale ad H B, si mostrerà che le parabole B D, C E hanno comune l'ordinata N F, e si congiungono in F, separandosi quindi in poi con sito contrario. Dunque ciascuna parabola concorrendo con ciascun'altra in diverso punto, si farà come una funicella intrecciata di varj fili, i quali oltre il concorso di tutte, dove si restringono quasi in un nodo, con più larga tessitura si andranno spargendo, e dilatando in infinito, ammettendo fra le sue parti molt'aria interposta. Il che ec

PROPOSIZIONE XII.

Ritrovare i limiti della funicella, come sopra, intrecciata dall'acqua, e determinare altre sue circostanze.

Essendo che dove concorre la parabola A D colla B D riesca la distanza B L eguale ad A H, come si è veduto, e dove concorre la parabola B D colla C E, diventa la distanza C N eguale a B H, e così dell'altre: ne viene, che posta A O eguale alla sublimità A H; sicchè il punto O sia foco della superiore parabola A P, e ordinata la O P, farà il punto P termine delle intersezioni dalla banda di sopra, perchè niuna parabola, prima di giugnere al punto P, potrà intersecarsi con verun'altra; e dall'altra parte, posta C T eguale alla sublimità C H, sicchè il punto T sia foco dell'infima parabola C E, e ordinata T G, farà il punto G il termine delle intersezioni dalla banda di sotto, perchè niuna parabola potrà più intersecarsi oltre al punto G, ma tutte le intersezioni, o intrecciature di tali parabole si faranno tra mezzo li due punti P, G, essendo la porzione P G intercetta fra le due ordinate da' fochi della suprema, e dell'infima parabola, che sono O, T, l'intervallo delle quali ordinate O, T è duplo dell'altezza dell'apertura A C (essendo H T dupla di H C, come H O dupla di H A, e però la rimanente O T dupla della residua A C) ed il punto E, in cui la suprema parabola A P concorre coll'infima C E, pare che corrisponda alla parte della funicella più ristretta, e più serrata dell'altre, perchè tutte le parabole concorrono colla suprema tra il punto P, ed il punto E, coll'infima poi tra il punto E, ed il punto G; sicchè tanto sopra, che sotto il punto E si vanno tutte le parabole allontanando l'una dall'altra, e più largamente spargendo sopra, e sotto l'infima parabola C E, la quale solo fino al punto E resta inferiore a tutte, indi appoco appoco si



co si va sollevando, finchè giunta al punto G si fa a tutte superiore, siccome viceversa la suprema parabola A P dal punto E in giù si fa inferiore a tutte l'altre, e dal punto E in su le va segando, e sollevandosi sopra di esse, fino al punto P, dove resta liberamente superiore ad ogn'una; ed in ogni intersezione successivamente qualunque inferiore alla suprema si fa superiore ad essa, e però scavalca tutte l'altre: determinandosi il luogo, in cui ciascuna a vicenda si fa superiore a tutte, dove l'ordinata di qualunque parabola viene dal suo foco, cioè nella distanza dal vertice eguale

alla sua sublimità; di maniera che generalmente, divisa O H per mezzo in A, l'ordinata O P concorre colla suprema parabola che ha il suo vertice in A, nel punto P, ove ultimamente gode la prerogativa d'essere superiore a tutte, e quindi in poi la va perdendo: similmente, divisa H T per mezzo in C, si trova la cima C della parabola C E, di cui l'ordinata T G mostra il punto G, in cui comincia ad essere superiore a tutte, essendo fin allora stata inferiore, e divisa H M per mezzo in B si trova la cima B della parabola B D, che nel punto S dell'ordinata dal punto M resta superiore all'altre; imperocchè nessuna parabola sopra l'ordinata dal foco può essere segata da una sua inferiore, ed abbassarsi sotto di essa; ma solamente in detto sito superiore all'ordinata dal foco può essere segata da qualche sua superiore, la quale però nello stesso tempo le diventa inferiore; e nessuna parabola superiore può segare una data parabola sotto l'ordinata dal foco, perchè la sublimità della segante, la quale è minore di quella della segata, dovrebbe uguagliare la distanza dalla cima della parabola medesima segata: e però non può accadere, che veruna parabola stia sopra a quella, la cui ordinata batte nel suo foco. Nessuna parabola poi si fa inferiore a tutte, se non la C E sopra il punto E, e la A P sotto il punto E, ancora tra i limiti P, G delle intersezioni; imperocchè non può la C E essere segata da veruna superiore, se non sotto il punto E, per essere la distanza C M eguale ad A H, e minore di qualunque altra sublimità, per esempio di H B, cui si dee porre eguale la distanza C N per ritrovare l'ordinata all'intersezione N F; nè veruna parabola può segare la suprema A E, se non sopra il punto E, per essere M A eguale a C H maggiore di qualunque altra sublimità B H, cui dovrebbe porsi eguale A L, per trovare l'ordinata L D corrispondente al concorso delle due parabole.

Corollario I.

Quindi è chiaro, che la parabola, la quale nel concorso E della suprema

ma A D coll'infima C E, resta superiore a tutte, è quella, che viene centro B dell'apertura A C; perchè essendo A M eguale a C H, se ancora H B è eguale a B M (come ricerca l'essere la parabola superiore a tutte nell'ordinata, che si tira per M) sarà altresì A B eguale a B C, e il punto B è il centro del lume A C.

Corollario II.

Fatto l'angolo semiretto M H P, la retta H P toccherà tutte l'esteriori parabole, per essere sempre la distanza M H dupla della M B intercetta fra il vertice, ed il foco; di maniera che se altre parabole superiori, o inferiori Q R, V S ec. fossero descritte, continuando all'insù, o all'ingiù la sezione del lume, ovvero forando con varie altre aperture il vaso H C K nella stessa linea verticale H C, sempre la medesima retta H P, passerà pel convesso di tutte le parabole descritte dall'acqua, che uscisse per queste aperture, toccandole dove si fanno superiori all'altre nel loro intrecciamento, e limitando il luogo, oltre al quale non possono sollevarsi.

Corollario III.

E' manifesto altresì, che lo zampillo dell'acqua tramandata da un lume verticale con direzione parallela all'orizzonte, non può mai giugnere ad una distanza orizzontale maggiore dell'altezza del supremo livello dell'acqua sopra quell'orizzonte; ma solo al più ad una distanza eguale a detta altezza (cioè dove viene toccata la curva del getto parabolico dalla retta H P) e negli altri luoghi si restringe sempre a minore distanza.

PROPOSIZIONE XIII.

Determinare le parti sincrone dell'acqua, che esce da un vaso per un lume verticale.

Si pongano nell'asse dal vertice di ciascuna parabola le eguali porzioni A X, B Y, C Z, e si tirino l'ordinate a ciascuna parabola X 1, Y 2, Z 3. E' manifesto, che le porzioni delle curve paraboliche A 1, B 2, C 3 faranno descritte nel medesimo tempo eguale a quello della caduta per le porzioni eguali dell'asse A X, B Y, C Z. E queste saranno le parti sincrone dell'acqua, che si doveano determinare.

Corollario I.

Si avverta, che i punti 1. 2. 3. sopra determinati sono altresì in una linea parabolica: perchè essendo il quadrato X 1 quadruplo del rettangolo H A X, e così il quadrato Y 2 quadruplo del rettangolo H B Y, essendo A X, e B Y eguali, sarà il quadrato X 1. al quadrato Y 2 come H A ad H B; e posta H V eguale ad A X, ovvero a B Y, ficchè V X uguaglierà H A, ed V Y uguaglierà H B, avremo che il quadrato X 1 al quadrato Y 2. sta, come la distanza V X alla distanza V Y;

onde la curva 1. 2. 3. è una parabola, che averà per sublimità la retta H V (per essere il rettangolo H V X eguale ad H A X, cioè alla quarta parte del quadrato X 1.) quale insomma sarebbe descritta dall' acqua, che uscisse da un lume aperto in V, sotto il medesimo livello dell' acqua H K, e che per ciò sarebbe toccata dalla stessa retta H P, di cui nel Coroll. 2. della Prop. antecedente.

Corollario II.

Similmente, descritta ad arbitrio per qualunque punto Q, e colla sublimità H Q un'altra parabola Q R, questa ancora, segando in 7. 6. 4. le parabole A P, B D, C E, ne determinerà le parti sincrone A 7, B 6; C 4. onde conseguentemente riusciranno sincroni ancora gli archi intercetti 1. 7., 2. 6., 3. 4.

Corollario III.

E perchè le medesime parabole A P, B D, C E sono similmente descritte, serviranno anch' esse a determinare gli archi sincroni dell' altre; sicchè si faranno nello stesso tempo gli archi A P, B D, C E, a' quali di fatto corrispondono l' eguali porzioni dell' asse A O, B L, C M. Così ancora le parabole V 3. Q 4. A E, B F, segate dalla stessa parabola C E si faranno nello stesso tempo: ed altresì le parabole V 2, Q 6, A D, C F segate dalla stessa B E: come ancora le V 1., Q 7., B D, C E segate dalla medesima A P; onde gli archi 1. 3., 7. 4., P E, D F sono sincroni, per essere intercetti fra le stesse parabole A P, C E; e così degli altri.

SCOLIO.

La resistenza dell' aria porta molta alterazione alla curva descritta dallo zampillo dell' acqua, e conseguentemente modifica in diversa maniera le cose sopradette; perchè, se l' aria resiste in ragione delle velocità, o de' loro quadrati, la curva suddetta sarà di tutt' altra natura, che sarei pronto a determinarla, se avessi ozio da stendere tutta la catena delle dimostrazioni, che si ricercano a ciò, e si potrà in altro luogo con miglior comodo stabilire. In tanto, senza più dilungarmi dalla materia, passerò avanti; solo avvertendo, che siccome si è determinato di sopra l' intreccio delle parabole descritte dall' acqua, che esce da un vaso con direzione orizzontale, così potrà il lettore da se stesso investigare quello delle parabole fatte con direzione inclinata all' orizzonte: bastando applicarvi lo stesso metodo, e dimostrazione, senz' altro divario, se non che non vi entra più la considerazione del fuoco delle parabole, per essere A C L un diametro secondario, e non l' asse di esse.

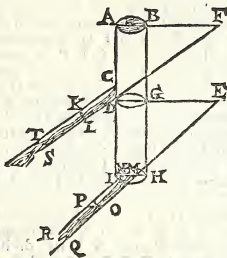
CAPITOLO III.

Della figura dell' acqua ne' tubi , per cui si deriva all' uscire di qualche emissario .

PROPOSIZIONE XIV.

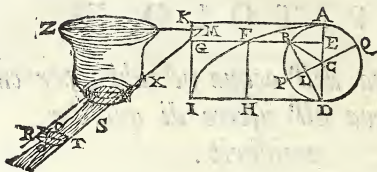
SE l'acqua che esce da un apertura orizzontale $M N$, o verticale $D C$ venga raccolta in un canale parallelepipedo $M R$, ovvero $D T$ inclinato all' orizzonte , la superficie dell' acqua corrente dentro il canale suddetto sarà iperbolica quadratica , o sia del secondo grado.

Prolungata la linea del fondo, finchè convenga col supremo livello dell' acqua , contenendo con essa l' angolo $M E G$, ovvero $D F B$, si tagli l'acqua corrente col piano $O P$, ovvero $L K$ parallelo all' apertura, o prima sezione del lume $M N$, ovvero $D C$ rispettivamente. Sarà dunque la fezione $O P$ alla fezione $M N$, cioè la linea $O P$ alla $M N$ (per essere uniforme la larghezza del canale) come reciprocamente la velocità in M alla velocità in O (mercecchè si trasmette in egual tempo la stessa quantità d' acqua per tutte le sezioni parallele del canale) cioè in ragione sudduplicata dell' altezze, o pure delle rette $M E$, $O E$; e raddoppiando l' un' e l' altra ragione , sarà il quadrato $O P$ al quadrato $M N$, reciprocamente, come la distanza $M E$ alla distanza $O E$; e per tanto la linea $N P$ è l' iperbola quadratica, o sia del secondo grado, descritta fra gli asintoti $M E$, $E G$; e similmente farà $L K$ a $D C$ in tudduplicata ragione delle $D F$, $F L$; e però ancora la linea $C K$ è una iperbola del medesimo grado. Il che ec.



PROPOSIZIONE XV.

Poste le stesse cose , quando il canale recipiente fusse cilindrico , determinare la superficie dell' acqua corrente in esso , o sia l' apertura dell' emissario orizzontale , o verticale .



Sia il vaso Z NY, da cui per l'apertura orizzontale N Y (basterà parlare di questa, potendo ogn' uno applicare lo stesso metodo al caso, in cui l'apertura fusse verticale) scorra l'acqua ricevuta dal tubo cilindrico N R, il di cui profilo inferiore sia la retta T N,

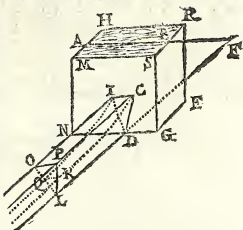
che concorre in M col supremo livello dell'acqua Z M. Fra le due T M, N M sia media proporzionale M S, la quale si divida per mezzo in X. Indi fatta la cicloide A F I D, generata dal cerchio A B D, si divida la base D I in H, sicchè stia D I ad I H, come X S ad S N, e condotta H F perpendicolare alla base D I, si ordini per F la retta G F E parallela alla detta base, dalla quale ordinata sia segato il cerchio generatore in B. Dunque, per la natura della cicloide, l'intercetta F B uguaglia l'arco circolare A B, siccome la base D I, cioè tutta la E G, pareggia la mezza periferia A B D; onde la somma de i due residui F G, B E, uguaglierà il rimanente arco B D, e però l'eccesso dell'arco B D sopra il seno B E sarà F G; e condotta la corda B D, cui sia perpendicolare in L il diametro Q C L P, e congiunto il raggio C B, è manifesto, essere il settore C D P B eguale al rettangolo della metà del raggio nell'arco D P B, ed il triangolo C B D pareggiare il rettangolo della stessa metà del raggio nel seno B E; per la qual cosa l'eccesso del primo sopra il secondo, cioè il segmento D P B uguaglierà il rettangolo della metà del raggio nella F G, ed essendo tutto il cerchio eguale al rettangolo della metà del raggio in tutta la circonferenza, cioè nel duplo di E G, e però il detto cerchio al segmento D P B stà come il duplo di G E ad F G, o come il duplo della D I alla I H, ovvero come il duplo di X S (che è M S) ad S N; e per conversione di ragione il cerchio suddetto al segmento D Q A B starà come S M ad M N, cioè in sodduplicata ragione di T M ad M N; se dunque il diametro T R del cerchio T O R parallelo al lume N Y, sarà diviso in V, come P Q è diviso in L, sarà il cerchio T O R, cioè N Y al segmento O T O in sodduplicata ragione di T M ad M N, o come la velocità in T alla velocità in N; e però il detto segmento T O V sarà la vera sezione dell'acqua corrente in T, e la linea Y V (determinando similmente gli altri suoi punti) ci rappresenterà la figura della superficie dell'acqua corrente nel proposto tubo cilindrico. Il che ec.

PROPOSIZIONE XVI.

Se il canale, per cui si riceve l'acqua, fosse una doccia triangolare, la cui sezione C D I; la superficie dell'acqua si disporrebbe in una linea iperbolica C R al quarto grado.

Perchè prolungato il fondo del canale L D fino al livello supremo dell'ac-

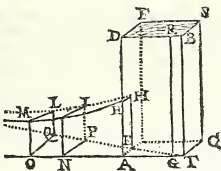
acqua in F, essendo le sezioni dell'acqua nella doccia i triangoli simili C D I, K L Q, sarà la prima sezione alla seconda in duplicata ragione de' lati omologhi C D, K L; ma sono ancora le sezioni reciproche delle velocità, le quali hanno la ragione sudduplicata di F L ad F D; dunque la ragione sudduplicata di F L ad F D uguaglia la duplicata di C D ad K L; e raddoppiando l'una e l'altra, sarà la ragione di F L ad F D uguale alla quadruplicata di C D a K L; onde i punti C, K, sono in una iperbole del quarto grado tra gli asintoti D F, F A. Il che ec.



PROPOSIZIONE XVII.

Spandendosi il fondo A E P N in un trapezio triangolare, la superficie dell'acqua H K M sarà di figura iperbolica ordinaria, cioè del primo grado, se il canale è posto orizzontalmente.

Imperocchè nel piano orizzontale non accelerandosi il moto, ma conservandosi la stessa velocità, tutte le sezioni I P N K, L Q O M saranno uguali; dunque K N ad M O sta come O Q ad N P, cioè come la distanza O G, dal concorso G de' lati del trapezio triangolare A E P N, alla distanza N G; e però H K M; ovvero H I L è una iperbole ordinaria d'Apollonio. Il che ec.



Corollario.

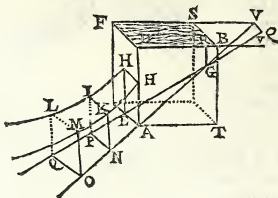
E' manifesto, che tirata la G R parallela ad A H, l' iperbole H K M avrà per asintoti le due N G, G R, e l' iperbola H I L le due P G, G R.

PROPOSIZIONE XVIII.

Poste le stesse cose, ma il trapezio del fondo A E Q O, essendo inclinato all'orizzonte, le curve H K M, H I L saranno iperbole solide di doppio centro, o cubiche del second' ordine, secondo i casi, che in appresso distingueremo.

Imperocchè concorra il piano del fondo col supremo livello dell'acqua nella retta V u, congiungendosi i lati del trapezio in G, essendo adunque la sezione K N P I all'altra M O Q L, come la velocità sopra il fondo O alla velocità sopra il fondo N, cioè in ragione sudduplicata di O V ad

N V, e le dette sezioni essendo in ragione composta di K N ad M O, e di N P ad O Q, l'ultima delle quali è la stessa, che di N G a G O, farà dunque la ragione composta di K N ad M O, e di N G a G O, eguale alla sudduplicata di O V ad N V; e raddoppiando le dette ragioni, sarà la ragione composta del quadrato K N al quadrato M O, e del quadrato N G al quadrato G O, eguale a quella delle distanze O V, N V; e il prodotto de' quadrati K N, N G nella retta N V, eguale al prodotto de' quadrati M O, G O nella retta O V; per la qual cosa, avremo il quadrato K N al quadrato M O, come reciprocamente il solido fatto dal quadrato G O nella retta O V, al solido fatto dal quadrato N G nella retta N V; onde la curva H K M è una iperbole solida, di due centri, che sono G, e V.



Se il piano del trapezio A E Q O tagliasse il supremo livello dell'acqua sotto al punto G, farebbe la stessa cosa, se non che il centro G, a cui terminano le linee, che fanno le basi quadrate de' solidi, allora farebbe il più lontano, ed il centro V, cui terminano le linee, che sono l'altezze de' medesimi solidi, farebbe il più vicino.

Ma quando esso trapezio convenisse col livello dell'acqua appunto nell'angolo G del concorso de' suoi lati; allora svanirebbe l'intervallo G V, concentrandosi il centro V col centro G in un solo punto, e le O V, N V essendo eguali alle O G, N G, farebbe il quadrato N K al quadrato O M, come il cubo O G al cubo N G; onde allora la curva H K M farebbe un'iperbole cubica del secondo ordine. Il che ec.

Corollario.

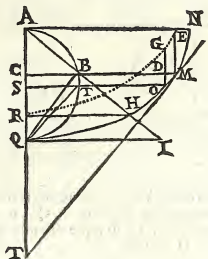
E' manifesto, che dal punto G tirandola G R parallela ad A H (ovvero, quando il trapezio A O Q E concorresse col supremo livello dell'acqua sotto al punto G, di maniera che V fusse il centro più vicino, tirando detta parallela dal punto V) farebbe questa parallela uno degli asintoti della curva, e l'altro farebbe la retta G O (ovvero G Q, rispetto all'altra curva H I L) Per l'altro centro più lontano non passando asintoto, ma servendo solo di termine fisso alle distanze, che determinano le dimensioni di que' solidi.

PROPOSIZIONE XIX.

Se il canale, per cui dee scorrere l'acqua, avendo sempre pari larghezza, avrà il fondo N M Q di figura cicloidale, determinare la figura della superficie dell'acqua.

Prefo qualunque punto M nel fondo cicloidale, e condotta l'orizzontale M C, che sega il cerchio genitore A B Q nel punto B, si conduca la cor-

corda A B, e determinata l'altezza dell'acqua Q R nel punto Q, si faccia come la corda A B alla corda A Q (cioè al diametro del cerchio genitore, per essersi preso il punto Q nel termine dell'asse della cicloide) così l'altezza Q R all'altezza M E; sarà il punto E nella curva E G R ricercata. Imperocchè la velocità in M alla velocità in Q, è come A B ad A Q, essendo questa la ragione sudduplicata dell'altezze A C, A Q; dunque per essere Q R ad M E nella detta ragione, saranno in pari larghezza le sezioni Q R, M E reciproche delle velocità; onde saranno, quali si richiede per iscaricare egual quantità d'acqua da amendue, e però E G R sarà la superficie dell'acqua. Il che sc.



Corollario I.

Si avverta, che per essere $Q A$ ad $A B$, come $Q B$ a $B C$, cioè come la tangente della cicloide $T M$ all'ordinata $M C$, ovvero come l'elemento $M O$ della curva cicloidale all'elemento $M D$ della sua ordinata [essendo $O G$ infinitamente prossimo ad $M E$] farà ancora $M E$ a $Q R$, come $M O$ ad $M D$; e però lo spazio elementare $E M O G$ uguaglierà il rettangolo della costante $Q R$ nell'elemento $M O$ della curva; e ciò sempre; onde integrando, tutto lo spazio curvilineo $E G R Q O M$ uguaglierà il rettangolo della stessa $Q R$ nella curva $M O Q$, e le parti di quello saranno eguali alle corrispondenti parti di questo; onde il corpo d'acqua, che corre sul fondo cicloidale $M O Q$ farà proporzionale all'estensione del fondo medesimo $M O Q$; di maniera che l'acqua $F R Q M$ all'acqua $G R Q O$, farà come la curva $M Q$ alla curva $O Q$: giusto come le il canale fusse uniforme, ed egualmente alto per tutto, col fondo disposto in una retta orizzontale.

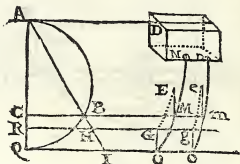
Corollario II.

Si osservi inoltre, che da' punti R, Q tirate le orizzontali R H, Q I, segate dalla A B prolungata in H, I, farà sempre l'intercetta I H eguale alla M E, essendo M E a Q R, come A Q ad A B, ovvero come A B ad A C, cioè come I H a Q R.

PROPOSIZIONE XX.

Qualunque sia la linea del fondo $N M O$, retta, o curva, trovare generalmente la superficie dell'acqua $E G$ nel canale, che la riceve.

Si faccia il mezzo cerchio $A B Q$, il cui diametro sia l'altezza interpo-



sta fra il livello dell'acqua, e l'infimo punto O del canale, e posta R Q eguale all'altezza O G, che conviene all'acqua nel detto infimo punto, si tirino le orizzontali Q I, R H, segate da qualsivoglia corda A B ne' punti H I, e tirata l'orizzontale B M, si alzi M E eguale ad H I, parallela ad O G: farà il punto E nella superficie ricercata; e così potranno determinarsi tutti i punti di essa; imperocchè debbe essere O G ad M E, come la velocità in M

alla velocità in O, cioè in sudduplicata ragione dell'altezza C A, A Q, ovvero come B A ad A Q, o pure come C A ad A B, che è la stessa di R Q ad H I; dunque essendo O G eguale ad R Q, farà M E eguale ad H I. Il che ec.

Corollario.

Quando M O è una linea retta, la E G diventa un'iperbola del secondo grado, essendo il quadrato Q A al quadrato A B, cioè il quadrato M E al quadrato O G, come Q A ad A C, ovvero O F ad F M.

SCOLIO.

Tanto in questa, che nell'antecedenti proposizioni si dovrebbero in rigore assumere le sezioni O G, M E perpendicolari alla linea del fondo N M O, cui si può supporre parallela la direzione del corso dell'acqua; Ma essendo vero generalmente, che per tutte le sezioni tra di loro parallele de' sgorgare in pari tempo eguale quantità d'acqua [non dipendendo la dimostrazione della prop. 1. del libro primo dell'essere le sezioni perpendicolari al corso de' fiumi] e conseguentemente essendo elleno sempre reciproche alle loro velocità, si è stimato bene di lasciare queste proposizioni ne' termini universali, in cui stanno: essendo poi in libertà de' Leggitori il ridurre, come più le parrà opportuno, a sezioni perpendicolari alla direzione del moto dell'acqua, osservando la stessa costruzione.

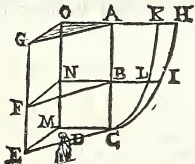
CAPITOLO IV.

Del tempo, in cui qualsivoglia vaso, o ricettacolo d'acqua si va votando, non essendogliene frattanto somministrata altra copia.

PROPOSIZIONE XXI.

V Otandosi il vaso, o ricettacolo $AC EGO$ per l'apertura D posta nel fondo, o vicino ad esso, determinare la scala delle velocità, con cui la superficie suprema dell'acqua va discendendo dentro del vaso, ed accostandosi al fondo.

Sia $A C$ l'altezza dell'acqua nel vaso pieno, e colla cima C , ed asse $C A$ descrivasi con qualunque lato retto la parabola $C I H$; e come la superficie dell'acqua $A G O$ sta all'apertura D , così stia $H A$ ad $A K$. Similmente segnando altrove il medesimo vaso con un piano parallelo ad $A G O$, che sia $B N F$, come $B N F$ all'apertura D , così stia $I B$ a $B L$, e così sempre. Dico che la curva $K L C$ è la scala delle velocità, con cui scende la superficie dell'acqua dentro il vaso; Imperocchè quando l'acqua è nell'altezza $A C$, la velocità, con cui esce dall'apertura, D è come l'ordinata $H A$ della parabola, e quando l'acqua arriva solamente all'altezza $B C$, la velocità con cui esce dal foro D , è come l'ordinata $B I$, essendo le dette velocità in sudduplicata ragione dell'altezze, di maniera che ciascuna ordinata della parabola esprime quel grado di velocità, che compete all'acqua nell'apertura D , quando il livello dentro il vaso giugne all'altezza corrispondente alla detta ordinata; ma perchè tant'acqua scende dall'apertura D , quanta si muove discendendo dentro il vaso da un livello più alto ad uno più basso (essendo appunto tanto il calo dell'acqua dentro il vaso, quanta è la quantità, che di mano in mano esce dal foro) bisogna che la velocità dell'acqua nell'apertura D stia alla velocità della superficie $A O G$ che discende, come reciprocamente la stessa superficie $A O G$ all'apertura D ; adunque essendola velocità $H A$ alla velocità $A K$, come $A O G$ al lume D , farà $A K$ la velocità competente alla superficie $A O G$; similmente essendo la velocità del lume D , quando l'acqua ha il suo livello in B , l'ordinata $I B$, la quale stia a $B L$, come la superficie, o sezione dell'acqua nel vaso $B N F$ al lume D , farà $B L$ la velocità della superficie dell'



dell'acqua, quando si trova giunta in B, essendo discesa dall'altezza A B; e così sempre; dunque la curva K L C determina la scala della velocità, con cui scende la superficie dell'acqua dentro il vaso, mentre si va votando per l'apertura D. Il che ec.

Corollario I.

Si noti, essersi provato, che l'ordinate della parabola H I C A espongono le velocità competenti all'acqua nell'uscire dall'apertura D in quegli istanti, ne' quali l'acqua giugne all'altezze di mano in mano tagliate dalle dette ordinate; di maniera che l'acqua esce dal lume D con moto ritardato, facendosi sempre minore la sua velocità, secondo che va calando l'altezza dell'acqua nel vaso.

Corollario II.

Se il vaso, o ricettacolo A C E G O o cilindrico, o prismatico, di maniera che tutte le sue sezioni A O G, B N F siano eguali, averanno sempre la stessa proporzione alla sezione del lume D; onde H A ad A K, ed I B a B L staranno nella stessa proporzione, e però la scala delle velocità della superficie dell'acqua, cioè la curva K L C sarà una parabola anch'essa, e la detta superficie dell'acqua discenderà dentro il vaso con moto ritardato; diminuendosi la sua velocità, come ne' gravi tirati allo in giù.

PROPOSIZIONE XXII.

Le velocità A K, B L, colle quali discende la superficie dell'acqua in A, ed in B sono in ragione composta della sudduplicata dell'altezze A C, B C, e della reciproca delle sezioni B N F, A O G.

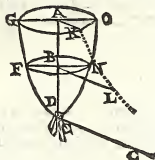
Imperocchè A K a B L è in ragione composta di A K ad A H (cioè della sezione del lume D alla superficie A O G) di A H a B I (che è la sudduplicata dell'altezze A C, C B) e di B I a B L (cioè della sezione B N F all'apertura D; ma la prima, e la terza ragione formano quella di B N F ad A O G; dunque A K a B L è in ragione composta della sudduplicata dell'altezze A C, B C, e della reciproca delle sezioni B N F, A O G. Il che ec.

Corollario I.

Se le sezioni fossero in ragione sudduplicata dell'altezze, come se fosse il vaso un prisma parabolico, i cui piani verticali opposti fossero due eguali parabole A H C; sicchè le sezioni fossero rettangoli compresi dell'ordinata A H, B I della parabola, e da una costante, la ragione composta della sudduplicata dell'altezze, e della reciproca delle sezioni, sarebbe ragione di egualità; di maniera che la curva K L C diventerebbe una retta parallela ad A C, e la superficie dell'acqua discenderebbe con moto equabile verio il fondo.

Corollario II.

Lo stesso accaderebbe, quando il vaso fusse un solido rotondo nato da una parabola GFC del quarto grado, rivolta intorno l'asse AC ; imperocchè, essendo la quarta potestà di AG alla quarta potestà di BF , come AC a BC , ancora dimezzando l'una, e l'altra ragione, sarà il quadrato AG al quadrato BF , ovvero il cerchio OG al cerchio NF , in suduplicata ragione di AC a CB , e però secondo il corollario precedente la superficie OG dee discendere equabilmente nel votarsi il vaso OCG .

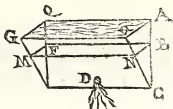


Corollario III.

Ma se il vaso medesimo OCG fusse generato dalla parabola ordinaria, scenderebbe in esso la superficie dell'acqua con moto accelerato (come accennò senza dimostrazione il Torricelli nel fine del suo Trattato del moto dell'acque) perchè la velocità in A alla velocità in B sarebbe in ragione composta di AG a BF , e del quadrato BF al quadrato AG , cioè sarebbe reciprocamente, come BF ad AG , e però scendendo da A in B diventerebbe maggiore; e la scala della velocità sarebbe un'iperbole quadratica KL , in cui il quadrato AK al quadrato BL starebbe reciprocamente, come BC a CA .

Corollario IV.

Nel prisma triangolare $AOC PGQ$ per essere il triangolo ACO analogo alla conoide parabolica OCG , (*fig. anteced.*) accade il medesimo; ed in fatti la sezione $AOGQ$ alla sezione $BNMF$ sta come AO a BN , cioè come AC a CB , o come il cerchio OG della conoide parabolica (*fig. anteced.*) al cerchio NF , e però la velocità, con cui scende la superficie del detto prisma triangolare posto col taglio CP all'ingiù, cresce come nel conoide parabolico, secondo la scala dell'iperbole quadratica KL .



Corollario V.

Essendo il vaso GCO un cono, ovvero una piramide colla punta all'ingiù, da cui per l'apertura D esca l'acqua, la scala della velocità sarà una

Corollario II.

Viceversa essendo il vaso una conoide parabolica ordinario $O C G$ (*fig. del coroll. 2. prop. 22.*) perchè la scala delle velocità $K L$ è una iperbole quadratica, come si è dimostrato nel Coroll. 3. della precedente (e lo stesso dicasi del prisma triangolare voltato col taglio all'ingiù, comenella (*fig. del coroll. 4. prop. 22.*) si è provato al Coroll. 4.) la sua reciproca, cioè la scala de' tempi elementari farà una parabola, di maniera che i tempi suddetti saranno come i raggi, o come li diametri delle sezioni di detta conoide parabolica, per le quali di mano in mano passa la superficie suprema dell'acqua, secondo che si v'abbassando.

Corollario III.

E perchè si è veduto nel Coroll. 5. della precedente, che la scala della velocità nel vaso a cono $G C O$ (*fig. del coroll. 5. prop. 22.*) (o di una piramide voltata colla punta allo in giù) è l'iperbole cubica del second'ordine, avremo per sua reciproca la parabola $K T C$ parimente cubica dello stesso ordine, in cui farà il quadrato $B T$ al quadrato $A K$, come il cubo $A C$ al cubo $B C$; e questa farà la sua scala de' tempi elementari.

Corollario IV.

Generalmente la curva $A K T$ (*fig. di questa prop. 23.*) scala de' tempi elementari averà le ordinate $A K$, $B T$ in ragione composta della diretta delle sezioni $A O G$, $B N F$ del vaso, e della reciproca sudduplicata di $B C$ ad $A C$: siccome la scala delle velocità $K L C$, che le è reciproca per la Prop. 22. ha le ordinate in ragione composta della diretta sudduplicata delle altezze $A C$, $B C$, e della reciproca delle sezioni $B N F$, $A O G$.

Corollario V.

Onde ancora (per le cose dette nella dimostrazione della Prop. 6. del lib. 1.) la ragione delle sezioni $A O G$, $B N F$ del vaso farà composta di quella de' tempi elementari $A K$, $B T$, e della sudduplicata di $A C$ a $B C$, cioè delle velocità che ha l'acqua nell'uscire dal lume nell'alttezze $A C$, $B C$, cioè, supposto, che $C L K$ sia una parabola esprimente le dette velocità, farà $A O G$ a $B N F$, come il quadrato $A K$ al rettangolo $T B L$.

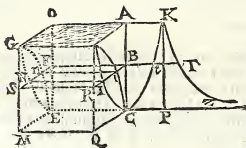
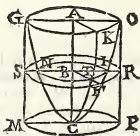
Corollario VI.

Che però, se le sezioni del vaso decrefcono, o si ampliano andando verio il fondo C secondo qualunque ragione diretta, o reciproca delle distanze $A C$, $B C$, moltiplicata, o sommoltiplicata secondo l'esponente m , toltone da esso un mezzo, che è l'esponente delle ordinate della pa-

rabola, farà il resto l'esponente dell' ordinate nella scala de' tempi elementari.

PROPOSIZIONE XXIV.

Benchè la conoide $O C G$ generata dalla parabola del quarto grado sia due terzi del cilindro circoscritto $O P M G$; siccome ancora il prisma parabolico ordinario $H C A O E G$ sia due terzi del prisma rettangolo circoscritto $H Q M E O A$; tuttavolta impiegherà la detta conoide a votarsi per una eguale apertura la metà del tempo, che vi impiega il cilindro; e così il prisma parabolico rispetto al prisma rettangolo.



Ciò è manifesto dal Coroll. 1. della precedente, in cui si è veduto, essere la scala de' tempi d' un cilindro, o d' un prisma lo spazio dell' iperbole quadratica $A K T Z C$, il quale è duplo dell' iscritto rettangolo $K A C P$; il quale farebbe la scala de' tempi del moto equabile competente al moto della superficie dell' acqua sì nella conoide parabolica del quarto grado, come nel prisma parabolico ordinario, per li Coroll. 1. e 2. della Prop. 22, essendo adunque l'aree de' tempi elementari, come i tempi di tutto il moto della superficie dell' acqua contenuta in questi vasi per tutta l' altezza $A C$, nel quale tempo vota si tutto il vaso, farà il tempo, in cui si vota il cilindro duplo del tempo, in cui si vota la conoide parabolica del quarto grado; ed il tempo, in cui si vota il prisma rettangolo, altresì duplo del tempo, in cui si vota il prisma parabolico; e pure il primo non è di capacità duplo del secondo, ma sesquialtero, siccome ancora il terzo del quarto. Il che ec.

Corollario.

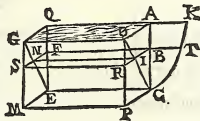
Dunque una conoide parabolica del quarto grado, ed un prisma parabolico ordinario, si votano più presto in proporzione della capacità loro, che non fa il cilindro, ed il prisma rettangolo; perchè a ragione dell' acqua in essi contenuta, se questi si votano in sei minuti di tempo, dovrebbero quelli, che contengono solo due terzi di acqua, esaurirsi in 4. minuti; ma si esauriscono in 3. soli minuti, come si è veduto.

PROPOSIZIONE XXV.

Il tempo, in cui si vota una conoide parabolica ordinaria $O C G$ al tempo, in cui si esaurisce per una simile, ed uguale apertura il cilindro circoscritto, e in ragione sutfupla; e lo stesso accade di un prisma triangolare voltato col taglio all'inghiù, e pa-

e paragonato al prisma rettangolo, che lo circoferisce; quantunque la ragione della capacità de' solidi in amendue i casi sia suddupla.

Perchè la scala de' tempi tanto della conoide parabolica ordinaria, che del prisma triangolare, è la parabola KTC , per lo Coroll. 2. della Prop. 23. ma questa è due terzi del rettangolo circoferito, e conseguentemente un terzo dell'iperbole quadratica dupla di esso rettangolo, la quale iperbole è la scala de' tempi del cilindro, o del prisma rettangolo per lo Corollario 1. della stessa Prop. 23., dunque il tempo, in cui si vota la conoide parabolica ordinaria, è un terzo del tempo, in cui si esaurisce il cilindro circoferito; e lo stesso vale del prisma triangolare rispetto al parallelepipedo circoferito: quantunque la ragione de' solidi sia solamente suddupla. Il che ec.



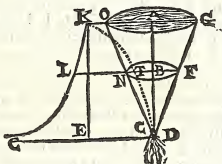
Corollario.

Qui ancora è manifesto, che in proporzione della capacità sua è più breve il tempo, in cui si vota il solido iscritto, che il circoferito; perchè in proporzione dell'acqua che contiene, dovrebbe vuotarsi nella metà del tempo, e pure si esaurisce solamente in un terzo di quello, che si richiede al solido cilindro, o parallelepipedo.

PROPOSIZIONE XXVI.

Un cono, ovvero una piramide colla punta alle ingiù si esaurisce in un quinto del tempo, in cui si esaurisce il cilindro, ovvero il prisma circoferito, di cui pure esaurisce la piramide, o cono è un terzo di capacità.

Perchè la parabola conica del second'ordine $AKTC$, la quale, per lo Coroll. 3. della Prop. 23. è la scala del tempo del vaso conico, o piramide, e due quinti del circoferito parallelogrammo $KACE$, e questo è la metà della iperbole quadratica $AKLC$, che è la scala de' tempi del vaso cilindrico, o prismatico circoferito; dunque la scala de' tempi del cono, o piramide è un quinto della scala de' tempi del cilindro, o prisma circoferito; e conseguentemente si vota il cono nella quinta parte del tempo, in cui si vota il cilindro, e lo stesso vale di qualunque piramide rispetto al prisma, che la circoferisce, e di cui tanto l'uno, che l'altro solido è un terzo di capacità: come è noto a' Geometri.

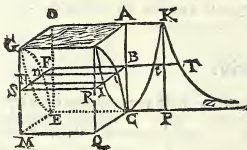


Corollario I.

Qui ancora si vede, che più presto si esaurisce il cono, o la piramide, che il cilindro o prisma circoscritto, in riguardo alla sua capacità, perchè attesa questa, dovrebbe votarsi in una terza parte del tempo, in cui si esaurisce il solido circoscritto, e pure vi consuma solamente un quinto del medesimo tempo.

Corollario II.

Lo stesso vale di un prisma fatto dal trilineo parabolico $A C I H$ le cui ordinate, e conseguentemente le sezioni del prisma, sono come i quadrati dell'alttezze, onde è analogo al cono, e alla piramide.



PROPOSIZIONE XXVII.

Se il prisma $A H I C E N G O$ è fatto dalla parabola $H I C A$ di qualsivoglia grado, in cui le ordinate $H A$, $I B$ sieno in ragione tanto moltiplicata, o summultiplicata di quella dell'alttezze $A C$, $B C$, quanto il numero m intero, o rotto, è moltiplice, o summultiplice dell'unità: il tempo, in cui dovrà votarsi, sarà al tempo, in cui si voterebbe il prisma rettangolo circoscritto, come l'unità al complesso della stessa unità, e del duplo numero suddetto m . cioè come $1. a 2. m + 1.$

Sia $A K T Z C$ la scala del tempo del prisma rettangolo $A H Q M E G$, e dell'iscritto prisma parabolico $H I C E N G O$ A sia la scala la figura $A K I C$; sarà dunque $A K a B$ in ragione composta della diretta delle sezioni $A H G O$, $B I N F$, cioè dell'ordinata $A H$ all'ordinata $B I$, che è la moltiplicità secondo il numero m di quella dell'alttezze $A C$, $B I$, e della reciproca sudduplicata delle medesime alttezze $B C$, $A C$, per lo Coroll. 4. della Prop. 23. vale a dire, che $A K a B$ sarà in ragione tanto moltiplicata, o summultiplicata di quella delle alttezze $A C$, $B C$, quanto il numero m , detrattone la metà dell'unità, resta moltiplice, o summultiplice della stessa unità; onde per le cose dimostrate da noi negli Ugentiani cap. 8. n. 10. sarà la figura $A K I C$ al suo compimento $K I C P$, come 1 ad m detrattone un mezzo; e componendo, e per conversione di ragione, sarà il rettangolo $A K P C$ alla figura $A K I C$, come m con un mezzo, all'unità; ma essendo l'iperbola quadratica $A K T Z C$ dupla dell'iscritto rettangolo $A K P C$, sarà quella a questo, come $2 m$, colla giunta d'una unità, ad m con un mezzo; dunque per l'uguaglià ordinata, sarà la detta area iperbolica alla figura $A K I C$, cioè il tempo che mette a votarsi il prisma rettangolo, al tempo in cui si esaurisce il prisma parabolico, come $2 m$ colla giunta dell'unità alla stessa unità; e convertendo è manifesto ciò, che si era proposto a dimostrare.

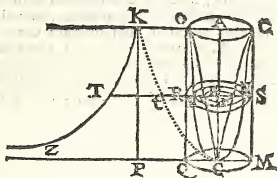
Corollario.

Quindi si può fare un prisma parabolico, il tempo di cui sta al tempo del parallelepipedo circoscritto, quanto al votarsi, in qualunque ragione di minore inegualità. Si voglia per esempio, che il tempo, in cui si esaurisce quello, al tempo, in cui si esaurirebbe questo, stia come 1. a 25. Sarà dunque 25. eguale a $2. m + 1$ e però 12. eguale a m ; sicchè si scelga tale parabola, o trilineo parabolico $A C I H$, che l'ordinata $A H$ all'ordinata $B i$ stia, come la duodecima potestà di $A C$ ad una simile potestà di $B C$, ed il prisma $A H i C E n G O$ soddisfarà al quesito, essendo però la sua capacità una decimaterza parte del parallelepipedo circoscritto.

PROPOSIZIONE XXVIII.

Se il solido rotondo $G N C I O$ è fatto dalla parabola $G N C A$, in cui le ordinate $G A$, $N B$ sieno in ragione tanto moltiplicata, o sommoltiplicata di quella dell'altezze $A C$, $B C$, quanto il numero m è moltiplice, o sommoltiplice dell'unità; sarà il tempo, in cui detto solido può votarsi, a quello in cui si esaurirebbe il cilindro circoscritto $G M Q O$, come l'unità al quadruplo del numero m congiunto coll'unità, cioè, come 1. a $4. m + 1$.

Perchè posta l'area $A K e C$ per la scala de' tempi elementari della proposta conoide, sarà $A K a B e$ in ragione composta del cerchio $G O$ al cerchio $N I$, cioè della duplicata di $A O$ a $B I$, che sarebbe moltiplicata di quella dell'altezza $A C$, $B C$ secondo il doppio del numero m , e della sudduplicata reciproca delle altezze $B C$, $A C$, onde $A K a B e$, è come la potestà dell'altezza $A C$ denominata dal duplo del numero m , detrattone il mezzo dell'unità, ad una simile potestà dell'altezza $B C$; però l'area $A K e C$ sarà al rettangolo circoscritto $A K P C$, come l'unità al duplo numero m , congiuntovi un mezzo;



ma il rettangolo suddetto è allo spazio dell'iperbola quadratica $A K T Z C$ in ragione suddupla; cioè, come il duplo numero m , con la giunta d'un mezzo, al quadruplo del numero m , congiuntovi l'unità; dunque per l'egual proporzione, l'area $A K e C$, che è la scala de' tempi del conoide, stia all'area $A K T Z C$, che è la scala de' tempi del cilindro circoscritto, come 1. a $4. m + 1$. Il che ec.

Corollario I.

Si può quindi cavare il metodo di fare un conoide parabolico, il quale si voti in tempo, che stia al tempo, in cui si vota il cilindro circoscritto, in una data ragione. Per esempio, sia la ragione di 1. a 25; dunque sarà 25. eguale a $4. m + 1.$, e però m eguale a 6.; sicchè fatta la parabola, le cui ordinate siano, come le feste potestà dell' altezze, questa generando un conoide soddisfarà al problema.

Corollario II.

Si avverta che queste due ultime proposizioni comprendono generalmente le proposizioni 24. 25. 26., e loro corollarj.

S C O L I O.

Non occorre più oltre dilungarsi in questa materia, sì perchè il medesimo metodo potrà agevolmente da' Lettori applicarsi ad altre figure; e sì perchè negli opuscoli postumi del Signor Dottore Vittorio Francesco Stancari si può vedere dimostrato analiticamente nel Trattato 3. quanto può desiderarsi in questo argomento; da cui ancora è insegnata la proporzione del tempo, in cui si esaurisce un vaso posto per un verso, a quello che si richiede ad esaurire il medesimo, essendo posto in un altro sito: come che il tempo, in cui si vota un vaso conico, o piramidale posto colla punta allo ingiù, a quello, in cui si voterebbe posto all' ingiù colla base, sta come 3. ad 8.; che un vaso emisferico, posto colla cima in giù, si vota in un tempo, il quale al tempo in cui si voterebbe essendo posto colla cima in su, sta come 7. a 12., e così d' altri simili.

CAPITOLO V.

Applicazione della dottrina fin ora esposta, al corso dell' acqua negli alvei de' fiumi notabilmente inclinati all' orizzonte.

Potrà parere, che tutto il detto fin ora dell' acqua, la quale esce da' vasi, corrisponda poco a ciò, che si è promesso di trattare in questo secondo Libro de' fiumi, che hanno l' alveo inclinato; ma se si farà riflessione, che i canali, per cui si tramanda l' acqua derivata dalle vasche, sono similissimi a' fiumi suddetti, non sembrerà essere stata inutile la nostra digressione, nè del tutto disadatta al proposito, di cui trattiamo. Imperocchè non vi ha fiume, che non scenda, o da un lago, o da una fonte, o da qualche chiusa, o sostegno, e allora l' acqua raccolta nel ricettacolo della fonte, del lago, o dell' alveo superiore alla chiusa, è come se fosse raccolta in un vaso; e l' acqua, che scorre nell' alveo susseguente, per l' emissario del lago, pel labbro della fonte, o per la cresta della chiusa scendendo, corrisponde a quella, che per le docce applicate a qualche vaso, si va derivando da un luogo ad un altro, e però tutto quello, che fin ora si è detto di questi canali, può benissimo applicarsi a' fiumi; de' quali per tanto potrà asserirsi, in vigore delle cose dimostrate di sopra, e che le velocità loro siano in sudduplicata ragione dell' altezze, da cui sono discesi; e che si può determinare assolutamente (e non solo supporla *ex hypothesis*, come si è fatto nel primo libro) la velocità media, e ragguagliata di qualunque sezione, data la discesa di esso fiume dalla sua origine, e che può descriversi la figura della loro superficie, la quale per lo più è diversa, secondo la diversità della figura del fondo, sopra di cui varj fiumi, e diverse parti del medesimo si veggono scorrere; e che in diversi tempi si riducono dalla ripienezza all' estrema loro magrezza, scaricando l' acqua ricevuta da' loro emissarj, secondo la diversa figura, e capacità de' medesimi; e così vadasi discorrendo dell' altre particolarità, delle quali si è trattato di sopra, come in piccolo, nell' applicarle a' vasi, ed a' canali, che ne derivano l' acqua, ed egualmente possono adattarsi in grande alla materia del corso de' fiumi; la quale applicazione la scerò che più minutamente si faccia da' miei leggitori, bastando che io ne dia l' esempio solamente in una, o due cose, proseguendo poi a discorrere di varie altre circostanze degli alvei de' fiumi inclinati all' orizzonte, degnissime da superarsi, per poterci regolare, nel maneggio dell' acque correnti, colle dovute cautele.

e smaltisca la quantità dell'acqua, che in esso si contiene per essere più breve tratto di viaggio la R S, che la H G compresa tra le medesime orizzontali M D, O G, nelle quali si esercita la medesima scala di velocità M I L O, onde accade, che in più breve tempo si scorre dall'acqua il tratto R S, che il più lungo H G.

Corollario IV.

Le sezioni del medesimo alveo di fiume G D, E C (e conseguentemente ancora le altezze dell'acqua in pari larghezza d'alveo) sono reciprocamente in sudduplicata ragione dell'altezze K A, A L dall'origine A del fiume: o pure sono reciprocamente come le ordinate della parabola K N, L O; imperocchè sono reciproche delle loro velocità.

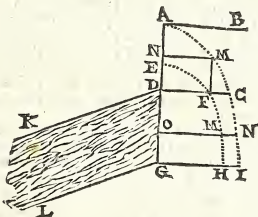
SCOLIO.

Per lo più non rimangono libere, e vive le velocità corrispondenti alla caduta dell'acqua dall'origine del fiume, per essere raffrenate da tante resistenze incontrate pel viaggio. Ma defalcandone quello, che gl'intoppi precedenti possono avere levato alla primitiva velocità dell'acqua, si può far conto, ch'ella sia caduta da un'altezza tanto minore, che abbia potuto conferirle quel solo grado di velocità, che le rimane, come nella seguente.

PROPOSIZIONE XXX.

Determinare l'altezza, donde cadendo l'acqua si sarebbe acquistata quella velocità, di cui attualmente si trova affetta, non ostanti gl'impedimenti incontrati pel viaggio.

Sia A G l'altezza, da cui realmente è caduta l'acqua D K nell'alveo del fiume D K L G; descritta adunque la parabola A C I G sopra l'altezza A G come asse, dovrebbero le parti dell'acqua nel punto D per esempio, avere tutta la velocità D C; ma per le resistenze incontrate si supponga perduta la parte della velocità C F, sicchè rimanga viva al punto D nell'acqua la sola velocità D F, condotta F M parallela all'asse, ed ordinata M N; la quale sarà eguale ad F D. Sarà dunque la velocità dell'acqua in D, quale le competerebbe, se fusse caduta dall'altezza A N; per la qual cosa, posta D E eguale ad A N, e per la cima E, e per lo punto F descritta di nuovo la stessa parabola E F H, si misureranno in questa le velocità D F, G H competenti all'



all'acqua, come se l'origine sua fusse in E, non in A: imperocchè in D l'acqua ha un grado di velocità D E eguale al grado M N, che corrisponde all'altezza A N; ovvero E D; e similmente in G ha un grado di velocità G H, che corrisponde all'altezza E G, ed in O la velocità O M corrispondente all'altezza E O; e la scala delle velocità, che senza le resistenze sarebbe stata il parabolico trapezio D C I G, sarà oramai il solo trapezio D F H G per essersi defalcate le porzioni di velocità espresse nel quadrilineo C F H I, che restano assorbite dalle resistenze incontrate pel viaggio, le quali tolgono all'acqua il vantaggio di tutta la caduta A E, di cui vengono scorciate le altezze A D, A G, A O, mentre ridotte sono alle sole E D, E G, E Q rispettivamente.

Corollario.

Le velocità in varie parti dell'acqua saranno dunque in sudduplicata ragione delle altezze, non già dell'acqua medesima [altrimenti la sua superficie non avrebbe moto alcuno, per non avere altezza d'acqua sopra di sé; il che apparisce contrario al senso] nè meno dell'origine reale A, se non si prescinda dalle resistenze, dalle quali la velocità viene raffrenata; ma bensì dal punto E, che può dirsi l'origine sua equivalente.

SCOLIO.

Questa equivalente origine può determinarsi in pratica col metodo insegnato nella prop. 40. del primo libro, o nelle susseguenti, indagando la velocità, che di fatto conviene alla superficie d'un fiume, o ad altra parte più profonda dell'acqua, e paragonandola alla Tavola del Guglielmini, per riconoscere a quale altezza corrisponda. Per esempio, si trovi che l'acqua in superficie corra piedi di Bologna 76. in 12. minuti secondi: che farebbero 380. in un minuto primo. Cerco nella Tavola del Guglielmini a quale altezza corrisponda questa velocità; e trovo che corrisponde a piedi 3., ed un oncia; dunque sarà questa l'altezza, da cui cadendo l'acqua si è acquistata questa velocità; onde presa D E eguale a piedi 3. once una di Bologna, descrivo pel punto E, come cima dell'asse E D, la parabola E F H, ed averò la scala delle velocità del fiume D G L K da me esaminato; e così non mettendomi in pensiero di avere l'altezza della vera fonte, o della cresta dell'ultima chiusa, da cui l'acqua è caduta, mi basterà avere l'origine equivalente, somministratami dalla sperienza nel punto E.

Nè dia noia ad alcuno la specie della misura de' piedi Bolognesi, a cui è legata la Tavola del Guglielmini, potendosi facilmente ragguagliare a qualsivoglia altra nota misura, per esempio al piede regio di Parigi, come si è fatto nello scolio della prop. 10. dove fu detto, che il piede suddetto Parigino uguaglia once 10. e un quarto del piede di Bologna. Al braccio Fiorentino, che importa un piede e mezzo, e un quarto d'oncia del piede Bolognese. Al piede del Reno, che trovasi eguale ad once 9., e cinque sesti del piede di Bologna; e così degli altri. Onde se, a cagione di esempio, che si troverà, l'acqua d'un fiume in 12. minuti secondi passi 36. braccia Fiorentine, essendo queste eguali a piedi di Bologna 54., e once 9., si troverà, che in un minuto primo passerebbe piedi Bolognesi 273., on-

PROPOSIZIONE XXXI.

re I L, farebbe il trapezio parabolico I M O L la scala delle sue velocità; ma andando per l' inclinata H G, bisognerà applicare le medesime ordinate perpendicolarmente alla stessa H G ne' punti H, E, G, come farebbero le H P, E Q, G R eguali rispettivamente alle medesime I M, K N, O L, e così dell'altre intermedie; ed allora il quadrilineo H P R G farà la vera scala di velocità dell'acqua, che scorre per la linea H E G (intendendo sempre delle medie velocità, che sono in qualunque sezione H B, E C, G D, applicate alla detta linea H E G, che può intendersi passare per lo centro di velocità di ciascuna sezione) dunque stesa la linea G H fino all'orizzontale A F, che passa per la reale, o equivalente origine del fiume A, e descrivendo all' asse F G una parabola F P R, il cui lato retto stia al lato retto dell'altra A M O, come reciprocamente sta il perpendicolo I L all' inclinato piano H G; o come A I ad F H; farà questa che passerà per li punti P, Q, R come sopra determinati, perchè essendo come A I ad F H, ovvero A K ad F E, o pure A L ad F G, così il lato retto della parabola F P R al lato retto dell'altra A M O, farà il rettangolo di A I nel lato retto della parabola A M O, eguale al rettangolo di F H nel lato retto della parabola F P R, e conseguentemente il quadrato I M eguale al quadrato P H. Similmente si dimostrerà, essere il quadrato K N eguale al quadrato E Q, ed il quadrato L O eguale al quadrato G R, per essere i rettangoli di A K nel suo lato retto, e di A L nel medesimo, eguali rispettivamente a' rettangoli di F E nel lato retto dell'altra parabola, e di F G nello stesso; pertanto il trapezio parabolico H P R G è la scala delle velocità del corso dell'acqua per lo tratto H G del canale H B D G; il che eq.

PROPOSIZIONE XXXII.

Poste le stesse cose, trovare la scala de' tempi elementari del corso dell' acqua per lo medesimo tratto di fiume H G.

Tirata F X perpendicolare ad F G, si faccia per lo punto R, fra gli asintoti G F, F X una iperbole quadratica, sicchè sia il quadrato R G al quadrato E S, come E F ad F G, cioè come il quadrato Q E al quadrato G R; è manifesto, essere le ordinate V H, E S, reciproche alle Q E, P H essendo tanto il rettangolo V H P, quanto l'altro S E Q eguali allo stesso quadrato R G, on' e essendo ancora i tempi elementari reciprochi delle velocità, e' presse dall' ordinate Q E, P H della parabola, faranno le ordinate V H, E S dello spazio iperbolico quadratico H V S R G proporzionali a' tempi elementari; e però il suddetto spazio iperbolico farà la scala, che richiedevasi.

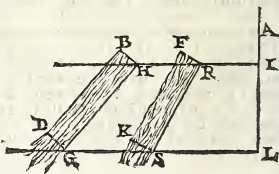
Corollario.

Se si descrive similmente fra gli asintoti L A, A Y per lo punto O l' iperbole quadratica O T Z, farà il quadrilineo Z T O L I la scala de' tempi elementari della stessa acqua, se dall' orizzontale H I cadesse a piombo per la direzione I L sopra il piano orizzontale L G; onde il tempo, che spende l'acqua a muoversi pel canale inclinato H G, al tempo che ci averebbe impiegato, cadendo perpendicolarmente da un piano orizzontale all' altro, farà come lo spazio V H G R allo spazio Z I L O, cioè come H G, I L, perchè tutte le ordinate dell' uno, e dell' altro essendo eguali, e solamente applicate a gli assi diversi H G, I L, ed alle parti loro proporzionali H F, I K; E G, K L, sono gli spazj parabolici suddetti, come gli assi medesimi H G, I L, come dimostrai nella prop. 1. della mia appendice delle volte coniche a' Problemi Vivianei.

PROPOSIZIONE XXXIII.

Il tempo, che mette l' acqua a scorrere il canale H G, a quello che mette nello scorrere un altro canale R S inclinato fra le medesime orizzontali, e dipendente dalla medesima origine A, sta come la lunghezza H G alla lunghezza R S:

Il tempo, che mette l' acqua a scorrere il canale H G a quello, in cui scorrerebbe il perpendicolo I L interposto fra gli stessi piani orizzontali I H, L G, per lo corollario della precedente, sta come H G ad I L, similmente il tempo, in cui si scorrerebbe il perpendicolo I L, sta a quello in cui si scorrerebbe il canale R S, come I L ad R S; dunque per l' egualità ordinata, il tempo,



in cui

in cui si scorre il canale HG , a quello in cui si scorre dall'acqua stessa, dipendente dalla medesima origine A , il canale RS egualmente alto fra gli stessi piani orizzontali, è come HG ad RS ; il che ec.

Corollario.

Ancora la quantità d'acqua $HBDG$, che si muove per l'alveo HG , alla quantità $RFSK$, che scorrerebbe per l'alveo RS , (supposto che uguale copia fosse introdotta per la sezione HB , che per la RF , ed affetta della velocità, che gli compete, per la caduta dalla reale, o equivalente origine A) starà come HG ad RS ; imperocchè nel tempo, che mette l'acqua a venire da H in G , si riempie l'alveo HG , e nel tempo, che mette l'acqua a venire da R in S , si riempie l'alveo RS , per la continua successione delle parti dell'acqua; sicchè quante minime particelle di tempo si contano nel tempo della scesa per HG , tante altresì particelle eguali d'acqua saranno passate per la sezione HB , e quante minime particelle della stessa estensione di tempo si contano nel tempo della scesa per RS , tante particelle d'acqua tra di loro eguali, ed eguali altresì alle introdotte per l'altro canale, faranno passare per la sezione RF ; dunque la quantità dell'acqua contenuta in HG , e corrente per esso canale (quanta cioè rimarrebbe intercetta da due cateratte che nello stesso istante scendessero in H , e in G a chiudere il canale) alla quantità d'acqua similmente contenuta nell'alveo RS , sta come il tempo speso dall'acqua a venire da H in G , a quello che spenderebbe a venire da R in S , cioè, come la lunghezza HG alla lunghezza RS .

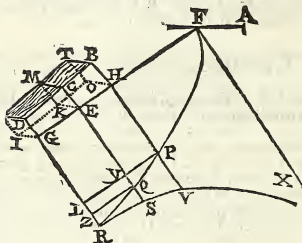
SCOLIO.

Questo corollario si fonda su questo principio, che le quantità d'acqua sieno come i tempi: il quale se da alcuno forse parrà troppo debolmente provato, resterà con maggiore rigore stabilito nella seguente proposizione che dimostrerà lo stesso ancora in varie parti del medesimo canale.

PROPOSIZIONE XXXIV.

L'acqua contenuta nell'alveo $OHBGN$, all'acqua contenuta in qualunque sua parte $OHEM$, sta come il tempo impiegato dall'acqua a venire da H in G , al tempo speso nel venire da H in E .

Sia $PHGR$ la scala delle velocità, e sia $HVRG$ la scala de' tempi elementari, che le è reciproca: già la sezione $OTBH$ alla sezione MEK è reciprocamente, come EQ a PH , che sono le loro medie velocità; ma ancora i tempi elementari HV , ES sono reciprochi alle medesime velocità EQ , PH ; dunque la sezione $OTBH$ alla sezione MEK sta come il tempo elementare HV al tempo elementare ES ; e così sempre; dunque tutte le sezioni, che compongono il corpo d'acqua $OHBGN$, a tutte le sezioni componenti il corpo d'acqua $OHEM$, stanno come tutte l'ordinate dell'area $HGRV$, a tutte l'ordinate dell'area $HESV$; e però la quantità d'acqua, che riempie il canale HG , a quella che riempie il canale HE , sta come la figura $VHGR$ alla figura $VHES$,



H E S, cioè come il tempo speso dall'acqua in venire da H in G, allo speso nel venire da H in E; il che ec.

Corollario I.

La quantità d'acqua compresa in un canale dalla sua origine AF, fino ad un termine G I, alla quantità racchiusa nel medesimo fra la stessa origine, e qualunque altro ter-

mine E K, è in sudduplicata ragione dell'altzze GF, FE, o pure come le ordinate della parabola GR, EQ, cioè come le velocità acquistate ne' medesimi termini G I, E K, le quali si esprimono dalle medesime ordinate; imperocchè la prima quantità alla seconda è come il tempo impiegato da F in G, al tempo impiegato da F in E; e questi tempi sono come le velocità, cioè in sudduplicata ragione dell'altzze, da cui l'acqua è caduta; o pure dicasi così: il tempo per FG al tempo per FE, e come l'area FGRVX, all'area FESVX, che sono le scale de' tempi; ma la prima area è dupla del rettangolo FGR, la seconda dupla del rettangolo FES, e però sono come detti rettangoli, cioè in ragione composta di FG ad FE, e di RG ad SE, la prima delle quali ragioni è quella del quadrato GR al quadrato EQ, la seconda è la medesima che di QE ad RG, o del quadrato EQ al rettangolo di EQ in RG; dunque la scala de' tempi FGRVX alla scala FESVX, sta come il quadrato GR al rettangolo di QE in RG, cioè come GR ad EQ, che sono le ordinate della parabola, e però in sudduplicata ragione delle lunghezze GF, EF, dalle quali l'acqua è caduta.

Corollario II.

Ma il tempo per tutto il tratto HG [dopo la caduta FH] al tempo per la porzione sua HE [condotta PL parallela all'asse della parabola] sarà come LR a QY; di maniera che il trilineo parabolico RPL può servire di scala de' tempi totali per li tratti d'alveo, che sono dal punto H in giù; perchè essendo il tempo per FG, come GR, ed il tempo per FE, come QE, ed il tempo per FH, come HP; è chiaro, che il tempo residuo per HG sarà LR, e per HE sarà QY, e per EG sarà RZ ec.

Corollario III.

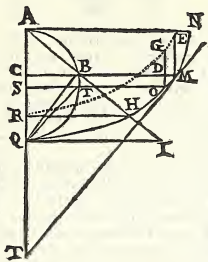
Le quantità d'acqua racchiuse ne' tratti H B E K M, H B D G N, essendo come i tempi, faranno altresì come le suddette L R, Y Q.

Corollario IV.

Onde per distinguere in un tratto di canale $H G$ le parti, che contengono acqua in una data proporzione, dividasi $L R$ in Z , sicchè $L Z$ a $Z R$ sia nella data ragione, e tirisi la $Z Q$ parallela all'asse, che conviene colla parabola in Q , che poi ordinata $Q E$, si averà la quantità d'acqua contenuta nell'alveo $H E$ alla compresa nell'alveo $E G$ nella data ragione di $Q Y$, ovvero $L Z$ alla $Z R$.

Corollario V.

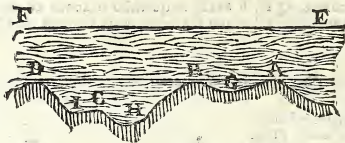
Se il fondo fusse cicloidale, essendosi provato nel Coroll. 1. della Prop. 19. che il corpo d' acqua $ERQM$ al corpo d' acqua GRQ sta come la lunghezza di essa cicloide MQ alla lunghezza OQ : farà ancora il tempo per MQ al tempo per OQ , nella stessa ragione delle dette lunghezze, ovvero in sudduplicata ragione dell' altezze CQ , SQ , giacchè le porzioni MQ , OQ della cicloide sono duple rispettivamente delle corde corrispondenti QB , QT , i quadrati di cui sono, come i seni vers. QC , QS .



SCOLIO.

Nel trattare queste materie fisiche, i Matematici poco ci ritrovano il loro conto, per le infinite circostanze, che variamente accompagnandole, mirabilmente ne alterano gli effetti, e fanno riuscire vano ogni tentativo di ridurli ad una perfetta regola. Tuttavolta si è cercato di superare ogni difficoltà, calcolando ancora le resistenze diverse, che s' incontrano ne' moti naturali, e valutandole per quello, che giudiciosamente può suppor- si che operino. Ne abbiamo dato ancora noi di sopra qualche saggio, ma assai leggermente, per non impegnarci tanto oltre i confini della Geome- tria, che potesse dubitarsi di perder ogni barlume di evidenza, col pen- trare negli abissi più profondi della fisica, e ne' più segreti nascondigli del- la natura. Desidererò forse alcuno, che almeno nel trattare il moto dell' acque si avesse riguardo alla resistenza, che incontrano strisciando sopra il fondo aspro, e disuguale degli alvei, ed urtando contro le ripe, o di-
rupa-

rupate, o interrotte da varj impedimenti. Il Signor Ermanno nella sua *Fisica* lib. 2. prop. . supponendo le dette resistenze del fondo, e delle ripe essere proporzionali alle velocità, trova che la scala delle velocità rimane ancora una parabola, ma riferita ad un'altr'asse da quello, che mostrano le sue applicate. Io per dir vero, non mi so persuadere, che debba farsi così gran caso di queste resistenze, in quanto riguardano la pura asprezza, e disugaglianza sì del fondo, come di esse ripe; ma solamente in quanto presentino al corso dell'acqua dell'erbe, e virgulti, e canne, e similanti materie, che quanto più sono facilmente cedenti, tanto maggiormente snervano l'impeto dell'acqua, ed ismorzandolo, la fanno illanguidire nel suo movimento, comunicandone una gran parte a queste materie straniere.



Sia per esempio il fondo di un'alveo A B C D; l'acqua urtando nelle prominenze A, C, D, certamente si ritarda, anzi del tutto si ristagna, rimanendo come acqua morta ne' gorghi, o cavità interposte, C I D, B H C,

A G B; ma tirata la linea A D sopra le più alte prominenze, o ancora alquanto superiormente, per assicurarsi, che l'acqua superiore a detta linea C D non risenta punto dell'impedimento recato da questi dossi all'acqua inferiore; avremo finalmente un piano A D perfettamente liscio, sopra di cui l'acqua, senza alcuno interppo scorrerà libera, e senza diminuzione della sua naturale velocità: non potendo avere letto più piano di quello, che le viene spianato dall'acqua inferiore stagnante fra le disugaglianze del terreno.

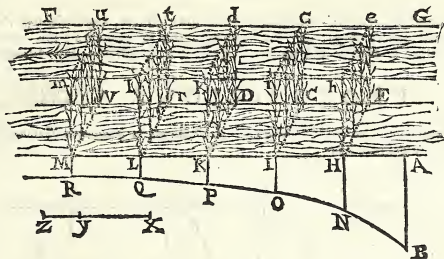
Le ripe poi, o si considerino secondo la posizione loro verticale, o secondo l'orizzontale, nascono bensì la velocità di quelle prossime parti dell'acqua, da cui vengono urtate, ma non credo che giungano a rallentare il moto dell'acqua verso le parti di mezzo dell'alveo; anzi riflettendo le parti contigue, ed avviandole verso il filone del fiume, talvolta le agguinceranno velocità, non che possano diminuirla: bensì nello sfargarsi dell'alveo d'un fiume, collo scostarsi le ripe, e lasciar diverrir le acque in maggiore ampiezza, sono cagione, che le parti di mezzo si devino dalla loro direzione, e si snervi in esse la velocità, che si diminuisce a misura, che cresce la sezione; laddove se mantenute si fussero le ripe più vicine, si sarebbe ancora più conservato lo spirito dell'acqua nel vigore della sua naturale velocità.

Due cagioni al mio credere più potenti a ritardare il corso dell'acqua sono, primo l'impedimento sopraccennato di cannuce, paglie, sterpi, e virgulti che talora ingombrano il canale a qualche notevole altezza; secondo il regurgito del recipiente per l'influente, o dell'influente nel recipiente, secondo che l'uno è pieno più dell'altro di acque, che naturalmente a maggiore altezza in quello, che in questo si dovrebbero disporre, onde per la legge della fluidità conviene, che si spargano per l'alveo delle più basse. Di queste due sorte d'impedimenti si possono dimostrare le seguenti proposizioni.

PRO-

PROPOSIZIONE XXXV.

Essendo l'alveo E H S F impedito equabilmente da varie fila di cannuccie, o giunchi, ed alighe nate nel fondo, e ad altezza notabile cresciute, la velocità dell'acqua obbligata a passarvi frannezzo sarà ritardata secondo una progressione geometrica, sicchè la scala, da cui viene rappresentata, sarà una logaritmica A B R S.



Si figuri essere A H S la direzione del filone del fiume, ed in esso si distinguano tante parti eguali A H, H I, I K, K L, L M ec. esprimenti l'intervallo, che vi è tra le fila di queste canne, che attraversano l'alveo, H E, I C, D K ec. se la retta A B rappresenterà la velocità, con cui l'acqua investe il primo filare E H, e supposto che la quantità della materia dell'acqua, che urta in un minimo tempo ne' suddetti virgulti H E, stia alla quantità della materia di essi, come X Y a Y Z, secondo le regole del concorso de' corpi non elastici (o posti in circostanze, in cui non possano la loro forza elastica esercitare) sarà, come la somma X Z d'ambidue alla X Y, che rappresenta il corpo che investe, così la velocità A B ad un'altra H N, questa sarà la velocità, con cui nel concorso si muovono ambidue i corpi; e però la stessa H N sarà la velocità competente all'acqua passato il primo filare H E, colla quale urtando nel secondo filare I C, di nuovo converrà fare, come X Z ad X Y, così H N ad un'altra I O; la quale sarà la velocità dell'acqua passato il secondo filare; e con questa investendo il terzo K D, converrà di nuovo fare, come X Z ad X Y, così I O a K P, che sarà la velocità dell'acqua dopo il terzo urto; e così sempre si troveranno le altre velocità L Q, M R ec. le quali rimangono vive nell'acqua dopo di avere superati gli ostacoli susseguenti de' filari L T, M V; le quali velocità A B, H N, I O, K P ec. formano una continua progressione geometrica in ragione di X Z ad X Y, ed essendo ordinate a distanze eguali dell'asse A H, H I, I K ec. faranno nella curva logaritmica B N P R; il che ec.

Corollario I.

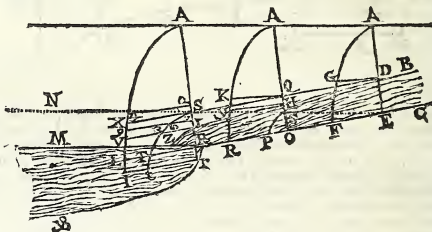
La velocità dell'acqua a lungo andare si fa minore di qualunque data, ogni qual volta duri per lungo tratto l'impedimento di tali virgulti.

Corollario II.

L'acqua si manterrà altissima dentro quest'alveo, non solo per l'ingombramento di tali corpi, che ne diminuiscono la capacità; ma ancora per compensare la tardità del moto, cagionata da' medesimi impedimenti.

PROPOSIZIONE XXXVI.

Determinare la velocità dell'acqua d' un influente in qualunque sezione soggetta al regurgito del recipiente.



Supponghasi primieramente, essere il recipiente bassissimo, la cui sezione allo sbocco sia M K &, sicchè l'influente, il quale cammina sul fondo C K, ed ha la sua superficie disposta secondo la linea (retta, o curva) B U H I, vi trabocchi dentro colla cadente I Z. In questo stato di cose è certo, che il recipiente non cagionerà regurgito alcuno nell'influente; e per le sue sezioni D E, H O, I K, avrà questi le sue velocità libere, senza ritardo alcuno; e se nella superficie D H I ha le sue velocità, quali converrebbero ad un grave caduto dall'orizzontale A A (che prolungata concorrerebbe col fiume influente, nella sua origine reale, o equivalente) descritte le parabole A F E, A R O, A L R col medesimo lato retto, le porzioni di esse D G F E, H Y R O, I V L R, congruenti alle altezze delle dette sezioni D E, H O, I R, saranno le scale di velocità delle medesime sezioni, ed esprimeranno ancora la quantità d'acqua, per ciascuna sezione in egual tempo scaricata, e però saranno eguali di area fra di loro.

Cresca ora l'altezza della superficie dell'acqua nel recipiente, e giunga al livello N S, che prolungato concorre in E col fondo C K dell'influente, e sega in S, S le sezioni K I, H O; e si descrivano colle cime S, S, agli assi S K, S O le parabole K S T, O S P dello stesso lato retto dell'altre, è manifesto, che l'acqua M N S K del recipiente si spargerà sopra la superficie più bassa I Z dell'influente, e farà forza per intrudersi nell'alveo di esso, con tali gradi di velocità, che sono in sudduplicata ragione delle altezze, dalle quali è spinta l'acqua, e forzata ad insinuarsi nell'istesso alveo, che però le parabole K S T, ovvero O S P, faranno le scale esprimenti coll'ordinate loro gl'impeti, da cui l'acqua dell'influente è respinta indietro, e quindi, se dalla scala I V L K sarà detratta I 3 T K, e dalla scala H Y R O si leverà la S P O, li rimanenti mistilinei 3 V L T, H Y R P S faranno la scala delle velocità, che rimangono vive rispettivamente nelle sezioni I R, H O in quel primo istante, avanti che lo stesso influente si sia alzato di pelo, come poi subito succede; perchè con tale impedimento non iscaricandosi più tant'acqua come prima, ma tanto minore, quanto i detti mistilinei 3 V L T, H Y R P S sono rispettivamente minori de' trapezii parabolici I V L R, H Y R O, non può la cadente del fiume mantenersi sulla stessa linea D H I, ma l'acqua ritardata si fermerà in parte, aspettando la susseguente, colla quale accumulandosi si alzerà di pelo, finattanto che per le sezioni possa passare altrettanta acqua, come prima, e che giunga a spianarsi nello sbocco sopra la superficie elevata del recipiente S N. Per la qual cosa, posto il trapezio parabolico H Q K Y eguale alla parabola S P O, essendo il mistilino Q K R P S eguale al trapezio H Y R O, che esponeva la quantità dell'acqua tramandata dalla sezione H O, quando era libera, sgorgherà eguale quantità d'acqua dalla sezione medesima elevata in Q, non ostante l'impedimento del regurgito S P O; e però il punto Q, come sopra determinato, farà nella nuova cadente del fiume B D Q S: e nello sbocco, tirando l'ordinata S X alla stessa altezza del livello S N del recipiente, se il mistilino S 3 V X uguaglierà precisamente il trapezio parabolico I 3 T K, e però l'area S 3 T L X pareggerà il trapezio I V L K, si smaltirà per la foce S K altrettanta acqua dell'influente, come prima, e si farà ridotta la superficie del medesimo in uno stato di equilibrio, da durare finattanto, che non si varia o la superficie del recipiente, o la quantità dell'acqua somministrata dall'influente.

Ma se il mistilino S 3 V X sarà maggiore del trapezio I 3 T K, si tiri l'ordinata 7 9, legante la parabola S T K in 8, in maniera tale, che il mistilino 8 9 V 3 uguagli il detto trapezio parabolico I 3 T K; ed allora la vera cadente del fiume passerà per lo punto 7, e scaricherà la quantità d'acqua 8 3 T L 9 eguale alla quantità di prima I V L K; ma l'acqua del recipiente sotto l'orizzonte N S prolungata alle parti dell'influente, scorrerà per l'alveo di questo, colle velocità espresse dalla sua parabola S 8 7, e parrà, che il fiume corra all'indietro, benchè sia solo l'acqua del recipiente, che si sparge orizzontalmente, scaricandosi di sotto nell'altezza 7 K l'acqua dell'influente in egual copia di prima.

Se poi il mistilino S 3 V X sarà minore del trapezio I 3 T R, fatto l'altro mistilino 2 S 3 V 4 eguale al detto trapezio, sicchè tutta la figura 2 S 3 T L 4 uguagli il trapezio I V L R, si eleverà l'acqua dell'influente sopra quella del recipiente fino al punto 2, per avere una sezione 2 K, che scarichi altrettanta acqua di prima, traboccando sopra di esso recipiente; se pure non iscavasse il fondo dello sbocco verso il punto K,

abbassandolo in *r*, acquistando dalla banda di sotto tale profondità *R r*, che il mistilineo *S 3 e l X* uguagli il primo trapezio *I V L R*, con che scaricherebbe la stessa acqua, senza elevarsi sopra il pelo del recipiente.

Corollario I.

L'effetto del regurgito non si risente mai nell'alveo dell'influente oltre il concorso *E* dell'orizzontale *N S* col fondo dell'alveo *C R*: perchè la sezione *D E* non ha impedimento alcuno, che altresì la scala della sua naturale velocità *D G F E*,

Corollario II.

Si stende bensì a tanto maggiore lontananza, quanto più alta è l'acqua del recipiente, perchè elevandosi l'orizzontale *N S*, concorrerà col fondo *C R* oltre il punto *E*, e sopra di esso.

Corollario III.

La cadente dell'influente si fa meno inclinata all'orizzonte nel tratto regurgitato, che nel tratto superiore, o che non era avanti, che si elevarse la superficie del recipiente; e quanto maggiore è l'alzamento di questa, tanto meno pendente sarà quella, cioè più si accosterà all'orizzontale; anzi nel secondo caso considerato nella dimostrazione della proposizione, sarà perfettamente parallela all'orizzonte, essendo una pura espansione del recipiente per l'alveo dell'influente.

SCOLIO.

Si è supposto quì, che l'impressione dell'acqua del recipiente nell'affrontarsi con quella dell'influente si rappresenti dalle ordinate della parabola *S T K*, corrispondenti alle pressioni cagionate dall'altezza dell'acqua, senza considerare la velocità, di cui può essere dotato esso recipiente [se è un fiume reale, e non uno stagno, o il mare medesimo, di cui non vi sarebbe alcuna difficoltà in considerarlo, come un vaso pieno d'acqua stagnante] La ragione si è, perchè l'acqua del recipiente, quando pure corra con qualunque rapidità nell'alveo suo *C D K* la sua direzione è da *A* verso *B*, non da *G* verso *E* fu per l'alveo dell'influente, che gli è almeno in gran parte contraria; onde solamente in virtù della sua fluidità vi si insinua, trovandosi l'adito aperto *G E F H*, obbligato dalla pressione del proprio peso, con cui urterebbe la spon-



da *G H*, se fosse chiusa, e continua

nuata colle ripe D G, H K; onde siccome non preme le ripe parallele al suo corso, se non come fa l'acqua in un vaso stagnante: la sponda di esso, cioè colla pressione dipendente dalle altezze, ed in ragione sudduplicata di esse; così aperta la sponda G H, non con altra proporzione può premere l'acqua dell'influente, che vi si affaccia; e lo stesso dicasi dell'influente F E G H, se ingrossando per le piene trovasse basso l'alveo G K I del recipiente: che in tale caso si spargerebbe sopra la superficie di esso, avanzandosi ancora verso le parti superiori da B verso A, giacchè vi troverebbe il luogo aperto, e senza contrasto, spandendosi come l'acqua di un vaso, cui si rompa la sponda, e traboccandovi con velocità proporzionali alle radici dell'altezza sua, giacchè la velocità particolare, di cui è dotato, e che dipende da più alta origine, non è diretta verso le parti superiori, ma verso le inferiori dell'alveo del recipiente. Onde, benchè faccia crescere l'acqua nel tronco superiore, non però oltre la suprema orizzontale della sua sezione allo sbocco, finisce il detto alzamento dove concorre l'orizzontale suddetta colla cadente del fiume, in cui è entrato: tanto è lungi dal far crescere sempre più il detto recipiente nelle parti più lontane, e superiori allo sbocco, come da un Autore, per altro celebre, e da me stimato, fu, non ha gran tempo, in alcune sue opere ripetutamente asserito.

PROPOSIZIONE XXXVII.

Comporre una Tavola, da me chiamata Parabolica, e spiegare l'uso di essa, che può essere di grandissimo utile in queste materie.

Si porterà questa Tavola nel fine di questo libro. Essa è divisa in tre colonne di numeri. La prima è la serie naturale aritmetica stesa da 1. fino a 1800. e questi rappresentano tante particelle eguali, siano once, o dita, o foldi di qualsivoglia misura. Se sono once, o dita corrispondono a 150. piedi, in ciascuno de' quali faranno dodici di tali particelle: se si suppongono essere foldi; corrispondono solamente a 90. braccia, contenendotene 20. in ciascun braccio; e così potrà riferirsi a qualunque misura. Questi numeri di particelle sono l'altezza dell'origine reale, o equivalente, onde cade l'acqua, o pure l'altezza dell'acqua medesima contenuta in un vaso, secondo l'uso, che vorrà farsi di essa Tavola. La seconda colonna contiene le radici esatte, o prossime de' numeri corrispondenti della prima; ed espongono le velocità competenti all'acqua sotto le altezze di essa prima serie. Le cifre, o i numeri, che in questa seconda colonna sono separati da un punto, indicano parti centesime, per esempio al numero 8. della prima colonna corrisponde per sua radice nella seconda 2. 83., che significa 2. con 83. parti centesime. Al numero 12. della prima colonna, sta scritto di contro nella seconda 3. 46. che indica per radice quadra del 12. doversi prendere 3. con 46. centesime parti; e sebbene 46. centesimi poteano ridursi a minori termini, cioè a 23. cinquantissimi, o potersi prendere una frazione d'altro denominatore, che più prossima al vero rendesse la detta radice (almeno in molti altri casi ciò sarebbe succeduto) tuttavolta non potendosi tutti alla stessa denominazione ridurre, si è stimato meglio, per l'uniformità, lasciare tutte l'espressioni sotto la medesima forma di parti centesime, e dove la radice è riuscita alquanto maggiore del vero, vi si è anteposto il segno +; dove minore il segno contrario —; e significano i già detti numeri particelle delle mede-

sime specie, siano once, o soldi, o dita, come nella prima colonna. La terza colonna è fatta da' numeri, che risultano moltiplicando i numeri della prima con quelli della seconda; onde in questi ancora vi sono separate dal punto le parti centesime, e si debbono intendere eccedenti, o difettivi, secondo che al numero della seconda colonna suo corrispondente precede il segno $+$, ovvero $-$, come sopra.

E' chiaro, che se i numeri della prima colonna esprimono le altezze d'una parabola, i numeri della seconda faranno le sue ordinate, quando il lato retto è l'unità; o almeno saranno proporzionali alle ordinate, in ragione sudduplicata dell'unità al lato retto della proposta parabola; ed i numeri della terza colonna faranno i rettangoli circoscritti alla parabola, se ha per lato retto l'unità; o almeno saranno proporzionali, come sopra, a' detti rettangoli, in ragione sudduplicata dell'unità al lato retto della parabola: e sempre saranno proporzionali all'area medesima parabolica, per essere questa due terzi del rettangolo circoscritto.

Che se la parabola averà per lato retto due particelle, e un quarto di quelle della prima colonna, essendo tutte le sue ordinate all'ordinate in pari altezza di quella parabola, che ha per lato retto l'unità, in sudduplicata ragione di due, e un quarto, ad uno, cioè come uno è mezzo all'unità, o come il rettangolo circoscritto sta alla parabola medesima, è chiaro, che la parabola, il cui lato retto sia 2. con un quarto, sarà eguale al rettangolo, che circoscrive quella parabola, il cui lato retto è l'unità; ma tale rettangolo uguaglia il prodotto della base nell'altezza, cioè il numero corrispondente della terza colonna: dunque i numeri della terza colonna espongono le aree paraboliche, essendo ad esse eguali, quando il lato retto è 2. con un quarto, ed almeno alle medesime essendo proporzionali, quando il lato retto è di qualunque altra quantità.

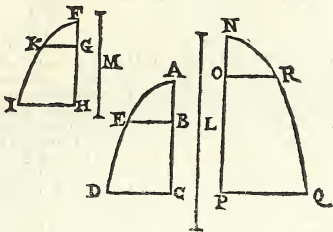
E però siccome i numeri della prima colonna espongono le altezze dell'acqua stagnante in un vaso, o le distanze di qualunque particella d'acqua corrente dal livello della sua origine, ed i numeri della seconda colonna rappresentano le velocità cagionate da tali altezze; così i numeri della terza colonna esprimono le quantità d'acqua, che in pari larghezza uscirebbero in un dato tempo per un lume, o sezione, la cui altezza fusse eguale a tutta la distanza fra il supremo livello dell'acqua stagnante, o fra l'origine del fiume ec. e la base di tale sezione, secondo il numero della prima colonna.

E le differenze de' numeri della stessa terza colonna, saranno le quantità d'acqua, che in pari larghezza in un dato tempo si scaricano da un lume, o sezione d'altezza eguale alla differenza de' numeri corrispondenti della prima colonna.

E sommando due, o più numeri della medesima colonna terza, si averà la somma delle quantità d'acqua portate in un dato tempo, ed in pari larghezza da più canali, le cui sezioni corrispondessero a' numeri della prima colonna, e l'aggregato di tali numeri, o il più prossimo ritrovandosi in qualche luogo della terza colonna, vi corrisponderà nella prima quel numero, che indicherà l'altezza capace di portare insieme que' canali uniti; come si intenderà meglio co' seguenti esempi.

Esempio I.

Siano due fiumi da unir insieme. Il primo maggiore, la cui larghezza L sia di piedi 760. La velocità della superficie sia $B E$, corrispondente alla caduta $A B$ di un piede (colla quale secondo la Tavola del Guglielmini farebbe l'acqua in un minuto primo 216. piedi, e cinque once, cioè piedi 3. e tre quinti in ogni minuto secondo, o pure miglia due, e tre quinti scarsi per ogni ora) l'altezza delle sue piene $B C$ sia piedi 30. onde tutta la $A C$ piedi 31. dunque tutta



la parabola $A E D C$ secondo la terza colonna della nostra tavola parabolica, dirimpetto all'altezza di piedi 31. si troverà essere 7175. 88. da cui levando la parabola $A E B$, che nella medesima terza colonna, in corrispondenza di un piede si trova 41. 52., sarà il trapezio parabolico $B E D C$ solo 7134. 36. e questo sarà la scala delle velocità della sezione $B C$, che moltiplicata per la larghezza L dà la quantità dell'acqua eguale a 5422113. 60.

Abbia il secondo fiume di larghezza M , cioè piedi 139: la velocità sua superficiale sia $G K$, dipendente dall'altezza $F G$ di once 8. (colla quale, per la Tavola del Guglielmini passerebbe l'acqua in un minuto primo piedi 176. ed in un secondo poco meno di 3. piedi, e in un ora farebbe miglia due, con 56. pertiche di più) Sia l'altezza delle sue piene $G H$ di piedi undici, e conseguentemente tutta la $F H$ sia di piedi undici, e once 8. cui corrisponde nella terza colonna della mia Tavola il valore della parabola $F K I H$, 1656. 20., e da questa levando la parabola $F K G$, che nella medesima terza colonna, in corrispondenza di once 8. si ritrova 22. 64., resta il trapezio $G K I H$, 1633. 56. e questa è la scala della velocità della sezione del secondo fiume $G H$, la quale moltiplicata per la larghezza M ; darebbe tutta la quantità dell'acqua, che in un dato tempo sgorga da questo fiume nel suo alveo, eguale a 227064. 84., onde le due quantità d'acqua portate da ambii fiumi saranno 5649178. 44. Supponghasi che passino unite, senza accrescere la velocità $B E$, cui pongasi eguale $O R$, e sia l'ignota $O P$ l'altezza, sotto cui queste acque unite scorrono; sicchè possa ancora $O N$ eguale a $B A$, e descrivendo per R fu l'asse $N P$ la parabola $N R Q P$, il tronco parabolico $O R Q P$ sarà la scala della velocità de' fiumi uniti, che moltiplicata per L , uguaglierà la somma di quelle due quantità, cioè 5649178. 44., e però dividendo questo numero per L , sarà il quoziente 7433. 13. eguale al suddetto trapezio parabolico $O R Q P$, ed aggiuntavi la parabola $N R O$, cioè 41. 52., si avrà tutta la parabola $N R Q P$ eguale a 7474. 65. Cerco questo numero nella terza colonna della mia Tavola, e non trovandolo precisamente, piglio

glio il più prossimo, che è 7464. 28., e veggio che corrisponde ad un'altezza di piedi 31., once 10. ma essendo il mio numero alquanto maggiore, trovo per la parte proporzionale doverfi aggiungere un terzo d'oncia. Sarà dunque N P piedi 31. once 10 e un terzo, e l'altezza O P piedi 30. once dieci e un terzo: sicchè la unione del secondo col primo fiume, fa alzare la fezione B C dieci once e un terzo. Il che doveasi determinare.

Ma se nel corso de' fiumi la velocità B E si aumentasse diventando O R, sicchè l'altezza N O, da cui dipende, ecceda A B di un oncia sola, sarà la parabola N O R corrispondente ad once 13. d'altezza di valore 46 93. che aggiunta al trapezio R O P Q trovato come sopra 7433. 13. si averà tutta la parabola N R Q P eguale a 7480. 06. il quale numero essendo prossimo al medesimo 7464. 28. corrispondente a piedi 31. once 10. ma con tale eccesso, la cui parte proporzionale importa circa una metà della differenza, vengo in cognizione doverfi accrescere l'altezza trovata di mezz'oncia: onde N P sarà piedi 31. once 10. e mezza, e detratta N O, che è 13. once, resta O P piedi 30. once 9., e mezza: sicchè l'alzamento importerebbe in questo caso 9. once, e mezza.

Che se si voglia supporre, come ne' fiumi orizzontali accade, per quanto crede il Guglielmini, e non è inverisimile secondo le osservazioni, che la scala della velocità in ogni fezione sia la parabola intiera, e non un tronco parabolico, dipendendo la velocità unicamente dalla pressione, come ne' vasi: onde la superficie abbia solo tanto movimento, quanto le viene comunicato dall'acqua inferiore, che la trasporta; sarà allora più spedito il calcolo, perchè essendo A C piedi 30. l'altezza delle piene del primo fiume, ed F H piedi undici altezza di quelle del secondo, sarà la parabola A E D C di valore 6829. 20. nella terza colonna della mia Tavola, che moltiplicata per la larghezza L piedi 760. darà la quantità dell'acqua 5190192. 00, e la parabola F I H sarà 1516 68., che moltiplicata per la sua larghezza M di piedi 139. dà la quantità d'acqua di valore 210818. 52., onde la somma d'ambidue le quantità è 5401010. 52. questa divisa per la larghezza L ci darà (quando non si accresca velocità alla superficie) la parabola N Q P di valore 7106. 59. in circa, corrispondente all'altezza di piedi 30. once 10., a cui nella mia Tavola corrisponde il numero 7118. 80. che è poco maggiore del suddetto. Però l'alzamento sarà di quasi 10. once: il che ec.

Che se poi la velocità nell'unione de' due fiumi crescesse, si diminuirebbe l'altezza in ragione reciproca di essa velocità; di maniera che, se la velocità si aumentasse di un centesimo, si ridurrebbe l'altezza a poco più di 30. piedi e mezzo, sicchè l'alzamento sarebbe circa sei once: se crescesse la velocità una vigesima quinta parte di quella di prima, sarebbe l'altezza di piedi 29., e quasi once 8. di maniera che l'altezza, in vece di crescere, sarebbe scemata per tale unione circa once 4. siccome sarebbe rimasta precisamente della medesima altezza di piedi 30., quando la velocità fusse cresciuta d'una trigesima sesta parte: perchè, come 37. a 36., così appunto stanno piedi trenta, e dieci once, a piedi trenta.

portata ec. solamente non voglio tralasciare qui di avvertire, che la velocità superficiale supposta nel secondo esempio, come dipendente dalla caduta di piedi 4. ne' luoghi vicini allo sbocco d'un fiume, e però soggetti al regurgito, è forse troppo eccessiva; altrimenti, secondo la regola del Signor de la Hire, nelle memorie dell'Accademia regia del 22. Novembre 1702., l'acqua di detto fiume si vedrebbe camminare da piedi 15. di Parigi in un secondo minuto: ovvero, attesa la regola delle Tavole del Guglielmini, ne passerebbe almeno piedi 7, e mezzo di Bologna; quando il suddetto Signor de la Hire attesta nel luogo accennato, non darsi caso, che un fiume ordinariamente cammini più di sei piedi regj in un minuto secondo. Tuttavia, ritrovandosi fiumi, che per la rapidità della sua superficie non si possono navigare, e riuscendo in istato di piena grande quasi tutti impraticabili, e massimamente vicino agli sbocchi; ed avendo noi ancora osservato l'anno 1719 di Novembre nel Tesino poco sotto al Ponte di Pavis, in sito certamente rigurgitato dal Po, che era allora in una massima piena, muoversi esso Tesino con tale rapidità, che facea talvolta deviare il pendolo dal perpendicolo oltre a gradi 80. non posso rinvocare in dubbio, che sia possibile l'addotta supposizione, e che possa ammettersi, come un esempio, che talora potrà succedere in pratica.



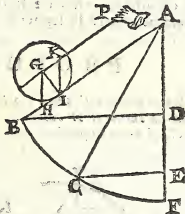
CAPITOLO VI.

Della impressione dell' acqua sul fondo de' canali, sopra di cui scorre, e contro le ripe da essa percosse, ed altri ostacoli opposti al suo corso.

PROPOSIZIONE XXXVIII.

LE forze, colle quali l'acqua ne' canali inclinati preme il fondo, sono come i seni della declinazione de i detti canali dal perpendicolo.

Sia il fondo del canale A B declinante dal perpendicolo per l'angolo B A F, e descrivasi col raggio A B l'arco B F, segnato in C dal fondo di un altro canale A C: tirate le orizzontali B D, C E, dico che la forza, con cui l'acqua preme il suo fondo A B, a quella, con cui preme il fondo A C, sta come il seno B D al seno C E; imperocchè imaginandosi tutto il peso dell' acqua, che preme sul punto I, del fondo A B, raccolto nel globo G, il quale venga sostenuto da una forza P per la direzione G K parallela ad esso fondo, acciocchè non iscorra per esso, e tirata la G H perpendicolare all'orizzonte, secondo la direzione della gravità, congiungendo al contatto la G I, che gli è perpendicolare, si compisce il parallelogrammo G H I K. Saranno dunque tre forze in equilibrio, l'una è P, che sostiene il globo, e impedisce, che non iscorra pel piano, onde uguaglia la forza, con cui esso globo scenderebbe, se non fosse trattenuto: la seconda è la forza della gravità G H, la quale tira il globo abbasso; e da queste si compone la terza forza G I, con cui il medesimo globo si aggrava sul piano, la quale viene rintuzzata dalla resistenza del piano sostenente l'impeto del globo; col resistergli per la direzione I G. Saranno dunque queste forze come i lati, ed il diametro del suddetto parallelogrammo; e però la forza intiera della gravità, per cui liberamente scenderebbe il globo, sta alla forza, con cui questo preme il piano inclinato A B, come C H a G I, ovvero per la similitudine de' triangoli, come il raggio A B al seno B D. Per la stessa ragione si mostrerebbe essere la forza, con cui è premuto il piano A C alla forza totale della gravità libera, come il seno E C al raggio A C, ovvero A B; dunque per l'ugual proporzione, la forza con



cui è premuto dall'acqua il piano A B, a quella, con cui premuto farebbe il piano A C, sta come il seno B D al seno C E; il che ec.

Corollario.

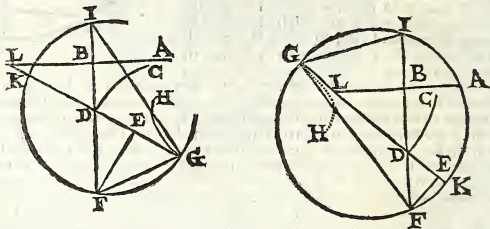
Lo stesso vale delle ripe fatte a scarpa, quando restano coperte dall'acqua, la quale similmente le preme in ragione de i seni, per cui la scarpa di esse ripe declina dal perpendicolo.

SCOLIO.

Si suppongono quì essi fondi, o pendenze delle ripe, essere superficie piane; perchè se fullero concave, o convesse, dovrebbe la misura della pressione aumentarsi, o diminuirsi, per cagione della forza centrifuga, la quale vi si mescolerebbe ad accrescere nel primo caso, ed a scemare nel secondo, l'impressione fatta dalla gravità dell'acqua; laddove se il fondo è piano, riesce infinitamente piccola la forza centrifuga, onde non altera la misura della pressione sopra dimostrata. Volendo però nei casi del fondo curvilineo calcolare la detta forza di pressione, o di aggravamento, si dovrà attendere la seguente

PROPOSIZIONE XXXIX.

Sia il fondo dell'alveo (o il pendio della ripa bagnata dall'acqua) disposto secondo la curva C D concava, o convessa, generata dallo svolgimento della curva H G. si cerca la pressione, che vi fa l'acqua in qualsivoglia punto D.



L'origine reale, o equivalente del fiume sia nell'orizzontale A B, e tirata la verticale D B, si prolunghi altrettanto verso I, sicchè sia D I doppia di B D. Prendesi ancora in essa verticale la D F per misura della forza assoluta, con cui l'acqua premerebbe con tutto il momento della sua gravità libera un fondo orizzontale: e tirata F E perpendicolare sopra D G raggio del cerchio obbagiante essa curva C D in D, si congiungano I G, F G, e circoscrivasi al triangolo I G F il cerchio I G F K, con-

cor-

corrente colla GD in K . Dico, che la somma delle due rette DK , DE , nel caso del fondo concavo, e la differenza delle medesime, quando il fondo è convesso, sarà la vera misura della forza, con cui l'acqua preme il soggetto fondo nel punto D .

Imperocchè, essendo i punti I , K , F , G nel cerchio, sarà il rettangolo IDF eguale al rettangolo GDK ; e però GD a DI starà come DE a DK ; ma DI è il duplo dell'altezza BD , onde cadendo l'acqua si è acquietata la velocità, con cui cammina in D , e DG è il raggio del cerchio combagiante, e la DF misura la gravità totale, con cui l'acqua si aggraverebbe sull'orizzonte, dunque la quarta proporzionale DK dopo le tre GD , DI , DF , in vigore della teoria della forza centrifuga, esprimerà la forza, con cui viene tirato il filo GD nel descriversi della curva CD : la quale azione è contro il fondo CD concavo, e tende a premerlo, ma al contrario allontana l'acqua dal fondo convesso, e lo solleva dalla pressione. Ma per la proposizione antecedente, essendo la medesima DF misura della forza totale della gravità, riesce la DE , seno dell'inclinazione, che ha il fondo nel punto D , colla verticale BD , misura della pressione, con cui l'acqua dee premere il fondo nel detto punto, come se fusse un piano inclinato; dunque nel caso della concavità del fondo, in cui si uniscono amendue queste forze a premere il punto D , sarà la somma delle due rette DK , DE la misura della sua intiera pressione: laddove nel caso del fondo convesso, operando queste due forze per direzioni contrarie, la misura della pressione (se pur ve ne resta) sarà l'eccesso della DE sopra la DK ; il che ec.

Corollario I.

Nel caso del fondo concavo, quando l'angolo DIG è acuto, la forza centrifuga è maggiore di quella, con cui per se stessa l'acqua premebbe sul punto D del fondo CD : perchè ancora l'angolo DKF sarà acuto, e la perpendicolare FE cadendo dalla parte di esso angolo, riuscirà KD maggiore di DE ; ma quando il detto angolo fusse ottuso, caderebbe la detta perpendicolare dall'altra parte, e però la forza centrifuga espressa per la DK sarebbe minore della forza della pressione della gravità sul punto D , espressa per la DE ; e se l'angolo DIG fusse retto, essendo allora ancora l'angolo DKF retto, il punto E caderebbe sul punto K , e sarebbero ambe le forze DK , DE tra di loro eguali.

Corollario II.

Nella cicloide, la cui base fusse nell'orizzontale AB , accaderebbe appunto quest'ultimo caso, perchè essendo ivi la GD dupla sempre della ED , siccome ID è dupla della BD , la IG sarà parallela all'orizzonte, e l'angolo GID retto; onde un corpo che cada lungo la curva cicloidale, calcherà la medesima colla forza centrifuga eguale alla forza relativa, con cui la preme per se stessa la gravità; e però la pressione totale, dipendente da queste due cagioni sarà dupla di quella, che dipenderebbe dalla gravità sola: come osservò Monsù Parentio nelle memorie dell'Accademia Regia delle scienze a 12. Marzo 1708.

Corollario III.

Potrà la totale pressione originata da amendue queste forze essere eguale, maggiore, o minore della pressione, con cui l'acqua quieta premerebbe un fondo orizzontale, secondo che il complesso delle due KD , DE sarà eguale, maggiore, o minore della DF esprime la forza totale della gravità sola; e specialmente nella cicloide si può osservare, che cadendo un grave per essa, posta l'origine del moto nella base per fino, che non giugne a passare l'altezza corrispondente alla quarta parte del diametro del cerchio generatore, la somma delle dette pressioni sarà minore di quella, con cui calcherebbe colla sola sua gravità il piano orizzontale. Nel punto stesso dell'altezza eguale alla detta quarta parte del diametro, il complesso di quelle due pressioni uguaglierebbe appunto la pressione totale della gravità, ma d'indi in giù l'aggregato di quelle sempre sarebbe maggiore di questa; di maniera che per lo più si ricercherà maggiore resistenza in un canale concavo, per reggere alla pressione dell'acqua, che se fusse non solamente retto, ed inclinato all'orizzonte, ma ancora se dovesse sostenerla orizzontalmente; il che pare un paradosso, e pure è verissimo, essendo quasi sempre la somma delle due DK , DE maggiore della sola DF .

Corollario IV.

Ma nel caso del fondo convesso, quando la forza centrifuga DK uguaglierà la forza DE , con cui la gravità dell'acqua per se stessa premerebbe il piano in D , sarà nulla la differenza loro, e però l'acqua che vi caminerebbe sopra, non la premerebbe punto più di quello, che un arco già compiuto, ed assodato, aggravi la centina sopra cui è fatto, potendo stare senza il sostegno di essa; onde ancora abbassato, o levato il detto fondo, l'acqua seguirebbe a descrivere la stessa curva per aria, come fa la vena d'una fonte co' suoi zampilli.

Corollario V.

Anzi può darsi caso, che detta forza centrifuga sia maggiore di quella, con cui la gravità premerebbe il piano; onde allora l'acqua nè meno seguirebbe la curvatura del fondo, ma sollevandosi da esso, si piegherebbe in un arco superiore, in cui venisse equilibrata precisamente la forza centrifuga con quella della gravità suddetta; il quale arco si vedrà nella prop. seguente essere parabolico.

PROPOSIZIONE XL.

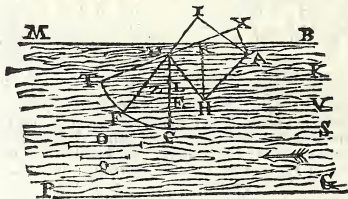
Quando l'acqua, o altra proietto, descrive una parabola AB , essendo spinto coll'impeto, o velocità competente all'altezza della caduta LA ; in qualunque suo punto B sarà la forza centrifuga, derivata dalla descrizione di essa parabola, sempre equilibrata con quella forza, che la gravità impiegherebbe a premere la detta curva AB , come se fusse il fondo d'un canale, sopra di cui passasse, spingendo.

Corollario.

Onde è chiaro, che se il letto d'un fiume avesse il fondo parabolico $A B$ convesso, e che il lato retto di tale parabola fusse quadruplo dell'altezza $L A$, onde il fiume è disceso (quale sarebbe la parabola, che dovrebbe descriversi dall'acqua, lasciandola liberamente uscire dal lume verticalmente aperto in un vaso sotto la medesima altezza $L A$, colla direzione orizzontale) esso fondo nulla premuto sarebbe dall'acqua, che vi camminerebbe sopra: perchè quando ancora non ci fusse, l'acqua anderebbe per la medesima strada parabolica, rimanendo la gravità sua sospesa, ed equilibrata dalla forza centrifuga.

PROPOSIZIONE XLI

Urtando il fiume $G B M P$ sopra l'ostacolo fermo $D C$ opposto direttamente al suo corso, sicchè la direzione dell'acqua lo ferisca ad angoli retti, ed incontrandone un altro $D F$ di eguale lunghezza, ma obliquamente disposto: sarà l'impressione fatta sul primo, a quella, che farà sopra il secondo, come il quadrato del seno totale $A D$, al quadrato del seno dell'inclinazione, o sia dell'incidenza $A I$.



Perchè l'ostacolo diretto $D C$, riceverà tutto il moto dell'acqua racchiusa tra i fili paralleli $A D$, $S C$; ma l'obliquo $D F$ riceverà solamente il moto dell'acqua, che è interposta tra i fili $A D$, $V E$, la quale batterebbe la sola parte $D E$ dell'ostacolo diretto; e di questa ancora il predetto ostacolo obliquo $D F$ non riceverebbe altrimenti tutto il moto, ma quella parte sola, che gli riesce perpendicolare; essendo che risolvendosi

il moto per $A D$ ne i due collaterali $A I$ perpendicolare al piano $D F$, ed $A H$ parallelo al medesimo, egli non vi ha dubbio, che la forza $A H$ nulla offende il detto ostacolo, ma la sola forza $A I$. Sarà dunque l'impressione sopra l'ostacolo $D C$ a quella sopra la parte $D E$, come $C D$ a $D E$, che sono le misure delle quantità d'acqua, che direttamente urtano nell'uno; e nell'altro piano colla stessa velocità: ma l'impressione fatta dall'acqua $A V E D$ sopra $D E$ all'impressione ricevuta dalla medesima sul piano $D F$ sta, come $A D$ ad $A I$, cioè, per la similitudine de' triangoli $A I D$, $D E F$, come $D F$, ovvero $D C$ a $D E$; dunque l'impressione sopra $C D$ all'impressione sopra $D F$ sta in ragione composta di $C D$ a $D E$, e di bel nuovo un'altra volta di $C D$ a $D E$, che è quanto dire nella ragione duplicata di $C D$ a $D E$, o come il quadrato $C D$, che è lo stesso di $D F$ al quadrato $D E$; che è quanto dire, come il qua-

dra.

drato del seno totale $A D$ al quadrato del seno $A I$ dell'angolo di inclinazione, o incidenza fatto dalla direzione dell'acqua; colla posizione dell'ostacolo; il che ec.

Corollario I.

Similmente essendol' ostacolo in un'altra posizione $D T$, si proverà, essere l'impressione sopra $D T$ all'impressione sopra l'ostacolo diretto $D C$, come il quadrato del suo seno d'incidenza $A X$, al quadrato del seno totale $A D$; onde per l'ugual proporzione, tarà l'impressione sopra $D T$ all'impressione sopra $D F$, come il quadrato del seno $A X$ al quadrato del seno $A I$; ovvero come il quadrato della $D L$ al quadrato della $D E$.

Corollario II.

Per la qual cosa ancora potrà dirsi essere le impressioni sopra due ostacoli $D T$, $D F$ egualmente lunghi, e variamente inclinati, in duplicata ragione delle quantità d'acqua, che vi battono sopra; perchè sono, come i quadrati delle $D L$, $D E$, che misurano la quantità dell'acqua $A D L K$, che va sopra il primo, e la quantità $A D E V$, che batte sopra il secondo,

Corollario III.

Onde si vede, che la massima impressione fatta sopra un penello, o altro ostacolo opposto al corso dell'acqua, è quando, la riceve ad angoli retti, come $D C$. e sempre minore si fa la detta impressione, quanto più è inclinato l'ostacolo al corso del fiume; onde è minore quella che tocca a $D T$, che quella che tocca a $D F$, per essere più acuto l'angolo $D T L$, che l'angolo $D F E$.

Corollario IV.

Apparisce ancora, che venendo urtato un ostacolo $D F$ per la direzione $A D$, non riceve impressione alcuna secondo $A H$ parallela al detto ostacolo, ma solamente resta spinto per la direzione $A I$, ovvero $H D$, che gli è perpendicolare.

SCOLIO I.

E' ben vero però, che questa stessa impressione secondo $H D$ tirando $H R$ perpendicolare ad $A D$, potrà dividersi nelle due collaterali $H R$, $R D$; delle quali la prima, quando l'angolo $F D A$ sia ottuso, tende a stringere maggiormente l'ostacolo contro la ripa, e tenervelo unito, o spingerlo verso quelle parti, se ne è staccato, e l'altra impressione è diretta a spingerli avanti il detto ostacolo per la direzione del fiume. Ma quando l'angolo $F D A$ è acuto, cospira ancora la prima impressione a

stac-

staccare dalla ripa il detto ostacolo, e trabalzarlo verso il filone del fiume, essendo allora diretta la $H R$ verso la ripa opposta alla contigua $B M$; onde rare volte accade, che possano sostenersi i penelli fatti per riparo del fiume in tale disposizione: oltre il pericolo di cagionare la rovina della ripa, co' vortici, che forma l'acqua riflessa dentro l'angolo acuto, mentre ritorna come in se stessa, e agitata in giro scava il terreno di sotto, facendo franare la sponda.

SCOLIO II.

Tutto ciò, che si è detto dell' ostacolo $D F$ supposto piano, vale ancora di ciascun punto, o di qualunque parte infinitamente piccola $D d$ di

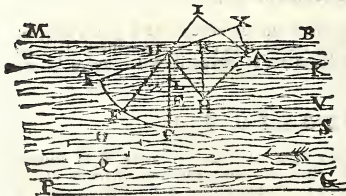


un ostacolo curvilineo $D f$, essendo che si può prendere per coincidente col piano $D d h$, che ivi la tocca, prese per eguali, o costanti le stesse particelle elementari $D d, d e, e t, ec.$ componenti l'ostacolo curvilineo; ma non già paragonando un intero ostacolo curvo ad un altro,

retto, o curvo che siasi; perchè non hanno le curve una sola inclinazione col filone del fiume, ma in ogni suo punto la mutano.

PROPOSIZIONE XLII.

Quanto maggiore sarà poi la superficie dell' ostacolo esposto all' azione dell' acqua, tanto maggiore impressione riceverà da essa, in parità dell' altre circostanze.



Imperocchè, siccome movendosi qualche corpo solido in un mezzo fluido, tanto maggiore è la resistenza, che vi incontra, quanto maggior superficie viene applicata contro di esso fluido: così vicendevolmente, movendosi colla stessa velocità il fluido contro il solido, lo spignerà con maggior forza, a misura della maggior superficie, contro di cui è spinto, e sopra di cui ha presa, purchè sieno altronde eguali tutte l'altre circostanze.

raggio DB, stendasi la secante DGI, e si prolunghi in C, sicchè sia DC terza proporzionale dopo le due DG, DI, sarà il punto C nella curva, che passa per tuttigli estremi de' ripari DB, DC, Dc incontrati dall'acqua con eguale impressione totale; perchè tirata CE parallela alla AD; essendo E D a D B, come C D a D I, cioè per costruzione, come I D a D G, siccome li conseguenti DB, DG sono eguali, saranno altresì eguali gli antecedenti E D, I D; ma il quadrato C D al quadrato D I sta, come C D a D G, ovvero D B; dunque la lunghezza del riparo C D alla lunghezza del riparo D B, sta come il quadrato C D al quadrato I D, ovvero E D; ma C D ad E D è come il seno dell'angolo retto A D B al seno dell'angolo d'inclinazione D C E, ovvero A D C; dunque le lunghezze de' ripari sono reciproche a' quadrati de' seni della loro inclinazione; e però ricevono impressioni eguali.

S C O L I O.

Questa curva B C c è la medesima da noi nominata, e proposta nella Lettera Geometrica al P. Ceva num. 10. ove asserisco, essere essa eguale alla lunghezza d'una certa curva parabolica, tagliata da un cono, il cui triangolo per l'asse fusse equilatero, e col distendere in piano la superficie conica, spiegata anch'essa, e ridotta nello stesso piano: Veggasi la suddetta nostra Lettera Geometrica annessa al libro della dimostrazione de' Teoremi Ugeniani pag. 197.

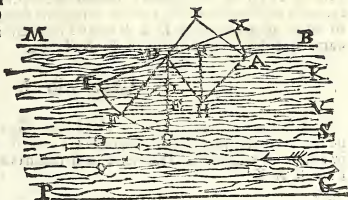
P R O P O S I Z I O N E XLIII.

Essendo diverse le velocità, colle quali si muovono due fiumi per la loro direzione, in parità di lunghezza de' ripari opposti, ed egualità dell'inclinazione loro col filone del fiume, saranno l'impressioni fatte in essi in ragione duplicata di quella delle dette velocità.

Per la Prop. 25. del primo libro le forze motive, o sia i momenti dell'acqua sono in ragione composta della diretta delle sezioni, che misurano l'ampiezza, ed estensione, con cui vengono ad urtare le acque mosse contro un ostacolo, e della duplicata delle velocità, onde in parità delle dette sezioni saranno in duplicata ragione di esse velocità, o come i loro quadrati; ma l'impressioni fatte sopra due ostacoli eguali, e similmente posti, corrispondono a' suddetti momenti come alle loro adèquate cagioni, dunque esse ancora, in parità d'altre circostanze, sono in duplicata ragione delle velocità: perchè se potesse la medesima copia d'acqua nello stesso tempo con diversa velocità investire l'ostacolo, sarebbe la forza del colpo tanto maggiore, quanto semplicemente fusse maggiore la velocità: ma perchè nello stesso tempo una maggiore velocità porta contro l'ostacolo una quantità d'acqua altrettanto maggiore, non potendo muoversi un fiume, per esempio, il doppio più veloce, se non conduce in qualsivoglia minima particella di tempo il doppio più d'acqua ad urtare contro il medesimo ostacolo; perciò dovrà crescere per quest'altro capo di nuovo nella stessa ragione il vigore dell'urto, e però le impressioni sono in duplicata ragione delle velocità; il che ec.

Corollario I.

Quindi si ha, che se il fiume B G P M urterà prima colla velocità O nell' ostacolo D Z; indi colla velocità Q nell' ostacolo D T, l' impressione fatta nel primo, a quella fatta nel secondo, sarà in ragione composta di quella del quadrato A I al quadrato A X, che sono i seni delle loro inclinazioni, e di quella della superficie D Z alla superficie D T, e della duplicata delle velocità, cioè del quadrato O al quadrato Q; perchè se urtasse colla velocità O nell' ostacolo D Z; indi colla stessa velocità nell' ostacolo D F eguale a D T, poi nell' ostacolo D T, colla medesima velocità O, e finalmente nello stesso D T colla velocità Q, farà la prima impressione alla seconda, come la superficie D Z alla superficie D F, ovvero D T: la seconda impressione alla terza, come il quadrato A I al quadrato A X; e la terza alla quarta O al quadrato Q; dunque la prima impressione alla quarta è in ragione composta delle superficie degli ostacoli, e de' quadrati sì de' seni dell' inclinazioni loro, come delle velocità dell' acqua.



Corollario II.

Onde sarà eguale la totale impressione sopra due ostacoli, se o in parità di lunghezza siano le velocità del fiume reciproche de' seni dell' inclinazione di tali ostacoli, o in parità d' inclinazione, siano le lunghezze loro reciproche a' quadrati delle velocità; o insomma se le lunghezze siano reciproche a' prodotti de' quadrati delle velocità ne' quadrati de' seni; ovvero i quadrati de' seni siano reciproci de' prodotti delle lunghezze ne' quadrati delle velocità, o finalmente i quadrati delle velocità reciprochi de' prodotti delle lunghezze ne' quadrati de' seni delle loro inclinazioni.

PROPOSIZIONE XLIV.

Volendo fare conto dell' impressione secondo R D parallela alla direzione del fiume, la quale secondo lo Scolio 1. della prop. 41. derivasi dall' impressione fatta dall' acqua corrente sopra l' ostacolo D F, secondo la perpendicolare H D; suranno le impressioni sopra l' ostacolo C D, opposto direttamente al corso dell' acqua, e sopra l' eguale ostacolo D F inclinato, secondo l' angolo A D F, il cui seno A I, come il cubo del seno totale A D, al cubo del seno A I della sua inclinazione.

Perchè l'impressione sopra DC a quella sopra DF , secondo la direzione AI , ovvero HD perpendicolare ad esso piano DF , sta per la Prop. 41. come il quadrato AD al quadrato AI ; ma l'impressione sopra DF secondo la perpendicolare HD , a quella che ne risulta secondo la direzione RD , sta come HD ad RD , cioè come AD a DH , ovvero AD ad AI ; dunque l'impressione sopra CD , a quella sopra DF , secondo la direzione RD , sarà in ragione composta di quella del quadrato AD al quadrato AI , e di nuovo di quella di AD ad AI ; cioè sta, come il cubo AD al cubo AI : il che ec.

Corollario I.

Quindi facilmente si deduce, che l'impressioni secondo la stessa direzione RD sopra due ostacoli eguali DF , DT variamente inclinati, sono in triplicata ragione de' seni delle loro inclinazioni, cioè come i cubi di A I , e di A X .

Corollario II.

Attesa la detta direzione RD , due ripari diversamente lunghi, e variamente inclinati, riceveranno dall'acqua le impressioni in ragione composta delle loro lunghezze, e de' cubi fatti da' seni delle inclinazioni.

Corollario III.

Et essendo i cubi de' i seni dell'inclinazioni, reciprochi delle lunghezze de' ripari, saranno eguali le impressioni fatte sopra di essi per la detta direzione RD .

Corollario IV.

E variando ancora la velocità, le dette impressioni saranno in ragione composta della semplice delle lunghezze, della duplicata delle velocità, e della triplicata de' seni dell'inclinazioni loro.

PROPOSIZIONE XLV.

L' impressione fatta dall' acqua sopra un ostacolo rettilineo AG opposto direttamente al corso dell' acqua in qualunque suo punto G , sta all' impressione fatta nell' ostacolo retto, o curvo AF inclinato alla corrente, nel punto F , che corrisponde al punto G , considerando l' urto ricevuto secondo la perpendicolare EC , come la normale CF alla sunnormale CB , o come la tangente DF all' ordinata FB : ma secondo la direzione FI derivata dall' urto suddetto per FC , sarà in duplicata ragione delle medesime normale, e sunnormale, ovvero tangente, ed ordinata; cioè come il quadrato FC al quadrato CB , o come il quadrato DF al quadrato FB .

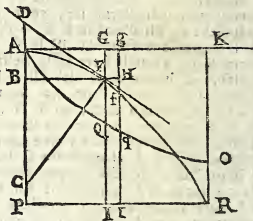
Sia F una parte infinitamente piccola della linea retta, o curva FA , la quale
sia

2 2 2

DEL MOVIMENTO

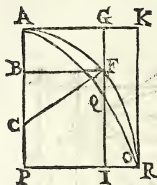
PROPOSIZIONE XLVI.

Facendosi, come la normale FC alla sunnormale CB così la retta costante GI ad un'altra IQ , e così sempre in tutti i punti, sicchè ne nasca la curva AQO , sarà tutta l'impressione sopra la retta AK fatta dall'acqua, che gli urta dentro perpendicolarmente, all'impressione fatta sopra tutta la curva AFR , considerata secondo le direzioni FC perpendicolari alla curva in ciascun punto, come il rettangolo $AKRP$ allo spazio curvilineo $AQORP$: ma la medesima impressione sopra la retta AK sta all'impressione ricevuta dalla curva AFR secondo le direzioni GF parallele alla riva AP , come il cilindro generato dal detto rettangolo $AKRP$ rivoltato intorno la base PR , al solido rotondo nato dalla rivoluzione dello spazio curvilineo $AQORP$ intorno la stessa base RP .



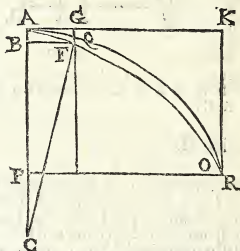
Perchè l'impressione dell'acqua sopra la linea AK nel punto G , all'impressione sopra la linea AFR nel punto F , secondo la direzione FC perpendicolare alla curva, sta come FC a CB per la prop. precedente ovvero come GI ad IQ : e sono tutte l'impressioni ne' punti G della retta AK tra di loro eguali, siccome sono eguali tutte le linee GI tirate nel rettangolo $AKRP$ parallele ad AP ; dunque la somma di tutte l'impressioni fatte su ciascun punto della retta AK stanno alla somma di tutte l'impressioni fatte su ciascun punto della AFR , per le direzioni perpendicolari a qualunque parte di essa, come tutte le linee GI del rettangolo $AKRP$, a tutte le linee IQ dello spazio $AQORP$, cioè come il detto rettangolo alla figura stessa $AQORP$; ma le impressioni sopra i punti G della retta, paragonate all'impressioni sopra i punti F della suddetta curva, secondo le direzioni perpendicolari ad AP , essendo per l'antecedente proposizione, come i quadrati delle normali corrispondenti FC a' quadrati delle sunnormali CB , o come li quadrati GI a' quadrati delle IQ , cioè come li cerchi generati dalle rette GI rivoltate intorno l'asse RP , a' cerchi generati dalle rette IQ similmente rivoltate intorno RP , ne segue, che la somma di tutte le impressioni sopra la retta AK , alla somma delle impressioni sopra la curva AFR , secondo la direzione GI , sia come il cilindro fatto dal rettangolo $AKRP$ rivoltato intorno RP , al solido rotondo fatto dallo spazio $AQORP$ rivoltato similmente intorno RP ; il che ec.

impressione eguale fatta su l' arco A F R vi è distribuita disugualmente per le sue parti, riuscendo maggiore tra i punti F, A, e minore tra i punti F, R.



Corollario -IV.

Se in vece del quadrante circolare, fusse A F R un quarto di ellisse, essendo A P il semiasse maggiore, l' impressione sopra la retta A K all' impressione sopra l' arco A F R secondo le perpendicolari F C sarebbe in ragione maggiore che quella del quadrato all' iscritto cerchio; e secondo le direzioni parallele all' asse A P in maggior ragione che sesquialtera; ma quando *fig. 2.* fusse A P il semiasse minore, sarebbe la prima ragione minore di quella del quadrato al cerchio iscritto, e la seconda minore parimente della sesquialtera, riuscendo la linea A Q O interiore all' ellisse nel primo caso, ed esteriore nel secondo.

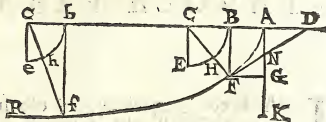


S C O L I O.

Non mi diffondo in dimostrare questo corollario, siccome nè meno nell' esaminare ciò che accade all' altre sezioni coniche, e diverse altre curve già note, bastando, che siasi spianata la strada a' Lettori per simiglianti ricerche; solamente noterò di passaggio, che la proporzione dell' impressione sopra una retta parallela all' asse

di una parabola, quando il corso del fiume è parallelo all' ordinate, e questa si considera secondo la direzione del medesimo corso, sta come uno spazio rettilineo ad uno spazio iperbolico tagliato con parallele a gli asintoti; e l' impressione sopra una retta parallela all' ordinate all' impressione sopra la curva parabolica, essendo il corso del fiume parallelo all' asse della parabola, considerata questa impressione nella perpendicolare alla curva, sta come uno spazio rettilineo ad un settore iperbolico; ma considerando la nella stessa direzione del fiume, sta come la retta, sopra cui si fa l' impressione, all' arco circolare, il cui raggio sia la metà del lato retto, e l' angolo al centro sia, quanta è l' inclinazione della tangente coll' estrema ordinata, che termina l' arco parabolico; ovvero come la tangente del compimento dell' inclinazione sta all' arco cioè l' impressione sopra A G, all' impressione sopra A F (descritto l' arco circolare B H, col raggio della sinuocnale B C, che è la metà del lato retto, il quale arco sia segato in H della normale F C, che fa coll' asse l' angolo F C B eguale a quello della tangente, e dell' ordinata D F B) come la stessa retta A G all' arco B H; onde compiuto il quadrante circolare B H E, ne segue questo stupen-

pendo pàradosso, che prolungata quantosivoglia la parabola A F verso R, non cresce in infinito l'impressione sopra di essa, non potendo l'arco B H mai talmente crescere, col crescere dell'angolo F C B contenuto dalla normale, e dalla sunnormale, che possa giugnere all' intero quadrante B E;



E; e però presa A K eguale al quadrante B H E, saremo certi, che prolungandosi quantosivoglia la parabola A F R, l'impressione totale sopra di essa, secondo le direzioni parallele all' asse, mai non arriverà, non che possa passare la somma dell' impressioni fatte sopra la detta A K. Se la figura del riparo sarà cicloidale, ed il corso del fiume sia parallelo alla base, l'impressione sopra la retta parallela all' asse a quella, che riceve la cicloide secondo le perpendicolari alla sua curvità, sarà in ragione sesquialtera, ed a quella che ne partecipa secondo il corso del fiume, in ragione dupla. Ma essendo il corso del fiume parallelo all' asse della cicloide, l'impressione sopra la retta parallela alla base, all'impressione su l'arco cicloidale, secondo la stessa direzione del fiume, sarà in ragione sesquiterza, e secondo la direzione delle sue perpendicolari, in ragione minore che sesquiterza. Se la curva sarà una logaritmica, ed il corso dell'acqua sia parallelo al suo asintoto, l'impressione sopra di essa, presa nella direzione parallela all' asse, sta all' impressione sopra la sua prima ordinata eguale alla suttangente, come l'eccesso del quadrato sopra il circolo iscritto, sta ad esso quadrato; ovvero generalmente, l'impressione sopra un' ordinata, sta all' impressione sopra tutta la logaritmica quindi in infinito decrescente, come la tangente all' eccesso di essa sopra l' arco, che misura l'inclinazione di essa tangente coll' asse. E se la curva sarà una trattoria, sarà l'impressione sopra la retta finita eguale alla sua suttangente, ed ordinata alla curva, il cui asintoto sia parallelo al corso del fiume, all'impressione sopra la detta curva in infinito prolungata, presa però secondo le perpendicolari alla medesima curva, in ragione dupla; e prendendo detta impressione, secondo le parallele all' asse, sarà in ragione tripla; le quali proprietà, ed altre infinite, io non intraprendo a dimostrare, perchè chi è abile Geometra averà maggior piacere di rinvenirle da se medesimo, e chi non è tale, o non sicurerebbe ad ogni modo di leggerle, o difficilmente ne capirebbe la dimostrazione. Che però questo basti per ora di avere brevemente notato sopra questa materia.

TAVOLA PARABOLICA.

LA di cui spiegazione, ed uso si vede nella Proposizione XXXVII. del Libro II., calcolata fino in 1800. particelle eguali d'altezza, le quali possono significare indifferentemente once, o soldi, o altre minime misure, secondo che vorranno misurarsi le altezze con piedi, che si dividono in 12. once, o con braccia, che si dividono in 20. soldi, o con altre misure secondo l'usanza di ciascun paese. A ciascun' altezza corrisponde la sua *radice quadra* esatta, o prossima in numeri interi, e parti centesime annesse, separate da un punto; le quali radici esprimono ancora le *velocità* competenti all' acqua nelle date altezze, o pure le *ordinate* della parabola, che esprime la scala delle velocità; e nella terza colonna si ha il *prodotto* di ciascuna altezza nella sua radice quadra, che esprime la *quantità dell' acqua* corrispondente, ovvero la *superficie* medesima parabolica, a cui il detto prodotto è proporzionale, per essere quella sempre due terzi del rettangolo circoscritto; come si è avvisato di sopra nel luogo citato.

Altezze. Radici. Prodotti.

1.	1.00.	1.00.
2.	-1.41.	2.82.
3.	-1.73.	5.19.
4.	-2.00.	8.00.

5.	+2.24.	11.20.
6.	+2.45.	14.70.
7.	+2.65.	19.55.
8.	+2.83.	22.64.

9.	3.00.	27.00.
10.	-3.16.	31.60.
11.	+3.32.	36.52.
12.	-3.46.	41.52.

Pic-)
di 1.)

13.	+3.61.	46.93.
14.	-3.74.	52.36.
15.	-3.87.	56.05.
16.	4.00.	64.00.

17.	-4.12.	70.04.
18.	-4.24.	76.32.
19.	+4.36.	82.84.
20.	-4.47.	89.40.

Brac-)
cia 1.)

21.	-4.58.	96.18.
22.	-4.69.	103.18.
23.	+4.80.	110.40.
24.	+4.90.	117.60.

P.2.

25.	5.00.	125.00.
26.	+5.10.	132.60.
27.	+5.20.	140.40.
28.	-5.29.	148.12.

29.	-5.39.	156.31.
30.	+5.48.	164.40.
31.	+5.57.	172.67.
32.	+5.66.	181.12.

33.	+5.74.	189.42.
34.	-5.83.	198.22.
35.	+5.92.	207.20.
36.	6.00.	216.00.

P.3.

37.	-6.08.	224.96.
38.	-6.16.	234.08.
39.	-6.24.	243.36.
40.	-6.32.	252.80.

B.2.

Altezze. Radici. Prodotti.

41.	-6.40.	262.40.
42.	-6.48.	272.16.
43.	+6.56.	282.08.
44.	-6.63.	291.72.

45.	+6.71.	301.95.
46.	-6.78.	311.88.
47.	+6.86.	322.42.
48.	+6.93.	332.64.

P.4.

49.	7.00.	343.00.
50.	-7.07.	353.50.
51.	-7.14.	364.14.
52.	-7.21.	374.92.

53.	-7.28.	385.84.
54.	+7.35.	396.90.
55.	+7.42.	408.10.
56.	-7.48.	418.88.

57.	+7.55.	430.35.
58.	+7.62.	441.96.
59.	-7.68.	453.12.
60.	+7.75.	465.00.

P.5.)
B.3.)

61.	-7.81.	476.41.
62.	-7.87.	487.94.
63.	+7.94.	500.22.
64.	8.00.	512.00.

65.	-8.06.	523.90.
66.	-8.12.	535.92.
67.	+8.19.	548.73.
68.	-8.24.	560.32.

69.	+8.31.	573.39.
70.	+8.37.	585.90.
71.	+8.43.	598.53.
72.	+8.49.	611.28.

P.6.

73.	-8.54.	623.42.
74.	-8.60.	636.40.
75.	-8.66.	649.50.
76.	+8.72.	662.72.

77.	-8.77.	675.99.
78.	-8.83.	688.74.
79.	+8.89.	702.31.
80.	-8.94.	715.20.

B.4.

Al-

Altezze. Radici. Prodotti.

81.	9.00.	729.00.
82.	+9.06.	742.92.
83.	-9.11.	756.13.
84.	+9.17.	770.28.

P.7.

85.	+9.22.	783.0.
86.	-9.27.	797.22.
87.	+9.33.	811.71.
88.	-9.38.	825.44.

89.	-9.43.	839.27.
90.	+9.49.	854.10.
91.	+9.54.	868.14.
92.	-9.59.	882.28.

93.	-9.64.	896.52.
94.	+9.70.	911.80.
95.	+9.75.	926.25.
96.	+9.80.	940.80.

P.8.

97.	+9.85.	955.45.
98.	+9.90.	970.20.
99.	+9.95.	985.05.
100.	10.00.	1000.00.

B.5.

101.	+10.05.	1015.05.
102.	+10.10.	1030.20.
103.	+10.15.	1045.45.
104.	+10.20.	1060.80.

105.	+10.25.	1076.25.
106.	+10.30.	1091.80.
107.	+10.34.	1106.38.
108.	-10.39.	1122.12.

P.9.

109.	+10.44.	1137.96.
110.	+10.49.	1153.9.
111.	+10.54.	1169.94.
112.	+10.58.	1184.96.

113.	-10.63.	1201.19.
114.	+10.68.	1217.52.
115.	-10.72.	1232.80.
116.	+10.77.	1249.32.

117.	+10.83.	1265.94.
118.	+10.86.	1281.48.
119.	+10.91.	1298.29.
120.	+10.95.	1314.00.

P.10.)

B.6.)

Altezze. Radici. Prodotti.

121.	11.00.	1331.00.
122.	+11.05.	1348.10.
123.	+11.09.	1364.07.
124.	+11.14.	1381.36.

125.	+11.18.	1397.50.
126.	-11.22.	1413.72.
127.	+11.27.	1431.29.
128.	-11.31.	1447.68.

129.	+11.36.	1465.44.
130.	-11.40.	1482.00.
131.	+11.45.	1499.95.
132.	+11.49.	1516.68.

P.11.

133.	-11.53.	1533.49.
134.	+11.58.	1551.72.
135.	+11.61.	1568.70.
136.	-11.66.	1585.76.

137.	+11.70.	1602.90.
138.	+11.75.	1621.50.
139.	+11.79.	1638.81.
140.	-11.83.	1656.20.

B.7.

141.	-11.87.	1673.67.
142.	+11.93.	1692.64.
143.	+11.96.	1710.28.
144.	12.00.	1728.00.

P.12.

145.	-12.04.	1745.80.
146.	-12.08.	1763.68.
147.	-12.12.	1781.64.
148.	+12.17.	1801.16.

149.	+12.21.	1819.29.
150.	+12.25.	1837.50.
151.	+12.29.	1855.79.
152.	+12.33.	1874.16.

153.	+12.37.	1892.61.
154.	+12.41.	1911.14.
155.	+12.45.	1929.75.
156.	+12.49.	1948.44.

P.13.

157.	+12.53.	1967.21.
158.	+12.57.	1986.06.
159.	+12.61.	2004.99.
160.	+12.65.	2024.00.

B.8.

Altezze Radici Prodotti.

161.	+12. 69.	2043. 09.
162.	+12. 73.	2062. 26.
163.	+12. 77.	2081. 51.
164.	+12. 81.	2100. 84.

165.	+12. 85.	2120. 25.
166.	-12. 88.	2138. 08.
167.	-12. 92.	2157. 64.
168.	-12. 96.	2177. 29.

P.14.

169.	13. 00.	2197. 00.
170.	+13. 04.	2216. 80.
171.	+13. 08.	2236. 68.
172.	-13. 11.	2254. 92.

173.	-13. 15.	2274. 95.
174.	-13. 19.	2295. 06.
175.	+13. 23.	2315. 25.
176.	+13. 27.	2335. 52.

177.	-13. 30.	2354. 10.
178.	-13. 34.	2374. 52.
179.	+13. 38.	2395. 02.
180.	+13. 42.	2415. 60.

P.15.)

B. 9.) 181.	-13. 45.	2434. 45.
182.	-13. 49.	2455. 18.
183.	+13. 53.	2475. 90.
184.	-13. 56.	2495. 04.

185.	-13. 60.	2516. 00.
186.	+13. 64.	2537. 04.
187.	-13. 67.	2556. 29.
188.	-13. 71.	2577. 48.

189.	+13. 75.	2598. 75.
190.	-13. 78.	2618. 20.
191.	-13. 82.	2639. 62.
192.	+13. 86.	2661. 12.

P.16.

193.	-13. 89.	2680. 77.
194.	+13. 93.	2702. 42.
195.	-13. 96.	2734. 20.
196.	14. 00.	2744. 00.

197.	+14. 04.	2765. 88.
198.	+14. 07.	2785. 86.
199.	+14. 11.	2807. 89.
200.	-14. 14.	2828. 00.

B.10.

Altezze Radici Prodotti.

201.	-14. 18.	2850. 18.
202.	-14. 21.	2870. 42.
203.	-14. 25.	2892. 75.
204.	-14. 28.	2913. 12.

P.17.

205.	+14. 32.	2935. 60.
206.	-14. 35.	2956. 10.
207.	+14. 39.	2978. 73.
208.	-14. 42.	2999. 36.

209.	+14. 46.	3022. 14.
210.	-14. 49.	3042. 90.
211.	+14. 53.	3065. 83.
212.	-14. 56.	3086. 72.

213.	-14. 59.	3107. 67.
214.	+14. 63.	3130. 82.
215.	-14. 66.	3151. 90.
216.	+14. 70.	3175. 20.

P.18.

217.	-14. 73.	3196. 41.
218.	-14. 76.	3217. 68.
219.	+14. 80.	3241. 20.
220.	-14. 83.	3262. 60.

B.11.

221.	+14. 87.	3286. 27.
222.	+14. 90.	3307. 80.
223.	-14. 93.	3329. 39.
224.	+14. 97.	3353. 28.

225.	15. 00.	3375. 00.
226.	-15. 03.	3396. 78.
227.	+15. 07.	3420. 89.
228.	+15. 10.	3442. 80.

P.19.

229.	-15. 13.	3464. 77.
230.	+15. 17.	3489. 10.
231.	+15. 20.	3511. 20.
232.	-15. 23.	3533. 36.

233.	-15. 26.	3555. 58.
234.	+15. 30.	3580. 20.
235.	+15. 33.	3602. 55.
236.	-15. 36.	3624. 96.

237.	-15. 39.	3647. 43.
238.	+15. 43.	3672. 34.
239.	+15. 46.	3694. 94.
240.	-15. 49.	3717. 60.

P.20.)

B.12.)

Altezze. Radici. Prodotti.

241.	-15.52.	3740.32.
242.	+15.56.	3765.52.
243.	+15.59.	3788.37.
244.	-15.62.	3811.28.

245.	-15.65.	3834.25.
246.	-15.68.	3857.28.
247.	+15.72.	3882.84.
248.	+15.75.	3906.00.

249.	+15.78.	3929.22.
250.	-15.81.	3952.50.
251.	-15.84.	3975.84.
252.	+15.88.	4001.76.

P.21.

253.	+15.91.	4025.23.
254.	+15.94.	4048.76.
255.	+15.97.	4072.35.
256.	16.00.	4096.00.

257.	-16.03.	4119.71.
258.	-16.06.	4143.48.
259.	-16.09.	4167.31.
260.	-16.12.	4191.20.

B.13.

261.	+16.16.	4217.76.
262.	+16.19.	4241.78.
263.	+16.22.	4265.86.
264.	+16.25.	4290.00.

P.22.

265.	+16.28.	4314.20.
266.	-16.30.	4335.80.
267.	-16.34.	4362.78.
268.	-16.37.	4387.16.

269.	-16.40.	4411.60.
270.	-16.43.	4436.10.
271.	-16.46.	4460.66.
272.	-16.49.	4485.28.

273.	-16.52.	4509.96.
274.	-16.55.	4534.70.
275.	-16.58.	4559.50.
276.	-16.61.	4584.36.

P.23.

277.	-16.64.	4609.28.
278.	-16.67.	4634.26.
279.	-16.70.	4659.30.
280.	-16.73.	4684.40.

B.14.

Altezze. Radici. Prodotti.

281.	-16.76.	4709.56.
282.	-16.79.	4734.78.
283.	-16.82.	4760.06.
284.	-16.85.	4785.40.

285.	-16.88.	4810.80.
286.	-16.91.	4836.26.
287.	-16.94.	4861.78.
288.	-16.97.	4887.36.

P.24.

289.	17.00.	4913.00.
290.	+17.03.	4938.70.
291.	+17.06.	4964.46.
292.	+17.09.	4990.28.

293.	+17.12.	5016.16.
294.	+17.15.	5042.10.
295.	+17.18.	5068.10.
296.	+17.20.	5091.20.

297.	-17.23.	5117.31.
298.	-17.26.	5143.48.
299.	-17.29.	5169.71.
300.	-17.32.	5196.00.

P.25.)

B.15.)

301.	+17.35.	5222.35.
302.	+17.38.	5248.76.
303.	+17.41.	5275.23.
304.	+17.44.	5301.76.

305.	-17.46.	5325.30.
306.	-17.49.	5351.94.
307.	-17.52.	5378.64.
308.	+17.55.	5405.40.

309.	+17.58.	5432.22.
310.	+17.61.	5459.10.
311.	+17.64.	5485.04.
312.	-17.66.	5509.92.

P.26.

313.	-17.69.	5536.97.
314.	-17.73.	5567.22.
315.	+17.75.	5591.25.
316.	+17.78.	5618.48.

317.	-17.80.	5642.60.
318.	-17.83.	5669.94.
319.	-17.86.	5697.34.
320.	+17.89.	5724.80.

B.16.

Altezze. Radici. Prodotti.

321.	+17.92.	5752.32.
322.	-17.94.	5776.68.
323.	-17.97.	5804.31.
324.	18.00.	5832.00.

P.27.

325.	+18.03.	5859.75.
326.	+18.06.	5887.56.
327.	-18.08.	5912.16.
328.	-18.11.	5940.08.

329.	+18.14.	5968.06.
330.	+18.17.	5996.10.
331.	-18.19.	6020.89.
332.	-18.22.	6049.04.

333.	+18.25.	6077.25.
334.	+18.27.	6102.18.
335.	-18.30.	6130.50.
336.	-18.33.	6158.88.

P.28.

337.	+18.36.	6187.32.
338.	+18.38.	6212.44.
339.	-18.41.	6240.99.
340.	+18.44.	6269.60.

B.17.

341.	+18.47.	6298.27.
342.	-18.49.	6323.58.
343.	-18.52.	6352.36.
344.	+18.55.	6381.20.

345.	-18.57.	6406.65.
346.	-18.60.	6435.60.
347.	+18.63.	6464.61.
348.	-18.65.	6490.20.

P.29.

349.	-18.68.	6519.32.
350.	+18.71.	6548.50.
351.	+18.74.	6577.74.
352.	-18.76.	6603.52.

353.	+18.79.	6632.87.
354.	+18.82.	6662.28.
355.	-18.84.	6688.20.
356.	+18.87.	6717.72.

357.	-18.89.	6743.73.
358.	-18.92.	6773.36.
359.	+18.95.	6803.05.
360.	-18.97.	6829.20.

P.30.)
B.18.)

Altezze. Radici. Prodotti.

361.	19.00.	6859.00.
362.	+19.03.	6892.46.
363.	-19.05.	6918.75.
364.	+19.08.	6948.72.

365.	-19.10.	6975.10.
366.	-19.13.	7001.58.
367.	+19.16.	7031.72.
368.	-19.18.	7058.24.

369.	+19.21.	7088.49.
370.	+19.24.	7118.80.
371.	-19.26.	7145.46.
372.	+19.29.	7175.88.

P.31.

373.	-19.31.	7202.63.
374.	+19.34.	7233.16.
375.	+19.37.	7263.75.
376.	-19.39.	7290.64.

377.	+19.42.	7321.34.
378.	-19.44.	7348.32.
379.	+19.47.	7379.13.
380.	-19.49.	7406.20.

B.19.

381.	+19.52.	7437.12.
382.	-19.54.	7464.28.
383.	-19.57.	7495.31.
384.	+19.60.	7526.40.

P.32.

385.	-19.62.	7553.70.
386.	+19.65.	7584.90.
387.	-19.67.	7612.29.
388.	-19.69.	7639.72.

389.	+19.72.	7671.08.
390.	+19.75.	7702.50.
391.	-19.77.	7730.07.
392.	+19.80.	7761.60.

393.	-19.82.	7789.26.
394.	+19.85.	7820.90.
395.	-19.87.	7848.65.
396.	+19.90.	7880.40.

P.33.

397.	-19.92.	7908.24.
398.	+19.95.	7940.10.
399.	-19.97.	7968.03.
400.	20.00.	8000.00.

B.20.

Altezze. Radici. Prodotti.

401.	- 20.02.	8028.02.
402.	+20.05.	8060.10.
403.	- 20.07.	8088.21.
404.	+20.10.	8120.40.

405.	- 20.12.	8148.60.
406.	+20.15.	8180.90.
407.	- 20.17.	8209.19.
408.	+20.20.	8241.60.

P.34.

409.	- 20.22.	8269.98.
410.	+20.25.	8302.50.
411.	- 20.27.	8330.97.
412.	+20.30.	8363.60.

413.	- 20.32.	8392.16.
414.	+20.35.	8424.90.
415.	- 20.37.	8453.55.
416.	+20.40.	8486.40.

417.	- 20.42.	8515.14.
418.	+20.45.	8548.10.
419.	+20.47.	8576.93.
420.	- 20.49.	8605.80.

P.35.)
B.21.)

421.	+20.52.	8638.92.
422.	- 20.54.	8667.88.
423.	+20.57.	8701.11.
424.	- 20.59.	8730.16.

425.	+20.62.	8763.50.
426.	+20.64.	8792.64.
427.	- 20.66.	8821.82.
428.	+20.69.	8855.32.

429.	- 20.71.	8884.59.
430.	+20.74.	8918.20.
431.	- 20.76.	8947.56.
432.	- 20.78.	8976.96.

P.36.

433.	+20.81.	9010.73.
434.	- 20.83.	9040.22.
435.	+20.86.	9074.10.
436.	- 20.88.	9103.68.

437.	- 20.90.	9133.30.
438.	+20.93.	9167.34.
439.	- 20.95.	9197.05.
440.	+20.98.	9231.20.

B.22.

Altezze. Radici. Prodotti.

441.	21.00.	9261.00.
442.	- 21.02.	9290.84.
443.	+21.05.	9325.15.
444.	- 21.07.	9355.08.

P.37.

445.	+21.10.	9389.50.
446.	+21.12.	9419.52.
447.	+21.14.	9449.58.
448.	+21.17.	9484.16.

449.	+21.19.	9514.31.
450.	- 21.21.	9544.50.
451.	+21.24.	9579.24.
452.	- 21.26.	9609.52.

453.	- 21.28.	9639.84.
454.	+21.31.	9674.74.
455.	- 21.33.	9705.15.
456.	- 21.35.	9735.60.

P.38.

457.	+21.38.	9770.66.
458.	- 21.40.	9801.20.
459.	- 21.42.	9831.78.
460.	+21.45.	9867.00.

B.23.

461.	- 21.47.	9897.67.
462.	- 21.49.	9928.38.
463.	+21.52.	9963.76.
464.	- 21.54.	9994.56.

465.	- 21.56.	10025.40.
466.	+21.59.	10060.94.
467.	- 21.61.	10091.87.
468.	- 21.63.	10122.84.

P.39.

469.	+21.66.	10158.54.
470.	+21.68.	10189.60.
471.	- 21.70.	10220.70.
472.	+21.73.	10256.56.

473.	+21.75.	10287.75.
474.	- 21.77.	10318.98.
475.	+21.79.	10350.25.
476.	+21.82.	10386.32.

477.	- 21.84.	10417.68.
478.	- 21.86.	10449.08.
479.	+21.89.	10485.31.
480.	+21.91.	10516.80.

P.40.)
B.24.)

Al-

Altezze Radici. Prodotti.

481.	- 21. 93.	10548. 33.
482.	- 21. 95.	10579. 90.
483.	+21. 98.	10616. 34.
484.	22. 00.	10648. 00.

485.	- 22. 02.	10679. 70.
486.	+22. 05.	10716. 30.
487.	+22. 07.	10748. 09.
488.	- 22. 09.	10779. 92.

P. 41.

489.	- 22. 11.	10811. 79.
490.	+22. 14.	10848. 60.
491.	+22. 16.	10880. 56.
492.	- 22. 18.	10912. 56.

B. 25.

493.	- 22. 20.	10944. 60.
494.	+22. 23.	10981. 62.
495.	+22. 25.	11013. 75.
496.	- 22. 27.	11045. 92.

497.	- 22. 29.	11078. 13.
498.	+22. 32.	11115. 36.
499.	+22. 34.	11147. 66.
500.	- 22. 36.	11180. 00.

P. 42.

501.	- 22. 38.	11212. 38.
502.	+22. 41.	11249. 82.
503.	+22. 43.	11282. 29.
504.	+22. 45.	11314. 80.

505.	- 22. 47.	11345. 35.
506.	- 22. 49.	11379. 94.
507.	+22. 52.	11417. 64.
508.	+22. 54.	11450. 32.

509.	- 22. 56.	11483. 04.
510.	- 22. 58.	11515. 80.
511.	+22. 61.	11553. 71.
512.	+22. 63.	11586. 56.

P. 43.

513.	+22. 65.	11619. 45.
514.	- 22. 67.	11652. 38.
515.	- 22. 69.	11685. 35.
516.	- 22. 72.	11723. 52.

517.	+22. 74.	11756. 58.
518.	+22. 76.	11789. 68.
519.	- 22. 78.	11822. 82.
520.	- 22. 80.	11856. 00.

B. 26.

Altezze Radici. Prodotti.

521.	+22. 81.	11894. 43.
522.	+22. 85.	11927. 70.
523.	+22. 87.	11961. 01.
524.	- 22. 89.	11994. 36.

525.	- 22. 91.	12027. 75.
526.	- 22. 93.	12061. 18.
527.	+22. 96.	12099. 92.
528.	+22. 98.	12133. 44.

P. 44.

529.	23. 00.	12167. 00.
530.	- 23. 02.	12200. 60.
531.	- 23. 04.	12234. 24.
532.	+23. 07.	12273. 24.

533.	+23. 09.	12306. 97.
534.	+23. 11.	12340. 74.
535.	- 23. 13.	12374. 55.
536.	- 23. 15.	12408. 40.

537.	- 23. 17.	12442. 29.
538.	+23. 20.	12481. 60.
539.	+23. 22.	12515. 58.
540.	+23. 24.	12549. 60.

P. 45.)
B. 27.)

541.	+23. 26.	12583. 66.
542.	- 23. 28.	12617. 76.
543.	- 23. 30.	12651. 90.
544.	- 23. 32.	12686. 08.

545.	+23. 35.	12725. 75.
546.	+23. 37.	12760. 02.
547.	+23. 39.	12794. 33.
548.	+23. 41.	12828. 68.

549.	- 23. 43.	12863. 07.
550.	- 23. 45.	12897. 50.
551.	- 23. 47.	12931. 97.
552.	- 23. 49.	12966. 48.

P. 46.

553.	+23. 52.	13006. 56.
554.	+23. 54.	13041. 16.
555.	+23. 56.	13075. 80.
556.	+23. 58.	13110. 48.

557.	- 23. 60.	13145. 20.
558.	- 23. 62.	13179. 96.
559.	- 23. 64.	13214. 76.
560.	- 23. 66.	13249. 60.

B. 28.

Altezze. Radici. Prodotti.

P. 47.

561.	+23. 69.	13290. 09.
562.	+23. 71.	13325. 02.
563.	+23. 73.	13359. 99.
564.	+23. 75.	13395. 00.

565.	+23. 77.	13430. 05.
566.	-23. 79.	13465. 14.
567.	-23. 81.	13500. 27.
568.	-23. 83.	13535. 44.

569.	-23. 85.	13570. 65.
570.	-23. 87.	13605. 90.
571.	+23. 90.	13646. 90.
572.	+23. 92.	13682. 24.

573.	+23. 94.	13717. 62.
574.	+23. 96.	13753. 04.
575.	+23. 98.	13788. 50.
576.	24. 00.	13824. 00.

P. 48.

577.	-24. 02.	13859. 54.
578.	-24. 04.	13895. 12.
579.	-24. 06.	13930. 74.
580.	-24. 08.	13966. 40.

B. 29.

581.	-24. 10.	14002. 10.
582.	-24. 12.	14037. 84.
583.	+24. 15.	14079. 45.
584.	+24. 17.	14115. 28.

585.	+24. 19.	14151. 15.
586.	+24. 21.	14187. 06.
587.	+24. 23.	14223. 01.
588.	+24. 25.	14259. 00.

P. 49.

589.	+24. 27.	14295. 03.
590.	+24. 29.	14331. 10.
591.	-24. 31.	14367. 21.
592.	-24. 33.	14403. 36.

593.	-24. 35.	14439. 55.
594.	-24. 37.	14475. 78.
595.	-24. 39.	14512. 05.
596.	-24. 41.	14548. 36.

597.	-24. 43.	14584. 71.
598.	-24. 45.	14621. 10.
599.	-24. 47.	14657. 53.
600.	-24. 49.	14694. 00.

P. 50.)
B. 30.)

Altezze. Radici. Prodotti.

601.	+24. 52.	14736. 52.
602.	+24. 54.	14773. c8.
603.	+24. 56.	14809. 68.
604.	+24. 58.	14846. 32.

605.	+24. 60.	14883. 00.
606.	+24. 62.	14919. 72.
607.	+24. 64.	14956. 48.
608.	+24. 66.	14993. 28.

609.	+24. 68.	15030. 12.
610.	+24. 70.	15067. 00.
611.	+24. 72.	15103. 92.
612.	+24. 74.	15140. 88.

B. 51.

613.	+24. 76.	15177. 88.
614.	+24. 78.	15214. 92.
615.	+24. 80.	15252. 00.
616.	+24. 82.	15289. 12.

617.	+24. 84.	15326. 28.
618.	+24. 86.	15363. 48.
619.	+24. 88.	15400. 72.
620.	+24. 90.	15438. 00.

B. 31.

621.	+24. 92.	15475. 32.
622.	+24. 94.	15512. 68.
623.	+24. 96.	15550. 08.
624.	+24. 98.	15587. 52.

P. 52.

625.	25. 00.	15625. 00.
626.	+25. 02.	15662. 52.
627.	+25. 04.	15700. 08.
628.	+25. 06.	15737. 68.

629.	+25. 08.	15775. 22.
630.	+25. 10.	15813. 00.
631.	+25. 12.	15850. 72.
632.	+25. 14.	15888. 48.

633.	+25. 16.	15926. 28.
634.	+25. 18.	15964. 12.
635.	+25. 20.	16002. 00.
636.	+25. 22.	16039. 92.

P. 53.

637.	+25. 24.	16077. 88.
638.	+25. 26.	16115. 88.
639.	+25. 28.	16153. 92.
640.	+25. 30.	16192. 00.

B. 32.

Altezze. Radici. Prodotti.

641.	+25. 32.	16230. 12.
642.	+25. 34.	16268. 28.
643.	+25. 36.	16306. 48.
644.	+25. 38.	16344. 72.

645.	+25. 40.	16383. 00.
646.	+25. 42.	16421. 32.
647.	+25. 44.	16459. 68.
648.	+25. 46.	16498. 08.

P. 54.

649.	+25. 48.	16536. 52.
650.	+25. 50.	16575. 00.
651.	-25. 51.	16607. 01.
652.	-25. 53.	16645. 56.

653.	-25. 55.	16683. 15.
654.	-25. 57.	16722. 78.
655.	-25. 59.	16761. 45.
656.	-25. 61.	16800. 16.

657.	-25. 63.	16832. 91.
658.	-25. 65.	16877. 70.
659.	-25. 67.	16916. 53.
660.	-25. 69.	16955. 40.

P. 55.)

B. 33.)

661.	+25. 71.	16994. 31.
662.	+25. 73.	17033. 26.
663.	+25. 75.	17072. 25.
664.	+25. 77.	17111. 28.

665.	+25. 79.	17150. 35.
666.	+25. 81.	17189. 46.
667.	+25. 83.	17228. 61.
668.	+25. 85.	17267. 80.

669.	+25. 87.	17307. 03.
670.	-25. 88.	17339. 60.
671.	-25. 90.	17378. 90.
672.	-25. 92.	17418. 24.

P. 56.

673.	-25. 94.	17457. 62.
674.	-25. 96.	17497. 04.
675.	-25. 98.	17536. 50.
676.	-25. 00.	17576. 00.

677.	+26. 02.	17615. 54.
678.	+26. 04.	17655. 12.
679.	+26. 06.	17694. 74.
680.	+26. 58.	17734. 40.

B. 34.

Tomo II.

Altezze. Radici. Prodotti.

681.	+26. 10.	17774. 10.
682.	+26. 12.	17813. 84.
683.	-26. 13.	17846. 79.
684.	-26. 15.	17886. 60.

P. 57.

685.	-26. 17.	17926. 45.
686.	-26. 19.	17966. 34.
687.	-26. 21.	18006. 27.
688.	+26. 23.	18046. 24.

689.	+26. 25.	18086. 25.
690.	+26. 27.	18126. 30.
691.	+26. 29.	18166. 39.
692.	+26. 31.	18206. 52.

693.	-26. 32.	18239. 76.
694.	-26. 34.	18279. 96.
695.	-26. 36.	18320. 20.
696.	-26. 38.	18360. 48.

P. 58.

697.	-26. 40.	18400. 80.
698.	+26. 42.	18441. 16.
699.	+26. 44.	18481. 56.
700.	+26. 46.	18522. 00.

B. 35.

701.	+26. 48.	18562. 48.
702.	+26. 50.	18603. 00.
703.	-26. 51.	18636. 53.
704.	-26. 53.	18677. 12.

705.	-26. 55.	18717. 75.
706.	-26. 57.	18758. 42.
707.	+26. 59.	18799. 13.
708.	+26. 61.	18839. 88.

P. 59.

709.	+26. 63.	18880. 67.
710.	+26. 65.	18921. 50.
711.	-26. 66.	18955. 26.
712.	-26. 68.	18996. 16.

713.	-26. 70.	19037. 10.
714.	-26. 72.	19078. 08.
715.	+26. 74.	19119. 10.
716.	+26. 76.	19160. 16.

717.	+26. 78.	19201. 26.
718.	+26. 80.	19242. 40.
719.	-26. 81.	19276. 39.
720.	-26. 83.	19317. 60.

P. 60.)

B. 36.) O o

Al-

Altezze. Radici. Prodotti.

721.	-26.85.	19358.85.
722.	-26.87.	19400.14.
723.	+26.89.	19441.47.
724.	+26.91.	19442.84.

725.	+26.93.	19524.25.
726.	-26.94.	19558.44.
727.	-26.96.	19599.92.
728.	-26.98.	19641.44.

729.	27.00.	19683.00.
730.	+27.02.	19724.60.
731.	+27.04.	19766.24.
732.	-27.06.	19807.92.

P. 61.

733.	-27.7.	19842.31.
734.	-27.09.	19884.06.
735.	-27.11.	19925.85.
736.	+27.13.	19967.68.

737.	+27.15.	20009.55.
738.	+27.17.	20051.46.
739.	-27.18.	20086.02.
740.	-27.20.	20128.00.

B. 37.

741.	-27.22.	20170.02.
742.	+27.24.	20212.08.
743.	+27.26.	20254.18.
744.	+27.28.	20296.32.

P. 62.

745.	-27.29.	20331.05.
746.	-27.31.	20373.26.
747.	-27.33.	20415.51.
748.	+27.35.	20457.80.

749.	+27.37.	20500.13.
750.	+27.39.	20542.50.
751.	-27.40.	20577.40.
752.	-27.42.	20619.84.

753.	-27.44.	20662.32.
754.	+27.46.	20704.84.
755.	+27.48.	20747.40.
756.	-27.49.	20782.44.

P. 63.

757.	-27.51.	20825.07.
758.	-27.53.	20867.74.
759.	+27.55.	20910.45.
760.	+27.57.	20953.20.

B. 38.

Altezze. Radici. Prodotti.

761.	+27.59.	20995.99.
762.	-27.60.	21031.20.
763.	-27.62.	21074.06.
764.	-27.64.	21116.96.

765.	+27.66.	21159.90.
766.	+27.68.	21202.88.
767.	-27.69.	21238.23.
768.	-27.71.	21281.28.

P. 64.

769.	-27.73.	21324.37.
770.	+27.75.	21367.50.
771.	+27.77.	21410.67.
772.	+27.79.	21453.88.

773.	-27.80.	21489.46.
774.	-27.82.	21532.68.
775.	+27.84.	21576.00.
776.	+27.86.	21620.36.

777.	-27.87.	21654.99.
778.	-27.88.	21690.64.
779.	-27.91.	21741.89.
780.	+27.93.	21785.40.

P. 65.)

B. 39.)

781.	+27.95.	21828.95.
782.	-27.96.	21864.72.
783.	-27.98.	21908.34.
784.	28.00.	21952.00.

785.	+28.02.	21995.70.
786.	+28.04.	22039.44.
787.	+28.05.	22075.35.
788.	-28.07.	22119.16.

789.	+28.09.	22163.01.
790.	+28.11.	22206.90.
791.	-28.12.	22242.92.
792.	-28.14.	22286.88.

P. 66.

793.	-28.16.	22330.88.
794.	+28.18.	22374.92.
795.	+28.20.	22419.00.
796.	-28.21.	22455.16.

797.	-28.23.	22499.31.
798.	+28.25.	22543.50.
799.	+28.27.	22587.73.
800.	-28.28.	22624.00.

B. 40.

Altezze . Radici . Prodotti.

801.	-28.30.	22668.30.
802.	+28.32.	22712.64.
803.	+28.34.	22757.02.
804.	-28.35.	22793.40.

P.67.

805.	-28.37.	22831.85.
806.	-28.39.	22882.34.
807.	+28.41.	22926.87.
808.	+28.43.	22971.44.

809.	-28.44.	23007.96.
810.	-28.46.	23052.60.
811.	+28.48.	23097.28.
812.	+28.50.	23142.00.

813.	-28.51.	23178.63.
814.	-28.53.	23223.42.
815.	+28.55.	23268.25.
816.	+28.57.	23313.12.

P.68.

817.	-28.58.	23349.86.
818.	-28.60.	23394.80.
819.	+28.62.	23439.78.
820.	+28.64.	23484.80.

B.41.

821.	-28.65.	23521.65.
822.	-28.67.	23566.74.
823.	+28.69.	23611.87.
824.	+28.71.	23657.04.

825.	-28.72.	23694.00.
826.	-28.74.	23739.24.
827.	+28.76.	23784.52.
828.	-28.77.	23821.56.

P.69.

829.	-28.79.	23866.91.
830.	+28.81.	23912.30.
831.	+28.83.	23957.73.
832.	-28.84.	23994.88.

833.	-28.86.	24040.38.
834.	+28.88.	24085.92.
835.	+28.90.	24131.50.
836.	-28.91.	24168.76.

837.	-28.93.	24214.41.
838.	+28.95.	24260.10.
839.	+28.97.	24305.83.
840.	-28.98.	24343.20.

P.70.)
B.42.)

Altezze . Radici . Prodotti.

841.	29.00.	24389.00.
842.	+29.02.	24434.84.
843.	-29.03.	24472.29.
844.	-29.05.	24518.20.

845.	+29.07.	24564.15.
846.	+29.09.	24610.14.
847.	-29.10.	24647.70.
848.	-29.12.	24693.76.

849.	+29.14.	24739.86.
850.	-29.15.	24777.50.
851.	-29.17.	24823.67.
852.	+29.19.	24869.88.

P.71.

853.	+29.21.	24916.13.
854.	-29.22.	24953.88.
855.	-29.24.	25000.20.
856.	+29.26.	25046.56.

857.	-29.27.	25084.39.
858.	-29.29.	25130.82.
859.	+29.31.	25177.29.
860.	+29.33.	25223.80.

B.43.

861.	-29.34.	25261.74.
862.	+29.36.	25308.32.
863.	+29.38.	25354.94.
864.	-29.39.	25392.96.

P.72.

865.	-29.41.	25439.65.
866.	+29.43.	25486.38.
867.	-29.44.	25524.48.
868.	-29.46.	25571.28.

869.	+29.48.	25618.12.
870.	+29.50.	25665.00.
871.	-29.51.	25703.21.
872.	+29.53.	25750.16.

873.	+29.55.	25797.15.
874.	-29.56.	25835.44.
875.	-29.58.	25882.50.
876.	+29.60.	25929.50.

P.73.

877.	-29.61.	25967.97.
878.	-29.63.	26015.14.
879.	+29.65.	26062.35.
880.	-29.66.	26100.80.

B.44.

Altezze. Radici. Prodotti.

881.	- 29. 68.	26148. 08.
882.	+ 29. 70.	26195. 40.
883.	+ 29. 72.	26242. 76.
884.	- 29. 73.	26281. 32.

885.	+ 29. 75.	26328. 75.
886.	+ 29. 77.	26376. 22.
887.	- 29. 78.	26414. 86.
888.	+ 29. 80.	26462. 40.

P.74.

889.	+ 29. 82.	26509. 98.
890.	- 29. 83.	26548. 70.
891.	+ 29. 85.	26596. 35.
892.	+ 29. 87.	26644. 04.

893.	- 29. 88.	26682. 84.
894.	+ 29. 90.	26730. 60.
895.	+ 29. 92.	26778. 40.
896.	- 29. 93.	26817. 28.

897.	+ 29. 95.	26865. 15.
898.	+ 29. 96.	26904. 08.
899.	- 29. 98.	26952. 02.
900.	30. 00.	27000. 00.

P.75.)
B.45.)

901.	+ 30. 02.	27048. 02.
902.	- 30. 03.	27087. 06.
903.	+ 30. 05.	27135. 15.
904.	+ 30. 07.	27183. 28.

905.	- 30. 08.	27222. 40.
906.	+ 30. 10.	27270. 60.
907.	+ 30. 12.	27318. 84.
908.	- 30. 13.	27358. 04.

909.	+ 30. 15.	27406. 35.
910.	+ 30. 17.	27454. 70.
911.	- 30. 18.	27493. 98.
912.	+ 30. 20.	27542. 40.

P.76.

913.	+ 30. 22.	27590. 86.
914.	- 30. 23.	27630. 22.
915.	+ 30. 25.	27678. 75.
916.	+ 30. 27.	27727. 32.

917.	- 30. 28.	27766. 76.
918.	+ 30. 30.	27815. 40.
919.	+ 30. 32.	27864. 08.
920.	- 30. 33.	27903. 60.

P. 46.

Altezze. Radici. Prodotti.

921.	+ 30. 35.	27952. 35.
922.	- 30. 36.	27991. 92.
923.	- 30. 38.	28040. 74.
924.	+ 30. 40.	28089. 60.

P.77.

925.	- 30. 41.	28129. 25.
926.	- 30. 43.	28178. 18.
927.	+ 30. 45.	28227. 15.
928.	- 30. 46.	28266. 88.

929.	+ 30. 48.	28315. 92.
930.	+ 30. 50.	28363. 00.
931.	- 30. 51.	28404. 87.
932.	+ 30. 53.	28453. 96.

933.	+ 30. 55.	28503. 15.
934.	- 30. 56.	28543. 04.
935.	+ 30. 58.	28592. 30.
936.	- 30. 59.	28632. 24.

P.78.

937.	- 30. 61.	28681. 57.
938.	+ 30. 63.	28730. 94.
939.	- 30. 64.	28770. 96.
940.	+ 30. 66.	28820. 40.

B.47.

941.	+ 30. 68.	28869. 88.
942.	- 30. 69.	28909. 98.
943.	+ 30. 71.	28959. 53.
944.	- 30. 72.	28999. 68.

945.	- 30. 74.	29049. 30.
946.	+ 30. 76.	29098. 96.
947.	- 30. 77.	29130. 19.
948.	+ 30. 79.	29188. 92.

P.79.

949.	+ 30. 81.	29238. 69.
950.	- 30. 82.	29279. 00.
951.	+ 30. 84.	29328. 84.
952.	- 30. 85.	29369. 20.

953.	- 30. 87.	29419. 11.
954.	+ 30. 89.	29469. 06.
955.	- 30. 90.	29500. 05.
956.	+ 30. 92.	29559. 52.

957.	+ 30. 94.	29609. 58.
958.	- 30. 95.	29650. 10.
959.	+ 30. 97.	29700. 23.
960.	- 30. 98.	29740. 80.

P.80.)
B.48.)

Altezze. Radici. Prodotti.

961.	31.00.	29791.00.
962.	+31.02.	29841.24.
963.	-31.03.	29881.89.
964.	+31.05.	29932.20.

965.	-31.06.	29972.90.
966.	-31.08.	30023.28.
967.	+31.10.	30073.70.
968.	-31.11.	30114.48.

969.	+31.13.	30164.97.
970.	-31.14.	30205.80.
971.	+31.16.	30256.36.
972.	-31.17.	30297.24.

P.81.

973.	-31.19.	30347.87.
974.	+31.21.	30398.54.
975.	-31.22.	30439.50.
976.	-31.24.	30490.24.

977.	+31.26.	30541.02.
978.	-31.27.	30582.06.
979.	+31.29.	30632.91.
980.	-31.30.	30674.00.

B. 9.

981.	-31.32.	30724.92.
982.	+31.34.	30775.88.
983.	-31.35.	30817.05.
984.	+31.37.	30868.08.

P.82.

985.	-31.38.	30909.30.
986.	-31.40.	30960.40.
987.	+31.42.	31011.54.
988.	-31.43.	31052.84.

989.	+31.45.	31104.05.
990.	-31.46.	31145.40.
991.	-31.48.	31196.68.
992.	+31.50.	31248.00.

993.	-31.51.	31289.43.
994.	+31.53.	31340.82.
995.	-31.54.	31382.30.
996.	+31.56.	31433.76.

P.83.

997.	+31.58.	31485.26.
998.	-31.59.	31526.82.
999.	+31.61.	31578.39.
1000.	-31.62.	31620.00.

B. 50.

Tomo II.

Altezze. Radici. Prodotti.

1001.	+31.64.	31671.64.
1002.	-31.65.	31713.30.
1003.	-31.67.	31765.01.
1004.	+31.69.	31816.76.

1005.	-31.70.	31858.50.
1006.	+31.72.	31910.32.
1007.	-31.73.	31952.11.
1008.	+31.75.	32004.00.

P.84.

1009.	-31.76.	32045.84.
1010.	-31.78.	32097.80.
1011.	+31.80.	32149.80.
1012.	-31.81.	32191.72.

1013.	-31.83.	32243.79.
1014.	-31.84.	32285.76.
1015.	+31.85.	32337.90.
1016.	-31.87.	32379.92.

1017.	-31.89.	32432.13.
1018.	+31.91.	32484.38.
1019.	-31.92.	32526.48.
1020.	+31.94.	32578.80.

P.85.)

B.51.)

1021.	-31.95.	32620.95.
1022.	+31.97.	32673.34.
1023.	-31.98.	32715.54.
1024.	32.00.	32768.00.

1025.	+32.02.	32820.50.
1026.	-32.03.	32862.78.
1027.	+32.05.	32915.35.
1028.	-32.06.	32957.68.

1029.	+32.08.	33010.32.
1030.	-32.09.	33052.70.
1031.	+32.11.	33105.41.
1032.	-32.12.	33147.84.

P.86.

1033.	-32.14.	33200.62.
1034.	+32.16.	33253.44.
1035.	-32.17.	33295.95.
1036.	+32.19.	33348.84.

1037.	-32.20.	33391.40.
1038.	+32.22.	33444.36.
1039.	-32.23.	33486.97.
1040.	+32.25.	33540.00.

B.52.

O o 3

Al

Altezze. Radici. Prodotti.

1041.	- 32. 26.	33582. 66.
1042.	- 32. 28.	33635. 76.
1043.	+ 32. 30.	33688. 90.
1044.	- 32. 31.	33731. 64.

P. 87.

1045.	+ 32. 33.	33784. 85.
1046.	- 32. 34.	33827. 64.
1047.	+ 32. 36.	33880. 92.
1048.	- 32. 37.	33923. 76.

1049.	+ 32. 39.	33977. 11.
1050.	- 32. 40.	34020. 00.
1051.	+ 32. 42.	34073. 42.
1052.	- 32. 43.	34116. 36.

1053.	+ 32. 45.	34169. 85.
1054.	+ 32. 47.	34223. 38.
1055.	- 32. 48.	34266. 40.
1056.	+ 32. 50.	34320. 00.

P. 88.

1057.	- 32. 51.	34363. 07.
1058.	+ 32. 53.	34416. 74.
1059.	- 32. 54.	34459. 86.
1060.	+ 32. 56.	34513. 60.

B. 53.

1061.	- 32. 57.	34556. 77.
1062.	+ 32. 59.	34610. 58.
1063.	- 32. 60.	34653. 80.
1064.	+ 32. 62.	34707. 68.

1065.	- 32. 63.	34750. 95.
1066.	+ 32. 65.	34804. 90.
1067.	- 32. 66.	34848. 22.
1068.	- 32. 68.	34902. 24.

P. 89.

1069.	+ 32. 70.	34956. 30.
1070.	- 32. 71.	34999. 70.
1071.	+ 32. 73.	35053. 83.
1072.	- 32. 74.	35097. 28.

1073.	+ 32. 76.	35151. 48.
1074.	- 32. 77.	35194. 98.
1075.	+ 32. 79.	35249. 25.
1076.	- 32. 80.	35292. 80.

1077.	+ 32. 82.	35347. 14.
1078.	- 32. 83.	35390. 74.
1079.	+ 32. 85.	35445. 15.
1080.	- 32. 86.	35488. 80.

P. 90.

B. 54.

Altezze. Radici. Prodotti.

1081.	+ 32. 88.	35543. 28.
1082.	- 32. 89.	35586. 98.
1083.	+ 32. 91.	35641. 53.
1084.	- 32. 92.	35685. 28.

1085.	+ 32. 94.	35739. 90.
1086.	- 32. 95.	35783. 70.
1087.	+ 32. 97.	35838. 39.
1088.	- 32. 98.	35882. 24.

1089.	33. 00.	35937. 00.
1090.	+ 33. 02.	35991. 80.
1091.	- 33. 03.	36035. 73.
1092.	+ 33. 05.	36090. 60.

P. 91.

1093.	- 33. 06.	36134. 58.
1094.	+ 33. 08.	36189. 52.
1095.	- 33. 09.	36233. 55.
1096.	+ 33. 11.	36288. 56.

1097.	- 33. 12.	36332. 64.
1098.	+ 33. 14.	36387. 72.
1099.	- 33. 15.	36431. 85.
1100.	+ 33. 17.	36487. 00.

B. 55.

1101.	- 33. 18.	36531. 18.
1102.	+ 33. 20.	36586. 40.
1103.	- 33. 21.	36630. 63.
1104.	+ 33. 23.	36685. 92.

P. 92.

1105.	- 33. 24.	36730. 20.
1106.	+ 33. 26.	36785. 56.
1107.	- 33. 27.	36829. 89.
1108.	+ 33. 29.	36885. 32.

1109.	- 33. 30.	36929. 70.
1110.	+ 33. 32.	36985. 20.
1111.	- 33. 33.	37029. 63.
1112.	+ 33. 35.	37085. 20.

1113.	- 33. 36.	37129. 68.
1114.	+ 33. 38.	37185. 32.
1115.	- 33. 39.	37229. 85.
1116.	+ 33. 41.	37285. 56.

P. 93.

1117.	- 33. 42.	37330. 14.
1118.	+ 33. 44.	37385. 92.
1119.	- 33. 45.	37430. 55.
1120.	+ 33. 47.	37486. 40.

B. 56.

Altezze . Radici . Prodotti .

1121.	- 33. 48.	37531. 08.
1122.	+ 33. 50.	37587. 00.
1123.	- 33. 51.	37631. 73.
1124.	+ 33. 53.	37687. 72.

1125.	- 33. 54.	37732. 50.
1126.	+ 33. 56.	37788. 56.
1127.	- 33. 57.	37833. 39.
1128.	+ 33. 59.	37889. 52.

P. 94.

1129.	- 33. 60.	37934. 40.
1130.	+ 33. 61.	37990. 60.
1131.	- 33. 63.	38035. 53.
1132.	+ 33. 65.	38091. 80.

1133.	- 33. 66.	38136. 78.
1134.	- 33. 67.	38181. 78.
1135.	+ 33. 69.	38238. 15.
1136.	- 33. 70.	38283. 20.

1137.	+ 33. 72.	38339. 64.
1138.	- 33. 73.	38394. 74.
1139.	+ 33. 75.	38441. 25.
1140.	- 33. 76.	38486. 40.

F. 95.)
B. 57.)

1141.	+ 33. 78.	38542. 98.
1142.	- 33. 79.	38588. 18.
1143.	+ 33. 81.	38644. 83.
1144.	- 33. 82.	38690. 02.

1145.	+ 33. 84.	38746. 80.
1146.	- 33. 85.	38792. 10.
1147.	+ 33. 87.	38848. 89.
1148.	- 33. 88.	38894. 24.

1149.	+ 33. 90.	38951. 10.
1150.	- 33. 91.	38996. 50.
1151.	+ 33. 93.	39053. 43.
1152.	- 33. 94.	39098. 88.

P. 96.

1153.	+ 33. 96.	39155. 88.
1154.	- 33. 97.	39201. 38.
1155.	+ 33. 99.	39258. 45.
1156.	34. 00.	39304. 00.

1157.	- 34. 01.	39349. 57.
1158.	+ 34. 03.	39406. 74.
1159.	- 34. 04.	39452. 36.
1160.	+ 34. 06.	39509. 60.

P. 58.

Altezze . Radici . Prodotti .

1161.	- 34. 07.	39555. 27.
1162.	+ 34. 09.	39612. 58.
1163.	- 34. 10.	39658. 30.
1164.	+ 34. 12.	39715. 68.

P. 97.

1165.	- 34. 13.	39761. 45.
1166.	+ 34. 15.	39818. 90.
1167.	- 34. 16.	39864. 72.
1168.	+ 34. 18.	39922. 24.

1169.	- 34. 19.	39968. 11.
1170.	+ 34. 21.	40025. 70.
1171.	+ 34. 22.	40071. 62.
1172.	- 34. 23.	40117. 56.

1173.	+ 34. 25.	40175. 25.
1174.	- 34. 26.	40221. 24.
1175.	+ 34. 28.	40279. 00.
1176.	- 34. 29.	40325. 04.

P. 98.

1177.	+ 34. 31.	40382. 87.
1178.	- 34. 32.	40428. 96.
1179.	+ 34. 34.	40486. 86.
1180.	- 34. 35.	40533. 00.

B. 59.

1181.	+ 34. 37.	40590. 97.
1182.	- 34. 38.	0637. 16.
1183.	- 34. 39.	40683. 37.
1184.	+ 34. 41.	40741. 44.

1185.	- 34. 42.	40787. 70.
1186.	+ 34. 44.	40845. 84.
1187.	- 34. 45.	40892. 15.
1188.	+ 34. 47.	40950. 36.

P. 99.

1189.	- 34. 48.	40996. 72.
1190.	+ 34. 50.	41055. 00.
1191.	- 34. 51.	41101. 41.
1192.	+ 34. 53.	41159. 76.

1193.	+ 34. 54.	41206. 22.
1194.	- 34. 55.	41252. 70.
1195.	+ 34. 57.	41311. 15.
1196.	- 34. 58.	41357. 68.

1197.	+ 34. 60.	41416. 20.
1198.	- 34. 61.	41462. 78.
1199.	+ 34. 63.	41521. 37.
1200.	- 34. 64.	41568. 00.

P. 100.)
B. 60.)

Altezze. Radici. Prodotti.

1201.	+34. 66.	41626. 66.
1202.	+34. 67.	41673. 34.
1203.	+34. 68.	41720. 04.
1204.	+34. 70.	41778. 80.

1205.	- 34. 71.	41825. 55.
1206.	+34. 73.	41884. 38.
1207.	- 34. 74.	41931. 18.
1208.	+34. 76.	41990. c8.

1209.	- 34. 77.	42036. 93.
1210.	+34. 79.	42095. 90.
1211.	+34. 80.	42142. 80.
1212.	- 34. 81.	42189. 72.

P. 101.

1213.	+34. 83.	42248. 79.
1214.	- 34. 84.	42295. 76.
1215.	+34. 86.	42354. 90.
1216.	+34. 87.	42401. 92.

1217.	+34. 89.	42461. 13.
1218.	+34. 90.	42508. 20.
1219.	- 34. 91.	42555. 29.
1220.	+34. 93.	42614. 60.

B. 61.

1221.	- 34. 94.	42661. 74.
1222.	+34. 96.	42721. 12.
1223.	- 34. 97.	42768. 31.
1224.	+34. 99.	42827. 76.

P. 102.

1225.	35. 00.	42875. 00.
1226.	- 35. 01.	42922. 26.
1227.	+35. 03.	42981. 81.
1228.	- 35. 04.	43029. 12.

1229.	+35. 06.	43088. 74.
1230.	- 35. 07.	43136. 10.
1231.	+35. 09.	43195. 79.
1232.	+35. 10.	43243. 20.

1233.	- 35. 11.	43290. 63.
1234.	+35. 13.	43350. 42.
1235.	- 35. 14.	43397. 90.
1236.	+35. 16.	43457. 76.

P. 103.

1237.	- 35. 17.	43515. 29.
1238.	+35. 19.	43565. 22.
1239.	+35. 20.	43612. 80.
1240.	- 35. 21.	43660. 40.

B. 62.

Altezze. Radici. Prodotti.

1241.	+35. 23.	43720. 43.
1242.	- 35. 24.	43768. 08.
1243.	+35. 26.	43828. 18.
1244.	- 35. 27.	43875. 88.

1245.	- 35. 28.	43923. 60.
1246.	+35. 30.	43983. 80.
1247.	- 35. 31.	44031. 57.
1248.	+35. 33.	44091. 84.

P. 104.

1249.	- 35. 34.	44139. 66.
1250.	+35. 86.	44200. 00.
1251.	+35. 37.	44247. 87.
1252.	- 35. 38.	44295. 76.

1253.	+35. 40.	44356. 20.
1254.	- 35. 41.	44404. 14.
1255.	+35. 43.	44464. 65.
1256.	- 35. 44.	44512. 64.

1257.	- 35. 45.	44560. 65.
1258.	+35. 47.	44621. 26.
1259.	- 35. 48.	44669. 32.
1260.	+35. 50.	44730. 00.

P. 105.)

B. 63.)

1261.	- 35. 51.	44778. 11.
1262.	- 35. 52.	44826. 24.
1263.	+35. 54.	44887. 02.
1264.	- 35. 55.	44935. 20.

1265.	+35. 57.	44996. 05.
1266.	- 35. 58.	45044. 28.
1267.	- 35. 59.	45092. 53.
1268.	+35. 61.	45153. 48.

1269.	- 35. 62.	45201. 78.
1270.	+35. 64.	45262. 80.
1271.	- 35. 65.	45311. 15.
1272.	+35. 67.	45372. 24.

P. 106.

1273.	+35. 68.	45420. 64.
1274.	- 35. 69.	45469. 06.
1275.	+35. 71.	45530. 25.
1276.	- 35. 72.	45578. 72.

1277.	+35. 74.	45639. 98.
1278.	+35. 75.	45688. 50.
1279.	- 35. 76.	45737. 04.
1280.	+35. 78.	45798. 40.

B. 64.

Altezze. Radici. Prodotti.

1281.	- 35. 79.	45846. 99.
1282.	+ 35. 81.	45908. 42.
1283.	+ 35. 82.	45957. 06.
1284.	- 35. 83.	46005. 72.

P. 107.

1285.	+ 35. 85.	46067. 25.
1286.	- 35. 86.	46115. 96.
1287.	- 35. 87.	46164. 69.
1288.	+ 35. 89.	46226. 32.

1289.	- 35. 90.	46275. 10.
1290.	+ 35. 92.	46336. 80.
1291.	- 35. 93.	46385. 63.
1292.	- 35. 94.	46434. 48.

1293.	+ 35. 96.	46496. 28.
1294.	- 35. 97.	46545. 18.
1295.	+ 35. 99.	46607. 05.
1296.	36. 00.	46656. 00.

P. 108.

1297.	- 36. 01.	46704. 97.
1298.	+ 36. 03.	46766. 94.
1299.	- 36. 04.	46815. 96.
1300.	+ 36. 06.	46878. 00.

B. 65.

1301.	+ 36. 07.	46927. 07.
1302.	- 36. 08.	46976. 16.
1303.	+ 36. 10.	47038. 30.
1304.	- 36. 11.	47087. 44.

1305.	+ 36. 13.	47149. 65.
1306.	+ 36. 14.	47198. 84.
1307.	- 36. 15.	47248. 05.
1308.	+ 36. 17.	47310. 36.

P. 109.

1309.	- 36. 18.	47359. 62.
1310.	- 36. 19.	47408. 90.
1311.	+ 36. 21.	47471. 31.
1312.	- 36. 22.	47520. 64.

1313.	+ 36. 24.	47583. 12.
1314.	+ 36. 25.	47632. 50.
1315.	- 36. 26.	47681. 90.
1316.	+ 36. 28.	47744. 48.

1317.	- 36. 29.	47793. 93.
1318.	- 36. 30.	47843. 40.
1319.	+ 36. 32.	47906. 08.
1320.	- 36. 33.	47955. 60.

P. 110.)
B. 66.)

Altezze. Radici. Prodotti.

1321.	+ 36. 35.	48018. 35
1322.	+ 36. 36.	48067. 92
1323.	- 36. 37.	48117. 51
1324.	+ 36. 39.	48180. 36.

1325.	- 36. 40.	48230. 00.
1326.	- 36. 41.	48279. 66.
1327.	+ 36. 43.	48342. 61.
1328.	- 36. 44.	48392. 32.

1329.	+ 36. 46.	48455. 34.
1330.	+ 36. 47.	48505. 10.
1331.	- 36. 48.	48554. 88.
1332.	+ 36. 50.	48618. 00.

P. 111.

1333.	- 36. 51.	48667. 83.
1334.	- 36. 52.	48717. 68.
1335.	+ 36. 54.	48780. 90.
1336.	+ 36. 55.	48830. 80.

1337.	+ 36. 57.	48894. 09.
1338.	+ 36. 58.	48944. 04.
1339.	- 36. 59.	48994. 01.
1340.	+ 36. 61.	49057. 40.

B. 67.

1341.	+ 36. 62.	49107. 42.
1342.	- 36. 63.	49157. 46.
1343.	+ 36. 65.	49220. 95.
1344.	- 36. 66.	49271. 04.

P. 112.

1345.	- 36. 67.	49321. 15.
1346.	+ 36. 69.	49384. 74.
1347.	- 36. 70.	49434. 90.
1348.	- 36. 71.	49485. 08.

1349.	+ 36. 73.	49548. 77.
1350.	- 36. 74.	49599. 00.
1351.	+ 36. 76.	49662. 76.
1352.	+ 36. 77.	49713. 04.

1353.	- 36. 78.	49763. 34.
1354.	+ 36. 80.	49827. 20.
1355.	- 36. 81.	49877. 55.
1356.	- 36. 82.	49927. 92.

P. 113.

1357.	+ 36. 84.	49991. 88.
1358.	- 36. 85.	50042. 30.
1359.	- 36. 86.	50092. 74.
1360.	+ 36. 88.	50156. 80.

B. 68.

Al.

Altezze. Radici. Prodotti.

1361.	-36.89.	50207.29.
1362.	+36.91.	50271.42.
1363.	+36.92.	50321.96.
1364.	-36.93.	50372.52.
1365.	+36.95.	50436.75.
1366.	+36.96.	50487.36.
1367.	+36.97.	50537.99.
1368.	+36.99.	50602.32.
1369.	37.00.	50653.00.
1370.	-37.01.	50703.70.
1371.	+37.03.	50763.13.
1372.	-37.04.	50818.88.
1373.	-37.05.	50869.65.
1374.	+37.07.	50934.18.
1375.	-37.08.	50985.00.
1376.	-37.09.	51035.84.
1377.	+37.11.	51100.47.
1378.	-37.12.	51151.36.
1379.	-37.13.	51202.27.
1380.	+37.15.	51267.00.
1381.	-37.16.	51317.96.
1382.	+37.18.	51382.76.
1383.	+37.19.	51433.77.
1384.	-37.20.	51484.80.
1385.	+37.22.	51549.70.
1386.	+37.23.	51600.78.
1387.	-37.24.	51651.88.
1388.	+37.26.	51716.88.
1389.	+37.27.	51768.03.
1390.	-37.28.	51819.20.
1391.	+37.30.	51884.30.
1392.	+37.31.	51935.52.
1393.	-37.32.	51986.76.
1394.	+37.34.	52051.96.
1395.	+37.35.	52103.25.
1396.	-37.36.	52154.56.
1397.	+37.38.	52219.86.
1398.	+37.39.	52271.22.
1399.	-37.40.	52322.60.
1400.	+37.42.	52388.00.

P.114.

P.115.)
B. 69.)

P.116.

B. 70.)

Altezze. Radici. Prodotti.

1401.	+37.43.	52439.43.
1402.	-37.44.	52490.88.
1403.	+37.46.	52556.38.
1404.	+37.47.	52607.88.
1405.	-37.48.	52659.40.
1406.	+37.50.	52725.00.
1407.	+37.51.	52776.57.
1408.	-37.52.	52828.16.
1409.	+37.54.	52893.86.
1410.	+37.55.	52945.50.
1411.	-37.56.	52997.16.
1412.	+37.58.	53062.96.
1413.	+37.59.	53114.67.
1414.	-37.60.	53166.40.
1415.	+37.62.	53232.30.
1416.	+37.63.	53284.08.
1417.	-37.64.	53335.88.
1418.	+37.66.	53401.88.
1419.	+37.67.	53453.73.
1420.	-37.68.	53505.60.
1421.	+37.70.	53571.70.
1422.	+37.71.	53623.62.
1423.	-37.72.	53675.56.
1424.	+37.74.	53741.76.
1425.	+37.75.	53793.75.
1426.	-37.76.	53845.76.
1427.	+37.78.	53912.06.
1428.	+37.79.	53964.12.
1429.	-37.80.	54013.20.
1430.	+37.82.	54082.60.
1431.	+37.83.	54134.73.
1432.	-37.84.	54186.88.
1433.	-37.85.	54239.05.
1434.	+37.87.	54305.58.
1435.	-37.88.	54357.80.
1436.	-37.89.	54410.04.
1437.	+37.91.	54476.67.
1438.	-37.92.	54528.96.
1439.	-37.93.	54581.27.
1440.	+37.95.	54648.00.

P.117.

P.118.

B. 71.

P.119.

P.120.)

B. 72.)

Al-

Altezze. Radici. Prodotti.

1441.	- 37.96.	54700.36.
1442.	- 37.97.	54752.74.
1443.	+ 37.99.	54819.57.
1444.	38.00.	54872.00.

1445.	- 38.01.	54924.45.
1446.	+ 38.03.	54991.38.
1447.	+ 38.04.	55043.88.
1448.	- 38.05.	55096.40.

1449.	+ 38.07.	55163.43.
1450.	+ 38.08.	55216.00.
1451.	- 38.09.	55268.59.
1452.	+ 38.11.	55335.72.

P.121.

1453.	+ 38.12.	55388.36.
1454.	- 38.13.	55441.02.
1455.	- 38.14.	55493.70.
1456.	+ 38.16.	55560.96.

1457.	- 38.17.	55613.69.
1458.	- 38.18.	55666.44.
1459.	+ 38.20.	55733.80.
1460.	+ 38.21.	55786.60.

B. 73.

1461.	- 38.22.	55839.42.
1462.	+ 38.21.	55906.88.
1463.	+ 38.25.	55959.75.
1464.	- 38.26.	56012.64.

P.122.

1465.	+ 38.28.	56080.20.
1466.	+ 38.20.	56133.14.
1467.	- 38.30.	56186.10.
1468.	- 38.31.	56239.08.

1469.	+ 38.33.	56306.77.
1470.	- 38.34.	56359.80.
1471.	- 38.35.	56412.85.
1472.	- 38.37.	56480.64.

1473.	+ 38.38.	56533.74.
1474.	- 38.39.	56586.86.
1475.	+ 38.41.	56654.75.
1476.	+ 38.42.	56707.92.

P.123.

1477.	- 38.43.	56761.11.
1478.	- 38.44.	56814.32.
1479.	+ 38.46.	56882.34.
1480.	- 38.47.	56935.60.

B. 74.

Altezze. Radici. Prodotti.

1481.	- 38.48.	56988.88.
1482.	+ 38.50.	57057.00.
1483.	+ 38.51.	57110.33.
1484.	- 38.52.	57163.68.

1485.	+ 38.54.	57231.90.
1486.	+ 38.55.	57285.30.
1487.	- 38.56.	57338.72.
1488.	- 38.57.	57392.16.

P.124.

1489.	+ 38.59.	57460.51.
1490.	- 38.60.	57514.00.
1491.	- 38.61.	57567.51.
1492.	+ 38.63.	57635.96.

1493.	+ 38.64.	57689.52.
1494.	- 38.65.	57743.10.
1495.	+ 38.67.	57811.65.
1496.	+ 38.68.	57865.28.

1497.	- 38.69.	57918.93.
1498.	- 38.70.	57972.60.
1499.	+ 38.72.	58041.28.
1500.	+ 38.73.	58095.00.

P.125.

B. 75.)

1501.	- 38.74.	58148.74.
1502.	+ 38.76.	58217.52.
1503.	+ 38.77.	58271.31.
1504.	- 38.78.	58325.12.

1505.	- 38.79.	58378.85.
1506.	+ 38.81.	58447.86.
1507.	- 38.82.	58501.74.
1508.	- 38.83.	58555.64.

1509.	+ 38.85.	58624.65.
1510.	+ 38.86.	58678.60.
1511.	- 38.87.	58732.57.
1512.	- 38.88.	58786.56.

P.126.

1513.	+ 38.90.	58855.70.
1514.	- 38.91.	58909.74.
1515.	- 38.92.	58963.80.
1516.	+ 38.94.	59033.04.

1517.	+ 38.95.	59087.15.
1518.	- 38.96.	59141.28.
1519.	+ 38.97.	59195.43.
1520.	+ 38.99.	59264.80.

B. 76.

Altezze. Radici. Prodotti.

1521.	39. 00.	59319. 00.
1522.	- 39. 01.	59373. 22.
1523.	+39. 03.	59442. 69.
1524.	+39. 04.	59496. 96.

P. 127.

1525.	- 39. 05.	59551. 25.
1526.	- 39. 06.	59605. 56.
1527.	+39. 08.	59675. 16.
1528.	+39. 09.	59729. 52.

1529.	- 39. 10.	59783. 90.
1530.	+39. 12.	59853. 6.
1531.	+39. 13.	59908. 03.
1532.	- 39. 14.	59962. 48.

1533.	- 39. 15.	60016. 95.
1534.	+39. 17.	60086. 78.
1535.	+39. 18.	60141. 30.
1536.	- 39. 19.	60195. 84.

P. 128.

1537.	- 39. 20.	60250. 40.
1538.	+39. 22.	60320. 36.
1539.	- 39. 23.	60374. 97.
1540.	- 39. 24.	60429. 60.

B. 77.

1541.	+39. 26.	60499. 66.
1542.	+39. 27.	60554. 34.
1543.	- 39. 28.	60609. 04.
1544.	- 39. 29.	60663. 76.

1545.	+39. 31.	60723. 95.
1546.	+39. 32.	60788. 72.
1547.	- 39. 33.	60843. 51.
1548.	- 39. 34.	60898. 32.

P. 129.

1549.	+39. 36.	60968. 64.
1550.	- 39. 37.	61023. 50.
1551.	- 39. 38.	61078. 38.
1552.	+39. 40.	61148. 80.

1553.	+39. 41.	61203. 73.
1554.	- 39. 42.	61258. 68.
1555.	- 39. 43.	61313. 65.
1556.	+39. 45.	61384. 20.

1557.	+39. 46.	61439. 22.
1558.	- 39. 47.	61494. 26.
1559.	- 39. 48.	61549. 32.
1560.	+39. 50.	61620. 00.

P. 130.
B. 78.)*Altezze. Radici. Prodotti.*

1561.	+39. 51.	61675. 11.
1562.	- 39. 52.	61730. 24.
1563.	- 39. 53.	61785. 39.
1564.	+39. 55.	61856. 20.

1565.	- 39. 56.	61911. 40.
1566.	- 39. 57.	61966. 62.
1567.	+39. 59.	62037. 53.
1568.	+39. 60.	62092. 80.

1569.	- 39. 61.	62148. 09.
1570.	- 39. 62.	62203. 40.
1571.	+39. 64.	62274. 44.
1572.	+39. 65.	62329. 80.

P. 131.

1573.	- 39. 66.	62385. 18.
1574.	- 39. 67.	62440. 58.
1575.	- 39. 69.	62511. 75.
1576.	+39. 70.	62627. 20.

1577.	- 39. 71.	62622. 67.
1578.	- 39. 72.	62678. 16.
1579.	+39. 74.	62749. 46.
1580.	+39. 75.	62805. 00.

B. 79.

1581.	- 39. 76.	62860. 56.
1582.	- 39. 77.	62916. 14.
1583.	+39. 79.	62987. 57.
1584.	+39. 80.	63043. 20.

P. 132.

1585.	- 39. 81.	63098. 85.
1586.	- 39. 82.	63154. 52.
1587.	+39. 84.	63226. 08.
1588.	+39. 85.	63281. 80.

1589.	- 39. 86.	63337. 54.
1590.	- 39. 87.	63393. 30.
1591.	+39. 89.	63464. 99.
1592.	+39. 90.	63520. 80.

1593.	- 39. 91.	63576. 63.
1594.	- 39. 92.	63632. 48.
1595.	+39. 94.	63704. 30.
1596.	+39. 95.	63760. 20.

P. 133.

1597.	- 39. 96.	63816. 12.
1598.	- 39. 97.	63872. 06.
1599.	+39. 99.	63944. 01.
1600.	40. 00.	64000. 00.

B. 80.

Altezze. Radici. Prodotti.

1601.	- 40. 01.	64056. 01.
1602.	- 40. 02.	64112. 04.
1603.	+ 40. 04.	64184. 12.
1604.	+ 40. 05.	64240. 20.

1605.	- 40. 06.	64296. 30.
1606.	- 40. 7.	64352. 42.
1607.	+ 40. 09.	64424. 63.
1608.	+ 40. 10.	64480. 80.

P.134.

1609.	- 40. 11.	64536. 99.
1610.	- 40. 12.	64593. 20.
1611.	+ 40. 14.	64665. 54.
1612.	+ 40. 15.	64721. 80.

1613.	- 40. 16.	64778. 08.
1614.	- 40. 17.	64834. 38.
1615.	+ 40. 19.	64906. 85.
1616.	+ 40. 20.	64963. 20.

1617.	- 40. 21.	65019. 57.
1618.	- 40. 22.	65075. 96.
1619.	+ 40. 24.	65148. 56.
1620.	+ 40. 25.	65205. 00.

**P.135.)
B. 81.)**

1621.	- 40. 26.	65261. 46.
1622.	- 40. 27.	65317. 94.
1623.	+ 40. 29.	65390. 67.
1624.	+ 40. 30.	65447. 20.

1625.	- 40. 31.	65503. 75.
1626.	- 40. 32.	65560. 32.
1627.	+ 40. 34.	65633. 18.
1628.	+ 40. 35.	65689. 80.

1629.	- 40. 36.	65746. 44.
1630.	- 40. 37.	65803. 10.
1631.	+ 40. 39.	65876. 09.
1632.	+ 40. 40.	65932. 80.

P.136.

1633.	- 40. 41.	65989. 53.
1634.	- 40. 42.	66046. 28.
1635.	+ 40. 44.	66119. 40.
1636.	+ 40. 45.	66176. 20.

1637.	+ 40. 46.	66233. 02.
1638.	- 40. 47.	66289. 86.
1639.	- 40. 48.	66346. 72.
1640.	+ 40. 50.	66420. 00.

B. 82.**Altezze. Radici. Prodotti.**

1641.	+ 40. 51.	66476. 91.
1642.	- 40. 52.	66533. 84.
1643.	- 40. 53.	66590. 79.
1644.	+ 40. 55.	66664. 20.

P.137.

1645.	+ 40. 56.	66721. 20.
1646.	- 40. 57.	66778. 22.
1647.	- 40. 58.	66835. 26.
1648.	+ 40. 60.	66908. 80.

1649.	+ 40. 61.	66965. 89.
1650.	- 40. 62.	67023. 00.
1651.	- 40. 63.	67080. 13.
1652.	- 40. 64.	67137. 28.

1653.	+ 40. 66.	67210. 98.
1654.	+ 40. 67.	67268. 18.
1655.	- 40. 68.	67325. 40.
1656.	- 40. 69.	67382. 64.

P.138.

1657.	+ 40. 71.	67456. 47.
1658.	+ 40. 72.	67513. 76.
1659.	- 40. 73.	67571. 07.
1660.	- 40. 74.	67628. 40.

B.83.

1661.	+ 40. 76.	67702. 36.
1662.	+ 40. 77.	67759. 74.
1663.	+ 40. 78.	67817. 14.
1664.	- 40. 79.	67874. 56.

1665.	- 40. 80.	67932. 00.
1666.	+ 40. 82.	68006. 12.
1667.	+ 40. 83.	68063. 61.
1668.	- 40. 84.	68121. 12.

P.139.

1669.	- 40. 85.	68178. 65.
1670.	+ 40. 87.	68252. 90.
1671.	+ 40. 88.	68310. 48.
1672.	- 40. 89.	68368. 08.

1673.	- 40. 90.	68425. 70.
1674.	- 40. 91.	68483. 34.
1675.	+ 40. 93.	68557. 75.
1676.	+ 40. 94.	68615. 44.

1677.	- 40. 95.	68673. 15.
1678.	- 40. 96.	68730. 88.
1679.	+ 40. 98.	68805. 42.
1680.	+ 40. 99.	68863. 20.

**P.140.)
B. 84.)**

Altezze. Radici. Prodotti.

1681.	-41.00.	68921.00.
1682.	-41.01.	68978.82.
1683.	-41.02.	69036.66.
1684.	+41.04.	69111.36.

1685.	+41.05.	69169.25.
1686.	-41.06.	69227.16.
1687.	-41.07.	69285.09.
1688.	+41.09.	69359.92.

1689.	+41.10.	69417.90.
1690.	+41.11.	69475.90.
1691.	-41.12.	69533.92.
1692.	-41.13.	69591.96.

P.141.

1693.	+41.15.	69666.95.
1694.	+41.16.	69725.04.
1695.	-41.17.	69783.15.
1696.	-41.18.	69841.28.

1697.	-41.19.	69899.43.
1698.	+41.21.	69974.58.
1699.	+41.22.	70032.78.
1700.	-41.23.	70091.00.

B. 85.

1701.	-41.24.	70149.24.
1702.	+41.26.	70214.52.
1703.	+41.27.	70282.81.
1704.	+41.28.	70341.12.

P.142.

1705.	-41.29.	70399.45.
1706.	-41.30.	70457.80.
1707.	+41.32.	70533.24.
1708.	+41.33.	70591.64.

1709.	-41.34.	70600.06.
1710.	-41.35.	70708.50.
1711.	-41.36.	70766.96.
1712.	+41.38.	70842.56.

1713.	+41.39.	70901.07.
1714.	-41.40.	70959.60.
1715.	-41.41.	71018.15.
1716.	-41.42.	71076.72.

P.143.

1717.	+41.44.	71152.48.
1718.	+41.45.	71211.10.
1719.	-41.46.	71269.74.
1720.	-41.47.	71328.40.

B.86.

Altezze. Radici. Prodotti.

1721.	-41.48.	71387.08.
1722.	+41.50.	71463.00.
1723.	+41.51.	71521.73.
1724.	-41.52.	71580.48.

1725.	-41.53.	71639.25.
1726.	+41.55.	71715.30.
1727.	+41.56.	71774.12.
1728.	+41.57.	71832.96.

P.144.

1729.	-41.58.	71891.82.
1730.	-41.59.	71950.70.
1731.	+41.61.	72026.91.
1732.	+41.62.	72085.84.

1733.	+41.63.	72144.79.
1734.	-41.64.	72203.76.
1735.	-41.65.	72262.75.
1736.	+41.67.	72339.12.

1737.	+41.68.	72398.16.
1738.	+41.69.	72457.22.
1739.	-41.70.	72516.30.
1740.	-41.71.	72575.40.

P.145.)
87.

1741.	+41.73.	72651.93.
1742.	+41.74.	72711.08.
1743.	+41.75.	72770.25.
1744.	-41.76.	72829.44.

1745.	-41.77.	72888.65.
1746.	+41.79.	72965.34.
1747.	+41.80.	73024.60.
1748.	+41.81.	73083.88.

1749.	-41.82.	73143.18.
1750.	-41.83.	73202.50.
1751.	-41.84.	73261.84.
1752.	+41.86.	73338.72.

P.146.

1753.	+41.87.	73398.11.
1754.	-41.88.	73457.52.
1755.	-41.89.	73516.95.
1756.	-41.90.	73576.40.

1757.	+41.92.	73653.44.
1758.	+41.93.	73712.94.
1759.	-41.94.	73772.46.
1760.	-41.95.	73832.00.

B.88.

Altezze. Radici. Prodotti.

1761.	-41. 96.	73891. 56.
1762.	+41. 98.	73977. 76.
1763.	+41. 99.	74037. 37.
1764.	42. 00.	74088. 00.

P. 147.

1765.	-42. 01.	74147. 65.
1766.	-42. 02.	74207. 32.
1767.	+42. 04.	74284. 68.
1768.	+42. 05.	74344. 40.

1769.	+42. 06.	74404. 14.
1770.	-42. 07.	74463. 90.
1771.	-42. 08.	74523. 68.
1772.	+42. 10.	74601. 20.

1773.	+42. 11.	74661. 03.
1774.	+42. 12.	74720. 88.
1775.	-42. 13.	74780. 75.
1776.	-42. 14.	74840. 64.

P. 148.

1777.	-42. 15.	74900. 55.
1778.	+42. 17.	74978. 26.
1779.	+42. 18.	75038. 22.
1780.	-42. 19.	75098. 20.

B. 89.*Altezze. Radici. Prodotti.*

1781.	-42. 20.	75158. 20.
1782.	-42. 21.	75218. 22.
1783.	+42. 23.	75296. 09.
1784.	+42. 24.	75356. 16.

1785.	+42. 25.	75416. 25.
1786.	-42. 26.	75476. 36.
1787.	-42. 27.	75536. 49.
1788.	-42. 28.	75596. 64.

P. 149.

1789.	+42. 30.	75674. 70.
1790.	+42. 31.	75734. 90.
1791.	-42. 32.	75795. 12.
1792.	-42. 33.	75855. 36.

1793.	-42. 34.	75915. 62.
1794.	+42. 36.	75993. 84.
1795.	+42. 37.	76054. 15.
1796.	+42. 38.	76114. 48.

1797.	-42. 39.	76174. 83.
1798.	-42. 40.	76235. 20.
1799.	-42. 41.	76295. 59.
1800.	+42. 43.	76374. 00.

**P. 150.)
B. 90.)**

1900
 1901
 1902
 1903
 1904
 1905
 1906
 1907
 1908
 1909
 1910
 1911
 1912
 1913
 1914
 1915
 1916
 1917
 1918
 1919
 1920
 1921
 1922
 1923
 1924
 1925
 1926
 1927
 1928
 1929
 1930
 1931
 1932
 1933
 1934
 1935
 1936
 1937
 1938
 1939
 1940
 1941
 1942
 1943
 1944
 1945
 1946
 1947
 1948
 1949
 1950
 1951
 1952
 1953
 1954
 1955
 1956
 1957
 1958
 1959
 1960
 1961
 1962
 1963
 1964
 1965
 1966
 1967
 1968
 1969
 1970
 1971
 1972
 1973
 1974
 1975
 1976
 1977
 1978
 1979
 1980
 1981
 1982
 1983
 1984
 1985
 1986
 1987
 1988
 1989
 1990
 1991
 1992
 1993
 1994
 1995
 1996
 1997
 1998
 1999
 2000

1900
 1901
 1902
 1903
 1904
 1905
 1906
 1907
 1908
 1909
 1910
 1911
 1912
 1913
 1914
 1915
 1916
 1917
 1918
 1919
 1920
 1921
 1922
 1923
 1924
 1925
 1926
 1927
 1928
 1929
 1930
 1931
 1932
 1933
 1934
 1935
 1936
 1937
 1938
 1939
 1940
 1941
 1942
 1943
 1944
 1945
 1946
 1947
 1948
 1949
 1950
 1951
 1952
 1953
 1954
 1955
 1956
 1957
 1958
 1959
 1960
 1961
 1962
 1963
 1964
 1965
 1966
 1967
 1968
 1969
 1970
 1971
 1972
 1973
 1974
 1975
 1976
 1977
 1978
 1979
 1980
 1981
 1982
 1983
 1984
 1985
 1986
 1987
 1988
 1989
 1990
 1991
 1992
 1993
 1994
 1995
 1996
 1997
 1998
 1999
 2000

R I F L E S S I O N I

D E L P. A B A T E.

D. GUIDO GRANDI

Intorno ad alcune controversie circa il fiume Era.

REF. 32101

DELL' ABBATE

D. GUIDO CRANDI


Manuale di storia ecclesiastica



R I F L E S S I O N I
 DEL
 P. ABATE GRANDI
 Sopra la controversia vertente fra gl' Illustri-
 ssimi Signori Marchesi R. e N.

Circa l' alzamento d' una pescaia nel fiume Era.

Stampate in Pisa 1714. ora rivedute, accresciute, e corrette.

I.  Vendo considerate le piante, e le scritte fatte per l'una e per l'altra parte nella presente Causa, ed essendomi imposto da gli autorevoli cenni, sempre da me riveriti, di S. A. R. di servire l' Illustri-
 ssimo Signor Mar. R. in produrne le ragioni, le quali, a mio parere, manifestamente favoriscono l'intenzione di lui, ed ostano alla nuova stec-
 caja, che pretende l' Illustri-
 ssimo Signor Mar. N. di far edificare nell' Era ad uso d' un nuovo Mulino, per gli evidenti pregiudizi, che quindi possono nascere, cercherò di soddisfare all' obbligo, che mi corre nel miglior modo possibile, esponendo qui il mio debole sentimento, fondato però sopra le dottrine de' più celebri Autori, che abbiano illustrate queste materie, e sopra le osservazioni, e le sperienze, sì generali, come particolari fatte nel fiume, di cui si tratta, da' Periti, che hanno esaminato le circostanze del fatto.

II. E primieramente dico, che con molta ragione asserì il Signor T. nella sua Relazione, che quando sarà attraversato il fiume colla pretesa

steccaia eretta all'altezza di braccia 8. e un terzo, dovrà necessariamente rialzarsi il letto superiore di esso altrettanto, disponendosi in una linea condotta per la cresta di essa pescaia parallela al vecchio fondo, almeno fin tanto che il fiume non muta pendenza, e continuando lo stesso riempimento fino al concorso della seconda declività, che si pretende sensibilmente cominciare la sua variazione in distanza di braccia 10462. dal luogo della steccaia. Ma a me pare, che si possa aggiungere, dovere il riempimento suddetto essere molto maggiore, ed estendersi a più lungo tratto, fino all'origine stessa del fiume, o fino ad altro sostegno superiore, da cui il corpo del fiume venga interrotto: perchè simili sostegni fanno figura di nuovo principio del fiume nelle parti susseguenti, e servono di termine, o sbocco al medesimo nelle parti anteriori, regolando quindi in su la pendenza del letto, secondo il Dottore Guglielmini nel *Trattato della Natura de' fiumi* pag. 302.

III. Ma per meglio dichiarare il mio pensiero, e togliere di mezzo ogni equivoco, debbo avvertire, che io considero la linea esprimente il letto del fiume quantunque tortuoso, e serpeggiante (come in fatti è l'Era) tutta ridotta come in profilo nel suo piano verticale, tirato per l'origine, per lo sbocco del fiume, e per lo centro della terra. Imperocchè da qualsivoglia punto del letto del fiume tirando tante rette perpendicolari al detto piano verticale, è manifesto, che se il fiume non ostanti le deviazioni nate dalle sue giravolte, avesse una sola continuata pendenza, tutte le suddette perpendicolari sarebbero in un solo piano inclinato all'orizzonte, e la comune sezione di esso col suddetto piano verticale farebbe una linea retta, rappresentante in profilo il letto uniforme declive di esso fiume: ma se in certi luoghi sensibilmente si mutasse la pendenza del letto, le dette perpendicolari sarebbero distese in diversi piani inclinati a varj angoli, e le comuni sezioni di tali piani col suddetto verticale farebbero un poligono, che esprimerebbe le varie cadute del fiume in tutto il suo corso; che se finalmente il fiume da per tutto appoco appoco mutasse insensibilmente pendenza (come è assai più verisimile, prescindendo dalle chiuse, che lo attraversino) le perpendicolari suddette farebbero in una superficie curva, come cilindrica, ma però adattata ad una piegatura assai diversa dalla circolare, o ellittica; e la comune sezione di tale superficie col suddetto piano verticale, farebbe una tal linea curva, che mostrebbe qual mutazione continua di declività abbia il fiume in tutto il suo corso; fosse questa curva poi concava, o convessa, secondo le varie circostanze. E ciò che dico della linea del fondo, può intendersi ancora della linea, ch' esprime la superficie del fiume. Di questa linea ridotta nel piano verticale io dunque intendo discorrere; e questa farebbe la strada, che di sua natura dovrebbe seguire il fiume, se non fusse da varj intoppi, incontrati per istrada, lateralmente distorta, e tirato fuori del suo piano verticale, ed obbligato alle tortuosità irregolari, a cui per accidente è soggetto.

IV. Nel nostro caso del fiume Era, questa linea evidentemente è curva, non retta, o composta di più rette, ed è concava verso le parti superiori; imperocchè dalle livellazioni concordate fra i Periti d'ambe le parti, risulta che dal luogo destinato per la pescaia andando alto in su, in distanza di braccia 7200., vi sia di declive braccia 5. 8. o. e proseguendo avanti altre braccia 3262., cioè dal detto sito della pescaia braccia in tutto 10462., si ha un declive di braccia 8. 6. 8. ed essendo maggiore la ragione di braccia 8. 6. 8. a braccia 5. 8. o., che della lontananza 10462. all'altra di 7200. (perchè il primo termine è più che sesquialtero del secondo, ma il terzo è me-

è meno che sesquialtero del quarto) bisogna che nè meno in tutto quel tratto la linea del fiume sia retta, ma bensì almeno composta di due inclinate ad un cert'angolo; inoltrandosi poi avanti, già si concede, che il fiume muta pendenza, di maniera che andando in su per 2480. braccia cresce il declive di 3. 13. 6., ed è questa quantità a quella di nuovo, in maggior ragione che non è veruna dell' altezze degli altri declivi già considerati alla sua lontananza; dunque almeno converrà concludere, che il profilo dell'alveo di questo fiume non può nè con una sola linea retta rappresentarsi, nè con due, ma con tre, anzi con più, e diverse variamente inclinate, che fanno un poligono irregolare, perchè paragonando varj altri termini intermedj, si vedrà sempre distribuita disugualmente fra di essi la caduta. Anzi non vi essendo punto alcuno, in cui pretendere si possa con maggior fondamento, che altrove, farsi quivi la mutazione della pendenza: bisognerà finalmente concludere, che tutto il profilo del corso di questo fiume, ridotto, come sopra, in un piano verticale, sia veramente una linea curva concava verso le parti superiori, quantunque in piccolo tratto di spazio non possa distinguersi sensibilmente da una linea retta; come accade ancora a cerchj, ed altre figure con grandissimo diametro descritte.

V. È stata già questa verità dagli Autori generalmente riconosciuta ne' fiumi almeno che corrono in ghiaja: come può vedersi nel Barattieri *parte 1. dell' Architettura dell' acque lib. 6. cap. 10.* ove esaminando le varie pendenze dello Stirone, torrente nel territorio di Borgo S. Donnino, mostra che le misure dell' altezze non sono mai proporzionali alle distanze dal termine del fiume, e che però la linea del suo fondo è certamente una curva concava: sebbene da cotai Autore si rappresenta come un poligono di più lati inflessi in altrettanti angoli, quante sono le stazioni da lui fatte nel livellare, i quali conseguentemente ancora più sarebbero stati, se con più corte, e più spesse battute si fosse posto a livellare il medesimo tratto. Ed il Dottore Guglielmini della *Natura de' fiumi cap. 5. coroll. 3. e 5.* ferma come certissima conclusione, che *de' fiumi, i quali corrono in ghiaja, la linea del fondo si dispone in una linea concava.* Tale adunque essendo il fiume Era, non può dubitarsi, che naturalmente non abbia escavato in linea curva il suo letto, la quale sia concava verso le parti superiori; qualunque poi sia la specie di tale curva, che io con ragionevole conghiettura mi persuado essere una cicloide, prescindendo però dalle alterazioni accidentali, che gli averanno apportato gl' impedimenti del corso, e le resistenze ritrovate nel viaggio dal fiume.

VI. Imperocchè, siccome in altri riscontri veggiamo noi la natura operare per le vie più semplici, e spedite, affettando continuamente nelle riflessioni, e nelle rifrazioni, ed in altri simiglianti effetti la strada più corta per condurre il mobile da un termine ad un altro: come dopo molti altri osservò il Sig. Leibnizio negli *Atti di Lipsia del 1682.* così mi pare molto verisimile, che per condurre un fiume da un luogo più sublime ad un altro più basso, non posto nella medesima linea retta, col centro de' gravi abbia la stessa natura cercato d'incamminarlo per una via la più breve, e spedita, che ideare si possa, e che, attese le leggi universali del moto, osservate nell' accelerazione de' gravi, si potesse trapassare in un minimo tempo. Ma hanno già dimostrato i profondi Matematici dell' Europa, cioè il Leibnizio, l' Ugenio, il Bernoullio, l' Ospitalio ec. negli *Atti di Lipsia 1697. e altrove:* ed io stesso con ispedita, e semplicissima dimostrazione ho provato nella *prop. 10. de' le Note al Trattato del moto del Galileo*, che una tal linea è la famosa cicloide: di maniera che assegnati due punti in disuguale

distanza dal centro della terra, e non nella stessa linea retta con esso, e cercando per quale strada dovesse discendere un mobile con moto accelerato, per condursi dal più alto al più basso termine in un brevissimo tempo, coral via non sarebbe già la retta, che connette ambi i punti assegnati (come benissimo aveva già avvertito il Galileo ne' suoi Dialoghi, e nella Scrittura sopra il fiume Bisenzio) nè meno sarebbe un quarto di cerchio, come pare ch'esso Galileo conghietturasse: ma bensì un arco di cicloide, che abbia l'origine sua nel più sublime, e passi per l'infimo de' dati punti; dunque è molto ragionevole il credere, che anche la curva, per cui si porterebbero i fiumi dall' uno all' altro capo degli alvei loro naturalmente scendendo, se per uno stesso piano verticale si distendessero, e non fossero da gli esterni impedimenti quà e là deviati, nè l'ineguale resistenza che incontrano in varie parti del terreno da essi bagnato, li obbligasse a tanta irregolarità ne' loro fondi, sarebbe la stessa cicloide distesa dall' origine di essi fiumi fino allo sbocco, o alla prima chiusa, da cui si termina la parte superiore del corso loro, o dall' una di tali chiuse ad un' altra inferiore, o allo sbocco libero di essi nel mare, o in altro recipiente. Tanto più, che appunto nella stessa curva cicloidale si verifica, che uno stesso mobile (come è l'acqua, di cui sempre un eguale quantità per ogni sezione del fiume dee scaricarsi) per essa scorrendo da un capo all' altro, la preme sempre con eguale impressione, essendo che in ciascun punto di tale curva la forza premente, composta della gravità relativa esercitata dal mobile nelle varie inclinazioni de' siti, per cui passa, e della forza centrifuga dipendente dalla diversa velocità, di cui è affetto, e dal grado di curvità, che hanno le parti dello spazio descritto, si trova appunto proporzionale alla velocità conceputa nella discesa, cioè reciproca del tempo, in cui la detta forza sta applicata a premere nel suo passaggio le suddette parti della curva, come dimostrò il Parent *nelle memorie dell' Accademia Reale delle Scienze dell' anno 1708*. E però il letto d' un fiume disposto in tale sorta di curvatura sarebbe più adattato per servire d' alveo stabilito al corso dell' acqua, e più esente dal ricevere alterazioni maggiori, che se fosse in qualsivoglia altra specie di curva escavato. Solamente la diversa resistenza del terreno, ed il concorso d' altri influenti, ed altri accidentarj riscontri possono distornare i fiumi dal seguire esattamente questa regolar direzione, accadendo ad essi ciò che succederebbe ad un pendolo di orologio, a cui si fa descrivere appunto col centro della sua ghianda una cicloide; che se dal vento, o da altre accidentarie cagioni venisse spinto di tanto in tanto con direzioni variamente inclinate al piano verticale, in cui giace disteso esso pendolo, sarebbe forzato a descrivere una sghemba linea, con varie tortuosità serpeggiante, in vece della regolata cicloide, che dovea naturalmente col suo moto oscillatorio descrivere.

VII. Ma siasi coral curva convenevole al letto de' fiumi di questa, o di altra specie, poco ciò importa all' intento nostro, purchè sia una curva concava verso le parti superiori, come certamente risulta dall' evidenza del fatto, per concludere, che il letto del fiume, dopo l' alzamento della steccaia s' innalzerà molto più ancora di quello che fu supposto dal Signor T. perchè siccome la prima linea tirata da lui parallela al vecchio fondo dalla cresta della steccaia sarà una linea retta, che toccherà per di sotto la curva concava, in cui si dovrà nuovamente disporre il letto del fiume: così evidentemente risulta, che debba rimanere esso letto superiore alla linea da esso disegnata: nè si può concedere, che nel corso della detta parallela colla seconda pendenza, considerata già da' Periti nel fiume, debba avere il suo

fuo termine il riempimento dell'alveo, e l'alzamento del fondo: ma con egual ragione si può pretendere, che far si debba una nuova curva simile a quella di prima, e continuata fino all'origine del fiume, o ad altro sostegno intermedio, da cui venga interrotto il corso di quello: tanto è lungi dal vero, che il rialzamento del letto debba crederfi molto minore di quello, che ha dimostrato il Signor T., come asserivano il Sig. G. ed il Signor D. M. nelle loro Relazioni.

VIII. La ragione di questo si è, perchè la natura del fiume richiedendo ancora nel nuovo letto di scaricarsi colla medesima velocità in tutte le parti corrispondenti alle varie pendenze del fondo di prima, bisogna che appoco appoco si stabilisca le stesse declività, per mezzo delle quali cadendo si acquistava quel grado di momento, con cui già scendeva: altrimenti raffrenandosi in un letto meno inclinato la solita sua celerità, verrebbe a rigurgitare verso le parti superiori; onde dallo stesso ritardo dell'acque ci succederebbe quel medesimo soverchio rialzamento di esse, che si pretende sfuggire negando il riempimento del fondo nella detta misura; che però non dee recarsi in dubbio, che siccome il fiume, ritrovando l'impedimento della pescaia, si spianerà da principio orizzontalmente, cagionando ivi come un lago, che abbia l'orlo nella sommità della medesima, e riempirà infallibilmente tutta quella cavità di sassi, e rena, o altra materia, di cui era carico, e la quale doveasi da esso spingere più avanti verso le parti inferiori; così poscia continuando a discendere con altre acque cariche di nuova materia, sopra il piano orizzontale nuovamente stabilito, essendo ivi costretto di raffrenare l'impeto concepito dall'antecedente caduta, non potrà condurre seco, e spingere più oltre il peso che seco porta, ma lascierallo precipitare al fondo: con che attaccandosi la nuova arena, e la nuova ghiaia alla precedente già spianata in detto sito, viepiù lo rialzerà; e successivamente accumulandosi nuove deposizioni, serviranno sempre di appoggio ad altre che si faranno superiormente, fermando le susseguenti materie, e continuandosi il rialzamento fino ad altra chiusa, che di sopra attraversi lo stesso, o quando altra non ve ne sia, fino all'origine del medesimo, si compirà finalmente di ristabilirsi il nuovo letto sopra una curva simile a quella, che presentemente va calando il fiume nel vecchio fondo, e con le stesse insensibili piegature, e mutazioni di declività corrispondenti a quelle di prima; la qual nuova curva partendosi dalla cresta della pescaia con situazione quasi parallela alla curva dell'alveo presente, riuscirà per qualche tratto notabile superiore ad essa della medesima quantità di 8. braccia, e un terzo; ma questa distanza si andrà appoco appoco diminuendo allo in su, accostandosi l'una con l'altra curva, fin tanto che insieme concorrano tutte due a toccarsi scambievolmente nell'origine di esso fiume, o in altra chiusa superiore, come sopra si è avvisato; tanto è lungi dal vero, che il rialzamento debba terminare ad una parte del vecchio fondo alta sopra il livello della sommità della pescaia solo braccia 3. 13. 6., come la suppone il Signor Guglielmini, o poco superiore, come la giudica il Signor M., o finalmente al concorso della seconda pendenza del fiume con la parallela alla prima pendenza tirata dall'orlo d'essa pescaia, come per lo meno voleva il Signor T.

IX. E per verità, siccome l'angolo, che fa la pendenza del vecchio fondo coll'orizzontale tirata per la cresta della pescaia, ci dimostra, non poter quivi fermarsi il rialzamento, perchè ritardandosi l'acque sono forzate a far nuove deposizioni: così l'angolo fatto similmente dall'antecedenti pendenze con qualunque altra linea, che si tirasse dall'orlo suddetto alle

parti superiori del vecchio letto, ci sforza parimente a concludere un simile improvviso ritardamento, ed una nuova deposizione, che rialzi l'alveo con interrire la cavità rimasta nel detto angolo; e così sempre, finattanto che si tolga ogni angolo, e degeneri il nuovo fondo in una curva simile a quella del letto antico; acciocchè per essa possa la natura indirizzare speditissimamente, ed in un tempo brevissimo, l'acque dall'origine del fiume, o sia dalla chiusa immediatamente superiore alla cresta della nuova pescaia, come si è considerato di sopra al num. 6. In confermazione della quale dottrina, si può osservare col Varignon *nelle memorie dell'Accademia Regia di Parigi del 1704.* che un mobile passando da un piano declive ad uno orizzontale, o ad altro piano meno inclinato, che con esso faccia un angolo rettilineo, non ritiene altrimenti il grado di velocità per la precedente caduta acquistata, seguitando poi ad accelerarlo con quella misura, che richiede il piano inclinato, a cui fa passaggio, come parve credesse, o come almeno stabili per ipotesi il Galileo: ma bensì raffrena quel grado di velocità, che fino a quel punto ha ottenuto, o perdendolo tutto, o solamente diminuendolo in parte, secondo che quel piano, in cui nuovamente si trasporta, è tale, che del tutto lo sostenga (come fa il piano orizzontale) o che solo in maggior parte di prima lo regga (come fa un piano meno inclinato) ma solamente nell'andare del mobile per una curva, succede la mutazione del declive in ogni suo punto, senza dispendio della concepata velocità, per essere insensibile l'angolo del contatto, per cui una pendenza differisca dall'altra immediatamente antecedente, o seguente: come da me altresì fu dimostrato *nella prop. 8. delle Note al Trattato del Galileo del moto accelerato, e suoi Corollari, ed all'osservazione del num. 28. e 29.*

X. Nè può sembrare strana, o capricciosa questa determinazione del rialzamento del letto dalla cima della pescaia fino all'origine del fiume, o ad altra chiusa superiore, per una curva, che abbia in se tutte le innumerabili inclinazioni, che aveva l'antico fondo, e similmente a un dipresso disposte, come si è dimostrato di sopra, che necessariamente debba seguire, se si unirà all'addotte ragioni l'autorità di più accreditati Maestri di queste scienze, tra quali il Guglielmini, che accoppiò con sì bel nodo la più attenta pratica alla più fina teorica, nel *Trattato della Natura de' fiumi pag. 294.* insegna, ch'essendo comune pratica di ovviare alle troppo precipitose cadute d'un fiume con attraversare l'alveo con chiuse, o pescaie, per fare elevare i fondi, tuttavolta le cadute in poco tempo si ristabiliscono a misura della necessità dell'alveo; ed altrove, cioè pag. 302. ci avvisa, che l'altezza, e bassezza degli alvei de' fiumi, de' quali sia stabilita la linea cadente de' fondi, unicamente dipende dagli sbocchi, il fondo de' quali dee servire per base a tutta la parte superiore del fiume, disponendo sopra di esso tutte le linee, o declività, che competono a tutte le parti dell'alveo, fino alle fontane, dalle quali tirano l'origine i primi rivi; se però il fiume non avrà il letto seguito dal principio al fine, come se sarà interrotto da cateratte, o da laghi, paludi, e simili, si dròno considerare queste, come fine del fiume, ed assumere la parte superiore della cateratta, o la foce dell'emisario, come un nuovo sbocco, sul quale si appoggi l'intera situazione delle parti superiori. E più espressamente pag. 346. trattando delle chiuse, o pescaie, così dice. *Edificata che sia una di queste cateratte, negando ella il passaggio all'acqua del fiume, è d'uopo, che questa si elevi, e riempia tutto il tratto dell'alveo superiore, che sta sotto il livello della foglia, o sommità di detta cateratta, formando con ciò uno stagno d'acqua a modo di laghetto, la cavità del quale in breve tempo sarà riempita di materia*

teria portata dal fiume, cioè di sassi, arena, terra, e simili, e con ciò alzandosi il letto del fiume fino all'altezza della chiusa, darà altresì occasione ad un *SIMILE*, E *PROPORZIONATO* ALZAMENTO delle parti superiori dell'alveo medesimo. E finalmente pag. 440. aggiunge. Ristabilito il fondo nella parte superiore alla chiusa, tornerà col tempo alla *PRIMIERA DECLIVITA'* ec. il che certamente non potrebbe fare, se l'alzamento non si continuasse da per tutto in corrispondenza di tutte le pendenze dell'antico letto, che sempre sono maggiori verso l'origine del fiume. Anzi, se ciò non succedesse, si raffrenerebbe la velocità dell'acque nel passaggio per un piano meno declive, di quello fusse anticamente, e con ciò si alzerebbe il corpo di esse acque; ondè per un altro verso crescerebbero que' pericoli di trabocchi sopra le ripe alte, e basse, che (massimamente in tempo di piena) vengono minacciate dall'alzamento della pescaia, e della susseguente elevazione continuata dell'alveo, che è necessaria al mantenimento della stessa velocità.

XI. In fatti nella medesima Scrittura del Signor M. al §. 2. molto dottamente si osserva, che le regole fondate sull'osservazione, e sulla considerazione della natura de' fiumi, insegnano, parlando teoricamente, e in astratto, che l'acque torbide attraversate con impedimenti insuperabili, quale è quello della pescaia, che si vuol fabbricare, alzano ben presto il loro fondo superiore, fino a tanto, che questo si venga a disporre sopra d'un piano tirato per la cresta, o sommità della pescaia, e *PARALLELO* al piano del vecchio fondo. E sebbene egli (come richiedeva l'impegno della parte, ed il comodo della causa da lui difesa) soggiunge col Signor Guglielmini che in pratica il riempimento, o rincollo suddetto non riesce sempre tale, quale questa general regola lo dimostra: atteso che supponendosi ne' raziocinii, che si fanno sopra la natura dell'acque, che i fiumi, corrono sopra di un solo piano dirittamente, e senza alcuno intoppo al loro termine, fra sponde parallele, e perpendicolari al piano del fondo; condizioni tutte assai difficili, se non impossibili da trovarsi in un fiume, e che certamente non concorrono di gran lunga nel nostro caso dell'Era, che è fiume di sezioni molto disuguali, di cadute diverse in diverse parti, colle ripe notabilmente inclinate, e con grandi, e spesse svolte, e tortuosità: non si può una regola così astratta applicare a casi particolari, nè specialmente nel caso nostro, per dedurne l'elevazione, che si farà nel fondo di questo fiume ec. Tuttavolta è pregato quel dottissimo Professore, e mio particolarissimo Amico, a riflettere, che il Guglielmini suo Maestro ne' luoghi sopracitati non parla già solamente in astratto, e senza avere le dovute considerazioni alle circostanze da lui annoverate, delle quali fa egli espressa menzione in tutto il decorso della mentovata sua opera, e pure, ciò non ostante, insegna espressamente, e con replicati termini la suddetta verità lenz' altra eccezione, oltre di che, confessando esso Sig. M. che la regola generale, di cui si tratta, sia fondata sull'osservazione, e sulla considerazione della natura de' fiumi, non lo vedere, come ora possa limitarsi per l'avvertenza, che aver si debbe alle irregolarità, cui soggetti sono gli alvei de' fiumi: quando certamente le osservazioni, sopra le quali fu stabilita quella regola generale, non possono essere state fatte in fiumi, che scorressero appunto per un solo piano della medesima declività, e con sponde parallele, e verticali, senza veruno intoppo, che al corso loro si attraversasse.

XII. Aggiungasi, che le annoverate circostanze, le quali di fatto s'incontrano ne' fiumi in concreto, non sono di quelle, che possano contribuire alla diminuzione del preteso alzamento, ma piuttosto di quelle, che concorrono ad accrescerlo, servendo d'impedimento alla velocità. Almeno certamente non solo tali, che possano alla regola verificata ne' fiumi in astratto.

affatto apportare tanta alterazione, che giunga a snervare la forza dell'argomento fondato sopra cotal dottrina, e diminuisce notabilmente il pregiudizio, che si pretende poter nascere dall'alzamento della pescaia. Imperocchè la tortuosità del fiume farà solamente, che l'elevazione susseguente del fondo vada altresì torcendo a seconda dell'alveo già stabilito, in vece di alzarsi il letto per una estensione dirittamente continuata, come farebbe, se il vecchio fondo fusse diritto. Le sponde non parallele, nè verticali, ma tagliate a scarpa, obbligheranno l'alzamento del letto a disporli con un simil pendio nelle parti laterali, in vece di elevarsi regolarmente in una figura parallelepipeda, come riuscirebbe, quando le ripe fossero tagliate a perpendicolo sul fondo del fiume, ed equidistanti fra loro. In somma di tutte le mentovate irregolarità, non ve n'è pur una, che possa o dare più libero corso al fiume, o impedire le deposizioni delle materie, e così scemare l'alzamento, che di sua natura seguir dovrebbe: ma solamente possono alterarne la figura, e la situazione, secondo che disposto si trova il vecchio letto: dovendo l'acqua ad ogni modo deporre le sue materie, come prima faceva, ed in un sito del tutto simigliante all'antico: in quella maniera, che se in un vaso di tersissimo cristallo, e di figura parallelepipeda, quanto immaginare si possa, perfettissima, intenderemo versarsi un'acqua torbida, rimarremo convinti, per la regola generale, che sappiamo essere vera in astratto, dovere in progresso di tempo farsi una posatura nel fondo del vaso tenuto quieto, la quale sarà anch'essa di figura parallelepipeda, più o meno alta, secondo la copia della terra mescolata nell'acqua; e la stessa acqua torbida similmente raccolta in un vaso d'altra qualsivoglia materia, di superficie scabra, e di figura quantosivoglia irregolare, non perciò farà in esso in pratica minor posatura, ma lascerà lo stesso sedimento, benchè conformato in altra figura, secondo che sarà il fondo del vaso conico, cilindrico, parabolico, o sferico: e siccome ne' condotti dell'acque delle fontane, le quali depongono, ed attaccano alle pareti interne de' tubi una certa gruma, o tartaro, l'essere questi quadrati, o circolari, e diritti, o serpeggianti con varie svolte, non può indurre altra varietà, se non nella diversa figura di cotal sedimento: così nel caso nostro l'irregolarità del fondo, e delle ripe del fiume, non impedisce, che non debba uniformemente alzarsi il letto dalla steccaia in su, fino alla prima sua origine, o altro superiore ritegno; ma solamente obbliga quel rialzamento a doversi adattare con simile curvità, e piegatura al canale, sopra di cui scorrono l'acque con materie disposte a precipitarsi, ed attaccarsi al fondo soggetto: e però la pratica non riuscirà nel caso nostro punto diversa dalla teorica stabilita di sopra.

XIII. Per la qual cosa chiaro apparisce, e manifesto, quanto bisognosa fusse d'essere più apertamente dimostrata la supposizione del Signor M. che alzata la pescaia, e riempito il presente fondo, *scorrendo il fiume liberamente sopra le ripe basse adiacenti, non potrà non alleggerirsi attraverso di queste quella linea, per la quale averà maggior caduta: cioè, che sia per portarsi con più diritto viaggio, e per linea più breve dal Recinaio alla Steccaia, e però diminuire si debbano i rincolli dell'acque, che si pretendono.* Imperocchè (dissimulando per ora l'evidente pregiudizio gravissimo di varj particolari padroni, condannati così ad essere spogliati del frutto, che ricavano dalle possessioni poste nelle ripe basse, le quali in questa ipotesi già si concede doversi convertire in letto ordinario del fiume, con quella confusione, che ognuno può immaginarsi dover nascere circa il dominio da alcuni acqui stato, da altri perduto, ne' terreni adiacenti, per l'addirizzamento del

corso del fiume, quando questo seguisse) gli stessi intoppi, che già obbligarono il fiume a torcere naturalmente il suo corso, seguiranno a deviarlo per l'avvenire, dovendosi l'alzamento del letto, fatta la pelcaia, eseguir non già tutto in un tratto, di maniera che il fiume possa ritrovare il terreno ben pareggiato, e sopra di quello elegerli la strada più breve, e spedita, come in astratto può taluno figurarsi: ma bensì appoco appoco innalzandosi ugualmente tutti i seni, e tutti i risalti del fondo, sicchè sempre nel sito di mezzo, che corrisponde al filone dell'acqua, si manterrà il letto naturalmente più incavato, e più basso, e dalle bande a proporzione riuscirà più rialzato; e però la cassa, per cui debbono scorrere l'acque, rimarrà ne' medesimi torcimenti di prima; tanto più, che le deposizioni saranno veramente alquanto minori nel mezzo, dove il fiume corre più veloce, e più abbondanti saranno nelle parti laterali del suo corso, dove minore è la velocità, per l'incontro di resistenze maggiori: osservando di più, che la stessa espansione dell'acque, almeno nell'ordinarie escrescenze (quando non accada, che sia quasi perpetua) sopra la superficie delle ripe basse, contribuirà di mano in mano ad alzarle con le continue deposizioni della ghiaia, che porta il fiume vicino al fondo, creandosi così sopra di esse un letto del tutto simile al primo; il qual nuovo letto nè meno può supporre, che fusse per recare alcun beneficio per la maggiore larghezza, che acquisterebbe nello stendersi ad occupare tanti terreni ora colti, e fruttiferi, perchè questa non potrebbe altrimenti scemare l'altezza del corpo d'acqua, che vi correrebbe sopra: perchè la maggiore tardità del moto, cagionato dalla minor pendenza, e dalla vicinanza del fondo più ampio, terrebbe in collo l'acque medesime, non lasciandole così presto scorrere all'in giù; e per tanto non si sfuggirebbe per ciò il rialzamento della superficie dell'acque: nulla giovando la maggior capacità della sezione, ove sia reciprocamente compensata da tanto minore velocità, che in tempo eguale lasci scaricare precisamente tanta quantità di fluido, quanta prima ne sgorgava da una minor sezione, ma più veloce: anzi essendo la detta ampiezza pregiudiziale, qualora gl'impedimenti moltiplicati al contatto del maggior fondo, ritardino in maggior proporzione la velocità, di quello che resti ampliata la sezione del fiume.

XIV Onde non parmi, che vi sia luogo a disputare, se l'accrescimento di larghezza sia per levare al fiume la velocità, o per accrescerla, come inclina di credere il Signor M. attesa la maggiore distanza delle ripe, e cagione di cui meno s'impedisca l'effetto della naturale velocità esercitata dall'acque. Imperocchè l'impedimento delle ripe non suole ritardare gran fatto il corso de' fiumi, a cui per lo più quelle si ritrovano parallele: e solamente serve a torcere di mano in mano la loro direzione, dove urtano obliquamente l'onde in dette ripe alle svolte dell'alveo; e quando in parte alcuna venisse perciò a ritardarsi il moto dell'acque, un tale ritardamento, ancora ne' canali di mediocre larghezza non giugnerebbe ad alterare la velocità delle parti di mezzo, ma finirebbe in quelle che strisciano vicine alle ripe medesime: non essendo congiunte le parti de' corpi fluidi, come quelle de' sodi e massicci, sicchè il ritardamento d'alcune debba trasferirsi ancora nell'altre lontane; onde quanto a questo effetto non dà vantaggio notevole l'essere le parti del fiume lontane dalle sponde cento braccia, piuttosto che venti solamente, essendosi già in distanza di meno di tre braccia renduto insensibile quel poco di ritardamento, che dall'urto nelle ripe può derivare; del che ne abbiamo un manifesto riscontro ne' canali comunicanti, ne' quali, quando sieno di notevole larghezza, si dispongono i flui-

ì fluidi in uno stesso livello, fassi l'uno d'essi quanto si voglia più largo dell'altro: e solamente negli angustissimi accade, che l'aderenza del fluido all'interne pareti del tubo, rintuzza alquanto il momento della sua gravità, alzandolo sopra il livello del maggior tubo, con cui comunica. Il fondo bensì dell'alveo, che continuamente è premuto dall'acque, in ogni sua parte ne sostiene l'impeto, e lo rintuzza: il fondo, dico, è quello che notabilmente ritarda il corso de' fiumi di poca altezza; e però crescendo l'ampiezza di esso, a misura che si dilatano l'acque sopra le ripe basse, può molto detrarre alla velocità del fiume; e tanto più, quanto che nelle parti laterali lontane dal mezzo, dove corre il filone dell'acqua sopra l'alveo più scavato, riesce la superficie allagata di dette ripe basse, omai divenute fondo, assai vicina alla superficie dell'acqua medesima; e però questa ne può risentire più facilmente i ritardamenti, e non ha sufficiente altezza di corpo per superarli: anzi quanto più si è alzato il fondo verso l'origine, tanto minore è la nativa velocità conceputa nella minore discesa, e però si trova di avere maggiore svantaggio per vincere gli ostacoli opposti al suo moto.

XV Essendo adunque determinata come sopra la linea del nuovo fondo, che nelle parti superiori s'alza ancora più, che non aveva supposto il Signor T., ed avendola difesa da ciò, che è stato a lui opposto, e che molto più si poteva opporre al mio detto, resta di vedere, se ne debbano seguire i temuti effetti dell'inondazione delle ripe alte in tempo di effrescenze, allagamento continuo delle basse, corrosione de' terreni circconvicini, ed impedimento di scoli delle campagne adiacenti: il che dipende dall'accordare il fatto, cioè dall'osservazione dell'altezza delle piene ordinarie, e straordinarie dell'Era, e da livelli di ciascun sito particolare. Al mio intento basterà per ora di avere qualche indizio certo dell'altezza delle massime piene; lasciando ad altri l'entrare nel calcolo delle medie sezioni, con ridurli a rettangoli, o a trapezii (i quali ritenendo nella stessa altezza la medesima larghezza di mezzo, comunque poi si restringa la base inferiore, e si allarghi la superiore, sono veramente della stessa assoluta capacità; ma non per questo sono sufficienti a scaricare la stessa quantità d'acqua in un dato tempo, perchè nello spazio che si perde di sotto, e che si acquista di sopra, non vi è la stessa velocità di moto) perchè conosco essere troppo incerto cotai metodo, ed a molti equivoci soggetto. Si appartano alcuni segni lasciati dalle piene ultime in altezza di braccia sei, e cinque ottavi, vicino allo sbocco del Recinaio, ed altri verso il luogo della pretesa Staccaia di braccia 8. e sotto lo sbocco del Roglio di braccia 10. 7. 8. ed alla Croce murata nella fornace del Signor M. N. braccia 13. 5. 2. i quali non sono vestigi della medesima piena, ma di varie, e diverse, essendo certissima regola, che le piene si fanno più alte lontano, che vicino allo sbocco de' fiumi nel mare, o in altri recipienti. Così determina il Galileo nella sua lettera di risposta al Bertizolo stampata sul fine del Tomo secondo nell'ultima edizione dell'Opere di quel grand'Uomo fatta in Firenze, avvertendo egli, che la maggiore velocità esercitata dall'acque nelle piene possa procedere (almeno in parte) dalla pendenza maggiore, in cui si dispone la superficie de' fiumi, che verso il mare non si alza un braccio, anzi sopra il livello di esso va finalmente a spianarsi, laddove in lontananza di venti, o 30. miglia si alzerà ben dieci, o dodici braccia, e così nelle parti superiori viepiù si ammonta, facendo un declive più precipitoso, che non è la pendenza dell'alveo suo proprio. Così il P. Abate Castelli nel Coroll. 14. del suo Discorso della natura dell'acque, e in due Relazioni sopra l'acqua del ter-

istorio di Pisa stan-pate nell' opera del Barattieri , ed in questa raccolta , insegnando che al Po dieci miglia lontano dal mare bastano gli argini di 12. piedi d' altezza , ma in lontananza di cinquanta miglia , non sono sufficienti a capirlo argini d' altezza di 20. piedi ; e che in vedere Aino presso la marina alzarfi un mezzo braccio , si può inferire legittimamente , che a Pisa ben sei , o sette braccia siasi rialzato , e vie più nelle parti superiori , dove ha minore velocità . Così Gio: Battista Aleotti d' Argenta ne' *discorsi , che fa sopra l' acque del Ferrarese* . Così il Barattieri *Prop. 1. lib. 6. Coroll. 10. dell' Architettura dell' acque* . Così il Dechaes nel *tom. 3. del suo Mondo Mattematico alla Prop. 45. de Fontibus naturalibus* . Così il Dottor Guglielmini *della natura de' fiumi cap. 8. prop. 2.* e così finalmente ci dimostra la natura colla continua sperienza .

XVI. Il che posto ; attenendosi solamente all' indizio più indubitato delle massime piene preso alla Croce della fornace suddetta d' altezza di braccia 13. 5. 2. è manifestissimo , che ne' luoghi superiori alla pescaia faranno abili le piene ad alzarfi , fino in braccia 14. ovvero 15. , ed anche 16. e quanto appunto sono elevate le ripe più alte lungo il corso del fiume , che se il fondo verrà ad alzarfi , dopo l' erezione della pescaia , braccia 8. 6. 8. o poco meno in maggiore lontananza , quando solamente le piene giungere dovessero all' altezza segnata nella detta fornace (di cui non possono giammai , secondo le precedenti dottrine , esser minori ne' luoghi superiori) di braccia 13. 5. 2. ognuno vede , che l' altezza di esse piene , unita al rialzamento del letto del fiume , sarebbe di braccia 21. 11. 10. et tanto richiederebbsi d' altezza nelle ripe alte , per contenere le massime piene : ma la maggiore altezza che si trovi nelle suddette ripe dal più basso fondo contiguo del fiume , e come nel profilo XIV. di braccia 18. 18. 2. adunque mancano braccia 2. 13. 8. alle ripe più alte , per contenere le massime piene ; ed a quelle sponde , che appena si alzano 16 braccia , ne mancano quasi 6. braccia ; e però è evidente il pericolo di doverfi inondare tutte le campagne circonvicine dall' una , e dall' altra parte del fiume . Et tanto più , quanto che le braccia 18. 6. 8. detratte al di sotto per lo riempimento del fondo , cagionato dalla pescaia , tolgono all' acque quella maggior discesa , che ivi dovrebbero avere , ed in conseguenza scemano ad esse la consueta velocità , per cui più presto si scaricavano ; il che cagionerà un maggiore rincollo , ed un più alto ricscimento ; la quale considerazione , aggiunta al riflesso di non avere accresciuta di nulla nelle parti superiori (come di ragione dovevasi) la supposizione dell' altezza delle piene cavata dal suddetto segno della fornace , abbondantemente può compensare qualunque defalco si possa pretendere che debba farsi al calcolo precedente in riguardo della maggiore ampiezza del fiume sollevato , o per altre inspezioni , le quali poco giovano a diminuire l' effetto delle piene : più operando in esse un palmo di maggiore altezza , che cento braccia di maggiore larghezza con pochissima profondità . Nè punto mi persuade la dottrina di chi pretende , che ne per 8. nè 100. braccia di più , o di meno , che discenda un fiume , venga ad accrescersi , o diminuirsi in esso la velocità , che per gl' impedimenti incontrati in sì lungo corso già si suppone ridotta all' equabilità ; imperocchè , se consulteremo le dottrine di Cristiano Ugenio , del Leibnizio , del Varignon , ed altri celebri Mattematici moderni , è falso in rigore , che i gravi cadenti , per qualunque resistenza incontrino , cessino mai di accelerarsi : anzi sempre vanno accrescendo le velocità loro , mal grado gl' impedimenti incontrati pel viaggio , sebbene questi augumenti di velocità si faranno continuamente minori , senza però giammai del tutto annull.

annullarsi. E quando pure giungano a tanto gl' impedimenti laterali, di rendere equabile il corso dell'acqua, che va strisciando lungo le sponde, o radendo il fondo, non potrebbe stendersi questo effetto alle parti medie del corpo dell'acqua, lontanissime da detti impedimenti, come già di sopra al num. 14. fu notato.

XVII. Ma quando ancora non dovesse giammai alzare le piene a braccia 13. 5. 2. come mostra il segno della fornace, nè alle braccia 15. 10. 8. che mostrarono alcuni vestigi della piena notati sopra i pioppi del Sig. Q. il che assai maggiori esorbiranze cagionerebbe; non si può già recare in dubbio l'altezza delle piene ordinarie di braccia 8. al luogo della pescaia, accordate nella Scrittura del Sig. M. come idonee a formarvi sopra il calcolo più aggiustato. Ora questa altezza dovrà senza dubbio essere alquanto maggiore ne' luoghi superiori, per le dottrine di già citate; e però quando si consenta solamente, che giunger possa alle 9. braccia, o al più dieci, si comporrà col rialzamento del fiume un'altezza maggiore di quella di molte ripe, come nelle sezioni VIII. IX. ed altre seguenti. Anzi ritenendo la sola misura di braccia 8 senza alterarla, ed aggiungendogli l'altezza del fondo di braccia 8. 6. 8. si fa pure un'altezza di braccia 16. 6. 8. ed ecco sopraftatte dall'acqua l'altezze delle sponde nella sezione X. che sono di braccia 15. 7. 8. e di quelle della sezione XII. che solamente sono di braccia 16 come dunque si può negare, che l'alzamento cagionato dalla pescaia non debba nelle massime piene far soverchiare tutte le ripe alte, e nelle piene ordinarie almeno alcuna di esse, rimanendo così inondati immensi tratti di terreni adiacenti, con pregiudizio inevitabile di chi li possiede.

XVIII. Nè è da tener poco conto dell'altro contraffegno delle piene ponderato dal Signor T., che sono gli effetti posti nelle ripe basse, i quali mostrano d'essere stati ricolmati dalle piene, che vi passarono sopra con un corpo d'acqua atto a depositarvi tal materia, il che non poteva ottenersi con altezza minore di tre quarti di braccio da lui supposta, come si vede nelle colmature artificiali, non potendovi fare notabile sedimento l'altezza d'un quarto solo di braccio supposta dal Sig. G. e dal Sig. M. onde conviene, che le piene massime giugnessero all'altezza di braccia 13. 14. 2., o almeno di braccia 12. 13. 4. di braccia 11. e braccia 10. essendo tali le misure dell'altezza delle ripe basse, quando ancora non si tenga conto di quel maggior corpo d'acqua, con cui dovessero essere ricoperte, nè dell'abbassamento che avranno fatto, dal tempo in cui furono ricolmate fino al dì d'oggi, perchè non occorre, nè fa di bisogno il fare più minuto, e rigoroso calcolo, quando già di sopra si è dimostrato, che con altezza di piena minore di braccia 10. ne seguirà, dopo il rialzamento del fondo del fiume, l'etrescenza dell'acque sopra molte delle ripe alte, ed in conseguenza l'inondazione irreparabile delle campagne.

XIX. Ma quando pure tutto ciò fusse un pericolo mal fondato, o che da altre non avvertite circostanze potesse il male temuto ricevere qualche compenso: almeno è evidente il pregiudizio de' beni di ripa bassa, la maggior parte de' quali rimarrà sottoposta continuamente all'acqua, e convertita in letto di fiume, per essere l'altezza loro solamente di braccia 8. ovvero 7. 15. 4. ovvero 6. 15. 0. e per fino a 5. 9. 4. quando il rialzamento del fondo sarà di braccia 8. 6. 8. o poco meno in maggiore lontananza della pescaia. Nè giova il dire, che in tratto successivo di tempo faranno di nuovo ricolmati ancora questi terreni, perchè questo è un benefizio molto lontano, e da superarsi solamente da' pronipoti, il quale be-

nefizio non compenla il danno imminente di chi si vedrà in oggi spogliato del frutto de' suoi terreni, acquistati coll'industria, e sudore di molti anni da' suoi antenati. Oltre di che la ricolmatura a buon conto sarà di sassi, di ghiaia, e di rena, ed altra materia grossa, che si porta dal fondo del fiume, e non di fiore di terra fruttifera, quale presentemente si deposita in essi terreni dall'acque più alte; e però niun vantaggio, ma bensì un certissimo pregiudizio si può quindi aspettare.

XX. Essendo poi il terreno superiore delle ripe alte assai franabile, solamente col giungere l'acque ordinate dell'Era a bagnare il piede di esse, dovrà succedervi corrosione; ed ecco cadere a brani le medesime, e perdere appoco appoco i poderi de' particolari, ed il fiume viepiù torcere il suo corso, ben lungi dal potersi in dette circostanze escavare una via più diritta, per cui possa con maggiore velocità scaricare le sue acque, come suppone la parte avversa.

XXI. Finalmente gli sbocchi, e scoli del Recinaio, di Saltera, dell'Albero, del Bottrino, del Mezzo piano, e di Camugliano perderanno la loro necessaria caduta, alzandosi anch'essi per lo rialzamento dell'Era, in cui mettono foce, e molto più in tempo di piene rigurgiteranno allo 'ndietro, cagionando col rincollo dell'acque gravissimi pregiudizi alle campagne, rendute prive de' necessari scoli, le quali rimanendo coperte dall'acque, non potranno essere ne' tempi debiti seminate, e coltivate, con gran danno di tutto il vicino paese; e le strade restando sommerse, ed allagate, e guaste da questi rincolli, non potranno, se non con gran spesa, essere dalle Comunità riparate, o preservate dall'imminente rovina, per mantenere il necessario commercio fra' popoli confinanti.

XXII. Questo è quanto in sì breve tempo ho potuto considerare circa gli effetti, che aspettare si debbano dall'alzamento della pescaia a tenore delle notizie partecipatemi. Non dubito, che molte altre riflessioni ci somministrerebbe l'oculare ispezione del luogo, col riscontro de' più indubitati vestigi dell'altezze delle piene: le quali se, per relazione di molti sono talvolta giunte a soverchiare le ripe alte nello stato presente del fiume; quanto più frequentemente, e con quanto maggior copia il farebbero in avvenire, alzandosi il letto del fiume per la nuova pescaia, mentre la superficie delle dette ripe si va piuttosto abbassando, perciò che ne consuma la coltivazione, e che le piogge seco ne tirano abbasso? E se oculari testimoni affermano, essere giunte le piene ordinarie nel luogo, ove si pretende fabbricare la pescaia, a lasciare poco più di due braccia di vivo nelle sponde del fiume, come nella sua relazione asserisce il Capitan S., chi non vede, che l'alzamento ancora di due braccia sole, non che 8. 6. 8. di pescaia, metterebbe in pericolo d'inondazione tutto il paese? Non si ricercano già calcoli troppo astrusi per mettere in tutto il suo lume, avanti l'occhio di Giudici tanto avveduti la certezza, e la gravità del danno imminente al pubblico: nè vi abbisognano molte allegazioni di Testi, per dimostrare, quanto questo preponderi ad un privato, e non necessario vantaggio.

NUOVE CONSIDERAZIONI DEL P. ABATE GRANDI


Fatte dopo l' Acceſſo del meſe di Giugno dell' Anno 1714.

Sopra la controverſia vertente fra gl' Illuſtriſſimi Signori Marcheſi R. e N.

*Circa la preteſa erezione d' una Peſcaia nell' Era,
ad uſo d' un nuovo mulino.*

MI RI
Agl' Illuſtriſs. Sig. Giudici della Cauſa.

Illuſtriſſimi Signori.

I.  On fu con vana conghiettura, o con troppo animoſa ſi-
danza da me aſſerito nell' ultimo paragrafo della mia
Scrittura precedente, pubblicata ſopra di queſta con-
troverſia avanti l' ultimo Acceſſo delle SS. Loro Illu-
ſtriſs. che molte altre riſteſſioni ci rimarrebbero a fare nell'
oculare iſpezione del luogo, per confermare l' evidenza,
ed importanza del pregiudizio imminente a tutta la
campagna circonvicina, dal preteſo alzamento della
conſaputa peſcaia, che ad uſo d' un nuovo mulino deſi-
dera fabbricare nell' Era l' Illuſt. Sig. Marcheſe N., im-
maginandomi fin d' allora, non ſenza gran fondamento, che tutte le prove in-
dotte, e da indurſi a favore dell' intenzione di lui, avrebbero più toſto ſmor-
zato a prò della cauſa da noi diſeſa; imperocchè, avendo la verità mille riſcon-
tri, non ſi poteva dubitare, che oltre i motivi già da noi l' altra volta con-
ſiderati, per giuſtificare l' oppoſizione fatta a coral edifizio dall' Illuſtriſ-
ſimo Sig. Marcheſe R. ed altri conſorti di lite, ſi farebbero ſcoperte ſem-
pre nuove circoſtanze, per le quali ſi doveſſe eſcludere ogni preteſto del-
la parte avverſa, e vie più mettere in chiaro la giuſtizia, e ſuſſiſtenza de'
motivi, co' quali è ſtata oppugnata l' erezione della ſuddetta peſcaia, con-

futandosi evidentemente ogni eccezione contrapposta alla forza de' nostri argomenti.

II. In fatti l'esito medesimo dell'ultimo accesso richiesto alla Parte averla per fortificare la sua intenzione, in vece di concludere ciò che da essa si pretendeva di provare, ha dimostrato più manifestamente la forza incontrastabile delle dottrine, e delle ragioni addotte dal canto nostro, per muovere l'animo de' Giudici a non permettere novità veruna in questo fiume; con tanto, e sì evidente pericolo de' pubblici, e de' privati interessi, essendo già pur troppo formidabile a' confinanti nello stato presente l'orgoglio nativo delle sue altissime piene, ed il continuo rialzamento indubitabile del suo fondo, senza che si lasci congiurare l'arte colla natura a' danni di sì vaste, e sì florite campagne, sollevando, con nuovi sostegni, a posto più vantaggioso, un sì temuto, e sì potente nemico, e dandogli maggior comodo, acciocchè con più gagliardi, e più spesso assalti, possa devastarle, e disperderle.

III. Non credo, che al purgatissimo giudizio delle SS. Loro Illustrissime possano comparire per sospette di esagerazione le mie parole, non pretendendo io fondarle, che sopra le certissime osservazioni fatte sul luogo, delle quali gli occhi loro medesimi sono indubitati fedelissimi testimoni; e tanto più, che non è proprio della mia professione il mascherare con apparenza di verità le bugie, o il colorire con artificiose espressioni la falsità: pertanto brevemente venendo al punto della presente controversia, mi giova il ridurle loro a memoria ciò, che molto giudiziosamente avvertì nel suo dotto Parere il Signor Dottor Manfredi, il quale apportò quanto di più forte, e di più fondato potesse considerarsi a favore della Parte avversa, supposta la verità de' documenti somministrargli, notando, che tutta la mole di questa famosa contesa si dee raggirare sopra questi due cardini. Primo, se fatta la pescaia pretesa nel sito divisato, e dell'altezza prefissa di braccia 8. e un terzo, sia per succedere nella parte superiore del fiume quel riempimento, che rappresentò nella sua relazione il Signor T., o se debba essere molto minore. Secondo, se le massime piene dell'Era siano tali, che alzandosi sopra il nuovo letto del fiume, soverchiare debbano le stesse ripe più alte, non che le basse, con inondazione delle campagne, e contant' altri pregiudizj, già considerati dal medesimo Signor T., o pure se potranno quelle capire tuttavia nella cassa naturale del fiume, ovviandosi ad ogni pericolo, o ritrovandovi opportuno compenso.

IV. Già circa al primo è stato da me dimostrato nella prima Scrittura num. 8. 9. 10. 11. e 12. dover succedere piuttosto alquanto maggiore, che minore il rialzamento, e doverci per più lungo tratto continuare, di quello, che aveva da principio supposto il Signor T., come provano le ragioni, e le autorità da me addotte; e sarebbe cosa superflua il ritoccar qui questo punto, quando altre opposizioni, di chi credeste dimostrare il contrario, non ci obbligassero a qualche replica in confermazione, di quanto ivi ho provato. Ma circa il secondo punto, sebbene ho detto quanto basta nella suddetta Scrittura a' numeri susseguenti, dimostrando, che o tutte, o almeno alcune delle ripe alte, fatta che sia la pescaia, rimarranno soggette alle piene ancora ordinarie di sole braccia 8. non che alle straordinarie di braccia 13. e 15. dalle quali prima erano esenti, e che la maggior parte delle ripe basse diventerà letto ordinario del fiume, convertendosi in greto tanti terreni, che in esse sono già coltivati, alche succedere dovranno nell'alte sponde maggiori le corrosioni, la perdita della

neccessaria caduta negli scoli delle campagne, con danno irreparabile delle medesime, e con la rovina delle pubbliche strade ec. tuttavolta mi rimaneva ancora da confutare una considerazione fatta in contrario dalla Parte avversa, e brevemente indicata nella Scrittura del Signor Manfredi, pagina 6. cioè, che l'altezza delle piene non debba misurarsi dall'altezza degli effetti di ripa bassa, perchè quando questi siano stati ricolmati dalle torbide ivi deposte dal fiume nelle sue piene, come aveva asserito il Signor T., e come ancora fu da me comprovato nella precedente Scrittura, num. 18. ciò poteva essere seguito *in tempo, che l'Era aveva molte pescaie, che ne tenevano il fondo più sollevato*, pretendendo la Parte avversa, che ora si sia profundato il letto del fiume, onde le dette ripe basse rimangano esenti dalle piene, e perciò non sussista la misura accennata di essa, ma vi sia luogo al rialzamento preteso d'una altra pescaia, senza pericolo che perciò inondare vengano le campagne circostanti. Un tale riflesso, sebbene colle regole generali, e colle particolari notizie del medesimo fiume, agevolmente confutar si poteva: fu però da me per allora dissimulato, perchè essendosi appunto intimato quest'ultimo accesso, per concludere, coll'ispezione oculare, la pretesa evidenza di questo fatto, stimai meglio il differirne l'impugnazione a questo tempo, in cui l'osservazione di tutte le circostanze del luogo ci avrebbe maggior lume somministrato, per discorrere sopra la sussistenza di questo supposto.

V. Ad oggetto adunque di mostrare questo preteso abbassamento dell'alveo nell'Era, furono condotte le SS. loro Illustrissime il dì 2. Giugno all'accesso del luogo verso il confine di Camugliano, e di Ponsacco, e furono fatte loro osservare certe vestigia d'alcune muraglie, che dall'acqua bassa si vedevano spuntare, le quali si pretendevano dalla Parte avversa essere le fondamenta di un antico mulino, che ivi avesse parecchi braccia al disopra, un tempo fa, alzata la sua pescaia, credendo di mostrare, come essendosi questa rovinata si fosse con essa profundato il letto del fiume. Veduto il luogo, riconosciuta la disposizione de' muri suddetti, fattane la pianta, misurate le grossezze, scandagliate la profondità, non vi fu mai verso di trovare indizio alcuno, che con qualche verisimiglianza, non che con evidenza, come richiedeva il bisogno della parte, concludesse essere quelli veramente i fondamenti del mulino preteso, o d'alcuna sua parte, o reliquie dell'ale della supposta pescaia: anzi si vidde, e si toccò, per così dire, con mano, quelli non poter essere fondamenti scoperti dal fiume profundato, ma bensì parti molto alte, e forse più vicine al tetto, che al fondamento; almeno alcun contrassegno non fu mostrato, per cui si potesse convincere, che nel dubbio del vedere le muraglie inferiori, o superiori al mezzo dell'edifizio, rimanesse per molti verisimili riccontri, che si notarono, più inclinato a credere il secondo, che il primo di questi due supposti.

VI. Imperocchè la materia certamente era di mattoni ordinarij, di lavoro cotto, non di sassi, o pietre grosse, o cantoni, o pezzi di smalto, quali buttare si sogliono, e collegare col getto nelle fondamenta di simili fabbriche fatte nell'acqua; sicchè non ci dava certo argomento, per credere quelle mura, quali ci venivano supposte, ma piuttosto quali già da noi si erano immaginate. Quanto alla forma di esse, nè pur questa era propria per dimostrare ciò, che dalla Parte avversa si pretendeva; essendo le dette mura tirate a filo dritta, ed alzate a piombo, in un piano verticale, senza veruna scarpa; il che non suol praticarsi, e talvolta nè meno è possibile il farlo nelle buche, e fosse de' fondamenti, ma bensì nelle parti su-

periori cavate già fuor di terra, e ciò che più è da notarsi, la grossezza delle dette muraglie era solamente delle seguenti misure, cioè, alcune di un braccio, e soldi 9. altre di braccia uno solo, e per fino alcune solamente di cinque sesti, niuna delle quali è propria per fondare uno stabile edificio fatto per resistere all'impeto d'un acqua tanto precipitosa, e per servire ad un uso tanto importante; quale è quello di un mulino a più palmenti; essendochè, se così scarsa era la grossezza delle basi di questa fabbrica, sarebbero stati secondo la pratica degli Architetti antichi, e moderni, circa il doppio più stretti i muri alzativi sopra, cioè i più grossi sarebbero stati di tre quarti di braccio, altri di un mezzo, e per fino alcuni di due quinti solamente; nè pare verisimile, che si arrischiassero i Padroni del luogo di esporre alla corrente di un fiume, il quale sì spesso con alte, e rapidissime piene si fa sentire orgoglioso, mura cotanto deboli, appoggiando ad esse un edificio di total conseguenza.

VII. Sarebbero veramente bastati, senz'altre diligenze, questi soli riflessi per confutare le pretensioni della Parte avversa, giacchè ad essa tocca il peso di provare concludentemente ciò, che contro ogni presunzione di ragione, e di fatto asserisce. Tutta volta, per mostrare quanto ragionevole sia la nostra negativa, non intendendo d'assumerci per questo la briga di provare positivamente l'intento nostro, ma solo di corroborare la risposta data, per soprabbondanza di chiarezza del punto controverso, e per mostrare quanto ci sia a cuore lo scoprire unicamente la verità del fatto, si fece tentare alla presenza delle SS. loro Illustrissime con un palo di ferro lungo braccia 9 il fondo del fiume, e si trovarono varj suoli, di belletta, di ghiaia, e di rena, l'uno sopra all' altro alternatamente disposti, come si riconosceva dal particular suono, o rimbombo, dal diverso urto, e varia cedenza incontrata nel penetrare più addentro: e si notò che in alcuni luoghi s'infondeva tutta la lunghezza del suddetto palo perpendicolarmente dentro il letto del fiume, senza intoppiare in cosa di gran resistenza, che lo fermasse, altrove poi entrava fino alla profondità di braccia 7. in circa, ritirandosi poscia insù colla punta roteggiante di mattone strolato dalla forza, con cui si premeva quell'asta all'ingiù; il che dà un indizio assai più forte, dell'essere il fiume rialzato con varj suoli di materie diverse da esso deposte, e del ritrovarsi le fondamenta della pescaia, o d'altre fabbriche ivi rovinate, o piuttosto qualche resto delle materie rimastevi dalle rovine di esse, parecchj braccia sotto il letto presente sepolte. Almeno si sa, che un simile tentativo, col medesimo successo per appunto, praticato in Pisa l'Anno 1680. nel fiume Arno dal Signor Cornelio Meyer Ingegnere Olandese, fu giudicato un manifesto contrassegno del continuo rialzamento di quel fiume reale, come egli stesso racconta nella relazione, che ne stampò, dicendo: *Che da queste deposizioni si sia inalzato il fondo d'Arno, e che tal rialzamento giornalmente anche si augmenta, dimostrò chiaramente l'esperienza, mentre nel pigliare le misure dell'altezza dell'acque di esso fiume, fu osservato, col posare l'asta [colla quale si pigliano le dette misure] sul fondo dell'alveo, incontrarsi in arena alquanto intostite nella superficie, e premendo la medesima asta con poca più forza al basso, sentiva essa passare per un suolo di terreno più molle, e meno resistente del primo, e continuando a premere dett'asta, sfondare poi per un altro ordine di terreno poco differente dal secondo. La quale diversità dalle dette materie terree disposte l'una sopra all'altra di qualità differente, indiziava ben chiaro, essere quelle quei cavalli di terra, che dall'acque in diversi tempi erano state deposte dentro l'alveo del medesimo fiume.*

VIII. Non credo che possa sognarsi veruna diversità, tra la nostra spe-

rien-

rienza fatta nell'Era col palo di ferro, e quella dell'Olandese fatta in Arno coll'asta di legno, se non che lo strumento da noi adoperato era più a proposito all'intento nostro, nè si richiedeva meno, per la diversa condizione di questo fiume, che di tanto in tanto ci opponeva de' suoli di ghiaja da penetrare, e non di semplice rena, e terra, quale si depone dall'Arno vicino a Pisa; del resto ognuno ben vede, che similissimo è il caso, e la medesima esser debbe la conclusione del rialzamento dell'alveo, che manifestamente quindi si può dedurre. E tanto più, quanto, che tentando col medesimo palo ancora appresso alle mura già mentovate, si sfondava all'ingiù, senza mai trovare la risega de' fondamenti, o le palificate, o il terreno di pancone sodo, e stabile, dove piantati fossero; siccome le dette riseghe nè meno si poterono ritrovare da nuotatori, che d' ambe le parti si mandarono sotto acqua per ricercarle. Tanto è vero, che le osservazioni fatte nel fiume sono più favorevoli alla nostra, che all'avversa Parte, e che se a noi toccasse il dimostrare il rialzamento del letto di esso; non ci mancherebbero evidentissimi contrastegni di ciò, potendosi dalle accennate circostanze certamente concludere, che le muraglie osservate non sono altrimenti le fondamenta del preteso mulino, ma sono le parti superiori, che già furono molto alte da terra, ed ora rimale sono sorrenate dal predetto rialzamento del fiume.

IX. In confermazione di che, parmi che si potesse ancora dalla sola disposizione del luogo riconoscere, se nel sito di cui si tratta, potesse mai in tempo alcuno esservi alzato l'edifizio di una pescaia, o fosse di mattoni, o di legno solamente costituita, ed eretta sopra il piano delle accennate muraglie, o se piuttosto dovesse rimanere del tutto sepolta a un gran pezzo sotto il presente livello. Imperocchè, se si concepisce dal detto piano in sù alzata una steccaia, si vede assai manifesto, che solamente dalla banda di Camugliano avrebbe questa la ripa alta, che serve la potrebbe di sufficiente appoggio; ma dalla banda opposta, che riguarda verso la Cava, dove potrebbe mai ficcare la sua testata, se si vede ivi terminare il pelo dell'acqua bassa presente nella spiaggia di un vasto renajo, e di un bassissimo greto, per lungo tratto disteso? Dove potrebbe mai essere fiancheggiata per di sotto, e collegata per di sopra con alte sponde, secondo il bisogno di chiudere la cassa, e ferrare il recinto dell'acque, a fine di mandarle unite a' ritrecini del mulino eretto sopra le pretese fondamenta, che dal pelo dell'acqua bassa presente spuntare si vedono? Egli è pur chiaro, e manifesto da tutto ciò, che solamente dal fondo, che ora ci dimostra il fiume, allo ingiù esser poteva detta pescaia, se doveva esser fatta a proposito, e riuscire adattata al fine, per cui una volta fu eretta.

X. Ma quando tuttocì, che sino adesso si è considerato, fosse soggetto a qualche ombra di dubbio, basta dare un'altra occhiata alle suddette muraglie, per finire di chiarirci di questa verità. S' incontrano queste mura in un angolo retto dentro del fiume, dove formano un canto vivo, pulitamente condotto da ambe le parti, senza veruna intaccatura, o interompimento, o segno di moria, per cui si potesse supporre quell'edifizio collegato coll'annessa pescaia; il che parimente dimostra, essere le predette mura superiori al conignolo di qualsivoglia chiusa, che una volta vi fosse, o di legno, o di mattoni, che in qualche modo avrebbe dovuto unire, e connetterli colla fabbrica del mulino, e ne sarebbe rimasto alcun vestigio in queste reliquie, se fossero le parti inferiori, e fondamentali del suo recinto; che però non essendoci stato ciò mostrato dalla Parte avversa, nè ritrovato da nuotatori, è forza il concludere, che solamente molto

al disotto potesse la steccaia con queste mura collegarsi, ed in conseguenza resta evidentissimo, che il letto del fiume siasi da quel tempo in quà rialzato, e non abbassato, anzi può crederfi con gran verisimiglianza, che il predetto rialzamento sia stata l' unica, o almeno la principale cagione dell' abbandono di questo mulino, come a tant' altri, ne' fiumi circonvicini, si fa di certo essere accaduto.

XI. E senza dilungarci gran fatto dall' Era, già le SS. Loro Illustrissime viddero manifestamente quest' effetto seguito nel mulino, che in oggi è de' SS. Bianconi, posto sul fiume Roglio, poco di sopra al suo sbocco in Era, nel confine di Treggiaja, luogo detto il Mulinuccio. Il carceriere di questo mulino dismesso, già da gran tempo in quà, era convertito in una Cantina, a cui si scendeva per parecchi scalini, e fatte rimuovere le botti, scavando di sotto poi la terra, si scoprì un tronco dello stile, che andava già a' ritrecini, tutto sepolto nella mota, rimasto però nel suo sito di prima, eretto all' orizzonte, e poi maggiormente affondando, si ritrovò la buchetta, con una doccia di quercia, per condurre l' acqua a' ritrecini, e poco sotto si scoprì le cucchiaja, e finalmente si arrivò al pancone sodo, sopra di cui era piantato lo stile suddetto co' suoi anelli; il qual pancone si dimostrò molto inferiore al letto presente del Roglio, ed attesa tutta la disposizione, che è necessaria a questo edificio, per renderlo macinante, si raccoglie, che siasi da quel tempo in quà rialzato il fondo del detto fiume, almeno per braccia 6 e tre quarti, come mostra la pianta, ed il disegno, che ne fu fatto; e siccome da tale rialzamento appunto è rimasto questo mulino sovrannato, e sepolto, e renduto inutile all' uso suo; così è molto più verisimile, che accadesse al mulino dell' Era, di quello che sia il supposto abbassato fino a' suoi fondamenti, per la rovina pretesa della pescaia, ed abbassamento consecutivo del fondo del fiume, come s' immagina la Parte avversa.

XII. Ma che dico io più verisimile, se anzi è certo, e necessario per l' indubitata connessione dell' uno, e dell' altro? Il Roglio sbocca nell' Era poco sopra al luogo, dove si dice che fosse il mulino del confine di Camugliano: se ivi l' Era fosse stata più alta di quello che sia in oggi, quando il Roglio era oltre a braccia 6. più fondo, ci sarebbe voluta la Coclea di Archimede, per tirare questo all' insù, e farlo sboccare in quella. Oppure se al contrario, per esser l' Era più alta, fosse stato conseguentemente ancora il Roglio più allo dello stato presente, come avrebbe dovuto essere per iscaricare in essa le sue acque; ebbero molto poco cervello quelli, che fecero fabbrica: e il mulino, che in oggi è de' SS. Bianconi, perchè era impossibile, che macinasse, dovendo i suoi ritrecini affogare nell' acqua, per non potersi questa estrarre da un sito cotanto basso in un più alto, mancandovi la necessaria caduta alla gora, quando ancora si fosse potuta mandare a sboccare nel Roglio vicinissimo al luogo, dove questo influiva nell' Era; il che però, attesa la disposizione del luogo, sarebbe stato impossibile. Ma ciò non si può asserire, trovandosi, che ne' tempi andati questo mulino benissimo macinasse, mentre pagava l' Anno 1550. di canone al suo Padrone diretto sacca 100. di grano. Dunque ec.

XIII. Nè parmi che molto importi a questo proposito la distinzione del tempo, in cui questi due mulini del Roglio, e dell' Era lavoravano, perchè quando ancora la parte avversa provasse, che quello del Roglio fosse edificato posteriormente a quello dell' Era, dopo il suo preteso abbassamento, avanti però l' età più moderna, in cui si trova, che si rialzi (quasi che si potesse supporre in questo fiume qualche ignoto periodo, con cui

a vicenda si vada alzando, e abbassando, facendo come all'altalena, e li-
brandosi ora in sù, ora in giù, non so con qual regola, del che se ne
aspettano più certe riprove) a noi basta per l'intento nostro, che *ab-
immemorabili* fosse in essere il suddetto mulino del Bianconi, e una volta
macinasse, per concludere, che da tempo immemorabile altresì abbia co-
minciato il Roglio ad alzarsi di fondo, essendo già star più basso, che non
è di presente, ed in conseguenza, che altresì avanti ogni memoria d'Uo-
mini l'Era si vada alzando, essendo già inferiore di letto, e non superio-
re al fondo presente. Se poi *in diebus illis*, due mil'anni fa, o al tempo
del Diluvio, camminasse l'Era più alta, che non è ora, anzi passeggiasse
sul dosso di queste colline, o piuttosto andasse serpendo per vallate molto
più profonde di adesso, lo lasceremo indagare a chi è curioso di tali pe-
regrine notizie; e riceveremo con tutta indifferenza ciò, che dagli Anti-
quarj più eruditi sarà sopra di questo fatto determinato, perchè questo
punto non pregiudica, e non favorisce il merito della causa, che abbia-
mo per le mani, in cui si cerca, se fosse ben fondata dal Signor T. la mi-
sura delle massime piene, coll'altezza degli effetti di ripa bassa, per esse-
re questi ricolmati, non molti secoli addietro, e perchè si vanno successi-
vamente ricolmando ancora a' giorni nostri, e rendendosi abili ad essere
coltivati, colle deposizioni fattevi dalle medesime piene, che in oggi, ed
a memoria degli stessi bambini, non che de' vecchi del paese, vi passano
sopra, e non colle torbe del tempo di Noè, o di Deucalione.

XIV Ma se alcuno desiderasse di trovare nel medesimo fiume Era l'
esempio di una pescaia sorrenata, per potere più direttamente arguire, qual
possa essere stata la cagione dell'essersi abbandonato, e dismesso il mulino,
che fu nel confine di Camugliano, e di Ponticco, basta andare a vedere
ciò che è accaduto al mulino di Ripa bianca di S. A. R. Si ricorderanno
le SS. Loro Illustrissime, che il dì 15. Giugno furono condotte alla visita
del suddetto mulino, che è circa a sette miglia sopra il luogo, dove il Si-
gnor Marchese N. pretende di fare la sua nuova pescaia, ad oggetto prin-
cipalmente di far loro osservare la gran quantità di terreni coltivati nelle
ripe basse dell'Era, perchè quindi potessero far concetto, almeno così all'
ingrosso, dell'immenso pregiudizio, che sarebbe per apportare l'alzamen-
to della pretesa steccata del Signor Marchese N., e quanto vaste campagne
fioritissime ne rimarrebbero desolate, dovendo proporzionatamente rialzar-
si (come di mostra nella prima Scrittura) il letto del fiume, dalla cresta
di detta pescaia, sino ad altro nuovo sostegno, da cui venga interrotto il
corso dell'Era, il quale superiore sostegno si ritrovava essere appunto la
suddetta steccaia del mulino di Ripa bianca. In occasione adunque di cot-
tal visita, si riconobbe la detta steccaia in gran parte sotterrata, e sepolta
dal rialzamento del fiume, avendo perciò perduta tutta l'altezza del bat-
tisoglio, con parte ancora della sua pendenza: per risarcimento del qual di-
fetto erano stati alzati sopra la cresta di detta pescaia tavoloni di gercia
alti cinque sestì di braccio, e conseguentemente rialzati tutti i ritrecini;
tanto è vero, che la disposizione di questo fiume tende a farlo continua-
mente rialzare, e che si propaga all'insù fin verso la sua origine il sudlet-
to rialzamento, e che da esso deriva, che appoco appoco vengono a sep-
PELLIRSI le pescaie in esso fabbricate, rendendosi perciò inabili all'uso, per
cui fatte sono, e così vanno in malora gli edifizj de' mulini annessi, come
inutili all'esercizio loro, e altronde soggetti a rimanere per le stesse ragio-
ni affogati; dal che è chiaro, star per noi la ragionevole presunzione, che
al mulino di Camugliano succedesse una simil disgrazia, piuttosto che deb-

ba supposti, per la rovina della pescaia, ed abbassamento del letto dell'Era, abbandonato, e dal tempo abbattuto.

XV. E qui, prima di passare più oltre, s'ami lecito l'avvertire, che nella suddetta visita del mulino di Ripa bianca furono osservati, sul lastrico medesimo della cresta della pescaia, scavatiquà, e là, certi canaletti, che mostravano ad evidenza la piegatura di quella curva concava, che affetta di fare l'acqua per iscendere in un tempo brevissimo da un termine all' altro, in confermazione di quanto nella prima Scrittura ho avvisato; anzi di più si fece riflessione, che tra i pregiudizj sovraffanti al pubblico, ed al privato interesse per l'alzamento della pescaia pretesa dal Signor Marchese N., poteva annoverarsi ancor questo di non piccola conseguenza, e che da ogni buon suddito, veramente zelante della conservazione de' diritti, e vantaggi del suo Principe, dovrebbe considerarsi, sebbene a me non tocca per ora il metterlo in vista, come non attenente a l'interesse del mio Principale; cioè, che ben presto la gora del detto mulino appartenente allo Scrittoio di S. A. R. perduta averebbe affatto la sua pendenza, per lo maggiore rialzamento del letto del fiume; imperocchè già ora ne ha pochissima dalla parte di sopra al mulino, in maniera tale, che appena si discerne in essa il moto dell'acqua, e dalla banda inferiore non glie ne avanza gran cosa della pendenza, con tutto che vada a sboccare in Era, assai al disotto del mulino suddetto: e però che sarà, quando fatta la steccata pretesa dal Signor Marchese suddetto, verrà il letto d'Era a rialzarsi assai più nel luogo dove ricever dovrebbe l'acque rifiutate per la gora di Ripa bianca? Non potranno certamente essersi più l'acque suddette, e guazeranno in esse i ritrecini, senza poter più operare, onde presto dovrà chiudersi, ed abbandonarsi questo edificio, ed averà il pubblico guadagnato il nuovo comodo del mulino di Camugliano, con perdere quello, che già da tanto tempo, per grazia della Serenissima Casa Dominante, godeva in Ripa bianca.

XVI. Ma per ritornare al nostro primo proposito, aggiungerò di più, che attesa la natura di questo fiume, e del suo recipiente cioè d'Arno, il quale notoriamente si va rialzando di letto, come benissimo dimostra con varj evidenti riscontri il Signore Vincenzio Viviani nel suo discorso intorno alle corrosioni di questo fiume, poco lungi dal principio, e come apparisce dal continuo rialzamento de' muricciuoli dentro Pisa, e degli argini fuori di essa, non sapendosi che giammai siasi in verun tempo abbassato di fondo: che però obbliga ancora gl'influenti, l'ultimo de' quali è l'Era, a rialzarsi di letto, per potere sboccare in esso, come in fatti si riconosce ocularmente essere accaduto al Ponte d'Era, in cui già i due archi laterali sono rimasi quasi del tutto sotterrati, e gli altri due di mezzo si vanno appoco appoco acciecando; sicchè dove del 1677. del mese di Marzo essendo stata misurata dal Sig. Capitano Santini (come costa dalle scritture di quel tempo) l'altezza dalla sommità di detti archi al suo fondo, vi erano in uno braccia 20. e nell'altro braccia 23. e mezzo, quest'anno 1714. del mese di Giugno, l'altezza del primo si è trovata solamente braccia 10. e del secondo braccia 18. Attesa dico questa disposizione, e natura del fiume, non so vedere, come possibil fosse, che rovinasse la pretesa pescaia del confine di Camugliano, e che perciò si potesse sprofondare il letto del medesimo fiume, perchè dovendosi questo essere riempito al disopra al pari della cresta di essa pescaia, e col rialzamento parimente del fondo al disotto di essa, venendo questa sempre più rinalzata, e fattole un parapetto d'avanti, dovea finalmente rimanere tra i due terrapieni superiore, ed

infe-

inferiore imprigionata, anzi sepolta, come appunto è avvenuto alla steccaia suddetta di Ripa bianca, ed a quella del Callone in Arno; e però doveva restare esente da ogni scossa, ed urto dell'acqua, che sopra vi passava (purchè a bella posta non fosse scalzata, e smossa per demolirla) o almeno tale doveva riuscire per un gran tratto della sua altezza, che sopra alle fondamenta dovea corrispondere a qualche riempimento del letto inferiore, checche siasi poi della sua cresta superiore, la quale ancora venendo guasta, e demolita dall'acque, non è verisimile, che da' Padroni del luogo non venisse ben presto restaurata, per non perdere il comodo, ed il frutto, che ricavavano da cotale edificio, per l'annesso mulino.

XVII. Ma essendosi abbastanza veduto, quanto poco sia concludente l'indizio del preseso abbassamento del fiume, cavato dalle reliquie del mulino posto nel confine di Camugliano, vediamo oramai, se sia più efficace a persuadere lo stesso intento della Parte avversa, un altro argomento preso da certe ghiaie fatte osservare nella rosa della Penisola della Fornace, dove quattro, e dove cinque braccia alte dal pelo dell'acqua bassa, delle quali ancora se ne ritrovarono alcune sulla superficie della Penisola del Signor Quarantotti, e nell'opposta del Signor Marchese N, ed altrove. Che le dette ghiaie vi siano portate dal fiume, vien concordato d' ambe le parti: solamente si può controvertere, se vi fossero deposte in tempo, che il fiume aveva il suo letto più alto, e correva colà, come nel suo fondo ordinario, e che però quindi si abbia sufficiente indizio dell' essersi abbassato il fiume, come la Parte avversa pretende, o pure se vi siano state trasportate dalle piene di esio fiume, nello spandersi sopra le ripe basse, ricolmandole successivamente, con rialzare sì quelle, sì il proprio fondo, come fu risposto per parte del Sig. Marchese R. A me pare, che la decisione di questo punto non sia gran cosa difficile, quando ben siano stati ponderati tanti manifesti indizj del rialzamento del fiume, quanti si sono accennati finora; imperocchè al più si può pretendere, che le suddette ghiaie potessero egualmente deporsi nell' una, e nell'altra ipotesi, cioè nella maniera immaginata dalla Parte avversa, o nel modo diviso da noi: con questo divario però, che se si ammettesse il primo caso, bisognerebbe confessare, che il fiume si fusse abbassato contro l'esperienza, e gli evidenti riscontri, già di sopra considerati per lo continuo suo rialzamento; ma se si ammette il secondo, non ne segue veruno assurdo, e solamente si convince, che le massime piene dell'Era giungono alle ripe basse, e le coprono con qualche corpo considerabile d'acqua, atto a portarvi le ghiaie, che è quello che noi pretendiamo, e che viene giustificato dall'esperienza, e dalle deposizioni de' testimonj indotti per fino dalla Parte contraria. Qual vantaggio adunque si lusinga essa di poter riportare dalla considerazione di queste ghiaie?

XVIII. So benissimo, che la forza si fa dagli Avversarij nella qualità, e peso della ghiaia suddetta, essendovene in qualche luogo, oltre la misura, che è in maggior copia, ancora della più grossetta, fino alla mole forse di una noce, supponendosi che questa non potesse nelle piene del fiume trasportarsi in alto, ma solamente rotolarsi giù pel fondo del letto, e che però, se si trovano delle ghiaie superiori al letto moderno, sia d' uopo il confessare, essere quelle reliquie del letto antico, che già fosse più alto di livello, che non è ora. Ma per conoscere, se concludente sia questo discorso, conviene esaminare la verità delle proposizioni, che lo compongono; e primieramente oppongo l'esperienza continova, che mostra di fatto portarsi dalle piene de' torrenti la ghiaia sopra i terreni da essi inon-

dati olte il naturale loro letto, e lasciare i campi seminati di sassi, come nell'inondazione della Zambra succeduta quest'anno di mezzo Luglio, di cui si parlerà di sotto al numero 23. e come in un'altra piena venuta di mezzo Agosto nella Tora, sono salite le ghiaie sopra le ripe appresso agli argini di esso fiume, e come in tant' altri casi è avvenuto, de' quali ne sono rimasti manifestissimi vestigj in molti luoghi, anche lontanissimi, ne quali si trovano sassi mediocri mescolati colla terra, simili a quelli, che si vedono sparsi nel fondo di que' fiumi, che per qualche inondazione straordinaria poterono giungere ad allagare i detti terreni; qualunque sia poi la forza, con cui i fiumi possono aver spinto colà le dette materie, la qual forza quando ancora non si potesse da noi comprendere, non farebbe perciò da stimarsi men vera, e sussistente, contro l'evidenza del senso.

XIX. In secondo luogo, che le ghiaie fatte osservare sopra la superficie delle ripe basse, non vi fossero rimase fin da que' tempi, ne quali suppone la Parte, che il letto d' fra fosse notabilmente più alto del presente, ma vi fossero di fresco lasciate dall' ultime piene straordinarie precedenti, si può con molta ragione presumere, perchè le ghiaie vecchie, a lungo andare, rimangono coperte, o da' cespugli, o dalla terra, che vi conducono sopra le piogge, o dal proprio peso avvallandosi sotto al terreno, in occasione che questo viene smosso per farvi piantare d'alberi, o di canne, ec. o almeno dalla rena, e dalla belletta, che vi debbono aver lasciate le moderne piene, che tanto, o quanto vi arrivano, come dalla deposizione de' Testimonj, sopra di ciò esaminati, si fa manifesto, e come si può convincere dall'ultima di mezzo Luglio passato, che entrò pure nella Penisola della Fornace del Sig. Marchese N. e in tant' altre ripe adiacenti, essendo del tutto improbabile, che per alquanti secoli rimanessero intatte, e sculse le dette ghiaie nella superficie, non ostante tante mutazioni, ed alterazioni continove di que' terreni, e tante inondazioni, alle quali sono stati fra tanto necessariamente soggetti.

XX. In terzo luogo, quanto alle ghiaie, che si ritrovarono in qualche profondità sotto la superficie delle ripe basse, e che si fecero osservare disposte a suoli framezzati da banchi di rena, e di terra nel profilo di esse in una rosa della Penisola della Fornace, sono queste manifestamente effetti di piene più antiche, le quali sono state seguitate da altre minori, che in vece di ghiaia vi hanno deposta rena, e belletta, e così le hanno coperte, succedendo però alternatamente altre piene, che con diverse materie di nuovo hanno ricolmato le medesime ripe, e sepolte le dette ghiaie all' altezza, in cui presentemente si trovano: accadendo quivi lo stesso effetto, che succede nel fondo medesimo del fiume, il quale, non solo nella superficie dimostra quà, e là banchi di rena, ed altrove mucchj di ghiaie grosse, altrove di più minute, secondo i varj seni, che fa, e i diversi impedimenti, che incontra, da' quali viene obbligato a gravarsi ora di questo, ora di quel peso, a cui meno proporzionata si trova la sua velocità; ma ancora sotto la superficie del medesimo letto ha questi varj suoli, e strati di diverse materie, come si riconobbe col tentativo del palo di ferro, di cui si parlò sopra al num. 7. onde non è maraviglia, che operi lo stesso nelle ripe, che inonda, le quali si vanno inalzando colle varie successive deposizioni, a misura che si alza il fondo del medesimo suo letto.

XXI. In quarto luogo, per rispondere più direttamente alle difficoltà, colle quali la Parte avversa crede di convincere per impossibile il trasporto di dette ghiaie, per l'impero della piena, sopra le basse ripe, credendo, che si possano bensì rotolare nel fondo, ma non già spingersi tant' al-

to; io dico, che siccome nell'aria, per l'impeto de' venti, si fanno certi turbini, che sollevano in alto varie materie assai più gravi dell'aria medesima, come alberi, uomini, e tetti di case, trasportandoli altrove ancora in luoghi più sublimi, come spesso è accaduto, e come dottamente ciò viene spiegato dal Sig. Geminiano Montanari nel suo Trattato della Bifciabuova, o sia Dialogo delle forze d'Eolo; così non è impossibile, che nell'acqua trasportata impetuosamente in tempo di piene, tali vortici si producano, che violentemente seco in alto rapiscano le ghiaie di mediocre grandezza, e scagliandole altrove, le lascino cadere sulle ripe basse, dove ritrovate si sono nel tempo dell'acceso. Aggiungo, che siccome la forza ancora di un fanciullo è abile a scagliare per l'aria dal fondo del fiume sull'alte ripe, non che sulle basse, un pezzo di ghiaia, così non so vedere, qual ripugnanza vi sia in concepire, che la forza della piena la quale è tanto maggiore, imprimendo l'impeto alle dette ghiaie, secondo varj urti, e varie riflessioni, e ripercuotimenti, che nel suo corso quà, e là va facendo, possa spingere sopra le basse ripe qualche parte della medesima ghiaia, non ostante il suo peso, che facilmente cede a qualsivoglia impeto impresso trasversalmente, essendo già certo appreso a' Matematici, che la forza della semplice gravità è infinitamente piccola, rispetto a qualunque forza mortice, che operi con impeto vivo, come io stesso dimostrai nel mio libro degl' Infiniti nello scolio della proposizione sesta.

XXII E tanto più scorgerà essere facilissimo, non che possibile quest' effetto, quanto che a far bene il conto, la ghiaia nell'acqua ha pochissimo momento per il cedere in paragone di quello, che ha di scendere per l'aria, ed a confronto del grand' impeto laterale, con cui può venire scagliata dalla piena. E che sia il vero, dimostra il Cav. Isacco Newton nel corollario secondo della proposizion 38. del libro secondo de' suoi Principj Matematici della Filosofia Naturale, pagina 316. della seconda edizione, che la maggior velocità, con cui potesse cadere un grave dentro d'un fluido resistente, sarebbe quella, che si acquisterebbe cadendo senza resistenza da

tale altezza, che fosse a $\frac{4}{3}$ del diametro del mobile, come sta la densità del medesimo, alla densità del fluido. Ecco le tue parole: *Velocitas maxima, qua cum globus, vi ponderis sui comparativi, in fluido resistente potest descendere, eo est, quam acquirere potest globus idem, eodem pondere, absque resistantia cadendo, & casu suo describendo spatium, quod sit ad quatuor tertias partes diametri sue, ut densitas globi ad densitatem fluidi.* Avendo io adunque pesato della ghiaia d'Era, prima nell'aria, e poi nell'acqua, pendente da un crine di cavallo, trovai, che il peso primo al secondo, stava come 41. a 26 onde il peso dell'acqua pari in mole alla ghiaia, era come 15 perchè tale è la differenza de' i detti pesi; e però la densità della ghiaia alla densità dell'acqua stava come poco più di 8. a 3. dal che ne segue, che secondo l'accennata regola del Newton, cadendo la ghiaia in un mezzo non resistente

dall'altezza eguale a $3\frac{5}{9}$ del diametro, cioè se sarà grossa 9. denari, cadendo dall'altezza di 32. denari, che vale a dire di 2. soldi, e di $\frac{2}{3}$ di sol-

do. o pure di $\frac{2}{15}$ di braccio, si acquisterebbe la maggior velocità, che potesse mai avere cadendo per l'acqua, anzi tale, cui non potrebbe mai giungere a guadagnarsi interamente, perchè allora la resistenza, che incontro- rebbe nel moto, pareggerebbe la forza della sua gravità, come dice ivi il

medesimo Autore. E perchè un grave cadendo liberamente per l'aria, passa in un secondo minuto di tempo piedi di Parigi 15. $\frac{1}{12}$ secondo la sperienza di Cristiano Ugenio, ricevuta comunemente da tutti i Mattematici, che

sono braccia fiorentine $8\frac{3}{7}$ in circa, Averà la detta massima velocità, che potesse mai acquistare la ghiaia nell'acqua, alla velocità che si acquista cadendo per l'aria in un secondo minuto, la proporzione sudduplicata di $\frac{2}{15}$

ad $8\frac{3}{7}$, che sono gli spazj corrispondenti a dette velocità: cioè, starà come 1. $\frac{2}{15}$ (che è la prossima radice quadra del prodotto di $\frac{2}{15}$ in $8\frac{3}{7}$) ad

$8\frac{3}{7}$: e però in vigore di tal velocità passerebbe nell'acqua equabilmente

in un minuto secondo il doppio spazio di 1. $\frac{1}{15}$ cioè braccia due con $\frac{1}{8}$: ed a passare braccia 11. vi vorrebbero più di 5. secondi minuti di tempo. E ciò vale in un'acqua del tutto quieta, e stagnante: ma quando si muove a traverso con grandissima velocità, come in tempo di piena, molte più parti d'acqua debbono essere nel medesimo tempo scacciate dalla ghiaia che discende, e però incontrandovi maggior resistenza, vi sarebbe bisogno di maggior tempo, avanti che la detta ghiaia potesse toccare il fondo.

XXIII. Ma per via del moto trasversale impresso dall'impeto della piena, chiarissima cosa è, che di assai minor tempo ha d'uopo la ghiaia in trapassare da una sponda all'altra, non che da un greto, che sia nel mezzo del letto, ad una ripa bassa, che gli sia vicina; adunque il peso della ghiaia non osta, e non impedisce, che non possa essere con urto diretto, o riflesso trasportata, o scagliata sull'orlo d'una ripa bassa, senza che in questo tempo giunga a toccare il fondo, o pure ancora toccandolo molto obliquamente (per la composizione dell'impeto trasversale, e del perpendicolare, che ha dalla gravità) averebbe campo di ribalzare ad ogni modo coll'ultimo salto sopra la prossima ripa, senza una difficoltà immaginabile. Si potrebbe più accertatamente determinare quest'effetto, se avessimo una precisa misura dell'impeto della piena: ma non avendola, si potrà far concetto della sua gran forza, e del vantaggio, che ha conseguentemente sopra lo sforzo della gravità, rintuzzato dalla resistenza maggiore del mezzo, considerando le gran fabbriche di ponti, di Regj Palazzi, e Tempj sontuosi, atterrati dall'inondazione del Tevere, come accenna Orazio nell'Ode seconda cantando:

Vidimus flavum Tyberim retartis

Litore Etrusco violenter undis,

Ire dejectum monumenta Regis,

Templaque Vesta.

O pure basterà ridurre in memoria alle SS. Loro Illustrissime ciò che consta dal deposito del Signor Marc' Antonio Quarantotti, quando l'Era, conducendo lungo la sua corrente un tronco di legno, abbattè con esso 200. alberi nella sua propria albereta. Ma forse sarà meglio il ristringersi ad un fatto notorio, e manifesto a gli occhi di chi vuole vederlo nella Valle di Calci, dove la Zambra, piccol torrente, che scende da quelle colline, la notte seguente al dì 14. Luglio di quest'anno, rompendo gli argini, non solamente portò gran copia di ghiaia grossissima, anzi di pietre Verrucane di mez-

di mezzo braccio di diametro, quali più, quasi meno, onde ingombrati rimasero certi terreni fruttati, e lavorati del Caporale Guasparri Meucci, e di Antonio Zucchini, per una distanza di larghezza dall'alveo del fiume circa a pertiche 20. di maniera che specialmente quelli del Zucchini sono renduti inabili ad essere più seminati, per essere tutti ripieni di sassi; ma in oltre mosse di suo luogo, e trasportò parecchi braccia più lontano un pietrone lungo braccia 14. largo 10. e alto 7. che sono braccia cube 980. di peso in circa a 200000 di libbre, imperocchè avendo preso un pezzo di pietra Verrucana della stessa natura di quel pietrone, ed avendolo ridotto in una piccola piramide, alta soldi 2. e 4. la cui base quadrangola aveva di lunghezza soldi 2. e 5. e di larghezza soldi uno, sicchè tutte le sue dimensioni ridotte in denari erano 12. 29. 28. che moltiplicati insieme fanno 9744. e prendendone un terzo, a cagione della figura piramidale, danno per la solidità di detta pietra danari cubici 3248 e pesando questa piramide, si trovò essere circa mezza libbra, onde ne segue, che un braccio cubo di detta pietra debba pesare libbre 2128. (essendo in ciascun braccio di lunghezza 240 danari, e però nel braccio cubo 13824000. danari cubici, il qual numero a 3248- sta in circa, come 4256. ad 1.) e conseguentemente nel pietrone trasportato dalla Zambra, che è, come si è detto, di braccia cube 980. si convince esservi di peso circa a libbre 2085440. cioè essere equivalente a più di quattro milioni di quelle pietruzze piramidali, che pesavano mezza libbra. Si concepisca ora la forza, che fu applicata a muovere il detto pietrone (o lo strascicasse lungo il terreno sassoso, vincendo la gran resistenza della superficie applicata al contatto del suolo colla pressione di sì gran peso, o lo rotolasse, alzandolo sopra agli angoli, e sollevando per conseguenza il suo centro di gravità sopra il livello orizzontale, in cui si trovava stando la pietra posata) adattarsi a muovere quella piramidetta sopra descritta, o un altro pezzo di ghiaia di minor peso, e troveremo, che reciprocamente lo potrà muovere con una velocità quattro milioni di volte maggiore, che non faceva il suddetto pietrone: o almeno, se non può tutta la forza, applicata a quel masso, adattarsi a scagliare una pietruzza, o ghiaia ordinaria, per aver la base 70. volte, o più minore della base di quel pietrone, e per essere nel caso nostro il fiume Fra più abbondante bensì d'acque, ma meno declive, fingasi che la sua forza nelle piene sia la centesima, o la millesima parte della forza suddetta esercitata dalla Zambra, e tanto potrà giudicarsi abile a scagliare le ghiaie con tale velocità, che possa trasportarle da un greto in una ripa bassa, senza che tra tanto la sua gravità le obblighi a toccare il fondo, e quivi a fermarsi.

XXIV. Ne è contrario a questa dottrina ciò, che insegna il Sig. Guglielmini nel capo quinto del suo Trattato sopra la natura de' fiumi, *che le materie pesanti siano spinte sempre radente il fondo, senza incorporarsi coll' acqua*; imperocchè parla ivi del moto ordinario, che hanno di tanto in tanto in tempo di piena: onde soggiunge: *Le materie pesanti che non ponno se non con violenza separarsi dal fondo, per lo più sono sassi, e ghiaie, e in qualche caso avere assai grosse, oltre altre materie che per accidente possono trovarsi ne' letti de' fiumi. Queste rare volte sono sbalzate in alto dall' acqua (il che succedendo, quasi immediatamente precipitano al fondo) ma bensì sono spinte, o lateralmente, o al lungo del corso, o pure accumulate in un luogo, ec.* il qual parlare non è di chi neghi assolutamente il potersi portare dall'acqua per qualche breve tempo la ghiaia sollevata dal fondo, e sbazarla in alto sopra le ripe basse: anzi le clausule di eccezione, adoperate avvedutamente da questo Autore, se

non con violenza, e rare volte sono sbalzate in alto, e quasi immediatamente precipitano al fondo, significano, che con qualche violenza si possano dall'acqua sollevare le ghiaie, e che qualche volta, sebben di rado, siano sbalzate in alto, e che non così subito, ma quasi immediatamente, cioè dopo un brevissimo tempo di 4. ovvero cinque minuti secondi, calino abbasso. Ne poteva essergli ignota la sperienza, la quale in fatti dimostra, che i fiumi ferrati da chiuse, o pescaie, prima ancora d'aver pareggiato il fondo superiore con tutta la cresta di esse, gettano quantità di ghiaie nel fondo inferiore, e conseguentemente non solo le strascicano per quel tratto di letto, che è sopra all'orlo di dette pescaie, ma le trasportano a qualche altezza, sicchè formontino l'orlo suddetto, e quindi si precipitino abbasso. Così accade giornalmente alla steccaia di Ripafratta nel Serchio, in cui ancora si ammassano le ghiaie di là da un canale assai profondo, che poche braccia lontano, a dirittura delle cateratte del fosso, e delle mulina, vi si stende quasi parallelamente alla detta Steccaia, e poi si rivolta secondo il corso del fiume. Così accadde pure alla Nievole, come accenna il Signor T. nella sua informazione, che dovendosi ricomare il potere della Panzana del Serenissimo Principe Francesco di gloriosa memoria, fu alzata la bocca dell'incile sopra i 2. terzi dell'altezza delle piene, perchè non vi passassero ghiaie, le quali però, al dispetto di tutte le precauzioni, vi passarono; tanto è vero, che formontano le ghiaie a qualche altezza, spinte dalla violenza del corso dell'acqua.

XXV. Ma facciamo conto, che tutte queste riflessioni fondate sopra le dottrine, e le sperienze suddette, non fossero sufficienti a mostrare probabilissimo il trasporto delle ghiaie sopra le basse ripe, e confutare l'indizio, che quindi prende la Parte avversa, dell'essere stato una volta il fondo dell'Era più alto di quello che sia al presente. Se le ghiaie vanno rotolando pel fondo, e s'ammassano in quà, e in là in varj doffi, non basta ciò a spiegare l'effetto, di cui si tratta? Certamente potrà la piena far rotolare le dette ghiaie da' greti, che sono nelle parti superiori dell'alveo verso le spiagge, o calare delle ripe basse, e quindi sempre rotolandole, farle salire sopra di esse, o tante ammassarne in vicinanza delle dette ripe, che il mucchio ivi creato serva ad esse di scala, per cui rotolando s'avanzino a formontare i terreni ancora coltivati, e segnano poscia a ruzzolare di piaggia in piaggia pel continuo tratto lunghissimo di esse ripe; fermandosi dove incontrino quegli intoppi, che abili sono ad arrestarne il corso. Tanto più, che supponendo l'acclività delle spiagge, per cui formontar debbono le ghiaie di tale inclinazione, che la lunghezza del piano inclinato, che ivi risulta, sia all'altezza perpendicolare, come 8. a 3. potrebbero le ghiaie esser fatte salire per un tal piano inclinato con difficoltà non maggiore di quella, che incontrasse l'acqua al muovere una materia della stessa gravità specifica, e totalmente a se omogenea; imperocchè secondo il Galileo, ed il Torricelli, e tutti i Meccanici più comunemente, il momento di detta ghiaia in quel piano, scemerebbe in proporzione di 3. a 8. quale per l'appunto è la proporzione della densità dell'acqua in riguardo a quella della ghiaia, come si è detto di sopra al num. 22. Dunque le ghiaie ritrovate in questo, o in quel luogo non ci convincono dell'essere stato una volta in quel posto più alto il letto del fiume, nè ci dimostrano il preteso moderno suo abbassamento, contro tanti, e sì evidenti riscontri, che abbiamo dell'essersi esso piuttosto notabilmente rialzato.

XXVI. Vedano le Signorie Loro Illustrissime, come tutti gli argomenti, sottilmente inventati della Parte avversa, per eludere l'indizio dell'altezza

za delle piene, determinato già dal Signor T. a misura dell' altezza de' beni di ripa bassa, si ritorcono contro l' intenzione d' essi Avversari; e servono a giustificare maggiormente questa stessa misura; imperocchè se la piena ha scagliate, o rotolate, o in altro modo stracciate le ghiaie su per le ripe basse in varie altezze dal pelo dell' acqua ordinaria, fino in braccia 8. 9. e più ancora, necessariamente la piena dovea corrervi sopra con gran corpo d' acqua, non credendo nè men' io verisimile, che si possa laghiaia portare a fior d' acqua per lungo tratto, o rotolare per le spiagge a forza di un sol quarto di braccio d' altezza, in cui l' acqua suddetta vi corra sopra, come pretendevano il Signor G. num. 20. e il Signor Dottor M. che al più si potesse supporre; che però sarà necessario il concludere, che le massime piene straordinarie sopravanzino le ripe basse, non solamente di tre quarti di braccio come parve al Signor T. doversi per lo meno concedere, ma talvolta ancora per 2. e talvolta per 3. braccia come in fatti le corone de' pioppi, alle quali arrivano le dette piene, secondo le deposizioni de' Testimoni, cisorzano a concorrere in una tale misura, nulla giovando a snervare la forza, e l' evidenza di questa considerazione dell' altezza delle piene, stabilita come sopra, la distinzione del tempo, in cui dette piene arrivavano a coprire le basse ripe con sì gran mole d' acqua, perchè da tutte le circostanze, e dalle deposizioni de' Testimonj oculari, si ha, che vi giungono a' tempi nostri, e non solamente ne' secoli trapassati; nè sussiste in verun conto il preteso abbassamento del fiume, ma si ha da mille riscontri, essersi esso pintoosto notabilmente rialzato, ed essere in disposizione di sempre più rialzarsi.

XXVII. E siccome un simil rialzamento manifesto dell' Arno, e dell' Ombrone, rappresentato dal chiarissimo Mattematico Vincenzio Viviani, come esso medesimo racconta nel Trattato nella corruzione de' fiumi indusse giustissimamente S. A. R. a far demolire nel detto fiume Ombrone tre pescaie, col prudentissimo riflesso, *che ogni grazia ottenuta di poter tenere dette fabbriche, fosse di sua natura spirata, come solita sempre a concedersi senza pregiudizio del pubblico, e del privato;* così, e molto più ragionevolmente si dee sperare, che il rettissimo giudizio delle SS. Loro Illustrissime, non sia per concedere l' alzamento d' una non ancor fabbricata nell' Era, per ritrovarsi questo fiume in una costituzione del tutto simile a quella, in cui allora Ombrone si ritrovava, e per essere assai maggiori i pregiudizj, e più gravi i disordini, che si debbono temere imminenti da tale erezione: non essendo il dovere, che da un Magistrato, il quale con sì prudente condotta regola i suoi Decreti a pubblico beneficio di questi felicissimi Stati, invigilando con sì provvida cura al buon regolamento delle sue acque, si permetta di fare ciò, che quando pur fusse con tutte le licenze legittime eseguito, si dovrebbe incontinentemente fare abbattere, e demolire, secondo l' esempio addotto, e praticato già nell' Ombrone per ordine del nostro Clementissimo Dominante.

XXVIII. Questo è quanto mi ha suggerito il mio debil talento di dover rappresentare in proposito della presente contesa alle Signorie Loro Illustrissime, giacchè si sono degnate di comandarmi, che spiegassi in iscritto il mio sentimento; nel che fare mi è convenuto per verità il far forza a me stesso, e vincere certa repugnanza, che sentiva in esporre sopra di ciò i miei pensieri, figurandomi, che l' ordine del giudizio richiedesse, che io prima sentissi ciò, che la Parte avversa pretende d' avere ricavato di vantaggioso per se dall' ultimo accesso, affine di poterlo con buon metodo confutare; ma giacche è piaciuto loro di secondare il desiderio della detta

Parte avversa, ordinando, che si dessero contemporaneamente le scritture d' ambe le Parti, mi sono ingegnato d' indagare, per così dire, al bujo i principali motivi, sopra de' quali si crede, che si fondi l' intenzione degli Avversari, e mostrare quanto sieno insufficienti: sperando, che dopo veduti gli argomenti, co' quali più precisamente cerca la Parte avversa di oppugnare la nostra intenzione, non ci mancherà tempo, e modo di ribatterli, perchè sempre più spicchi la verità, e la giustizia della causa da noi difesa. Intanto pregandole di un benigno compatimento per sì lunga, e noiosa diceria; con tutto l' ossequio mi confermo.

Delle SS. Loro Illustris.



ESAME DELLA SCRITTURA
PUBBLICATA DAL SIG. DOTTORE
GEMINIANO RONDELLI

Nella causa del mulino dell' Era .

ALL' ILLUSTRISS. SIG. SIG. E PADR. COLENDISS.

IL SIGNOR MARCHESE F. R.

THE NEW YORK PUBLIC LIBRARY
ASTOR LENOX AND TILDEN FOUNDATIONS
455 FIFTH AVENUE
NEW YORK



Illustriss. Sig. Sig. e Padrone Colendiss.



I avea richieso V. S. Illustrissima già sono più mesi con premurose istanze, del mio debil parere circa la Relazione del Signor Dottor Rondelli, nella famosa causa del mulino, che si pretende alzare nell' Era: ed io, il quale più volentieri avrei bramato di attendere sopra di ciò l' altrui giudizio, che d' impegnarvi il mio sentimento, ho indugiato sin ora a compiacermelo; sperando, che l' esito medesimo di questa controversia servir dovesse ad appagare la sua nobil curiosità, molto meglio di quello che io far potessi coll' esame delle ragioni addotte per la Parte avversa. E tanto più di mal grado lasciavami indurre all' esame di tale Scrittura, quanto che in essa quasi niun punto incontrava capace di essere da me approvato; onde ben prevedeva, che sarebbe stato un impegnarmi in troppo lunga, e noiosa discussione, l' intraprendere di confutare tutto ciò, che qualche replica meritava; ed in oltre ragionevolmente potea temere, di non dore occasione di alcun disgusto all' Autore, da me per altro riverito, e stimato, quanto al suo grado convienfi, se per avventura mi scappasse dalla penna qualche espressione, la quale nel dibattere la dottrina di lui, paresse mancare al rispetto dovuto alla sua persona.

Ma giacchè la Causa va in lungo più di quello, che si sperava, e che pur non desiste V. S. Illustriss. di darmi replicati, ed efficacissimi impulsi, perchè scbiectamente le esponga ciò, che a me sembra, in difesa della verità, e della giustizia, potersi con tutta ragione replicare alla suddetta Relazione, non voglio più differire di soddisfare a' miei doveri, e di darle questo nuovo attestato della mia inalterabile osservanza, con ubbidire a' suoi cenni, dichiarandole, brevemente più che potrò, e con la maggior moderazione, che mi sarà possibile, in questo proposito, il mio sentimento. Eccolo pertanto ne' fogli, che ora mi do l' onore di presentare a V. S. Illustriss. giunto finalmente sotto i suoi occhi, e rimesso nelle sue mani. Ella ne faccia pure quell' uso che più le aggrada, e che simerà più opportuno per la sua Causa. Mi dispiace solo, che per essere tutto l' esame regolato sulla traccia medesima della Scrittura del Signor Rondelli, non mi è riuscito di poterlo disendere con miglior ordine:

ma sono stato obbligato a seguire il filo del discorso di lui, passando da un pensiero ad un altro, secondo che mi veniva suggerito dalla serie medesima di essa Scrittura, senza speranza, che le altre mie continue applicazioni tanto d'ozio mi permettessero, da poter ridurre queste nostre osservazioni a miglior metodo. Per la qual cosa mi lusingo di poter essere in questa parte riputato degno di compatimento da chiunque leggerà queste carte, se vedrammi talvolta andare vagando, e saltare d'una in un'altra materia, per tener dietro alle pedate del nostro Autore; e molto più mi confido, che dalla singolar gentilezza di V. S. Illustriss. non solamente sia per essere scusato di non averla, e più presto, e meglio servita; ma che in oltre sia per riportarne un benigno gradimento di questa mia, qualunque ella sia, debole fatica, indirizzata a promuovere il pubblico bene, perchè diretta a pro della sua Causa, tanto connessa coll' utilità, e beneficio comune, oltre il privato interesse, ch' ella può avervi; con che pieno d'ossequio umilmente la riverisco, e mi confermo a' suoi cenni, qual d'essere sempre mi protesto, e mi pregio.

Di V. S. Illustriss.

Pisa pr. Febbraio 1714. ab Inc.

Devotiss. Obligatiss. Serv.
D. Guido Grandi.



Esame della Scrittura del Sig. Rondelli.

I. **L**A maggior parte de' punti, sopra de' quali si fonda la Scrittura del Sig. Rondelli, erano stati già preventivamente da me confutati, o nelle *Rislessioni* stampate in Pisa avanti l'accesso, o nelle *Nuove Considerazioni* stampate poscia in Firenze: nelle quali assai più accertatamente viene ancora determinato lo stato della controversia presente, di quello si rappresenti sul bel principio di essa Scrittura contraria. Imperocchè per primo capo principale suppone l'Autore pag. 1. lin. 8. che si cerchi. *Se i muri osservati nel letto del fiume Era siano stati edificio d'un mulino*; il quale punto da nessuno è stato conteso, e non occorreva, che si affaticasse il Signor Rondelli di provarlo nel §. 2. 3. e 4.; non importando nè meno alla causa del Sig. Marchese R., se i detti muri fossero edificio di mulino, o d'altro: ma bensì, se siano fondamenti scoperti dal fiume profondito, come fu preteso per parte del Signor Marchese N., o se siano mura superiori, ed alte da' fondamenti, come fu risposto, e provato da noi, e può vedersi nelle mie *Nuove Considerazioni* dimostrato a num. 6. 7. 8. 9. e 10: Di più per secondo capo principale annovera l'Autore lin. 22. il seguente: *Se sempre in ogni tempo, dopo che il fiume Era scorre regolarmente incassato per la campagna, il fondo del detto fiume si sia inalzato, o pure se in alcuni tempi, secondo che portavano le varie circostanze accidentali si sia alzato, ed in altri tempi abbassato*: quando per corroborate l'intenzione del Signor Marchese R., non occorre cercare delle vicende occorse all'Era ne' tempi più remoti, ma basta solamente, che da tempo immemorabile, e dopo che sono in essere gli effetti di Ripabassa, non costi dell'abbassamento preteso, ma piuttosto vi sieno manifeste riprove dell'alzamento, come si cava da ciò che ho detto nelle *Nuove considerazioni* citate a num. 7. 8. 12. 13. 14. e 16.

II. Dove il nostro Autore alla pagina 2. lin. 2. dice, che sopra del ciglio, o sia cresta di quella pescaia [supposta al vecchio mulino di Camugliano] indispensabilmente dalla parte superiore doveva essere regolato il fondo dell'Era per quella sola lunghezza, per la quale l'altezza della pescaia può ritardare il corso naturale dell'acqua di questo fiume: si leggano le mie *Rislessioni* num. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. e 14. e si vedrà, che la ragione dimostra, e l'autorità de' più celebri Autori, che abbiano esaminato queste materie, conclude, che l'altezza delle chiuse attraversate ne' fiumi, li obbliga ad alzare il fondo per tutta la lunghezza, interposta fra la cresta, o sommità di esse chiuse, e l'origine medesima del fiume, ovvero fra detta cresta, ed altro prossimo

superiore sostegno: al che in fatti corrisponde la pratica, e si può tutto giorno osservare in quante traverse s'incontrano erette ne' fiumi, sopra le quali non si troverà mai, che l'alzamento del fondo cagionato da esse, termini appunto alla linea orizzontale tirata per la cresta di dette chiuse: sicchè faccia un angolo sensibile coll'antica pendenza dell'alveo del fiume, come pare che voglia intendere il Sig. Rondelli, supposto che per quella sola lunghezza, per la quale l'altezza della pescaia può ritardare il corso naturale dell'acqua, abbia voluto significare quel tratto solo, per cui l'opposizione della pescaia immediatamente impedisce di discendere al basso le materie, e fa ristagnare l'acqua medesima al livello dell'orlo supremo del sostegno. Che se poi per la suddetta determinata lunghezza intendesse l'Autore tutto il tratto, a cui si stende il ritardamento fatto, non solamente immediatamente, ma ancora mediatamente dalla pescaia: stendendosi questo fino all'origine del fiume, o fino ad altro sostegno superiore, da cui discenda; nè potendo ragionevolmente assegnarsi ad esso verun altro limite più alto, o più basso, converrebbe egli in sostanza col nostro sentimento, benchè nell'eterno suono delle parole apparisca di mantenere contrario, o diverso parere.

III. Nella stessa pag. 2. lin. 7. asserisce l'Autore, che la pescaia del sud-detto mulino di Camugliano fu l'unica, e necessaria cagione, che si alzasse il fondo superiore dell'Era. Il che non può sostenersi per vero, essendo che molte altre sono le cagioni del riempimento de' fiumi, come appresso vedremo: e lo stesso nostro Autore, contraddicendosi tra poche righe, ne assegna lin. 14. due altre cagioni. E ciò si fa manifesto dall'osservarsi, che ancora dopo l'ultima pescaia, avanti di sboccare nel mare, o in altri fiumi recipienti, ordinariamente i fiumi si vanno tutto giorno alzando di fondo; onde l'unica necessaria cagione di detto alzamento non è l'opposizione delle pescaie, sebbene questa è una delle più principali, e che opera più dell'altre; perchè coll'impedire l'uniforme consueto trasporto delle materie, fa sì, che in vece di deporsi queste equabilmente, ripartendosi per tutto l'alveo del fiume, si ammassino, e si raccolgano a fare un più notabile alzamento nelle parti superiori all'orlo della pescaia.

IV. Ivi poi lin. 8. suppone il nostro Autore, che rovinasse la detta pescaia, e pag. 4. lin. 43. supposti molti edifizj nel tempo antico alzati attraverso all'Era, li asserisce per qualche mondano accidente rovinati, e pag. 5. lin. 17. assicura, che le piene spiantano fino da fondamenti le pescaie; ma già nelle mie Nuove Considerazioni n. 16 ho provato essere impossibile, o almeno inverisimile, che la supposta pescaia, o altre se vi fossero, potesse rovinare nella maniera ideata dal Sig. Rondelli. Perchè le pescaie, dopo d'aver preso piede, e d'aver fatto per lungo tempo il suo uffizio dentro d'un fiume, che si vada riempiendo, conforme è l'Era, debbono rimanere, in gran parte almeno della sua altezza, sepolte fra due terrapieni, superiore, ed inferiore, onde le massime piene vi corrono bensì sopra con gran corpo d'acqua, ma non possono già urtarle in sì gran parte dell'altezza loro, che le sbarbino da' fondamenti: e sarà assai, se potranno decimarne la cresta, parlando sempre di pescaie già antiche, e ben stabilite, e che necessariamente saranno state alla prova delle prime piene, che vennero dopo l'edificazione di esse.

V. Ma quando ancora fosse possibile, che per l'impeto delle piene si atterrassero dal fondamento le vecchie pescaie toccherebbe alla Parte il provare, che piuttosto in questa maniera succedesse il desolamento del mulino di Camugliano, come suppone senza verun riscontro il nostro Autore,

re, che in altre delle maniere possibili, e molto più verisimili, quale è quella dell' essere rimasto detto mulino sorrenato, e sepolto dal continuo alzamento del fiume, come coll' esempio del mulino del Bianconi nel Roglio, e della disposizione, in cui si trova quello di Ripabianca di S. A. R. nell'Era, è stato da me provato nelle *Nuove Considerazioni*, specialmente a n. 11.

12. e 14.

VI. Quanto alle due cagioni dell' alzamento de' fiumi, che ad esclusione d' ogni altra assegna il Sig. Rondelli nella medesima pag. 2. lin. 14. colle seguenti parole: *Essendo certissimo appresso di tutti li migliori Pratici, che l' alzamento naturale del fondo de' fiumi dipende da due sole cagioni, che sono l' allungamento della loro linea, e l' alzamento del fondo del recipiente: si può avvertire, che tanto è lungi dal potersi attribuire il continuo alzamento del fondo de' fiumi a queste due sole ragioni, che piuttosto queste stesse sono effetti d' un' altra più principale; e senza di cui queste nulla opererebbero. Questa è la gran copia delle materie, che seco portano i fiumi, massimamente dopo che l' umana industria, volendo da ogni zolla di terra cavare alcun frutto, si è posta a dirompere, e sconvolgere i terreni ancora più montuosi, per coltivarli: rendendoli così più disposti ad essere portati via dall' acque, che sopra vi corrono, e quindi scolano ne' torrenti, e ne' fiumi, i quali perciò molto più del consueto si ritrovano torbidi, e seco portano quei pezzi di fango di già staccati, e mossi, che incontrano per istrada; nè potendo sempre spingerli avanti, mercè gl' impedimenti, e resistenze, che s' attraversano al loro corso, e ne raffrenano il vigore dell' impero, sono obbligati di tanto in tanto a deporli, dove i più grossi, dove i più minuti, ed altrove schietti, altrove colla terra, e coll' arena mescolati: onde viene il fondo di essi fiumi continuamente innalzato. Di più tra le cagioni dell' alzamento de' fiumi, ha molto che fare la disposizione medesima del Letto, ch' essendo in qualche luogo più largo, obbliga l' acqua a disperdersi in quelle ampiezze, e rallentare la velocità in proporzione reciproca delle lezioni, oltre di che, per la maggior larghezza, abbassandosi di livello il fiume, varadando il fondo col pelo dell' acqua, e nell' asprezze di esso più facilmente depone le materie, che porta seco: ma come ho detto, la principal cagione è sempre la copia della terra, e de' sassi, che l' acqua de' fiumi conduce, imperocchè mancando questa, ed essendo l' acqua del tutto schietta, limpida, e chiara, sarebbe impossibile, che per qualsivoglia altra cagione, o dell' allungamento della linea dell' influente, o dell' alzamento del recipiente, o dell' ampiezza della sezione, o del retardamento della velocità, o della disuguaglianza del fondo, o dell' alzamento de' ritegni, potesse colle proprie deposizioni alzare il suo fondo: non potendo deporre certamente ciò, che non ha in se attualmente mescolato.*

VII. Nella stessa pag. 2. lin. 18. asserisce il nostro Autore, *che unicamente a misura di quel piccolo alzamento, che può essersi fatto nel fondo dell' Arno, si possa essere naturalmente alzato il fondo dell' Era.* Al che si può replicare, che dato, e non concesso l' alzamento dell' Era unicamente a misura dell' alzamento d' Arno, senza dipendenza dall' altre più immediate cagioni, non è altrimenti tanto piccolo, quanto egli suppone, l' alzamento dell' Arno; mentre consta il contrario dalla esperienza, la quale ci dimostra le campagne fuori dell' argine, dove cinque, dove sei braccia più basse di quelle che sono dentro l' argine, come si vede al Pisanello, ed alle Bocchette, e basta sopra di ciò leggere quanto dice il Sig. Vincenzio Viviani nel suo *Discorso delle corrosioni de' fiumi* pag. 5 6. 7. 8. dove dimostra essersi in pochi

anni rialzato il letto d' Arno parecchi braccia, a tal segno che (per tacere degli altri riscontri da lui riferiti) le camere terrene già abitabili di lung' Arno, sono diventate cantine; il che prova un alzamento di 7. in 8. braccia, quale appunto era sufficiente a sorrenare la pescaia, di cui si tratta; se proporzionatamente vorrà supporfi steso nel fiume Era. Della quale congettura però non abbiamo bisogno, avendo l' evidenza immediata di maggiore alzamento, per le misure che già in varj tempi sono state prese, molto annuanti che nascesse questa controversia, dal Sig. Capitano Santini sotto al ponte d' Era, da me riferite nelle *Nuove Considerazioni* n. 16. dalle quali risulta, che dall' anno 1677. in quà, cioè in soli 37. anni, sotto l' arco, dove è perpetua la corrente, si è alzato il fondo di braccia 5. e mezzo, e sotto l' altr' arco, dove arrivano a scorrere solamente l' acque più grosse, l' alzamento si trova di braccia 10. non ostante che sotto a' ponti restringendosi l' acqua, dovrebbe piuttosto avere maggiormente scavato l' alveo, per l' accresciuta velocità.

VIII. Passando alla *linea 34. della stessa pag. 2.* Non posso se non ammirare la franchezza, con cui attesta il Sig. Rondelli, che nelle reliquie di quelle muraglie mostrateci dalla Parte, le quali si scoprivano nell' acqua bassa dell' Era, presso al confine di Camugliano, *l' oculare ispezione ha fatto vedere tale grossezza di muri, che pare essere propria de' muri fondamentali.* Il che quanto sia vero, me ne rimetto a ciò, che dice il Signor T. nella sua *Relazione* pag. 8. ed a quanto da me è stato dimostrato nelle *Nuove Considerazioni* num. 6. dove appunto si è considerata la poca grossezza delle mura sudette per argomento efficace, del non poter quelle essere parti fondamentali dell' edificio: oltre gli altri efficaci motivi addotti a num. seg. cioè a 7. 8. 9. e 10. in comprovazione della medesima verità. A' quali ora si potrebbe aggiungere, che lo stesso mantenersi, che fanno in mezzo all' acque d' un fiume così formidabile, queste muraglie fatte di pochi mattoni disposti a filo, a ben rifletterci, è manifesto indizio dell' aver esse i fondamenti assai profondi, e dell' essere per una parte notabile dell' altezza loro, sotterrate dal terreno alzatosi d' intorno; altrimenti non avrebbero potuto sussistere per lo spazio di 284. anni almeno, che si suppone fosse in essere quel mulino, e massimamente in un fiume, che secondo il sistema degli Aversa j v' à sempre scalzando il terreno, e vie più profundandosi, ma si farebbero alla prima piena rovesciate; e però non si può dire, che siano esse le prime pietre fondamentali dell' edificio, di cui si discorre.

IX. Nè giova il dire, come fa il nostro Autore *ivi* lin. 36. che le misure delle grossezze di detti muri quasi si uniformano a quelle osservate ne' muri fondamentali del mulino del Sig. Bianconi. Perchè primieramente nel mulino medesimo del Sig. Bianconi, di cui ho detto, quanto occorreva nelle *Nuove Considerazioni* num. 11. e seg. non si poterono vedere se non le parti superiori delle mura, essendo sotterrata buona parte della fabbrica, a cui si scendeva per parecchi scalini, e si ebbe poi a cavare di molta terra per di dentro, prima di scuoprire e lo stile, e la cucchiara, onde molto più bassi restavano i fondamenti, di quel che sarebbe bisognato, per poterli misurare: quando nè meno si potea prendere la misura delle grossezze, che avevano le muraglie di detto edificio nel luogo corrispondente a' ritrecini, perchè, collo scavamento della terra, si scoprì solo la superficie interna di esse, rimanendo coperta, ed inaccessibile l' esterna superficie delle medesime; onde non era possibile il misurare, quanta fosse la distanza dell' una dall' altra superficie nelle parti inferiori d' esse muraglie, ancora ad un gran pezzo lontano da' suoi fondamenti. Che però se le misure osservate

ne'

ne' muri del mulino del Sig. Bianconi, *quasi si uniformavano* (per quanto dice il Sig. Rondelli) a quelle prese nelle mura del mulino torrenato di Camugliano, converrà piuttosto concludere, che queste non erano fondamentali, siccome certamente non erano fondamenti quelli, che si mostraron, e che si poterono misurare dal Sig. Rondelli nel mulino del Sig. Bianconi.

X. In secondo luogo si dee riflettere, che vi è un gran divario tra il fondamento d'un mulino fatto in terra, ed in un luogo asciutto, fuori del fiume, come era questo del Sig. Bianconi, a cui si tramandava l'acqua per gora, ed il fondamento del mulino di Camugliano, piantato nell'Era, ed esposto alla corrente del fiume, come di sopra ha confessato il medesimo Sig. Rondelli pag. 1. lin. 26 che il sito di esso *apertamente si vede sempre in ogni tempo essere stato letto naturale del fiume Era*, argomentando appunto da questa circostanza, non poter essere quelle mura reliquie d'altro edificio, che di mulino. Per tanto, quando ancora trovate si fossero le grossezze dell'una, e dell'altra fabbrica del tutto confimili, non si proverebbe l'intento della Parte avversa, perchè altra grossezza richiedevano le mura fondamentali del mulino dell'Era, che quelle del mulino del Roglio, atteso il diverso sito, e struttura dell'uno, e dell'altro.

XI. Ciò che aggiunge il Sig. Rondelli *nella medesima pag. 2. lin. 48. Che la stessa situazione, e disposizione della predetti muri, dà manifestamente a dividere, non essere disposizione per i servizi de' piani superiori del mulino*, avrebbe necessità di qualche prova più speciale, altrimenti egual fede meriterà chi lo nega, che chi tanto animosamente l'asserisce. Nè è così facile in un rimasuglio di fabbrica, in cui molte parti mancano, molte sono tronche, ed imperfette, il riconoscere, se tra quello che vi apparisce, e quello che non vi è più, vi sia la simetria a proposito per l'uso de' piani superiori d'una casa, o per i sotterranei di essa. Anzi ho detto male è facilissimo l'adattarci l'idea di qualsivoglia disegno a piacere supplendo opportunamente le parti, che mancano secondo il bisogno.

XII. Il pretendere di eludere l'argomento, con cui si mostrò da' nostri, non essere muri controversi fondamentali, perchè non vi si trovarono le riseghe, col replicare, come fa ivi pag. 2. lin. 45. il Sig. Rondelli, *che le riseghe ne' muri delle fabbriche sono arbitrarie* aggiungendo lin. 48. che di più *le dette riseghe ne meno sono state osservate nelli muri fondamentali del mulino del Sig. Bianconi*, potrebbe veramente riuscire appresso a chi avesse poca perizia di questi affari, e non fusse punto informato di ciò, che fu fatto osservare nell'oculare ispezione del luogo; ma non potrà già, per mio credere, appagare la peripicacia de' Sig. Giudici deputati in questa Causa, e che furono presenti all'accesso dell'una, e dell'altra fabbrica. Imperciocchè primieramente le riseghe sono giudicate necessarissime ancora alle fabbriche di sito asciutto, e come tali prescrivonsi da tutti gli Architetti antichi, e moderni; onde molto più si richiedevano all'edificio d'un mulino, quale è quello, di cui si tratta, eretto in un fiume di fondo instabile, come è l'Era. In secondo luogo, non tanto si è argomentato, l'essere quelle mura alte da' fondamenti, per non avere semplicemente risega, quanto per l'essere a dirittura continuare alio in giù per lungo tratto, come si provò coll'asta di ferro, tentando lungo di esse, senza mai trovare nè risega, nè altro intoppo stabile, sopra di cui si potesse presumere piantato quell'edificio, come dissi nelle *Nuove Considerazioni* n. 8.

XIII. In terzo luogo; altro è il dire: non si trova la risega: dunque (mancando ancora ogni altro indizio di ciò) non v'è argomento, che pro-

provi quelle mura essere i fondamenti supposti dalla Parte avversa : ed altro sarebbe l'arguire positivamente, che quelle non sieno mura fondamentali, perchè non v'è la risega. Contro quest'ultimo al più potrebbe valere l'eccezione del Sig. Rondelli, quando altronde fusse sussistente ; ma contro il primo (che è appunto il nostro argomento) non può quella aver forza veruna : perchè toccando alla Parte avversa il provare , che quelle mura sieno fondamentali ; mancandole questo indizio della risega, che ha pure qualche connessione (almeno arbitraria, e di presunzione, se non di totale necessità) con ciò, che s'intendeva dimostrare, le farà di mestieri il ricorrere ad altre circostanze, abili a comprovare l'intento : faccia conto adunque il Sig. Rondelli, che dal canto nostro non si provi, per via della mancanza delle riseghe, quei muri non essere fondamentali : nè meno egli proverà in eterno, che sieno tali, giacchè non ne ha, nè l'indizio delle riseghe, nè verun altro.

XIV. In quarto luogo, circa l'esempio del mulino de' Sig. Bianconi, già si nega il supposto, come di sopra si è detto n. 9. che le mura vedute in esso dal Signor Rondelli, e visitate da' Signori Giudici, fossero i fondamenti di quell'edifizio ; aggiungo però in oltre, che nè meno si verifica la sua asserzione, del non essersi osservato in quelle mura del mulino de' Sig. Bianconi verun indizio di risega, imperocchè, scoperta che fu la buchetta, si osservò, che sotto vi era benissimo una risega appunto di due terzi di braccio, e si può con ragione supporre, che questa ricorresse d'intorno da per tutto, anzi si può ancora conietturare, che al di sotto ve ne fosse un'altra forse più ampia.

XV. Assicura poscia il Sig. Rondelli pag. 2. lin. 9. che le ghiaie ritrovate sopra le ripe basse, *assolutamente non possano essere state depositate dall'acque dell'Era in quell'altezza* ; ma se non vi sono piovute dal Cielo, o createvi dal principio del Mondo, o condottavi apposta dagli uomini, egli è ben necessario, che dall'acqua del fiume, il quale spesse volte inonda le dette ripe, vi si deponessero in qualche maniera : ed esservene molte possibili, ed assai verisimili, si è dimostrato da me nelle *Nuove Considerazioni num. 18. 21. 22. 23. e 24.* Onde si confuta ancora ciò, che soggiunge il nostro Autore ivi lin. 30. dicendo : *resta impercettibile, che anche nelle piene massime straordinarie, le dette ghiaie possano essere state depositate dall'acqua in quell'altezza* ; mercecchè le dottrine, e gli esempi da me addotti ne' luoghi citati, rendono ciò facilissimo a concepirsi.

XVI. Anzi ora aggiungo, d'aver fatto ivi al n. 12. il calcolo troppo vantaggioso per gli Avversari, supponendo, che la densità della ghiaia alla densità dell'acqua stesse in circa, come 8. a 3. ; il che si verifica rispettivamente all'acqua chiara, in cui esaminai il peso d'esse ghiaie, per rinvenirne la proporzione della gravità specifica ; ma è da osservarsi, che l'acqua delle piene è un miscuglio d'acque, di terra, d'arena, e di fassi : nè può dubitarsi, che ciò molto non accresca il suo peso specifico, in maniera tale, che se l'acqua pura stava alla ghiaia in ragione di densità, come 3. ad 8. l'acqua torbida, e mescolata di fassi, dovrà stare a un dipresso alla medesima ghiaia, quanto alla densità, come 5. ad 8., dal che ne seguirà, secondo la regola del Newton, da me rapportata nel luogo citato, che la ghiaia cadendo solamente da un'altezza eguale a due, con due quindicesimi del suo diametro : cioè quando ancora fosse grossa 25. danari cadendo dall'altezza di 32. danari (che sono due quindicesimi d'un braccio) si acquisterebbe la maggior velocità, che aver potesse dentro l'acqua torbida in tempo di piene ; sicchè ancora nella ghiaia più

più grossa vale il calcolo da me fatto nel luogo citato circa la più minuta di diametro solamente di 9 danari. Veggasi in oltre quello, che più distintamente, e particolarmente, confrontando la disposizione de' luoghi, ne' quali si sono ritrovate le ghiaie, ha scritto con molta copia di dottrina, e di facondia sopra di ciò il Signor T. nella sua Relazione intitolata *Ragioni &c. dalla pag. 13. fin alla 16.* E spero che non sarà più stimato impossibile, nè riuscirà impercettibile allo stesso Signor Rondelli, che possano dalle piene portarsi le ghiaie sulle ripe, e rotolarsi pe' campi da esse inondati.

XVII. Nel determinare poi che fa il nostro Autore l'altezza di varj siti, ne' quali furono ritrovate le ghiaie, si dilunga non poco dalla verità del fatto, dovendo le misure da esso accennate ridursi come appresso. Ove dice *lin. 14. della stessa pag. 3.* che le ghiaie nella penisola delle fornace furono osservate sopra del fondo presente dell'Era in altezza di braccia 11. e soldi 10. si dee correggere braccia 7. 18. 1. secondo il concordato delle parti, prodotto in atti il dì 4. Settembre. Ove assicura *lin. 18.* che le ghiaie della penisola de' SS. Quarantotti fussero alte dal medesimo fondo d'Era braccia 9. 13. fa di mestieri emendare, secondo il detto concordato braccia 6. 12. 10. Ove attesta *lin. 23.* delle ghiaie vedute al piaggione, che fussero in altezza di braccia 9. 15. 8. la misura è veramente, contro il consueto, piuttosto scarsa, che abbondante, dovendosi da noi confessare, a tenore del detto concordato, che fussero anzi in altezza di braccia 10. 3. 8. E conseguentemente dove *lin. 25.* riflette, *esservi poco divario nelle loro altezze mentre le più alte sono di braccia 11. e 10., e le più basse 9. 13.* si dee osservare non essere tanto piccolo il divario suddetto, ma giugnere a braccia 3. 10. 10. quanto corre nelle più alte, che sono di braccia 10. 3. 8. alle più basse, che sono braccia 6. 12. 10.

XVIII. Suppone il nostro Autore nella stessa pag. 3. *lin. 36.* essere a tutti ben noto, che la piena del 1707. sopra le basse ripe non portò che semplice arena minuta, e belletta; della quale particolarità non v'essendo verun riscontro, che possa metterla in chiaro, se ne desidererebbero le prove più precise; altrimenti io potrò dire con egual ragione, che la detta piena vi portasse benissimo delle ghiaie, e che a tutti sia noto ciò, dall'averne di fatto sopra le ripe basse vedute molte di esse, parte scoperte, parte coperte di terra, molte delle quali possono esservi rimase ancora da 7. anni addietro (ed anche più facilmente, che da dugento anni avanti, o in quei secoli più remoti, ne' quali egli pretende che l'Era colassù camminasse, come in suo letto ordinario) ed in conseguenza si può ragionevolmente conietturare, che vi fussero portate appunto nella detta piena: siccome egli stesso due righe dopo, cioè *lin. 38.* confessa pure, esserne state depositate dalla piena medesima, in que' greti, che sono all'intorno della penisola della Fornace, delle ghiaie simili a quelle, che sono state osservate nella parte più alta della detta penisola; la qual similitudine può dar fondamento di credere, che dalla stessa piena, e queste, e quelle portate fossero, e depositate del pari nell'uno, e nell'altro luogo. Io però, a dir vero, non credo che sussista la supposta similitudine di queste, e di quelle ghiaie, avendo osservato, insieme con gli altri Penti, che servirono nell'acceso il Signor Marchese R., che le ghiaie de' greti erano, per la maggior parte, alquanto più grosse, e massicce, di quelle ritrovate sopra le ripe basse.

XIX. Concordando poi, che l'altezza di que' greti, ne' quali la piena del 1707. portò la ghiaia d'intorno alla penisola della Fornace, fusse di braccia 2. 13. 4. e supponendosi d'aver ben determinata di sopra l'altezza della ri-

la ripa di detta penisola di braccia 11. 10. conclude il nostro Autore *lin.* 44. che la detta ripa sopravvanzi l'altezza de' greti di braccia 8. 16. 8. onde inferisce non esser credibile, che potessero colà arrivare le ghiaie portate da detta piena ogni qual volta (dice *lin.* 45.) *il fondo dall' Era fosse stato di quella stessa altezza, che in oggi si ritrova* Ma siccome s'è veduto di sopra, che l'altezza della ripa nella penisola è solamente di braccia 7. 18. 1. e non di braccia 11. 10. così rimane a correggerli la differenza accennata dal Sig. Rondelli di braccia 8. 16. 8., con dire piuttosto, che la ripa resti superiore a que' greti di sole braccia 5. 4. 9. la quale altezza potersi superare dall' acqua della piena suddetta, dopo di avere già sopravanzati que' greti, non si renderà incredibile allo stesso Sig. Rondelli, se osserverà, che oltre i greti alti solamente braccia 2. 14. 4., si trova nel medesimo fiume un altro greto a piè del piaggione de' Colombini, superiore al pelo dell'acqua bassa braccia 5. 14. 8., e più alto dal livello del fondo ordinario braccia 6. 10. 4. imperocchè ivi dal Perito Buonenuove fu concordato colle parti, che la ghiaia in detto greto restava inferiore al punto I. nelle pianta, solamente braccia 3. e due terzi, essendo l'altezza concordata di tutta la ripa dal fondo del fiume, come di sopra si è detto, braccia 10. 3. 8. E però siccome è incontrovertibile, che la piena suddetta del 1707., o altra posteriore, depenesse la ghiaia sopra il detto greto alto dal fondo braccia 6. 10. 4. molto più sarà possibile, che avendo già superati que' greti di braccia 2. 13. 4., si facesse quindi scalino per ascendere, colla stessa ghiaia, la rimanente altezza di sole braccia 5. 4. 9 e venisse nella penisola della fornace a deporla; e che arrivasse a portarla nella penisola de' SS. Quarantotti, alta solo 2. soldi, e mezzo sopra l'altezza dell'accennato greto del piaggione, e che dal detto greto si avanzasse a trasfonderne qualche copia sulla ripa di esso, essendogli superiore di sole braccia 3. 13. 4.

XX. Non sò poi capire, come il nostro Autore *lin.* 47. per avvalorare la pretesa impossibilità del deporli le ghiaie per opera della piena sopra le suddette ripe, adduca una ragione, che appunto ne facilita la deposizione, in vece di renderla più difficile a credersi, com' egli s'era assunto, e lusingato di poterci provare: tanto più, dice egli, *che queste ghiaie alte si vedono depositate in sito assai largo, sopra del quale l'acqua aveva campo di dilatarsi*. Al che si replica, che appunto per questo n'è avvenuta la deposizione, perchè dilatandosi l'acqua, si ritarda la velocità della piena, onde lascia cadere abbasso i corpi più gravi della propria specie, come sono le ghiaie, non potendole più sorreggere: laddove ne' luoghi ristretti, per l'augumento della velocità, le trasporta più oltre. *Che se le ghiaie basse* (come soggiunge *lin.* ult.) *per lo contrario si trovano in siti assai ristretti*, egli ne dovrebbe piuttosto arguire, che non sieno state ivi depositate nel maggior colmo, e vigore della piena: imperocchè questa durante, come ben dice il Sig. Viviani nel *Disc. delle Corrosioni de' fiumi* pag. 3. degli stessi gran rialti, greti, e ridossi posti per entro il fiume, *se ne fa un grandissimo sfratto, e talvolta un sovvertimento, e trambusto generale, con mutazione de' luoghi da più prossimi, a' più remoti, da' destri a' sinistri, dalle superficie alle profondità &c.* Onde molto più verisimile si è, che le ghiaie rimase in isola sopra la sommità de' suddetti greti, vi rimanessero impegnate al calare della piena, quando l'acqua abbassandosi, e rallentando il suo moto, non avea più forza di spingersele avanti.

XXI. Nè vi sia chi opponga, che a questo modo nelle piene rimarrebbe spazzato il letto del fiume, e si dovrebbero radunare le ghiaie verso lo sbocco; il che è contro la sperienza, la quale dimostra, che in tutti i fu-

mi vi è un termine limitato al corpo delle ghiaie, oltre al quale si trova, che il fiume non conduce più seco, se non la semplice rena. Imperocchè a ciò si risponde benissimo colla Dottrina del Sig. Guglielmini *nel Tratt. della natura de' fiumi cap. 5. pag. 110.* che a lungo andare la ghiaia s'itritolandosi nel continuo vicendevole soffregamento dell' uno coll' altro pezzetto, si logora, si ripulisce si arruota, e di mano in mano diventa minore, finattanto che finalmente si risolve in puri granellini minuti d'arena; e ciò appunto in capo ad un termine limitato di tempo, e di spazio trascorso, come può vederfi dottamente spiegato appresso al citato Autore.

XXII. Fermato ben questo punto, passo all' esame della bellissima *regola di proporzione*, posta dal Sig. Rondelli *pag. 3. lin. 5. e segu.* per convincere la pretesa impossibilità del trasporto delle ghiaie sopra le ripe dell' Era, facendo egli vedere con certo suo calcolo, molto veramente strano, ed inaspettato, che a quest' effetto sarebbe stata necessaria una piena di circa 45. braccia d' altezza col supposto che quella del 1707. già fusse di braccia 11. 19., e le ripe siano alte braccia 11. 10., ed i greti braccia 2. 13. 4. *sem. pre a riguardo del fondo*, come dice *lin. 3. e 4.* E sebbene già s'è veduto di sopra, esservi ancora de' greti alti dal fondo braccia 6. 10. 4., e che l' altezza delle ripe nel luogo di cui discorre, è solamente di braccia 10. 3. 8. nè si ammette in conto veruno, che la piena del 1707. fusse di sole braccia 11. 19. perchè al piovolo di mezzana altezza fu concordato, che si alzò braccia 14., il che confronta col segno della Croce posta nella fornace del Signor Marchese N. Tuttavolta, dissimulando per ora tutto ciò, lascierò correre senza interrompimento tutto il discorso del nostro Autore, il quale, come bravo Aritmetico si serve a questo proposito della regola del tre, dicendo *lin. 8.* in questo modo. *Se le ghiaie de' greti sono state portate all' altezza di braccia 2. 13. 4. con un' altezza d' acqua di braccia 11. 19. portando le dette ghiaie all' altezza di braccia 11. 10. sarà necessaria l' altezza di un corpo d' acqua di circa braccia 45., e poteva anche concludere più di braccia 51. e mezzo se avesse voluto stringerci meglio i panni addosso; con fare più esatto calcolo, determinando assai più precisamente il quarto proporzionale, che da' tre dati numeri voleva far risultare.*

XXIII. Anzi colla medesima regola egli avrebbe potuto provare, che nè l' Era, nè altro fiume, inondando le ripe, vi potesse portare nè bellotta, nè rena, non che le ghiaie; imperocchè si troverà facilmente, che una piena, per esempio di 10. braccia, averà lasciato in qualche luogo del fondo, sopra di un fasso alto un soldo, o un quattrino solamente, della rena, e della bellotta; dunque secondo la proporzionalità che adopera nel nostro caso il Sig. Rondelli, vi vorrà una piena di 2300. braccia, e forse ancora 6900., per depositare la rena, e la bellotta sopra una ripa alta braccia 11. 10. che sono 230. soldi, ovvero 690. quattrini, essendo proporzionali questi termini 1. soldo ovvero un quattrino a 230. soldi, ovvero 690. quattrini, come 10. braccia a 2300., ovvero 6900. braccia.

XXIV. Che se il Sig. Idrometra mi replicasse, che il conto qui non torna, perchè non è necessario, che le altezze de' fassi, ne' quali si depone la bellotta, o la rena, sieno proporzionali all' altezze delle piene, che ve la portano: o pure rispondesse, che benchè una piena di 10. braccia depositasse rena, o bellotta nel letto del fiume, non ve la depositò, quando era tant' alta, ma quando nel calare della sua forza, si ridusse a minore altezza: o finalmente ci avvertisse non essere talmente necessaria la detta altezza di piena per depositare la bellotta sopra de' fassi esistenti nel fondo del fiume, che non potesse ivi depositi ancora da qualunque torba minore: fac-
cia

cia conto, che le stesse risposte dar si possono ancora al suo calcolo, il quale è il medesimo a capello col mio, essendovi il solo divario materiale da ghiaia a rena, e bell'etra; il quale divario non altera la forza, e però nè meno può scemare la forza dell'argomento, se fusse per se medesimo concludente.

XXV. Dovea dunque prima il Sig. Rondelli provare, che i termini, a' quali applicar voleva le regola del tre fossero proporzionali, se pretendeva, che sussistesse il suo discorso, di cui si riconosce subito la fallacia, con osservare, che sebbene una piena di braccia 11. averà portata della ghiaia sopra un greto alto solamente due braccia, *primieramente* non si prova, che a questo effetto vi fusse talmente necessaria tutta quella determinata altezza di piena, che ancora non bastasse una molto minore, per esempio di 4., o al più di 5. braccia, ed è certo, che le cagioni non sono proporzionali a' loro effetti, se non quando corrispondono ad essi precisamente, senza veruna soprabbondanza: così, se un cavallo porta alle volte un fastello di 10. libbre di peso, non ne segue, che per portarne 50. libbre vi abbisognano 5. cavalli.

XXVI. *In secondo luogo*, come si è avvertito di sopra, è impossibile, che una piena di 11. braccia depositasse le ghiaie sopra i greti esistenti nel mezzo del letto del fiume, e non seguitasse a trasportarle altrove, prescindendo dagl' impedimenti accidentarj di buche, e di rifalti ben affodati, tra' quali le dette ghiaie rimanessero impegnate, onde è da crederci, che ve le lasciasse solamente nel calare del suo vigore, ed in conseguenza, quando era già abbassata, e ridotta dallo stato di 11. braccia alla mediocre altezza di 4. in 5. braccia: la quale altezza ancora non concorre con tutta se stessa a questo effetto, ma solo, ed al più, con quelle due, o tre braccia, che rimangono superiori al luogo della deposizione sia questo più alto, o più basso: perchè l' acqua, che resta di sotto alla sommità de' greti, o delle ripe, scorrendo nel fondo basso del fiume, non può certamente cooperare immediatamente al deporsi delle ghiaie ne' siti più alti, a' quali essa non giunge; e però quì non ha luogo la proporzione dell' altezze delle piene misurate dal fondo del fiume; coll' altezza de' luoghi ne' quali sono rimase le suddette ghiaie al calar della piena.

XXVII. *In terzo luogo*, non cammina la pretesa analogia, perchè la forza delle piene, in quanto concorre al trasporto delle ghiaie, non dipende dall' altezza sola, ma dalla mole dell' acqua moltiplicata per la sua velocità; ed in quanto serve alla deposizione delle medesime ghiaie, e d' altre materie mescolate nell' acqua, dipende al contrario dalla minore, altezza, dal pochissimo corpo d' acqua, dalla ritardata velocità, e da varj altri impedimenti, che s' attraversano al corso dell' acque, obbligandole a non spingere più oltre quelle pesanti materie, che seco rapivano, e col suo moto sempre più andavano incalzando; dal complicazione delle quali cagioni è molto lontana regularsi con quella semplice proporzionalità, che suppone il Sig. Rondelli, e che vorrebbe sulla semplice sua parola, gli fusse creduta.

XXVIII. *In quarto luogo*, finalmente, siccome al trasporto delle ghiaie contribuiscono varj ripercuotimenti, e vi concorrono le attività delle piagge, per le quali vanno ruzzolando all' insù: così possono darsi tali disposizioni, per cui la stessa forza d' una medesima piena, la quale per un certo greto rotolando la ghiaia, l' abbia trasportata in un dato tempo, per esempio d' un minuto secondo, all' altezza di due braccia: possa in altrettanto tempo sollevarla altre 2. braccia per lo stesso continuato declive, o per qualunque altro poco diverso; e così seguitando, potrà ancora all' altezza di

za di 12. braccia condurla, purchè duri 6. minuti secondi a starvi applicata; onde è chiarissimo, che siccome dal richiederfi la forza d' un uomo gagliardo per alzare 100. libbre di peso sopra uno scalino alto un palmo da terra, non si può dedurre, che per portarlo in cima alla casa, per una o più scale di 50. gradini, vi voglia la forza di 10 uomini ugualmente gagliardi, ma basta questo solo, purchè seguiti il viaggio in un tempo conveniente, e proporzionato a fare tutti i mentovati scalini; così quando ancora fusse vero, che una piena d' undici braccia si richiedesse per far salire la ghiaia sopra un greto di 2. braccia, non seguita, che per farla salire ad un'altezza cinque volte maggiore vi vogliano 55. braccia di piena, ma basterà la medesima; purchè operi similmente in un tempo cinque volte maggiore, nè vi manchino le necessarie disposizioni nell' acclività delle piagge, per potervela condurre, o almeno concorrino tali circostanze di urti, e ripercuotimenti gagliardi, che sieno favorevoli a quest' effetto.

XXIX. Nella stessa pag. 4. lin. 13. asserisce il nostro Autore, come cosa manifesta, ed indubitata, che tutta la campagna, tanto a destra, quanta a sinistra del fiume Era, sia parto dell' espansione del fiume, dicendo: *manifestamente si osserva, che la detta campagna fuor d' ogni dubbio, è stata ricoltata dalle torbide dell' Era*; nel che, per dirla schietta, parmi ch' e' giuochi ad indovinare, qual fusse lo stato di questi paesi ne' Secoli passati, de' quali non v' ha, nè può avervi memoria, quando il bisogno richiede d' illustrare lo stato presente. Chi può mai decidere, se la campagna, che rimane sopra l' alte ripe dell' Era, sia effetto del fiume, o fosse così fatta da Dio nella creazione de' monti, e disposizione delle valli, o rimanesse in questa positura dal calare dell' acque del diluvio, o risultasse dall' espansione del mare sopra di queste colline, come pare, che ce ne faccia fede la gran copia de' nicchi, che in esse si trovano; e confronta col continuo dilungamento del Mare, il supporre, che una volta tutto questo paese ingombrasse? Io non posso se non ammirare la franchezza di chi si vanta, in un' occhiata d' essersi totalmente assicurato di queste cose, che a mille difficoltà sono soggette, e che non si potranno giammai in chiaro abbastanza.

XXX. Che il terreno venga giù a scarpa lungo il fiume dell' Era, come osserva il nostro Autore in appresso, per avvalorare la sua coniegtura, non mi sembra particolarità da farne gran mistero. Tutti i fiumi, che hanno l' origine da' monti, e scendono giù per le valli, avranno la stessa disposizione: perchè l' acqua sempre tende al basso, ed altresì dolcemente appoco appoco scendono le declività de' paesi, che tra le colline, ed il mare si distendono; che poi ancora lateralmente in qualche luogo vi sia la pendenza delle ripe alte, dal fiume verso il poggio, io non voglio negarlo: ma dico bene, che questo accidente può dipendere da varie altre cagioni, e che per altro moltissimo tratto di paese pende manifestamente verso dell' Era, e non verso le colline; e tale specialmente è appunto la positura di Camugliano, come avranno benissimo osservato i Sig. Giudici, e può averlo provato il nostro Autore, che nel venire di là verso il fiume, sempre si scendeva; il che ancora viene dimostrato evidentemente dagli scogli, che di quà, e di là attraversano l' Era, non già mettendo focce in essa obliquamente, a seconda del corso del fiume, ma quasi ad angoli retti: la qual cosa impossibile sarebbe, se la campagna avesse quegli spalti da lui divisi, non potendo scolare da sito più basso in sito più alto. Sicchè segue tutto il contrario di ciò, che suppone, ed asserisce in questo luogo il Sig. Rondelli, insegnando, esser la campagna generalmente più alta appresso al fiume, di quello sia più discosto da esso, ed assicurando, essere questa

effect-

effetto dell' espansione dell' Era, in vigore di cui necessariamente *sul ciglio del fiume* (com' egli *alla linea 23.* soggiunge) *maggior si fa la deposizione, di quella facciassi ne' siti più lontani dal detto ciglio* ; la qual ragione quando fuisseta, prova tutto l' opposto di quello, che il nostro Idrometra si è ideato, ritrovandosi appunto lo sfondamento del paese con situazione per lo più contraria, la quale non poteva procedere dalla suddetta ragione.

XXXI. Quando poi *alla lin. 29.* egli assicura, essere il fiume Era talmente incassato in oggi fra le sue sponde, *che non solo non può fare espansione veruna sopra delle campagne, ma nè meno nelle piene massime straordinarie può arrivare all' altezza delle sue anche più basse ripe naturali* ; io non saprei, come conciliare il suo detto, ne co' fatti già concordati fra le parti ; nè coll' altezza delle piene stabilita dalla deposizione de' testimonj, ed abbracciata da lui medesimo *pag. 8. lin. ult.* cioè che la piena del 1707. fusse di braccia 11 10. 8. ; nè coll' altra misura assegnata da esso in questa stessa *pag. 4. lin. 3.* alla medesima piena, cioè di braccia 11. 19., le quali altezze non sono certamente minori di tutte anche le più basse ripe naturali, avendone egli stesso notate di quelle, che sono poco più di braccia 9., come costa da ciò, che ha scritto *pag. 3. lin. 18.* della penisola del Sig. Quarantotti, e *lin. 23.* delle ripe del piaggione de' Colombini; e molto meno saprei, come a ciò si accordasse quello che ha nella stessa *pag. 3. lin. 35.* della medesima piena dell' anno 1707., la quale (dic' egli) *come a tutti è ben noto, sopra dell' accennate ripe basse non portò che semplice arena minuta, e belletta* ; il che non poteva succedere se l' Era, come egli ci assicura nel luogo, che ora esaminiamo, *non meno nelle massime piene straordinarie può arrivare all' altezza delle sue anche più basse ripe naturali*, m' immagino però, ch' egli forse intenda per ripe basse naturali, le minori fra le ripe alte ; del quale suo concetto particolare dovea più espressamente dichiararsi, dando la ragione, perchè quelle, che ordinariamente da noi si chiamano ripe basse non sieno da stimarsi, e da averli per naturali, ma soprannaturali per avventura, o come altri pretese di voler dimostrarle, artificiali e fattizie ; quasi che vi fusse stata portata, ed alzata la terra per umana industria, e con opera manuale.

XXXII. Segue poscia l' Idrometra ad indovinare come stesse l' Era ne' tempi antichi, per compire tutta l' idea, che regola il sistema del supposto abbassamento del suo letto, figurandosi a *lin. 39.* che negli andati secoli sopra di questo fiume si ritrovassero più edificj, tutti colle loro pescheie, le quali mantenessero il fondo dell' Era in tale altezza, che l' acque del detto fiume nelle massime piene straordinarie si spandessero sopra delle vicine campagne [e queste vuole che fussero in que' tempi, almeno nella parte superiore, tutte incolte, e boschive, per isfuggire l' inconveniente, che le inondazioni del fiume non mandassero a male le ricolte] *li predetti edificj dipoi per qualche mondano accidente rovinati, l' acque dell' Era si sono trovate in istato di profundare il proprio letto, ed incassarsi dentro del terreno, in quella forma, che di presente si vede.* La quale idea, quando pur fusse adattata al bisogno di sostenere l' impegno della parte, si vede bene essere del tutto arbitraria, e non avere maggior fondamento, di quello potesse avere qualunque altro sistema totalmente diverso de' tanti, che possono a capriccio di chi che sia inventarsi, e studiatamente, conforme al proprio interesse, architettarsi.

XXXIII. Ma oltre a ciò vi è di più qualchè improprietà, in credere, che in un paese tutto boschivo ed incolto, e selvatico, quale si suppone in que' tempi essere stato questo, andassero gli uomini a fabbricare tanti edificj attraverso dell' Era, senza verun proposito, e con una spesa eccedente: mentre non v' essendo allora (a tenore del disegno fatto dal nostro Autore)

re) altre ripe naturali, se non le alte; e queste sopra il recinaio avendo una distanza di braccia 400., vi voleva un'immensa somma di danari, e di materiali ad alzare tante, e così lunghe pescaie, che attraversassero così gran larghezza. Ed inoltre, come altrove si è detto, è impossibile, che rovinassero affatto da se stesse, ed è inverisimile, che non vene fosse rimasto vestigio alcuno, come vi è restata qualche reliquia del mulino forrenato al confine di Camugliano, e dell'altro superiore de' Sigg. Pucci.

XXXIV. Avverte il nostro Autore pag. 5. *lin. 8* *efeg* Che quantunque da noi si fusse concludentemente provato, che il mulino del Roglio fusse contemporaneo al mulino preteso rovinato del Sig. Marchese N. *ciò punto non prova, che sopra del presente fondo dell' Era non possa essere risubbricata la pescaia per un nuovo mulino, ancorchè la detta pescaia fusse seppellita dall' alzamento del fondo di questo fiume, poichè in ciò resterebbe l'obbligo alla Parte di provare ancora, che la pescaia del mulino rovinato fusse stata di tutta quell' altezza, che poteva essere.* Al che si replica, bastare all' intento nostro, che dal mulino forrenato del Bianconi sopra il Roglio, si deduca immediatamente, e direttamente il riempimento, ed alzamento del Roglio medesimo, e quindi per infallibile connessione un simil rialzamento nell' Era. Dal che s'inferisce, non sussistere l'eccezione data alla prova del Sig. T. fondata ne' beni di ripa bassa (cioè che fossero questi parti del fiume, in tempo che scorrendo più alto di letto, vi arrivava colle sue piene; il quale effetto non debba più temersi, ora che il fiume si pretende essere profundato) e ferma stante la prova de' Sig. T. per essersi confutata la suddetta, ed ogni altra eccezione contraria, non vie più luogo all' alzamento della pescaia pretesa. Del resto, non tocca a noi il provare, che le antiche pescaie immaginate dalla parte avversa avessero tutta l'altezza, di cui erano capaci: ma piuttosto è incumbenza di chi pretende fabbricare la nuova pescaia, il mostrare questa singolare particolarità, se vuole escludere il pregiudizio, di cui si teme; altrimenti si suppona sempre, che gli antichi padroni facessero le supposte pescaie col maggior vantaggio possibile, e che se da essi non furono rifatte, dopo che rimasero forrenate, ciò fusse per non averle ritrovate capaci di migliore alzamento.

XXXV. Quando alla *lin. 20.* aggiunge: *Bisogna che la Parte concludentemente provi quel danno, che ne seguirebbe alle campagne, o pure ad altri edifizj superiori, se venessono, ogniqual volta questo edificio si riconducesse al primiero uso di mulino.* Si risponde, che il pregiudizio è bell' e provato nelle Scritture fin ora prodotte per parte del Sig. Marchese R. massimamente ora, che manifestamente rimane esclusa l'eccezione del preteso abbassamento del fiume, coll' essersi mostrato piuttosto il successivo notabile rialzamento. Ma quando ancora non fusse concludentemente provato il pregiudizio, e rimanesse solamente probabile il pericolo de' danni temuti da cotale alzamento, la prudenza de' Sig. Giudici non permetterebbe, a mio credere, questa novità, prima che la parte, la quale pretende di fabbricare il mulino ad onta di chi gli si oppone per zelo del pubblico bene, e per l'indennità de' suoi importantissimi interessi, abbia sufficientemente giustificato, che cessi ogni ombra di sospetto, pienamente provando, che non sussista il pericolo de' danni temuti: acciocchè eglino possano assicurarsi, che il Decreto favorevole ad una Parte, non possa cagionare gravissimi disordini a' pubblici, e privati interessi, e che il prudentissimo loro giudizio non resti esposto alla riconvenzione di quegli accidenti funesti, che quindi ne potessero succedere.

XXXVI. Tralascio, che l'erezione della pescaia sopra la penisola della

fornace non può passare per la riedificazione d' un mulino, che già fu mezzo miglio al disotto nel confine di Camugliano, in sito diversissimo, e che ha l' opposta riva appartenente a diversi padroni; onde potea far di meno l' Autore d' inferire quì, e sparsamente altrove varie clausule di rifabbricare la steccaia, di ridurre l' edifizio al primiero uso di mulino &c. usate artificiosamente da lui, per colorire la pretesa erezione, quasi diretta a rimettere le cose nello stato antico, e non ad introdurre una novità capace di sconcertare lo stato presente.

XXXVII. Nè giova il dire, com' egli fa in questa pag. 5. lin. 39. che in somma, se ne' tempi antichi l' alveo di questo fiume fu capace di più steccaie per uso de' mulini, lo sarà anche in oggi, col solo divario di quel piccolo alzamento naturale, che può essere stato cagionato nel fondo dell' Era dall' alzamento del fondo dell' Arno. Imperocchè, dall' esservi stati un tempo fa, come s' asserisce, più mulini nell' Era, e non esservi più presentemente da Ripabianca in giù, si argomenta appunto, che non ci possano stare: non potendo, o non dovendo supporre, che gli antichi fossero così trascurati, e del privato, e del pubblico bene, che trattandissero di mantenervi le pescaie, e rifarcirle a dovere, se non l' avessero provate o dannose alla campagna, o inutili al loro ufficio, o per se medesime insufficienti.

XXXVIII. Osservo di più, che nè meno sarebbe da stimarsi tanto piccolo quell' alzamento, che ora finalmente s' accorda essere seguito nel medesimo fiume, quando ancora dipendesse solamente dall' alzamento d' Arno, come la Parte asserisce: perchè quanto questo sia notabile, s' è già veduto di sopra num. 7. e si deduce ancora da ciò, che ha scritto il nostro Autore pag. 4. lin. 26., che l' Arno con le proprie torbide ha formata molta campagna dello Stato Pisano in vicinanza del mare: il che non potè succedere senza un gran rialzamento del suo fondo corrispondente nella proporzione dovuta al prolungamento della linea del suo corso: e molto meno è da stimarsi piccolo il detto alzamento dell' Era, se si farà riflessione alle molte cagioni, che possono unitamente averlo formato. Ma finalmente, qualunque siasi, o poco, o molto per voler dimostrare, che non basti ad escludere la pescaia, che si pretende di fabbricare, converrebbe poter persuadere, che il detto alzamento del letto fosse assai minore della altezza, che avevano le supposte pescaie antiche: il che [oltre al non provarsi] è del tutto inverisimile, essendosi dimostrato nell' accesso, come si riferisce da me nelle *Nuove Considerazioni* n. 7. e 8. che dentro il letto dell' Era, vicino al luogo della supposta pescaia, e lungo alle mura, che ivi si mostrano come reliquie del mulino antico, vi s' infondeva tutta la lunghezza d' un palo di ferro di 9. braccia, che se fosse stato più lungo, poteva ancora penetrare più addentro.

XXXIX. Ma ritornando un passo più addietro cioè alla lin. 27. di questa pag. 5. Non è da dissimularsi ciò, che ivi dice il nostro Autore dell' altezza delle massime piene, per cui determinare egli attesta di non vedere più sicuro riscontro di quello viene deposto da' testimonj esaminati ad istanza delle Parti, come più avanti si vedrà. Dove chi non crederebbe che i testimonj deponessero a favore della Parte avversa, giacchè ad essi propone di voler deferire? e pure depongono tutto l' opposto di quello, che il Sig. Rondelli pretende, come vedrassi a suo luogo; ma quando pure deponessero a modo suo, non sarebbe da attendersi il loro deposito, sì perchè non v' è prova più fallace di questa, come accenna ancora il Sig. Dott. Manfredi nel suo parere pag. 6. lin. 21. e sì perchè sarebbe contrario il loro detto a tante dimostrazioni indubitare di fatto.

XL. Propone quindi *lin. 44.* che stabilira l' altezza delle piene massime ordinarie, *convorrà fare il calcolo delle sezioni:* quasi che questo non si sia già fatto sulla cassa presente, che ha il fiume dentro le ripe basse, e ciò fino nel primo accesso. Ma forse io non averò ben inteso in questo luogo il sentimento del Sig. Rondelli, vorrebbe, che si facessero i calcoli delle Sezioni difese fra le ripe alte, da lui chiamate ripe naturali, per cercare, se in tutta quella grande ampiezza possa collocarsi l' acqua, che in tempo di piena già riempie, anzi formonta la cassa delle ripe basse, delle quali oramai confessa il nostro Autore, che non occorrerà più farne conto, eretta che sia la nuova pescaia. Che però soggiunge *lin. 47.* doverfi solamente vedere, *se le campagne restino difese dalle ripe naturali, lasciando da parte le ripe basse, le quali per essere deposizione sotto dall' acqua, danno a dividere, che le acque di questo fiume non abbisognano di tanta capacità, quanta è quella, che si trova fra le ripe alte, essendosi le acque naturalmente incassate dentro delle ripe basse, ed unicamente nelle massime piene straordinarie occupano tutta quella capacità, o sia larghezza, che si trova fra le ripe alte;* come segue a dire sul principio della pag. 6.

XLI. Al che si replica, che già nell' antecedenti Scritture s' è dimostrato l' importanza, e gravezza del pregiudizio, che risulterebbe dal sottoporre i beni di ripabassa alle continue inondazioni del fiume. E se il Sig. Rondelli vi avesse in dette ripe un solo podere, di tanti quali già vi sono in essere, ben coltivati, e posseduti da varj padroni, e specialmente dall' Illust. Sig. Marchese R. ei non direbbe, che non debba tenerfene conto, comeche sieno effetto del fiume. Ed in fatti, se sussistesse questa ragione, proverebbe, che nè meno si dovesse far caso di tutta la campagna, che è sopra le ripe alte, la quale (a giudizio del nostro Autore *pag. 4. lin. 13*) è parimente formata dall' espansioni del medesimo fiume: E pure a questa egli concede, che debba averfi il dovuto riguardo: e perchè dunque non ancora agli effetti di ripa bassa, che hanno avuta la medesima origine?

XLII. Aggiungo, che nè meno abbastanza provvede il Sig. Rondelli all' indennità degli stessi beni esistenti sopra le ripe alte; anzi fatta la steccaja in altezza di braccia 8. e tre quar. qualsivoglia delle ripe alte sarà soggetta alle piene straordinarie di 14. braccia, che coll' alzamento del fondo cagionato dalla pescaia ha più di 22. braccia d' altezza, a cui niuna ripa arriva presentemente; e quelle ripe ancora, che sono di 18. braccia (non che le più basse di 15. e 16., che potranno allora essere superate dalle piene di 8. braccia) verranno inondate dalle piene ordinarie di braccia 10. e 11., quali già si ammette dal Sig. R. che succedano nell' Era. Il che manifestamente si deduce dal calcolo dell' altezze. non avendo riguardo alla maggiore larghezza, perchè questa compensa la diminuzione della velocità, che quì non si è messa in conto, come già si è avvertito nelle precedenti scritture.

XLIII. Ciò che dice il nostro Autore *pag. 6. lin. 7.* che la ritardata velocità nè fluidi sempre non opera in quella guisa appunto, che si osserva ne' solidi, facendo conoscere l' esperienza sicura maestra della verità, che la meccanica de' fluidi varia di molto dalla meccanica de' solidi, quantunque il Sig. Guglielmini nel suo Trattato della natura de' fiumi la vogli totalmente uniforme, è contrario al sentimento di tutti gli scrittori più accreditati di queste materie, cioè [oltre all' Guglielmini di lui citato] del Galileo, del Torricelli, del Castelli, del Michelini, del Mariotte, del Varignon, e di tant' altri matematici di primo rango, a' quali non merita d' essere paragonata l' autorità sola di Monsù Papin, che in ciò pretese di confutare il Guglielmini; e mi ma-

raviglio che il Sig. R. o non abbia vedute le risposte date dal medesimo Guglielmini al suo avversario, ed applaudite comunemente da tutti i matematici, o non ne sia egli solo rimasto appagato, sicchè ora vada rinnovando fuori di proposito la stessa contesa, con ciò che ha detto in questo luogo, e che leggiamo *al fine della medesima pag. 6.* dicendo, *che i fluidi osservano in fatti altre leggi differenti da quelle de' solidi*; il che se fusse generalmente vero, non avrebbe potuto l'Autore *lin. 27. della stessa pag.* assicurare, *che la velocità de' fluidi cresce nella ragione dimezzata dell' altezza*, perchè secondo le dimostrazioni del Galileo i gravi. (cioè i solidi de' quali solamente tratta il Galileo) *nella discesa accrescono in tal ragione la sua velocità.*

XLIV. In fatti la natura non adopera altre leggi per i corpi solidi, ed altre per i fluidi, mentre tanto questi, che quelli si muovono a basso in virtù della gravità, che negli uni, e negli altri è della medesima sorta, e dipende dalli stessi principj, o cagioni, solamente vi è questo divario, che i solidi hanno le parti tutte insieme attaccate, onde fermata, ed impedita dal suo corso una di esse presa nella direzione del suo centro, conviene si fermino tutte: laddove i fluidi hanno le parti staccate, onde si spargono, e non restano impediti dal loro moto le superiori, perchè si arrestino da qualche ostacolo le inferiori; e però il corso d' un fiume diacciato si ferma, e non così quando è liquido. Ma se questa differenza di natura convincesse, doverli stimare diversa la meccanica de' fluidi da quella de' solidi, converrebbe distendere una sorta di meccaniche pel ferro, un'altra pel legno, un'altra per i sassi, e così discorrendo d'ogni specie diversa di corpi, perchè la varia natura di essi cagiona sempre qualche particolare effetto non dipendente dalle regole generali della meccanica comune.

XLV. Ma per tornare un passo ancora più addietro; io stimo verissimo, e credo che ammettere si debba per indubitato, ciò che confessa l'Autore *nella stessa pag. 6. lin. 5.* che per cagione della ritardata velocità nella minor pendenza, la quale verrà ad acquistarsi il fiume, fatta che sia la pescaia, dovrebbe farsi un maggiore alzamento d' acqua di prima: e questo è quello, che io ho voluto ad ogni modo dissimulare, credendo che sufficientemente possa compensarsi colla maggiore larghezza, che averà l'acqua tra le sponde fatte a scarpa, le quali averanno qualche maggiore distanza, in corrispondenza alle parti del fondo più sollevato. Ma non è già da ammettersi, ed è ne suoi termini stessi ripugnante, ciò che soggiunge *lin. 19.* che l' altezza dell' acqua accresciuta nel luogo della minore pendenza, accresca il moto del fluido, *fino che pareggi quella velocità, che ha il fluido quando cammina sopra di un piano maggiormente inclinato*; imperocchè se vuole il Sig. Rondelli che in un piano meno inclinato vada l'acqua colla stessa velocità, con cui andava nel più declive, è impossibile, che si faccia più alta, e se l'acqua più alta (precludendo da maggiore larghezza) ripugna che cammini colla stessa velocità di prima. La ragione si è, perchè dovendo sempre in un dato tempo scaricarsi ugual quantità d' acqua per qualunque sezione superiore, o inferiore d' un medesimo canale, come dimostrò il P. Castelli *prop. 1. del suo tratto dell' Acque correnti*, ed acconsentono tutti i professori più accreditati d' Idrometria, dovunque abbia l'acqua uguale velocità, averà ugual sezione, e però (in pari larghezza) averà uguale altezza; e vicerversa, se in pari larghezza ha maggiore altezza, dee avere tanto minore velocità, per scaricare la medesima copia d' acqua: altrimenti colla stessa velocità il fiume profunderebbe più acqua per l'accresciuta sezione, di quella che riceve dalle parti superiori dell'alveo per una sezione minore in pari velocità.

XLVI. Se

XLVI. Se pure il sentimento di questo Autore non fusse, che l'acqua nell'ingresso bensì ad un piano meno declive, risentendone il ritardamento, si alzasse di livello, e poi susseguentemente avendo recuperata, con tale alzamento, la primiera velocità, ritornasse ad abbassarsi al primo livello. Ma come ciò, se questo medesimo Autore *ivi* lin. 14. confutando chi crede, scendere i fluidi, non meno che i solidi, per un piano meno declive con minore velocità, gli oppone per assurdo, che *in que' fiumi, che nel corso mutano la loro pendenza, resterebbe affatto sfregolato il corso dell'acqua, mentre più tardi si moverebbe scorrendo sopra della minore pendenza, e più presto sopra della maggiore, cosa che farebbe di un sommo sconcerto al moto dell'acqua de' fiumi?* Non farebbe egli maggior disordine, se oltre il ritardarsi l'acqua, incontenente poco dopo accelerasse, e di più venisse prima a rigonfiare la sua altezza, e poi di nuovo si abbassasse, facendo una superficie disuguale, e non unita, quale è propria de' fluidi?

XLVII. Si concluda adunque, non sussistere in verun conto il pensiero del Sig. Rondelli in questo particolare: e quanto allo sconcerto, ch'egli teme nel corso dell'acqua, se mutando pendenza mutasse velocità, si risponda, che ordinariamente la mutazione della pendenza si fa appoco appoco per gradi insensibili, degenerando la linea del fondo in una curva, come dissi nelle mie *ristessioni* num. 4. e 5. Sicchè facendosi il passaggio alla ritardata velocità insensibilmente, non ne seguirà lo sfregolamento temuto, ma quando passi un fiume da una declività ad un'altra sensibilmente minore tutto in un tratto, non è sconcerto alcuno, che passi altresì subitanamente ad un grado di velocità minore di quello, che prima esercitava nel piano più declive, secondando col suo corso irregolare l'irregolarità del letto, sopra di cui cammina.

XLVIII. Per tanto non si maravigli l'Idrometra, *se fino ad ora non ha veduto scrittore, che con fondamenti teorici, e pratici assegni la proporzione (com'egli dice lin. 23.) con cui debba crescere il livello dell'acqua d'un fiume ne' siti della minore pendenza, perchè ne venghi una regolata velocità in tutte le parti del fiume;* non essendosi curato alcuno di cercare ciò che non è, e che non può essere, ripugnando, come si è detto, che in un canale continuato, senza variare larghezza, cresca l'altezza del fluido, e con ciò cagioni una velocità uguale a quella, con cui prima camminava in altezza minore, sopra d'una maggior pendenza.

XLIX. E qui torna a proposito lo scuoprire un equivoco, che spesso inganna quelli, i quali non hanno punto di teorica dell'operazioni de' fluidi. Sentrono dire, che la velocità ne' gravi cadenti cresce in dimezzata proporzione dell'altezze, e citano su questo punto *le dimostrazioni del Galileo, e del Toricelli*, come fa qui il nostro Autore *lin. 28.* e l'applicano all'altezza del corpo fluido dell'acqua corrente in vari canali, credendo che debba farsi più veloce il suo corso in ragione dimezzata dell'altezza della sezione; quando i suddetti Autori hanno parlato unicamente dell'altezza presa dall'origine del moto, la quale sola può regolare la velocità de' cadenti, e non hanno stesa la dottrina loro all'altezza, che ha la superficie dell'acqua dal fondo dell'alveo, la quale non può per se stessa cagionare maggior velocità quando non sia maggiore di tutta la caduta dell'acqua; come con varie sperienze, e ragioni ha dimostrato espressamente il Galileo medesimo; e poscia il Guglielmini *nel lib. 4. prop. della misura dell'acque correnti*; onde ancora per questo capo non fusse il pensiero del Signor R.

L. Per altro, s' egli desidera veramente, ed in termini abili, che gli si determini *con fondamenti Teorici, e Pratici* la proporzione, con cui l' altezza dell' acqua, presa nel suo legittimo senso, cioè per l' altezza della caduta, debba crescere al passaggio d' un fiume ne' piani delle minori pendenze, acciocchè la velocità in ogni sito si mantenga la medesima, non è cosa difficile il soddisfare pienamente al suo quesito, con dire, che essendo la velocità nello stesso piano in dimezzata ragione dell' altezze, onde ha origine il moto, e stante la medesima altezza, variando la velocità, o il momento a misura de' seni corrispondenti agli angoli dell' inclinazione, che hanno coll' orizzonte i canali, pe' quali scorrono l' acque, è cosa manifesta, essere la velocità nella ragione composta di entrambi queste ragioni; e però essendo l' una reciproca all' altra cioè (raddoppiandole amendue) ogni qual volta le altezze fusero reciprocamente, come i quadrati de' seni dell' inclinazione de' piani, pe' quali si muove successivamente un fiume, averebbe questi in ogni sito uguale velocità. Il che confronta coll' ingegnosa soluzione della curva Isocrona, data da' Sig. Leibnizio, e fratelli Bernoullii negli *Atti di Lipsia* 1680. 1694., cioè che se un grave anderà per la concavità d' una parabola cubica del secondo genere, il cui asse sia orizzontale, ed il vertice sia distante dall' origine del moto per quattro noni del suo parametro, si muoverà per essa il grave discendendo equabilmente, cioè mantenendo da per tutto la stessa velocità. Il che più universalmente si dimostra ancora dal S. gnor Varignon nelle *memorie dell' Accademia Reale di Parigi del 1699. e 1703.*

LI. Aggiunge il Sig. R. alla fin. 35. che le regole assegnate da' professori d' Idrometria ad un fluido, il quale passi per differenti sezioni, non possono aver luogo nelle varie pendenze: perchè se ciò fusse vero, l' acque correnti de' fiumi, vicino alli loro sbocchi, dove è minore la pendenza, dovrebbero avere l' altezza maggiore, di quella che hanno superiormente, dove è maggiore la pendenza, effetto tutto contrario a quello ne dimostra la stessa esperienza, la quale a tutti li pratici patentemente dà a vedere, che l' altezza dell' acqua vicino allo sbocco de' fiumi sempre è minore di quella, che si osserva ne' siti più lontani da detti sbocchi. Nella quale dottrina molti equivoci sono compresi. Primieramente quando si dice, che la minor pendenza richiede maggiore altezza d' acqua, a conto della minore velocità, esercitata generalmente da' gravi sopra de' piani meno declivi, s' intende *ceteris paribus*, cioè in ugual distanza dal principio del moto, se dovrà scorrere l' acqua sopra un piano di minor pendenza, in vece di scorrere sopra uno di pendenza maggiore, averà in quello minore velocità, ed in conseguenza maggiore altezza, che non averebbe in questo; ma parlando di due piani diversamente inclinati, e posti in disuguale lontananza dall' origine del fiume, cioè quando il meno declive fosse inferiore, ed il più declive superiore, è necessario, che generalmente sia minore velocità, e per conseguenza maggiore altezza d' acqua in quello, che in questo.

LII. Anzi benchè ambi i piani sieno immediatamente contigui paragonando diverse parti dell' uno, e dell' altro, potrà esservi uguale, maggiore, o minore velocità, secondo i casi diversi, i quali possono determinarsi così. La distanza d' una parte del piano superiore dell' orizzontale condotta per l' origine del fiume, sia uguale ad A; e la distanza più grande, che ha similmente dalla detta orizzontale una parte del piano inferiore, sia uguale a B. Il seno di complemento dell' angolo, a cui s' incontrano ambidue i piani contingui, sia uguale a C., ed il raggio, o seno totale si chiami T. Qualunque volta sarà A. a B. come il quadrato di C. al quadrato di T., le
velo.

velocità di ambedue le parti dell' uno, e dell' altro piano (prescindendo da ogni altro estrinseco impedimento diverso da quello, che cagiona la variazione della pendenza) saranno uguali; ma se A. a B. avesse maggior ragione, che il quadrato di C. al quadrato di T. allora farebbe maggiore la velocità in quella parte del piano superiore, e più inclinato, che nella parte del piano inferiore, meno inclinato: e finalmente se viceversa A. a B. avesse minor ragione, che il quadrato di C. al quadrato di T., farebbe minore velocità in quella, e maggiore in questa; e però riuscirebbe in tal caso minore l' altezza delle sezioni del fluido nel piano inferiore, che nel piano superiore, come appunto riesce vicino allo sbocco. Insomma la minore pendenza richiederebbe maggiore altezza, per la maggiore tardità del fluido, se cominciasse dalla quiete a muoversi l' acqua sopra una tale pendenza: ma non già qualora vi giunga affetta da una velocità precedentemente acquistata, ed in disposizione ad accrescerla col moto accelerato, come accade all' acqua, che scorre pe' canali de' fiumi, secondo ciò che disse il Sig. Guglielmini lib. 2. della *Misura dell' acque correnti*, coroll. 5. prop. 2. pag. 20. e nella prima *Epistola Idrostatica* pag. 107.

LIII. In secondo luogo, sebbene il letto de' fiumi vicino allo sbocco ha minore pendenza, quando però l' acqua ha notabile altezza, e non varadendo il fondo, ha la sua superficie disposta in un piano tanto più declive, quanto maggiore è la differenza dell' altezze nelle sezioni lontane, da quella delle sezioni prossime al termine del fiume, come già osservò il Galileo, da me citato nelle *Riflessioni* num. 15. ed è di parere il Torricelli *in cense sue scritture sopra la Chiana*, che la velocità dell' acque correnti debba piuttosto regularsi colla pendenza della superficie, che con quella del fondo; e questo è il solo modo, con cui l' altezza del corpo d' acqua, che scorre ne' canali, può veramente cagionare in essi maggiore velocità, cioè dando alla superficie dell' acqua maggior pendenza, come fu osservato dal Galileo nel luogo cit., e dal Signor Mariotte nella seconda parte del suo trattato del Moto dell' acque.

LIV. S' aggiunge in terzo luogo, che lo scemare dell' altezza ne' fiumi vicini allo sbocco, dipende talvolta da varie altre circostanze, come della maggiore larghezza, in cui ivi si dilatano l' acque; della diminuzione della materia, che porta il fiume, di cui ne lascia la più grossa, ed in si gran copia, per l' alveo, conducendo al suo termine l' acque quasi del tutto già chiare, onde sono obbligate a scorrere più basse, non avendo realmente da scaricare tanta mole di composto terraqueo per le sezioni inferiori, quanta per le superiori, stante le deposizioni fatte per istrada; e da altri simili accidenti; onde la speriienza opposta dal Sig. Rondelli non osta alla generalità delle regole assegnate al corso de' fluidi, che passano per diverse sezioni, eziandio mutando pendenza.

LV. Ma sentiamo ciò che conclude il nostro Autore *lin. 41. della stessa pag. 6.* da tutte queste premesse tanto vacillanti, come si è veduto, e si poco tra di loro connesse: *Su questi riflessi (dic' egli) non è da credere, che fatta la pescaia d' una determinata altezza, la mole dell' acqua sia per alzarsi sopra della cresta della detta pescaia, tanto appunto, quanto la detta pescaia è alta sopra del fondo.* Dal che si cava manifestamente, ch' egli nè meno ha lette le scritture fatte dalla nostra parte, mentre ci attribuisce un sentimento, che na anco per sogno ci è venuto in mente. Nessuno ha preteso, che fatta la pescaia d' una determinata altezza, debba l' acqua sopra l' orlo di essa alzarfi appunto altrettanto, quanto questa si solleva dal fondo. Il letto dell' Era è quello, che necessariamente dal fondo presente si alzerà altrettanto, quan-

to sarà l'alzamento del parapetto, che opporrassi alla discesa dell' acqua dall' eretta pescaia: sopra del fondo poi così sollevato, si alzerà l' acqua, ora più, ed ora meno, secondo i tempi, e secondo l' altezza delle piene; onde nulla vi ha che fare in questo luogo la differenza de' fluidi da' solidi, perchè nè in questi, nè in quelli può verificarsi generalmente un tale effetto, con tutto che il nostro Autore lo conceda *lin. 45.* a questi, e non a quelli.

LVI. Passando poi *pag. 7. lin. 3.* ad esaminare l' alzamento del fondo, crede il Sig. R. *che non sia per alzarsi, se non quel tanto, che corrisponde alla ritardata velocità dell' acqua:* il che quando pure sia vero, non contradice alla nostra proposizione. che il fondo altrettanto debba alzarsi, quanta appunto sarà l' altezza della pescaia, la quale con tutta se stessa dovrà opporsi al corso del fiume, e ritardarlo. Contradice bensì questo suo detto a ciò che immediatamente soggiunge: *essendo certissimo, che lo stabilimento del fondo d' un fiume, non solo dipende dalla forza del fluido, che gli scorre sopra, ma ancora dalla qualità del terreno;* imperocchè, ciò stante, converrà, per sapere la misura dell' alzamento del fondo, riguardare, sì alla forza del fluido, sì alla qualità del terreno (e poteva aggiungerci, a molte altre circostanze) come dunque si è assicurato, che nel caso nostro non debba alzarsi, *se non quel tanto che corrisponde alla ritardata velocità dell' acqua, o come dice lin. 10.* tanto solo, quanto si sarà diminuita la forza dell' acqua per causa della pescaia?

LVII. A quale proposito poi abbia detto *lin. 7.* Quindi avvenire, *che quei fiumi, li quali camminano sopra la semplice arena, alle volte sono con maggiore, ed alle volte con minor fondo, e questo a causa delle maggiori, e minori piene,* io non saprei indovinarlo. A me pare, che ciò ancora, oltre il non avere molta connessione col punto, che tra noi si dibatte, abbia pochissima consonanza colla dottrina da lui addotta di sopra; mentre ciò prova piuttosto, che lo stabilimento del fondo non dipenda in veruna maniera dalla qualità del terreno, ma solo dalla diversa forza delle piene, e varia disposizione dell' alveo, colle diverse battute, che in esso fa l' acqua, giacchè colla medesima qualità di semplice rena ad ogni modo si varia il fondo de' fiumi.

LVIII. Aggiunge *lin. 13.* che poco debba essere l' alzamento del fondo, come si crede d' avere sin ora dimostrato, ma quando ancora vi fusse timore di maggior alzamento, *l' uso d' un callone basterà, per mantenere il fondo superiore di questo fiume in altezza poco maggiore di questa, che ora tiene, mentre la foglia del callone sempre sarà il regolatore del fondo superiore.* Mi è da avvertirsi, che il callone non averà di larghezza nè meno la trentesima parte della sezione del fiume: sicchè (quando ancora si possa sempre accorrere prontamente ad alzarlo in tempo di massime piene) non darà un aiuto considerabile questa apertura per ismaltire tanta quantità d' acqua quanta verrà trattenuta dalla pescaia. Di più esso callone non può servire a tener voto, se non un piccolo canale di braccia 50., ovvero 60. di lunghezza dentro il letto del fiume, il quale tutto superiormente, e lateralmente verrà riempito di ghaja, a quella misura, che già altre volte si è dimostrato.

LIX. Del che se ne può avere il riscontro coll' esperienze di simili pescheie altrove edificate, nelle quali, benchè vi fusse il callone, e si tenesse a' tempi debiti aperto, ciò non ha impedito, che il fondo superiore alla chiusa non si sia rialzato, ancora talvolta con maggiore pendenza, di quella che in pari spazio abbia il fiume naturalmente sotto la chiusa, come nel primo

primo Accesso fu osservato nel mulino , che ha sopra il Roglio il Sig. M. R. il qual fiume si riscontrò non avere il fondo superiore alla pescaia in un piano orizzontale, ma più inclinato del fondo inferiore. Onde il simile può aspettarsi ancora, che debba succedere nell' Era, quando fatta sia la pescaia controversa; o al più qualche piccolo tratto solamente del fondo contiguo alla cresta della pescaia rimarrà orizzontale, ma non già in una notabile lunghezza potrà ciò riuscire, come pare che quì si prometta il Sig. R.

LX. Che se moltissimi sono i fiumi, i quali per il corso di molti anni nelle parti inferiori camminano sopra di un fondo sensibilmente orizzontale, come ci assicura l' Autore *lin. 19.* dicendo, che tutti i periti della Lombardia cio assermano accadere al fiume Po dalla Stellata fino al mare, lunghezza di miglia sopra 50. nel qual sito vogliono che questo fiume abbia il suo fondo senza alcun sensibile inclinazione. E' manifesta la differenza di que' fiumi dal nostro, perchè quelli averanno già acquistata tutta la velocità loro dovuta nella precedente pendenza, ed in quella si faranno scaricati di tutte le muerie grosse, che seco portavano, onde, senza bisogno d'altra deposizione potranno scorrere chiari, e limpidi, colla velocità già conceputa, vicino al loro sbocco, per un piano sensibilmente orizzontale. Ma il nostro fiume Era nel sito, di cui si tratta, corre torbido di terra, e rena, e ghiaia ancor grossa, ed è lontano dal suo recipiente, non già tante miglia, quante vuole il Sig. Rondelli che il Po scorra orizzontalmente dalla Stellata al mare, perchè tanta non è l'estensione di tutto il corso del nostro fiume; ma dico bene assai più di esso, parlando rispettivamente, cioè a proporzione della sua lunghezza, e larghezza. In somma il caso nostro non è ne' fiumi della Lombardia, ma in quelli di Toscana, e specialmente nell' Era, in cui nessun perito ha mai trovato, che corra per un tratto notabile orizzontalmente, ma sempre dal principio alla fine livellandone il fondo, si trova essere sensibilmente inclinato.

LXI. Non debbo già tralasciar d' osservare, che il celebre P. Abate Castelli Bresciano pare che si dichiari di sentimento affatto diverso da tutti gli altri periti di Lombardia citati dal Sig. Rondelli circa il caminare il Po per 50. miglia in fondo orizzontale, mentre nel coroll. 14. del suo discorso circa l' Acque correnti avverte, che il Po lontano dal mare cinquanta, ovvero sessanta miglia, intorno a Ferrara, avrà più di venti piedi d' altezza d' argini sopra l' acqua ordinaria, ma lontano dal mare dieci, o dodici miglia solamente, non arrivano gli argini a dodici piedi d' altezza, rendendo la ragione, come possa accadere, che nelle piene l' acqua, che ha l' altezza colà di 20. piedi, possa vicino allo sbocco averla di 12. solamente, con dire: che quello eccesso di quantità d' acqua sopra l' acqua ordinaria, va sempre acquistando maggiore velocità, quanto più si accosta alla marina, e però scema di misura, ed in conseguenza d' altezza. Il che suppone apertamente, non essere il fondo, nè il livello dell' acqua ordinaria orizzontale; altrimenti sopra di essa spianandosi l' acqua delle piene, non potrebbe viepiù nel corso accelerarsi: il che solo succede ne' piani, che hanno qualche inclinazione all' orizzonte, conforme accordano tutti i meccanici.

LXII. Ciò che insegna l' Autore *lin. 30.* dicendo, che quei fiumi, i quali sono accresciuti dall' acque d' altri fiumi sboccanti in essi, nel loro principio non camminano con quella mole d' acqua, che si trovano avere nel loro fine, è una bella, e rara notizia; ma non lo già quanto faccia a nostro proposito, nè qual cosa di rilevante quindi si possa cavare a favore della Parte avversa: che però quando da questa premessa, e da cert' altri principj, in se stessi

nessi verissimi, che segue a proporre nello stesso paragrafo, ne inferisce lin. 41. questa conseguenza: *fatta adunque la pescaia nell' Era, perchè l' acqua di questo fiume nel principio della lor caduta non sono di quella velocità, ed altezza, che si trovano nelle vicinanze della pescaia, nè meno potrà seguire lo stesso regolamento di prima, in ordine all' alzamento del fondo, fermata che sarà la detta pescaia, io non giungo a capire la forza di cotai discorsi, ne ci veggo relazione alcuna tra l' antecedente, ed il conseguente: se pur egli non supponesse, che il fare la pescaia impedisse, che non si scarichi più nel letto dell' Era la medesima quantità d' acqua, che prima vi concorreva; ma sia per avventura divertita altrove, e smaltiscasi per altri canali.*

LXIII. Passiamo ora ad esaminare una delle più importanti riflessioni, con cui crede il Sig. Rondelli d' avere assicurato il forte della sua causa; questa è la riflessione posta alla lin. 46 di questa pag. 7. ed a lungo spiegata nelle due pag. seguenti in questi termini: *Ma quello, che più di tutto altro mi pare si debba attentamente considerare in questo affare, è lo scorciamiento della linea cagionato dalla pescaia; poichè, posta la pescaia, l' acqua che viene dalla parte superiore, non ritrovando veruna resistenza, arrivata che sarà alla pescaia, si può dire giunta al proprio termine, senza veruno impedimento, che ritardi il di lei moto; per lo contrario, non essendoci la pescaia l' acqua posteriore dee spingere l' anteriore fin' dentro del fiume Arno. Ciò stante, perchè l' acqua dell' Era, fatta la pescaia, più non è in obbligo di spingere avanti altr' acqua, e per conseguenza è incapace di ricevere quel ritardamento, che in oggi gli fa l' acqua dalla steccaia fino all' Arno, potrà camminare con velocità maggiore di quella, che ha presentemente: laonde, fatta la pescaia, l' alzamento dell' acqua, nelle piene ordinarie, al di sopra della detta pescaia, non sarà tanto, quanto è quello, che in oggi osservasi farsi sopra del fondo presente nel tempo delle stesse piene.*

LXIV. E' strano veramente, che il Sig. Rondelli faccia tanto caso di questo scorciamiento di linea, o piuttosto interrompimento del corso dell' acque, fatto per l' opposizione della pescaia, il quale nulla affatto giova all' intento da lui preteso. E' vero che la pescaia servirà come di termine a quella parte del fiume superiore, che da essa verrà limitata: ma non sarà per questo l' ultimo termine del fiume, rimanendogli ad ogni modo tutto il resto del cammino, che dee compire per ridursi all' Arno suo recipiente. Chi è in viaggio non iscorcia la strada, per fermarsi in qualche osteria più vicina, o più lontana: anzi tanto più speditamente arriverebbe al suo termine, quanto meno divertisse a gli alberghi, che per istrada v' continuamente incontrando. E l' essere più corto viaggio da Ripabianca al sito della nuova pescaia, che non è tutto l' intervallo da Ripabianca all' Arno, prova al più, che l' acqua verrà in più breve tempo da Ripabianca al sito della nuova pescaia, di quello che venga da Ripabianca in Arno (il che anche adesso nel presente stato si verifica, nè perciò giova all' intento degli Avversarj) ma non prova, che debba venire più presto in Arno, passando per l' ostacolo interposto della nuova pescaia, la quale gli leva tanto di pendenza, di quello che ci venga in oggi immediatamente, senza cotai ritegno.

LXV. Anzi io trovo, che fatta la pescaia in distanza di $\frac{2}{3}$ di strada dal suo recipiente (come dice esso Rondelli pag. 10. lin. 23.) l' acqua di questo fiume, dal sostegno superiore di Ripabianca a venire in Arno, dovrà impiegare quasi il doppio del tempo, che adesso v' impiega senza tale ostacolo: e più precisamente parlando, quel tempo sarà a questo, come l' unità con

rà con $\frac{2}{3}$ della radice quadra di 8. all'unità; il che dimostrerò, quando occorra. Che importa dunque il pretelo scorciamento di linea? Gli Autori, che asseriscono, crescere la velocità de' fiumi allo scorciarsi della loro linea, parlano rispetto al medesimo ultimo termine, a cui portandosi il fiume per linea più corta, vi arriva con maggior pendenza, e però con maggiore velocità; e non possono altrimenti intendersi in riguardo a diversi termini, uno de' quali scorci la linea, che da se dovea prolungarsi fino all'altro termine, non fermando però nel termine più vicino il corso dell'acqua, ma quindi rimandandola al termine più lontano.

LXVI. Oltre a ciò conviene considerare, che nel nostro caso per due capi non può ricevere dal pretelo scorciamento verun vantaggio. Primo perchè la linea, che si fa terminare alla cresta della pescaia, si scorcia bensì di lunghezza, ma si alza di sito, e però gli si toglie della pendenza, e conseguentemente della velocità; e tanto più se vero il fine dell' alveo superiore alla pescaia si dispone orizzontalmente (come vuole il Sig. Rondelli pag. 7 lin. 25) nel quale piano orizzontale gli si toglie il modo di più accelerarsi. Secondo, perchè il resto della linea, che dalla nuova steccaia si stenderà fino in Arno, riconoscendo dalla cresta orizzontale di detta pescaia la sua nuova origine, obbligherà a correre l'acqua con minore velocità, come procedente da minore altezza, di quando aveva la sola origine superiore nella steccaia di Ripabianca, e veniva affetta da tutto quel grado di velocità, che da quella maggior altezza si era acquistato. E questo è un nuovo pregiudizio, che la pescaia cagionerà a' beni di sotto ad essa, de' quali non s'era ancora parlato fin ora, e pure anch'essi dovranno infallibilmente col tempo risentirsi della mutazione introdotta nell'alveo del fiume, per cui scorrendo l'acqua con assai minore velocità di prima, come cadente da un termine più basso, vi depositerà maggiormente, ed in conseguenza verrà a rialzarlo con maggior proporzione, di quello faccia nello stato presente.

LXVII. Ciò però vale in riguardo al tempo d'acque ordinarie, o di piene mediocri, nelle quali resti dall'interposizione delle steccae interrotto il corso dell'acqua; ma in tempo di piene massime si riempie l'alveo sotto, e sopra le chiuse tutto ad un pari, nè veruna d'esse può servire, o di termine alla parte superiore del fiume, o di origine alle inferiori: ma vi scorre l'acqua come per un piano tutto continuato dalla più alta origine, che abbia il fiume; e da questa ragione dipende la gran furia, e straordinaria velocità, che allora mostra l'acqua, per avere tutto quell'impeto acquistatosi liberamente nello scendere da tutta l'altezza della prima origine del suo corso, e non raffrenato dall'interposizione de' sostegni attraversativi, i quali già sogliono in tempo di massime piene essere coperti, e superati dal livello della gran copia d'acque, la quale sopra vi scorre, onde non interrompono il moto, nè vietano loro il progresso continuato dell'accelerazione.

LXVIII. Nulla pertanto convince la riflessione dello scorciamento della linea, da cagionarsi per l'interposizione della nuova Pescaia: nè bisogna lasciarsi abbagliare dalla ragione, con cui si studia di colorire il suo pensiero il nostro Idrometra pag. 8. lin. 3., cioè che ora l'acqua posteriore deve spingere l'anteriore fin dentro del fiume Arno, ed allora doverà spingerla solamente fino alla nuova pescaia: imperocchè l'acqua anteriore precedendo alla posteriore colla medesima, o piuttosto con maggiore velocità, non è vero, che debba quella essere spinta avanti da questa ad un termine più, o meno

lontano.

lontano. Se una palla precedesse ad un'altra colla stessa, o con maggiore velocità: crediamo noi, che questa farebbe mai alcuna impressione sopra di quella, che potesse spingerla, urtarla, percuoterla, come se ferma, o più lentamente mostra la ritrovasse? solamente l'acqua superiore preme l' inferiore, secondo la direzione de' gravi, con quell' eccesso di peso, che gli dà la maggiore altezza [come pare, che confessi lo stesso Sig. Rondelli poco dopo, cioè *lin. 18.* dicendo: *egli è certo appresso di tutti li scrittori, che acqua non può muovere altr' acqua, se non quando si trova superiore al proprio livello*] il che nel paragone di due acque contigue non può fare effetto sensibile, non essendovi tra di esse differenza assegnabile di livello più alto, o più basso; oltre di che ciò ancora vale solamente in riguardo dell' acqua, che stando ferma regge sopra di se il peso della superiore; e non quando attualmente già si muove al basso, e sfugge l' impeto dell' Acqua, che sopra gli si aggrava, la quale scende bensì con essa, e di buon passo gli tiene dietro, ma non la preme altrimenti, se questa arrestandosi non aspetta il colpo di chi l'investe.

LXIX. Ma quando pure l'acqua posteriore spingesse lateralmente per la direzione del fiume l'acqua, che già di tutta carriera, ed a briglie sciolte gli va avanti, come s'immagina il nostro Autore, non si richiederebbe già diverso grado d' impeto per mandarla ad un termine più lontano, che ad un più vicino: ma basterebbe il medesimo continuato per più lungo tempo; imperocchè qui non si tratta di un impeto impresso da una cagione, che di passaggio si applichi al mobile, e poscia l' abbandoni, come accade ne' proietti, ma si parla d' un impeto stabilmente conservato nell' acqua precedente dalla susseguente, che sempre gli sta a ridosso, accompagnandola, o fino alla nuova pescaia, o fino all' Arno; al che non vi abbisogna, di sua natura, una maggiore velocità, ma un più lungo, e durevole incalzamento.

LXX. Onde piuttosto questa ragione prova il contrario di ciò, che pretende l' Idrometra, perchè se è vero, che si richiegga, e v' intervenga la spinta dell' acqua posteriore, per mandare l' anteriore in Arno, si averà più facilmente, e più efficacemente l' effetto, quando senza interrompimento alcuno segua l' acqua ad incalzare quella, che le precede, ed essere vicendevolmente incalzata da quella, che le vien dietro; che quando, per l' interposta pescaia, dove il fiume trova uno de' termini del suo corso, e vi fa la prima posata, l' acqua cessa di spingere, come prima faceva, la precedente, anzi da essa si disgiunge, lasciandola cadere dalla cresta della pescaia medesima, perchè da capo ricominci ad acquistarsi da se la velocità già ammorzata, ed attutita all' incontro di quell' ostacolo, che dalla nuova pescaia le viene opposto.

LXXI. Bizzarra è poi la maniera, con cui l' Autore pretende *lin. 12.* che per determinare l' altezza, a cui si alzerà l' acqua sopra della pescaia nel tempo delle piene ordinarie, stante lo scorciamento della linea da lui supposto, non si trovi regola più sicura, che la proporzione dello scorciamento della linea, fatto mediante la pescaia; che vale a dire, se scorrendo l' acqua dell' Era nelle sue massime piene ordinarie dal mulino di Ripabianca termine superiore, fino all' Arno termine inferiore, si fa un determinato alzamento; quanto sene farà, scorrendo la dett' acqua fino al sito della pescaia? E quindi, dopo di avere determinato a suo modo l' altezza delle massime piene (la quale non confronta, come altrove si è detto, con ciò che costa in Processo, e che si deduce dagli stessi Testimoni da lui citati) in braccia 8. 13. 4. conclude *pag. 9, lin. 22.* che trovandosi il luogo della nuova pescaia a due terzi di tut-

di tutta quella distanza, che si conta dal mulino di Ripabianca suo allo sbucca dell' Era in Arno, sarà vero il dire, che fatta la pescaia, non sia per essere, che due terzi di quell' altezza, sulla quale sarà stata costituita la pescaia: che vale a dire, quando l' altezza della pescaia per esempio fosse di braccia 8, in tal caso l' alzamento del livello dell' acqua sopra della pescaia nelle massime piene ordinarie non farà che di braccia 5. e un terzo.

LXXII. Ora qui mi occorre nuovamente di lamentarmi dell' Autore, che adoperi a tutto pasto la regola del tre, senza prima assicurarsi, che i termini, a' quali egli vuole adattarla, sieno proporzionali: il che è un' abuso, di cui non avrei stimato giammai capace il Sig. Rondelli, se non lo vedessi cogli occhi propri inciampare, e in questo luogo, e nell' altro apportato di sopra num. 22, e già confutato ne' 6. num. susseguenti, e forse altrove, in un errore così grossolano, che da qualsivoglia mediocremente pratico d' Arimmetica può essere facilmente riconosciuto: avendo espressamente avvisato il Vallisio nel cap. 37 della sua opera Arimmetica, doverli accuratamente osservare, di non prendere abbaglio nell' adoperare questa regola, stimando proporzionali que' termini, che non lo sono: *Verum hic cavendum est, dic' egli, ne quando fraudi sit, indeque error suboritur, quod ea tamquam proportionalia habeantur, que proportionalia non sunt.* Il che appunto esemplifica nella nostra materia del moto dell' acque, più soggetta dell' altre a simiglianti equivoci.

LXXIII. Dovea però dimostrare il Sig. Rondelli, che l' altezze dell' acque sieno proporzionali alle lunghezze de' condotti, pe' quali scorrono, prima di fare il calcolo, che avendo il fiume la steccaia, che gli si attraversa, a due terzi di strada, debba sopra di essa alzarsi due terzi solamente di tutta quell' altezza, a cui prima, senza interposizione di quell' ostacolo, arrivava. Quando egli averà dimostrato la suddetta proporzionalità da lui, senza fondamento, o verisimiglianza alcuna, tacitamente supposta, allora dirò, che conchiuda bene il suo intento. Ma come ciò può mai dimostrarsi? la sperienza ci fa vedere nelle docce medesime, per le quali scola l' acqua piovana da' terti, e ne' canali, che conducono l' acqua per gli orti, che le altezze de' fluidi non corrispondono altrimenti alle lunghezze degli aquedotti, ma direttamente dalla copia dell' acqua, e reciprocamente dalla velocità riconoscono la loro proporzione in pari larghezza, senza che v'abbia che fare punto nè poco la maggiore, o minor lunghezza d' essi canali: e non serve nulla lo scorciamento di essi, per fare che la medesima copia d' acqua vi corra con più libera velocità, e vi alzi meno di prima.

LXXIV. In fatti, se camminasse a dovere il discorso del Signor Rondelli, bisognerebbe, che accostandor più, e più la nuova steccaia al mulino di Ripabianca, si dovesse l' acqua sempre meno alzare nelle massime piene: sicchè in vece delle 8. braccia da lui supposte nello stato presente, e del-

le braccia $5\frac{1}{3}$ che si lusinga doverli l' acqua alzare fatta la steccaia, diventerebbe l' altezza di dette piene solamente di 5. soldi, e un quattrino, se si facesse la pescaia alla vigesima parte della presente lontananza da Ripabianca: e riuscirebbe di poco più d' un soldo solamente alla centesima parte di detta distanza; e così procedendo, si potrebbe diminuire in infinito; il che è assurdo manifestissimo.

LXXV. Ma non mi maraviglio, che il Signor Dottor Rondelli si sia abusato due volte in questa Scrittura, della regola del tre, applicandola fuor di luogo. Ancora nella sua *Trigonometria*, stampata in Bologna del 1705.

fi è abusato parimente due volte della regola, che gli Aritmetici chiamano di falsa posizione doppia. Questo è lib. 1. cap. 5. prop. 9. e 10. ne' quali luoghi pretende d' insegnare a trovare la corda della terza parte, e della quinta parte d' un arco dato, colla regola di falsa posizione: quando è certo, che questa non si adatta, se non a sciorre i problemi più semplici del primo grado, e che ne meno può servire a trovare a un dipresso la radice quadra, o cuba di un dato numero, tanto è lungi dal poterli utilmente adoperare alla trisezione d' un arco, e d' un angolo dato, che è problema solido cioè di 3. dimensioni, e molto meno alla quintisezione del medesimo, che riesce di 5. dimensioni, e richiede l' opera di qualche linea più composta delle stesse sezioni coniche: nè troverà mai, che per risolvere l' equazioni appartenenti alla trisezione, o quintisezione dell' arco (le quali, posta la corda dell' arco intero eguale ad a , e di quella parte, che si cerca eguale a x , e preso il raggio del cerchio per l' unità, sono le seguenti: $3x x^3 = a$ per la trisezione; $as 5x^3 + 5x = a$ nella quintisezione) possa bastare la falsa posizione doppia, che da lui si propone alla proposizione 9. citat pag. 31. in questi termini: *Per fare questa operazione (cioè di trovare la corda della terza parte d' un arco dato) non ho ritrovata strada più sicura di quella, che viene insegnata dall' Arimmetica, parlando della regola chiamata comunemente di falsa posizione doppia; mentre la detta regola, ancorchè conosciuta la sola corda d' un arco, può dare a dividere la grandezza di quella corda, che serve alla terza parte del dato arco, operando nella seguente maniera: in primo luogo si dovrà dividere la corda in tre parti eguali, come comporta la divisione del numero, lasciando da parte in questo caso il rigore geometrico. Secondo si prende una delle suddette parti, aggiungendole qualche cosa di più, essendo evidente, che l' aggregato delle 3. corde (sottendenti le 3. parti eguali dell' arco dato) è maggiore della sola corda (che sottende tutto l' arco proposto) Terzo adoperando quelle regole, che dall' Arimmetica vengono prescritte a quelli, che vogliono servirsi della regola di falsa posizione doppia, ne verrà la misura della corda ricercata. E similmente dico lo stesso di ciò, che insegna nella prop. 10. pag. 33. per trovare la corda, che sottende la quinta parte dell' arco dato, dicendo: Questa operazione parimente si dovrà fare, adoperando la regola della falsa posizione, colle forme di sopra prescritte, con questo solo divario, che nella presente proposizione la corda del dato arco si deve partire in cinque parti eguali, ricercandosi la corda non della terza, ma della quinta parte del dato arco.*

LXXVI Se un tal metodo sussistesse, non vi sarebbe problema, che colle regole della falsa posizione non si sciogliesse per via semplice, e piana; e ben mi figuro, che con simile progresso il nostro Autore non dubiti punto di poter trovare ancora la settima, l' undecima, la tredicesima, e qualsivoglia altra parte d' un arco dato, benchè ciò dipenda evidentemente da equazioni assai più composte, e di gradi tanto superiori, quanto è il numero, che denomina la parte ricercata. Ma è vano pensiero il lusingarsi di ciò: nè può venire in mente d' un Professore di Matematica, il quale mediocrementemente sia instruito dell' arte sua, dovendo egli sapere, che la regola di falsa posizione ha i suoi limiti, e non può stendersi a qualsivoglia sorta di problemi, come avvertì Buteone, il quale, nel fine del secondo libro della sua Logistica, dopo di aver parlato di queste regole, conclude, non esser' elleno opportune ad ogni quesito, ma rimanervene ancora parecchi, i quali solamente col sussidio d' un' altra regola (che è quella dell' Algebra, di cui appresso intraprende a discorrere) si possono sciorre: e quindi condanna la corruttela di quei Scrittori, che per

capric-

capriccio d'insegnar cose nuove, guastano le regole antiche, mentre vogliono adattare la pratica delle false posizioni a risolvere molti dubbi: che sono di più alta portata. Ecco le parole medesime dell' Autore sud-detto: *Hoc sunt, quæ de positionum accidentibus cognitu necessaria fore putavi: quarum adminiculo Logisticus, quamvis multa sollester operetur in arte, excedens tamen harum facultatem eximia subtilitatis adhuc non pauca, quibus alia, de qua mox sum dicturus, regula subsidio venit. Unde Scriptorum aliqui recentiores, præposita novandi cupiditate, in positionum formulas traducere multa conantur: Hoc autem non est invenire nova, sed communi nunc corruptela, nimium contaminare vetera.*

LXXVII. Ma dove mi sono io lasciato trasportare dall'argomento? ritorniamo in carriera, ed esaminiamo ancora meglio quel passo del nostro Autore, che è nella pag. 9. lin. 21. dove, quando si aspettava, che a tenore della proporzione da lui supposta nelle altezze dell' acqua, colle lunghezze de' canali, volesse almeno concludere, che fatta la pescaia a due terzi di strada, l' altezza delle piene si dovesse ridurre a due terzi di quell' altezza, che nello stato presente può convenirle ora maggiore, ora minore, secondo la copia dell' acque: egli conclude all' improvviso, che la detta altezza sia per essere in ogni piena la medesima, cioè due terzi di quell' altezza, sulla quale sarà costituita la pescaia: che vale a dire, quando l' altezza della pescaia per esempio fusse di braccia 8. in tal caso l' alzamento del livello dell' acqua sopra della pescaia nelle massime piene ordinarie non sarà, che di braccia 5. e un terzo. Sicchè l' altezza della pescaia rimanendo sempre la medesima, anche l' altezza di qualunque piena farà sempre l' istessa, cioè eguale a due terzi dell' altezza della pescaia; e da questa dovrà unicamente regolarli, non dall' altezza, che di presente hanno le massime piene.

LXXVIII. Ma se è così, farà dunque superfluo tutto ciò, che ha l' Autore raccapezzato da testimonj indotti per l' una, e per l' altra parte a fissare l' altezza di esse piene; perchè bastava dire, che per essere la pescaia a due terzi di strada, dovea l' altezza dell' acqua arrivare sopra d' essa pescaia a due terzi dell' altezza, in cui fusse costituita, onde non itia più la lunghezza del canale presente alla lunghezza di quello, che terminerà alla nuova pescaia, come la presente altezza dell' acqua a quell' altezza, che acquisterà allora sopra la pescaia [il che da principio supponevasi dall' Autore, nel calcolo addotto al num. 71. di sopra al primo suo testo] ma bensì, come l' altezza della pescaia da costruirsi, all' altezza che stabilmente averà in ogni caso, ed in ogni tempo l' acqua corrente sopra della detta pescaia; il qual principio però non ha maggiore verisimiglianza dell' altro, anzi è più assurdo di quello: onde non può altrimenti sussistere, e non debbe in conto alcuno attendersi, nè la conclusione dell' altezze delle piene, quale si dovea dedurre dal primo supposto, *proporzionale all' altezza presente dell' acqua*, in ragione della lunghezza de' canali: nè quale l' ha dedotto il Sig. Rondelli, cambiando tacitamente quella sua prima supposizione in quest' altra dell' essere l' altezza di dette piene sempre *proporzionale all' altezza della pescaia, che si pretende di alzare*, nella stessa ragione delle lunghezze de' canali.

LXXIX. E per verità, l' una e l' altra di dette conclusioni è manifestamente contraria alla ragione, ed alla stessa speranza, non meno di quella opinione, di cui ciò dice l' Autore lin. 13. e che cerca di attribuirci, per iscredito de' nostri sentimenti, quasi che abbiamo detto in verun luogo, che il corpo dell' acqua, superiormente alla cresta della pescaia, si alzi tanto di più, quon-

quanta è l'altezza della detta pescaia: il che da nessuno de' nostri è stato asserito, come già ho detto di sopra num. 55. bensì abbiamo affermato, e ed ancora costantemente l'asfermiamo, non essendoci stato provato il contrario, che il nuovo fondo si alzerà sopra il vecchio altrettanto, quanto alzata sarà la pescaia: e conseguentemente, alla stessa misura dell'alzamento della pescaia si alzerà il livello dell'acqua, sopra il livello, che (in pari grado di piena) aver poteva il fiume nello stato presente, senza la detta pescaia. Il che è verissimo, nè può controvertersi dover ciò seguire: anzi piuttosto più, che meno, per la ritardata velocità dell'acqua nella diminuita pendenza. Onde non fa a proposito il dire *lin. 34. Che nelle piene di qualsivisia fiume, sempre pochissimo è quell'alzamento dell'acqua, che si osserva sopra del ciglio delle pescaie*: perchè noi non abbiamo parlato dell'alzamento, che accade appunto sull'orlo, dove per non essere spalleggiata l'acqua dalla precedente, fa di mestieri, che per la stessa forza della sua fluidità, si avvalli, e faccia un margine parabolico, secondo la piegatura del quale discenda, fasciando, per così dire, e lambendo placidamente l'orlo della pescaia: eccetto però che in caso di massime piene, le quali, come si è detto di sopra num. 67. colla soprabbondanza dell'acque riempiono il fondo inferiore, ed obbligano il fiume a passare sopra l'orlo della pescaia con tutto quel corpo d'acqua, che porta seco di più, senza notabile interrompimento della sua corrente. Il che mi maraviglio, non essere stato avvertito dal Sig. Rondelli, il quale, oltre l'essere così celebre professore d'idrometria Teorica, ha il vantaggio d'avere così vasta, ed lunga pratica de' fiumi di Lombardia, di Romagna, e di Toscana: quando a noi, che per suo detto (pag. 9. *lin. 38. e pag. 10. lin. 17.*) siamo non punto pratici intorno alle operazioni de' fluidi, è ciò notissimo, e per innumerabili sperienze manifeste del tutto indubitato.

LXXX. Ma io farei troppo noioso, e prolisso, se volessi minutamente esaminare, e confutare tutte le cose addotte dal Sig. Rondelli, nelle quali io non posso, con esso lui concorrere nello stesso parere, qualunque impegno, o genio, o comando, o interesse mi obbligasse per avventura il suo partito a seguire (che che egli mostri di sospettare in contrario, pag. 10. *lin. 39.* tacitamente sopra di ciò motteggiandomi) non dovendo alcuno in grazia altrui tradire la verità, e molto meno potendo ciò convenire a' professori di matematica, avvezzi a non far conto, se non di ciò, che con sodi, ed evidenti discorsi può dimostrarsi, lasciando da banda le fircacchiature, e gli artifiziosi inorpellamenti, co' quali sogliono altri, a favore di quanto loro più aggrada, ritrovare argomenti plausibili, apparenti ragioni, ed autorità mendicate. Per tanto darò fine una volta a sì lunga disamina, confidando, che da quel poco, che è stato da me sopra la detta scrittura notato, potrà raccogliere agevolmente, chi che sia, qual capitale debba farsi delle dottrine in essa contenute: e quanto sussistenti, e ben fondate sieno le ragioni addotte dalla parte nostra, per giustificare l'intenzione dell'Illustriss. Sig. Marchese R. in questa importantissima causa, mentre a motivi cotanto sievoli conviene si attacchi la parte contraria, per tentare di eluderne in qualche maniera la forza, ed olcurarne, per quanto le sia possibile, la manifesta evidenza.



INFORMAZIONE

DEL

P. ABATE GRANDI

Agl' Illustriss. Signori Commissarj, ed Uffiziali dell' Uffizio de' Fossi della Città di Pisa.

Circa una nuova terminazione proposta dell' Era.

I. **I**N esecuzione degli ordini sempre da me riveriti delle Signorie loro Illustrissime comunicatimi dal Signor Cancelliere Bardi a tenore del Decreto emanato fin sotto il dì 11. Luglio presente dell'anno 1715. da costesso Illustrissimo Magistrato de' Fossi di Pisa, avendo fatta riflessione alla pianta, e Relazione del Signor P. per lo preteso regolamento da stabilirsi al corso del fiume Era, ad oggetto di determinare il sito, dentro di cui possano gl' interessati dall' una, e dall'altra parte fare quei ripari, che stimeranno più opprtuni per difesa de' proprj beni: e vedute ancora l' eccezioni opposte per parte del Sig. Marchese R. e le risposte date ad esse a nome del Signor Marchese N. principali collitiganti sopra di questo punto; e sentite ancora in voce le ragioni, che per mia maggiore informazione, a difesa dell' intenzioni loro, si sono compiaciute ambe le Parti di farmi rappresentare: esporrò con tutta libertà, e candidezza alle Signorie loro Illustrissime il mio parere nelle seguenti considerazioni.

II. E' certo, che nulla si debbe innovare nel corso naturale de' fiumi, se non quando alcuna gravissima necessità a ciò ci costringa, o qualche notabile utilità pubblica ce lo persuada, o almeno l' uniforme consentimento de' i confinanti, per loro privato giovamento, da chine ha legittima auto-

rità il richiegga, rimosso ogni pericolo pel pubblico danno. Il che è tanto vero, che nel Senato Romano essendosi proposta la diversione di più fiumi dal Tevere, benchè l'urgenza, e l'importanza di rimediare alle troppo frequenti inondazioni della Città capitale del Mondo, pareva che giustificasse abbastanza il progetto, datosi orecchio al ricorso di varie Provincie, tributarie allora di Roma, ed interessate nella grand' opera, prevalse a tutti il parere di Pilone *qui nil mutandum censuerat*, come dice Tacito nel lib. 1. de' suoi Annali, essendosi considerato, tra gli altri motivi, che la natura aveva assai meglio dell' arte saputo provvedere a' nostri bisogni, nell' assegnare a' fiumi quell' origine, quel corso, que' confini, que' termini, ch' erano più opportuni: *Optimè rebus mortalium consuluisse naturam, quæ sua ora fluminibus, suos cursus, atque originem, ita fines dederit*. Nel qual luogo così commenta il Davanzati. Come le vene per li corpi degli animali, e per le foglie delle piante: così per la terra i fiumi si spargono con volte, e storte, secondo il bisogno ben conosciuto dalla natura vera capomaestra, e ingegniera: ne possono ritoccarli senza violenza, errore, danno, e gravezza de' popoli, e bottega de' ministri. Quindi è, che nella legge *Ait Prator ne Digesti al titolo ne quid in flumine publico fiat, quo aliter aqua fluat, atque uti priore estate fluxit*, espressamente si vieta l'innovare cosa alcuna ne' fiumi pubblici, o nelle ripe loro, e distorli altrove, in maniera che scorrano quindi in poi diversamente dal solito: secondo l'ultimo stato dell' antecedente estiva stagione; e si comanda di rimettere il tutto nel primiero sistema, quando da chicchessia tentata fusse una simile novità *Ait Prator: in flumine publico, inve ripa ejus facere, aut in id flumen, ripamve ejus immittere, quo aliter aqua fluat, quam priore estate fluxit, veto*. Deinde *ait Prator: quod in flumine publico, ripave ejus factum, sive quod in flumen, ripamve ejus immisum habes, si ob id aliter aqua fluit, atque uti priore estate fluxit, restituas*. Alle quali disposizioni giuridiche, non correte, o moderate da veruna delle nostre leggi municipali, e che debbono servire non solamente di freno al capriccio de' privati; ma altresì di norma, e direzione a' Magistrati, ed a' Principi stessi nel concedere ciò, che loro vien richiesto da' sudditi, non veggio che assegnare si possa altra eccezione, se non la necessità, ovvero l' utilità pubblica, certamente da preferirsi al rigore di qualsivoglia legge, o al più secondo l'ipiano ancora la privata utilità, per difesa de' beni di un particolare, purchè sia congiunta coll' indennità de' vicini, e sia senza incomodo, o pregiudizio de' confinanti: *neque enim ripa cum incommodo accoleptium manende sunt*, come si ha nella suddetta legge al § *Sunt qui putent*, e come nel seguente § *Sed & alia utilitas* si soggiunge: *Oportet enim in hujusmodi rebus utilitatem, & tutelam facientis spectari, sine iniuria utique accolarum*.

III. Ciò premesso, che può servire d' incontrastabile fondamento a decidere infra i casi: per giustamente determinare, se debba permettersi la proposta terminazione nel fiume Era, la quale manifestamente ne altera in gran parte il suo corso, conviene esaminare, se alcuna necessità, o pubblica utilità si possa addurre, la quale ci obblighi ad approvare il proposto partito, o almeno se la privata utilità di chi lo propone sia, depurata da qualsivoglia pregiudizio altrui, o corredata dal consentimento uniforme de' confinanti, come essere dovrebbe, per richiedere, ed ottenere dalla retissima giustizia di questo Illustrissimo Magistrato, custode zelantissimo delle Leggi, l'esecuzione di tal progetto: lo per me non trovo, che si verifichi nel caso nostro veruna dell' addotte circostanze, e piuttosto ho motivo di temere moltissimi inconvenienti, che dalla proposta terminazione seguir po-

treb-

trebbero in pregiudizio del pubblico, e del privato. *Imperocchè non sussiste il motivo accennato dal Sig. Marchese N. nelle risposte date all' eccezioni fatte dal Sig. Marchese R. al §. 1.º. Nè cammina, cioè di pretendere con ciò che si rimetta il fiume nel suo vero letto; che si asserisce stato occupato da i possessori de' beni adiacenti, riponendolo ove doveva essere, e dove si crede, aver esso più naturale il suo corso. Non sussiste, dico, in veruna maniera. Primo perchè quel fosse il vero letto del fiume due mila anni fa, o solamente cinque secoli addietro, nessuno può risaperlo: nè vi ha chi possa ragionevolmente pretendere, che il disegno delineato per la nuova terminazione, senza verun' antico documento, il quale servisse di scorta all' Architetto, che se l' ha ideato, confronti appunto coll' alveo anticamente posseduto dall' Era ne i tempi de' nostri arcibilavoli, non che ne i più rimoti della nostra memoria. Secondo, perchè piuttosto vi ha presunzione di credere, che il letto presente sia lo stesso; in cui ab immemorabili ha stabilito l' Era il suo corso, non essendo vi alcun fondamento in contrario; e tocca a chi asserisce una tal mutazione il provarla concludentemente. Terzo, perchè appunto nella parte più importante si confessa da un Perito del Sig. Marchese N. che il fiume andava negli antichissimi tempi, e sempre è andato dove va ora, e non dove si propone ora di derivarlo nel presente disegno. Veggasi la Scrittura del Sig. Dottor Rondelli prodotta nella causa del mulino, ove parlando del sito, in cui erano le vestigia del preteso mulino rovinato al confine di Camugliaro, e Ponticco, dice pag. v. lin. 6. del detto sito, che apertamente si vede, sempre in ogni tempo essere stato letto naturale del fiume Era; e pure nel moderno disegno del Signor P. sono tirare le linee di terminazione in maniera, che tutte le reliquie di quell' edificio posto ivi alla lettera A, rimangono fuori del letto del fiume: il che pare fatto a bella posta, acciocchè i ripari esistenti nell' alveo presente dalla parte del Signor Marchese N., ed impugnati ex adverso avanti il Tribunale delle Signorie loro Illustrissime dal Signor Marchese R. possessore dell' opposta riva, come a' beni suoi di pregiudizio, sembrino posti fuori de' confini, che ora si pretende di prescrivere all' Era, e però non si debba più insistere per la loro demolizione. Quarto, perchè quando ancora si provasse, che il fiume anticamente avesse diverso corso, non perciò si potrebbe dire occupato da' possessori de' beni adiacenti al suo vero letto; non dovendosi supporre, che artifiziosamente sia stato fatto l' acquisto loro per via di puntoni, e penelli, o altr' opere manifatte: ma bensì naturalmente per via d' alluvione, che è un giusto titolo d' acquistarsi il dominio, essendo che a tenore della l. ergo ff. de acquir. rerum dominio §. Alluvio agrum restituit, i fiumi la fanno da Arbitri con ridurre all' uso privato ciò ch' era di ragione pubblica, e trasferire ad uso pubblico quello ch' era di ragione privata. *Flumina censitorum vice funguntur, ut ex privato in publicum adducant, & ex publico in privatum*, e come dice il Re Teodorico appresso a Cassiodoro nel lib. 3. ep. 52. il corso d' un vastissimo fiume a chi toglie campi, a chi dona poderi: *aliis spatia tollit, aliis rura concedit*; onde ancora Luciano elegantemente cantò nel lib. 6. della Parfaglia*

*Illos terra fugit dominos, bis rura colonis
Accedunt, donante Pado.*

E finalmente in quinto luogo, perchè la legge considera l' ultimo, e prossimo stato del fiume nell' anno antecedente, come si è veduto ne' testi sopra citati, nè cerca di restituire quel corso a torrenti, che per avventura

ebbero ne' tempi lontanissimi dalla nostra ricordanza.

V. Nè meno si verifica la maggiore facilità dello scarico dell' acque, la quale nel rispondere all' eccezioni quinta, e settima si lusinga il Sig. Marchese N di potere ottenere colla nuova terminazione dell' Era: perchè a tal fine sarebbe piuttosto necessario il raddrizzare le sponde del fiume, tirandole a dirittura dal concorso del Roglio, e dell' Era al luogo dell' asserito mulino nel confine di Camugliano: che così liberata l' acqua da tante svolte, incontrerebbe minor resistenza, e nell' abbreviamento del viaggio fra gli stessi termini, acquisterebbe maggior pendio, e conseguentemente maggiore velocità, la quale tola nel caso nostro può facilitare l' esito dell' acqua, e nulla vi può contribuire l' uniforme larghezza di sessanta braccia che si desidera prescrivere a tutto il canale, ritenendolo più che mai tortuoso, e serpeggiante. Che se non è da tentarsi il predetto raddrizzamento, per lo notabile pregiudizio, che ciò apporterebbe alla fattoria del medesimo Signor Marchese N. il quale non vorrà certamente, che se ne parli, qualunque fosse l' utilità pubblica, che quindi ne derivasse: cerchi pure sua Signoria Illustrissima altri mezzi più opportuni, per segnalare il suo zelo del pubblico bene, perchè niun beneficio comune può certamente compromettere col nuovo regolamento proposto, il quale trasporta bensì il fiume da un luogo ad un altro, ma non corregge i suoi serpeggiamenti, anzi li va secondando con tante svolte peggiori assai delle prime.

VI. Dissi peggiori, per essere fatte ad angoli rettilinei, in vece delle curvature, per cui più dolcemente ora si va il fiume appoco appoco piegando nell' alveo presente, al quale da tanto tempo in qua si è accomodato, equilibrando in esso la sua forza colle resistenze dall' una, e l' altra parte incontrate già nelle sponde; che se a favore dell' intenzione di esso Sig. Marchese N. viene asserito, sul fine della risposta all' eccezione settima, che giovi più al libero movimento dell' acque l' avere il letto disposto in angoli rettilinei, che curvilinei, io confesso d' essere altrettanto curioso di sapere chi sia l' Autore di tal proposizione, da me stimata fallain Teorica, ed insufficiente nella Pratica, quanto sono prontissimo a provare io il contrario con evidenti dimostrazioni da me già esposte nella pubblica Pisana Accademia, con far vedere, che nel piegarli il corso d' un fiume a varj angoli rettilinei, molto va scapitando della sua velocità, e notabilmente si r'tarda: ma voltandosi nelle sinuosità di qualche curva, niun grado della propria velocità gli viene scemato; e ciò per l' insensibile grandezza dell' angolo del contatto, che è infinitamente minore di qualunque angolo rettilineo, e però in vigore di esso la direzione della curva in ciascun punto non è sensibilmente differente da quella del punto, che appresso ne succede: il che fu espressamente insegnato fin dall' anno 1640. dal gran Galileo nella sua *Relazione del fiume Bisenzio*, indi nel 1704. dal Signor Varignonio nelle *memorie dell' Accademia Reale di Parigi*, e da me ancora nelle note al *Trattato del Moto del Galileo nella prop 8. specialmente al num. 28*. Onde veggiamo la natura stessa, nell' incamminare i fiumi per varie strade flessuose al loro termine, sempre indirizzarli piuttosto per via curvilinea, quando non possa per una del tutto retta, che per una interrotta da varj angoli rettilinei: anzi dare la forza per il cantonare le prominente degli angoli, che risaltano in fuori, e propensione a deporre ne' seni delle cavità degli angoli opposti le torbidità loro, riducendo le ripe, dove hanno le svolte, ad una curvatura manifestissima, dentro di cui più soavemente si va piegando l' acqua, accomodandosi a quelle infinite direzioni, che succedono l' una all'

altra

altra con un continuo, ma però sempre insensibile cambiamento; onde ben potiamo accertarci, che ancora nel caso nostro non si manterrebbe il fiume Era soggetto alla proposta terminazione, ma la farebbe in pochissimo tempo degenerare di rettilinea in curvilinea secondo il suo solito, rintuzzando il convesso, e riempiendo il concavo di ciascun angolo: quando per altro non gli fortisse di farvi più notabili mutazioni, e di maggior pregiudizio a' terreni contigui, come poscia vederemo poterli con tutta ragione temere.

VII. Maggiore apparenza averebbe, per giustificare il regolamento proposto, l'intenzione accennata nelle Risposte all'eccezioni seconda, e sesta, cioè d'impedire con ciò, *che non si dilati maggiormente il fiume, e non faccia maggior letto di quello è suo proprio, ed evitare le grandissime corrosioni, che seguono, lasciando scorrere l'acqua liberamente*, persuadendosi, che queste debbano cessare, ogni qualvolta si mantenga l'Era nell'uniforme larghezza di braccia 60. assegnatale nel proposto disegno. Ma io dimando, come si pretenda di ottenere così laudevole, e plausibile intento? Evvi forse tra noi chi si vanti di avere quella sovrana autorità, che può farsi ubbidire ancora a' fiumi, intimando loro il sequestro tra i confini a capriccio ideati dall'altrui fantasia? e chi farà quello, che oserà precettare l'Era, intuoandogli altramente con voce imperiosa (come già fece il Divino Architetto all'Oceano, appresso Giobbe c. 38. v. 11.)

Sin qui verrai, non trapassar più avanti,

Qui frena, e rompi l'onde tue spumanti.

Usque buc venies, & non procedes amplius, & hic confringes eumes fluxus tuos! forse i ripari, che dall'una, e dall'altra parte si porranno allora in distanza di 4 braccia dalle linee terminanti, di qualunque materia, di qualsivoglia forma, e per qualunque verso, e situazione ec. come propone il Signor P. nella sua relazione, basteranno a contenere il fiume tra i confini disegnati? E chi ci dà mallevadore, che in tempo di piene voglia l'Era avere tanto rispetto per si fatti lavori, che allo incontro di essi ponga freno al proprio impeto, e non piuttosto si prevalga delle sue forze in abbattearli, o che dalla resistenza de' medesimi non venga obbligata a torcere altrove il suo corso, ben lungi dalle linee prescritte, con gravissimo pregiudizio delle campagne? A voler fermare l'andamento dell'Era lungo le linee disegnate, ci vuol' altro, che piantare alquanti pali ne' punti degli angoli, e con poche zappate fare la traccia all'acqua per quelle direzioni, nelle quali si pretende di trattenerla, rimettendo poi alla discrezione de i confinanti il fare que' lavori, che più loro aggradano, e per qualsivoglia verso loro piaccia, secondo che a' medesimi persuaderà il proprio interesse. Egli sarebbe di mestieri alzare continuamente, sopra tutto il tratto di quella terminazione, da entrambe le parti, argini potentissimi, di materia così soda, e ben compatta, che non cedesse alle scosse delle maggiori piene, ed agli urti, e battute cagionate da tante svolte; ed oltre a ciò farebbe d'uopo dare agli argini medesimi tale altezza, che compensasse l'angustia delle sole sessanta braccia assegnate in larghezza al nuovo canale per potervi contenere quella copia d'acque, che dall'abbondanza delle piogge, e dal disfaccimento delle nevi può essergli somministrata: non essendo noi sicuri, che potesse allora il fiume in tutto profundarsi da se medesimo l'alveo più di prima, non essendo verisimile, che ritrovasse minor resistenza nel fondo, che nelle ripe, onde esercitasse l'impeto suo piuttosto verso di quello, scavandolo, che verso di queste, facendole franare, ed in caso che non cedesse

ro, formontandole; e per altro non dovendoci noi curare, che segua un tale esierito, perchè votandosi il canale dell'Era, non si riempisse, ed alzasse, di più di quel che sia presentemente, il letto d'Arno, scaricandovi tutta quella materia, che quindi scavasse; ma una simile impresa di alzare i suddetti argini tanto alti, e così massicci, che contenessero le piene dell'Era, e resistessero alla loro forza, non è da tentarsi; primieramente per mancamento della materia atta a cotai lavori, essendovi all'intorno, solamente terreno sciolto, ghiaioso, e reniccio, che non fa presa; in secondo luogo per difetto degli assegnamenti opportuni, giacchè non è credibile, che gl'interessi soffrissero giammai di concorrere ad una spesa tanto esorbitante, senza necessità, e senza speranza d'alcun profitto, nè è giusto che siano a ciò forzati dalla pubblica autorità.

VIII La terminazione adunque, che si desidera di fermare secondo il proposto disegno, non è necessaria, nè utile al pubblico, ed oltre a ciò nè meno è riuscibile in pratica, senza grandissimo incomodo, anzi pericolo de' confinanti; onde, quando ancora per l'utile privato, che si stima ne ridondasse al Sig. Marchese N. fusse da attendersi la sua istanza, tuttavolta l'opposizione molto ragionevole degli altri interessati, fa che manchi una delle principali circostanze, che si richiederebbero, per giustificare pienamente la sua intenzione. Per altro non mancano già modi per provvedere all'intennità del medesimo Sig. Marchese, e difendere le sue ripe, con lavori fatti a seconda del fiume, senza che pregiudichino a' possessori de' beni adiacenti all'opposta riva: e quando seguan corrosioni in suo pregiudizio, è sempre aperta la strada per ricorrere, secondo il bisogno, a questo Illustrissimo Magistrato, che ordinerà quanto occorre, senza che s'intraprenda un'opera soggetta a tante difficoltà, e contrasti, dispendiosa, superflua, e pericolosa, quale si è la proposta terminazione, dopo la quale si pretende, che rimanga libera facoltà a' particolari, di fare, disfare, come a loro piace, nella distanza di 4. braccia dalle linee ivi disegnate, qualunque sorta di lavoro, alto, o basso, diretto, ovvero obliquo, il che nelle circostanze del fiume, di cui si tratta, potrebbe partorire varj disordini, a cagione de' quali non parrebbe espediente, che il Magistrato si spogliasse dell'autorità, che gli compete, di soprintendere alle operazioni concernenti il fiume Era, dandone così generalmente la permissione a' particolari.

IX Ma quando pure l'utilità pubblica, o privata, o ancora il motivo assai laudevole, che può crederci avere il Marchese N. d'evitare i frequenti litigi, con determinare una volta per sempre, fin dove far si possano i lavori opportuni, per difesa de' proprj beni, ciperuasdessero di condescendere al suo buon genio, permettendo che sia fissa la determinazione dell'alveo del fiume in quel tratto, in cui egli la desidera, cioè fra il concorso del Roglio, ed il confine di Camugliano, e Pontacco: io non so vedere, perchè non potesse contentarsi sua Signoria Illustrissima della terminazione, che è bell'e fatta secondo lo stato presente, la quale al pari di qualsivoglia altra dell' infinite, che si potrebbero proporre, può benissimo servire all'intento, senza innovare cosa alcuna, facendone scendere un' esattezza, e fedele descrizione, e poi contenendosi co' lavori, ch' egli pensa di voler fare, dentro le medesime ripe, in distanza delle proposte 4. braccia da' margini dell'alveo in oggi posseduto dall'Era, senza alterarne in maniera alcuna il solito corso, e solamente col dilatarne la larghezza, dove apparisce, troppo ristretta, sicchè in nessun luogo fosse minore delle 60. braccia

cia prefisse dal Sig. P. o di quella più adattata misura, che fusse giudicata opportuna, esaminando meglio lo stato del fiume. Questa terminazione, siccome più naturale, così sarebbe più durevole, e più facile a mantenersi, e meno soggetta a' disordini temuti nell'altre, che arbitrariamente si potrebbero proporre, e di maggior soddisfazione delle parti, cui non potrà riuscire di maggior pregiudizio, o dispendio, di quello che in oggi ne risentano. Ed è pure verità per se stessa assai manifesta, che non potendo raddrizzarsi il corso del fiume, conviene lasciarlo nell' antico suo letto, in cui da tempo immemorabile si è stabilito, e di cui è in possesso del tutto pacifico: perchè volendo mutarlo, e non per drittura, ma per serpeggiante via, non vi è maggior ragione di scegliere quella, che viene proposta dall' Ingegnere P. piuttosto che alcun'altra delle tante, che a capriccio delle Parti si potrebbero ideare, secondo i vari loro interessi: e però niuna di esse può ragionevolmente preferirsi all'altre: ma conviene unicamente determinarsi o alla retta, o alla curva, che ha di presente, le quali due sole strade sono in se stesse determinate, per esser quella la minima che possa stendersi da un termine all'altro, e questa l' unica prescelta dalla natura, a cui, tra varie resistenze incontrate nel viaggio, si è finalmente accomodato esso fiume, ed a cui niuno de' confinanti può avere pretesto da opporsi in modo veruno.

X. Io dubito però di molto, se la proposta larghezza di braccia 60. possa essere bastante, fuori che in tempo di acqua bassa; che però ho detto di sopra, che volendosi fermare la terminazione dell' Era nel letto, che ha presentemente, converrebbe ridurlo ne' luoghi più stretti alla prefissa larghezza, o a quella di più, che fusse giudicata necessaria, esaminando meglio lo stato del fiume; essendo manifesto, che in tempo di piena ancora mediocri si stende l' Era a coprire i renai contigui al suo letto ordinario, e si sparge per gli albereti, acquistando larghezza talvolta maggiore di 100. braccia: che se in alcun luogo si mantiene in minore larghezza delle 12. pertiche, ciò avviene, perchè ivi le ripe saranno di maggiore altezza, che compensi l'angustia della sezione, e di più saranno fiancheggiate da qualche masso, o todo pancone, il quale sostenendo l' impeto dell' acqua l' obbligherà a scorrere con maggiore velocità secondo la direzione del suo letto, senza potere esercitare il suo sforzo lateralmente in abbattere le sponde, per dilatarsi l'alveo a dovere. Onde non sussiste ciò, che nella risposta alla quarta eccezione al §. *Che poi la larghezza ec.* viene accennato dalla Parte avversa: perchè, dove il canale dell' Era è di fatto più stretto, averà necessariamente la disposizione sopra descritta di sufficiente altezza, e profondità in mezzo a sponde ben tode, e resistenti; ovvero sarà solamente angusto il ricettacolo dell' acque basse: ma l' acqua alta, che è quella, che fa il rumore, e di cui bisogna temere, avrà campo sufficiente per dilatarsi nelle spiagge contigue al corso del fiume.

XI. Molto meno poi basta a giustificare la prefissa larghezza l' osservazione delle luci del ponte, sotto di cui passa l' Era vicino al suo sbocco in Arno, le quali hanno larghezza minore delle suddette braccia 60. prima perchè essendo quel ponte in un luogo più basso, dove il fiume si è acquistata maggiore velocità, ivi ha bisogno di minore sezione, secondo la dottrina del P. Abate Castelli *al corol. 14.* la quale velocità gli si accresce ancora, perchè all' ostacolo, che ivi incontra l' acqua nella pigna di mezzo, e nelle fiancate, rigonfiando alquanto, si rialza di superficie, e quindi scote per un piano più declive sotto gli archi d' esso ponte, col maggior im-

peto acquistato nell'acrescimento di quel pendio, come osservò il Mariotte *part. 2. disc. 3. alla regola 5. del movimento dell'acque*. Secondo perchè l'altezza sotto il ponte compensa l'angustia della larghezza, laddove nel nostro caso non potrebbe averfi tale altezza, massimamente dalla banda del Sig. Marchese R se non rialzando le sponde a modo d'argini con grandissimo dispendio, e poca speranza di sussistenza: nè vi è speranza che il fiume da se stesso si profondi, essendo più facile all'acqua il rodere le ripe, e dilatarsi, che lo scavare un fondo gretofo, lastricato di ghiaia, da gran tempo ammassatavi. Terzo perchè, se il ponte non fosse con fianchi salditissimi, e pile robuste ben assicurato, certamente l'acqua non si contenerrebbe di quella angustia, ma facendo sforzo per dilatarsi lo spianterebbe, come a tant'altri poco bene rincalzati è avvenuto; onde se tale strettezza d'alveo s'assegnarà al fiume dentro ripe di semplice terra reniccia, per lo più melcolata di ghiaie del tutto sciolte, esso da se medesimo si farà largo, non essendo le sponde sufficienti a sostenere lo sforzo suddetto, che fa l'acqua per dilatarsi a misura del proprio corpo. Quarto finalmente, sebbene l'acqua ordinaria passa sotto i due archi di mezzo di detto ponte, che sono di 24. braccia di luce per ciascheduno, e però in tutto sono braccia 48. vi sono però altri due archi laterali, mezzi chiusi dalla ripienezza del letto, per i quali, essendo il fiume in colmo, passa molta quantità d'acqua, onde tutta la larghezza riesce maggiore delle 60. braccia.

XII. In proposito del fiume in colmo, mi viene suggerito, che nella ultima gran piena del prossimo Settembre passato, crebbe l'acqua fino all'altezza di 14. braccia in circa; con tutto che si stendesse, avanti il concorso del Roglio, dove in larghezza di 40., dove di 50. e per fino a 60. e più pertiche: immaginandoci dunque, che tutta questa gran mole d'acqua, dopo il concorso dell'altro fiume influente, cioè del Roglio, resti viepiù abbondante, si voglia ora costringere a passare per un canale di terra potesticia, largo da per tutto per sole dodici pertiche, la quale capacità corrisponderebbe giusto alla quinta parte solamente di tutta la piena, ognuno ben giunge a capire quanto sia l'impresa azardosa, per non dire impossibile, o almeno quanto sia difficile a concepirsi, che ciò seguir possa, senza funesti trabocchi, o rigurgiti, e chi si sia rimarrà ben persuaso delle imminente rovine, che seguir potrebbero, nell'urtare dell'acqua, impaziente di così stretti legami, in quelle sponde, ed in que' ripari, che per qualsivoglia verso si pretende di potervi disporre fuori delle linee della proposta terminazione: dovendo senza dubbio, sormontate le ripe assegnate, giugnere l'acqua ad investire i predetti lavori, come bene ha preveduto la Parte contraria; altrimenti se confidasse, che l'alveo prescritto dovesse in ogni stato contenere l'acqua, superflui sarebbero i ripari proposti fuori delle linee terminanti. E chi può prevedere le orribili conseguenze, che ne potrebbero succedere? rotti i ripari, e corrose le sponde posticce, potrebbe ancora la maggior forza del fiume volgere altrove il suo corso, e farsi un nuovo alveo, dove trovasse maggior declive, abbandonando l'antico già ripieno di ghiaia, ed eccoci alla necessità d'un'altra nuova terminazione, e di altri dispendiosi lavori, per chiudere le rotte, e liberare le campagne nuovamente sottomesse dal fiume.

XIII. Ma veniamo a considerare la perdita, e gli acquisti di terreno, che risulterebbero dall'effettuare questo disegno; se potesse ridursi in pratica, ed avere qualche sussistenza. Si riserterà, che siccome nell'acquisto entrerebbero delle parti del letto del fiume presentemente ghiaiose, e del tutto

tutto sterili, e bisognose di rialzamento per divenire fruttifere: così nella perdita è dovere che si tenga conto ancora de' renai, i quali ora sono incapaci di coltura, ma col tempo si potrebbero appoco appoco dalle piene rialzare, e bonificare. Ciò posto, dico che lo stesso Signor Marchese N. verrebbe a perdere a un dipresso altrettanto spazio, quanto è quello, che acquisterebbe; anzi piuttosto alquanto maggiore sarebbe la perdita dell'acquisto; onde per questo capo non avrebbe egli occasione d'insistere per la terminazione, e non dovrebbe curarsi, che andasse avanti questo progetto. Ma quanto al Sig. Marchese R. ho fatto conto sopra la pianta prodotta in atti, che la sua perdita sarebbe più che il doppio dell'acquisto; e però non veggio, come possa sperarsi, che sua Signoria Illustrissima s'induca ad acconsentire all'esecuzione del proposto disegno. Degli altri confinanti nulla dico, per non essere ben distinti nella pianta suddetta i termini de' loro terreni: ma ognuno penserà a rilevare il proprio danno, calcolando quanto gli si toglie, e quanto gli si accresce, ed esaminando, se l'acquisto di una parte gretosa di letto di fiume, compensi quel terreno lavorativo, e culto, che verrà intersecato dal nuovo letto disegnato nel presente progetto.

XIV. Oltre di che, si ha gran ragione di temere, come si è accennato già di sopra, che trasportando il fiume in quel sito, in cui non si ha da se naturalmente accomodato il suo letto, non debba quivi pacificamente fermarsi, senza trascorrere dove troverà maggiore cedenza, oltre i confini prescrittigli, con pregiudizio non solamente de' beni del Signor Marchese R. e degli altri confinanti, ma ancora delli stessi del Signor Marchese N. tanto più, che volendo reggere con forti lavori le ripe su l'andamento della terminazione prescritta, le riflessioni, che farà l'acqua in quegli angoli, potranno deviarla, ribattendola a danni dell'opposta ripa. Per esempio nel primo angolo disegnato dalla banda della ripa bassa del Sig. Marchese N. sopra il cannero del Picchj, potrà l'acqua, che dal concorso d'ambidue i fiumi Roglio, ed Era viene con impeto urtata nel secondo lato di detto angolo indi riperquotersi contro la ripa alta del Sig. Marchese R. e franarla, finattanto che non trovi tale resistenza, che l'obblighi a ritorcere il corso indietro, e dare di petto in qualche altro luogo; e se non seguisse ivi cotal riflessione, è moralmente impossibile, che in alcuno degli altri sette angoli concavi rimanenti nel disegno, ciò non seguisse, e non turbasse tutta la disposizione, in cui si pretendeva di fermare il corso del fiume, con danno dell'uno, o dell'altro, o d'entrambi i Signori Colliganti, e di altri vicini. E quando pure niuna succedesse di tali ripercussioni, è certo che nell'incontro de' suddetti 8. angoli si verrebbe molto a perdere della velocità del fiume: a segno tale, che secondo il calcolo da me fatto così all'ingrosso, la velocità con cui l'acqua scorreva avanti di urtare nel primo angolo, si troverebbe dopo l'ottava svolta nell'ultimo angolo scemata per più di cinque settimi, anzi per più di sette noni del suo primiero vigore. Onde lascio considerare a chicchesia, quanto spostata rimarrebbe la forza dell'acqua, e quanto più stentatamente dovrebbe per ciò smaltirsi, ed in conseguenza, quanto crescere potrebbe di altezza, con frequenti pericoli di trabocco, in pregiudizio de' confinanti.

XV. Per quello poi che appartiene alla pratica, che si asserisce essere in uso appresso il Magistrato della Parte di Firenze, da cui tolgiono decretarsi simili terminazioni ne' letti de' fiumi, tanto in particolare, quanto in generale, ad istanza d'uno, o di più possessori de' beni adiacenti, come se ne

appor-

apporta l'esempio colla sentenza emanata dal suddetto Magistrato il dì 11. Agosto 1639 in causa de' Signori Betti, e Nicolucci, per cui si approva la terminazione della Sieve nel luogo detto sotto la Ruffina, come aveva proposto il celebre mattematico Signor Vincenzio Viviani, da cui altresì fu fatta fare un'altra terminazione per lungo tratto del Bisenzio. Convien osservare, non poterli adattare quest' uso al proposito, di cui si tratta, variandosi le circostanze nel caso nostro, dove non abbiamo la stessa disposizione di sito, e dove non si tratta di rimediare a verun disordine, quissoggiaccia il fiume, lasciandolo stare, dove fin ora è solito di avere il suo letto. La Sieve avendo corrose le ripe, si era sparfa, e dilatata fuori del suo canale. Conveniva rimetterla in esso, determinando in qual luogo si dovesse fermare: e perchè ciascuno de' confinanti a forza d'opere manufatte averebbe da se allontanata la corrente, e gettatatala addosso al compagno, fu necessario, che per autorità pubblica si facesse l'addotta terminazione: in cui però (come risulta dal tenore della medesima sentenza, e dalla pianta ivi citata) le linee terminanti furono tirate a diritto, e sopra le vestigia de' confini, tra' quali prima scorreva il fiume, lasciandogli in varj luoghi, dove braccia 81. di larghezza, dove 84., dove 88., e per fino in 95., laddove nel caso nostro non vi è una simile necessità di rimettere il fiume al suo luogo, e non si propone di dargli almeno un corso più diritto, ma si fa serpeggiante come prima, e fuori de' soliti suoi confini, e con una larghezza troppo scarsa al bisogno. In ordine poi al fiume Bisenzio, ho osservato nella sua pianta esistente nell' Ufficio della Parte, che fu bensì disegnata con varie svolte; ma primieramente queste sono in piegature d'angoli ottusissimi, ed assai più aperti che non sono i proposti nel presente disegno dell'Era: secondariamente sono di lati così piccoli, che formano come un poligono di lati innumerabili, equivalente (per la dottrina del Galileo, e di tutti i moderni mattematici) ad una vera curva, in cui, secondo l'intenzione dell'Ingegnere dovea il fiume disporsi; onde è da crederli, che il Signor Viviani così disegnasse que' termini, perchè non potendosi in campagna, per tutto il tratto del corso curvilineo, che dovea fare il fiume, segnarne la traccia continuata, ma essendo obbligato di determinarla con pali, o altri termini reali posti a luogo a luogo, per cui dovesse passare la linea del fiume, li pose così spessi, che disegnassero come un poligono iscritto nella curva, che pretendeva dovesse descriversi dall'acqua, determinando quel poligono di lati così piccoli, e tanto moltiplicati, che si accostassero più che fosse possibile alla detta piegatura curvilinea da lui ideata. Terzo la terminazione ivi descritta non esce da' confini, tra cui prima scorreva il fiume, ma li va secondando; con allargarne solamente il canale dove n'era il bisogno, per ritrovarsi prima in que' siti troppo ristretto, e come strozzato da' canneri, che dall'una, e dall'altra banda vi avevano promosso i confinanti. Quarto in un luogo solamente si propose di variare il letto di esso fiume, e ciò con un taglio diritto, che correggeva un lunghissimo seno fatto dal vecchio letto del fiume. E quinto finalmente la detta terminazione era chiesta generalmente da tutti gl'interessati ad oggetto di riparare a' danni, che alla giornata seguivano, per essersi in alcuni troppo ristretto l'alveo del fiume co' lavori de' particolari, e per altri disordini, cui si trovavano tutto giorno soggetti; e però fu effettuata di comune consentimento. Le suddette cir-

costanze non si verificano già nel caso nostro, come dalle cose dette di sopra può ricavarfi; e però non si può adattare l'esempio addotto, per giustificare la pretesa terminazione dell'ira.

Il che è quanto parmi di potere per ora in questo proposito rappresentare al finissimo giudizio delle Signorie loro Illustrissime, alle quali rassegnando i miei rispetti, divotamente mi confermo.

Delle Signorie loro Illustrissime.

Dal Monastero di S. Michele in Borgo di Pisa.

Dev. e Obblig. Servo.
D. Guido Grandi.



RELAZIONE

PRIMA

DEL

P. ABATE GRANDI

All' Illustriss. Signor Marchese

FRANCESCO FERONI.

Circa il Padule di Fucecchio, e danni che cagiona a Bella Vista ec.



Illustriss. Sig. Sig. e Padrone Colendiss.



Opo d' avere osservato lo stato, veramente deplorabile, della Fattoria di Bellavista, oltre a quanto immaginar mi potessi, mal condotta dall' acque in essa stagnanti, per cui si veggono tanti poderi, già coltivati, e fruttiferi, ora impaduliti, e solo di giunchi, e cannuce ripieni,

Fatti nido di serpi, e di ranocchi,
rimanendo in essi affogate le viti, le zolle sommerse, e di ricevere coltura, o semenza incapaci, le strade convertite in fossi, non più di carri, ma dalle barchette solamente praticabili, le case de' lavoratori assediate dall' acqua, la quale talvolta giugne ad allagarne le stalle, ed i piani inferiori con grand' incomodo, e gravissimo pre-

pregiudizio de' contadini, costretti a ritrovarsi altrove ricovero più sicuro; mi sono posto a considerare le cagioni di tanti danni, ed a pensare qual rimedio più opportuno adattar si potrebbe, per risanare questi terreni, e restituirli alla primiera fertilità. Nè mi fu difficile il ritrovare la vera origine di tutto il disordine, riflettendo alla disposizione sì delle campagne adiacenti, come del contiguo padule, o lago di Fucecchio, dentro il recinto di cui sono state fatte dallo Scrittojo delle Possessioni di S. A. R. tante colmate, attenenti alle Fattorie delle Calle, della Stabia, di Castel Martini, del Terzo, e d'Altopascio, dalle quali notabilmente ristretto viene esso padule, rimanendone occupata la sesta parte almeno di tutta la sua espansione; e riflettendo, che specialmente le colmate, fatte in padule nelle due, ultimamente nominate Fattorie d'Altopascio, e del Terzo, pongono appunto in mezzo la Fattoria di Bellavista, che, stendendosi lungo il confine di detto lago, ha dall' uno, e dall' altro lato le mentovate colmaturre a risosso, ben tosto conobbi non essere maraviglia, le tanto ritrovavasi riempito il fondo del padule in faccia appunto alla maggior parte de' poderi di V. S. Illustrissima, i quali rimanendo oramai troppo notabilmente inferiori alla superficie del padule, in cui scolare dovrebbero, riescono di presente impossibile, che possano scaricarsi dell' acque, onde sono ingombrati; quan lo anzi l'è convenuto arginarli, per impedire, che l'acqua d' esso padule non trabocchi, e non si estenda o'ltre i confini proprj ad allagare vie più i suoi terreni fruttiferi, e sottermettere le più belle tenute, che siano rimaste ancora sane nel suo Marchesato: come pur troppo, non ostanti queste diligenze, si crede dovere in breve succedere, seguitandosi a colmare, come prima, dentro il padule, e cagionandosi così sempre maggiore lo stagnamento dell' acque nella sua Fattoria.

Non è minore il fondamento, con cui si teme in avvenire il propagamento di questa disrazia, di quello sieno pur troppo già certi gl' indizj del principio, e del progresso, che sin' ora ha avuto a misura, che si sono andate accrescendo le Colmate in padule: non essendosi fatto tutto il male in un tratto, ma dilatatosi a poco a poco alle parti superiori, come risulta dal testimonio di chi già questi, e quelli terreni lavorava, e centinaja di sacca di grano, e bade vi raccolse, non ha molt' anni; laddove con tratto successivo, essendosi resi sottoposti al ristagnamento dell' acque, e perduto avendo lo scolo per lo rialzamento sempre maggiore dell' acqua, e del fondo stesso del padule, si sono infrigiditi, e resi oramai inutili ad ogni frutto.

In fatti si riconobbe questa verità con tutta evidenza nell' accesso, fatto il dì 7. di Maggio prossimamente passato, in cui si osservò, che gli scoli, già destinati, a tramandare l'acqua delle campagne in padule, si trovavano intercetti fra le due acque, cioè delle campagne, e dello stesso padule, e si conobbero queste circa ad un terzo di braccio superiori a quelle: onde non ha dubbio, che se aperte si fossero le caratte, farebbe l'acqua del padule entrata in maggior copia dentro de' campi medesimi, e che però conveniva tenerle ferrate, e servirsiene ad un' effetto, molto diverso da quello, per cui erano state fabbricate da principio, quando la sua Fattoria era in buon' essere.

Del che, per avere maggior certezza, si fecero più, e diverse livellazioni, delle quali risulta, che l'acqua del padule, rispettivamente a quella, che era stagnante nelle campagne alla ragnaja, era superiore di quasi mezzo braccio, o per dirla precisamente di soldi 9. den. 10., e che il fon-

do stesso del padule era superiore alla superficie delle campagne, che sono alla via del Mariani, di soldi 18.; ed all' angolo dell' argine dell' Anchione, avendo distintamente preso il livello sì della superficie dell'acque, come de' fondi del padule; e nella campagna, fu ritrovato, essere la superficie dell' acqua nel padule superiore di soldi 9 e mezzo a quella de' campi; ed il fondo del lago sopravanzare di soldi 14 e mezzo quello della campagna; sicchè in varj luoghi l' altezza del padule, quanto al suo fondo, eccede di mezzo braccio, ed anche di due terzi, e più, ed in qualche luogo poco meno, che d' un braccio intero, l' altezza del terreno della Fattoria; e quanto all' altezza della superficie dell' acque, nel padule era quasi sempre vicino ad un mezzo braccio superiore a quella de' campi: e pure non eravamo in una stagione, preceduta da gran diluvj d' acque, ma da una quasi costante serenità, interrotta solamente da qualche piccola scossa di breve durata, che non impedì giammai la mattina, ed il giorno le nostre visite; dal che ben può raccogliersi, quanto più notevole riuscire debba l' altezza dell' acque del padule in tempo d' effrescenza, e di piene di tanti fiumi, e fossati, che in esso sboccano, e quando Arno nelle tue maggiori gonfiezze ricusa d' ammettere nel suo seno l' Ucciana, anzi respingendola verso le Calle del lago, sicchè questo piuttosto coll' acque di quella ringorghi (come è avvenuto tal volta) in vece di potere per essa aver l' esito. Cerramente, giungendo l' acqua a tal grado, o rimanendo solamente nello stato presente, e diminuendosi ancora a maggior segno col benefizio d' un' estate secchissima, non potrà ad ogni modo l' acqua delle campagne avere il dovuto scolo dentro al padule, ma di necessità vi dee morir dentro, senza potere essitarsi; dalche ne segue il rimanere impaduliti tanti poderi per l' acqua, che, dentro stagnandovi, ne infrigidisce il terreno, rendendolo abile solamente a nutrire canne palustri, e giunchi di varie maniere.

Nè si può opporre, che le colmature fatte nelle suddette Fattorie di S A R piuttosto pare, che dovessero impedire l' alzamento del fondo del padule, impiegando opportunamente quelle torbide, portate da' fiumi, che scaricano nel lago, le quali torbide, se trattener non fossero, verrebbero a depositarsi nel lago medesimo, e molto più l' interrirebbero, innalzandone maggiormente la superficie.

Imperocchè primieramente, se le colmature fossero state fatte ne' terreni, che fuori del recinto d' esso padule rimanevano alquanto bassi, e bisognosi di qualche risiorimento, voglio concedere, che quindi tramandandosi l' acque dentro il padule già depurate, e più chiare di quello, che avvenuto sarebbe senza tal colmatura, meno potuto avrebbero rialzare il fondo in pregiudizio de' scoli degli campi adiacenti. Ma il caso nostro si è, che le colmature sono state fatte dentro il padule medesimo, e così le torbide si sono fatte depositare dentro i margini di quello stesso vaso, che destinato era dalla natura a ricevere tutte l' acque de' fiumi influenti. Il contenente adunque essendosi ristretto, e non diminuito il contenuto, non può avervi più la dovuta proporzione: onde non è maraviglia, se il lago non è più capace di abbracciare, e ritenere tra limiti più angusti quella copia d' acque, che in tutta l' ampiezza sua da principio abbracciava, e conteneva; perchè finalmente la natura, che non vuole essere ingannata, nè fropraffatta dall' umana industria, si fa di ragione da se, cercando di ricuperare altrove lo spazio perduto, e levatogli a viva forza dall' arte, distendendo la giurisdizione del padule oltre a' suoi confini, con renderne padu-

dosi que' luoghi, che prima erano fruttiferi, in compensazione di quelli, che prima essendo destinati a contener l'acque, ora si deputano a ricevere sementa, e coltura.

A quest' oggetto pare, che mirasse la provida, e paterna sollecitudine del Gran Duca Cosimo I. di sempre gloriosa, e rinomabile ricordanza, allo, che circa il 1550., ristorando questo istesso lago di Fucecchio, e coll' edificio delle Galle al Ponte a Capiano raffrenando l'acque, vietò con salubre Decreto il disseccare in parte veruna i margini, fra quali il padule è ristretto, col pretesto di rendere con importuna fertilità bonificato il terreno: come si legge nell' iscrizione, ivi posta, del seguente tenore.

COSMUS MEDICES, FLORENTIÆ DUX II.

UT PHOCENSIS LACUS ACCOLAS
OPTIMÆ PISCATIONIS, ET EXOPTATÆ SALUBRITATIS
BENEFICIO SUBLEVARET,
HAC MOLE SUBSTRUCTA
PALUDEM NE EFFLUERET, COERCUIT,
EDICTO VETANS USQUAM SICCARI LACUS MARGINES
IN SPEM IMPORTUNÆ FERTILITATIS.
QUI CONTRA FAXIT,
EXILIO, ET FORTUNIS MULCTATUS ESTO.

In secondo luogo si può rispondere, che in tanto si è rialzato il fondo del padule in faccia alla Fattoria di V. S. Illustrissima, in quanto, che l'acque della Nievole, e Borra da una parte, e quelle della Pescaia dall'altra, essendo divertite dal loro primiero corso tra gli argini delle nuove colmature, fatte dirimpetto a' poderi di Bellavista, nell' escire dagli argini, o per gli emissari già stabiliti, o per le rotture, che frequentemente accadute sono negli argini medesimi, hanno portato la terra, da cui non erano ancora ben depurate, appunto in quelle parti del padule, che sono di contro alle campagne di V. S. Illustrissima, rialzando ivi il fondo in faccia agli scoli di esse: la dove, se l'acque de i detti fiumi si fossero lasciate andare pe' l' corso loro ordinario colla direzione, che avevano verso le Galle, o foci del lago, avrebbero portata in giù pe' suoi canali tutta la torbida senza pericolo, che si facesse così notabile interrimento, tutto raccolto in faccia alla detta sua Fattoria; ma al più qualche piccola posatura cagionata; avrebbero per tutta l' espansione del corso loro, la quale non avrebbe sensibilmente pregiudicato agl' interessi della sua Fattoria.

In fatti, e donde proviene, che solamente da quindici anni in quà si è più rialzato il fondo del padule, che non ha fatto in cent' anni addietro, quando non si divertivano i fiumi per le colmare? egli è pur manifesto, che i fiumi, entrando a dirittura in esso, quantunque seco portassero le loro torbide, le smaltivano altresì con maggiore felicità, e senza tanto riempire il fondo, e rialzare la superficie del lago, di quel che facevano ora, non ostante, che depongano le torbe loro tra gli argini delle colmature presenti; qualunque poscia ne sia la cagione o manifesta, o forse a

Si ag-

noi occulta, che riputare si voglia; il che poco importa al nostro bisogno.

Si aggiugne per terza risposta, che obbligando i fiumi a salire sopra le campagne da ricolmarli, necessariamente si viene a diminuire la loro pendenza, e con ciò si ritarda la velocità di essi: e massimamente per le colmature, fatte dentro il padule medesimo, prolungandosi così la linea del loro corso, onde non possono sboccare più nel padule con quella forza, e vigore, con cui prima vi sgorgavano: e però non è maraviglia, se ora depongono nel padule ogni torbidezza, che nell'acque loro in poca, o molta copia sempre rimane, e massimamente qualora avviene, che dalla rottura degli argini se ne vada scapolando, prima d'aver fatta la sua posata: laddove lasciati, come per l'avanti erano, i fiumi nello stato, e corso loro ordinario, e con quella maggiore declività, per cui già scorrevano, seco ancora con velocità, ed impeto maggiore rapivano tutte le fecce incorporatevi dentro. E però anche da questo capo si riconosce essere vera, e sufficiente la nostra proposizione, che l'origine principale dei danni, patiti nella Fattoria di V. S. Illustrissima, proceda indubitatamente dalle dette colmature, fatte in padule.

Non intendo già io con tutto ciò di biasimare, o condannare generalmente l'uso di simili colmare: anzi concorro con pieno voto nel parere di chi promuove, come utilissime, coteste operazioni, per rialzare, quanto è possibile, colle torbe de' fiumi i terreni più bassi, acciocchè non perdano lo scolo, mentre continuamente i fiumi stessi vanno alzando il proprio letto, ed altresì per impedire, ch'esse torbide non vengano ad interire, o disseccare gli stagni, le paludi, ed altri ricettacoli perpetui dell'acque, con pericolo, che queste poi non ringorghi no a' danni delle campagne, già coltivate. Per questi dico, ed altri riflessi convengo ancor'io, essere le colmature utili, ed in varj riscontri ancora necessarie; ma però con queste due condizioni.

La prima si è, che non si venga perciò a restringere il vaso, destinato dalla natura ad abbracciare tutte l'acque, che da' monti, e da' piani di qualche provincia, o grandissimo territorio sogliono colà radunarsi, altrimenti quanto perderanno l'acque da una parte, altrettanto di terreno cercheranno di ricuperarsi dall'altra, avendo dalla natura stessa libera facoltà di ripigliarsi il luogo, alla copia di esse competente, con permissione di poter a modo di ripresaglia stendersi ad occupare gli altrui confini a misura, che perdono della propria loro giurisdizione. E però le colmate debbono farsi non dentro al padule, ma fuori del suo naturale recinto, tratteneendo le torbide su' campi più bassi, che sieno d'intorno alle ripe, o margini di quegli stagni, o laghi, in cui vanno i fiumi a terminare: acciocchè si rialzino piuttosto le sponde, che s'interrisca, e rialzi il fondo, e si restringa il teno di que' ricettacoli, in cui debbono l'acque finalmente ridursi.

La seconda poi è, che le colmate si facciano regolarmente, e del pari, alzando prima i terreni superiori, poi gl'inferiori, come insegna il Guglielmini nel Trattato della Natura de' Fiumi cap. 13 pag. 337; altrimenti colmando in varj luoghi quà, e là, senza colmare per tutto unitamente, non può ricevere la campagna quell'uniforme pendenza, che si richiede, per avere il beneficio d'un libero scolo: ma i terreni, alzati in una parte, verranno a chiudere l'esito dell'acque, che bagnano la superficie de' terreni non ricolmati dell'altra banda: come appunto alle stesse Fattorie soprannominate di S. A. R. si vede essere avvenuto, nelle qua-

li l'acquisto di nuovi poderi per le colmature fatte dentro il padule, ha recato notabile pregiudizio a gli antichi poderi non rialzati dalle medesime; non avendo più tanto felice scolo dell' acque loro, quanto avevano prima; e sebbene il danno in essi cagionato, non è peranco al presente giunto a tal segno, che possa stimarsi a un gran pezzo così rilevante, quanto è il pregiudizio gravissimo, cui soggiacciono i poderi di V. S. Illustrissima, per essere questi i più bassi, che sieno al confine di detto lago, col tratto però del tempo è molto verisimile, che esso ancora sempre più notabile divenga, con sommo scapito degl' interessi di S. A. R., quando non venga provveduto alla stabile e regolata pendenza di tutta la campagna, col rialzare gli adiacenti poderi di V. S. Illustrissima.

Dalle cose premesse agevolmente si può raccogliere, che l'unico mezzo per risanare la Fattoria di V. S. Illustrissima si è il ricorrere all' unico, e per altro facilissimo rimedio, di derivare ne' suoi poderi qualche fiume, per potere colle torbide di quello ricolmare anch' essa i suoi terreni al pari degli altri adiacenti, tanto che possano recuperare lo scolo nel padule, il quale per altra maniera sarebbe impossibile ad ottenersi, stante l' essere tanto più bassi del fondo presente del lago, come si è osservato di sopra.

Il punto è di provare ambidue questi capi: che il rimedio della colmatura sia agevole da mettersi in pratica ne' suoi beni, e che ogni altro rimedio sia inutile, ed insufficiente al bisogno.

Il primo si prova, considerando la pianta medesima del luogo, da cui si scorge, che la Pescia facilmente introdursi potrebbe per l' alveo antico, che diceasi il letto della Pescia asciutta, e quindi introdursi a depositare le sue torbe ne' poderi di V. S. Illustrissima con grandissimo comodo, e non molto dispendio.

Il secondo, cioè che ogni altro rimedio debba riuscire vano, quanto all' effetto, di cui ella ha di bisogno, si dimostra; perchè non possono giammai l' acque stagnanti (se non, se forse, per via di trombe, di mulini a vento, ed altre macchine, adoperate dagli Olandesi) derivarsi da un luogo più basso in uno più alto; onde è impossibile, che l' acque, dalle quali danneggiata viene la sua Fattoria, smaltire si possano secondo lo stato presente, se, o la campagna tua non si rialza di superficie, o il fondo del lago non si abbassa, o non si trova altro inferiore ricettacolo, in cui poterle divertire. Ma non vi è altro recipiente più basso del padule, perchè mescolando gli altri fiumi influiscono; nè è praticabile l' abbassare uniformemente il piano d' esso padule in ogni parte per la sua grande espansione; e l' abbassarlo in un luogo solo non servirebbe, perchè subito si riempirebbe d' acqua, la quale ugualmente terrebbe in collo gli scoli delle campagne. Dunque altro non resta, che di alzare la superficie delle campagne medesime con ricolmarle, e rifiorirle tanto, che rimangano superiori al fondo del padule, acciocchè in esso tramandar possano l' acque piovane, da cui allagate rimangono.

Che se v' ha chi pretende, coll' allargare, e approfondire i fossi, che sono nel padule diretti verso le Calle, o con aprirne ancora de' nuovi, e tagliando tutte le cannuccie, giunchi, aggallati, e cespugli, da' quali viene impedita notabilmente la velocità, con cui scaricare si dovrebbe il padule per mezzo di dette Calle nell' Usciana, di poter rimediare a tutti i pregiudizj, che la campagna di V. S. Illustrissima, e quella ancora di S. A. R. ne patisce,

Io pregherò chicchessia, a voler riflettere: Primo, di quanto immen-

la spesa riuscirebbe quest' opera, da effettuarsi in padule, trattandosi di lavorare per più d' 8. miglia di lunghezza, sempre nell' acqua, e cavarli non un solo, ma più fossi, altri dritti, altri trasversali, e tutti di notabilissima profondità, e di portar via lontano alla distanza di molte miglia tutti quegli imbarazzi di aggallati, di cespugli, giunchi, e di terra, cavata nel profondare i detti canali, acciocchè tutta questa materia non resti ad ingombrare il padule come prima, e peggio di prima, occupando più luogo queste cose imorte, e trasposte, che nel sito, e disposizione loro naturale.

Secondo, quanto fosse di sua natura poco durevole. e difficile a conservarsi nello stato preteso; perchè presto i giunchi, e le canne rimetterebbero, tornando a germogliare in capo a pochi mesi con non minore rigoglio di prima: ed il terreno posticcio, di cui composti fussero gli argini di questi fossi, continuamente smottandosi, ed ogni poco franerebbe, e con ciò, e colle deposizioni de' fiumi influenti, presto si riempirebbero i nuovi canali, e farebbevi bisogno di rinnovare sempre la spesa di cavarli, perchè facessero l' effetto bramato.

Terzo, quanto piccolo sarebbe il beneficio, che quindi ne risulterebbe alla Fattoria di V. S. Illustrissima, mentre non fosse intanto colle colmatore di già descritte, rialzata di superficie: imperocchè tutto il profitto, che sperare se ne potesse, dovrebbe finalmente ridursi alla maggiore velocità, con cui il padule, mercè della rimozione di tanti imbarazzi, che grandissima resistenza al corso di lui facevano, più liberamente scolarebbe, sicchè l' acqua di esso più presto del solito si vedrebbero abbassare, onde darebbero luogo, che più presto altresì potesse scolarvi dentro quella parte sola dell' acqua stagnante nelle campagne, che riesce superiore al fondo del padule: trattenendosi però fra tanto quell' altra parte d' acqua, che si trovasse ne' suoi poderi inferiore al fondo del medesimo lago (come di fatto se ne trova, secondo le livellazioni fatte, e di sopra accennate, non per quattro dita sole, ma per mezzo braccio, ed ancora due terzi, e per fino a soldi 18) la quale acqua bassa, solamente a forza d' evaporazione, e coll' ajuto de' venti, e di quanto ne imbevesse il terreno, convertendosi in alimento de' giunchi, e delle canne palustri, potrebbe alla fine smaltirsi. Onde ne avverrebbe che, se nello stato presente rimaner debbono allagate le dette campagne (a cagione d' esempio) per un mese, dopo una dirotta pioggia, supposto, che di nuovo non replicassero altri diluvj d' acque: aperti che fussero i fossi proposti dentro il padule, e presupponendo, che mantener si dovesse il tutto ben ripurgato a dovere, l' acqua si tratterebbe in dette campagne per 20. giorni solamente, i quali non per tanto sarebbero pur troppo sufficienti a fare infrigidire il terreno, e mandare a male qualunque sementa di grani, e biade; e perciò non verrebbe con questo rimedio a ricuperarsi la fertilità bramata ne' suoi poderi. Onde sebbene l' operazione premediata farebbe certamente qualche effetto, e gioverebbe in gran parte a chi possiede i terreni più alti del fondo del padule, nulla però gioverebbe al bisogno di V. S. Illustrissima, la quale sarebbe condannata a sottoporsi ad un grandissimo dispendio, senza speranza di beneficio veruno.

Ne giove ebbe il cavare i detti fossi in tanta profondità, che non solamente inferiori fossero del fondo, che oggi ha il padule, ma ancora per un braccio almeno fossero più profondi della superficie delle campagne più basse, acciocchè potessero ancor queste avere in detti fos-

fi lo scolo, non essendo nuovo, che varj campi d'altezze diverse possono in uno stesso fosso scolare, come per lo più accader suole nelle strade di campagna, che, sebbene rimangono superiori, o inferiori di livello a' campi adiacenti, ad ogni modo tanto quelle, che questi ne' fossi laterali l'acque piovine tramandano, e scolano felicemente.

Imperocchè conviene avvertire, che altro è il discorrere di due luoghi, ambidue di natura loro asciutti, e solamente dall'acque piovine bagnati, ed altro è parlare di un padule, in cui più fiumi continuamente si scaricano, ed il quale, oltre a ciò, da più polle d'acqua, che sgorgano dal fondo di esso, vien mantenuto. Nel primo caso è verissimo, che tanto l'alto, che il basso terreno possono in un fondo, d'ambidue più profondo, scolare l'acque, che sopra vi piovano; perchè sebbene l'acqua del più alto fosse in copia maggiore, e da principio riempisse il fosso, onde difficilmente in esso vi entrasse l'acqua del terreno più basso, tuttavolta, presto scolando la detta acqua, che viene dall'alto, nè altra succedendo a l'empire quella cavità, si darebbe luogo finalmente allo scolo del più basso terreno, che in breve rimarrebbe asciutto. Ma nell'altro caso, che appunto è quello, in cui noi siamo, non potrebbe succeder così, perchè l'acqua del padule continuamente pieno terrebbe quel fosso, in esso aperto, quantunque fosse profondo, e quantunque supporre si volesse, che dalla materia, quindi cavata, stabilmente venisse arginato (il che non si concede) dovebbe pure in molti luoghi essere l'argine attraversato, ed interrotto dalle bocche d'altri fossi trasversali, per cui avesse comunicazione in esso l'acqua di tutto il padule; che però l'acque piovine delle campagne non potrebbero giammai avere l'esito opportuno di detti fossi, essendo il medesimo, che si trovino ripieni d'acqua, che di terra, ogni qualvolta l'acqua continuamente dura a succedervi senza giammai mancare: anzi sarebbe V. S. Illustrissima forzata in ogni modo a tenere in tal caso chiuse le cateratte, che porgevano in essi fossi, se non volesse vedere l'acqua del padule entrare per quegli sbocchi a contrario ne' suoi poderi, ed accrescerne il danno, in vece di ripararlo.

Sò, che potrà opporsi, che essendosi conservate le medesime le foglie delle Calle, per cui ha esito il padule nell'Usciana, e supponendosi altresì la medesima altezza ne' beni della fattoria di Bellavista, che era 20. anni addietro, conviene concludere, esservi il medesimo declive da un termine all'altro, che già una volta fra i medesimi estremi si ritrovava: onde, se già fu bastevole quella quantità di declive, interposta fra questi termini, per iscaricare l'acque, lo dovrebbe essere ancora al presente, ogni qualvolta venissero rimossi tutti gli accidentali impedimenti, che si oppongono al corso dell'acque, come sono i giunchi, le cannuce, gli aggallati, e qualche ridosso interposti.

Ma primieramente basta, che tra que' due termini supposti stabili, si alzato di mezzo il fondo del padule, perchè impedito rimanga lo scolo dell'acque dall'uno, all'altro estremo: non valendo la conseguenza di chi così discorresse: questo punto è più alto di quello, dunque [qualunque sia la strada o piana, o montuosa, che dall'uno all'altro conduce] potrà l'acqua da un termine all'altro speditamente condursi: altrimenti il rialzamento del letto de' fiumi non sarebbe mai d'impedimento a' gli scoli delle campagne, rimase più basse, potendo pretendersi, che dalla superficie di queste al lido del mare vi è sempre la medesima pendenza

di due mil anni fa, onde levando i ridossi, che per tutto il corso del fiume, rialzatosi di letto, si frappongono fra questi due termini, possano come prima scolarfi l'acque delle campagne per l'alveo del medesimo fiume, indirizzandole al mare, senza divertirle ad altro luogo più basso, e senza rialzare la superficie delle campagne medesime il che sarebbe da tutti i pratici stimata proposizione d' impossibile riuscita.

In secondo luogo si può replicare, che *boc opus, hic labor est*, che si possano stabilmente levare, sicchè in breve non ritornino, e con quella facilità, che ci viene figurata, gl' impedimenti frapposti nel caso nostro tra un termine, e l' altro: mentre anzi si dimostra ricercare quest' opera spese immense, ed esorbitanti, sì nel farla, come nel mantenerla, senza speranza di profitto considerabile in riguardo a ciò, di cui la sua Fattoria ha di bisogno, per la qual cosa non è da preferirsi un mezzo così dispendioso, ed incerto al rimedio più sicuro, e più naturale delle colmate da me proposte, le quali con assai minore spesa potranno eseguirsi.

Terzo finalmente, concedendo, che vi sieno de' ridossi per entro il padule, non dobbiamo perciò darci ad intendere questi essere la vera cagione del trattenimento dell' acque. Imperocchè si sperimentò nella nostra visita il dì 8. Maggio, che ne' canali ancor grandi, per mezzo de' quali si navigava verso le Calle, eravi sufficiente profondità, dove di braccia tre, dove di braccia 4., e più ancora; e pure nelle parti superiori del padule non aveva l'acqua moto sensibile; anzi essendosi ritrovati que' ridossi, che tanto si decantano essere d' impedimento allo scarico del padule, il navicello vi passò felicemente sopra senza vararlo a forza di schiena, e senza adoperare la vanga per aprirgli il varco: e scandagliandosi l' altezza dell' acqua, che si ritrovava sopra di essi ridossi, fu veduta arrivare a 2. braccia, e un quarto, che per l' appunto la stessa altezza, a cui il dì 12. Aprile si ritrovò l' acqua nel lago di Castiglione dentro i canali, pe' quali andavamo in barca coll' Illustrissimo, e Clarissimo Signore Senatore Sozzifanti, Auditore Generale dello stato Senese, dalle Bocchette d' esso lago fino alla Badiola. E pure l' acqua negli stessi luoghi de' ridossi, di cui si parla, ci appariva stagnante, non ostante, che l' intoppo di essi non potesse impedire l' esito dell' acqua superiore alla superficie de' medesimi, ma solamente all' inferiore. Dunque il trattenimento dell' acqua del padule non dipende precisamente da questi ridossi, i quali ancora, se si rimovessero, non darebbero quella facilità allo scolo, che ci viene figurata.

Lo stesso dico degli aggallati, ed altri sterpi, e cespugli, che impacciano il lago, i quali cagionano bensì una grandissima resistenza, per cui notabilmente ritardasi il corso dell' acqua: ma non già maggiore impedimento le arrecano di quello, che già vi fosse per lo passato, quando, come attestano i vecchi del paese, oltre i giunchi, l' erbe, e le canne, simili a quelle, che di presente vi sono, che non poterono mai in simil sorta di padule mancarvi, erano ancora in esso lago molti Ontani grossissimi, de' quali oggi ancora se ne scuoprono le vestigia; e pure aveva allora l' acqua felicemente il suo scolo. Dunque il disordine del ristagnamento dell' acque nella campagna di V. S. Illustrissima non dipende dall' sudderiti imbarazzi del padule, ma dall' essersi rialzato in faccia alla Fattoria di

V. S. Illustrissima il fondo del padule per le cause sopran nominate. Nè il padule ha bisogno di canali, più profondi, per lo scarico dell' acque sue avendone tanti, che bastano; ma bisognerebbe, o trasportar fuori tutta quella materia, che da 15. anni in qua vi si è deposta, e ne ha rialzata così gran parte per un tratto di molte miglia quadre (impresa da proporsi piuttosto a gl' antichi Imperatori Romani, o a qualche gran Monarca, provveduto non meno d'animo magnifico, e generoso, che di ricchissimo, ed abbondante erario, e non da impegnarvi un Cavaliere privato) o pure rialzare la campagna troppo bassa, con opportune ricolmate finattanto che ricuperi la dovuta altezza sopra del fondo del padule, e si giri pure quanto si vuole, questo è l' unico rimedio del male presente, che V. S. Illustrissima patisce ne' suoi poderi, e gli altri tutti sono, come suol dirsi, pannicelli caldi, atti a fomentar la piaga, non a curarla.

Quanto all' indizio de i presupposti ritegni, esistenti nelle parti superiori, che alcuni prendono da quest' effetto, che l' acque verso le Calle sembrano avere molto sensibile velocità, laddove nelle parti superiori appaiono del tutto stagnanti, non parmi, che punto sufficiente sia a concludere l' intento, essendo ciò una cosa, che generalmente accade in tutti i laghi, stagni, o paduli, e lagune di vastissima estensione, i quali per un angusto emissario abbiano l' esito loro, come viene accennato dal Guglielmini della Natura de' Fiumi nel capo 6. alla prop. 9. verso la pag. 167, e dipende dalla regola infallibile, insegnataci dall' Abate Castelli, dell' Acque Correnti lib. 2. prop. 3., cioè, che le velocità sono reciproche alle sezioni d' un medesimo canale, dovendo per entrambe nello stesso tempo passare egual quantità d' acqua, come si dimostra ivi dal medesimo Autore alla prop. 1. Dal che ne segue, che dove si stringe la sezione dell' alveo, ivi si accresca necessariamente la velocità, e viceversa, crescendo l' ampiezza della sezione, fa di mestieri, che scemi la velocità del fluido. Perchè dunque verso le Calle si riduce il padule in un seno angustissimo di poche braccia, e nelle parti lontane si diffonde in una vasta espansione di parecchie miglia, perciò tanto più veloce si scorge l' acqua nelle parti prossime alle sue foci, che nelle parti più remote: dove non è già, che in rigore possa dirsi assolutamente l' acqua stagnante (altrimenti non durebbe il corso notabile dell' acque verso le Calle, perchè non sarebbe mantenuto da altra acqua succedente dalle parti di sopra) ma solo avviene, che ivi tardissimamente si muova, e con tanto minore velocità, quanto maggiore è l' ampiezza, a cui il padule si va stendendo: il che rende insensibile il corso di essa, e la fa comparire; come se del tutto giacesse immobile.

Da tutto ciò concludo, non esservi a mio giudizio altro espediente, che sia opportuno per rimediare alla Fattoria di V. S. Illustrissima, che il procurare di rialzarla, come ho detto, più che sia possibile colle colmate, o almeno tanto, che siano le sue campagne superiori al fondo del suddetto padule, acciocchè possano l' acque scolare in esso, e non rimanervi del tutto stagnanti, con pregiudizio della salute degli abitatori de' luoghi circostanti, che pur troppo l' Estate si risentono dell' infezione dell' aria, cagionata per questo ristagnamento: parendo affatto impossibile, che con qualsivoglia altra maniera si possano ritanare i suoi poderi, e provvedere al bisogno, che hanno di scolo molto più spedito, e libero di quello, che aver potrebbero per mezzo de' fossi proposti, e pericolo delle cattive influenze, che possono cagionare le materie corrotte nell' acque morte, ed

i fetenti vapori, che quindi esalano. Questo è il mio sentimento, il quale però volentieri sottometto all'altrui giudizio, e massimamente de' più periti, che averanno la bontà d'esaminare senza prevenzione, o impegno alcuno, le ragioni, ed i fondamenti addotti di sopra. Ed in tanto piglio motivo di rassegnare a V. S. Illustrissima i miei riverenti ossequj, confermandomi.

Di V. S. Illustrissima

Pisa 26. Maggio 1715.

Umiliss. Divotiss. Obligatiss. Servitore
D. Guido Grandi.

RE.



RELAZIONE SECONDA

DEL

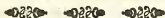
P. ABATE GRANDI

Sopra gli affari di Bella Vista, ed i lavori proposti nel lago di Fucecchio.


All' Illustriss. Signor Marchese

CAV. FRANCESCO FERONI.

Gentiluomo di Camera di S. A. R.



Illustriss. Sig. Mio Padrone Colendiss.

I.  Vendo letto, ed attentamente considerata la Relazione degl' Ingegneri Franchi, e Boncinelli circa i nuovi lavori proposti da essi nel lago di Fucecchio, coll' istruzione, e pianta de' medesimi addotta per esporre il loro disegno; sono colla presente ad assicurare V. S. Illustrissima di non avervi finora ritrovato alcun' efficace motivo, che possa persuadermi a recedere da que' sentimenti, che le spieghai colla mia Relazione de' 26. Maggio 1715., ne quali tanto più mi confermo, quanto che, dopo avere esaminate con maggiore accuratezza tutte le circostanze di sì rilevante negozio, veggio, che ogni cosa conspira a dimostrare la stessa verità, che per fino d'allora le andai ombreggiando; e che poscia si è trovata

conforme al parere, già dato in questo stesso proposito da' più celebri, ed esperti Architetti, che abbia avuto la Toscana in queste materie; al giudizio de' quali parrebbe il dovere, che si avesse qualche riflesso, prima d'ingolfarsi in un'opera così dispendiosa; quando ancora non si dimostrasse evidentemente mal fondata, ma solamente dubbia, ed incerta la speranza dell'esito felice, che viene promesso, e del vantaggio che si desidera, e che sarebbe a gl'interessati opportuno.

II. Io dunque coll' autorità di essi cercherò primieramente di corroborare quanto già esposi nella detta mia Relazione; indi con nuove ragioni procurerò di esporre in miglior luce lo stesso mio sentimento, per farmi intendere più chiaramente che sia possibile; e finalmente mi avvanzerò a discorrere de' lavori proposti, e di altri mezzi, che si potrebbero forse proporre per risanare i terreni inondati intorno al margine del lago suddetto.

III. Allora che non dubitai di attribuire l'origine di tutti i disordini, per cui rimangono affogati tanti poderi di V. S. Illustrissima già colti, e fruttiferi alle tante colmate poco regolarmente fatte dentro il padule di Fucecchio, nelle Fattorie di Altopascio, del Terzo, di Castel Martini, di Stabia, e delle Calle, non mancarono del pari zelanti, ed autorevoli, che si dichiararono altamente scandalizzate di me; benché coll'esperienza del fatto medesimo si rendesse così palpabile, ed indubitata la mia proposizione, che da niun' uomo ingenuo, ed incapace di tradire la verità si sarebbe mai potuta, nè dovuta dissimulare: massimamente ridondando ciò in pregiudizio non che di V. S. Illustrissima, del Principe stesso, che ne' poderi antichi delle medesime sue Fattorie prova una notevole deteriorazione dopo l'acquisto de' nuovi terreni fatti colle colmate. Ma che diranno adesso questi tali all' arrestato di tre famosi Architetti, Annibale Cecchi, Felice Giamberti, e Baccio del Bianco, i quali mandati dal Magistrato della Parte a riconoscere le strade, per le quali si voleva derivare il fiume della Nievole, parlando incidentemente della disposizione di tutto il paese all'intorno, senza prevenzione alcuna, e senza impegno d'alcun partito, dissero appunto ciò, che ho detto io, anzi predissero ciò, che a nostri giorni si è veduto succedere? visitarono essi tutti i luoghi, fecero l'opportune livellazioni, e dopo di avere ascoltati a parte a parte ciascuno degl'interessati, o loro rappresentanti, in presenza del Cancelliere di Monte Catini, considerato maturamente il tutto, concludsero, che fusse la migliore, e la meno dispendiosa risoluzione il mettere la Nievole nel fosso detto di Messer Alamanno: avvertendo però espressamente il pregiudizio, che avea cagionato questo fiume per le colmate irregolarmente fatte: e predicendo, che se non si cessava di colmare in tal modo, sarebbe stato inutile, o poco durevole il sollievo, che si sperava dal mutare il letto a quel fiume: e finalmente proponendo per vero rimedio di tali disordini, che si concedesse di poter colmare tutti i beni de' particolari, e delle Comunità, che rimanevano indietro più bassi, e privi di scolo; conforme appunto fu da me considerato essere necessario per risanare i beni di V. S. Illustrissima nella Fattoria di Bellavista.

IV. Ecco le parole stesse della Relazione data da que' valentuomini li 24. Luglio 1640; ed approvata dal Magistrato suddetto il dì 26. Marzo 1642. *Ma perchè antiveghiamo forse quello, che col tempo potrebbe intervenire, e che la ragione ci detta circa a questo fiume della Nievole, e beni confinanti ad essa, però rappresentiamo alle Signorie Loro Molto Illustri quello sarebbe il più sicuro rimedio e dell'aria, e del paese tutto. La Nievole si parte dalla svolta A, come*

trovata

mostra la pianta, da un piano così basso, che è quasi al medesimo livello del suo mezzo, e scorre alla drittura fino al confine de' beni particolari, ed entra in quello del Serenissimo Principe. Questa passò felicemente molti anni senza far danno alli beni: nè meno all'aria; oggi per avere il fiume COLMATI tutti i beni del Serenissimo Principe, e di bassi che erano, ridotti alti molto più di quelli, che addietro restano, non potendo passare detta acqua alla sua drittura, ringorga addietro; e superando gli argini, e rompendoli ancora, allaga i campi de' particolari: che però S. Maria Nuova, ed altri si sono risentiti, che si rimedj a tanto danno. Or noi diciamo, che rimutando il detto fiume, e mandandolo per il suddetto fosso mentre non si lasci stare di far le COLMATE, diciamo che col tempo saremo alle medesime, come ora con Monsommiano siamo; e però rappresentiamo alle Signorie Loro, che il vero rimedio, che per sempre fusse liberato ciascuno da tanto pericolo, sarebbe il concedere a tutti li beni da' particolari, e comuni, che addietro restano, il COLMARE, cominciando al principio del piano, fino alli beni di S. A. con venire appoco appoco innanzi colle COLMATE: così alzandosi i primi, che oggi restano più bassi, non potrebbero per tempo alcuno patire nè d'acque, nè di foschi: e benchè a questo ne segue un' inconveniente, il quale è, che molti non possono stare senza l'annua ricolta; a questo ci è il rimedio coll'esempio della Val di Chiana, il quale ha usato il Serenissimo Gran Duca; ed è, che, S. A. pigli in affitto tutti i beni per quella quantità d'anni, che crederà essersi rimborsato delle spese fatte dopo le COLMATE. Questo causerebbe tutti i buoni effetti cioè miglioramento d'aria, di terreni, del fiume, e del medesimo lago, e paduli; e che poi S. A. potrebbe colmare il suo quanto volesse, senza pregiudizio d'alcuno: che altrimenti, come sopra abbiamo detto, dubitiamo quello è per nascere, mediante l'esempio del passato.

V. Tale fu allora il sentimento di que' grand'uomini, non meno di equità singolare, che di squisita prudenza, ed avvedutezza dotati, col parere de' quali mi glorio d'esser concorso ancor'io nella mia Relazione, quantunque nulla di ciò sapessi: perchè non avrei ommesso di prevalermi dell'autorità loro così precisa, e calzante al nostro proposito; siccome nè meno avea contezza in quel tempo d'un'altra Relazione, che già fece al Signor Senatore, e Depositario Feroni d' illustre, e chiara memoria, un' altro espetto, e valente Ingegnere, cioè il Capitan Giuseppe Santini, fin sotto il dì 31 Marzo 1679., ove comprova la stessa necessità del rimedio da me proposto; cioè di colmare unitamente i beni di V. S. Illustrissima non meno degli altri attenenti a S. A. R. ponderando il danno, che ne potrebbe succedere colmando questi, e non quelli. Ecco le sue parole. *Se si vorrà liberare dalli danni, che ricevono detti beni dall'acque suddette, per mantenerli buoni, e coltivabili è necessario di procurare di colmare le tavolate de' terreni di queste parti unitamente, e che il piano del terreno sempre si mantenga a un medesimo livello, acciocchè le acque cadano sempre nel padule, e non possano cadere dalla parte di Bellavista, nè del Terzo; e mentre che i terreni del Terzo si colmeranno, e nel medesimo tempo si colmi anco quelli di Bellavista unitamente, ed al medesimo piano, i terreni di Bellavista, e quelli del Terzo non patiranno, e le acque caderanno sempre nel padule, per essere la parte più bassa, ec. e poco sotto soggiunge: Ho osservato ancora il danno, che ricevono dall'acque i beni di Bellavista, dove confinano con i paduli del Cerro: e mentre si colmano i detti paduli del Cerro, ed i beni dell'Altapascio, e quelli di Bellavista non colmano, nè succederà, che i beni di Bellavista resteranno bassi, e diventeranno paduli: E perchè non succeda detto danno, sarà necessario colmare anco in questo luogo unitamente, come si è detto di sopra.*

VI. Or siccome non piccolo conforto prova un viandante, confidando-
si di

fi di avere scelta la buona strada per condursi al suo termine, quando per essa trova altri passeggeri ben pratici del paese, incamminati alla medesima parte, dal concorso, e compagnia de' quali vie più s'assicura di non avere sgarrato il cammino: così io, benchè non fidandomi de' propri lumi in così oscura, e difficile materia, avrei potuto per avventura dubitare d'essermi, o per mancanza di sufficiente cognizione, o per difetto di consumata sperienza, fortemente ingannato in questo proposito: massimamente vedendo in tanto prescelto da altri con tanta franchezza, ed animosità un diversissimo sentimento, non ostante le difficoltà da me opposte, e le rimostranze fatte in contrario da più interessati: tuttavolta mi rincorro, e mi confermo sempre più nello stesso parere, vedendo, che prima di me tant' altri periti di chiaro nome, e maggiori d' ogni eccezione si sono abbattuti a dire appunto il medesimo: essendo non leggiero indizio di verità il confronto di tanti valentuomini nello stesso mio sentimento, che si trova conforme a quanto ancora insegnò generalmente il Dottor Guglielmini celebre Mattematico della Università di Bologna, e di Padova, ed Autore classico in questa materia, nel Libro della Natura de' Fiumi al Cap. XIII.

VII. Ma se non vogliamo far conto dell' autorità di sì rinomati soggetti, si pesino pure le ragioni; e per non ripetere le cose già dette nella mia prima Relazione, presuppongasi per certissimo, che la quantità d' acqua, di cui al presente abbonda il padule di Fucecchio, non è in minor copia di quella, che già solea contener gli anni addietro, prima che tanto si promovessero le colmate dentro il padule; dipendendo dagli stessi fiumi, e rivi influenti, dallo scolo della medesima quantità di paese, che a giudizio del vecchio Maestro di Campo Guarrini non abbraccia meno di 170. miglia quadre di superficie, e finalmente dalle stesse sorgive di prima: sicchè venendo ristretta la capacità di questo vaso per tanta quantità, quantane occupano i nuovi acquisti fatti nelle cinque Fattorie già di sopra annoverate, i quali vengono giudicati la sesta, o almeno la settima parte di tutto il padule (e siasi qualunque altra più vera, e precisa quantità, che ciò non importa, ricorrendo sempre ne' termini suoi più legittimi la forza dell' argomento) chi non vede, che di necessità bisogna che l' acqua viceversa s'innalzi dentro il padule ad un' altezza maggiore la sesta, o la settima parte di quella di prima, quando ancora non si fosse punto interrito frattanto, e rialzato notabilmente il fondo del medesimo lago? farei torto a' lettori, se intraprendessi a dimostrare verità così chiara, sapendosi da' primi elementi, che le moli de' corpi eguali debbono avere le altezze reciproche alle loro basi. Sicchè a buon conto per questo solo capo è evidente, che se prima nel padule vi era un' altezza ragguagliata di cinque in sei braccia d' acqua, ora vi si troverà un braccio di più: il quale o stia ammontato sopra la stessa superficie del lago, o si sparga, per non potere essere contenuto da' margini del medesimo, sempre ne segue, che tutti quei terreni, i quali sopra il primo antica livello del padule avevano meno d' un braccio di caduta (nè debbono esser pochi in una pianura quasi orizzontale) saranno soggetti all' inondazione, o per l' acciecamiento degli scoli, o per l' espansione del lago; ed in tempi di lunghe, e continue piogge, saranno costrette le campagne circonvicine a trattenere dentro di se tutta l' acqua, che dovea smaltirsi in questo recipiente, se ne sulle, come per l' addietro, capace.

VIII. Si aggiunga ora, che lo stesso fondo del padule frattanto si è notabilmente rialzato, sicchè in alcuni luoghi, come costa dalle livellazioni già da

già da me addotte nella precipitata Relazione pag. 3 sopravanza il livello medesimo della superficie delle terre di V. S. Illustrissima prima colte, e fruttifere, che ebbero in detto padule felice scolo, e per più di cent'anni addietro se l'erano mantenuto (non trattandosi qui di campagne colmate di fresco, le quali ne' primi anni qualche poco si avvallano, restringendosi i pori di quel terreno sollo, ed arrendevole, che le ricuopre; ma di tenute bonificate già da gran tempo, e però oramai rassodate) per quello alzamento di fondo, non dee egli altrettanto far sollevare l'acqua, che sopra vi si spande, facendola per questo capo ancora salire a più alto livello del solito?

IV. Ma qual sento darmi sulla voce da chi con franchezza grida, non doversi dare la colpa di questo alzamento di fondo alle colmate, le quali piuttosto trattengono il terreno sulla superficie de' campi bonificati; non lasciandolo da' fiumi trasportar nel padule, e con ciò impedendo le deposizioni, da cui possa il letto di esso fondo interrarsi. Io già risposi nella mia Relazione a questa difficoltà, e ne scopersi l'equivoco. Ora solamente aggiungo, che questi stessi oppositori confessano nella loro Relazione, anzi elagerano la gran ripienezza succeduta da poco tempo fa nel padule; soggiungendo, che, *il Chiaro stesso, il quale da non molti anni addietro (cioè appunto avanti, che si facessero tante colmate dentro il recinto del padule) era profondo, netto, e pulito, ora è ripieno, ed imbofchito d'erbe palustri.* E pure, se le colmate trattengono le torbe, ed impediscono l'interrimento del padule, in niun tempo avrebbe dovuto meglio conservarsi limpido, e chiaro, e colla solita profondità questo ricettacolo d'acque, quanto in questi quindici, o venti anni, ne' quali con tanta applicazione, e sollecitudine si è badato a colmare d'ogni intorno, e vie più restringere i margini di questo lago, impiegandovi quasi tutte l'acque influenti. Se qualche medico, a titolo di preservarmi da una certa indisposizione mi proponesse un tale rimedio, e dopo l'applicazione di esso provassi di star peggio di prima, non potrebb'egli giammai persuadermi con qualunque affluenza di parole a continuare di prevalermi del supposto preservativo: anzi l'abborrerei come pregiudiziale alla mia salute, benchè non sapessi rispondere all'istanze di chi me lo volesse far passare per innocente. In questa occasione mi accorderei ancor'io a dire: *Che la Pratica è diversa dalla Teorica*, come sogliono essi decantare da per tutto, quando non vengono ciecamente approvati da' Matematici tutti i progetti fatti da gl'Ingegneri.

X. Non è però, che nel nostro caso manchino maniere di dimostrare, come le colmate, che per se stesse trattengono le torbide, possano per accidente essere cagione, che si riempia, e si rialzi il fondo del padule più di quello, che farebbe senza di esse. Io talvolta ho osservato, che nel mentre si facevano degli argini in terreno paludoso, appunto ad uso di circondare le colmate, quanto maggior copia di mota faceva caricare l'ingegnere sopra i detti argini, per rialzarli a dovere, tanto più questi si avvallavano, cedendo la base loro al carico sovrapposto, e così profondandosi; ma nello stesso tempo si vedeva alzare il suolo, e come rigonfiare là nel mezzo della pianura altresì paludosa, esteriormente contigua agli argini sopradetti. Non ci vuole gran sottigliezza d'ingegno a capirne subito la ragione. Quel terreno posticcio era così molle, e cedente per l'acqua mescolata con esso, che qual pasta arrendevole premuto da una parte, ed ivi spinto all'interlo schizzava fuori dall'altra rialzandosi fino a tanto, che fossero equilibrate le forze, e le resistenze. Chi vorrà ora sostenere, che nel fare gli argini per le colmate dentro il padule non

suc-

succedesse un simile effetto, e conseguentemente, che i detti lavori fatti in faccia di Bellavista dall'uno, e dall'altro fianco non dovessero talmente aggravare il fondo del contiguo padule, composto di simigliante pacciamme, e sempre inzuppato d'acqua, che obbligassero ad alzarli appunto di contro alla Fattoria di V. S. Illustrissima interposta fra le dette colmate, come in fatti vi si riconosce elevato oltre all'ordinario, con tanto pregiudizio degli scoli de' suoi poderi? Ma che dico io delle sole arginature? intromette l'acqua nel circondario di esse, e trattenutavisi a grande altezza, non doveva ella premere da vantaggio il piano sottoposto alle dette colmate di quello, che restasse compresso il fondo esteriore del padule, soggetto a minore altezza di acqua? E se il terreno per di sotto cedeva (come ne fa fede l'abbassamento d'alcune case fabbricate ne' campi nuovamente bonificati, il primo piano delle quali è rimasto sotto terra sepolto) dovea pure, per cagione dell'equilibrio alzarli viceversa il fondo del padule fuori delle colmate.

XI. Si rifletta ora di più, che per essere i detti argini fatti di quel terreno posticcio spesse volte non sono stati sufficienti a reggere il peso dell'acqua introdotta ad appoggiarsi sopra di essi; onde squarciandosi hanno lasciata correre l'acqua torbida ad espandersi sul fondo del medesimo padule infaccia alla Fattoria di Bellavista, ed a colmarlo, deponendovi il suo sedimento più grossolano: il che in breve tempo può avere cagionato un rialzamento notabile di esso fondo; laddove se si fossero lasciati andare liberi i fiumi nel padule, senza divertirli nelle colmate avrebbero felicemente proseguito il viaggio loro pe' soliti canali, dentro a cui serbando il maggior vigore della loro velocità, gli avrebbero mantenuti scavati, e profondi, nè si sarebbe radunato a ridosso della Fattoria di V. S. Illustrissima in sì breve tempo così notevole interrimento; ma si sarebbe smaltita per le foci del lago la maggior parte della torbida; ed il resto che si fosse potuto frattanto depositare, ripartendosi per tutta la vasta estensione del padule (la quale, come si è detto, era per l'addietro assai maggiore di adesso) vi avrebbe cagionato un rialzamento insensibile, da cui tanto pregiudizio non si sarebbe derivato a' possessori de' beni adiacenti.

XII. Finiasi però, che non seguissero mai rotte nell'arginatura delle colmate, ma che per gli emissari a ciò destinati si lasciasse scolare l'acqua regolarmente nel padule, crediamo noi, che ne uscisse del tutto chiara, e seco non trasportasse delle fecce ad ingombrare il fondo del lago? anzi quella sola porzione d'acqua racchiusa nel circondario delle colmate, che resta inferiore alla soglia dell'emissario, è quella che può depurarsi, e deporre sul fondo, sopra di cui si posa, la sfera dell'arena, della terra, o del limo, che seco ha portato: ma l'altra che segue a somministrarsi dal fiume (se non si chiude la cateratta, che gli dà l'ingresso dentro il ricinto della bonificazione, come sempre avviene, impiegandosi tutto il fiume a colmare, e può talora avvenire, impiegandovi un ramo solo derivato dall'alveo del medesimo fiume) se ne passa via torbida quasi egualmente come è venuta; perchè essendo superiore alla soglia dell'emissario, non può far di meno, che non porti dentro al padule della terra, che ha in se mescolata, e farebbe vanità il persuadersi, che appunto l'acqua susseguente, per essere più grave di specie, mercè del limo in essa contenuto, dovesse tuttora andare sotto all'acqua precedente già depurata, e levarla in collo per farla uscire dalla sua foce così chiara, come si è resa per la deposizione fatta. Perchè oltre la necessità di mescolarsi, generalmente propria di tutti i fluidi, che non abbiano le parti olose, quantunque differenti di gra-

vità specifica, come apparisce nel vino, e nell'acqua, non che in diverse acque più, o meno gravi; se dovesse un tale raggio perpetuo succedere, non si darebbe tempo all'acqua racchiusa, ed inferiore alla soglia dell'emissario, di depurarsi totalmente; ma toccato appena il fondo, sarebbe dalla susseguente acqua di mano in mano cacciata in alto, e spinta fuori: onde in tutte le maniere bisognerà, che della torba ne venga in padule, non ostante qualsivoglia diligenza, che si usi per trattenerla.

XIII. Ma vi è poi questa differenza tra il venire l'acqua torbida nel lago, passando per le colmate, o l'venirvi a dirittura per un alveo di fiume non interrotto; che nel primo caso vi viene stracca, e spollata, con quel languido moto, che può conferirle quella piccola velocità, che si acquista nel cadere dalla soglia dell'emissario, la quale non è sufficiente a condurla gran fatto lontano; e però l'acqua depone presto dentro il padule la limosa soma, onde è aggravata; ma nell'altro caso si trasporta nel lago con quella velocità, che si è acquistata scendendo da' monti circonvicini, la quale è molto maggiore; e però con essa inalveandosi ne' consueti canali, può avvivare tutte l'altre acque del lago, e più speditamente smaltire le fue torbe per le foci di esso, senza deporle per istrada in tanta copia, quanta ne lasciando le acque scapolando per gli emissari delle colmate.

XIV. Per concepir ben questa verità s'intenda una palla cadere dall'altezza, per esempio di cinquanta braccia, o perpendicolarmente, o per un piano inclinato; ma in capo della scesa di 48 braccia venga ad essere ricevuta sopra una tavola orizzontale coperta di selsa; sicchè ammorzi, ed estingua il suo moto, lasciandola stentamente condurre all'orlo, d'onde poi scenda per altre due braccia sul pavimento. Sia ancora un'altra palla, che spiccandosi dalla medesima altezza di 50 braccia, venga direttamente per un pino egualmente, o più rigido a battere nel pavimento, senza incontrare la remota di quella tavola interposta. Dimando quale delle due palle anderà scorrendo con maggiore velocità nel pavimento suddetto? senza dubbio la seconda averà una velocità cinque volte maggior della prima, perchè l'altezza, da cui è caduta immediatamente, supera venticinque volte l'altezza della tavola, da cui quella discende: nulla suffragandogli il viaggio di 48 braccia fatto antecedentemente, per avere perduto nell'incontro della tavola ogni velocità acquistata, e principiato da capo il moto discensivo nel cadere dall'orlo di quel piano orizzontale alto solo due braccia dal pavimento.

XV. Avendo noi dunque i fiumi, che dalle pendici de' monti si portano al labbro del padule con una tale velocità, se gli lasceremo entrare immediatamente in esso padule, proseguiranno il viaggio loro con maggior vigore, che interrompendo ad essi il corso con fargli prima stagnare nel circondario delle colmate, dove perdono l'acquistata velocità, e solamente se ne riacquistano una minima parte, cedendo dalla soglia degli emissari. Per non dir nulla, che nel condurre i fiumi sopra i terreni da bonificarsi, alzandosi continuamente i loro alvei, e prolungandosi lo sbocco loro dentro il padule, si rendono meno declivi, onde scemasi ancora per questo capo il momento, e l'impeto loro, e tanto più facilmente si ammorza, e si debilita.

XVI. Nè giova il dire, che già la grand'estensione del padule fa perdere all'acque influenti in esso gran parte della velocità concepita; perchè ancora nell'esempio addotto viene dal pavimento rintuzzata, e diminuita la velocità delle palle sopra di esso cadenti, secondo il seno dell'inclinazione del piano, per cui cagiono, col perpendicolo, come io dimostro nella

nella mia Meccanica; onde corre sempre la medesima parità: ed oltre a ciò l'estensione del lago raffrenando nella stessa proporzione sì la maggiore, che la minore velocità dell'acqua influente, sempre rimarrà più vigore nell'acqua, ch'era più veloce, che in quella, ch'era più pigra, e lenta al moto; e perciò seguiranno in maggior copia le deposizioni nel padule, facendosi le colmate, che lasciando correre liberi i fiumi pe' suoi canali consuevi senza trattenerli, e raffrenar loro l'impeto sotto pretesto di purarli.

XVII. E qui subito risalta all'occhio un'altra potentissima cagione dell'alzamento della superficie dell'acqua nel padule, seguita dopo le colmate, ed in virtù di esse; e questa è la ritardata velocità dell'acque influenti nel padule: essendo chiaro, che quanto scema in essa la velocità, tanto dee in parità di circostanze crescere la misura della loro altezza, secondo la celebre massima del P. Castelli, tante volte da esso inculcata, nè mai abbastanza da' pratici Ingegneri compresa: cioè, *che l'ist. si' acqua corrente va mutando la misura, secondo che varia la velocità, cioè diminuendo la misura, mentre cresce la velocità; e che le medesime piene d'un torrente, cioè quelle piene, che portano eguale quantità d'acqua in tempi eguali, non fanno le medesime altezze, o misure nel fiume, nel quale entrano (e lo stesso vale senza dubbio in un lago) se non quando nell'entrare nel fiume acquistano, o per dir meglio, conservano la medesima velocità; perchè se le velocità acquistate nel fiume saranno diverse, ed in conseguenza l'altezza, come si è dimostrato.*

XVIII. Sicchè finora si è veduto, come per tre capi, non che per un solo resta alzato il livello dell'acqua del padule a cagione delle colmate. Primo per aver'esse ristretta la capacità del padule. Secondo per l'alzamento del fondo d'esso, cagionato dalle medesime in più maniere di sopra spiegate. Terzo per la diminuzione della velocità dell'acque influenti, che ne rende maggiore l'altezza reciprocamente all'impeto scemato. Si aggiunga ora per quarto capo un'altra maniera, in cui possono le colmate avere cooperato all'inondazione de' terreni di Bellavista; ed è per mezzo delle sorgive cagionate dall'alzamento de' fiumi, e dall'acqua trattenuata in grande altezza fra le arginature de' terreni colmati in faccia alla suddetta Fattoria di V. S. Illustrissima: non potendomi persuadere, che la sola acqua piovana, restando ivi priva di scolo, faccia tutto il male di rendere sterili, ed infrigiditi i suoi poderi; ma le sorgive ancora debbono contribuire al continuo allagamento di essi; altrimenti, fra ciò, che in vapori ne attrae il sole, e ciò, che ne imbeve il terreno, rimarrebbero assai più spesso di quello che accade, almeno in tempo di siccità, in gran parte asciutti. Ma il fatto è, che siccome il peso dell'acqua, e della terra alzata per le colmate fatte dentro il padule ha potuto, come si è detto, alzare il fondo esteriore del padule medesimo; così per le porosità della terra averà dovuto insinuare l'acqua ne' poderi stessi contigui al padule, e farvela scaturire in tante sorgive, mantenendovela a quell'altezza, che potesse equilibrarsi coll'acqua derivata da' fiumi nelle vicine colmate, tanto superiori al piano de' poderi di V. S. Illustrissima: appunto come attestano gli Eminentissimi Cardinali Dadda, e Barberini nella Relazione loro dell'acque di Bologna, e Ferrara, essere avvenuto a buona parte delle campagne del Polesine di S. Giorgio, già tanto abbondante, ch'ebbe il nome di Granaro del Ferrarese; ed era inferilito per le sorgive cagionate dallo sproporzionato alzamento del Po di Primaro sopra la superficie di quelle campagne, alle quali tramanda l'acqua facendovela trapelare, come per tanti sifoncini, per li pori di quella terra fangola a misura, che viene pre-

ne premuta dal carico di quell' acqua , che le sta sopra.

XIX. Che le il vero rimedio d' un male è il rimuovere, quanto sia possibile, la cagione, da cui deriva, o impedire, che non possa nello stesso modo come prima operare; ognun vede, che la proposta fatta d'aprire nuovi canali in padule, non tende altrimenti a risanare i terreni di Bellavista, e dell' altre possessioni de' particolari poste sulle gronde del lago, ma piuttosto è diretta a qualche altro segreto fine, molto diverso dal sollievo, che si desidera: imperocchè i nuovi fossi nè dilateranno la capacità del padule, se non d' una quantità insensibile; nè abbassteranno universalmente il suo fondo; nè aggiungeranno velocità all' acque influenti; nè chiuderanno l' adito alle forgive: ed in somma non rialzeranno la superficie delle campagne inondate, nè abbassteranno il livello dell' acque del padule, non avendo essi maggior esito di quello, che hanno gli antichi fossi già sufficientemente aperti: onde non faranno mai, che i poderi presentemente affogati, per esser più bassi della superficie, e del fondo stesso del lago possano quindi innanzi felicemente scolare in esso; ma è necessario per tale effetto, o ridurre tutte le cose *in pristinum*, come stavano avanti, che s' intraprendessero simili colmature; ovvero (giacchè il fatto è fatto, ed è impossibile distruggerlo) converrebbe talmente regolare il piano della campagna, che nè dalle colmate fatte potesse patire, nè da quelle, che si sono per fare venute a deteriorarsi; onde bisogna, come dissi nella prima Relazione, e come avanti di me detto avevano Baccio del Bianco, Annibale Cecchi. Felice Giamberti, e Giuseppe Santini, farsi a ricolmare da alto, e venire giù regolarmente verso il padule, con dare a tutta la campagna una pendenza unita, nè lasciare all' indietro, ed a' fianchi verun luogo più basso degli altri, che si sono alzati artificiosamente a fronte, ed accanto delle possessioni inondate; acciocchè tutti abbiano quella proporzionata altezza, che si ricerca a scolare dentro il padule. Così il rialzamento de' margini del lago supplirà al restringimento fattone dalle colmate, ed all' interrimento del suo fondo, perchè possa esser capace di contenere le acque senza che si spandano sopra i terreni fruttiferi; cesserà la cagione delle forgive, che isteriliscono i paesi più bassi; e finita che sarà l' universale bonificazione, rimettendo i fiumi ne' suoi alvei, correranno verso le foci più liberamente, e coll' opportuna velocità: nè saravvi chi patisca di scoli, potendosi derivare sempre l' acque da terreni rialzati nel padule inferiore; purchè da capo non si riassuma l' idea di colmare fregolatamente, nè si restringa da vantaggio l' estensione del lago, rinnovando i primieri disordini.

XX. Del resto, se potessero i nuovi fossi proposti in padule asciugare i poderi di Bellavista, si assicuri pure V. S. Illustrissima, ch' egualmente gli asciugerebbero i fossi antichi, che già vi sono, ed al più basterebbe ripulirli: il che con poche centinaia di scudi si potrebbe ottenere senza intraprendere una spesa così esorbitante, che per confessione di chi la propone sarà di 16 mila scudi, ma giungerà ancora a 40. mila se si fa bene il calcolo di circa dieotto in venti miglia di lunghezza di fossi, tra maestri, etraversali ivi disegnati; e si paragoni al fosso di Migliarino, che non arriva a due miglia di lunghezza, e costò sopra 4. mila scudi, con tutto che ivi si dovesse scavare nell' arena, e qui nel padule, che molto più difficile rende l' opera, sì per l' acqua, che sempre vi geme come per la mola, che non si regge sulla sua scarpa, e franando riempie l' escavazione fatta.

XXI. Ma fingiamoci imbarcati già nella spesa, e con gran profusione di tesori si riduca finalmente a perfezione, che utile ne ricaveremo noi in ordine

dine allo scarico del padule, ed allo scolo delle campagne? Mi spiegherò con un' esempio. Se dalle porte di una Città assediata dovessero uscire con sollecitudine i difensori, o per fare una opportuna sortita, o per cedere la piazza a' nemici con una onorevole ritirata, che gioverebbe il fare da guastatori abbatte le case per aprir nuove strade, le quali conducebbero alle medesime porte? certamente non perciò si renderebbe più agevole, o più pronta l'uscita: perchè i soldati incamminatisi per le nuove strade, si affronterebbero con quelli, che si fossero avviati per l'antiche vie, ed affollandosi alle stesse porte, non le renderebbero più capaci di prima, sicchè nello stesso tempo ne potessero uscire in maggior copia. Così è appunto nel caso nostro. Tutta l'acqua, che si trova nel lago, o venga dalle campagne, che vi sciolano, o da' fiumi, e rivi, che vi entrano, o dalle sorgive che vi pullulano, non può avere altro esito fuori del padule, se non per le Calle del Ponte a Capiano. Verso queste se ne incammina l'acqua per più canali, che in due gran rami si uniscono a mettervi foce: e questi sono in molti luoghi più profondi della foglia delle Calle, e se pure vi ha in qualche sito qualche interrimento di mezzo braccio d'altezza in circa, questo non impedisce il flusso dell'acqua, che per più braccia è superiore continuamente da pertutto al fondo più ripieno di questi canali: onde non resta in essi da verun dolo interrorta la superficie dell'acqua, come è manifesto, perchè si naviga da Bellavista fino alle Calle senza mai strascicare il navicello per terra. Che occorre dunque aprir nuovi canali per dar' esito all'acqua? si amplia per questo la luce delle Calle? si profonda la loro foglia? anzi si dichiarano nella loro Relazione, *che non si tratta oggi di variare l'emissario in minima delle sue parti, ma di lasciarlo nello stato, in cui fu costruito.* Dunque o per due canali, o per dieci, o per mille si conduca l'acqua alle Calle, non perciò potrà uscire più presto, o in maggior copia di prima; onde è spesa superflua il tentare d'aprire più strade, se non si aprono ancora più porte, o non si dilata l'apertura all'antiche. E la ragione si è, perchè generalmente l'acqua, ch' esce da un emissario, è in ragione composta della luce di esso, e della velocità, di cui l'acqua è affettata nell'esito, la quale dipende dall'altezza, da cui immediatamente l'acqua medesima deriva; che però se si facessero diecimila canali, o si ripulisse tutto il lago, sicchè fosse un canale solo in ogni sua parte tanto profondo, quanta è la profondità de' vecchi, e de' nuovi canali proposti; dovendo uscire l'acqua per la stessa foce non ampliata, nè abbassata più di quello, che si trovi al presente, non nè uscirà mai nello stesso tempo maggior copia di quella, che in oggi suole uscire, se con ciò non si aggiungesse velocità all'acqua medesima: Nè può per se stesso aggiungerle verun grado sensibile di velocità l'artificio di moltiplicare i canali, che la conducono al medesimo emissario, ma solo per accidente, cioè in quanto, sbarazzando gl'impedimenti di canne palustri, e giunchi, e cespugli sparsi per quel solo tratto del lago, che si vorrà scavare (che sarà per esempio la millesima parte della sua estensione) si sminuiscono d'una millesima parte le resistenze, che rassenant alquanto il corso dell'acqua stessa. Il quale tenuissimo beneficio s'otterrebbe egualmente con ripurgare i fossi antichi, senza aprirne de' nuovi: ma ogn'uno ben vede, che ciò non può esser bastante al bisogno di V. S. Illustrissima, dovendo mantenersi frattanto le sue campagne inferiori di superficie al fondo, non che al livello dell'acqua del padule; nulla giovando, che sì profondi il fondo de' canali, se questi non possono presentarsi asciutti a ricevere l'acque di Bellavista, nè conservarsi arginati per ricevere solamente l'acque, che scolano da' suoi poderi; ma debbono

riempirsi subito dall'acque, che da tutta l'estensione del padule v'entrano dentro lateralmente; onde tanto sarà per V. S. Illustrissima, e per gli scoli delle sue campagne, che i detti canali siano pieni d'acqua limpida, e chiara, quanto se pieni fossero, più che non sono al presente, di lezza, o di soda terra, come già dissi mia prima Relazione.

XXII. Forse diranno, che sebbene i nuovi canali saranno pieni d'acqua, come ora sono i canali vecchi, essa però non faravvi a tanta altezza; e basta, che non vi si alzi di livello più della superficie dell'acque stagnanti sopra de' suoi poderi, perchè V. S. Illustrissima possa alzare le cateratte de' suoi scoli; e così dare l'esito a tutto l'umore peccante, che le infetta, e rende mal sana la sua Fattoria. In fatti tanta materia di terra, di canne, di giunchi, ed altri impacci, che si leveranno dal padule nel fare i nuovi fossi, e si trasporterà sopra le gronde di esso, disponendola a maniera di argini, certamente darà luogo a altrettanta acqua, che si abbasserà nella profondità di cotesti canali, onde si abbasserà il livello del lago. Ma di grazia qual proporzione averà la materia cavata con tutta la mole racchiusa dentro al padule? totalmente insensibile: perchè facendo il conto così all'ingrosso, supponghasi la larghezza del padule ragguagliatamente 3, miglia, e la larghezza della materia soda levata nel fare i nuovi canali computata insieme sia di 9. braccia (che è pure assai) sarà dunque ciò, che si porta fuori del lago la millesima parte della mole, che ora lo riempie fra terra, acque, giunchi, ed aggallari, che contiene. Per tanto riempendosi di acqua dove prima erano le materie cavate dal lago, dovrà questo abbassarsi circa la millesima parte dell'altezza presente; cioè se il lago, ragguagliatamente ora è alto sei braccia, si abbasserà dopo fatti i proposti lavori per la grossezza d'un tollero. Faccia ora capitale V. S. Illustrissima, se può, di questo grande vantaggio, e veggia, se le torna il conto di comperarlo a costo di più migliaia di scudi, che potrebbero con più certo frutto altrove impiegarsi. Veramente disse bene il Signor Bernardo Trivisano Patrizio Veneto nel suo dotto, ed erudito Trattato della Laguna di Venezia pag. 113. *Si lascino dunque predicare a certuni le dispendiosissime escavazioni di grandi alvei, e lunghi canali; l'erezioni d'argini, e luoghi eminenti; il rimuover velme, ed altre opere più confaccvoli al loro interesse, che giovevoli al pubblico bene: e si applichi solo ad ajutare le inclinazioni dell'acque, le quali sono di andare al basso con tanto maggiore velocità, quanto è maggiore la lor caduta: al che non coopera punto la moltiplicazione de' canali, che debbono far capo allo stesso emisfario di prima, e solo può giovarvi il rialzare, colmando unitamente i terreni, da cui si vuole, che scoli l'acqua in padule; giacchè nello stato presente si trovano quelli più bassi di questo, a cagione de' disordini già di sopra considerati.*

XXIII. Ma sento pur repilcarmi l'Achille inspugnabile degli oppositori, benchè bastevolmente già da me confutato nella prima Relazione pag. 10. cioè, che l'edifizio delle Calle, e la sua luce, la quale serviva 20. anni sono per emisfario del lago, e scarico di tutte l'acque correnti al padule, non essendo stato variato, o alterato in minima delle sue parti; nè estendendosi abbassato il piano delle campagne, che allora erano sane, ed asciutte data la comunicazione dell'acque tra l'uno, e l'altro estremo certo, e non variato, con levare i dossi intermedi, mercè l'escavazioni de' nuovi canali da farsi, non potranno far di meno l'acque di non scolare come prima. e così render sane, ed asciutte le medesime campagne, come erano per l'avanti. Ed io torno a negare il supposto, che repugna evidentemente all'evidenza del fatto: cioè, che vi siano dentro il padule dossi, i quali

impediscano la comunicazione dell'acque di sopra con quelle di sotto. Vi sono solamente le cateratte degli scoli delle campagne di V.S. Illustrissima, che tenendosi chiuse, quando si vede l'acqua dalla banda esteriore verso il padule essere più alta di quella, che è dalla parte interiore de' campi allagati, impediscono la comunicazione dell'acque del padule con quelle de' poderi, acciocchè non si spandano maggiormente sopra di essi. Ma quanto a' dossi, che interrompano la superficie dell'acqua del padule, è cosa notoria, che non vi sono; e tanto l'ho provato io, quanto l'hanno provato gli oppositori medesimi, navigando colla stessa barca da un capo all'altro per tutto il Padule, senza mai fare traghetto da un navicello in un altro per l'interposizione de' dossi, che chiudessero il varco all'acqua, ed interrompessero la navigazione. Se dunque, ciò non ostante, l'acque da un estremo all'altro non così felicemente scolano, come 20. anni addietro, bisogna, che non basti l'esserli mantenuto invariato l'uno, e l'altro termine, e conservarsi sufficientemente la comunicazione non interrotta dall'uno all'altro, perchè possano l'acque egualmente bene scolare. E convien concludere, che in oltre vi si richieda la stessa velocità di prima, perchè con eguale felicità possano avere il suo scarico; ma questa è stata molto variata, divertendo i fiumi influenti alle colmate irregolarmente fatte dentro il padule, e smorzando in essi quel grado d'impeto, con cui entando nel lago avvivavano tutte l'acque di esso, spingendole verso le Calte; adunque non serve a nulla l'esserli conservata fra l'uno, e l'altro estremo la stessa caduta. E la ragione a priori si è, perchè sul medesimo declive posti due mobili, l'uno affetto da maggiore velocità, l'altro da minore, certamente lo scorreranno in tempi diversi. Ora qui non trattandosi di fare, che l'acque possano assolutamente derivarsi dalle campagne, sopra di cui stagnano, fino alle foci del lago (al che senza dubbio basterebbe qualunque minima declività) ma di farvele scolare speditamente, cioè con tale velocità, che in un dato tempo esca dalle foci del lago maggior copia d'acqua di quella, che vi entra dentro, altrimenti se è eguale la copia di ciò che se ne smaltisce per le Calte a quella, che da fiumi influenti, dagli scoli, e dalle sorgive si somministra, starà il padule nel medesimo grado: e se è minore l'uscita dell'entrata, si avanzerà sempre l'inondazione, al che bisogna necessariamente, che la velocità media dell'acque nell'emissario alla media velocità de' fiumi influenti (per tener conto solamente di questi) abbia maggior proporzione, che viceversa il complesso di tutte le sezioni degl'influenti alla luce dell'emissario. Ma ritardando gl'influenti col divertirli a colmare, cresce la misura delle sezioni loro, secondo la dottrina sopraccennata del Padre Castelli; e però cresce la proposizione di esse verso la luce dell'emissario mantenutasi la medesima; dunque converrebbe, che molto più crescesse nel presente stato la velocità dell'acqua nell'emissario sopra quella, che hanno le acque influenti, di quello crescesse nello stato primiero atteso il declive del lago verso le Calte; e però non basta altrimenti la medesima caduta di prima, anzi vi si ricerca maggiore; onde si dimostra la necessità di rialzare le campagne, perchè abbiano felice lo scolo nel padule.

XXIV. Siaggiunge, che quando ancora entrassero in oggi nel lago i detti influenti colla stessa velocità, se il letto della Gusciana, per cui deono l'acque del padule scolare in Arno, avesse frattanto perduta la sua sufficiente declività, ciò basterebbe a trattenere l'acque dentro il recinto del lago medesimo, raffrenandone l'impeto, e sovrereggendole in parte, e così rendendo inutile la conservazione di quel declive, che si suppone mante-

nuto dalla superficie delle campagne alla foglia delle Calle. Ora si veggia: senoi siamo nel calo sì, o nò. Il celebre Ingegniere Gialiano Ciaccheri in una sua Relazione degli 11. Maggio 1675. ponderando quattro cagioni, che allora vi erano dell' inondazione d' alcuni beni posti alle gronde del padule, annovera fra queste in quarto luogo la poca pendenza del letto della Gusciana, in cui quando Arno ancora è scarico, ed il lago assai alto, nell' aprire le Calle, immediatamente sotto le medesime si livella l' acqua coll' altezza del padule, per non avere il fondo di questo fosso proporzionata caduta in Arno; avendo esso Ciaccheri osservato, che in quel tempo non vi erano, se non circa braccia cinque di declive in miglia sette di lunghezza; ma quanto sarà ora peggiorato questo declive per lo continuo rialzamento del fondo di Arno in 43. anni scorsi dal tempo dell' accennata Relazione? io non credo, che giunga più ne meno a due braccia; anzi vi è qualche osservazione, che pare ci persuada, essersi ridotta tutta quella caduta a pochi soldi, mentre Arno ringorga in ogni piena mediocre fino alle Calle, e giunge alla cresta della pescaia del Ponte a Capiano; anzi nella piena straordinaria del 1709. arrivò ad un segno più di 3. braccia superiore alla medesima cresta, e circa otto braccia più alto del fondo della Gusciana alle Calle, quando nello stesso tempo alla casa del Navalestro vicina all' esito di questo fiume in Arno, la medesima piena toccò un segno più alto del fondo d' Arno braccia otto, ed un terzo. Qual capitale dunque può farsi dell' asserita manutenzione d' ambi gli estremi, cioè della superficie delle campagne, e delle foci del lago nel medesimo stato di prima, quando vi è un deterioramento così notevole nel canale, che dee trasmettere l' acque di esso lago nel suo recipiente reale, che è Arno?

XXV. E poi, come già si è accennato, questa tal quale pendenza, che può esservi dalla superficie delle campagne alla foglia delle Calle del padule, non è, nè giammai è stata sufficiente per se stessa a far correre spedatamente l' acque al suo termine, conforme il bisogno; anzi io trovo, che in ogni tempo dagli abitatori della Valdinievole si sono fatte gravi querele, ed istantissime rimostranze del poco declive, che avevano l' acque di questo lago, per avere l' esito felice dalle suddette Calle del Ponte a Capiano. Ed il pre nominato Ingegniere Ciaccheri nella citata Relazione, fra le cagioni dell' allagamento de' beni adiacenti al padule annovera in secondo luogo la poca pendenza del fondo ne' canali, per cui dovrebbe il padule smaltire le sue acque; e circa questo afferma ben due volte, *essere un male a suo giudizio inevitabile, e che non vi si può apportare rimedio alcuno*; onde al parere ancora di questo architetto, bisogna, che l' apertura di nuovi fossi non sia da stimarsi opportuno rimedio, perchè non è verisimile, che non gli sovvenisse, o non volesse indicare un ripiègo giudicato così facile, ed ovvio da' suoi discepoli, se in qualche maniera creduto lo avesse giovevole a risanare le campagne inondate. Che se non era a proposito allora un tale rimedio, molto meno lo sarà adesso, che il male è a dismisura cresciuto per le colmate maggiormente promosse, col restringere più che mai la capacità del lago, e raffrenare sempre più la velocità dell' acque influenti; senza avere accresciuto quel meschinissimo declive, che possono avere le campagne sulla foglia del più profondo callone de' navicelli, il quale da se non è bastante a un gran pezzo per promuovere il corso dell' acque torbide, se non vi giungono già affette di qualche sensibile velocità; nel qual caso potrebbero felicemente smaltirsi ancora per un piano totalmente orizzontale. E qui si può avvertire, che il contraffegno addotto dagli au-

tori della Relazione a noi contraria, per confermare l'esistenza de' supposti dossi, da' quali venga interrotto il corso dell'acqua del padule, fondandosi nella famosa sperienza di avere tenute serrate per 24. ore le Calle, ed aperte poscia le due sole, che mandano l'acqua al mulino, i rotoni di questo poterono appena lentamente girare; e pure, il che da essi viene notato, come se fosse un gran prodigio da maravigliarsene in tali circostanze, le campagne superiori erano, come tuttavia sono, sommerse, ed ingombrate dall'acque: tale contraffegno, dico, non prova già l'intento loro, ma al più, quando sia vero, che seguisse senza alcuno artificio, o manipolazione, ciò, che asseriscono, dimostrerebbe giustamente quello, che andiamo dicendo, cioè, che il declive del padule è tanto scarso, e l'acque in esso influenti, mercè la loro diversione alle colmate, e la protrazione della loro linea dentro al padule, hanno così perduta la loro velocità, che molto stentatamente, e con languido moto possono far girare le ruote; nè occorre darne la colpa alle ripienezze del padule, dalle quali non essendo discontinuata l'acqua, che pe' soliti canali si porta alle Calle, nè diminuita la sua pendenza, non può essere scemata notabilmente la sua velocità, siccome non può esserle accresciuta dallo scavamento de' canali proposti.

XXVI Resta ora, che si consideri, se altro rimedio potesse proporsi per asciugare i beni inondati intorno al padule, giacchè il cavamento de' nuovi fossi viene dimostrato inutile, ed il ricolmare i terreni rimasti bassi è giudicato difficile ad ottenersi. E veramente a prima vista parrebbe, che il più naturale, ed opportuno ripiego per sanare tutte le campagne, che sono alle gronde del padule, anzi per recuperare molto paese dentro il recinto di esso asciugandolo, sarebbe l'abbassare le Calle, o piuttosto togliere via affatto tutto l'edifizio, e lasciare scorrere giù liberamente tutta l'acqua; ma facendovi più matura riflessione, si trova, che ciò non comple per più capi.

XXVII. Primieramente, perchè ciò sarebbe di pregiudizio alle campagne inferiori adiacenti al fosso della Gusciana; onde si sveglierebbero le antiche gare tante volte insorte per l'addietro fra le comunità del Valdarno di sotto, e quelle della Valdinievole, per cui tante volte si è rifatta, o rialzata la pescaia, e tante volte è stata demolita, o abbassata, secondo le vicendevoli rimostre di questi popoli, che alternativamente prevalevano per la conservazione, o distruzione del lago. Che però se il passato può dare indizio del futuro, poco durevole riuscirebbe questo rimedio, e presto ritornerebbero in campo gli antichi motivi di rimettere al pristino stato le cose, come tant'altre volte è riuscito di fare. Per fino del 1279. la Repubblica di Lucca fece comprare a' Comuni di Valdinievole allora suoi sudditi, tutti gli edifizj, ed ostacoli, che quei di Vald'arno avevano sull'Usciana per 2200. fiorini, insieme col letto di esso fiume; ordinando, che per l'avvenire non si potesse più edificarvi cosa alcuna sotto gravissime pene. Ma del 1339. venuta la Valdinievole sotto il dominio della Signoria di Firenze, a cui pochi anni avanti erasi già soggerato Fucecchio con gli altri castelli di Vald'arno, furono rifatti tutti gli edifizj sul Ponte a Capiano, e frenato come prima l'esito al padule. Del 1347. alle querele della Valdinievole diede ordine la Repubblica Fiorentina, che si disfacessero detti edifizj, nè più si rimettessero in piedi; ma poco durò nel suo vigore il divieto, e furono di lì a non molti anni riedificati. Perlochè di nuovo querelandosi quelli di Valdinievole, ottenuto da Monsig. Antonio Adimari Vicario di Pescia, a cui la Repubblica avea rimessa la causa, rescritto favorevole, che si abbattessero da que' di Vald'arno tutti gli ostacoli ap-

posti

posti al fiume Usciana, e che i comuni di Valdinievole depositassero 400. scudi d'oro per compensare il danno de' medesimi edifizj: ma non ebbe ciò esecuzione, che del 1370. per autorità di 3. Commissarj mandati apposta di Firenze sul luogo per aggiustare queste differenze, come fecero, approvando quanto era stato deliberato. Ma del 1394. in occasione della guerra insorta tra' Pisani, e la Repubblica Fiorentina ottennero quei di Valdarno licenza da' Signori Otto di Guardia di rifare i loro edifizj: e fortificarli bene. Nel 1400. ricorsero le Comunità di Valdinievole all'Uffizio della Torre; da cui fu giudicato doverli detti edifizj spiantare da' fondamenti, nè aver potuto gli Otto di Guardia dare licenza di fabbricarli contro il divieto del 1347. fatto dagli Eccelsi Signori, non avendo quelli facoltà di derogare alla deliberazione di questi; ma sempre contradissero que' di Valdarno, finchè del 1411. fatto compromesso d' ambe le parti nell' Uffizio degli Otto, cui la Signoria commesse di aggiustare tutte le differenze, fu sentenziato doverli rimuovere ogni ostacolo, e demolire da' fondamenti tutti gli edifizj, dando licenza a quelli di Valdinievole di spiantarli, ed ordinando a quelli di Valdarno di non opporsi: come fu eseguito nel 1412 al tempo di Arrigo di Messer Coluccio Salutati. Poco stettero que' di Valdarno a riasumere i soliti edifizj; perchè avanti il mese di Settembre del 1428. vi erano con una pescaia, che in detto tempo fu demolita, come si scenna in una deliberazione fatta da' Priori, e dal Gonfaloniere della Repubblica Fiorentina co' dodici buoni Uomini del Comunedi Firenze agli otto Marzo 1435. in cui ordinano, che per aver copia di pesce, come vi era abbondanza di pane, vino, olio, e carni per comodo della Città, e suo dominio, si debbano deputare cinque Uffiziali del lago del numero de' Cittadini di Firenze, Popolari, e Guelfi, uno per quartiere per il membro delle 14. Arti minori, che siano riputati a ciò idonei, i quali sianotenuti di fare alzare una pescaia nel fiume Gusciana presso a Fucecchio, perchè ivi si faccia un lago al luogo detto Ponte a Capiano, con calcina, ghiaia, mattoni, pali, ec. conforme è la pescaia de' Frati d'Ogni Santi di Firenze, di grossezza, e larghezza opportuna al bisogno, più alta però un braccio, e mezzo almeno di quel che fusse dell'anno 1428.; cioè sopra il segno d'una pietra murata nella torre del Ponte a Capiano per segno dell' altezza della prima pescaia: e di più fare un' argine lungo il fiume Gusciana per la pianura di Fucecchio dalla pescaia suddetta verso i monti di Cerreto, che dicesi essere di lunghezza d'un miglio, o poco meno, alto sopra la pianura almeno due braccia, e mezzo, e largo quanto bisognasse per la conservazione di detta opera, con una fossa appresso l' argine verso la pianura di Fucecchio, come loro parette espediente: obbligandoli in oltre a far fare sopra la medesima pescaia un edificio di lega ad acqua per segare, i legni de' Consoli di mare del Comune di Firenze, per fare nuovi bastimenti, o riparare gli antichi, e per segare qualunque legno occorresse: Ma del 1447. fu abbassato il lago circa un braccio, e mezzo; onde del 1471. li 23. Agosto fu ordinato da' Signori Dieci Uffiziali dell' accrescimento dell' entrate, agli Uffiziali di Graticcia, che facessero rialzare di nuovo la stessa pescaia alla primiera altezza, col solo motivo, che quanta più acqua è nel lago, tanto maggiore, e miglior copia di pesci vi dee essere. Ma lo stesso anno a 19. Settembre, essendo ricorso quelli di Valdinievole, fu annullata detta provvisione, anzi ordinato, che si demolisse, quanto si era accresciuto alla detta pescaia. Del 1515. a dì 21. Luglio le Comunità della Valdinievole donarono (per quanto loro si aspettava) a Madama Alfonsina Orsini vedova dell' Eccellentissimo Signor Piero di Lorenzo de'

Medici, e suoi eredi tre quarti de' terreni, che si ricuperassero facendo abbassare il lago rimanendo un quarto a' detti Comuni; la quale donazione fu confermata il dì 19. Agosto dal Consiglio di Fucecchio, ed altri Interessati, approvando, che a suo beneplacito la detta Signora cercasse di asciugare il lago; siccome a dì 27. Settembre del medesimo anno se ne ottenne dal Magistrato degli Spettabili Riformatori della Repubblica Fiorentina favorevole deliberazione, che si dovesse rimuovere tutta l'aggiunta fatta al lago in progresso di tempo, lasciandovi però il ricinto del letto antico; decretando, essere ciò più utile, e più salutare al pubblico, ed al privato, che non era l'ampiezza, con tanto studio già procurata di quel padule colle sue nebbie molto dannoso a' frutti, ed agli ulivi non solo della Valdinievole, ma ancora di tutto il Valdarno. Onde la suddetta Signora fece molti tentativi per restringere il lago, ed acquistare molti effetti dentro il medesimo, coll'autorità ancora della Repubblica, che le aveva vendute le sue ragioni colla convenzione dello sborlo di certo prezzo. Ella fu, che fece fare intorno al lago un fosso molto largo, e profondo con argini forti difesa (che poi fu detto *il Fosso di Madonna*) per riguardare, e riprimere dall'acqua i beni fuori del lago, quando l'acque fossero crescenti, e conservarli asciutti; e fece votare, ed allargare per molto tratto il letto dell'Usciana; ciò, che contribuì qualche cosa all'abbassamento dell'acque. Ma pervenuto il dominio del lago nel Gran Duca Cosimo I. volle del 1549. ristorarlo, ed alzarlo più che mai fosse stato per lo passato, e ne fu commessa la cura agli Uffiziali di Gascia il dì 26. Febbraio di detto anno 1549. (che allo stile Romano torna del 1550.) e sopraintese all'edifizio della nuova pescaia Maestro Davitte di Raffaello Fortini, celebre Ingegniere di que' tempi: ma poco dopo ricorrendo le Comunità di Valdinievole, il medesimo Gran Duca fece abbassare la pescaia un braccio. Indi dal Gran Duca Francesco ottennero le medesime Comunità, che si abbassasse la detta pescaia un altro braccio; ma le Comunità di Valdarno si opposero, e dal medesimo Gran Duca impetrarono, che di bel nuovo si rialzasse la pescaia quelle due braccia, che le si erano scemate, riducendola all'altezza primiera; e susseguentemente fece S. A. terminare, e confinare il lago con una fossetta, per troncare le liti, che inorgevano per varie pretensioni de' particolari.

XXVIII. Questa incostanza di risoluzioni tanto opposte non mi lascia dubitare che poco durevole sarebbe il ripiego di abbassare la pescaia del Ponte a Capiano, e dare libero l'esito all'acque: avendo noi così lunga esperienza degli avvenimenti passati, che ci dimostrano [checche siasi di ragione] aver sempre di fatto prevaluto il partito di que' di Valdarno per mantenere alto, ed abbondante di acque il padule, e non lasciarsi venire addosso l'affluenza di quell'acque; e questo è il primo capo, per cui non la consiglio a promuovere questo partito.

XXIX. Il secondo capo si è, perchè ad ogni modo è tanto scarso il declive della Gusciana in Arno, che aggiunto alla caduta delle campagne di V. S. Illustrissima sopra le Calle non le darebbe il vantaggio di più felice scolo; non potendosi far capitale, che di braccia 3. di caduta in circaper la lunghezza di miglia 13., e un quarto: ciò, che non arriva nè meno a un terzo del declive, che aveva la Gusciana al tempo della Relazione del Ciaccheri, il quale da lui fu giudicato ad ogni modo troppo scarso al bisogno.

XXX. Il terzo si è l'interesse del Principe, e del Pubblico, cui non si dee pregiudicare, privandolo della rendita, e del comodo, che si trae
della

della pesca di questo lago, che condisce un gran tratto di paese di questo felicissimo Dominio.

XXXI. Il quarto finalmente si è, perchè non potendo riuscire di asciugare tutto il lago, è meglio, che si mantenga fresco, ed abbondante di acque per salubrità dell'aria, la quale potrebbe infettarsi da' cattivi vapori, ch' esalerebbero dall'acque morte, le quali rimarrebbero quà, e là discontinuamente in varie lame stagnanti. Si osservi ciò, che racconta Giovanni Villani nel Libro IX. delle sue Cronache al Cap. 363., che l'anno 1325. [nel qual tempo non vi erano i ritegni del lago, stati già demoliti dalle Comunità di Valdinievole] preso che fu Monte Falcone da' Fiorenti, entrò nel loro esercito un male Epidemico *per lo dimoro che avevano fatto sufo la Gusciana*: mercè i cattivi vapori, che ch' esalavano dall'acque morte del vicino padule. Per tutti questi motivi non approverei, che il lago si disfacesse con lasciargli l'efito libero, concorrendo pienamente col parere prudentissimo del Gran Duca Cosimo I (non Cosimo II, come erroneamente sta scritto nella Relazione degli Oppositori) il quale oltre l' iscrizione Latina, che fece porre nell' edificio del Ponte a Capiano, addottasi nella mia Relazione, come in quella degli Avversari, vi fece mettere di contro ancora quest' altra volgare, perchè da tutti potesse essere intesa.

COSIMO MEDICI DUCA DI FIRENZE

HA RIFATTO QUESTO LAGO DA' FONDAMENTI
PER BENEFIZIO PUBBLICO;

E NON SIA CHI LO DISFACCIA PIU'

CON ISPERANZA D' ACQUISTARE COMODO A' PAESE:

SAPPIENDO, OGNI VOLTA CHE SIA DISFATTO,
ESSERSI PERDUTO DI SOTTO L' USO DELLA TERRA,

DI SOPRA DELLA PESCAGIONE,

SENZA ACQUISTO ALCUNO.

XXXII. Se però si tenessero aperte continuamente le Calle ne' tempi più proprj, cioè l' Inverno, quando vi è bisogno maggiore di scaricare la gran copia dell'acque, di cui abbonda, ciò cagionerebbe qualche piccolo sollievo; ma il vero, e reale rimedio, e più opportuno per risanare stabilmente le sue campagne, non è altro che il già tante volte mentovato, di rialzare colle colmate regolarmente il piano de' suoi poderi, e con questo solo concludo la presente Relazione, uniforme a quanto le scrissi nell' altra, non suggerendomi la poca perspicacia verun' altro ripiego confacevole al suo bisogno: onde con tutto l' ossequio mi confermo.

Di V. S. Illustrissima

Pisa 1. Febbraio 1717. ab Inc.

Dev. e Obblig. Servitore.
D. Guido Grandi.

RELAZIONE

DELLE OPERAZIONI FATTE

CIRCA IL PADULE DI FUCECCHIO

Ad istanza degl' Interessati,

E riflessioni sopra le medesime

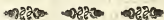
DEL

P. ABATE GRANDI

A GL' ILLUSTRISSIMI SIGNORI

GIUDICI DELEGATI

SOPRA IL MEDESIMO PADULE.



ILLUSTRISSIMI SIGNORI.



I. Tenore del Decreto delle Signorie loro Illustrissime del dì 7. Marzo 1717 ab Incarnazione, essendo io infrascritto stato prescelto da' Signori Interessati per assistere alle livellazioni, e scandagli da farsi circa il suddetto padule, e sue attinenze, o dipendenze, mi portai col beneplacito di S. A. R. sulla faccia del luogo, ove in presenza di que' Deputati che vollero, o poterono intervenire per parte degl' Interessati medesimi, e coll'assistenza d'altri periti, si diede principio il dì 20. Marzo alle operazioni, che si giudicarono opportune. le quali ora faranno da me prima istoricamente riferite, per farvi poi sopra quelle riflessioni, che da tutte insieme le circostanze del fatto risulteranno a pro della causa importantissima, di cui qui si tratta.

Il. Prato,

II. Principiando adunque da' luoghi più bassi della campagna, e margine del padule più rimoto dalle sue foci, si andò all'argine, che difende il podere lavorato dal Lunardelli nella Fattoria di Bellavista, dal padule adiacente; e piantato sopra detto argine un livello a doppio canocchiale in altezza di braccia 2. 6. 8., si riguardò ad uno scopo posto sul piano della campagna; la di cui superficie rimase sotto l'orizzontale braccia 5. 19. 6., e riguardando ad un altro scopo posto sul fondo del fosso, che serve di scolo delle campagne, si trovò questo essere sotto la detta orizzontale br. 6. 18. 0., essendovi in esso braccia 0. 19. 0. di acqua; e dall'altra parte mirando allo scopo, che si era posto sul fondo del padule, riuscì questo sotto la medesima orizzontale braccia 4. 17. 5., ed un'altro scopo collocato sul fondo più basso dello scolo del medesimo padule si trovò braccia 6. 6. 4. sotto la predetta orizzontale; essendovi di acqua braccia 0. 9. 4., dal che risulta, essere il piano della campagna in quel sito più basso del fondo del padule braccia 1. 2. 1., ed il fondo del fosso, che serve di scolo a' poderi essere più profondo di quello dello scolo del padule braccia 0. 11. 8., ed il pelo dell'acqua stagnante nel fosso della campagna essere braccia 0. 2. 0. più basso del pelo dell'acque del padule, e conseguentemente la somma escrescenza del padule nelle massime piene, che giungono a bagnare l'orlo degli argini obbligando talvolta i paesani ad accorrervi per impedirne co' soprassogli il tabacco, restava superiore al piano della campagna per braccia 3. 12. 10. come può vedersi dal profilo segnato A, che dimostra questa operazione riferita al sito segnato con simile lettera A nella pianta, che si da annessa alla Relazione presente.

III. Per meglio assicurarmi della verità di questo paragone, feci fare in sito poco distante, segnato colla lettera B nella pianta la livellazione espressa nel profilo segnato con simile lettera B, adoperandovi un livello ad acqua; e fu riconosciuto quel piano di campagna, che allora fu scielto, essere sotto l'orizzontale braccia 6. 2. 10. quando il fondo del padule contiguo riusciva sotto detta orizzontale braccia 4. 14. 3., onde quello era più basso di questo braccia 1. 8. 7. siccome il fondo maggiore dello scolo del padule rimanendo sotto detta orizzontale braccia 6. 2. 6., ed il fondo del fosso, che serve di scolo alla campagna essendo sotto la medesima orizzontale braccia 7. 6. 6. restava questo più basso di quello braccia 1. 4. 0., e perchè nel luogo del padule ivi esaminato vi era d'acqua braccia 0. 9. 8., e nel fosso della campagna braccia 1. 3. 8.; si raccoglie essere il pelo dell'acque del padule mezzo braccio superiore al pelo dell'acqua del fosso, ed alla superficie medesima della campagna, che in quel luogo ne restava leggermente bagnata, ed era inferiore all'argine, o al sito della somma escrescenza del padule per braccia 3. 16. 2.

IV. Con metodo simile si fecero poscia all'argine della ragnaja due altre livellazioni col canocchiale, e coll'acqua, le quali non voglio star qui minutamente a descrivere, potendosi vedere l'operato espresso ne' profili segnati C, e D corrispondenti a' luoghi contrassegnati di simil lettera nella pianta: ma solamente ne accennerò il risultato per non attediare con soverchia lunghezza i leggitori: e lo stesso praticherò nell'operazioni seguenti. Dico adunque che quì nella livellazione C si trovò il piano della campagna braccia 0. 4. 11. inferiore al fondo del padule, e questo braccia 2. 3. 8. sotto l'argine, che mostra il segno delle massime escrescenze; ma nel luogo D era il piano della campagna più basso del fondo del padule braccia 0. 6. 6., e dall'argine braccia 2. 14. 6. e del segno, a cui giungono, le piene ordinarie indicato dal pacciamme deposto sulla scarpa dell'argine, braccia 1. 12. 10. *Tomo II.* X X 5 V. Quin-

V Quindi inoltratici in faccia alla strada del Cappelli, si fece la livellazione F, corrispondente al luogo segnato F nella pianta, da cui si riconobbe il piano di campagna più basso del fondo del padule braccia o. 10. 10., e del segno dell'escrescenze mediocri braccia 1. 14. 4., e delle somme escrescenze braccia 2. 8. 2.

VI. Successivamente andando sull'argine del podere del Casino vicino al Capannone, si vide la campagna in tempo così asciutto, quale è stato il presente, allagata d'acqua in altezza di braccia o. 17. o. restando il piano della campagna inferiore al fondo del padule per braccia o. 16. 6., e del segno delle piene mediocri per braccia 2. 7. 6., e delle somme escrescenze per braccia 3. 10. 10. come si riconosce dal profilo segnato H, corrispondente al luogo similmente segnato di essa lettera H nella pianta.

VII. Appresso avanzandoci al luogo segnato I nella pianta fra il Capannone, e l'angolo dell'Anchione, si trovò livellando come nel profilo I, il piano della campagna inferiore al fondo del padule di braccia o. 13. 8., e del segno delle piene ordinarie braccia 1. 13. 4., e delle somme escrescenze braccia 3. 1. 10.

VIII. Voltando poscia il viaggio lungo il fosso alle Saliche si fece la livellazione del piano di campagna del podere della Spina col fondo del padule del Cerro, dove sono disegnate nuove colmature da continuarsi coll'antiche fatte nella Fattoria d'Altupascio in faccia a quella di Bellavista. Veggasi la pianta alla lettera L, ed il profilo similmente contrassegnato con detta lettera: da cui risulta, essere il piano di campi in detto podere della Spina dirimpetto alla casa del contadino, inferiore al fondo del padule del Cerro braccia 1. 10. o. ma quanto all'ordinaria, o alla somma escrescenza, non si è potuto raccogliere di quanta altezza superi la superficie della campagna, essendo l'argine soggetto ad essere sopraffatto da qualunque ordinaria escrescenza del padule. Oltre a ciò, essendosi fatta circa 20. pertiche superiormente altra livellazione nel luogo dimostrato dalla pianta alla lettera M, si trovò il piano della campagna inferiore al fondo del detto padule braccia 1. 9. 2., come apparisce dal profilo segnato altresì di lettera M.

IX. A queste livellazioni, colle quali si circondò la parte infima della Fattoria di Bellavista contigua al padule, si aggiungano le tre livellazioni fatte già nel mese di Maggio del 1715. ne s'iti intermedj, e riferite nella mia prima Relazione pag. 672. e riportate quì ne' profili contrassegnati dalle lettere E, G, K, corrispondenti ad altre simili segnate nella pianta ne' propri luoghi; dalle quali risultò essere l'acqua ne' campi alla ragnaja braccia o. 9. 10. inferiore al pelo dell'acqua del padule nel luogo E; e che il fondo de' campi alla via de' Mariani nel sito G era inferiore al fondo del padule braccia o. 18. o., e che all'angolo dell'Anchione la superficie dell'acqua ne' campi in sito K. riusciva inferiore al pelo dell'acqua del padule braccia o. 9. 6., ma il piano della campagna era sotto al fondo del padule braccia o. 14. 6., ed averemo in queste dodici livellazioni altrettanti testimonj contesti, ed uniformi in concludere la bassezza della Fattoria di Bellavista rispetto al contiguo padule, e l'impossibilità di scolarvi, se non viene rialzata, colmando anch'essa come altre volte ho proposto, e da tant' altri prima di me fu seriamente considerato, come nella mia Relazione seconda num. 3. e 4. Ma non essendo quì tempo di fermarmi su queste riflessioni, solamente avvertirò, che facendo un ragguaglio delle più alte, e delle più basse campagne della suddetta Fattoria, si trova essere ragguagliatamente, cioè l'una per l'altra inferiori al fondo del padule di
brac-

braccia o. 13. 9., e passerò a riferire l'altre operazioni richieste da varj altri Interessati.

X. Il dì 21. si andò dal Capannone alle Calle del Ponte a Capiano, navigando per mezzo al padule, e piantando per istrada varj pali, con farvi una intaccatura per riconoscere la variazione al ritorno. Si fecero di mano in mano varj scandagli dell'altezza dell'acqua medesima, e primieramente avanti d'arrivare alle Guasticce in faccia a Sara Nuova si trovò una profondità di braccia 3. 5. o. Agli Strozzi di braccia 4. o. o. In bocca delle Guasticce altrettanto; indi in bocca a' Pierucci braccia 4. 15. 1. e poco sotto braccia 5. 5. o., indi nel sito, dove già era il Chiaro, braccia 3. o. o., ed al principio del canale Gelsino, dove s'incontrò la minima profondità, si ebbe l'altezza di braccia 1. 13. 4. e più sotto braccia 2. 3. 6. I quali scandagli ragguagliati l'uno per l'altro ci danno braccia 3. 10. 2. di profondità.

XI. Nell'ingresso del canal grande, in cui si ristringe tutta l'acqua del padule, e si porta unita alle Calle, misurossi la velocità, con cui l'acqua visibilmente correva all'ingiù; fu riconosciuto esser tale, che in sei batrute di polso, o minuti secondi, correva un braccio di spazio; e misurando ancora la larghezza di detto canale fu ritrovata di braccia 12. in circa: sicchè dove si stende l'acqua nell'ampiezza del padule, che sarà largo sopra due miglia, dovendo essere le velocità reciproche delle sezioni, o delle larghezze in pari altezza, si raccoglie dovervi essere una velocità quasi insensibile, e tale, che a passare un braccio di spazio richiegga almeno 2005. minuti secondi: cioè che in un' ora l'acqua non anderà un braccio, e mezzo lontano.

XII. Giunti alle Calle trovammo, che allora aprivasi il callone maestro per varare certi navicelli dalla Gusciana nel padule; essendo avanti aperto una sola delle Calle, cioè la più remota della pescaia: e qui si osservò che il rotone girava con velocità assai notevole; ed interrogato il mugnaio, quanto macinasse quel mulino in un' ora, rispose, che averebbe fatte sei staja; ma se fossero state chiuse le Calle per 24. ore avanti, ne averebbe macinate ancora diciotto: tanto è vero, che la sperienza addotta *ex adverso* dovette fondarsi sopra qualche equivoco, o alterarsi per qualche artificio de' ministri bassi, e che però apparisse contraria a ciò, che la sperienza, e la ragione ci detta, che dovesse succedere, come nella mia seconda Relazione accennai al numero 25.

XIII. Feci poi misurare l'altezza d'un segno di massima escrescenza notato sopra la pescaia con queste parole A DI PRIMO MARZO MDCCIX. ed era alto sopra la cresta della pescaia braccia 3. 10. o., essendo detta pescaia più alta della soglia del callone maestro braccia 3. 13. o. sicchè da quel segno alla soglia della calla vi erano braccia 7. 3. o., e perchè questa è sopra il fondo della Gusciana poco sotto alle Calle braccia 1. 5. o., resta il suddetto segno sopra quel fondo della Gusciana braccia 8. 8. o.

XIV. Quindi facendo istanza a' ministri, che si tenessero serrate per ventiquattr' ore, o poco più tutte le calle a fine di livellare il padule, e fare altre osservazioni opportune (ciò che non poteva essere d'alcun pregiudizio per essere l'acque nel padule bassissime, e magri di acqua i fiumi influenti per la lunga, e continua siccità della stagione) non si potè per allora ottenere la grazia; onde c' imbarcammo per ritornare al Capannone, in tempo appunto, che dopo d' essersi varato un altro navicello oltre il primo suddetto, chiudevasi il callone maestro; ed osservammo, che ne' pali contrassegnati vicino alle Calle era calata l'acqua un mezzo

braccio sotto l'intaccatura fattavi alla nostra venuta, nel poco tempo di 3. ore in circa, che ci eravamo fermati al Ponte a Capiano; ma ne' pali posti in maggiore lontananza andava di mano in mano diminuendo cotai differenze, finattanto che, passato il Chiaro, nel concorso del Canale che va al Terzo con quello, che va al Capannone di Bellavista, rendevasi affatto insensibile l'abbassamento, ritrovando il pelo dell'acqua alla medesima intaccatura di prima.

XV. Il dì 22. si andò ad un campo del Signor Cavaliere Marzichi, posto nel comune di Montecatini, luogo detto il Fornaccio, seguatato nella pianta alla lettera N, e piantato il livello nella strada nuova del Terzo dirimetto al padule, con cinque posizioni di livello, come rappresenta il profilo alla lettera N, si paragonò il piano di detto campo col fondo del padule, e quello fu trovato superiore a quello di braccia o. 11. 6. nella distanza di 277. canne misurate da un termine all'altro. Con tale occasione ci fu fatto osservare, che il piano del medesimo padule, dirimetto al confine della Fattoria del Terzo, erasi molto rialzato, e reso quasi prativo, non già perchè fosse artificiosamente rialzato con le colmate: ma solo a cagione delle colmate fattevi dicontro, dal circondario delle quali scappando l'acqua ancor torbida vi aveva deposto: come appunto era accaduto nel medesimo padule in faccia alla Fattoria di Bellavista, come altrove a lungo è stato da me ponderato.

XVI. Portatici in appresso il dì 23. all'argine de' ripari del podere detto del Fondo nella Fattoria de' Signori Marchesi Bartolomei nel sito, che resta contrassegnato nella pianta alla lettera O, si fece la livellazione di esso col fondo del padule per mezzo d'un fossetto; in cui la parte superiore dell'acqua si rese stagnante, e l'inferiore comunicava con quella di padule, come mostra il profilo segnato da simile lettera O, e si trovò essere la superficie della campagna contigua al padule superiore al fondo del detto padule braccia o. 19. 4., ed al pelo di acqua sopra di esso come stagnante braccia o. 17. 8., ma il piano d'un campo superiore si trovò essere più alto del fondo del padule braccia 1. 12. o., e del pelo dell'acqua di esso braccia 1. 10. 4. poscia paragonando un altro campo più lontano ancora dal padule, fu riconosciuto più alto del fondo di esso braccia 1. 2. 8., e del pelo dell'acqua del padule braccia 1. 1. o., e finalmente il campo contiguo all'aja, e casa del contadino, era superiore al fondo del padule braccia 1. 6. 4., e al pelo di esso braccia 1. 6. 8.

XVII. Frattanto essendosi mandato a Firenze per avere l'ordine di far ferrare le calle del lago, si fecero chiudere il dì 24. a ore 10., ma per essere state negli antecedenti giorni lungo tempo aperte, e per l'attività del Sole, che fu ne' medesimi giorni, oltre al consueto della corrente stagione caldissimo, era intanto calata assai l'acqua del lago, sicchè portatici il giorno 25. al Capannone, si trovò al contrassegno fatto nel primo palo abbassato il pelo dell'acqua un soldo, qualunque già per 26. ore in circa fossero state chiuse le calle; e lo stesso abbassamento fu notato in tutti gli altri pali fino al concorso de' due canali di Bellavista, e del Terzo; e solamente quindi in poi l'acqua trovossi cresciuta, e più di mano in mano secondo che ci accostavamo alle Calle, perchè sotto il canale del Gelsino nell'ingresso del canal grande era coperta la tacca per braccia o. 3. 4., ad un altro palo inferiore per braccia o. 10. o., in un altro più sotto per braccia o. 11. o., e finalmente nel più vicino alle Calle per braccia 6. 12. 4. della ragione del quale effetto si discorrerà più abbasso, non volendo ora interrompere l'esposizione storica de' puri fatti.

XVIII. Prima però d'imbarcare, feci prendere nel porto de' navicelli al Capannone, varie misure, e si osservò, che il pelo dell'acqua del padule era sopra il fondo del fosso braccia 0 17. 8. e la strada, che serve ancora per argine di riparo della Fattoria di Bellavista, era sopra il pelo dell'acqua braccia 1. 15. 0. e sopra il detto fondo braccia 2. 12. 8., ed il segno delle medesime crescenze del padule restando sopra la detta strada braccia 1. 6. 8. riusciva sopra il detto fondo del canale de' navicelli braccia 3 19. 4. cioè circa a 4 braccia.

XIX. Si fecero inoltre per tutto il viaggio varj scandagli della profondità dell'acqua; che ritrovossi alla buca del Berettone di braccia 2. 10. 0. a' Pierucci braccia 3. 15. 0. e poco più sotto braccia 4. 0. 0.; e più avanti braccia 4 5. 0. e più oltre braccia 5. 0. 0. indi braccia 4. 17. 8. poi di nuovo braccia 5. 0. 0. e più sotto braccia 5. 13. 4. ed in faccia alla Cavallaja braccia 2. 5. 0. e sopra l'imboccatura del Chiaro braccia 2. 0. 0., ed in bocca al Chiaro medesimo braccia 2. 6. 8. e più sotto braccia 2. 0. 0. indi nell'imboccatura del canale del Gelsino braccia 1. 13. 4. e di nuovo nel mezzo di esso canale braccia 1. 13. 4. e più giù braccia 1. 10. 5. più oltre braccia 1. 13. 4. e più abbasso braccia 1. 12. 0. e nel fine del canale del Gelsino all'ingresso del canal grande braccia 2. 3. 4. e verso il mezzo di detto canale braccia 2. 12. 0. indi più vicino alle Calle braccia 3. 10. 0. e finalmente braccia 3. 13. 4. Le quali misure composte insieme, e ragguagliate l'una per l'altra ci danno braccia 3 di profondità da per tutto; siccome ancora giunti a questi gli scandagli fatti il dì 21. riferiti al numero X. ed altri due fatti nel ritorno d'oggi per il canal grande, dove va separato dal Gelsino, che furono l'uno braccia 2. 0. 0. l'altro braccia 2. 5. 0. ci danno sempre una somma, che divisa pel numero de' scandagli dà per altezza ragguagliata dell'acqua braccia 3. in circa.

XX. Essendo giunti alle Calle, si ebbe relazione da uomini ivi apposta lasciati, che dopo chiuse le cateratte erasi ivi alzata l'acqua più di prima in 24. ore braccia 1. 1. 0. e nelle cinque ore susseguenti braccia 0. 1. 4. cioè in tutto braccia 1. 2. 4. e facendo attualmente misurare l'acqua che era sopra la foglia de' navicelli, fu trovata di braccia 3 5. 4. da cui sottraendo l'altezza dell'acqua al Capannone, trovata come sopra al n. 18. di braccia 0. 17. 18. restano braccia 2. 7. 8. di caduta dal fondo del fosso de' navicelli vicino al Capannone, fino all'infima foglia del Callone Maestro; imperocchè la superficie dell'acqua era allora come orizzontale, avendo inondate le prate, e non crescendo quasi più sensibilmente, mentre l'ultimo accrescimento era stato d'un soldo, ed un quattrino in cinque ore; che se i fiumi influenti frattanto non cessavano di somministrare acqua, era questa scarissima in tale stagione, e sparsa sulla superficie vasta del padule non poteva fare sensibile altezza; ed oltre a ciò molta quantità d'acqua per le fessure delle cateratte, e per gl'incastri, e tra la foglia delle Calle, ed il battente dell'imposte, ne scapolava, compensando quella che frattanto sopravveniva.

XXI. Anzi avendo misurata nel canal grande passato il Gelsino la velocità della superficie dell'acqua, dove pareva che avesse qualche moto, si trovò essere tale, che passava un braccio di spazio in nove minuti secondi: la quale velocità dipende da una caduta minore della decima parte d'un picciolo, attesa l'osservazione di Cristiano Ugenio, che un grave cadendo dall'altezza di 15. piedi di Parigi, che sono poco più d'otto braccia Fiorentine, vi spende un minuto secondo di tempo, e conseguentemente si acquista dall'altezza suddetta una velocità abile a scorrere egualmente 16.

braccia in un minuto secondo di tempo, quando l'acqua nella nostra speranza in altrettanto tempo ne passava solo la nona parte d'un braccio; ed essendo l'altezza come i quadrati delle velocità, o sia de' spazi fatti egualmente nel medesimo tempo, se si fa come 256 (quadrato di 16.) ad una parte ottantunesima (che è il quadrato d'un nono) così l'altezza di 8. braccia ad un'altra, sarà questa una sola delle 2592 parti d'un braccio, la quale è minore, come si è detto, della decima parte d'un picciolo; e però non aveva la superficie dell'acqua in quello stato declività sensibile, ma poteva prendersi come parallela all'orizzonte, quando ancora le resistenze del padule ci dovessero alterare il calcolo a dieci doppi.

XXII. Ma tornando alla nostra storia: si ebbe cura di prendere l'altezza dell'acqua sopra il fondo della Gusciana prima d'aprir le Calle, e fu riconosciuta di braccia 1. 16. 8. indi alzate sole quelle de' mulini, cioè prima quella che è contigua alla pescaia; indi l'altra, che vi è appresso: si osservò, che poco dopo l'aprimiento, i rotoni cominciarono a girare con grandissima velocità, e massimamente il primo più vicino alla caduta dell'acqua, il quale frullava in maniera, che appena l'occhio poteva tenergli dietro; ma il secondo più lentamente cominciò ad investirsi dalla velocità, che poscia notabilmente anch'esso mantenne assai pronta, e vivace, fin a tanto che alzata la cateratta de' navicelli, e mancando l'affluenza dell'acqua, si ridusse a grado più moderato la loro rapidità.

XXIII. Portatici quindi alla bocca della Gusciana, si riscontrò un segno della massima escrescenza di Arno del 1709. posto nel secondo gradino della scala alla casa del Navalestro: e si livellò col pelo dell'acqua, ritrovandosi questo più basso di quello braccia 8. 9. 0. e scandagliata l'acqua nello sbocco della Gusciana in Arno, si trovò profonda braccia 1. 10. 0. sicchè l'altezza del detto segno, al fondo esaminato, era di braccia 10. 19. 0. è ben vero che il fondo d'Arno ivi è disugualissimo, e vi si vedeva in mezzo un gran renajo scoperto dall'acqua, a cui riferendo l'altezza del detto segno restava solamente di braccia 8. 6. 8. come altrove ho notato; e se tra quel segno, che fu indicato alle Calle braccia 3. 10. 0. sopra la pescaia, e questo, che è in bocca di Gusciana, nella stessa piena del 1709. era equilibrata l'acqua rigurgitata fino alle Calle, come molti attestano, che sequisse (non essendo credibile, che la sola escrescenza del padule giungesse a tanta altezza nel suo sbocco, se non vi fusse stata sorretta dalla piena dell'Arno: altrimenti se ivi la superficie dell'acqua non fosse stata spianata come orizzontalmente, ma inclinata verso Arno: averebbe dovuto nelle parti superiori giungere ad una altezza troppo esorbitante, che averebbe sottomesso troppo gran tratto di paese, oltre a quello, che suole esser soggetto all'inondazioni del padule) si raccoglie, che dalla foglia della cala de' navicelli al più basso fondo d'Arno in 7. miglia di lontananza vi è di caduta braccia 3. 16. 0. e dalla detta foglia al pelo basso d'Arno braccia 1. 6. 0. e dal fondo della Gusciana sotto le Calle inferiore alla detta foglia di braccia 1. 5. 0. al suddetto fondo dello sbocco suo in Arno braccia 2. 11. 0. e che la cadente del pelo della sua acqua aveva di declive nel tempo del nostro accesso braccia 1. 17. 8. come costa dalla combinazione delle predette misure.

XXIV. Ritornati poscia al navicello, c'imbarcammo nel padule per il ritorno, avendo osservato essere in tanto calata l'acqua alle Calle per più d'un braccio, e similmente al più vicino palo braccia 1. 0. 0. al susseguente braccia 0. 19. 0. al terzo braccia 0. 5. 6 al concorso de' due canali, che vanno al Terzo, ed a Bellavista, un quattrino, ed al Viaggiolo di Stabbia un mez-

un mezzo quattrino; riuscendo quindi in poi insensibile il decrescimento per la vasta estensione, in cui si sparge l'acqua nelle parti superiori, e per l'insensibile velocità, con cui ivi può scorrere come con tant'altri riscontri si è dimostrato.

XXV. Fin qui la storia de' fatti. Ora ci farò sopra quelle Rileffioni, che mi pajono opportune, e primieramente debbo rappresentare alle Signorie loro Illustrissime, che de' terreni adiacenti al padule i più bassi di tutti sono manifestamente quelli della Fattoria di Bellavista, come provano le livellazioni addotte di sopra dal num. II. al num. IX. le quali dimostrano essere la superficie de' campi vicini alla gronda di esso padule rimasta più bassa del fondo stesso del lago contiguo per le cagioni altrove a lungo dedotte; di maniera che è convenuto al Signor Marchese Feroni ritirarsi indietro coll'argine di riparo, abbandonando buona parte de' suoi poderi al padule, che a gran passi si va avanzando, per le colmate fattevi a ridosso nelle Fattorie del Terzo, e d'Altopascio, che mettono in mezzo la detta Fattoria di Bellavista, occupando, e rialzando quello spazio prima basso, e paludoso; in cui dovevano dall'uno, e dall'altro lato i poderi di Bellavista scolare, e rialzando ancora per consenso nelle maniere altrove bastevolmente spiegate, il fondo del padule in faccia alla suddetta Fattoria, e così precludendole da ogni parte gli scoli; per la qual cosa a voler risanare i terreni infrigiditi di questa parte della campagna bisogna necessariamente rialzarli colmandoli, finattanto che riacquistino sufficiente caduta per iscolare nel padule medesimo come prima, secondo che altrove più ampiamente ho dimostrato; essendo inutile qualunque altro compenso, che potesse agli altri interessati alcun giovamento recare.

XXVI. In secondo luogo ho notato essersi alzato, il padule ancora qualche poco di contro alle Fattorie d'altri particolari: ma per non essere queste tanto circondate dalle colmature, e non riuscendo tanto basse, come i poderi prenominati di Bellavista, che ancora in questa secchissima stagione non potevano scolare nel padule, benchè magro d'acque, non sono a un gran pezzo ridotte in grado così deplorabile; ma però nelle piene ordinarie possono ancor esse patir di scolo, e nelle somme escrescenze soggiacciono al pericolo d'inondazione; imperocchè dalle livellazioni fatte si ricava, che ragguagliatamente l'ordinarie escrescenze giungono circa braccia 2. 3. o. sopra il pelo dell'acqua, che presentemente era nel padule, e le somme escrescenze sono circa un braccio, e un quarto superiori all'ordinare, cioè ascendono sopra il pelo dell'acqua presente braccia 3. 8. o. ragguagliando le maggiori colle minori; Per tanto tutte quelle campagne, che non sono più alte di braccia 3. 8. o. sopra il pelo suddetto, nelle somme escrescenze del padule rimarranno allagate; e quelle che non sono più alte del medesimo pelo di braccia 2. 3. o., rimarranno soggette ancora all'escrescenze ordinarie, e mediocri; e tali sono le campagne de' Signori Bartolomei, livellate, come sopra si è riferito al num. 16. le quali erano sopra il pelo del padule solamente braccia 0. 17. 8., braccia 2. 10. 4., braccia 1. 1. 0., e braccia 1. 6. 8. rispettivamente, ed ancora l'angolo del campo del Signor Cavaliere Marzichi, livellato come sopra al num. 15. che sopra il pelo dell'acqua comunicante col padule non si alzava, se non di braccia 1. 6. 4. mentre sopra il fondo asciutto del padule, a cui fu paragonato non aveva maggior caduta di braccia 0. 11. 6., e cotai fondo superava il pelo dell'acqua del padule di braccia 0. 14. 10.

XXVII. Quanto poi agli altri Comuni più distanti dalle gronde del padule, come di Monte Carlo, Pescia, ed Uzano, essi non ricevono danno alcuno.

alcuno dal padule nell' escrescenze sue, per esorbitanti che siano, possono giungere mai ad infrigidire i loro terreni, che almeno per quattro miglia restano da esso padule discosti: trattone però qualche tratto del Comune di Uzano ne' suoi più bassi confini, che può risentirsi alquanto delle piene più che mediocri di questo lago: ricevono bensì tutte queste Comunità danno grandissimo dalle colmature, perchè restringendo le Pesce, e la Nievole fra gli argini del circondario, ed obbligandole ad alzare il proprio letto per più braccia, e rallentare il suo moto, sono rimasi conseguentemente acciecati li scoli di più campagne, che in essi fiumi felicemente scolavano, per essere i loro alvei oramai superiori al piano de' terreni adiacenti, come ocularmente si riconosce. Dalche ne nasce ancora, che l' acqua trapelando per gli argini composti di terra sottile, o di pura rena, cagiona delle forgive, da cui sono infertilite le campagne, e bene spesso non potendo gli argini resistere al peso, o all' impero delle gran piene, si rompono, e rovesciando l' acqua pe' campi manomettendo le raccolte, spiantando le viti, i gelsi, ed altre piante, rovinando le stalle, le cantine, le capanne, con danno immenso de' bestiami, e de' poveri lavoratori, cui tolgono in un' ora il vitto, e sostentamento d' un anno.

XXVIII. Il rimedio de' quali disordini altro essere non potrebbe, che il restare di colmare nel padule, solamente ricolmando i terreni lasciati addietro più bassi, con venire avanti regolarmente come dagli architetti Annibale Cecchi, Baccio del Bianco, e Felice Giamberti fin del 1642. fu savamente avvertito, le parole de' quali Autori sono da me riferite nella seconda Relazione al num. III. quindi poi rimettendo i fiumi ne' loro alvei antichi, molte campagne ricupererebbero lo scolo perduto, e data una pendenza uniforme a tutto il paese rialzato dove bisogna, perchè ritorn ad esser più alto del padule, non potrebbe temere di non ismaltire le sue acque nel ricettacolo dalla natura destinato loro per questo effetto, e solo dall' industria degli uomini artificiosamente alterato, a segno tale che più non serve al bisogno, come averebbe perpetuamente servito, se fusse stato lasciato nell' antica sua positura, la quale naturalmente si sarebbe da se mantenuta. Onde il Signor Bernardo Trivisano nel suo Trattato della Laguna di Venezia pag. 18. dottamente osserva, ed attesta, che quelle lagune, o paludi, le quali poco, o nulla dall' operazioni degli uomini furono inquietate, altresì poco, o nulla hanno cangiato la loro disposizione, e figura, ma si sono conservate a un dipresso nel medesimo grado di prima; e lo stesso vale de' fiumi, e di tutte l' acque, o correnti, o stagnanti, alla di cui naturale propensione non bisogna mai opporsi, nè pretendere di alterarla, ma bensì conviene promuoverla co' debiti mezzi, perchè sia proficua l' opera al pubblico, ed al privato.

XXIX. E questo partito di por termine una volta alle colmate, che si fanno in padule, tanto più si dimostra utile, e necessario, non men che giusto, e convenevole, quanto che la speranza dimostra, non essere questi lavori proficui all' interesse del Principe, e viceversa riuscire di tanto pregiudizio a' confinanti: perchè gli antichi poderi delle Fattorie di S. A. R. vengono a deteriorarsi, e patire di scolo, on le più non rendono tanto frutto come prima, e ciò che si ricava di vantaggio da' nuovi acquisti fatti in padule non compensa la spesa impiegata nel fare le colmate, ma a conto lungo sparisce tutto il guadagno, e risalta all' occhio un gravissimo scapito dell' entrate del Principe. Altronde poi tutti i particolari si risentono del danno loro cagionato direttamente con queste operazioni: cioè non solo i possessori de' beni contigui alla gronda del padule, che vengono per-

ciò soggetti alla inondazione chi nelle somme escrescenze del padule, chi nelle mediocri, e chi ancora nell' acque basse: ma altresì i più lontani, che sebbene sono esenti da ogni pericolo del padule, in cui non iscolano immediatamente, provano tuttavia il suddetto pregiudizio di scolo per lo rialzamento de' fiumi cagionato dalle colmate, e restano soggetti alle forgive, ed a frequenti inondazioni de' medesimi fiumi per la rottura degli argini, che non possono più contenerli per aria; sicchè quando ancora fossero tali colmate giovevoli a chi l' intraprende, sono però cagione di così immenso danno al paese, che non torna conto il promuoverle da vantaggio.

XXX. E che finalmente si pretende con questo avanzarsi sempre più che mai colmate in padule? forse di assorbirlo appoco appoco, e seccarlo affatto, al dispetto della natura che ce lo pose? Essa non permetterà che riesca l' intento, o si compenserà altrove, trasportando il padule ne' luoghi già colti, e fruttiferi. Sono infiniti gli esempj di similanti operazioni intraprese con gravissimo dispendio, e senza alcun frutto: perchè sotto sopra si ha da conservare nel mondo la medesima quantità di acque, e deve avere i medesimi ricettacoli di prima, per contenersi, e se si possono divertire altrove i fiumi, non si possono togliere, ed opprimere affatto le forgive, che per di sotto somministrano materia a' laghi, e ripulluleranno sempre altrettanta acqua, quanta per umano artificio ad altre parti vorrà derivarsi. Così avvenne quì nelle campagne Pisane al padule, che ancora diceasi di Vandestrada, da un mercante Olandese di questo nome, che vi spese parecchie migliaia di scudi su la speranza di rasciugarlo con macchine di mulini a vento fatti all' usanza del suo paese: ma finalmente accortosi, che gettava in vano l' opera, e i quattrini, abbandonò l' impresa imperfetta. Così la palude Pontina rese vani i tentativi non solo de' Consoli Cornelio Cerego, ed Anicio Gallo, come si ha da Tito Livio, ma ancora dell' Imperatore Giulio Cesare appresso Dione, e Plutarco, e di Cesare Augusto, come riferisce Svetonio, e finalmente di Nerone, che a diè di Tacito raccomandò con calore questa impresa agl' ingegneri di que' tempi: *Securum, & celere quibus ingenium, & audacia erat, etiam qua natura denegavisset, per artem tentare, & VIRIBUS PRINCIPISILLUDERE.*

XXXI. Ercole accinto ad abbattere l' Idra della palude Lernea, ci figura appunto uno di questi animosi architetti, che tentano d' asciugare simili naturali recinti d' acque. Quello appena tagliata al mostro una testa ne vedeva sett' altre ripullulare: questi interiscono, colmano, e rasciugano in un luogo, e ne rendono paludosi cent' altri. Alla fine quegli venne pure a capo della sua intrapresa, impiegandovi ancora il fuoco, elemento, che consuma ogni vapore: ma questi non possono fare altrettanto, riuscendo bensì loro di mandare l' acqua altrove a dissipare i terreni già colti, ma non avendo modo di consumarla, e distruggerne le sorgenti. E poi, se riuscì ad Ercole l' impresa dell' Idra, secondo l' allegorica favola, fondata però sopra qualche verità di fatto, alterata così, e mascherata dal capriccio de' Poeti, non potè già riuscirgli egualmente secondo la vera e pretta istoria, il prosciugare un gran tratto di paese inondato dal fiume Olbio, che desideravano gli abitatori di Feneo in Arcadia di rimettere a coltura: benchè egli fusse così esperto ingegnere, e grandemente in queste materie esercitato, giacchè *Scientia rependi, veniendi, & ducendi aquas prestitit*: come di lui dice Plutarco, non leppe altrimenti farsi ubbidire dal fiume, che si ostinò a seguire il corso una volta intrapreso. Vano fu lo scavare in una vasta campagna una fossa lunga 50 stadi, (che son sei miglia, e un quarto, appunto quanta è la lunghezza del padule di Fucecchio)

chio) e profonda ben trenta piedi, dove la terra franando non l'avesse riempita, e in utilelo sforzo di derivare in essa l'acque del fiume, perchè questi poco dopo ritornò a spandersi, ed inondare la stessa pianura di prima, abbandonando l'alveo fatto da Ercole, come racconta Pausania *Arcad. lib. 8.* con queste parole, secondo la Traduzione Latina del Fabretti, il quale *De columna Trajani Cap. 1.* apporta questo passo. *Per medium ante Pbencatarum campum Hercules, fossam duxit, ut flueret in ea Olbia fluvius, quem Arcadum nonnulli Arcanium nominant, non Olbium. Longitudo fossa est L. stadiorum, profunditatis mensura XXX. pedum, sicubi nihil adhuc est collapsum. Verum enim verò non hac fluvius jam delabitur, sed relicto, quod Hercules fecit, receptaculo, ad pristinum fluxum rediit.* Tanto è vero che la natura non vuol esser sopraffatta dall'arte.

XXXII. Mill' altri esempi di tal natura, ancora più freschi, anzi seguiti a memoria nostra, o de' nostri maggiori si potrebbero addurre, e se ne veggono ancora i contraffegni, sopra di cui si potrebbe scrivere il motto di Tacito: *Vestigia irrita spei.* Ma non accade in ciò dilungarci dal nostro proposito, che però venendo alle corti, dimanderò solamente a chi si lusinga di poter rimediare a tanti disordini coll'aprire nuovi fossi in padule, continuando frattanto le colmatore, che sono l'origine di tutto il male: se egli crede, che i fossi da lui ideati debbano fare abbassare gli alvei de' fiumi, sicchè quindi innanzi possano le campagne de' Comuni più lontani dal padule ricuperare lo scolo perduto? se ciò crede dover succedere, non si potrà dunque tirare innanzi a colmare dentro il padule, perchè a questo è necessario tenere alti gli alvei de' fiumi, per poterli far salire nel circondario delle colmate: se poi, come è manifestamente incontrovertibile, cotali fossi nulla possono contribuire all'abbassamento degli alvei suddetti, ed alla ricuperazione degli scoli: con quale motivo debbono quelle comunità essere tassate per contribuire ad una spesa tanto esorbitante, da cui non sono per riceverne alcun beneficio? Già il danno che provano adesso, lo proveranno egualmente, anzi sempre più in maggior grado, quando fusse pur vero, che i lavori proposti facessero scemare l'acque bisse, o le mediocri, o le altissime piene del padule, importa ciò pochissimo al loro interesse, e non è questo il sollievo che implorano, nè il bisogno, che hanno, mentre i loro scoli debbono immediatamente regularsi dagli alvei suddetti de' fiumi, e non possono di primo lancio condursi al padule.

XXXIII. Si aggiunga ora che i proposti lavori nè meno giovano ad abbassare notabilmente le acque dello stesso padule, in qualunque grado egli si trovi: come ho dimostrato nella mia seconda Relazione n. XXI e XXII. dovendosi mantenere invariata la luce delle Calle, che da l'esito all'acque; onde nè meno a' possessori de' beni adjacenti alle gronde del padule può recare beneficio sensibile l'aprinento di queste nuove strade, che debbono condurre l'acqua alle medesime porte di prima, senza comunicare loro maggiore velocità, se non a misura delle resistenze scemate, che importeranno a un dipresso la millesima parte solamente di quella, che in oggi incontrano come ho detto nel precitato luogo, anzi rispetto a' poderi della Fattoria di Bellavista, che sono tanto più bassi del fondo medesimo del padule, com'è si è provato quì di sopra ne' primi nove numeri della presente Relazione, niun' sollievo affatto cotali lavori possono recare, se la superficie di quei beni non si rialza al pari delle contigue colmate non potendo mai l'artificio de' nuovi fossi fare, che l'acqua monti allo insù; per potere scolare da una superficie più bassa in un recipiente più alto; onde il voler far contribuire rilevanti somme a questi interessati, per l'escavazione de' ca-

de' canali proposti, è un aggiungere afflizione agli afflitti, senza speranza d'alcun conforto, ed obbligarli a pagare una imposizione gravosa per la continuazione delle loro miserie.

XXXIV. Se almeno si trattasse quì d'un progetto da poterne uscire con poche centinaia di scudi, si potrebbero accordare gl'interessati a fare questa speranza: ma chi propone quest'opera confessa da se, che vi si ricercheranno da 16. mila scudi, e sono certissimo, che non basteranno ne meno 40. mila, come ho ponderato nella mia seconda Relazione al num. XX. ed è solito degli architetti moderni di estenuare sul principio il calcolo delle spese, perchè non si spaventino quelli, che le hanno da intraprendere, e quando poi sono impegnati nell'opera, ne fanno ricrescere a più doppi il dispendio, come pur troppo ne abbiamo frequenti riprove sugli occhi. Che se fusse in uso la savia Legge degli Efesini, riportata, da Vitruvio nel principio del libro 10, e molto commendata per utile, e ragionevole, non si ardirebbero questi tali di fare simiglianti proposte. La Legge era questa: che intraprendendosi da un architetto qualche opera pubblica, dovesse prima promettere quanta spesa potesse importare, ed obbligasse i proprj beni al Magistrato, finchè l'impresa fusse condotta a termine: che se la spesa corrispondeva appunto alla stima fattane, veniva l'architetto con grande onore remunerato: similmente se non più d'un quarto d'avvantaggio importasse la spesa, si suppliva dal pubblico Erario, senza che l'architetto ne patisse alcuna pena: ma quando oltre la quarta parte del già stabilito ascendesse la spesa, doveasi de i proprj beni dell'architetto prendere quanto bisognava al compimento dell'opera. Ecco le parole originali dell'Autore: *Nam architectus cum publicum opus curandum recipit, pollicetur quanto sumptu id futurum tradita estimatione, Magistratui bona ejus obligantur, donec opus sit perfectum. Et autem absoluto, cum ad dictum impensa respondet, decretis, & honoribus ornatur. Item si non amplius quam quarta in opere consumitur, ad estimationem est adicienda, & de publico praestatur, neque ulla poena tenetur. Cum vero amplius quam quarta in opere consumitur, ex ejus bonis ad perficiendum pecunia exigitur.* Se ciò, che oltre ad un quarto d'avvantaggio della stima fatta di 16. mila scudi; dovrà impiegarsi in questa intrapresa, cioè da 20. mila scudi in là, dovesse andare a spese degl'ingegneri, che la propongono, non credo ch'eglino medesimi fossero già per approvare un tale progetto.

XXXV. Checche siasi di ciò, lo stesso avvantaggio, che ci promettono da nuovi fossi proposti, egualmente si otterrebbe con ripulire gli antichi per se stessi sufficientissimi allo scolo del padule: e se vi sono de' dossi (che da me non sono mai stati incontrati, come altrove ho detto, e ne meno s'incontrano da' barconi grossi, che vanno, e vengono dal Capannone alle Calle col carico di 130 barili di vino, oltre le persone, che sopra vi sono) questi soli dossi, dovunque sieno, si sbassino, che saranno tolti tutti gl'impedimenti, senza l'escavazione di tanti canali da cui nulla viene accresciuto di declività al padule, e conseguentemente non si acquista nell'acque maggior grado di velocità, di quella onde sono affette presentemente ne' fossi antichi, o di quella almeno, che avrebbero, se fossero ripuliti, per togliere via negli uni, e negli altri le resistenze, che vi s'incontrano. E se lo stesso effetto manifestamente si può avere per una via tanto meno dispendiosa, qual prudenza ci detta di prescegliere quella, che richiede una spesa tanto maggiore? Tanto più, che nel ripulire gli antichi fossi non si fa novità alcuna, ma si eseguiscano gli ordini antichi, e si mette in pratica ciò che già era in uso, e che tanto tempo ha conferito al mantenimento del padule in buon essere.

XXXVI. Ma soprattutto, o si facciano nuovi canali, o si ripuliscano gli antichi, nulla si profitterebbe, tenendo le Calle chiuse come di presente suol farsi, perchè saranno tutti fossi ciechi, ed inutili allo scolo; e maggior vantaggio reca al padule una settimana di Calle aperte, che quanti fossi vi si possano aprire in dieci anni di lavoro, quando questi non debbano avere maggior esito, di quello che si lascia avere a' presenti. Quanto giovi l'aprimiento delle Calle, lo sperimentammo il dì 21 nel nostro ritorno, che dopo d'essere state 3. ore aperte, si trovò calata nel padule l'acqua per mezzo braccio, come ho riferito di sopra al numero 21. e sebbene da un terzo di viaggio in sù non era sensibile l'abbassamento, non già per cagione de' dossi interposti, che impediscano all'acqua il venire avanti, come alcuni s'immaginano (avendo noi piuttosto trovato quindi in sù, il canale assai più profondo, che nelle parti inferiori come costa da scandagli riferiti n. VIII e X. che ci danno de' fondi per fino a braccia 2. 8. o. più bassi della soglia infima delle Calle) ma bensì perchè ivi l'acqua spargendosi in una vastissima estensione ha reciprocamente tanto minore velocità; quanto maggiore larghezza, onde apparisce da quel sito in su come stagnante, senza moto osservabile: tuttavolta, durando le Calle a stare aperte più lungo tempo, si abbasserebbe senza dubbio l'acqua notabilmente ancora nelle parti superiori: come in fatti si riconobbe essere accaduto in que' giorni, che si mandò a Firenze per ottenere l'ordine di tenere serrate a nostra disposizione le Calle, e che ritornò il messo con gli opportuni recapiti a Bellavista, d'onde fu spedito a chi dovea mettere ciò in esecuzione: perchè frattanto avendo voluto i Ministri, per mostrarci l'attenzione loro allo scarico del lago, quando noi lo volevamo per allora chiuso, tenere le Calle aperte, si abbassò tanto l'acqua del lago, che fino al Capannone fu sensibile l'abbassamento: sicchè il dì 25. dopo 26 ore che le calle erano chiuse, si trovò ancora il pelo dell'acqua essere un soldo sotto il segno fatto al pelo del dì 21. come ho riferito di sopra al numero 17, per non essersi ancora compensato in quelle parti il decrecimiento dell'acqua, procedente da quasi tre giorni di Calle aperte, col rialzamento, che poteva aver fatto in poco più d'un giorno il ritegno delle cateratte abbassate.

XXXVII. Se dunque stessero aperte a dovere le Calle, non vi sarebbe da dubitare delle inondazioni del padule, perchè presto si smaltirebbero le di lui acque, e rimanendo voto quel gran ricettacolo, potrebbe ne' tempi piovosi essere capace di ricevere tutte l'acque procedenti dagli scoli de' paesi superiori adiacenti (parlo di quelli, che vi possono in qualche maniera scolare, non degli infimi attinenti alla Fattoria di Bellavista, che se non rialzano, hanno per sempre perduto lo scolo nel padule) e contenerle, quando ancora le piene d'Aino obbligassero a tener chiuse per qualche tempo le cateratte: cioè fino a tanto, che passata la piena, si potessero come prima riaprire per dare lo scarico al padule. Questo regolamento farebbe la salute di tutto il paese, e non so perchè non potesse almeno per un anno provarsi che effetto faccia senza imbarazzarsi in opere di maggiore spesa. Negli altri laghi suole praticarsi di tenere da Settembre fino a Pasqua di Resurrezione aperte le Calle per dare maggiore esito all'acque, che nell'autunno, e nell'inverno sogliono essere più abbondanti: e si costuma di tenere le cateratte chiuse l'estate, perchè la scarsità delle medesime acque non pregiudichi alla salubrità dell'aria, con ridurre tutta la superficie del lago in un pantano fecondo di cattivi vapori, e di fenside esalazioni. Qui si fa tutto il rovescio tenendole chiuse l'inverno, ed aperte piuttosto l'estate, quando converrebbe conservare il lago fresco di acque; ma l'in-

teresse degli appaltatori della pesca, e del mulino difficilmente si accorda coll'interesse di chi possiede i beni adiacenti: e per poche centinaia di scudi, che se ne ricavano di più, regolando le Calle a modo di quelli, non si tiene conto di tante migliaia, che questi ne scapitano.

XXXVIII. Del resto non si credano già le Signorie loro Illustrissime, che il tenere aperte a dovere le cateratte, e solo chiuse ne' tempi delle piene d' Aino, quando potrebbe pel padule rigurgitare, e ne' tempi di somma siccità l' estate per mantenervi una mediocre quantità d' acqua, fusse per recare così notevole pregiudizio alla pescagione, e mandare a male tutto il padule, come si esagera da chi vi ha interesse. Il maggior detrimento, che ne seguisse, sarebbe, che non potrebbe il mulino sempre macinare; ma siccome del 1597 ne fu demolito un altro, che vi era sul medesimo Ponte a Capiano, di cui si veggono ancora i vestigi delle calle, così non sarebbe gran male, rispetto a tant' altri disordini, che reca seco il tenere violentemente imprigionata l' acqua dentro il padule, se si dovesse chiudere ancora quest' altro mulino, e piuttosto si potrebbe fare esaminare da' Periti, se vi fusse modo di rifarlo al disotto, mandandovi l' acqua per gora sopra separata; o in qualche altra maniera supplire al bisogno del paese, con minore pregiudizio del pubblico.

XXXIX. Ma quanto al disfare affatto il padule io punto non vi concorro, e ne ho già espressi i miei sentimenti nella seconda Relazione dal n. XXVII, XXXI. a' quali motivi aggiungo, che molte migliaia di persone vi campano sopra, e ne cavano gran parte dell' alimento necessario al bestiame, onde reca grandissimo comodo a tutto il paese: perciò ben disse Strabone nella sua Geografica lib. 5. parlando de' laghi della campagna Romana: *Ad agri beatitudinem accedunt & lacus magni, & permulti, qui & navigationibus patent, & per multos mensis nutrimenti obsonia, & palustres aviculas non modicum etiam cremium, papyrusque, & ulva copiosa Romam per fluvios convectatur qui & lacubus effluunt.* E il Guglielmini della Natura de' Piombi cap. 6. redarguendo quelli, che pensano di fare un gran servizio alle campagne, con riempire, e ricolmare gli stagni, trasmutandoli in terreni fruttiferi, dà questo avvertimento: *Alcuni hanno creduto, che le paludi siano un' errore della Natura, e che perciò bisogni sempre cercare di correggerlo. Io però lo stimo in molti casi, non so se mi dica, o una necessità, o un artificio della Natura medesima, la quale somministra agli uomini il comodo di tenere asciugate campagne vastissime, col sottrarne all' innodazione una piccola parte; poichè prima egli è evidente, che molte terre sono così poco alte sopra il termine, il quale deve dar loro lo scolo, che se l' acque anco scolatizie dovessero unirsi in un alveo solo continuato fino al termine predetto, dovrebbero avervi altezza tale, che manterrebbe pantanoso tutto il terreno vicino: cosa che non succede, quando l' acque escono presto da' loro condotti, e trovano un' espansione, e profondità considerabile dove trattenerli per qualche tempo, e fino all' estate, che può in gran parte consumarle. Quindi è che si trovano molti stagni, che non hanno esito alcuno, e servono ne' tempi piovosi come di piccolo mare a dare ricetto all' acque delle campagne contigue. Secondo molti fiumi scorrono per campagne, e danno ricetto agli scoli delle medesime perchè entrando nelle paludi mantengano il loro fondo più basso, che non farebbero, interrito che fusse il fondo delle medesime. Fin qui il Guglielmini. On te ancora il Signor Vincenzo Viviani soleva dire, che quando simili stagni, i quali danno un temporaneo ricetto all' acque piovane, venissero a mancare, bisognava con arte escavarne de' nuovi per ovviare al pericolo delle inondazioni: tanto era lungi dall'approvare, che si ricolmasse appoco appoco tutto il padule, la sciando in dietro le campagne de' particolari più basse, ed esposte agli allagamenti.*

XL. E quando pure si voglia tirare innanzi a colmare dentro il padule, il buon ordine, e la ragione ricerca, che prima si ricolmino i terreni anteriori, e poi di mano in mano si venga avanti: altrimenti resterà irreparabilmente sacrificata tutta la campagna superiore ad uso di nuovo padule, nè vi sarà speranza, quando ancora tutta l'estensione del lago per impossibile fusse interrita, d'inalvearvi dentro tutti i fiumi della Valdinievole, e gli scoli di sì gran tratto di paese: sì perchè gli alvei di quelli, rimanendo più alti del piano della campagna, non potranno ricevere questi; e sì perchè non vi è sufficiente caduta per ismaltire felicemente l'acque torbide fino in Arno, mentre dal Capannone di Bellavista fino alla foglia della calla maestra, non si trova pel fosso de' navicelli caduta maggiore di braccia 2. 7. 8., come si è detto al num. XX., e da detta foglia al pelo basso di Arno, anche inferiore a' renai, che sono nel mezzo di esso fiume, vi è solo braccia 1. 7. 0., come si è veduto al num. 23, che in tutto danno di declive braccia 3. 13. 8., in miglia 13 e un quarto, cioè braccia 0. 5. 6. per miglio: quando dagli autori assai maggiore caduta si richiede per tale effetto, ed i Signori Bolognesi determinano, per condurre il Reno nel Po, doverli ad esso quattordici once del loro piede per miglio, che sono circa braccia 0. 12. 9. della nostra misura; onde a questa campagna, per avere la necessaria pendenza immediatamente in Arno, manca più d'altrettanto di quello che ha di declive, e però ha bisogno, che se gli mantenga voto questo gran recipiente del padule, perchè nel tempo delle piene di Arno possa servire di sopratieni all'acque in esso depositate, finchè calata la furia del fiume si possano in esso smaltire.

XLI. Stimo quì superfluo il rispondere alla famosa speranza addotta nella relazione *ex adverso* in prova dell'esistenza de' dossi, e della necessità di fare i nuovi canali, perchè tenute le calle chiuse 24. ore, e poi aperte quelle sole, che danno l'acqua a' mulini, i rotoni appena giravano. Ma per non lasciare veruno attacco agli oppositori, dirò brevemente per loro soddisfazione, e per far vedere quanto insufficiente sia il fondamento, sopra di cui hanno appoggiato un progetto così dispendioso, che non una ma due sperienze, anzi una quasi continua si può addurre in contrario. Quando noi arrivammo alle Calle la prima volta, non erano state chiuse le cateratte per 24. ore, anzi allora si apriva il callone de' navicelli, per varare i barconi, che dalla Gusciana venivano in padule; e pure qualunque macine del mulino macinava sei staja l'ora, e si vedevano girare i rotoni con assai competente velocità: or come vogliono darci ad intendere, che l'acqua rammassata in maggiore altezza alle Calle, dopo di essere stata chiusa 24. ore, fusse trattenuta da' dossi interposti, sicchè appena potesse lentamente far girare i rotoni, se le medesime acque basse non erano da verun dosso trattenute, e facevano girare con notabile velocità le stesse ruote come di sopra al num. XII. ho riferito? ma siasi ciò che vogliono. Impediscono i dossi l'acque alte, e non le basse. Fu pure da noi rifatta a capello la stessa speranza, con tenere prima chiuse le calle 24. anzi 26. ore, come ho riferito al n. XXII. Che vuol dire, che alla presenza nostra non è succeduto il miracolo, che alzata la cateratta non potesse l'acqua dar moto a' rotoni? perchè giravano essi con grandissima velocità? Erano forse spartiti i dossi tanto decantati? lodato dunque il Cielo, che non vi sarà più bisogno de' fossi proposti: ma se vi sono ancora, come prima, e ad ogni modo non si è chiuso il mulino, ma continuamente macina, come è notorio a tutti; dunque i dossi non sono tali, che impediscano di venire l'acque alle Calle, ma vi passa sopra felicemente, come se non vi fossero; ed intom-

ma nulla ha che fare la sperienza de' rotoni per provare l'esistenza de' dossi siccome ancora, supposta l'esistenza di essi (che forse faranno altri canali per cui non siamo passati, e massimamente in quelli ne' quali più direttamente imboccano l'acque, ch' escono dalle colmature giacchè appunto si trovò il canale, che viene da Bellavista molto espurgato, e profondo fino al concorso di quello che viene dal Terzo, e quindi in poi solamente ne venivano le maggiori ripienezze, come da scandagli sopra riferiti si riscontra) non si conclude perciò la necessità d'iscavare nuovi fossi, bastando abbassare le asserite prominente dovunque si trovino. Ed in somma non ha che fare punto, nè poco, il girare, o il non girare de' rotoni all'intento loro.

XLII. Ma la verità si è, che se avessero attese tutte le particolarità del fatto senza precipitare la sentenza prima, che compiuto fusse l'esperimento, si sarebbero chiariti, che sebbene da principio, data l'acqua a rotoni, andavano alquanto tentennando, prima di concepire quel rapido moto, che dall'acqua loro comunicavasi, e più stentava a riceverlo il secondo rotone del primo [come ho osservato, e particolarmente riferito di sopra al n. XXII] o per essere quello più remoto dalla calla, o perchè maggiormente pesasse nell'acqua, che dalla foglia più profonda dell'altra braccia o. 9. 4. più largamente somministravasi, poteva recarle qualche impedimento prima che si spianasse nell'alveo inferiore; tutta volta, dopo brevissimo tempo, s'investiva l'uno, e l'altro rotone di quel moto violento, già di sopra descritto, e che sarebbe stato da essi pure riconosciuto, se avessero avuto pazienza di aspettare l'esito di tutta l'operazione, ed osservare le circostanze, che l'accompagnavano, come noi abbiamo fatto per iscoprire da quale equivoco potesse avere origine il paradossale asserito dagli Avversari.

XLIII. E tanto basti per ora di avere rappresentato alle Signorie loro Illustrissime, alla di cui equità, e giustizia raccomandando caldamente una causa così importante, che tiene in apprensione due delle più belle Provincie di questo felicissimo Dominio. cioè la Valdinievole, ed il Valdarno di sotto, prego la gentilezza loro a compatire quelle forze troppo vive espressioni, che alla penna può avere dettato l'ardente zelo di difendere la verità, senza però, che nell'animo mio punto resti diminuito perciò il rispetto, che professò verso chi è di sentimento contrario: mentre con tutto l'ossequio mi protesto.

Delle Signorie loro Illustrissime

Pisa 4. Aprile 1718.

Umiliss. Divotiss. Obbligatiss. Servitore
D. Guido Grandi.

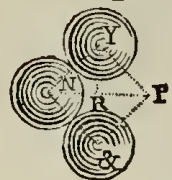
FINE DEL SECONDO TOMO.

Servi chi leggerà quest' Ope-
 ra, a porre nel fine del Secon-
 do Tomo queste 59. figure
 comprese in 15. Tavole per
 il Libro del Guglielmini della
 Natura de' Fiumi.

Fig.^a 1.



Fig.^a 2.



TAV. I. PAG.

Fig.^a 3.

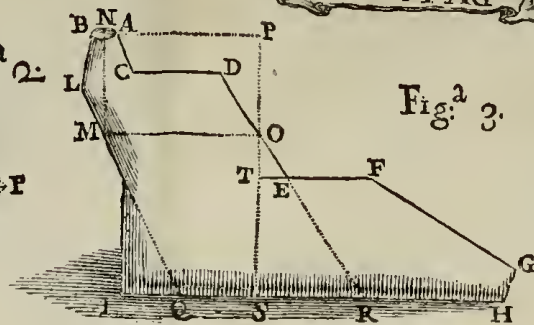


Fig.^a 4.

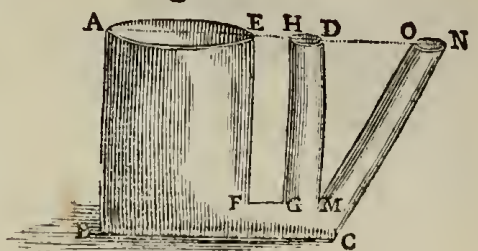


Fig.^a 5.

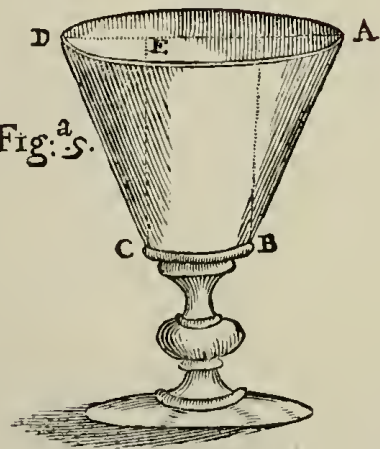


Fig.^a 6.

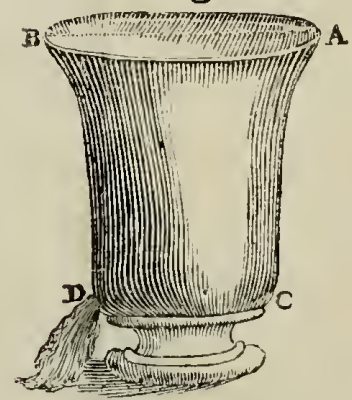
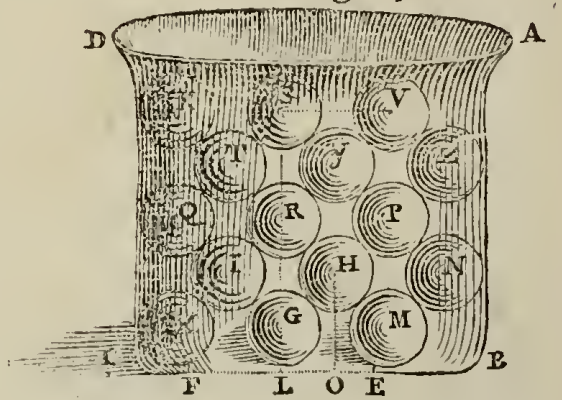


Fig.^a 7.



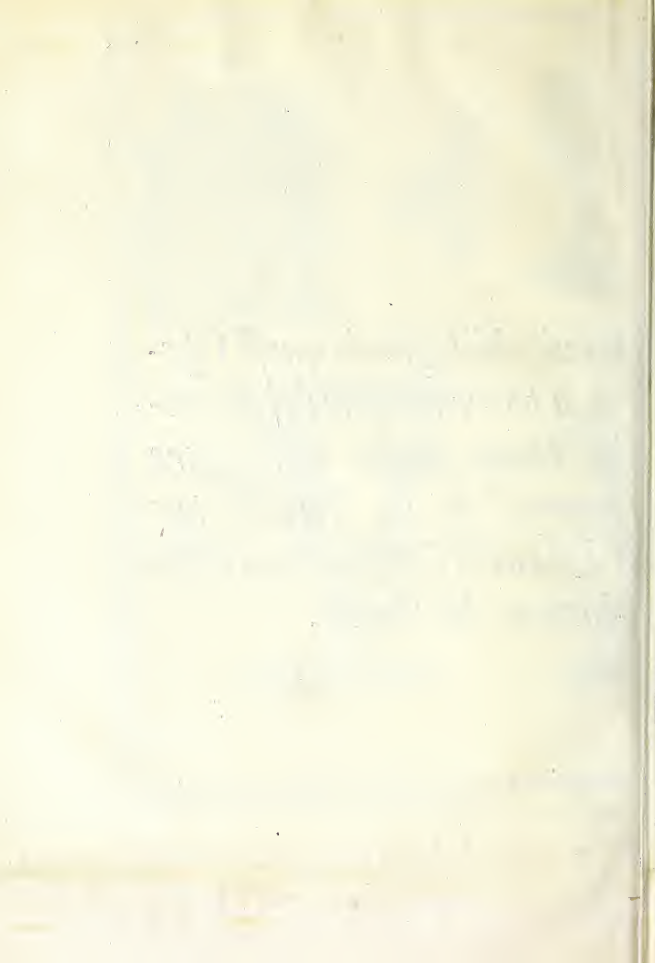


Fig: 8^a

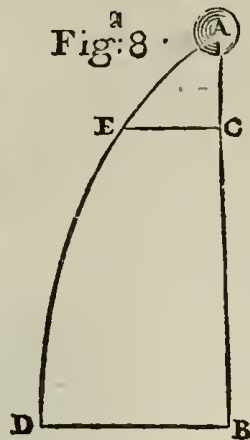


Fig: 9^a

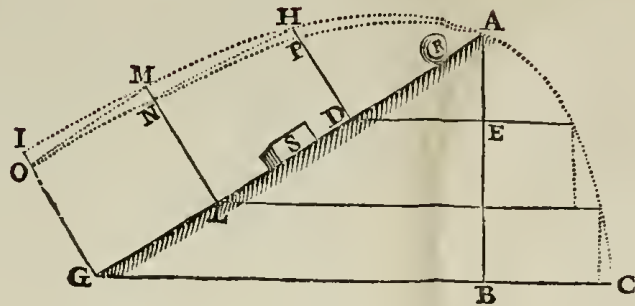


Fig: 10^a

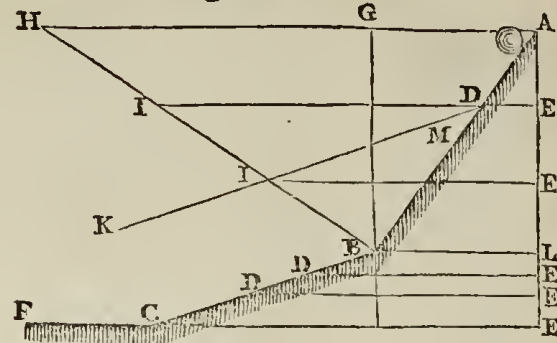


Fig: II^a

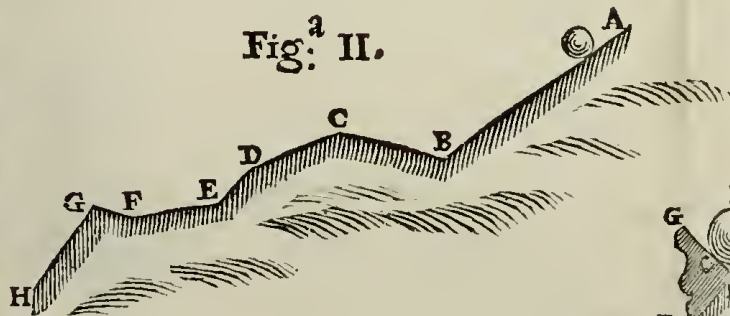


Fig: 12^a

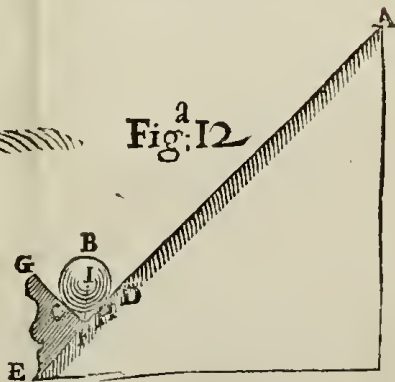


Fig: 13^a

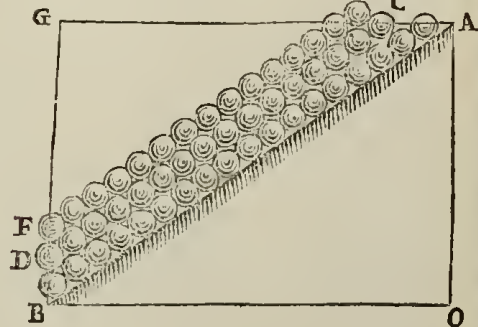




Fig: 14.

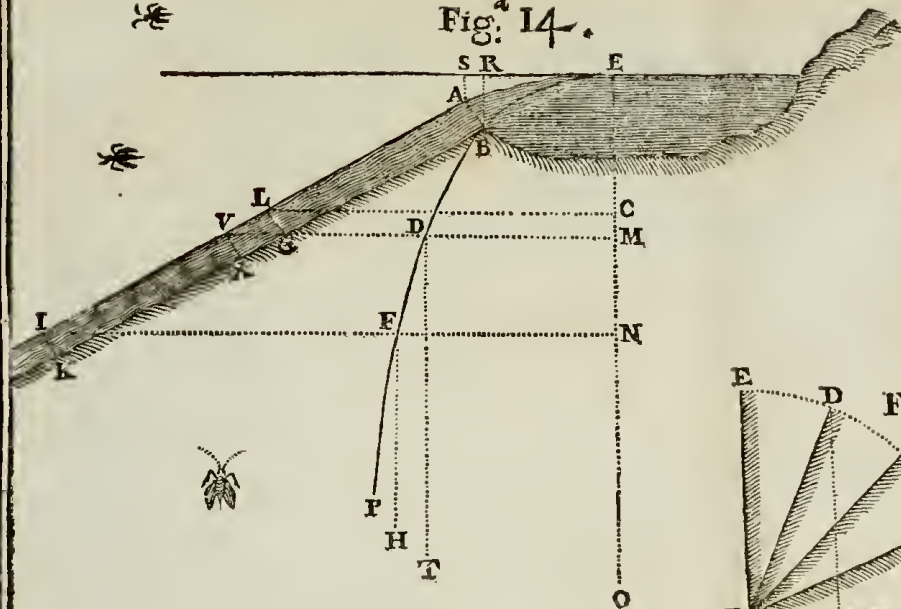


Fig: 15.

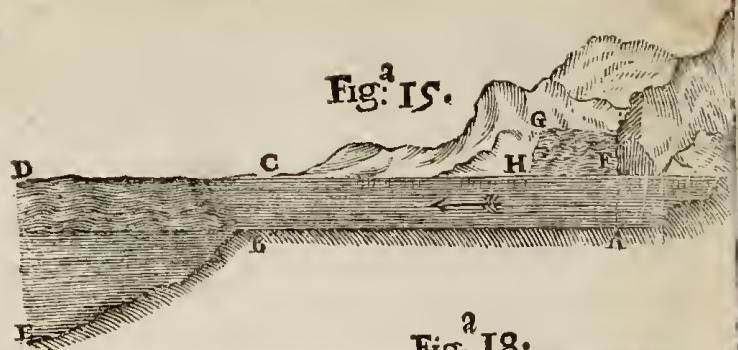


Fig: 18.

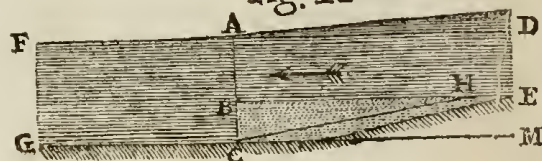


Fig: 17.

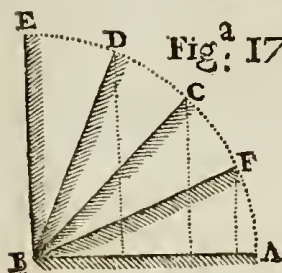


Fig: 16.

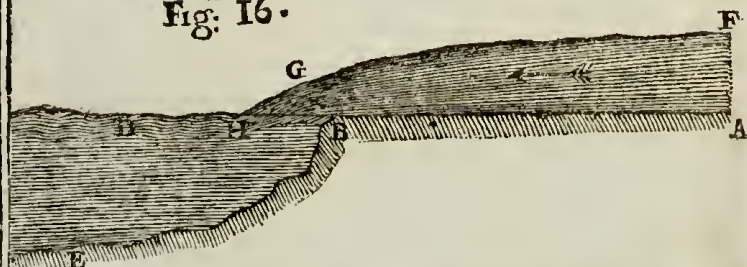


Fig: 19.



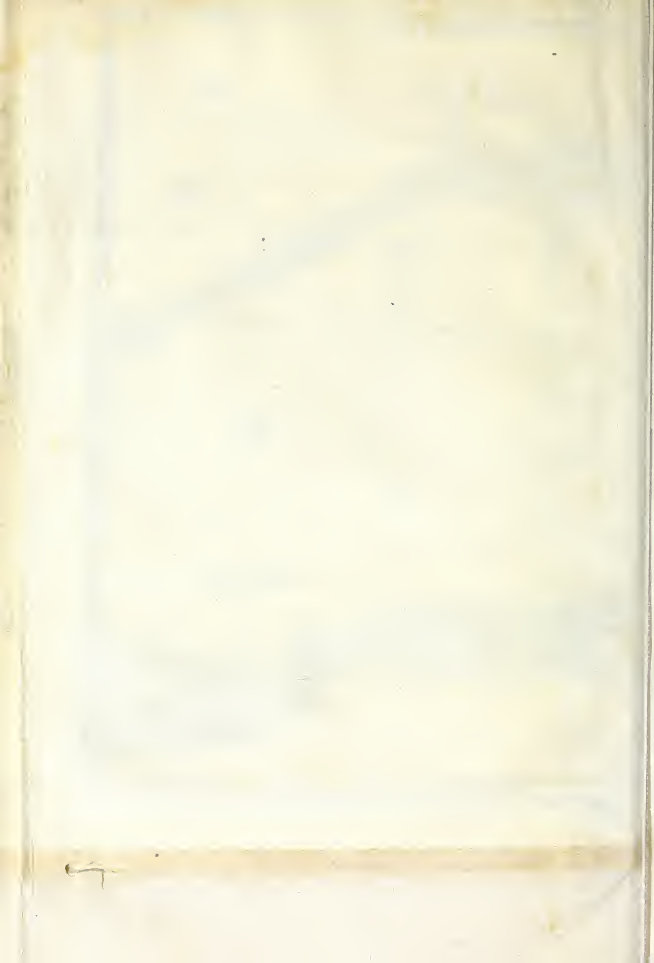


Fig. 20.

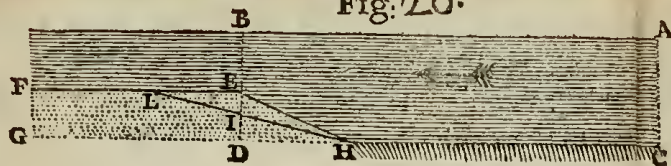


Fig. 21.

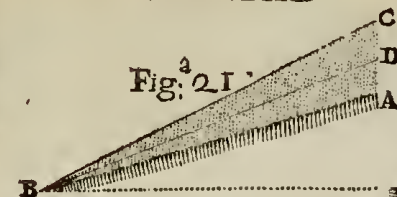


Fig. 22.

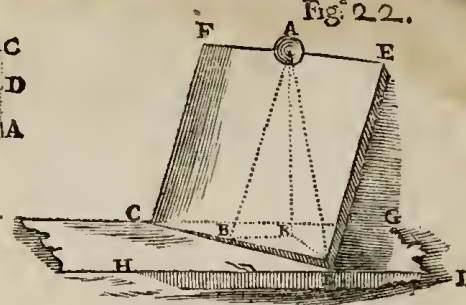


Fig. 23.

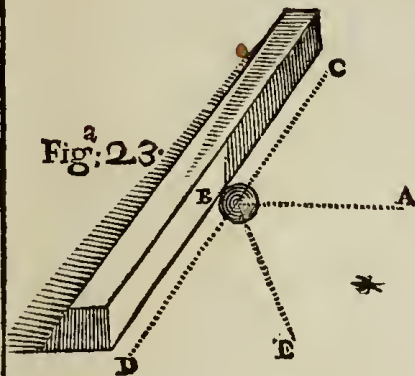


Fig. 24.

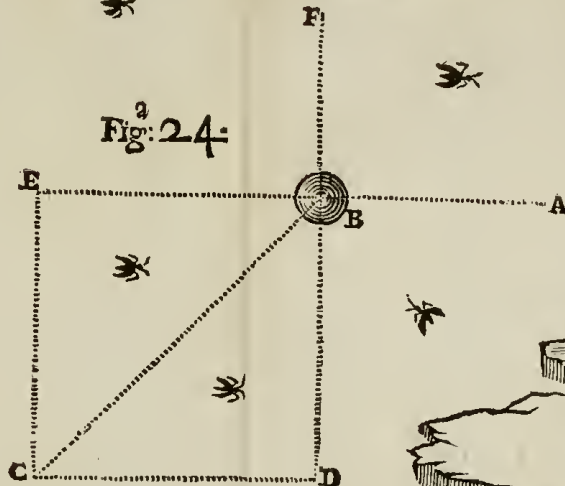


Fig. 25.

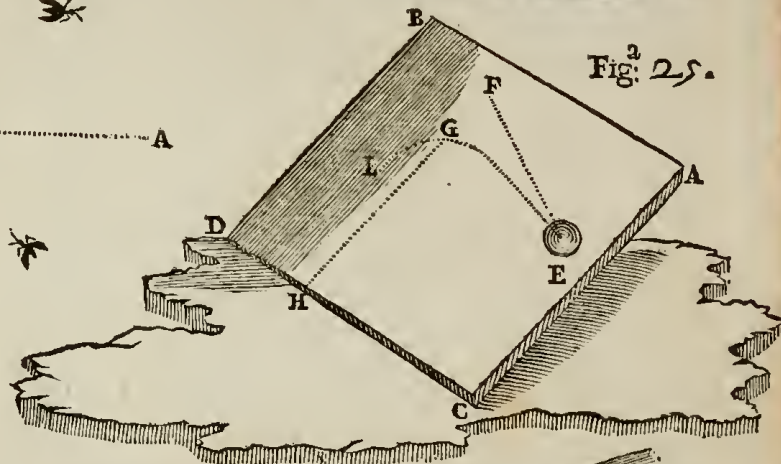


Fig. 26.

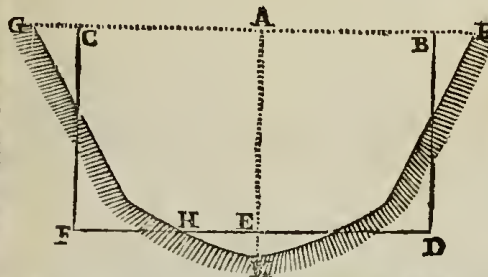


Fig. 27.

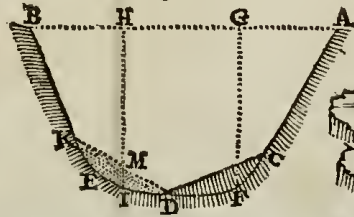


Fig. 28.

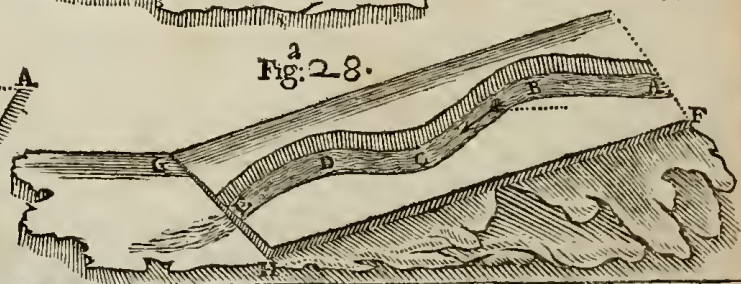


Fig.^a. 29.

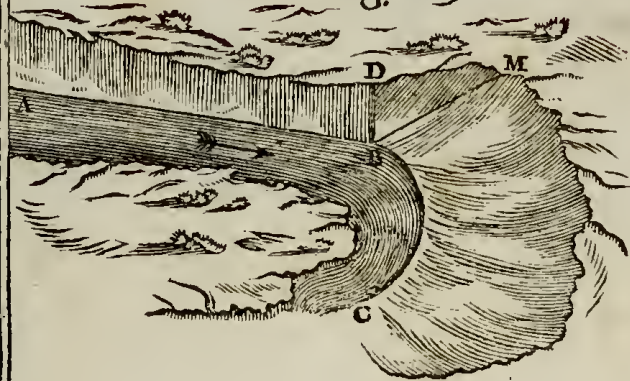


Fig.^a 30:

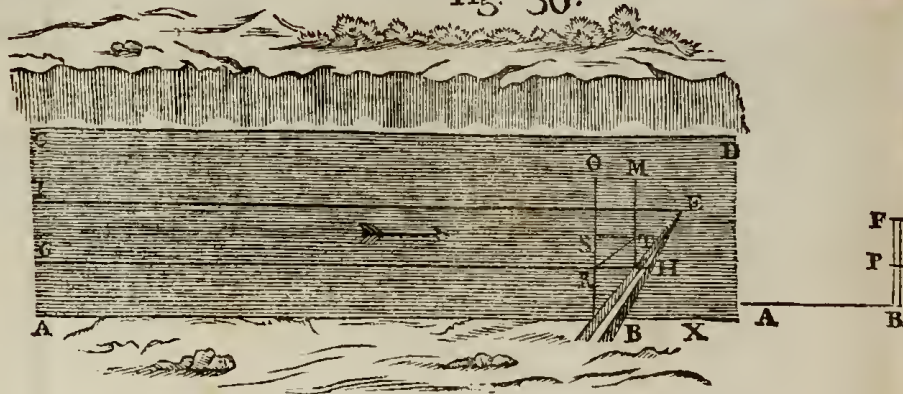


Fig.^a. 32:

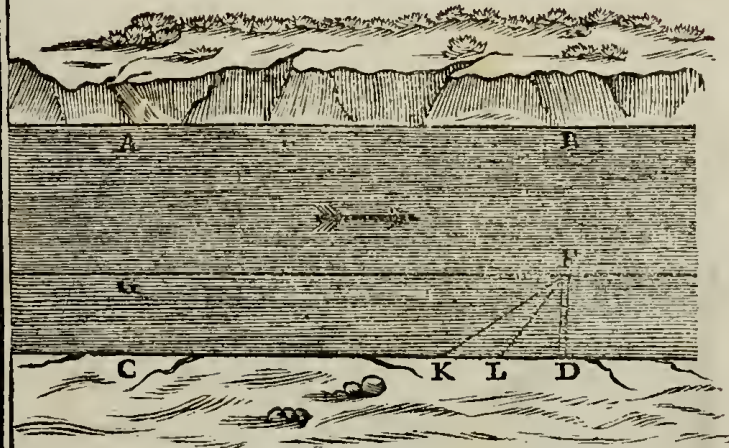
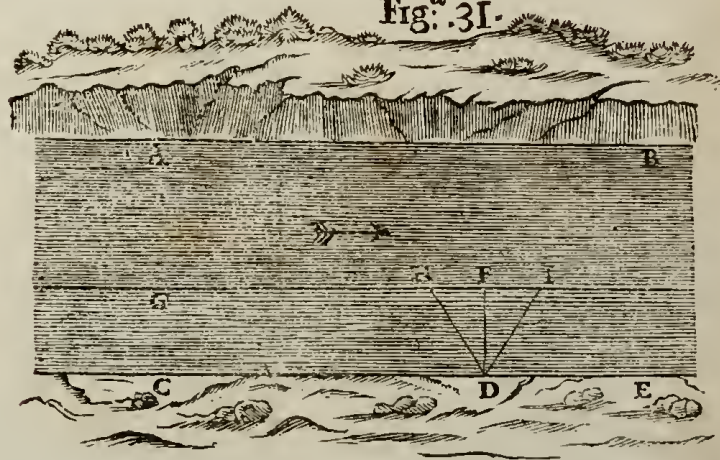


Fig.^a. 31.





Osservi chi leggerà quest' Ope-
 ra, a porre nel fine del Secon-
 do Tomo queste 59. figure
 comprese in 15. Tavole per
 il Libro del Guglielmini della
 Natura de' Fiumi.

Fig: 33

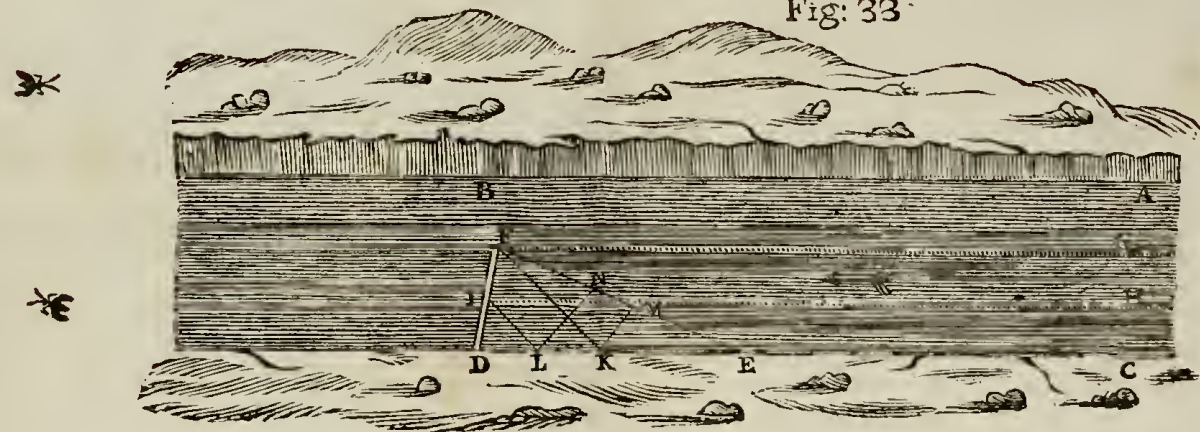
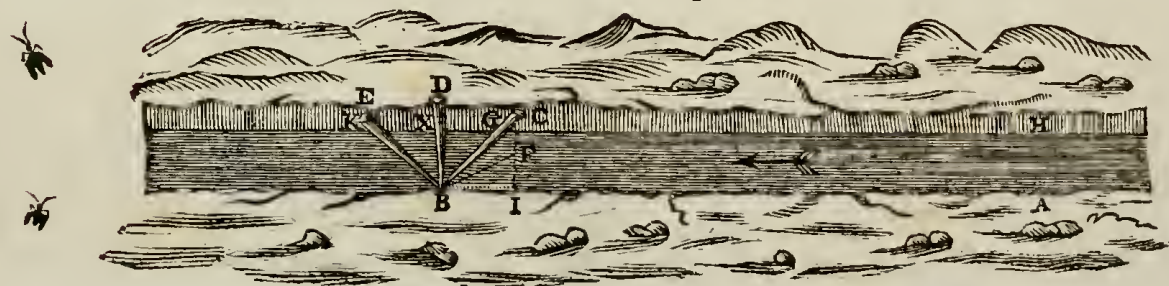


Fig: 34



Offertori chi leggersi quist' Op-
ra, e portar nel fin del Sion-
do Tomo quist' 29. figure
composte in 15. Facole per
il Libro del Gagliardini della
Natura de' Fiori.

Fig: 35.

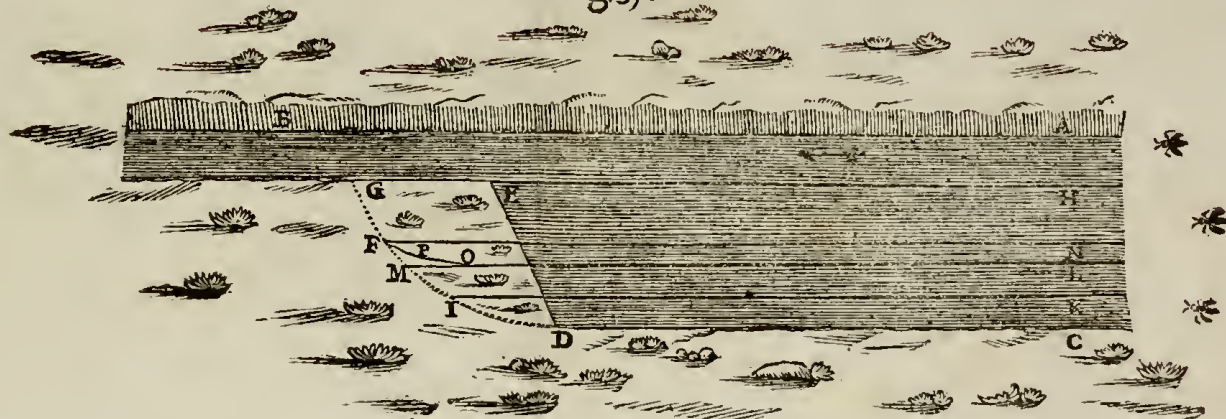
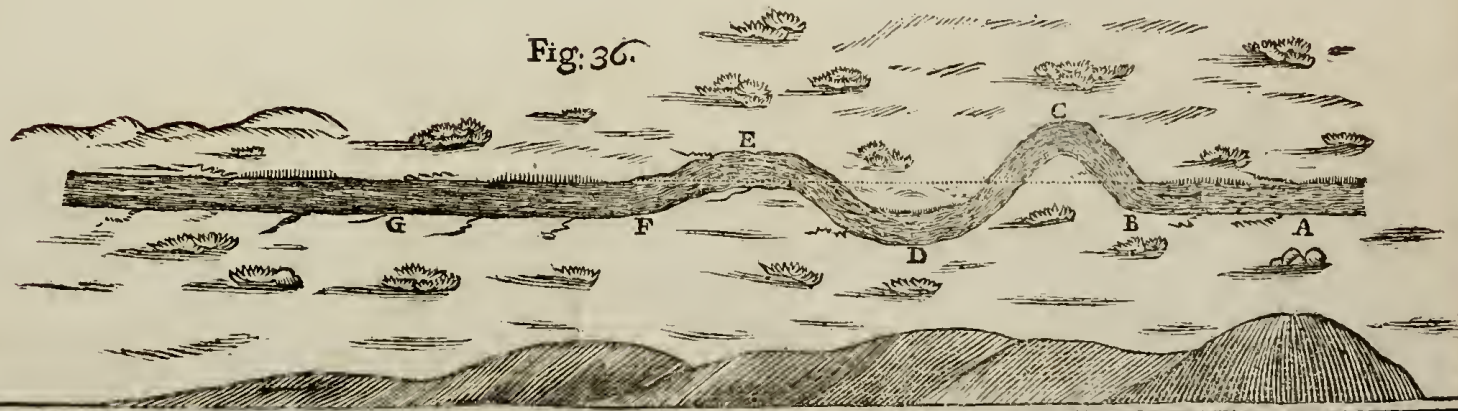
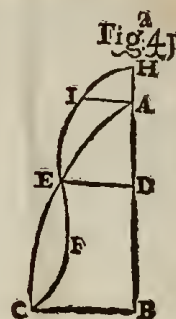
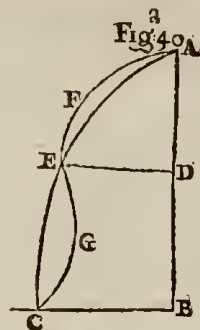
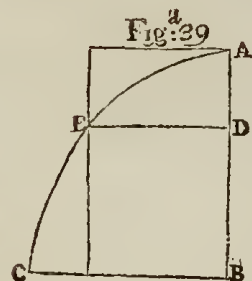


Fig: 36.

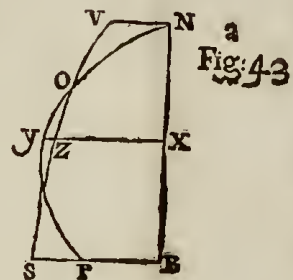
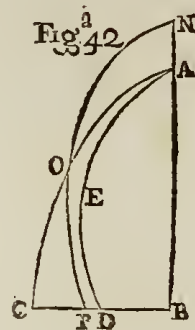




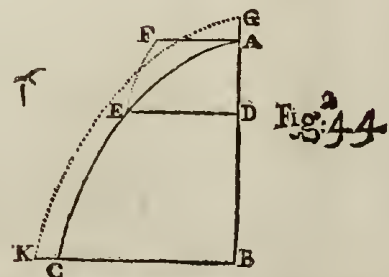
Fig^a 37



7



Fig^a 38



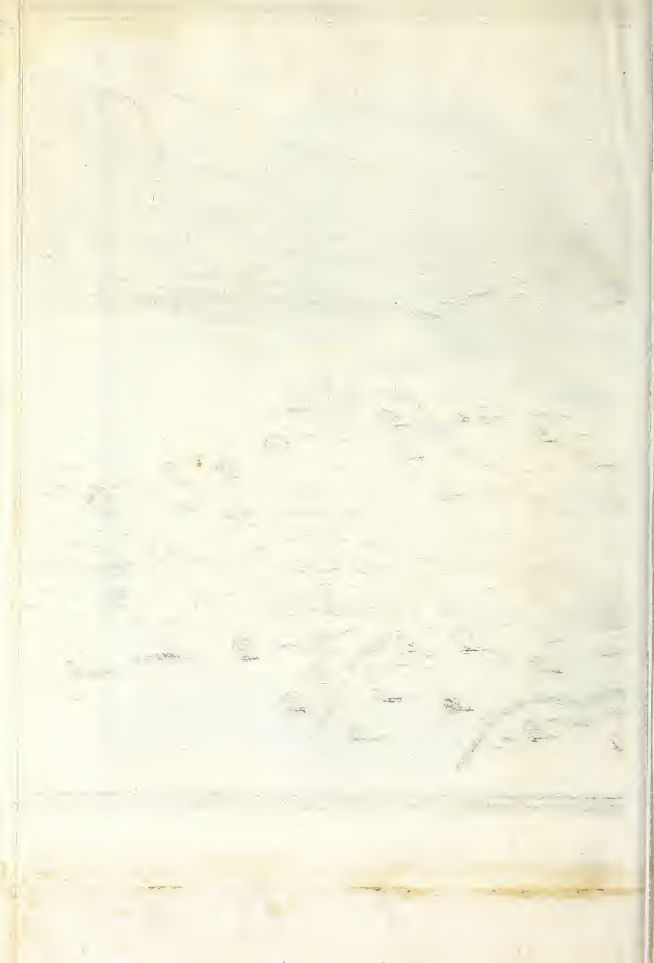


Fig:^a SJ.

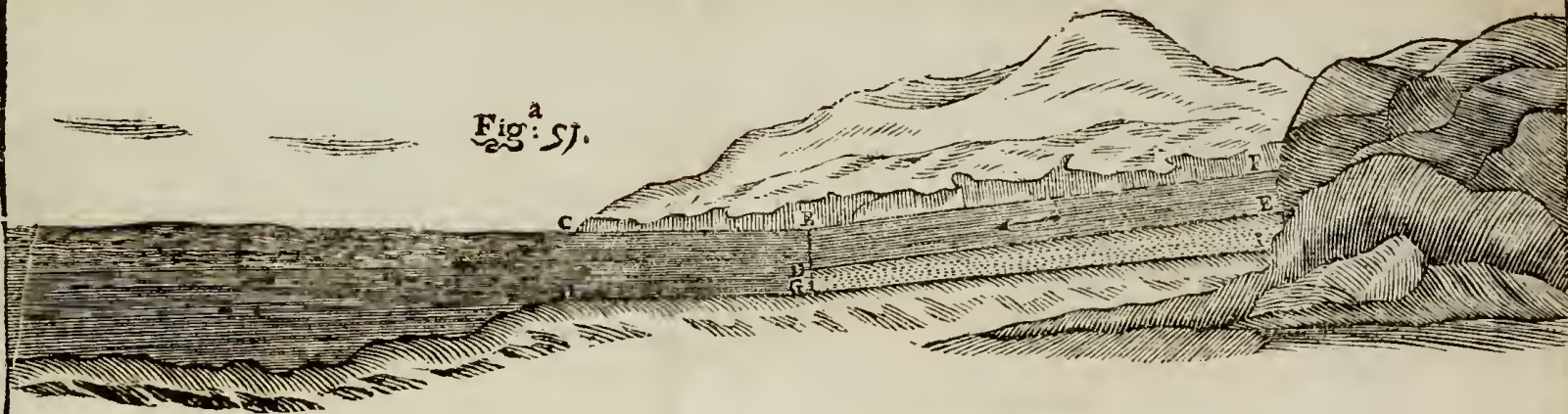


Fig:^a CC.



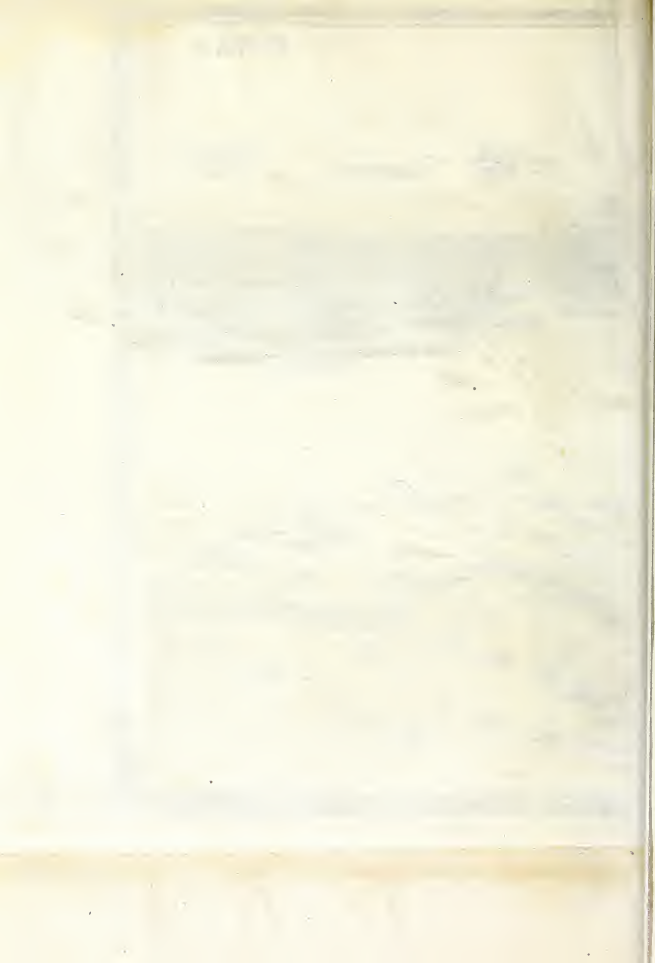


Fig.^a 49.

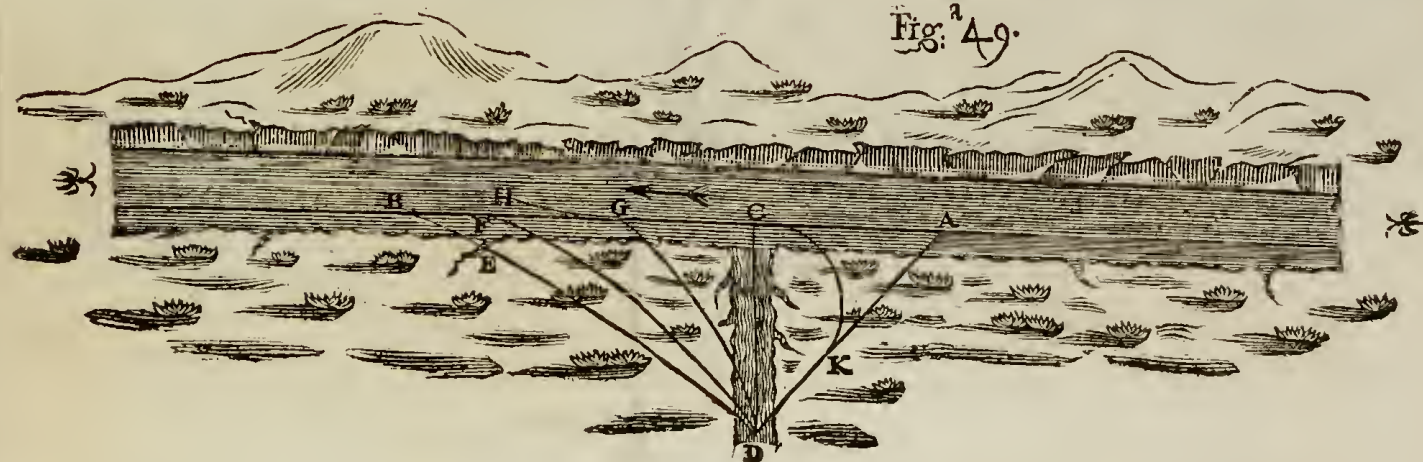
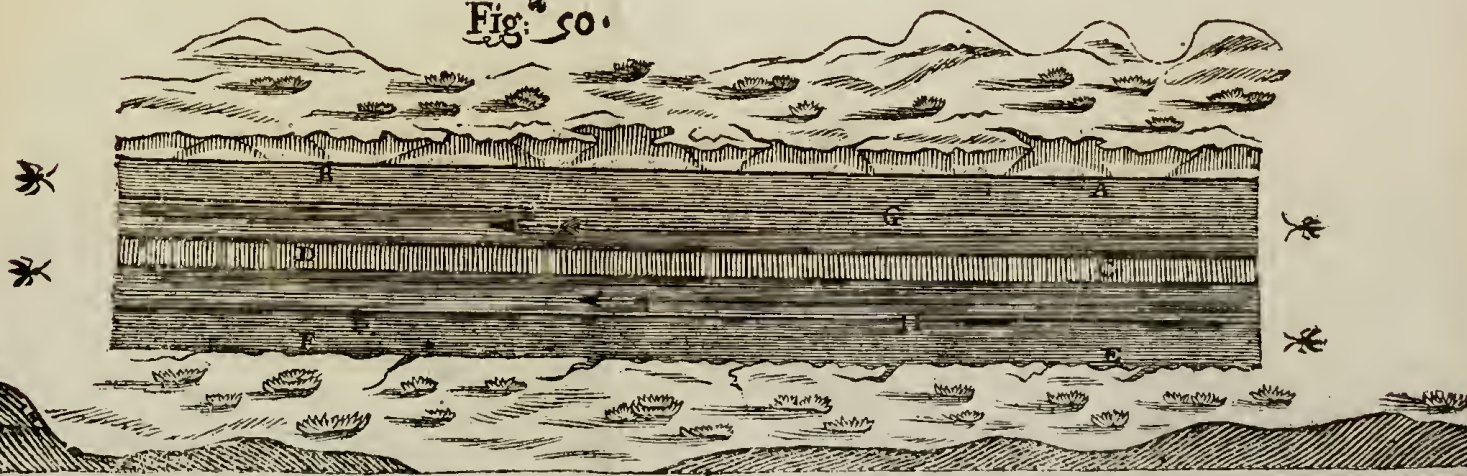
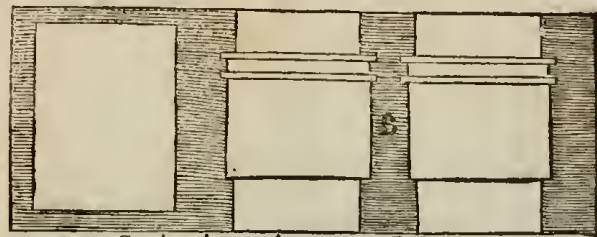
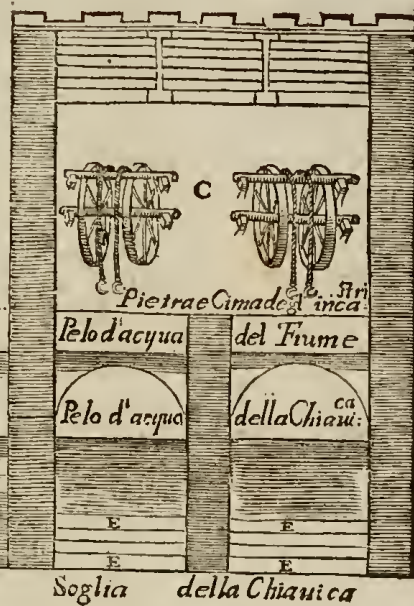
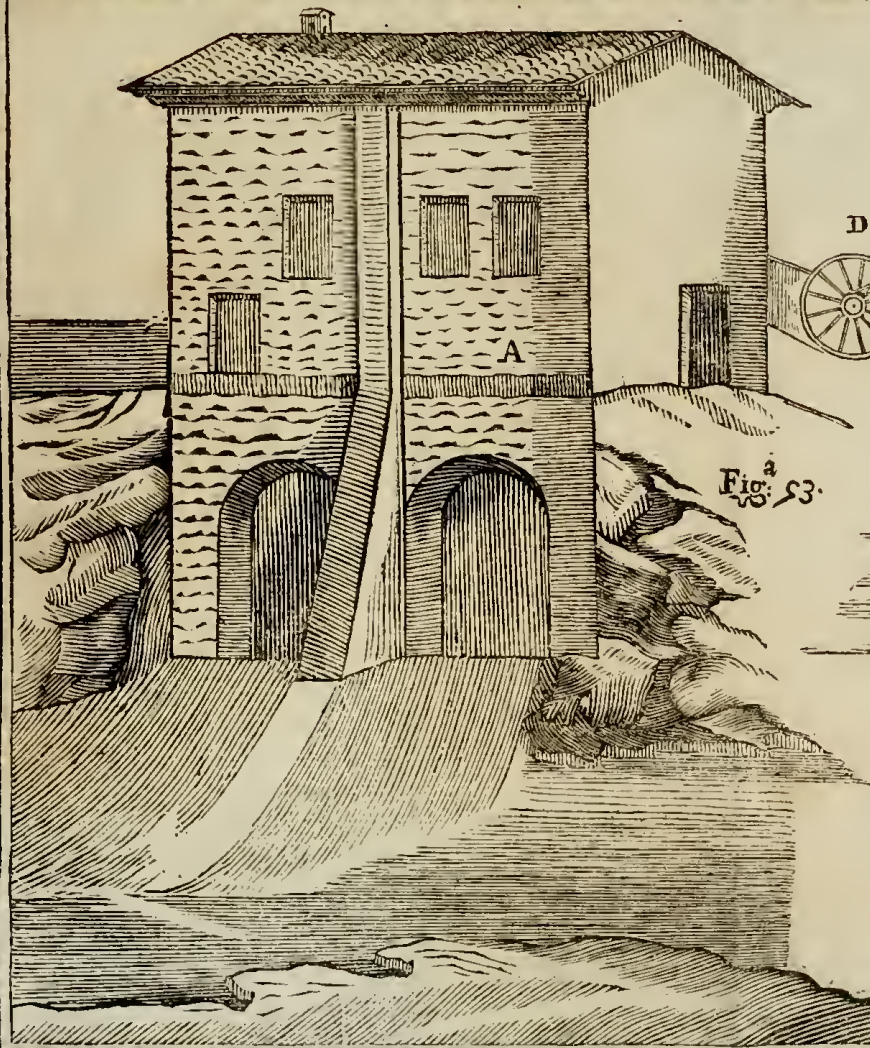


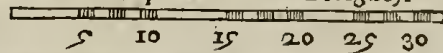
Fig.^a 50.



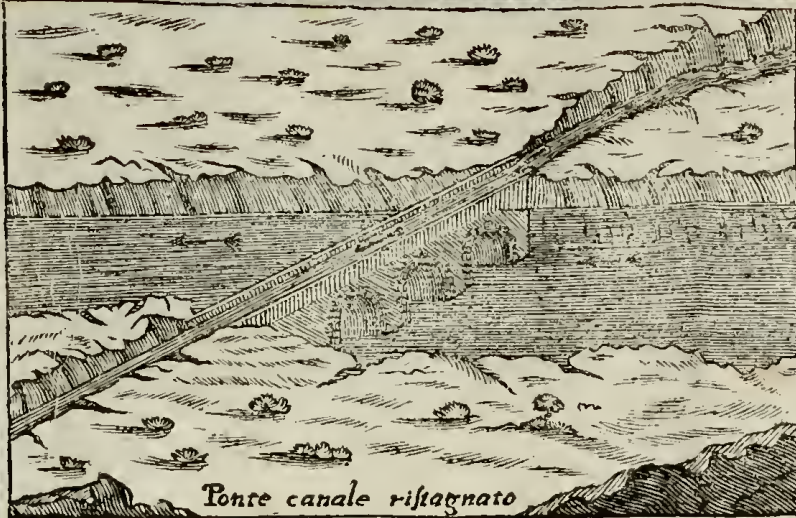




Scala di piedi trenta Bolognesi

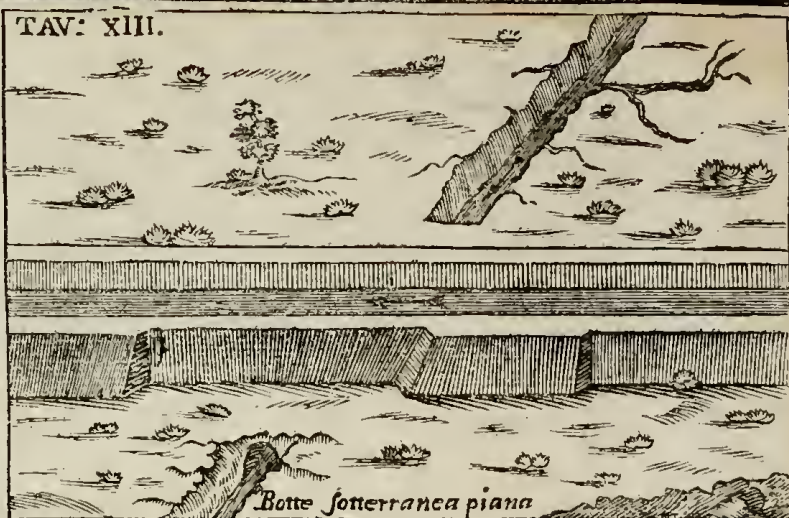
Fig.
54.





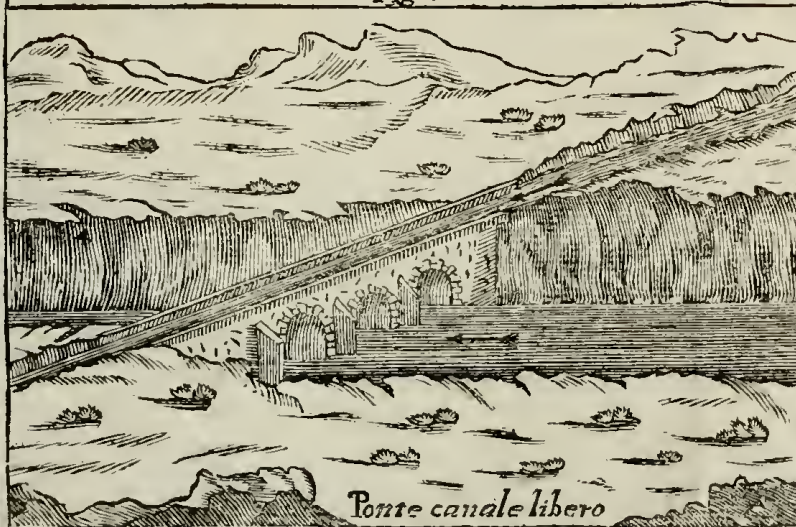
Ponte canale ristagnato

Fig. 56

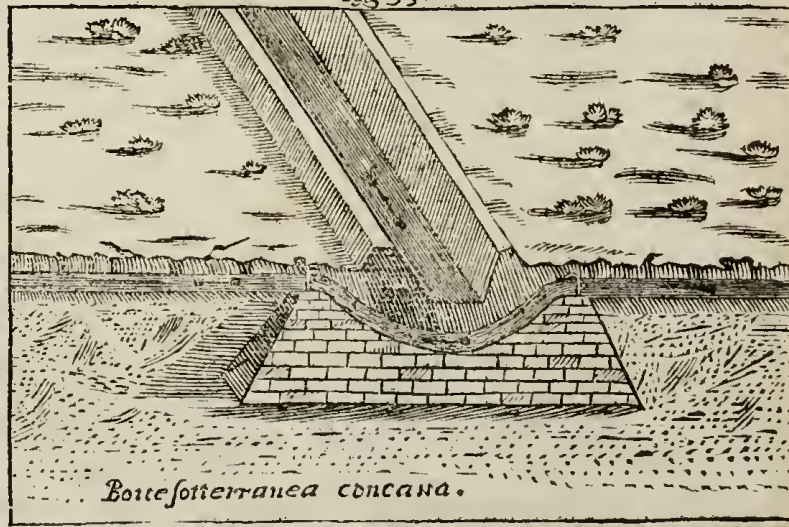


Botte sotterranea piana

Fig. 55.



Ponte canale libero



Botte sotterranea concava.







Fig. 59.

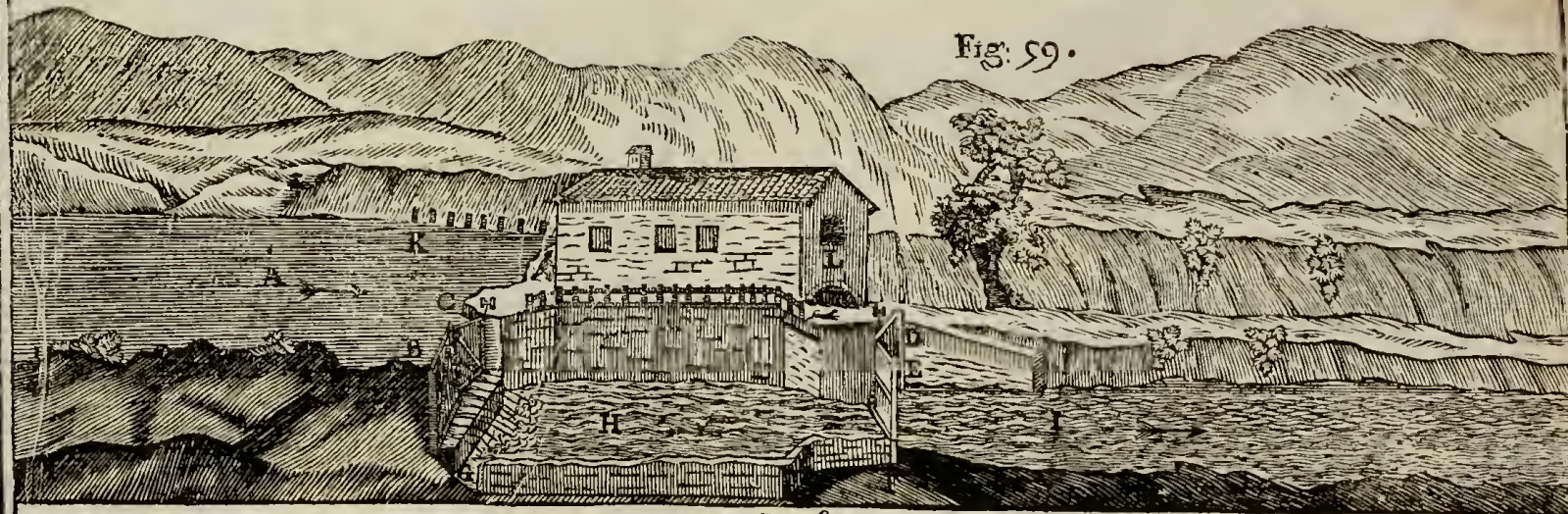
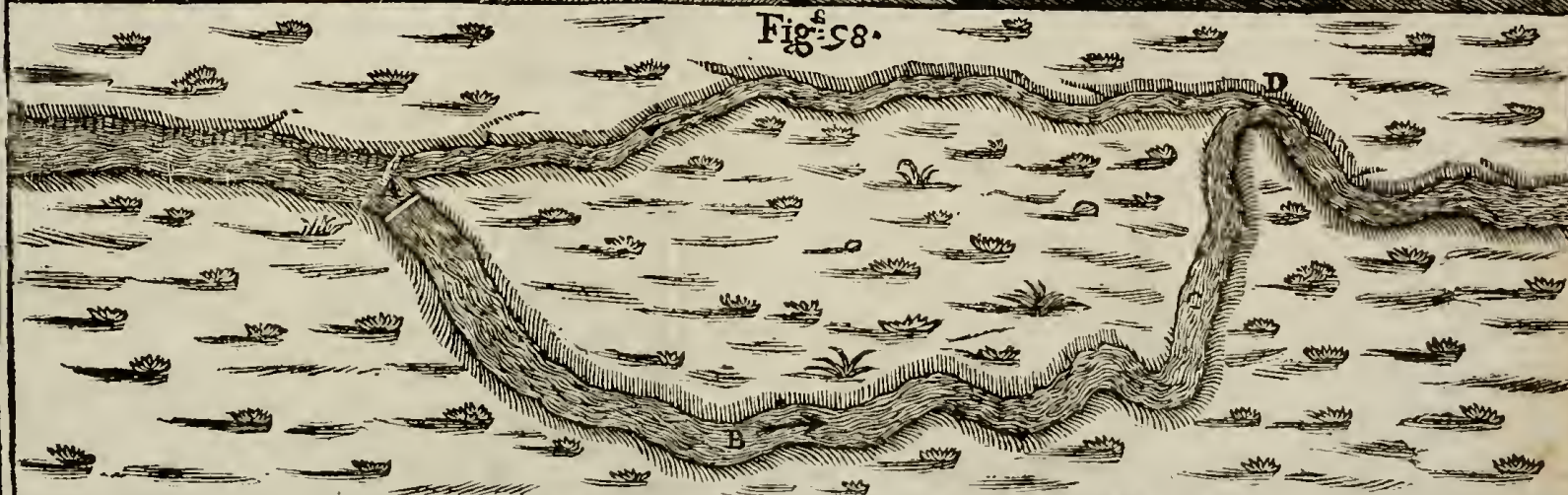
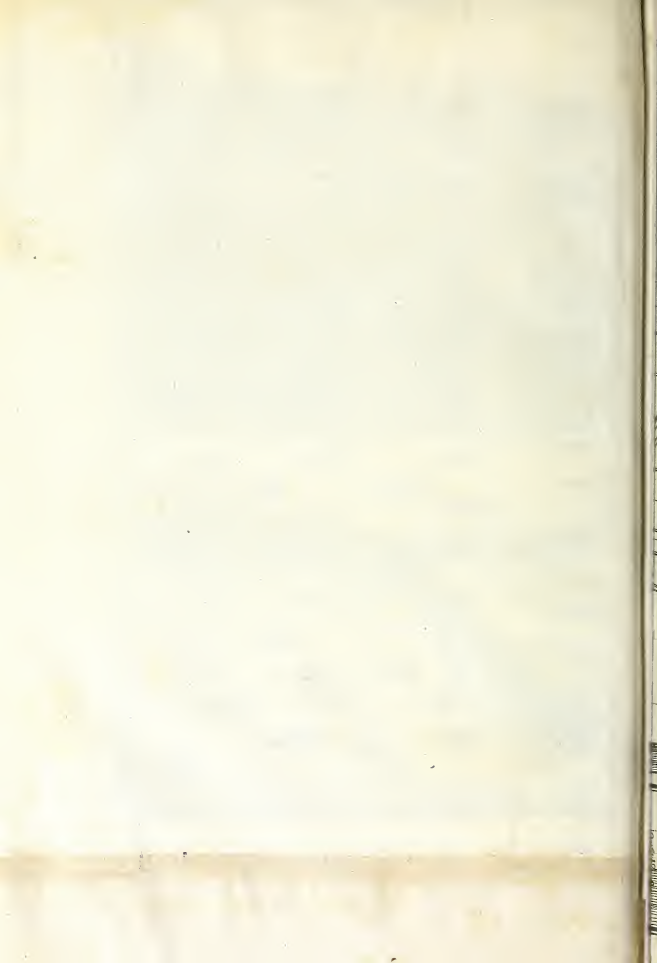
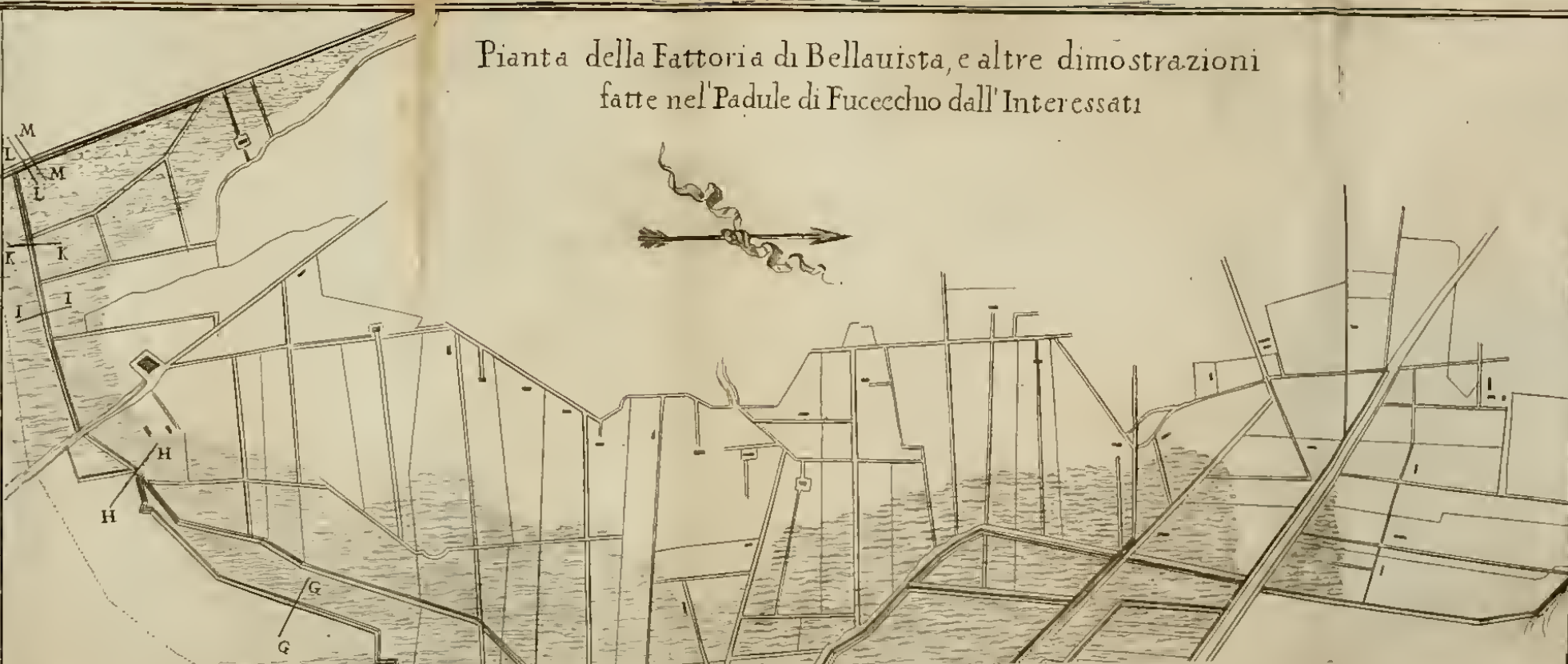
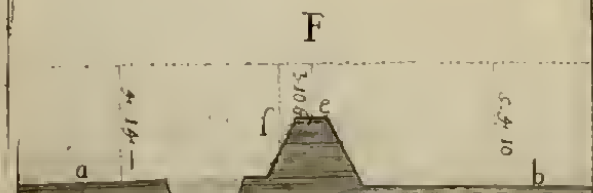
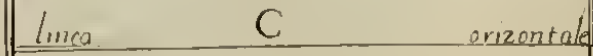


Fig. 58.



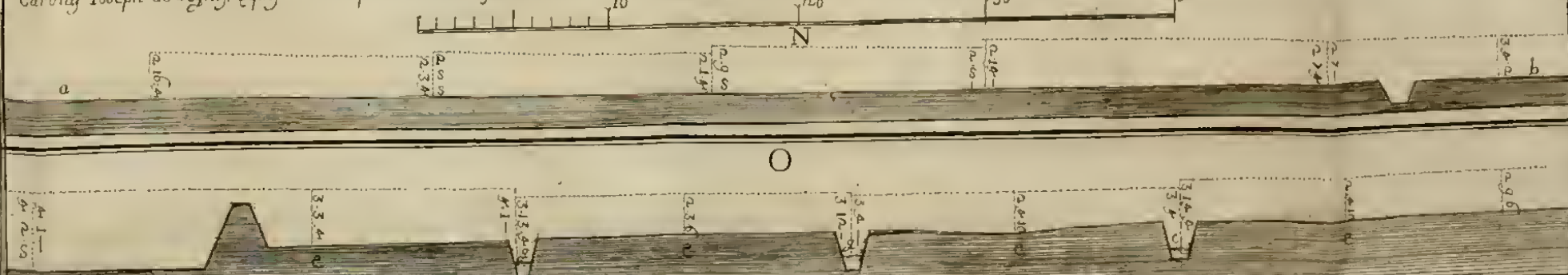


linea ^{in pianta} A *orizzontale*

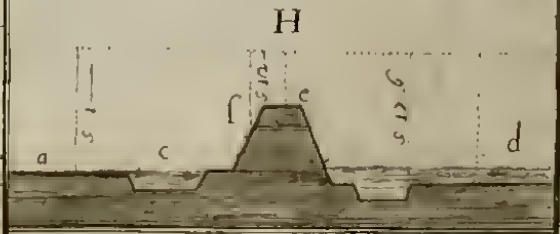


Carolus Ioseph de Segnis. eques Dni Stephan. Inuent et fecit

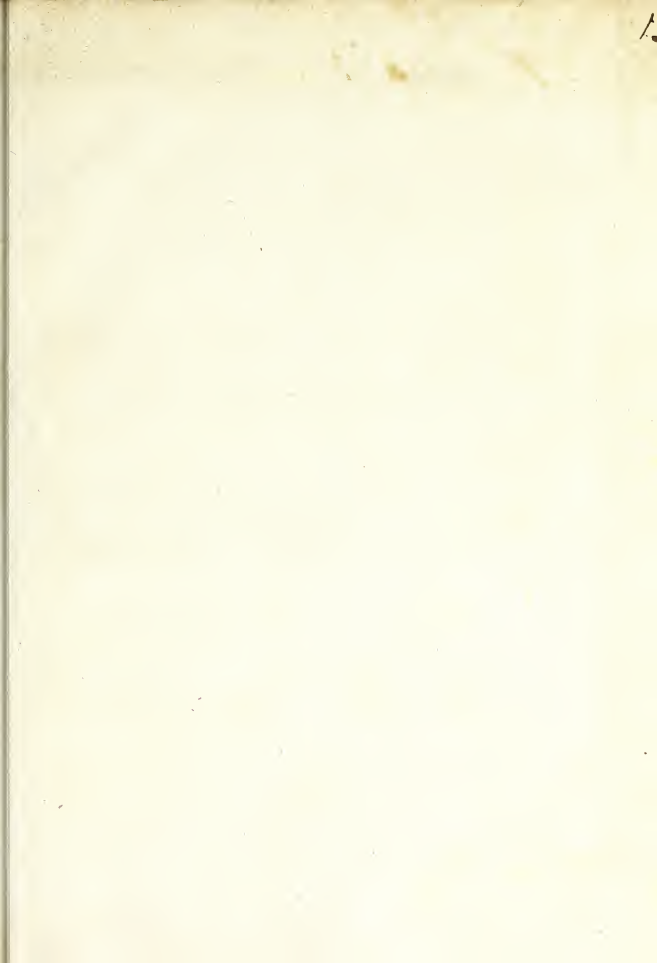
Scala di B. 40 Fiorentina a panno per le altezze dehuelli.



in pianta.











SPECIAL

87 B
1922 L
v. 2

THE CITY OF NEW YORK
LIBRARY

